- 1. При температуре 0° рельс имеет длину $l_0=10$ м. При возрастании температуры происходит тепловое расширение рельса, и его длина, выраженная в метрах, меняется по закону $l(t^\circ)=l_0(1+\alpha\cdot t^\circ)$, где $\alpha=1,2\cdot 10^{-5}(^\circ C)^{-1}$ коэффициент теплового расширения, t° температура (в градусах Цельсия). При какой температуре рельс удлинится на 3мм? Ответ выразите в градусах Цельсия.
- 2. При температуре 0° рельс имеет длину $l_0=12,5$ м. При возрастании температуры происходит тепловое расширение рельса, и его длина, выраженная в метрах, меняется по закону $l(t^\circ)=l_0(1+\alpha\cdot t^\circ)$, где $\alpha=1,2\cdot 10^{-5}(^\circ C)^{-1}$ коэффициент теплового расширения, t° температура (в градусах Цельсия). При какой температуре рельс удлинится на 6 мм? Ответ выразите в градусах Цельсия.
- 3. Некоторая компания продает свою продукцию по ценеp=500руб. за единицу, переменные затраты на производство одной единицы продукции составляют v=300 руб., постоянные расходы предприятия f=700000 руб. в месяц. Месячная операционная прибыль предприятия (в рублях) вычисляется по формуле $\pi(q)=q(p-v)-f$. Определите месячный объем производстваq (единиц продукции), при котором месячная операционная прибыль предприятия будет равна 300000 руб.
- 4. Некоторая компания продаёт свою продукцию по цене p=600 руб. за единицу, переменные затраты на производство одной единицы продукции составляют v=300 руб., постоянные расходы предприятия f=700000 руб. в месяц. Месячная операционная прибыль предприятия (в рублях) вычисляется по формуле g(q)=q(p-v)-f. Определите месячный объём производства q (единиц продукции), при котором месячная операционная прибыль предприятия будет равна 500000 руб.
- 5. Зависимость объёма спроса q (единиц в месяц) на продукцию предприятия монополиста от цены p (тыс. руб.) задаётся формулой q=100-10p. Выручка предприятия за месяц r (в тыс. руб.) вычисляется по формуле $r(p)=q\cdot p$. Определите наибольшую цену p, при которой месячная выручка r(p) составит не менее 240 тыс. руб. Ответ приведите в тыс. руб.
- 6. Зависимость объёма спроса q (единиц в месяц) на продукцию предприятия монополиста от цены p (тыс. руб.) задаётся формулой q=85-5p. Выручка предприятия за месяц r (в тыс. руб.) вычисляется по формуле $r(p)=q\cdot p$. Определите наибольшую цену p, при которой месячная выручка r(p) составит не менее 350 тыс. руб. Ответ приведите в тыс. руб.
- 7. Для получения на экране увеличенного изображения лампочки в лаборатории используется собирающая линза с главным фокусным расстоянием $f=30\,$ см. Расстояние d_1 от линзы до лампочки может изменяться в пределах от $30\,$ до $50\,$ см, а расстояние d_2 от линзы до экрана в пределах от $150\,$ до $180\,$ см. Изображение на экране будет четким, если выполнено соотношение $\frac{1}{d_1}+\frac{1}{d_2}=\frac{1}{f}.$ Укажите, на каком наименьшем расстоянии от линзы можно поместить лампочку, чтобы ее изображение на экрана было чётким. Ответ выразите в сантиметрах.
- 8. Для получения на экране увеличенного изображения лампочки в лаборатории используется собирающая линза с главным фокусным расстоянием $f=80\,$ см. Расстояние d_1 от линзы до лампочки может изменяться в пределах от $330\,$ до $350\,$ см, а расстояние d_2 от линзы до экрана в пределах от $80\,$ до $105\,$ см. Изображение на экране будет четким, если выполнено соотношение $\frac{1}{d_1}+\frac{1}{d_2}=\frac{1}{f}.$ Укажите, на каком наименьшем расстоянии от

линзы можно поместить лампочку, чтобы ее изображение на экрана было чётким. Ответ выразите в сантиметрах.

- 9. По закону Ома для полной цепи сила тока, измеряемая в амперах, равна $I=\frac{\sigma}{R+r}$, где σ ЭДС источника (в вольтах), r=2 Ом его внутреннее сопротивление, R сопротивление цепи (в омах). При каком наименьшем сопротивлении цепи сила тока будет составлять не более 40% от силы тока короткого замыкания $I=\frac{\sigma}{r}$? (Ответ выразите в омах).
- 10. По закону Ома для полной цепи сила тока, измеряемая в амперах, равна $I=\frac{\sigma}{R+r}$, где σ ЭДС источника (в вольтах), r=1 Ом его внутреннее сопротивление, R сопротивление цепи (в омах). При каком наименьшем сопротивлении цепи сила тока будет составлять не более 40% от силы тока короткого замыкания $I=\frac{\sigma}{r}$? (Ответ выразите в омах).
- 11. Если достаточно быстро вращать ведерко с водой на веревке в вертикальной плоскости, то вода не будет выливаться. При вращении ведерка сила давления воды на дно не остается постоянной: она максимальна в нижней точке и минимальна в верхней. Вода не будет выливаться, если сила ее давления на дно будет положительной во всех точках траектории кроме верхней, где она может быть равной нулю. В верхней точке сила давления, выраженная в ньютонах, равна $P = m\left(\frac{v^2}{L} g\right)$, где m масса воды в килограммах, v скорость движения ведерка в м/с, L длина веревки в метрах, g ускорение свободного падения (считайте $g = 10 \text{ м/c}^2$). С какой наименьшей скоростью надо вращать ведерко, чтобы вода не выливалась, если длина веревки равна 40см? Ответ выразите в м/с.
- 12. Если достаточно быстро вращать ведерко с водой на веревке в вертикальной плоскости, то вода не будет выливаться. При вращении ведерка сила давления воды на дно не остается постоянной: она максимальна в нижней точке и минимальна в верхней. Вода не будет выливаться, если сила ее давления на дно будет положительной во всех точках траектории кроме верхней, где она может быть равной нулю. В верхней точке сила давления, выраженная в ньютонах, равна $P = m\left(\frac{v^2}{L} g\right)$, где m масса воды в килограммах, v скорость движения ведерка в м/с, L длина веревки в метрах, g ускорение свободного падения (считайте g = 10 м/с²). С какой наименьшей скоростью надо вращать ведерко, чтобы вода не выливалась, если длина веревки равна 160см? Ответ выразите в м/с.
- 13. Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана-Больцмана, согласно которому $P=\sigma ST^4$, где P мощность излучения звезды (в ваттах), $\sigma=5,7\cdot 10^{-8}\frac{BT}{M^2\cdot K^4}$ постоянная, S площадь поверхности звезды (в квадратных метрах), а T температура (в кельвинах). Известно, что площадь поверхности некоторой звезды равна $\frac{1}{16}\cdot 10^{20}M0^2$, а мощность её излучения равна $9,12\cdot 10^{25}$ Вт. Найдите температуру этой звезды в кельвинах.
- 14. Для определения эффективной температуры звёзд используют закон Стефана-Больцмана, согласно которому $P=\sigma ST^4$, где P мощность излучения звезды (в ваттах), $\sigma=5,7\cdot 10^{-8}\frac{BT}{M^2\cdot K^4}$ постоянная, S площадь поверхности звезды (в квадратных метрах), а T температура (в кельвинах). Известно, что площадь поверхности некоторой звезды

- равна $\frac{1}{125} \cdot 10^{20} M^2$, а мощность её излучения равна $2,85 \cdot 10^{25} \mathrm{Br}$. Найдите температуру этой звезды в кельвинах.
- 15. Амплитуда колебаний маятника зависит от частоты вынуждающей силы, определяемой по формуле $A(\omega)=\frac{A_0\omega_p^2}{|\omega_p^2-\omega^2|}$, где ω частота вынуждающей силы (в c^{-1}), A_0 постоянный параметр, $\omega_p=360c^{-1}$ резонансная частота. Найдите максимальную частоту ω , меньшую резонансной, для которой амплитуда колебаний превосходит величину A_0 не более чем на 12,5%. Ответ выразите в c^{-1} .
- 16. Амплитуда колебаний маятника зависит от частоты вынуждающей силы, определяемой по формуле $A(\omega)=\frac{A_0\omega_p^2}{|\omega_p^2-\omega^2|}$, где ω частота вынуждающей силы (в c^{-1}), A_0 постоянный параметр, $\omega_p=360c^{-1}$ резонансная частота. Найдите максимальную частоту ω , меньшую резонансной, для которой амплитуда колебаний превосходит величину A_0 не более чем на одну треть. Ответ выразите в c^{-1} .
- 17. Гоночный автомобиль разгоняется на прямолинейном участке шоссе с постоянным ускорением a км/ч 2 . Скорость v в конце пути вычисляется по формуле $v=\sqrt{2la}$, где l пройденный автомобилем путь в км. Определите ускорение, с которым должен двигаться автомобиль, чтобы, проехав 250 метров, приобрести скорость 60км/ч. Ответ выразите в км/ч 2 .
- 18. Расстояние (в км) от наблюдателя, находящегося на небольшой высоте h километров над землей, до наблюдаемой им линии горизонта вычисляется по формуле $l=\sqrt{2Rh}$, где R=6400 (км) радиус Земли. С какой высоты горизонт виден на расстоянии 4 километра? Ответ выразите в километрах.
- 19. Автомобиль массой m кг начинает тормозить и проходит до полной остановки путь S м. Сила трения F (в), масса автомобиля m (в кг), время t (в с) и пройденный путь S (в м) связаны соотношением $F=\frac{2mS}{t^2}$. Определите, сколько секунд заняло торможение, если известно, что сила трения равна 2000 H , масса автомобиля 1500 кг, путь 600 м.
- 20. Уравнение процесса, в котором участвовал газ, записывается в виде $pV^a = const$, где p (Па) давление газа, V объем газа в кубических метрах, a положительная константа. При каком наименьшем значении константы a уменьшение в два раза объема газа, участвующего в этом процессе, приводит к увеличению давления не менее, чем в 4 раза?
- 21. Установка для демонстрации адиабатического сжатия представляет собой сосуд с поршнем, резко сжимающим газ. При этом объем и давление связаны соотношением $pV^{1,4} = const$, где p (атм.) давление газа, V объем газа в литрах. Изначально объем газа равен1,6 л, а его давление равно одной атмосфере. В соответствии с техническими характеристиками поршень насоса выдерживает давление не более 128 атмосфер. Определите, до какого минимального объема можно сжать газ. Ответ выразите в литрах.
- 22. При адиабатическом процессе для идеального газа выполняется закон $pV^k=1,25\cdot 10^8$ $\Pi a\cdot \mathbf{m}^4$, где p давление газа (в Πa), V объём газа (в \mathbf{m}^3), $k=\frac{4}{3}$. Найдите, какой объём V (в \mathbf{m}^3) будет занимать газ при давлении p, равном $2\cdot 10^5$ Πa .

- 23. При адиабатическом процессе для идеального газа выполняется закон $pV^k=1,25\cdot 10^7$ $\Pi a\cdot m^5$, где p давление газа (в Πa), V объём газа (в m^3), $k=\frac{5}{3}$. Найдите, какой объём V (в m^3) будет занимать газ при давлении p, равном $3\cdot 10^5$ Πa .

- 26. Мяч бросили под углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Время полета мяча (в секундах) определяется по формуле $t=\frac{2V_0sin\alpha}{g}$. При каком значении угла α (в градусах) время полета составит 3 секунды, если мяч бросают с начальной скоростью $v_0=30$ м/с? Считайте, что ускорение свободного падения g=10 м/с².
- 27. Мяч бросили под углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Время полета мяча (в секундах) определяется по формуле $t=\frac{2V_0sin\alpha}{g}$. При каком значении угла α (в градусах) время полета составит 2,2 секунды, если мяч бросают с начальной скоростью $v_0=22$ м/с? Считайте, что ускорение свободного падения g=10 м/с².
- 28. Небольшой мячик бросают под острым углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Расстояние, которое пролетает мячик, вычисляется по формуле $L=\frac{v_0^2}{g}sin2\alpha$ (м), где $v_0=20$ м/с начальная скорость мячика, а g ускорение свободного падения (считайте g=10 м/с²). При каком наименьшем значении угла (в градусах) мячик перелетит реку шириной 20 м?
- 29. Небольшой мячик бросают под острым углом α к плоской горизонтальной поверхности земли. Расстояние, которое пролетает мячик, вычисляется по формуле $L=\frac{v_0^2}{g}sin2\alpha$ (м), где $v_0=14$ м/с начальная скорость мячика, а g ускорение свободного падения (считайте g=10 м/с²). При каком наименьшем значении угла (в градусах) мячик перелетит реку шириной 9,8 м?
- 30. Плоский замкнутый контур площадью S=0,5 м 2 находится в магнитном поле, индукция которого равномерно возрастает. При этом согласно закону электромагнитной индукции Фарадея в контуре появляется ЭДС индукции, значение которой, выраженное в вольтах, определяется формулой $\epsilon_i=aS\cos\alpha$, где α острый угол между направлением магнитного поля и перпендикуляром к контуру, $a=4\cdot 10^{-4}$ Тл/с постоянная, S площадь

замкнутого контура, находящегося в магнитном поле (в $\rm m^2$). При каком минимальном угле α (в градусах) ЭДС индукции не будет превышать 10^{-4} В?

- 31. Плоский замкнутый контур площадью S=2,5 м 2 находится в магнитном поле, индукция которого равномерно возрастает. При этом согласно закону электромагнитной индукции Фарадея в контуре появляется ЭДС индукции, значение которой, выраженное в вольтах, определяется формулой $\epsilon_i = aS\cos\alpha$, где α острый угол между направлением магнитного поля и перпендикуляром к контуру, $a=4\cdot 10^{-4}{\rm Tr/c}$ постоянная, S площадь замкнутого контура, находящегося в магнитном поле (в м 2). При каком минимальном угле α (в градусах) ЭДС индукции не будет превышать $5\cdot 10^{-4}{\rm B}$?
- 32. Рейтинг R интернет-магазина вычисляется по формуле

$$R=r_{pok}-rac{r_{pok}-r_{eks}}{(K+1)^m},$$
 где $m=rac{0,02K}{r_{pok}+0,1}$ б r_{pok} — средняя оценка магазина покупателями, r_{eks} — оценка магазина, данная экспертами, K — число покупателей, оценивших магазин. Найдите рейтинг интернет-магазина, если число покупателей, оценивших магазин, равно 26 , их средняя оценка равна $0,68$, а оценка экспертов равна $0,23$.

- 33. Рейтинг R интернет-магазина вычисляется по формуле $R=r_{pok}-\frac{r_{pok}-r_{eks}}{(K+1)^m}$, где $m=\frac{0,02K}{r_{pok}+0,1}$, r_{pok} средняя оценка магазина покупателями, r_{eks} оценка магазина, данная экспертами, K число покупателей, оценивших магазин. Найдите рейтинг интернетмагазина, если число покупателей, оценивших магазин, равно15, их средняя оценка равна 0,5, а оценка экспертов равна 0,42.
- 34. Из пункта A в пункт B одновременно выехали два автомобиля. Первый проехал с постоянной скоростью весь путь. Второй проехал первую половину пути со скоростью 24км/ч, а вторую половину пути со скоростью, на 16 км/ч больше скорости первого, в результате чего прибыл в пункт B одновременно с первым автомобилем. Найдите скорость первого автомобиля. Ответ дайте в км/ч.
- 35. Из пункта A в пункт B одновременно выехали два автомобиля. Первый проехал с постоянной скоростью весь путь. Второй проехал первую половину пути со скоростью 72км/ч, а вторую половину пути со скоростью, на 10 км/ч больше скорости первого, в результате чего прибыл в пункт B одновременно с первым автомобилем. Найдите скорость первого автомобиля. Ответ дайте в км/ч.
- 36. Из пункта A в пункт B, расстояние между которыми 75, км одновременно выехали автомобилист и велосипедист. Известно, что за час автомобилист проезжает на 40 км больше, чем велосипедист. Определите скорость велосипедиста, если известно, что он прибыл в пункт B на 6 часов позже автомобилиста. Ответ дайте в км/ч.
- 37. Из пункта A в пункт B, расстояние между которыми 50, км одновременно выехали автомобилист и велосипедист. Известно, что за час автомобилист проезжает на 40 км больше, чем велосипедист. Определите скорость велосипедиста, если известно, что он прибыл в пункт B на 4 часа позже автомобилиста. Ответ дайте в км/ч.
- 38. Товарный поезд каждую минуту проезжает на 750 метров меньше, чем скорый, и на путь в 180 км тратит времени на 2 часа больше, чем скорый. Найдите скорость товарного поезда. Ответ дайте в км/ч.

- 39. Товарный поезд каждую минуту проезжает на 450 метров меньше, чем скорый, и на путь в 240 км тратит времени на 2 часа больше, чем скорый. Найдите скорость товарного поезда. Ответ дайте в км/ч.
- 40. Из городов A и B навстречу друг другу выехали мотоциклист и велосипедист. Мотоциклист приехал в Bна Зчаса раньше, чем велосипедист приехал в A, а встретились они через 48минут после выезда. Сколько часов затратил на путь из B в Aвелосипедист?
- 41. Из городов A и B навстречу друг другу выехали мотоциклист и велосипедист. Мотоциклист приехал в на 1 час раньше, чем велосипедист приехал в A, а встретились они через 40 минут после выезда. Сколько часов затратил на путь из B в A велосипедист?
- 42. Автомобиль, движущийся с постоянной скоростью 70 км/ч по прямому шоссе, обгоняет другой автомобиль, движущийся в ту же сторону с постоянной скоростью 40 км/ч. Каким будет расстояние (в километрах) между этими автомобилями через 15 минут после обгона?
- 43. По двум параллельным железнодорожным путям друг навстречу другу следуют скорый и пассажирский поезда, скорости которых равны соответственно 65 км/ч и 35 км/ч. Длина пассажирского поезда равна 700 метрам. Найдите длину скорого поезда, если время, за которое он прошел мимо пассажирского поезда, равно 36 секундам. Ответ дайте в метрах.
- 44. По двум параллельным железнодорожным путям друг навстречу другу следуют скорый и пассажирский поезда, скорости которых равны соответственно 75 км/ч и 60 км/ч. Длина пассажирского поезда равна 400 метрам. Найдите длину скорого поезда, если время, за которое он прошел мимо пассажирского поезда, равно 16 секундам. Ответ дайте в метрах.
- 45. Два мотоциклиста стартуют одновременно в одном направлении из двух диаметрально противоположных точек круговой трассы, длина которой равна 14 км. Через сколько минут мотоциклисты поравняются в первый раз, если скорость одного из них на 21 км/ч больше скорости другого?
- 46. Два мотоциклиста стартуют одновременно в одном направлении из двух диаметрально противоположных точек круговой трассы, длина которой равна 19км. Через сколько минут мотоциклисты поравняются в первый раз, если скорость одного из них на 15 км/ч больше скорости другого?
- 47. Часы со стрелками показывают 8 часов ровно. Через сколько минут минутная стрелка в четвертый раз поравняется с часовой?
- 48. Часы со стрелками показывают 6 часов 45 минут. Через сколько минут минутная стрелка в пятый раз поравняется с часовой?
- 49. Два гонщика участвуют в гонках. Им предстоит проехать 60 кругов по кольцевой трассе протяжённостью 3 км. Оба гонщика стартовали одновременно, а на финиш первый пришёл раньше второго на 10 минут. Чему равнялась средняя скорость второго гонщика, если известно, что первый гонщик в первый раз обогнал второго на круг через 15 минут? Ответ дайте в км/ч.
- 50. Два гонщика участвуют в гонках. Им предстоит проехать 46 кругов по кольцевой трассе протяжённостью 4 км. Оба гонщика стартовали одновременно, а на финиш первый пришёл раньше второго на 5минут. Чему равнялась средняя скорость второго гонщика, если известно, что первый гонщик в первый раз обогнал второго на круг через 60 минут? Ответ дайте в км/ч.

- 51. Моторная лодка прошла против течения реки 112км и вернулась в пункт отправления, затратив на обратный путь на 6 часов меньше. Найдите скорость течения, если скорость лодки в неподвижной воде равна 11 км/ч. Ответ дайте в км/ч.
- 52. Моторная лодка прошла против течения реки 160 км и вернулась в пункт отправления, затратив на обратный путь на 6 часов меньше. Найдите скорость течения, если скорость лодки в неподвижной воде равна 13 км/ч. Ответ дайте в км/ч.
- 53. Баржа в 10:00 вышла из пункта в пункт , расположенный в 30 км от A. Пробыв в пункте 1 час 30 минут, баржа отправилась назад и вернулась в пункт в 22:00 того же дня. Определите (в км/ч) собственную скорость баржи, если известно, что скорость течения реки 3 км/ч.
- 54. Лодка в 5:00 вышла из пункта в пункт , расположенный в 30 км от A. Пробыв в пункте 2 часа, лодка отправилась назад и вернулась в пункт в 23:00 того же дня. Определите (в км/ч) собственную скорость лодки, если известно, что скорость течения реки 1 км/ч.
- 55. Пристани A и B расположены на озере, расстояние между ними 390 км. Баржа отправилась с постоянной скоростью из A в B. На следующий день после прибытия она отправилась обратно со скоростью на 3 км/ч больше прежней, сделав по пути остановку на 9 часов. В результате она затратила на обратный путь столько же времени, сколько на путь из A в B. Найдите скорость баржи на пути из A в B. Ответ дайте в км/ч.
- 56. Пристани A и B расположены на озере, расстояние между ними 234 км. Баржа отправилась с постоянной скоростью из A в B. На следующий день после прибытия она отправилась обратно со скоростью на 4 км/ч больше прежней, сделав по пути остановку на 8 часов. В результате она затратила на обратный путь столько же времени, сколько на путь из A в B. Найдите скорость баржи на пути из A в B. Ответ дайте в км/ч.
- 57. Весной катер идёт против течения реки в $1\frac{2}{3}$ раза медленнее, чем по течению. Летом течение становится на 1 км/ч медленнее. Поэтому летом катер идёт против течения в $1\frac{1}{2}$ раза медленнее, чем по течению. Найдите скорость течения весной (в км/ч).
- 58. По морю параллельными курсами в одном направлении следуют два сухогруза: первый длиной 120 метров, второй длиной 80 метров. Сначала второй сухогруз отстает от первого, и в некоторый момент времени расстояние от кормы первого сухогруза до носа второго составляет 400 метров. Через 12 минут после этого уже первый сухогруз отстает от второго так, что расстояние от кормы второго сухогруза до носа первого равно 600 метрам. На сколько километров в час скорость первого сухогруза меньше скорости второго?
- 59. По морю параллельными курсами в одном направлении следуют два сухогруза: первый длиной 140 метров, второй длиной 60 метров. Сначала второй сухогруз отстает от первого, и в некоторый момент времени расстояние от кормы первого сухогруза до носа второго составляет 800 метров. Через 15 минут после этого уже первый сухогруз отстает от второго так, что расстояние от кормы второго сухогруза до носа первого равно 1000 метрам. На сколько километров в час скорость первого сухогруза меньше скорости второго?