sd5 - COURS ARBRES

Partie 1

# Définition d'un arbre

Un arbre est constitué de noeuds organisés de manière hierarchique. C'est un graphe :

• ...

• ...

Les arbres peuvent servir à trier, à représenter une généalogie, à prendre une décision.

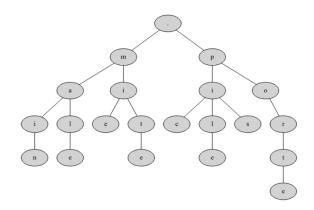


Figure 1 – un exemple d'arbre lexicographique

Retrouver le mot P I L E;

et rajouter le mot P O R T A I L.

## 1.1 Caractéristiques d'un arbre

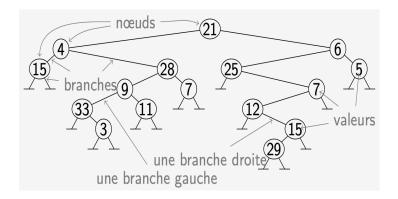


Figure 2 – exemple d'arbre binaire et vocabulaire

- Dans un arbre, chaque valeur est stockée dans un nœud. On appelle parfois cette valeur une ...
- Les nœuds sont connectés par des arêtes, ou branches qui représentent une relation de type ...
- le seul nœud qui n'a pas de prédécesseur est la ...

sd5 COURS - Arbres

- Les nœuds qui n'ont pas de fils sont appelés des ...
- Le niveau d'un nœud est la distance qui le sépare de la ...
- La hauteur d'un arbre, ou sa profondeur est égale au niveau (à la profondeur) du noeud le plus ...
- la hauteur correspond aussi au **plus grand nombre de** ............ depuis la ....... jusqu'à l'une de ses
- Le degré d'un arbre est egal au .........
- Un arbre de degré égal à 1 est ...

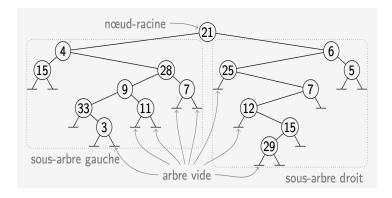


Figure 3 – definition recursive des arbres binaires

• La taille d'un arbre est son nombre de ...

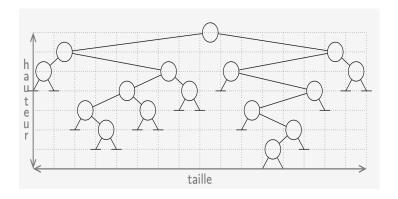


FIGURE 4 – dimensions d'un arbre

## 1.2 Arbres binaires

- Arbre binaire : arbre de degré égal à 2. Chaque noeud a au plus ....... : le fils ...... et le fils ......
- Arbre binaire équilibré : pour chaque noeud interne, les sous-arbres gauche et droit ont une même .......... (ou qui diffère d'une unité).
- Arbre binaire complet : tous les niveaux de l'arbre sont remplis.

sd5 COURS - Arbres

Partie 2

# **Implémentations**

#### 2.1 Liste

Un noeud peut être représenté par une liste [clé,fils gauche,fils droit].

Et comme les *fils gauche* ou *fils droit* sont des noeuds, on y mettra une nouvelle liste imbriquée [clé,fils gauche,fils droit].

Pour les feuilles, la liste s'écrit : [clé, None, None].

Le petit arbre suivant peut être représenté par ['r',['a',None,None],['b',None,None]'



Figure 5 – petit arbre de taille 3

### 2.2 Classe

La classe suivante va permettre d'implémenter les arbres binaires :

```
class ArbreBinaire:
def __init__(self, valeur):
self.valeur = valeur
self.fils_gauche = None
self.fils_droit = None
```

### Exemple :

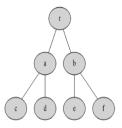


Figure 6 – exemple d'arbre de hauteur 2

```
racine = ArbreBinaire('r')
noeud1 = ArbreBinaire('a')
noeud2 = ArbreBinaire('b')
noeud3 = ArbreBinaire('c')
...
racine.fils_gauche = noeud1
racine.fils_droit = noeud2
noeud1.fils_gauche = noeud3
...
```

sd5 COURS - Arbres

Partie 3

## **Parcours**

Un parcours d'arbre définit dans quel ordre on parcourt ses noeuds. L'algorithme opère alors un **traitement** sur chacune des clés de l'arbre, dans un ordre choisi.

**Definitions** : Un parcours est un algorithme qui appelle une fonction, ou un méthode sur tous les noeuds d'un arbre.

L'ordre sur les noeuds dans lequel la méthode est appelée doit être fixé. Il y a plusieurs choix, qui diffèrent par la seule position de l'instruction Afficher clef [ r ], que l'on aurait pu remplacer par Traitement clef [ r ].

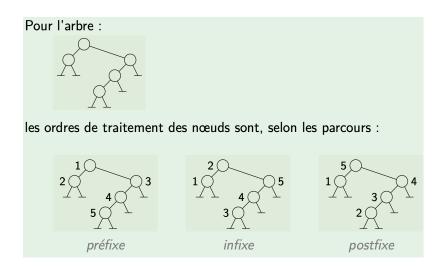


FIGURE 7 – exemples de parcours

#### 3.1 Parcours ...

```
ParcoursPostfixe ( Arbre binaire T de racine r )
ParcoursPostfixe(Arbre de racine fils_gauche[r])
ParcoursPostfixe(Arbre de racine fils_droit[r])
Afficher clef [ r ]
```

#### 3.2 Parcours ...

```
ParcoursPrefixe (Arbre binaire T de racine r)

Afficher clef [r]

ParcoursPrefixe(Arbre de racine fils_gauche[r])

ParcoursPrefixe(Arbre de racine fils_droit[r])
```

#### 3.3 Parcours ...

```
ParcoursInfixe (Arbre binaire T de racine r)
ParcoursInfixe(Arbre de racine fils_gauche[r])
Afficher clef [r]
ParcoursInfixe(Arbre de racine fils_droit[r])
```