Подготовка к проверочной

1 Решить уравнение:

1)
$$||x-4|-1|=5$$

3)
$$\log_{1/2}(\log_3^2 x - 5\log_3 x + 10) = -2$$

2)
$$\log_5(x^2 + 2x) = \log_5(x^2 + 10)$$

$$4) \quad \cos\left(2x - \frac{3\pi}{2}\right) = 1$$

2 Решить уравнение $\sin \frac{2\pi x}{3} = -\frac{\sqrt{2}}{2}$. В ответ запишите наименьший положительный корень.

В Волшебной стране бывает два типа погоды: хорошая и отличная, причём погода, установившись утром, держится неизменной весь день. Известно, что с вероятностью 0,6 погода завтра будет такой же, как и сегодня. Сегодня 25 октября, погода в Волшебной стране хорошая. Найдите вероятность того, что 28 октября в Волшебной стране будет хорошая погода.

В помощь садовому насосу, перекачивающему 8 литров воды за 3 минуты, подключили второй насос, перекачивающий тот же объем воды за 6 минут. Сколько минут эти два насоса должны работать совместно, чтобы перекачать 24 литра воды?

5 Решить уравнение:

$$5 + \frac{1}{\sin^2 3x} = 7 \operatorname{ctg} 3x$$