

**Занятие №2**

- 1** Дан треугольник  $ABC$ , причем  $AB = AC$  и  $\angle A = 110^\circ$ . Внутри треугольника взята точка  $M$  такая, что  $\angle MBC = 30^\circ$ , а  $\angle MCB = 25^\circ$ . Найдите  $\angle AMC$ .
- 2** Докажите, что если медиана равна половине стороны, к которой она проведена, то треугольник прямоугольный.
- 3** Докажите, что медиана прямоугольного треугольника, проведенная из вершины прямого угла, равна половине гипотенузы.
- 4** Докажите, что если треугольник вписан в окружность и одна из его сторон является диаметром этой окружности, то такой треугольник является прямоугольным.
- 5** Докажите обратное, что если треугольник прямоугольный и вписан в окружность, то гипотенуза будет являться диаметром окружности.
- 6** Докажите, что окружность, построенная на стороне равностороннего треугольника как на диаметре, проходит через середины двух других сторон треугольника.
- 7** Острый угол прямоугольного треугольника равен  $30^\circ$ . Докажите, что высота и медиана, проведенные из вершины прямого угла, делят прямой угол на три равные части.
- 8** В прямоугольном треугольнике  $ABC$  на гипотенузе  $AB$  взяты точки  $K$  и  $M$ , причем  $AK = AC$  и  $BM = BC$ . Найдите  $\angle MCK$ .