Занятие №1

1 Упростить выражение:

$$\frac{3a}{a^2 - 9} - \frac{3}{a^2 - 9} \left(\frac{a+2}{3a-3} - \frac{1}{a-1} \right)$$

2 Упростить выражение:

$$\frac{3a-4}{a+1} + \frac{a}{a+1} : \frac{a}{a^2-1} + \frac{5-2a}{a+1}$$

3 Вычислить:

2^{log₂ 3}
9^{log₃ 5}

- 3) $5^{\log \sqrt[3]{5}}$
- 4) $(\sqrt{3})^{\log_3 5}$

5) $(\sqrt[3]{5})^{\log_5 8}$

4 Вычислить:

1) $2^{\log_2 3+1}$

2) $4^{\log_2 3 + \frac{1}{2}}$

3) $8^{\log_4 3 + \log_{16} 729}$

5 Вычислить:

1) $\log_4 8$

4) $\log_{1/3}^2 27$

6) $\sqrt{\log_3 81}$

- 2) $\log_{1/3} 3\sqrt{3}$
- 3) $\log_{\sqrt[4]{2}} 8$

5) $\log_{6\sqrt{6}} \sqrt[6]{6}$

7) $\log_{1/\sqrt{5}} 25\sqrt[3]{5}$

6 Вычислить:

- 1) $\log_2 3\frac{1}{2} + \log_2 4\frac{4}{7}$
- 2) $\log_2 27 2\log_2 3 + \log_2 \frac{2}{3}$

- 3) $\log_{1/3} 2 + \frac{1}{2} \log_{1/3} 8 \log_{1/3} 4\sqrt{18}$
- 4) $\log_{\sqrt{3}} 2^{1/3} + \log_{\sqrt[3]{3}} 4^{1/3} \log_3 \sqrt[3]{256}$

7 Решить уравнение:

- 1) $\log_2(4-x) = 7$
- 2) $\log_{1/7}(7-2x) = -2$
- 3) $\log_4(x+3) = \log_4(4x-15)$

- 4) $\log_5(7-x) = \log_5(3-x) + 1$
- 5) $\log_8 2^{8x-4} = 4$
- 6) $\log_5(x^2 + 13x) = \log_5(9x + 5)$

Занятие №2

1 Найти значение выражения:

$$61a - 11b + 50$$
, если $\frac{2a - 7b + 5}{7a - 2b + 5} = 9$.

2 Упростить выражение:

1)
$$\frac{a-1}{2a+2} + \frac{a+1}{3-3a} + \frac{5a^3-1}{3a^2-3}$$

2)
$$\left(\frac{2}{a-2} - \frac{8}{a^2-4} + \frac{-1}{a+2}\right) \cdot (a^2+4a+4)$$

3 Вычислить:

1)
$$25^{\log_5 9}$$

3)
$$\log_{0.25} 2$$

5)
$$\log_{4\sqrt[3]{2}} \sqrt[3]{32}$$

2)
$$5^{\log \sqrt[3]{5}}$$

4)
$$\log_{13} \sqrt[5]{169}$$

4 Вычислить:

1)
$$\log_5 60 - \log_5 12$$

$$2) \quad \frac{\log_7 13}{\log_{49} 13}$$

3)
$$\frac{\log_3 5}{\log_3 7} + \log_7 0, 2$$

4)
$$\frac{\log_2 12, 8 - \log_2 0, 8}{5^{\log_{25} 16}}$$

5)
$$\log_4 91 - \log_4 13 + \log_4 \frac{2}{7}$$

5 Вычислить:

1)
$$\log_{\sqrt{7}}^2 49$$

2)
$$\log_{\sqrt{2}} \left(\log_{1/3} \frac{1}{9} \right)$$

6 Вычислить:

1)
$$4^{\log_2 3 + \frac{1}{2}}$$

2)
$$25^{\log_{\sqrt{5}}3 - \log_{125}9^3}$$

3)
$$\sqrt[4]{4^{6\log_8 5 - \log_{\sqrt{2}} 125}}$$

Домашняя работа №1

1 Упростить выражение:

1)
$$\left(x + \frac{3 - x^2}{x + 1}\right) : \frac{x + 3}{1 - x^2}$$

2)
$$\left(\frac{2}{a-2} - \frac{8}{a^2-4} + \frac{-1}{a+2}\right) \cdot (a^2+4a+4)$$

2 Вычислить:

1)
$$\frac{(4\sqrt{7}+\sqrt{32})^2}{18+2\sqrt{56}}$$

$$2) \quad \frac{5^{-5} \cdot 25^{10}}{125^3}$$

3 Вычислить:

1)
$$6\log_7 \sqrt[3]{7}$$

3)
$$\log_{\sqrt[5]{\frac{1}{2}}} 8$$

5)
$$36^{\log_6 5}$$

7)
$$(\sqrt[3]{5})^{\log_5 2}$$

2)
$$\log_{1/3} \sqrt[4]{243}$$

4)
$$36^{\log_6 2}$$

6)
$$3^{\log_{\sqrt{3}}7}$$

8)
$$6^{\log \sqrt[3]{6}}$$

4 Вычислить:

1)
$$\log_5 60 - \log_5 12$$

$$2) \quad \frac{\log_3 18}{2 + \log_3 2}$$

$$3) \quad \frac{\log_2 3, 2 - \log_2 0, 2}{3^{\log_9 25}}$$

4)
$$\log_{\sqrt[3]{5}} \sqrt{5} + \log_{\sqrt{27}} \sqrt[3]{9}$$

5 Вычислить:

1)
$$\log_{1/3}^2 27$$

2)
$$\log_9(\log_4\sqrt[3]{4})$$

3)
$$\frac{9^{\log_5 50}}{9^{\log_5 2}}$$

6 Вычислить:

1)
$$2^{\frac{3}{\log \sqrt[3]{6}}}$$

2)
$$\frac{\log_2 3, 2 - \log_2 0, 2}{\log_2 25}$$

$$3) \quad 32^{\log_4 3 - 0.5 \log_2 3}$$

7 Решить уравнение:

1)
$$\frac{(3x-4)^2}{5} + \frac{(2x-5)(x-1)}{2} = 1 + \frac{(x+2)^2}{5}$$
 4) $\log_{3/4} \frac{2x-1}{x+2} = 1$

4)
$$\log_{3/4} \frac{2x-1}{x+2} = 1$$

2)
$$\frac{1,5x^2}{9x^2-1} - \frac{3x+1}{3-9x} - \frac{3x-1}{6x+2} = 0$$

5)
$$\log_{\frac{1}{3}}(x+12) = -2$$

3)
$$\sqrt{34-3x} = x-2$$

6)
$$\log_{\frac{1}{3}}(x^2 - 17x + 9) = -3$$

7) $2^{\log_8(5x-3)} = 8$