Домашняя работа №2

1 Вычислить:

1)
$$\frac{(4+\sqrt{40})(\sqrt{4,5}+\sqrt{1,125})}{\sqrt{18}+\sqrt{45}}$$

2)
$$\frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1} - \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+1} - \frac{\sqrt{2}+3}{\sqrt{2}}$$

2 Решить уравнение:

1)
$$(x^2 + 5x + 2)^2 (x^2 + 5x - 1) = 28.$$

2)
$$(x^2 + x + 1)^4 - 10x^2(x^2 + x + 1)^2 + 9x^4 = 0$$
.

3)
$$||x+3|-1|=2$$
.

4)
$$|x+2|+2|x-1|-|x+1|=3$$
.

3 Решить уравнение:

1)
$$\sqrt{3x^2 + 6x + 1} + x^2 + 2x = 13$$
.

3)
$$\sqrt{2x^2 + 3x + 2} - \sqrt{2x^2 + 3x - 5} = 1$$
.

2)
$$\sqrt{x-1} + \sqrt{11-x} = 4$$

4 Решить уравнение:

1)
$$729^{\frac{x}{3}} = \frac{1}{9}$$
.

3)
$$\left(\frac{16}{9}\right)^{x^2+2x} = \left(\frac{3}{4}\right)^{x-3}$$
.

$$2) \quad 5^{3x} = (\sqrt{5})^{x^2 + 5}.$$

4)
$$4^{x+2} + 30 \cdot 2^{x-1} - 1 = 0$$

5 Докажите тождество:

$$\frac{\operatorname{ctg}\alpha - \sin 2\alpha}{\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha} = \operatorname{ctg}\alpha$$

6 Вычислить:

1)
$$5 \lg 17^{\circ} \cdot \lg 107^{\circ}$$

2)
$$\sin\left(\frac{7\pi}{2} - x\right)$$
, если $\sin x = 0,8$ и $x \in \left(\frac{\pi}{2}; \pi\right)$

3)
$$\cos 2\alpha$$
, если $\sin \alpha = -0.6$

4)
$$\sin \frac{\alpha}{2}$$
, если $\cos \alpha = -\frac{161}{289}$ и $90^{\circ} < \frac{\alpha}{2} < 180^{\circ}$