Домашняя работа №2

1 Упростить выражение:

1)
$$\frac{y}{x+y} + \left(\frac{2x+1}{x+y} - \frac{2xy+y}{y^2 - x^2}\right) : \frac{2x+1}{x-y}$$
 3) $\left(a - \frac{1-2a^2}{1-a} + 1\right) : \left(1 - \frac{1}{1-a}\right)$

3)
$$\left(a - \frac{1 - 2a^2}{1 - a} + 1\right) : \left(1 - \frac{1}{1 - a}\right)$$

2)
$$\left(\frac{12b}{9-b^2} + \frac{3-b}{3+b}\right) : \frac{3+b}{3} - \frac{3}{3-b}$$

2 Вычислить:

1)
$$\sqrt{818^2 - 240^2}$$

3)
$$\sqrt{3+\sqrt{2}}\cdot\sqrt{3-\sqrt{2}}$$

2)
$$\sqrt{21,8^2-18,2^2}$$

4)
$$(3\sqrt{3} + 2\sqrt{27})^2$$

3 Вычислить:

1)
$$\frac{5}{3+2\sqrt{2}} + \frac{5}{3-2\sqrt{2}}$$

2)
$$\sqrt{\frac{2}{3}} \cdot \left(2\sqrt{\frac{2}{3}} - 5\sqrt{\frac{3}{8}} + 4\sqrt{\frac{3}{2}}\right)$$

4 Вычислить:

1)
$$\frac{20!}{22!}$$

2)
$$\frac{15!}{10! \cdot 5!}$$

3)
$$\frac{18! - 17 \cdot 17! - 16 \cdot 16!}{17! - 16!}$$

5 Докажите, что для любого натурального n верно равенство:

1)
$$(n+1)! - n! + (n-1)! = (n^2+1)(n-1)!$$

1)
$$(n+1)! - n! + (n-1)! = (n^2+1)(n-1)!$$
 2) $\frac{(n-1)!}{n!} - \frac{n!}{(n+1)!} = \frac{1}{n(n+1)!}$

6 Упростить выражение:

$$\frac{1}{(k-2)!} - \frac{k^3 + k}{(k+1)!}$$