Cendrillon Sort

Shape Analysis

Pascal Jung* Thorsten Kober[†]

30. September 2015

Zusammenfassung

^{*358}XXXX †3583619

Inhaltsverzeichnis

1	Einf	ührung	3	
2	Allg	emeiner Aufbau der Analyse	3	
	2.1	Kernprädikate	3	
	2.2	Actions	3	
3	Meilenstein A			
	3.1	Eingabestrukturen	5	
	3.2	TVP	5	
	3.3	Besonderheiten	5	
	3.4	Ausgabestrukturen	5	
4	Meilenstein B			
	4.1	Eingabestrukturen	6	
	4.2	TVP	6	
	4.3	Besonderheiten	7	
	4.4	Ausgabestrukturen	7	
	4.5	Anpassungen	7	
5	Meilenstein C 7			
	5.1	Eingabestrukturen	7	
	5.2	TVP	7	
	5.3	Besonderheiten	8	
	5.4	Ausgabestrukturen	8	
6	Anhang 10			
	6.1	Analysebericht Meilenstein A	10	
	6.2	Analysebericht Meilenstein B	22	
	6.3	Analysebericht Meilenstein B (verbessert)	44	
	6.4	Analysebericht Meilenstein C	57	

1 Einführung

2 Allgemeiner Aufbau der Analyse

2.1 Kernprädikate

...

istGut und istSchlecht

...

```
%p istGut(v)
%p istSchlecht(v)
```

isArbitrary

...

```
%p is Arbitrary (v)
```

2.2 Actions

...

Set_Ist_Gut_Halb, Set_Ist_Gut_False und Set_Ist_Gut_True

...

```
%action Set_Ist_Gut_Halb(lhs) {
  %t lhs + "->istGut = 1/2"
  {
    istGut(v) = (lhs(v) & 1/2) | (!lhs(v) & istGut(v))
  }
}

%action Set_Ist_Gut_False(lhs) {
  %t lhs + "->istGut = false"
  {
    istGut(v) = (lhs(v) & 0) | (!lhs(v) & istGut(v))
  }
}

%action Set_Ist_Gut_True(lhs) {
    istGut(v) = (ilhs(v) & ilhs + "->istGut = true"
    {
        istGut(v) = (lhs(v) & 1) | (!lhs(v) & istGut(v))
    }
}
```

Set_Ist_Schlecht_Opposite

...

Is_Good und Is_Not_Good

...

```
%action Is_Good(lhs) {
    %t lhs + "->istGut == true"
    %f { lhs(v) & istGut(v) }
    %p E(v) lhs(v) & istGut(v)
}

%action Is_Not_Good(lhs) {
    %t lhs + "->istGut == false"
    %f { lhs(v) & istSchlecht(v) }
    %p A(v) !(lhs(v) & istGut(v))
}
```

Free_Arbitrary

• • •

```
%action Free_Arbitrary() {
    %t "Free_Arbitrary()"
    {
        t[n](v_1, v_2) = t[n](v_1, v_2)
        foreach(z in PVar) {
            r[n,z](v) = r[n,z](v)
        }
        is[n](v) = is[n](v)
    }
    %retain !isArbitrary(v) | |/{r[n, z](v): z in PVar}
}
```

3 Meilenstein A

In diesem ersten Meilenstein soll die Erzeugung einer einfach-verketteten Liste mit beliebig vielen Linsenobjekten analysiert werden. Insbesondere die folgenden Eigenschaften des Speichers nach dem Abarbeiten des entsprechenden Programmteils sind von Interesse:

- Keine Objekte sind verloren gegangen und liegen unerreichbar auf dem Heap. Ihre Analyse soll zeigen, dass nach dem entsprechendem Programmteil auf dem Heap lediglich Linsenobjekte existieren, die von der Programmvariable LinsenTopf aus erreichbar sind.
- Alle Linsenobjekte sind korrekt erzeugt, d.h eine Linse ist entweder gut oder schlecht. Niemals hat sie beide oder keine der Eigenschaften. Aus den von Ihrer Analyse erzeugten Strukturen muss hervorgehen, dass obige Eigenschaft gilt, also genau eines der beiden Attribute istGut und istSchlecht den Wahrheitswert true besitzt.

3.1 Eingabestrukturen

Da der zu untersuchende Programmabschnitt für die Erzeugung der Eingabestruktur von Meilenstein B zuständig ist, wird für dessen Analyse lediglich die leere Eingabestruktur benötigt.

3.2 TVP

• • •

```
 \begin{array}{lll} L1a & // & linse = malloc(sizeof(Linse)); \\ L2 & // & linse -> istGut = (rand() \% \ 2) \ ? & true \end{array} 
       Malloc_L(linse
Lla uninterpreted ()
       : false;
uninterpreted()
                                                                               L2a
L2 Set_Ist_Gut_True(linse)
L2a Set_Ist_Gut_False(linse)
       Set_Ist_Schlecht_Opposite(linse)
                                                                                      // \hspace{0.1cm} \texttt{linse} \hspace{0.1cm} - \hspace{-0.1cm} > \hspace{-0.1cm} \texttt{istSchlecht} \hspace{0.1cm} = \hspace{0.1cm} ! \hspace{0.1cm} \texttt{linse} \hspace{0.1cm} - \hspace{-0.1cm} > \hspace{-0.1cm} \texttt{istGut}
                                                                              L5 // linsenTopf = linse;
L6 // topf = linsenTopf;
L7 // while( i <= n ) {
       ,
Copy_Var_L(linsenTopf, linse
Copy_Var_L(topf, linsenTopf)
L4
                                                    linse)
       uninterpreted()
L_6
L6 uninterpreted()
L7 Malloc_L(linse)
L7a uninterpreted()
                                                                                                  linse = malloc(sizeof(Linse));
linse ->istGut = (rand() % 2) ?
                                                                              L7a //
L8 //
         true : false;
       uninterpreted()
                                                                               L8a
       Set_Ist_Gut_True(linse)
Set_Ist_Gut_False(linse)
                                                                               L9
               __Ist__Schlecht_Opposite(linse)
                                                                               L10 // linse->istSchlecht = !linse->
L9
       Set
         istGut;
L10 Set_Next_L(topf, linse)
L11 Copy_Var_L(topf, linse)
                                                                              L11 //
L6 //
// }
                                                                                                  topf \rightarrow next = linse;
                                                                                                  topf = linse;
exit Set_Null_L(linse)
exitA Set_Null_L(topf)
                                                                               exitA
                                                                               exitB
exitB Assert_No_Good_n_Bad()
exitB Assert_ListInvariants(linsenTopf)
                                                                               error
                                                                              error
exitB Assert_No_Leak(linsenTopf)
```

3.3 Besonderheiten

• • •

3.4 Ausgabestrukturen

•••

4 Meilenstein B

In diesem Meilenstein soll der Abbau einer einfach-verketteten Liste mit beliebig vielen Linsenobjekten sowie der parallele Aufbau zweier disjunkter, die Linsenobjekte in gute und schlechte Linsen aufteilende einfach-verkettete Listen analysiert werden.

- Alle Linsen befinden sich am Ende des Sortiervorgangs in genau einem der beiden Töpfe für gute bzw. schlechte Linsen. D.h. jedes Linsenobjekt ist entweder von Programmzeiger guteLinsen oder schlechteLinsen aus erreichbar.
- Alle Linsen, die von guteLinsen aus erreichbar sind, haben definitive Werte für istGut und istSchlecht: istGut ist wahr und istSchlecht falsch für alle diese Linsenobjekte.
- Alle Linsen, die von schlechteLinsen aus erreichbar sind, haben definitive Werte für istGut und istSchlecht: istGut ist falsch und istSchlecht wahr für alle diese Linsenobjekte.

4.1 Eingabestrukturen

...

4.2 TVP

...

```
Set_Null_L(linsenTopf)
Malloc_L(linse)
                                                                                     Linse* linsenTopf = NULL;
                                                                        L1 //
L1a //
L1
                                                                               // linse = malloc(sizeof(Linse));
// linse -> istGut = (rand() % 2) ? true
Lla uninterpreted ()
            false;
L1a uninterpreted()
                                                                        L2a
L2 Set_Ist_Gut_True(linse)
L2a Set_Ist_Gut_False(linse)
L3a Set_Ist_Schlecht_Opposite(linse)
                                                                        L_3
                                                                              // linse->istSchlecht = !linse->istGut
       Copy_Var_L(linsenTopf, linse)
Copy_Var_L(topf, linsenTopf)
                                                                               // linsenTopf = linse;
                                                                        L_5
                                                                               // topf = linsenTopf;
// while ( i <= n ) {
                                                                        L6
L7
L6
       uninterpreted()
                                                                        L12
       uninterpreted ()
Malloc_L (linse)
                                                                                      linse = malloc(sizeof(Linse));
linse ->istGut = (rand % 2) ? true:
                                                                        L7a //
L7a
       uninterpreted ()
                                                                        L8
          false;
L7a
       uninterpreted()
                                                                        L8a
L8 Set_Ist_Gut_True(linse)
L8a Set_Ist_Gut_False(linse)
L9 Set_Ist_Schlecht_Opposite(linse)
                                                                        L9
                                                                        1.9
                                                                        L10 //
                                                                                     linse->istSchlecht = !linse->
        istGut:
L10 Set_Next_L(topf, linse)
L11 Copy_Var_L(topf, linse)
                                                                                           topf->next = linse;
                                                                                          topf = linse;
L12 Copy_Var_L(topf, linsenTopf)
L13 Is_Null_Var(topf)
L13 Is_Not_Null_Var(topf)
L14 Copy_Var_L(linse, topf)
L15 Get_Next_L(topf, topf)
                                                                        L13 // topf = LinsenTopf;
exit// while (topf) {
L14
                                                                        L15 //
L16 //
L17 //
                                                                                       \begin{array}{ll} {\rm linse} \ = \ {\rm topf}\,; \\ {\rm topf} \ = \ {\rm topf} \! - \! \! > \! {\rm next}\,; \end{array}
L16 Is_Good(linse)
L16 Is_Not_Good(linse)
                                                                                           (linse->istGut) {
                                                                        L20
L17 Set_Next_Null_L(linse)
L18 Set_Next_L(linse, guteLinsen)
L19 Copy_Var_L(guteLinsen, linse)
                                                                        L18 //
                                                                                          linse -> next = guteLinsen;
guteLinsen = linse;
} else {
                                                                        L19 //
L13 //
                                                                        L21 //
L20 Set Next Null L(linse)
L21 Set_Next_L(linse, schlechteLinsen)
L22 Copy_Var_L(schlechteLinsen, linse)
                                                                        L22
                                                                                              linse->next = schlechteLinsen;
                                                                        L13
                                                                                              schlechteLinsen = linse;
                                                                                // }
exit Set Null L(linse)
                                                                        exitA
```

```
exitA Set_Null_L(linsenTopf)
                                              exitB
exitB Assert_No_Reachable_Arbitrary()
                                                               error
exitB Assert_No_Good_n_Bad()
exitB Assert_Good_Linsen(guteLinsen)
                                                               error
                                                               error
exitB Assert_Bad_Linsen(schlechteLinsen)
exitB Assert_No_Leak_End(guteLinsen, schlechteLinsen) error
```

4.3 Besonderheiten

4.4 Ausgabestrukturen

4.5 Anpassungen

```
Set_Null_L(linsenTopf)
                                                                 L0a // Linse* linsenTopf = NULL;
L_0
// Program fix
L0a Set_Null_L(guteLinsen)
L0b Set_Null_L(schlechteLinsen)
                                                                LOb // Linse* guteLinsen = NULL;
L1 // Linse* schlechteLinsen = NULL;
L1a // linse = malloc(sizeof(Linse));
L1 Malloc_L(linse)
```

Meilenstein C

Im Quellcode ist eine alternative, elegantere Implementierung der Linsentopferzeugung (auskommentiert) vorhanden. Ersetzen Sie Ihre, bereits verifizierte Implementierung durch die Kürzere und stellen Sie sicher, dass Ihre Analyse weiterhin die Verifikationsziele der Meilensteine A und B erfüllt.

5.1 Eingabestrukturen

5.2 TVP

```
Set_Null_L(linsenTopf)
This corrects the program
                                                L0a // Linse* linsenTopf = NULL;
                                                L0a Set_Null_L(guteLinsen)
L0b Set_Null_L(schlechteLinsen)
T.1
    uninterpreted()
n and i is for the first iteration
    uninterpreted()
uninterpreted()
Malloc_L(linse)
uninterpreted()
true: false;
                                                L_3
L4
     uninterpreted ()
                                                 L6
    Set_Ist_Gut_True(linse)
Set_Ist_Gut_False(linse)
                                                     // linse->istSchlecht = !linse->
     Set_Ist_Schlecht_Opposite(linse)
L7
    Set_Next_L(linse, linsenTopf)
Copy_Var_L(linsenTopf, linse)
                                                          linse->next = linsenTopf;
L8
                                                          linsenTopf = linse;
                                                L12 // clean result structures
optional Set_Null_L(linse)
```

5.3 Besonderheiten

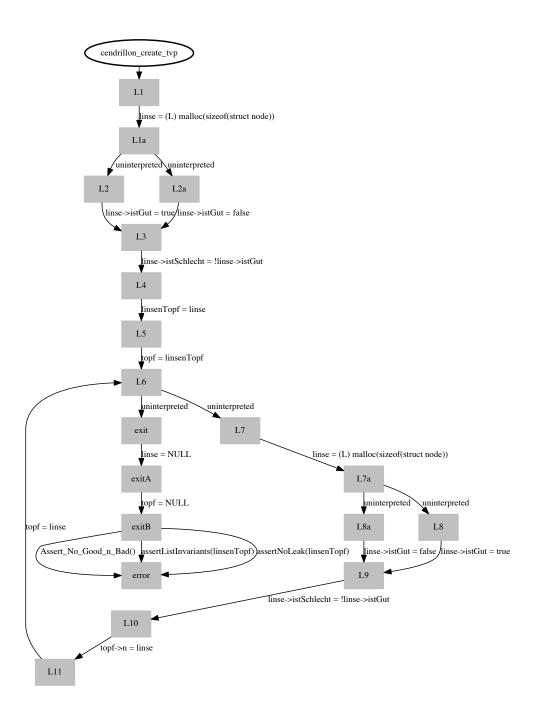
...

5.4 Ausgabestrukturen

...

6 Anhang

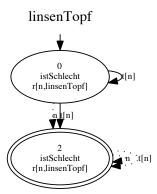
6.1 Analysebericht Meilenstein A

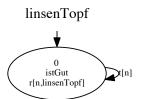


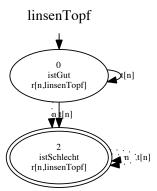
Program Location L1

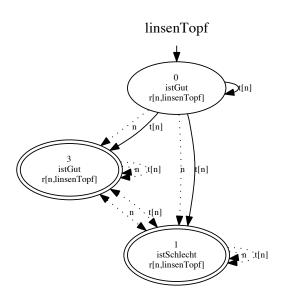
Structure with empty universe

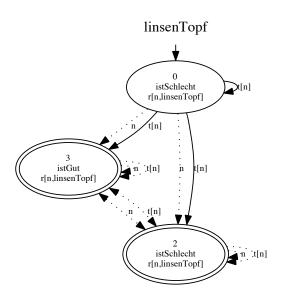
Program Location exitB

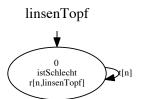


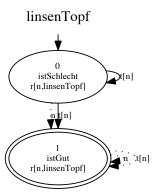


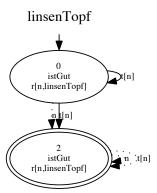




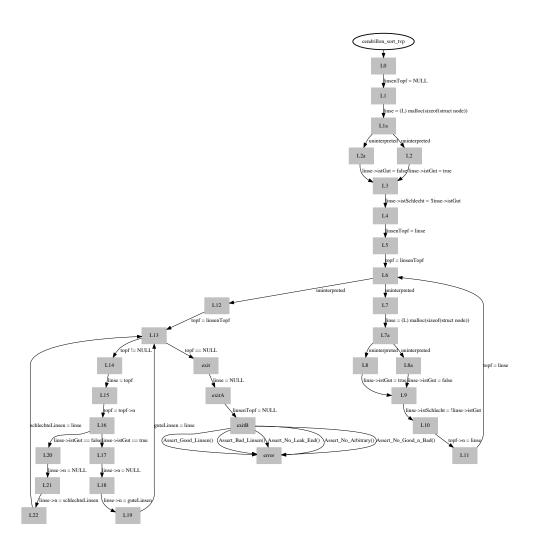




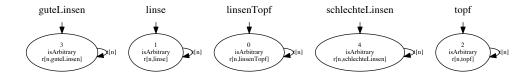




6.2 Analysebericht Meilenstein B

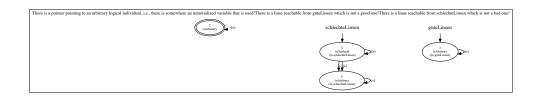


Program Location L0

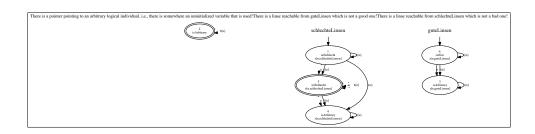


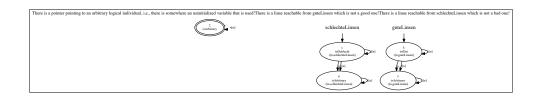
Program Location exitB

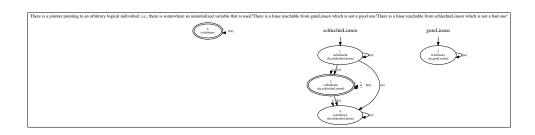
Messages for exitB

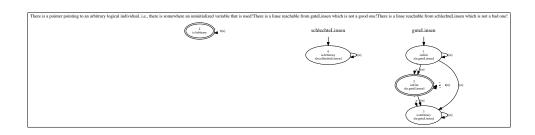


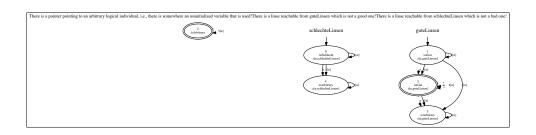


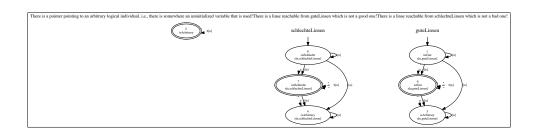


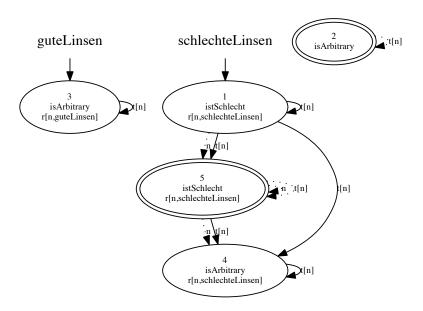


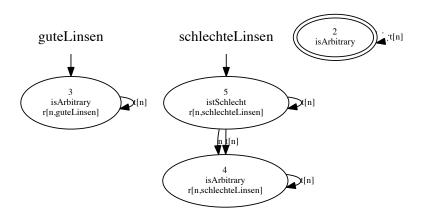


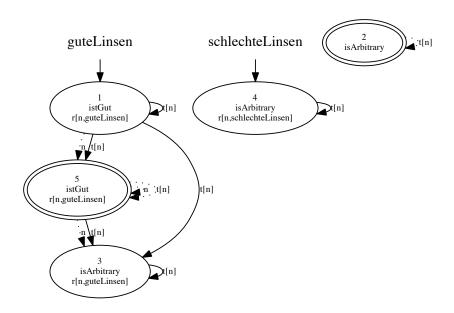


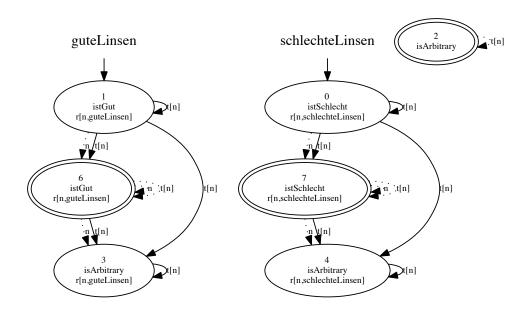


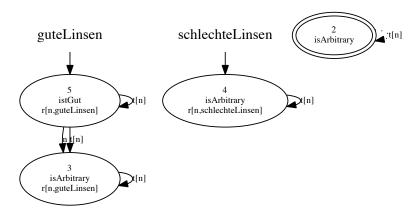


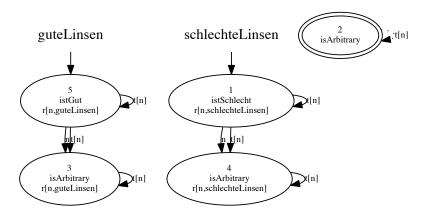


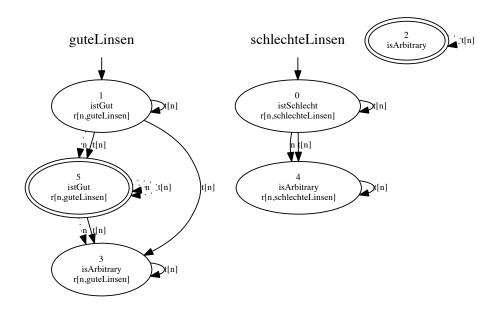


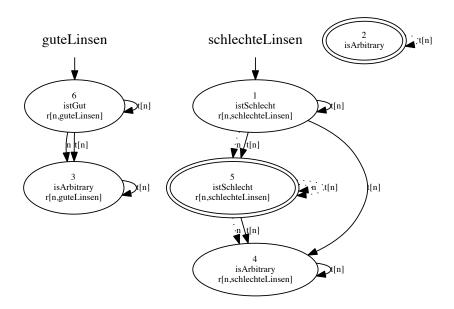






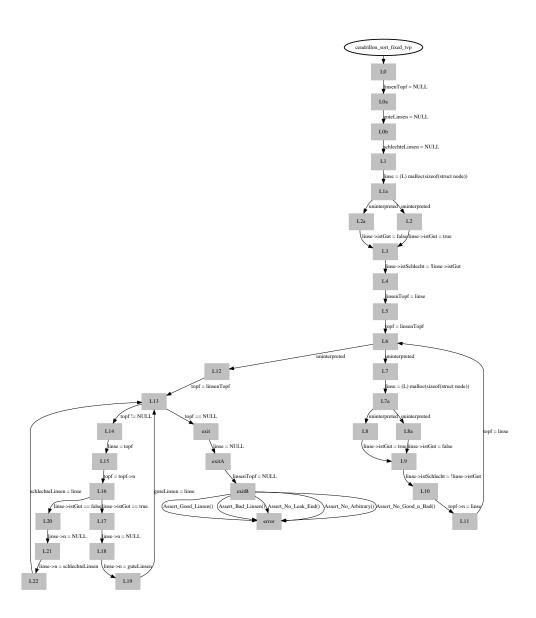




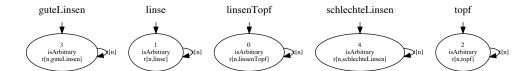


Program Location error

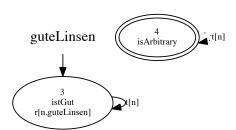
6.3 Analysebericht Meilenstein B (verbessert)

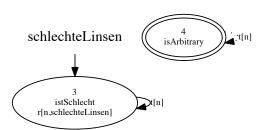


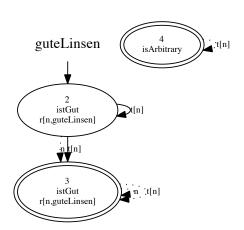
Program Location L0

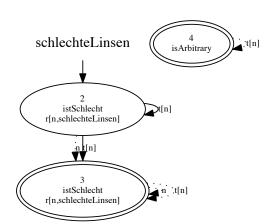


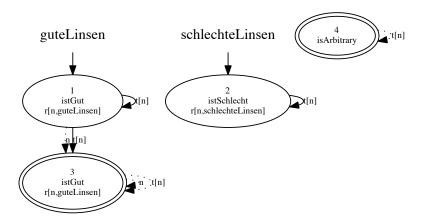
Program Location exitB

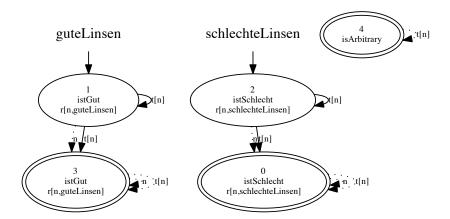


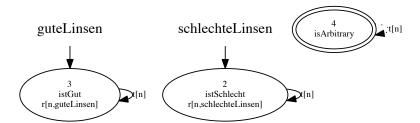


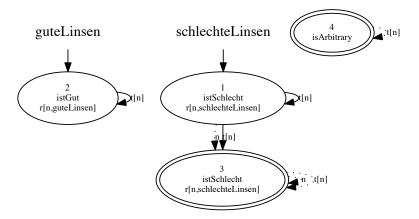






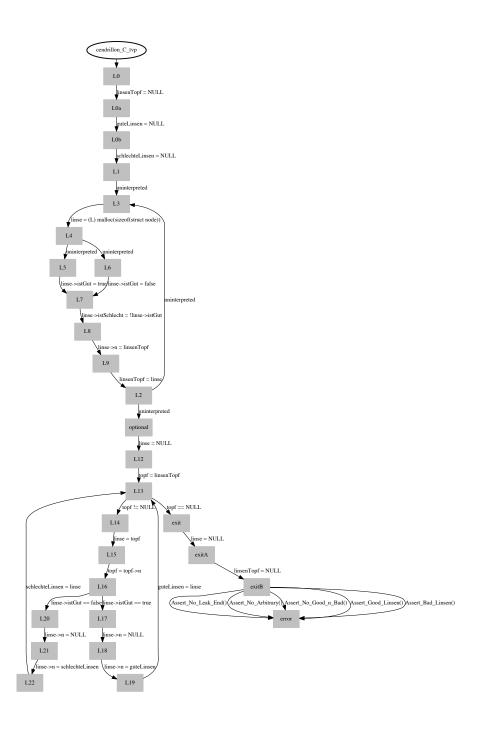




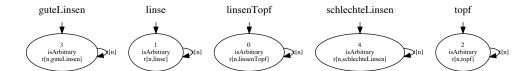


Program Location error

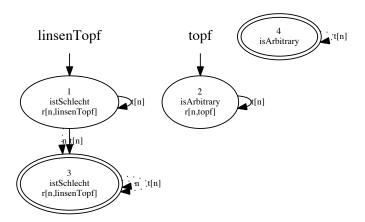
6.4 Analysebericht Meilenstein C

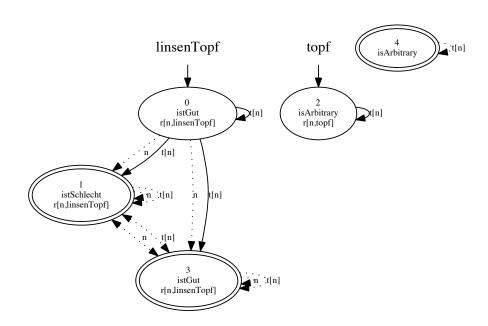


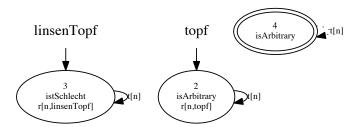
Program Location L0

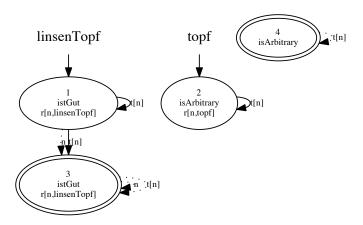


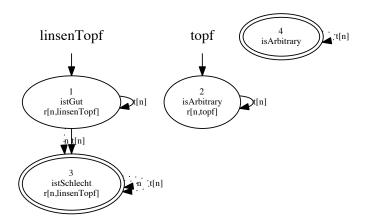
Program Location L12

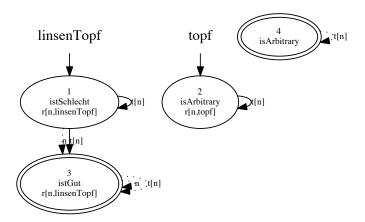


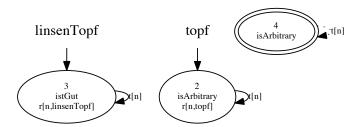


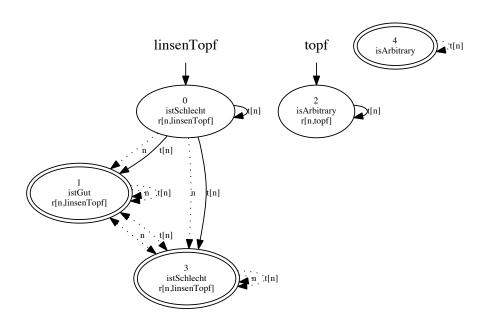




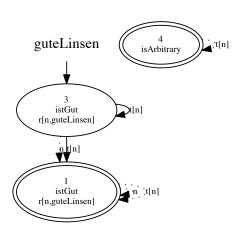


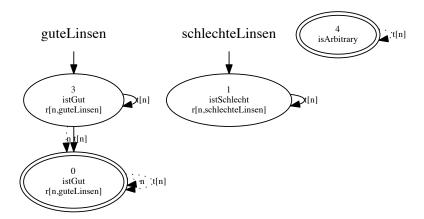


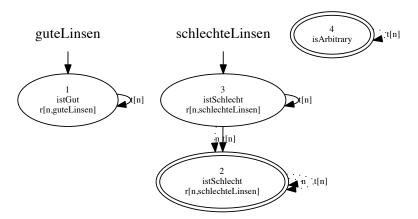


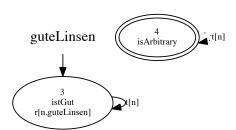


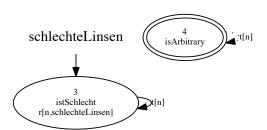
Program Location exitB

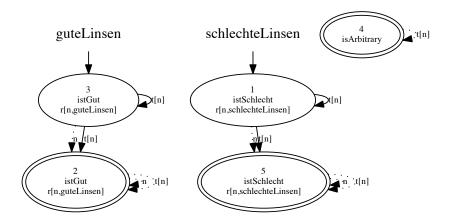


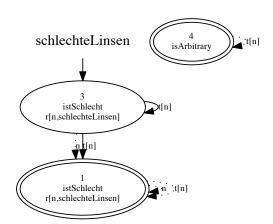


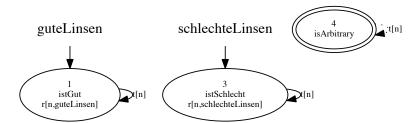












Program Location error