alpha_sum