# 1 Формулы суммы/разности синуса или косинуса:

- 1)  $\sin(x+y) = \sin x \cos y + \sin y \cos x$
- 3)  $\cos(x+y) = \cos x \cos y \sin x \sin y$
- 2)  $\sin(x y) = \sin x \cos y \sin y \cos x$
- 4)  $\cos(x-y) = \cos x \cos y + \sin x \sin y$

#### **2** Вычислить через формулы суммы/разности:

 $\sin 150^{\circ}$ ;  $\cos 135^{\circ}$ ;  $\sin 225^{\circ}$ ;  $\cos (-120^{\circ})$ ;  $\cos 330^{\circ}$ ;  $\operatorname{tg}(-150^{\circ})$ ;  $\sin (-225^{\circ})$ ;  $\cos 300^{\circ}$ ;  $\sin (-315^{\circ})$ 

# 3 Метод приведения аргумента тригонометрических функций:

- 0) Выносим минус за знак аргумента;
- 1) "Убираем" полные круги из аргумента (в будущем не обязательно);
- 2) Представляем аргумент в виде суммы/разности так, чтобы одно слагаемое было кратно 90, а другое было табличным значением ( $30^{\circ}$ ;  $45^{\circ}$ ;  $60^{\circ}$ );
- 3) Определяем четверть аргумента *(меньшее слагаемое всегда принимаем за острый угол)*;
- 4) Определяем знак функции в этой четверти;
- 5) Меняем или оставляем название тригонометрической функции (0°;  $180^{\circ}$  не меняем название функции;  $90^{\circ}$ ;  $270^{\circ}$  меняем название функции на противоположное).

# 4 Вычислить с помощью метода приведения:

$$\sin 135^{\circ}$$
;  $\cos 240^{\circ}$ ;  $\sin 390^{\circ}$ ;  $\tan 150^{\circ}$ ;  $\cot 220^{\circ}$ ;  $\sin (-220^{\circ})$ ;  $\tan 840^{\circ}$ ;  $\cos (-240^{\circ})$ ;  $\sin 315^{\circ}$ 

**Определение 1** Радиан — центральный угол, который опирается на дугу, равную радиусу данной окружности.

**Определение 2** Число  $\pi$  — отношение длины окружности  $\kappa$  ее диаметру. Или иначе отношение половины длины окружности  $\kappa$  ее радиусу.

Таким образом можно сделать вывод, что в половине окружности радиус умещается  $\pi$  раз, а значит развернутый угол равен  $\pi$  радиан (т.е.  $\pi$  радиан =  $180^{\circ}$ ).

- 1) 1 градус =  $\frac{\pi}{180}$  радиан;
- 2) 1 радиан =  $\frac{180}{\pi}$  градусов (по факту всегда вместо  $\pi$  подставляем 180°).

#### **5** Перевести градусы в радианы:

- 1)  $90^{\circ}$
- $4) 45^{\circ}$
- $7) 270^{\circ}$
- 10) 330°
- 13) 810°

- 2) 120°
- $5) 30^{\circ}$
- 8) 360°
- 11) 390°
- 14) 210°

- 3) 60°
- 6) 210°
- 9) 225°
- 12) 150°
- 15) 300°

Перевести радианы в градусы:

$$1) \quad \frac{\pi}{2}$$

4) 
$$\frac{7\pi}{6}$$

7) 
$$\frac{11\pi}{3}$$

10) 
$$\frac{45\pi}{6}$$

13) 
$$\frac{55\pi}{4}$$

2) 
$$\frac{3\pi}{2}$$

5) 
$$\frac{14\pi}{2}$$

8) 
$$\frac{5\pi}{3}$$

11) 
$$\frac{7\pi}{4}$$

4) 
$$\frac{7\pi}{6}$$
 7)  $\frac{11\pi}{3}$  10)  $\frac{45\pi}{6}$  13)  $\frac{55\pi}{4}$  5)  $\frac{14\pi}{2}$  8)  $\frac{5\pi}{3}$  11)  $\frac{7\pi}{4}$  14)  $\frac{15\pi}{5}$ 

3) 
$$\frac{5\pi}{4}$$

6) 
$$\frac{36\pi}{9}$$

9) 
$$\frac{9\pi}{3}$$

12) 
$$\frac{13\pi}{6}$$
 15)  $\frac{21\pi}{4}$ 

15) 
$$\frac{21\pi}{4}$$

7 Вычислить с помощью метода приведения:

$$\cos\frac{5\pi}{4}$$
;  $\sin\frac{7\pi}{3}$ ;  $\sin\frac{3\pi}{2}$ ;  $\sin\left(-\frac{5\pi}{3}\right)$ ;  $\cos\frac{7\pi}{6}$ ;  $\sin\frac{13\pi}{4}$ ;  $\sin\left(-\frac{7\pi}{6}\right)$ ;  $\cos\frac{21\pi}{4}$ ;  $\tan\frac{16\pi}{6}$ ;  $\cot\frac{11\pi}{4}$