1 Неравенства

1.1 Целые неравенства

651 Решить неравенство:

$$\frac{x-3}{2} > \frac{7(x-3)}{2} + 5(6-2x) + 14$$

5

644 Решить неравенство:

$$(5x-2)(4x+3) \leqslant 3$$

5

647 Решить неравенство:

$$3x^2 + 5x - 8 < 0$$

5

648 Решить неравенство:

$$(2x^2 + 3x + 4)(x+3) \geqslant 0$$

5

649 Решить неравенство:

$$(25x - x^3)(4 - x^2) \le 0$$

5

650 Решить неравенство:

$$(x^2 - 4x + 4)(3x^2 - 2x - 1) \le 0$$

5

653 Решить неравенство:

$$|x^2 + 3x| \leqslant 4$$

5

654 Решить неравенство:

$$x^2 - 5|x| + 6 < 0$$

5

655 Решить неравенство:

$$x^2 - 2x + 1 < 2|x - 1|$$

5

689 Решить неравенство:

$$|3x^2 - 4x - 2| > 2$$

5

$$7|x| - x^2 - 12 \le 0$$

691 Решить неравенство:

$$|x^2 - 4|(x^2 - 1) \le 0$$

5

5

692 Решить неравенство:

$$|x^2 + 2x - 3| < |6x - 6|$$

5

$$\boxed{693} \ y = \sqrt{60x - 25x^2 - 36}$$

5

$$\boxed{694} \ y = \sqrt{5x^2 + 6x + 1} + \frac{1}{3x + 5}$$

5

$$\boxed{695} \ y = \sqrt{4 - x|x|}$$

5

$$698 y = \sqrt{(3x-2)(x-5)}$$

5

$$699 y = \sqrt{|x|(x^2 - 16)}$$

5

$$\boxed{700} \ y = \sqrt{20 - x - x^2} - \frac{3}{\sqrt{14 - 5x - x^2}}$$

5

793 Решить неравенство:

$$(x^2 - 4x - 1)^2 - 3(x^2 - 4x - 1) - 4 \le 0$$

 $[-1;0] \cup [4;5]$

1.2 Системы целых неравенств

1.3 Дробные неравенства

696 Решить неравенство:

$$\frac{5}{3x+2} \leqslant 0$$

2

697 Решить неравенство:

$$\frac{2x-1}{4x^2+3} > 0$$

5

$$\frac{4}{2x+3} \geqslant 0$$

702 Решить неравенство:

$$\frac{3x - 2}{5x^2 + 7} < 0$$

5

703 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - x - 6}{2x^2 + 9} \geqslant 0$$

5

704 Решить неравенство:

$$\frac{x^2+x-12}{3x^2+5} \leqslant 0$$

5

705 Решить неравенство:

$$\frac{36-25x^2}{x^2+2x+3}\leqslant 0$$

5

706 Решить неравенство:

$$\frac{81 - 4x^2}{x^2 + 3x + 4} \geqslant 0$$

5

707 Решить неравенство:

$$\frac{2x^2 + x + 6}{2x^2 + x - 6} \geqslant 0$$

5

708 Решить неравенство:

$$\frac{2x^2 - x + 10}{2x^2 - x - 10} \leqslant 0$$

5

717 Решить неравенство:

$$\frac{2}{5x-4} \leqslant \frac{3}{5x-4}$$

 $\left(\frac{4}{5}; +\infty\right)$

$$\frac{4x^2}{4x+3} < -\frac{7}{4x+3}$$

 $\left(-\infty; -\frac{3}{4}\right)$

719 Решить неравенство:

$$\frac{6}{x(x-3)} < \frac{5}{x(3-x)}$$

(0;3)

720 Решить неравенство:

$$x^2 \geqslant \frac{16x + 64}{x + 4}$$

 $(-\infty; -4) \cup [4; +\infty)$

788 Решить неравенство:

$$\frac{1}{2-x}+\frac{5}{2+x}<1$$

 $(-\infty; -2) \cup (2; +\infty)$

789 Решить неравенство:

$$\frac{15x - 5x^2}{12x - 3x^2} > 0$$

 $(-\infty;0)\cup(0;3)\cup(4;+\infty)$

790 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - x - 2}{x^2 - 9} \geqslant 0$$

 $(-\infty; -3) \cup [-1; 2] \cup (3; +\infty)$

791 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - 7x + 6}{(3x^2 - 12)(x - 1)} \le 0$$

 $\boxed{(-\infty; -2) \cup (-2; 6]}$

792 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - x + 2}{x^2 - 7x + 6} < 0$$

(1;6)

819 Решить неравенство:

$$\frac{x^3 - 4x^2 - 25x + 100}{4 - x} \geqslant 0$$

 $[-5;4) \cup (4;5]$

$$\frac{(x^2+2x)^2}{8x^2+3}\geqslant \frac{(x^2+2x-6)^2}{8x^2+3}$$

 $(-\infty; -3] \cup [1; +\infty)$

823 Решить неравенство:

$$\frac{x-1}{x-5} \leqslant 1 + \frac{2}{x-3}$$

 $(-\infty;1] \cup (3;5)$

824 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - 2x - 1}{x - 2} + \frac{2}{x - 3} \leqslant x$$

 $(-\infty;1] \cup (2;3)$

825 Решить неравенство:

$$\left(\frac{3x-4}{x+2}\right)^2 + \left(\frac{3x+4}{x-2}\right)^2 \leqslant 2 \cdot \frac{9x^2 - 16}{x^2 - 4}$$

0

1064 Решить неравенство:

$$\frac{9}{(4x+5)^2} - \frac{18}{4x+5} + 8 < 0$$

 $\left(-\frac{17}{16}; -\frac{7}{8}\right)$

1065 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - 4x - 1}{x - 4} + \frac{3}{x - 6} \leqslant x$$

 $(-\infty;3]\cup(4;6)$

1066 Решить неравенство:

$$\frac{x^3 - 3x^2 + 3x - 3}{x^2 - 3x} \leqslant x + \frac{1}{x - 2} + \frac{1}{x}$$

 $(-\infty;0) \cup (0;1] \cup (2;3)$

1.4 Системы дробных неравенств

821 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} \frac{1}{|x|-5} > \frac{1}{|x|+9}, \\ \frac{5}{|x|+9} > \frac{4}{|x|+10} \end{cases}$$

 $(-\infty; -5) \cup (5; +\infty)$

822 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} \frac{81}{x^4} - \frac{82}{x^2} + 1 \leqslant 0, \\ \frac{225}{(x^2 - 10x)^2} + \frac{34}{x^2 - 10x} + 1 \geqslant 0 \end{cases}$$

 $[-9;-1] \cup 1;5;9$

1.5 Рациональные неравенства с модулем

1068 Решить неравенство:

$$\left| \frac{3x^2 - 10x + 3}{x^2 - 1} \right| \geqslant 3$$

$$\left[(-\infty; -1) \cup (-1; 0] \cup \left[\frac{3}{5}; 1 \right) \cup \left(1; \frac{5}{3} \right] \right]$$

1069 Решить неравенство:

$$\frac{|x^2 - 36|}{x^2 - 12x + 54} \geqslant 1$$

$$\boxed{\{3\} \cup \left[\frac{15}{2}; +\infty\right)}$$

1070 Решить неравенство:

$$|x - 3| + x + |x - 4| > 5$$

$$(-\infty;2)\cup(4;+\infty)$$

1120 Решить неравенство:

$$\left| \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 - 9} \right| \leqslant 1$$

$$\left[\frac{3 - \sqrt{65}}{4}; \frac{3 + \sqrt{65}}{4} \right] \cup \left[3\frac{2}{3}; +\infty \right)$$

1121 Решить неравенство:

$$||x+6|-4|\leqslant 2$$

$$[-12; -8] \cup [-4; 0]$$

1122 Решить неравенство:

$$\frac{|2x-1|}{x^2+x-2} \geqslant 3$$

$$\left[\frac{-5-\sqrt{109}}{6}; -2\right) \cup \left(1; \frac{-1+\sqrt{61}}{6}\right]$$

1123 Решить неравенство:

$$|x+2| + |x+1| + |x-4| \geqslant 9$$

$$\left(-\infty; -2\frac{2}{3}\right) \cup [2; +\infty]$$

1.6 Системы рациональных неравенств с модулем

1067 Решить систему неравенств:

$$\left\{ \begin{array}{l} |x-3|\geqslant 11,\\ |5x-11|-64\leqslant 0 \end{array} \right.$$

$$\left[-\frac{53}{8}; -8 \right] \cup [14; 15]$$

1.7 Показательные неравенства

619 Решить неравенство:

$$4^{\frac{5}{x}} \geqslant 64$$

 $\left(0; \frac{5}{3}\right]$

620 Решить неравенство:

$$\frac{4}{3^x} \geqslant 27$$

 $\left(0; \frac{4}{3}\right]$

621 Решить неравенство:

$$\left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{3x+2}{1-x}} < 81$$

 $(-\infty;1)\cup(6;+\infty)$

622 Решить неравенство:

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{3x-2}{3-x}} < 16$$

 $(-\infty;3)\cup(10;+\infty)$

623 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 3^{x+1} - 2 \cdot 3^x \geqslant 81, \\ x^2 - 8x + 12 < 0. \end{cases}$$

[4; 6)

624 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 5^{x+1} - 4 \cdot 5^x \geqslant 25, \\ x^2 - 3x - 18 < 0. \end{cases}$$

[2;6)

625 Решить неравенство:

$$5^{x-3} + 5^{x-2} + 5^{x-1} \geqslant 155$$

 $[4;+\infty)$

626 Решить неравенство:

$$4^{x-1} + 4^{x-0,5} - 2^{2x-5} \le 184$$

 $(-\infty;4]$

$$5 \cdot 3^x + 10^x > 2 \cdot 3^{x+1} + 10^{x-1} + 3^{x+2}$$

 $(2;+\infty)$

628 Решить неравенство:

$$9^x + 3^{2(x-1)} - 2 \cdot 27^{\frac{2}{3}(x-2)} < 264$$

 $(-\infty;2,5)$

629 Решить неравенство:

$$|3^{3x^2 - 23} - 42| \leqslant 39$$

 $[-3; -2\sqrt{2}] \cup [2\sqrt{2}; 3]$

630 Решить неравенство:

$$|4^{9x^2-2} - 10| \geqslant 6$$

 $\left(-\infty; -\frac{2}{3}\right] \cup \left[-\frac{\sqrt{3}}{3}; \frac{\sqrt{3}}{3}\right] \cup \left[\frac{2}{3}; +\infty\right)$

725 Решить уравнение:

$$(4x+5) \cdot 9^{5x-4} = 4x+5$$

5

726 Решить неравенство:

$$\frac{15^x - 225}{x^2 + 8x + 12} \geqslant 0$$

2

727 Решить неравенство:

$$4\cdot 2^x + 8\cdot 2^{-x} \leqslant 33$$

5

728 Решить неравенство:

$$2^{x+3} + 2^{1-x} \leqslant 10$$

5

729 Решить неравенство:

$$2 \cdot 2^{2x-11} - 17 \cdot 2^{x-5} + 16 \leqslant 0$$

5

730 Решить неравенство:

$$36^x - 4 \cdot 6^x - 12 \leqslant 0$$

5

1.8 Логарифмические неравенства

631 Решить неравенство:

$$\log_{27} \frac{2x^2 + 3x - 5}{x + 1} \leqslant \frac{1}{3}$$

 $(-2,5;-2] \cup (1;2]$

632 Решить неравенство:

$$\log_9 \frac{2x^2 + 15x + 22}{x + 4} \leqslant \frac{1}{2}$$

 $(-5,5;-5] \cup (-2;-1]$

633 Решить неравенство:

$$\log_3(x+2) + \log_3(8-x) \le 1 + \log_3(x+4)$$

 $(-2;-1] \cup [4;8)$

634 Решить неравенство:

$$\log_3(x+3) + \log_3(7-x) \le 1 + \log_3(x+5)$$

 $(-3; -2] \cup [3; 7)$

951 Решить неравенство:

$$\log_{1/\sqrt{6}}(2x^2 - 7x - 3) < -2$$

 $(-\infty; -1) \cup (4, 5; +\infty)$

952 Решить неравенство:

$$\log_2(5x^2+16x)\leqslant 4$$

 $[-4; -3, 2) \cup (0; 0, 8]$

| 953 | Решить неравенство:

$$\log_{0.5}(x^2 + 2x) < -3$$

 $(-\infty; -4) \cup (2; +\infty)$

954 Решить неравенство:

$$\log_{1/\sqrt[5]{9}}(13x - 2x^2 - 11) \geqslant -5$$

 $(1;2,5] \cup [4;5,5)$

955 Решить неравенство:

$$\log_{0.7}(2x^2 - 7x + 5) \ge \log_{0.7}(x^2 - 5)$$

(-2,5;5]

956 Решить неравенство:

$$\log_{3\pi/10}(x^2 + 2x - 3) \geqslant \log_{3\pi/10}(2x^2 - 5x + 9)$$

 $(-\infty:-3)\cup(1;3]\cup[4;+\infty)$

$$\lg(x-5) + \lg(x-20) \leqslant 2$$

(20; 25]

958 Решить неравенство:

$$\log_5\left(\frac{9}{x}\right) - \log_5\left(4 - \frac{x}{5}\right) \geqslant 1$$

 $[-3;0) \cup [3;20)$

959 Решить неравенство:

$$\log_{0,5} \left(\log_2 \left(\log_3 \left(\frac{2x - 5}{5x + 2} \right) \right) \right) \geqslant 0$$

 $\left(-\frac{11}{13}; -\frac{23}{43}\right]$

960 Решить неравенство:

$$9\log_{12}(x+1)(x-4) \le 10 + \log_{12}\frac{(x+1)^9}{x-4}$$

 $[-8;-1) \cup (4;16]$

962 Решить неравенство:

$$\log_{0.3}(2x^2 - 9x + 7) \geqslant \log_{0.3}(x^2 - 7)$$

(3, 5; 7]

1043 Решить неравенство:

$$\log_{2x-3} x > 1$$

(2;3)

1045 Решить неравенство:

$$\frac{1 + \log_{0.5}^2 x}{1 + \log_{0.5} x} < 1$$

 $(0,5;1) \cup (2;+\infty)$

1046 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{9}}(x-8)^2 + \log_{\frac{1}{3}}(2-x) \geqslant \log_{\frac{1}{3}}27$$

[-1;2)

1047 Решить неравенство:

$$\log_{4x+1} 7 + \log_{9x} 7 \geqslant 0$$

 $\left(0;\frac{1}{12}\right]\cup\left(\frac{1}{9};+\infty\right)$

$$\log_{0.2}^{2} (x-3)^{8} + 8\log_{5}(x-3)^{4} \leqslant 32$$

5

1256 Решить неравенство:

$$\log_{1/4}(5 - 5x) \le \log_{1/4}(x^2 - 3x + 2) + \log_4(x + 4)$$

5

964 Решить неравенство:

$$\log_2(\log_3(\log_4(5x+6)))\leqslant 0$$

(1;40]

965 Решить неравенство:

$$13\log_{13}(x^2 - x - 6) \leqslant 14 + \log_{13}\frac{(x+2)^{13}}{x-3}$$

 $(-10; -2] \cup (3; 16]$

1208 Решить неравенство:

$$x^2 \log_{625}(3-x) \leqslant \log_5(x^2 - 6x + 9)$$

1.9 Логарифмические системы неравенств

961 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 4^{x+1} - 33 \cdot 2^x + 8 \leq 0, \\ 2\log_2 \frac{x-1}{x+1,2} + \log_2 (x+1,2)^2 \geq 2 \end{cases}$$

 $[-2; -1, 2) \cup 3$

| 963 | Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} \log_5(2x^2 + 13x + 21) \ge 0, \\ \log_2(2x^2 + x - 3) \le \log_2(x^2 - x + 5) \end{cases}$$

 $-4 \cup [-2, 5; -1, 5) \cup (1; 2]$

1048 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} \log_{2-x}(x+2) \cdot \log_{x+3}(3-x) \leq 0, \\ 4^{x^2+x-3} - 0, 5^{2x^2-6x-2} \leq 0 \end{cases}$$

 $\{-1\} \cup (1;2)$

1.10 Смешанные неравенства

745 Решить неравенство:

$$2^{|x|} - 6 - \frac{9 \cdot 2^{|x|} - 37}{4^{|x|} - 7 \cdot 2^{|x|} + 12} \leqslant \frac{1}{2^{|x|} - 4}$$

 $[-3;-2) \cup (-2;-\log_2 3) \cup \{0\} \cup (\log_2 3;2) \cup (2;3]$

$$|x^2 - 3x + 1| \geqslant \sqrt{4x^4 - 4x^2 + 1}$$

$$\left[-\frac{3+\sqrt{17}}{2}; 0 \right] \cup \left[-\frac{3-\sqrt{17}}{2}; 1 \right]$$

795 Решить неравенство:

$$\log_{6x^2 - 5x + 1} 2 > \log_{\sqrt{6x^2 - 5x + 1}} 2$$

$$\left(0;\frac{1}{3}\right)\cup\left(\frac{1}{2};\frac{5}{6}\right)$$

796 Решить неравенство:

$$\frac{\sqrt{x^2 - 2x + 1} - \sqrt{x^2 + x}}{x^2 + x - 1} \leqslant 0$$

$$\left[\left(\frac{-1-\sqrt{5}}{2};-1\right]\cup\left[0;\frac{1}{3}\right]\cup\left(\frac{\sqrt{5}-1}{x};+\infty\right)\right]$$

1044 Решить неравенство:

$$0, 5^{\log_{\sqrt{3}}\left(\lg\frac{1}{x}\right)} > 1$$

(0, 1; 1)

1214 Решить неравенство:

$$|6 - 7^x| \le (7^x - 6)\log_6(x + 1)$$

$$\left(-1; -\frac{5}{6}\right] \cup \left\{\log_7 6\right\} \cup \left[5; +\infty\right]$$

1.11 Применение свойств функций

734 Решить неравенство:

$$(0,5)^{6-x} + \log_{0,2}(4-x) \ge (0,5)^{x+4} + \log_{0,2}(x+2)$$

5

735 Решить неравенство:

$$\sqrt[5]{x^2 + 4x + 11} + \sqrt[5]{1 - 2x^2} + \log_7 \frac{x^2 + 4x + 13}{2x^2 + 1} \geqslant 0$$

5

1.12 Неразобранные задачи

3368 Решить неравенство:

$$\frac{3^{-\frac{1}{x}} - 3}{\lg\left(\frac{1}{2} - x\right)} \geqslant 0.$$

 $x \in [-1; 0, 5) \cup (0; 0, 5).$

$$f(x) = \sqrt{\frac{1}{2\sqrt{x} - 8} - \frac{1}{\sqrt{x} - 3}}.$$

 $x \in [0; 9) \cup (16; 25].$

3370 Решить неравенство:

$$\left(\log_2 \frac{3x+2}{2x}\right)\sqrt{x^4-3x^2+2} < 0.$$

 $x \in (-2; -\sqrt{2}) \cup \left(-1; -\frac{2}{3}\right).$

3371 Решить неравенство:

$$\frac{\sqrt{x}+3}{2-\sqrt{x}} \geqslant \frac{2\sqrt{x}+11}{x-7\sqrt{x}+10}.$$

 $x \in [0; 4) \cup (4; 16].$

3372 Решить неравенство:

$$f(x) = \log_{\frac{1}{3}} \left(\frac{x}{4-x} \right) + \sqrt{x^2 - 4x + 3}.$$

 $x \in (0;1] \cup [3;4).$

3373 Решить неравенство:

$$\frac{x - 7\sqrt{x} + 10}{2 - \sqrt{x}} \geqslant \frac{2\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x} + 3}.$$

 $x \in [0; 4) \cup (4; 16].$

3374 Решить неравенство:

$$(\cos x - 1)(1 - \sqrt{x+5}) \leqslant 0.$$

 $x \in [-5; -4] \cup \{2\pi n, n = 0, 1, 2, \ldots\}.$

3375 Решить неравенство:

$$y = \frac{\log_8(2^x + 4^x - 2)}{x - 3}.$$

 $x \in (0;3) \cup (3;+\infty).$

3376 Решить неравенство:

$$(\lg(x+1)-1)\sqrt{x^2-3x+2} \le 0.$$

 $x \in (-1; 1] \cup [2; 9].$

3377 Решить неравенство:

$$\frac{6-x}{\sqrt{x-1}-1}\leqslant 1.$$

 $x \in [1; 2) \cup [5; +\infty).$

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

$$\frac{(4^x - 12 \cdot 2^x + 32)(x - 1)}{\sqrt{x} - 1} > 0.$$

 $x \in [0; 1) \cup (1; 2) \cup (3; +\infty).$

3379 Решить неравенство:

$$(\sqrt{4-x^2}-2)\left(\frac{1}{\sqrt{2x+2}}-\frac{1}{\sqrt{x+3}}\right) \geqslant 0.$$

 $x \in [1; 2] \cup \{0\}.$

3380 Решить неравенство:

$$\frac{x-3\sqrt{x-3}-1}{4\sqrt{x-3}-x}\leqslant 0.$$

 $x \in [3; 4) \cup (4; 7] \cup (12; +\infty).$

3381 Решить неравенство:

$$\frac{5}{x - 4\sqrt{x} + 3} \leqslant \frac{3}{x - 2\sqrt{x} + 1}.$$

 $x \in [0;1) \cup (1;9).$

3382 Решить неравенство:

$$\frac{\sqrt{20 - x^2 + x}}{2x - 3} \leqslant \frac{\sqrt{20 - x^2 + x}}{x - 6}.$$

 $x \in \{-4, 5\} \cup [-3, 1, 5).$

3383 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 - 3x - 18} \leqslant \frac{9\sqrt{x^2 - 3x - 18}}{x - 2}.$$

 $x \in \{-3\} \cup [6; 11].$

3384 Решить неравенство:

$$(3^x - 1)\sqrt{x^2 - 4x + 3} \geqslant 0.$$

 $x \in \{1\} \cup [2; +\infty).$

3385 Решить неравенство:

$$(x-1)\sqrt{1-x^2} \geqslant (3x-2)\sqrt{1-x^2}.$$

 $x \in \{1\} \cup [-1; 0, 5].$

3386 Решить неравенство:

$$\sqrt{2\sqrt{x+1} - 2} > \sqrt{1+x} - 5.$$

 $x \in [0; 80).$

$$(\log_x 4)(\log_{8x} 0, 25)(\log_7 32x) \geqslant \log_7 \left(\frac{1}{\sqrt[3]{16}}\right).$$

$$x \in \left(0; 2^{-\sqrt{15}}\right] \cup \left(\frac{1}{8}; 1\right) \cup \left[2^{\sqrt{15}}; +\infty\right).$$

3388 Решить уравнение:

$$(x^2 - 2x)^2 - 2x^2 + 4x - 3 = 0.$$

$$x_1 = -1, x_2 = 1, x_3 = 3.$$

3389 Решить уравнение:

$$(x^2 - x - 3)(x^2 - x - 2) = 12.$$

$$x_1 = -2, x_2 = 3.$$

3390 Решить уравнение:

$$(x+1)(x+2)(x+3)(x+4) = 3.$$

$$x_1 = -\frac{5+\sqrt{13}}{2}, x_2 = \frac{-5+\sqrt{13}}{2}.$$

3391 Решить уравнение:

$$x^3 - 3x^2 - x + 3 = 0.$$

$$x_1 = -1, x_2 = 1, x_3 = 3.$$

3392 Решить уравнение:

$$x^3 - 3x^2 - 4x + 12 = 0.$$

$$x_1 = -2, x_2 = 2, x_3 = 3.$$

3393 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x-1} + \frac{2}{x+2} + 1 = 0.$$

$$x_1 = -2 - \sqrt{6}, x_2 = -2 + \sqrt{6}.$$

3394 Решить уравнение:

$$\frac{x^3 - 4x^2 + x + 6}{(x - 2)^2} = 0.$$

$$x_1 = -1, x_2 = 3.$$

3395 Решить уравнение:

$$\sqrt{x^3 - 5x^2 + 4} = x - 2.$$

$$x = 3 + \sqrt{5}.$$

3396 Решить уравнение:

$$\sqrt{2x+3} + \sqrt{x-2} = 4$$
.

x = 3.

$$\sqrt{2x^2 - 4x + 3} - \sqrt{x^2 - 2x - 2} = 2.$$

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

$$x_1 = -1, x_2 = 3, x_3 = 1 + 2\sqrt{3}, x_4 = 1 - 2\sqrt{3}.$$

3398 Решить уравнение:

$$\sqrt{x-2+\sqrt{2x-5}} + \sqrt{x+2+3\sqrt{2x-5}} = 7\sqrt{2}.$$

x = 15.

3399 Решить уравнение:

$$\sqrt[3]{\frac{12-2x}{x-1}} + \sqrt[3]{\frac{x-1}{12-2x}} = \frac{5}{2}.$$

 $x_1 = 2, x_2 = \frac{97}{17}.$

3400 Решить уравнение:

$$x^2 + 2x - 3 = 3|x+1|.$$

 $x_1 = 3, x_2 = -5.$

3401 Решить уравнение:

$$|x^2 - x - 1| + |x^2 - x - 3| = 6.$$

 $x_1 = \frac{1 - \sqrt{21}}{2}, x_2 = \frac{1 + \sqrt{21}}{2}.$

3402 Решить уравнение:

$$|x^2 + x| + |x + 2| = x^2 - 2.$$

 $x \leqslant -2$.

3403 Решить уравнение:

$$\sqrt{5x^2 + 3x - 1} - 2x = 1.$$

x = 2.

3404 Решить уравнение:

$$\sqrt{x-1} + \sqrt{11-x} = 4.$$

 $x_1 = 2, x_2 = 10.$

| 3405 | Решить уравнение:

$$\sqrt{x+17} - \sqrt{x-7} = 4.$$

x = 8.

3406 Решить уравнение:

$$\sqrt{2x-15} - \sqrt{x+16} = -1.$$

x = 20.

3407 Решить уравнение:

$$\sqrt{3x^2 + 6x + 1} + x^2 + 2x = 13.$$

 $x_1 = -4, x_2 = 2.$

$$\sqrt{2x^2 + 3x + 2} - \sqrt{2x^2 + 3x - 5} = 1.$$

$$x_1 = 2, x_2 = -\frac{7}{2}.$$

3409 Решить уравнение:

$$2\sqrt{x^2 - 4x + 7} - \sqrt{x^2 - 4x + 12} = 1.$$

 $x_1 = 1, x_2 = 3.$

3410 Решить уравнение:

$$\frac{\sqrt{3+x} + \sqrt{3-x}}{\sqrt{3+x} - \sqrt{3-x}} = 2.$$

 $x = \frac{12}{5}.$

3411 Решить уравнение:

$$\sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x+1} + \sqrt[3]{x+2} = 0.$$

x = -1.

3412 Решить уравнение:

$$\sqrt[3]{5+x} - 2\sqrt[3]{5-x} = \sqrt[6]{25-x^2}.$$

 $x = \frac{63}{13}.$

3413 Решить уравнение:

$$\sqrt{x+6-4\sqrt{x+2}} + \sqrt{11+x-6\sqrt{x+2}} = 1.$$

 $2 \leqslant x \leqslant 7.$

3414 Решить уравнение:

$$|2x+3| = |2x-5|.$$

 $x = \frac{1}{2}.$

3415 Решить уравнение:

$$x^2 - 4x - 4 = 2|x - 2|.$$

 $x_1 = -2, x_2 = 6.$

3416 Решить уравнение:

$$|x^2 + x + 1| + |x^2 + x - 3| = 6.$$

 $x_1 = -\frac{1+\sqrt{17}}{2}, x_2 = \frac{\sqrt{17-1}}{2}.$

3417 Решить уравнение:

$$|x^3 - 3x^2 + x| = x - x^3.$$

 $x_1 = 0, x_2 = \frac{2}{3}.$

$$|x^2 - x| + |x + 1| = x^2 - 2x - 1.$$

 $x \leqslant -1$.

3419 Решить уравнение:

$$\sqrt{x-1} + |x-2| = |x-3|.$$

x=2.

3420 Решить уравнение:

$$\frac{3x^2 + 2 - \left|2x + 3\right|}{|x| - 1} = 0.$$

 $x = -\frac{1}{3}.$

3421 Решить уравнение:

$$64^{\frac{x}{2}} \cdot 3^x = 576.$$

x = 2.

3422 Решить уравнение:

$$\left(\frac{16}{9}\right)^{x^2+2x} = \left(\frac{3}{4}\right)^{x-3}.$$

 $x_1 = -3, x_2 = \frac{1}{2}.$

3423 Решить уравнение:

$$4^{x} - 3^{x - \frac{1}{2}} = 3^{x + \frac{1}{2}} - 2^{2x - 1}$$
.

 $x = \frac{3}{2}.$

3424 Решить уравнение:

$$3^x - 18 \cdot 3^{-x} = 7.$$

x = 2.

3425 Решить уравнение:

$$3 \cdot 4^x - 5 \cdot 6^x + 2 \cdot 9^x = 0.$$

 $x_1 = 0, x_2 = 1.$

3426 Решить уравнение:

$$\left(\sqrt[3]{3+\sqrt{8}}\right)^x + \left(\sqrt[3]{3-\sqrt{8}}\right)^x = 6.$$

 $x_1 = 3, x_2 = -3.$

3427 Решить уравнение:

$$729^{\frac{x}{3}} = \frac{1}{9}.$$

x = -1.

$$5^{x+1} - 14 \cdot 5^x + 3 \cdot 5^{x+2} = 66.$$

x = 0.

3429 Решить уравнение:

$$7 \cdot 49^x - 13 \cdot 7^x = 2.$$

 $x = \log_7 2.$

3430 Решить уравнение:

$$3^x - 3^{2-x} = 8.$$

x=2.

3431 Решить уравнение:

$$3 \cdot 2^{x+1} - 2^{-x} \cdot 5^{2x+1} = 13 \cdot 5^x.$$

x = -1.

3432 Решить уравнение:

$$4^{x+1} - 6^x = 2 \cdot 9^{x+1}$$
.

x = -2.

3433 Решить уравнение:

$$2 \cdot 14^x + 3 \cdot 49^x = 2^{2x}.$$

 $x = \log_{\frac{2}{3}} 3.$

3434 Решить уравнение:

$$2^{|x+1|} - \left| 2^x - 1 \right| = 1 + 2^x.$$

 $x = -2, x \geqslant 0.$

3435 Решить уравнение:

$$\left(\sqrt{2+\sqrt{3}}\right)^x + \left(\sqrt{2-\sqrt{3}}\right)^x = 4.$$

 $x_1 = -2, x_2 = 2.$

3436 Решить уравнение:

$$4^x + 25^x = 29.$$

x = 1.

3437 Решить уравнение:

$$\left(\frac{1}{5}\right)^x + \left(\frac{1}{3}\right)^x = 34.$$

x = -2.

3438 Решить уравнение:

$$\log_{\frac{1}{2}} x = \log_{\frac{1}{2}} (x^2 - 2).$$

x = 2.

$$\log_2(x^3+9) = \log_2(x+3) + 2\log_2(x-1).$$

x = 6.

3440 Решить уравнение:

$$\log_5(-x^7) + 2 = \log_{25} x^8.$$

 $x = -5^{-\frac{2}{3}}.$

3441 Решить уравнение:

$$\log_5 \left(3 \cdot 2^{1+x} - 2^{-x} \cdot 5^{2x+1} \right) = x + \log_5 13.$$

x = -1.

3442 Решить уравнение:

$$\log_2 x + \log_x 2 = \frac{10}{3}.$$

 $x_1 = 8, x_2 = \sqrt[3]{2}.$

3443 Решить уравнение:

$$1 - \log_9(x+1)^2 = \frac{1}{2}\log_{\sqrt{3}}\frac{x+5}{x+3}.$$

 $x_1 = -7, x_2 = -2, x_3 = 1.$

3444 Решить уравнение:

$$5 \cdot x^{\log_3 2} + 2^{\log_3 x} = 24.$$

x = 9.

3445 Решить уравнение:

$$\lg^{2}(4-x) + \lg(4-x) \cdot x \lg\left(x + \frac{1}{2}\right) = 2\lg^{2}\left(x + \frac{1}{2}\right).$$

 $x_1 = \frac{7}{4}, x_2 = 0, x_3 = \frac{3}{2} + \sqrt{6}.$

3446 Решить уравнение:

$$\log_5 x \sqrt{\log_{\sqrt{x}}(5x)} = -2.$$

 $x = \frac{1}{25}.$

3447 Решить уравнение:

$$1 + \log_x (4 - x) = \log_5 3 \cdot \log_x 5.$$

x = 3.

3448 Решить уравнение:

$$\log_7(3-2x) \cdot \log_x(3-2x) = \log_7(3-2x) + \log_7 x^2.$$

 $x = \frac{1}{2}.$

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

$$\log_{1-x}(3-x) = \log_{3-x}(1-x).$$

 $x = 2 - \sqrt{2}.$

3450 Решить уравнение:

$$x^{\lg x - 1} = 100.$$

 $x_1 = 0, 1; x_2 = 100.$

3451 Решить уравнение:

$$15^{\log_5 3} x^{\log_5(45x)} = 1.$$

 $x_1 = \frac{1}{3}, x_2 = \frac{1}{15}.$

3452 Решить уравнение:

$$\log_3(x^2 - 6) = \log_3 x.$$

x = 1.

3453 Решить уравнение:

$$\log_2(98 - x^3) = 3\log_2(2 - x).$$

x = -3.

3454 Решить уравнение:

$$\lg \sqrt{x-5} + \lg \sqrt{2x-3} + 1 = \lg 30.$$

x = 6.

3455 Решить уравнение:

$$2\log_2 x + \log_2(x+1) = 2 + \log_2(1-x^2).$$

 $x = 2(\sqrt{2} - 1).$

3456 Решить уравнение:

$$\log_5(x^2 + x + 1) + \log_5(x^2 - x - 1) = \log_5(1 - 2x).$$

 $x = -\sqrt{2}.$

3457 Решить уравнение:

$$2\log_3\frac{x-3}{x-7} + \log_3\frac{x-1}{x-3} = 1.$$

x = -5.

3458 Решить уравнение:

$$x(1 - \lg 5) = \lg(4^x - 12).$$

x = 2.

3459 Решить уравнение:

$$\log_2(2^x - 5) - \log_2(2^x - 2) = 2 - x.$$

x = 3.

$$\log_2(x-5) = \log_4(x+1).$$

x = 8.

3461 Решить уравнение:

$$\log_2 x + \log_x 2 = \frac{5}{2}.$$

 $x_1 = 4, x_2 = \sqrt{2}.$

3462 Решить уравнение:

$$\log_2 \frac{x-2}{x+2} + \log_{\frac{1}{2}} \frac{2x-1}{6x+7} = 0.$$

x = 3.

3463 Решить уравнение:

$$\log_4[\log_3(\log_2 x)] = \frac{1}{2}$$

x = 512.

3464 Решить уравнение:

$$\sqrt{5\log_2(-x)} = \log_2 \sqrt{x^2}.$$

 $x_1 = -1, x_2 = -32.$

3465 Решить уравнение:

$$\log_2(2^x + 1) \cdot \log_2(2^{x+1} + 2) = 2.$$

x = 0.

3466 Решить уравнение:

$$\lg \lg x + \lg(\lg x^2 - 1) = 1.$$

 $x = 10^{\frac{5}{2}}.$

3467 Решить уравнение:

$$\log_3(\log_2 x - 9) = 2 + \log_3(1 - 4\log_x 4).$$

 $x = 2^{12}$.

3468 Решить уравнение:

$$\log_2(\log_2 x) = \log_2(1 + \log_x 16) + 1.$$

x = 16.

3469 Решить уравнение:

$$\sqrt{3 + \log_x 5\sqrt{5}} \cdot \log_{\sqrt{5}} x = -\sqrt{6}.$$

 $x = \frac{1}{5}.$

$$\log_{16x} x^3 + \log_{\frac{x}{2}} \sqrt{x} = 2.$$

$$x_1 = 4, x_2 = 4^{\frac{4}{3}}.$$

3471 Решить уравнение:

$$\log_x 2 \cdot \log_{\frac{x}{16}} 2 = \log_{\frac{x}{64}} 2.$$

 $x_1 = 4, x_2 = 8.$

3472 Решить уравнение:

$$\log_{3x} \left(\frac{3}{x}\right) + \log_3^2 x = 1.$$

 $x_1 = 3, x_2 = 1, x_3 = \frac{1}{9}.$

3473 Решить уравнение:

$$x^{\lg 9} + 9^{\lg x} = 6.$$

 $x = \sqrt{10}.$

3474 Решить уравнение:

$$\lg^2 \left(1 + \frac{4}{x} \right) + \lg^2 \left(1 - \frac{4}{x+4} \right) = 2\lg^2 \left(\frac{2}{x-1} - 1 \right).$$

 $x_1 = \sqrt{2}, x_2 = \sqrt{6}.$

3475 Решить уравнение:

$$\log_2 x \cdot \log_2(x-3) + 1 = \log_2(x^2 - 3x).$$

x = 5.

3476 Решить уравнение:

$$1 + \log_6 \frac{x+3}{x+7} = \frac{1}{4} \log_{\sqrt{6}} (x-1)^2.$$

 $x_1 = -11, x_2 = -1, x_3 = 5.$

3477 Решить уравнение:

$$3\log_{3x} x = 2\log_{9x} x^2$$
.

 $x_1 = 1, x_2 = 9.$

3478 Решить уравнение:

$$\log_{2x-1}(2x-3) = \log_{2x-3}(2x-1).$$

 $x = 1 + \frac{1}{\sqrt{2}}.$

3479 Решить уравнение:

$$x^{\log_2 \frac{x}{98}} \cdot 14^{\log_2 7} = 1.$$

 $x_1 = 7, x_2 = 14.$

$$\log_5 6 = \log_5 x + \log_5 (x+1).$$

x = 2.

3481 Решить уравнение:

$$\log_3 x = \log_3 8 - 2\log_3 2 + \log_3 \frac{3}{2}.$$

x = 3.

3482 Решить уравнение:

$$\log_{\frac{1}{2}} 3 + \frac{1}{3} \log_{\frac{1}{2}} 27 - \log_{\frac{1}{2}} 3\sqrt{18} = \log_4 x.$$

x = 2.

3483 Решить уравнение:

$$\log_{25} x = \log_9 27.$$

x = 125.

3484 Решить уравнение:

$$\log_{\sqrt[3]{5}} \sqrt{5} + \log_{\sqrt{8}} \sqrt[3]{4} + \log_{729} \sqrt[3]{3} = \log_{\sqrt{7}} x.$$

x = 7.

3485 Решить уравнение:

$$\log_{\sqrt{3}}(\log_{49}\sqrt[3]{49}) = \log_x 25.$$

x = 0, 2.

3486 Решить уравнение:

$$\log_2 x = 3 + \log_2 5 - \log_2 10.$$

x = 4.

3487 Решить уравнение:

Найдите x, прологарифмировав обе части уравнения по основанию 2: $x=\frac{\sqrt[4]{a^3b}}{\sqrt[3]{ab^2}}$, где $\log_2 a=3$ и $\log_2 b=2$.

 $x = \sqrt[12]{32}$.

3488 Решить уравнение:

$$\log_x 25 = \frac{1}{2}.$$

x = 625.

3489 Решить уравнение:

$$\log_{2x} \sqrt[3]{4} = \frac{2}{3}.$$

x = 1.

$$\lg x = 2 + \lg 3 - \lg 5.$$

x = 60.

3491 Решить уравнение:

$$\lg x = \frac{1}{3} \lg 54 + \lg 5 - \frac{1}{3} \lg 16.$$

x = 7, 5.

3492 Решить уравнение:

$$\lg x = \frac{2}{3} \lg 24 - 2 + 1\frac{1}{3} \lg 3.$$

 $x = \frac{9}{25}.$

3493 Решить уравнение:

$$\log_3 x = \frac{1}{2}\log_3 18 + \log_3 \sqrt{2} - 2\log_3 5.$$

x = 0, 24.

3494 Решить уравнение:

$$\log_5 x = \log_5 \sqrt[3]{2 - \sqrt{3}} + \log_5 \sqrt[6]{7 + 4\sqrt{3}}.$$

x = 1.

3495 Решить уравнение:

$$\lg^2 5 - \lg^2 3 = (1 - \lg x) \lg \frac{5}{3}.$$

 $x = \frac{2}{3}.$

3496 Решить уравнение:

$$\log_x 2\sqrt[4]{2} = -\frac{3}{4}.$$

 $x = 2^{-\frac{5}{3}}.$

3497 Решить уравнение:

$$3^{2x} = (\sqrt{3})^{x^2}$$
.

 $\{0;4\}.$

3498 Решить уравнение:

$$(0,5)^{5x} = 8^{-3}$$
.

x = 1, 8.

3499 Решить уравнение:

$$7^{x-7} = 49\sqrt{7}$$
.

x = 9, 5.

$$\sqrt[7]{36^{x-5}} = \frac{6}{\sqrt[5]{6}}.$$

x = 7, 8.

3501 Решить уравнение:

$$4^{x-1} + 11 \cdot 4^{x-2} = 15 \cdot 2^{-4}.$$

x = 0.

3502 Решить уравнение:

$$\left(\frac{1}{2}\right)^{2x-1} - 5^{1-2x} = 0.$$

x = 0, 5.

3503 Решить уравнение:

$$2, 5 \cdot 4^x = 8 \cdot 5^{x-1}.$$

x = 2.

3504 Решить уравнение:

$$\sqrt[3]{2^{2x+8}} = 152 \cdot 19^{2x-2}.$$

x = 0, 5.

3505 Решить уравнение:

$$25^x + 175 \cdot 5^{x-2} - 60 = 0.$$

x = 1.

3506 Решить уравнение:

$$2^{2x+8} + 5^{2x+7} + 2^{2x+10} - 5^{2x+8} = 0.$$

x = -3.

3507 Решить уравнение:

$$3^{x+1} + \left(\frac{1}{3}\right)^{1-x} - \sqrt{9^{x-2}} - \frac{1}{\sqrt{9^{3-x}}} = 258.$$

x = 4.

3508 Решить уравнение:

$$6 \cdot 5^{2x+3} - 5 \cdot 5^{\frac{x+3}{2}} = 5^{-x}.$$

x = -1.

3509 Решить уравнение:

$$3 \cdot 16^x + 2 \cdot 81^x = 5 \cdot 36^x.$$

 $\{0;0,5\}.$

$$(x^2 - 4x + 4)^{x^2 - 3x} = (x^2 - 4x + 4)^{2x + 6}.$$

 $\{-1;1;3;6\}.$

3511 Решить уравнение:

$$5^{3x} = (\sqrt{5})^{x^2 + 5}.$$

 $x_1 = 1, x_2 = 5.$

3512 Решить уравнение:

$$(0,125)^{3x} = 4^{-6}.$$

 $x = \frac{4}{3}.$

3513 Решить уравнение:

$$6^{2x-1} = 36\sqrt{6}.$$

x = 1,75.

3514 Решить уравнение:

$$\sqrt[5]{49^{x-4}} = \frac{7}{\sqrt[3]{7}}.$$

 $x = 5\frac{2}{3}.$

3515 Решить уравнение:

$$3^{4x-2} + 11 \cdot 9^{2x-2} = 15 \cdot 3^{-4}.$$

 $x = \frac{1}{4} \log_3 \frac{3}{4}.$

3516 Решить уравнение:

$$\left(\frac{3}{4}\right)^{3x-2} - 7^{2-3x} = 0.$$

 $x = \frac{2}{3}.$

3517 Решить уравнение:

$$2\frac{1}{3} \cdot 9^x = 147 \cdot 7^{x-2}.$$

x = 1.

3518 Решить уравнение:

$$\sqrt[4]{3^{3x+2}} = 51 \cdot 17^{3x-3}.$$

 $x = \frac{2}{3}.$

3519 Решить уравнение:

$$4^{x+2} + 30 \cdot 2^{x-1} - 1 = 0.$$

x = -4.

$$4 \cdot 6^{x-1} - 5^x - 5^{x-1} + 6^{x-2} = 0.$$

x = 3.

3521 Решить уравнение:

$$\left(\frac{1}{5}\right)^x + 5^{-(x+1)} - \frac{1}{\sqrt{25^{x+2}}} - 725 = 0.$$

x = -4.

3522 Решить уравнение:

$$5^{4x+1} + \left(\frac{1}{5}\right)^{1-4x} + 25^{2x} - 5^{-(2-4x)} = 770.$$

 $x = \frac{3}{4}.$

3523 Решить уравнение:

$$2 \cdot 7^{\frac{4}{x}} - 14^{\frac{2}{x}} - 21 \cdot 2^{\frac{4}{x}} = 0.$$

x = 2.

3524 Решить уравнение:

$$(3 - 2\sqrt{2})^x + (3 + 2\sqrt{2})^x = 6.$$

 $x_1 = 1, x_2 = -1.$

3525 Решить уравнение:

$$9^{x^2+x} + 54 \cdot 3^{x^2+2x+1} - 3 \cdot 3^{2x+8} = 0.$$

 $x_1 = 2, x_2 = -2.$

3526 Решить уравнение:

$$(x^2 + 4x + 4)^{x^2 + 3x} = (x^2 + 4x + 4)^{6 - 2x}.$$

 $\{-6; -3; -1; 1\}.$

3527 Решить уравнение:

$$\log_{\sqrt{3}}(x+1) = 2.$$

x = 2.

3528 Решить уравнение:

$$\log_{\frac{2}{5}} \frac{1}{2x+3} = 1.$$

 $x = -\frac{1}{4}.$

| 3529 | Решить уравнение:

$$\log_{\frac{3}{4}} \frac{2x-1}{x+2} = 1.$$

x = 2.

$$\log_{8-x} 11 = \frac{1}{2}.$$

x = -113.

3531 Решить уравнение:

$$\log_{x^2+4x+4} 3 = \frac{1}{2}.$$

 $x = \{-5; 1\}.$

3532 Решить уравнение:

$$\log_{x+1}(3x^2 + 2x - 1) = 2.$$

x = 1.

3533 Решить уравнение:

$$\log_x(2x^2 - 7x + 6) = 2.$$

x = 6.

3534 Решить уравнение:

$$\lg(x-2) + \lg(x-3) = 1 - \lg 5.$$

x = 4.

3535 Решить уравнение:

$$\log_{x^2} 16 + \log_{2x} 64 = 3.$$

 $\left\{2^{-\frac{1}{3}};4\right\}.$

3536 Решить уравнение:

$$\log_{27}(2x - 1) = \frac{1}{3}.$$

x=2.

3537 Решить уравнение:

$$\log_{\sqrt{2}}(x^2 + 3x) = 4.$$

 $x_1 = -4, x_2 = 1.$

3538 Решить уравнение:

$$\log_{0,6} \frac{3x+1}{2x} = 2.$$

 $x = -\frac{25}{57}.$

3539 Решить уравнение:

$$\log_{x^2 - 2x - 3} 25 = 2.$$

 $\{-2;4\}.$

$$\log_{2x+1}(4x^2 - 2x + 1) = 3.$$

корней нет.

3541 Решить уравнение:

$$\log_2(2x+1) + \log_2 2x = \log_2 4 - 1.$$

 $x = \frac{1}{2}.$

3542 Решить уравнение:

$$\log_{0,2} \frac{12}{-3-x} = \log_{0,2}(1-x).$$

x = -5.

3543 Решить уравнение:

$$3\log_3(x-1) - \log_3(x-4) - \log_3(x^2 + 3x + 24) = 0.$$

x = 5.

3544 Решить уравнение:

$$\lg 5 + \lg(x+10) = 1 - \lg(2x-1) + \lg(21x-20).$$

 $\left\{\frac{3}{2};10\right\}.$

3545 Решить уравнение:

$$\lg(x^3 + 8) - 0.5 \lg(x^2 + 4x + 4) = \lg 7.$$

 $\{-1;3\}.$

3546 Решить уравнение:

$$\log_3^2(9x^2) = 8\log_2(3x).$$

 $\left\{\frac{1}{6}; \frac{1}{3}; \frac{2}{3}\right\}.$

3547 Решить уравнение:

$$\log_{\frac{1}{2}}(\log_3^2 x - 5\log_3 x + 10) = -2.$$

 $\{9; 27\}.$

3548 Решить уравнение:

$$\lg^2 x^3 - 20 \lg \sqrt{x} + 1.$$

 $\{\sqrt[9]{10}; 10\}.$

3549 Решить уравнение:

$$2\log_9^2 x = \log_3 x \cdot \log_3(\sqrt{2x+1} - 1).$$

 $\{1;4\}.$

$$3\log_{\frac{1}{2}}x + 2\log_2 x + 3\log_8 x = 0.$$

 $(0;+\infty).$

3551 Решить уравнение:

$$\log_{x-1}(3x - 1) = 3.$$

x = 3.

3552 Решить уравнение:

$$\lg 5x + \lg(x - 1) = 1.$$

x = 2.

3553 Решить уравнение:

$$\log_2 x + \log_8 x = 8.$$

x = 64.

3554 Решить уравнение:

$$\sqrt{2^{x^2 - 2x - 3}} = \sqrt{33 + \sqrt{128}} - 1.$$

 ${4;-2}.$

3555 Решить уравнение:

$$\log_5 x \cdot \log_3 x = 9\log_5 3.$$

 $\left\{27; \frac{1}{27}\right\}.$

3556 Решить уравнение:

$$3\log_5 2 + 2 - x = \log_5(3^x - 5^{2-x}).$$

x = 2.

3557 Решить уравнение:

$$\lg(x+3) + \lg(2x+1) = \lg(3-2x).$$

x = 0.

3558 Решить уравнение:

$$\log_x \sqrt{3x+4} = 1.$$

x = 4.

3559 Решить уравнение:

$$(8x)^{\log_2 x - 3} = 32\sqrt{x}.$$

 $\left\{16; \frac{\sqrt{2}}{16}\right\}.$

$$5^x + 12^x = 13^x$$
.

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

x = 2.

3561 Решить уравнение:

$$2^{3x} - \frac{8}{2^{3x}} - 6\left(2^x - \frac{1}{2^{x-1}}\right) = 1.$$

x = 1.

3562 Решить уравнение:

$$\left(\sqrt{5+2\sqrt{6}}\right)^x + \left(\sqrt{5-2\sqrt{6}}\right)^x = 10.$$

 $\{-2;2\}.$

3563 Решить уравнение:

$$|x-1|^{x^2-9} = 1.$$

 $\{-3;0;2;3\}.$

3564 Решить уравнение:

$$\log_7(6+7^{-x}) = 1+x.$$

x = 0.

3565 Решить уравнение:

$$\sqrt{\log_x \sqrt{3x}} = -\log_x 3.$$

 $x = \frac{1}{9}.$

3566 Решить уравнение:

$$4^{\log_{16} x} - 3^{\log_{16} x - 0.5} = 3^{\log_{16} x + 0.5} - 2^{2\log_{16} x - 1}.$$

x = 64.

3567 Решить уравнение:

$$3\log_x 4 + 2\log_{4x} 4 + 3\log_{16x} 4 = 0.$$

 $\left\{\frac{1}{8}; \frac{1}{2}\right\}.$

3568 Решить уравнение:

$$2^{\log_2^2 x} + x^{\log_2 x} = 4.$$

 $\left\{2; \frac{1}{2}\right\}$.

3569 Решить уравнение:

$$\log_{0,4}(x^3 - 7x^2 + 13x - 2) = (x - 2)^{\log_{(x-2)} 3} \log_{0,4}(x - 2).$$

корней нет.

$$7\log_{x+1}(x^3 + 8 - 9x)\log_{x-1}(x+1) = 3.$$

x = 3.

3571 Решить уравнение:

$$\sqrt[3]{\log_5 x} + \sqrt[4]{\log_5 x} = 2.$$

x = 5.

3572 Решить уравнение:

$$\frac{1}{3}(2x+1) - \frac{1}{2}(2-3x) = x.$$

 $x = \frac{4}{7}.$

3573 Решить уравнение:

$$\frac{x-3}{5} + \frac{x+2}{4} = \frac{1}{2}.$$

 $x = 1\frac{1}{3}.$

3574 Решить уравнение:

$$3\left(2x - \frac{1}{3}\right) - 2\left(x + \frac{1}{2}\right) = 4x.$$

корней нет.

3575 Решить уравнение:

$$-2\left(3 + \frac{1}{2}x\right) + 3\left(2 - \frac{1}{3}x\right) + 2x = 0.$$

 $(-\infty;\infty).$

3576 Решить уравнение:

$$2(x-3) + 3(3-2x) - 4(3x-2) = 5(4-5x).$$

x = 1.

3577 Решить уравнение:

$$\frac{3+x}{2} - \frac{2x+7}{3} = 2.$$

x = -17.

3578 Решить уравнение:

$$\frac{3-x}{2} - \frac{7-2x}{3} = 4.$$

x = 29.

3579 Решить уравнение:

$$\frac{(2x-1)\cdot 2}{3} - \frac{3(6+x)}{4} = 1\frac{1}{2}.$$

 $x = 11\frac{3}{7}.$

$$\frac{4x - 2(3 - x)}{3(x + 2)} = 1.$$

x = 4.

3581 Решить уравнение:

$$\frac{2(2x-1)+3(4-2x)}{3(x-2)-2(x+2)}=3.$$

x = 8.

3582 Решить уравнение:

$$\frac{3(3x+1)-4(5x+1)}{2(2x-1)+5(0,2-3x)}=1.$$

$$x \neq -\frac{1}{11}$$
 или $\left(-\infty; -\frac{1}{11}\right) \cup \left(-\frac{1}{11}; \infty\right)$.

3583 Решить уравнение:

$$\frac{4x - 2(5 + 2x)}{0,3(2 + 0,4x) + 1} = 0.$$

Ø.

3584 Решить уравнение:

$$\frac{2x + 3(4x - 7)}{2(2x - 3) - 3(3 - 2x)} = 2.$$

Ø

3585 Решить уравнение:

$$\frac{5x-1}{9} - \frac{2x-1}{6} = 2.$$

 $x = 8\frac{3}{4}.$

| 3586 | Решить уравнение:

$$\frac{2(2x-1)-1}{4} - \frac{3-5(3x+1)}{6} = 3.$$

 $x = \frac{41}{42}.$

3587 Решить уравнение:

$$-0.3(1-2x) + 2.1(x-3) = 0.6(x+4) + 0.4(2-x).$$

 $x = 3\frac{23}{25}.$

3588 Решить уравнение:

$$5x - (3x - (6x - 2)) = -10.$$

x = -1.

$$2(2x-1) - 3(4-3x) = 2 - 4(2x+3).$$

 $x = \frac{4}{21}.$

3590 Решить уравнение:

$$0,4(3-2x)-0,3(2x-1)=3-2(3x+1).$$

 $x = -\frac{5}{46}.$

3591 Решить уравнение:

$$\frac{(2x-1)\cdot 0, 3-5}{(4x+2)\cdot 0, 6-0, 7\left(7x-\frac{1}{7}\right)} = 2.$$

 $x = 1\frac{23}{56}.$

3592 Решить уравнение:

$$\frac{4(x+1) - 2(7+2x)}{0,3(2,4+4x) + 1} = 0.$$

Ø.

3593 Решить уравнение:

$$\frac{3(3x+2) - 4(5x-4)}{2(2x-3) - 3\left(5x - 9\frac{1}{3}\right)} = 1.$$

 $x \neq 2$ или $(-\infty; 2) \cup (2\infty)$.

3594 Решить уравнение:

$$\frac{2(x-2) + 3(4x-15)}{2(2x-7) - 3(7-2x)} = 2.$$

Ø.

3595 Решить уравнение:

$$5(x+3) - 4(3-2x) + 3(4-5x) = 2(4x-5).$$

x = 2, 5.

3596 Решить уравнение:

$$\frac{x+1}{4} - \frac{2x-3}{3} = 5$$

x = -9.

3597 Решить уравнение:

$$\frac{1-x}{4} - \frac{2(2x+1)}{5} = 1\frac{1}{4}.$$

 $x = -1\frac{1}{3}.$

$$\frac{3(3x-2)}{4} - \frac{2(2x+1)}{3} = 1\frac{1}{4}.$$

 $x = 3\frac{8}{11}.$

3599 Решить уравнение:

$$\frac{2(2x-1)-3}{3} - \frac{3-2x}{2} = 5.$$

x = 3, 5.

3600 Решить уравнение:

$$(6x-1)^2 - 4(3x+2)(3x-2) = -7.$$

x = 2.

3601 Решить уравнение:

$$(3x-1)(2x+3) - (4-x)(3-6x) = 2.$$

 $x = \frac{1}{2}.$

3602 Решить уравнение:

$$\frac{3x+1-2(4-3x)}{6(2x-1)-7(3x-2)-1} = -1.$$

 $x \in \left(-\infty; \frac{7}{9}\right) \cup \left(\frac{7}{9}; \infty\right)$

3603 Решить уравнение:

$$\frac{(3x-1)\cdot 0, 4-3}{(5x+3)\cdot 0, 7-0, 6\left(6x-\frac{1}{6}\right)} = 3.$$

 $x = 6\frac{2}{3}$

3604 Решить уравнение:

$$-0.5(2x+3) + 0.1(x-3) = 0.4(1-2x) - 3.$$

x = 8.

3605 Решить уравнение:

$$3x - (4x - 3(2x - 2)) = -14.$$

x = -2, 2.

3606 Решить уравнение:

$$\frac{1,5-1,8(2x-1)}{0,6} - \frac{0,4-1,5(3+4x)}{1,8} = 5.$$

 $x = 1\frac{1}{24}$

$$\frac{4,2-0,3(5x+1)}{3} - \frac{3,2-1,2(2-3x)}{4} = 1.$$

 $x = \frac{1}{14}.$

3608 Решить уравнение:

3609 Решить уравнение:

$$3, 2(3x + 0, 3) - 2\frac{2}{7}(0, 2 - 3x) = -1.$$

 $x = -\frac{263}{2880}.$

3610 Решить уравнение:

$$4y^2 - (2y+1)^2 = 12.$$

 $x = -3\frac{1}{4}.$

3611 Решить уравнение:

$$(5x+6)^2(x-3) - (5x+1)^2(x-1) = 28.$$

x = -1.

3612 Решить уравнение:

$$2(x-2)(x^2+2x+4) - 3(x^3+2x-1) = -x^3+3.$$

 $x = -2\frac{2}{3}.$

3613 Решить уравнение:

$$9x^{2} - 3\left(x^{2} + 2\frac{2}{3} - 1\frac{1}{3}\right) - 9(x - 1)^{3} = (3x + 1)(8x - 3).$$

 $x = \frac{8}{17}.$

3614 Решить уравнение:

$$(x+3)^3 - (x+1)(x-2)(x+3) = 7(x+1)(x-1).$$

x = -1, 25.

3615 Решить уравнение:

$$0,5(3x-4)-3x=2+0,4(2-x)+1,9x.$$

x = -1, 6.

3616 Решить уравнение:

$$0,03x + 0,07: \left(1\frac{7}{24} + \frac{7}{30} - 2\frac{9}{40}\right) = 0.$$

 $x = 3\frac{1}{3}.$

$$\left(\frac{29}{30} + 1\frac{11}{12} - 2\frac{31}{35}\right)x + \frac{3}{42} = 0.$$

x = 30.

3618 Решить уравнение:

$$(4-3x)(3x+2) - 2(3-x)(4+x) + 7x^2 = 3.$$

 $x = 2\frac{3}{8}.$

3619 Решить уравнение:

$$2x^2 - (2x - 5)(x - 1) = 9.$$

x = 2.

3620 Решить уравнение:

$$9x^2 - (3x - 1)^2 = 6.$$

 $x = 1\frac{1}{6}.$

3621 Решить уравнение:

$$(13y - 2)^2 - (12y - 5)^2 - (5y + 4)^2 = 19.$$

y=2.

3622 Решить уравнение:

$$(6x-1)^2(x-2) - (6x-5)^2(x+1) = 33 - 60x^2.$$

x = 1.

3623 Решить уравнение:

$$(y+5)(y^2-5y+25)-y(y^2-4)=25.$$

y = -25.

3624 Решить уравнение:

$$\frac{(3x-1)^2 + (4x+3)^2}{(5x+2)^2 - 4} = 1.$$

x=5.

3625 Решить уравнение:

$$\frac{(2x-1)(3x+2) - 2(x-2)^2}{2(x+2)(x-2) - 10} = 2.$$

 $x = -2\frac{8}{9}.$

3626 Решить уравнение:

$$\frac{3}{1-x} + \frac{1}{1+x} = \frac{28}{1-x^2}.$$

x = 12.

$$\frac{x+2}{x+1} + \frac{3}{x-2} - 1 = \frac{3}{(x+1)(x-2)}.$$

 $x = \frac{1}{2}.$

3628 Решить уравнение:

$$\frac{y}{y^2-9}-\frac{1}{y^2+3y}+\frac{1-2y}{6y+2y^2}=0.$$

y = -0, 6.

3629 Решить уравнение:

$$\frac{1}{2-x} - 1 = \frac{1-x}{x-2} - \frac{6-x}{3x^2 - 12}.$$

x = 6.

3630 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x+2} - \frac{1}{x+4} = \frac{1}{x+1} - \frac{1}{x+3}.$$

x = -2, 5.

3631 Решить уравнение:

$$\frac{1}{5 - \frac{1}{x}} = \frac{2}{7}.$$

 $x = \frac{2}{3}.$

3632 Решить уравнение:

$$\frac{x^2}{x^2 + 2x + 1} = \left(\frac{x}{x^2 - 1} - \frac{1}{x^2 + x}\right) : \frac{1 + x^3}{x^2 - x}.$$

Ø.

3633 Решить уравнение:

$$\left(\frac{6x-1}{x^2+6x}+\frac{6x+1}{x^2-6x}\right):\frac{x^2+1}{x^2-36}-\frac{12}{x-1}=\frac{12}{x-x^2}.$$

 $x = (-\infty; -6) \cup (-6; 0) \cup (0; 1) \cup (1; 6) \cup (6; \infty).$

3634 Решить уравнение:

$$(2x-3)(5x-1) - 5x(2x-3) + 16x = 0.$$

 $x = -\frac{3}{14}.$

3635 Решить уравнение:

$$(3-2x)(2x+3) - (4-2x)(5+2x) = 4.$$

x = 7, 5.

$$(x+4)(x^2-4x+16) - x(x^2-9) = 18.$$

 $x = -5\frac{1}{9}.$

3637 Решить уравнение:

$$(6x+1)^2(1-x) + (5-6x)^2(x+1) = 14.$$

 $x = \frac{1}{2}.$

3638 Решить уравнение:

$$4(4-3x)(2-x)(1+2x) - 3(3-4x)(2+x)(1-2x) = -43(2x+5)(x+2) - 18.$$

x = -1.

3639 Решить уравнение:

$$\frac{24}{x} - \frac{17 - x}{x - 1} = 1.$$

x = 3.

3640 Решить уравнение:

$$\frac{4}{x-3} + \frac{3}{x+3} = \frac{12}{2x^2 - 18}.$$

 $x = \frac{3}{7}.$

3641 Решить уравнение:

$$\frac{x+3}{x+2} = \frac{3}{x-1} - 1 = \frac{3}{(x+2)(x-1)}.$$

 $x = -\frac{1}{2}.$

3642 Решить уравнение:

$$\frac{2x-1}{14x^2-7x} + \frac{8}{12x^2-3} = \frac{6x}{7(6x^2-3x)}.$$

x = 0,06.

3643 Решить уравнение:

$$\frac{1}{3-x} - 1 = \frac{2-x}{x-3} - \frac{7-x}{3(x-3)(x+1)}.$$

x = 7.

3644 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x+3} - \frac{1}{x+5} = \frac{1}{x+2} - \frac{1}{x+4}.$$

x = -3, 5.

$$\frac{y}{y^2 - 2y + 1} = \frac{y^2 - y}{y^3 - 1} \left(\frac{1}{y^2 - y} + \frac{y}{y^2 - 1} \right).$$

 $y \in \emptyset$.

3646 Решить уравнение:

$$2x + 1 + \frac{2x - 1}{6} = \frac{7x - 13}{4}.$$

x = -7.

3647 Решить уравнение:

$$\frac{3(2x-2,5)}{5} - 2x + 2, 5 = \frac{2-x}{2}.$$

x = 0.

3648 Решить уравнение:

$$\frac{(2x-1)^2}{8} - \frac{x(2x-3)}{4} = \frac{1+0,25x}{12}.$$

 $x = -\frac{2}{11}.$

3649 Решить уравнение:

$$\frac{\left(x+1\frac{1}{3}\right)^2}{4} + \frac{1,5x(1-x)}{9} = \frac{(x-4)(x+4)}{12}.$$

 $x = -2\frac{2}{15}.$

3650 Решить уравнение:

$$(3x+2)(3x-2) - (3x-4)^2 = 28.$$

x=2.

3651 Решить уравнение:

$$(2x-1)(1+2x+4x^2) - 4x(2x^2-3) = 23.$$

x = 2.

3652 Решить уравнение:

$$\frac{x}{x-1} = \frac{4x}{x+5} - 3.$$

 $x = \frac{5}{7}.$

3653 Решить уравнение:

$$\frac{1,5x^2}{9x^2-1} - \frac{3x+1}{3-9x} - \frac{3x-1}{6x+2} = 0.$$

 $x = \frac{1}{30}.$

$$(x-2) + \frac{4}{2+x} - \frac{x^3+6}{x^2+2x} = 0.$$

 $x \in \emptyset$ (решений нет).

3655 Решить уравнение:

$$\frac{x+3}{(2x+3)(2x-3)} - \frac{3-x}{(2x+3)^2} = \frac{1}{2x-3}.$$

 $x = \frac{3}{4}.$

3656 Решить уравнение:

$$\frac{7-18x}{x^3+1} + \frac{15}{x^2-x+1} = \frac{3}{1-x^2}.$$

 $x = \frac{19}{22}.$

3657 Решить уравнение:

$$\frac{2x-1}{2x+2} \cdot \left(\frac{2x}{1-4x+4x^2} - \frac{4x^2+2x}{8x^3-1}\right) = \frac{2x}{8x^3-1}.$$

 $(-\infty;1)\cup\left(-1;\frac{1}{2}\right)\cup\left(\frac{1}{2};\infty\right).$

3658 Решить уравнение:

$$2x^2 + 7x + 2 = 0.$$

 $\left\{ \frac{-7 - \sqrt{33}}{4}; \frac{-7 + \sqrt{3}}{4} \right\}.$

3659 Решить уравнение:

$$6x^2 - (3\sqrt{3} - 2)x - \sqrt{3} = 0.$$

 $\left\{\frac{\sqrt{3}}{2}; -\frac{1}{3}\right\}.$

3660 Решить уравнение:

$$6x^2 - \sqrt{5}x - 5 = 0.$$

 $\left\{-\frac{\sqrt{5}}{3}; \frac{\sqrt{5}}{2}\right\}.$

3661 Решить уравнение:

$$3\sqrt{6}x^2 - (3 - \sqrt{6})x - 1 = 0.$$

 $\left\{-\frac{1}{3}; \frac{\sqrt{6}}{6}\right\}.$

$$\frac{(3x-2)^2}{4} - \frac{(3-x)^2}{3} = 1.$$

 $\left\{ \frac{6 - 12\sqrt{6}}{23}; \frac{6 + 12\sqrt{6}}{23} \right\}.$

3663 Решить уравнение:

$$(8x - 9)(3x + 2) - (2x - 3)(8x - 2) = 33x + 21.$$

 $\left\{ \frac{4 - \sqrt{106}}{4}; \frac{4 + \sqrt{106}}{4} \right\}.$

3664 Решить уравнение:

$$\frac{2x-1}{x+1} = \frac{4x+2}{3x-2}.$$

 $\{0;6,5\}.$

3665 Решить уравнение:

$$\frac{32}{x+1} + \frac{21}{x-1} = 3, 5.$$

 $\left\{\frac{1}{7}; 15\right\}.$

3666 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x^2 + 7x} = \frac{1}{x^2 + 7x + 6}.$$

Ø

3667 Решить уравнение:

$$\frac{2x+1}{4x-1} = \frac{5(3x+5)}{8(6x-1)}.$$

 $\left\{\frac{17}{36};1\right\}.$

3668 Решить уравнение:

$$3x + x^2 = \left(\frac{x^2 + 3x}{2}\right)^2$$
.

 $\{-4; -3; 0; 1\}.$

3669 Решить уравнение:

$$(2x+1)^2(5-x) = (x-1)^2(5-4x).$$

 $\{0; -11\}.$

3670 Решить уравнение:

$$\frac{x^3 - 8}{2x - 4} = 12x - 18.$$

x = 20.

$$\frac{x^4 - 625}{25 - x^2} = 8x - 90.$$

x = -13.

3672 Решить уравнение:

$$\frac{5x^2 + 7x + 2}{4x^2 - x - 5} = \frac{(4x+5)^2}{16x^2 - 25}.$$

x = 3.

3673 Решить уравнение:

$$3x^2 - 7x + 3 = 0.$$

 $\left\{\frac{7-\sqrt{13}}{6}; \frac{7+\sqrt{13}}{6}\right\}.$

3674 Решить уравнение:

$$6x^2 + (3\sqrt{3} + 2)x + \sqrt{3} = 0.$$

 $\left\{-\frac{1}{3}; -\frac{\sqrt{3}}{2}\right\}.$

3675 Решить уравнение:

$$3\sqrt{6}x^2 + (3+\sqrt{6})x + 1 = 0.$$

 $\left\{-\frac{1}{3}; -\frac{\sqrt{6}}{6}\right\}.$

3676 Решить уравнение:

$$(x-0,5)(x^2-9) = (2x-1)(x-3)^2.$$

 $\{0,5;3;9\}.$

3677 Решить уравнение:

$$(x-1)(x+2)^3 - (x^2+4x+4)(x^2+x) + 8 = 0.$$

 $\{0; -4\}.$

3678 Решить уравнение:

$$\frac{7-5x}{x+2} + \frac{2x-21}{x-2} + 8\frac{2}{3} = 0.$$

 $\{-4;4\}.$

3679 Решить уравнение:

$$\frac{40}{12 - x} + \frac{35}{12 + x} = 6, 5.$$

 $\left\{2; -2\frac{10}{13}\right\}.$

$$\frac{8x^3 + 27}{4x + 6} = 5x + 21.$$

 $\{5; -5\}.$

3681 Решить уравнение:

$$\frac{16x^4 - 1}{16x^2 - 4} = 2, 5 - 4x.$$

 $\{-4;5\}.$

3682 Решить уравнение:

$$\frac{2x^2 + 3x - 20}{6x^2 + 20x - 16} = \frac{(6x+4)^2}{36x^2 - 16}.$$

x = -2, 25.

3683 Решить уравнение:

$$\frac{7-2x}{x^2-5x-6}+\frac{3}{x^2-9x+18}=\frac{1}{3-x}.$$

x = 8.

3684 Решить уравнение:

$$2x^2 + 3x = 2(2 - \sqrt{6})^2 + 3(2 - \sqrt{6}).$$

 $\{2-\sqrt{6}; -3, 5+\sqrt{6}\}.$

3685 Решить уравнение:

$$\frac{6}{7x-21} - \frac{1}{x^2-6x+9} + \frac{1}{x^2-9} = 0.$$

 $\{-4;4\}.$

| 3686 | Решить уравнение:

$$\frac{1}{x-4} - \frac{x+4}{2x^2+13x-45} - \frac{3}{20-13x+2x^2}.$$

x = -14.

3687 Решить уравнение:

$$\frac{2x+8}{3x+7}\left(\frac{x+4}{2x^2+x-3} - \frac{2x+3}{x^2+3x-4}\right) = \frac{6x-7}{2x+3}.$$

 $x = \frac{5}{6}.$

3688 Решить уравнение:

$$\frac{6x^2 - 5x - 6}{2x - 3} = \frac{4 - 9x^2}{3x - 2}.$$

 $x = -\frac{2}{3}.$

$$\frac{x^2 - x + 1}{x - 1} + \frac{x^2 - 3x + 1}{x - 3} = 2x - \frac{1}{4x - 8}.$$

 $\left\{1\frac{2}{3}; 2\frac{1}{3}\right\}.$

3690 Решить уравнение:

$$\frac{1}{1+2x} - \frac{2}{2+3x} + \frac{3}{3+4x} = \frac{4}{4+5x}.$$

x = 0.

3691 Решить уравнение:

$$\frac{3-x}{x^2+2x-3} = \frac{9-3x}{3x^2-2x-5}.$$

 $\left\{\frac{1}{2};3\right\}$.

3692 Решить уравнение:

$$\frac{x+2}{x^2-7} + \frac{x-2}{x^2-x-6} = \frac{2x-3,2}{x^2-5x-14}.$$

x = 5.

3693 Решить уравнение:

$$x^2 + 2(1 + \sqrt{8})x + 8\sqrt{2} = 0.$$

 $\left\{-2; -4\sqrt{2}\right\}.$

3694 Решить уравнение:

$$(2x-1)^2(x+5) = (x+1)^2(4x+5).$$

 $\{0;11\}.$

3695 Решить уравнение:

$$\left(\frac{1}{2}x + \frac{5}{8} - \frac{15}{88 + 32x}\right)^2 = 1.$$

 $\{-4; -3; -2; 1\}.$

3696 Решить уравнение:

$$\frac{x+56}{9x^2-16} + \frac{1}{8-6x} = \frac{18}{3x^2+4x}.$$

 $\{-12;12\}.$

3697 Решить уравнение:

$$\frac{2x+2}{2x^2+9x+10} = \frac{x+1}{4x^2+4x-15}.$$

 $\left\{-1; 2\frac{2}{3}\right\}.$

$$\frac{14}{20-6x-2x^2} + \frac{x^2+4x}{x^2+5x} = \frac{x+3}{2-x} + 3.$$

x = 6.

3699 Решить уравнение:

$$\left(\frac{4x+1}{2x^2+x-10}-\frac{4}{x^2-4}\right)\cdot\frac{4x^2+10x}{4x+9}+\frac{4}{x+2}=2.$$

любое x такое, что $\begin{cases} x \neq \pm 2 \\ x \neq -2\frac{1}{2} \\ x \neq -2\frac{1}{4} \end{cases}.$

3700 Решить уравнение:

$$\left(\frac{x^2+24}{4x^2-20x+25}+\frac{8}{5-2x}\right):\left(\frac{1}{4x^2-20x+25}-\frac{2}{2x^2+x-15}+\frac{1}{(x+3)^2}\right)=4.$$

 $\{-1; -5\}.$

3701 Решить уравнение:

$$\frac{4}{x^2 - 16} - \frac{1}{x^2 + 8x + 16} = \frac{10}{x^3 - 16x - 4x^2 + 64}.$$

 $\left\{-6; 6\frac{2}{3}\right\}.$

3702 Решить уравнение:

$$\frac{x^2 + x + 3}{x + 1} + \frac{x^2 + 3x + 3}{x + 3} = \frac{-3}{4x + 8} + 2x.$$

 $\left\{-2\frac{1}{3}; -1\frac{2}{3}\right\}.$

3703 Решить уравнение:

$$\frac{x+3}{x^2-5x-6} = \frac{x-1}{x^2+x-6} = \frac{2x-1,2}{x^2-3x-18}.$$

x = 4.

3704 Решить уравнение:

$$\left|2x - 3\right| = 2.$$

 $\{0,5;2,5\}.$

3705 Решить уравнение:

$$\left|6x^2 - 5x\right| = 1.$$

 $\left\{-\frac{1}{6}; \frac{1}{3}; \frac{1}{2}; 1\right\}.$

$$\left|2x^2 - 1\right| = x.$$

 $\left\{\frac{1}{2};1\right\}.$

3707 Решить уравнение:

$$\frac{\left|x-2\right|-1}{2x-1}=2.$$

 $\left\{\frac{3}{5}\right\}$.

3708 Решить уравнение:

$$|x-2|=3.$$

 $\{-1;5\}.$

3709 Решить уравнение:

$$\left| x^2 - 5x \right| = 6.$$

 $\{-1; 2; 3; 6\}.$

3710 Решить уравнение:

$$|x-4| = 2x.$$

 $\left\{1\frac{1}{3}\right\}.$

3711 Решить уравнение:

$$|x^2 - 2x - 3| = x - 3.$$

{3}.

3712 Решить уравнение:

$$|x+3| = x^2 + 2x - 3.$$

 $\{-3; 2\}.$

3713 Решить уравнение:

$$\frac{\left|x-3\right|-2}{x+2}=2.$$

 $\{-1\}.$

3714 Решить уравнение:

$$\left| \left| x + 3 \right| - 1 \right| = 2.$$

 $\{-6;0\}.$

3715 Решить уравнение:

$$\frac{|x+3|}{x^2 + 5x + 6} = 1.$$

x = -1.

$$\frac{x+3}{\left|x^2 + 5x + 6\right|} = 2.$$

 $\{-2,5;-1,5\}.$

3717 Решить уравнение:

$$\frac{|x+2|-4}{|x|-1} = 3.$$

 $\{-0, 25; 0, 5\}.$

3718 Решить уравнение:

$$\frac{|x| - 3}{|x^2 - 5x - 6|} = 1.$$

 $\{2+\sqrt{13};3+2\sqrt{3}\}.$

3719 Решить уравнение:

$$|x+2| + 2|x-1| - |x+1| = 3.$$

 $\{0; 2\}.$

3720 Решить уравнение:

$$\left|3x - 2\right| = 1.$$

 $\left\{\frac{1}{3};1\right\}$

3721 Решить уравнение:

$$\left| x^2 + 5x \right| = 6.$$

 $\{-6; -3; -2; 1\}.$

3722 Решить уравнение:

$$\left| x^2 - 2 \right| = x.$$

 $\{1; 2\}.$

3723 Решить уравнение:

$$\left| \frac{x-3}{x^2 + 2x - 3} \right| = 1.$$

$$\left\{ -\frac{3+\sqrt{33}}{2}; -1; 0; \frac{-3+\sqrt{33}}{2} \right\}.$$

3724 Решить уравнение:

$$\frac{x^2 + 5|x| + 6}{x^2 - 9} = 2.$$

 $\{-8; 8\}.$

$$|x+1| = x^2 - 2x - 3.$$

 $\{-1;4\}.$

3726 Решить уравнение:

$$\frac{\left|x-3\right|-1}{x+2}=1.$$

x = 0.

3727 Решить уравнение:

$$||x+4|-2|=1.$$

 $\{-7; -5; -3; -1\}.$

3728 Решить уравнение:

$$\frac{x^2 - 9}{\left| x^2 - 5x + 6 \right|} = 1.$$

Ø.

3729 Решить уравнение:

$$\frac{|x+2|-4}{|x|-1} = 2.$$

{0}.

3730 Решить уравнение:

$$\frac{\left|x^2 + 5x + 6\right|}{\left|x\right| - 3} = 1.$$

Ø.

3731 Решить уравнение:

$$|x-2|-2|x+1|+|2x+5|=3.$$

 $\{-4;-2;2\}.$

3732 Решить уравнение:

$$|3x + 2| = 1.$$

 $\left\{-1;-\frac{1}{3}\right\}.$

3733 Решить уравнение:

$$\left| x^2 - 3 \right| = 2x.$$

 $\{1;3\}.$

$$\left| \frac{x-4}{x^2 + 3x - 4} \right| = 1.$$

 $\left\{-2-2\sqrt{3};-2;0;-2+2\sqrt{3}\right\}.$

3735 Решить уравнение:

$$\frac{x^2 - 5|x| + 6}{x^2 - 9} = 2.$$

Ø.

3736 Решить уравнение:

$$|x+1| = x^2 - 3x - 4.$$

 $\{-1;5\}.$

3737 Решить уравнение:

$$\frac{|x+3|-2}{|x|-2} = 1.$$

x = -1, 5.

3738 Решить уравнение:

$$\left| \left| x - 5 \right| - 3 \right| = 2x.$$

 $x = \frac{2}{3}.$

3739 Решить уравнение:

$$\frac{\left|x^2 - 5x + 6\right|}{|x| - 2} = 1.$$

{4}.

3740 Решить уравнение:

$$||x^2 - 5x| - 6| = x^2 - 2x - 3.$$

 $\{-1;3\}.$

3741 Решить уравнение:

$$|x^2 + 3x| = |9 - x^2| + 2.$$

 $x = \frac{-3 + \sqrt{97}}{4}.$

3742 Решить уравнение:

$$\left| \left| x - 1 \right| - \frac{6}{x} \right| = x + 2.$$

 $\{1;5\}.$

$$\left| \left| x + 1 \right| - \frac{6}{x} \right| = 2 - x.$$

1 НЕРАВЕНСТВА

Школа «Симметрия»

 $\{-2;2\}.$

3744 Решить уравнение:

$$(x^2 - x)^2 - 8(x^2 - x) + 12 = 0.$$

 $\{-2;-1;2;3\}.$

3745 Решить уравнение:

$$(x^2 + 5x + 2)^2 (x^2 + 5x - 1) = 28.$$

 $\left\{-\frac{5+3\sqrt{5}}{2}; \frac{-5+3\sqrt{5}}{2}; -3; -2\right\}.$

3746 Решить уравнение:

$$\left(x + \frac{2}{x}\right)^2 + 2\left(x + \frac{2}{x}\right) - 3 = 0.$$

 $\{-2;-1\}.$

3747 Решить уравнение:

$$(x^2 - x + 1)^2 - 10(x - 4)(x + 3) - 109 = 0.$$

 $\{-2; -1; 2; 3\}.$

3748 Решить уравнение:

$$2(x^2 - 6) - \frac{3}{x^2 - 6} = 5.$$

 $\left\{-3; 3; -\sqrt{5,5}; \sqrt{5,5}\right\}.$

3749 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x^2 - 2x + 2} + \frac{1}{x^2 - 2x + 3} = \frac{9}{2(x^2 - 2x + 4)}.$$

x = 1.

3750 Решить уравнение:

$$(2x^2 + 3x + 1)(2x^2 - 5x + 1) = 9x^2.$$

$$\left\{-\frac{2+\sqrt{2}}{2}; \frac{3-\sqrt{7}}{2}; \frac{-2+\sqrt{2}}{2}; \frac{3+\sqrt{7}}{2}\right\}.$$

3751 Решить уравнение:

$$\frac{16}{(x+6)(x-1)} - \frac{20}{(x+2)(x+3)} = 1.$$

 $\{-7; 2\}.$

$$6\left(\frac{x^4+81}{9x^2}\right) - 7\left(\frac{x^2-9}{3x}\right) = 36.$$

 $\{-6; -1; 1; 5; 9\}.$

3753 Решить уравнение:

$$20\left(\frac{x-2}{x+1}\right)^2 - 5\left(\frac{x+2}{x-1}\right)^2 + 48\frac{x^2-4}{x^2-1} = 0.$$

 $\left\{\frac{2}{3};3\right\}.$

3754 Решить уравнение:

$$(x^2 + x)^2 - 6(x^2 + x) + 8 = 0.$$

$$\left\{-\frac{1+\sqrt{17}}{2}; \frac{-1+\sqrt{17}}{2}; -2; 1\right\}.$$

3755 Решить уравнение:

$$(x^2 - 5x + 2)(x^2 - 5x - 1) = 10.$$

$$\left\{ \frac{5 - \sqrt{37}}{2}; \frac{5 + \sqrt{37}}{2}; 1; 4 \right\}.$$

3756 Решить уравнение:

$$\left(x - \frac{2}{x}\right)^2 - 2\left(x - \frac{2}{x}\right) = 3.$$

$$\left\{\frac{3-\sqrt{17}}{2}; \frac{3+\sqrt{17}}{2}; -2; 1\right\}.$$

3757 Решить уравнение:

$$3\left(x^2 + \frac{4}{x^2}\right) - 2\left(x - \frac{2}{x}\right) = 13.$$

$$\left\{-\frac{1+\sqrt{73}}{6}; \frac{-1+\sqrt{73}}{6}; -1; 2\right\}.$$

3758 Решить уравнение:

$$(x^2 + 5x + 7)^2 - (x + 2)(x + 3) = 1.$$

 $\{-3; -2\}.$

3759 Решить уравнение:

$$2(x^2 + 2x) - \frac{3}{x^2 + 2x} = 5.$$

$$\left\{-3; 1; -\frac{2+\sqrt{2}}{2}; \frac{-2+\sqrt{2}}{2}\right\}.$$

$$\frac{1}{x^2+3x+3} - \frac{9}{2(x^2+3x+4)} + \frac{1}{x^2+3x+2} = 0.$$

$$\left\{-\frac{3+\sqrt{5}}{2}; \frac{-3+\sqrt{5}}{2}\right\}.$$

3761 Решить уравнение:

$$\frac{2x^2 - 5x + 4}{3x - 2} + \frac{15x - 10}{2x^2 - 5x + 4} = 6.$$

 $\{5-3\sqrt{2};5+3\sqrt{2};1;3\}.$

3762 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x-3+\frac{8}{x}} - \frac{1}{x+2+\frac{8}{x}} = \frac{5}{24}.$$

 ${2;4}.$

3763 Решить уравнение:

$$x^4 - 25x^2 + 60x - 36 = 0.$$

 $\{-6;1;2;3\}.$

3764 Решить уравнение:

$$x^3 - 7x^2 - 21x + 27 = 0.$$

 $\{-3;1;9\}.$

3765 Решить уравнение:

$$\frac{6}{(x-1)(x-2)} + \frac{8}{(x+1)(x-4)} = 1.$$

 $\left\{ \frac{3 - \sqrt{73}}{2}; 0; 3; \frac{3 + \sqrt{73}}{2} \right\}.$

3766 Решить уравнение:

$$(x^2 + x + 1)^4 - 10x^2 (x^2 + x + 1)^2 + 9x^4 = 0.$$

 $\{-1; -2 - \sqrt{3}; 1; -2 + \sqrt{3}\}.$

3767 Решить уравнение:

$$\left| x+4\right| =2.$$

 $\{-6; -2\}.$

3768 Решить уравнение:

$$|2x+1| = 3-x.$$

 $\left\{-4; \frac{2}{3}\right\}.$

$$|x^2 + 2x - 3| = x + 3.$$

 $\{-3;0;2\}.$

3770 Решить уравнение:

$$|x - 3| = x^2 + 2x - 3.$$

$$\left\{ \frac{-3 - \sqrt{33}}{2}; \frac{-3 + \sqrt{33}}{2} \right\}.$$

3771 Решить уравнение:

$$\frac{\left|x+3\right|-2}{2-x} = 2.$$

 $\{1\}.$

3772 Решить уравнение:

$$||x+4|-1|=3.$$

 $\{-8;0\}.$

3773 Решить уравнение:

$$||x+4|-2x+1|=2.$$

 ${3;7}.$

3774 Решить уравнение:

$$\frac{|x+4|}{x^2+6x+8} = 1.$$

 $\{-1\}.$

3775 Решить уравнение:

$$\frac{x+5}{|x^2+7x+10|} = 2.$$

 $\{-2,5;-1,5\}.$

3776 Решить уравнение:

$$\frac{|x^2 - 2x|}{x - 3} + |x + 2| = 1.$$

 $\left\{\frac{2-\sqrt{10}}{2}; \frac{2+\sqrt{10}}{2}\right\}.$

3777 Решить уравнение:

$$|x-4|=2.$$

 $\{2;6\}.$

$$|2x - 1| = 3 + x.$$

 $\left\{-\frac{2}{3};4\right\}.$

3779 Решить уравнение:

$$|x^2 - 2x - 3| = 3 - x.$$

 $\{-2;0;3\}.$

3780 Решить уравнение:

$$|x+3| = x^2 - 2x - 3.$$

 $\left\{\frac{3\pm\sqrt{33}}{2}\right\}.$

3781 Решить уравнение:

$$\frac{\left|3-x\right|-2}{2+x}=2.$$

 $\{-1\}.$

3782 Решить уравнение:

$$||x-4|-1|=3.$$

 $\{0; 8\}.$

3783 Решить уравнение:

$$||x - 4| + 2x + 1| = 2.$$

 $\{-7; -3\}.$

3784 Решить уравнение:

$$\frac{|x-4|}{x^2 - 6x + 8} = 1.$$

 $\{1\}.$

3785 Решить уравнение:

$$\frac{5-x}{|x^2 - 7x + 10|} = 2.$$

 $\{1,5;2,5\}.$

3786 Решить уравнение:

$$|x-2| - \frac{|x^2 + 2x|}{x+3} = 1.$$

 $\left\{\frac{-2\pm\sqrt{10}}{2}\right\}.$

$$x^2 + 7 < 4x$$
.

нет решений.

3788 Решить неравенство:

$$4x^2 + 1 > 4x$$
.

 $x \neq \frac{1}{2}.$

3789 Решить неравенство:

$$9x^2 - 12x + 4 \le 0.$$

 $x = \frac{2}{3}.$

3790 Решить неравенство:

$$2x^2 - 7x + 7 > 0.$$

 $x \in \mathbb{R}$.

3791 Решить неравенство:

$$5x + 6 \geqslant 6x^2$$
.

 $-\frac{2}{3} \leqslant x \leqslant \frac{3}{2}.$

3792 Решить неравенство:

$$x^2 - x - 2 > 0.$$

 $x < -1, \ x > 2.$

3793 Решить неравенство:

$$\frac{x - x^2}{x^2 - 3x + 5} < 0.$$

x < 0, x > 1.

3794 Решить неравенство:

$$x^4 - 3x^2 - 4 > 0.$$

x < -2, , x > 2.

3795 Решить неравенство:

$$4x^4 - 37x^2 + 9 < 0.$$

 $-3 < x < -\frac{1}{2}, \ \frac{1}{2} < x < 3.$

3796 Решить неравенство:

$$|x^2 + x + 1| \le |x^2 + 3x + 4|.$$

 $x \geqslant -\frac{3}{2}$.

$$|x^2 + 5x| < 6.$$

-6 < x < -3, -2 < x < 1.

3798 Решить неравенство:

$$x^2 - \left| x \right| > 2.$$

x < -2, x > 2.

3799 Решить неравенство:

$$|2x^2 - 9x + 15| \geqslant 20.$$

 $x \leqslant -\frac{1}{2}, x \geqslant 5.$

3800 Решить неравенство:

$$|x^2 + 2x - 3| + 3(x+1) < 0.$$

-5 < x < -2.

3801 Решить неравенство:

$$|x^2 - x - 6| > x + 3.$$

 $x < 1 - \sqrt{10}, -\sqrt{3} < x < \sqrt{3}, x > 1 + \sqrt{10}.$

3802 Решить неравенство:

$$|x^2 - 2|x| - 3| < 2.$$

3803 Решить неравенство:

$$\frac{(x+1)(x-2)}{(x+3)(x-4)} > 0.$$

x < -3, -1 < x < 2, x > 4.

3804 Решить неравенство:

$$1 + \frac{2}{x+4} \leqslant \frac{7}{6-x}.$$

 $-8 \leqslant x < -4, \ 1 \leqslant x < 6.$

3805 Решить неравенство:

$$\frac{(2x^2 - 5x - 3)(x - 1)^3}{(3x - 7)(x - 2)^2(3x^2 - 4x + 2)} \ge 0.$$

 $x \leqslant -\frac{1}{2}, \ 1 \leqslant x < 2, \ 2 < x < \frac{7}{3}, \ x \geqslant 3.$

3806 Решить неравенство:

$$\frac{15 - 4x}{x^2 - x - 12} < 4.$$

 $x < -\frac{3\sqrt{7}}{2}, -3 < x < \frac{3\sqrt{7}}{2}, x > 4.$

$$\frac{x^2 - 8|x| + 12}{x^2 - 10x + 25} < 0.$$

 $-6 < x < -2, \ 2 < x < 5, \ 5 < x < 6.$

3808 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - |2x + 3|}{x^2 - |x + 2|} \le 1.$$

 $x \leqslant -\frac{5}{3}, \ x > 2.$

3809 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - 2x + 3}{x^2 - 8x + 7} > 0.$$

x < 1, x > 7.

3810 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 + x - 2}{x^2 + x - 12} \leqslant 0.$$

 $-4 < x \leqslant -2, \ 1 \leqslant x < 3.$

3811 Решить неравенство:

$$\frac{3x^2 - 5x - 2}{2x^2 - x - 3} < 0.$$

 $-1 < x < -\frac{1}{3}, \frac{3}{2} < x < 2.$

3812 Решить неравенство:

$$\frac{9}{x+1} + 1 < \frac{14}{x-1}.$$

 $-3 < x < -1, \ 1 < x < 8.$

3813 Решить неравенство:

$$\frac{5 - 4x}{3x^2 - x - 4} < 4.$$

 $x < -\frac{\sqrt{7}}{2}, -1 < x < \frac{\sqrt{7}}{2}, x > \frac{4}{3}.$

3814 Решить неравенство:

$$\frac{17 - 42x}{5x^2 - 7x + 2} > 6.$$

 $-\frac{1}{\sqrt{6}} < x < \frac{2}{5}, \ \frac{1}{\sqrt{6}} < x < 1.$

$$\frac{x^3 - x^2 + x - 1}{2x^2 - 5x - 3} > 0.$$

$$-\frac{1}{2} < x < 1, \ x > 3.$$

3816 Решить неравенство:

$$\frac{x^4 - 8x^2 - 9}{x^3 - 1} \leqslant 0.$$

 $x \leqslant -3, \ 1 < x \leqslant 3.$

3817 Решить неравенство:

$$\left| \frac{2x+1}{x+1} \right| > 2.$$

 $x < -1, -1 < x < -\frac{3}{4}.$

3818 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - 7|x| + 10}{x^2 + 6x + 9} < 0.$$

-5 < x < -3, -3 < x < -2, 2 < x < 5.

3819 Решить неравенство:

$$\frac{|x+3|}{|x+2|-1} \geqslant 1.$$

x < -3, x > -1.

3820 Решить неравенство:

$$\frac{|1+2x|}{x^2+x-2}\leqslant \frac{1}{2}.$$

 $x \le -5, -2 < x < 1, x \ge 4.$

3821 Решить неравенство:

$$\frac{|x+3|}{x^2+5x+6}\geqslant 2.$$

 $-2 < x \leqslant -\frac{3}{2}.$

3822 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - |x| - 12}{x + 3} \leqslant 2x.$$

x > -3.

3823 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 - x - 2} > \frac{2}{5} - \frac{1}{\sqrt{6}}$$
.

 $x \leqslant -1, \ x \geqslant 2.$

$$\sqrt{6+x-x^2} < \frac{4}{7} - \frac{1}{\sqrt{3}}$$
.

нет решений.

3825 Решить неравенство:

$$\sqrt{1-x^2} + 1 < \sqrt{3-x^2}.$$

$$-1 \leqslant x < -\frac{\sqrt{3}}{2}, \ \frac{\sqrt{3}}{2} < x \leqslant 1.$$

3826 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 + 4x - 5} < 10 - 2x.$$

$$x \leqslant -5, \ 1 \leqslant x < 3.$$

3827 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 + x - 12} > x.$$

$$x \leqslant -4, \ x > 12.$$

3828 Решить неравенство:

$$\sqrt{3x^2 + 8x - 3} > \frac{1 + 2x}{3}.$$

$$x \leqslant -3, \ x > \frac{30\sqrt{2} - 34}{23}.$$

3829 Решить неравенство:

$$\sqrt{2-x} - \sqrt{x+1} > \frac{1}{\sqrt{5}}.$$

$$-1 \leqslant x < \frac{5 - \sqrt{29}}{10}.$$

3830 Решить неравенство:

$$\frac{7 - 3x + \sqrt{x^2 + 3x - 4}}{x - 3} < -1.$$

$$2 < x < 3, \ x > 5.$$

3831 Решить неравенство:

$$\sqrt{4+3x-x^2} > \frac{\sqrt{6}}{5} - \frac{1}{2}.$$

$$-1 \leqslant x \leqslant 4.$$

3832 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 - 2x - 3} < \frac{\sqrt{7}}{8} - \frac{1}{3}.$$

нет решений.

3833 Решить неравенство:

$$(x+1)\sqrt{4-x^2} \leqslant 0.$$

$$-2 \leqslant x \leqslant -1, \ x = 2.$$

$$\sqrt{2x+1} > \sqrt{3-x}.$$

 $\frac{2}{3} < x \leqslant 3.$

3835 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 - 3x - 4} < x - 2.$$

 $4 \leqslant x < 8.$

3836 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 - 3x + 2} > x + 3.$$

 $x < -\frac{7}{9}.$

3837 Решить неравенство:

$$3\sqrt{6+x-x^2} > 4x - 2.$$

 $-2 \leqslant x < 2.$

3838 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 - 4x} > x - 3.$$

 $x \leqslant 0, \ x > \frac{9}{2}.$

3839 Решить неравенство:

$$\sqrt{2x^2 - 7x - 4} > -x - \frac{1}{4}.$$

 $x < \frac{15 - \sqrt{290}}{4}, \ x \geqslant 4.$

3840 Решить неравенство:

$$\sqrt{x+1} - \sqrt{x} < \sqrt{x-1}.$$

 $x > \frac{2}{\sqrt{3}}.$

3841 Решить неравенство:

$$\sqrt{x+3} < \sqrt{7-x} + \sqrt{10-x}$$
.

 $-3 \leqslant x < 6.$

3842 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - 13x + 40}{\sqrt{19x - x^2 - 78}} \le 0.$$

 $6 < x \leqslant 8$.

$$\frac{\sqrt{2x^2 + 7x - 4}}{x + 4} < \frac{1}{2}.$$

$$x < -4, \ \frac{1}{2} \leqslant x < \frac{8}{7}.$$

3844 Решить неравенство:

$$\sqrt{3-x} > |x+3|.$$

-6 < x < -1.

3845 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 - x + 1} > 1 + x - x^2.$$

x < 0, x > 1.

3846 Решить неравенство:

$$\frac{\sqrt{1-x^3}-1}{1+x} \leqslant x.$$

 $-2 \leqslant x < -1, \ 0 \leqslant x \leqslant 1.$

3847 Решить неравенство:

$$\frac{4x^2 - 9}{\sqrt{3x^2 - 3}} \leqslant \frac{2}{3}x + 1.$$

 $-\frac{3}{2} \leqslant x < -1, \ 1 < x \leqslant 2.$

3848 Решить неравенство:

$$\sqrt[3]{x-3} < 2 + \sqrt[3]{x+5}.$$

 $x \in \mathbb{R}$.

3849 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^4 - 2x^2 + 1} > 1 + x$$
.

x < -1, -1 < x < 0, x > 2.

3850 Решить неравенство:

$$\frac{13 - 6x + \sqrt{4x^2 - 2x - 6}}{5 - 2x} > 1.$$

 $x \le -1, \ \frac{3}{2} \le x < \frac{5}{2}, \ x > \frac{7}{2}.$

3851 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 + 4x + 3} < 1 + \sqrt{x^2 - 2x + 2}.$$

 $x \leqslant -3, -1 \leqslant x < \frac{-1 + \sqrt{17}}{8}.$

3852 Решить неравенство:

$$\frac{2x + 15 - x^2}{\sqrt{2x + 15} + x} \geqslant 0.$$

 $-\frac{15}{2} \leqslant x < -3, \ -3 < x \leqslant 5.$

$$\frac{\sqrt{-x^2 - 6x - 5}}{|x^2 + x - 2| - |x^2 + 7x + 6|} \geqslant 0.$$

$$-5 \leqslant x < -2 - \sqrt{2}, -\frac{4}{3} < x < -1.$$

3854 Решить неравенство:

$$\frac{1}{4 - \sqrt{x^2 - 2x - 8}} \leqslant \frac{1}{\sqrt{x^2 + 12}}.$$

$$x < -4, \ x = -2, \ x > 6.$$

3855 Решить неравенство:

$$\frac{\sqrt{2x^3 - 22x^2 + 60x}}{x - 6} \geqslant 2x - 10.$$

$$0 \leqslant x \leqslant 4, \ x = 5, \ 6 < x \leqslant \frac{15}{2}.$$

3856 Решить неравенство:

$$\sqrt{\frac{x^2 + 30x - 675}{x - 3}} > 15 - |x|.$$

$$-45 \le x < -5, \ 0 < x < 3, \ x > 15.$$

3857 Решить неравенство:

$$3^{6x^2} \leqslant 729.$$

$$-1 \leqslant x \leqslant 1.$$

3858 Решить неравенство:

$$0,25^{2x} > 4 \cdot 0,5^{x(x+3)}$$
.

$$x < -1, x > 2.$$

3859 Решить неравенство:

$$2 \cdot 16^x + 5 \cdot 2^{2x} - 3 > 0.$$

$$x > -\frac{1}{2}.$$

3860 Решить неравенство:

$$\frac{15 - 16^{x+1}}{4^{2x} - 4} \geqslant 2^{4x+1} - 3.$$

$$-\frac{1}{4} \leqslant x < \frac{1}{2}.$$

3861 Решить неравенство:

$$2 \cdot 4^x \geqslant 6^x + 3 \cdot 9^x.$$

$$x \leqslant -1.$$

$$7 \cdot 49^{-\frac{x^2}{2}} \leqslant \frac{1}{49} \cdot 7^{|x^2 + 5x|}.$$

 $x \leqslant -\frac{3}{5}, \ x \geqslant \frac{1}{2}.$

3863 Решить неравенство:

 $4^x \geqslant 2$.

 $x \geqslant \frac{1}{2}$.

3864 Решить неравенство:

 $9^x \leqslant 3$.

 $x \leqslant \frac{1}{2}$.

3865 Решить неравенство:

 $2^{x-x^2} \geqslant \frac{1}{4}.$

 $-1 \leqslant x \leqslant 2.$

3866 Решить неравенство:

 $3^x + 3^{x+2} < 30.$

x < 1.

3867 Решить неравенство:

 $4^{x+1} + 4^{x-1} > 68.$

x > 2.

3868 Решить неравенство:

 $\left(\frac{1}{4}\right)^{3x+1} \geqslant 1.$

 $x \leqslant -\frac{1}{3}.$

3869 Решить неравенство:

 $\left(\frac{1}{5}\right)^{2x-3} \leqslant 1.$

 $x \geqslant \frac{3}{2}.$

3870 Решить неравенство:

 $25^x - 5^x - 20 < 0.$

x < 1.

3871 Решить неравенство:

 $9^x + 2 \cdot 3^x - 15 > 0.$

x > 1.

$$2^{2x-1} + 2^{2x-2} + 2^{2x-3} \le 112.$$

 $x \leqslant \frac{7}{2}.$

3873 Решить неравенство:

$$2^{3x} + 2^{3x-1} + 2^{3x-2} \le 448.$$

 $x \leqslant \frac{8}{3}.$

3874 Решить неравенство:

$$\sqrt{32} \cdot 2^{-4x^2} \geqslant 8^{3x}.$$

 $5\frac{5}{2} \leqslant x \leqslant \frac{1}{4}.$

3875 Решить неравенство:

$$\sqrt{27} \cdot 3^{-6x^2} \geqslant 9^{4x}.$$

 $-\frac{3}{2} \leqslant x \leqslant \frac{1}{6}.$

3876 Решить неравенство:

$$81^x + 3^{2x+1} > 54.$$

 $x > \log_9 6$.

3877 Решить неравенство:

$$2^x - 1 < 3 \cdot 2^{1-x}.$$

 $x < \log_2 3$.

3878 Решить неравенство:

$$5 \cdot 3^{1-x} > 3^x - 2.$$

 $x < \log_3 5$.

3879 Решить неравенство:

$$18 - 16^x < 7 \cdot 2^{2x}.$$

 $x > \frac{1}{2}$.

3880 Решить неравенство:

$$8^x < 6 \cdot 4^{\frac{3-x}{2}} + 2^{x+1}.$$

 $x < \frac{3}{2}.$

3881 Решить неравенство:

$$\frac{1}{9} \cdot \left(\frac{1}{27}\right)^{x-2} + 8 \cdot \left(\frac{1}{9}\right)^{\frac{x-1}{2}} < 3^x.$$

 $x > \frac{3}{2}.$

$$9^{\frac{x+1}{2}} + 3^{2-x} < 2 \cdot 27^{1-x}.$$

 $x < \frac{1}{2}$.

3883 Решить неравенство:

$$125 \cdot \left(\frac{1}{5}\right)^{3x^2} \leqslant \left(\frac{1}{25}\right)^{-4x}.$$

 $x \leqslant -3, \ x \geqslant \frac{1}{3}.$

3884 Решить неравенство:

$$5 \cdot 25^x - 2 \cdot 15^x \leqslant 3 \cdot 9^x.$$

 $x \leqslant 0$.

3885 Решить неравенство:

$$(0,4)^x - (2,5)^{x+1} > 1,5.$$

x < -1.

3886 Решить неравенство:

$$5 \cdot 4^x + 2 \cdot 25^x > 7 \cdot 10^x.$$

 $x < 0, \ x > 1.$

3887 Решить неравенство:

$$\frac{9^{x+0,5}+1}{3-3^{2x}} \leqslant 3^{2x}+1.$$

 $x \le 0, \ x > \frac{1}{2}.$

3888 Решить неравенство:

$$\frac{4^X}{4^x - 3^x} < 4.$$

x < 0, x > 1.

3889 Решить неравенство:

$$\frac{15 - 16^{x+1}}{4^{2x} - 4} \geqslant 2^{4x+1} - 3.$$

 $-\frac{1}{4} \leqslant x < \frac{1}{2}.$

3890 Решить неравенство:

$$125 \cdot \left(\frac{1}{25}\right)^{\frac{x^2}{2}} \leqslant 5^{|x^2 + 6x| - 5}.$$

 $x \leqslant -\frac{4}{3}, \ x > 1.$

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

$$\left(\frac{1}{9}\right)^{x-\frac{x^2}{2}} \geqslant 3^{|3x-12|+2x}.$$

 $x \leqslant -3, \ x > 4.$

3892 Решить неравенство:

$$3^x \left(\sqrt{9^{1-x} - 1} + 1 \right) < 3 |3^x - 1|.$$

 $\log_3 \frac{12}{5} < x \leqslant 1.$

3893 Решить неравенство:

$$\log_3(x-2) \geqslant 2.$$

 $x \geqslant 11$.

3894 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{3}}(x+1) \leqslant -3.$$

 $x \geqslant 26$.

3895 Решить неравенство:

$$3 - x < \log_5(20 + 5^x).$$

x > 1.

3896 Решить неравенство:

$$\log_2(x^2 - x) < 1.$$

 $-1 < x < 0, \ 1 < x < 2.$

3897 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{2}}(x^2 - 2x - 8) \geqslant -4.$$

 $-4 \leqslant x < 2, \ 4 < x \leqslant 6.$

3898 Решить неравенство:

$$\log_3 x + \log_3(x+2) \geqslant 1.$$

 $x \geqslant 1$.

3899 Решить неравенство:

$$\log_3(2 - 3^{-x}) < x + 1 - \log_3 4.$$

 $\log_3 \frac{1}{2} < x < \log_3 \frac{2}{3}, \ x > \log_3 2.$

3900 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{2}}(x+2) > \log_2(1-x).$$

 $-2 < x < -\frac{1+\sqrt{5}}{2}, \ \frac{\sqrt{5}-1}{2} < x < 1.$

$$\frac{\log_x\left((x-2)(x-3)\right)}{\log_x 2} < \log_2(x+1).$$

 $1 < x < 2, \ 3 < x < 5.$

3902 Решить неравенство:

$$\frac{\log_2 x \cdot \log_4(2x)}{\log_8(4x)} \leqslant \log_{16}(8x).$$

 $0 < x < \frac{1}{4}, 2^{-\frac{6}{5}} \leqslant x \leqslant 2.$

3903 Решить неравенство:

$$\frac{\log_9 x + 4}{1 + \log_9 x} \leqslant 4 \log_x 3 - 1.$$

 $\frac{1}{81} \leqslant x < \frac{1}{9}, \ 1 < x \leqslant 3.$

3904 Решить неравенство:

$$\log_x \left(\log_2(4^x - 6) \right) \leqslant 1.$$

 $\log_4 7 < x \leqslant \log_2 3.$

3905 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{2}}\log_{3}\frac{x-4}{x-6} > 0.$$

x > 7.

3906 Решить неравенство:

$$\sqrt{\log_4(21 - 5 \cdot 4^{2 - x^2})} > x.$$

 $x \leqslant -1, \ \sqrt{\log_4 5} < x < \sqrt{2}.$

3907 Решить неравенство:

$$\frac{1}{x}\log_5\left(\frac{10}{3} - 5^{-x}\right) > 1.$$

 $\log_5 \frac{3}{10} < x < \log_5 \frac{1}{3}, \ 0 < x < \log_5 3.$

3908 Решить неравенство:

$$\log_{x^2-3}(4x+7) > 0.$$

 $-\frac{7}{4} < x < -\sqrt{3}, \ x > 2.$

3909 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{4} - \frac{3x}{5}} (1 - x^2) > 0.$$

 $-1 < x < 0, \ 0 < x < \frac{5}{12}.$

$$\log_{\frac{x-1}{5x-6}}(\sqrt{6}-2x) < 0.$$

$$x < \frac{\sqrt{6} - 1}{2}, \ \frac{6}{5} < x < \frac{\sqrt{6}}{2}.$$

3911 Решить неравенство:

$$\log_{3-x} \frac{4-x}{5-x} \leqslant 1.$$

$$x < 2, \ \frac{7 - \sqrt{5}}{2} \leqslant x < 3.$$

3912 Решить неравенство:

$$\log_{x^2} \left| 5x + 2 \right| < \frac{1}{2}.$$

$$-1 < x < -\frac{1}{2}, -\frac{1}{3} < x < 0, \ 0 < x < 1.$$

3913 Решить неравенство:

$$\log_{2|x|+1}(7x+4) - \log_{7x+4}(2|x|+1) > 0.$$

$$\boxed{-\frac{1}{2} < x < -\frac{3}{7}, -\frac{1}{3} < x < 0, \ x > 0.}$$

3914 Решить неравенство:

$$\log_{|2x+2|}(1-9^x) < \log_{|2x+2|}(1+3^x) + \log_{|2x+2|}\left(\frac{5}{9} + 3^{x-1}\right).$$

$$-\frac{3}{2} < x < -1, -\frac{1}{2} < x < 0.$$

3915 Решить неравенство:

$$\log_2(x-1) > 1.$$

x > 3.

3916 Решить неравенство:

$$\log_{0.5}(2x-1) < -3.$$

x > 4, 5.

3917 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{3}}(x^2 - 1) > 0.$$

$$\sqrt{2} < x < -1, \ 1 < x < \sqrt{2}.$$

3918 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{2}}(x+2) > \log_{\frac{1}{2}}(3x-1).$$

 $x > \frac{3}{2}.$

$$\log_3(2x - 3) < \log_3(x + 1).$$

 $\boxed{\frac{3}{2} < x < 4.}$

3920 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{5}}(2x+3) > \log_{\frac{1}{5}}(x+1).$$

решений нет.

3921 Решить неравенство:

$$\log_{dfrac13} x + \log_{\frac{1}{3}} (x - 2) \geqslant -1.$$

 $2 < x \leqslant 3.$

3922 Решить неравенство:

$$\log_3(x^2 + 7x - 5) > 1.$$

 $x < -8, \ x > 1.$

3923 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{3}}(x^2 - 5x + 6) > 0.$$

$$\boxed{\frac{5-\sqrt{5}}{2} < x < 2, \ 3 < x < \frac{5+\sqrt{5}}{2}}.$$

3924 Решить неравенство:

$$\log_{0,1}(x^2+2) < \log_{0,1}(2x-5).$$

 $x > \frac{5}{2}.$

3925 Решить неравенство:

$$\log^2_{\frac{1}{2}}x^2 > 1.$$

$$x < -\sqrt{2}, -\frac{1}{\sqrt{2}} < x < 0, \ 0 < x < \frac{1}{\sqrt{2}}, \ x > \sqrt{2}.$$

3926 Решить неравенство:

$$\log_{\frac{1}{3}}\log_2 x^2 > 0.$$

$$\boxed{-\sqrt{2} < x < -1, \ 1 < x < \sqrt{2}.}$$

3927 Решить неравенство:

$$\log_3 \log_{\frac{1}{2}}(x^2 - 1) < 1.$$

$$-\sqrt{2} < x < -\frac{3}{2\sqrt{2}}, \ \frac{3}{2\sqrt{2}} < x < \sqrt{2}.$$

$$\lg \frac{x+3}{x+4} > \lg \frac{x+5}{x+2}.$$

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

x < -5.

3929 Решить неравенство:

$$\frac{1}{\lg x} + \frac{1}{1 - \lg x} < 1.$$

 $0 < x < 1, \ x > 10.$

3930 Решить неравенство:

$$\log_2(x+1) < 1 - 2\log_4 x.$$

0 < x < 1.

3931 Решить неравенство:

$$\log_2(6+2^x) > 4 - x.$$

x > 1.

3932 Решить неравенство:

$$\log_3(26+3^{-x}) < x+3.$$

x > 0.

3933 Решить неравенство:

$$\log_2(3-4^x) < \log_2 11 - 2x - 4.$$

x < -1, $\log_4 \frac{11}{4} < x < \log_4 3$.

3934 Решить неравенство:

$$4x + \log_2 9 > \log_2(9 \cdot 2^{2x+1} - 5).$$

$$\log_4 \frac{5}{81} < x < \log_4 \frac{1}{3}, \ x > \log_4 \frac{5}{3}.$$

3935 Решить неравенство:

$$\log_3 x \geqslant 2 + \log_{\frac{1}{3}}(x+8).$$

 $x \geqslant 1$.

3936 Решить неравенство:

$$\frac{\log_2 x - 5}{1 - 2\log_x 2} \geqslant 2\log_2 x.$$

 $0 < x \le \frac{1}{2}, \ 1 < x < 4.$

3937 Решить неравенство:

$$\log_3(1+x) > \log_3 x(1 - \log_x(1-x)).$$

 $0 < x < \frac{\sqrt{5} - 1}{2}$.

$$\sqrt{\log_3(9x-3)} \leqslant \log_3\left(x-\frac{1}{3}\right).$$

 $x \geqslant \frac{28}{3}.$

3939 Решить неравенство:

$$\sqrt{\log_3(9x+18)} \leqslant \log_3(x+2).$$

 $x \geqslant 7$.

3940 Решить неравенство:

$$\sqrt{\log_2 x} + \sqrt{\log_x 2} \geqslant \frac{4}{\sqrt{3}}.$$

 $\boxed{1 < x \leqslant \sqrt[3]{2}, \ x \geqslant 8.}$

3941 Решить неравенство:

$$\log_3(x+3) - 1 > \frac{\log_x(x^2 - 3x + 2)}{\log_x 3}.$$

 $\frac{1}{3} < x < 1, \ 2 < x < 3.$

3942 Решить неравенство:

$$\log_2(1-x) < (2 - \log_{2x}(1+2x))\log_2(2x).$$

 $\frac{1}{2} < x < 1.$

3943 Решить неравенство:

$$\log_2(x^2 - 4x + 4) + 2x > 2 - (x+1)\log_{\frac{1}{2}}(2 - x).$$

x < -2, 1 < x < 2.

3944 Решить неравенство:

$$\log_2(x^2 - 4) - 3\log_2\frac{x+2}{x-2} > 2.$$

 $x < -2, \ x > 6.$

3945 Решить неравенство:

$$\frac{3 - \log_2(x^2 - 6x + 8)}{x - 3} > 0.$$

x < 0, 4 < x < 6.

3946 Решить неравенство:

$$(3 - 10x - 8x^2)\log_2\left(1 - \frac{7}{9(x^2 + x + 1)}\right) \le 0.$$

 $-\frac{3}{2} \leqslant x \leqslant -\frac{2}{3}, -\frac{1}{3} < x \leqslant \frac{1}{4}.$

$$(5 - 7x - 6x^2)\log_3\left(1 - \frac{5}{4(x^2 + 2x + 2)}\right) \le 0.$$

$$-\frac{5}{3} \le x < -\frac{3}{2}, -\frac{1}{2} < x < \frac{1}{2}.$$

$$\log_{\frac{1}{2}}\log_{3}\frac{x-2}{x-4} > 0.$$

x > 5.

3949 Решить неравенство:

$$\log_2(x+2) < 1 - 3\log_8(x+1).$$

-1 < x < 0.

3950 Решить неравенство:

$$\frac{\log_3(3^x - 1)}{x - 1} \geqslant 1.$$

 $0 < x < \log_3 \frac{3}{2}, \ x > 1.$

3951 Решить неравенство:

$$\frac{x+1}{\log_2(1-2^x)-1}\leqslant 1.$$

 $-\log_2 \leqslant x \leqslant 0.$

3952 Решить неравенство:

$$\frac{\log_2(3\cdot 2^{x-1}-1)}{x}\geqslant 1.$$

 $\log_2 \frac{2}{3} < x < 0, \ x \geqslant 1.$

3953 Решить неравенство:

$$\frac{\log_{\sqrt{3}}x\cdot\log_{27}(9x)}{\log_3(3x)}\leqslant\log_9\frac{27}{x}.$$

 $\left| \frac{1}{3} < x \leqslant 3. \right|$

3954 Решить неравенство:

$$2^{\log_4(25x^4 - 20x^2 + 1)} > 4x.$$

 $x<-\frac{1}{\sqrt{5}}, \ -\frac{1}{\sqrt{5}}< x<\frac{1}{5}, \ x>1.$

3955 Решить неравенство:

$$x\left(\frac{1}{2}\right)^{\log_4\left(x^2-4+\frac{4}{x^2}\right)}\leqslant 2.$$

 $x < -\sqrt{2}, -\sqrt{2} < x < 0, \ 0 < x \leqslant \frac{2}{\sqrt{3}}, \ x \geqslant 2.$

 $\log_{x-2} 6 + \log_{x+2} 6 > \log_{x-2} 6 \cdot \log_{x+2} 6.$

 $2 < x < 3, \ x > \sqrt{10}.$

3957 Решить неравенство:

 $\log_{x^2+2}(3x+6) \leqslant 1.$

 $-2 < x \leqslant -1, \ x \geqslant 4.$

3958 Решить неравенство:

 $\log_{\frac{1}{1+x^2}}(4x-2) > -1.$

 $\left| \frac{1}{2} < x < 1, \ x > 3. \right|$

3959 Решить неравенство:

 $\log_{x+2} x^2 > 1.$

x > 2.

3960 Решить неравенство:

 $\log_{x+3} 4 + \log_{x-3} 4 > 2\log_{x+3} 4 \cdot \log_{x-3} 4.$

 $3 < x < 4, \ x > 5.$

3961 Решить неравенство:

 $\frac{1}{x}\log_7\left(\frac{9}{2} - 2\cdot 7^{-x}\right) > 1.$

 $\log_7 \frac{4}{9} < x < \log_7 \frac{1}{2}, \ 0 < x < \log_7 4.$

3962 Решить неравенство:

 $\sqrt{\log_5(31-6\cdot 5^{2-x^2})} > x.$

 $x \leqslant -1, \sqrt{\log_5 6} < x < \sqrt{2}.$

3963 Решить неравенство:

 $\log_{2-x} \frac{3-x}{4-x} \leqslant 1.$

 $x < 1, \ \frac{5 - \sqrt{5}}{2} \leqslant x < 2.$

3964 Решить неравенство:

 $\log_{5x-4x^2}(4^x - 2) < 0.$

 $\frac{1}{2} < x < \log_4 3, \ 1 < x < \frac{5}{4}.$

3965 Решить неравенство:

 $\log_{0,25+3x}(1-25x^2) > 0.$

$$-\frac{1}{12} < x < 0, \ 0 < x < \frac{1}{5}.$$

 $\log_{8x^2 - 0.5}(\log_{0.5} x) < 0.$

$$\boxed{\frac{1}{4} < x < \frac{\sqrt{3}}{4}, \ \frac{1}{2} < x < 1.}$$

3967 Решить неравенство:

 $\log_{2x}(x^2 - 5x + 6) < 1.$

$$0 < x < \frac{1}{2}, \ 1 < x < 2, \ 3 < x < 6.$$

3968 Решить неравенство:

 $\log_x \frac{4x + 5}{6 - 5x} < -1.$

$$\boxed{\frac{1}{2} < x < 1.}$$

3969 Решить неравенство:

 $\log_{\frac{3x-1}{3x+1}}\left(x-\frac{1}{3}\right)\geqslant 1.$

$$\frac{1}{3} < x \leqslant \frac{2}{3}.$$

3970 Решить неравенство:

 $\log_{x+1} \frac{x^2 + 3x - 4}{2x - 4} \leqslant 1.$

$$-1 < x < 0, \ 0 < x < 1, \ x \geqslant 5.$$

3971 Решить неравенство:

 $\log_{\frac{x^2 - 18x + 91}{90}} \left(5x - \frac{3}{10} \right) \leqslant 0.$

$$\frac{13}{50} \leqslant x < 9 + 4\sqrt{2}.$$

3972 Решить неравенство:

$$\log_{|x|} \frac{|x+3| - |x|}{2 - x} > 1.$$

$$-1 < x < 2 - \sqrt{7}, \ 1 < x < 2.$$

3973 Решить неравенство:

 $\log_{2x^2-x}(|x+2|-|x|) > \log_{2x^2-x}\sqrt{2-x^2}.$

$$-\frac{1}{2} < x < \frac{\sqrt{6} - 4}{5}, \ 1 < x < \sqrt{2}.$$

$$\log_{2|x|+1}(3x+2) - \log_{3x+2}(2|x|+1) > 0.$$

$$\boxed{ -\frac{1}{2} < x < -\frac{1}{3}, \ -\frac{1}{5} < x < 0, \ x > 0. }$$

$$\log_{|x-2|}(9^x-4^x) < \log_{|x-2|}(3^x+2^x) + \log_{|x-2|}(3^{x-2}+2^x).$$

3976 Решить неравенство:

$$\log_7 \log_{\frac{1}{3}} \frac{x^2 + |x| - 30}{x + 6} < 0.$$

$$1 - \sqrt{37} < x < \frac{2 - \sqrt{292}}{3}, \ \frac{16}{3} < x < 6.$$

3977 Решить неравенство:

$$2\log_{2x-10}(\sqrt{x+2} - \sqrt{8-x}) < 1.$$

$$5 < x < \frac{11}{2}, \ 6 < x < 7.$$

3978 Решить неравенство:

$$\frac{1}{\left|\log_3 9x\right| - 3} \leqslant \frac{1}{\left|\log_9 x^2\right|} - 1.$$

$$\frac{1}{243} < x < \frac{1}{3}, \ 1 \leqslant x < 3, \ x > 3.$$

3979 Решить неравенство:

$$\log \sqrt[3]{x-3} \left(\frac{x-10}{x^2 - 6x + 5} \right) + 3 \leqslant 0.$$

$$\frac{25}{7} \leqslant x < 4, \ x > 10.$$

3980 Решить неравенство:

$$\log_{x+3}(6+x-x^2) + \log_{\sqrt{6+x-x^2}}(x+3) \leqslant 3.$$

$$-2 < x < \frac{1 - \sqrt{21}}{2}, -\sqrt{3} \leqslant x \leqslant -\frac{3}{2}, -1 \leqslant x \leqslant \sqrt{3}, \frac{1 + \sqrt{21}}{2} < x < 3.$$

3981 Решить неравенство:

$$\frac{3^{-\frac{1}{x}} - 3}{\lg\left(\frac{1}{2} - x\right)} \geqslant 0.$$

 $x \in [-1; 0, 5) \cup (0; 0, 5).$

[3982] Найдите область определения функции $f(x) = \sqrt{\frac{1}{2\sqrt{x} - 8} - \frac{1}{\sqrt{x} - 3}}.$

 $x \in [0; 9) \cup (16; 25].$

$$\left(\log_2 \frac{3x+2}{2x}\right)\sqrt{x^4-3x^2+2} < 0.$$

$$x \in (-2; -\sqrt{2}) \cup \left(-1; -\frac{2}{3}\right).$$

$$\frac{\sqrt{x}+3}{2-\sqrt{x}}\geqslant \frac{2\sqrt{x}+11}{x-7\sqrt{x}+10}.$$

 $x \in [0; 4) \cup (4; 16].$

[3985] Найдите область определения функции $f(x) = \log_{\frac{1}{3}} \left(\frac{x}{4-x} \right) + \sqrt{x^2-4x+3}$.

 $x \in (0;1] \cup [3;4).$

3986 Решить неравенство:

$$\frac{x - 7\sqrt{x} + 10}{2 - \sqrt{x}} \geqslant \frac{2\sqrt{x} - 1}{\sqrt{x} + 3}.$$

 $x \in [0; 4) \cup (4; 16].$

3987 Решить неравенство:

$$(\cos x - 1)(1 - \sqrt{x+5}) \leqslant 0.$$

 $x \in [-5; -4] \cup \{2\pi n, n = 0, 1, 2, \ldots\}.$

3988 Найдите область определения функции $y = \frac{\log_8(2^x + 4^x - 2)}{x - 3}$.

 $x \in (0;3) \cup (3;+\infty).$

3989 Решить неравенство:

$$(\lg(x+1)-1)\sqrt{x^2-3x+2} \le 0.$$

 $x \in (-1; 1] \cup [2; 9].$

3990 Решить неравенство:

$$\frac{6-x}{\sqrt{x-1}-1} \leqslant 1.$$

 $x \in [1;2) \cup [5;+\infty).$

3991 Решить неравенство:

$$\frac{(4^x - 12 \cdot 2^x + 32)(x - 1)}{\sqrt{x} - 1} > 0.$$

 $x \in [0;1) \cup (1;2) \cup (3;+\infty).$

3992 Решить неравенство:

$$(\sqrt{4-x^2}-2)\left(\frac{1}{\sqrt{2x+2}}-\frac{1}{\sqrt{x+3}}\right) \geqslant 0.$$

 $x \in [1; 2] \cup \{0\}.$

$$\frac{x-3\sqrt{x-3}-1}{4\sqrt{x-3}-x}\leqslant 0.$$

 $x \in [3; 4) \cup (4; 7] \cup (12; +\infty).$

3994 Решить неравенство:

$$\frac{5}{x-4\sqrt{x}+3}\leqslant \frac{3}{x-2\sqrt{x}+1}.$$

 $x \in [0; 1) \cup (1; 9).$

3995 Решить неравенство:

$$\frac{\sqrt{20-x^2+x}}{2x-3} \leqslant \frac{\sqrt{20-x^2+x}}{x-6}.$$

 $x \in \{-4; 5\} \cup [-3; 1, 5).$

3996 Решить неравенство:

$$\sqrt{x^2 - 3x - 18} \leqslant \frac{9\sqrt{x^2 - 3x - 18}}{x - 2}.$$

 $x \in \{-3\} \cup [6; 11].$

3997 Решить неравенство:

$$(3^x - 1)\sqrt{x^2 - 4x + 3} \geqslant 0.$$

 $x \in \{1\} \cup [2; +\infty).$

3998 Решить неравенство:

$$(x-1)\sqrt{1-x^2} \geqslant (3x-2)\sqrt{1-x^2}.$$

 $x \in \{1\} \cup [-1; 0, 5].$

3999 Решить неравенство:

$$\sqrt{2\sqrt{x+1} - 2} > \sqrt{1+x} - 5.$$

 $x \in [0; 80).$

4000 Решить неравенство:

$$(\log_x 4)(\log_{8x} 0, 25)(\log_7 32x) \geqslant \log_7 \left(\frac{1}{\sqrt[3]{16}}\right).$$

$$x \in \left(0; 2^{-\sqrt{15}}\right] \cup \left(\frac{1}{8}; 1\right) \cup \left[2^{\sqrt{15}}; +\infty\right).$$

| 4001 | Решить неравенство:

$$(x-2)(x-1)^2 \ge 0$$
:

 $\{-1\} \cup [2; +\infty)$

$$(x-6)(x+2)^2 \ge 0.$$

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

 $\{-2\} \cup [6; +\infty).$

4003 Решить неравенство:

$$(x+1)(x+2)(x+3)^2(x+4) \le 0$$

 $(-\infty; -4] \cup \{-3\} \cup [-2; -1]$

4004 Решить неравенство:

$$(x+1)(x+4)^3(x+5)^4(x+6)^5 \le 0.$$

 $(-\infty; -6] \cup \{-5\} \cup [-4; -1].$

4005 Решить неравенство:

$$(x^2 - 6x + 5)(x+3)^2 \leqslant 0$$

 $\{-3\} \cup [1;5]$

4006 Решить неравенство:

$$(x^2 - 5x + 4)(x + 2)^2 \le 0.$$

 $\{-2\} \cup [1;4].$

4007 Решить неравенство:

$$|3x^2 - 11x + 6|(6x^2 - 11x + 3) \ge 0$$

 $\left(-\infty; \frac{1}{3}\right] \cup \left\{\frac{2}{3}\right\} \cup \left[\frac{3}{2}; +\infty\right)$

4008 Решить неравенство:

$$|5x^2 - 12x + 4|(4x^2 - 12x + 5) \ge 0.$$

 $(-\infty; 0, 5] \cup \{2\} \cup [2, 5; +\infty).$

4009 Решить неравенство:

$$x^2(x^2+9) \leqslant 9(x^2+9)$$

[-3; 3]

4010 Решить неравенство:

$$x^2(x^2+4) \le 4(x^2+4)$$
.

[-2; 2].

4011 Решить неравенство:

$$(2x-3)(x^2-x-2) \le (2x-3)(10x^2+11x+2)$$

 $\left\{-\frac{2}{3}\right\} \cup \left[\frac{3}{2}; +\infty\right);$

$$(3x-1)(x^2+x-2) \le (3x-1)(5x^2+5x-1).$$

 $\left\{-\frac{1}{2}\right\} \cup \left[\frac{1}{3}; +\infty\right).$

4013 Решить неравенство:

$$(4x^2 - 9)(3x^2 - 5x - 8) \ge (4x^2 - 9)(2x^2 - 5x - 8)$$

 $(-\infty; -1, 5] \cup \{0\} \cup [1, 5; +\infty)$

4014 Решить неравенство:

$$(25x^2 - 4)(3x^2 - 2x - 5) \ge (25x^2 - 4)(2x^2 - 2x - 5).$$

 $(-\infty; -0, 4] \cup \{0\} \cup [0, 4; +\infty).$

4015 Решить неравенство:

$$(x^2-3)(2x^2-3x+1) < (x^2-7)(2x^2-3x+1);$$

(0,5;1)

4016 Решить неравенство:

$$(x^2 - 5)(4x^2 - x - 5) > (x^2 - 3)(4x^2 - x - 5).$$

(-1;1,25).

4017 Решить неравенство:

$$(x^2 + 4x + 3)(x - 2) < (x^2 - 2x - 3)(x + 3)$$

(-3;-1);

4018 Решить неравенство:

$$(x^2 - 3x + 2)(x - 3) < (x^2 - 5x + 6)(x - 4).$$

(2;3).

4019 Решить неравенство:

$$(x+3)^3 + (x-5)^3 \ge 2(x-1)^3$$

 $[1;+\infty);$

4020 Решить неравенство:

$$(x+5)^3 + (x-3)^3 \ge 2(x+1)^3$$
.

 $[-1;+\infty).$

4021 Решить неравенство:

$$9x^4 \geqslant 4x^2$$

$$\left(-\infty; -\frac{2}{3}\right] \cup \{0\} \cup \left[\frac{2}{3}; +\infty\right);$$

$$9x^2 \le 16x^4$$
.

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

$$\left[\left(-\infty; -\frac{3}{4}\right] \cup \{0\} \cup \left[\frac{3}{4}; +\infty\right).\right]$$

4023 Решить неравенство:

$$x^3 + 15x^2 \geqslant 225(x+15)$$

 $\left\{-15\right\} \cup \left[15; +\infty\right)$

4024 Решить неравенство:

$$x^3 - 14x^2 \le 196(x - 14).$$

 $(-\infty; -14] \cup \{14\}.$

4025 Решить неравенство:

$$(x^2 + 10x + 16)^2 > (x^2 + 10x + 26)^2$$

(-7; -3);

4026 Решить неравенство:

$$(x^2 + 12x + 15)^2 > (x^2 + 12x + 25)^2$$
.

(-10; -2).

4029 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 2x^2(4x-3) \geqslant 7(3-4x), \\ 3(2x-7) \leqslant 4x^2(7x-2x) \end{cases}$$

[0, 75; 3, 5]

4030 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 3x^2(7x-2) \geqslant 4(2-7x), \\ 2(3x-4) \leqslant 7x^2(4-3x). \end{cases}$$

 $\left[\frac{2}{7}; \frac{4}{3}\right].$

4031 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} (x+4)^3(x+2)^2 \leqslant (x+4)^2(x+2)^3, \\ x^2 < 15 \end{cases}$$

 $\{-2\};$

4032 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} (x+5)^3(x+3)^2 \leqslant (x+5)^2(x+3)^3, \\ x^2 < 24. \end{cases}$$

 $\{-3\}.$

4033 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} (3x^2 - 11)^2 \leqslant (3x^2 - 13)^2, \\ (x+7)^2 \leqslant (x-7)^2 \end{cases}$$

[-2;0];

4034 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} (2x^2 - 7)^2 \leqslant (2x^2 - 9)^2, \\ (x+8)^2 \leqslant (x-8)^2.; \end{cases}$$

[-2;0].

4035 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} (2x-5)^2 \geqslant (5x-2)^2, \\ (2x+5)^2 \leqslant (5x+2)^2 \end{cases}$$

 $\{-1;1\}$

4036 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} (3x-4)^2 \geqslant (4x-3)^2, \\ (3x+4)^2 \leqslant (4x+3)^2. \end{cases}$$

 $\{-1;1\}.$

4037 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} x^3(5x^2+4) > 4x^3, \\ x^2 - 8x - 20 < 0; \end{cases}$$

(0;10)

4038 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} x^3(4x^2+5) > 5x^3, \\ x^2+10x-24 < 0. \end{cases}$$

(0;2).

4039 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 3x(4x-7)^2 \le 2(4x-7)^2, \\ 4x(3x-2)^2 \ge 7(3x-2)^2 \end{cases}$$

 $\left\{\frac{2}{3}; \frac{7}{4}\right\};$

4040 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 8x(2x-9)^2 \le 3(2x-9)^2, \\ 2x(8x-3)^2 \ge 9(8x-3)^2. \end{cases}$$

 $\left\{\frac{3}{8}; \frac{9}{2}\right\}.$

 $\fbox{4041}$ Решить двойное неравенство $(5x^2-4x-1)^2<(5x^2-4x+3)^2<(5x^2+4x+2)^2$

 $\left(\frac{1}{8}; +\infty\right)$

74042 Решить двойное неравенство $(4x^2 - 2x - 3)^2 < (4x^2 - 2x + 5)^2 < (4x^2 + 2x + 1)^2$.

 $(1;+\infty).$

4043 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} |x^2 - 121|(16 - x^2) \ge 0, \\ x^2 + 15x + 44 \le 0 \end{cases}$$

 $\{-11; -4\};$

4044 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} |x^2 - 144|(9 - x^2) \ge 0, \\ x^2 + 15x + 36 \le 0. \end{cases}$$

 $\{-12; -3\}.$

4045 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 2(2x+3)^4 \geqslant (2x+3)^3 + (2x+3)^5, \\ x^2 + 3x + 2 \leqslant 0; \end{cases}$$

 $[-2; -1, 5] \cup \{-1\};$

4046 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 2(3x+7)^4 \geqslant (3x+7)^3 + (3x+7)^5, \\ x^2 + 5x + 6 \leqslant 0. \end{cases}$$

 $\boxed{-3; -\frac{7}{3} \cup \{-2\}.}$

4047 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 4x^4 - 21x^2 - 25 < 0, \\ x^2(9x+11) < 20x^2; \end{cases}$$

 $(-2,5;0) \cup (0;1);$

4048 Решить систему неравенств:

$$\begin{cases} 25x^4 - 24x^2 - 49 < 0, \\ x^2(7x+8) < 15x^2. \end{cases}$$

 $(-1,4;0) \cup (0;1).$

4049 Решить неравенство:

$$\frac{5}{3x+2} \leqslant 0;$$

 $\left(-\infty; -\frac{2}{3}\right)$

$$\frac{4}{2x+3} \geqslant 0.$$

 $\left(-\frac{3}{2};+\infty\right)$.

4051 Решить неравенство:

$$\frac{2x-1}{4x^2+3} > 0$$

 $\left(\frac{1}{2};+\infty\right)$

4052 Решить неравенство:

$$\frac{3x-2}{5x^2+7} < 0.$$

 $\left(-\infty;\frac{2}{3}\right)$.

4053 Решить неравенство:

$$\frac{7x^2 + 1}{2 - 3x} > 0;$$

 $\left(-\infty;\frac{2}{3}\right);$

4054 Решить неравенство:

$$\frac{6x^2 + 1}{3 - 2x} < 0.$$

 $(1,5;+\infty).$

4055 Решить неравенство:

$$\frac{4}{4x^2 - 9} > 0;$$

 $\left(-\infty; -\frac{3}{2}\right) \cup \left(\frac{3}{2}; +\infty\right);\right]$

4056 Решить неравенство:

$$\frac{9}{9x^2 - 4} < 0.$$

 $\left(-\frac{2}{3};\frac{2}{3}\right).$

4057 Решить неравенство:

$$\frac{9x^2 - 1}{3x^2 + 4} < 0;$$

 $\left(-\frac{1}{3};\frac{1}{3}\right);$

$$\frac{4x^2 - 1}{4x^2 + 5} > 0.$$

$$\left(-\infty; -\frac{1}{2}\right) \cup \left(\frac{1}{2}; +\infty\right).$$

$$\frac{2x^2 + 11}{25 - x^2} \leqslant 0;$$

 $(-\infty; -5) \cup (5; +\infty);$

4060 Решить неравенство:

$$\frac{4x^2 + 13}{16 - x^2} \geqslant 0.$$

(-4;4).

4061 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 - x - 6}{2x^2 + 9} \geqslant 0;$$

 $(-\infty; -2] \cup [3; +\infty);$

4062 Решить неравенство:

$$\frac{x^2 + x - 12}{3x^2 + 5} \leqslant 0.$$

[-4;3].

4063 Решить неравенство:

$$\frac{36 - 25x^2}{x^2 + 2x + 3} \leqslant 0$$

 $(-\infty;1,2]\cup[1,2;+\infty)$

4064 Решить неравенство:

$$\frac{81 - 4x^2}{x^2 + 3x + 4} \geqslant 0.$$

[-4,5;4,5].

4065 Решить неравенство:

$$\frac{2x^2 + x + 6}{2x^2 + x - 6} \geqslant 0$$

 $(-\infty; -2) \cup (1, 5; +\infty);$

4066 Решить неравенство:

$$\frac{2x^2 - x + 10}{2x^2 - x - 10} \leqslant 0.$$

(-2; 2, 5).

$$\frac{5 - 8x - 4x^2}{5 + 2x + 4x^2} \geqslant 0$$

1 НЕРАВЕНСТВА Школа «Симметрия»

[-2, 5; 0, 5]

4068 Решить неравенство:

$$\frac{6 - 5x - 4x^2}{6 + 5x + 4x^2} \leqslant 0.$$

 $(-\infty; -2] \cup [0, 75; +\infty).$