Занятие №8

1. Решить неравенство:

$$\frac{9}{(4x+5)^2} - \frac{18}{4x+5} + 8 < 0$$

$$\left(-\frac{17}{16}; -\frac{7}{8}\right)$$

2. Решить неравенства:

1)
$$\frac{x^2 - 4x - 1}{x - 4} + \frac{3}{x - 6} \le x \quad [(-\infty; 3] \cup (4; 6)]$$

2)
$$\frac{x^3 - 3x^2 + 3x - 3}{x^2 - 3x} \leqslant x + \frac{1}{x - 2} + \frac{1}{x} \left[(-\infty; 0) \cup (0; 1] \cup (2; 3) \right]$$

3. Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} |x - 3| \ge 11, \\ |5x - 11| - 64 \le 0 \end{cases}$$

$$\left[-\frac{53}{8}; -8 \right] \cup [14; 15]$$

4. Решить неравенство:

$$\left| \frac{3x^2 - 10x + 3}{x^2 - 1} \right| \geqslant 3$$

$$\boxed{(-\infty; -1) \cup (-1; 0] \cup \left[\frac{3}{5}; 1\right) \cup \left(1; \frac{5}{3}\right]}$$

5. Решить неравенство:

$$\frac{|x^2 - 36|}{x^2 - 12x + 54} \geqslant 1$$

$$\boxed{\{3\} \cup \left\lceil \frac{15}{2}; +\infty \right)}$$

6. Решить неравенство:

$$|x-3|+x+|x-4| > 5$$

$$(-\infty; 2) \cup (4; +\infty)$$