1 Упростить дробь:

$$1) \quad \frac{14a}{21ab}$$

$$3) \quad \frac{24a^5b^7c}{44a^7b^4c}$$

$$5) \quad \frac{3a(a-b)}{6a(a+b)}$$

$$2) \quad \frac{44a^8b^6}{55a^8b^5}$$

$$4) \quad \frac{ab(a+3)}{a^2b(a+3)}$$

6)
$$\frac{4x(x-y)^3}{16x^2y(x-y)}$$

2 Упростить дробь:

$$1) \quad \frac{x-y}{y-x}$$

2)
$$\frac{4xy(x-y)}{2x(y-x)}$$
 3) $\frac{3(x-2)^2}{2(2-x)}$

3)
$$\frac{3(x-2)^2}{2(2-x)}$$

4)
$$-\frac{7b-14b^2}{42b^2-21b}$$

3 Упростить дробь:

1)
$$\frac{(x-y)^2}{(y-x)^2}$$

$$3) \quad \frac{a-b}{(b-a)^2}$$

5)
$$\frac{(-3x-6y)^2}{5x+10y}$$

2)
$$\frac{(-a-b)^2}{a+b}$$

4)
$$\frac{(2x+2y)^2}{(3y+3x)^2}$$

4 Упростить дробь:

$$1) \quad \frac{2x+2y}{4}$$

2)
$$\frac{2x-4}{3(x-2)}$$

3)
$$\frac{16a-4b}{12a-3b}$$

4)
$$\frac{xy}{x-xy}$$

1)
$$\frac{2x+2y}{4}$$
 2) $\frac{2x-4}{3(x-2)}$ 3) $\frac{16a-4b}{12a-3b}$ 4) $\frac{xy}{x-xy}$ 5) $\frac{x^3-x^2y}{2x^2y+2x^2}$

5 Упростить дробь:

1)
$$\frac{a^6 + a^4}{a^4 + a^2}$$

$$2) \quad \frac{2x^5 + 2x^7}{4x + 4x^3}$$

3)
$$\frac{-3x^7 - 3x^6}{-5x^5 - 5x^4}$$

Разность квадратов Квадрат суммы Квадрат разности Сумма кубов Разность кубов Куб суммы Куб разности

$$(a+b)(a-b) = a^{2} - b^{2},$$

$$(a+b)^{2} = a^{2} + 2ab + b^{2},$$

$$(a-b)^{2} = a^{2} - 2ab + b^{2},$$

$$(a+b)(a^{2} - ab + b^{2}) = a^{3} + b^{3},$$

$$(a-b)(a^{2} + ab + b^{2}) = a^{3} - b^{3},$$

$$(a+b)^{3} = a^{3} + 3a^{2}b + 3ab^{2} + b^{3},$$

$$(a-b)^{3} = a^{3} - 3a^{2}b + 3ab^{2} - b^{3}.$$

6 Упростить дробь:

$$1) \quad \frac{a^2 - b^2}{a + b}$$

$$3) \quad \frac{y^3 - 2y^2}{4 - y^2}$$

$$5) \quad \frac{3x^2 - 3x + 3}{x^3 + 1}$$

2)
$$\frac{x^2-2x+1}{x^2-1}$$

4)
$$\frac{x^3 - y^3}{x^2 - y^2}$$

$$6) \quad \frac{3a^3 - 3b^3}{6a^2 - 6b^2}$$

Разность квадратов Квадрат суммы Квадрат разности Сумма кубов Разность кубов Куб суммы Куб разности

$$(a+b)(a-b) = a^2 - b^2,$$

$$(a+b)^2 = a^2 + 2ab + b^2,$$

$$(a-b)^2 = a^2 - 2ab + b^2,$$

$$(a+b)(a^2 - ab + b^2) = a^3 + b^3,$$

$$(a-b)(a^2 + ab + b^2) = a^3 - b^3,$$

$$(a+b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3,$$

$$(a-b)^3 = a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3.$$

1 Упростить дробь:

1)
$$\frac{25x^4y^2}{100x^3y}$$

$$2) \quad \frac{15a(a-b)}{20b(a-b)}$$

$$3) \quad \frac{2(x+y)}{4ax}$$

$$4) \quad \frac{2(a-b)}{3(b-a)}$$

5)
$$\frac{(a+b)^2}{(-a-b)^2}$$

$$6) \quad \frac{(2a-2b)^2}{a-b}$$

2 Упростить дробь:

1)
$$\frac{y^3 - 2y^2}{4 - y^2}$$

$$2) \quad \frac{x^3 - y^3}{x^2 - y^2}$$

$$3) \quad \frac{3x^2 - 3x + 3}{x^3 + 1}$$

4)
$$\frac{3a^3 - 3b^3}{6a^2 - 6b^2}$$

5)
$$\frac{x^4 - 2x^2 + 1}{1 - x^4}$$

$$6) \quad \frac{x^2 - y^2}{3x - 2x^2 + 3y - 2xy}$$

7)
$$\frac{8a^3z - 4a^2z^2}{12a^2z^4 - 6az^5}$$

8)
$$\frac{6x^4 - 6x^2y^2}{4y^4 - 4x^4}$$

3 Вычислить значение выражения:

4 Упростить и найти значение выражения:

$$\frac{3m^2+6mn+3n^2}{6n^2-6m^2}$$
, если $m=0,5,\ n=\frac{2}{3}$

5 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{x}{2} + \frac{y}{2}$$

2) $\frac{12x}{11} + \frac{9x}{11} + \frac{x}{11}$

3)
$$\frac{2x}{7} - \frac{1-x}{7}$$

4)
$$\frac{x}{2} - \frac{x - y}{2}$$

$$5) \quad \frac{x^2}{9} + \frac{13x^2 + 7}{9} - \frac{4x^2 + 2}{9}$$

$$1) \quad \frac{1+a}{a} - \frac{1}{a}$$

2)
$$\frac{x+13}{x} + \frac{x-13}{x}$$

$$3) \quad \frac{y^3 - 14}{y^2} - \frac{3y^3 - 14}{y^2}$$

Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{3x^2}{5a} + \frac{2x^2}{5a}$$

2)
$$\frac{2}{x+y} + \frac{3}{x+y}$$

3)
$$\frac{2}{a-1} - \frac{1}{a-1}$$

4)
$$\frac{x+3}{2x+7} + \frac{x+4}{2x+7}$$

5)
$$\frac{x-1}{2a+2} + \frac{13-x}{2a+2}$$

6)
$$\frac{2x-3y}{5x+y} + \frac{7x+3y}{5x+y}$$

8 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{a}{3} + \frac{b}{2}$$

2)
$$\frac{3x}{4} + \frac{2x}{3}$$

3)
$$\frac{7x^2}{3} + \frac{13x^2}{5}$$

4)
$$\frac{3}{x} - \frac{5}{y}$$

5)
$$\frac{1}{x} - \frac{1}{xy}$$

9 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{16}{4-a} - \frac{a^2}{4-a}$$

2)
$$\frac{11}{b^2-64} + \frac{b-3}{b^2-64}$$

3)
$$\frac{15x+7y}{(x+y)^2} - \frac{13x+5y}{(x+y)^2}$$

4)
$$\frac{x}{2-c} - \frac{11}{c-2}$$

5)
$$\frac{x^2+16}{a-4}+\frac{8x}{4-a}$$

6)
$$\frac{x^2 + 9y^2}{x - 3y} + \frac{6xy}{3y - x}$$

7)
$$\frac{a-3}{a-1} - \frac{2}{1-a}$$

8)
$$\frac{m}{m^2-9}+\frac{3}{9-m^2}$$

1)
$$\frac{5x-3}{6x} + \frac{x+2}{4x}$$

2)
$$\frac{2a-3b}{m} + \frac{4a-5b^2}{mb}$$
 3) $\frac{15x-y}{12x} - \frac{x-4y}{9x}$

3)
$$\frac{15x-y}{12x} - \frac{x-4y}{9x}$$

Домашняя работа №1

1 Упростить дробь:

1)
$$\frac{8m^3n}{16m^2n}$$

2)
$$\frac{2(x-1)}{5(x-1)}$$

3)
$$\frac{6a^2b^4(4-b)}{14ab^3(b-4)}$$

$$4) \quad \frac{a(x-2y)}{b(2y-x)}$$

5)
$$\frac{(3y+12x)^2}{y+4x}$$
6)
$$\frac{8a^2-2b^2}{(8a+4b)^2}$$

$$6) \quad \frac{8a^2 - 2b^2}{(8a + 4b)^2}$$

2 Упростить и найти значение выражения:

$$\frac{11a^6b^3-(3a^2b)^3}{4a^6b^6}$$
, при $b=2$

3 Упростить дробь:

1)
$$\frac{15a^3b + 15ab^3}{a^4 - b^4}$$

$$2) \quad \frac{1 - 9z^2}{18z^3 + 12z^2 + 2z}$$

3)
$$\frac{(4y^2 - 8y)^2}{(8y - 16)^2}$$

4)
$$\frac{y^4 - 1}{1 + 2y^2 + y^4}$$

$$5) \quad \frac{7x^2y^4 + 7x^4y^2}{x^6 + y^6}$$

6)
$$\frac{x^4 + x^2y^2 + y^4}{x^2 - xy + y^2}$$

1)
$$\frac{x-1}{3} + \frac{1}{3}$$

$$2) \quad \frac{11x - 8y}{13} + \frac{2x - 5y}{13}$$

3)
$$\frac{2y^3 - 15x^2}{17} + \frac{19y^3 - 16x^2}{17} - \frac{x^2 - 13y^3}{17}$$

Произвести сложение или вычитание и представить в виде несократимой дроби: 1

1)
$$\frac{a}{3} + \frac{b}{2}$$

2)
$$\frac{3x}{4} + \frac{2x}{3}$$

3)
$$\frac{1}{a} + \frac{1}{b}$$

4)
$$\frac{1}{2x} + \frac{1}{3}$$

$$5) \quad \frac{1}{x} - \frac{1}{xy}$$

2 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{16}{4-a} - \frac{a^2}{4-a}$$

2)
$$\frac{11}{b^2-64}+\frac{b-3}{b^2-64}$$

3)
$$\frac{a}{b-1} + \frac{6}{1-b}$$

4)
$$\frac{5m}{2x-m} + \frac{10x}{m-2x}$$

$$5) \quad \frac{x}{2x-1} + \frac{3x-1}{1-2x}$$

6)
$$\frac{m}{m^2-9}+\frac{3}{9-m^2}$$

7)
$$\frac{5x-3}{6x} + \frac{x+2}{4x}$$

8)
$$\frac{x-y}{xy} - \frac{x-k}{xk}$$

3 Представить в виде несократимой дроби:

$$1) \quad \frac{x}{y^2} - \frac{1}{y}$$

2)
$$\frac{8}{b^6} - \frac{2b}{b^4}$$

3)
$$\frac{1}{a^3b^2} + \frac{1}{a^2b^3}$$

4)
$$\frac{x-3y}{xy^2} - \frac{3y-x}{x^2y}$$

$$5) \quad \frac{2xy-1}{4x^3} - \frac{3y-x}{6x^2}$$

4 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$2 - \frac{5}{x-3}$$

2)
$$3x - \frac{x-1}{4} - \frac{x+2}{3}$$

3)
$$\frac{a^2+b^2}{a+b}+a-b$$

4)
$$x - \frac{x-y}{2} + \frac{x+y}{4}$$

1)
$$\frac{7x}{3x+3} - \frac{x}{9x+9}$$

$$2) \quad \frac{2m}{ax+bx} + \frac{3y}{ay+by}$$

3)
$$\frac{1}{2x^2y - xy} + \frac{2}{y - 2xy}$$

4)
$$\frac{3b}{2a^3b - 8a^2b^2} - \frac{5a}{12a^3b - 3a^4}$$
5)
$$\frac{4}{x^2 - 25} - \frac{2}{x+5} - \frac{x+2}{5-x}$$

5)
$$\frac{4}{x^2-25}-\frac{2}{x+5}-\frac{x+2}{5-x}$$

6)
$$\frac{5-3x}{64-x^2} - \frac{2-x}{x^2-16x+64}$$

7)
$$\frac{4-x}{25-10x+x^2} - \frac{3}{x^2+10x+25} - \frac{x+4}{25-x^2}$$

8)
$$\frac{x-2}{3x+6} + \frac{1}{x^2-4} + \frac{x-6}{6-3x}$$

9)
$$\frac{y+2}{25-(y+1)^2} - \frac{4}{y+6} + 2$$

Произвести сложение или вычитание и представить в виде несократимой дроби: 1

1)
$$\frac{x}{4} - \frac{y}{2}$$

2)
$$\frac{x^2}{4} - \frac{2x}{2}$$
 3) $\frac{3}{x} - \frac{5}{y}$

3)
$$\frac{3}{x} - \frac{5}{y}$$

4)
$$\frac{4}{5x} + \frac{2}{3x}$$

2 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{49}{x+7} - \frac{x^2}{x+7}$$

3)
$$\frac{x}{2-c} - \frac{11}{c-2}$$

$$5) \quad \frac{2b}{mx} - \frac{5b}{nx}$$

2)
$$\frac{2x+y}{(x-y)^2} + \frac{2y-5x}{(x-y)^2}$$
 4) $\frac{x^2+16}{a-4} + \frac{8x}{4-a}$

4)
$$\frac{x^2+16}{a-4}+\frac{8x}{4-a}$$

6)
$$\frac{15x-y}{12x} - \frac{x-4y}{9x}$$

3 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{2}{x^2} - \frac{5}{x^3}$$

$$3) \quad \frac{5}{a^3b^5} - \frac{2}{a^6b^2}$$

$$5) \quad \frac{1-y^2}{3xy} + \frac{2y^3 - 1}{6xy^2}$$

2)
$$\frac{1}{3a^7} + \frac{2-a^2}{a^9}$$

4)
$$\frac{3}{a^4b^3c^2} - \frac{2}{ab^5c^3}$$

4 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$1 + \frac{(a-b)}{a+b}$$

$$3) \quad \frac{(x+y)^2}{y} - 2x$$

2)
$$\frac{a+b}{3} - a + b$$

4)
$$x - \frac{x-y}{2} + \frac{x+y}{4}$$

1)
$$\frac{2a}{4x+4y} + \frac{4b}{8x+8y}$$

$$2) \quad \frac{y}{ax - bx} - \frac{x}{ay - by}$$

3)
$$\frac{15}{10x^3y - 15x^2y^2} - \frac{6y}{9xy^3 - 6x^2y^2}$$

4)
$$\frac{(5x-1)^3}{5x-2} + \frac{-1+5x}{2-5x}$$

5)
$$\frac{a+1}{25-a^2} - \frac{4}{a+5} + 2$$

6)
$$\frac{x-2}{3x+6} + \frac{1}{x^2-4} + \frac{x-6}{6-3x}$$

7)
$$\frac{3x+2}{x^2-2x+1} - \frac{6}{x^2-1} - \frac{3x-2}{x^2+2x+1}$$

8)
$$\frac{5-3x}{64-x^2} - \frac{2-x}{x^2-16x+64}$$

9)
$$\frac{4-x}{25-10x+x^2} - \frac{3}{x^2+10x+25} - \frac{x+4}{25-x^2}$$

10)
$$\frac{y+2}{25-(y+1)^2} - \frac{4}{y+6} + 2$$

Домашняя работа №2

1 Произвести сложение или вычитание и представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{2x}{3} - \frac{4}{5}$$

2)
$$\frac{7x^2}{3} + \frac{13x^2}{5}$$

3)
$$\frac{x}{a} + \frac{y}{b}$$

$$4) \quad \frac{4x}{3y} - \frac{y}{3x}$$

2 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{5x-1}{x^2-y^2} - \frac{5y-1}{x^2-y^2}$$

2)
$$\frac{15x+7y}{(x+y)^2} - \frac{13x+5y}{(x+y)^2}$$

$$3) \quad \frac{2x}{a-b} + \frac{2y}{b-a}$$

4)
$$\frac{x^2 + 9y^2}{x - 3y} + \frac{6xy}{3y - x}$$

5)
$$\frac{x^2}{x-1} + \frac{1}{1-x}$$

6)
$$\frac{2a-3b}{m} + \frac{4a-5b^2}{mb}$$

7)
$$\frac{7a+4}{8p} - \frac{3a-4}{6p}$$

3 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{1-a}{a^4} + \frac{1}{a^3}$$

$$2) \quad \frac{x+y}{x^2} + \frac{x-y}{xy}$$

3)
$$\frac{2x-3y}{x^2y} + \frac{4x-5y}{xy^2}$$

4)
$$\frac{x^4y^2}{2a^4b^2} + \frac{3xy^3}{a^3b^3}$$

$$5) \quad \frac{3}{5a^3} - \frac{3}{5a^2}$$

4 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$1 - \frac{x}{5} - \frac{y}{4}$$

2)
$$\frac{x-3}{4} - 1 - \frac{x-4}{3}$$

3)
$$\frac{(a-b)^2}{2a} + b$$

4)
$$5 - \frac{2m-n}{4} + \frac{m+5n}{12}$$

$$1) \quad \frac{5x}{10a - 10b} - \frac{3x}{15a - 15b}$$

$$2) \quad \frac{3}{3m^2n - 6mn^2} - \frac{2}{4mn - 2m^2}$$

3)
$$\frac{1}{2x^2y - xy} + \frac{2}{y - 2xy}$$

4)
$$\frac{b^2+1}{b^2(b-1)} - \frac{2}{b(b-1)}$$

5)
$$\frac{(3a-2b)^2}{b-3a} + \frac{9a^2}{3a-b}$$

6)
$$\frac{x^2+1}{x^2(x+1)} + \frac{2}{x(x+1)}$$

7)
$$\frac{3}{b+2} + \frac{2b-5}{4-b^2} + \frac{5}{b-2}$$

1 Упростить выражение до несократимой дроби:

1)
$$\frac{a+1}{7x} \cdot \frac{2x}{a+1}$$

1)
$$\frac{a+1}{7x} \cdot \frac{2x}{a+1}$$
 2) $\frac{ax-ay}{ac} \cdot \frac{cx+cy}{x-y}$ 3) $\frac{4a}{a^2b} : \frac{5ab}{3a-3b}$ 4) $\frac{a^2-b^2}{2a^2b} \cdot \frac{4ab^2}{a+b}$

3)
$$\frac{4a}{a^2b}: \frac{5ab}{3a-3b}$$

4)
$$\frac{a^2 - b^2}{2a^2b} \cdot \frac{4ab^2}{a+b}$$

2 Упростить выражение:

1)
$$\frac{(x-y)^2}{3x^2y^2}:\frac{x-y}{6xy^2}$$

$$2) \quad \frac{a^2 - 9b^2}{a^2 - ab} : \frac{a^2 + 3ab}{a - b}$$

2)
$$\frac{a^2 - 9b^2}{a^2 - ab}$$
: $\frac{a^2 + 3ab}{a - b}$ 4) $\frac{12a^2 + 6ab}{8a^3 - b^3} \cdot \frac{4a^2 + 2ab + b^2}{3a^2 - 6ab}$

3)
$$\frac{m^3 + n^3}{2m} \cdot \frac{4mn}{m^2 - mn + n^2}$$

Упростить выражение: 3

1)
$$\left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}\right) \cdot abc$$

3)
$$\left(\frac{a}{a-1}+1\right):\left(1-\frac{a}{a-1}\right)$$

2)
$$\left(\frac{a+x}{a} - \frac{2x}{x-a}\right) : \frac{a^2 + x^2}{x-a}$$

4)
$$\frac{3}{5x} - \frac{3}{x+y} \cdot \left(\frac{x+y}{5x} - x - y\right)$$

4 Упростить выражение:

1)
$$\left(a^2 - \frac{1}{b^2}\right) : \left(a - \frac{1}{b}\right)$$

3)
$$\frac{a-1}{2a} \cdot \left(\frac{a+3}{a+1} - \frac{a^2-5}{a^2-1}\right)$$

2)
$$\frac{x+y}{x} - \frac{x}{x-y} + \frac{y^2}{x^2 - xy}$$

4)
$$\frac{4y}{y-1} \cdot \left(\frac{y}{8} - \frac{1}{4} + \frac{1}{8y}\right)$$

Упростить выражение $\left(\frac{a^2}{a+1} - \frac{a^3}{a^2+2a+1}\right) : \left(\frac{a}{a+1} - \frac{a^2}{a^2-1}\right)$ и найти значение выражения при a=-3.

6 Докажите тождество:

1)
$$\left(\frac{1}{x-1} - \frac{1}{x+1}\right) \cdot (x^2 - 2x + 1) = \frac{2x-2}{x+1}$$
 2) $\frac{2x}{x^2 - y^2} - \frac{1}{x-y} - \frac{1}{x+y} = 0$

1 Упростить выражение до несократимой дроби:

1)
$$\frac{x+3}{4x^2} \cdot \frac{6x^3}{x+3}$$

3)
$$\frac{a^2x - a^2y}{a^3c^3} \cdot \frac{c^3x + c^3y}{x - y}$$

$$2) \quad \frac{m-3n}{6m} \cdot \frac{3mn}{4m-12n}$$

4)
$$\frac{x+y}{10a}: \frac{x+y}{16a^2b}$$

2 Упростить выражение:

1)
$$\frac{2a-4}{b+1}: \frac{a^2-4}{(b+1)^2}$$

3)
$$\frac{m^2-n^2}{(m+n)^2}:\frac{4m-4n}{3m+3n}$$

3)
$$\frac{m^2 - n^2}{(m+n)^2} : \frac{4m - 4n}{3m + 3n}$$
 5) $\frac{x^2 + xy}{6x^2 - 6y^2} : \frac{3x^3 + 3y^3}{x^2 - xy}$

2)
$$\frac{p^2-q^2}{p^2} \cdot \frac{pq+q^2}{(p+q)^2}$$

4)
$$\frac{m^3-n^3}{m^3+n^3}:\frac{(m-n)^2}{m^2-n^2}$$

3 Упростить выражение:

1)
$$\left(\frac{a}{b} + \frac{b}{c} + \frac{c}{a}\right) \cdot \frac{ab}{c}$$

3)
$$\left(a + \frac{a^2}{c}\right) : \left(b + \frac{bc}{a}\right)$$

2)
$$\left(\frac{a+x}{a} - \frac{x-y}{x}\right) \cdot \frac{a^2}{x^2 + ay}$$

4)
$$\left(\frac{x^2+1}{2x-1}-\frac{x}{2}\right)\cdot\frac{1-2x}{x+2}$$

4 Упростить выражение:

1)
$$\left(4x^2 - \frac{1}{9b^2}\right) : \left(2x - \frac{1}{3b}\right)$$

4)
$$\left(\frac{14+a^2}{a^2-4}-\frac{a-4}{a+2}\right)\cdot\frac{a-2}{6}$$

2)
$$\frac{1}{m+2} + \frac{1}{m-2} - \frac{4}{m^2-4}$$

5)
$$\left(\frac{a}{a-4} - \frac{a-4}{a+4}\right) \cdot \frac{a+4}{4}$$

3)
$$\left(\frac{c-d}{c^2+cd}-\frac{c}{d^2+cd}\right):\left(\frac{d^2}{c^3-cd^2}+\frac{1}{c+d}\right)$$
 6) $\left(\frac{a}{8}+\frac{1}{3}+\frac{1}{6a}\right):\frac{a+1}{12a}$

6)
$$\left(\frac{a}{8} + \frac{1}{3} + \frac{1}{6a}\right) : \frac{a+1}{12a}$$

Домашняя работа №3

1 Упростить выражение до несократимой дроби:

1) 1

2) 2

3) 3

4) $\frac{x+y}{x-y} \cdot \frac{x^2-xy}{2x^2-2y^2}$

2 Упростить выражение:

1) $\frac{16-m^2}{m^2-3m}:\frac{m^2+4m}{m^2-9}$ 2) $\frac{3x^2-3y^2}{x^2+xy}\cdot\frac{x+y}{6x-6y}$ 4) $\frac{p^2-4a^2}{(p+2q)^2}:\frac{p^3-8q^3}{4q^2+2pq+p^2}$

3) $\frac{2a}{a^3-b^3}:\frac{6ab}{a^2-b^2}$

3 Упростить выражение:

1) $5x^2 \cdot \left(\frac{1}{x^2} - \frac{1}{x} + 3\right)$

3) $\left(\frac{n}{n+x}-\frac{n}{n-x}\right):\left(\frac{n}{n-x}+\frac{n}{n+x}\right)$

2) $\left(m - \frac{1}{1+m}\right) \cdot \frac{m+1}{1-m-m^2}$

4 Упростить выражение:

1) $\left(\frac{3a^2}{4b^2} - \frac{b^2}{3}\right) : \left(\frac{3a}{2b} + b\right)$

3) $\left(\frac{c+3}{c-3} - \frac{c}{c+3}\right) \cdot \frac{c-3}{c+1}$

2) $\frac{3x^2 + 3xy}{4xy + 6ay} \cdot \left(\frac{x}{ax + ay} + \frac{3}{2x + 2y}\right)$

4) $\left(\frac{1+a}{1-a} - \frac{1-a}{1+a}\right) : \frac{2a}{1-a}$

- Упростить выражение $\frac{4xy}{y^2-x^2}$: $\left(\frac{1}{y^2-x^2}+\frac{1}{x^2+2xy+y^2}\right)$ и найти значение выражения при x = 0,35 и y = 7,65.
- 6 Докажите тождество:

1) $\left(\frac{1}{x-y} + \frac{1}{x+y}\right) \cdot (x^2 - y^2) = 2x$

2) $\frac{1}{(a-b)(a-c)} + \frac{1}{(b-a)(b-c)} + \frac{1}{(c-a)(c-b)} = 0$

1 Упростить выражение:

1)
$$\left(\frac{x+4}{3x+3} - \frac{1}{x+1}\right) : \frac{x+1}{3} + \frac{2}{x^2-1}$$
 2) $\left(\frac{m+2}{m+1} - \frac{8m^2-8}{m^3-1} : \frac{4m+4}{m^2+m+1}\right) \cdot \frac{1}{m}$

2)
$$\left(\frac{m+2}{m+1} - \frac{8m^2 - 8}{m^3 - 1} : \frac{4m+4}{m^2 + m + 1}\right) \cdot \frac{1}{m}$$

- Упростить выражение $\left(\frac{n-1}{n+1} \frac{n+1}{n-1}\right) \cdot \left(\frac{1}{2} \frac{n}{4} \frac{1}{4n}\right)$ и найти значение выражения при
- Упростить выражение $\frac{x^2+25}{(x-5)^3}+\frac{10x}{(5-x)^3}$ и найти значение выражения при x=5,125.

4 Докажите тождество:

1)
$$\left(\frac{1}{x-2} - \frac{1}{x+2}\right) \cdot (x^2 - 4x + 4) = \frac{4x-8}{x+2}$$

2)
$$\frac{1}{(a-b)(b-c)} + \frac{1}{(b-c)(c-a)} + \frac{1}{(a-c)(b-a)} = 0$$

5 Упростить выражение:

1)
$$\left(\frac{a-b}{2a-b} - \frac{a^2+b^2+a}{2a^2+ab-b^2}\right) : \frac{4b^4+4ab^2+a^2}{2b^2+a} \cdot (b^2+b+ab+a)$$

2)
$$\left(\left(\frac{x^2}{y^3} + \frac{1}{x}\right) : \left(\frac{x}{y^2} - \frac{1}{y} + \frac{1}{x}\right)\right) : \frac{(x-y)^2 + 4xy}{1 + \frac{y}{x}}$$

Проверочная работа

1 Упростить дробь:

1)
$$\frac{44a^8b^6}{55a^8b^5}$$

2)
$$\frac{4x(x-y)^3}{16x^2y(x-y)}$$

$$3) \quad \frac{8a^3z - 4a^2z^2}{12a^2z^4 - 6az^5}$$

2 Упростить дробь:

$$1) \quad \frac{a-b}{(b-a)^2}$$

$$3) \quad \frac{x^3 - x^2y}{2x^2y + 2x^2}$$

$$5) \quad \frac{x^2 - y^2}{3x - 2x^2 + 3y - 2xy}$$

2)
$$\frac{(2x+2y)^2}{(3y+3x)^2}$$

4)
$$\frac{3a^3 - 3b^3}{6a^2 - 6b^2}$$

3 Упростить и найти значение выражения:

$$\frac{3m^2 + 6mn + 3n^2}{6n^2 - 6m^2}, \quad \text{если } m = 0, 5, \ n = \frac{2}{3}$$

4 Представить в виде несократимой дроби:

1)
$$\frac{x^2}{9} + \frac{13x^2 + 7}{9} - \frac{4x^2 + 2}{9}$$
 2) $\frac{x - 3y}{xy^2} - \frac{3y - x}{x^2y}$ 3) $\frac{x - 2}{3x + 6} + \frac{1}{x^2 - 4} + \frac{x - 6}{6 - 3x}$

$$2) \quad \frac{x-3y}{xy^2} - \frac{3y-x}{x^2y}$$

3)
$$\frac{x-2}{3x+6} + \frac{1}{x^2-4} + \frac{x-6}{6-3x}$$

5 Упростить выражение:

$$1) \quad \left(\frac{1}{a} + \frac{1}{b} + \frac{1}{c}\right) \cdot abc$$

3)
$$\left(4x^2 - \frac{1}{9b^2}\right) : \left(2x - \frac{1}{3b}\right)$$

2)
$$\frac{3}{5x} - \frac{3}{x+y} \cdot \left(\frac{x+y}{5x} - x - y\right)$$
 4) $\left(\frac{a}{a-4} - \frac{a-4}{a+4}\right) \cdot \frac{a+4}{4}$

4)
$$\left(\frac{a}{a-4} - \frac{a-4}{a+4}\right) \cdot \frac{a+4}{4}$$

Упростить выражение $\left(\frac{a^2}{a+1} - \frac{a^3}{a^2+2a+1}\right): \left(\frac{a}{a+1} - \frac{a^2}{a^2-1}\right)$ и найти значение выраже-