Занятие №2

1 Упростить выражение:

1)
$$\left(\frac{-1}{a-2} + \frac{8}{a^2-4} + \frac{2}{a+2}\right)(a^2-4a+4)$$

2)
$$\left(\frac{5m}{m+3} - \frac{14m}{m^2+6m+9}\right) : \frac{5m+1}{m^2-9} + \frac{3(m-3)}{m+3}$$

2 Вычислить:

1)
$$(5\sqrt{2,7})^2 - \sqrt{2,4} \cdot \sqrt{0,15} + \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{27}}$$

2)
$$\left(\sqrt{62\frac{1}{2}} - \sqrt{22\frac{1}{2}}\right) \cdot \sqrt{\frac{5}{8}}$$

3)
$$2\sqrt{5}(\sqrt{2}-\sqrt{5})-(\sqrt{5}+\sqrt{2})^2$$

4)
$$\frac{(7\sqrt{27} - 7\sqrt{8}) \cdot (\sqrt{27} + \sqrt{8})}{27^2 - 64}$$

3 Решить уравнение:

1)
$$(x-1)(x-3) + (x+3)(x-5) + 2x = 4$$

2)
$$\frac{(x+2)(x-5)}{3} - \frac{11x+12}{10} = 2 - \frac{x-2}{3}$$

4 Решить уравнение:

1)
$$x^4 - 3x^2 + 2 = 0$$

3)
$$x^3 + x^2 - 4x - 4 = 0$$

2)
$$(5-x)(3x+2)=0$$

4)
$$(x-17)^2 = 5(x-17)$$

5 Решить уравнение:

$$|x^2 - 5x + 2| = 2$$

6 Решить неравенство:

1)
$$(5x-2)(4x+3) \le 0$$

3)
$$(x^2 - 4x + 4)(3x^2 - 2x - 1) \le 0$$

2)
$$3x^2 + 5x - 8 < 0$$

4)
$$|x^2 + 3x| \le 4$$

В розетку электросети подключены приборы, общее сопротивление которых составляет $R_1=90\,$ Ом. Параллельно с ними в розетку предполагается подключить электрообогреватель. Определите наименьшее возможное сопротивление R_2 этого электрообогревателя, если известно, что при параллельном соединении двух проводников с сопротивлениями R_1 Ом и R_2 Ом их общее сопротивление дается формулой $R_{oбщ}=\frac{R_1\cdot R_2}{R_1+R_2}$, а для нормального функционирования электросети общее сопротивление в ней должно быть не меньше $9\,$ Ом. Ответ выразите в Омах.