Занятие №5

- 1 Докажите, что центр окружности, вписанной в угол, расположен на его биссектрисе.
- **2** Точка D лежит на стороне BC треугольника ABC. В треугольник ABD и ACD вписаны окружности с центрами O_1 и O_2 . Докажите, что отрезок O_1O_2 виден из точки D под прямым углом.
- **3** К окружности, вписанной в равносторонний треугольник со стороной, равной 8, проведена касательная, пересекающая две его стороны. Найдите периметр отсеченного треугольника.
- **4** Прямая, параллельная хорде AB, касается окружности в точке C. Докажите, что треугольник ABC равнобедренный.
- **5** Две прямые, пересекающиеся в точке C, касаются окружности в точках A и B. Известно, что $\angle ACB = 120^\circ$. Докажите, что сумма отрезков AC и BC равна отрезку OC.
- **6** Пусть r радиус окружности, вписанной в прямоугольный треугольник с катетами a и b и гипотенузой c. Докажите, что $r=\frac{1}{2}(a+b-c)$.
- **7** В треугольник ABC вписана окружность, касающаяся стороны AB в точке M. Пусть AM = x, BC = a, полупериметр треугольника равен p. Докажите, что x = p a.
- **8** Найти значение выражения:

$$61a - 11b + 50$$
, если $\frac{2a - 7b + 5}{7a - 2b + 5} = 9$.