

Rapport de stage

T.Renaux Verdier

2023-2024

Résumé

Ce document constitue mon rapport de Stage de huit semaines. Ce stage a été effectué au laboratoire de recherche de l'université où j'ai effectué cette licence, le GR²IF.

Table des matières

I	Objectif du Stage	3
1	Organisation du Travail	3
2	Difficultés rencontrées	4
2.1	Problème lié au stage	4
2.2	Difficultés de développement du projet	5
II	<i>Haskell</i>	7
1	Programmation pure	7
2	Les spécificités du langage	8
III	Résultat	10
1	Bibliothèque d'automate et application graphique	10
2	Phases de tests	10
2.1	Test par propriétés	10
2.2	Benchmark des implémentations d'automates	12
3	Les possibilités d'amélioration	13

I Objectif du Stage

Ce stage a pour objectif, le développement d'une bibliothèque traitant d'automates à partir d'expression rationnelle en *Haskell*. De plus, cette bibliothèque doit être accompagnée d'une description formelle. Que ce soit des algorithmes et même des structures utilisées. Il a de plus été envisagé assez tôt dans ce stage, la mise en place d'une interface graphique qui pourrait améliorer l'accessibilité de cette bibliothèque.

La bibliothèque d'automate ne devait pas seulement permettre de créer un automate, elle devait aussi mettre en place des fonctions usuelles sur les automates. Toutes ces fonctions sont détaillées dans la spécification technique de la bibliothèque. De même, le développement d'un parser de chaîne de caractère vers une expression régulière et d'un fichier *JSON* vers un automate devait être mis en place.

Pour améliorer la lisibilité, une représentation graphique à l'aide du langage *dot* et de ces utilitaires devait être mis en place. Enfin, un site web avait été prévu pour mettre en place une interface graphique améliorant l'accessibilité de toutes les fonctionnalités citées précédemment.

1 Organisation du Travail

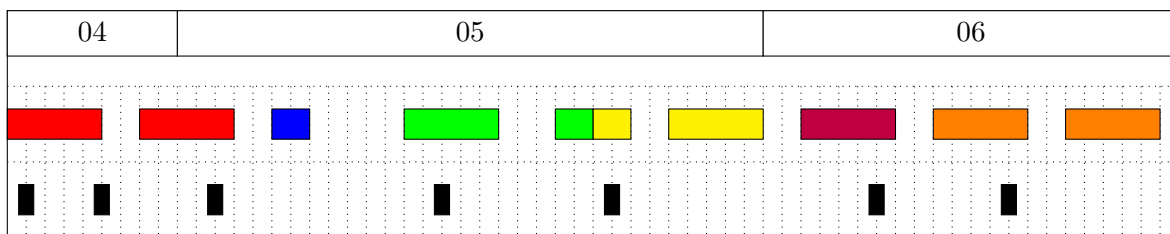
Le développement de cette bibliothèque se fait parallèlement en *Haskell* et en *Rust*. En effet, nous sommes un binôme sur ce projet. Bien que les objectifs soient les mêmes, les implémentations n'ont rien à voir. La différence entre les deux langages est si grande que très peu de ressemblance peuvent être trouvés.

L'organisation du travail pour ce stage, a été mise en place lors de notre première réunion qui s'est tenue le premier jour de ce stage. Il a alors été convenu de mettre en place une réunion hebdomadaire. De ce fait, toutes les semaines, une réunion pour parler des avancées, difficultés et objectifs ont été mises en place. De manière générale, de telle réunion avait un temps variable pouvant aller de 20 minutes à pour les plus longs plus d'une heure.

J'ai pour ma part après cette première réunion qui nous a donnés les objectifs de ce stage, mis en place un diagramme de *Gantt*, celui de la figure 1. Comme on peut le voir sur cette figure, chaque couleur correspond à une tâche en particulier. Ce diagramme ayant été fait au début de mon stage, certains objectifs ont pu prendre plus de temps que prévu. La correspondance couleur, objectifs est celle ci-dessous :

- **Rouge** : Mise en place d'un type d'**expression régulière**, ainsi que d'**automates**. Puis implémenter la conversion d'expression vers automate à l'aide de l'algorithme de *Glushkov*.

- **Bleu** : Développement d'un **Lexer**, aillant pour but de convertir une chaine de caractère en **expression régulière**.
- **Vert** : Développement de diverses fonctions sur des automates. Que ce soit des 'getters'/'setters' ou encore des tests de propriétés comme l'homogénéisée ou encore savoir s'il est standard (se référer au document technique).
- **Jaune** : Création d'une conversion d'un automate en *Dot*. Pour une représentation graphique qui as pour d'être d'être, elle aussi, développer.
- **Violet** : Mise en place du site web qui devait permettre d'obtenir une représentation graphique et une meilleure accessibilité.
- **Orange** : Enfin, ces deux dernières semaines ont été laissées pour peaufiner chacune des parties précédentes, mais aussi de rédiger ce rapport de stage.



Un autre problème est survenue, celui-ci concernait le matériel. En effet, mon ordinateur portable n'avait selon mon système d'exploitation plus de mémoire vive. J'ai alors dû réinstaller un nouvel os. Cependant, je n'avais pas prévu qu'il existait encore des os qui ne se lancent pas sur *systemd*. Sans rentrer dans les détails, ce problème m'a pris énormément de temps à régler. C'est un problème, car le gestionnaire de paquet (s'il peut l'appeler comme ça) *Nix* (qui est l'outil le plus utilisé pour la création de site en *Haskell* sous le paradigme de la *Programmation fonctionnelle réactive*) doit se lancer à l'aide de *systemd*. Sait d'ailleurs une des raisons aillant poussé vers la migration du développement d'un site web vers une application *Gtk*. Se référer à la sous-section suivante et à la partie résultat de ce compte rendu.

2.2 Difficultés de développement du projet

Avant tout, j'ai n'ai commencé à apprendre ce langage que depuis décembre. Dès lors que j'ai obtenu ce stage et que j'ai appris que le sujet nécessite le *Haskell*. J'ai donc demandé des ressources à Mr Mignot et j'ai suivi ces documentations. Notamment la lecture des livres *Get Programming with Haskell* et *Haskell in Depth* [1, 2]. Pour combler cela, j'ai aussi suivie certain cours vidéo disponible sur *Youtube* [3, 4]. De ce fait, malgré avoir commencé assez tôt l'apprentissage de ce langage, comme évoquer dans de nombreuses ressources la courbe d'apprentissage du *Haskell* est exponentielle. Donc de nombreux problèmes que je vais évoquer ci-dessous aurait pu ne pas avoir vue le jour, si j'avais une plus grande expérience avec ce langage.

Le premier problème a été rencontré lors de la mise du convertisseur de chaîne de caractère vers expression. Les modules utilisés ont été comme conseillé par M. Mignot, *Alex* et *Happy*. Le problème a été la documentation de ces modules. Cette manière de documentation basée uniquement sur ce que font chaque fonction et non de comment on peut les utiliser et la non-présence d'exemple a rendu ce développement bien plus long. Ce même problème a été vu lors de l'utilisation des modules *GraphViz* qui permet la représentation d'un graphe. La documentation est totalement horrible. De plus, le module étant très peu utilisé il n'existe pratiquement aucun exemple sur internet. J'ai donc du programmer à tâton et me référer au code source du module pour comprendre son mode de fonctionnement.

Le deuxième problème, j'ai l'ai eu bien plus tard dans le développement. Cependant celui-ci m'a fait perdre pratiquement deux voir trois semaines. Pour la mise en place site web, il avait été convenu lors d'une réunion, d'utiliser le paradigme de la *Programmation fonctionnelle réactive*.

Enfin la dernière difficulté rencontrée a été la rédaction du rapport formelle dans un premier temps. Bien que j'aie entrepris son écriture en même temps que le développement de la bibliothèque. Le formalisme nécessaire et les définitions qu'il faut introduire pour que le document se suffise à lui-même a rendu cette tâche très chronophage. De

plus, n'ayant jamais réellement été confronté à cet exercice lors de la licence, il a été dur de s'y adapter. Je me suis d'ailleurs rendu compte du nombre de relectures nécessaire pour un tel document. Je ne pensais pas qu'il fallait en faire au temps. De même pour la bibliographie qui doit si elle est citée définir les concepts de la même manière que ceux du document.

Cette difficulté de rédaction s'est aussi vue sur la fin de ce stage, lors de la rédaction de ce rapport. Aillant maintenant l'habitude des rapports de projet avec tous ceux rédigés lors de la licence, je ne pensais pas que celui-ci aller être si dure. La différence entre ce rapport et ceux précédent est surtout la différence de contenu. L'objectif de celui-ci ne vise pas à montrer toutes les facettes du projet sur laquelle j'ai travaillé, mais plutôt la manière dont j'ai travaillé déçu est ce que j'ai appris.

II *Haskell*

Haskell est un langage extrêmement différent de ceux vus au cours de la licence. Tout d'abord, il s'agit d'un **langage fonctionnel**. Bien que nous ayons vu ce paradigme par le biais du langage *OCaml*, nous n'avons jamais été aussi loin. Dans le développement notamment, nous n'avons par exemple jamais mis en place de parser ou bien même d'application graphique. De plus, le concept de **programmation pure** est poussé à un extrême dans ce langage. Il existe une séparation hermétique entre ce qui est **pure** et ce qu'il ne l'est pas.

1 Programmation pure

'A pure function is a function that, given the same input, will always return the same output and does not have any observable side effect.' [5]

Pour revenir sur le concept de **programmation pure**, dans un langage fonctionnel, on parle alors de **fonction pure** (Le paradigme, ne permettant que la création de fonction). On définit une fonction présente dans un programme comme étant **pure** si et seulement si :

- La fonction est mathématiquement **déterministe**. Par cela, nous entendons que pour une fonction f , il ne peut y avoir $f(x) = y_1$ et $f(x) = y_2$ avec $y_1 \neq y_2$. En programmation, on conçoit que de nombreuses fonctions sont déterministes tels que le calcul du n -ième terme de la suite de Fibonacci. On peut voir sur la figure 2, une implémentation de cette fonction (L'implémentation présentée ici, est la version intuitive. Il existe cependant des méthodes bien plus performantes pour se calculer, se référer à l'article de blog [6]). Il vient de manière logique que notre fonction est déterministe

```
fibonacci :: Int -> Int
fibonacci 0 = 0
fibonacci 1 = 1
fibonacci n = fibonacci' 0 1 n
  where
    fibonacci' _ m2 1 = m2
    fibonacci' m1 m2 m = fibonacci' m2 (m1 + m2) (m - 1)
```

FIGURE 2 – Code *Haskell*, du calcul du n -ième terme de Fibonacci.

- La fonction doit ne doit pas produire d'**effet de bord**. Un '**side effect**' comme nommé en anglais, est une qualification d'une action qui modifie ou dépend de son environnement extérieur lors d'un calcul. Un exemple très simple peut être trouvé dans l'affichage d'un nombre sur la sortie standard. Dans le langage **C**, cet affichage correspondrait au code de la figure 3. Ces **effets de bord** sont extrêmement problématique, car ils peuvent causer des erreurs non prises en

compte par celui qui a conçu la fonction et même par la personne l'utilisant. Dans le cadre d'un affichage, ces erreurs ne sont pas forcément problématiques, mais dans le cas de modification de variable global par exemple, ou même du contenu d'un fichier cela pourrait compromettre l'intégrité du code.

```
#include <stdio.h>

void print(int n) {
    printf("%d", n);
}
```

FIGURE 3 – Code *C*, d'un affichage sur la sortie standard.

2 Les spécificités du langage

Comme évoquée plus tôt, *Haskell* met en place une séparation hermétique entre les fonctions pures et impure. C'est d'ailleurs ce qui en fait sa plus grande différence à première vue avec *OCaml*. Cette séparation s'effectue avec l'un des nombreux concepts de la **théorie des catégories** présente dans ce langage. Les **Monades** (On ne citera que le terme de **Monade** dans cette partie, mais les structures **Functor** et **Applicative** visent à la même chose.), est le concept qui permet de confiner toute action impure du reste du code. En effet, lors que par exemple une action *IO* (*input/output*) doit être faite, elle se trouvera dans la monade **IO**. Si on reprend la fonction `fibo` de la figure 2, et que l'on souhaite afficher le *n*-ième nombre de Fibonacci avec `n`, un nombre entrée par l'utilisateur on obtient le code de la figure 4.

```
import Text.Read (readMaybe)

main :: IO ()
main = do
    l <- getLine
    let n = readMaybe l :: Maybe Int
    print $ fibo <$> n :: IO()
```

FIGURE 4 – Code *Haskell*, de l'affichage du *n*-ième nombre de Fibonacci entrée par un utilisateur.

Du code ci-dessus, on peut observer le type **IO**, monade d'entrée et de sortie, mais aussi **Maybe**. Ces deux monades, sont un bon exemple de ce que concept apporte. On pourrait citer la définition donnée par Wikipédia d'une monade figure 5, mais cela ne les ferait comprendre qu'à une mince portion de personne.

'[a Monad is] an endofunctor, together with two natural transformations required to fulfill certain coherence conditions' [7]

FIGURE 5 – Définition d'une Monad selon *Wikipedia*.

On peut utiliser les monades, comme un outil gèrent les erreurs possibles liées aux **effets de bord**. Ce qui rend ce concept de Monade si important est si on dispose d'une fonction `f :: Int -> Int`, et d'une valeur de type `n :: IO (Int)` l'appelle suivant est une erreur levée à la compilation `f n`. Évidemment, il existe des moyens d'appeler `f`, avec la valeur entière contenu dans `n`. Pour ce faire, on doit avoir recours aux fonctions suivantes :

```
-- Operateur Functor
fmap :: Functor f => (a -> b) -> f a -> f b
(<$>) :: Functor f => (a -> b) -> f a -> f b
-- Operateur Applicative
(<*>) :: Applicative f => f (a -> b) -> f a -> f b
-- Operateur Monad
(>=) :: Monad m => m a -> (a -> m b) -> m b
(>>) :: Monad m => m a -> m b -> m b
return :: Monad m => a -> m a
```

On remarque alors que toutes ces fonctions font en quelque sorte en conversion vers la monade. Grâce à cette conversion, on peut donc conserver la gestion d'erreur mise en place par ces structures.

Qu'une fine partie des concepts de ce langage n'a été abordée ici. Bien d'autre chose le rend bien différent des langages abordés lors de la licence. Nous aurions pu voir par exemple, ce qu'apporte l'évaluation paresseuse du langage. Où encore, les optimisations agressives fournies par le compilateur *GHC*. De plus, la proximité entre ce langage et la **théorie des catégories**, fait que de nombreux modules introduise des notions pas encore implémenter. On peut notamment citée les *Lens*.

III Résultat

1 Bibliothèque d'automate et application graphique

2 Phases de tests

Pour ce projet, la phase de test, je l'ai mis en place à la fin de ce stage. En effet, cette partie n'avait été prévue d'être réalisé que s'il restait assez de temps pour ce faire. Les réunions hebdomadaires servaient entre autre à jouer en partie ce rôle. De plus à chaque ajout de fonctionnalités, j'essayai d'effectuer certain teste. Malgré cela, j'ai pu trouver le temps de mettre en place deux types de tests. Nous commencerons par voir la façon dont j'ai mis en place une des tests par propriétés. Puis nous verrons les testes de performances mises en place entre les deux implémentations d'automate.

2.1 Test par propriétés

Les tests par propriétés, '*property testing*' en anglais. Est une méthode de tests logicielle qui visent à tester les propriétés d'un résultat et non pas à comparer le résultat obtenu avec celui espérer [8]. De plus, cette méthode ne nécessite pas d'avoir une autre implémentation pour comparer les résultats ou même de calculer à la main les résultats des opérations que l'on veut tester (Cette méthode est celle communément utilisé, des *tests unitaires*).

Outre cela, cette méthode de test convient extrêmement bien à la production d'objet mathématique. Notamment en ce qui concerne les automates, ils existent de nombreuses propriétés connues qui permet de facilité ces testées. Plus précisément, on peut par exemple pour les *automates de Glushkov* se référer à l'article *Characterization of Glushkov Automata* de Pascal Caron et Djelloul Ziadi [9]. Bien évidemment, cette méthode ne montre pas que le programme fait exactement ce qu'il doit faire. Il faudrait pour cela effectue des preuves formelles mathématiques, tel que celle vue en cours d'algorithmique lors de cette licence (par le biais de la logique de *Hoare* par exemple). Seulement ces preuves se révélant très longue à écrire, les tests par propriétés suffisent donc.

En *Haskell*, c'est la bibliothèque *QuickCheck* qui permet de mettre en place ce type de test. Une fois des propriétés définie, une génération aléatoire de cas de test sera effectuer, et ça sera sur ces cas que les propriétés se verrons testé. Pour générer ces cas de test aléatoire, il faut que les objets en question dérive la classe **Arbitrary** du module. Le terme 'dérivé' en signifie ici que notre classe doit implémenter la méthode `arbitrary :: Gen a` avec `a`, le type que l'on veut tester. C'est grâce à cette fonction `arbitrary` que seront généré de façon aléatoire les objets sur lequel seront testé propriétés. Enfin, pour tester ces propriétés, il faut appeler la fonction `quickCheck` qui prendra en paramètre une fonction qui doit avoir ce type

`prop :: Arbitrary a => a -> Bool`. Cette fonction effectuera une génération de 100 objets et testera la fonction `prop` sur ces objets.

En ce qui concerne la mise en place des tests des deux implémentations de la bibliothèque d'automates, la première étape a été l'implémentation de la méthode `arbitrary` pour les types d'automates de la bibliothèque. Pour ce faire, la création d'un automate se fait par la génération d'une liste d'état et d'une liste de transition par le biais du module *QuickCheck*. Ce ne sont pas les types **NFAG** et **NFAF**, qui implémente cette méthode, mais des types enveloppes. Cela est dû à la seule utilité de ce type pour ces tests. Une convention du langage n'autorise pas l'implémentation d'une classe par un type or de son fichier d'implémentation. Et il n'y a aucun intérêt à ce que ces deux types implémente `arbitrary` or des tests. Finalement les propriétés testées sont celle de la table 1.

Propriété	Description
<code>propAddState</code>	Vérifie que l'ajout d'un état.
<code>propAddTransition</code>	Vérifie l'ajout d'une transition.
<code>propRemoveState</code>	Vérifie la suppression d'un état.
<code>propRemoveTransition</code>	Vérifie la suppression d'une transition.
<code>propDirectSucc</code>	Vérifie les successeurs directs d'un état.
<code>propDirectPred</code>	Vérifie les prédécesseurs directs d'un état.
<code>propStandard</code>	Vérifie les propriétés d'un automate standard.

TABLE 1 – Résumé des propriétés testées sur les automates.

Enfin, les testes sur la partie de transformation d'expression régulière en automate de *Glushkov* se fait sur l'implémentation **NFAG** (Se référé à la section suivante pour les raisons de ce choix.). Comme pour la partie précédente, il fallait tout d'abord générer des expressions de manière aléatoires. Pour ce faire, j'ai utilisé le 'parser' développé, permettant à partir d'une chaîne de caractère d'obtenir l'expression correspondante. Il m'a donc fallu créer une chaîne représentant une expression, et cela, de manière aléatoire. J'ai alors utilisé les fonctionnalités du module *QuickCheck* pour cela. Après la génération de ces expressions régulières, une conversion vers un automate s'effectue à l'aide de l'algorithmique de *Glushkov*. C'est cette convention qui se voit être testé par les propriétés définies dans l'article [9]. Avec notamment la définition d'orbite et d'orbite maximale et des propriétés qu'ils doivent respecter dans le cas d'un automate de *Glushkov* (Ces propriétés sont les suivants, un automate de *Glushkov* doit être **standard**, toutes les orbites maximales de cette automate doivent être **fortement stable** et **hautement transverse**).

On obtient alors les résultats de la figure 6 lors d'un appel à ces tests. Ce qui certifie la validité des implémentations faites.

```
$ stack test
Testing NG.NFAG implementation...
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
Testing NF.NFAF implementation...
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
+++ OK, passed 100 tests.
Testing Gluskov properties...
+++ OK, passed 100 tests.
```

FIGURE 6 – Résultat des tests de propriétés des implémentations d’automates.

2.2 Benchmark des implémentations d’automates

Pour évaluer les performances des deux implémentations d’automates **NFAG** et **NFAF**, l’utilisation du module *Criterion* a été faite. Pour rappels, la principale différence entre ces deux implémentations et que **NFAG**, utilise un graphe du module *fgl* tandis que **NFAF** utilise une fonction. Nous commencerons par voir comment ce module de Benchmark fonctionne, puis nous comparerons les deux implémentations.

Le module *Criterion* permet de mesurer précisément le temps que prennent différentes parties du code à s’exécuter. Il effectue de nombreuses répétitions des tests pour obtenir des mesures fiables et fournit des analyses statistiques sur les résultats, comme les moyennes et les écarts-types. De plus, ce module permet d’exporter les résultats des tests sous formes d’une page *HTML*, avec notamment des graphiques. Le seul point négatif de ce module et que seul les temps d’exécutions sont mesuré, la mémoire utilisée ne l’était pas.

Pour tester les performances des deux implémentations les tests suivant ont été mises en place :

- **Ajout d’états** : Nous avons mesuré le temps nécessaire pour créer un automate avec un nombre fixe d’états (1000 états).

- **Ajout de transitions** : Nous avons évalué les performances de l'ajout de transitions à un automate. Cette opération vise à ajouter une transition entre chaque nœud de l'automate (à titre informatif l'appelle de cette fonction sur un automate à 2000 états ou plus utilise tout met huit giga de RAM. Ce qui éteint mon ordinateur).
- **Suppression d'état et de transitions** : Il existe la réciproque des deux testes précédents, mais dans la suppression.
- **Teste d'orbites maximales** : Après la création d'un automate de taille prédéfinie (dans les résultats présentés plus tard, c'est un automate de 2000 état qui a été conçu) de façon aléatoire, un test visant à savoir si chaque orbite maximal et fortement stable et hautement transverse sera effectuer.

Les résultats de ce test de performances sont en autre ceux de la figure 7, un rapport bien plus détaillé (celui produit par le module *Criterion*) peut être trouvé sur ce lien [Rapport du Benchmark](#). Sur cette capture, on voit deux couleurs, celle orange correspondant au type **NFAF** et le bleu au type **NFAG**. On peut alors observer que la deuxième implémentation est bien plus performante que la deuxième. Pouvant même aller jusqu'à deux fois plus rapide selon les tests.

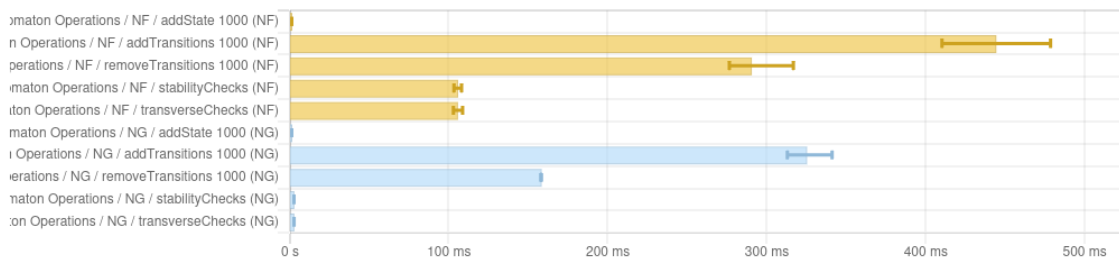


FIGURE 7 – Capture d'une partie du rapport de Benchmark des implémentations.

3 Les possibilités d'amélioration

Dans cette section, nous discutons des différentes possibilités d'amélioration pour ce projet, visant à augmenter ces fonctionnalités, sa facilité d'utilisation et sa documentation.

Une possibilité d'amélioration consiste à développer un site web, particulièrement en utilisant la *Programmation Réactive Fonctionnelle (FRP)*, comme mentionné dans les difficultés rencontrées. Avec plus de temps, il aurait pu être possible de mettre en place cela et donc de répondre au problème rencontré.

Une autre amélioration serait de mettre en place une interface graphique plus avancée, permettant par exemple la création d'automates en temps réel. Que ce soit par l'ajout d'une autre page, avec un système qui pourrait être proche de celui de *GeoGebra* par exemple. Cela permettrait d'utiliser des automates autrement que par la

rédaction d'un fichier *JSON* qui peut se révéler très long en fonction de la structure de celui-ci.

Il serait également bénéfique d'ajouter davantage d'opérations sur les automates. L'ajout d'algorithmes d'homogénéisation, de détermination du langage reconnu par l'automate ou encore des opérations de réduction d'état. Avec cet ajout de fonctionnalités, on obtiendra alors une bibliothèque hautement réutilisable. À voir encore s'il n'existerait pas de structure plus performante que celles présentées ici.

Une spécification plus détaillée pourrait être fournie, en listant tous les algorithmes utilisés et en introduisant des exemples pour faciliter la compréhension du rapport. De plus, ce rapport technique étant l'un des premiers que je rédige, la rédaction d'autre permettrait l'amélioration de celui-ci par le biais de l'expérience acquise.

Il serait également utile de fournir une documentation complète sur le code des deux implémentations. Bien que la documentation en *Haskell* diffère des autres langages, le module *Haddock* pourrait être utilisé pour générer cette documentation. Il génère un ensemble de page *HTML* proche de ce que l'on peut retrouver le site référence *Hackage*.

Enfin, l'ajout d'un benchmark de mémoire utilisé serait une amélioration significative, bien que cela soit plus complexe que les benchmarks temporels et ne soit pas pris en charge par le module *Criterion*. Il existe cependant des alternatives comme le module *weigh* mais qui ne produise pas rapport tel que ce produit par le module *Criterion*.

Références

- [1] Will KURT. *Get Programming with Haskell*. Manning Publications, 2018.
- [2] Vitaly BRAGILEVSKY. *Haskell in Depth*. Manning Publications, 2021.
- [3] Philipp HAGENLOCHER. *Haskell for Imperative Programmers*. YouTube Playlist. Consulté le 11 juin 2024. 2020. URL : <https://www.youtube.com/playlist?list=PLe7Ei6viL6jGp1Rfu0dil1JH1SHk9bgDV>.
- [4] CHSHERSH. *Haskell Beginners 2022 Course*. YouTube Playlist. Consulté le 11 juin 2024. 2022. URL : <https://www.youtube.com/playlist?list=PL0Jjn67NeYg9cWA4hyIWcxfaeX64pwo1c>.
- [5] Brian LONSDORF. *Professor Frisby's Mostly Adequate Guide to Functional Programming*. Rapp. tech. Consulté le 10 juin 2024. GitBook, 2015. URL : <https://mostly-adequate.gitbook.io/mostly-adequate-guide/ch03>.
- [6] MUTHUKRISHNAN. *Fast nth Fibonacci number algorithm*. Rapp. tech. Consulté le 10 juin 2024. 2020. URL : <https://muthu.co/fast-nth-fibonacci-number-algorithm/>.
- [7] WIKIPEDIA. *Monad (functional programming)*. Rapp. tech. Consulté le 11 juin 2024. URL : [https://en.wikipedia.org/wiki/Monad_\(functional_programming\)](https://en.wikipedia.org/wiki/Monad_(functional_programming)).
- [8] WIKIPEDIA. *Property testing*. Rapp. tech. Consulté le 16 juin 2024. 2024. URL : https://en.wikipedia.org/wiki/Software_testing#Property_testing.
- [9] Pascal CARON et Djelloul ZIADI. “Characterization of Glushkov Automata”. In : *Theoretical Computer Science* 233.1-2 (2001), p. 75-90.