Chapitre 3:

J. Equations differentielle Education

I Définition: on appelle équation

différentielle linéaire de 1eu arabre

l'équation de la forme

[(E): y'=A(x)y+B(x)]

Equations différentielles

aver Pet Bont deux fenctions
continues on un intervalle I de P.

* on affelle solution de l'équadion
différentielle (f) toute fonction

y: I - P. démaille
x Hoylx) suit

Verlet, y'bx = Abily(x) + B(x).

* Résonche on Intégrer l'équation(f)

(a d'house les solutions de(f).

Exemple.

Y'= y (A(x)=1, B(x)=0)

T=R

Si F(x) désigne laprimitue * Soit (En), y'- Abory extents y: The in exect us bolistion de (f) de A(x) sur l'internalleT. l'équation homogène associée $(F(x) = \int A(x) dx$. Alors, les solutes On remarque aussi Y (ER (constante) * Résolution de l'équation homojoine Proposition: Soit l'équation homojoje de ((H) sont de la forme suivante. g (x)= (xx est une solution $|\mathcal{J}_{\mu}(x)| = \left(\frac{F(x)}{e} - \left(\frac{F(x)}{e}\right)\right)$ * Sort (E): y'= A(x)y+B(x). une équertien de fférentielle (E4) 12 = 4(x) lingaria du 1 en orde ((cost ine Constante ale IR)

Exemple

Sol (E): $y' = \left(\frac{1}{1+x^2} + \frac{1}{2}\right)y' = 0 \times (1) = 0$ Donc les valutions et (E) ent $y(x) = (1) \times (1) \times$

de (E) sun l'internalle I. A lois, Tentes

les solutions de (E) sent de la forme $(E): y' + y = 2e^{x}$ $(E): y' + y + 2e^{x}$ $(E): y' + 2e^{x}$ (E): y' +

Let J ('est la solution homogene | Done les solution de(E) sent | Done | Candem(x) $+ \ln(x)$ | $+ \ln(x)$ |

Rechardo de la solution particulière.
En général om ne connaît pas les selutions
particulières et dans ce cos on applique la méthode
particulières et dans ce cos on applique la méthode
muante dite méthode de la variation de la constante
Méthode de la variation de la constante

* Soil- (E): y'= P(x) y + B(x)

une équation linéaire du 1er orde

you associe l'équation homogène

(EH): J'= A(x) J

* Les solutions de (EH) sont

J(x) = C & A(x) dx

* Pour charcher sure solution
particulière on charche alors
une solution de la forme:

y(x) = ((x)) P(x) dx

aux ((x) est une fonction inconne

(: I -) R

a ->(x)

The sufficient of the state of

Done $J_{+}(x) = c e^{(A(x)dx)}$ $+ \frac{1}{2} dx$, $\forall x > 0$ $= \frac{1}{2} dx$ $= \frac{1}{2} dx$ =

Doncy $(x) = (x^3 + x) \cdot x = x^4 + x^2$ Jes solutions générales de (E) sont: $J(x) = J_{++}(x) + J_{0}(x)$ $J(x) = J_{++}(x) + J_{0}(x)$ On appello équation de ffeienthells linéae

Le produce à l'équation ELe produce de ffeienthells linéae $E_{++}(x) + J_{0}(x) + J_{0}(x)$ Le produce de ffeienthells linéae

Le produce à l'équation ELe produce de ffeienthells linéae $E_{++}(x) + J_{0}(x) + J_{0}(x) + J_{0}(x) + J_{0}(x)$ $E_{++}(x) + J_{0}(x) + J_{0}(x) + J_{0}(x)$ $E_{++}(x) + J_{0}(x) + J_{0}(x) + J_{0}(x)$ $I(E) = J_{0}(x) + J_{0}(x)$ I(E)

Les racines $x_1 extraction (angle inquestrians) (for salutions de (EH) sent demonses from (1 et (2 deux constantes de R) $
--