Занятие №1

1. Вычислить:

1)
$$\frac{1,23\cdot 45,7}{12,3\cdot 0,457}$$

2)
$$(432^2 - 568^2) : 1000$$

3)
$$\frac{2^{3,5} \cdot 3^{5,5}}{6^{4,5}}$$

4)
$$\frac{(2^{\frac{3}{5}} \cdot 5^{\frac{2}{3}})^{15}}{10^9}$$

5)
$$0.8^{\frac{1}{7}} \cdot 5^{\frac{2}{7}} \cdot 20^{\frac{6}{7}}$$

6)
$$2^{3\sqrt{7}-1} \cdot 8^{1-\sqrt{7}}$$

2. Найти значение выражения:

1)
$$\frac{(11a)^2 - 11a}{11a^2 - a}$$

2)
$$(4a^2 - 9) \cdot \left(\frac{1}{2a - 3} - \frac{1}{2a + 3}\right)$$

3. Найдите 3p(x) - 6x + 2, если p(x) = 2x - 12.

4. Найдите
$$q(x-3) - q(x+3)$$
, если $q(x) = \frac{x}{3} + 2$.

5. Найдите 5(p(3x) - 3p(x+5)), если p(x) = 2x - 10.

6. Найдите значение выражения
$$\frac{g(x-9)}{g(x-11)}$$
, если $g(x) = 8^x$

7. Найдите
$$p(x) + p(6-x)$$
, если $p(x) = \frac{x(6-x)}{x-3}$, при $x \neq 3$.

8. Найдите
$$\frac{p(b)}{p\left(\frac{1}{b}\right)}$$
, если $p(b)=\left(b+\frac{3}{b}\right)\cdot\left(3b+\frac{1}{b}\right)$, при $b\neq 0$.

9. Найдите
$$\frac{a}{b}$$
, если $\frac{2a+5b}{5a+2b}=1$

10. Найдите
$$61a - 11b + 50$$
, если $\frac{2a - 7b + 5}{7a - 2b + 5} = 9$

11. Найти значение выражения:

1)
$$\sqrt{65^2 - 56^2}$$

3)
$$\sqrt[3]{49} \cdot \sqrt[6]{49}$$

2)
$$\left(\sqrt{3\frac{6}{7}} - \sqrt{1\frac{5}{7}}\right) : \sqrt{\frac{3}{28}}$$

4)
$$\frac{(\sqrt{3} + \sqrt{11})^2}{7 + \sqrt{33}}$$

12. Найдите значение выражения:

1)
$$\frac{5\sqrt{x}+2}{\sqrt{x}}-\frac{2\sqrt{x}}{x}$$
 при $x>0$

3)
$$\frac{\sqrt{81\sqrt[7]{b}}}{\sqrt[14]{b}}$$
 при $b>0$

2)
$$\frac{\sqrt{m}}{\sqrt[9]{m}\cdot\sqrt[18]{m}}$$
 при $m=64$

4)
$$\frac{15\sqrt[5]{\sqrt[28]{a}}-7\sqrt[7]{\sqrt[20]{a}}}{2\sqrt[35]{\sqrt[4]{a}}}$$
 при $a>0$

13. Найдите $\frac{g(2-x)}{g(2+x)}$, если $g(x) = \sqrt[3]{x(4-x)}$ при $|x| \neq 2$

14. Найдите
$$h(5+x) + h(5-x)$$
, если $h(x) = \sqrt[3]{x} + \sqrt[3]{x-10}$.

15. Найдите значение выражения
$$x + \sqrt{x^2 - 4x + 4}$$
 при $x \leqslant 2$

16. Найдите значение выражения
$$\sqrt{(a-6)^2} + \sqrt{(a-10)^2}$$
 при $6 \leqslant a \leqslant 10$

17. Найдите значение выражения:

1)
$$3^{\log_{\sqrt{3}}7}$$

2) $\log_{\sqrt[3]{\frac{1}{3}}} 9$

3) $\log_5 60 - \log_5 12$

4)
$$\frac{9^{\log_5 50}}{9^{\log_5 2}}$$

5) $(1 - \log_2 12)(1 - \log_6 12)$

6)
$$3^{\log_3 7} + 49^{\log_7 \sqrt{13}}$$

7)
$$\frac{\log_3 18}{2 + \log_3 2}$$

18.
$$\log_a \frac{a}{b^3}$$
, если $\log_a b = 5$.

19.
$$\log_a \frac{a^7}{b^3}$$
, если $\log_a b = -5$.

20. Найдите
$$3\cos\alpha$$
, если $\sin\alpha=-\frac{2\sqrt{2}}{3}$ и $\alpha\in\left(\frac{3\pi}{2};2\pi\right)$

21. Найдите
$$\operatorname{tg}\alpha$$
, если $\cos\alpha = \frac{\sqrt{10}}{10}$ и $\alpha \in \left(\frac{3\pi}{2}; 2\pi\right)$

22. Найдите
$$24\cos2\alpha$$
, если $\sin\alpha=-0,2$

23. Найдите
$$\sin\left(\frac{7\pi}{2}-x\right)$$
, если $\sin x=0,8$ и $x\in\left(\frac{\pi}{2};\pi\right)$