

UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE YUCATÁN
FACULTAD DE INGENIERÍA

MÉTODOS MATEMÁTICOS DE LA FÍSICA

Examen



Erick Al. Casanova Cortés
Matricula: 15014866

DOCENTE
DR. MIGUEL ZAMBRANO

Fecha de entrega: 5 Febrero 2021

Una esfera hueca de radio que esta dividida en dos por el ecuador por un aislante delgado. La mitad superior se encuentra a un potencial constante V_0 y el hemisferio inferior a un potencial nulo, como se muestra en la figura.

Demostrar que el potencial dentro de la esfera esta dado por:

$$\phi(r, \theta) = \frac{V_0}{2} \left\{ 1 + \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{(2n)!(4n+3)}{2^{2n}(n!)(2n+2)} \left(\frac{r}{c} \right)^{2n+1} P_{2n+1} \cos(\theta) \right\} \quad (1)$$

mientras que en el potencial exterior es:

$$\phi(r, \theta) = \frac{V_0 c}{2r} \left\{ 1 + \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n \frac{(2n)!(4n+3)}{2^{2n}(n!)(2n+2)} \left(\frac{c}{r} \right)^{2n+1} P_{2n+1} \cos(\theta) \right\} \quad (2)$$

Ayuda: resolver la ecuación de Laplace $\nabla^2 \phi(r, \theta, \varphi) = 0$ en coordenadas esféricas