Упрощение выражений Школа «Симметрия»

1 Треугольники

1.1 Признаки равенства треугольников

1. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.40) Медиана AM треугольника ABC перпендикулярна его биссектрисе BK. Найдите AB, если BC=12.

- 2. (Гордин Р.К. Планиметрия, N1.41) Прямая, проведенная через вершину A треугольника ABC перпендикулярно его медиане BD, делит эту медиану пополам. Найдите отношение сторон AB и AC.
- 3. (Гордин Р.К. Планиметрия, N1.42) Стороны равностороннего треугольника делятся точками K, L, M в одном и том же отношении (считая по часовой стрелке). Докажите, что треугольник KLM также равносторонний.
- 4. (Гордин Р.К. Планиметрия, N1.34) Докажите, что в равных треугольниках соответствующие медианы равны.
- 5. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.35) Докажите, что в равных треугольниках соответствующие биссектрисы равны.
- 6. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.37) Докажите, что биссектриса равнобедренного треугольника, проведенная из вершины, является также медианой и высотой.
- 7. (*Гордин Р.К. Планиметрия, №1.38*) Медиана треугольника является также его высотой. Докажите, что такой треугольник равнобедренный.
- 8. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.46) В треугольнике ABC медиана AM продолжена за точку M на расстояние, равное AM. Найдите расстояние от полученной точки до вершин B и C, если AB = 7, AC = 11.
- 9. *(Гордин Р.К. Планиметрия, №1.47)* Биссектриса треугольника является его медианой. Докажите, что треугольник равнобедренный.
- 10. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.50) Докажите признаки равенства прямоугольных тре- угольников:
 - а) по двум катетам;
 - б) по катету и гипотенузе;
 - в) по катету и прилежащему острому углу;
 - г) по гипотенузе и острому углу.
- 11. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.51) Докажите, что серединный перпендикуляр к отрезку есть геометрическое место точек, равноудаленных от концов этого отрезка.
- 12. (Гордин Р.К. Планиметрия, N1.52) Две различные окружности пересекаются в точках A и B. Докажите, что прямая, проходящая через центры окружностей, делит отрезок AB пополам и перпендикулярна ему.
- 13. (Tкалич A.A.) Две различные окружности с центрами в точках O_1 и O_2 пересекаются в точках A и B. Прямая, проходящая через центры окружностей, пересекает отрезок AB в точке K. Докажите, что треугольники O_1KA и O_1KB равны.
- 14. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.54) Докажите признак равенства прямоугольных треугольников по катету и противолежащему углу.
- 15. (Гордин Р.К. Планиметрия, N1.57) Докажите, что в равных треугольниках соответствующие высоты равны между собой.
- 16. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.58) Докажите, что серединный перпендикуляр к отрезку является его осью симметрии.
- 17. (Гордин Р.К. Планиметрия, N1.52) Докажите, что диагонали четырехугольника с равными сторонами взаимно перпендикулярны.
- 18. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.60) Точки M и N середины равных сторон AD и BC четырехугольника ABCD. Серединные перпендикуляры к сторонам AB и CD пересекаются в точке P. Докажите, что серединный перпендикуляр к отрезку MN проходит через точку P.

Упрощение выражений Школа «Симметрия»

19. *(Гордин Р.К. Планиметрия, №1.61)* Две высоты треугольника равны между собой. Докажите, что треугольник равнобедренный.

- 20. (Гордин Р.К. Планиметрия, N1.62) Высоты треугольника ABC, проведенные из вершин B и C, пересекаются в точке M. Известно, что BM = CM. Докажите, что треугольник ABC равнобедренный.
- 21. (Гордин Р.К. Планиметрия, N21.63) Найдите геометрическое место внутренних точек угла, равноудаленных от его сторон.
- 22. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.64) Докажите, что биссектриса угла является его осью симметрии.
- 23. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.65) Через вершины A и C треугольника ABC проведены прямые, перпендикулярные биссектрисе угла ABC, пересекающие прямые CB и BA в точках K и M соответственно. Найдите AB, если BM=8, KC=1.
- 24. (Гордин Р.К. Планиметрия, №1.66) Через данную точку проведите прямую, пересекающую две данные прямые под равными углами.

1.2 Параллельность

1.3 Окружность