

**1** Упростить дробь:

1)  $\frac{14a}{21ab}$

3)  $\frac{24a^5b^7c}{44a^7b^4c}$

5)  $\frac{3a(a-b)}{6a(a+b)}$

2)  $\frac{44a^8b^6}{55a^8b^5}$

4)  $\frac{ab(a+3)}{a^2b(a+3)}$

6)  $\frac{4x(x-y)^3}{16x^2y(x-y)}$

**6** Упростить дробь:

1)  $\frac{a^2-b^2}{a+b}$

3)  $\frac{y^3-2y^2}{4-y^2}$

5)  $\frac{3x^2-3x+3}{x^3+1}$

2)  $\frac{x^2-2x+1}{x^2-1}$

4)  $\frac{x^3-y^3}{x^2-y^2}$

6)  $\frac{3a^3-3b^3}{6a^2-6b^2}$

**2** Упростить дробь:

1)  $\frac{x-y}{y-x}$

2)  $\frac{4xy(x-y)}{2x(y-x)}$

3)  $\frac{3(x-2)^2}{2(2-x)} - \frac{7b-14b^2}{42b^2-21b}$

4)

**3** Упростить дробь:

1)  $\frac{(x-y)^2}{(y-x)^2}$

3)  $\frac{a-b}{(b-a)^2}$

5)  $\frac{(-3x-6y)^2}{5x+10y}$

2)  $\frac{(-a-b)^2}{a+b}$

4)  $\frac{(2x+2y)^2}{(3y+3x)^2}$

**4** Упростить дробь:

1)  $\frac{2x+2y}{4}$

2)  $\frac{2x-4}{3(x-2)}$

3)  $\frac{16a-4b}{12a-3b}$

4)  $\frac{xy}{x-xy} - \frac{x^3-x^2y}{2x^2y+2x^2}$

5)

**5** Упростить дробь:

1)  $\frac{a^6+a^4}{a^4+a^2}$

2)  $\frac{2x^5+2x^7}{4x+4x^3}$

3)  $\frac{-3x^7-3x^6}{-5x^5-5x^4}$

Разность квадратов  $(a+b)(a-b) = a^2-b^2,$

Квадрат суммы  $(a+b)^2 = a^2+2ab+b^2,$

Квадрат разности  $(a-b)^2 = a^2-2ab+b^2,$

Сумма кубов  $(a+b)(a^2-ab+b^2) = a^3+b^3,$

Разность кубов  $(a-b)(a^2+ab+b^2) = a^3-b^3,$

Куб суммы  $(a+b)^3 = a^3+3a^2b+3ab^2+b^3,$

Куб разности  $(a-b)^3 = a^3-3a^2b+3ab^2-b^3.$

Разность квадратов	$(a+b)(a-b)$	=	$a^2 - b^2$ ,
Квадрат суммы	$(a+b)^2$	=	$a^2 + 2ab + b^2$ ,
Квадрат разности	$(a-b)^2$	=	$a^2 - 2ab + b^2$ ,
Сумма кубов	$(a+b)(a^2 - ab + b^2)$	=	$a^3 + b^3$ ,
Разность кубов	$(a-b)(a^2 + ab + b^2)$	=	$a^3 - b^3$ ,
Куб суммы	$(a+b)^3$	=	$a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$ ,
Куб разности	$(a-b)^3$	=	$a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3$ .

**1** Упростить дробь:

$$\begin{array}{ll}
 1) \frac{25x^4y^2}{100x^3y} & 4) \frac{2(a-b)}{3(b-a)} \\
 2) \frac{15a(a-b)}{20b(a-b)} & 5) \frac{(a+b)^2}{(-a-b)^2} \\
 3) \frac{2(x+y)}{4ax} & 6) \frac{(2a-2b)^2}{a-b}
 \end{array}$$

**2** Упростить дробь:

$$\begin{array}{ll}
 1) \frac{y^3 - 2y^2}{4 - y^2} & 5) \frac{x^4 - 2x^2 + 1}{1 - x^4} \\
 2) \frac{x^3 - y^3}{x^2 - y^2} & 6) \frac{x^2 - y^2}{3x - 2x^2 + 3y - 2xy} \\
 3) \frac{3x^2 - 3x + 3}{x^3 + 1} & 7) \frac{8a^3z - 4a^2z^2}{12a^2z^4 - 6az^5} \\
 4) \frac{3a^3 - 3b^3}{6a^2 - 6b^2} & 8) \frac{6x^4 - 6x^2y^2}{4y^4 - 4x^4}
 \end{array}$$

**3** Вычислить значение выражения:

**4** Упростить и найти значение выражения:

$$\frac{3m^2 + 6mn + 3n^2}{6n^2 - 6m^2}, \quad \text{если } m = 0,5, n = \frac{2}{3}$$

**5** Представить в виде несократимой дроби:

$$\begin{array}{lll}
 1) \frac{x}{2} + \frac{y}{2} & 3) \frac{2x}{7} - \frac{1-x}{7} & 5) \frac{x^2}{9} + \frac{13x^2 + 7}{9} - \frac{4x^2 + 2}{9} \\
 2) \frac{12x}{11} + \frac{9x}{11} + \frac{x}{11} & 4) \frac{x}{2} - \frac{x-y}{2} &
 \end{array}$$

**6** Представить в виде несократимой дроби:

$$\begin{array}{ll}
 1) \frac{1+a}{a} - \frac{1}{a} & \frac{y^3 - 14}{y^2} - \frac{3y^3 - 14}{y^2} \\
 2) \frac{x+13}{x} + \frac{x-13}{x} & 3)
 \end{array}$$

**7** Представить в виде несократимой дроби:

$$\begin{array}{ll}
 1) \frac{3x^2}{5a} + \frac{2x^2}{5a} & 4) \frac{x+3}{2x+7} + \frac{x+4}{2x+7} \\
 2) \frac{2}{x+y} + \frac{3}{x+y} & 5) \frac{x-1}{2a+2} + \frac{13-x}{2a+2} \\
 3) \frac{2}{a-1} - \frac{1}{a-1} & 6) \frac{2x-3y}{5x+y} + \frac{7x+3y}{5x+y}
 \end{array}$$

**8** Представить в виде несократимой дроби:

$$\begin{array}{ll}
 1) \frac{a}{3} + \frac{b}{2} & 4) \frac{3}{x} - \frac{5}{y} \\
 2) \frac{3x}{4} + \frac{2x}{3} & 5) \frac{1}{x} - \frac{1}{xy} \\
 3) \frac{7x^2}{3} + \frac{13x^2}{5} &
 \end{array}$$

**9** Представить в виде несократимой дроби:

$$\begin{array}{ll}
 1) \frac{16}{4-a} - \frac{a^2}{4-a} & 5) \frac{x^2 + 16}{a-4} + \frac{8x}{4-a} \\
 2) \frac{11}{b^2 - 64} + \frac{b-3}{b^2 - 64} & 6) \frac{x^2 + 9y^2}{x-3y} + \frac{6xy}{3y-x} \\
 3) \frac{15x+7y}{(x+y)^2} - \frac{13x+5y}{(x+y)^2} & 7) \frac{a-3}{a-1} - \frac{2}{1-a} \\
 4) \frac{x}{2-c} - \frac{11}{c-2} & 8) \frac{m}{m^2-9} + \frac{3}{9-m^2}
 \end{array}$$

**10** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \quad \frac{5x-3}{6x} + \frac{x+2}{4x} \qquad \frac{2a-3b}{m} + \frac{4a-5b^2}{mb} \qquad 3) \quad \frac{15x-y}{12x} - \frac{x-4y}{9x}$$

2)

**1** Упростить дробь:

1)  $\frac{8m^3n}{16m^2n}$

4)  $\frac{a(x-2y)}{b(2y-x)}$

2)  $\frac{2(x-1)}{5(x-1)}$

5)  $\frac{(3y+12x)^2}{y+4x}$

3)  $\frac{6a^2b^4(4-b)}{14ab^3(b-4)}$

6)  $\frac{8a^2-2b^2}{(8a+4b)^2}$

**2** Упростить и найти значение выражения:

$$\frac{11a^6b^3 - (3a^2b)^3}{4a^6b^6}, \quad \text{при } b = 2$$

**3** Упростить дробь:

1)  $\frac{15a^3b + 15ab^3}{a^4 - b^4}$

4)  $\frac{y^4 - 1}{1 + 2y^2 + y^4}$

2)  $\frac{1 - 9z^2}{18z^3 + 12z^2 + 2z}$

5)  $\frac{7x^2y^4 + 7x^4y^2}{x^6 + y^6}$

3)  $\frac{(4y^2 - 8y)^2}{(8y - 16)^2}$

6)  $\frac{x^4 + x^2y^2 + y^4}{x^2 - xy + y^2}$

**4** Представить в виде несократимой дроби:

1)  $\frac{x-1}{3} + \frac{1}{3}$

3)  $\frac{2y^3 - 15x^2}{17} + \frac{19y^3 - 16x^2}{17} -$

2)  $\frac{11x - 8y}{13} + \frac{2x - 5y}{13}$

$$\frac{x^2 - 13y^3}{17}$$

**1** Произвести сложение или вычитание и представить в виде несократимой дроби:

$$\begin{aligned} 1) \quad & \frac{a}{3} + \frac{b}{2} \\ 2) \quad & \frac{3x}{4} + \frac{2x}{3} \\ 3) \quad & \frac{1}{a} + \frac{1}{b} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 4) \quad & \frac{1}{2x} + \frac{1}{3} \\ 5) \quad & \frac{1}{x} - \frac{1}{xy} \end{aligned}$$

**2** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \quad \frac{16}{4-a} - \frac{a^2}{4-a}$$

$$2) \quad \frac{11}{b^2-64} + \frac{b-3}{b^2-64}$$

$$3) \quad \frac{a}{b-1} + \frac{6}{1-b}$$

$$4) \quad \frac{5m}{2x-m} + \frac{10x}{m-2x}$$

$$5) \quad \frac{x}{2x-1} + \frac{3x-1}{1-2x}$$

$$6) \quad \frac{m}{m^2-9} + \frac{3}{9-m^2}$$

$$7) \quad \frac{5x-3}{6x} + \frac{x+2}{4x}$$

$$8) \quad \frac{x-y}{xy} - \frac{x-k}{xk}$$

**3** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \quad \frac{x}{y^2} - \frac{1}{y}$$

$$2) \quad \frac{8}{b^6} - \frac{2b}{b^4}$$

$$3) \quad \frac{1}{a^3b^2} + \frac{1}{a^2b^3}$$

$$4) \quad \frac{x-3y}{xy^2} - \frac{3y-x}{x^2y}$$

$$5) \quad \frac{2xy-1}{4x^3} - \frac{3y-x}{6x^2}$$

**4** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \quad 2 - \frac{5}{x-3}$$

$$2) \quad 3x - \frac{x-1}{4} - \frac{x+2}{3}$$

$$3) \quad \frac{a^2+b^2}{a+b} + a - b$$

$$4) \quad x - \frac{x-y}{2} + \frac{x+y}{4}$$

**5** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \quad \frac{7x}{3x+3} - \frac{x}{9x+9}$$

$$2) \quad \frac{2m}{ax+bx} + \frac{3y}{ay+by}$$

$$3) \quad \frac{1}{2x^2y-xy} + \frac{2}{y-2xy}$$

$$4) \quad \frac{3b}{2a^3b-8a^2b^2} - \frac{5a}{12a^3b-3a^4}$$

$$5) \quad \frac{4}{x^2-25} - \frac{2}{x+5} - \frac{x+2}{5-x}$$

$$6) \quad \frac{5-3x}{64-x^2} - \frac{2-x}{x^2-16x+64}$$

$$7) \quad \frac{4-x}{25-10x+x^2} - \frac{x+4}{x^2+10x+25}$$

$$8) \quad \frac{x-2}{3x+6} + \frac{1}{x^2-4} + \frac{x-6}{6-3x}$$

$$9) \quad \frac{y+2}{25-(y+1)^2} - \frac{4}{y+6} + 2$$

**1** Произвести сложение или вычитание и представить в виде несократимой дроби:

$$1) \frac{x}{4} - \frac{y}{2} \quad 2) \frac{x^2}{4} - \frac{2x}{2} \quad 3) \frac{3}{x} - \frac{5}{y} \quad 4) \frac{4}{5x} + \frac{2}{3x}$$

**2** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \frac{49}{x+7} - \frac{x^2}{x+7} \quad 3) \frac{x}{2-c} - \frac{11}{c-2} \quad 5) \frac{2b}{mx} - \frac{5b}{nx}$$

$$2) \frac{2x+y}{(x-y)^2} + \frac{2y-5x}{(x-y)^2} \quad 4) \frac{x^2+16}{a-4} + \frac{8x}{4-a} \quad 6) \frac{15x-y}{12x} - \frac{x-4y}{9x}$$

**3** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \frac{2}{x^2} - \frac{5}{x^3} \quad 3) \frac{5}{a^3b^5} - \frac{2}{a^6b^2}$$

$$2) \frac{1}{3a^7} + \frac{2-a^2}{a^9} \quad 4) \frac{3}{a^4b^3c^2} - \frac{2}{ab^5c^3} \quad 5) \frac{1-y^2}{3xy} + \frac{2y^3-1}{6xy^2}$$

**4** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) 1 + \frac{(a-b)}{a+b} \quad 3) \frac{(x+y)^2}{y} - 2x$$

$$2) \frac{a+b}{3} - a + b \quad 4) x - \frac{x-y}{2} + \frac{x+y}{4}$$

**5** Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \frac{2a}{4x+4y} + \frac{4b}{8x+8y} \quad 5) \frac{a+1}{25-a^2} - \frac{4}{a+5} + 2$$

$$2) \frac{y}{ax-bx} - \frac{x}{ay-by} \quad 6) \frac{x-2}{3x+6} + \frac{1}{x^2-4} + \frac{x-6}{6-3x}$$

$$3) \frac{15}{10x^3y-15x^2y^2} - \frac{6y}{9xy^3-6x^2y^2} \quad 7) \frac{3x+2}{x^2-2x+1} - \frac{6}{x^2-1} - \frac{3x-2}{x^2+2x+1}$$

$$4) \frac{(5x-1)^3}{5x-2} + \frac{-1+5x}{2-5x} \quad 8) \frac{5-3x}{64-x^2} - \frac{2-x}{x^2-16x+64}$$

$$9) \frac{\frac{4-x}{25-10x+x^2} - \frac{3}{x^2+10x+25}}{\frac{x+4}{25-x^2}}$$

$$10) \frac{y+2}{25-(y+1)^2} - \frac{4}{y+6} + 2$$

- 1** Произвести сложение или вычитание и представить в виде несократимой дроби:

1)  $\frac{2x}{3} - \frac{4}{5}$

3)  $\frac{x}{a} + \frac{y}{b}$

2)  $\frac{7x^2}{3} + \frac{13x^2}{5}$

4)  $\frac{4x}{3y} - \frac{y}{3x}$

- 2** Представить в виде несократимой дроби:

1)  $\frac{5x-1}{x^2-y^2} - \frac{5y-1}{x^2-y^2}$

5)  $\frac{x^2}{x-1} + \frac{1}{1-x}$

2)  $\frac{15x+7y}{(x+y)^2} - \frac{13x+5y}{(x+y)^2}$

6)  $\frac{2a-3b}{m} + \frac{4a-5b^2}{mb}$

3)  $\frac{2x}{a-b} + \frac{2y}{b-a}$

4)  $\frac{x^2+9y^2}{x-3y} + \frac{6xy}{3y-x}$

7)  $\frac{7a+4}{8p} - \frac{3a-4}{6p}$

- 3** Представить в виде несократимой дроби:

1)  $\frac{1-a}{a^4} + \frac{1}{a^3}$

4)  $\frac{x^4y^2}{2a^4b^2} + \frac{3xy^3}{a^3b^3}$

2)  $\frac{x+y}{x^2} + \frac{x-y}{xy}$

5)  $\frac{3}{5a^3} - \frac{3}{5a^2}$

3)  $\frac{2x-3y}{x^2y} + \frac{4x-5y}{xy^2}$

- 4** Представить в виде несократимой дроби:

1)  $1 - \frac{x}{5} - \frac{y}{4}$

3)  $\frac{(a-b)^2}{2a} + b$

2)  $\frac{x-3}{4} - 1 - \frac{x-4}{3}$

4)  $5 - \frac{2m-n}{4} + \frac{m+5n}{12}$

- 5** Представить в виде несократимой дроби:

1)  $\frac{5x}{10a-10b} - \frac{3x}{15a-15b}$

3)  $\frac{1}{2x^2y-xy} + \frac{2}{y-2xy}$

2)  $\frac{3}{3m^2n-6mn^2} - \frac{2}{4mn-2m^2}$

4)  $\frac{b^2+1}{b^2(b-1)} - \frac{2}{b(b-1)}$



$$5) \frac{(3a-2b)^2}{b-3a} + \frac{9a^2}{3a-b}$$
$$6) \frac{x^2+1}{x^2(x+1)} + \frac{2}{x(x+1)}$$

$$7) \frac{3}{b+2} + \frac{2b-5}{4-b^2} + \frac{5}{b-2}$$

**1** Упростить выражение до несократимой дроби:

$$1) \frac{\frac{a+1}{7x}}{\frac{2x}{a+1}} \quad . \quad 2) \frac{\frac{ax-ay}{ac}}{\frac{cx+cy}{x-y}} \quad . \quad 3) \frac{\frac{4a}{a^2b}}{\frac{5ab}{3a-3b}} \quad : \quad 4) \frac{\frac{a^2-b^2}{2a^2b}}{\frac{4ab^2}{a+b}} \quad .$$

**2** Упростить выражение:

$$1) \frac{(x-y)^2}{3x^2y^2} : \frac{x-y}{6xy^2} \quad \frac{a^2+3ab}{a-b} \quad 4) \frac{12a^2+6ab}{8a^3-b^3} \quad .$$

$$2) \frac{a^2-9b^2}{a^2-ab} \quad : \quad \frac{\frac{m^3+n^3}{2m}}{\frac{4mn}{m^2-mn+n^2}} \quad . \quad 3) \frac{m^3+n^3}{4mn} \quad . \quad \frac{4a^2+2ab+b^2}{3a^2-6ab}$$

**3** Упростить выражение:

$$1) \left( \frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c} \right) \cdot abc \quad 3) \left( \frac{a}{a-1} + 1 \right) : \left( 1 - \frac{a}{a-1} \right)$$

$$2) \left( \frac{a+x}{a} - \frac{2x}{x-a} \right) : \frac{a^2+x^2}{x-a} \quad 4) \frac{3}{5x} - \frac{3}{x+y} \cdot \left( \frac{x+y}{5x} - x - y \right)$$

**4** Упростить выражение:

$$1) \left( a^2 - \frac{1}{b^2} \right) : \left( a - \frac{1}{b} \right) \quad 3) \frac{a-1}{2a} \cdot \left( \frac{a+3}{a+1} - \frac{a^2-5}{a^2-1} \right)$$

$$2) \frac{x+y}{x} - \frac{x}{x-y} + \frac{y^2}{x^2-xy} \quad 4) \frac{4y}{y-1} \cdot \left( \frac{y}{8} - \frac{1}{4} + \frac{1}{8y} \right)$$

**5** Упростить выражение  $\left( \frac{a^2}{a+1} - \frac{a^3}{a^2+2a+1} \right) : \left( \frac{a}{a+1} - \frac{a^2}{a^2-1} \right)$  и найти значение выражения при  $a = -3$ .

**6** Докажите тождество:

$$1) \left( \frac{1}{x-1} - \frac{1}{x+1} \right) \cdot (x^2 - 2x + 1) = \frac{2x-2}{x+1} \quad 2) \frac{2x}{x^2-y^2} - \frac{1}{x-y} - \frac{1}{x+y} = 0$$

**1** Упростить выражение до несократимой дроби:

$$\begin{array}{lll}
 1) \quad \frac{x+3}{4x^2} \cdot \frac{6x^3}{x+3} & \frac{3mn}{4m-12n} & \frac{c^3x+c^3y}{x-y} \\
 2) \quad \frac{m-3n}{6m} & \cdot \quad 3) \quad \frac{a^2x-a^2y}{a^3c^3} & \cdot \quad 4) \quad \frac{x+y}{10a} : \frac{x+y}{16a^2b}
 \end{array}$$

**2** Упростить выражение:

$$\begin{array}{lll}
 1) \quad \frac{2a-4}{b+1} : \frac{a^2-4}{(b+1)^2} & 3) \quad \frac{m^2-n^2}{(m+n)^2} & : \quad \frac{(m-n)^2}{m^2-n^2} \\
 & \frac{4m-4n}{3m+3n} & 5) \quad \frac{x^2+xy}{6x^2-6y^2} \cdot \\
 2) \quad \frac{p^2-q^2}{p^2} \cdot \frac{pq+q^2}{(p+q)^2} & 4) \quad \frac{m^3-n^3}{m^3+n^3} & : \quad \frac{3x^3+3y^3}{x^2-xy}
 \end{array}$$

**3** Упростить выражение:

$$\begin{array}{ll}
 1) \quad \left( \frac{a}{b} + \frac{b}{c} + \frac{c}{a} \right) \cdot \frac{ab}{c} & 3) \quad \left( a + \frac{a^2}{c} \right) : \left( b + \frac{bc}{a} \right) \\
 2) \quad \left( \frac{a+x}{a} - \frac{x-y}{x} \right) \cdot \frac{a^2}{x^2+ay} & 4) \quad \left( \frac{x^2+1}{2x-1} - \frac{x}{2} \right) \cdot \frac{1-2x}{x+2}
 \end{array}$$

**4** Упростить выражение:

$$\begin{array}{ll}
 1) \quad \left( 4x^2 - \frac{1}{9b^2} \right) : \left( 2x - \frac{1}{3b} \right) & 4) \quad \left( \frac{14+a^2}{a^2-4} - \frac{a-4}{a+2} \right) \cdot \frac{a-2}{6} \\
 2) \quad \frac{1}{m+2} + \frac{1}{m-2} - \frac{4}{m^2-4} & 5) \quad \left( \frac{a}{a-4} - \frac{a-4}{a+4} \right) \cdot \frac{a+4}{4} \\
 3) \quad \left( \frac{c-d}{c^2+cd} - \frac{c}{d^2+cd} \right) & : \\
 \left( \frac{d^2}{c^3-cd^2} + \frac{1}{c+d} \right) & 6) \quad \left( \frac{a}{8} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6a} \right) : \frac{a+1}{12a}
 \end{array}$$

**1** Упростить выражение до несократимой дроби:

$$\begin{array}{lll} 1) \frac{1}{2} & 3) 3 & 4) \frac{x+y}{x-y} \cdot \frac{x^2-xy}{2x^2-2y^2} \end{array}$$

**2** Упростить выражение:

$$\begin{array}{lll} 1) \frac{16-m^2}{m^2-3m} : \frac{m^2+4m}{m^2-9} & 2) \frac{3x^2-3y^2}{x^2+xy} \cdot \frac{x+y}{6x-6y} & 4) \frac{p^2-4a^2}{(p+2q)^2} : \frac{p^3-8q^3}{4q^2+2pq+p^2} \\ 3) \frac{2a}{a^3-b^3} : \frac{6ab}{a^2-b^2} \end{array}$$

**3** Упростить выражение:

$$\begin{array}{ll} 1) 5x^2 \cdot \left( \frac{1}{x^2} - \frac{1}{x} + 3 \right) & 3) \left( \frac{n}{n+x} - \frac{n}{n-x} \right) : \left( \frac{n}{n-x} + \frac{n}{n+x} \right) \\ 2) \left( m - \frac{1}{1+m} \right) \cdot \frac{m+1}{1-m-m^2} \end{array}$$

**4** Упростить выражение:

$$\begin{array}{ll} 1) \left( \frac{3a^2}{4b^2} - \frac{b^2}{3} \right) : \left( \frac{3a}{2b} + b \right) & 3) \left( \frac{c+3}{c-3} - \frac{c}{c+3} \right) \cdot \frac{c-3}{c+1} \\ 2) \frac{3x^2+3xy}{4xy+6ay} \cdot \left( \frac{x}{ax+ay} + \frac{3}{2x+2y} \right) & 4) \left( \frac{1+a}{1-a} - \frac{1-a}{1+a} \right) : \frac{2a}{1-a} \end{array}$$

**5** Упростить выражение  $\frac{4xy}{y^2-x^2} : \left( \frac{1}{y^2-x^2} + \frac{1}{x^2+2xy+y^2} \right)$  и найти значение выражения при  $x = 0,35$  и  $y = 7,65$ .

**6** Докажите тождество:

$$\begin{array}{l} 1) \left( \frac{1}{x-y} + \frac{1}{x+y} \right) \cdot (x^2 - y^2) = 2x \\ 2) \frac{1}{(a-b)(a-c)} + \frac{1}{(b-a)(b-c)} + \frac{1}{(c-a)(c-b)} = 0 \end{array}$$

**1** Упростить выражение:

$$1) \left( \frac{x+4}{3x+3} - \frac{1}{x+1} \right) : \frac{x+1}{3} + \frac{2}{x^2-1}$$
$$2) \left( \frac{m+2}{m+1} - \frac{8m^2-8}{m^3-1} : \frac{4m+4}{m^2+m+1} \right) \cdot \frac{1}{m}$$

**2** Упростить выражение  $\left( \frac{n-1}{n+1} - \frac{n+1}{n-1} \right) \cdot \left( \frac{1}{2} - \frac{n}{4} - \frac{1}{4n} \right)$  и найти значение выражения при  $n = 3$ .

**3** Упростить выражение  $\frac{x^2+25}{(x-5)^3} + \frac{10x}{(5-x)^3}$  и найти значение выражения при  $x = 5,125$ .

**4** Докажите тождество:

$$1) \left( \frac{1}{x-2} - \frac{1}{x+2} \right) \cdot (x^2 - 4x + 4) = \frac{4x-8}{x+2}$$
$$2) \frac{1}{(a-b)(b-c)} + \frac{1}{(b-c)(c-a)} + \frac{1}{(a-c)(b-a)} = 0$$

**5** Упростить выражение:

$$1) \left( \frac{a-b}{2a-b} - \frac{a^2+b^2+a}{2a^2+ab-b^2} \right) : \frac{4b^4+4ab^2+a^2}{2b^2+a} \cdot (b^2+b+ab+a)$$
$$2) \left( \left( \frac{x^2}{y^3} + \frac{1}{x} \right) : \left( \frac{x}{y^2} - \frac{1}{y} + \frac{1}{x} \right) \right) : \frac{(x-y)^2+4xy}{1+\frac{y}{x}}$$

**1** Упростить дробь:

1)  $\frac{44a^8b^6}{55a^8b^5}$

2)  $\frac{4x(x-y)^3}{16x^2y(x-y)}$

3)  $\frac{8a^3z - 4a^2z^2}{12a^2z^4 - 6az^5}$

**2** Упростить дробь:

1)  $\frac{a-b}{(b-a)^2}$

3)  $\frac{x^3 - x^2y}{2x^2y + 2x^2}$

5)  $\frac{x^2 - y^2}{3x - 2x^2 + 3y - 2xy}$

2)  $\frac{(2x+2y)^2}{(3y+3x)^2}$

4)  $\frac{3a^3 - 3b^3}{6a^2 - 6b^2}$

**3** Упростить и найти значение выражения:

$$\frac{3m^2 + 6mn + 3n^2}{6n^2 - 6m^2}, \quad \text{если } m = 0, 5, n = \frac{2}{3}$$

**4** Представить в виде несократимой дроби:

1)  $\frac{x^2}{9} + \frac{13x^2 + 7}{9} - \frac{4x^2 + 2}{9}$

2)  $\frac{x-3y}{xy^2} - \frac{3y-x}{x^2y}$

3)  $\frac{x-2}{3x+6} + \frac{1}{x^2-4} + \frac{x-6}{6-3x}$

**5** Упростить выражение:

1)  $\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}\right) \cdot abc$

3)  $\left(4x^2 - \frac{1}{9b^2}\right) : \left(2x - \frac{1}{3b}\right)$

2)  $\frac{3}{5x} - \frac{3}{x+y} \cdot \left(\frac{x+y}{5x} - x - y\right)$

4)  $\left(\frac{a}{a-4} - \frac{a-4}{a+4}\right) \cdot \frac{a+4}{4}$

**6** Упростить выражение  $\left(\frac{a^2}{a+1} - \frac{a^3}{a^2+2a+1}\right) : \left(\frac{a}{a+1} - \frac{a^2}{a^2-1}\right)$  и найти значение выражения при  $a = -3$ .