#### 1 Целые уравнения

#### Линейные уравнения 1.1

 $\lfloor 1 \rfloor$  ЛУ вида  $a \cdot x = b$ , где a, b — целые числа:

1) 
$$254$$
  $12x = 0$  0

3) 
$$253 - x = 0$$
 0

5) 
$$259 -3x = 0$$
 0

2) 
$$255 \ 5x = 1 \ \boxed{\frac{1}{5}}$$

6) 
$$260 \ 2x = 0 \ 0$$

\_2 | ЛУ вида  $a \cdot x = b$ , где a, b – рациональные числа:

1) 
$$251 \frac{1}{8}x = 5$$
  $40$ 

6) 
$$266 \ 1,8x = -0,72$$
 ?

11) 
$$271 - 2\frac{1}{3}x = 7$$
 ?

2) 
$$252 \frac{1}{3}x = 2 6$$

7) 
$$267 \ 0,25x = 100 \ 400$$

12) 
$$272 1\frac{2}{3}x = 2\frac{1}{3}$$
 ?

3) 
$$263$$
  $3x = \frac{1}{7}$   $21$ 

8) 
$$268 \ 0, 2 = 5x \ 0, 04$$

13) 
$$273 \frac{x}{3} = 4$$
 ?

4) 
$$264 - \frac{1}{2}x = 0$$
 0

9) 
$$269 \frac{x}{5} = 4 20$$

13) 
$$2/3$$
  $\frac{1}{3} = 4$ 

5) 
$$265 - \frac{3}{4}x = -\frac{6}{7}$$
 ?

10) 
$$270 \ 3,5x = 2\frac{1}{3}$$
 ?

14) 
$$274$$
  $\frac{1}{8}x = 5$  ?

|\_3| Не приведенные ЛУ без скобок (простые):

1) 
$$246 x + 4 = 9 5$$

7) 
$$278 \ 3x - 5 = x \ 2, 5$$

13) 
$$283 18 - 10x = 0 1,8$$

2) 
$$250 x + 2 = -4 -6$$

8) 
$$279$$
  $15 - 7x = 0$   $\frac{15}{7}$ 

14) 
$$284$$
  $7x - 4 = 0$   $1,75$ 

3) 
$$258 x + 5 = 5$$
 0  
4)  $257 x - 8 = 8$  16

9) 
$$280 7 - x = 0$$
  $7$ 

15) 285 
$$4x - 2 = x$$
  $\frac{2}{3}$ 

5) 
$$276 \ 3x - 5 = 0 \ \boxed{\frac{5}{3}}$$

10) 
$$287 \ 5 - x = 0$$
 5  
11)  $281 \ x - 3 = 2x + 1$   $-4$ 

16) 
$$286$$
  $x - 2x + 3 = 7$   $-4$ 

6) 
$$277 3x + 2 = 5x - 7 4, 5$$

12) 
$$282 x - 4x - 1 = 2 -1$$

17) 
$$377$$
  $x + 3 = 2x - 4$  ?

\_4 Не приведенные ЛУ без скобок (более сложные):

1) 
$$289 7x - 3 + x = 4x - 9 + 5x$$
 ?

5) 
$$378 \ 5x - 8 - 3x = 8$$
 ?

2) 
$$290 x + 5 - 8x = 7 + 2x - 4$$
?

6) 
$$379 \ 0,4x+14=1-0,6x$$
 ?

3) 
$$291 0,5x-3=0,8-1,4x$$
 ?

7) 
$$380 2x + 5 - 7x + 2 = 3$$
 ?

4) 292 x + 0, 2 = 0, 4x + 3, 2 ?

\_7 ЛУ со скобками:

1)  $346 \ 2x + (3x + 1) = 4$  ?

7) 
$$352 3(x-5) + 8 = 17$$
 ?

2) 
$$347 2x - (x - 1) = 5$$
 ?

8) 
$$353 \ 5(x-1) - 4(x-2) = 10$$

3) 
$$348 (2x+5) + (3x-8) = 7$$
 ?

9) 
$$\boxed{354} \ 4(x+2) = 7 \ \boxed{?}$$

4) 
$$349 (2x-3) + (x+5) = 13$$
 ?

10) 
$$355 \ 5(2-3x) - 7 = 0$$
 ?

5) 
$$350 \ 3(x-2) = 8 \ ?$$

11) 
$$356 \ 6(x-3) + 2(x+2) = 10$$

6) 
$$351 (2x+1) \cdot 9 = 9$$
 ?

12) 
$$357 \ 2(x-3) = 6 \ ?$$

13) 
$$358 \ 5(2x-1) - 7 - x = 0$$
 ?

14) 
$$359 (x-2) \cdot 4 = 15$$
 ?

15) 
$$361 \ 2(x-3) = 6 \ ?$$

16) 
$$362 \ 3(x-3) - 5 - (2x-5) \cdot 4 = 0$$
 ?

17) 
$$363(2x+5)+(3x+8)=7$$
 ?

18) 
$$364 \ 2x + (x - 3) - 23 - (2 - 3x) = 0$$

19) 
$$365 \ 4 + x - 8 + (2x - 5) = 0$$
 ?

27) 
$$370 \ 5(2-3x) - 3(2-x) - 2(3x-8) + 7(2x-8) = 0$$

28) 
$$371 \quad 0,6(x-0,6)-1-0,8(0,5-x)=0$$
 ?

|\_5|ЛУ, содержащие дроби, знаменатели которых – числа:

1) 
$$293 \frac{2}{3} - 3x = \frac{1}{2}x - 2 + x$$
 ?

2) 
$$294 \cdot 5 - \frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{1}{4}x$$
 ?

3) 
$$295 \frac{2x}{7} - \frac{x}{4} = 1$$
 ?

4) 
$$296 \frac{x}{3} + \frac{x}{2} = 6$$
 ?

5) 
$$321 3x - 5 = \frac{x+3}{4}$$
 ?

11) 
$$325 - 2\left(3\frac{1}{2}x - 0, 3\right) + x - 0, 3\left(x - \frac{1}{10}\right) = 0$$
  $0, 1$ 

12) 
$$\boxed{326} \ \frac{2}{3}(0,5x-3) - 0, 2\left(2\frac{1}{2} - 5x\right) - \frac{1}{3}(0,5x-3) = 0 \ \boxed{\frac{9}{7}}$$

13) 
$$327$$
  $\frac{1}{2}(x+8) + 1\frac{1}{2} + 2\left(1\frac{1}{2} - x\right) = 0$   $5\frac{2}{3}$ 

|\_6| Частные случаи ЛУ:

1) 
$$330 0 \cdot x = 3$$
 ?

2) 
$$331 \ 0 \cdot x = -2$$
 ?

3) 
$$332 \cdot x = 15$$
 ?

4) 
$$333 \cdot x = 0$$
 ?

5) 
$$334 3x - 3x = 0$$
 ?

6) 
$$335 2x - 2x + 1 = 10$$
 ?

7) 
$$336 \ 5x - (3x - 1) = 3 + 2x$$
 ?

8) 
$$337 (3x-2) - (3x+5) = -7$$
 Любое число

\_8 Уравнения, сводящиеся к линейным:

1) 
$$374(x+1)(x-1) - (x-2)(x+3) = 0$$
 5

20) 
$$366 \ 2x + (x - 3) - 23 - (2 - 3x) = 0$$

21) 
$$367(2x-3)-(x+1)=1$$
 ?

22) 
$$368 \ 2(x+1) \cdot 9 = 9$$
 ?

23) 
$$369 \ 0, 1(1, 2x - 2) - 2(0, 5 + x) = 0, 68$$

24) 
$$372 | 5x - 8 - (3x - 8) = 0$$
 ?

25) 
$$373 3x - 1 - (x + 5) = 0$$
 ?

25) 
$$373 3x - 1 - (x + 5) = 0$$
 ?

6) 
$$322$$
  $\frac{2x-3}{4} + \frac{x+2}{2} = 6 + \frac{2x-3}{2}$ 

7) 
$$323 \frac{2-x}{3} = x-3$$
 ?

8) 
$$324$$
  $\frac{x-3}{5} + \frac{x+2}{4} = \frac{1}{2}$  ?

9) 328 
$$1\frac{1}{5} - 0.5x - 0.4 + \frac{2}{5}x = 0$$
 ?

10) 
$$329 \frac{1}{2}x - 3 - \left(2 - \frac{1}{3}x\right) = 0$$
 ?

9) 
$$338 7 + (5x - 3) = x - (2 - 4x)$$
 ?

10) 
$$339$$
  $12x + 4 = 3(4x - 2)$  ?

11) 
$$340 - x + 3 + x = x - (x - 3)$$

12) 
$$341 5x - 4 + 2x = 7(x - 3)$$

13) 
$$342 \ 6(x-3) = 6x - 18$$
 ?

14) 
$$\boxed{343} \ 14 = 7(x+2) \boxed{?}$$

15) 
$$344 \ 2(x-6) = 6(x-2)$$
 ?

16) 
$$345 \ 3(x+5) = 5(x+3)$$
 ?

- 2) 375(2x-1)(x+2) (x-5)(2x+1) = 0 -0,25
- 3)  $376 \ 3(x+1)(x+2) = 9 + (3x-4)(x+2) \ -\frac{5}{7}$
- 4)  $381 (x-1)(4x+5) + 1 = 4x^2$  4
- 5)  $382 (5+2x)(x-1) + (3x+1)(2+x) 5x^2 = 0$  0,3
- 6) 383  $(x^2 3)(3x + 5) 3x^3 = 5x^2 5x$  -3,75

### 1.2 Квадратные уравнения

### 1.2.1 Неполные квадратные уравнения

\_10 НКУ, у которых b = 0:

- 1)  $384 \ x^2 = 0 \ 0$
- 2)  $385 \ 2x^2 = 0 \ 0$
- 3)  $386 \ x^2 = 9 \ \pm 3$
- 4)  $387 x^2 = 25 \pm 5$
- 5)  $388 x^2 16 = 0 \pm 4$
- 6)  $389 x^2 100 = 0 \pm 10$
- 1)  $401 x^2 x = 0$  0; 1
- 2)  $\boxed{402} x^2 + 3x = 0 \quad \boxed{0; -3}$
- 3)  $403 4x x^2 = 0$  0; 4
- 4)  $404 x + 0,5x^2 = 0 0; -0,5$
- 5)  $405 \ 3,5x-x^2=0 \ 0,3,5$
- 6)  $415 x^2 4x = 0$  ?, ?
- 7)  $416 x^2 0.5x = 0 0.0.5$
- 8)  $417 7x^2 = 5x$  ?, ?

### \_11 Разложенные на множители НКУ:

- 1) 406 x(x-1) = 0 0, 1
- 2) 407 (x+13)x = 0 ?, ?
- 3) 408 x(x+2) = 0 ?, ?
- 4)  $409 \ 0,5x(2+x) = 0 \ ?,?$
- 5)  $410 \ 3x(x-0,5) = 0 \ ?, ?$
- \_13 Не приведенные НКУ:

- 7)  $390 x^2 64 = 36 \pm 10$
- 8)  $391 x^2 + 20 = 141 \pm 11$
- 9)  $392 x^2 + 13 = -12 \pm 5$
- 10)  $393 \ 2x^2 = 50 \ \pm 5$
- 11)  $394 \ 3x^2 = 48 \ \pm 4$
- 12)  $395 \ 4x^2 64 = 0 \ \pm 4$

- 13)  $396 \ 25 5x^2 = -100 \ \pm 5$
- 14)  $397 25x^2 = 16 \pm \frac{4}{5}$
- 15) 398  $9x^2 = 25$   $\pm \frac{5}{3}$
- 16)  $399 4x^2 49 = 0 \pm 1,75$
- 17)  $\boxed{400} \ 0,01x^2 = 0,04 \ \pm 2$
- 9)  $418 x^2 + 6x = 0$  ?, ?
- 10)  $419 x^2 8x = 0$  ?, ?
- 11)  $\boxed{420} \ 15x x^2 = 0 \ \boxed{?,?}$
- 12)  $421 \ 5x = 2x^2 \ \ 0, 2, 5$
- 13)  $\boxed{422} \ 2x + 3x^2 = 0 \ \boxed{?,?}$
- 14)  $\boxed{423} \ 2x^2 3x = 0 \ \boxed{?,?}$
- 15)  $\boxed{424} \ \frac{1}{3}x^2 5x = 0 \ ?, ?$
- 16)  $\boxed{425} \ \frac{3}{4}x + \frac{1}{8}x^2 = 0 \ \boxed{0, -6}$
- 6) 411 (x-7)(7+x)=0 ?,?
- 7) 412(x-6)(x+6) = 0 ?, ?
- 8) 413 3(x-5)(5+x) = 0 ?, ?
- 9)  $\boxed{414} \ 0, 8(x+1)(1-x) = 0 \quad ?, ?$

- 1)  $430 \ 4x^2 + 6x = 7x^2 12x$  ?, ?
- 2)  $431 \ 1,2x-0,5x^2=4x^2-0,8x$  ?,?
- 3)  $\boxed{432} \ 0.76x^2 + 14x = 0 \ ?.?$
- 4)  $\boxed{433} \ 0,6x^2 + \sqrt{3}x = 0 \quad ?,?$
- \_14 Не приведенные НКУ со скобками:
- 1)  $437(x-1)^2 + (x+1)^2 = 2$  ?
- 2) 438 (x-7)(x+3) + (x-1)(x+5) + 26 = 0
- 3)  $\boxed{439} (3x-8)^2 (4x-6)^2 + (5x-2)(x+2) = 24 \boxed{?}$
- 4) 40  $(2x-5)(3x-4) (3x+4)(x-2) 10x 28 = 0 0; <math>\frac{31}{3}$
- 5) 441(x+2)(x+3) = 2x(x+6) + 6?
- 6) 442  $\left(x + \frac{1}{2}\right) \left(x \frac{1}{2}\right) = \frac{5}{16}$  ?
- 7)  $\boxed{447} (3x+1,5)(3x-1,5) = 54 \ \pm 2,5$
- \_15 НКУ, содержащие дроби, знаменатели которых числа:
- 1)  $\boxed{443} \frac{4x^2 1}{3} \frac{3x^2 + 8}{5} = 1$  ?
- 2)  $\boxed{444} \frac{3x^2 4x}{2} = \frac{5x^2 x}{3}$

3)  $\boxed{445} \ \frac{2x - 3x^2}{5} - \frac{7x^2 - x}{4} = \frac{x^2}{2} \boxed{?}$ 

5)  $\boxed{434} \ 0.07x^2 - 50 = 2.1x - 50 \ ???$ 

6)  $435 9x^2 - 10x = 7x^2 - 15x$  ?, ?

7)  $\boxed{436} -0.5x^2 + \sqrt{5}x = 0$  ?, ?

4)  $\boxed{446} \ \frac{5x^2 - 48}{8} - \frac{33 - 2x^2}{6} = 3\frac{5}{6} \quad ?$ 

#### 1.2.2 Квадратные уравнения общего вида

- \_9 КУ общего вида:
- 1)  $42 x^2 + 13x + 22 = 0$  -11; -2
- 2)  $43 x^2 + 17x + 66 = 0$  -11; -6
- 3) 451  $x^2 + 6x + 8 = 0$  ?
- 4)  $452 x^2 + 8x + 2 = 0$  ?
- 5)  $453 x^2 3x + 1 = 0$  ?
- 6)  $454 x^2 5x 1 = 0$  ?
- 7)  $455 x^2 + 8x + 15 = 0$  ?
- 8) 456  $x^2 + 5x 6 = 0$  ?
- 9)  $457 x^2 10x + 21 = 0$  ?
- 10)  $\boxed{458} x^2 2x + 2 = 0$  ?
- 11)  $\boxed{459} \ 3x^2 4x 4 = 0$  ?
- 12)  $460 2x^2 8x 20 = 0$  ?
- 13)  $461 4x^2 + 6x + 9 = 0$  ?

- 14)  $462 4x^2 + 12x + 9 = 0$  ?
- 15) 464  $16x^2 + 21x 22 = 0$  ?
- 16)  $465 18x^2 x 1 = 0$  ?
- 17)  $466 7x^2 x 1 = 0$  ?
- 18) 467  $14x^2 + 11x 3 = 0$  ?
- 19)  $468 \frac{x^2}{3} 7x = 1$  ?
- 20)  $463 x^2 = \frac{x}{2} 1$  ?
- 21)  $\boxed{469} \frac{x^2}{2} 3, 5 = 2x$  ?
- 22)  $470 2x^2 3x 5 = 0$  ?
- 23)  $\boxed{471} -2x^2 + 7x 3 = 0$  ?
- 24)  $472 x^2 6x + 8 = 0$  ?
- $25) \ \boxed{473} \ x^2 + 5x + 6 = 0 \ \boxed{?}$
- 26) 474  $x^2 x 2 = 0$  ?
- $27) \ \boxed{475} \ x^2 + x 6 = 0 \ \boxed{?}$

28) 
$$476$$
  $x^2 + 4x + 15 = 0$  ?

29) 
$$477 x^2 + 4x + 4 = 0$$
 ?

30) 
$$\boxed{478} \ 5x^2 + 8x - 9 = 0 \ \boxed{?}$$

31) 
$$\boxed{479} \ 4x^2 - 8x + 3 = 0$$
 ?

32) 
$$480 x^2 - 10x + 9 = 0$$
 ?

33) 
$$481 3x^2 - 5x - 2 = 0$$
 ?

34) 
$$482 5x^2 - 6x + 1 = 0$$
 ?

|\_16| Не приведенные КУ:

1) 
$$\boxed{490}(x+8)(x-9) = -52 \boxed{-4; 5}$$

2) 
$$491(x-1)(2x+3) = 7(2; -2, 5)$$

3) 
$$492(x+1)(x+2) = (2x-1)(2x-10)$$
 8;  $\frac{1}{3}$ 

7) 
$$495$$
  $(x-5)^2 + (3-x)^2 - 4(x+5)(3-x) - 48 = (x+1)^2$   $-3$ ; 5

8) 
$$496$$
  $(x-1)(x-3) + (x+3)(x-5) + 2x = 4  $-2; 4$$ 

9) 
$$30(x+3)(x-2) + (x+2)^2 = 3x + 10$$
  $-3; 2$ 

10) 
$$500$$
  $(8x-9)(3x+2) - (2x-3)(8x-2) = 33x + 96 -3; 5$ 

11) 
$$501$$
  $(4x-5)(3x+7) - (x-2)(4x+2) = 33x - 27$   $-0,25;2$ 

|\_20 | КУ, содержащие дроби, знаменатели которых – числа:

1) 
$$497$$
  $\frac{x^2}{5} - \frac{2x}{3} = \frac{x+5}{6}$   $-\frac{5}{6}$ ; 5

2) 
$$\boxed{498} \ \frac{5(x^2-1)}{4} + \frac{2x+3}{6} = \frac{x^2+1}{12} \ \boxed{-1; \frac{5}{7}}$$

3) 
$$489$$
  $x^2 - 2 + \frac{x}{7} = \frac{2 - 5x}{7}$   $-2; \frac{8}{7}$ 

1) 
$$503$$
  $\frac{(x+2)(x-5)}{3} - \frac{11x+12}{10} = 2 - \frac{x-2}{3}$   $-2,7;8$ 

2) 
$$504$$
  $\frac{x^2 + 2x}{5} = \frac{3 - x}{2} - \frac{x^2 + x}{5}$   $-3,75;1$ 

3) 
$$505$$
  $\frac{x^2 - 4x + 2}{10} = \frac{x+2}{2} - \frac{x^2 + x + 1}{5}$   $-\frac{2}{3}$ ; 3

4) 
$$506$$
  $\frac{(3x-4)^2}{5} + \frac{(2x-5)(x-1)}{2} = 1 + \frac{(x+2)^2}{5}$   $\frac{1}{2}$ ; 3

5) 
$$\boxed{507} \frac{(x+2)^2}{2} - \frac{x^2 + 2x}{3} = 3 + \frac{(x+1)^2}{4} \boxed{5 \pm \sqrt{10}}$$

6) 
$$508$$
  $\frac{(x-3)(x-7)}{2} - 3x = \frac{2x+1}{5} - \frac{(3x-3)^2}{2}$   $\boxed{1,48;2}$ 

\_21 | КУ с иррациональными коэффициентами:

35) 
$$483 4x - x^2 - 1 = 0$$
 ?

36) 
$$\boxed{484 -2x^2 + 7x - 3 = 0}$$

37) 
$$\boxed{485 \ 3 + 2x^2 - 7x = 0}$$

38) 
$$486 x^2 - 3x = 1,75$$
 ?

39) 
$$487 x^2 + x = 2$$
 ?

40) 
$$488 x^2 - 6x + 6 = 0$$
 ?

4) 
$$\boxed{493}(x-1)(x-2) = (3x+1)(x-2) \boxed{-1; 2}$$

5) 
$$\boxed{429} (3x-2)(x-3) = 20 \quad -1, 4\frac{2}{3}$$

6) 
$$\boxed{499}(x+2)(4x-5) = -3 \boxed{-1,75;1}$$

$$(x+2)(4x-3) = -3$$

$$-1,75;1$$

4) 29 
$$\frac{x-3}{4} + \frac{2x+3}{6} = \frac{x^2-11}{12}$$
 -1; 8

5) 
$$502$$
  $\frac{(x-1)^2}{5} - \frac{x+4}{6} = \frac{2x-2}{3}$   $\frac{1}{6}$ ; 6

6) 
$$509$$
  $\frac{x^2-1}{3} - \frac{(x-1)^2}{8} = \frac{(x+1)^2}{4} - x$  [1; 17]

- 1)  $47 x^2 + 2(1+\sqrt{8})x + 8\sqrt{2} = 0$   $-4\sqrt{2}$ ; -2
- 2)  $426 x^2 3\sqrt{2}x + 4 = 0$   $1 \sqrt{7}$ ;  $2 + \sqrt{7}$
- 3)  $427 x^2 3x 5 \sqrt{7} = 0$   $1 \sqrt{7}$ ;  $2 + \sqrt{7}$
- 4)  $428 x^2 + 3x \sqrt{3} 1 = 0$   $-2 \sqrt{3}; -1 + \sqrt{3}$

### 1.3 Уравнения высших степеней

### 1.3.1 Биквадратные уравнения

\_22 Приведенные БКУ:

- 1)  $33 \quad x^4 + 2x^2 3 = 0 \quad -1; 1$
- 2)  $511 x^4 3x^2 + 2 = 0$  ?
- 3)  $512 x^4 5x^2 + 4 = 0$  ?
- 4)  $513 x^4 20x^2 + 64 = 0$  ?
- 5) 514  $x^4 5x^2 + 6 = 0$  ?
- 6)  $515 3x^4 5x^2 + 2 = 0$  ?
- 7)  $516 x^4 10x^2 + 9 = 0$  ?
- 8)  $517 x^4 26x^2 + 25 = 0$  ?
- 9)  $518 x^4 + 20x^2 + 64 = 0$  ?
- 10)  $519 4x^4 41x^2 + 100 = 0$  ?
- 11)  $520 \ 25x^4 25x^2 + 6 = 0$  ?
- 12)  $521 x^4 + 2x^2 8 = 0$  ?
- 13)  $522 x^4 + 9x^2 = 400$  ?
- 14) 523  $x^4 = 12x^2 + 64$  ?
- 15) 524  $x^4 = 21x^2 + 100$  ?
- 34 Решить уравнение:

- 16)  $525 x^4 2x^2 + 1 = 0$  ?
- 17) 526  $9x^4 25x^2 + 16 = 0$   $\pm 1; \pm \frac{4}{3}$
- 18)  $527 6x^4 35 = 11x^2$  ?
- 19) 528  $-21 + 10x^4 = x^2$   $\pm \frac{\sqrt{6}}{2}$
- 20)  $529 6x^2 + x^4 + 9 = 0$  ?
- 21)  $530 -9 = 25x^4 + 30x^2$  ?
- 22)  $531 -14x^2 = 15 x^4$  ?
- 23)  $532 7x^4 + 3 = 9x^2$  ?
- 24)  $533 9x^4 = -1 = 9x^2$  ?
- 25) 534  $x^4 + 36 = 30x^2$  ?
- 26)  $535 -6 5x^2 = -4x^4$  ?
- 27)  $\boxed{536} x^2 4 + x^4 = 0$  ?
- 28)  $\boxed{537} \ 3 2x^4 = 11x^2 \ \boxed{?}$
- 29)  $\boxed{538} \ 3x^4 + 21 = 4x^2 \boxed{?}$

 $(x^2 - 10)(x^2 - 3) = 78$ 

-4; 4

#### 1.3.2 Распадающиеся уравнения

\_23 Готовые распадающиеся уравнения:

- 1) 41 (2x-1)(x+1) = 0 [0,5;-1]
- 2) 539(x-1)(x-2) = 0 ?
- 3) 540(x+4)(x-6) = 0 ?
- 4) 541(2x+3)(2x+5) = 0 ?
- 5) 542 (5-x)(3x+2) = 0 ?
- 6)  $543(2x-3)(x^2+3x+2)=0$  ?

- 7) 544  $(x^2 + 2x + 1)(x^2 5x + 7) = 0$  ?
- 8) 545  $(x^2 3x + 1)(x^2 4x + 4) = 0$  ?
- 9) 546  $(x^2 3x + 1)(x^2 4x + 3) = 0$  ?
- 10) 547  $(x^2 + 1)(x^2 + 5x + 6) = 0$  ?
- 11) 548  $(x^2 1)(x^2 2x + 7) = 0$  ?
- 12)  $549 (x^2 16)(x^2 4x + 4) = 0$  ?

13) 
$$550 x(x^2 - 6x + 9) = 0$$
 ?

14)  $558 x(x-3)^2 = 0$  ?

\_24 Распадающиеся уравнения (метод группировки):

1) 
$$36 x^3 - 3x^2 - 4x + 12 = 0 \pm 2; 3$$

6) 
$$1010$$
  $x^3 - x^2 - 81x + 81 = 0$  ?

2) 
$$1022$$
  $x^3 - 5x^2 - 4x + 20 = 0$  ?

7) 
$$1011$$
  $3x^3 + 5x^2 + 5x + 3 = 0$  ?

3) 
$$35 x^3 + x^2 + x + 1 = 0$$
  $-1$ 

8) 
$$1012$$
  $x^3 + 3x^2 - 16x - 48 = 0$  ?

4) 
$$980 \quad x^3 - x^2 + x - 1 = 0$$
 ?

5) 
$$1009$$
  $x^3 + x^2 - 4x - 4 = 0$  ?

9) 1013  $x^3 + 3x^2 - 16x - 48 = 0$  ?

\_56 Распадающиеся уравнения (метод группировки):

1) 
$$1014$$
  $x^4 + 2x^3 - x - 2 = 0$  ?

5) 
$$1018$$
  $x^3 + 3x^2 - 6x - 8 = 0$  ?

2) 
$$1015$$
  $2x^4 + 3x^3 + 16x = -24$  ?

6) 
$$1019 8x^3 + 3x = 1 + 6x^2$$
 ?

3) 
$$1016$$
  $x^4 + x - 3x^3 - 3 = 0$  ?

7) 
$$1020$$
  $15x + 5x^2 + 27 + x^3 = 0$  ?

4) 
$$1017$$
  $16x^3 + 24x^4 - 3x = 2$  ?

8) 
$$1021$$
  $5x + 27x^3 + 2 = 15x^2 + 3$  ?

\_55 Распадающиеся уравнения (все слагаемые содержат x):

1) 
$$551 x^3 + 5x^2 + 6x = 0$$
 ?

5) 
$$555 x^3 - 4x^2 + 3x = 0$$
 ?

2) 
$$552 x^4 = 2x^3 + 3x^2$$
 ?

6) 
$$556$$
  $10x^2 = x^4 + 3x^3$  ?

3) 
$$553$$
  $x^3 - 4x^2 = x$  ? 4)  $554$   $x^5 + x^3 = x^4$  ?

7) 
$$557 x^3 + x = 2x^2$$
 ?

\_57 Распадающиеся уравнения (обе части множители):

1) 
$$1025$$
  $(x-17)^2 = 5(x-17)$  ?

2) 
$$1026$$
  $(x+22)^2 = 4(x+22)$  ?

3) 
$$1027$$
  $(6x-8)^2 = (6x-8)^3$  ?

4) 1028 
$$(5x-10)^3 = (5x-10)^2$$
 ?

5) 1029 
$$(x-1)^2(x-3) = 5(x-1)$$
 ?

6) 1030 
$$(x-5)^2(x-2) = 2(x-5)$$
 ?

7) 1031 
$$(x-0,5)^3(x+3) = 2(x-0,5)^2$$
 ?

8) 
$$1034$$
  $(x+7)^3 = 25(x+7)$  ?

9) 
$$1035$$
  $(x-11)^3 = 4(x-11)$  ?

10) 1036 
$$(x+3)^3 = 100(x+3)$$
 ?

11) 1032 
$$(x+1)(x-2)(2x-1) = (x+1)(x-2)(x+3)$$
 ?

12) 1033 
$$(x+5)(x-1)(3x+1) = (x-1)(x+5)(3x+3)$$
 ?

13) 1023 
$$(x^2 + 4x)(x^2 + x - 6) = (x^3 - 9x)(x^2 + 2x - 8)$$
 ?

14) 1024 
$$(x^2 + 5x)(x^2 - 3x - 28) = (x^3 - 16x)(x^2 - 2x - 35)$$
 ?

#### 1.3.3 Однородные уравнения

\_58 Однородные уравнения второго порядка:

1) 1041 
$$x^2(x-1)^2 + x(x^2-1) = 2(x+1)^2$$
  $1 \pm \sqrt{2}$ 

2) 
$$1042$$
  $4x^2(2x+1)^2 - 2x(4x^2-1) = 30(2x-1)^2$ 

### 1.3.4 Симметрические уравнения

\_51 Решить уравнения:

1) 
$$645$$
  $\left(x^2 + \frac{4}{x^2}\right) - \left(x + \frac{2}{x}\right) - 8 = 0$   $\left[-2; -1; -2 - \sqrt{2}; 2 + \sqrt{2};\right]$ 

2) 
$$972 \ 6\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) + 5\left(x + \frac{1}{x}\right) - 38 = 0$$

3) 973 
$$\left(x^2 + \frac{1}{x^2}\right) + 7\left(x + \frac{1}{x}\right) + 10 = 0$$

4) 
$$974$$
  $\left(x^2 + \frac{16}{x^2}\right) - \left(x + \frac{4}{x}\right) - 12 = 0$ 

\_52 Решить уравнения:

1) 
$$646 \quad 6x^4 + 7x^3 - 36x^2 - 7x + 6 = 0$$

2) 
$$975$$
  $x^4 - 7x^3 + 14x^2 - 7x + 1 = 0$ 

3) 
$$976$$
  $2x^4 + x^3 - 11x^2 + x + 2 = 0$ 

4) 
$$977 78x^4 - 133x^3 + 78x^2 - 133x + 78 = 0$$

5) 
$$978$$
  $x^4 - 5x^3 + 10x^2 - 10x + 4 = 0$ 

6) 
$$979$$
  $x^4 - x^3 - 10x^2 + 2x + 4 = 0$ 

7) 981 
$$2x^4 - 5x^3 + 5x - 2 = 0$$

8) 
$$1006$$
  $x^4 - 3x^3 + 4x^2 - 3x + 1 = 0$ 

9) 
$$982 \ 6x^4 - 5x^3 - 5x - 6 = 0$$

10) 983 
$$6x^4 + 5x^3 - 38x^2 + 5x + 6 = 0$$

11) 
$$984 \ 2x^4 + x^3 - 11x^2 + x + 2 = 0$$

12) 
$$985 \quad 3x^4 - 10x^3 + 10x - 3 = 0$$

13) 986 
$$12x^4 + 7x^3 + 7x - 12 = 0$$

14) 
$$987 6x^4 - 35x^3 + 62x^2 - 35x + 6 = 0$$

15) 988 
$$2x^4 - 3x^3 - x^2 - 3x + 2 = 0$$

16) 
$$989 \quad 4x^4 - 33x^3 + 33x + 3 = 0$$

17) 990 
$$6x^4 + 7x^3 - 36x^2 - 7x + 6 = 0$$

18) 
$$991 2x^5 + 5x^4 - 13x^3 - 13x^2 + 5x + 2 = 0$$

19) 
$$992$$
  $15x^5 + 34x^4 + 15x^3 - 15x^2 - 34x - 15 = 0$ 

20) 993 
$$x^6 - 10x^5 + 27x^4 - 20x^3 + 27x^2 - 10x + 1 = 0$$

21) 
$$994 \ 2x^6 - x^5 - 8x^4 + 8x^2 + x - 2 = 0$$

#### 1.3.5 Другие замены

\_53 Решить уравнения:

1) 
$$995$$
  $(x^2 - 2x)^2 - 3x^2 + 6x - 4 = 0$ 

2) 996 
$$(x^2 - 3x)^2 - 14x^2 + 42x + 40 = 0$$

3) 
$$1037$$
  $(x^2 - x)^2 - 18(x^2 - x - 2) + 36 = 0$  ?

4) 997 
$$(2x^2 + 3x - 1)^2 - 10x^2 - 15x + 9 = 0$$

5) 
$$998 (x^2 - 5x + 7)^2 - (x - 3)(x - 2) - 1 = 0$$

6) 
$$1003$$
  $3(6x^2 - 13x + 6)^2 - 10(6x^2 - 13) = 53$ 

7) 
$$1004$$
  $3(2x-1)^4 - 16(2x-1)^2 + 16 = 0$ 

\_54 Решить уравнения:

1) 999 
$$(x-2)(x-3)^2(x-4) = 20$$

2) 
$$1000$$
  $(x^2 - 3x)(x - 1)(x - 2) = 24$ 

3) 
$$1001$$
  $(x^2 - 5x)(x + 3)(x - 8) + 108 = 0$ 

4) 
$$1002$$
  $(x+4)^2(x+10)(x-2)+243=0$ 

5) 
$$1005$$
  $(x^2 - 4x + 3)(x^2 + 6x + 8) + 24 = 0$ 

6) 1038 
$$(x+2)(x+4)(x+6)(x+8) = 105$$
 ?

7) 1039 
$$x(x+4)(x+5)(x+9) + 96 = 0$$
 ?

8) 
$$1040$$
  $x(x+3)(x+5)(x+8)+56=0$  ?

## 1.4 Целые уравнения с модулем

31 Решить уравнение:

$$|x^2 - 5x + 2| = 2$$

0; 1; 4; 5

1071 Решить уравнение:

$$|x| = 2 - x$$

5

1072 Решить уравнение:

$$|2x - 3| = 3 - 2x$$

5

1073 Решить уравнение:

$$|5x - 3| - |7x - 4| = 2x - 1$$

5

$$|x - 1| - |2x - 3| = 2$$

1075 Решить уравнение:

$$|2x + 8| - |x - 5| = 12$$

5

1076 Решить уравнение:

$$|2x - 15| = 22 - |2x + 7|$$

5

1077 Решить уравнение:

$$|4x - |x - 2| + 3| = 16$$

5

1081 Решить уравнение:

$$|5x^2 - 3| = 2$$

5

1082 Решить уравнение:

$$|x^2 - 3x| = 2x - 4$$

5

1083 Решить уравнение:

$$x^2 - 4x + |x - 3| + 3 = 0$$

5

1084 Решить уравнение:

$$(x-7)^2 - |x-7| = 30$$

5

1085 Решить уравнение:

$$||4 - x^2| - x^2| = 1$$

5

# 2 Дробные уравнения

15 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x-1} + \frac{2}{1-x^2} = \frac{5}{x^2 + 2x + 1}$$

4

$$\frac{21}{x} - \frac{10}{x - 2} - \frac{4}{x - 3} = 0$$

 $7; \frac{18}{7}$ 

23 Решить уравнение:

$$\frac{3-5x}{x+2} = 2 + \frac{x-11}{x+2}$$

 $\frac{5}{4}$ 

32 Решить уравнение:

$$\frac{x^2 + x - 6}{x + 3} = 0$$

2

37 Решить уравнение:

$$\frac{x}{x-2} - \frac{7}{x+2} = \frac{8}{x^2 - 4}$$

3

38 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x+3} - \frac{6}{9-x^2} = \frac{3}{x^2 - 6x + 9}$$

6

39 Решить уравнение:

$$\frac{1}{x-1} + \frac{2}{1-x^2} = \frac{5}{x^2+2x+1}$$

4

40 Решить уравнение:

$$\frac{21}{x} - \frac{10}{x - 2} - \frac{4}{x - 3} = 0$$

 $\frac{18}{7}$ ; 7

44 Решить уравнение:

$$\frac{x^2 + 2x}{x - 2} = 0$$

0; -2

45 Решить уравнение:

$$\frac{3x^2 - 7x}{x^2 + 1} = 0$$

 $-\frac{7}{2}$ ;  $\frac{5}{2}$ 

46 Решить уравнение:

$$\frac{4x^2 + 4x - 35}{x^2 - 7x + 12} = 0$$

 $-\frac{7}{2}; \frac{5}{2}$ 

$$\frac{1}{x(x+1)} + \frac{1}{(x+1)(x+2)} = \frac{1}{4}$$

-4; 2

# 3 Тригонометрические уравнения

741

- а) Решить уравнение  $(3 tg^2 x 1)\sqrt{-5 \cos x} = 0$
- б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[-\frac{7\pi}{2};-2\pi\right]$

a) 
$$\pm \frac{5\pi}{6} + 2\pi n$$
; 6)  $-\frac{19\pi}{6}$ ;  $-\frac{17\pi}{6}$ 

742

- а) Решить уравнение  $2\sin x + |\cos x| 3\cos x = 0$
- б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$

a) 
$$\frac{\pi}{4} + 2\pi n$$
;  $\pi + \arctan 2 + 2\pi n$ ; 6)  $\pi + \arctan 2$ ;  $\frac{9\pi}{4}$ 

794

- а) Решить уравнение  $2\log_3^2(2\cos x) 5\log_3(2\cos x) = 0$
- б) Найдите корни этого уравнения, принадлежащие промежутку  $\left[\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$

a) 
$$\pm \frac{\pi}{3} + 2\pi n$$
; 6)  $\frac{5\pi}{3}$ ;  $\frac{7\pi}{3}$ 

# 4 Показательные уравнения

668 Решить уравнение:

$$27^x = 3$$

 $\frac{1}{3}$ 

669 Решить уравнение:

$$5^x = \frac{1}{5}$$

-1

670 Решить уравнение:

$$(0,04)^x = 0,2$$

0.5

$$7^x = \frac{1}{49}$$

5

672 Решить уравнение:

$$\left(\frac{2}{3}\right)^x = 1, 5$$

-1

673 Решить уравнение:

$$\left(\frac{1}{8}\right)^x = 16$$

 $\frac{4}{3}$ 

674 Решить уравнение:

$$5^{x} = 0$$

5

675 Решить уравнение:

$$5^x - 5^{x-1} = 100$$

3

676 Решить уравнение:

$$3^{2x+1} - 9^x = 18$$

5

677 Решить уравнение:

$$4^{x+1} - 2^{2x-2} = 60$$

5

678 Решить уравнение:

$$9 \cdot 5^x - 25 \cdot 3^x = 0$$

5

679 Решить уравнение:

$$27 \cdot 5^x - 125 \cdot 3^x = 0$$

5

680 Решить уравнение:

$$3^{x} = 4$$

5

$$5^x = \frac{1}{2}$$

682 Решить уравнение:

$$2^{x} = 7$$

2

683 Решить уравнение:

$$\frac{17^{18-x}}{19} = \frac{19^{18-x}}{17}$$

5

684 Решить уравнение:

$$2 \cdot 9^x - 6^x - 3 \cdot 4^x = 0$$

5

685 Решить уравнение:

$$4^{x+1} + 15 \cdot 2^x - 4 = 0$$

5

686 Решить уравнение:

$$\frac{3^{x^2} - 3}{x - 1} = 0$$

5

687 Решить уравнение:

$$(2x-3)5^{3x-2} = 2x-3$$

5

688 Решить уравнение:

$$\frac{x^2}{6^x - 36} = \frac{4}{6^x - 36}$$

5

721 Решить уравнение:

$$\frac{16^{27-x}}{11} = \frac{11^{27-x}}{16}$$

5

722 Решить уравнение:

$$3 \cdot 16^x + 5 \cdot 12^x - 12 \cdot 9^x = 0$$

.

723 Решить уравнение:

$$4^{x+1} + 11 \cdot 2^x - 3 = 0$$

5

724 Решить уравнение:

$$\frac{7^{x^2} - 7}{x - 1} = 0$$

5

# 5 Логарифмические уравнения

600 Решить уравнение:

$$\log_8 2^{8x-4} = 4$$

2

601 Решить уравнение:

$$2^{\log_8(5x-3)} = 8$$

?

602 Решить уравнение:

$$\left(\frac{1}{3}\right)^{x^2+x} = \frac{1}{9}$$

2

603 Решить уравнение:

$$\log_5(x^2 + 2x) = \log_5(x^2 + 8)$$

4

\_29 Простейшие логарифмические уравнения:

1)  $\log_2(3x - 7) = 1$  ?

6)  $\log_2(7x - 5) = -2$  ?

2)  $\log_{\frac{1}{4}}(3x-2) = 0$  ?

7)  $\log_5(2x^2 - 3x + 1, 2) = -1$  ?

3)  $\log_{\frac{1}{2}}(x+12) = -2$  ?

8)  $\log_{\frac{1}{4}}(2x^2 - 7x + 6) = -2$  ?

4)  $\log_3(2x-11)=2$  ?

9)  $\log_3(3x^2 - 5x + 1) = 1$  ?

5)  $\log_{\frac{1}{3}}(5x-2) = -3$  ?

10)  $\log_{\frac{1}{2}}(x^2 - 17x + 9) = -3$  -1;18

776 Решить уравнение:

$$\log_2(x^2 - 3x) = \log_2(x - 3)$$

Нет корней

777 Решить уравнение:

$$\log_5(x^2 + 13x) = \log_5(9x + 5)$$

1

778 Решить уравнение:

$$\log_{666}(x^2 + 1, 5x) = 0$$

 $-2; \frac{1}{2}$ 

779 Решить уравнение:

$$\log_3(2 \cdot 3^x - 5) = \log_3(3^x + 4)$$

2

$$\log_2(4^x - 2^{x+1} + 2) = x$$

0;1

781 Решить уравнение:

$$\log_2\cos 2x = \log_2\cos x$$

?

782 Решить уравнение:

$$x^{2} + \log_{2}(x^{3} + x - 1) = x + 6 + \log_{2}(x^{3} + x - 1)$$

0;1

783 Решить уравнение:

$$\frac{2}{(\log_x 5)^2} - \log_5 x = 0$$

 $\sqrt{5}$ 

784 Решить уравнение:

$$\log_2(x^2 - 9) = \log_2(2 - x) + 1$$

 $-1 - \sqrt{14}$ 

785 Решить уравнение:

$$\log_2 x = \log_4(x+2)$$

2

786 Решить уравнение:

$$4\log_4(x+2) = \log_2(2x+1) + \log_2 x$$

4

787 Решить уравнение:

$$\log_3 x = 4 - 3\log_x 3$$

3;27

# 6 Смешанные уравнения

# 7 Применение свойств функций

### 7.1 Монотонность функций

1007 Решить уравнение:

$$x^5 + 3x^3 + 8x - 12 = 0$$

1

$$6^x + 8^x = 10^x$$

732 Решить уравнение:

$$4\sqrt{6-5x} + |3x-2| = 4x + |3\sqrt{6-5x} - 2|$$

5

5

733 Решить уравнение:

$$(2x+1)(2+\sqrt{(2x+1)^2+3})+3x(2+\sqrt{9x^2+3})=0$$

5

739 Решить уравнение:

$$5^{-x} = \log_5(x+6) + 4$$

-1

740 Решить уравнение:

$$5\sqrt{12-x} + |4x-3| = 5x + |4\sqrt{12-x} - 3|$$

3

### 7.2 Ограниченность функций

1008 Решить уравнение:

$$(x^4 - 2x^2 + 2)^4 + (x^2 + 2x + 5)^2 = 17$$

-1

[771] Найдите все пары (x;y) действительных чисел x и y, для каждой из которых выполняется равенство  $5^{|y+3|+2}=13-12\cos x$ 

 $(\pi + 2\pi n; -3), n \in \mathbb{Z}$