## Занятие №3

**1** Упростить выражение:

1) 
$$\frac{2}{mn}:\left(\frac{1}{m}-\frac{1}{n}\right)^2-\frac{m^2+n^2}{(m-n)^2}$$

2) 
$$\left(\frac{2}{2+m} - \frac{m}{m-2} - \frac{4}{4-m^2}\right) : \left(\frac{2}{2+m} + \frac{4}{m^2-4} + \frac{m}{2-m}\right)$$

**2** Вычислить:

1) 
$$\frac{7!}{5!}$$

$$2) \quad \frac{2000!}{1999!}$$

3) 
$$\frac{5!+6!+7!}{8!-7!}$$

**3** Докажите, что для любого натурального n верно равенство:

1) 
$$n! + (n+1)! = n!(n+2)$$

2) 
$$(n-1)! + n! + (n+1)! = (n+1)^2(n-1)!$$

4 Запишите в виде дроби:

1) 
$$\frac{1}{(n+1)!} - \frac{n^2 + 5n}{(n+3)!}$$

2) 
$$\frac{1}{(k-1)!} - \frac{k}{(k+1)!}$$

**5** Множество, состоящее из шести элементов  $A_1$ ,  $A_2$ ,  $A_3$ ,  $A_4$ ,  $A_5$ ,  $A_6$ , упорядочили всеми возможными способами. Сколько таких способов? В скольких случаях:

- 1) элемент  $A_1$  будет первым по порядку;
- 2) элемент  $A_1$  не будет ни первым ни последним;
- 3) элемент  $A_1$  будет первым, а  $A_6$  будет последним.

**6** Сколькими различными способами можно усадить в ряд трех мальчиков и трех девочек так, чтобы никакие два мальчика и никакие две девочки не оказались рядом?

**7** Вычислить  $P_{12}:P_{10}$ 

8 Решить уравнения:

1) 
$$(x^2 - 3x)^2 - 14x^2 + 42x + 40 = 0$$

3) 
$$|x^2 - 5x + 2| = 2$$

2) 
$$(x-2)(x-3)^2(x-4) = 20$$

4) 
$$|x^3 - 3x^2 + x| = x - x^3$$
.