



TD 3

Rappel :

Propriétés des Dépendances Fonctionnelles (DF) : Axiomes d'armstrong

- la réflexivité : $X \rightarrow X$
- l'augmentation : Si $X \rightarrow Y$, alors $X, Z \rightarrow Y$ (Quelque soit Z)
- la transitivité : Si $X \rightarrow Y$ et $Y \rightarrow Z$ alors $X \rightarrow Z$
- la pseudo-transitivité : Si $X \rightarrow Y$ et $Y, T \rightarrow Z$ alors $X, T \rightarrow Z$
- l'union : Si $X \rightarrow Y$ et $X \rightarrow Z$ alors $X \rightarrow Y, Z$
- la décomposition : Si $X \rightarrow Y, Z$ alors $X \rightarrow Y$ et $X \rightarrow Z$

Normalisation des Bases de Données

La Première Forme Normale :

Une relation est dite en première forme normale (1FN) :

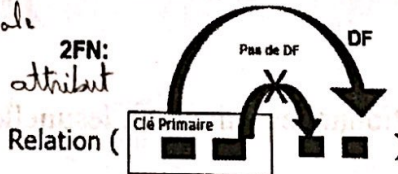
- 1) Si chacun de ses attributs dépend fonctionnellement de la clé
- 2) Et si tout attribut contient une valeur atomique (non multiple et non composée)

La Deuxième Forme Normale :

Une relation est dite en deuxième forme normale (2FN) :

- 1) Si elle est en première forme normale
- 2) Et si les dépendances fonctionnelles entre la clé et les autres attributs sont élémentaires

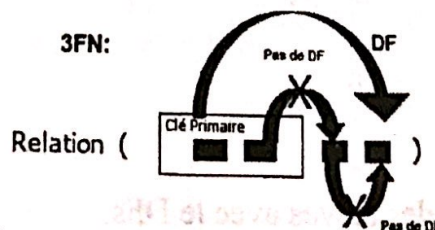
R_q = une relation en 1^{re} forme normale
donc la clé est composée d'un seul attribut
et forcément en 2^{ème} forme normale



La Troisième Forme Normale :

Une relation est dite en troisième forme normale (3 FN) :

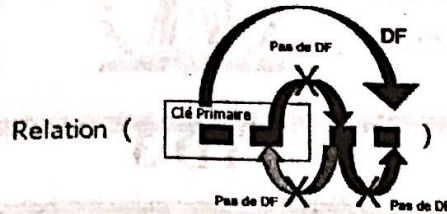
- 1) Si elle est en deuxième forme normale
- 2) Et si les dépendances fonctionnelles entre la clé et les autres attributs sont élémentaires et directes



La Forme Normale de Boyce Codd :

Une relation est dite de Boyce Codd (FNBC):

- 1) Si elle est en troisième forme normale
- 2) Et si aucun attribut membre de la clé dépend fonctionnellement d'un attribut non membre de la clé.



Application directe :

1. L'axiome de pseudo transitivité, si $X \rightarrow Y$ et $Y, W \rightarrow Z$, alors $X, W \rightarrow Z$.
- Démontrer cet axiome à l'aide des autres axiomes d'Armstrong.
2. Soit $R(A, B, C, D, E, G, H)$ $F = \{ AB \rightarrow C ; B \rightarrow D ; CD \rightarrow E ; CE \rightarrow GH ; G \rightarrow A \}$.
- En utilisant les axiomes d'Armstrong, montrer que l'on peut déduire de cet ensemble : $AB \rightarrow E$?
3. Soit la relation suivante :

$$\begin{aligned} &pklogin \rightarrow mdp, nom, prenom, ville \\ &nom, prenom \rightarrow pklogin \\ &ville \rightarrow nom \end{aligned}$$
 - Sélectionner la ou les clés de cette relation :
 $pklogin, mdp, nom, prenom, ville, (pklogin, mdp), (pklogin, nom), (nom, prenom), (ville, nom), (nom, prenom, ville).$

Exercice 1:

Considérons la relation suivante (les lettres majuscules indiquent les attributs, les minuscules les valeurs): $r(A|B|C|D|E)$

A	B	C	D	E
a1	b2	c2	d3	e2
a1	b2	c2	d1	e4
a2	b3	c2	d1	e5
a2	b4	c5	d1	e5

- 1) Parmi les dépendances fonctionnelles suivantes, lesquelles s'appliquent à r ?

$E \rightarrow D$ vrai
 $D \rightarrow E$ faux
 $C \rightarrow A$ faux
 $E \rightarrow B$ faux
 $E \rightarrow A$ vrai
 $B \rightarrow C$ vrai
 $B \rightarrow D$ faux
 $B \rightarrow A$ vrai

Exercice 2 :

On a les données suivantes sur des élèves avec le DFs:

Matricule, Nom, Age, Club, Salle

Matricule \rightarrow Nom, AGE

Matricule → Club

Club → Salle

1. Que signifie chaque DFs? *dependence fonctionnelle.*
2. Mettre ces informations dans un ensemble de schémas de relations en 3FN

Exercice 3:

En quelle forme normale est la relation suivante, qui concerne les employés d'une société implantée sur plusieurs bâtiments ?

EMPLOYES (NumE, Nom, Salaire, Département, Bâtiment)
Sachant qu'un employé travaille dans un département donné, et qu'aucun département ne possède des locaux dans plusieurs bâtiments.

Mettre en 3F le cas échéant.

NB: Déterminer d'abord les DFs.

Exercice 4 :

La relation suivante décrit des commandes faites par des clients, avec les produits et quantités commandées par client.

Commandes (NumCom, DateCom, NumCli, AdrCli, NumProd, Prix, Qte)

- a. Quelle est la clé de cette relation ?
- b. En quelle forme normale elle est ?
- c. La mettre en 3FN le cas échéant

Ex 2 :

- Matricule \rightarrow Nom, age.

\rightarrow Le nom et l'âge sont uniques par un élève identifié par un matricule.

- Matricule \rightarrow club

\rightarrow un élève est inscrit dans un club d'année, ce club est unique.

(un élève ne participe pas à plus d'un club).

- club \rightarrow salle

\rightarrow un club a un local qui est une salle, cette salle est unique.

(aucun club ne dispose de plus d'un local)

- Qu'est la clé ?

L'attribut matricule est une clé car il détermine tous les autres attributs et y compris salle.

par Transitivité : Matricule $\xrightarrow{\text{détermine}}$ salle

- cette relation est en 2^{ème} forme normale car aucun attribut non clé ne dépend d'une partie de la clé (la clé n'est pas composée).

- cette relation n'est pas en 3^{ème} forme normale car des attributs non clé ne sont pas mutuellement indépendants à cause de la

Transitivité

élève (matricule, nom, âge, # club)

club-salle (club, salle).

Ex3:

• num E est un numéro unique pour chaque employé

donc $\text{num E} \rightarrow \text{nom salaire}$

$\text{num E} \rightarrow \text{département}$ (employé travaille dans un département donné)

• num E est la clé de la relation.

- la relation est en 1^{re} forme normale car aucun attribut n'est connu de plusieurs valeurs.

- la relation est en 2^{ème} forme normale car la clé n'est pas composée mais il y a cette dernière dépendance fonctionnelle qui est Transitive, donc la relation n'est pas en 3^{ème} forme normale.

Ex4:

Rq: Avant de chercher la clé, il faut d'abord déterminer la dépendance fonctionnelle.

• $\text{num commande} \rightarrow \text{num client, adresse client, date commande}$:

• $\text{num client} \rightarrow \text{adresse client}$

- une commande est faite par un seul client avec une adresse donnée et à une date donnée.

.. un client à une unique adresse

• $\text{num commande, num produit} \rightarrow \text{prix, quantité}$.

- Dans une commande, un produit à un prix donné et commandé avec une quantité donnée.

• $\text{num produit} \rightarrow \text{prix}$

→ il y a un seul prix par un produit

⇒ donc la clé est num? et num commande.

Appl. cation directe.

1/ $x \rightarrow y$ et $y, w \rightarrow z$ alors $x, w \rightarrow z$?

on soit par augmentation.

$$x \rightarrow y \text{ alors } x, w \rightarrow y, w$$

et par Transitivité

$$\left. \begin{array}{l} x, w \rightarrow y, w \\ y, w \rightarrow z \end{array} \right\} \Rightarrow x, w \rightarrow z$$

2/ $AB \rightarrow E$

$B \rightarrow D$ donc $AB \rightarrow D$ (augmentation)

$$\left. \begin{array}{l} AB \rightarrow C \\ AB \rightarrow D \end{array} \right\} \Rightarrow AB \rightarrow C, D \text{ (union)}$$

$$\left. \begin{array}{l} AB \rightarrow C, D \\ CD \rightarrow E \end{array} \right\} \Rightarrow AB \rightarrow E \text{ (Transitivité)}.$$