

Važne formule

- umnožak potencija s jednakim bazama: $a^n \cdot a^m = a^{n+m}$
- kvocjent potencija s jednakim bazama: $\frac{a^n}{a^m} = a^{n-m}$
- potencija produkta: $(a \cdot b)^n = a^n \cdot b^n$
- potencija kvocjenta: $\left(\frac{a}{b}\right)^n = \frac{a^n}{b^n}$
- potencija potencije: $(a^n)^m = a^{n \cdot m}$
- negativna potencija: $a^{-n} = \frac{1}{a^n}$
- potencije s racionalnim eksponentom: $a^{\frac{1}{n}} = \sqrt[n]{a}$ $a^{\frac{m}{n}} = \sqrt[n]{a^m} = (\sqrt[n]{a})^m$
- razlika kvadrata: $a^2 - b^2 = (a + b) \cdot (a - b)$
- kvadrat binoma: $(a \pm b)^2 = a^2 \pm 2 \cdot a \cdot b + b^2$
- rješenje kvadratne jednadžbe $a \cdot x^2 + b \cdot x + c = 0$: $x_{12} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$

Binomni poučak

- binomni koeficijent: $\binom{n}{k} = \frac{n \cdot (n-1) \cdot \dots \cdot (n-k+1)}{k!}$
- n -ta potencija binoma: $(a + b)^n = \binom{n}{0}a^n + \binom{n}{1}a^{n-1}b^1 + \binom{n}{2}a^{n-2}b^2 + \dots + \binom{n}{n-1}a^1b^{n-1} + \binom{n}{n}b^n$
- binomni koeficijenti se mogu izračunati iz *Pascalovog trokuta*:

				$\binom{1}{0}$	$\binom{1}{1}$				
			$\binom{2}{0}$	$\binom{2}{1}$	$\binom{2}{2}$				
		$\binom{3}{0}$	$\binom{3}{1}$	$\binom{3}{2}$	$\binom{3}{3}$				
	$\binom{4}{0}$	$\binom{4}{1}$	$\binom{4}{2}$	$\binom{4}{3}$	$\binom{4}{4}$				
$\binom{5}{0}$	$\binom{5}{1}$	$\binom{5}{2}$	$\binom{5}{3}$	$\binom{5}{4}$	$\binom{5}{5}$				
$\binom{6}{0}$	$\binom{6}{1}$	$\binom{6}{2}$	$\binom{6}{3}$	$\binom{6}{4}$	$\binom{6}{5}$	$\binom{6}{6}$			

Imaginarni brojevi

- kompleksna jedinica: $i = \sqrt{-1}$
- opći oblik kompleksnog broja: $z = a + i \cdot b$
... gdje je a realni dio, a b kompleksni dio broja z .
- potencije broja i : $i^{4n} = 1$ $i^{4n+1} = i$ $i^{4n+2} = -1$ $i^{4n+3} = -i$
- trigonometrijski oblik kompleksnog broja: $z = r \cdot (\sin \varphi + i \cdot \cos \varphi)$
 - modul kompleksnog broja $r = \sqrt{a^2 + b^2}$
 - argument kompleksnog broja $\operatorname{tg} \varphi = \frac{b}{a}$
- potenciranje kompleksnog broja u trigonometrijskom obliku: $z^n = \varphi^n \cdot (\cos n\varphi + i \cdot \sin n\varphi)$
- n -ti korijeni kompleksnog broja z : $\sqrt[n]{z} = \sqrt[n]{\varphi} \cdot \left(\cos \frac{\varphi + 2k\pi}{n} + i \cdot \sin \frac{\varphi + 2k\pi}{n}\right), \quad k = 1, 2, \dots, n-1$

Nizovi

- a_n je vrijednost n -tog člana niza,
- d – korak aritmetičkog niza
- q – korak geometrijskog niza
- S_n zbroj prvih n članova niza

	aritmetički niz	geometrijski niz
opći član:	$a_n = a_1 + d \cdot (n - 1)$	$a_n = a_1 \cdot q^{n-1}$
važno svojstvo:	$a_n - a_{n-1} = d$	$\frac{a_n}{a_{n-1}} = q$
suma prvih n članova:	$S_n = \frac{n \cdot (a_1 + a_n)}{2}$	$S_n = \frac{a_1 \cdot (q^n - 1)}{q - 1}$

Limes niza

• limes sume: $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n \pm b_n) = \lim_{n \rightarrow \infty} a_n \pm \lim_{n \rightarrow \infty} b_n$

• limes produkta: $\lim_{n \rightarrow \infty} (a_n \cdot b_n) = \lim_{n \rightarrow \infty} a_n \cdot \lim_{n \rightarrow \infty} b_n$

• limes kvocijenta: $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_n}{b_n} = \frac{\lim_{n \rightarrow \infty} a_n}{\lim_{n \rightarrow \infty} b_n}$

• $\lim_{n \rightarrow \infty} (c \cdot a_n) = c \cdot \lim_{n \rightarrow \infty} a_n$

• $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n} = 0$

$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^k} = 0$

• $\lim_{n \rightarrow \infty} q^n = \begin{cases} \infty & \text{ako je } q > 1 \\ 1 & \text{ako je } q = 1 \\ 0 & \text{ako je } -1 < q < 1 \\ \text{divergira} & \text{ako je } q \leq -1 \end{cases}$

Derivacije

• definicija derivacije funkcije u točki x : $f'(x) = \lim_{\Delta x \rightarrow 0} \frac{f(x + \Delta x) - f(x)}{\Delta x}$

- derivacija funkcije u točki je jednaka koeficijentu smjera tangente koja prolazi tom točkom na grafu te funkcije

• derivacija sume/razlike: $(f \pm g)' = f' \pm g'$

- derivacija produkta i kvocijenta:

$(f \cdot g)' = f' \cdot g + f \cdot g'$

$(c \cdot f)' = c \cdot f'$

$\left(\frac{f}{g}\right)' = \frac{f' \cdot g - f \cdot g'}{g^2}$

- derivacija kompozicije funkcija:

$(f \circ g)' = (f' \circ g) \cdot g'$

- derivacija konstante, potencije i korijena:

$c' = 0$

$(x^n)' = n \cdot x^{n-1}$

$(\sqrt{x})' = \frac{1}{2\sqrt{x}}$

- derivacija trigonometrijskih funkcija:

$(\sin x)' = \cos x$

$(\cos x)' = -\sin x$

$(\operatorname{tg} x)' = \frac{1}{\cos^2 x}$

$(\operatorname{ctg} x)' = -\frac{1}{\sin^2 x}$

- derivacija eksponencijalne i logaritamske funkcije:

$(e^x)' = e^x$

$(a^x)' = a^x \cdot \ln a$

$(\ln x)' = \frac{1}{x}$

$(\log_a x)' = \frac{1}{x \cdot \ln a}$