

0.1. Introducción

Dada una fuente Boost con una tensión de entrada 12 V y frecuencia de switching de 60 kHz , se buscó determinar el Duty Cycle necesario tal que la tensión de salida sea de 24 V y tenga una variación del 5% . Cabe notar que esta fuente Boost es una no ideal ya que se considera la resistencia de la bobina $R_4 = 2\ \Omega$.

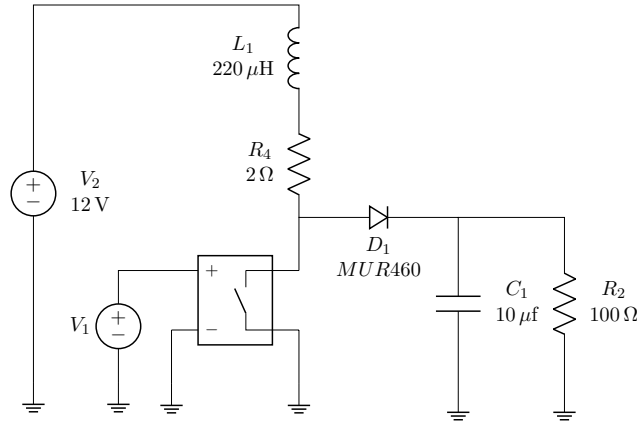


Figura 1: Circuito de fuente Boost con llave ideal.

0.2. Calculo del Duty Cycle

Para el período de encendido, el hemicircuito es el siguiente.

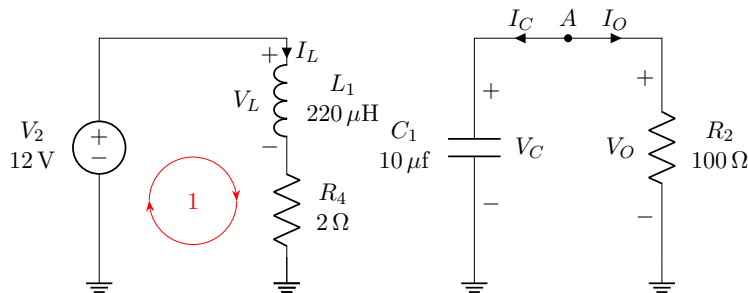


Figura 2: Circuito de fuente Boost con llave cerrada.

Planteando la mallas 1 y las corrientes en el nodo A se obtienen las siguientes ecuaciones:

$$\begin{cases} V_2 - L\dot{I}_L - R_4 I_L = 0 \\ C\dot{V}_C = -\frac{V_O}{R_2} \end{cases} \quad (1)$$

Operando algebraicamente se obtienen las matrices:

$$\mathbb{A}_{on} = \begin{pmatrix} -R_4/L & 0 \\ 0 & -1/CR_2 \end{pmatrix} \quad \mathbb{B}_{on} = \begin{pmatrix} 1/L \\ 0 \end{pmatrix} \quad \mathbb{C}_{on} = (0 \quad 1)$$

Por otro lado, durante el apagado, el hemicircuito resultante es el que se muestra a continuación.

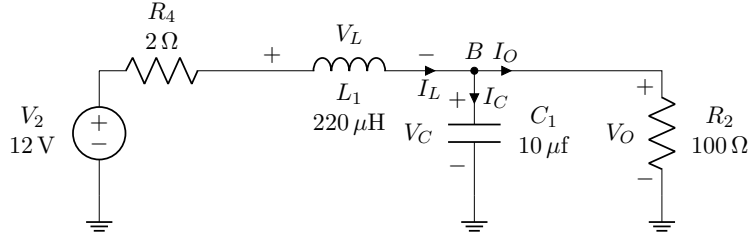


Figura 3: Circuito de fuente Boost con llave cerrada.

De forma similar al caso anterior, planteando la malla externa y la suma de corrientes en el nodo B , se obtienen las ecuaciones siguientes:

$$\begin{cases} V_2 - L\dot{I}_L - R_4 I_L - V_O = 0 \\ I_L = I_C + I_O = C\dot{V}_C + \frac{V_O}{R_2} \end{cases} \quad (2)$$

Operando algebraicamente se obtienen las matrices:

$$\mathbb{A}_{off} = \begin{pmatrix} -R_4/L & -1/L \\ 1/C & -1/CR_2 \end{pmatrix} \quad \mathbb{B}_{off} = \begin{pmatrix} 1/L \\ 0 \end{pmatrix} \quad \mathbb{C}_{off} = (0 \quad 1)$$

Se definen las matrices \mathbb{A} , \mathbb{B} y \mathbb{C} de la forma:

$$\mathbb{A} = \mathbb{A}_{on} \cdot d + \mathbb{A}_{off} \cdot (1-d) = \begin{pmatrix} -R_4/L & (d-1)/L \\ (1-d)/C & -1/CR_2 \end{pmatrix}$$

$$\mathbb{B} = \mathbb{B}_{on} \cdot d + \mathbb{B}_{off} \cdot (1-d) = \begin{pmatrix} 1/L \\ 0 \end{pmatrix}$$

$$\mathbb{C} = \mathbb{C}_{on} \cdot d + \mathbb{C}_{off} \cdot (1-d) = (0 \quad 1)$$

Finalmente, dado que la transferencia en el permanente esta dada por $H = -\mathbb{C} \cdot \mathbb{A}^{-1} \cdot \mathbb{B}$, se obtiene que:

$$H = \frac{(1-d) R_2}{R_2 d^2 - 2dR_2 + R_2 + R_4}$$

Reemplazando con $R_4 = 2 \Omega$, $R_2 = 100 \Omega$, y sabiendo que se busca que $H = V_o/V_2 = 2$, se obtienen dos resultados matemáticamente posibles, siendo estos $d = 0.544$ y $d = 0.956$. Dado que las fuentes switching pierden linealidad con altos valores de Duty Cycle, se toma el primer valor como valido.

Por otro lado, utilizando la transferencia de la fuente Boost ideal, es decir sin R_4 , se puede obtener que el Duty Cycle deseado es:

$$\begin{aligned} V_o &= \frac{V_2}{1-d} \\ 1-d &= \frac{V_2}{V_o} = \frac{12 \text{ V}}{24 \text{ V}} \\ d &= 0.5 \end{aligned}$$

Este valor es cercano al obtenido considerando la alinealidad.

0.3. Calculos y simulaciones

Se analizaron las señales propias del circuito. Considerando la fuente Boost ideal, se puede notar que la corriente en la bobina sigue siendo la misma, ya que agregar una resistencia en serie no cambia dicha variable. Es por ello que tanto al corriente como la tensión en el inductor se calculan de la misma forma, siendo así la corriente media en la bobina y su ripple:

$$\begin{aligned} I_{DC} &= \frac{I_O}{1-d} = \frac{V_O}{R_2(1-d)} = 526.137 \text{ mA} \\ \Delta I_L &= \frac{V_L}{L} \Delta t = \frac{V_L}{L} \frac{d}{f} = 494.404 \text{ mA} \end{aligned}$$

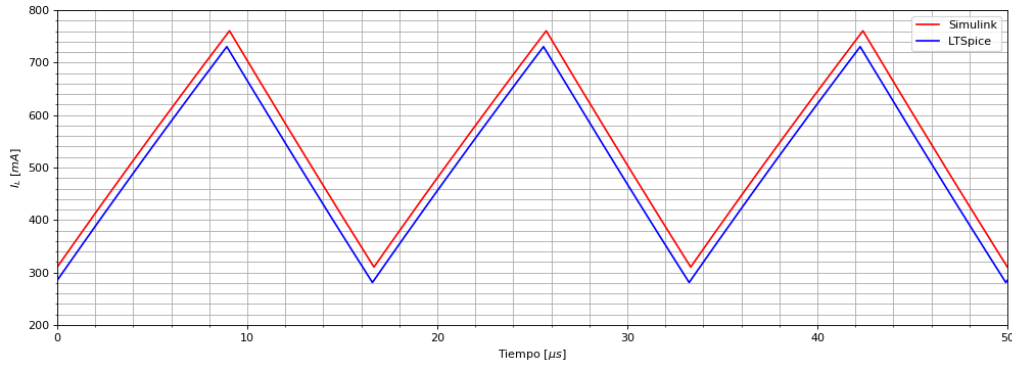


Figura 4: Corriente sobre la bobina en el permanente.

Para la tensión, mientras la llave se mantenga cerrada

$$V_L = V_S = 12 \text{ V}$$

y mientras se mantenga abierta

$$V_L = V_S - V_O = 12 \text{ V} - 24 \text{ V} = -12 \text{ V}$$

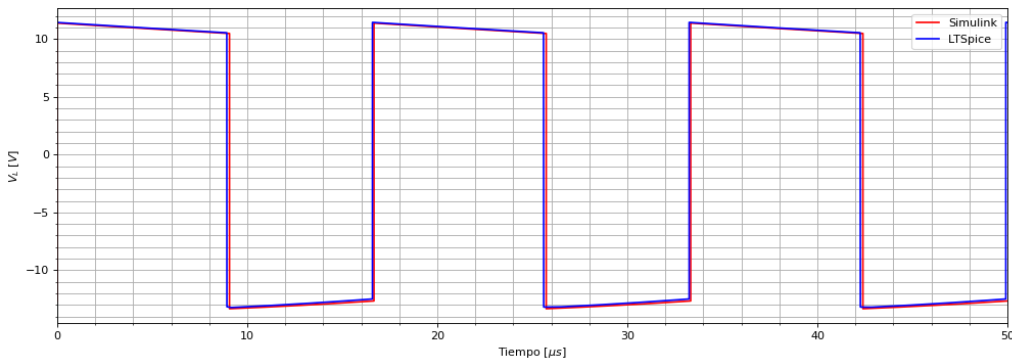


Figura 5: Tensión sobre la bobina en el permanente.

Para el diodo, al no ser ideal, se debe considerar la corriente en reversa. Esta se hace presente al llevar al estado de no conducción al diodo, es decir, esta se da unos instantes al cerrar la llave cuando se pone el ánodo a tierra. Cabe aclarar que el modelo del diodo existente en Simulink no considera la corriente en inversa I_{RR} .

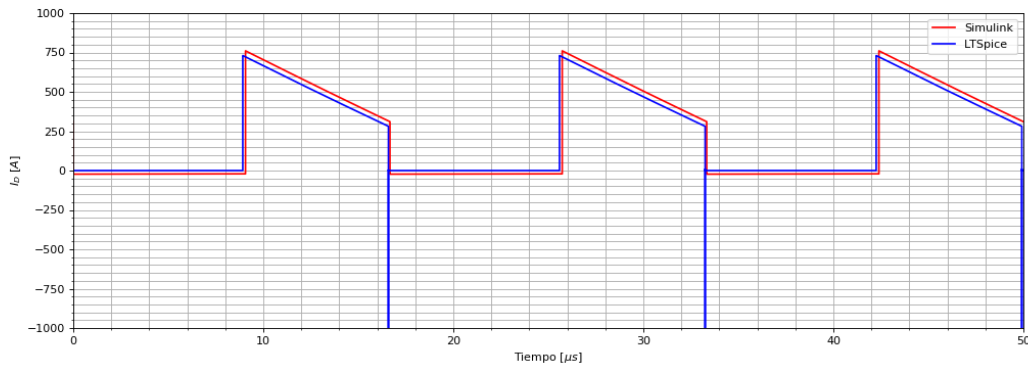


Figura 6: Corriente sobre el diodo en el permanente.

Finalmente, se calcula la tensión de salida. Si bien esta debería ser constante (ya que se asumió que la corriente lo es) no es así. Dado que la corriente media en el capacitor es nula, la corriente media en la carga es la misma que la de la bobina. Como esta última posee un ripple, también existirá una variación en la carga. Observando la corriente del capacitor, se puede calcular la variación de tensión de la forma:

$$I_O d T_S = C \Delta V_O$$

$$\Delta V_O = \frac{I_O d}{C f} = 0.747 \text{ V}$$

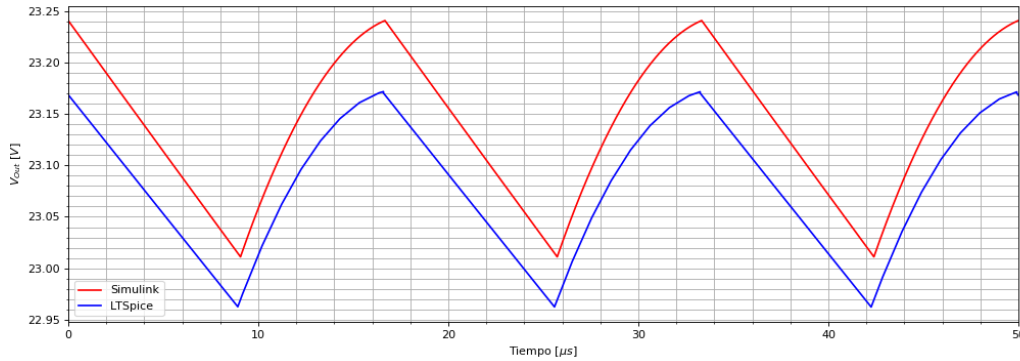


Figura 7: Tensión sobre la salida en el permanente.

Además es posible observar que:

$$\frac{\Delta V_O}{V_O} \% = \frac{0.747 \text{ V}}{24 \text{ V}} \cdot 100 \% = 1.987 \%$$

0.4. Conclusión de los datos obtenidos

Se simuló el circuito tanto en Simulink como en LTSpice. Se observa que la tensión media a la salida es menor a la que se requería. Esto se debe a que en los cálculos planteados en las Ecuaciones (1) y (2) se considera al diodo como uno ideal.

Simulando nuevamente con un diodo ideal, se nota que la tensión de salida es más adecuada a la calculada.

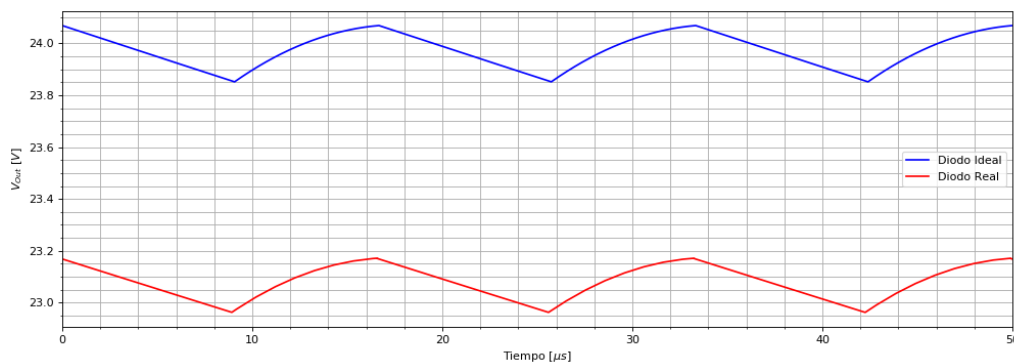


Figura 8: Tensión sobre la salida en el permanente con diodo ideal.

Finalmente, cabe hacer una aclaración con respecto a las curvas observadas en la Figura (6). En dicho gráfico se nota que la corriente I_{RR} del diodo llega a valores elevados. Esto se debe a la idealización de la llave empleada en las simulaciones. Esto se analiza en mayor profundidad en la siguiente sección.