



**Taki Academy**  
[www.takiacademy.com](http://www.takiacademy.com)

# Physique

Classe : 4<sup>ème</sup> Informatique

Chapitre : Les Oscillations Electriques libres

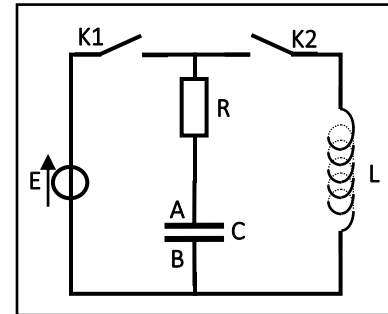
📍 Sousse (Khezama - Sahloul) Nabeul / Sfax / Bardo / Menzah El Aouina /  
Ezzahra / CUN / Bizerte / Gafsa / Kairouan / Medenine / Kébili / Monastir /  
Gabes / Djerba



## EXERCICE 1:

Les parties I, II et III sont indépendantes.

Pour étudier les oscillations électriques libres d'un circuit RLC série formé d'un condensateur de capacité  $C = 1\mu\text{F}$ , d'une bobine purement inductive d'inductance  $L$  et d'un résistor de résistance  $R$  variable, on réalise le montage de la figure ci-contre.



### I. Etude de la charge du condensateur :

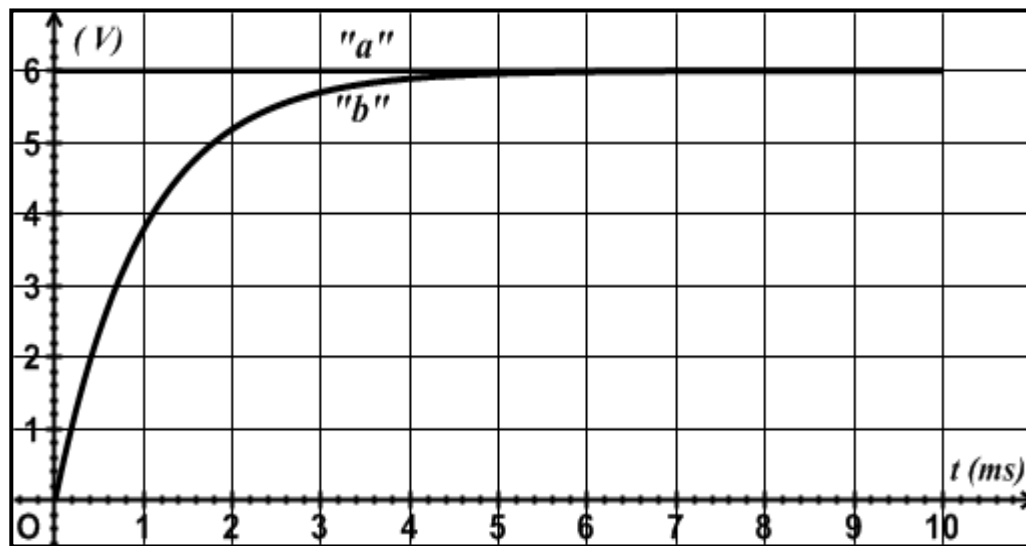
K2 étant ouvert, on ferme l'interrupteur K1.

Le condensateur est chargé par un générateur idéal de f.é.m  $E$ .

Un oscilloscope à mémoire permet d'enregistrer les tensions

$u_C(t)$  aux bornes du condensateur et  $u(t)$  aux bornes du générateur respectivement sur les voies Y1 et Y2.

On obtient les deux courbes de la figure ci-dessous :

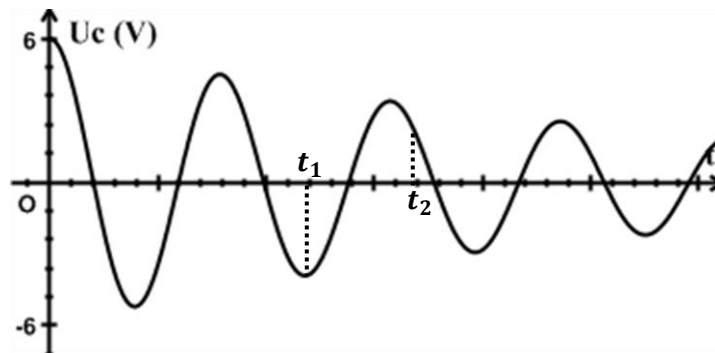


- 1- Reproduire le schéma du montage en faisant les connexions nécessaires avec l'oscilloscope.
- 2- Identifier les deux courbes « a » et « b ».
- 3- Montrer que le condensateur est initialement déchargé.
- 4- Déterminer graphiquement la constante du temps  $\tau$ . En déduire la valeur de la résistance  $R$ .

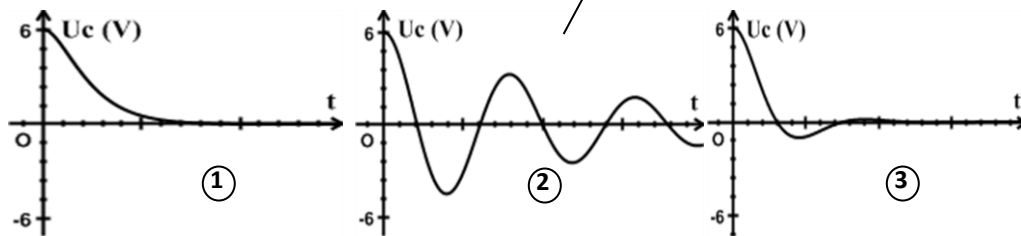
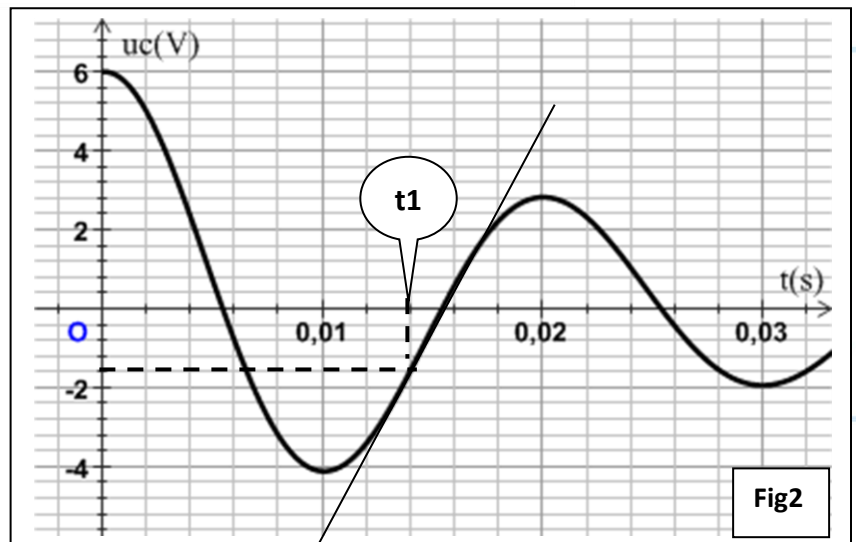
## II. Décharge du condensateur à travers le dipôle RL :

Le condensateur étant chargé, on ouvre K1 et on ferme K2 à  $t = 0$ .

- 1- Etablir l'équation différentielle relative à la tension  $u_C$ .
- 2- Montrer que l'énergie électromagnétique de l'oscillateur diminue au cours du temps.
- 3- Pour une résistance  $R_1 = 100\Omega$ , on obtient l'oscillogramme de la figure ci-dessous :



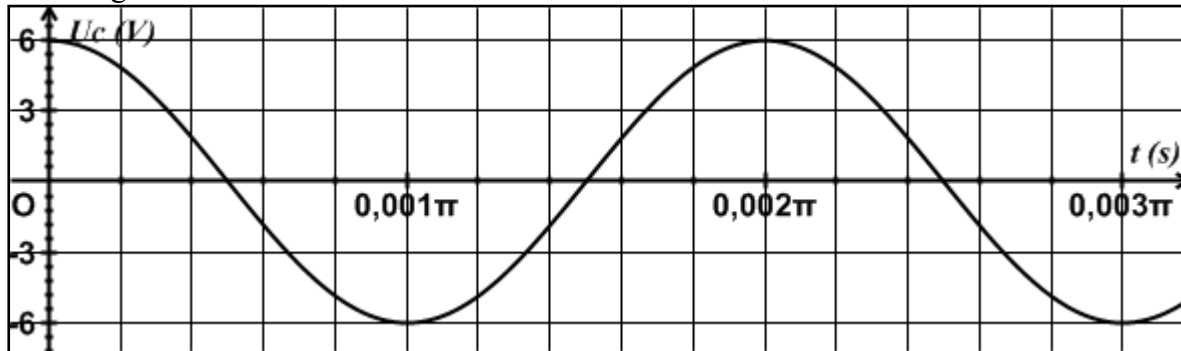
- a- Nommer le régime d'oscillation obtenu.
  - b- Montrer qu'à la date  $t_1$  l'énergie dans le circuit RLC est purement électrique.
  - c- Calculer la perte d'énergie entre les dates  $t_0 = 0s$  et  $t_1$ . Quel est le dipôle responsable de cette perte ?
  - d- Indiquer sur un schéma les signes des charges des deux armatures A et B du condensateur ainsi que le sens réel du courant dans le circuit à la date  $t_2$ .
- 4- Sur la figure ci-dessous, on donne 3 oscillogrammes obtenus pour 3 valeurs de la résistance :  $R_2 = 200\Omega$ ,  $R_3 = 500\Omega$  et  $R_4 = 2000\Omega$ .



Affecter chaque oscillogramme à la résistance correspondante et nommer à chaque fois le régime.

### III. Décharge du condensateur à travers la bobine :

On élimine le résistor, on charge le condensateur puis on le branche aux bornes de la bobine. On obtient l'oscillogramme suivant :



- 1- Etablir l'équation différentielle faisant intervenir la tension  $u_C$ .
- 2- Vérifier que  $u_C = U_{Cm} \sin(\omega_0 t + \varphi)$  est solution de l'équation différentielle.
- 3- Déterminer  $U_{Cm}$ ,  $\omega_0$  et  $\varphi$ .
- 4- Ecrire l'expression en fonction du temps de l'intensité  $i$  du courant circulant dans le circuit.



## EXERCICE 2 :

### Partie I

On considère le circuit électrique de la **figure 1** comportant un condensateur de capacité **C**, une bobine d'inductance **L** et de résistance négligeable, un interrupteur **K** et un conducteur ohmique de résistance variable. On fixe **R** à la valeur  **$R_0 = 100 \Omega$** , Le commutateur est sur la position **1**, le condensateur est chargé par le générateur de fem **E**. A  **$t = 0$**  on bascule l'interrupteur sur la position **2**. Un oscilloscope à mémoire permet d'enregistrer la tension  **$u_C(t) = u_{AB}(t)$**  aux bornes du condensateur on obtient la courbe de la **figure 2** ci-contre :

1-

- a- De quel régime d'oscillations s'agit-il ?
- b- Expliquer pourquoi ces oscillations sont dites libres amorties ?
- c- Déterminer à partir du graphe la valeur de la f.é.m **E** du générateur.

2-

- a- Etablir l'équation différentielle vérifiée par  **$u_C$** , **montrer** qu'elle s'écrit sous la forme de

**$u_C + A \frac{du_C}{dt} + B \frac{d^2u_C}{dt^2} = 0$**  et déterminer les expressions de **A** et de **B** en fonctions des caractéristiques du circuit.

- b- Sachant que  **$A = 10^{-3}$**  et  **$B = 10^{-5}$** . Déterminer **L** et **C**.

3- Montrer que l'énergie de l'oscillateur n'est pas conservée.

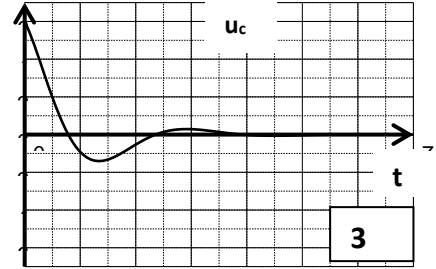
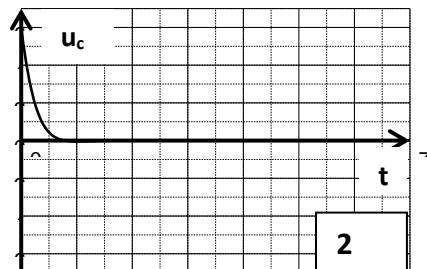
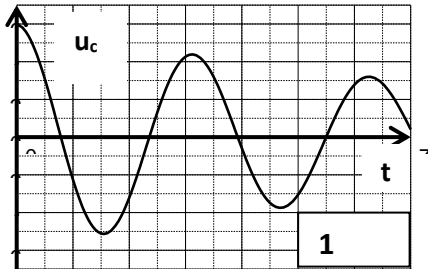
4- En exploitant la courbe précédente, déterminer à l'instant de date  **$t_1$** .

- a- La valeur algébrique **i** de l'intensité du courant qui circule dans le circuit.
- b- La charge de chaque armature. Indiquer, à la date  **$t_1$** , sur un schéma le **sens réel** du courant dans le circuit, le sens positif choisi.
- c- Déterminer la tension  **$u_B$** , aux bornes de la bobine.
- d- Calculer la valeur  **$E_C$**  de l'énergie électrostatique emmagasinée dans le condensateur et La valeur de l'énergie magnétique  **$E_m$** , emmagasinée dans la bobine à la même date  **$t_1$** .
- e- Déduire la valeur de l'énergie **W** dissipée par effet joule dans le résistor **R** entre les instants  **$t_0 = 0s$**  et  **$t_1$** .





- 5- Les graphes 1, 2 et 3 correspondent à trois valeurs différentes de la résistance  $R$  notées respectivement  $R_1$ ,  $R_2$  et  $R_3$ .

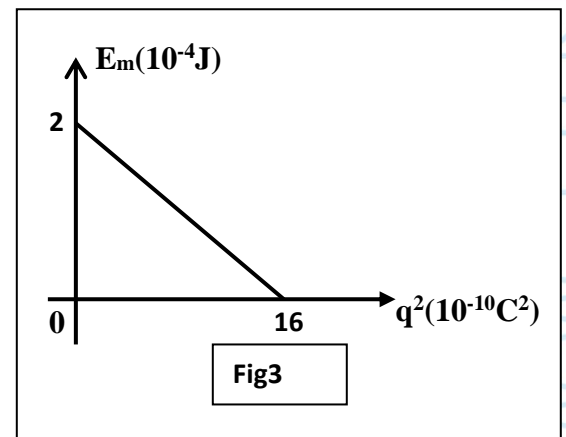


- Comparer ces résistances.
- Nommer le régime dans chaque cas.
- L'un des graphes correspond au passage le plus rapide de la tension  $u_c$  de sa valeur maximale à sa valeur nulle sans effectuer d'oscillations. Lequel? donner le nom du régime correspondant.

### Partie II:

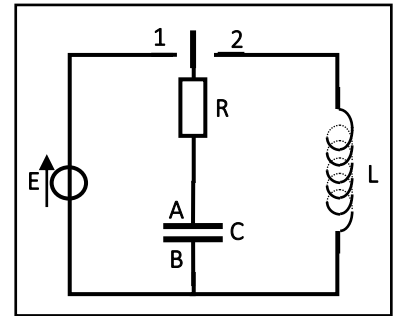
On supprime le résistor, on remplace le condensateur par un deuxième de capacité  $C'$  et on le charge avec un autre générateur de fem  $E'$  puis on bascule le commutateur à la position  $K_2$  à l'origine des dates  $t = 0$ .

- Etablir l'équation différentielle régissant les variations de la charge  $q$  du condensateur.
- Déterminer l'expression de  $\omega_0$  pour que  $q(t) = Q_m \sin(\omega_0 t + \varphi)$  soit une solution de l'équation différentielle.
  - Déterminer la valeur de la phase initiale  $\varphi$ .
- Donner l'expression de la période propre  $T_0$  des oscillations en fonction de  $L$  et  $C'$ .
- Montrer que l'énergie électromagnétique se conserve et qu'elle est proportionnelle au carré de l'amplitude  $Q_m$  de  $q(t)$ .
- La variation de l'énergie magnétique  $E_m$ , emmagasinée dans la bobine est donnée par la courbe de la figure ci-contre.
  - Etablir l'expression de  $E_m$  en fonction de  $q^2$ .
  - A partir de la **figure 3** déterminer :
    - La valeur de l'énergie totale. Justifier.
    - La valeur de la capacité  $C'$  du condensateur et celle de la f.e.m  $E'$ .



## EXERCICE 3 :

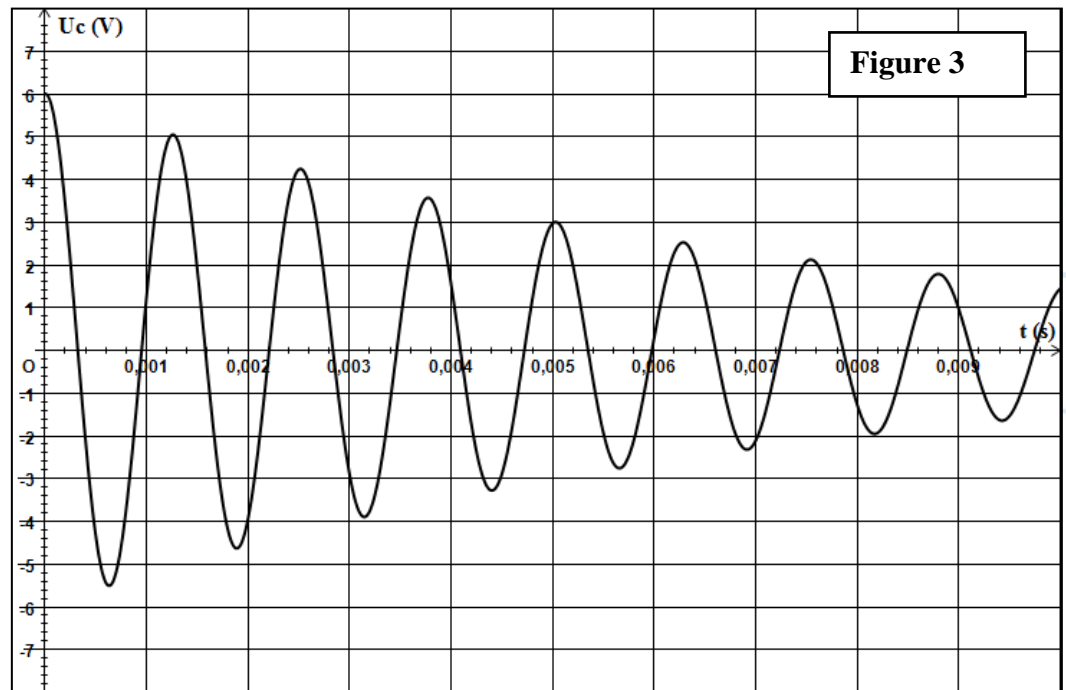
On réalise le montage de la figure ci-contre formé par un générateur de f.é.m.  $E = 6V$ , un commutateur, un condensateur initialement déchargé de capacité  $C$  ; une bobine purement inductive d'inductance  $L = 40mH$  et un résistor de résistance  $R = 20\Omega$ . On réalise deux expériences avec ce montage :



### Expérience A:

Le commutateur est sur la position 1, le condensateur est chargé par le générateur. A  $t = 0$  on bascule l'interrupteur sur la position 2. Un oscilloscope à mémoire permet d'enregistrer la tension  $u_C(t)$  aux bornes du résistor on obtient la courbe de la **figure 3** ci-dessous :

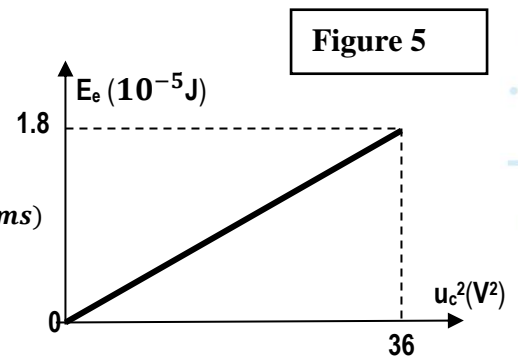
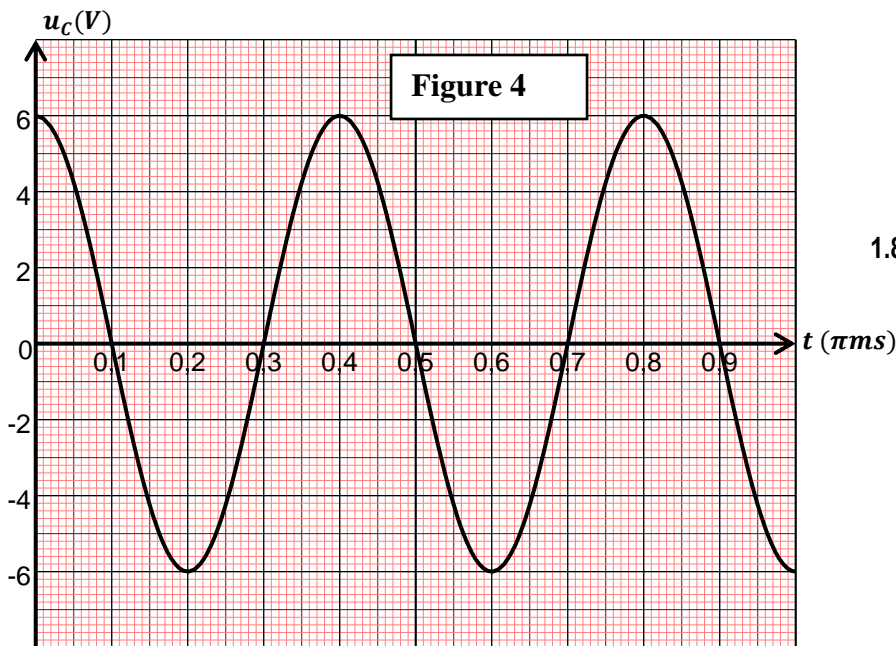
- 1- De quel régime d'oscillations s'agit-il ?
- 2- Expliquer pourquoi ces oscillations sont dites libres amorties ?
- 3- Déterminer à partir du graphe la valeur de la pseudopériode  $T$ .
- 4- En admettant que la pseudopériode  $T$  est égale à la période propre de l'oscillateur, montrer que  $C = 1\mu F$ .
- 5- Etablir l'équation différentielle relative à  $u_C$ .
- 6- Montrer que l'énergie de l'oscillateur diminue au cours du temps.
- 7- Calculer la diminution de l'énergie après  $5 \cdot 10^{-3}s$  de la fermeture de l'interrupteur sur la position 2.



### Expérience B :

On élimine le résistor, on charge le condensateur puis on place le commutateur sur la position 2. Un dispositif approprié permet de tracer les courbes donnant  $u_c = f(t)$  (voir figure 4).

- 1- Etablir l'équation différentielle vérifiée par  $u_c(t)$ .
- 2- La solution de l'équation différentielle est de la forme  $u_c(t) = U_{cm} \sin(\omega t + \varphi_{uc})$ .
  - a- Déterminer l'expression de  $u_c(t)$  en précisant les valeurs de  $U_{cm}$ ,  $\omega$  et  $\varphi_{uc}$ .
  - b- Déduire les expressions de  $q(t)$  et de  $i(t)$ .
- 3-
  - a- Donner l'expression de l'énergie électromagnétique  $E_{e,m}$  dans le circuit à un instant  $t$  en fonction de  $L$ ,  $i$ ,  $q$  et  $C$ .
  - b- Montrer que cette énergie est constante.
- 4- La courbe de la figure 5 donne les variations de l'énergie Électrostatique  $E_e$  en fonction de  $u_c^2$ .
  - a- Justifier théoriquement l'allure de cette courbe.
  - b- En exploitant la courbe  $E_e = f(u_c^2)$  retrouver les valeurs de  $C$ ,  $L$  et  $E$ .







**Taki Academy**  
[www.takiacademy.com](http://www.takiacademy.com)



Sousse (Khezama - Sahloul) Nabeul / Sfax / Bardo / Menzah El Aouina /  
Ezzahra / CUN / Bizerte / Gafsa / Kairouan / Medenine / Kébili / Monastir /  
Gabes / Djerba



[www.takiacademy.com](http://www.takiacademy.com)



73.832.000