Встреча №1

1 Точка B лежит на отрезке AC длиной 5. Найдите расстояние между серединами отрезков AB и BC. 2 Найдите угол между биссектрисами двух смежных углов. 3 Две параллельные прямые пересечены третьей. Найдите угол между биссектрисами внутренних односторонних углов. 4 Медиана AM треугольника ABC перпендикулярна его биссектрисе BK. Найдите AB, если BC =5 Через данную точку проведите прямую, пересекающую две данные прямые под равными углами. 6 Две различные окружности пересекаются в точках A и B. Докажите, что прямая, проходящая через центры окружностей, делит отрезок AB пополам и перпендикулярна ему. 7 Биссектрисы BB_1 и CC_1 треугольника ABC пересекаются в точке M, биссектрисы B_1B_2 и C_1C_2 треугольника AB_1C_1 пересекаются в точке N. Докажите, что точки A, M и N лежат на одной прямой. 8 Докажите, что биссектриса внешнего угла при вершине равнобедренного треугольника параллельна основанию. 9 Постройте равнобедренный треугольник, если даны две прямые, на которых лежат вершине и при основании, и по точке на каждой из боковых сторон. 10 Постройте треугольник, если заданы сторона, противолежащий ей угол и сумма двух других сторон. 11 Один из углов треугольника равен α . Найдите угол между биссектрисами двух других углов. 12 Один из углов треугольника равен α . Найдите угол между высотами, проведенными из вершин двух других углов. 13 Угол треугольника равен сумме двух других его углов. Докажите, что треугольник прямоугольный. 14 Докажите, что если медиана равна половине стороны, к которой она проведена, то этот треугольник прямоугольный. Доказать обратное. 15 В треугольнике ABC угол $\angle C=30^\circ$ и AC=10. И вершины B провели медиану, которая равна 5. Найдите другие стороны треугольника. 16 Докажите, что если треугольник вписан в окружность и одна из его сторон – диаметр, то такой треугольник прямоугольный. 17 Постройте равнобедренный треугольник по основанию и радиусу описанной окружности. 18 Докажите, что центр окружности, описанной около прямоугольного треугольника, — середина гипотенузы. 19 Докажите, что, если в треугольнике один угол равен 120°, то треугольник, образованный основа-

ниями его биссектрис, прямоугольный.

Домашняя работа №1

1	Точка K отрезка AB , равного 12 , расположена на 5 ближе к A , чем к B . Найдите AK и BK .
2	Через вершины A и C треугольника ABC проведены прямые, перпендикулярные биссектрисе угла ABC , пересекающие прямые CB и BA в точках K и M соответственно. Найдите AB , если $BM=8,KC=1.$
3	Дана прямая l и точки A и B по разные стороны от нее. Постройте на прямой l такую точку C , чтобы прямая l делила угол ACB пополам.
4	Дана прямая l и точки A и B по одну сторону от нее. Луч света, выпущенный из точки A , отразившись от этой прямой в точке C , попадает в точку B . Постройте точку C .
5	Постройте биссектрису угла, вершина которого недоступна.
6	Высоты остроугольного треугольника ABC , проведенные из вершин A и B , пересекаются в точке H , причем $\angle AHB=120^\circ$, а биссектрисы, проведенные из вершин B и C , – в точке K , причем $\angle BKC=130^\circ$. Найдите угол ABC .
7	На стороне AB квадрата $ABCD$ построен равносторонний треугольник ABM . Найдите угол DMC

- DMC. **8** Угол при вершине B равнобедренного треугольника ABC равен 108° . Перпендикуляр к биссек-
- трисе AD этого треугольника, проходящий через точку D, пересекает сторону AC в точке E. Докажите, что DE = BD.
- 9 Высота прямоугольного треугольника, опущенная на гипотенузу, равна 1, один из острых углов равен 15°. Найдите гипотенузу.
- Постройте окружность данного радиуса, высекающую на данной прямой отрезок, равный данному.
- 11 Постройте треугольник, если дана одна его вершина и две прямые, на которых лежат биссектрисы, проведенные из двух других вершин.
- Внутри острого угла даны точки M и N. Как из точки M направить луч света, чтобы он, отразившись последовательно от сторон угла, попал в точку N?