Занятие №4

1 Решить уравнение:

1)
$$\left(\frac{1}{2}\right)^{2x-1} - 5^{1-2x} = 0$$

2)
$$\sqrt[7]{36^{x-5}} = \frac{6}{\sqrt[5]{6}}$$
.

3)
$$(0,5)^{5x} = 8^{-3}$$

4) $7 \cdot 49^x - 13 \cdot 7^x = 2$.

5)
$$\log_3(2x - 11) = 2$$

6)
$$\log_5(x^2 + 13x) = \log_5(9x + 5)$$

7)
$$\lg(x^3+8)-0.5\lg(x^2+4x+4)=\lg 7$$

2 Решить уравнение:

1)
$$\sin x = \frac{1}{3}$$

2)
$$\sin x = \frac{3}{2}$$

3)
$$tg 2x = \frac{1}{2}$$

3 Решить уравнение:

$$1) \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right) = \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$$2) \sin\left(2x - \frac{3\pi}{2}\right) = -1$$

$$3) \quad \cos\left(\frac{\pi}{4} - x\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$4) \quad \operatorname{ctg}\left(2x - \frac{3\pi}{4}\right) = -1$$

4 Решить уравнение $\cos \frac{\pi(x-4)}{2} = \frac{3}{2}$. В ответ запишите наибольший отрицательный корень.

5 Решить уравнение $\sin \frac{2\pi x}{3} = \frac{1}{2}$. В ответ запишите наименьший положительный корень.

6 а) Решите уравнение $6\log_2^2(2\cos x) - 9\log_2(2\cos x) + 3 = 0$

б) Найдите все корни уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-\frac{\pi}{2};\pi\right]$

7 Улитка ползет от одного дерева до другого. Каждый день она проползает на одно и то же расстояние больше, чем в предыдущий день. Известно, что за первый и последний дни улитка проползла в общей сложности 10 метров. Определите, сколько дней улитка потратила на весь путь, если расстояние между деревьями равно 150 метрам.

8 Плиточник планирует уложить 175 м² плитки. Если он будет укладывать на 10 м² в день больше, чем запланировал, то закончит работу на 2 дня раньше. Сколько квадратных метров плитки в день планирует укладывать плиточник?

9 Две фабрики выпускают одинаковые стекла для автомобильных фар. Первая фабрика выпускает 45% этих стекол, вторая — 55%. Первая фабрика выпускает 3% бракованных стекол, а вторая — 1%. Найдите вероятность того, что случайно купленное в магазине стекло окажется бракованным.