Список задач по классам

5 класс

- Пароход проходит 150 км по озеру за 6 часов, а 84 км против течения реки за 4 часа. 1 Найдите скорость течения реки.
- Сплав состоит из 5 частей цинка, 7 частей олова и 9 частей алюминия. Сколько цинка, олова и алюминия содержится в 3 кг 150 г сплава?
- 3 Юноша и девушка измерили одно и то же расстояние в 141 м шагами. Шаг девушки 50 см, а шаг юноши 60 см. Сколько раз их следы совпали?

6 класс

- Докажите, что число $10^{2011} + 2015$ делится на 9. 1
- 2 В магазине всё для чая продаются 5 разных чашек, 4 разных блюдца и 3 разных ложки. Сколькими способами можно купить комплект из блюдца, чашки и ложки?
- 3 Сколько существует чётных пятизначных чисел?
- 4 Одноместная байдарка проплывает дистанцию гребного канала за 28 секунд, а двухместная — за 21 секунду. Обе байдарки стартовали одновременно с противоположных концов канала. Через сколько секунд они встретятся?
- 5 Найти:

 - 1) $\frac{12}{10}$ or 76; 2) $2\frac{2}{3}\%$ or 33
- 3) HOД(50; 75) 4) HOK(48; 72)

7 - 9 класс

- 1 Вычислить:
 - 1) $\frac{(3^{15}+3^{13})\cdot 2^9}{(3^{14}+3^{12})\cdot 102^4}$
 - 2) $\sqrt{\frac{5}{2}} \cdot \left(2\sqrt{\frac{5}{2}} \sqrt{10} + \sqrt{\frac{125}{2}}\right)$
- 3) $\sqrt{7+4\sqrt{3}}+\sqrt{7-4\sqrt{3}}$
- 4) $\frac{1}{7+2\sqrt{6}}+\frac{1}{7-2\sqrt{6}}$
- 5) $(\sqrt{13+5\sqrt{4.2}}+\sqrt{13-5\sqrt{4.2}})^2$

2 Упростить выражение:

$$\left(\frac{4}{a^2 - 4a} - \frac{3a + 32}{a^3 - 64}\right) : \frac{a - 8}{a^3 + 4a^2 + 16a} - \frac{4}{4 - a}$$

- 3 Решить уравнение:
 - 1) $x^3 + x^2 + x + 1 = 0$
 - 2) $(x-5)^2(x-2) = 2(x-5)$
 - 3) $x^2 3x 5 \sqrt{7} = 0$

- 4) $|5x^2 3| = 2$
- 5) $|x^2 2x 3| = 3 x$
- 6) $|x^2 + 3x| = |9 x^2| + 2$

4 Решить неравенство или систему неравенств:

1)
$$(x-2)(x-1)^2 \ge 0$$
;

3)
$$\frac{x^2 + x - 12}{3x^2 + 5} \le 0.$$

2)
$$\begin{cases} x^3(4x^2+5) > 5x^3, \\ x^2+10x-24 < 0. \end{cases}$$

4)
$$\sqrt{3x^2 + 8x - 3} > \frac{1 + 2x}{3}$$
.

- **5** На катетах AC и BC прямоугольного треугольника ABC вне его построены квадраты ACDE и CBFK (вершины обоих квадратов перечислены против часовой стрелки), P середина KD. Докажите, что $CP \perp AB$.
- **6** Дана окружность с центром O. На продолжении хорды AB за точку B отложен отрезок BC, равный радиусу. Через точки C и O проведена секущая CD (D точка пересечения с окружностью, лежащая вне отрезка CO). Докажите, что $\angle AOD = 3 \angle ACD$.

7 Постройте график функции:

1)
$$y = |x+5| - 2x + 3$$

2)
$$y = |x^2 - 5x + 6|$$

3)
$$y = \begin{cases} -3x - 1, & x < 0, \\ -1, & 0 \le x < 2, \\ 2x - 5, & x \ge 2. \end{cases}$$

- **8** Парабола проходит через точки K(0;-5), M(3;10), P(-3;-2). Найдите координаты ее вершины.
- **9** Первый насос наполняет бак за 20 минут, второй за 30 минут, а третий за 1 час. За сколько минут наполнят бак три насоса, работая одновременно?

10 - 11 класс

1 Вычислить:

1)
$$16^{0.5} + \left(\frac{1}{16}\right)^{-0.75} - \left(\frac{1}{2}\right)^{-2}$$

4)
$$\frac{12(\sin^2 16^\circ - \cos^2 16^\circ)}{\cos 32^\circ}.$$

2)
$$\sqrt[3]{54 \cdot 32} - \sqrt[4]{8 \cdot 162} + \sqrt[3]{42\frac{7}{8}}$$

5)
$$\sqrt{50}\cos^2\frac{9\pi}{8} - \sqrt{50}\sin^2\frac{9\pi}{8}$$

3)
$$\frac{\log_2 12, 8 - \log_2 0, 8}{5^{\log_{25} 16}}$$

$$6) \quad \frac{5 \operatorname{tg} 163^{\circ}}{\operatorname{tg} 17^{\circ}}$$

2 Вычислить:

- 1) $\sin x$ и $\cot x$, если $\frac{1}{\cos x} = -\frac{5}{4}$ и $\pi < x < \frac{3\pi}{2}$
- 2) $\frac{3\sin x + 4\cos x}{\cos x \sin x}$, если $\operatorname{tg} x = -\frac{1}{3}$
- 3) $\sqrt{(\sin 60^{\circ} 2)^2} \sqrt{(\cot 30^{\circ} 1)^2}$
- **3** Докажите тождество: $\frac{1 + \frac{1}{\lg x} + \frac{1}{\lg^2 x}}{1 + \frac{1}{\cot^2 x} + \frac{1}{\cot^2 x}} = \cot^2 x$
- **4** а) Решите уравнение $\log_{\sqrt{5}} \sqrt{x^4 + 2} = \log_5 (37x^2 4) 1$

б) Найдите все корни уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-2\frac{2}{3};\frac{1}{3}\right]$

5 а) Решите уравнение
$$3^{4\cos x} - 2 \cdot 3^{2\cos x} - 15 = 0$$

б) Найдите все корни уравнения, принадлежащие отрезку
$$\left[-3\pi; -\frac{3\pi}{2} \right]$$

6 Решить уравнение:

1)
$$3 \operatorname{tg}^2 x + 2 \operatorname{tg} x - 1 = 0$$

3)
$$\left(\sqrt{2+\sqrt{3}}\right)^x + \left(\sqrt{2-\sqrt{3}}\right)^x = 4.$$

$$2) \quad \frac{17^{18-x}}{19} = \frac{19^{18-x}}{17}$$

4)
$$\log_2 \frac{x-2}{x+2} + \log_{1/2} \frac{2x-1}{6x+7} = 0$$

7 Найдите область определения функции $f(x) = \sqrt{\frac{1}{2\sqrt{x}-8} - \frac{1}{\sqrt{x}-3}}$.

8 Решить неравенство:

1)
$$8^x < 6 \cdot 4^{\frac{3-x}{2}} + 2^{x+1}$$
.

3)
$$\log_3(1+x) > \log_3 x(1-\log_x(1-x)).$$

2)
$$\log_x (\log_2(4^x - 6)) \le 1$$
.

4)
$$\frac{\log_2(3 \cdot 2^{x-1} - 1)}{x} \geqslant 1.$$