1 Докажите, что в равных треугольниках соответствующие медианы равны. 2 Периметр прямоугольника равен 42, а площадь 98. Найдите большую сторону прямоугольника. 3 Угол треугольника равен сумме двух других его углов. Докажите, что треугольник прямоугольный. 4 Через вершину B треугольника ABC проведена прямая, параллельная прямой AC. Образовавшиеся при этом три угла с вершиной B относятся как 3:10:5. Найдите углы треугольника ABC. Углы треугольника относятся как 2:3:4 Найдите отношение внешних углов 5 треугольника. 6 Внешние углы треугольника ABC при вершинах A и C равны 115° и 140° . Прямая, параллельная прямой AC, пересекает стороны AB и BC в точках M и N. Найдите углы треугольника BMN. 7 Прямая, проходящая через вершину A треугольника ABC, пересекает сторону BC в точке M. При этом BM = AB, $\angle BAM = 35^{\circ}$, $\angle CAM = 15^{\circ}$. Найдите углы треугольника ABC. 8 Дан треугольник с периметром, равным 24. Найдите периметр треугольника с вершинами в серединах сторон данного. 9 Острые углы прямоугольного треугольника равны 81° и 9°. Найдите угол между биссектрисой и медианой, проведенными из вершины прямого угла. Ответ дайте в градусах.



AK = AC и BM = BC. Найдите $\angle MCK$.

Домашняя работа №1

1 Упростить выражение:

1)
$$\left(x + \frac{3 - x^2}{x + 1}\right) : \frac{x + 3}{1 - x^2}$$

2)
$$\left(\frac{2}{a-2} - \frac{8}{a^2-4} + \frac{-1}{a+2}\right) \cdot (a^2+4a+4)$$

2 Вычислить:

1)
$$\frac{(4\sqrt{7} + \sqrt{32})^2}{18 + 2\sqrt{56}}$$

$$2) \quad \frac{5^{-5} \cdot 25^{10}}{125^3}$$

3 Докажите, что в равных треугольниках соответствующие биссектрисы равны.

4 На продолжениях гипотенузы AB прямоугольного треугольника ABC за точки A и B соответственно взяты точки K и M, причем AK = AC и BM = BC. Найдите угол MCK.

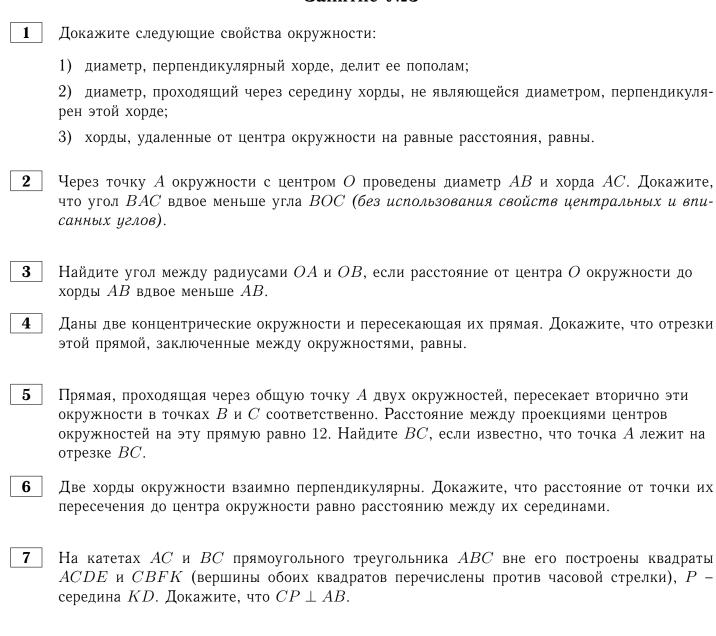
5 Докажите, что окружность, построенная на боковой стороне равнобедренного треугольника как на диаметре, проходит через середину основания.

6 На стороне AB квадрата ABCD построен равносторонний треугольник ABM. Найдите угол DMC.

8

углов равен 15°. Найдите гипотенузу.

Занятие №3



Высота прямоугольного треугольника, опущенная на гипотенузу, равна 1, один из острых

- **1** Внутренние углы треугольника ABC относятся как 10:5:3. Найдите внутренние и внешние углы треугольника ABC и вычислите разницу самого наибольшего и наименьшего внешних углов.
- **2** В треугольнике ABC углы B и C равны 30 и 40 соответственно. Сторону AB продлили за вершину A и из это вершины провели высоту и биссектрису внешнего угла. Найдите угол между высотой и биссектрисой.
- **3** Две параллельные прямые пересечены третьей. Найдите угол между биссектрисами внутренних односторонних углов.
- **4** Угол между радиусами OA и OB окружности равен 60° . Найдите хорду AB, если радиус окружности равен 12.
- **5** Дана окружность с центром O. На продолжении хорды AB за точку B отложен отрезок BC, равный радиусу. Через точки C и O проведена секущая CD (D точка пересечения с окружностью, лежащая вне отрезка CO). Докажите, что $\angle AOD = 3\angle ACD$.
- **6** В треугольнике ABC медиана AM продолжена за точку M на расстояние, равное AM. Найдите расстояние от полученной точки до вершин B и C, если AB = 7, AC = 11.
- 7 Из произвольной точки основания равнобедренного треугольника с боковой стороной, равной 10, проведены прямые, параллельные боковым сторонам. Найдите периметр получившегося четырехугольника.
- 8 Решить уравнение:

1)
$$2x^4 + 3x^3 + 16x = -24$$

2)
$$(x+3)^3 = 100(x+3)$$

Домашняя работа №2

- **1** Через точку на окружности проведены диаметр и хорда, равная радиусу. Найдите угол между ними.
- **2** Найдите угол между радиусами OA и OB, если расстояние от центра O окружности до хорды AB вдвое меньше OA.
- **3** На катете AC прямоугольного треугольника ABC как на диаметре построена окружность, пересекающая гипотенузу AB в точке K. Найдите CK, если AC = 2 и $\angle A = 30^\circ$.
- **4** Окружность, построенная на стороне треугольника как на диаметре, проходит через середину другой стороны. Докажите, что треугольник равнобедренный.
- **5** Продолжения равных хорд AB и CD окружности соответственно за точки B и C пересекаются в точке P. Докажите, что треугольники APD и BPC равнобедренные.
- **6** На стороне AB квадрата ABCD построен равносторонний треугольник ABM. Найдите угол DMC.
- **7** В треугольнике ABC угол $\angle B = 80$. Найдите угол между высотами проведенными из двух других углов.
- 8 Решить уравнение:

1)
$$x^3 - 3x^2 - x + 3 = 0$$

2)
$$(x+7)^3 = 25(x+7)$$

- **1** Докажите, что касательные к окружности, проведенные через концы диаметра, параллельны.
- **2** Через точку M проведены две касательные MA и MB к окружности (A и B точки касания). Докажите, что MA = MB.
- **3** Расстояние от точки M до центра O окружности равно диаметру. Через точку M проведены две прямые, касающиеся окружности в точках A и B. Найдите углы треугольника AOB.
- **4** Точки A и B лежат на окружности. Касательные к окружности, проведенные через эти точки, пересекаются в точке C. Найдите углы треугольника ABC, если AB = AC.
- **5** В прямой угол вписана окружность радиуса 12, касающаяся сторон угла в точках A и B. Через некоторую точку на меньшей дуге AB окружности проведена касательная, отсекающая от данного угла треугольник. Найдите его периметр.
- **6** Прямая касается окружности с центром O в точке A. Точка C на этой прямой и точка D на окружности расположены по одну сторону от прямой OA. Докажите, что угол CAD вдвое меньше угла AOD.
- **7** Вычислить:

$$\frac{6 \cdot 2^8 - 9 \cdot 2^{10} + 3 \cdot 2^{12}}{4 \cdot 2^{10} + 4 \cdot 2^{12} - 8 \cdot 2^{11}}$$

8 Решить уравнение:

$$\frac{2x-1}{x+1} = \frac{4x+2}{3x-2}$$

- 1 Докажите, что центр окружности, вписанной в угол, расположен на его биссектрисе.
- **2** Точка D лежит на стороне BC треугольника ABC. В треугольник ABD и ACD вписаны окружности с центрами O_1 и O_2 . Докажите, что отрезок O_1O_2 виден из точки D под прямым углом.
- **3** К окружности, вписанной в равносторонний треугольник со стороной, равной 8, проведена касательная, пересекающая две его стороны. Найдите периметр отсеченного треугольника.
- **4** Прямая, параллельная хорде AB, касается окружности в точке C. Докажите, что треугольник ABC равнобедренный.
- **5** Две прямые, пересекающиеся в точке C, касаются окружности в точках A и B. Известно, что $\angle ACB = 120^\circ$. Докажите, что сумма отрезков AC и BC равна отрезку OC.
- **6** Пусть r радиус окружности, вписанной в прямоугольный треугольник с катетами a и b и гипотенузой c. Докажите, что $r=\frac{1}{2}(a+b-c)$.
- **7** В треугольник ABC вписана окружность, касающаяся стороны AB в точке M. Пусть AM = x, BC = a, полупериметр треугольника равен p. Докажите, что x = p a.
- **8** Найти значение выражения:

$$61a - 11b + 50$$
, если $\frac{2a - 7b + 5}{7a - 2b + 5} = 9$.

Домашняя работа №3

Хорда большей из двух концентрических окружностей касается меньшей. Докажите, что точка касания делит эту хорду пополам.
Две прямые касаются окружности с центром О в точках А и В и пересекаются в точке С. Найдите угол между этими прямыми, если ∠АВО = 40°.
К окружности, вписанной в квадрат со стороной, равной а, проведена касательная, пересекающая две его стороны. Найдите периметр отсеченного треугольника.
Окружность касается двух параллельных прямых и их секущей. Докажите, что отрезок секущей, заключенный между параллельными прямыми, виден из центра окружности под прямым углом.

Консультация

1 Построить график функции:

1)
$$y = x^2$$

3)
$$y = (x-3)^2 - 2$$

2)
$$y = (x+2)^2$$

4)
$$y = x^2 - 4x + 6$$

2 Найдите координаты точек пересечения прямой y = 2x - 7 и параболы $y = x^2 + 8x + 1$

3 Построить график функции:
$$y = \frac{(x+3)^2(x-1)}{x+3} - 2$$

Консультация

1 Построить график функции:

1)
$$y = (x+2)^2$$

2)
$$y = 2x^3 - 1$$

3)
$$y = \sqrt{x+3} - 1$$

4)
$$y = \frac{1}{x+2} + 1$$

$$5) \ \ y = x^2 - 4x + 6$$

2 Построить график функции, представив ее в виде $y = (x - d)^3 + h$:

$$1) \quad y = x^3 + 3x^2 + 3x + 1$$

3)
$$y = x^3 - 9x^2 + 27x - 24$$

$$2) \quad y = x^3 + 3x^2 + 3x + 3$$

3 Построить график функции: $y = \frac{x+3}{(x+3)(x-1)} - 2$