# 1 Рациональные числа

## 1.1 Целые числа

1089 Вычислить:

 $(432^2 - 568^2) : 1000$ 

5

## 1.2 Дроби

#### 1.2.1 Вычисления

1088 Вычислить:

$$\frac{1,23\cdot 45,7}{12,3\cdot 0,457}$$

5

1220 Вычислить:

$$\frac{1,26\cdot 13,8}{12,6\cdot 1,38}$$

)

1287 Вычислить:

$$\frac{1,57 \cdot 11,9}{15,7 \cdot 1,19}$$

2

1298 Вычислить:

$$\frac{\left(7\frac{1}{3}\right)^2 - \left(2\frac{2}{3}\right)^2}{\left(5\frac{7}{9}\right)^2 - \left(4\frac{2}{9}\right)^2}$$

?

1305 Вычислить:

$$\frac{\left(7\frac{3}{7}\right)^2 - \left(\frac{6}{7}\right)^2}{\left(17\frac{11}{14}\right)^2 - \left(11\frac{3}{14}\right)^2}$$

5

1299 Вычислить:

$$\left(\frac{1}{2009^2} - \frac{1}{2010^2}\right) : \left(\frac{1}{2009} - \frac{1}{2010}\right) \cdot 2009^2$$

5

$$\frac{42,5904:6,08-1,245}{(18,2^2-5,6^2+23,8\cdot7,4):5,95+35,2}$$

1301 Вычислить:

$$\frac{2502}{1001} - \frac{1000}{1001} + \frac{999}{1001} - \frac{998}{1001} + \dots + \frac{1}{1001}$$

1306 Вычислить:

$$\left(\frac{1}{2010^2} - \frac{1}{2011^2}\right) : \left(\frac{1}{2010} - \frac{1}{2011}\right) \cdot \frac{2011}{4021}$$

5

1313 Вычислить:

$$\frac{(0,73^3-0,73\cdot 0,27^2):0,023+2,4}{(18,544:3,05-1,83)\cdot 0,16}$$

1324 Вычислить:

$$(1,545:1,5-1)\cdot 2\frac{2}{3}+0,5:\frac{4}{15}$$

1325 Вычислить:

$$\frac{\left(1\frac{13}{16} + 1\frac{17}{24}\right) \cdot \frac{4}{13}}{28\frac{14}{15} : 2, 8 - 4\frac{11}{12}}$$

5

1306 Вычислить:

$$\left(\frac{1}{2010^2} - \frac{1}{2011^2}\right) : \left(\frac{1}{2010} - \frac{1}{2011}\right) \cdot \frac{2011}{4021}$$

5

1325 Вычислить:

$$\frac{\left(1\frac{13}{16} + 1\frac{17}{24}\right) \cdot \frac{4}{13}}{28\frac{14}{15} : 2, 8 - 4\frac{11}{12}}$$

5

#### 1.2.2 Степень с натуральным показателем

1) 
$$1609 \quad \frac{6^3 \cdot 5^2}{3^3 \cdot 2^4} \quad ?$$

3) 
$$1610 \quad \frac{10^3 \cdot 9^2}{6^3 \cdot 5^2} \quad ?$$

5) 
$$1611 \quad 2,5^3:5^3$$
 ?

2) 
$$1612$$
  $1,5^4:3^3$  ?

4) 1613 
$$\frac{\left(3\frac{1}{3}\right)^3 \cdot 0, 1^3}{3}$$
 ?

4) 1613 
$$\frac{\left(3\frac{1}{3}\right)^3 \cdot 0, 1^3}{3}$$
 ? 6) 1614  $\frac{\left(1\frac{1}{2}\right)^4 \cdot 0, 2^4}{0, 15}$  ?

\_68 Вычислить:

- 1) 1549  $\frac{18^2 \cdot 12^3 \cdot 8^2}{24^3 \cdot 6^2}$  72
- 2) 1307  $\frac{(2^3)^4 \cdot (2^3)^5}{16^2 \cdot 32^3}$  16
- 3)  $1320 \quad \frac{52 \cdot (3 \cdot 4^{10} + 7 \cdot 2^{19})}{(16^3 \cdot 13)^2} \quad \boxed{\frac{1}{8}}$
- 4)  $1529 \quad \frac{72^3 \cdot 48^3}{36^5 \cdot 16^3} \quad \frac{1}{6}$
- 5) 1602  $\frac{2 \cdot 3^{20} 5 \cdot 3^{19}}{9^9}$  3
- 6) 1603  $\frac{52 \cdot (3 \cdot 2^{20} + 7 \cdot 2^{19})}{(13 \cdot 8^4)^2}$   $\frac{1}{8}$
- 7)  $1604 \quad \frac{25(180 \cdot 6^7 108 \cdot 6^6)}{216^3 36^4} \quad \boxed{135}$

- 8) 1605  $\frac{(3^{15}+3^{13})\cdot 2^9}{(3^{14}+3^{12})\cdot 1024}$  1,5
- 9)  $1606 \quad \frac{(4 \cdot 3^{22} + 7 \cdot 3^{21}) \cdot 57}{(19 \cdot 27^4)^2} \quad ?$
- 10) 1607  $\frac{5(3 \cdot 7^{15} 19 \cdot 7^{14})}{7^{16} + 3 \cdot 7^{15}}$  ?
- 11)  $1608 \quad \frac{6 \cdot 2^8 9 \cdot 2^{10} + 3 \cdot 2^{12}}{4 \cdot 2^{10} + 4 \cdot 2^{12} 8 \cdot 2^{11}} \quad ?$
- 12) 1534  $\left(\frac{7^4}{15^2}\right)^3 \cdot \left(\frac{5}{7}\right)^6 \cdot \left(\frac{3}{7}\right)^5 \quad \boxed{\frac{7}{3}}$
- 13)  $\boxed{1601} \quad \left(\frac{5^3}{6^2}\right)^4 \cdot \left(\frac{2}{5}\right)^5 \cdot \left(\frac{3}{5}\right)^7 \quad \boxed{\frac{1}{24}}$

#### 1.2.3 Степень с целым показателем

\_88 Вычислить:

- 1)  $1669 8^{-2} \cdot 4^3$  ?
- 4)  $1672 10^0 : 10^{-3} ?$
- 7) 1675  $(6^2)^6:6^{14}$  ?

- 2)  $1670 (3^{-1})^5 \cdot 81^2$  ?
- 5) 1673  $125^{-4}:25^{-5}$  ?
- 8) 1676  $16^{-3} \cdot 4^6$  ?

- 3)  $1671 \quad 9^{-2} \cdot 3^{-6} \quad ?$
- 6) 1674  $125^{-1} \cdot 25^2$  ?
- 9) 1677  $12^0: (12^{-1})^2$  ?

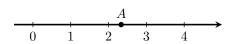
\_89 Вычислить:

- 1) 1678  $\frac{(2^3)^5 \cdot (2^{-6})^2}{4^2}$  ?
- 3)  $1680 \quad \frac{4^{-2} \cdot 8^{-6}}{2^{-22}} \quad ?$
- 5) 1682  $\frac{5^{-5} \cdot 25^{10}}{125^3}$  ?

- 2) 1679  $\frac{2^{-21}}{4^{-5} \cdot 4^{-6}}$  ?
- 4) 1681  $\frac{3^{-10} \cdot 9^8}{(-3)^2}$  ?
- 6) 1683  $\frac{(3^{-2})^3 \cdot 9^4}{(3^3)^2}$  ?

#### 1.2.4 Дроби на числовой прямой

1 Какое из чисел отмечено на координатной прямой точкой A?



В ответе укажите номер правильного варианта.

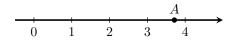
1)  $\frac{7}{3}$ 

2)  $\frac{2}{3}$ 

3)  $\frac{13}{3}$ 

4)  $\frac{4}{3}$ 

 $\boxed{2}$  Какому из чисел  $\frac{12}{7}; \, \frac{17}{7}; \, \frac{26}{7}; \, \frac{33}{7}$  соответствует точка A?

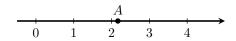


В ответе укажите номер правильного варианта.

2)  $\frac{33}{7}$ 

4)  $\frac{12}{7}$ 

[3] Какому из чисел  $\frac{1}{6}$ ;  $\frac{5}{6}$ ;  $\frac{10}{6}$ ;  $\frac{13}{6}$  соответствует точка A?



В ответе укажите номер правильного варианта.

1)  $\frac{5}{6}$ 

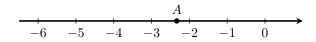
3)  $\frac{10}{6}$ 

4)  $\frac{13}{6}$ 

4

3

[4] Какому из чисел  $\frac{2}{9}$ ;  $-\frac{37}{9}$ ;  $-\frac{15}{9}$ ;  $-\frac{21}{9}$  соответствует точка A?



В ответе укажите номер правильного варианта.

1)  $\frac{2}{9}$ 

2)  $-\frac{15}{9}$ 

3)  $-\frac{21}{9}$ 

4)  $-\frac{37}{9}$ 

3

#### 2 Иррациональные числа

# Арифметический корень

\_82 Вычислить:

- 1)  $\boxed{1616}$   $\sqrt{3} \cdot \sqrt{12}$   $\boxed{6}$  4)  $\boxed{1692}$   $\sqrt{2} \cdot \sqrt{32}$   $\boxed{?}$  7)  $\boxed{1693}$   $\sqrt{13} \cdot \sqrt{52}$   $\boxed{?}$  10)  $\boxed{1705}$   $\sqrt{10} \cdot \sqrt{40}$   $\boxed{?}$

- 2)  $\boxed{1690}$   $\sqrt{2} \cdot \sqrt{8}$  ? 5)  $\boxed{1695}$   $\sqrt{63} \cdot \sqrt{7}$  ? 8)  $\boxed{1619}$   $\sqrt{72} \cdot \sqrt{20}$   $\boxed{120}$  11)  $\boxed{1706}$   $\sqrt{72} \cdot \sqrt{2}$  ?

- 3)  $\boxed{1691}$   $\sqrt{27} \cdot \sqrt{3}$  ? 6)  $\boxed{1617}$   $\sqrt{60} \cdot \sqrt{15}$   $\boxed{30}$  9)  $\boxed{1704}$   $\sqrt{54} \cdot \sqrt{6}$  ? 12)  $\boxed{1707}$   $\sqrt{45} \cdot \sqrt{20}$  ?

\_92 | Упростить выражение:

- 1) 1694  $\sqrt{50} \cdot \sqrt{4,5}$  ?
- 4)  $1709 \sqrt{110} \cdot \sqrt{4,4}$  ?
- 7)  $1729 -4\sqrt{0.81}$  ?

- 2) 1708  $\sqrt{\frac{2}{3}} \cdot \sqrt{\frac{3}{8}}$   $\frac{1}{2}$
- 5)  $1710 \sqrt{1\frac{4}{5}} \cdot \sqrt{0,2}$  ?
- 8) 1783  $15\sqrt{20} \cdot 0, 1\sqrt{45}$  ?

- 3) 1696  $\sqrt{1,2} \cdot \sqrt{3\frac{1}{3}}$  ?
- 6)  $1728 \quad 0, 3\sqrt{289} \quad ?$
- 9) 1784  $0, 3\sqrt{10} \cdot 0, 2\sqrt{15} \cdot 0, 5\sqrt{6}$  ?

\_93 | Упростить выражение:

- 1)  $1720 \sqrt{21 \cdot 6 \cdot 7 \cdot 8}$  ?
- 2)  $1717 \sqrt{45 \cdot 10 \cdot 18}$  ?
- 3)  $1719 \sqrt{77 \cdot 24 \cdot 33 \cdot 14}$  ?
- 4)  $1721 \sqrt{5 \cdot 6 \cdot 8 \cdot 20 \cdot 27}$  ?
- 5)  $|1718| \sqrt{1,44 \cdot 0,04 \cdot 0,0001} |?$
- 6)  $1722 \sqrt{21 \cdot 65 \cdot 39 \cdot 35}$  ?

- 7)  $1723 \sqrt{10 \cdot 20 \cdot 48 \cdot 36 \cdot 75 \cdot 98}$  ?
- 8)  $1724 \sqrt{196 \cdot 0, 81 \cdot 0, 36}$  ?
- 9) 1726  $\sqrt{1\frac{9}{16} \cdot 5\frac{4}{9} \cdot 0,01}$  ?
- 10)  $1725 \quad \sqrt{0,87 \cdot 49 + 0,82 \cdot 49} \quad ?$
- 11)  $1727 \sqrt{1,44 \cdot 1,21-1,44 \cdot 0,4}$  ?

# \_91 Упростить выражение:

- 1)  $1618 \quad \sqrt{80} : \sqrt{5} \quad 4$

- 4)  $\boxed{1698} \quad \frac{\sqrt{52}}{\sqrt{117}}$  ? 7)  $\boxed{1701} \quad \frac{\sqrt{2}}{\sqrt{18}}$  ? 10)  $\boxed{1785} \quad \frac{8\sqrt{5}}{0,4\sqrt{0,2}}$  ?
- 2)  $\frac{\sqrt{2}}{\sqrt{18}}$  ? 5)  $\frac{\sqrt{12500}}{\sqrt{500}}$  ? 8)  $\frac{\sqrt{999}}{\sqrt{111}}$  3 11)  $\frac{\sqrt{0,48}}{5\sqrt{12}}$  ?
- 3)  $\boxed{1697} \frac{\sqrt{23}}{\sqrt{2300}}$  ? 6)  $\boxed{1700} \frac{\sqrt{7,5}}{\sqrt{0.3}}$  ? 9)  $\boxed{1703} \frac{\sqrt{15}}{\sqrt{735}}$  ?

## |\_94| Упростить выражение:

- 1)  $1730 \sqrt{\frac{9}{49}} 1$  ?
- 4) 1733  $\frac{\sqrt{144}}{6} + \sqrt{2,89}$  ? 7) 1736  $0,5(\sqrt{12})^2 + \frac{1}{4}(2\sqrt{2})^4$  ?
- 2) 1731  $\frac{4}{\sqrt{256}} \frac{1}{\sqrt{64}}$  ?
- 5) 1734  $\sqrt{0,16} + (2\sqrt{0,1})^2$  ? 9) 1738  $(5\sqrt{2})^2 (2\sqrt{5})^2$  ?
- 8)  $1737 (3\sqrt{3})^2 + (-3\sqrt{3})^2$  ?

- 3)  $1732 \quad 2\sqrt{0,0121} + \sqrt{100}$  ?
- 6)  $\boxed{1735} (0,2\sqrt{10})^2 + 0,5\sqrt{16}$  ?  $\boxed{10} \boxed{1739} (-3\sqrt{6})^2 3(\sqrt{6})^2$  ?

# \_67 Вычислить:

- 1)  $1770 \sqrt{17^2 8^2}$  ?
- 2)  $1771 \sqrt{13^2 12^2}$  ?
- 3)  $1772 \sqrt{8^2+6^2}$  10
- 4)  $1773 \sqrt{313^2 312^2}$  ?
- 5)  $1774 \sqrt{122^2 22^2}$  ?
- 6)  $1098 \sqrt{65^2 56^2}$  ?
- 7) 1215  $\sqrt{818^2 240^2}$  33
- 8)  $1777 \sqrt{82^2 18^2}$  ?

- 9)  $1778 \sqrt{117^2 108^2}$  ?
- 10) 1779  $\sqrt{6,8^2-3,2^2}$  ?
- 11) 1219  $\sqrt{1,845^2 0,405^2}$  1,8
- 12)  $1775 \sqrt{45,8^2-44,2^2}$  ?
- 13) 1776  $\sqrt{21,8^2-18,2^2}$  ?
- 14) 1780  $\sqrt{\left(1\frac{1}{16}\right)^2 \left(\frac{1}{2}\right)^2}$  ?

# |\_84 | Упростить выражение:

- 1)  $1629 \quad 10\sqrt{\frac{2}{5}} 0.5\sqrt{160} + 3\sqrt{1\frac{1}{9}}$  ?
- 2) 1630  $15\sqrt{\frac{3}{5}} 0.5\sqrt{60} + 2\sqrt{3\frac{3}{4}}$  ?

- 3) 1631  $2\sqrt{8\frac{1}{2}} \sqrt{136} 5\sqrt{1\frac{9}{25}}$  ?
- 4)  $1632 \quad 6\sqrt{2\frac{1}{3}} \sqrt{84} + 4\sqrt{1\frac{5}{16}}$  ?

#### \_86 Вычислить:

- 1) 1550  $(5\sqrt{2},7)^2 \sqrt{2}, 4 \cdot \sqrt{0}, 15 + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{27}}$   $67\frac{7}{30}$
- 2) 1711  $2, 1 + \sqrt{1,44}$  ?
- 3)  $\boxed{1713} \quad 3, 2 \sqrt{5,76} \quad ?$
- 4) 1712  $2\sqrt{0,25} + 3\sqrt{11\frac{1}{9}}$  ?
- 5) 1714  $\frac{1}{3}\sqrt{0.81} 0.5\sqrt{0.64}$  ?

- 6) 1216  $(\sqrt{15} \sqrt{5})(\sqrt{15} + \sqrt{5})$  ?
- 7)  $1687 \left( \sqrt{15} + \sqrt{10} \right) \cdot 2\sqrt{5} 5\sqrt{12} \left[ 10\sqrt{2} \right]$
- 8) 1744  $\sqrt{7+4\sqrt{3}} \cdot \sqrt{7-4\sqrt{3}}$  ?
- 9) 1756  $\sqrt{9+4\sqrt{5}} \cdot \sqrt{9-4\sqrt{5}}$  1
- 10) 1765  $\sqrt{3+\sqrt{2}} \cdot \sqrt{3-\sqrt{2}}$  ?
- 11) 1766  $\sqrt{5+2\sqrt{6}} \cdot \sqrt{5-2\sqrt{6}}$  ?

# \_83 Возвести выражение в степень:

- 1) 1620  $(\sqrt{3} \sqrt{2})^2$   $1 2\sqrt{6}$
- 5)  $\boxed{1626} \ (2\sqrt{3} + \sqrt{7})^2 \ ?$
- 9)  $1628 (2\sqrt{2} + \sqrt{5})^3$  ?

- 2) 1621  $(\sqrt{6} + \sqrt{2})^2$   $8 + 4\sqrt{3}$
- 6)  $1624 (\sqrt{3}+1)^3$  ?
- 10)  $1684 (2\sqrt{12} 3\sqrt{3})^2$  ?

- 3)  $1622 (\sqrt{2} + \sqrt{5})^2$  ?
- 7)  $1625 (\sqrt{5} + \sqrt{2})^3$  ?
- 11)  $1685 (2\sqrt{2} \sqrt{32})^2$  ?

- 4)  $1623 \quad (\sqrt{5}-1)^2$  ?
- 8)  $1627 (4 \sqrt{3})^3$  ?
- 12)  $1686 \ (3\sqrt{3} + 2\sqrt{27})^2$  ?

## \_96 Возвести выражение в степень:

- 1) 1663  $(\sqrt{13+5\sqrt{4,2}}+\sqrt{13-5\sqrt{4,2}})^2$  ?
- 2) 1664  $(\sqrt{11+6\sqrt{2}}-\sqrt{11-6\sqrt{2}})^2$  ?
- 3) 1781  $(\sqrt{4+\sqrt{7}}+\sqrt{4-\sqrt{7}})^2$  ?
- 4)  $1782 \left( \sqrt{5 + 2\sqrt{6}} \sqrt{5 2\sqrt{6}} \right)^2$  ?

- 5)  $\boxed{1638} \left(\frac{\sqrt{12} \sqrt{27}}{\sqrt{18} \sqrt{2}}\right)^2 \boxed{\frac{3}{8}}$
- 6) 1557  $\left(\frac{\sqrt{3}-3}{\sqrt{6}-\sqrt{2}}\right)^{-2}$   $\left[\frac{2}{3}\right]$

# \_90 Упростить выражение:

- 1) 1746  $\frac{1}{3\sqrt{2}-5} \frac{1}{3\sqrt{2}+5}$  ?
- 2) 1747  $\frac{1}{7+2\sqrt{6}} + \frac{1}{7-2\sqrt{6}}$  ?
- 3)  $1665 \quad \frac{\sqrt{3} + \sqrt{2}}{\sqrt{3} \sqrt{2}} \frac{\sqrt{3} \sqrt{2}}{\sqrt{3} + \sqrt{2}} \quad ?$
- 4) 1742  $\frac{\sqrt{5} \sqrt{3}}{\sqrt{5} + \sqrt{3}} + \frac{\sqrt{5} + \sqrt{3}}{\sqrt{5} \sqrt{3}}$
- 5) 1689  $\frac{10-5\sqrt{3}}{10+5\sqrt{3}} + \frac{10+5\sqrt{3}}{10-5\sqrt{3}}$  14

- 6) 1740  $\frac{1}{11-2\sqrt{30}} \frac{1}{11+2\sqrt{30}}$  ?
- 7)  $\boxed{1741} \quad \frac{5}{3+2\sqrt{2}} + \frac{5}{3-2\sqrt{2}} \quad ?$
- 8) 1743  $\frac{11+\sqrt{21}}{11-\sqrt{21}} + \frac{11-\sqrt{21}}{11+\sqrt{21}}$  ?
- 9) 1666  $\frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1} \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+1} \frac{\sqrt{2}+3}{\sqrt{2}}$  ?
- 10) 1326  $\left(\frac{12}{\sqrt{15}-3} \frac{28}{\sqrt{15}-1} + \frac{1}{2-\sqrt{3}}\right) \cdot (6-\sqrt{3})$

# \_87 Упростить выражение:

- 1)  $1755 \sqrt{3} \cdot (3\sqrt{12} \sqrt{75})$  ?
- 2)  $1757 \quad \sqrt{2} \cdot (4\sqrt{0.02} + \sqrt{8})$  ?
- 3) 1760  $(2+\sqrt{6})(3\sqrt{2}-2\sqrt{3})$  ?

- 4) 1761  $(3+\sqrt{21})(\sqrt{3}-\sqrt{7})$  ?
- 5) 1762  $(1+\sqrt{15})(\sqrt{3}-\sqrt{5})$  ?
- 6) 1763  $(2\sqrt{5} \sqrt{3})(\sqrt{3} + 3\sqrt{5})$  ?

7) 
$$1764$$
  $(\sqrt{7}+3)(\sqrt{7}-3)$  ?

8) 
$$1758$$
  $\sqrt{\frac{2}{3}} \cdot \left(2\sqrt{\frac{2}{3}} - 5\sqrt{\frac{3}{8}} + 4\sqrt{\frac{3}{2}}\right)$  ?

9) 
$$1759$$
  $\sqrt{\frac{5}{2}} \cdot \left(2\sqrt{\frac{5}{2}} - \sqrt{10} + \sqrt{\frac{125}{2}}\right)$  ?

11) 1662 
$$\left(3\sqrt{\frac{5}{6}} - \sqrt{\frac{3}{5}}\right) \cdot \left(3\sqrt{\frac{5}{6}} + \sqrt{\frac{3}{5}}\right)$$
 ?

10) 1661  $\left(2\sqrt{\frac{3}{5}} + \sqrt{\frac{3}{8}}\right) \cdot \left(\sqrt{\frac{3}{8}} - 2\sqrt{\frac{3}{5}}\right)$  ?

1) 1330 
$$(4\sqrt{7} - \sqrt{119} - 4\sqrt{3} + \sqrt{51})(4\sqrt{7} + \sqrt{119} + 4\sqrt{3} + \sqrt{51})$$

## \_95 Упростить выражение:

1) 1218 
$$\frac{(\sqrt{13} + \sqrt{7})^2}{10 + \sqrt{91}}$$
 2

2) 1649 
$$\frac{(4\sqrt{7}+\sqrt{32})^2}{18+2\sqrt{56}}$$
 8

3) 
$$1657 \quad \frac{11(\sqrt{6} - \sqrt{3})^2}{12(3 - 2\sqrt{2})} \quad ?$$

4) 1667 
$$\frac{(\sqrt{5} + \sqrt{3})(4 - \sqrt{15})}{\sqrt{5} - \sqrt{3}}$$
 ?

5) 
$$1668 \quad \frac{(\sqrt{75} + \sqrt{50})(5 - 2\sqrt{6})}{\sqrt{3} - \sqrt{2}} \quad ?$$

6) 1639 
$$\frac{(4+\sqrt{40})(\sqrt{4,5}+\sqrt{1,125})}{\sqrt{18}+\sqrt{45}}$$
 3

# 7) 1650 $\frac{(\sqrt{17}-2)(\sqrt{34}+\sqrt{8}+\sqrt{17}+2)}{\sqrt{2}+1}$ 13

8) 
$$1660 \quad \frac{(\sqrt{15} + \sqrt{3})(\sqrt{60} - \sqrt{12} - \sqrt{45} + 3)}{2 - \sqrt{3}} \quad \boxed{12}$$

9) 1646 
$$\frac{(7\sqrt{27} - 7\sqrt{8}) \cdot (\sqrt{27} + \sqrt{8})}{27^2 - 64}$$
  $\frac{1}{5}$ 

10) 1656 
$$\frac{(\sqrt{5} + \sqrt{2})(7 - \sqrt{10})(5\sqrt{5} - 2\sqrt{2})}{36^2 - 28^2}$$
 234

11) 1636 
$$\frac{(\sqrt{7} - \sqrt{6})^3 \cdot (\sqrt{7} + \sqrt{6})^3}{0,125}$$
 8

12) 1659 
$$\frac{(\sqrt{3}-\sqrt{2})\cdot\sqrt{72}}{3(2\sqrt{6}-\sqrt{16})(\sqrt{16}+1)}$$
  $\frac{1}{5}$ 

#### \_81 Вычислить:

1) 
$$1635$$
  $2\sqrt{245} + \frac{1}{6}\sqrt{58^2 - 22^2} - 30\sqrt{1.8}$  0

2) 
$$1641$$
  $\sqrt{\frac{9}{32}} - \frac{1}{35}\sqrt{392} + \frac{1}{2400}\sqrt{97^2 - 47^2}$  0

3) 
$$1651$$
  $\sqrt{1,25} + 1,5\sqrt{80} - \frac{1}{14}\sqrt{245} - \sqrt{180}$  0

4) 
$$1647$$
  $\sqrt{\frac{5\sqrt{5}-2\sqrt{2}}{\sqrt{5}-\sqrt{2}}} + \sqrt{10} \cdot (\sqrt{5}-\sqrt{2})$  3

5) 
$$1768$$
  $2\sqrt{5}(\sqrt{2}-\sqrt{5})-(\sqrt{5}+\sqrt{2})^2$  ?

# \_85 Вычислить:

1) 1558 
$$\sqrt{\frac{27^{-1} \cdot 9^5}{3^{-3}}}$$
 243

2) 1637 
$$\sqrt{\frac{13,75 \cdot 1,2}{(\sqrt{69} - \sqrt{3})(\sqrt{69} + \sqrt{3})}}$$
  $\boxed{\frac{1}{2}}$ 

3) 1633 
$$\sqrt{\frac{73^2 - 2 \cdot 73 \cdot 23 + 23^2}{26^2 - 24^2}}$$
 5

4) 
$$1787$$
  $\sqrt{\frac{165^2 - 124^2}{164}}$  ?

5) 
$$1788$$
  $\sqrt{\frac{98}{176^2 - 112^2}}$  ?

6) 1789 
$$\sqrt{\frac{149^2 - 76^2}{457^2 - 384^2}}$$
 ?

7) 1790 
$$\sqrt{\frac{145,5^2-96,5^2}{193,5^2-31,5^2}}$$
 ?

8) 
$$1644$$
  $\sqrt{2+\sqrt{\frac{68\cdot(32^2-15^2)}{47}}}$  6

9) 
$$1654$$
  $\sqrt{90 + \sqrt{\frac{31 \cdot (57^2 - 26^2)}{83}}}$  11

10) 1642 
$$\sqrt{(36, 5^2 - 27, 5^2) : \left(\frac{57^3 + 33^3}{90} - 57 \cdot 33\right)}$$
 1

11) 
$$1634$$
  $\sqrt{\left(\frac{97^3 - 53^3}{44} + 97 \cdot 53\right) : (152, 5^2 - 27, 5^2)}$  1

12) 
$$1653$$
  $\sqrt{\left(\frac{79^3 - 41^3}{38} + 79 \cdot 41\right) : (133, 5^2 - 58, 5^2)}$  1 14)  $1658$   $\sqrt{\frac{(\sqrt{8} + \sqrt{2})^2 \cdot (\sqrt{6} - \sqrt{2})}{\sqrt{24} - \sqrt{8}}}$  3

14) 1658 
$$\sqrt{\frac{(\sqrt{8} + \sqrt{2})^2 \cdot (\sqrt{6} - \sqrt{2})}{\sqrt{24} - \sqrt{8}}}$$

15) 
$$1645$$
  $\sqrt{\sqrt{63} - 7\sqrt{1,75} - 0,5\sqrt{343} + \sqrt{112}}$ 

13) 1648 
$$\sqrt{\frac{(\sqrt{3}+\sqrt{7})(\sqrt{18}+\sqrt{2})^2}{\sqrt{12}+\sqrt{28}}}$$
 4

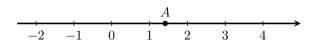
16) 
$$1655 \quad \sqrt{\sqrt{1\frac{1}{48} + \frac{1}{66}\sqrt{363} - \frac{1}{68}\sqrt{158^2 - 131^2}}} \quad \boxed{0}$$

17) 
$$1615$$
  $\sqrt{0,16\cdot 6,41\cdot 1,25-0,16\cdot 1,25^2-0,16^2\cdot 1,25}$  1

18) 
$$1643$$
  $\sqrt{74,5^3-74,5^2\cdot 69,5-74,5\cdot 69,5^2+69,5^3}$   $\boxed{60}$ 

19) 
$$1652$$
  $\sqrt{51,5^3+51,5^2\cdot 26,5-51,5\cdot 26,5^2-26,5^3}$  390

Какое из чисел отмечено на координатной прямой точкой A?



В ответе укажите номер правильного варианта.

1) 
$$\sqrt{4}$$

2) 
$$\sqrt{1}$$

3) 
$$\sqrt{2}$$

4) 
$$\sqrt{5}$$

5

4

2

4

| 6 | Какому промежутку принадлежит число  $\sqrt{55}$ ?  $\overline{B}$  ответе укажите номер правильного варианта.

|7| Какому промежутку принадлежит число  $\sqrt{37}$ ?  $\overline{B}$  ответе укажите номер правильного варианта.

1) [4; 5]

2) [3;4]

3) [6; 7]

4) [2; 3]

|8| Какому промежутку принадлежит число  $2\sqrt{30}$ ?  $\overline{B}$  ответе укажите номер правильного варианта.

1) [13; 14]

2) [10; 11]

3) [8; 9]

4) [12; 13]

9 Какому промежутку принадлежит число  $3\sqrt{5}$ ?  $\overline{B}$  ответе укажите номер правильного варианта.

1) [3;4]

2) [5; 6]

3) [7; 8]

4) [6; 7]

10 Какому промежутку принадлежит число  $12\sqrt{2}$ ?  $\overline{B}$  ответе укажите номер правильного варианта.

1) [13; 14]

2) [16; 17]

3) [15; 16]

4) [12; 13]

2

11 Какому промежутку принадлежит число  $3\sqrt{10}$ ? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [9; 10]

2) [10; 11]

3) [6; 7]

4) [8; 9]

?

12 Какому промежутку принадлежит число  $5\sqrt{5}$ ? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [8;9]

2) [9; 10]

3) [11; 12]

4) [10; 11]

5

13 Какому промежутку принадлежит число  $6\sqrt{2}$ ? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [5;6]

2) [9; 10]

3) [7;8]

4) [8; 9]

?

14 Какому промежутку принадлежит число  $3\sqrt{10}$ ? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [9; 10]

2) [10; 11]

3) [6; 7]

4) [8; 9]

1

2.1.1 Сложные радикалы

1331 Найти значение выражения:

$$\sqrt{4+2\sqrt{3}}-\sqrt{4-2\sqrt{3}}$$

2

1745 Вычислить:

$$\sqrt{7+4\sqrt{3}}+\sqrt{7-4\sqrt{3}}$$

?

1332 Найти значение выражения:

$$\sqrt{17 - 6\sqrt{8}} + \sqrt{8}$$

?

1715 Вычислить:

$$\sqrt{6+2\sqrt{5}}$$

2

1769 Упростить выражение:

$$(2-\sqrt{3})\cdot\sqrt{7+4\sqrt{3}}$$

?

#### 2.2 Корень п-й степени и степень с рациональным показателем

1099 Вычислить:

 $\sqrt[3]{49} \cdot \sqrt[6]{49}$ 

5

1109 Вычислить:

$$\frac{2^{3,5}\cdot 3^{5,5}}{6^{4,5}}$$

5

1110 Вычислить:

$$\frac{(2^{\frac{3}{5}}\cdot 5^{\frac{2}{3}})^{15}}{10^9}$$

5

1111 Вычислить:

$$0.8^{1/7} \cdot 5^{2/7} \cdot 20^{6/7}$$

20

1221 Вычислить:

$$7^{4/9} \cdot 49^{5/18}$$

5

1222 Вычислить:

$$5^{-4,7} \cdot 5^{5,7} : 5^{-3,7}$$

5

1288 Вычислить:

$$5^{-4,7} \cdot 5^{5,7} : 5^{-2}$$

5

1289 Вычислить:

$$2^{\frac{4}{9}} \cdot 4^{\frac{5}{18}}$$

5

1329 Вычислить:

$$2\cdot 243^{-1/5}$$

3

1421 Вычислить:

$$\sqrt[5]{16} \cdot \sqrt[10]{4}$$

2

$$16^{0,5} + \left(\frac{1}{16}\right)^{-0,75} - \left(\frac{1}{2}\right)^{-2}$$

1398 Вычислить:

$$\sqrt[3]{200\cdot 45\cdot 24}$$

60

1378 Вычислить:

$$36^{3/2} + 64^{2/3} - 625^{1/2}$$

207

1469 Вычислить:

$$0,25^{-1,5} + 3 \cdot 0,0081^{-0,25} + \left(\frac{1}{16}\right)^{-0,75}$$

26

1551 Вычислить:

$$\sqrt[3]{2^{2,5}} \cdot \sqrt[6]{2}$$

2

1553 Вычислить:

$$\sqrt{2} \cdot \sqrt[3]{2} \cdot \sqrt[6]{2}$$

-18

1554 Вычислить:

$$\sqrt[3]{256 \cdot \left(\frac{1}{3}\right)^{-3} \cdot 2} + 16^{1,5} - \left(\frac{1}{5}\right)^{3} \cdot 0, 2^{-4} - \sqrt[5]{7\frac{19}{32}}$$

81,5

1539 Вычислить:

$$(3^{1/4} - 2^{1/4}) : \frac{48^{1/4} - 2^{5/4}}{3}$$

1,5

1556

#### 2.3 Степень с иррациональным показателем

1112 Вычислить:

$$2^{3\sqrt{7}-1} \cdot 8^{1-\sqrt{7}}$$

5

#### 2.4 Логарифмы

\_25 | Вычислить:

- 1)  $562 \ 2^{\log_2 3}$  ?
- 5) 566 49<sup>log<sub>7</sub> 3</sup> ?
- 2)  $563 \ 25^{\log_5 9}$  ?
- 6) 567 36<sup>log<sub>6</sub> 2</sup> ?
- 3)  $\boxed{564} \ 9^{\log_3 5} \ \boxed{25}$
- 7) 569 5<sup>log 3/5</sup> ?
- 4) 565 8<sup>log<sub>2</sub> 7</sup> ?
- 8)  $570 \ 3^{\log_{\sqrt{3}}7} \ 49$
- 9)  $571 (\sqrt{3})^{\log_3 5}$  ?
- 13) 580 36<sup>log<sub>6</sub> 5</sup> 25
- 10)  $572 6^{\log \sqrt[3]{6}}$  ?
- 11)  $573 (\sqrt[3]{5})^{\log_5 2}$  ?
- 12)  $579 (\sqrt[3]{5})^{\log_5 8} 2$
- $\begin{array}{c|c}
  3 \\
  14) & 1583 & 2 \\
  \hline
  \end{array}$

## \_64 Вычислить:

- 1)  $\boxed{586} \frac{9^{\log_5 50}}{9^{\log_5 2}} \boxed{81}$
- 2)  $596 \ 3^{\log_3 7} + 49^{\log_7 \sqrt{13}} \ 20$
- 3)  $1577 \quad 2^{\log_2 3 + 1} \quad 6$
- 4) 1578  $4^{\log_2 3 + \frac{1}{2}}$  18
- 5) 1579  $8^{\log_4 3 + \log_{16} 729}$   $\frac{1}{27}$

## \_65 Вычислить:

- 1)  $1591 \log_3(\log_2 8)$  1
- 2) 1588  $\log_9(\log_4 \sqrt[3]{4})$  -0,5

# \_26 Вычислить:

- 1) 1572 log<sub>4</sub> 8 1,5
- 2)  $581 \log_{0.25} 2$  -0.5
- 3)  $588 6 \log_7 \sqrt[3]{7}$  2
- 4) 1589  $\log_{13} \sqrt[5]{169}$   $\frac{2}{5}$

# \_66 Вычислить:

- 1)  $592 \log_{\sqrt{7}}^2 49$  16
- 2)  $1573 \log_{1/3}^2 27$  9

# \_28 Вычислить:

- 1)  $585 \log_3 9 \cdot \log_3 27$  6
- 2)  $582 \log_5 60 \log_5 12$  1
- 3)  $583 \log_{0.3} 10 \log 0, 33$  -1
- 4)  $1294 \log_3 72 \log_3 8$  ?
- 5)  $\boxed{584} \frac{\log_7 13}{\log_{49} 13} \boxed{2}$
- 6)  $587 (1 \log_2 12)(1 \log_6 12)$  1

- 6) 1580  $25^{\log_{\sqrt{5}}3-\log_{125}9^3}$  1
- 7) 1581  $\sqrt[4]{4^{6\log_8 5 \log_{\sqrt{2}} 125}}$  0,04
- 8) 1582  $128^{\log_2(2-\sqrt{3})+\log_4(7+4\sqrt{3})}$  1
- 9) 1585  $32^{\log_4 3 0.5 \log_2 3}$  1
- 10) 1586  $4^{\log_2 3} \cdot 3^{\log_3^2 2} 9 \cdot 2^{\log_3 2} + 2^{\log_4 9}$  3
- 3)  $1597 \log_{\sqrt{2}} \left( \log_{1/3} \frac{1}{9} \right)$  ?
- 5)  $1590 \log_{1/3} \sqrt[4]{243}$  ?
- 6)  $\boxed{589} \log_{\frac{6}{13}} 13 \boxed{6}$
- 7)  $1293 \log_{5/\frac{1}{2}} 8$  ?
- 8) 1565  $\log_{1/3} 3\sqrt{3}$  -1, 5
- 9) 1566  $\log_{\sqrt[4]{2}} 8$  12

- 10) 1567  $\log_{6\sqrt[6]{6}} \sqrt[4]{6}$   $\frac{3}{14}$
- 11)  $1575 \sqrt{\log_3 81}$  2
- 12) 1594  $\log_{1/\sqrt{5}} 25\sqrt[3]{5}$   $-4\frac{2}{3}$
- 13) 1595  $\log_{4\sqrt[3]{2}} \sqrt[3]{32}$  ?
- 3) 1593  $\log_{125}^2 \sqrt[4]{5}$   $\frac{1}{144}$
- 4)  $\log_{(2-\sqrt{5})^2}^3 \frac{1}{9-4\sqrt{5}}$  -1
- 7)  $\log_3 18$   $\frac{\log_3 18}{2 + \log_2 2}$  1
- 8)  $\log_3 \frac{5}{\log_2 7} + \log_7 0.2$  0
- 9)  $593 \log_{1/13} \sqrt{13} = -0.5$
- 10)  $\log_2 12, 8 \log_2 0, 8 \over 5^{\log_{25} 16}$  1
- 11)  $\log_2 3, 2 \log_2 0, 2$  0, 8

- 12) 1569  $\log_2 3\frac{1}{2} + \log_2 4\frac{4}{7}$  4
- 13)  $\log_2 27 2\log_2 3 + \log_2 \frac{2}{3}$  1
- 14) 1584  $\log_{1/4}(\log_2 3 \cdot \log_3 16)$  -1

16) 1592  $\log_4 \sqrt{2} - \log_4(\log_{16} 256)$   $-\frac{1}{4}$ 

15) 1587  $\log_{\sqrt[3]{5}} \sqrt{5} + \log_{\sqrt{27}} \sqrt[3]{9}$   $1\frac{17}{18}$ 

- \_63 Вычислить:
- 1) 1596  $\log_4 91 \log_4 13 + \log_4 \frac{2}{7}$  ?

- 2) 1571  $\log_{1/3} 2 + \frac{1}{2} \log_{1/3} 8 \log_{1/3} 4\sqrt{18}$  1
- 3) 1574  $\log_{\sqrt{3}} 2^{1/3} + \log_{\sqrt[3]{3}} 4^{1/3} \log_3 \sqrt[3]{256}$  0

1576 Вычислить:

$$\frac{\log_{\sqrt{7}} 14 - \frac{1}{3} \log_{\sqrt{7}} 56}{\log_{\sqrt{6}} 30 - \frac{1}{2} \log_{\sqrt{6}} 150}$$

 $\frac{4}{3}$ 

# 3 Тригонометрия

1135 Вычислить:

$$\frac{28\sin 11^{\circ}\cdot\cos 11^{\circ}}{\sin 22^{\circ}}.$$

14

1136 Вычислить:

$$\frac{12(\sin^2 16^\circ - \cos^2 16^\circ)}{\cos 32^\circ}.$$

14

1137 Вычислить:

$$\frac{16\cos 35^{\circ}}{\sin 55^{\circ}}.$$

16

1138 Вычислить:

$$\frac{3 \operatorname{tg} 163^{\circ}}{\operatorname{tg} 17^{\circ}}.$$

-3

1139 Вычислить:

$$\frac{15}{\sin^2 27^\circ + \sin^2 117^\circ}$$

15

$$\frac{4}{\sin^2 21^\circ + \cos^2 201^\circ}$$

1141 Вычислить:

$$\frac{6\sin 74^{\circ}}{\cos 37^{\circ}\cdot\cos 53^{\circ}}$$

19

1142 Вычислить:

$$20\sin\frac{5\pi}{12}\cdot\cos\frac{5\pi}{12}$$

5

1143 Вычислить:

$$-29 \, {\rm tg} \, 9^{\circ} \, {\rm tg} \, 81^{\circ} - 11$$

-40

1144 Вычислить:

$$5\sqrt{3} \operatorname{tg}(-300^{\circ})$$

15

1145 Вычислить:

$$12\sqrt{2}\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right)\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)$$

-6

1146 Вычислить:

$$4\sqrt{2}\cos\frac{\pi}{4}\cos\frac{7\pi}{3}$$

2

2803 Вычислить:

$$\frac{4\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right)\operatorname{ctg}^{2}\left(-\frac{\pi}{4}\right)-2\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)}{4\sin^{2}\left(-\frac{\pi}{3}\right)-2\sqrt{2}\sin\frac{\pi}{6}}-1$$

 $3 + 2\sqrt{2}$ 

2804 Вычислить:

$$\frac{\cos^2\left(-\frac{\pi}{4}\right) + \sin^2\left(-\frac{\pi}{6}\right)}{\operatorname{tg}-\frac{\pi}{4} - \cos\left(-\frac{\pi}{3}\right)} + \operatorname{ctg}^2\frac{\pi}{6}$$

5

2805 Вычислить:

 $\sin 720^{\circ}$ 

5

 $\sin 900^{\circ}$ 

2

2807 Вычислить:

 $\sin 870^{\circ}$ 

5

2808 Вычислить:

 $\sin(-330^{\circ})$ 

5

2809 Вычислить:

 $\sin 300^{\circ}$ 

5

2810 Вычислить:

 $\sin\frac{11\pi}{3}$ 

5

2811 Вычислить:

 $\sin\left(-\frac{11\pi}{4}\right)$ 

5

2812 Вычислить:

 $\sin 3\frac{1}{6}\pi$ 

5

2813 Вычислить:

 $\sin - \left(\frac{5\pi}{4}\right)$ 

5

2814 Вычислить:

 $\sin\frac{29\pi}{3}$ 

2

2815 Вычислить:

 $\sin(-1020^\circ)$ 

2

2816 Вычислить:

 $\sin 405^{\circ}$ 

Вычислить:

5 2817 Вычислить:  $\sin(-810^{\circ})$ 2818 Вычислить:  $\cos 405^{\circ}$ 5 2819 Вычислить:  $\cos 225^{\circ}$ Вычислить: 2820  $\cos(-630^{\circ})$ 2821 Вычислить:  $\cos(-1020^{\circ})$ 5 2822 Вычислить:  $\cos 930^\circ$ 2823 Вычислить:  $\cos 750^\circ$ 2824 Вычислить:  $\cos\frac{55\pi}{6}$ 5 2825 Вычислить:  $\cos\frac{13\pi}{4}$ 2826 Вычислить:  $\cos\frac{19\pi}{4}$ 

 $\cos\left(-sw\frac{15\pi}{4}\right)$ 

2

2828 Вычислить:

 $\cos\left(-\frac{29\pi}{3}\right)$ 

5

2829 Вычислить:

 $\cos\frac{11\pi}{2}$ 

5

2830 Вычислить:

 $\rm tg\,300^\circ$ 

5

2831 Вычислить:

 $\rm tg\,870^\circ$ 

5

2832 Вычислить:

 $\operatorname{tg}(-225^\circ)$ 

5

2833 Вычислить:

 $\rm tg\,1080^{\circ}$ 

5

2834 Вычислить:

 $tg(-420^\circ)$ 

5

2835 Вычислить:

 $\rm tg\,675^\circ$ 

5

2836 Вычислить:

 $tg(-240^{\circ})$ 

5

2837 Вычислить:

 $\operatorname{tg}\frac{11\pi}{2}$ 

2838 Вычислить:

$$\operatorname{tg}\frac{20\pi}{3}$$

5

5

2839 Вычислить:

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{5\pi}{4}\right)$$

5

2840 Вычислить:

$$\operatorname{tg}\left(-\frac{32\pi}{3}\right)$$

5

2841 Вычислить:

$$\operatorname{tg}\left(-7\frac{5}{6}\pi\right)$$

5

2842 Вычислить:

$${\rm ctg}(-630^\circ)$$

-

2843 Вычислить:

$$\operatorname{ctg}(-240^{\circ})$$

5

2844 Вычислить:

$$\rm ctg\,675^\circ$$

.

2845 Вычислить:

$$\rm ctg\,930^{\circ}$$

5

2846 Вычислить:

$$\rm ctg\,720^\circ$$

5

2847 Вычислить:

 $\rm ctg\,900^\circ$ 

5

 $ctg(-1020^{\circ})$ 

5

2849 Вычислить:

$$\operatorname{ctg}\left(-\frac{11\pi}{4}\right)$$

5

2850 Вычислить:

$$\operatorname{ctg}\left(-\frac{29\pi}{3}\right)$$

5

2851 Вычислить:

$$\cot \frac{17\pi}{6}$$

5

2852 Вычислить:

$$\cot -7\frac{5}{6}\pi$$

5

2853 Вычислить:

$$\operatorname{ctg}\left(-\frac{55\pi}{6}\right)$$

5

2854 Вычислить:

$$\operatorname{ctg} \frac{32\pi}{3}$$

5

2855 Вычислить:

$$ctg \frac{7\pi}{3}$$

5

2856 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{tg} \alpha$$
, если  $\cos \alpha = -0,6$  при  $90^{\circ} < \alpha < 180^{\circ}$ 

5

2857 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin lpha, \cos lpha,$$
 если  $\mathop{
m tg} lpha = -rac{3}{4}$  при  $270^\circ < lpha < 360^\circ$ 

2

 $\cos lpha, \mathop{
m tg} lpha, \mathop{
m ctg} lpha, \quad \sin lpha = rac{12}{13}$  при  $rac{\pi}{2} < lpha < \pi$ 

5

2859 Докажите тождество:

$$\left(\frac{\sin\alpha}{\operatorname{tg}\alpha}\right)^2 + \left(\frac{\cos\alpha}{\operatorname{ctg}\alpha}\right)^2 - \sin^2\alpha = \cos^2\alpha$$

5

2860 Докажите тождество:

$$(1 + \operatorname{ctg}^2 \alpha)(1 - \sin^2 \alpha) = \operatorname{ctg}^2 \alpha$$

5

2861 Докажите тождество:

$$\frac{1 + \operatorname{tg} \alpha + \operatorname{tg}^2 \alpha}{1 + \operatorname{ctg} \alpha + \operatorname{ctg}^2 \alpha} = \operatorname{tg}^2 \alpha$$

5

2862 Упростить выражение:

$$\frac{2\sin^2\alpha - 1}{\sin\alpha - \cos\alpha}$$

5

2863 Упростить выражение:

$$(a \sin \alpha + b \cos \alpha)^2 + (a \cos \alpha - b \sin \alpha)^2$$

5

2864 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos lpha$$
, если  $\mathop{
m tg} lpha = -1rac{7}{8}$  при  $450^\circ < lpha < 54^\circ$ 

5

2865 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos x$$
,  $\operatorname{tg} x$ ,  $\operatorname{ctg} x$ , если  $\sin x = -0, 6$  при  $\cos x > 0$ 

5

2866 Докажите тождество:

$$(\operatorname{tg}^2 x - \sin^2 x)\operatorname{ctg}^2 x = \sin^2 x$$

5

2867 Докажите тождество:

$$\sin^4 x + \cos^4 x + 2\sin^2 x \cdot \cos^2 x = 1$$

5

2868 Докажите тождество:

$$\frac{1 + \frac{1}{\lg x} + \frac{1}{\lg^2 x}}{1 + \frac{1}{\operatorname{ctg}^2} + \frac{1}{\operatorname{ctg}^2 x}} = \operatorname{ctg}^2 x$$

2869 Упростить выражение:

$$\frac{\sin x}{1 - \cos x} + \frac{1 - \cos x}{\sin x}$$

5

5

2870 Упростить выражение:

$$\frac{1 - (\sin x - \cos x)^2}{1 + \sin^2 x - \cos^2 x}$$

5

2871 Упростить выражение:

$$\frac{\operatorname{tg} x}{\operatorname{sec} x} + \frac{\cos x}{\operatorname{tg} x} \quad (\operatorname{sec} x = \frac{1}{\cos x})$$

5

2872 Упростить выражение:

$$\cos x(1+\operatorname{tg} x) - \sin x(1+\operatorname{ctg} x)$$

5

2873 Упростить выражение:

$$(1 - \cos x)^2 + (1 + \cos x)^2 - 4\cos^2 x$$

5

2874 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin \alpha$$
, если  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{5}{12}$  при  $180^{\circ} < \alpha < 270^{\circ}$ 

5

2875 Упростить и найти значение выражения:

$$rac{3\sinlpha\cdot\coslpha}{2\sin^2lpha-3\cos^2lpha}$$
 при  ${
m ctg}\,lpha=-2$ 

5

2876 Упростить и найти значение выражения:

$$\sec^2 x + \csc^2 x$$
, если  $\operatorname{tg} x + \operatorname{ctg} x = 3$ 

5

2877 Докажите тождество:

$$\cos x(\sec^2 x - 1) = \frac{\sin x}{\operatorname{ctg} x}$$

5

2878 Докажите тождество:

$$\frac{\operatorname{ctg}^2 x - \cos^2 x}{\operatorname{ctg}^2 x} + \frac{\sin x \cdot \cos x}{\operatorname{ctg} x} = 1$$

2879 Докажите тождество:

$$\frac{81\sin^4 x - 16\cos^4 x}{(3\sin x - 2\cos x)(3\sin x + 2\cos x)} = 5\sin^2 x + 4$$

5

5

2880 Упростить выражение:

$$\frac{2\cos^2 x - 1}{\sin x + \cos x}$$

5

2881 Упростить выражение:

$$\frac{1}{\cos^2 x} - \frac{1}{\operatorname{ctg}^2 x} - \frac{\sin^2 x}{\operatorname{tg}^2 x}$$

5

2882 Упростить выражение:

$$(\operatorname{ctg} x - \operatorname{cos} x) \left( \frac{\sin^2 x}{\cos x} + \operatorname{tg} x \right)$$

5

2883 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin x, \operatorname{ctg} x$$
, если  $\sec x = -\frac{5}{4}$  при  $180^\circ < x < 270^\circ$ 

5

2884 Упростить и найти значение выражения:

$$\frac{2\cos^2 x - 3\sin^2 x}{3\tan^2 x \cdot \cos^2 x}$$
 при  $\cot x = -2$ 

5

2885 Докажите тождество:

$$\frac{\csc x - \sin x}{\cot^2 x} = \sin x$$

5

2886 Докажите тождество:

$$\frac{\sin x - \cos x}{1 - \operatorname{ctg}^2 x} - \frac{\cos^2 x}{\sin x + \cos x} = \sin x - \cos x$$

5

2887 Докажите тождество:

$$\frac{(1+\operatorname{ctg} x)\sin^2 x + (1+\operatorname{tg} x)\cos^2 x}{(\sin x + \cos x)^2} = 1$$

5

$$\operatorname{ctg} x$$
, если  $\sin x = -\frac{12}{13}$  при  $180^\circ < x < 270^\circ$ 

2889 Вычислить:

$$\sin x$$
, если  $\operatorname{ctg} x = -\frac{24}{7}$  при  $630^{\circ} < x < 720^{\circ}$ 

5

2890 Вычислить:

$$\sin x, cosx$$
, если  $\operatorname{ctg} x = -\frac{8}{15}$  при  $90^\circ < x < 180^\circ$ 

5

2891 Вычислить:

$$\mbox{tg}\,x, \quad \mbox{если}\,\cos x = -\frac{9}{41} \mbox{ при } \pi < x < \frac{3}{2}\pi$$

5

2892 Вычислить:

$$\sin x, \cos x$$
, если  $\operatorname{tg} x = -\frac{7}{24}$  при  $810^{\circ} < x < 900^{\circ}$ 

5

2893 Вычислить:

$$\cos x$$
, если  $\operatorname{ctg} x = -\frac{24}{7}$  при  $\sin x < 0$ 

5

2894 Упростить выражение:

$$\sin^4 x + \cos^2 x + \cos^2 x \sin^2 x$$

5

2895 Упростить выражение:

$$\left(1 + \frac{1 - \cos x}{1 + \cos x}\right) \cdot \left(1 + \frac{1 + \cos x}{1 - \cos x}\right)$$

5

2896 Упростить выражение:

$$\frac{\sin^2 x + 2\cos^2 x}{2\sin^2 x - 1} - \frac{3\cos^2 x}{1 - 2\cos^2 x}$$

5

2897 Упростить выражение:

$$\frac{\cos x}{1-2\sin^2 x} + \frac{\sin x}{1-2\cos^2 x}$$

5

2898 Докажите тождество:

$$(1 + tg^2 x) \cdot (1 - \cos^2 x) = tg^2 x$$

2899 Докажите тождество:

$$\cos^2 x + \sin^2 x \cdot \sin^2 y \cdot \cos^2 y = 1$$

5

2900 Докажите тождество:

$$(\sin x + \cos x)^2 + (\sin x - \cos x)^2 = 2$$

5

2901 Упростить выражение:

$$\frac{\operatorname{ctg} x}{\operatorname{cosec} x} + \frac{\sin x}{\operatorname{ctg} x}$$

5

2902 Упростить выражение:

$$\frac{\sin^2 x}{\sin x - \cos x} - \frac{\sin x + \cos x}{\operatorname{tg}^2 x - 1} = \sin x + \cos x$$

5

2903 Упростить выражение:

$$\frac{\sin^6 x - \cos^6 x}{(1 - \sin x \cdot \cos x)(\sin x - \cos x) = (\sin x + \cos x)(1 + \sin x \cdot \cos x)}$$

5

2904 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos x$$
 при  $\cot x = -\frac{3}{4}$ , если  $90^{\circ} < x < 180^{\circ}$ 

5

2905 Упростить и найти значение выражения:

$$\sec x$$
 при  $\sin x = -\frac{7}{25}$ , если  $270^{\circ} < x < 360^{\circ}$ 

5

2906 Упростить и найти значение выражения:

$$\dfrac{\sin x + \operatorname{tg} x}{1 + \cos x}$$
 при  $\sin x = -0.5$ , если  $-90^\circ < x < 0^\circ$ 

5

2907 Упростить и найти значение выражения:

$$\frac{3\sin x + 4\cos x}{\cos x - \sin x}$$
при tg  $x = -\frac{1}{3}$ 

5

$$tg^3 x + ctg^3 x$$
, если  $tg x + ctg x = 3$ 

2909 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin^4 x - \cos^4 x$$
, если  $\operatorname{tg} x = 2$ 

5

2910 Докажите тождество:

$$\frac{(\sin\alpha + \cos\alpha)^2 - 1}{\operatorname{tg}(90^\circ - \alpha) - \sin\alpha \cdot \cos\alpha} = 2\operatorname{tg}^2\alpha$$

5

2911 Докажите тождество:

$$\frac{\cos^2(90^\circ + x)}{\cos(x + 180^\circ) + \cos(90^\circ - x)} - \frac{\sin(360^\circ + x) - \sin(x - 90^\circ)}{\cot^2(x + 90^\circ) - 1} = \sin x + \cos x$$

5

2912 Докажите тождество:

$$\cos(360^{\circ} - \alpha)(\csc \alpha - \sec \alpha) + \cos(90^{\circ} - \alpha)(\csc \alpha + \sec \alpha) = \sec \alpha \cdot \csc \alpha$$

5

2913 Докажите тождество:

$$\operatorname{ctg}(90^\circ - \alpha)[\cos(360^\circ + \alpha) - \sin\alpha] + \frac{\sin\alpha + \operatorname{tg}\alpha}{\csc\alpha + \operatorname{ctg}\alpha} = \sin\alpha$$

5

2914 Докажите тождество:

$$\frac{\sqrt{2\cos\left(\frac{\pi}{2} - \frac{\pi}{5}\right)\sin\left(\frac{\pi}{5} + \frac{\pi}{2}\right) + 1}}{\cos^2\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{5}\right) - \cos^2\left(\pi - \frac{\pi}{5}\right)} - \frac{2}{\csc\left(\frac{\pi}{2} + \frac{\pi}{5}\right) - \csc\left(\pi - \frac{\pi}{5}\right)} + \cos\frac{\pi}{5} = \sin\frac{\pi}{5}$$

5

2915 Докажите тождество:

$$\frac{\operatorname{tg}(\alpha+\pi)-\sin(\pi+\alpha)}{\operatorname{ctg}(\pi+\alpha)+\sec\left(\frac{\pi}{2}-\alpha\right)}-\operatorname{ctg}\left(\alpha+\frac{\pi}{2}\right)\left(\sin\left(\frac{\pi}{2}-\alpha\right)\right)=\sin\alpha$$

5

2916 Докажите тождество:

$$\frac{2 - \csc^2\left(\frac{\pi}{2} + \alpha\right)}{1 - 2\cos^2(\pi - \alpha)} + \operatorname{ctg}^2\left(\frac{\pi}{2} - \alpha\right) = -1$$

5

$$\cos\left(\frac{\pi}{3} - \alpha\right)$$
, если  $\sin\alpha = -0.6$  и  $\pi < \alpha < 1.5\pi$ 

2918 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{ctg}(\alpha-\beta), \quad \operatorname{если} \, \operatorname{tg}\alpha = 2, \, \sin\beta = \frac{7}{25} \, \operatorname{ii} \, 90^\circ < \beta < 180^\circ$$

5

5

2919 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{tg}(45^{\circ} - \alpha)$$
, если  $\sec \alpha = \frac{25}{24}$  и  $0^{\circ} < \alpha < 90^{\circ}$ 

5

2920 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos 2\alpha$$
, если  $\sin \alpha = -0.6$ 

5

2921 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin(2\alpha+\beta),\quad \text{если }\cos\alpha=\frac{2}{3},\,\sin\beta=\frac{1}{2}\text{ и }1,5\pi<\alpha<2\pi,\,\frac{\pi}{2}<\beta<\pi$$

5

2922 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{tg}\left(2\arcsin\frac{4}{5}\right)$$

5

2923 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos \frac{\alpha}{2}$$
, если  $\sin \alpha = \frac{15}{17}$  и  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ 

5

2924 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin\frac{\alpha}{2},\quad \text{если }\cos\alpha = -\frac{161}{289} \text{ и } 90^\circ < \frac{\alpha}{2} < 180^\circ$$

5

2925 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}$$
, если  $\operatorname{ctg} \alpha = \frac{4}{3}$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ 

5

2926 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos\left(\pi + \frac{1}{2}\arcsin\frac{8}{17}\right)$$

5

$$\lg rac{eta}{2}, \quad$$
если  $\sin eta = -rac{40}{41}$  и  $540^\circ < eta < 630^\circ$ 

2928 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos x$$
, если  $\cos 2x = \frac{11}{61}$  и  $0^{\circ} < 2x < 90^{\circ}$ 

5

5

2929 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin\left(\frac{\pi}{3} + \alpha\right)$$
, если  $\cos \alpha = -\frac{8}{17}$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ 

5

2930 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right)$$
, если  $\operatorname{ctg} \alpha = -\frac{7}{24}$  и  $\frac{\pi}{2} < \alpha < \pi$ 

5

2931 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{ctg}\Big(rac{\pi}{4} + lpha\Big), \quad \operatorname{если}\,\coslpha = -rac{4}{5}$$
 и  $rac{\pi}{2} < lpha < \pi$ 

5

2932 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{tg}(\alpha - 45^{\circ}), \quad \operatorname{если} \sin \alpha = \frac{7}{25}$$
 и  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ 

5

2933 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{tg} 2\alpha$$
, если  $\cos \alpha = \frac{2}{3}$  и  $\frac{3\pi}{2} < \alpha < 2\pi$ 

5

2934 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{ctg} 2\alpha$$
, если  $\sin \alpha = -0,3$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ 

5

2935 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos(2\alpha-\beta)$$
, если  $\lg\alpha=\frac{3}{5},\,\sin\beta=\frac{2\sqrt{6}}{7}$  и  $\beta\in II$  четверти.

5

2936 Упростить и найти значение выражения:

$$\sin \frac{\alpha}{2}$$
, если  $\operatorname{tg} \alpha = \frac{119}{120}$  и  $\pi < \alpha < \frac{3\pi}{2}$ 

5

$$\operatorname{tg}\left(\pi - \frac{1}{2}\arcsin\frac{3}{5}\right)$$

2938 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}, \quad \operatorname{если} \operatorname{tg} \alpha = \frac{1}{\sqrt{224}}$$
 и  $0 < \alpha < \frac{\pi}{2}$ 

5

2939 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos \frac{lpha}{2}, \quad$$
если  $\sin lpha = -\frac{15}{17}$  и  $630^\circ < lpha < 720^\circ$ 

5

2940 Упростить и найти значение выражения:

$$\operatorname{ctg} rac{eta}{2}, \quad \operatorname{если} \, \cos eta = -rac{13}{85} \,\,$$
и  $540^\circ < eta < 630^\circ$ 

5

2941 Упростить и найти значение выражения:

$$\cos 5x$$
, если  $\cos 10x = \frac{15}{113}$  и  $1080^{\circ} < 10x < 1200^{\circ}$ 

5

2942 Докажите тождество:

$$\sin \alpha - \cos \alpha \cdot \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2} = \operatorname{tg} \frac{\alpha}{2}$$

5

2943 Докажите тождество:

$$\frac{1 + 2\sin\alpha \cdot \cos\alpha - \cos 4\alpha}{\cos\alpha(1 + 4\sin\alpha \cdot \cos\alpha)} = 2\sin\alpha$$

5

2944 Докажите тождество:

$$\frac{\sin(\alpha - \beta) + \cos\alpha \cdot \sin\beta}{\cos\frac{\alpha}{2} \cdot \sin\frac{\alpha}{2}} = 2\cos\beta$$

5

2945 Докажите тождество:

$$\cos \alpha (1 - 2\cos^2 \alpha)(\operatorname{tg} \alpha - \operatorname{tg} 2\alpha) = \sin \alpha$$

5

2946 Докажите тождество:

$$\frac{\operatorname{ctg}\alpha - 2\operatorname{ctg}2\alpha}{2\sin\frac{\alpha}{2}\cdot\cos\frac{\alpha}{2}} = \frac{1}{\cos\alpha}$$

2947 Докажите тождество:

$$\frac{1 - 8\sin^2\alpha \cdot \cos^2\alpha}{\cos^2 2\alpha - \sin^2 2\alpha} = 1$$

5

5

2948 Докажите тождество:

$$\frac{\operatorname{ctg}\frac{\alpha}{4} - \operatorname{tg}\frac{\alpha}{4}}{\sin \alpha} = 1 + \operatorname{ctg}^{2}\frac{\alpha}{2}$$

5

2949 Докажите тождество:

$$\left(\operatorname{ctg}\frac{\alpha}{2} - 2\operatorname{ctg}\alpha\right)\left(\cos^2\frac{\alpha}{4} - \sin^2\frac{\alpha}{4}\right) = \sin\frac{\alpha}{2}$$

5

2950 Докажите тождество:

$$\frac{\cos 2\alpha}{\sec 3\alpha} - \frac{2\sin \alpha \cdot \cos \alpha}{\csc 3\alpha} = \cos 5\alpha$$

5

2951 Докажите тождество:

$$\frac{\cos\alpha-\sin\alpha\cdot \cot\frac{\alpha}{2}}{2\sin\frac{\alpha}{4}\cdot\cos\frac{\alpha}{4}}=-\csc\frac{\alpha}{2}$$

5

2952 Докажите тождество:

$$\frac{\cos 6\alpha}{\sec 4\alpha} - \frac{2\sin 2\alpha \cdot \cos 2\alpha}{\csc 6\alpha} = \cos 10\alpha$$

5

2953 Докажите тождество:

$$\frac{\cos^2 - 4\sin^2\alpha \cdot \cos^2\alpha}{\operatorname{ctg} 2\alpha - \sin 4\alpha} = \operatorname{tg} 2\alpha$$

5

2954 Докажите тождество:

$$\frac{\operatorname{ctg}\alpha - \sin 2\alpha}{\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha} = \operatorname{ctg}\alpha$$

5

2955 Докажите тождество:

$$\frac{1+\sin 3\alpha + \cos 3\alpha}{1+\sin 3\alpha - \cos 3\alpha} = \operatorname{ctg} 1, 5\alpha$$

2956 Докажите тождество:

$$\frac{4\sin\frac{\alpha}{3}\cdot\cos^3\frac{\alpha}{3} - 4\sin^3\frac{\alpha}{3}\cdot\cos\frac{\alpha}{3}}{2\cos\frac{2\alpha}{3}} = \sin\frac{2\alpha}{3}$$

5

5

2957 Докажите тождество:

$$\frac{4\sin^4\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\alpha\right) + \sin^2(\sqrt{2}\alpha)}{1 - \cos^2\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\alpha\right)} = 4$$

5

| 2958 | Упростить выражение:

$$\frac{51\cos 4^{\circ}}{\sin 86^{\circ}} + 8$$

5

2959 Упростить выражение:

$$\frac{19}{\cos^2 37^\circ + 1 + \cos^2 53^\circ}$$

5

2960 Упростить выражение:

$$\frac{59}{\cos^2 14^\circ + 3 + \cos^2 76^\circ}$$

5

2961 Упростить выражение:

$$\frac{35\cos 11^{\circ}}{\sin 73^{\circ}} + 7$$

5

2962 Упростить выражение:

$$46 \operatorname{tg} 7^{\circ} \cdot \operatorname{tg} 83^{\circ}$$

5

2963 Упростить выражение:

$$\frac{32\cos 26^\circ}{\sin 64^\circ}$$

5

2964 Упростить выражение:

$$\sqrt{50}\cos^2\frac{9\pi}{8} - \sqrt{50}\sin^2\frac{9\pi}{8}$$

2965 Упростить и найти значение выражения:

 $\cos lpha, \quad \text{если } \sin lpha = rac{2\sqrt{6}}{5}$  и  $lpha \in \left(rac{\pi}{2}; \pi
ight)$ 

 $4\sqrt{2}\cos^2\frac{15\pi}{8} - 2\sqrt{2}$ 

 $\frac{12\sin 11^{\circ}\cdot\cos 11^{\circ}}{\sin 22^{\circ}}$ 

 $\frac{24(\sin^2 17^{\circ} - \cos^2 17^{\circ})}{\cos 34^{\circ}}$ 

 $\frac{5\cos 29^{\circ}}{\sin 61^{\circ}}$ 

 $36\sqrt{6} \operatorname{tg} \frac{\pi}{6} \sin \frac{\pi}{4}$ 

 $4\sqrt{2}\cos\frac{\pi}{4}\cos\frac{7\pi}{3}$ 

 $\frac{8}{\sin\left(-\frac{27\pi}{4}\right)\cos\left(\frac{31\pi}{4}\right)}$ 

 $-4\sqrt{3}\cos(-750^\circ)$ 

 $2\sqrt{3}\operatorname{tg}(-300^{\circ})$ 

5

2975

 $-18\sqrt{2}\sin(-135^\circ)$ 

5

2976

 $24\sqrt{2}\cos\left(-\frac{\pi}{3}\right)\sin\left(-\frac{\pi}{4}\right)$ 

5

2977

 $\frac{14\sin 19^{\circ}}{\sin 341^{\circ}}$ 

5

2978

 $\frac{4\cos 146^{\circ}}{\cos 34^{\circ}}$ 

5

2979

 $\frac{5 \operatorname{tg} 163^{\circ}}{\operatorname{tg} 17^{\circ}}$ 

5

2980

 $\frac{14\sin 409^{\circ}}{\sin 49^{\circ}}$ 

5

2981

 $5 \operatorname{tg} 17^{\circ} \cdot \operatorname{tg} 107^{\circ}$ 

5

2982

 $7 \operatorname{tg} 13^{\circ} \cdot \operatorname{tg} 77^{\circ}$ 

?

2983

 $\frac{12}{\sin^2 37^\circ + \sin^2 127^\circ}$ 

2

2984

 $\frac{6}{\cos^2 23^\circ + \cos^2 113^\circ}$ 

$$\frac{12}{\sin^2 27^\circ + \cos^2 207^\circ}$$

$$\frac{5\sin 98^{\circ}}{\sin 49^{\circ}\cdot\sin 41^{\circ}}$$

$$\frac{5\sin 74^{\circ}}{\cos 37^{\circ}\cdot\cos 53^{\circ}}$$

 $12\sin 150^{\circ} \cdot \cos 120^{\circ}$ 

$$8\sin\frac{5\pi}{12}\cdot\cos\frac{5\pi}{12}$$

$$\sqrt{3}\cos^2\frac{5\pi}{12} - \sqrt{3}\sin^2\frac{5\pi}{12}$$

$$\sqrt{12}\cos^2\frac{5\pi}{12} - \sqrt{3}$$

$$\sqrt{3} - \sqrt{12}\sin^2\frac{5\pi}{12}$$

$$-50 \operatorname{tg} 9^{\circ} \cdot \operatorname{tg} 81^{\circ} + 31$$

$$-\frac{4}{\sin^2 27^\circ + \sin^2 117^\circ}$$

3 ТРИГОНОМЕТРИЯ Школа «Симметрия»

$$\frac{23}{\sin^2 56^\circ + 1 + \sin^2 146^\circ}$$