

Utilizando el método de simulación de Montecarlo, se obtiene que, siendo X un variable aleatoria uniforme entre 0 y 1, se puede obtener una distribución exponencial Y dada por la función densidad de probabilidad

$$y(x) = \frac{1}{\lambda} \ln \left(\frac{1}{1-x} \right) \quad 0 \leq x \leq 1 \quad (1)$$

Valiendose de las funciones “hist”, “mean” y “std” de Matlab, se asignó arbitrariamente un valor a lambda, en este caso $\lambda = 2$. Además se tomaron 5000 muestras, de forma que se obtuvieron los siguientes resultados:

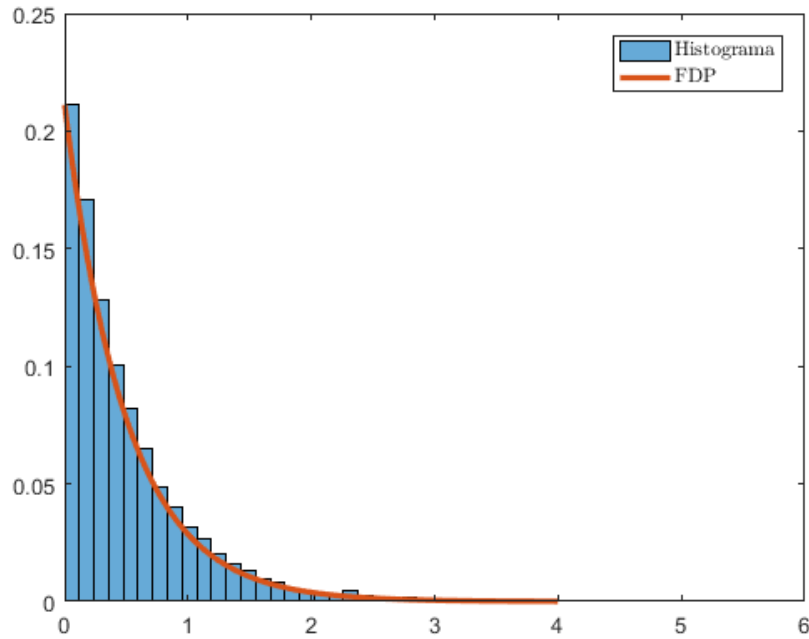


Figura 1: Iteración del método de Montecarlo.

$$\begin{aligned} \mu_Y &= 0.5048 \\ \sigma_Y^2 &= 0.2617 \end{aligned} \quad (2)$$

Es así que se observa en la Figura (1) la curva de la f.d.p. teórica sobre el histograma obtenido, confirmando así que se obtuvo realmente una variable aleatoria con la distribución deseada. Además, se desea constatar que los valores de μ_Y y σ_Y^2 , son correctos. Por ser Y una V.A. exponencial, se sabe que $\mu_Y = \frac{1}{\lambda}$ y $\sigma_Y^2 = \frac{1}{\lambda^2}$, que para el caso presentado son 0.5 y 0.25 respectivamente. Si bien los resultados obtenidos no son exactamente iguales, son proximos, siendo el error existente aceptable.

Bajo las condiciones mencionadas previamente, se realizaron 10 iteraciones más. De esta forma, se obtuvieron los siguientes valores de media y desvío estándar:

Iteración	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
μ	0,4966	0,5015	0,5091	0,5011	0,5095	0,4986	0,5054	0,4856	0,4948	0,4958
σ^2	0,2523	0,2548	0,2511	0,2593	0,2600	0,2565	0,2567	0,2373	0,2352	0,2431

Tabla 1: Iteraciones con valores de media y desvío para la V.A. generada.

Observando la tabla previa, se repite lo mencionado anteriormente, es decir, que si bien no se obtienen los valores teóricos exactos, estos son proximos a los deseados.

Luego, se realizaron nuevas iteraciones, bajo las mismas especificaciones previas, con el objetivo de presentar en un histograma los distintos valores obtenidos de la media. Es así que luego de 1000 iteraciones se pudo efectuar el siguiente gráfico.

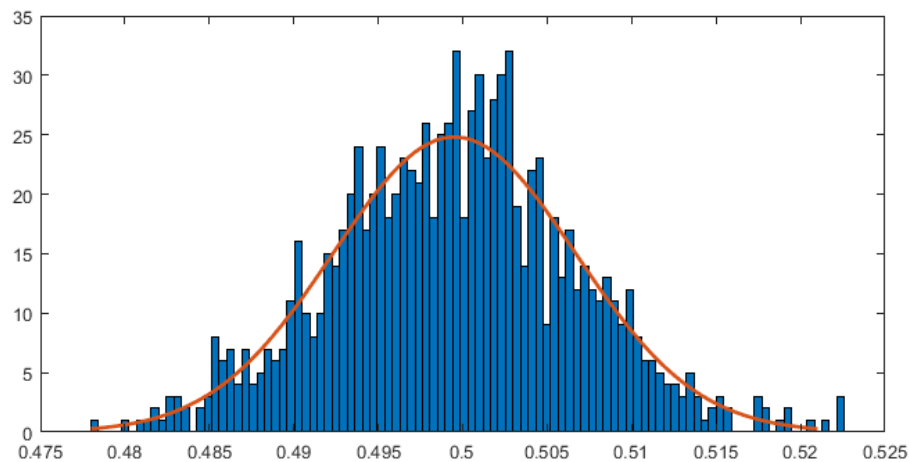


Figura 2: Distribución de la media para 1000 iteraciones.

Se concluye que la media comprende una V.A. gaussiana, con media y desvío igual a la de la exponencial. **CHEQUEAR ESTO ÚLTIMO.** Esto se debe a **INSERTAR CHAMUYO TEÓRICO DE PORQUE TIENDE A LA NORMAL.**

Finalmente, se desea estimar la cantidad de elementos que se deben generar para estimar la media μ_Y a través del estimador tal que la probabilidad de que el valor estimado de la media m_Y se aparte más del 6 % del valor teórico sea menor al 1 %, es decir calcular $P\{|m_Y - \mu_Y| > 0.06\mu_Y\} \leq 0.01$. Gracias a la desigualdad de Tchebycheff, se puede asegurar que

$$\frac{\sigma_Y^2}{0.06\mu_Y} = 0.01 \quad (3)$$

MOMENTO... NO ENTIENDO QUE ME PIDE EL PUNTO D... PUTA QUE SAD.