## Занятие №3

**1.** Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$\sin|x| - a\cos x + a^2 = 0$$

имеет единственный корень на отрезке  $\left[\frac{3\pi}{4};\frac{5\pi}{4}\right]$ .

**2.** Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{(x+7)^4 + (a-5)^4} = |x+a+2| + |x-a+12|$$

имеет единственный корень.

**3.** Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$3^x + 3^{2-x} = a^2 - 6a + 11$$

имеет единственный корень.

**4.** Найдите все значения параметра a, для каждого из которых существует единственная тройка (x; y; z) действительных чисел x, y, z, удовлетворяющая системе

$$\begin{cases} 3^x + 3^{\frac{1}{x}} = (a^2 - 1) + y^2 + 6, \\ |y|z^4 + 2z^2 - 4a^2z + a + 3 = 0. \end{cases}$$

**5.** Найдите все значения параметра a, для каждого из которых система уравнений

$$\left\{ \begin{array}{l} 2^{\ln y} = 4^{|x|}, \\ \log_2(x^4y^2 + 2a^2) = \log_2(1 - ax^2y^2) + 1. \end{array} \right.$$

имеет единственное решение. При найденных значениях a решите систему.

**6.** Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$(1+a^2)x^6 + 3a^2x^4 + 2(1-6a)x^3 + 3a^2x^2 + a^2 + 1 = 0$$

имеет единственное решение.

**7.** Найдите все значения параметра a, при каждом из которых уравнение

$$(4x - x^2)^2 - 32\sqrt{4x - x^2} = a^2 - 14a$$

имеет хотя бы одно решение.

**8.** Найдите все пары (x;y) действительных чисел x и y, для каждой из которых выполняется равенство  $5^{|x-2|+2}=13-12\cos x$ 

**9.** Найдите все значение параметра a, при каждом из которых уравнение

$$a^{2} + 8|x| + 4\log_{2}(5x^{2} + 2) + 5x + 2|x - 2a|$$

имеет хотя бы один корень.

**10.** Найдите все значение параметра a, при каждом из которых уравнение

$$(1 + \sin x)^4 - 4\sin x = 7 - a - a^2$$

не имеет решений.