# Relatório - EP 1 Métodos formais de programação

Victor Portella Karina Awoki

19 de setembro de 2013

#### 1 Integrantes

• Victor Sanches Portella - Nº USP: 7991152

• Karina Awoku - No USP: 7572102

### 2 Informações gerais

O gerador de cláusulas na Formal Normal Conjuntiva (Normal Conjuctive Form) para o problema do Sudoku foi implementado em Perl, no arquivo sudoku.pl. Além desse arquivo, usamos um outro script, implementado no arquivo tradutor.pl, para a solução ser impressa no terminal.

O programa sudoku.pl gera cláusulas à serem interpretadas pelo SAT solver minisat, sendo esse chamado internamente pelo script. Para isso supomos que o minisat esteja instalado e possa ser executado com o comando minisat pelo bash.

## 3 Construção das cláusulas

Para a construção da cláusula definimos as variaveis  $p_{ijk}$ ,  $0 \le i, j, k < N$  do mesmo modo semelhante ao sugerido no enunciado, ou seja, se em uma valoração v temos  $v(p_{ijk}) = 1$ , isso siguinifica que na casa (i+1, j+1) do sudoku temos o número k+1.

As cláusulas são contruidas com base nas seguintes condições:

+ Sempre haverá um representante de cada número em todas as colunas:  $p_{i1k} \lor p_{i2k} \lor \cdots \lor p_{i(j-1)k} \lor p_{ijk}$ 

- + Sempre haverá um representante de cada número em todas as linhas:  $p_{ij1} \lor p_{ij2} \lor \cdots \lor p_{ij(k-1)} \lor p_{ijk}$
- + Sempre haverá um representante de cada número em todos os quadrados:  $p_{r_1s_1k} \vee p_{r_2s_2k} \vee \cdots \vee p_{r_{i-1}s_jk} \vee p_{r_is_jk}$  com  $r_i, s_j \in Q(R), \forall R \in \{0 \cdots N-1\}$
- + Não deve haver mais de 1 número na mesma coluna:  $\neg p_{i_1jk} \lor \neg p_{i_2jk}$ , com  $i_1 < i_2$
- + Não deve haver mais de 1 número na mesma linha:  $\neg p_{ij_1k} \lor \neg p_{ij_2k}$ , com  $j_1 < j_2$
- + Não deve haver mais de 1 número no mesmo quadrado:  $\neg p_{r_1s_1k} \lor \neg p_{r_2s_2k}$  com  $r_1, r_2, s_1, s_2 \in Q(R), \forall R \in \{0 \cdots N-1\}$  e escreveijk $(r_1, s_1, k) <$  escreveijk $(r_2, s_2, k)$ .

Sendo  $Q(R) = \{(i, j) | A \text{ casa } (i, j) \text{ está no mini-quadrado de indice } R \}$ , sendo os mini-quadrados os conjuntos de casas de um quadrado 3x3 de um Sudoku 9x9, e sendo a função **escreveijk()** uma função definida no código que define uma um número unicamente com uma variavel  $p_{ijk}$ .

Como terá um que ter um representante de cada número em uma linha e essa linha não pode conter números repetidos, então haverá exatos N números distintos nessa linha. E como não podem haver casas vazias, analogamente, também não poderão haver casas com mais de 1 número ( logo não precisaremos verificar essa condição ). E o mesmo ocorre com as colunas e mini quadrados.

#### 4 Como executar

Para executar o programa, é necessário antes dar permissão de execução tanto para o arquivo *sudoku.pl* quanto para *tradutor.pl*. Para fazer isto em um terminal bash, basta executar a seguinte linha de comando:<sup>1</sup>

meu\_prompt\$ chmod +x sudoku.pl tradutor.pl

Para executar um programa, basta executar a seguinte linha de comando(em bash):

 $<sup>^{1}</sup>$ O programa supoe que o seu interpretador de perl esteja localizado no endereço /usr/bin/perl. Caso des. Caso deseje usar um iterpretador localizado em outro local, modifique a primeira linha dos arquivos sudoku.pl e tradutor.pl

meu\_prompt\$ eje usar um iterpretador localizado em outro local, modifique a primeira l

\begin{verbatim}
meu\_prompt\$ chmod +x sudoku.pl tradutor.pl

Para executar um programa, basta executar a seguinte linha de comando(em bash):

meu\_prompt\$ ./sudoku.pl arquivoDeEntrada.txt

Onde o arquivo De Entrada. txt contém um sudoku 9x9, no formato descrito pelo enunciado. O sudoku resolvido será impresso na stdin.