Questions

1.

顺序查找平均比较次数 =
$$\frac{(1+2+...+1000,000)\times1000,000}{2\times1000,000} \approx 500,000$$

折半查找平均比较次数 = $\log_2 1000, 1000 \approx 20$

所以折半查找比顺序查找平均快 $\frac{500,000}{20} \approx 25,000$ 倍

2.

初始状态:船、男孩A、B和士兵都在一侧。

对于每一个士兵:男孩A、B一起驾船到对岸,A下船,B将船开回,一个士兵开船到对岸下船,A开船回来,恢复初始状态。该过程需横渡4次。

总计: 4N次

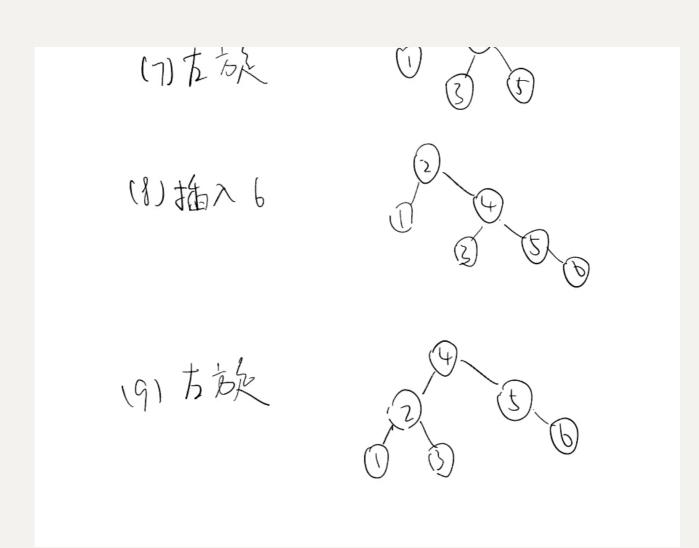
3.

a. 前序法: abdecf

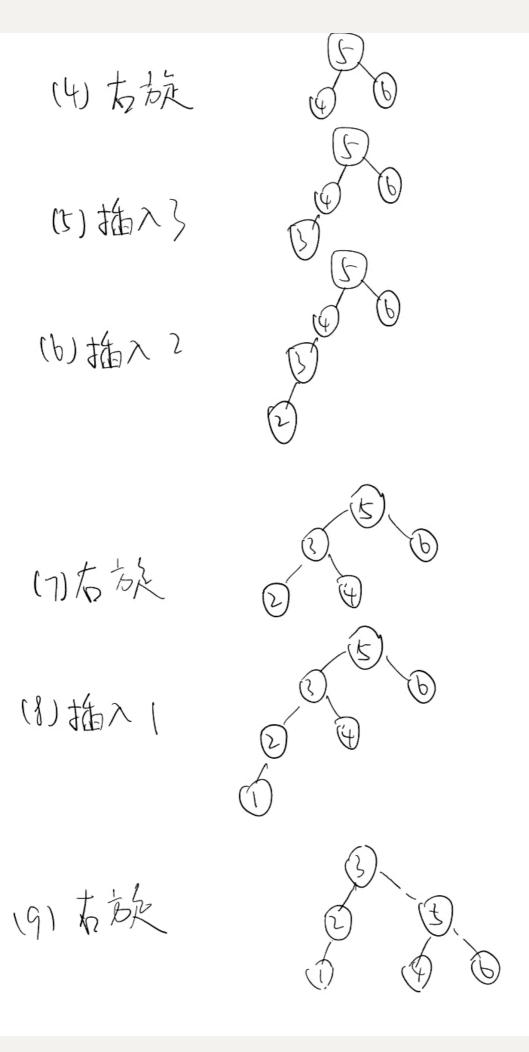
b. 中序法: dbeacf

c. 后序法: debfca

a. (1) 插入1 (2)插入2 (3) 插入3 (4) 方旋 (3)插入4 (6)插入5



b. (1) 描入り (2) 描入り (3) 描入り (5) 描入り



C (1)指入3

(2)插入6

(3) 插入5

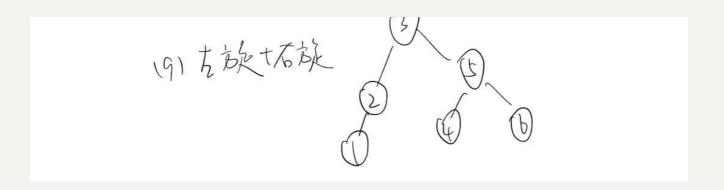
(4) 枯炭十万炭 (5)

(5) 插入(

(6)插入2

门左旅城

(1)插入4



5.

设丈夫为 $A_1, A_2, ..., A_n$, 妻子为 $B_1, B_2, ..., B_n$ 。

通用算法:

- 1. 取同一对夫妻 A_n 和 B_n 过河
- 2. 妻子 B_n 回去
- 3. 妻子 B_n 和另一对夫妻中的妻子 B_{n+1} 过河
- 4. 妻子 B_{n+1} 回去
- 5. 以上4步完成后,同一对夫妻 A_n 和 B_n 过河,其他人和船位置不变。重复1-4,直到所有夫妻都过河。

a.

- 1. A_1 和 B_1 过河;
- 2. A_1 留在对岸, B_1 驾船回去;
- 3. B_1 和 B_2 过河;
- 4. B_2 驾船回去;
- 5. A_2 和 B_2 过河。

船需要横渡5次。

b.

- 1. A_1 和 B_1 过河;
- 2. A_1 留在对岸, B_1 驾船回去;
- 3. B_1 和 B_2 过河;

- 4. B_2 驾船回去;
- 5. A_2 和 B_2 过河;
- 6. A_2 留在对岸, B_2 驾船回去;
- 7. B_2 和 B_3 过河;
- 8. B_3 驾船回去;
- 9. A_3 和 B_3 过河;

船需要横渡9次。

c.

根据以上算法对任意正整数n都成立,问题有解。

船需要横渡4(n-1)+1次。

Programming

运行结果

 guolianglu@GuoLiangdeMacBook-Air Algorithm % cd "/U: ignment2/"test

correct:200

error:0

用时:51.324ms

o guolianglu@GuoLiangdeMacBook-Air Assignment2 %

函数代码

```
Algorithm - test.cpp
   bool searchMatrix(vector<vector<int>> &matrix, int target)
2
    {
3
        // TODO
        int row = matrix.size();
4
5
        int col = matrix[0].size();
6
7
        int i = 0, j = col - 1;
8
        while (i < row && j >= 0)
9
        {
            if (matrix[i][j] == target)
10
11
                 return true;
            else if (matrix[i][j] > target)
12
13
                 j--;
            else
14
15
                 i++;
16
        return false;
17
18 }
```

算法思路

根据矩阵性质,假设查看矩阵中心那个元素,与目标值比较。如果目标值更大,则可以排除该元素上方半列、左边半行的值,以及它们围成的四分之一矩阵中的所有元素。同理,如果目标值更小,则可以排除该元素下方半列、右边半行的值,以及它们围成的四分之一矩阵中的所有元素。

排除思路:

- 因为矩阵不一定是方阵,无法在主对角线上采用类似二分查找的算法:找到离目标值最近并分别比它更大/更小的两个元素,排除两者左上角、右下角两个子矩阵。
- 如果采用递归算法,但每次只排除四分之一个子矩阵,在另外三个子矩阵递归查找,则可以容易估计出此法空间开销太大:每次递归都需要存子矩阵的坐标(用左上角、右下角两个点的坐标,即两个整数对构成),而且每次阐述3个子递归,在矩阵尺寸大时消耗内存很大,过多的递归调用消耗时间也很多。此

外,此法实现比较复杂。

采用思路:

- 利用上述"可以排除该元素上方半列、左边半行的值"这一性质,通过首次查看最右上角(最左下角同理)元素,每次循环排除一整列或一整行,具体描述如下:
 - a. 当目标值大于查看元素,要查看的元素下移一行;
 - b. 当目标值小于查看元素,要查看的元素左移一列;
 - c. 重复以上步骤,直到找到元素(返回true),或超出矩阵范围 (返回false)。

时间复杂度: O(m+n), 其中m和n分别为矩阵的行数、列数

空间复杂度: O(1)。