به نام خدا



طراحی سیستمهای دیجیتال پروژه پایانی ـ CORDIC

دانشکده مهندسی کامپیوتر دانشگاه صنعتی شریف

استاد: جناب آقای دکتر بهاروند

نام، نام خانوادگی و شماره دانشجویی اعضای گروه:
علیرضا ایلامی ـ ۹۷۱۰۱۲۸۶
محمدمتین فتوحی ـ ۹۷۱۰۶۱۴۳
سید مهدی فقیه ـ ۹۷۱۰۶۱۹۸
علی قاسمی ـ ۹۷۱۰۶۲۰۵
امیرمهدی نامجو ـ ۹۷۱۰۶۳۲۲

فهرست مطالب

۲		مقدمه	1
۲	معرفی اجمالی و تاریخچه	1.1	
۲	هدف الكوريتم	۲.۱	
٣	پايه رياضي	٣.١	
٣	ب Rotation عالت ۱.۳.۱ حالت		
ş	۲.۳.۱ حالت Vectoring حالت		
٨	شكل دقيق الگوريتم	4.1	
١.	کاربردها		
١.			
١.	۲.۵.۱ نرم افزار		
۱۱	بازي	ییاده س	۲
۱۱	اسامی ماژول ها و اینترفیس های سیستم		
۱۱	Vectoring 1.1.Y		
۱۴	Rotation Y.1.Y		
۱۷	دیاگرام های بلوکی	7.7	
78	ت رم شرح وظایف ماژول ها		
77	Vectoring 1.7.Y		
٣٢	ROTATION Y.T.Y		
٣٧		سنتز	٣
"V	سنتز Rotation سنتز	1.8	
٣٨	سنتز Vectoring	7.7	
۴,		حع	م ا۔

مقدمه

معرفي اجمالي و تاريخچه

هدف اصلى ما در اين پروژه، طراحي يک واحد CORDIC است. CORDIC مخفف واژه COordinate Rotation DIgital Computer به معنى كامپيوتر ديجيتيال چرخش مختصاتي است. اين الگوريتم اولين بار در سال ۱۹۵۶ توسط آقای جک ولدر (Jack E. Volder)، که يک مهندس اويونيک (مهندس الکترونیک مرتبط به صنعت هوانوردی) بود، برای سیستم مسیریابی بمب افکن B-۵۸ ابداع شد. هر چند بعضی از ایده های استفاده شده در این روش، حتی در قرن هفدهم ذکر شده بودند. ویژگی اصلی این الگوریتم هم این است که امکان پیاده سازی آن با عناصر ساده جمع کننده و شیفت دهنده وجود دارد و نیازی به استفاده از واحد های پیشرفته تر نظیر ضرب کننده وجود ندارد. همچنین باید توجه کرد که در زمان ساخت و توسعه این الگوریتم، کامپیوتر واژه ای برای اشاره به دستگاه محاسبه گر بوده است و کامپیوتر با آن مفهوم سیستم متشکل از پردازنده و حافظه و مفاهیم مطرح شده توسط تورینگ، هر چند وجود داشت، اما هنوز كاربرد أن گسترده نشده بود. از اين رو نبايد لغت كامپيوتر در نام اين الگوريتم را با تعريف امروزي آن اشتباه گرفت. [۱] [۲]

هدف الگوريتم ۲.۱

الگوریتم CORDIC در شکل ساده و رایج خود، الگوریتمی برای محاسبه مقادیر توابع مختلف علی الخصوص توابع مثلثاتي و هذلولوي است. از الگوريتم CORDIC در مواردي براي محاسبه توابع لگاريتمي، جذر گرفتن و موارد نظیر این هم استفاده می شود اما شکل اولیه آن مبتنی بر همان توابع مثلثاتی است.

در اصل الگوریتم اصلی که در این جا قصد پیاده سازی آن را داریم، دو حالت عملکردی مختلف دارد. حالت Rotation و حالت Vectoring. در حالت Rotation، یک بردار همراستا با محور x و همچنین یک زاویه به الگوریتم داده شده و این الگوریتم، در اثر چرخش های متوالی در مراحل پشت سرهم، بردار اولیه را می چرخاند تا در نهایت برآیند تمامی این چرخش ها، با دقت مشخصی برابر با زاویه داده شده به برنامه بشود. در حالت Vectoring، یک بردار دلخواه داده می شود و الگوریتم سعی می کند در اثر چرخش های متوالی و منظم، مولفه y بردار را از بین ببرد و آن را بر محور x منطبق کند. با این کار، از طریق مولفه x نهایی می توان اندازه بردار اولیه را بدست آورد و همچنین با بررسی روند چرخش های انجام شده، می توان به زاویه بردار اولیه هم پی برد. [7] [7]

۳.۱ یایه ریاضی

۱.۳.۱ حالت Notation

ابتدا باید به نحوه مدل کردن چرخش یک نقطه در دستگاه مختصات بپردازیم. اگر نقطه v=(x,y) را به اندازه زاویه θ به صورت پادساعتگرد (در جهت مثلثاتی) دوران بدهیم، نقطه v'=(x',y') به صورت زیر بدست می آید:

$$x' = x\cos(\theta) - y\sin(\theta)$$

$$y' = x\sin(\theta) + y\cos(\theta)$$

از طرف دیگر، یک دوران به اندازه heta را می توان مجموعی از n دوران دیگر $\theta_1, \theta_2, \cdots, \theta_n$ دانست که $heta=\theta_1+\theta_2+\cdots\theta_n$

در نتیجه می توان برای انجام یک دوران، آن را به چشم تعدادی دوران دیگر دانست و با نماد گذاری نقطه شروع به شکل $v_i=(x_i,y_i)$ و نتیجه هر کدام از $v_i=(x_i,y_i)$ داریم:

$$x_{i+1} = x_i \cos(\theta_{i+1}) - y_i \sin(\theta_{i+1})$$

$$y_{i+1} = x_i \sin(\theta_{i+1}) + y_i \cos(\theta_{i+1})$$

از طرف دیگر، با فاکتور گرفتن از $\cos(\theta_{i+1})$ در عبارات بالا داریم:

$$x_{i+1} = \cos(\theta_{i+1})(x_i - y_i \tan(\theta_{i+1}))$$

$$y_{i+1} = \cos(\theta_{i+1})(x_i \tan(\theta_{i+1}) + y_i(\theta_{i+1}))$$

اگر عبارت شامل cos را کنار بگذاریم، درون پرانتز شاهد یک جمع (تفریق) و یک ضرب هستیم. در سخت افزار ضرب به حالت کلی، هزینه نسبتا بالایی دارد؛ اما الگوریتم CORDIC سعی می کند با ایده هوشمندانه ضرب در توان های 2 این مشکل را برطرف کند. زوایایی که قرار است برای چرخش ها انتخاب بشوند، باید به این صورت باشند که:

$$\tan(\theta_{i+1}) = \pm 2^{-i}$$

از آن جایی که عملیات های ضرب یا تقسیم بر توان های 2 در یک سیستم دیجیتالی به راحتی از طریق شیفت دادن قابل انجام است، بدون نیاز به استفاده از ضرب کننده، می توانیم عملیات ها را انجام بدهیم. نکته مهمی که باقی می ماند، کسینوس هایی است که در هر مرحله در حال ضرب شدن هستند. ابتدا باید توجه کرد که:

$$\cos(\arctan(2^{-i})) = \frac{1}{\sqrt{1+2^{-i}}}$$

در نتیجه، در اصل بسته به این که قرار است این محاسبات تا چند مرحله ادامه پیدا کنند، عدد ضرب شده نهایی به صورت:

$$K = \prod_{i} \frac{1}{\sqrt{1 + 2^{-2i}}}$$

خواهد بود. جدول محاسبات مربوط به K در زیر آمده است:

i	2^{-i}	$\arctan(2^{-i})$	$\cos(\arctan(2^{-i}))$	$\prod_{i} \cos(\arctan(2^{-i}))$
0	1.0000	0.7854	0.7071	0.7071
1	0.5000	0.4636	0.8944	0.6325
2	0.2500	0.2450	0.9701	0.6136
3	0.1250	0.1244	0.9923	0.6088
4	0.0625	0.0624	0.9981	0.6076
5	0.0312	0.0312	0.9995	0.6074
6	0.0156	0.0156	0.9999	0.6073
7	0.0078	0.0078	1.0000	0.6073
8	0.0039	0.0039	1.0000	0.6073
9	0.0020	0.0020	1.0000	0.6073
10	0.0010	0.0010	1.0000	0.6073
11	0.0005	0.0005	1.0000	0.6073
12	0.0002	0.0002	1.0000	0.6073
13	0.0001	0.0001	1.0000	0.6073
14	0.0001	0.0001	1.0000	0.6073
15	0.0000	0.0000	1.0000	0.6073

همان طور که مشخص است، با دقت چهار رقم اعشار سری مذکور به 0.6073 همگراست. با کمک نرم افزارهای ریاضیاتی نظیر Mathematica نیز می توان بررسی کرد که:

$$\lim_{n \to \infty} \prod_{i=0}^{n} \frac{1}{\sqrt{1 + 2^{-2i}}} \approx 0.607253 \approx 0.6073$$

همان طور كه در بالا ديديم:

$$\tan(\theta_{i+1}) = \pm 2^{-i}$$

یعنی دو مقدار مثبت و منفی وجود دارد و زاویه هم می تواند به دو شکل مختلف مثبت و منفی باشد. برای این که بدانیم در هر مرحله، باید مقدار مثبت زاویه را اعمال کنیم یا مقدار منفی آن را باید به این توجه کنیم که ما در این جا با زوایایی با مقادیر مشخص سر و کار داریم و در ابتدا هم یک زاویه به عنوان زاویه هدف در نظر داریم که هر بار با اجرای یکی از مراحل، می توانیم زاویه هدف را کاهش داده و به مقدار جدید آپدیت کنیم. حال اگر مقدار زاویه هدف باقی مانده مثبت باشد، باید با کم کردن یک زاویه مثبت، آن را به صفر نزدیک کنیم و اگر منفی باشد، با کم کردن یک زاویه منفی، آن را به صفر نزدیک نماییم. در نتیجه فرمول کلی الگوریتم به صورت زیر در می آید:

$$x_{i+1} = x_i - d_i \cdot y_i \cdot 2^{-i}$$

$$y_{i+1} = y_i + d_i x_i 2^{-i}$$

 $\theta_{i+1} = \theta_i - d_i \arctan(2^{-i})$

که در آن اگر z_i نامنفی باشد، مقدار d_i برابر ۱ و در غیر این صورت برابر -1 است.

چند نکته در این جا باقی می ماند. اولین مورد این است که بازه برد $\frac{\pi}{2} < \theta < \frac{\pi}{2}$ است. برای این که عملیات چرخش برای زوایای بیش تر از $\frac{\pi}{2}$ و کمتر از $\frac{\pi}{2}$ هم به خوبی جواب بدهد، باید دوران ناشی از $\frac{\pi}{2}$ ای که این زاویه ها اضافه یا کم دارند را در همان ابتدا اعمال کنیم. برای این کار، اگر $\frac{\pi}{2}$ باشد، در همان ابتدا تبدیل زیر را اعمال می کنیم:

$$x' = -y, y' = x, \theta' = \theta - \frac{\pi}{2}$$

و اگر $\frac{-\pi}{2}$ باشد، در همان ابتدا تبدیل:

$$x' = y, y' = -x, \theta' = \theta + \frac{\pi}{2}$$

را اعمال مي كنيم و الگوريتم را با x', y', θ' ادامه مي دهيم.

Hyperbolic نکته دیگر مربوط به این است که دو شکل دیگر از الگوریتم CORDIC به نام های کادیم، شکل در از الکوریتم کاد در شکل مذلولوی و خطی وجود دارند و شکلی که در بالا آن را توصیف کردیم، شکل در از توابع یا دایروی آن بود. منطق کلی این روش ها مشابه بالا است، با این تفاوت که در شکل هذلولوی، از توابع هذلولوی استفاده شده و در شکل خطی، عملا به جای $\arctan(2^{-i})$ خور در شکل خطی، عملا به جای $\arctan(2^{-i})$ قرار می گیرد. به جز این، این دو روش تنها در منفی یا مثبت بودن یکسری از عبارات با هم تفاوت دارند که به صورت خلاصه و به شکل متحدالشکل، می توان آن را به صورت زیر نمایش داد.

$$x_{i+1} = x_i - \eta \cdot d_i \cdot y_i \cdot 2^{-i}$$

$$y_{i+1} = y_i + d_i x_i 2^{-i}$$

$$\theta_{i+1} = \theta_i - d_i \cdot \xi_i$$

که η و ξ براساس جدول زیر هستند:

Mode	η	ξ
Linear	0	2^{-i}
Circular	1	$\tan^{-1}\left(2^{-i}\right)$
Hyperbolic	-1	$\tanh^{-1}\left(2^{-i}\right)$

در نهایت هم بعد از اعمال همه مراحل، باید x و y نهایی در ضریب K که بالا نوشته شد، ضرب بشوند. این ضریب برای حالت هذلولوی، برابر K=1.2075 و برای حالت خطی K=1 است.

در نهایت لازم به ذکر است که هر چند الگوریتم چرخش، می تواند هر بردار اولیه ای را بچرخاند، اما در شکل استاندارد الگوریتم، بردار اولیه به صورت یکه و موازی محور x داده می شو. در دو جدول زیر، این که ورودی ها و خروجی های هر کدام از این حالات در وضعیت استاندارد چه هستند، نمایش داده شده است:

جدول ورودي هاي استاندارد:

Mode	x_{input}	$y_{ m input}$	$\theta_{ ext{input}}$
Linear	X	0	θ
Circular	1	0	θ
Hyperbolic	1	0	θ

جدول خروجي هاي استاندارد:

Mode	$x_{ m output}$	$y_{ m output}$	$\theta_{ m output}$
Linear	x	$x \times \theta$	0
Circular	$\cos(\theta)$	$\sin(\theta)$	0
Hyperbolic	$\cosh(\theta)$	$sinh(\theta)$	0

۲.۳.۱ حالت Vectoring

پایه و اساس حالت Vectoring از نظر ریاضیاتی مشابه حالت Rotation است. با این تفاوت که در حالت Rotation ما قصد داشتیم یک بردار را به اندازه زاویه مشخص شده بچرخانیم، اما این جا قصد داریم یک بردار را طوری بچرخانیم که روی محور x منطبق شده و در نتیجه این چرخش ها اندازه و زاویه اولیه اش با محور x را پیدا کنیم. از نظر ریاضیاتی، همه مواردی که در بخش قبل گفته شده، در این جا هم برقرار است. فقط در این جا باید توجه کرد که در ابتدای کار، ما زاویه ای در اختیار نداریم و در عوض باید با استفاده از x و داده شده، این زاویه را پیدا کنیم. مشابه بخش قبل، اساس کلی این الگوریتم هم براساس زوایا و بردارهای ناحیه اول و چهارم مختصات است. در نتیجه، اضافه کردن زوایا، بر این اساس انجام می شود که آیا y بردار فعلی، مثبت است یا منفی، اگر منفی باشد، با افزایش زاویه و اگر مثبت باشد، با کاهش زاویه رو به رو هستیم. در اصل تفاوت اصلی این الگوریتم با الگوریتم بخش قبل، در مقدار d_i است که به شکل زیر مشخص می شود:

$$d_i = \begin{cases} 1 & \text{if } y_i < 0\\ -1 & \text{if } y_i \ge 0 \end{cases}$$

معادلات اصلى الگوريتم، همان معادلات قبلي است:

$$x_{i+1} = x_i - \eta \cdot d_i \cdot y_i \cdot 2^{-i}$$

$$y_{i+1} = y_i + d_i x_i 2^{-i}$$

$$\theta_{i+1} = \theta_i - d_i \operatorname{cdot} \xi_i$$

در حالاتی که ورودی و خروجی در ناحیه اول یا چهارم نباشند، تبدیل هایی مانند تبدیل های بخش قبل صورت می گیرد، با این تفاوت که در این جا، معیار ما مثبت یا منفی بودن x و y است. اگر x منفی و y مثبت باشد یعنی در ناحیه دوم هستیم و تبدیل زیر اعمال می شود:

$$x' = y, y' = -x, \theta' = \frac{\pi}{2}$$

و اگر x منفی و y هم منفی باشد، یعنی در ناحیه سوم هستیم و تبدیل زیر اعمال می شود:

$$x' = -y, y' = x, \theta' = \frac{-\pi}{2}$$

توجه داشته باشید که در این حالت، در ابتدا $\theta=0$ است، چون چیزی در مورد زاویه نمی دانیم و هدف پیدا کردن زاویه است. بعد از انجام تبدیلات، الگوریتم را با استفاده از x',y',θ' پی می گیریم. جدول ورودی و خروجی های استاندارد این حالت به صورت زیر است:

جدول ورودي هاي استاندارد:

Mode	x_{input}	yinput	$\theta_{ ext{input}}$
Linear	x	y	0
Circular	x	y	0
Hyperbolic	x	y	0

جدول خروجي هاي استاندارد:

Mode	$x_{ m output}$	$y_{ m output}$	$ heta_{ m output}$
Linear	x	0	$\frac{y}{x}$
Circular	$\sqrt{x^2+y^2}$	0	$\tan^{-1}\frac{y}{x}$
Hyperbolic	$\sqrt{x^2-y^2}$	0	$\tanh^{-1} \frac{y}{\pi}$

منابع استفاده شده برای بخش مربوط به پایه ریاضی: [۳] [۴] [۵]

 $y_{out} = \frac{y}{K}$

۴.۱ شكل دقيق الگوريتم

در الگوریتم های زیر، θ را با z نمایش داده ایم. الگوریتم ها براساس حالت Circular نوشته شده اند ولی تنها تفاوت دو حالت دیگر، همان طور که در بالا هم گفته شده، در علامت مثبت و منفی یکی از عبارات و همچنین استفاده از تابعی متفاوت با \arctan است. ضمنا بهینه سازی های پیاده سازی سخت افزاری (نظیر این که عملا از یک K ثابت استفاده خواهیم کرد) در زیر اعمال نشده و شکل کلی الگوریتم نوشته شده است.

Algorithm 1: CORDIC Rotation

```
input: x_{in}, y_{in}, z_{in}:angle, \overline{n}:number-of-iterations
output: x_{out} , y_{out}
if !(\frac{-\pi}{2} < z_{in} < \frac{\pi}{2}) then
     if z_{in} > \frac{\pi}{2} then
          x = -y_{in}
           y = x_{in}
          z=z_{in}-\frac{\pi}{2}
     else
          x = y_{in}
          y = -x_{in}
          z=z_{in}+\frac{\pi}{2}
     end
else
     x = x_{in}
     y = y_{in}
     z = z_{in}
end
K=1
for i \leftarrow 0 to n do
     d = sgn(z)
     x = x - d \cdot y \cdot 2^{-i}
     y = y + d \cdot x \cdot \cdot 2^{-i}
     z = z + d \cdot \arctan(2^{-i})
     K = K \cdot \frac{1}{\sqrt{1+2^{-2i}}}
\mathbf{end}
x_{out} = \frac{x}{K}
```

Algorithm 2: CORDIC Vectoring

```
input: x_{in}, y_{in}, z_{in}:angle, n:number-of-iterations
output: x_{out}, z_{out}
if x_{in} < 0 then
     if y_{in} \geq 0 then
         x = y_{in}
         y = -x_{in}
        z = +\frac{\pi}{2}
          x = -y_{in}
          y = x_{in}
        z = -\frac{\pi}{2}
     \mathbf{end}
\mathbf{else}
     x = x_{in}
     y = y_{in}
     z = 0
\mathbf{end}
K = 1
for i \leftarrow 0 to n do
    d = sgn(y)
     x = x - d \cdot y \cdot 2^{-i}
     y = y + d \cdot x \cdot \cdot 2^{-i}
     z = z + d \cdot \arctan(2^{-i})
     K = K \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + 2^{-2i}}}
\operatorname{end}
x_{out} = \frac{x}{K}
z_{out} = z
```

۵.۱ کاربردها

۱.۵.۱ سخت افزار

یکی از اولین کاربردهای اصلی و واقعی الگوریتم ،CORDIC استفاده از آن در سیستم مسیریابی و ناوبری ماهنورد ناسا در پروژه Apollo در حدود سال های ۱۹۷۱ و ۱۹۷۲ میلادی بوده است که از آن برای سیستم های محاسبه زاویه افقی نسبت به اشیا و همچنین محاسبه فاصله تا سفینه اصلی استفاده شده است. [۶] به عنوان کاربرد عمومی، CORDIC در سیستم هایی که نیاز به محاسبه توابع مثلثاتی داشته باشند، ولی به دلایلی نظیر هزینه، امکان استفاده از ضرب کننده در آن ها وجود نداشته باشد، کاربرد به سزایی دارد. در صورتی که بتوان از ضرب کننده استفاده کرد، محاسبه این توابع به کمک بسط تیلور و مک لورن آن ها در ترکیب با Lookup Table معمولاً سریع تر از CORDIC است ولی اگر امکان استفاده از ماژول ضرب کننده مجزا نباشد، CORDIC به مراتب نسبت به پیاده سازی نرم افزاری ضرب و سپس استفاده از ضرب، برتری دارد و با سرعت بیش تری امکان انجام محاسبات را فراهم می آورد. همچنین در مواقعی که سعی بر کمینه کردن تعداد گیت های استفاده شده باشد و از این رو بخواهیم از ضرب کننده استفاده نکنیم (مثلا در کمینه کردن تعداد گیت های استفاده شده باشد و از این رو بخواهیم از ضرب کننده استفاده نکنیم (مثلا در یک سیستم پیاده شده روی (FPGA استفاده از این رو بخواهیم از ضرب کننده استفاده نکنیم (مثلا در یک سیستم پیاده شده روی (FPGA استفاده از CORDIC می تواند مورد توجه قرار بگیرد.

طراحی سیستمهای دیجیتال

۲.۵.۱ نرم افزار

در دورانی که CPU ها واحد Floating-Point مجزا نداشتند و تمامی رجیسترهای آنان، به صورت Integer بودند، شرکت های تولید کننده پردازنده در قالب کتابخانه های نرم افزاری مربوط به پیاده سازی Integer بودند، شرکت های تولید کننده پردازنده در قالب کتابخانه های نرم افزاری مربوط به پیاده سازی Theating-Point را از طریق رجیسترهای CORDIC مهیا می کرد، الگوریتم CORDIC را هم به صورت نرم افزاری برای محاسبه زوایای مثلثاتی پیاده سازی می کردند، اما بعدها که واحد های مجزای Floating-Point و محاسبات آن به صورت سخت افزاری به پردازنده ها استفاده شد، استفاده از CORDIC به این شیوه منسوخ شد و تنها در سیستم هایی که از نظر زمانی و Real-Time بودن محدودیت های ویژه ای دارند، از آن استفاده می شود. [۷]

۲ پیاده سازی

۱.۲ اسامی ماژول ها و اینترفیس های سیستم

Vectoring 1.1.7

مازول Quadrant_Corrector ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] x,
input [31:0] y,
input[31:0] angle,
```

و خروجي هاي آن:

```
output reg [31:0] x_out,
output reg [31:0] y_out,
output reg [31:0] angle_out
```

ماژول Scaler

ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] number,
input [1:0] mode
```

و خروجي آن:

output [31:0] answer

ماژول X_Calculator ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input[31:0] x,
input[31:0] y,
input [31:0] angle,
input [1:0] mode,
input [31:0] y_shift,
input clock
```

و خروجي آن:

```
output [31:0] x_out
```

```
ماژول Y_Calculator
                                                 ورودی های آن موارد زیر هستند:
input[31:0] x,
input[31:0] y,
input [31:0] angle,
input [31:0] x_shift,
input clock
                                                              و خروجي آن:
output [31:0] y_out
                                                       ماژول Z_Calculator
                                                 ورودی های آن موارد زیر هستند:
input [31:0] angle,
input [31:0] y,
input [31:0] lookup_table_amount,
input clock,
                                                               و خروجي آن:
 output wire [31:0] angle_out
                                               ماژول اصلی CORDIC_Vector
                                                             ورودي هاي آن:
input signed [31:0] x,
input signed [31:0] y,
input signed [31:0] angle,
input [1:0] mode
                                                           و خروجي هاي آن:
 output wire signed [31:0] rotated_x,
 output wire signed [31:0] rotated_y,
 output wire signed [31:0] final_angle
```

پارامتر برنامه هم:

parameter NUMBER_OF_ITERATIONS = 17;

ماژول TopModule ورودي هاي آن:

```
input signed [31:0] x,
input signed [31:0] y,
input signed [31:0] angle,
input [1:0] mode,
```

و خروجي هاي آن:

```
output wire signed [31:0] rotated_x,
output wire signed [31:0] rotated_y,
output wire signed [31:0] final_angle
```

Rotation Y.1.Y

```
مازول Quadrant_Corrector
ورودی های آن موارد زیر هستند:
```

```
input [31:0] x,
input [31:0] y,
input[31:0] angle,
```

و خروجي هاي آن:

```
output reg [31:0] x_out,
output reg [31:0] y_out,
output reg [31:0] angle_out
```

ماژول Scaler

ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] number,
input [1:0] mode
```

و خروجي آن:

output [31:0] answer

ماژول X_Calculator ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input[31:0] x,
input[31:0] y,
input [31:0] angle,
input [1:0] mode,
input [31:0] y_shift,
input clock
```

و خروجي آن:

output [31:0] x_out

```
ماژول Y_Calculator
                                                 ورودی های آن موارد زیر هستند:
input[31:0] x,
input[31:0] y,
input [31:0] angle,
input [31:0] x_shift,
input clock
                                                               و خروجي آن:
output [31:0] y_out
                                                       ماژول Z_Calculator
                                                 ورودی های آن موارد زیر هستند:
input [31:0] angle,
input [31:0] y,
input [31:0] lookup_table_amount,
input clock,
                                                               و خروجي آن:
 output wire [31:0] angle_out
                                             ماژول اصلی CORDIC_Rotation
input signed [31:0] x,
input signed [31:0] y,
input signed [31:0] angle,
input [1:0] mode
                                                           و خروجي هاي آن:
 output wire signed [31:0] rotated_x,
 output wire signed [31:0] rotated y,
 output wire signed [31:0] final_angle
                                                            پارامتر برنامه هم:
```

parameter NUMBER_OF_ITERATIONS = 29;

ماژول TopModule ورودي هاي آن:

```
input signed [31:0] x,
input signed [31:0] y,
input signed [31:0] angle,
input [1:0] mode,
```

و خروجي هاي آن:

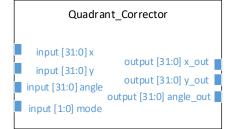
```
output wire signed [31:0] rotated_x,
output wire signed [31:0] rotated_y,
output wire signed [31:0] final_angle
```

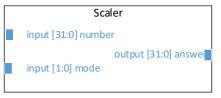
۲.۲ دیاگرام های بلوکی

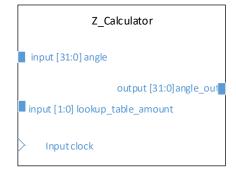
دیاگرام های بلوکی از صفحه بعد قرار گرفته اند. به ترتیب ابتدا دیاگرام های بلوکی مربوط به Vectoring و سپس Rotation قرار گرفته اول هر کدام، ماژول ها و ورودی ـ خروجی هایشان قرار گرفته و صفحه بعدی، اتصالات درونی آن ها.

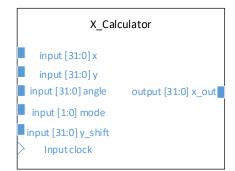
برای نمایش اتصالات درونی و از آن جابی که شکل سنتز شده کامل که شامل تعداد Iteration های زیاد باشد، بسیار بزرگ شده و در صفحه امکان نمایش درست آن وجود ندارد، یک شکل با Iteration های کم که اتصالات دقیق معلوم هستند و یک شکل از دور برای حالتی که تمامی Iteration ها باشند، قرار گرفته است. دیاگرام های کلی قرار گرفته به ترتیب زیر هستند:

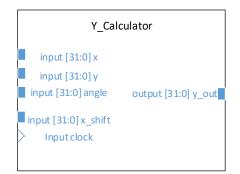
- حالت Rotation با تعداد Rotation کامل
 - حالت Rotation با تعداد Rotation کم
- حالت Vectoring با تعداد Vectoring کامل
 - حالت Vectoring با تعداد Vectoring کم

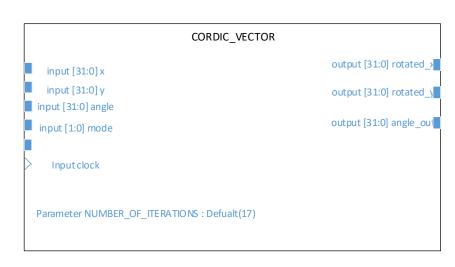


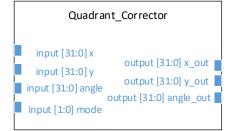


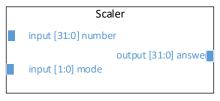


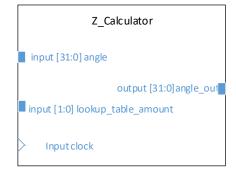


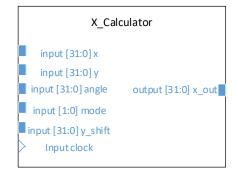


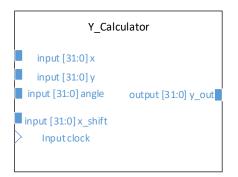


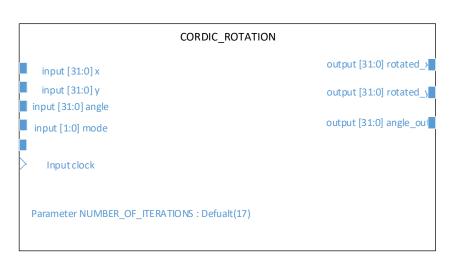


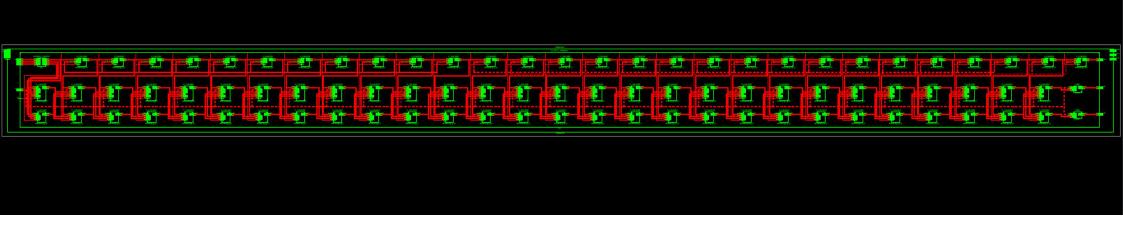


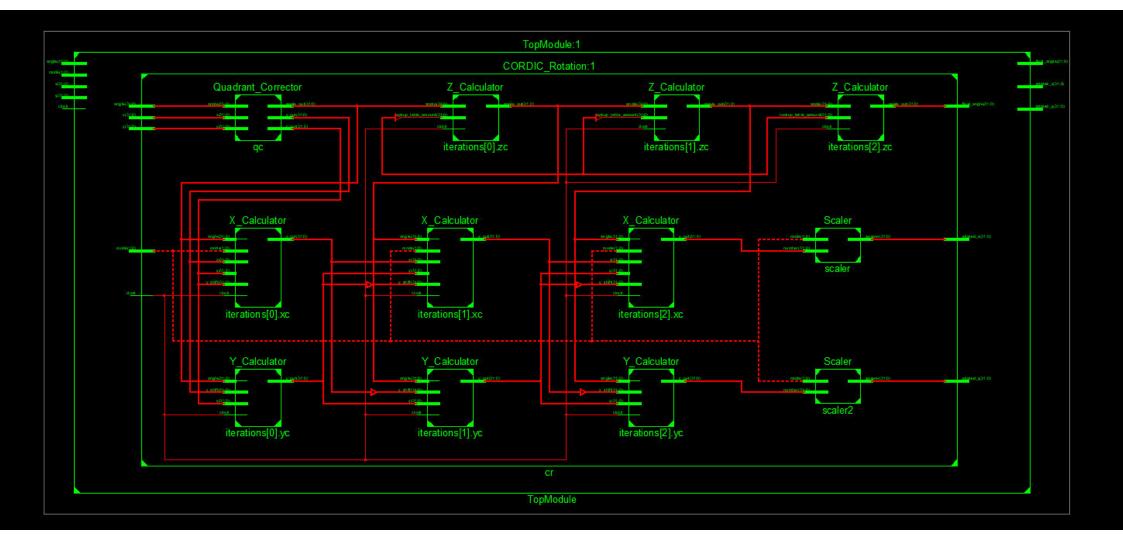


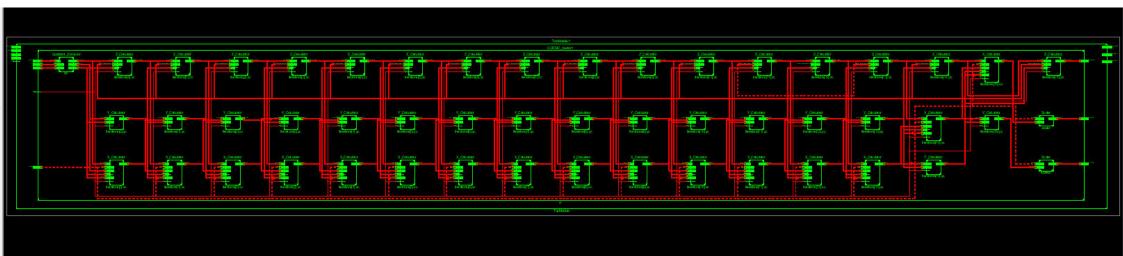


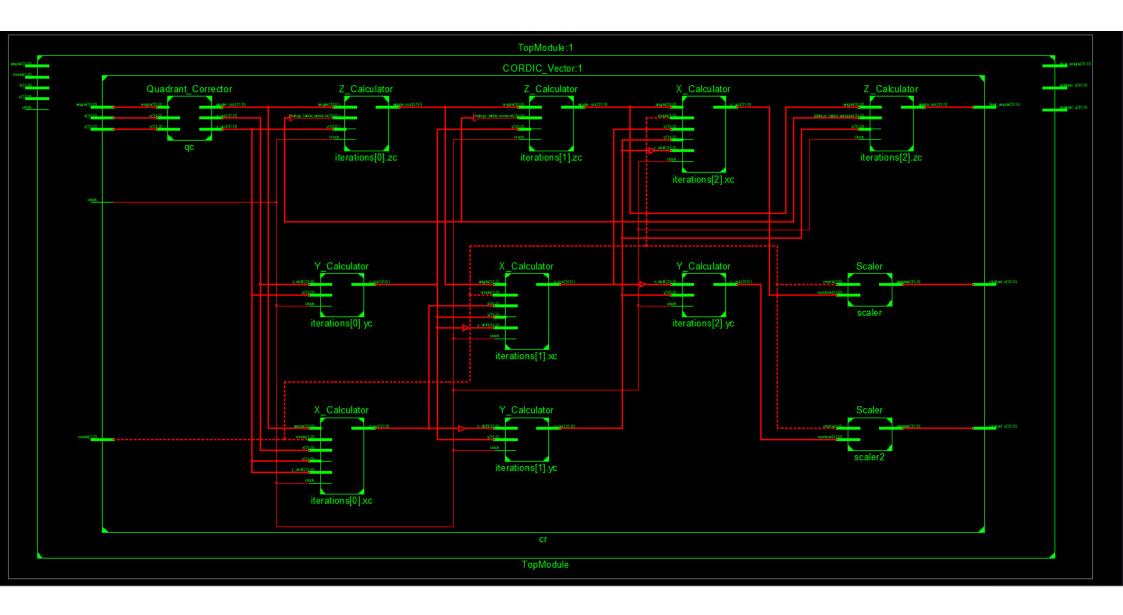












٣.٢ شرح وظايف ما ژول ها

در فایل های قرار داده شده، دو پوشه جدا داریم. یکی Rotation و دیگری Vectoring که هر کدام مختص به پروژه مربوط به خود هستند. البته ساختار بسیاری از ماژول های آنان، مشابه است اما از آن جایی که دو پروژه مجزا بودند، ما هم آنان را به صورت دو پوشه و پروژه مجزا قرار داده ایم. اما پیش از توضیح در مورد خود ماژول ها، باید در مورد نحوه انکود کردن اعداد به صورت باینری توضیح داده بشود.

برای انکود کردن زاویه ها، آن ها را بر 360 تقسیم کرده و سپس در 2^{31} ضرب می کنیم و عدد حاصل را به صورت 32 بیتی نمایش می دهیم. یعنی با فرمول زیر:

$$\frac{\text{Angle}}{360} \times 2^{31} \rightarrow 32 \ \text{bit binary number}$$

مثلا زوایای 45 درجه، 135 درجه، 225 درجه و 315 درجه، به شکل زیر می شوند:

برای تبدیل برعکس آن هم عدد باینری را به صورت یک Integer در نظر می گیریم و عدد بدست آمده را بر 2^{31} تقسیم کرده و ضربدر 360 می کنیم.

دلیل این که ضرب را در 2^{31} انجام دادیم و نه 2^{32} ، این است که در حالت Linear نیاز به تبدیل عدد 2^{30} به مقیاس انکود شده در بالا بدست می آمده است و اگر در 2^{32} ضرب انجام می شد، با مشکل Overflow رو به رو می شدیم.

اعداد x و y هم به شکل Fixed-Point با 12 رقم صحیح و 20 رقم اعشاری انکود شده اند. در نتیجه برای تبدیل یک عدد به حالت نمایش داده شده 32 بیتی باید از فرمول زیر استفاده کرد:

Number $\times 2^{20} \rightarrow 32$ bit binary number

و برای تبدیل برعکس هم باید عدد باینری 32 بیتی گرفته شده را به صورت Integer در نظر گرفته و بر 2^{20} تقسیم کرد.

مثلا عُدد 120، 2 و 170.5 در این انکودینگ به شکل زیر نمایش داده می شود.

Vectoring 1.4.7

قبل از اشاره به ماژول های اصلی پروژه، می بایست به فایل ثوابت یا CONSTANTS.v اشاره کنیم. در این فایل از طریق define ٔ سه ثابت به صورت زیر تعریف شده است:

```
`define CIRCULAR 2'b01
`define LINEAR 2'b00
`define HYPERBOLIC 2'b11
```

این فایل از طریق include در سایر ماژول ها قرار گرفته است. ماژول ها را در دادامه به ترتیب Bottom-Up شرح می دهیم. اولین ماژول Quadrant_Corrector است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] x,
input [31:0] y,
input[31:0] angle,
```

و خروجي هاي آن:

```
output reg [31:0] x_out,
output reg [31:0] y_out,
output reg [31:0] angle_out
```

وظیفه این ماژول این است که اگر x و y ورودی در ناحیه اول یا چهارم قرار نداشتند، از طریق تبدیل هایی که در بخش ریاضی نوشتیم، آن ها را به ناحیه اول یا چهارم منتقل کرده و برای حالتی که در ناحیه دوم باشند، زاویه اولیه خروجی را 90 درجه و در حالتی که در ناحیه سوم باشند، زاویه اولیه خروجی را 270 درجه (معادل -90 درجه) قرار بدهد.

ماژول بعدی Scaler است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] number,
input [1:0] mode
```

و خروجي آن:

output [31:0] answer

است. ورودی mode بیانگر این است که وضعیت برنامه در حالت CIRCULAR یا HYPERBOLIC قرار دارد و براساس ثابت های CONSTANTS.v مشخص می شود. وظیفه کلی این ماژول این است که عدد داده شده را متناسب با حالت داده شده در ضریب K مناسب ضرب کند. برای حالت CIRCULAR برابر CIRCULAR برابر K برابر 20.6073 برای حالت HYPERBOLIC و در حالت LINEAR برای که در ضرب کردن، از ماژول ضرب کننده استفاده نکنیم، برای ضرب در این اعداد از ترکیب شیفت و جمع استفاده می کنیم. به عنوان مثال

```
0.6073 \approx 2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-5} + 2^{-7} + 2^{-7} + 2^{-10} + 2^{-11} + 2^{-12} + 2^{-13}
```

است در نتیجه، این جمع را به این شکل انجام می دهیم:

```
(number >>> 1) +(number >>>4) + (number>>>5)
+ (number>>>7) + (number>>>8) + (number>>>10) +
  (number>>>11) + (number>>>12) + (number>>>13);
```

در مورد 1.2075 هم روش مشابهی اعمال می کنیم، با این تفاوت که وجود 1 در عدد 1.2075 یعنی یکی از بخش های جمع شونده، خود عدد اصلی بدون هیچ نوع شیفت اضافی است.

ماژول بعدی $X_{calculator}$ است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input[31:0] x,
input[31:0] y,
input [31:0] angle,
input [1:0] mode,
input [31:0] y_shift,
input clock
```

و خروجي آن:

output [31:0] x_out

سه ورودی اول که مشخص هستند. ورودی چهارم مربوط به همین است که در حالت CIRCULAR سه مقدار هستیم یا HYPERBOLIC یا HYPERBOLIC ورودی پنجم که $y_i \times 1$ در اصل همان مقدار clock هاست که از ماژول اصلی به عنوان ورودی وارد این ماژول می شود. در نهایت هم $y_i \times 2^{-i}$ را داریم که برای اجرای مرحله به مرحله سیستم به صورت Pipeline، وجود کلاک که باعث ذخیره شدن و باقی ماندن مقادیر در رجیستر ها بشود، ضروری است.

درون این ماژول براساس ورودی های داده شده، محاسبات طبق فرمول های بخش ریاضی و براساس علامت y انجام شده و مقدار جدید x تحت نام x تحت نام x خروجی داده می شود.

ماژول بعدی $Y_Calculator$ است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input[31:0] x,
input[31:0] y,
input [31:0] angle,
input [31:0] x_shift,
input clock
```

و خروجي آن:

output [31:0] y_out

این ماژول از نظر ورودی ها کاملا مشابه $X_Calculator$ است، با این تفاوت که از آن جایی که نیازی به جز این که در این جا نیازی به دانستن mode نداریم و به عنوان ورودی داده نشده است. هدف این ماژول هم انجام محاسبات مربوط به y است.

ماژول بعدی Z_Calculator است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] angle,
input [31:0] y,
input [31:0] lookup_table_amount,
input clock,
```

و خروجي آن:

output wire [31:0] angle_out

این ماژول هم از نظر عملکردی، مشابه دو ماژول قبلی است. تنها نکته این جاست که یک مقدار تحت نام 2^{-i} یا 2^{-i} یا lookup_table_amount به آن ورودی داده می شود که در اصل، مقداری برابر با 2^{-i} یا 2^{-i} یا 2^{-i} است که از طریق یک تابع در ماژول اصلی تولید شده و به بسته به مود کلی سیستم، به 2^{-i} عنوان ورودی به این ماژول که محاسبه کننده 2^{-i} یا همان 2^{-i} و زاویه بعدی است، داده می شود.

فایل ماژول اصلی این پروژه، CORDIC_Vector نام دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input signed [31:0] x,
input signed [31:0] y,
input signed [31:0] angle,
input [1:0] mode
```

و خروجي هاي آن:

```
output wire signed [31:0] rotated_x, output wire signed [31:0] rotated_y, output wire signed [31:0] final_angle
```

هستند. دلیل این که ۳۲ بیتی در نظر گرفتیم، این بود که در حالت ۱۶ بیتی، برای بسیاری از ورودی ها خروجی برنامه دقت کافی را نداشت. پارامتر برنامه هم:

parameter NUMBER_OF_ITERATIONS = 17;

است. مقدار پیش فرض ۱۷ از این رو قرار گرفته است که بهترین نتیجه ای که در تست های مختلف دریافت کردیم، برای ورودی و خروجی ۳۲ بیتی، در حالت Vectoring مقدار ۱۷، نتیجه مناسبی ارائه می داد و مقادیر بیش تر بعضا منجر به ایجاد Overflow در محاسبات شده و مقادیر کمتر هم دقت را کاهش می دادند.

ابتدا به تعداد Iteration های برنامه، یک آرایه از Vector های Wire برای ایجاد ارتباطات x,y,angle و rotated_angles میان خروجی x,y,angle و via دروند.

در ابتدا، یک Instance از ماژول Quadrant_Corrector ساخته شده که وضعیت زاویه و ورودی های اصلی برنامه را مشخص کند و مقادیر خروجی آن، به مقادیر اندیس صفر y_prime ،x_prime و و rotated_angles

سپس از طریق Generate به تعداد Iteration هایی که از طریق پارامتر تعریف شده است، instance سپس از طریق X_c Generate هایی که از طریق X_c Generate به موجود ماژول X_c Calculator و X_c Calculator و محینین شیفت داده شده X_c و X_c به اندازه i را که اندیس همان مرحله باشد، به عنوان وردی به این ماژول ها متصل کنند.

بعد از بخش ،Generate دو Instance و Scaler از Scaler ساخته شده که خروجی های مرحله آخر ماژول ها که یعنی اندیس $y_prime \cdot x_prime$ ام $NUMBER\ OF\ ITERATIONS-1$ به آن ها وصل شده تا متناسب با mode با ضریب K مشخص Scale بشو ند.

در نهایت این خروجی ها به عنوان خروجی اصلی برنامه داده شده اند.

در انتهای این کد، یک تابع به نام Lookup وجود دارد که Index و prode را ورودی گرفته و براساس آن، مقدار متناسب را از بین جدول arctan یا 2^{-i} خروجی می دهد. دلیل این که از از تابع استفاده کردیم، این است که در اصل مقادیر این تابع، به عنوان یکسری ثابت که از طریق Mux انتخاب می شوند، در حین Instantiate شدن ماژول های درون Generate به آن ها داده می شوند و نیازی نیست که از یک ROM جداگانه استفاده کنیم. زیرا در صورت استفاده از ROM باید امکان خوانده شدن همزمان حدود 7 مقدار مختلف را در بدترین حالت برای آن فراهم می کردیم تا همه مراحل سیستم بتوانند به صورت حابع پیاده و مستقل از هم کار بکنند که هزینه اجرایی بالایی داشت و از این رو آن را به صورت تابع پیاده سازی کردیم.

در نهایت یک Top Module با نام TopModule داریم که ورودی های آن به صورت زیر است:

```
input signed [31:0] x,
input signed [31:0] y,
input signed [31:0] angle,
input [1:0] mode,
```

و خروجي هاي آن:

```
output wire signed [31:0] rotated_x,
output wire signed [31:0] rotated_y,
output wire signed [31:0] final_angle
```

در این ماژول فقط یک Instance از CORDIC Vector با اندازه پارامتر مشخص ساخته شده که در سنتز و تست بنچ مورد استفاده قرار بگیرد.

ROTATION Y.Y.Y

بخش زیادی از ماژول های استفاده شده در این بخش، مشابه بخش قبل است اما برای کامل بودن گزارش، توضیحات آن ها مجددا مانند بخش قبل آورده شده است.

قبل از اشاره به ماژول های اصلی پروژه، می بایست به فایل ثوابت یا CONSTANTS.v اشاره کنیم. در این فایل از اطریق define) سه ثابت به صورت زیر تعریف شده است:

```
`define CIRCULAR 2'b01
`define LINEAR 2'b00
`define HYPERBOLIC 2'b11
```

این فایل از طریق include در سایر ماژول ها قرار گرفته است. ماژول ها را در دادامه به ترتیب Bottom-Up شرح می دهیم. اولین ماژول Quadrant_Corrector است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] x,
input [31:0] y,
input[31:0] angle,
```

و خروجي هاي آن:

```
output reg [31:0] x_out,
output reg [31:0] y_out,
output reg [31:0] angle_out
```

وظیفه این ماژول این است که اگر زاویه داده شده در بازه $\frac{\pi}{2} < angle < \frac{\pi}{2}$ یا به بیان دیگر، وظیفه این ماژول این است که اگر زاویه داده شده در بازه $\frac{\pi}{2} < angle < \frac{\pi}{2}$ یا به بیان دیگر، $0 \leq angle < 90$ یا $0 \leq angle < 90$ قرار نداشت، یعنی تبدیل متناسب با ناحیه اول و چهارم قرار نداشت، از طریق تبدیل هایی که در بخش ریاضی نوشتیم، آن ها را به ناحیه اول یا چهارم منتقل کرده و برای حالتی که در ناحیه سوم باشند، حالتی که در ناحیه دوم باشند، زاویه اولیه خروجی را 90 درجه کم کرده و در حالتی که در ناحیه چهارم قرار بگیرد زاویه اولیه خروجی را 90 درجه افزایش بدهد (به بیان دیگر 270 درجه کم کند) تا در ناحیه چهارم قرار بگیرد و متناسب با آن تغییرات را روی $x \in y$ هم اعمال کند.

ماژول بعدی Scaler است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] number,
input [1:0] mode
```

و خروجي آن:

output [31:0] answer

است. ورودی mode بیانگر این است که وضعیت برنامه در حالت CIRCULAR یا HYPERBOLIC قرار دارد و براساس ثابت های CONSTANTS.v مشخص می شود. وظیفه کلی این ماژول این است که عدد داده شده را متناسب با حالت داده شده در ضریب K مناسب ضرب کند. برای حالت CIRCULAR برابر CIRCULAR برابر K برابر 20.6073 برای حالت HYPERBOLIC و در حالت LINEAR برای که در ضرب کردن، از ماژول ضرب کننده استفاده نکنیم، برای ضرب در این اعداد از ترکیب شیفت و جمع استفاده می کنیم. به عنوان مثال

```
0.6073 \approx 2^{-1} + 2^{-4} + 2^{-5} + 2^{-7} + 2^{-7} + 2^{-10} + 2^{-11} + 2^{-12} + 2^{-13}
```

است در نتیجه، این جمع را به این شکل انجام می دهیم:

```
(number >>> 1) +(number >>>4) + (number>>>5)
+ (number>>>7) + (number>>>8) + (number>>>10) +
  (number>>>11) + (number>>>12) + (number>>>13);
```

در مورد 1.2075 هم روش مشابهی اعمال می کنیم، با این تفاوت که وجود 1 در عدد 1.2075 یعنی یکی از بخش های جمع شونده، خود عدد اصلی بدون هیچ نوع شیفت اضافی است.

ماژول بعدی $X_{calculator}$ است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input[31:0] x,
input[31:0] y,
input [31:0] angle,
input [1:0] mode,
input [31:0] y_shift,
input clock
```

و خروجي آن:

output [31:0] x_out

سه ورودی اول که مشخص هستند. ورودی چهارم مربوط به همین است که در حالت CIRCULAR سه مقدار پیجم که یا Y_shift یا HYPERBOLIC یا HYPERBOLIC ورودی پنجم که LINEAR. و اصل همان مقدار داود این ماژول می شود. در نهایت هم clock در فرمول هاست که از ماژول اصلی به عنوان ورودی وارد این ماژول می شود. در نهایت هم $y_i \times 2^{-i}$ را داریم که برای اجرای مرحله به مرحله سیستم به صورت Pipeline، وجود کلاک که باعث ذخیره شدن و باقی ماندن مقادیر در رجیستر ها بشود، ضروری است.

درون این ماژول براساس ورودی های داده شده، محاسبات طبق فرمول های بخش ریاضی براساس علامت angle که با توجه به فرمت خاصی که برای انکود کردن انتخاب کردیم، در بیت 31 ام آن (اندیس x قرار دارد، انجام شده و مقدار جدید x تحت نام x خروجی داده می شود.

```
ماژول بعدی Y_Calculator است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:
```

```
input[31:0] x,
input[31:0] y,
input [31:0] angle,
input [31:0] x_shift,
input clock
```

و خروجي آن:

output [31:0] y_out

این ماژول از نظر ورودی ها کاملا مشابه $X_Calculator$ است، با این تفاوت که از آن جایی که نیازی به جز این که در این جا نیازی به دانستن mode نداریم و به عنوان ورودی داده نشده است. هدف این ماژول هم انجام محاسبات مربوط به y است.

ماژول بعدی Z_Calculator است که در فایل هم نام خودش قرار دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input [31:0] angle,
input [31:0] y,
input [31:0] lookup_table_amount,
input clock,
```

و خروجي آن:

output wire [31:0] angle_out

این ماژول هم از نظر عملکردی، مشابه دو ماژول قبلی است. تنها نکته این جاست که یک مقدار تحت نام 2^{-i} این ماژول هم از ورودی داده می شود که در اصل، مقداری برابر با 2^{-i} یا 2^{-i} این ورودی داده می شود که در اصل، مقداری برابر با 2^{-i} یا 2^{-i} است که از طریق یک تابع در ماژول اصلی تولید شده و به بسته به مود کلی سیستم، به عنوان ورودی به این ماژول که محاسبه کننده 2^{-i} یا همان 2^{-i} و زاویه بعدی است، داده می شود.

فایل ماژول اصلی این پروژه، CORDIC_Rotation نام دارد. ورودی های آن موارد زیر هستند:

```
input signed [31:0] x,
input signed [31:0] y,
input signed [31:0] angle,
input [1:0] mode
```

و خروجي هاي آن:

```
output wire signed [31:0] rotated_x, output wire signed [31:0] rotated_y, output wire signed [31:0] final_angle
```

هستند. دلیل این که ۳۲ بیتی در نظر گرفتیم، این بود که در حالت ۱۶ بیتی، برای بسیاری از ورودی ها خروجی برنامه دقت کافی را نداشت.

پارامتر برنامه هم:

parameter NUMBER_OF_ITERATIONS = 29;

ابتدا به تعداد Iteration های برنامه، یک آرایه از Vector های Wire برای ایجاد ارتباطات x,y,angle و rotated_angles میان خروجی x,y,angle و via دروند.

در ابتدا، یک Instance از ماژول Quadrant_Corrector ساخته شده که وضعیت زاویه و ورودی های اصلی برنامه را مشخص کند و مقادیر خروجی آن، به مقادیر اندیس صفر y_prime ،x_prime و rotated_angles

سپس از طریق Generate به تعداد Iteration هایی که از طریق پارامتر تعریف شده است، instance سپس از طریق Generate به تعداد $X_{calculator}$ و $X_{calculator}$ ساخته ایم. یکسری متغیر temp هم وجود $X_{calculator}$ و $X_{calculator}$ ساخته ایم. یکسری متغیر $X_{calculator}$ و X_{calcu

بعد از بخش ،Generate دو Instance از Scaler ساخته شده که خروجی های مرحله آخر ماژول ها که $x_{\rm col}$ به آن ها وصل شده $y_{\rm col}$ به آن ها وصل شده یعنی اندیس $y_{\rm col}$ به آن ها وصل شده $y_{\rm col}$ به آن ها وصل شده تا متناسب با mode با ضریب $y_{\rm col}$ مشخص Scale بشوند.

در نهایت این خروجی ها به عنوان خروجی اصلی برنامه داده شده اند.

در انتهای این کد، یک تابع به نام Lookup وجود دارد که Index و ارودی گرفته و براساس مقدار متناسب را از بین جدول arctanh یا 2^{-i} خروجی می دهد. دلیل این که از از تابع استفاده کردیم، این است که در اصل مقادیر این تابع، به عنوان یکسری ثابت که از طریق Mux انتخاب می شوند، در حین Instantiate شدن ماژول های درون Generate به آن ها داده می شوند و نیازی نیست که از یک ROM جداگانه استفاده کنیم. زیرا در صورت استفاده از ROM باید امکان خوانده شدن همزمان حدود 4 مقدار مختلف را در بدترین حالت برای آن فراهم می کردیم تا همه مراحل سیستم بتوانند به صورت تابع پیاده و این رو آن را به صورت تابع پیاده سازی کردیم.

در نهایت یک Top Module با نام Top Module داریم که ورودی های آن به صورت زیر است:

```
input signed [31:0] x,
input signed [31:0] y,
input signed [31:0] angle,
input [1:0] mode,
```

و خروجي هاي آن:

output wire signed [31:0] rotated_x,
output wire signed [31:0] rotated_y,
output wire signed [31:0] final_angle

در این ماژول فقط یک Instance از CORDIC_Rotation با اندازه پارامتر مشخص ساخته شده که در سنتز و تست بنچ مورد استفاده قرار بگیرد.

۳ سنتز

برای سنتز، از نرم افزار Xilinx ISE استفاده کردیم و در تنظیمات برنامه، سنتز را روی FPGA با مشخصات: Spartan6 XC6SLX150T و پکیج FGG484 انجام دادیم. سنتز پروژه اول و دوم به صورت جداگانه انجام گرفت. برای سنتز در هر پروژه، ماژول Top Module به عنوان Top Module انتخاب شده است.

۱.۳ سنتز Rotation

نتایج اصلی سنتز به صورت زیر است. فایل های مربوطه نیز به طور کامل ضمیمه گزارش کار شده است: نتایج اصلی تاخیرها و زمان های مربوط به کلاک:

Minimum period: 3.960ns (Maximum Frequency: 252.534MHz)

Minimum input arrival time before clock: 6.375ns Maximum output required time after clock: 11.079ns

Maximum combinational path delay: 9.252ns

نتایج اصلی مربوط به FlipFlop ها و LUT ها و میزان استفاده از Slice های FPGA و به طور کلی، Utilization و مساحت مورد استفاده:

Slice Logic Utilization:					
Number of Slice Registers:	2,926	out	of	184,304	1%
Number used as Flip Flops:	2,700				
Number used as Latches:	0				
Number used as Latch-thrus:	0				
Number used as AND/OR logics:	226				
Number of Slice LUTs:	5,205	out	of	92,152	5%
Number used as logic:	5,198	out	of	92,152	5%
Number using O6 output only:	4,868				
Number using O5 output only:	94				
Number using O5 and O6:	236				
Number used as ROM:	0				
Number used as Memory:	0	out	of	21,680	0%
Number used exclusively as route-thrus:	7				
Number with same-slice register load:	0				
Number with same-slice carry load:	7				
Number with other load:	0				

Slice Logic Distribution:					
Number of occupied Slices:	1,369	out	of	23,038	5%
Number of MUXCYs used:	4,160	out	of	46,076	9%
Number of LUT Flip Flop pairs used:	5,214				
Number with an unused Flip Flop:	2,289	out	of	5,214	43%
Number with an unused LUT:	9	out	of	5,214	1%
Number of fully used LUT-FF pairs:	2,916	out	of	5,214	55%
Number of unique control sets:	2				
Number of slice register sites lost					
to control set restrictions:	4	out	of	184,304	1%

۲.۳ سنتز Vectoring

نتایج اصلی سنتز به صورت زیر است. فایل های مربوطه نیز به طور کامل ضمیمه گزارش کار شده است: نتایج اصلی تاخیرها و زمان های مربوط به کلاک:

Minimum period: 4.003ns (Maximum Frequency: 249.799MHz)

Minimum input arrival time before clock: 7.763ns Maximum output required time after clock: 10.936ns

Maximum combinational path delay: 9.147ns

نتایج اصلی مربوط به FlipFlop ها و LUT ها و میزان استفاده از Slice های FPGA و به طور کلی، Utilization و مساحت مورد استفاده:

Slice Logic Utilization: Number of Slice Registers: 1,752 out of 184,304 1% Number used as Flip Flops: 1,526 Number used as Latches: 0 Number used as Latch-thrus: 0 Number used as AND/OR logics: 226 Number of Slice LUTs: 3,271 out of 92,152 3% 3% Number used as logic: 3,265 out of 92,152 Number using O6 output only: 2,903 Number using O5 output only: 94

Number using 05 and 06: Number used as ROM: Number used as Memory: Number used exclusively as route-thrus: Number with same-slice register load: Number with same-slice carry load: Number with other load:	268 0 0 6 0 6	out	of	21,680	0%
Slice Logic Distribution:	966	o+	٥£	02 020	3%
Number of occupied Slices: Number of MUXCYs used:				23,038 46,076	
Number of LUT Flip Flop pairs used:	3,276	out	01	40,070	5%
Number with an unused Flip Flop:	•	011+	٥f	3,276	46%
1 1	•			•	
Number with an unused LUT:				3,276	
Number of fully used LUT-FF pairs:	1,747	out	of	3,276	53%
Number of unique control sets:	2				
Number of slice register sites lost					
to control set restrictions:	2	out	of	184,304	1%

مراجع

- [1] Volder, Jack. The birth of cordic. VLSI Signal Processing, 25:101–105, 06 2000.
- [2] Volder, Jack E. The cordic computing technique. in *IRE-AIEE-ACM '59 (West-ern)*, 1959.
- [3] Boppana, Lakshmi and Dhar, Anindya. Cordic architectures: a survey. *VLSI Design*, 2010, 03 2010.
- [4] Andraka, Ray. A survey of cordic algorithms for fpga based computers. ACM/SIGDA International Symposium on Field Programmable Gate Arrays - FPGA, 12 2001.
- [5] Valls, Javier, Kuhlmann, Martin, and Parhi, Keshab. Evaluation of cordic algorithms for fpga design. *VLSI Signal Processing*, 32:207–222, 11 2002.
- [6] Heffron, W. and Piana, F. The navigation system of the lunar roving vehicle. 01 1971.
- [7] Wikipedia. Cordic, 2020.