Оглавление

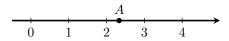
Ι	Арифметика	2	
1	Числа на прямой 1.1 Дроби на числовой прямой 1.2 Корни на числовой прямой 1.3 Сравнение чисел на числовой прямой	3 3 4 5	
2	Дроби	6	
II	Алгебра	7	
3	Алгебраические выражения 3.1 Упрощение алгебраической дроби	8 8 9	
4	Уравнения 4.1 Целые уравнения 4.1.1 Линейные уравнения 4.1.2 Квадратные уравнения 4.1.3 Уравнения высших степеней 4.1.4 Целые уравнения с модулем 4.2 Дробные уравнения 4.1.4 4.1	11 11 13 16 17	
5	Системы уравнений 5.1 Линейные системы уравнений с двумя неизвестными	19	
6	Неравенства		
7	Системы неравенств		
	Функции 8.1 Линейная функция 8.2 Квадратичная функция	23 23 25	
9	Параметры 9.1 Не отсортированные параметры	27 27	
II	II Текстовые задачи	28	
10	Э Задачи на проценты	29	
11	1 Задачи на составление системы линейных уравнений	30	
ΙX	V Геометрия	31	

Часть I **Арифметика**

Числа на прямой

1.1 Дроби на числовой прямой

[1] Какое из чисел отмечено на координатной прямой точкой A?



В ответе укажите номер правильного варианта.

1) $\frac{7}{3}$

2) $\frac{2}{3}$

3) $\frac{13}{3}$

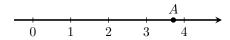
4) $\frac{4}{3}$

1

3

4

[2] Какому из чисел $\frac{12}{7}$, $\frac{17}{7}$, $\frac{26}{7}$, $\frac{33}{7}$ соответствует точка A?



В ответе укажите номер правильного варианта.

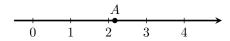
1) $\frac{17}{7}$

2) $\frac{33}{7}$

3) $\frac{26}{7}$

4) $\frac{12}{7}$

[3] Какому из чисел $\frac{1}{6}$, $\frac{5}{6}$, $\frac{10}{6}$, $\frac{13}{6}$ соответствует точка A?



В ответе укажите номер правильного варианта.

1) $\frac{5}{6}$

2) $\frac{1}{6}$

3) $\frac{10}{6}$

4) $\frac{13}{6}$

[4] Какому из чисел $\frac{2}{9}$, $-\frac{37}{9}$, $-\frac{15}{9}$, $-\frac{21}{9}$ соответствует точка A?



В ответе укажите номер правильного варианта.

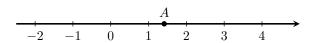
1) $\frac{2}{9}$

2) $-\frac{15}{9}$

3) $-\frac{21}{9}$

4) $-\frac{37}{9}$

[5] Какое из чисел отмечено на координатной прямой точкой А?



В ответе укажите номер правильного варианта.

1) $\sqrt{4}$

2) $\sqrt{1}$

3) $\sqrt{2}$

4) $\sqrt{5}$

5

4

3

1.2 Корни на числовой прямой

[6] Какому промежутку принадлежит число $\sqrt{55}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [4; 5]

2) [5; 6]

3) [6;7]

4) [7;8]

[7] Какому промежутку принадлежит число $\sqrt{37}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [4;5]

2) [3;4]

3) [6; 7]

4) [2; 3]

4

[8] Какому промежутку принадлежит число $2\sqrt{30}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

- 1) [13; 14]
- 2) [10; 11]
- 3) [8; 9]

4) [12; 13]

2

[9] Какому промежутку принадлежит число $3\sqrt{5}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [3;4]

2) [5;6]

3) [7;8]

4) [6;7]

4

[10] Какому промежутку принадлежит число $12\sqrt{2}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

- 1) [13; 14]
- 2) [16; 17]
- 3) [15; 16]
- 4) [12; 13]

2

[11] Какому промежутку принадлежит число $3\sqrt{10}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [9; 10]

- 2) [10; 11]
- 3) [6; 7]

4) [8; 9]

[12] Какому промежутку принадлежит число $5\sqrt{5}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [8; 9]

2) [9; 10]

- 3) [11; 12]
- 4) [10; 11]

[13] Какому промежутку принадлежит число $6\sqrt{2}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [5;6]

2) [9; 10]

3) [7;8]

4) [8; 9]

[14] Какому промежутку принадлежит число $3\sqrt{10}$? В ответе укажите номер правильного варианта.

1) [9; 10]

- 2) [10; 11]
- 3) [6; 7]

4) [8; 9]

1

5

1.3 Сравнение чисел на числовой прямой

Дроби

Часть II

Алгебра

Алгебраические выражения

3.1 Упрощение алгебраической дроби

[50] Сократить дробь:

1) [20]
$$\frac{14a}{21ab}$$
 $\boxed{\frac{2}{3b}}$

2) [52]
$$\frac{x^5}{x^7}$$
 $\boxed{\frac{1}{x^2}}$

3) [21]
$$\frac{56x^2y^4}{24x^3y}$$
 $\boxed{\frac{7y^3}{3x}}$

4) [49]
$$\frac{44a^8b^6}{55a^8b^5}$$
 $\boxed{\frac{4b}{5}}$

5) [51]
$$\frac{25x^4y^2}{100x^3y}$$
 $\boxed{\frac{xy}{4}}$

[62] Сократить дробь:

1) [63]
$$\frac{x-y}{y-x}$$
 [-1]

2) [64]
$$\frac{2(a-b)}{3(b-a)}$$
 $-\frac{2}{3}$

3) [65]
$$\frac{4xy(x-y)}{2x(y-x)}$$
 [-2y]

[72] Сократить дробь:

1) [73]
$$\frac{(x-y)^2}{(y-x)^2}$$
 [1]

2) [74]
$$\frac{(-a-b)^2}{a+b}$$
 $a+b$

3) [75]
$$\frac{a-b}{(b-a)^2}$$
 $\boxed{\frac{1}{a-b}}$

[82] Сократить дробь:

1) [83]
$$\frac{2x+2y}{4}$$
 $\boxed{\frac{x+y}{2}}$

6) [53]
$$\frac{8m^3n}{16m^2n}$$
 $\frac{m}{2}$

7) [54]
$$\frac{24a^5b^7c}{44a^7b^4c}$$
 $\frac{6b^3}{11a^2}$

8) [55]
$$\frac{ab(a+3)}{a^2b(a+3)}$$
 $\frac{1}{a}$

9) [56]
$$\frac{15a(a-b)}{20b(a-b)}$$
 $\boxed{\frac{3a}{4b}}$

10) [57]
$$\frac{2(x+y)}{4ax}$$
 $\frac{x+y}{2ax}$

4) [66]
$$\frac{6a^2b^4(4-b)}{14ab^3(b-4)}$$
 $-\frac{3ab}{7}$

5) [67]
$$\frac{3(x-2)^2}{2(2-x)}$$
 $\boxed{\frac{3(2-x)}{2}}$

6) [68]
$$\frac{15(x-3)^3}{5(3-x)^2}$$
 $3(x-3)$

4) [76]
$$\frac{(a+b)^2}{(-a-b)^2}$$
 1

5)
$$[77] \frac{(2a-2b)^2}{a-b} \left[4(a-b)\right]$$

6) [78]
$$\frac{(2x+2y)^2}{(3y+3x)^2}$$
 $\boxed{\frac{4}{9}}$

2) [84]
$$\frac{3x+12y}{6xy}$$
 $\boxed{\frac{x+4}{2xy}}$

11) [58]
$$\frac{a+b}{a+b}$$
 1

12) [59]
$$\frac{2(x-1)}{5(x-1)}$$
 $\boxed{\frac{2}{5}}$

13) [60]
$$\frac{3a(a-b)}{6a(a+b)}$$
 $\boxed{\frac{a-b}{2(a+b)}}$

14) [61]
$$\frac{4x(x-y^3)}{16x^2y(x-y)}$$
 $\frac{(x-y)^2}{4xy}$

7) [69]
$$\frac{a(x-2y)}{b(2y-x)}$$
 $-\frac{a}{b}$

8)
$$[70] - \frac{7b - 14b^2}{42b^2 - 21b} \boxed{\frac{1}{3}}$$

9) [71]
$$\frac{6x(x-y)}{2x^3(y-x)}$$
 $-\frac{3}{x^2}$

7) [79]
$$\frac{(3y+12x)^2}{y+4x}$$
 $9(y+4x)$

8) [80]
$$\frac{(-3x-6y)^2}{5x+10y}$$
 $\frac{9(x+2y)}{5}$

9) [81]
$$\frac{8a^2 - 2b^2}{(8a + 4b)^2}$$
 $\frac{2a - b}{8(2a + b)}$

3) [85]
$$\frac{15a-20b}{10a}$$
 $\frac{3a-4b}{2a}$

4) [86]
$$\frac{2x-4}{3(x-2)}$$
 $\boxed{\frac{2}{3}}$

8) [90]
$$\frac{ax - bx}{cx + dx} \quad \boxed{\frac{a - b}{c + d}}$$

12) [94]
$$\frac{x^2y}{x^2y - xy^2}$$
 $\frac{x}{x-y}$

5) [87]
$$\frac{5x+25}{3x+15}$$
 $\boxed{\frac{3}{5}}$

9) [91]
$$\frac{xc + yc}{ac + bc}$$
 $\boxed{\frac{x+y}{a+b}}$

13) [95]
$$\frac{ax^2 - bx^2}{x^2y + x^3}$$
 $\frac{a - b}{y + x}$

6) [88]
$$\frac{2a-2b}{4a-4b}$$
 $\boxed{\frac{1}{2}}$

10) [92]
$$\frac{x^2}{x^2 + xy} \left[\frac{x}{x+y} \right]$$

14) [96]
$$\frac{x^2 - x}{ax - bx} \left[\frac{x - 1}{a - b} \right]$$

7) [89]
$$\frac{4x - 4y}{8xy}$$
 $\left[\frac{x - y}{2xy}\right]$

11) [93]
$$\frac{xy}{x-xy}$$
 $\boxed{\frac{y}{1-y}}$

15) [97]
$$\frac{x^3 - x^2y}{2x^2y + 2x^2}$$
 $\boxed{\frac{x - y}{2(y + 1)}}$

[98] Сократить дробь:

1) [99]
$$\frac{a^6 + a^4}{a^4 + a^2}$$
 $\boxed{a^2}$

4) [102]
$$\frac{y^6 - y^4}{y^3 - y}$$
 y^3

7) [105]
$$\frac{10x^2y - 2xy}{5x^3y^2 - x^2y}$$
 $\frac{2}{x}$

2)
$$[100] \frac{y^6 - y^8}{y^2 - y^4} \boxed{\frac{1}{y^4}}$$

5) [103]
$$\frac{2x^5 + 2x^7}{4x + 4x^3}$$
 $\boxed{\frac{x^4}{2}}$

8) [106]
$$\frac{15a^4 - 3a^2}{2a^4 - 10a^6}$$
 $-\frac{3}{2a^2}$

3) [101]
$$\frac{x^7 - x^{10}}{x^5 - x^2}$$
 $\left[-x^5 \right]$

6)
$$[104]$$
 $\frac{6x^8 - 2x^5}{3x^5 - x^2}$ $2x^3$

9) [107]
$$\frac{-3x^7 - 3x^6}{-5x^5 - 5x^4}$$
 $\boxed{\frac{3x^2}{5}}$

[108] Сократить дробь:

1) [109]
$$\frac{a^2 - b^2}{a + b}$$
 $a - b$

2) [110]
$$\frac{x-1}{x^2-1}$$
 $\boxed{\frac{1}{x+1}}$

3) [111]
$$\frac{x^2 - y^2}{3x + 3y}$$
 $\boxed{\frac{x - y}{3}}$

4) [112]
$$\frac{xa + xb}{a^2 - b^2}$$
 $\frac{x}{a - b}$

5) [113]
$$\frac{x^2 - 2x + 1}{x^2 - 1}$$
 $\boxed{\frac{x - 1}{x + 1}}$

6) [114]
$$\frac{a^2 - b^2}{b^2 + 2ab + a^2}$$
 $\boxed{\frac{a - b}{a + b}}$

7) [115]
$$\frac{x^2 - y^2}{(y - x)^2} \left[\frac{x + y}{x - y} \right]$$

8) [116]
$$\frac{a-a^2}{a^2-1}$$
 $-\frac{a}{a+1}$

9) [117]
$$\frac{x^2 + x}{x^3 - x}$$
 $\left[\frac{1}{x - 1}\right]$

10) [118]
$$\frac{y^3 - 2y^2}{4 - y^2} - \frac{y^2}{2 + y}$$

11) [119]
$$\frac{3m-3n}{m^3-n^3}$$
 $\frac{3}{m^2+mn+n^2}$

12) [120]
$$\frac{1-a^3}{1+a+a^2}$$
 ?

13) [121]
$$\frac{x^3 - y^3}{x^2 - y^2}$$
 $\frac{?}{?}$

14) [122]
$$\frac{3x^2 - 3x + 3}{x^3 + 1}$$
 $\frac{?}{?}$

15) [123]
$$\frac{a^2 - 4a + 4}{a^2 - 4}$$
 $?$

16) [124]
$$\frac{3m^2 + 6mn + 3n^2}{12n^2 - 12m^2}$$
 ?

17) [125]
$$\frac{x^2 - y^2}{y^3 - x^3}$$
 ?

18) [126]
$$\frac{3a^3 - 3b^3}{6a^2 - 6b^2}$$
 ?

19) [127]
$$\frac{9a^2 - 9b^2}{6a^3 + 6b^3}$$
 ?

20) [128]
$$\frac{(x^3-y^3)(x+y)}{3x^2-3y^2}$$
 $\boxed{\frac{x^2+xy+y^2}{3}}$

3.2 Сложение и вычитание дробей с одинаковыми знаменателями

[129] Представить в виде несократимой дроби:

1) [130]
$$\frac{x}{2} + \frac{y}{2}$$
 $\frac{x+y}{2}$

4)
$$[133] \frac{5x}{12} + \frac{2y}{12} \boxed{\frac{5x + 2y}{12}}$$

8) [137]
$$\frac{3ab}{5} + \frac{16ab}{5} - \frac{4ab}{5}$$
 [3ab]

2) [131]
$$\frac{a}{7} - \frac{b}{7} \boxed{\frac{a-b}{7}}$$

5) [134]
$$\frac{x^2}{3} - \frac{x^3}{3}$$
 $\boxed{\frac{x^2 - x^3}{3}}$

9)
$$[138] \frac{x}{7} + \frac{2x}{7} + \frac{4x}{7}$$
 \boxed{x}

3)
$$[132] \frac{3x}{5} + \frac{2y}{5} \boxed{\frac{3x+2y}{5}}$$

6) [135]
$$\frac{3x^2}{4} - \frac{x^2}{4}$$
 $\boxed{\frac{x^2}{2}}$

10) [139]
$$\frac{2a^3}{2} + \frac{3a^3}{2} + \frac{5a^3}{2}$$
 [5 a^3]

3)
$$[132] \frac{3x}{5} + \frac{2y}{5} \frac{3x + 2y}{5}$$

7)
$$[136]$$
 $\frac{12x}{11} + \frac{9x}{11} + \frac{x}{11}$ $2x$

11)
$$[140] \frac{0,2x}{5} + \frac{1,3x}{5} \quad \boxed{0,3x}$$

$$\frac{x\sqrt{x}-1}{x-4\sqrt{x}+3}-\frac{\sqrt{x}+10}{\sqrt{x}-3}$$

и найти значение выражения при x=25

 $\sqrt{x} + 3; 8$

Уравнения

4.1 Целые уравнения

4.1.1 Линейные уравнения

[_1] ЛУ вида $a \cdot x = b$, где a, b – целые числа:

1)
$$[254]$$
 $12x = 0$ 0

3)
$$[253] -x = 0$$
 0

5)
$$[259] -3x = 0$$

2)
$$[255]$$
 $5x = 1$ $\frac{1}{5}$

4)
$$[256]$$
 $4x = 10$ $[2,5]$

6)
$$[260] 2x = 0$$

[_2] ЛУ вида $a \cdot x = b$, где a, b – рациональные числа:

1)
$$[251] \frac{1}{8}x = 5$$
 40

6)
$$[266] 1,8x = -0,72$$
 ?

11)
$$[271] -2\frac{1}{3}x = 7$$
 ?

2)
$$[252] \frac{1}{3}x = 2$$
 6

7)
$$[267] \ 0,25x = 100 \ \boxed{400}$$

8) [268] 0, 2 = 5x 0, 04

12)
$$[272] 1\frac{2}{3}x = 2\frac{1}{3}$$
 ?

3)
$$[263]$$
 $3x = \frac{1}{7}$ 21

9)
$$[269] \frac{x}{5} = 4 \boxed{20}$$

13) [273]
$$\frac{x}{3} = 4$$
 ?

4)
$$[264] - \frac{1}{2}x = 0$$
 0
5) $[265] - \frac{3}{4}x = -\frac{6}{7}$?

10) [270]
$$3,5x = 2\frac{1}{3}$$
 ?

14)
$$[274] \frac{1}{8}x = 5$$
 ?

[_3] Не приведенные ЛУ без скобок (простые):

1)
$$[246] x + 4 = 9 5$$

13)
$$[283] 18 - 10x = 0$$
 $\boxed{1,8}$

2)
$$[250] x + 2 = -4$$
 $\boxed{-6}$

8)
$$[279] \ 15 - 7x = 0 \ \boxed{\frac{15}{7}}$$

14) [284]
$$7x - 4 = 0$$
 [1,75]

3)
$$[258] x + 5 = 5$$
 0

9)
$$[280] 7 - x = 0$$
 7

15) [285]
$$4x - 2 = x \left[\frac{2}{3} \right]$$

4)
$$[257] x - 8 = 8$$
 16
5) $[276] 3x - 5 = 0$ $\frac{5}{3}$

10)
$$[287] 5 - x = 0$$
 5

16) [286]
$$x - 2x + 3 = 7$$

6)
$$[277] 3x + 2 = 5x - 7 \boxed{4,5}$$

11)
$$[281] \ x - 3 = 2x + 1$$
 $\boxed{-4}$
12) $[282] \ x - 4x - 1 = 2$ $\boxed{-1}$

17)
$$[377] x + 3 = 2x - 4$$
 ?

 $[_4]$ Не приведенные ЛУ без скобок (более сложные):

1) [289]
$$7x - 3 + x = 4x - 9 + 5x$$
 ?

5)
$$[378] 5x - 8 - 3x = 8$$
 ?

2)
$$[290] x + 5 - 8x = 7 + 2x - 4$$
 ?

6)
$$[379] \ 0,4x+14=1-0,6x$$

3)
$$[291] 0,5x-3=0,8-1,4x$$
 ?

7)
$$[380] 2x + 5 - 7x + 2 = 3$$
 ?

4)
$$[292] x + 0, 2 = 0, 4x + 3, 2$$
 ?

[7] ЛУ со скобками:

1)
$$[346] 2x + (3x + 1) = 4$$
 ?

2)
$$[347] 2x - (x-1)$$
 ?

3)
$$[348] (2x+5) + (3x-8) = 7$$

4)
$$[349] (2x-3) + (x+5) = 13$$
 ?

5)
$$[350]$$
 $3(x-2) = 8$?

6)
$$[351] (2x+1) \cdot 9 = 9$$
 ?

7)
$$[352]$$
 $3(x-5)+8=17$?

8)
$$[353]$$
 $5(x-1) - 4(x-2) = 10$?

9)
$$[354] 4(x+2) = 7$$
 ?

10)
$$[355]$$
 $5(2-3x)-7=0$?

11)
$$[356]$$
 $6(x-3) + 2(x+2) = 10$?

12)
$$[357] \ 2(x-3) = 6$$
 ?

13)
$$[358]$$
 $5(2x-1)-7-x=0$?

27)
$$[370]$$
 $5(2-3x) - 3(2-x) - 2(3x-8) + 7(2x-8) = 0$

28) [371]
$$0,6(x-0,6)-1-0,8(0,5-x)=0$$
 ?

[_5] ЛУ, содержащие дробные коэффициенты:

1)
$$[293] \frac{2}{3} - 3x = \frac{1}{2}x - 2 + x$$
 ?

2)
$$[294]$$
 $5 - \frac{1}{3}x - \frac{1}{2} = \frac{1}{4}x$?

3)
$$[295] \frac{2x}{7} - \frac{x}{4} = 1$$
 ?

4)
$$[296] \frac{x}{3} + \frac{x}{2} = 6$$
 ?

5) [321]
$$3x - 5 = \frac{x+3}{4}$$
 ?

11)
$$[325] -2\left(3\frac{1}{2}x - 0, 3\right) + x - 0, 3\left(x - \frac{1}{10}\right) = 0$$
 $\boxed{0, 1}$

12)
$$[326] \frac{2}{3}(0,5x-3) - 0, 2\left(2\frac{1}{2} - 5x\right) - \frac{1}{3}(0,5x-3) = 0$$
 $\boxed{\frac{9}{7}}$

13)
$$[327] \frac{1}{2}(x+8) + 1\frac{1}{2} + 2\left(1\frac{1}{2} - x\right) = 0$$
 $5\frac{2}{3}$

[_6] Частные случаи ЛУ:

1)
$$[330] \ 0 \cdot x = 3$$
 ?

2) [331]
$$0 \cdot x = -2$$
 ?

3)
$$[332] \ 0 \cdot x = 15$$
 ?

14)
$$[359]$$
 $(x-2) \cdot 4 = 15$?

15) [360]
$$6(x-3) + 2(x+2) = 10$$
 ?

16)
$$[361] \ 2(x-3) = 6$$
 ?

17)
$$[362] 3(x-3) - 5 - (2x-5) \cdot 4 = 0$$
 ?

18)
$$[363] (2x+5) + (3x+8) = 7$$
 ?

19)
$$[364] 2x + (x - 3) - 23 - (2 - 3x) = 0$$
 ?

20)
$$[365]$$
 $4 + x - 8 + (2x - 5) = 0$?

21)
$$[366]$$
 $2x + (x - 3) - 23 - (2 - 3x) = 0$?

22)
$$[367] (2x-3) - (x+1) = 1$$

23) [368]
$$2(x+1) \cdot 9 = 9$$
 ?

24) [369]
$$0,1(1,2x-2)-2(0,5+x)=0,68$$
 ?

25)
$$[372]$$
 $5x - 8 - (3x - 8) = 0$?

26) [373]
$$3x - 1 - (x + 5) = 0$$
 ?

6) [322]
$$\frac{2x-3}{4} + \frac{x+2}{2} = 6 + \frac{2x-3}{2}$$
 ?

7) [323]
$$\frac{2-x}{3} = x - 3$$
 ?

8)
$$[324]$$
 $\frac{x-3}{5} + \frac{x+2}{4} = \frac{1}{2}$?

9) [328]
$$1\frac{1}{5} - 0.5x - 0.4 + \frac{2}{5}x = 0$$
 ?

10)
$$[329] \frac{1}{2}x - 3 - \left(2 - \frac{1}{3}x\right) = 0$$
 ?

4)
$$[333] \ 0 \cdot x = 0$$
 ?

5)
$$[334] 3x - 3x = 0$$
 ?

6)
$$[335] 2x - 2x + 1 = 10$$
 ?

12) [341] 5x - 4 + 2x = 7(x - 3) ?

13) [342] 6(x-3) = 6x - 18 ?

15) $[344] \ 2(x-6) = 6(x-2)$?

16) [345] 3(x+5) = 5(x+3) ?

14) [343] 14 = 7(x+2) ?

- 7) [336] 5x (3x 1) = 3 + 2x ?
- 8) [337] (3x-2)-(3x+5)=-7 Любое число
- 9) [338] 7 + (5x 3) = x (2 4x)
- 10) [339] 12x + 4 = 3(4x 2) ?
- 11) [340] -x + 3 + x = x (x 3) ?
- [_8] Уравнения, сводящиеся к линейным:
- 1) [374] (x+1)(x-1) (x-2)(x+3) = 0 5
- 2) [375] (2x-1)(x+2) (x-5)(2x+1) = 0 -0.25
- 3) $[376] \ 3(x+1)(x+2) = 9 + (3x-4)(x+2) \boxed{-\frac{5}{7}}$
- 4) [381] $(x-1)(4x+5)+1=4x^2$ 4
- 5) $[382] (5+2x)(x-1) + (3x+1)(2+x) 5x^2 = 0$ 0,3
- 6) $[383] (x^2 3)(3x + 5) 3x^3 = 5x^2 5x 3,75$

4.1.2 Квадратные уравнения

Неполные квадратные уравнения

[_10] НКУ, у которых b = 0:

- 1) $[384] x^2 = 0$ 0
- 2) $[385] 2x^2 = 0$ 0
- 3) $[386] x^2 = 9 \pm 3$
- 4) [387] $x^2 = 25$ ± 5
- 5) $[388] x^2 16 = 0 \pm 4$
- 6) $[389] x^2 100 = 0 \pm 10$

- 7) $[390] x^2 64 = 36 \pm 10$
- 8) $[391] x^2 + 20 = 141 \pm 11$
- 9) $[392] -x^2 + 13 = -12$ ± 5
- 10) [393] $2x^2 = 50$ ± 5
- 11) [394] $3x^2 = 48$ ± 4
- 12) [395] $4x^2 64 = 0$ ± 4

- 13) [396] $25 5x^2 = -100$ ± 5
- 14) [397] $25x^2 = 16$ $\pm \frac{4}{5}$
- 15) [398] $9x^2 = 25$ $\pm \frac{5}{3}$
- 16) [399] $4x^2 49 = 0$ $\pm 1,75$
- 17) $[400] \ 0,01x^2 = 0,04 \ \pm 2$

- **[_12]** НКУ, у которых c = 0:
- 1) $[401] x^2 x = 0$ 0; 1
- 2) $[402] x^2 + 3x 0; -3$
- 3) $[403] 4x x^2 = 0$ 0; 4
- 4) $[404] x + 0,5x^2 = 0$ 0; -0,5
- 5) $[405] \ 3,5x-x^2=0 \ \ 0,\ 3,5$
- 6) $[415] x^2 4x = 0$?, ?
- 7) $[416] x^2 0, 5x = 0$?, ?
- 8) $[417] 7x^2 = 5x$?, ?

- 9) $[418] x^2 + 6x = 0$?, ?
- 10) $[419] x^2 8x = 0$?, ?
- 11) $[420] 15x x^2 = 0$?, ?
- 12) [421] $5x = 2x^2$?, ?
- 13) $[422] 2x + 3x^2 = 0$?, ?
- 14) $[423] 2x^2 3x = 0$?, ?
- 15) $[424] \frac{1}{3}x^2 5x = 0$?, ?
- 16) $[425] \frac{3}{4}x + \frac{1}{8}x^2 = 0$?, ?

[11] Разложенные на множители НКУ:

1)
$$[406] \ x(x-1) = 0 \ \boxed{0, 1}$$

2)
$$[407]$$
 $(x+13)x=0$?, ?

3)
$$[408] \ x(x+2) = 0$$
 ?, ?

4)
$$[409]$$
 $0,5x(2+x)=0$?,?

5)
$$[410]$$
 $3x(x-0,5) = 0$?, ?

[_13] Не приведенные НКУ:

1)
$$[430]$$
 $4x^2 + 6x = 7x^2 - 12x$?,?

2)
$$[431] 1,2x-0,5x^2=4x^2-0,8x$$
 ?,?

3)
$$[432] 0,76x^2 + 14x = 0$$
 ?,?

4) [433]
$$0.6x^2 + \sqrt{3}x = 0$$
 ?, ?

[_14] Не приведенные НКУ со скобками:

1)
$$[437] (x-1)^2 + (x+1)^2 = 2$$
 ?

2)
$$[438]$$
 $(x-7)(x+3) + (x-1)(x+5) + 26 = 0$?

3)
$$[439] (3x-8)^2 - (4x-6)^2 + (5x-2)(x+2) = 24$$

4)
$$[440] (2x-5)(3x-4) - (3x+4)(x-2) - 10x - 28 = 0$$

5)
$$[441]$$
 $(x+2)(x+3) = 2x(x+6) + 6$?

6)
$$[442]$$
 $\left(x + \frac{1}{2}\right) \left(x - \frac{1}{2}\right) = \frac{5}{16}$?

7)
$$[447] (3x+1,5)(3x-1,5) = 54$$

[_15] НКУ, содержащие дроби, знаменатели которых – числа:

1)
$$[443] \frac{4x^2 - 1}{3} - \frac{3x^2 + 8}{5} = 1$$
 ?

2)
$$[444] \frac{3x^2 - 4x}{2} = \frac{5x^2 - x}{3}$$
 ?

3)
$$[445]$$
 $\frac{2x-3x^2}{5} - \frac{7x^2 - x}{4} = \frac{x^2}{2}$?

6) [411] (x-7)(7+x)=0 ?, ?

7) [412] (x-6)(x+6) = 0 ?, ?

8) $[413] \ 3(x-5)(5+x) = 0$?, ?

9) [414] 0, 8(x+1)(1-x) = 0 ?, ?

5) $[434] \ 0.07x^2 - 50 = 2.1x - 50$????

6) $[435] 9x^2 - 10x - 7x^2 - 15x$?, ?

7) $[436] -0.5x^2 + \sqrt{5}x = 0$?,?

4)
$$[446] \frac{5x^2 - 48}{8} - \frac{33 - 2x^2}{6} = 3\frac{5}{6}$$
 ?

Квадратные уравнения общего вида

[_9] КУ общего вида:

1)
$$[42] x^2 + 13x + 22 = 0$$
 $\boxed{-11; -2}$

2)
$$[43] x^2 + 17x + 66 = 0$$
 $\boxed{-11; -6}$

3)
$$[451] x^2 + 6x + 8 = 0$$
 ?

4)
$$[452] x^2 + 8x + 2 = 0$$
 ?

5)
$$[453] x^2 - 3x + 1 = 0$$
 ?

6)
$$[454] x^2 - 5x - 1 = 0$$
 ?

7)
$$[455] x^2 + 8x + 15 = 0$$
 ?

8)
$$[456] x^2 + 5x - 6 = 0$$
 ?

9)
$$[457] x^2 - 10x + 21 = 0$$
 ?

10)
$$[458] x^2 - 2x + 2 = 0$$
 ?

11)
$$[459] 3x^2 - 4x - 4 = 0$$
 ?

12)
$$[460] 2x^2 - 8x - 20 = 0$$
 ?

13)
$$[461] 4x^2 + 6x + 9 = 0$$
 ?

14)
$$[462] 4x^2 + 12x + 9 = 0$$
 ?

15)
$$[464] 16x^2 + 21x - 22 = 0$$
 ?

- 16) [465] $18x^2 x 1 = 0$?
- 17) $[466] 7x^2 x 1 = 0$?
- 18) $[467] 14x^2 + 11x 3 = 0$?
- 19) $[468] \frac{x^2}{3} 7x = 1$?
- 20) $[463] x^2 = \frac{x}{2} 1$?
- 21) [469] $\frac{x^2}{2} 3.5 = 2x$?
- 22) $[470] 2x^2 3x 5 = 0$?
- 23) $[471] -2x^2 + 7x 3 = 0$?
- 24) $[472] x^2 6x + 8 = 0$?
- 25) $[473] x^2 + 5x + 6 = 0$?
- 26) $[474] x^2 x 2 = 0$?
- 27) $[475] x^2 + x 6 = 0$?

[_16] Не приведенные КУ:

- 1) [490] (x+8)(x-9) = -52 -4; 5
- 2) [491] (x-1)(2x+3) = 7 2; -2, 5
- 3) [492] (x+1)(x+2) = (2x-1)(2x-10) $8; \frac{1}{3}$
- 7) $[495] (x-5)^2 + (3-x)^2 4(x+5)(3-x) 48 = (x+1)^2$ [-3; 5]
- 8) [496] (x-1)(x-3) + (x+3)(x-5) + 2x = 4 -2; 4
- 9) [30] $(x+3)(x-2)+(x+2)^2=3x+10$ -3; 2
- 10) [500] (8x-9)(3x+2) (2x-3)(8x-2) = 33x+96 [-3; 5]
- 11) [501] (4x-5)(3x+7)-(x-2)(4x+2)=33x-27 [-0,25;2]

[_20] КУ, содержащие дроби, знаменатели которых – числа:

- 1) $[497] \frac{x^2}{5} \frac{2x}{3} = \frac{x+5}{6} \frac{5}{6}$; 5
- 2) $[498] \frac{5(x^2-1)}{4} + \frac{2x+3}{6} = \frac{x^2+1}{12} -1; \frac{5}{7}$
- 3) $[489] x^2 2 + \frac{x}{7} = \frac{2 5x}{7} 2; \frac{8}{7}$
- 1) [503] $\frac{(x+2)(x-5)}{3} \frac{11x+12}{10} = 2 \frac{x-2}{3}$ $\boxed{-2,7;8}$
- 2) [504] $\frac{x^2 + 2x}{5} = \frac{3-x}{2} \frac{x^2 + x}{5}$ [-3, 75; 1]
- 3) [505] $\frac{x^2-4x+2}{10} = \frac{x+2}{2} \frac{x^2+x+1}{5}$ $\left[-\frac{2}{3}; 3\right]$

- 28) $[476] x^2 + 4x + 15 = 0$?
- 29) $[477] x^2 + 4x + 4 = 0$?
- 30) [478] $5x^2 + 8x 9 = 0$?
- 31) [479] $4x^2 8x + 3 = 0$?
- 32) $[480] x^2 10x + 9 = 0$?
- 33) $[481] 3x^2 5x 2 = 0$?
- 34) $[482] 5x^2 6x + 1 = 0$?
- 35) $[483] 4x x^2 1 = 0$?
- 36) $[484] -2x^2 + 7x 3 = 0$
- 37) [485] $3 + 2x^2 7x = 0$?
- 38) [486] $x^2 3x = 1,75$?
- 39) $[487] x^2 + x = 2$?
- 40) [488] $x^2 6x + 6 = 0$?
 - 4) [493] (x-1)(x-2) = (3x+1)(x-2) -1; 2
- 5) [429] (3x-2)(x-3) = 20 $-1, 4\frac{2}{3}$
- 6) [499] (x+2)(4x-5) = -3 $\boxed{-1,75;1}$
- - 4) [29] $\frac{x-3}{4} + \frac{2x+3}{6} = \frac{x^2-11}{12}$ [-1; 8]
 - 5) [502] $\frac{(x-1)^2}{5} \frac{x+4}{6} = \frac{2x-2}{3}$ $\left| \frac{1}{6} \right|$; 6
 - 6) [509] $\frac{x^2-1}{2} \frac{(x-1)^2}{2} = \frac{(x+1)^2}{4} x$ [1; 17]

4)
$$[506] \frac{(3x-4)^2}{5} + \frac{(2x-5)(x-1)}{2} = 1 + \frac{(x+2)^2}{5} \boxed{\frac{1}{2}; 3}$$

5)
$$[507]$$
 $\frac{(x+2)^2}{2} - \frac{x^2 + 2x}{3} = 3 + \frac{(x+1)^2}{4}$ $5 \pm \sqrt{10}$

6) [508]
$$\frac{(x-3)(x-7)}{2} - 3x = \frac{2x+1}{5} - \frac{(3x-3)^2}{2}$$
 [1,48; 2]

[_21] КУ с иррациональными коэффициентами:

1)
$$[47] x^2 + 2(1+\sqrt{8})x + 8\sqrt{2} = 0$$
 $-4\sqrt{2}; -2$

2)
$$[426] x^2 - 3\sqrt{2}x + 4 = 0 \ 1 - \sqrt{7}; \ 2 + \sqrt{7}$$

3)
$$[427] x^2 - 3x - 5 - \sqrt{7} = 0$$
 $1 - \sqrt{7}$; $2 + \sqrt{7}$

4)
$$[428] x^2 + 3x - \sqrt{3} - 1 = 0$$
 $-2 - \sqrt{3}; -1 + \sqrt{3}$

4.1.3 Уравнения высших степеней

Биквадратные уравнения

[_22] Приведенные БКУ:

1)
$$[33] x^4 + 2x^2 - 3 = 0$$
 $-1; 1$

2)
$$[511] x^4 - 3x^2 + 2 = 0$$
 ?

3)
$$[512] x^4 - 5x^2 + 4 = 0$$
 ?

4)
$$[513] x^4 - 20x^2 + 64 = 0$$
 ?

5)
$$[514] x^4 - 5x^2 + 6 = 0$$
 ?

6)
$$[515]$$
 $3x^4 - 5x^2 + 2 = 0$?

7)
$$[516] x^4 - 10x^2 + 9 = 0$$
 ?

8)
$$[517] x^4 - 26x^2 + 25 = 0$$
 ?

9)
$$[518] x^4 + 20x^2 + 64 = 0$$
 ?

10) [519]
$$4x^4 - 41x^2 + 100 = 0$$
 ?

11)
$$[520] 25x^4 - 25x^2 + 6 = 0$$
 ?

12)
$$[521] x^4 + 2x^2 - 8 = 0$$
 ?

13)
$$[522] x^4 + 9x^2 = 400$$
 ?

14)
$$[523]$$
 $x^4 = 12x^2 + 64$?

15)
$$[524] x^4 = 21x^2 + 100$$
 ?

[34] Решить уравнение:

16) $[525] x^4 - 2x^2 + 1 = 0$?

17)
$$[526] 9x^4 - 25x^2 + 16 = 0$$
 ?

18)
$$[527] 6x^4 - 35 = 11x^2$$
 ?

19)
$$[528] -21 + 10x^4 = x^2$$
 ?

20) [529]
$$6x^2 + x^4 + 9 = 0$$
 ?

21)
$$[530] -9 = 25x^4 + 30x^2$$
 ?

22)
$$[531] -14x^2 = 15 - x^4$$
 ?

23)
$$[532] 7x^4 + 3 = 9x^2$$
 ?

24)
$$[533]$$
 $9x^4 = -1 = 9x^2$?

25)
$$[534] x^4 + 36 = 30x^2$$
 ?

26)
$$[535] -6 - 5x^2 = -4x^4$$
 ?

27)
$$[536] -x^2 - 4 + x^4 = 0$$
 ?

28)
$$[537] 3 - 2x^4 = 11x^2$$
 ?

29) [538]
$$3x^4 + 21 = 4x^2$$
 ?

$$(x^2 - 10)(x^2 - 3) = 78$$

-4; 4

Распадающиеся уравнения

[_23] Распадающиеся уравнения:

1)
$$[41] (2x-1)(x+1) = 0$$
 $\frac{1}{2}$; -1

2) [539]
$$(x-1)(x-2) = 0$$
 ?

3)
$$[540]$$
 $(x+4)(x-6)=0$?

4) [541] (2x+3)(2x+5) = 0 ?

9) [546] $(x^2 - 3x + 1)(x^2 - 4x + 3) = 0$?

5) [542] (5-x)(3x+2) = 0 ?

- 10) [547] $(x^2+1)(x^2+5x+6)=0$?
- 6) $[543] (2x-3)(x^2+3x+2)=0$?
- 11) [548] $(x^2 1)(x^2 2x + 7) = 0$?
- 7) [544] $(x^2 + 2x + 1)(x^2 5x + 7) = 0$?
- 12) [549] $(x^2 16)(x^2 4x + 4) = 0$?
- 8) [545] $(x^2 3x + 1)(x^2 4x + 4) = 0$?
- 13) $[550] x(x^2 6x + 9) = 0$?

[35] Решить уравнение:

Решить уравнение:

[36]

$$x^3 + x^2 + x + 1 = 0$$

 $x^3 - 3x^2 - 4x + 12 = 0$

-2; 2; 3

-1

4.1.4 Целые уравнения с модулем

[31] Решить уравнение:

$$|x^2 - 5x + 2| = 2$$

0; 1; 4; 5

4

 $\frac{5}{4}$

4.2 Дробные уравнения

[15] Решить уравнение:

$$\frac{1}{x-1} + \frac{2}{1-x^2} = \frac{5}{x^2 + 2x + 1}$$

[16] Решить уравнение:

 $\frac{21}{x} - \frac{10}{x - 2} - \frac{4}{x - 3} = 0$

 $7; \frac{18}{7}$

[23] Решить уравнение:

$$\frac{3-5x}{x+2} = 2 + \frac{x-11}{x+2}$$

[32] Решить уравнение:

$$\frac{x^2 + x - 6}{x + 3} = 0$$

[37] Решить уравнение:

$$\frac{x}{x-2} - \frac{7}{x+2} = \frac{8}{x^2 - 4}$$

[38] Решить уравнение:

$$\frac{1}{x+3} - \frac{6}{9-x^2} = \frac{3}{x^2 - 6x + 9}$$

6

4

 $\frac{18}{7}$; 7

0; -2

[39] Решить уравнение:

$$\frac{1}{x-1} + \frac{2}{1-x^2} = \frac{5}{x^2 + 2x + 1}$$

[40] Решить уравнение:

$$\frac{21}{x} - \frac{10}{x - 2} - \frac{4}{x - 3} = 0$$

[44] Решить уравнение:

$$\frac{x^2 + 2x}{x - 2} = 0$$

[45] Решить уравнение:

$$\frac{3x^2 - 7x}{x^2 + 1} = 0$$

[46] Решить уравнение:

$$\frac{4x^2 + 4x - 35}{x^2 - 7x + 12} = 0$$

 $-\frac{7}{2}; \frac{5}{2}$

Системы уравнений

5.1 Линейные системы уравнений с двумя неизвестными

[_17] Решить систему уравнений:

1) [190]
$$\begin{cases} x - y - 2 = -1, \\ x + y - 5 = 0. \end{cases}$$
 (3;2)

2) [191]
$$\begin{cases} x - y = 2, \\ x + y = 6. \end{cases}$$
 (4; 2)

3) [192]
$$\begin{cases} x - 2y = 0, \\ 2x - 3y - 7 = 0. \end{cases}$$
 (14;7)

4) [193]
$$\begin{cases} y - 3x = 0, \\ x - 2y = -10 \end{cases}$$
 (2;6)

5) [194]
$$\begin{cases} x - 2y = 3, \\ 5x + y = 4 \end{cases}$$
 (1; -1)

6) [195]
$$\begin{cases} x - y = 2, \\ 3x - 2y = 9 \end{cases}$$
 (5;3)

7) [196]
$$\begin{cases} x + 2y - 11 = 0, \\ 4x - 5y = -8 \end{cases}$$
 (3;4)

8) [197]
$$\begin{cases} x + 4y - 2 = 0, \\ 3x + 8y = 2 \end{cases}$$
 (-2;1)

9) [198]
$$\begin{cases} 2x + 4y - 90 = 0, \\ x - 3y = 10 \end{cases}$$
 (31;7)

10) [199]
$$\begin{cases} x - y - 12 = 0, \\ 2x + 4y = 0 \end{cases}$$
 (8; -4)

11) [200]
$$\begin{cases} 3x - 2y = 4, \\ 2x + 10y = 14 \end{cases}$$
 (2;1)

12) [201]
$$\begin{cases} 3x - 4y = 7, \\ x + 2y + 1 = 0 \end{cases}$$
 (1; -1)

13)
$$[202]$$
 $\begin{cases} x - 3y + 3 = 0, \\ x + y = 1 \end{cases}$ $(0; 1)$

14)
$$[203]$$
 $\begin{cases} 4x + y - 2 = 0, \\ 3x + y = -3 \end{cases}$ $(5; -18)$

15) $[204]$ $\begin{cases} x - 3y + 3 = 0, \\ x + y = 1 \end{cases}$ $(0; 1)$

16) $[205]$ $\begin{cases} x + 2y - 3 = 0, \\ x + y = -1 \end{cases}$ $(-5; 4)$

15) [204]
$$\begin{cases} x - 3y + 3 = 0, \\ x + y = 1 \end{cases}$$
 (0;1)

16) [205]
$$\begin{cases} x + 2y - 3 = 0, \\ x + y = -1 \end{cases}$$
 (-5;4)

17) [206]
$$\begin{cases} 5x + y - 15 = 0, \\ x - 2y = 14 \end{cases}$$
 (4; -5)

18) [207]
$$\begin{cases} x + 2y - 4 = 0, \\ 3x + y + 3 = 0 \end{cases}$$
 (-1; -2)

18)
$$[207]$$
 $\begin{cases} x + 2y - 4 = 0, \\ 3x + y + 3 = 0 \end{cases}$ $(-1; -2)$
19) $[208]$ $\begin{cases} 3x + y = -5, \\ x - 3y - 5 = 0 \end{cases}$ $(-1; -2)$

20) [209]
$$\begin{cases} 2x + y - 1 = 0, \\ 3x + 2y + 5 = 0 \end{cases}$$
 (7; -13)

21) [210]
$$\begin{cases} 5x + y - 7 = 0, \\ x - 3y - 11 = 0 \end{cases}$$
 (2; -3)

22) [211]
$$\left\{ \begin{array}{l} 7x - 2y + 3 = 9, \\ x + 4y + 7 = -5 \end{array} \right. \end{(0; -3)}$$

23) [212]
$$\begin{cases} 4x + y - 2 = 0, \\ 3x + y = -3 \end{cases}$$
 (5; -18)

24) [213]
$$\begin{cases} x - y - 7 = 0, \\ 3x - y + 7 = 6 \end{cases}$$
 (-4; -11)

25)
$$[214]$$
 $\begin{cases} 2x - 3y + 7 = 0, \\ 3x + 4y = 1 \end{cases}$ $\left(-\frac{25}{17}; -\frac{23}{17}\right)$

26) [215]
$$\begin{cases} 3x - 3y - 5 = 0, \\ 6x + 8y = -11 \end{cases} \left(\frac{1}{6}; -\frac{3}{2} \right)$$

27) [217]
$$\begin{cases} 2x + 3y = -4, \\ 5x - 7 = -6y \end{cases} (15; -11\frac{1}{3})$$

28) [218]
$$\begin{cases} 3x - 2y = 11, \\ 4x - 5y = 3 \end{cases}$$
 (7;5)

29) [219]
$$\begin{cases} 5x + 6y = 13, \\ 7x + 18y + 1 = 0 \end{cases}$$
 (7;5)

30) [220]
$$\begin{cases} 7x + 6y = 1, 5, \\ 4x - 9y - 5 = 0 \end{cases} \left(\frac{1}{2}; \frac{1}{3}\right)$$

31) [232]
$$\begin{cases} y+3=2y-4, \\ 2x+3=x \end{cases}$$
 (-3;7)

[18] Решить систему уравнений:

1) [222]
$$\begin{cases} \frac{x-3}{2} + \frac{y+4}{6} = 2, \\ \frac{1}{3}(x+2) - y = \frac{1}{3} \end{cases}$$
 (5;2)

2) [223]
$$\begin{cases} \frac{5x}{2} + \frac{y}{5} + 4 = 0, \\ \frac{x}{3} + \frac{y}{6} = \frac{1}{6} \end{cases}$$
 (-2;5)

3)
$$[224]$$
 $\begin{cases} \frac{x+3}{2} - \frac{y-2}{3} = 2, \\ \frac{x-1}{4} + \frac{y+1}{3} = 4 \end{cases}$ (5;8)

4)
$$[225]$$
 $\begin{cases} \frac{x+y}{9} - \frac{x-y}{3} = 2, \\ \frac{2x-y}{6} - \frac{3x+2y}{3} = -20 \end{cases}$ (15;12)

5)
$$[226]$$
 $\begin{cases} \frac{2x}{9} + \frac{y}{4} = 0, \\ \frac{5x}{12} + \frac{y}{3} = 1 \end{cases}$ $(\frac{108}{13}; -\frac{96}{13})$

6)
$$[234]$$
 $\begin{cases} \frac{2x-1}{5} + \frac{3y-2}{4} = 2, \\ \frac{3x+1}{5} - \frac{3y+2}{4} = 0 \end{cases}$ (3;2)

7) [236]
$$\begin{cases} \frac{x+y}{2} - \frac{x-y}{3} = 8, \\ \frac{x+3}{3} + \frac{x-y}{4} = 11 \end{cases} \left(\frac{372}{19}; \frac{108}{19} \right)$$

8)
$$[237]$$
 $\begin{cases} \frac{x+y}{2} - \frac{2y}{3} = 2\frac{1}{2}, \\ \frac{3x}{2} + 2y = 0 \end{cases}$ $(4; -3)$

1) [216]
$$\begin{cases} x - y = 5, \\ -4x + 4y = 20 \end{cases}$$
 Нет решения

2) [221]
$$\begin{cases} 3x + 4y = 3,5, \\ -3x - 4y = 40 \end{cases}$$
 Нет решения

3) [229]
$$\begin{cases} 2x + 3y = 2x + 3y + 2, \\ x - 7y + 1 = 0 \end{cases}$$
 Нет решения

4) [231]
$$\begin{cases} 3y - 4 = 2 - 3y, \\ y = 1\frac{1}{3} - 3y \end{cases}$$
 Нет решения

5) [233] $\begin{cases} x+5=5+3x, \\ x-3=9x+1 \end{cases}$ Нет решения

2) [221]
$$\begin{cases} 3x + 4y = 3, 5, \\ -3x - 4y = 40 \end{cases}$$
 Нет решения
3) [229] $\begin{cases} 2x + 3y = 2x + 3y + 2, \\ x - 7y + 1 = 0 \end{cases}$ Нет решения
6) [227] $\begin{cases} 3x + 4y + 1 = (x + y - 2) + (2x + 3y + 3), \\ x + y + 2 = y + (2 + x) \end{cases}$ $(x; y)$, где x, y – любые числа

7) [228]
$$\left\{ \begin{array}{l} 3x+5y=5(x+3y)-2(x+5y),\\ y-3+x=2x+(x+y-3) \end{array} \right.$$
 [0; y), где y – любое число

8) [230]
$$\left\{ \begin{array}{l} x+y=x+y, \\ x-y+2=0 \end{array} \right.$$
 $(x;x+2)$, где x – любое число

Неравенства

Системы неравенств

Функции

8.1 Линейная функция

0.1	линеиная функция	
[141]	Найдите уравнение прямой, которая проходит через начало координат и точку $(4;2)$.	
[142]	Найдите уравнение прямой, которая проходит через начало координат и точку $(-2;2)$.	y = 0, 5x
[142]	Паидите уравнение прямой, которая проходит через начало координат и точку $(-2,2)$.	y = -x
[143]	Найдите уравнение прямой, которая проходит через начало координат и точку $(-5;1)$.	0.25
[144]	Найдите уравнение прямой, которая проходит через начало координат и точку $(-1;-4)$	=-0,2x
[4.45]		y = 4x
[145]	Найдите уравнение прямой, которая проходит через точки с координатами $(4;6)$ и $(-8;-3)$.	$\overline{,75x+3}$
[146]	Найдите уравнение прямой, которая проходит через точки с координатами $(6;4)$ и $(-6;1)$.	
[147]	Найдите уравнение прямой, которая проходит через точки с координатами $(-2;-2)$ и $(0;4)$.	5x + 2, 5
[117]		=3x+4
[148]	Принадлежит ли точка с координатами $(1;4)$ уравнению прямой $y=4x$?	
[149]	Принадлежит ли точка с координатами $(3,5;2)$ уравнению прямой $y=\frac{2}{3}x$?	Да
[110]	Tiphiladdicikii iii 10-ika e koopgillatamii $(0,0,2)$ ypabliciinio liphilon $y=\frac{1}{3}x$.	Нет
[150]	Принадлежит ли точка с координатами $(7,5;2,5)$ уравнению прямой $y=\frac{1}{3}x$?	
[151]	Принадлежит ли точка с координатами $(-5;-2)$ уравнению прямой $y=0,75x+3$?	Да
[101]	Tipinagalemi in to the c koopginatum (0 , 2) ypabletino tipinot $y=0$, for $y=0$.	Нет
[152]	Принадлежит ли точка с координатами $(-3;-8)$ уравнению прямой $y=2x-2$?	По
[153]	Принадлежит ли точка с координатами $(-2;-4)$ уравнению прямой $y=2x-2$?	Да
[4 m 4]		Нет
[154]	Принадлежит ли точка с координатами $(2;1)$ уравнению прямой $y=3x-5$?	Да
[155]	Принадлежит ли точка с координатами $(3;5)$ уравнению прямой $y=3x-5$?	
[156]	Выяснить, лежат ли точки $A(-2;-2),\ B(10;4)$ и $C(17;10)$ на одной прямой.	Нет
[130]	Выяснить, лежат яй точки $A(-2,-2)$, $B(10,4)$ и $C(17,10)$ на одной прямой.	Нет
[157]	Выяснить, лежат ли точки $A(6;-6)$, $B(10;10)$ и $C(12;18)$ на одной прямой.	
[158]	Выяснить, лежат ли точки $A(-11;6),\ B(-6;3)$ и $C(4;-3)$ на одной прямой.	Да
		Да
[159]	Выяснить, лежат ли точки $A(-11;6),\ B(-6;3)$ и $C(9;-6)$ на одной прямой.	По
[160]	Выяснить, лежат ли точки $A(-11;6),\ B(4;-5)$ и $C(-6;3)$ на одной прямой.	Да

ГЛАВА 8. ФУНКЦИИ Школа «Симметрия»

Нет

Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых $y=\frac{1}{2}x$ и y=x+4.

[162]

[167]

(-8; -4)

Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = 0,5x+3 и $y = -\frac{1}{2}x$. [163]

Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = x и y = 1, 5x + 5.

[164] Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = x + 4 и y = -2. (-3,6;1,2)

[165] Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = -2x - 8 и y = 6. (-6; -2)

[166] Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = -x - 2 и y = 4. (-7;6)

(-6;4)

Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых $y=rac{2}{3}x-4$ и y=4.

(12;4)

[168] Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y=0,25x-4 и y=2.

Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = 3x - 5 и $y = \frac{3}{5}x + 7$. [169]

Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = 3x - 5 и $y = -\frac{1}{3}x + 5$. [170]

(3;4)

[171] Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = x - 2 и y = 0, 5x + 6.

[172] Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = -0, 5x - 2 и y = 0, 5x + 8.

Найдите координаты точки пересечения пересечения прямых y = x + 4 и y = -0, 25x - 3. [173]

Выяснить, можно ли попарно через точки A(-6;6), B(2;-8), C(-8;-2) и D(14;-6) провести две параллельные прямые.

Да. можно.

Выяснить, можно ли попарно через точки A(-8;0), B(8;4), C(0;-6) и D(8;-4) провести две парал-[175] лельные прямые.

Да, можно.

Выяснить, можно ли попарно через точки A(-6;-2), B(8;6), C(-8;-8) и D(8;-4) провести две парал-[176] лельные прямые.

Нет, нельзя.

Найдите уравнение прямой, которая проходит через точку (-5;3) и параллельна прямой $\overline{y=-x+4}$. [177] y = -x - 2

Найдите уравнение прямой, которая проходит через точку (3;-1) и параллельна прямой $y=\frac{1}{5}x+4$. [178]

 $y = \frac{1}{2}x - 2,5$

[179] Найдите уравнение прямой, которая проходит через точку (5;-0,5) и параллельна прямой y=-0,25x+13, 5.

y = -0,25x + 0,75

Найдите уравнение прямой, которая проходит через точку (3;0) и параллельна прямой y=-2x+3,5. [180]

Найдите уравнение прямой, которая проходит через точку (3;1,5) и параллельна прямой $y=-1\frac{2}{3}x+2,5.$

 $y = -1\frac{2}{3}x + 6,5$

Найдите уравнение прямой, которая проходит через точку (3;2) и перпендикулярна прямой y=-2x+2. [182]

$$y = 0,5x + 0,5$$

[183] Найдите уравнение прямой, которая проходит через точку (6;0) и перпендикулярна прямой y=-0,5x-0, 5.

$$y = 2x - 12$$

y=2x-12 Найдите уравнение прямой, которая проходит через точку (4,5;-0,5) и перпендикулярна прямой y= $[184] \\ -\frac{3}{4}x - \frac{1}{2}.$

$$y = \frac{4}{3}x - 6, 5$$

- Найдите координаты точки пересечения двух перпендикулярных прямых, если известно, что первая прямая задана уравнением y = -0.25x - 1.5, а вторая проходит через точку (6,5;1).
- Найдите координаты точки пересечения двух перпендикулярных прямых, если известно, что первая прямая задана уравнением $y=-\frac{2}{3}x-1.5$, а вторая проходит через точку (6;-1).

$$(3; -3, 5)$$

Найдите координаты точки пересечения двух перпендикулярных прямых, если известно, что первая прямая задана уравнением y = -3x + 1, а вторая проходит через точку (6; -2).

$$(1,5;-3,5)$$

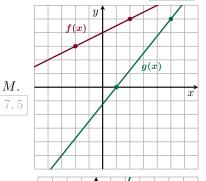
Известно, что координаты точек A(10;-4), B(4;2) и C(8;6), а ABCD — прямоугольник. Найдите координаты точки D.



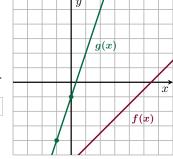
(14;0)

[24]

Прямые f(x) и g(x) пересекаются в точке M. Найдите ординату точки M.



Прямые f(x) = x - 5,5 и g(x) пересекаются в точке с координатами (a;b). [189] Найдите a+b.



8.2 Квадратичная функция

Известно, что парабола проходит через точку $B\left(-1;-\frac{1}{4}\right)$ и её вершина находится в начале координат. [25]Найдите уравнение этой параболы и вычислите, в каких точках она пересекает прямую y=-16.

Парабола проходит через точки K(0;-5), M(3;10), P(-3;-2). Найдите координаты ее вершины. [27]

Постройте график функции $y=\frac{|x|}{x}(x^2+6x)$ [18] Постройте график функции $y=x^2-3|x|-x$ и определите, при каких значениях c прямая y=c имеет с графиком три общие точки.

-1; 0

[19] Постройте график функции $y = \frac{x^4 - 13x^2 + 36}{(x-3)(x+2)}$ и определите, при каких значениях k прямая y = k имеет с графиком ровно одну общую точку

-4; 14

[28] Постройте график функции $y = \frac{x^2 - 4x + 3}{9 - 3x}$

Параметры

9.1 Не отсортированные параметры

При каких значениях параметра a уравнение

$$\frac{4^{-x^2} - a \cdot 2^{1-x^2} + a}{2^{1-x^2} - 1} = 3$$

имеет хотя бы одно решение?

Найдите все значения a, при каждом из которых уравнение $|1-ax|=1+(1-2a)x+ax^2$ имеет единственный корень.

Найдите все значения параметра а, при каждом из которых имеет единственное решение система

$$\begin{cases} x + 2y + xy + 1 = 0, \\ axy + x - y + 1, 5 = 0. \end{cases}$$

 $-3,5\pm2\sqrt{2};\ -0,5;\ 1$

Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$\frac{4a}{a-6} \cdot 3^{|x|} = 9^{|x|} + \frac{3a+4}{a-6}$$

0; 1

[318] Найдите все значения параметра a, при каждом из которых имеет ровно три различных решения система уравнений

$$\begin{cases} (x-3)^2 + (y+6)^2 = 9, \\ y-3 = |x-a+2|. \end{cases}$$

Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$(a-10)x^2 - 2(a-4)x - a + 4 = 0$$

имеет хотя бы один корень, меньший 1.

При каких значениях a уравнения $x^2 + 2(a-3) + (a^2 - 7a + 12) = 0$ и $x^2 + (a^2 - 5a + 6)x = 0$ равносильны? [320]

При каких числовых значениях m уравнение $x^2 + m = 0$ будет иметь корень -3? [448]

-9 При каких числовых значениях m существуют корни уравнения $x^2+m=0$? [449]

При каком числовом значении k уравнение $10x^2 + 4x - k = 0$ имеет корень 0? [450]

 $m \leq 0$

Найдите все значение параметра a, при каждом из которых уравнение [510]

$$(x-1)(x^2-6x+a)=0$$

имеет ровно два корня.

Часть III Текстовые задачи

Задачи на проценты

[22] Зарплату сотрудника составляла 10 000 руб. Зарплату повысили на несколько процентов, а через некоторое время повысили еще на столько же процентов. Теперь зарплата сотрудника составляет 14 400 руб. На сколько процентов повышали зарплату каждый раз?

20%

Задачи на составление системы линейных уравнений

[235] Одно число больше другого на 6. Сумма этих чисел равна 40. Найдите числа.

17 и 23

[238] Одно число меньше другого на 15. Сумма этих чисел равна 23. Найдите числа.

4 и 19

[239] Между поселками проложены две дороги: проселочная и шоссейная. Проселочная на 5 км короче шоссейной, а их общая длина равна 61 км. Какова длина проселочной дороги?

20

[240] Школа приобрела 4 кресла и 2 стола, заплатив за них 36 000 руб. Если бы было куплено 2 кресла и 3 стола, то вся покупка обошлась бы на 14 000 руб. меньше. Сколько стоят кресло и стол в отдельности?

?

[241] 5% одного числа и 4% другого числа вместе составляют 46, а 4% первого числа и 5% второго вместе составляют 42,3. Найдите эти числа.

?

Часть IV Геометрия