

Programmierkurs: Rekursive Funktionen & Modularisierung

Manfred Hauswirth | Open Distributed Systems | Einführung in die Programmierung, WS 24/25



Rückblick



- VL 0 "Organisation und Inhalt": Ablauf der Vorlesung, Termine
- VL 1 "Hello World": "Lebenswichtiges", Programablauf, Programmierablauf, Kompilierung und Ausführung von Programmen
- VL 2 "Die ersten Schritte": Erstes C-Programm, Elementare C-Strukturen, Datentypen, Operatoren, Schleifen
- VL 3 "Kontrollstrukturen & Funktionen": Syntax, Semantik, bedingte Anweisungen, Blöcke, Sichtbarkeit

VL 4 "Rekursive Funktionen & Bibliotheken": rekursive Funktionsaufrufe, Modularisierung

- VL 5 "Typen": Einfache und strukturierte Datentypen, Wertebereiche, Typendefinition
- VL 6 "Speicher und Adressen": Speicher, Pointer, Funktionsaufrufe "call by value" vs. "call by reference"
- VL 7 "Speicher und Arrays": Speicher, Arrays, mehrdimensionale Arrays, Arrays und Pointer
- VL 8 "Dynamische Speicherverwaltung": Speicherallokation, Fehlerbehandlung, Rückgabewerte, Arrays/Pointer/Adressen
- VL 9 "Strings, Kanäle, Git": Strings und Arrays, Zeichensätze, Stringlänge, Ein- und Ausgabe, Arbeiten mit git





Funktionen



Wiederholung: Funktionen



Funktionen bilden das Grundgerüst jedes Programms

- Sie dienen zur
 - Modularisierung
 - Vermeidung von komplexen Kontrollstrukturen
 - Kapselung
 - Dokumentation



Wiederholung: Funktionen



Definition

Aufruf

```
// function to calculate
// the maximum of a and b
int max (int a, int b) {
    if (a > b) {
        return a; // a is max
    } else {
        return b; // b is max
    }
}
```



Funktionsaufruf



```
... // Definition of max
int main() {
 int r1, r2;
 int n = 10;
 int m = 11;
 r1 = max(10, 11); // Aufruf mit festen Werten
 r2 = max(n, m); // Aufruf mit Variablen
 printf("1: max of 10, 11: %d\n", r1);
 printf("2: max of n, m: dn, r2);
 // Aufruf innerhalb eines anderen Aufrufs
 printf("3: max of n, m: dn, max(n, m));
```



Wiederholung Funktionsaufrufe



- Jede Funktion kann von jeder Funktion aufgerufen werden
- Beispiele:

```
max() VON main() aus
max() VON printf() aus
```

 Insbesondere kann eine Funktion auch sich selbst aufrufen! → Rekursion





Spielzeug (Matroschka)





Kunst

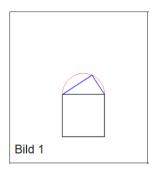






Technische Universität Berlin

Fraktale

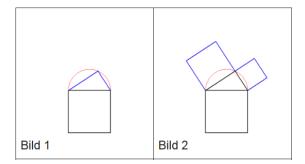


Pythagoras-Baum



Technische Universität Berlin

Fraktale

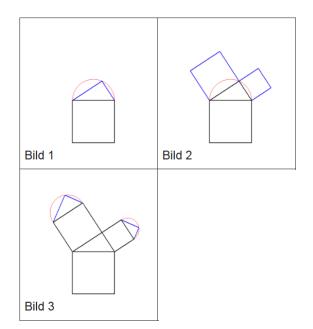


Pythagoras-Baum



Technische Universität Berlin

Fraktale

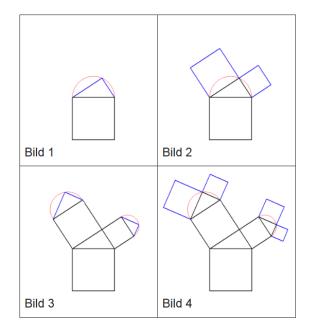


Pythagoras-Baum



Technische Universität Berlin

Fraktale

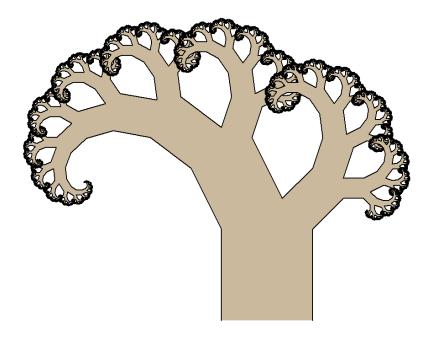


Pythagoras-Baum





Fraktale



Pythagoras-Baum

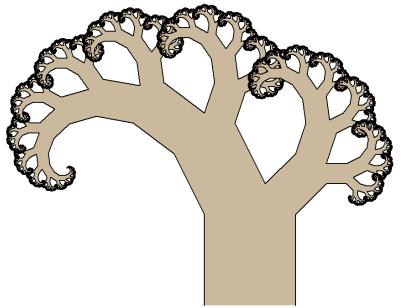




Fraktale

... aus der Natur: Romanesco



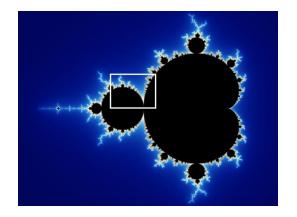


Pythagoras-Baum





Fraktale



Mandelbrotmenge



Quelle: German Wikipedia, Wolfgang Beyer

https://math.hws.edu/eck/js/mandelbrot/MB.html



Mathematische Rekursion



- Viele mathematische Funktionen sind einfach rekursiv definierbar.
- D.h. die Funktion erscheint in ihrer eigenen Definition.
- Beispiel: Potenzen 2ⁿ für n ≥ 0 berechnen

$$2^{n} = \begin{cases} 1, & \text{falls } n = 0 \\ 2 \cdot 2^{(n-1)} & \text{falls } n > 1 \end{cases}$$





- Die Funktion ruft sich selbst auf (Kernkonzept!)
- Beispiel: (noch falsch…)

```
int recursion(int a) {
    return recursion(a+1); // rekursiver Aufruf
}
Aufruf: printf("Recursion: %d\n", recursion(0));
Ausgabe: ???
```





- Die Funktion ruft sich selbst auf (Kernkonzept!)
- Beispiel: (richtig...)

```
int recursion(int a) {
   if (a > 41) { // Abbruchbedingung
       return a;
   }
   return recursion(a+1); // rekursiver Aufruf
}
Aufruf: printf("Recursion: %d\n", recursion(0));
Ausgabe: ???
```





- Die Funktion ruft sich selbst auf (Kernkonzept!)
- Zu beachten:
 - Terminierung, d.h. Abbruchbedingung, ist notwendig!
 - Sonst Endlosprogramm
- Typischer Ablauf:

```
int recursion(int a) {
  if (a > 41) {      // Abbruchbedingung
      return a;
  }
  return recursion(a+1);      // rekursiver Aufruf
}
```







Zweierpotenzen:

```
int pot_2(int n) {
  if (n == 0) { // Abbruchbedingung
    return 1;
  }
  else {
    return 2 * pot_2(n - 1); // rekursiver Aufruf
  }
}
```



- Unendliche Rekursion
 - Ist so leicht zu erzeugen, wie eine unendliche Schleife
 - Hinweis: Nie Abbruchbedingung vergessen!
- Wir brauchen "Fortschritt", d.h. das Problem, das mit dem rekursiven Aufruf gelöst werden soll, muss "einfacher" bzw. "kleiner" werden, z.B:
 "n wird mit jedem Aufruf kleiner."

```
pot 2(n):
```

Terminiert sofort für n = 0, andernfalls wird die Funktion rekursiv mit einem Argument < n aufgerufen.



Auswertung rekursiver Funktionsaufrufe: pot 2(3)

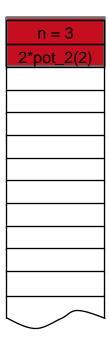


```
// return value is 2^n
int pot_2(int n) {
   if (n == 0) return 1;
   return 2 * pot_2(n - 1); // n > 0
}
```



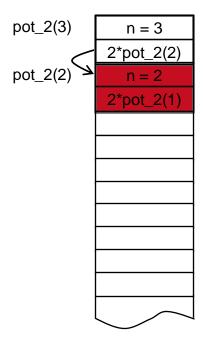


pot_2(3)



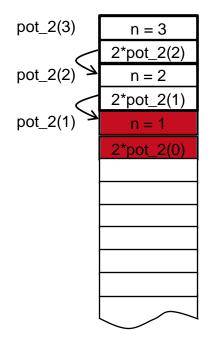






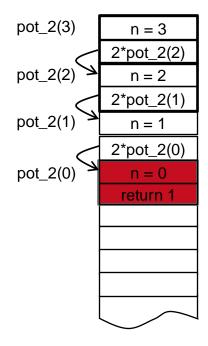






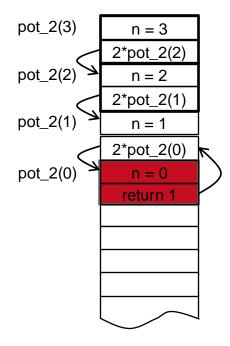






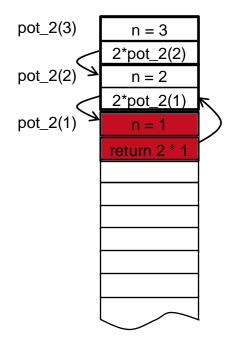






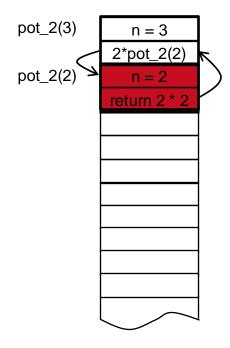
















pot_2(3) n = 3return 2 * 4



Auswertung rekursiver Funktionsaufrufe: **fak (5)**



<u>Video</u>



Auswertung rekursiver Funktionsaufrufe: pot 2(3)



```
// return value is 2^n
int pot_2(int n)
// n = 3

if (n == 0) return 1;
return 2 * pot_2(n-1); // n > 0
}
```



Auswertung rekursiver Funktionsaufrufe: pot 2(3)



```
// return value is 2^n
int pot_2(int n) {
    // n = 3
    if (n == 0) return 1;
    return 2 * pot_2(n-1); // n > 0
}
```

Ausführen des Funktionsrumpfs: Auswertung des Rückgabeausdrucks



Auswertung rekursiver Funktionsaufrufe: pot_2(3)



```
// return value is 2^n
int pot 2(int n) {
  // n = 3
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 0
           Ausführen des Funktionsrumpfs: Rekursiver
```



Aufruf von pot_2 mit Aufrufargument n-1 == 2

Auswertung rekursiver Funktionsaufrufe: pot 2(3)



```
// return value is 2^n
int pot_2(int n)
// n = 2

if (n == 0) return 1;
return 2 * pot_2(n-1); // n > 0
}
```





```
Initialisierung des Arguments mit
// return value is 2^n
                               dem Wert des Aufrufarguments
int pot 2(int n)
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 0
              Es gibt jetzt zwei pot_2: Das von
             pot 2(3), und das von pot 2(2)
```





```
Initialisierung des Arguments mit
// return value is 2^n
                               dem Wert des Aufrufarguments
int pot 2(int n)
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 0
              Wir nehmen das Argument des
               aktuellen Aufrufs, pot 2(1)
```





```
// return value is 2^n
int pot_2(int n)
// n = 1

if (n == 0) return 1;
return 2 * pot_2(n-1); // n > 0
}
```



```
Initialisierung des Arguments mit
// return value is 2^n
                               dem Wert des Aufrufarguments
int pot 2(int n)
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 0
              Es gibt jetzt drei pot_2: Das von pot 2(3),
              das von pot 2(2) und das von pot 2(1)
```





```
Initialisierung des Arguments mit
// return value is 2^n
                               dem Wert des Aufrufarguments
int pot 2(int n)
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 0
              Wir nehmen das Argument des
               aktuellen Aufrufs, pot 2(0)
```





```
// return value is 2^n
int pot 2(int n) {
  // n = 0
  if (n == 0) return 1; // n == 0, d.h.
    // Abbruch und Rückgabe des Wertes 1
    // Kein rekursiver Aufruf von pot 2 mehr!
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 0
```



```
// return value is 2^n
int pot 2(int n) {
  // n = 1
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 1
         // d.h. return 2 * 1;
```





```
// return value is 2^n
int pot 2(int n) {
  // n = 2
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 1
         // d.h. return 2 * 2 * 1;
```





```
// return value is 2^n
int pot 2(int n) {
  // n = 3
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1); // n > 1
         // d.h. return 2 * 2 * 2 *1;
```



Modularisierung



Die main () - Funktion



- Eine Funktion ist ausgezeichnet: main()
- Jedes C-Programm braucht eine main ()-Funktion.
- Sie ist die erste Funktion, die aufgerufen wird.
- Sie bekommt als Parameter die Argumente mit denen das Programm aufgerufen wird.
- Von ihr aus werden alle weiteren Funktionen aufgerufen.
- Sie sollte sich nicht selbst rekursiv aufrufen.



Modularisierung



- C-Programme bestehen aus einer Menge von Funktionen
- Funktionen können in verschiedene Module (Dateien) getrennt werden
- Warum?
 - Übersichtlichkeit / Lesbarkeit
 - Erweiterbarkeit
 - Wiederverwendbarkeit
 - Wartbarkeit



Bisher (ohne Modularisierung)



```
pot_2-main.c (alles in 1 Datei)
int pot 2(int n) {
  if (n == 0) return 1;
                                        Implementierung
                                        der Funktion pot 2
  return 2 * pot 2(n-1);
int main() {
                                        Verwendung / Aufruf
       return pot 2(3);
                                        der Funktion pot 2
```





pot_2-main.c

```
int pot 2(int n) {
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1);
int main() {
       return pot 2(3);
```

Verwendung / Aufruf der Funktion pot_2





pot_2-main.c

```
int pot 2(int n) {
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot 2(n-1);
int main() {
       return pot 2(3);
```

pot_2-function.c

Verwendung / Aufruf der Funktion pot_2





pot_2-main.c

```
int main() {
    return pot_2(3);
}
```

Verwendung / Aufruf der Funktion pot_2

pot_2-function.c

```
int pot_2(int n) {
   if (n == 0) return 1;
   return 2 * pot_2(n-1);
}
```





```
pot_2-main.c

int main() {
    return pot_2(3);
}
```

```
pot_2-function.c
```

```
int pot_2(int n) {
   if (n == 0) return 1;
   return 2 * pot_2(n-1);
}
```

Verwendung / Aufruf der Funktion pot_2





```
pot_2-main.c
```

```
#include "pot_2-header.h"
int main() {
    return pot_2(3);
}
```

Verwendung / Aufruf der Funktion pot_2

pot_2-function.c

```
int pot_2(int n) {
   if (n == 0) return 1;
   return 2 * pot_2(n-1);
}
```





```
wird durch den Inhalt der
Datei pot_2-header.h
ersetzt
```

```
pot_2-main.c

#include "pot_2-header.h"
int main() {
     return pot_2(3);
}
```

```
pot_2-function.c
```

```
int pot_2(int n) {
   if (n == 0) return 1;
   return 2 * pot_2(n-1);
}
```

Verwendung / Aufruf der Funktion pot_2





Verwendung / Aufruf der Funktion pot 2

pot_2-function.c

```
int pot_2(int n) {
  if (n == 0) return 1;
  return 2 * pot_2(n-1);
}
```





```
wird durch den Inhalt der
Datei pot_2-header.h
ersetzt
```

```
pot_2-main.c

#include "pot_2-header.h"
int main() {
    return pot_2(3);
}
```

```
pot_2-function.c
```

```
int pot_2(int n) {
   if (n == 0) return 1;
   return 2 * pot_2(n-1);
}
```

Verwendung / Aufruf der Funktion pot_2





```
wird durch den Inhalt der
                       pot_2-header.h
Datei pot 2-header.h
                                                       Definition der
ersetzt
                        int pot 2(int);
                                                       Funktion pot 2
                                     pot_2-function.c
  pot_2-main.c
  #include "pot 2-header.h"
                                    int pot 2(int n) {
                                       if (n == 0) return 1;
  int main() {
                                       return 2 * pot 2(n-1);
          return pot 2(3);
```

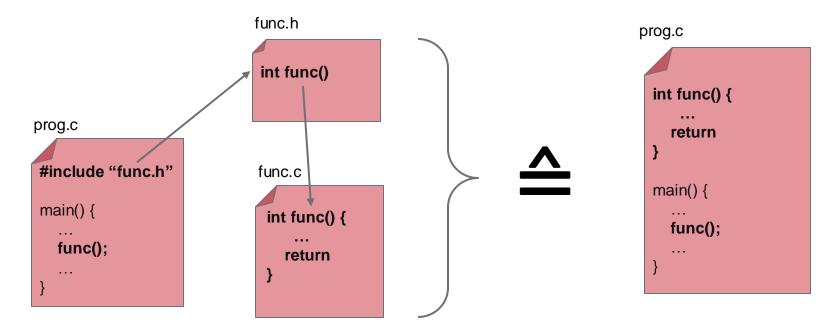
Verwendung / Aufruf der Funktion pot 2

Implementierung der Funktion pot_2



Modularisierung: Muster







Modularisierung: Muster



```
func.h
int func()
func.c
 int func() {
    return
```

```
prog1.c

#include "func.h"

main() {
    ...
    func();
    ...
}
```

```
#include "func.h"

main() {
...
func();
...
}
```

```
#include "func.h"

main() {
    ...
    func();
    ...
}
```



Compiler



- Alles in 1 Datei (nicht modularisiert)
 clang -Wall -std=cll -o prog prog.c
- Modularisiert
 clang -Wall -std=cll -o prog prog.c func.c

Hilfreich: #define



Beispiel: #define MAX LEN 10

Ersetzt im Code MAX_LEN durch 10

- Sinnvoll f
 ür Konstanten
 - Sprechender Name
 - Muss nur an 1 Stelle geändert werden



Ausblick



- VL 0 "Organisation und Inhalt": Ablauf der Vorlesung, Termine
- VL 1 "Hello World": "Lebenswichtiges", Programablauf, Programmierablauf, Kompilierung und Ausführung von Programmen
- VL 2 "Die ersten Schritte": Erstes C-Programm, Elementare C-Strukturen, Datentypen, Operatoren, Schleifen
- VL 3 "Kontrollstrukturen & Funktionen": Syntax, Semantik, bedingte Anweisungen, Blöcke, Sichtbarkeit
- VL 4 "Rekursive Funktionen & Bibliotheken": rekursive Funktionsaufrufe, Modularisierung
- VL 5 "Typen": Einfache und strukturierte Datentypen, Wertebereiche, Typendefinition
- VL 6 "Speicher und Adressen": Speicher, Pointer, Funktionsaufrufe "call by value" vs. "call by reference"
- VL 7 "Speicher und Arrays": Speicher, Arrays, mehrdimensionale Arrays, Arrays und Pointer
- VL 8 "Dynamische Speicherverwaltung": Speicherallokation, Fehlerbehandlung, Rückgabewerte, Arrays/Pointer/Adressen
- VL 9 "Strings, Kanäle, Git": Strings und Arrays, Zeichensätze, Stringlänge, Ein- und Ausgabe, Arbeiten mit git





Slides für Interessierte







Zweierpotenzen (alternative Schreibweise):



Rekursive Funktionen Beispiel Fakultät



Fakultät (alternative syntaktische Darstellung):

```
int fak(int n) {
  if (n <= 1) return 1; // Abbruchbedingung
  return n * fak(n - 1); // rekursiver Aufruf
}</pre>
```



Rekursive Funktionen Beispiel Fakultät



Fakultät (Alternative mit größerem Wertebereich):

```
long fak(int n) {
  if (n <= 1) return 1; // Abbruchbedingung
  return n * fak(n - 1); // rekursiver Aufruf
}</pre>
```

- Die Werte werden sehr schnell sehr groß
- Wertebereich long: von 2^63 bis 2^63 1 (für 64-bit Architekturen)
- printf Format für long ist %lu



Rekursive Funktionen



- Unendliche Rekursion
 - Ist so leicht zu erzeugen, wie eine unendliche Schleife
 - Hinweis: Nie Abbruchbedingung vergessen!
- Wir brauchen Fortschritt, d.h. das Problem, das mit dem rekursiven Aufruf gelöst werden soll, muss "einfacher" bzw. "kleiner" werden, z.B:
 "n wird mit jedem Aufruf kleiner."

fak(n):

Terminiert sofort für $n \le 1$, andernfalls wird die Funktion rekursiv mit einem Argument < n aufgerufen.



Bisher



fak.c

```
int fak(int n) {
  if (n <= 1) return 1;
  return n * fak(n-1);
int main() {
      return fak(3);
```





fak-main.c

```
int main() {
    return fak(3);
}
```

fak-function.c

```
int fak(int n) {
   if (n <= 1) return 1;
   return n * fak(n-1);
}</pre>
```





fak-header.h

```
int fak(int);
```

fak-main.c

```
int main() {
    return fak(3);
}
```

fak-function.c

```
int fak(int n) {
   if (n <= 1) return 1;
   return n * fak(n-1);
}</pre>
```





fak-header.h

```
int fak(int);
```

fak-main.c

```
#include "fak-header.h"
int main() {
      return fak(3);
}
```

fak-function.c

```
int fak(int n) {
   if (n <= 1) return 1;
   return n * fak(n-1);
}</pre>
```





fak-header.h

```
int fak(int);
```

fak-main.c

```
#include "fak-header.h"
int main() {
    return fak(3);
}
```

fak-function.c

```
int fak(int n) {
   if (n <= 1) return 1;
   return n * fak(n-1);
}</pre>
```

= Implementierung von Fakultät



Wiederholung: C-Compiler



Beispiel: GCC – GNU Compiler Collection

unix> gcc -Wall -std=c11 -o hello hello.c

4 Phasen:

Preprocessor

Compiler

Assembler

Linker

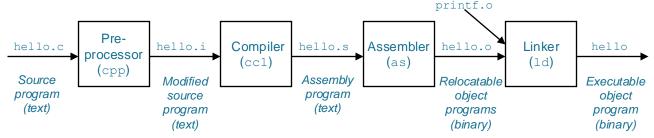
Aufbereitung

Übersetzt C in Assemblercode

Übersetzt Assemblercode in Maschinensprache

Nachbearbeitung / Kombination

verschiedener Module





Wiederholung: C-Compiler



 Beispiel: Clang - a C language family frontend for LLVM unix> clang -Wall -std=c11 -o hello hello.c

5+ Phasen:

Preprocessor

Compiler

Optimizers

Backend

Assembler

Linker

Aufbereitung

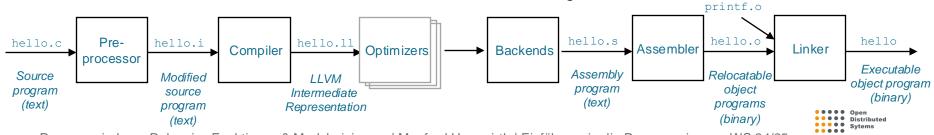
Übersetzt C in LLVM Intermediate Representation (IL)

Optimieren den Sprachunabhängige LLVM IL

Übersetzt LLVM IL in Assemblercode

Übersetzt Assemblercode in Maschinensprache

Nachbearbeitung / Kombination verschiedener Module



Programmierkurs: Rekursive Funktionen & Modularisierung | Manfred Hauswirth | Einführung in die Programmierung, WS 24/25 Seite 67

C-Module: Übersetzung



Module können einzeln übersetzt werden

```
clang -c modul.c
Dieser Aufruf generiert Maschinencode im File: modul.o
```

- Problem: Module benutzen externe Funktionen
- Lösung: Header-Dateien, (Endung: .h), die
 - Funktionsprototypen (Signatur der Funktion)
 - Enthalten Deklarationen
- Beispiele: string.h, stdio.h, math.h, ...
- Header-Dateien werden mittels #include eingebunden



C-Module: Übersetzung



Module werden mit Hilfe des Linkers verknüpft

```
clang -o fak fak-main.o fak-funktion.o
```

Gemischte Übersetzung/Bindung ist möglich

```
clang -o fak fak-main.c fak-funktion.o clang -o fak fak-main.c fak-funktion.c
```

 Headerdateien enthalten keine Anweisungen und können daher einzeln nicht in Maschinencode übersetzt werden.



Präprozessor



- Der Präprozessor bearbeitet die sogenannten Direktiven.
- Es geht hierbei um textuelle Ersetzungen.
- Beispiele: #define, #include
 (Syntax: #directive dir parameters)
- Beispiel: #define MAX_LEN 10
- Ersetzt im Code das Symbol MAX_LEN durch 10
- Sinnvoll f
 ür Konstanten



Präprozessor: #include



Include-Direktive:

```
#include <StandardHeader>
#include "test.h"
```

- Ersetzt die Include-Zeile durch den Inhalt des Header-Files.
- <> sucht Dateien im Standardsuchpfad.
- " " sucht Dateien im Verzeichnis der .c-Datei.
- Mit -I kann man weitere Suchpfade angeben.



Nutzung einer Bibliothek



- Nutzung einer Bibliotheksfunktion
 - Im C-Code
 #include <glib.h>
 - Beim Compilieren/Linken
 clang -Wall -std=c11 -o fak fak.c -lglib
 - Der Linker sucht dann automatisch in den vorgesehenen Directories.
- Um weitere Directories hinzuzufügen:
 - Explizit mittels -L für Bibliotheken und -I für Header-Dateien

