Занятие №1

1. Вычислить:

$$\frac{\left(7\frac{1}{3}\right)^2 - \left(2\frac{2}{3}\right)^2}{\left(5\frac{7}{9}\right)^2 - \left(4\frac{2}{9}\right)^2}$$

2. Вычислить:

$$\left(\frac{1}{2009^2} - \frac{1}{2010^2}\right) : \left(\frac{1}{2009} - \frac{1}{2010}\right) \cdot 2009^2$$

3. Вычислить:

$$\frac{42,5904:6,08-1,245}{(18,2^2-5,6^2+23,8\cdot7,4):5,95+35,2}$$

4. Вычислить:

$$\frac{2502}{1001} - \frac{1000}{1001} + \frac{999}{1001} - \frac{998}{1001} + \dots + \frac{1}{1001}$$

5. Упростить выражение и вычислить значение выражения:

1)
$$\frac{3m^2+6mn+3n^2}{6n^2-6m^2}$$
 при $m=0,5,\ n=\frac{2}{3}$

2)
$$\frac{2c^2-2b^2}{4b^2-8bc+4c^2}$$
 при $b=0,25,\ c=\frac{1}{3}$

3)
$$\left(\frac{n}{a} + \frac{a^2}{n^2}\right) : \left(\frac{1}{a^2n} + \frac{1}{n^3} - \frac{1}{an^2}\right) - a^2n$$
 при $a = 0,02, n = -10$

4)
$$\left(\frac{1}{a^2 - 4a} + \frac{a+3}{a^2 - 16}\right) \cdot \frac{4a - a^2}{a+2} + \frac{a+8}{a+4}$$
 при $a = -0,01$

6. Найдите 3p(x) - 6x + 2, если p(x) = 2x - 12.

7. Найдите
$$q(x-3) - q(x+3)$$
, если $q(x) = \frac{x}{3} + 2$.

8. Найдите 5(p(3x) - 3p(x+5)), если p(x) = 2x - 10.

9. Найдите

$$4x \cdot f(x) - (f(x))^2 + 6x - 16,$$
если $f(x) = 4x + 6$ и $x = \frac{53}{78}$.

10. Найдите
$$p(x) + p(8-x)$$
, если $p(x) = \frac{x(8-x)}{x-4}$, при $x \neq 4$.

11. Найдите
$$\frac{p(b)}{p\left(\frac{1}{b}\right)}$$
, если $p(b)=\left(b+\frac{3}{b}\right)\cdot\left(3b+\frac{1}{b}\right)$, при $b\neq 0$.

12. Найдите
$$\frac{a}{b}$$
, если $\frac{2a+5b}{5a+2b}=1$

13. Найдите
$$61a - 11b + 50$$
, если $\frac{2a - 7b + 5}{7a - 2b + 5} = 9$

14. Решить уравнения:

1)
$$\frac{2}{3}(0,5x-3) - 0, 2\left(2\frac{1}{2} - 5x\right) - \frac{1}{3}(0,5x-3) = 0$$

2)
$$(2x-1)(x+2) - (x-5)(2x+1) = 0$$

3)
$$(2x-5)(3x-4) - (3x+4)(x-2) - 10x - 28 = 0$$

4)
$$\frac{5x^2 - 48}{8} - \frac{33 - 2x^2}{6} = 3\frac{5}{6}$$

5)
$$(x-5)^2 + (3-x)^2 - 4(x+5)(3-x) - 48 = (x+1)^2$$

6)
$$\frac{x^2 - 1}{3} - \frac{(x - 1)^2}{8} = \frac{(x + 1)^2}{4} - x$$

15. Решить уравнения:

1)
$$(x^2 + 2x + 1)(x^2 - 5x + 7) = 0$$

2)
$$(x^2 - 16)(x^2 - 4x + 4) = 0$$

16. Решить уравнения:

1)
$$x^3 - 3x^2 - 4x + 12 = 0$$

2)
$$x^3 + x^2 - 4x - 4 = 0$$

3)
$$x^4 + x - 3x^3 - 3 = 0$$

17. Решить уравнения:

1)
$$(x+22)^2 = 4(x+22)$$

2)
$$(5x - 10)^3 = (5x - 10)^2$$

3)
$$(x-0,5)^3(x+3) = 2(x-0,5)^2$$

4)
$$(x+1)(x-2)(2x-1) = (x+1)(x-2)(x+3)$$

5)
$$(x^2 + 4x)(x^2 + x - 6) = (x^3 - 9x)(x^2 + 2x - 8)$$

18. Решить уравнение:

$$(x^2 - 2x)^2 - 3x^2 + 6x - 4 = 0$$

19. Решить уравнение:

$$\left(x^2 + \frac{4}{x^2}\right) - \left(x + \frac{2}{x}\right) - 8 = 0$$

20. Решить уравнение:

$$(x-2)(x-3)^2(x-4) = 20$$