Занятие №3

1 Решить уравнение:

1)
$$\left(\frac{1}{8}\right)^{-3+x} = 512$$

2)
$$\left(\frac{16}{9}\right)^{x^2+2x} = \left(\frac{3}{4}\right)^{x-3}$$

3)
$$3^x - 3^{2-x} = 8$$

4)
$$8 \cdot 64^{\frac{1}{x}} - 3 \cdot 2^{\frac{3x+3}{x}} + 16 = 0$$

5)
$$2^{3+x} = 0, 4 \cdot 5^{3+x}$$

6)
$$\log_5(x^2 + 2x) = \log_5(x^2 + 10)$$

7)
$$\log_{x-5} 49 = 2$$

2 Решить уравнение:

1)
$$\lg 5 + \lg(x+10) = 1 - \lg(2x-1) + \lg(21x-20)$$

2)
$$\log_{1/2}(\log_3^2 x - 5\log_3 x + 10) = -2$$

3 Решить уравнение:

$$1) \sin\left(x + \frac{\pi}{2}\right) = \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$3) \sin\left(\frac{1}{2}\pi - x\right) = 1$$

$$2) \quad \cos\left(2x - \frac{3\pi}{2}\right) = 1$$

$$4) \quad \operatorname{tg}\left(3x - \frac{5}{4}\pi\right) = -1$$

4 Решить уравнение $\cos \frac{\pi(x-7)}{3} = \frac{1}{2}$. В ответ запишите наибольший отрицательный корень.

5 Решить уравнение $\operatorname{tg} \frac{\pi x}{4} = \frac{1}{2}$. В ответ запишите наибольший отрицательный корень.

6 а) Решите уравнение $2\log_2^2(2\sin x) - 3\log_2(2\sin x) + 1 = 0$

б) Найдите все корни уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\frac{3\pi}{2};3\pi\right]$

7 Два велосипедиста одновременно отправились в 88-километровый пробег. Первый ехал со скоростью, на 3 км/ч большей, чем скорость второго, и прибыл к финишу на 3 часа раньше второго. Найти скорость велосипедиста, пришедшего к финишу вторым. Ответ дайте в км/ч.

8 Первый садовый насос перекачивает 5 литров воды за 2 минуты, второй насос перекачивает тот же объём воды за 3 минуты. Сколько минут эти два насоса должны работать совместно, чтобы перекачать 25 литров воды?

9 Решить уравнение:

1)
$$\frac{|x^2 - 2x|}{x - 3} + |x + 2| = 1$$

2)
$$|x^2 + 2x - 3| = x + 3$$