

6장 MLP(다층 퍼셉트론)



학습 목표

- MLP의 작동 원리를 이해한다.
- 경사하강법을 이해한다.
- 역전파 알고리즘을 이해한다.
- 넘파이만으로 MLP를 구현해본다.

MLP는
신경망에서 아주 중요한
위치를 차지하고 있습니다.
여러 가지 개념들을
확실하게 이해하고
넘어가세요!



- 다층 퍼셉트론(multilayer perceptron: MLP): 입력층과 출력층 사이에 은닉층(hidden layer)을 가지고 있는 퍼셉트론

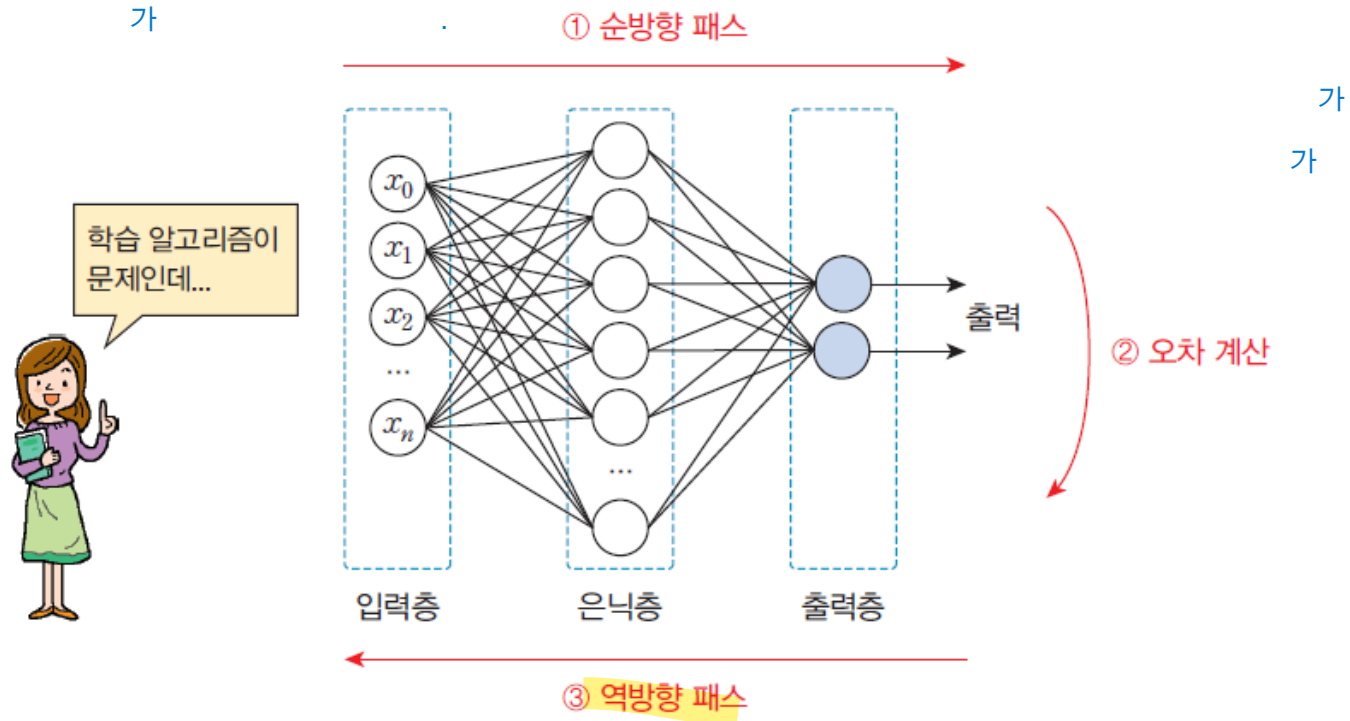
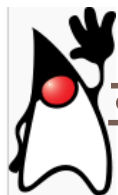


그림 6-1 MLP의 구조



활성화 함수

- 활성화 함수(activation function)은 입력의 총합을 받아서 출력값을 계산하는 함수이다.
- MLP에서는 다양한 활성화 함수를 사용한다.

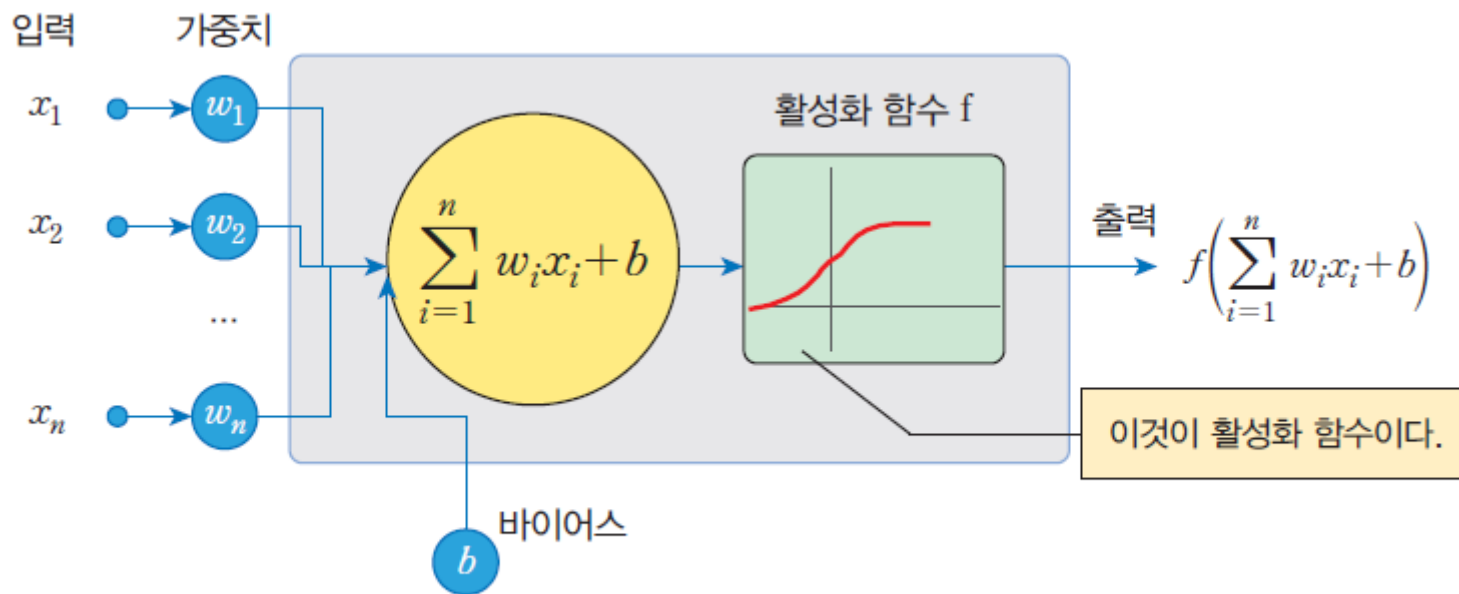


그림 6-2 활성화 함수



일반적으로 많이 사용되는 활성화 함수

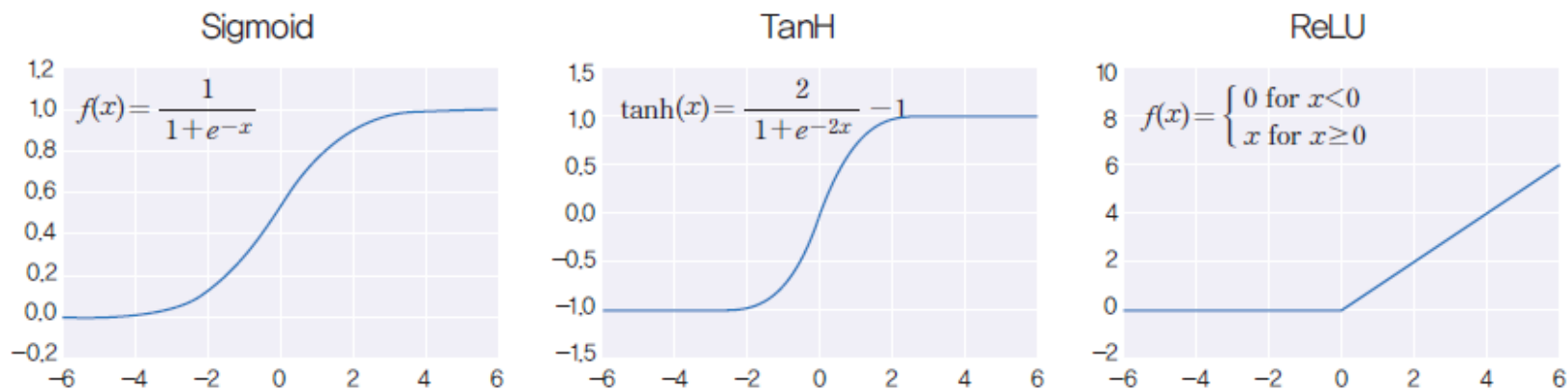
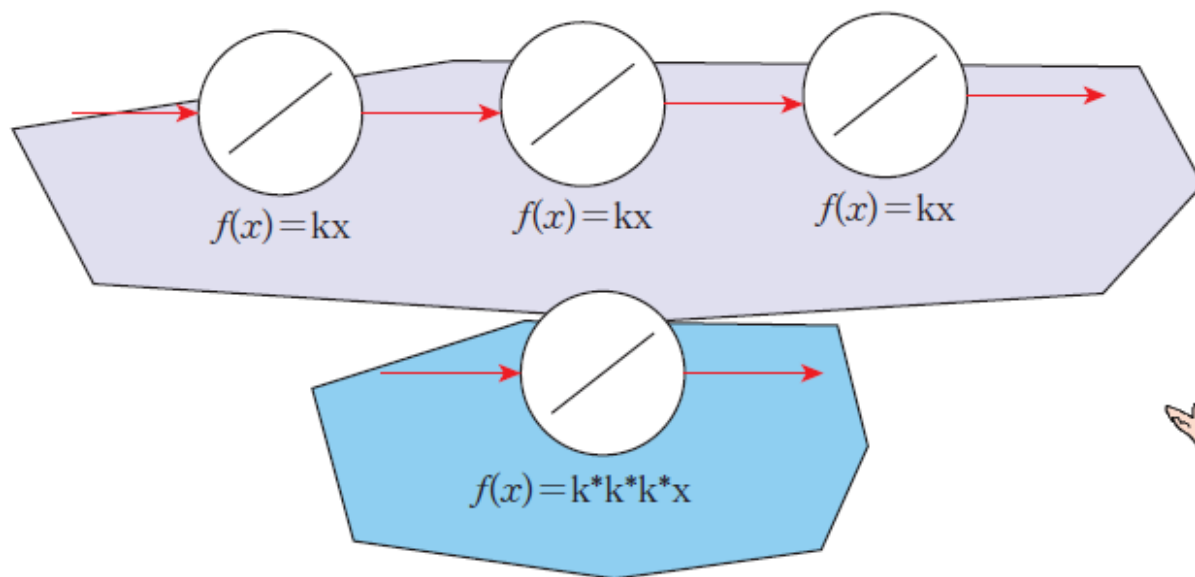


그림 6-3 많이 사용되는 활성화 함수



선형 레이어는 많아도 쓸모가 없다.



2개의 신경망은 동일한 기능을 수행합니다.



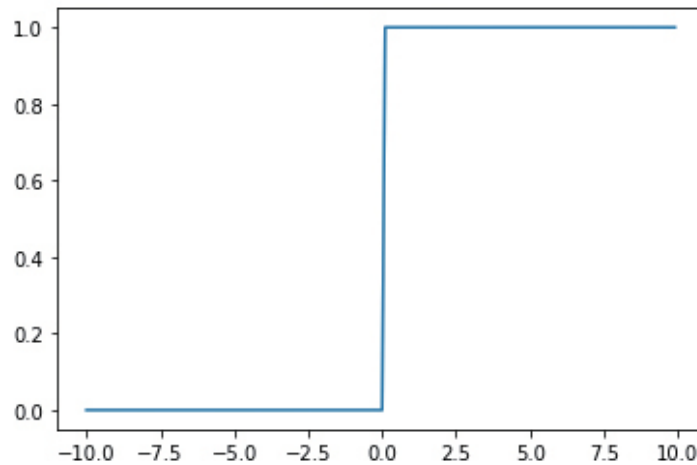
그림 6-4 선형 레이어는 아무리 많아도 하나의 레이어로 대체될 수 있다.



계단 함수

- 계단 함수는 입력 신호의 총합이 0을 넘으면 1을 출력하고, 그렇지 않으면 0을 출력하는 함수이다.

$$f(x) = \begin{cases} 1 & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$$

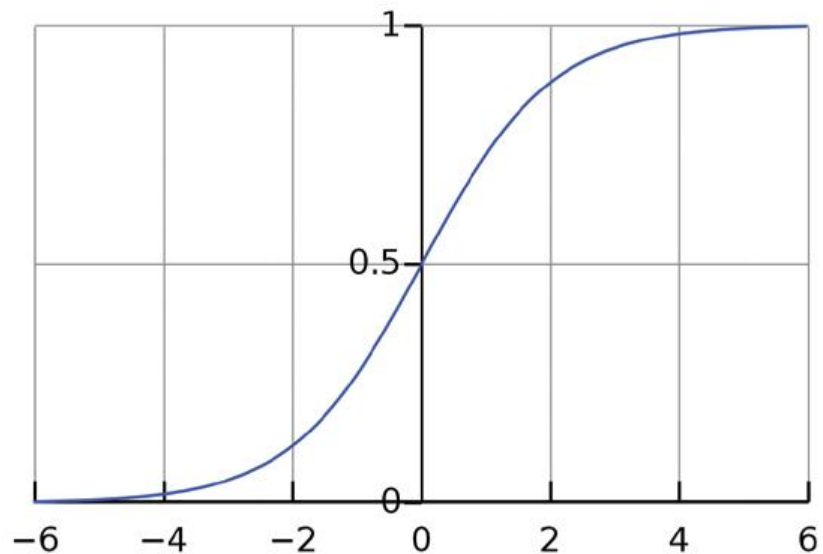




시그모이드 함수

- 1980년대부터 사용되온 전통적인 활성화 함수이다.
- 시그모이드는 다음과 같이 S자와 같은 형태를 가진다.

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

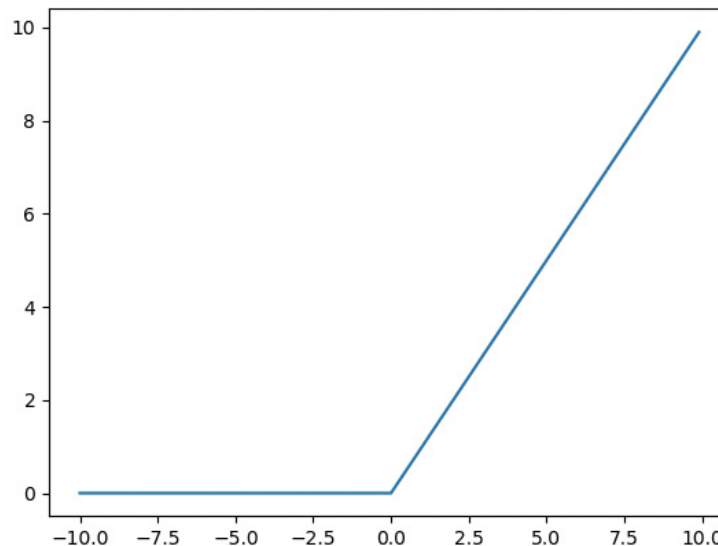




ReLU 함수 (Rectified Linear Unit function)

- ReLU 함수는 최근에 가장 인기 있는 활성화 함수이다.
- ReLU 함수는 입력이 0을 넘으면 그대로 출력하고, 입력이 0보다 적으면 출력은 0이 된다.

$$f(x) = \begin{cases} x & x > 0 \\ 0 & x \leq 0 \end{cases}$$

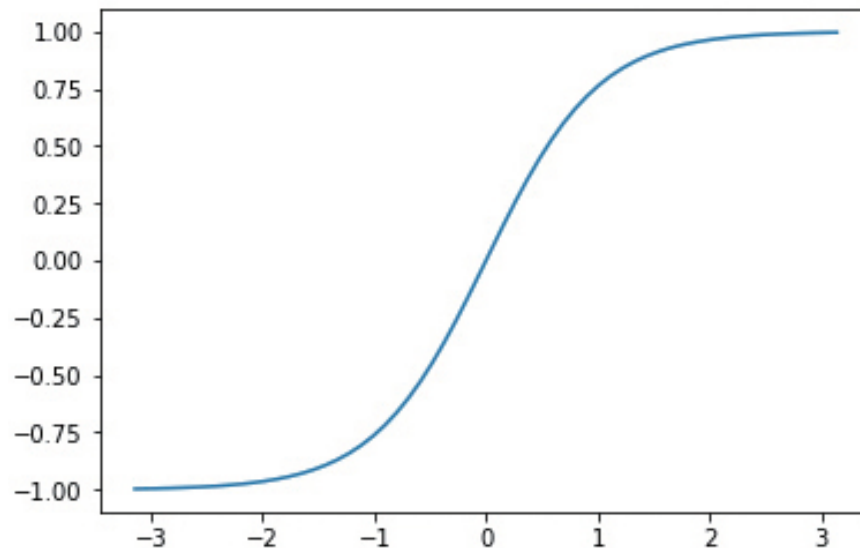




tanh 함수

- $\tanh()$ 함수는 넘파이에서 제공하고 있다. 따라서 별도의 함수 작성은 필요하지 않다. $\tanh()$ 함수는 시그모이드 함수와 아주 비슷하지만 출력값이 -1에서 1까지이다.

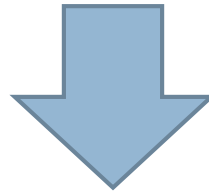
$$f(x) = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}} = \frac{2}{1 + e^{-2x}} - 1$$





Lab: 파이썬으로 활성화 함수 구현하기

```
def step(x):  
    if x > 0.000001: return 1    # 부동 소수점 오차 방지  
    else              return 0
```



넘파이 배열을 받기 위하여 변경한다.

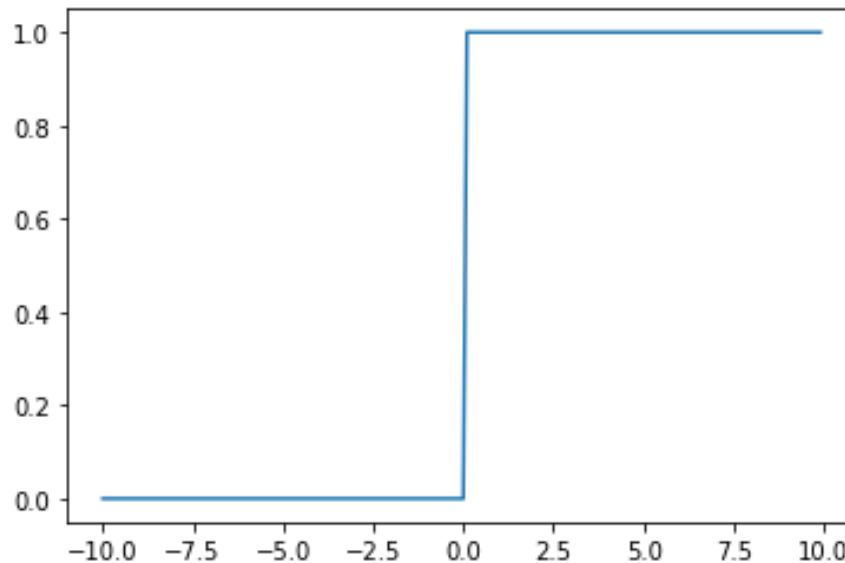
```
def step(x):  
    result = x > 0.000001          # True 또는 False  
    return result.astype(np.int)  # 정수로 반환
```



그래프 그리기

```
import numpy as np  
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)  
y = step(x)  
plt.plot(x, y)  
plt.show()
```



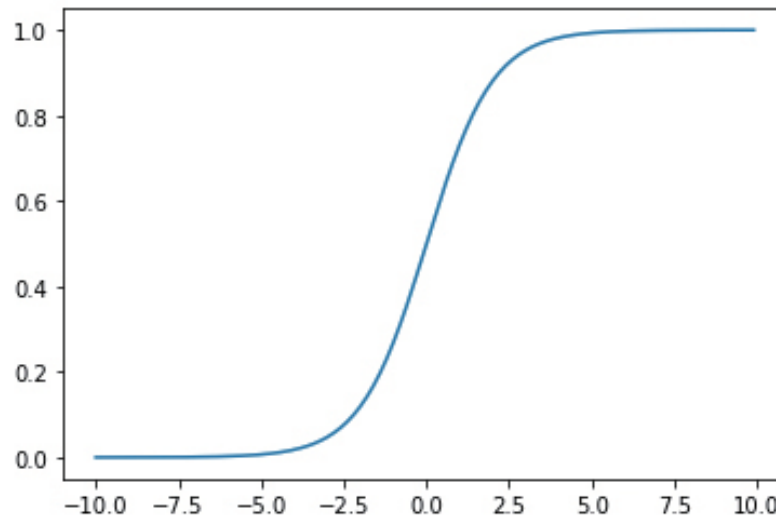


시그모이드 함수

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

def sigmoid(x):
    return 1.0 / (1.0 + np.exp(-x))

x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)
y = sigmoid(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```

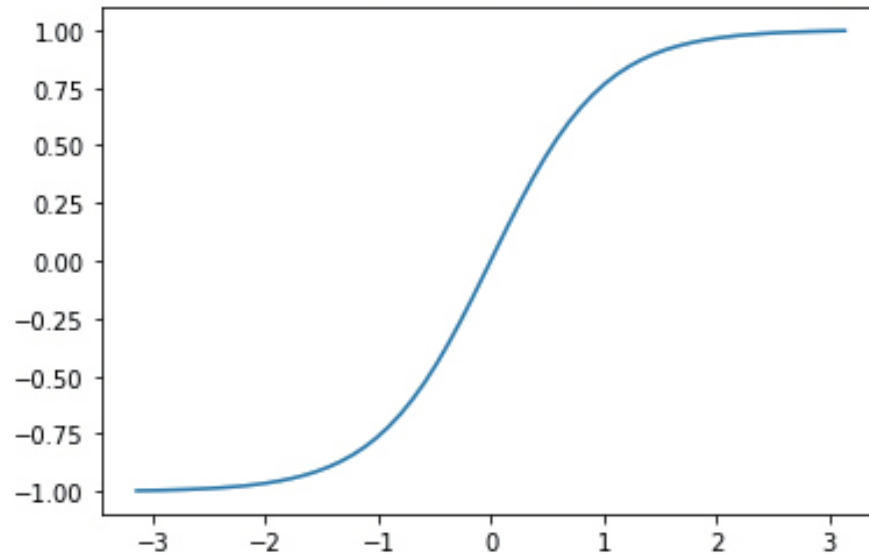




tanh 함수

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt

x = np.linspace(-np.pi, np.pi, 60)
y = np.tanh(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```



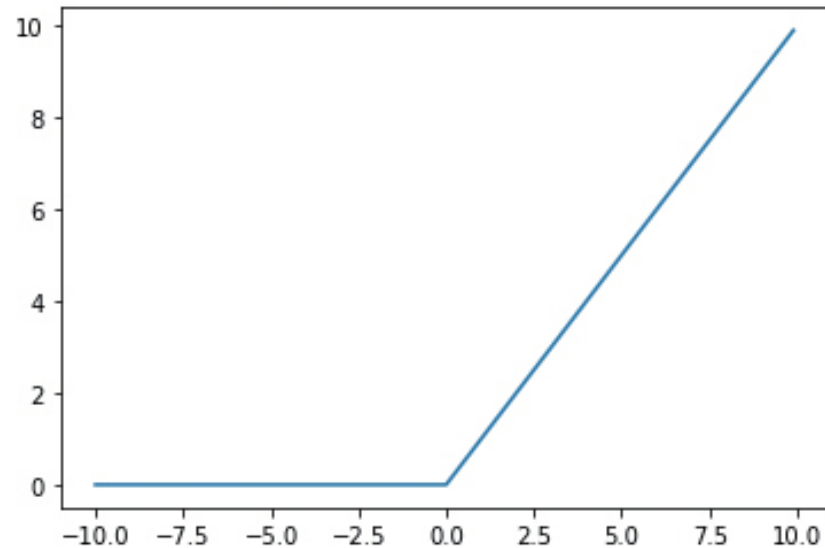


ReLU 함수

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
```

```
def relu(x):
    return np.maximum(x, 0)
```

```
x = np.arange(-10.0, 10.0, 0.1)
y = relu(x)
plt.plot(x, y)
plt.show()
```





MLP의 순방향 패스

- 순방향 패스란 입력 신호가 입력층 유닛에 가해지고 이들 입력 신호가 은닉층을 통하여 출력층으로 전파되는 과정을 의미한다.

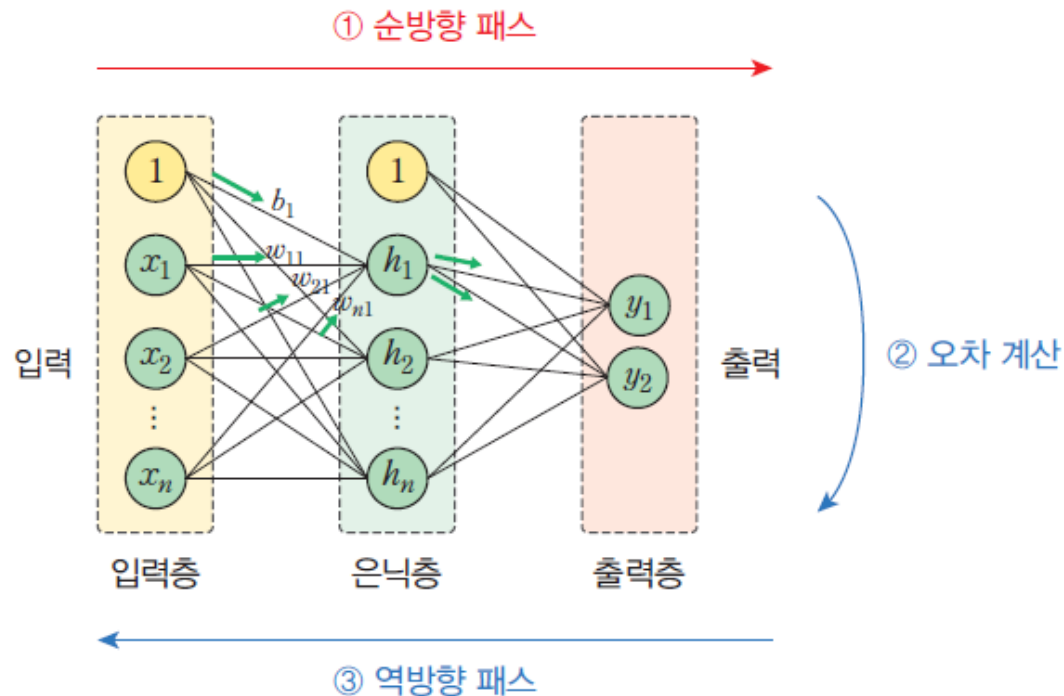
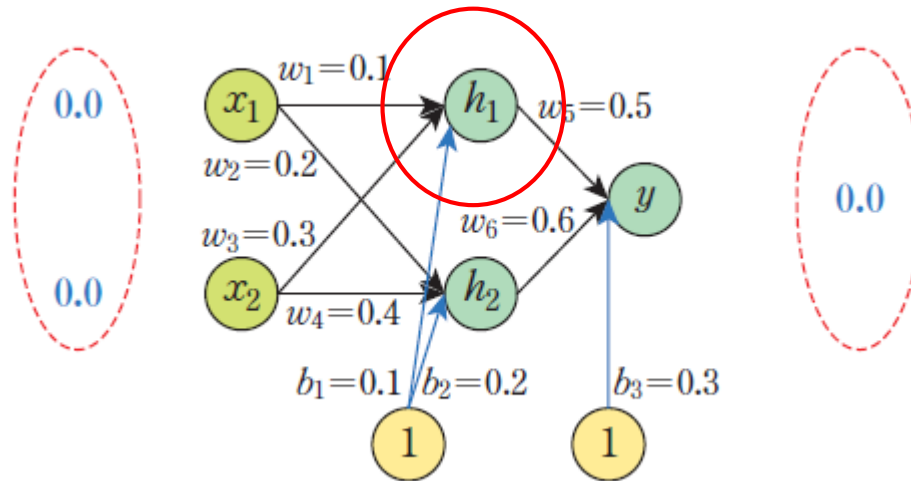


그림 6-5 순방향 패스



손으로 계산해보자.



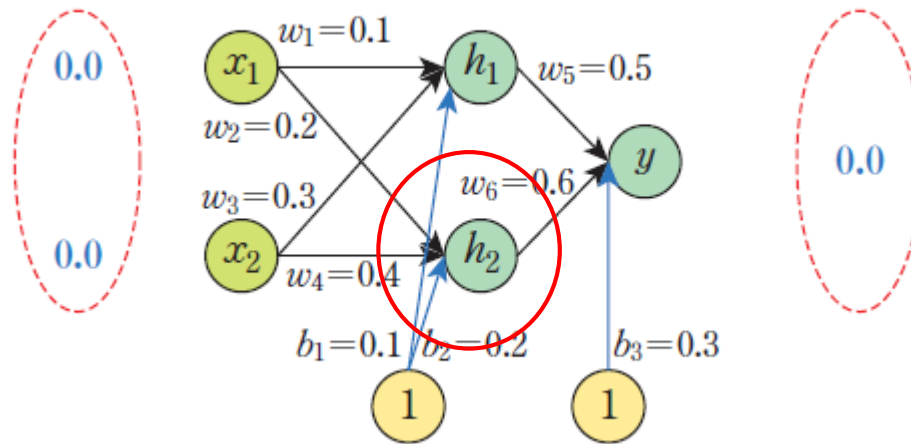
x1

$$z_1 = w_1 * x_1 + w_3 * x_2 + b_1 = 0.1 * 0.0 + 0.3 * 0.0 + 0.1 = 0.1$$

$$a_1 = \frac{1}{1 + e^{-z_1}} = \frac{1}{1 + e^{-0.1}} = 0.524979$$



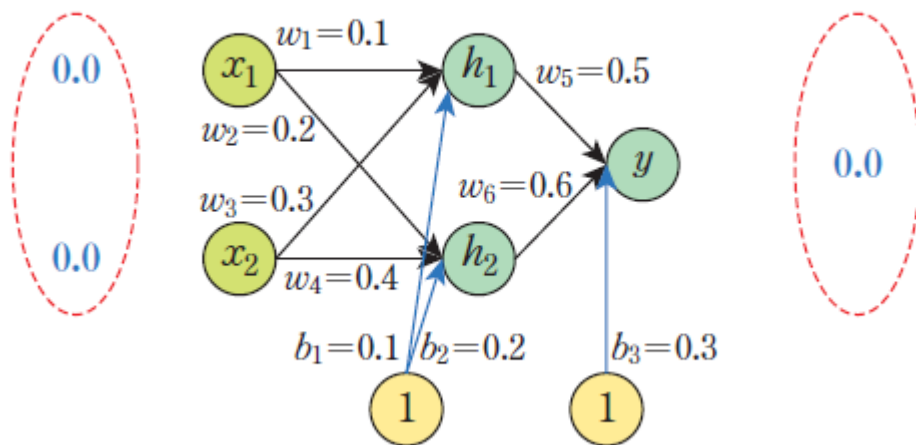
손으로 계산해보자.



$$\underline{a_2 = 0.549834}$$



손으로 계산해보자.

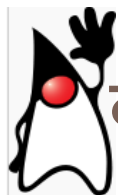


$$\begin{aligned} z_y &= w_5 * a_1 + w_6 * a_2 + b_3 \\ &= 0.5 * 0.524979 + 0.6 * 0.549834 + 0.3 = 0.892389 \end{aligned}$$

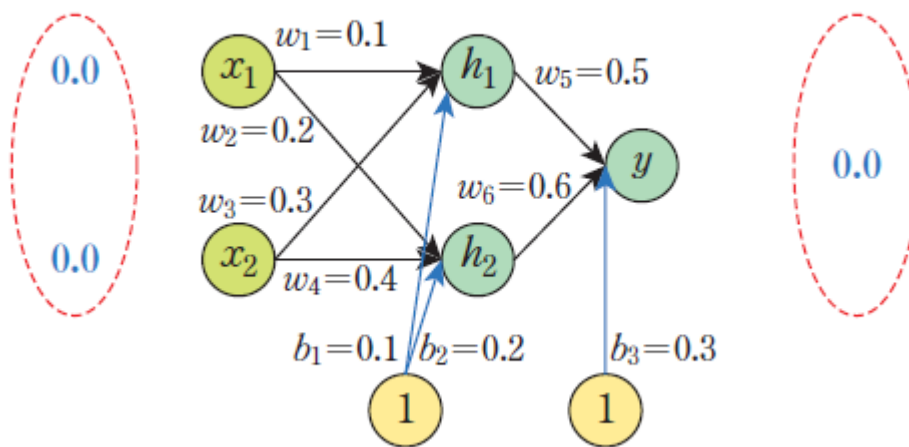
$$a_y = \frac{1}{1 + e^{-z_y}} = \frac{1}{1 + e^{-0.892389}} = 0.709383$$

가

정답은 0이지만 신경망의 출력은 0.71 정도이다. 오차가 상당함을 알 수 있다.



행렬로 표시해보자.



$$z_1 = w_1 * x_1 + w_3 * x_2 + b_1$$

x1

x2 ~~

$$z_2 = w_2 * x_1 + w_4 * x_2 + b_2$$

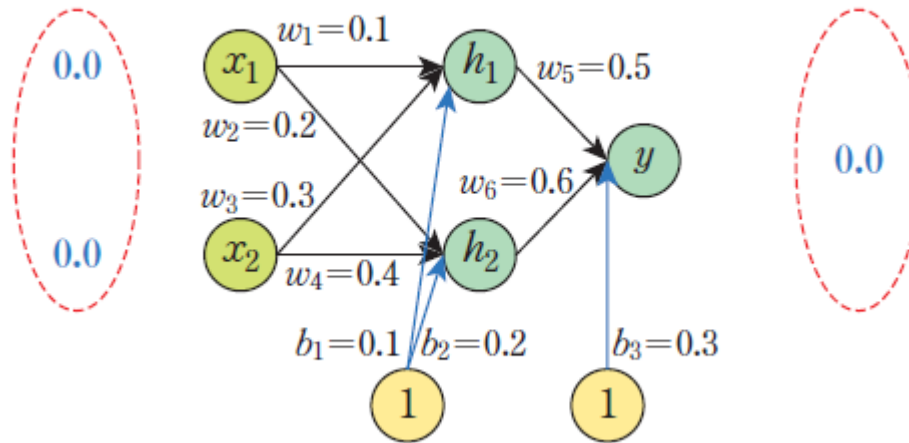


$$Z_1 = XW_1 + B_1$$

행렬로 표시할 수 있다.



행렬로 표시해보자.



$$X = [x_1 \ x_2], \quad B_1 = [b_1 \ b_2], \quad Z_1 = [z_1 \ z_2]$$

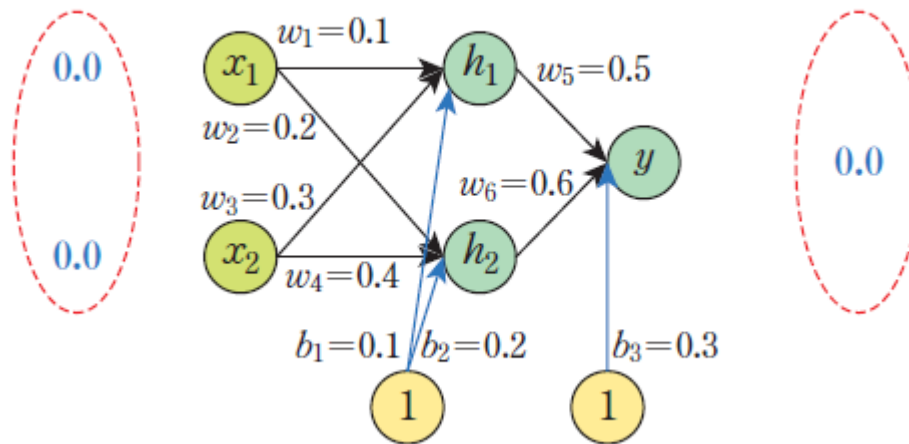
$$W_1 = \begin{bmatrix} w_1 & w_2 \\ w_3 & w_4 \end{bmatrix}$$



$$Z_1 = [z_1 \ z_2] = XW_1 + B_1 = [x_1 \ x_2] \begin{bmatrix} w_1 & w_2 \\ w_3 & w_4 \end{bmatrix} + [b_1 \ b_2]$$



행렬로 표시해보자.



$$W_2 = \begin{bmatrix} w_5 \\ w_6 \end{bmatrix}$$

$$Z_2 = A_1 W_2 + B_2 = \begin{bmatrix} a_1 & a_2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} w_5 \\ w_6 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} b_3 \end{bmatrix}$$

$$A_2 = [y] = f(Z_2)$$



Lab: MLP 순방향 패스

```
import numpy as np

# 시그모이드 함수
def actf(x):
    return 1/(1+np.exp(-x))

# 시그모이드 함수의 미분치
def actf_deriv(x):
    return x*(1-x)

# 입력유닛의 개수, 은닉유닛의 개수, 출력유닛의 개수
inputs, hiddens, outputs = 2, 2, 1
learning_rate=0.2

# 훈련 샘플과 정답
X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
T = np.array([[0], [1], [1], [0]])
```



Lab: MLP 순방향 패스

```
W1 = np.array([[0.10, 0.20],  
               [0.30, 0.40]])
```

```
W2 = np.array([[0.50], [0.60]])
```

```
B1 = np.array([0.1, 0.2])
```

```
B2 = np.array([0.3])
```

```
# 순방향 전파 계산
```

```
def predict(x):
```

```
    layer0 = x
```

```
    Z1 = np.dot(layer0, W1)+B1
```

```
    layer1 = actf(Z1)
```

```
    Z2 = np.dot(layer1, W2)+B2
```

```
    layer2 = actf(Z2)
```

```
    return layer0, layer1, layer2
```

```
# 입력을 layer0에 대입한다.
```

```
# 행렬의 곱을 계산한다.
```

```
# 활성화 함수를 적용한다.
```

```
# 행렬의 곱을 계산한다.
```

```
# 활성화 함수를 적용한다.
```




Lab: MLP 순방향 패스

```
def test():  
    for x, y in zip(X, T):  
        x = np.reshape(x, (1, -1))          # x를 2차원 행렬로 만든다. 입력은 2차원이어야  
        한다.  
        layer0, layer1, layer2 = predict(x)  
        print(x, y, layer2)  
test()
```

```
[[0 0]] [1] [[0.70938314]]  
[[0 1]] [0] [[0.72844306]]  
[[1 0]] [0] [[0.71791234]]  
[[1 1]] [1] [[0.73598705]]
```

학습이 없으므로 난수
만 출력된다.



손실 함수 계산

- 신경망에서 학습을 시킬 때 는 실제 출력과 원하는 출력 사이의 오차를 이용한다. 오차를 계산하는 함수를 손실함수(loss function)라고 한다.

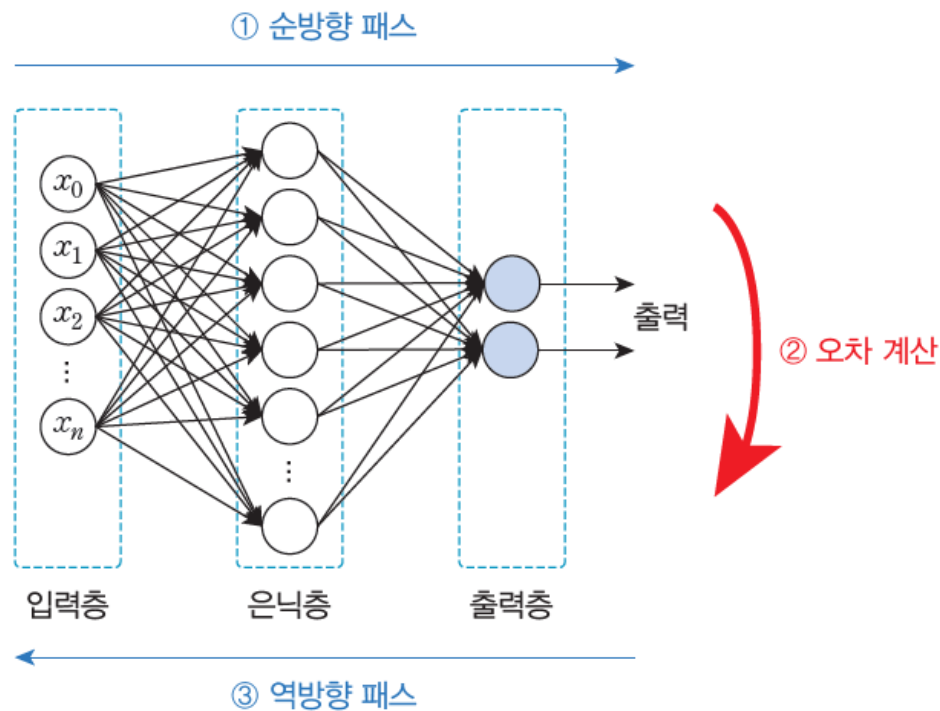
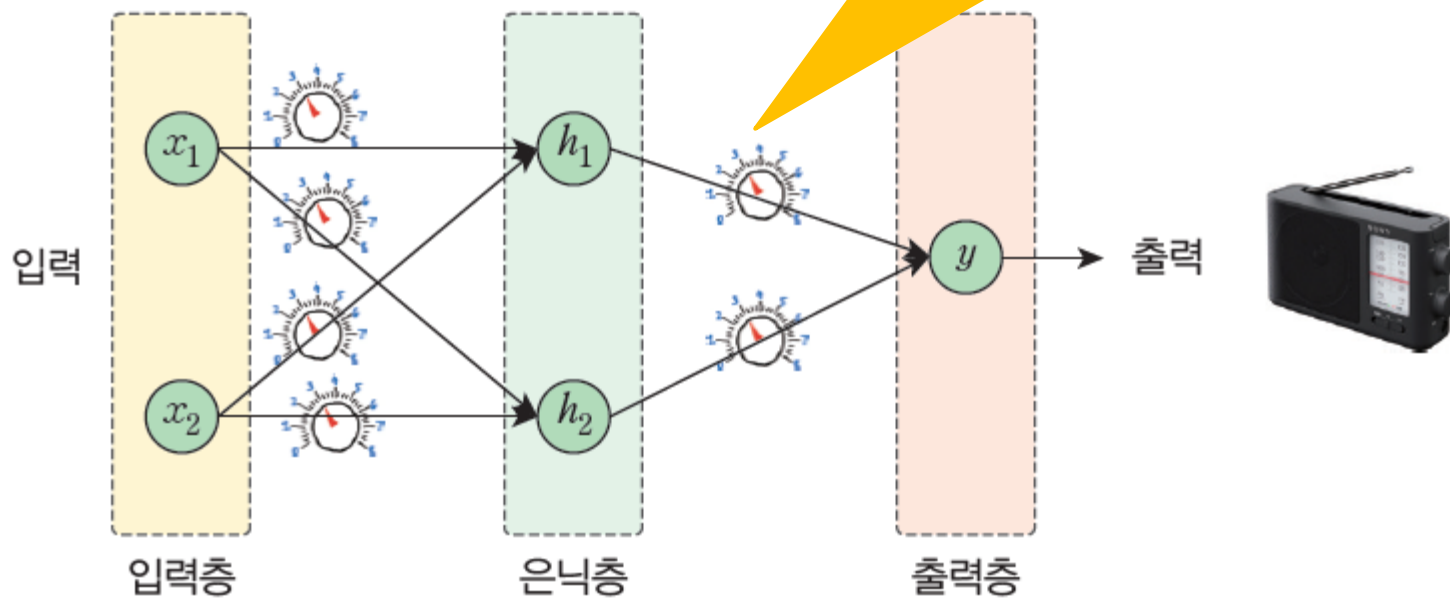


그림 6-6 오차 계산



가중치==다이얼

가중치를 조절한다는 것은 스피커에서 나는 소리를 들으면서 튜너 다이얼을 돌리는 것과 같다.



손실 함수

- 신경망에서도 학습의 성과를 나타내는 지표가 있어야 한다. 이것을 손실함수(loss function)이라고 한다

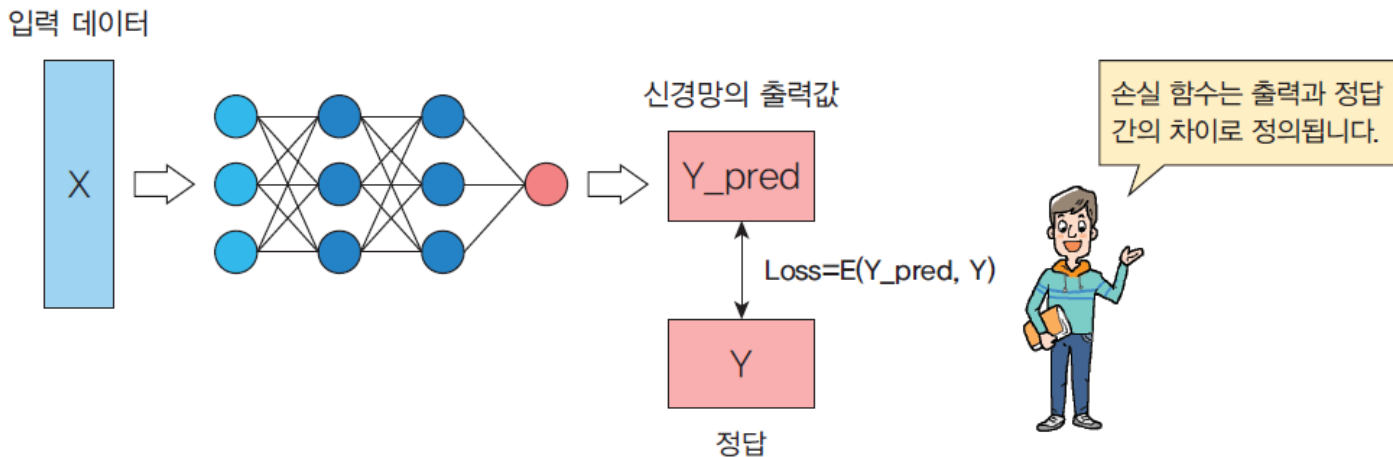


그림 6-7 손실함수의 정의



평균 제곱 오차(MSE)

- 예측값과 정답 간의 평균 제곱 오차

$$E(w) = \frac{1}{2} \sum_i (y_i - t_i)^2$$

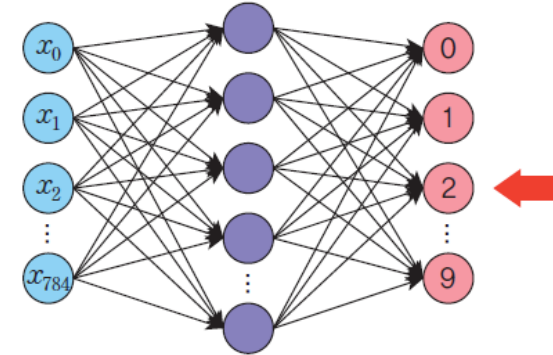


그림 6-8 MNIST 숫자 이미지를 분류하는 신경망

```
>>> y = np.array([ 0.0, 0.0, 0.8, 0.1, 0.0, 0.0, 0.0, 0.1, 0.0, 0.0 ])
```

```
>>> target = np.array([ 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0 ])
```

```
>>> def MSE(target, y):  
    return 0.5 * np.sum((y-target)**2)
```

```
>>> MSE(target, y)
```

```
0.029999999999999992
```



예측값과 정답이 많이 차이는 경우

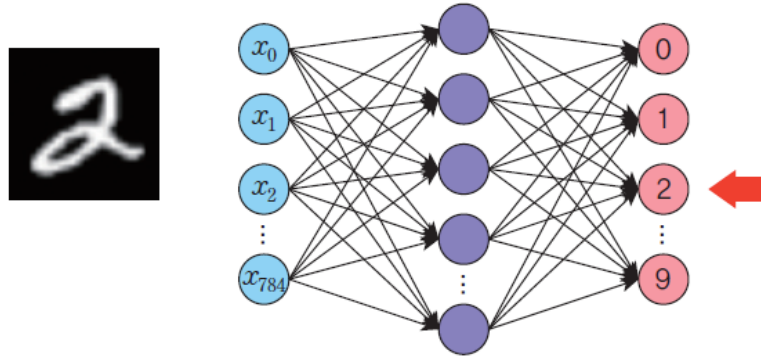


그림 6-8 MNIST 숫자 이미지를 분류하는 신경망

```
>>> y = np.array([ 0.9, 0.0, 0.1, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0 ] )
>>> target = np.array([ 0.0, 0.0, 1.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0, 0.0 ] )

>>> def MSE(target, y):
    return 0.5 * np.sum((y-target)**2)
>>> MSE(target, y)
0.81
```

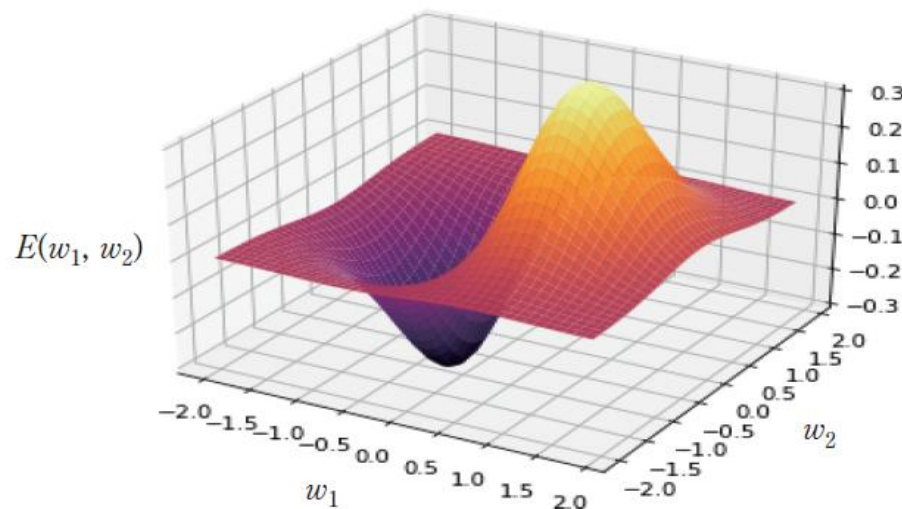


경사하강법

가

- 역전파 알고리즘은 신경망 학습 문제를 최적화 문제(optimization)로 접근한다. 우리는 손실함수 값을 최소로 하는 가중치를 찾으면 된다.

$$W^* = \underset{W}{\operatorname{argmin}} E(W)$$



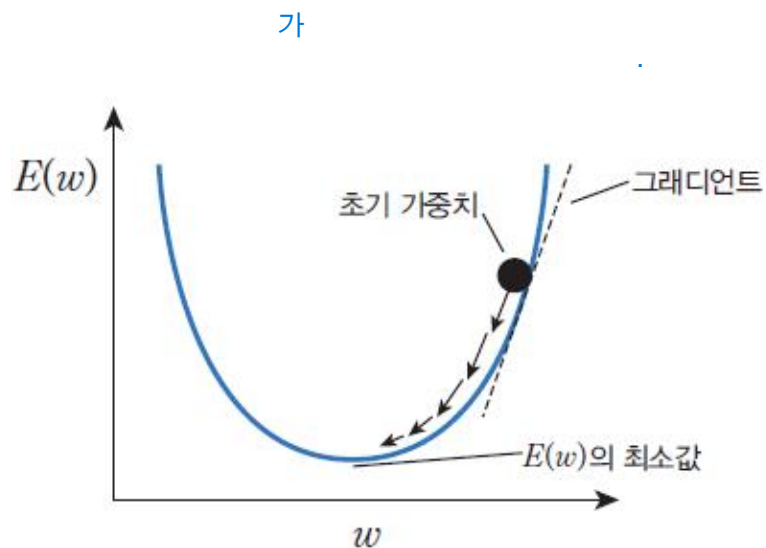
옆의 평면에서 가장 낮은 값을 찾으면 됩니다.



그림 6-9 경사 하강법



경사하강법



그래디언트는 접선의 기울기로 이해
해도 됩니다. 접선의 기울기가 양수
이면 반대로 w 를 감소시킵니다.



그림 6-11 경사 하강법

손실함수를 가중치로 미분한
값이 양수이면



가중치를 감소시킨다.

손실함수를 가중치로 미분한
값이 음수이면



가중치를 증가시킨다.



Lab: 경사하강법의 실습

- 손실 함수 $y = (x - 3)^2 + 10$
- 그래디언트: $y' = 2x - 6$

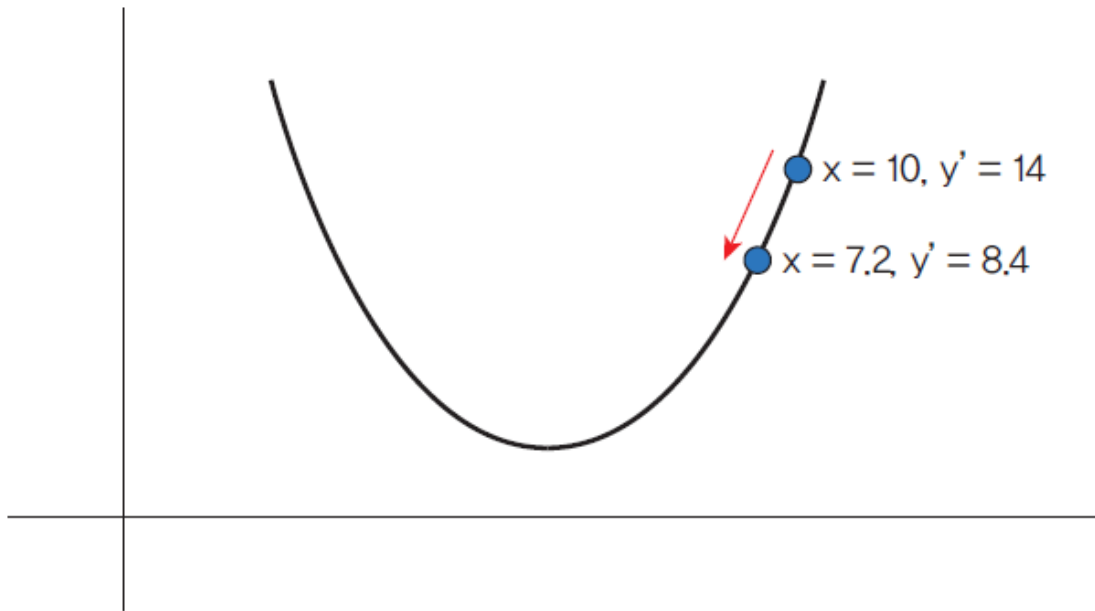


그림 6-12 그래디언트의 계산



경사 하강법 프로그래밍

```
x = 10
learning_rate = 0.2
precision = 0.00001
max_iterations = 100

# 손실함수를 람다식으로 정의한다.
loss_func = lambda x: (x-3)**2 + 10

# 그래디언트를 람다식으로 정의한다. 손실함수의 1차 미분값이다.
gradient = lambda x: 2*x-6

# 그래디언트 강하법
for i in range(max_iterations):
    x = x - learning_rate * gradient(x)
    print("손실함수값(", x, ")=", loss_func(x))

print("최소값 = ", x)
```



실행 결과

손실함수값(7.199999999999999)= 27.639999999999993

손실함수값(5.52)= 16.350399999999997

손실함수값(4.512)= 12.286143999999998

손실함수값(3.9071999999999996)= 10.82301184

손실함수값(3.54432)= 10.2962842624

...

손실함수값(3.0000000000000004)= 10.0

최소값 = 3.0000000000000004



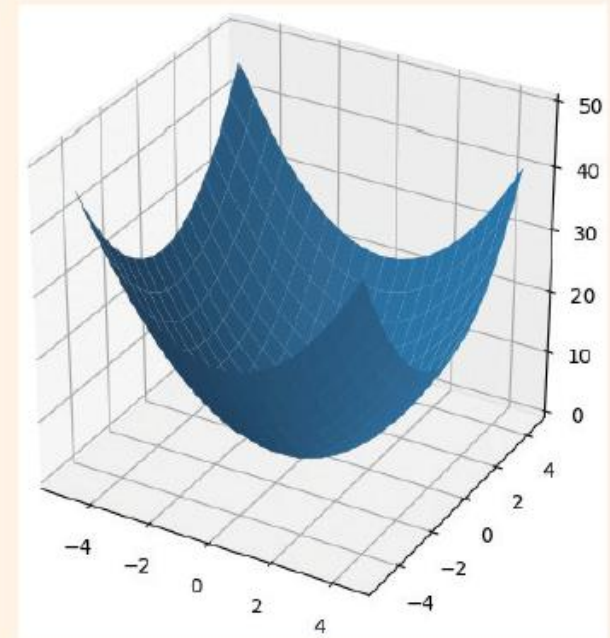
Lab: 2차원 그래디언트 시각화

```
from mpl_toolkits.mplot3d import axes3d
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np

x = np.arange(-5, 5, 0.5)
y = np.arange(-5, 5, 0.5)
X, Y = np.meshgrid(x, y) # 참고 박스
Z = X**2 + Y**2           # 넘파이 연산

fig = plt.figure(figsize=(6,6))
ax = fig.add_subplot(111, projection='3d')

# 3차원 그래프를 그린다.
ax.plot_surface(X, Y, Z)
plt.show()
```





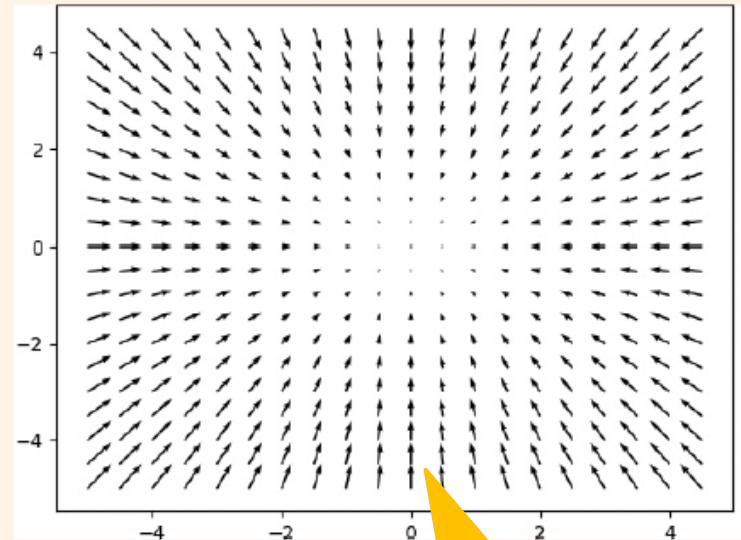
Lab: 2차원 그래디언트 시각화

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
```

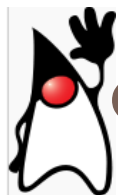
```
x = np.arange(-5,5,0.5)
y = np.arange(-5,5,0.5)
X, Y = np.meshgrid(x,y)
U = -2*X
V = -2*Y
```

그래디언트의 음수

```
plt.figure()
Q = plt.quiver(X, Y, U, V, units='width')
plt.show()
```



화살표가 최소값을 가리키고 있음을 알 수 있다.



역전파 학습 알고리즘

- 역전파 알고리즘은 입력이 주어지면 순방향으로 계산하여 출력을 계산한 후에 실제 출력과 우리가 원하는 출력 간의 오차를 계산한다.
- 이 오차를 역방향으로 전파하면서 오차를 줄이는 방향으로 가중치를 변경한다.

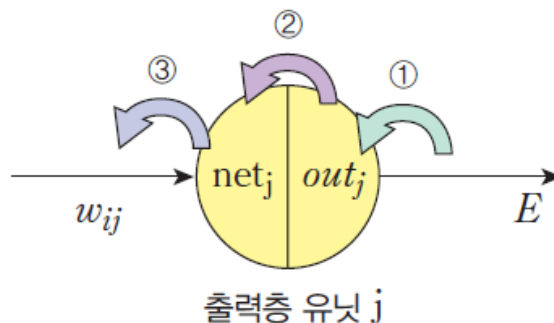
$$w(t+1) = w(t) - \eta \frac{\partial E}{\partial w}$$

- ① 가중치와 바이어스를 0부터 1 사이의 난수로 초기화한다.
- ② 수렴할 때까지 모든 가중치에 대하여 다음을 반복한다.
- ③ 손실함수 E 의 그래디언트 $\partial E / \partial w$ 을 계산한다.
- ④ $w(t+1) = w(t) - \eta \frac{\partial E}{\partial w}$



출력층 유닛의 경우

$$\frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \underbrace{\frac{\partial E}{\partial out_j}}_{\textcircled{1}} \underbrace{\frac{\partial out_j}{\partial net_j}}_{\textcircled{2}} \underbrace{\frac{\partial net_j}{\partial w_{ij}}}_{\textcircled{3}}$$



$$\textcircled{1} \quad \frac{\partial E}{\partial out_j} = \frac{\partial}{\partial out_j} \sum \frac{1}{2} (target_k - out_k)^2 = out_j - target_j$$

유닛의 출력값 변환에 따른 오차의 변화율이다.

$$\textcircled{2} \quad \frac{\partial out_j}{\partial net_j} = \frac{\partial f(net_j)}{\partial net_j} = f'(net_j)$$

입력값의 변화에 따른 유닛 j의 출력 변화율이다.
활성화 함수의 미분값이다.

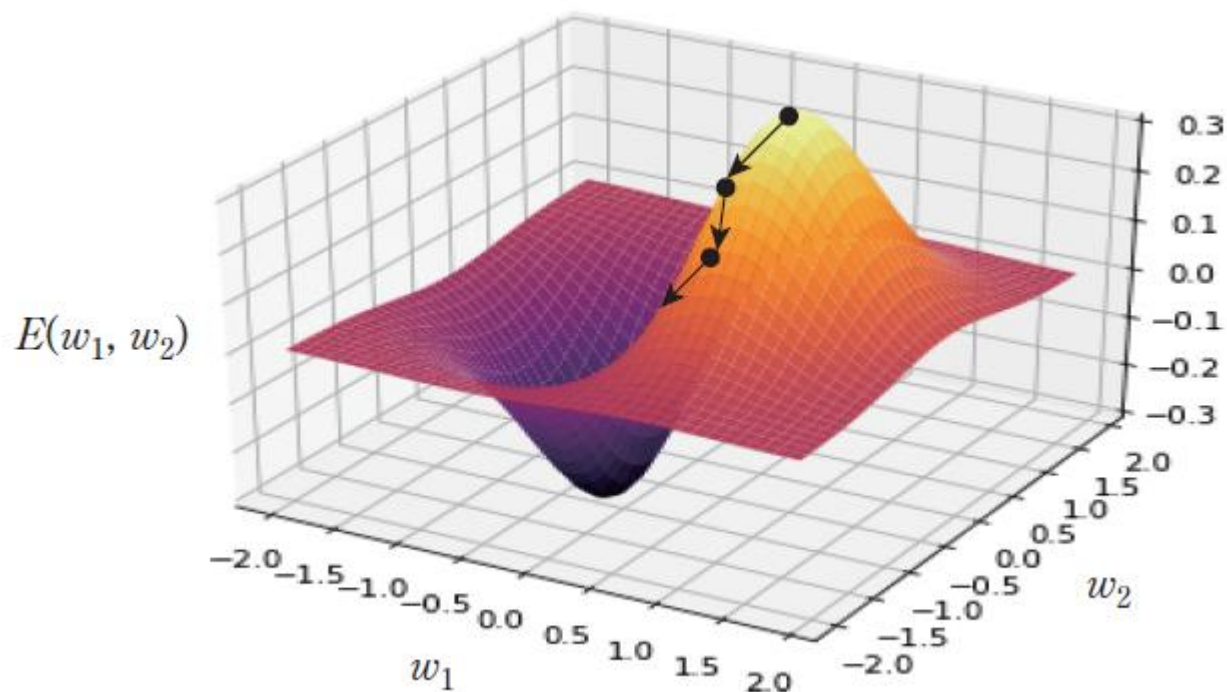
$$\textcircled{3} \quad \frac{\partial net_j}{\partial w_{ij}} = \frac{\partial}{\partial w_{ij}} \left(\sum_{k=0}^n w_{kj} out_k \right) = \frac{\partial}{\partial w_{ij}} w_{ij} out_i = out_i$$

가중치의 변화에 따른 net_j의 변화율이라고 할 수 있다.

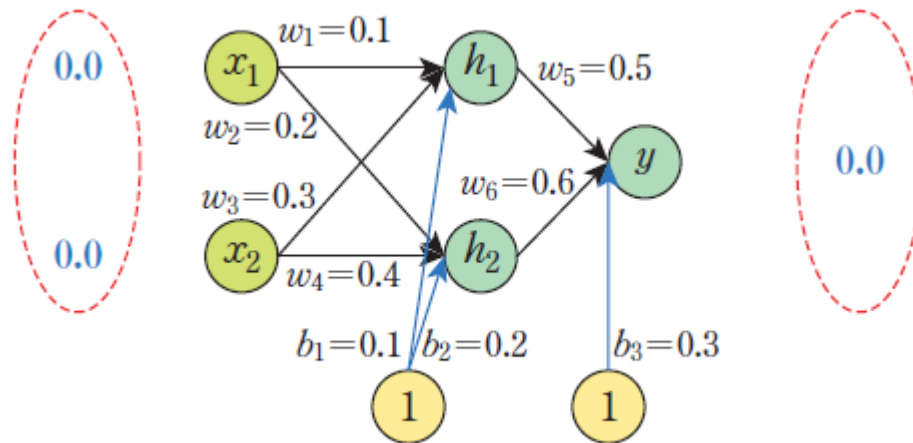
$$\therefore \frac{\partial E}{\partial w_{ij}} = \textcircled{1} \times \textcircled{2} \times \textcircled{3} = (out_j - target_j) \times f'(net_j) \times out_i$$



역전파 학습 알고리즘



역전파 알고리즘을 손으로 계산해보자.



- 순방향 패스

$$\begin{aligned} \text{net}_y &= w_5 * \text{out}_{h1} + w_6 * \text{out}_{h2} + b_3 \\ &= 0.5 * 0.524979 + 0.6 * 0.549834 + 0.3 = 0.89239 \end{aligned}$$

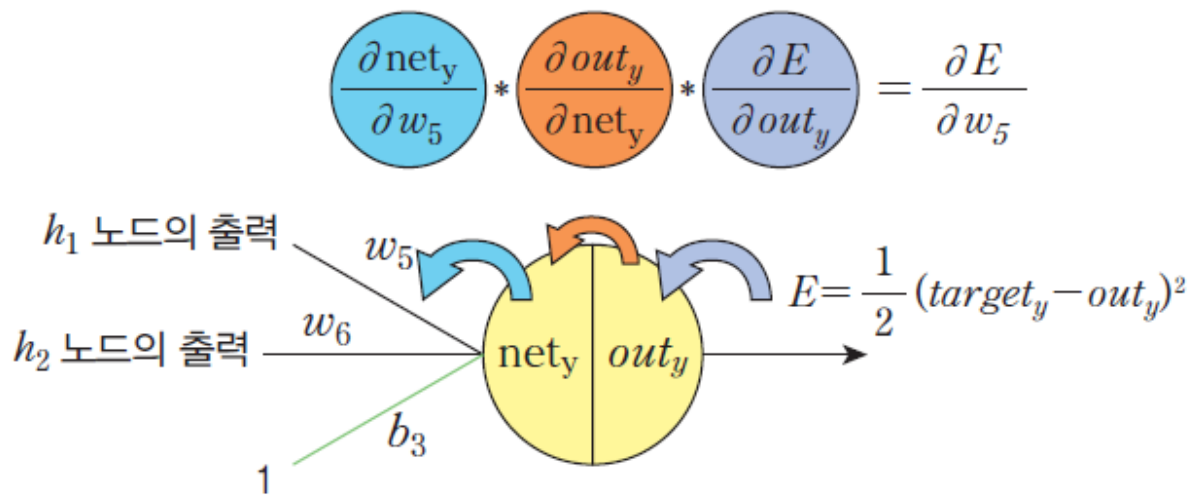
$$\text{out}_y = \frac{1}{1 + e^{-\text{net}_y}} = \frac{1}{1 + e^{-0.89239}} = 0.709383$$

역전파 알고리즘을 손으로 계산해보자.

- 총오차 계산

$$E = \frac{1}{2}(target_y - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.709383)^2 = 0.251612$$

- $\frac{\partial E}{\partial w_5}$ 만 계산해보자.





경사하강법 적용

- ①
$$\frac{\partial E}{\partial out_y} = 2 * \frac{1}{2}(target_y - out_y)^{2-1} * (-1) = (out_y - target_y)$$
$$= (0.709383 - 0.00) = 0.709383$$
- ②
$$\frac{\partial out_y}{\partial net_y} = f'(out_y) = out_y * (1 - out_y) = 0.709383 * (1 - 0.709383) = 0.206158$$
- ③
$$net_y = w_5 * out_{h1} + w_6 * out_{h2} + b_3 * 1$$
$$\frac{\partial net_y}{\partial w_5} = 1 * out_{h1} + 0 + 0 = 0.524979$$



$$\frac{\partial E}{\partial w_5} = \frac{\partial E}{\partial out_y} \frac{\partial out_y}{\partial net_y} \frac{\partial net_y}{\partial w_5}$$
$$= 0.709383 * 0.206158 * 0.524979 = 0.076775$$

$$w_5(t+1) = w_5(t) + \eta * \frac{\partial E}{\partial w_5} = 0.5 - 0.2 * 0.076775 = 0.484645$$



손실함수 평가

$$E = \frac{1}{2}(target - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.709383)^2 = \underline{0.251612}$$



경사하강법 1번 적용

$$E = \frac{1}{2}(target - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.699553)^2 = 0.244687$$



경사하강법 10000번 적용

$$E = \frac{1}{2}(target - out_y)^2 = \frac{1}{2}(0.00 - 0.005770)^2 = 0.000016$$

오차가 크게 줄었다.



넘파이를 이용하여 MLP 구현

- 넘파이의 기능을 이용하면 모든 것을 행렬과 벡터로 표시할 수 있다.
- 행렬을 이용하면 동시에 여러 개의 예제를 동시에 학습시킬수 있다.
- 역전파할 때는 가중치 행렬를 전치시켜서 사용한다.
- 바이어스는 입력을 1.0으로 고정하고, 이 입력에 붙은 가중치로 생각한다.



넘파이를 이용한 MLP 구현

```
import numpy as np

# 시그모이드 함수
def actf(x):
    return 1/(1+np.exp(-x))

# 시그모이드 함수의 미분치
def actf_deriv(x):
    return x*(1-x)

# 입력유닛의 개수, 은닉유닛의 개수, 출력유닛의 개수
inputs, hiddens, outputs = 2, 2, 1
learning_rate=0.2

# 훈련 샘플과 정답
X = np.array([[0, 0], [0, 1], [1, 0], [1, 1]])
T = np.array([[1], [0], [0], [1]])
```



순방향 전파 구현

```
W1 = np.array([[0.10,0.20], [0.30,0.40]])
```

```
W2 = np.array([[0.50],[0.60]])
```

```
B1 = np.array([0.1, 0.2])
```

```
B2 = np.array([0.3])
```

```
# 순방향 전파 계산
```

```
def predict(x):
```

```
    layer0 = x
```

```
    Z1 = np.dot(layer0, W1)+B1
```

```
    layer1 = actf(Z1)
```

```
    Z2 = np.dot(layer1, W2)+B2
```

```
    layer2 = actf(Z2)
```

```
    return layer0, layer1, layer2
```

```
# 입력을 layer0에 대입한다.
```

```
# 행렬의 곱을 계산한다.
```

```
# 활성화 함수를 적용한다.
```

```
# 행렬의 곱을 계산한다.
```

```
# 활성화 함수를 적용한다.
```



오차 역전파 구현

역방향 전파 계산

def fit():

 global W1, W2, B1, B2

 for i in range(90000):

 for x, y in zip(X, T):

 x = np.reshape(x, (1, -1))

 y = np.reshape(y, (1, -1))

 # 우리는 외부에 정의된 변수를 변경해야 한다.

 # 9만번 반복한다.

 # 학습 샘플을 하나씩 꺼낸다.

 # 2차원 행렬로 만든다. ①

 # 2차원 행렬로 만든다.

 layer0, layer1, layer2 = predict(x)

 # 순방향 계산

 layer2_error = layer2 - y

 # 오차 계산

 layer2_delta = layer2_error * actf_deriv(layer2)

 # 출력층의 델타 계산

 layer1_error = np.dot(layer2_delta, W2.T) # 은닉층의 오차 계산 ②

 layer1_delta = layer1_error * actf_deriv(layer1)

 # 은닉층의 델타 계산 ③

 W2 += -learning_rate * np.dot(layer1.T, layer2_delta) # ④

 W1 += -learning_rate * np.dot(layer0.T, layer1_delta) #

 B2 += -learning_rate * np.sum(layer2_delta, axis=0) # ⑤

 B1 += -learning_rate * np.sum(layer1_delta, axis=0) #



오차 역전파 구현

```
def test():  
    for x, y in zip(X, T):  
        x = np.reshape(x, (1, -1))          # 하나의 샘플을 꺼내서 2차원 행렬로 만든다.  
        layer0, layer1, layer2 = predict(x)  
        print(x, y, layer2)                # 출력층의 값을 출력해본다.  
  
fit()  
test()
```

```
[[0 0]] [1] [[0.99196032]]  
[[0 1]] [0] [[0.00835708]]  
[[1 0]] [0] [[0.00836107]]  
[[1 1]] [1] [[0.98974873]]
```



구글의 플레이그라운드

- 사이트(<https://playground.tensorflow.org>)
- 텐서 플로우 플레이그라운드는 자바 스크립트로 작성된 웹 애플리케이션으로 웹 브라우저에서 실행
- 이 사이트에서는 사용자가 딥러닝 모델을 구성하고 여러 가지 매개 변수를 조정하면서 실험할 수 있는 기능을 제공한다.



구글의 플레이그라운드

A Neural Network Playground

playground.tensorflow.org/#activation=sigmoid&batchSize=10&dataset=gauss®Dataset=reg-plane&learningRate=0.03&r...

학습 시작 버튼

Epoch: 000,000
Learning rate: 0.03
Activation: Sigmoid
Regularization: None
Regularization rate: 0
Problem type: Classification

DATA
Which dataset do you want to use?

입력 데이터 세트
Which properties do you want to feed in?

4 neurons
2 neurons

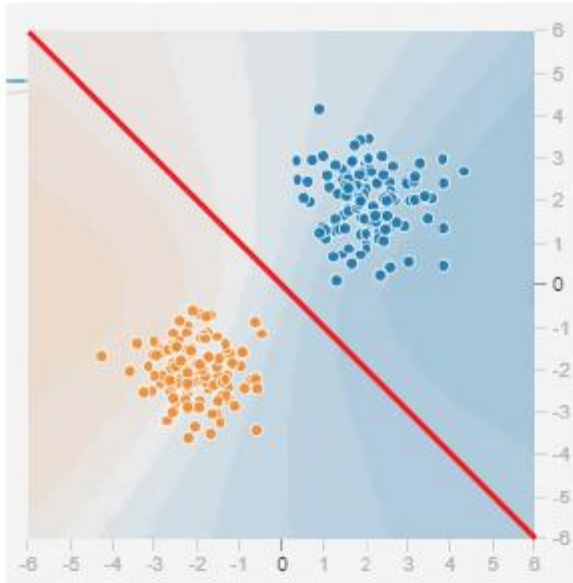
OUTPUT
Test loss 0.493
Training loss 0.497

입력층
은닉층
출력층

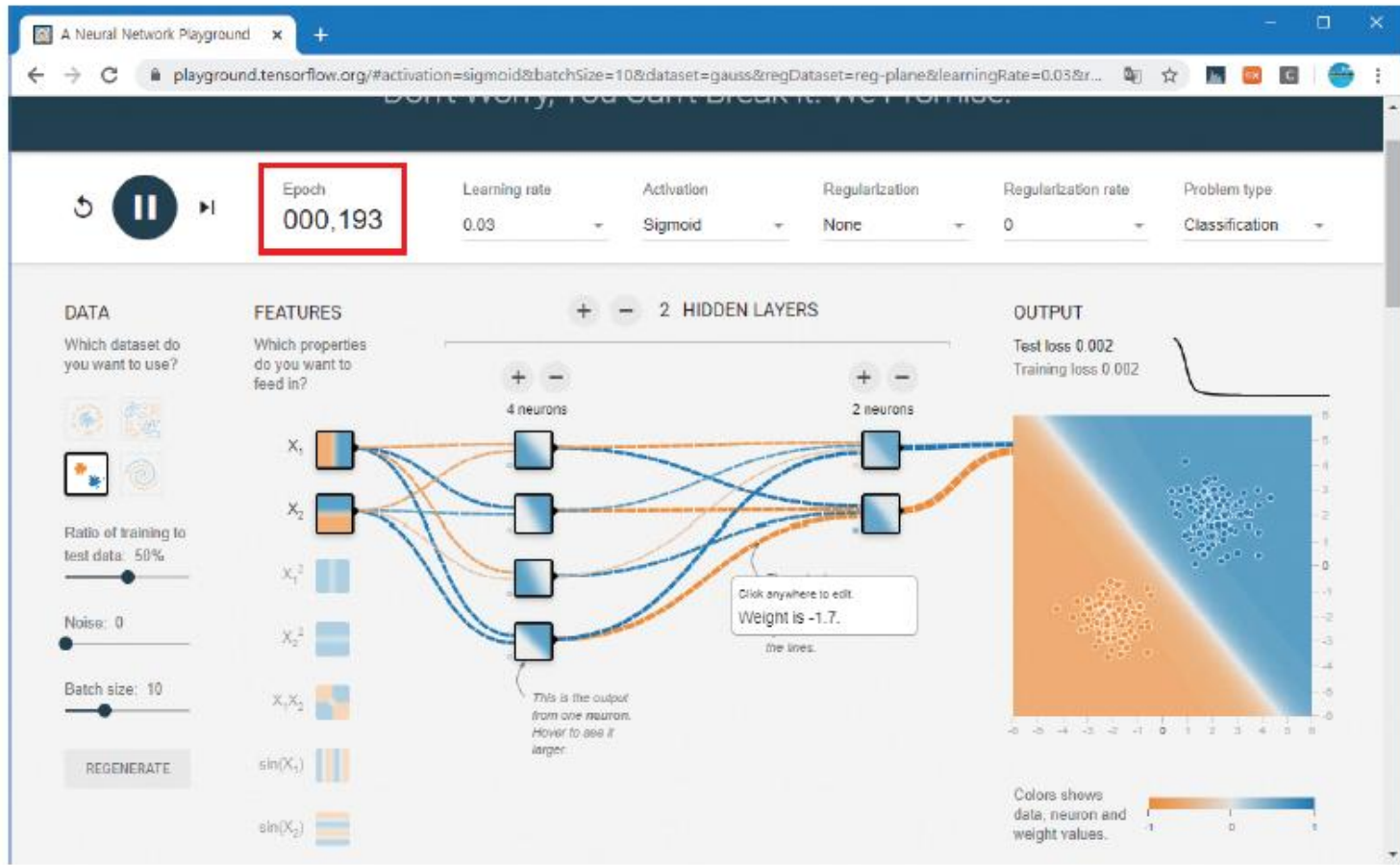
weight values.

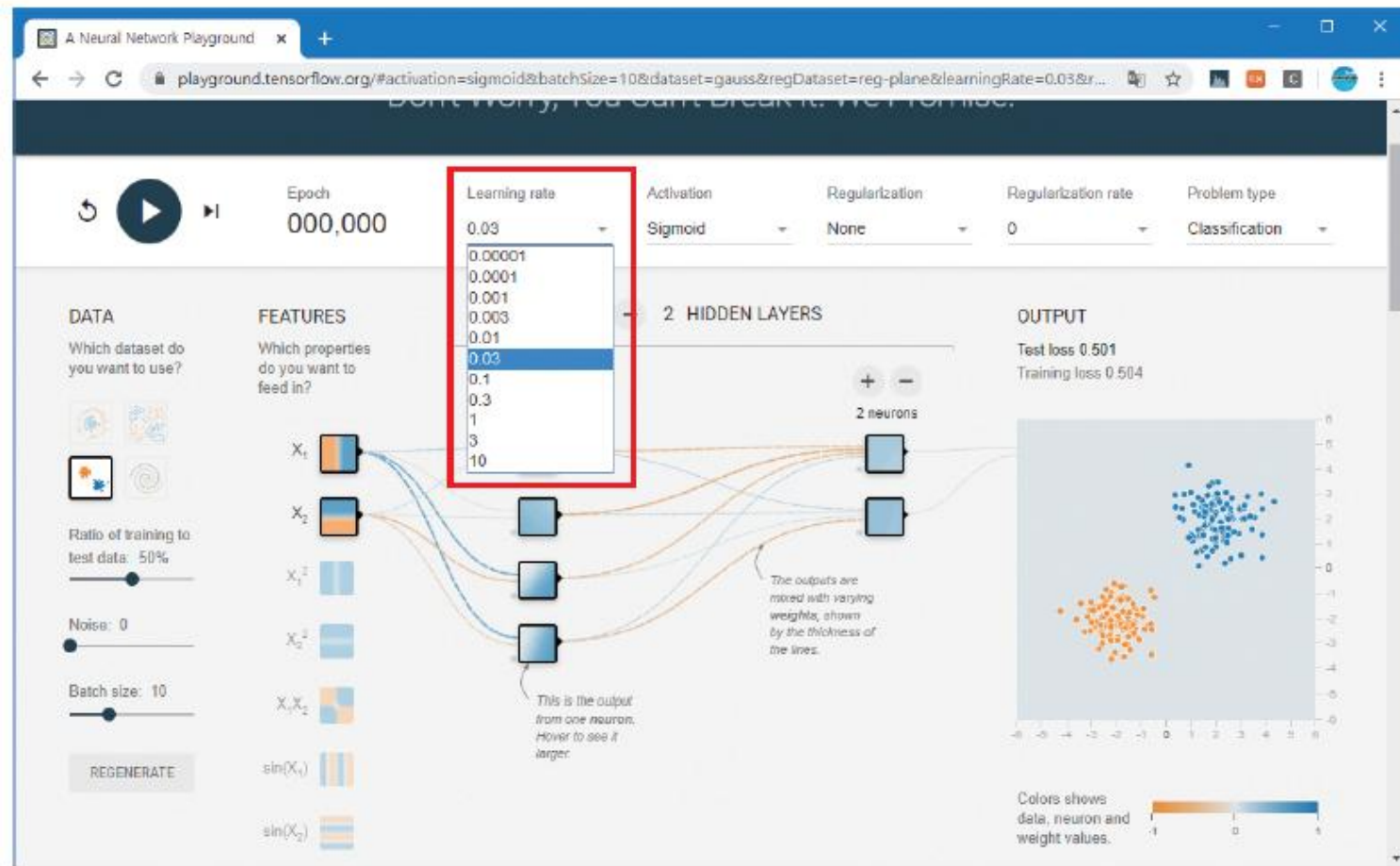


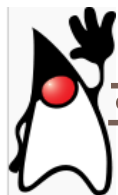
선형 분리 가능한 입력 데이터



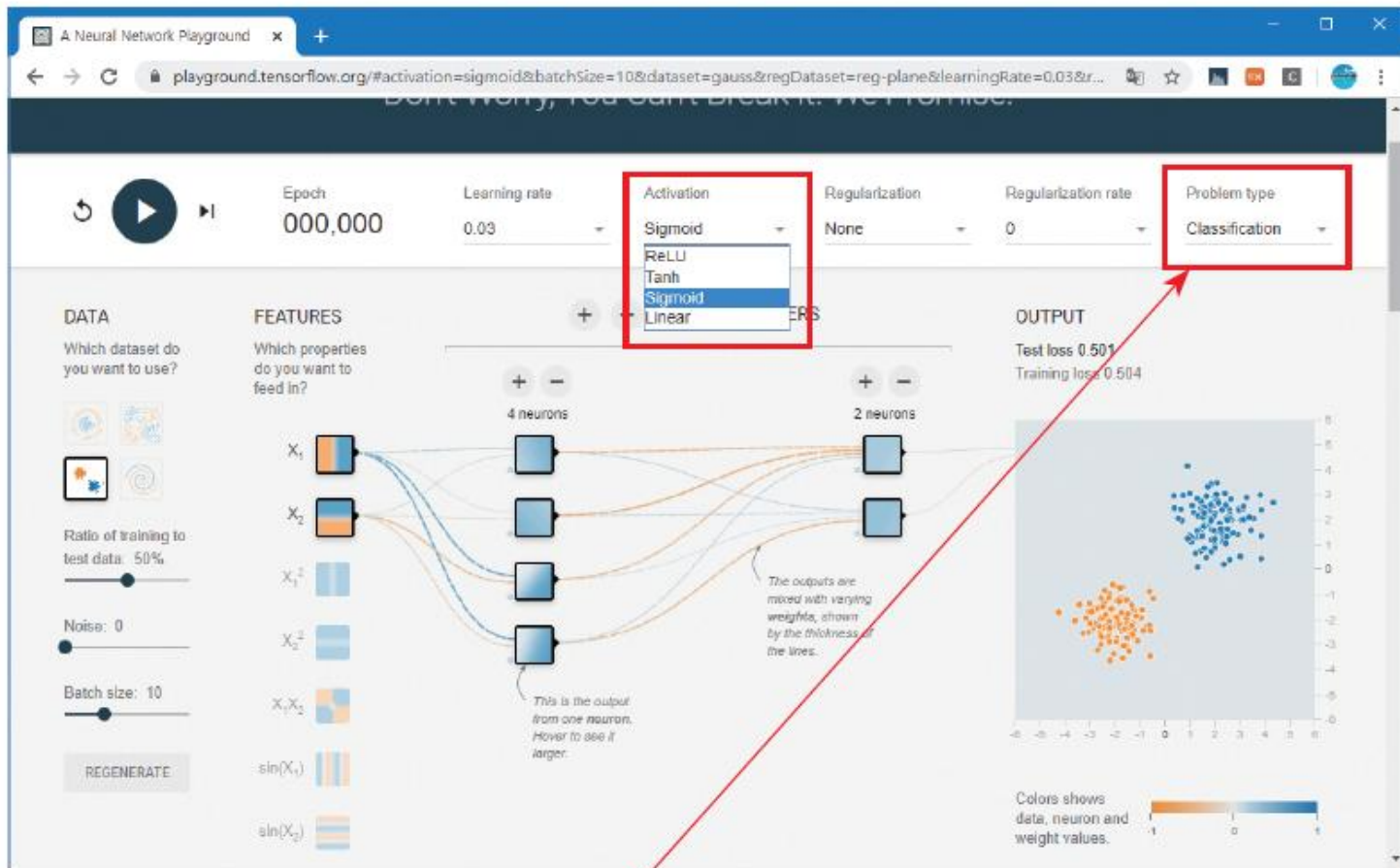
$$w_1x_1 + w_2x_2 + b = 0$$





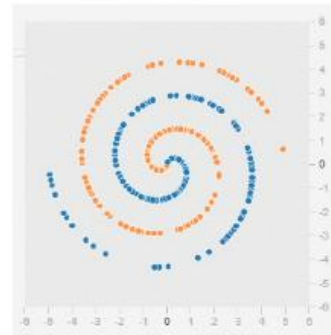
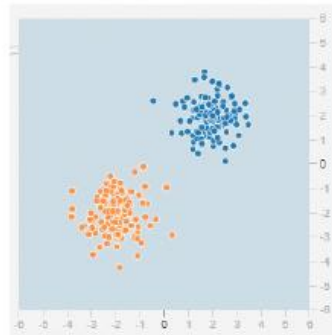
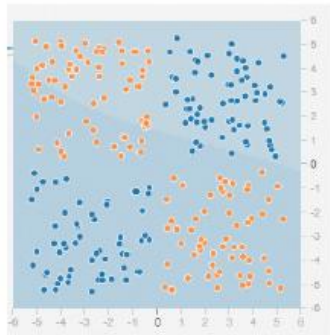
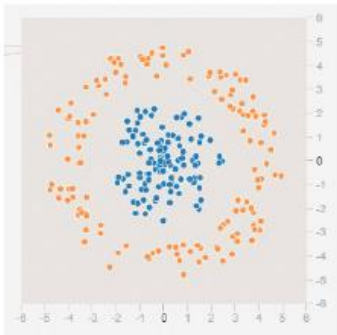


활성화 함수 선택

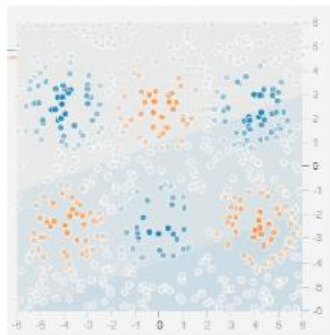
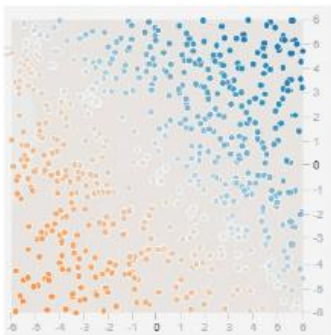


문제 유형

- 분류 문제

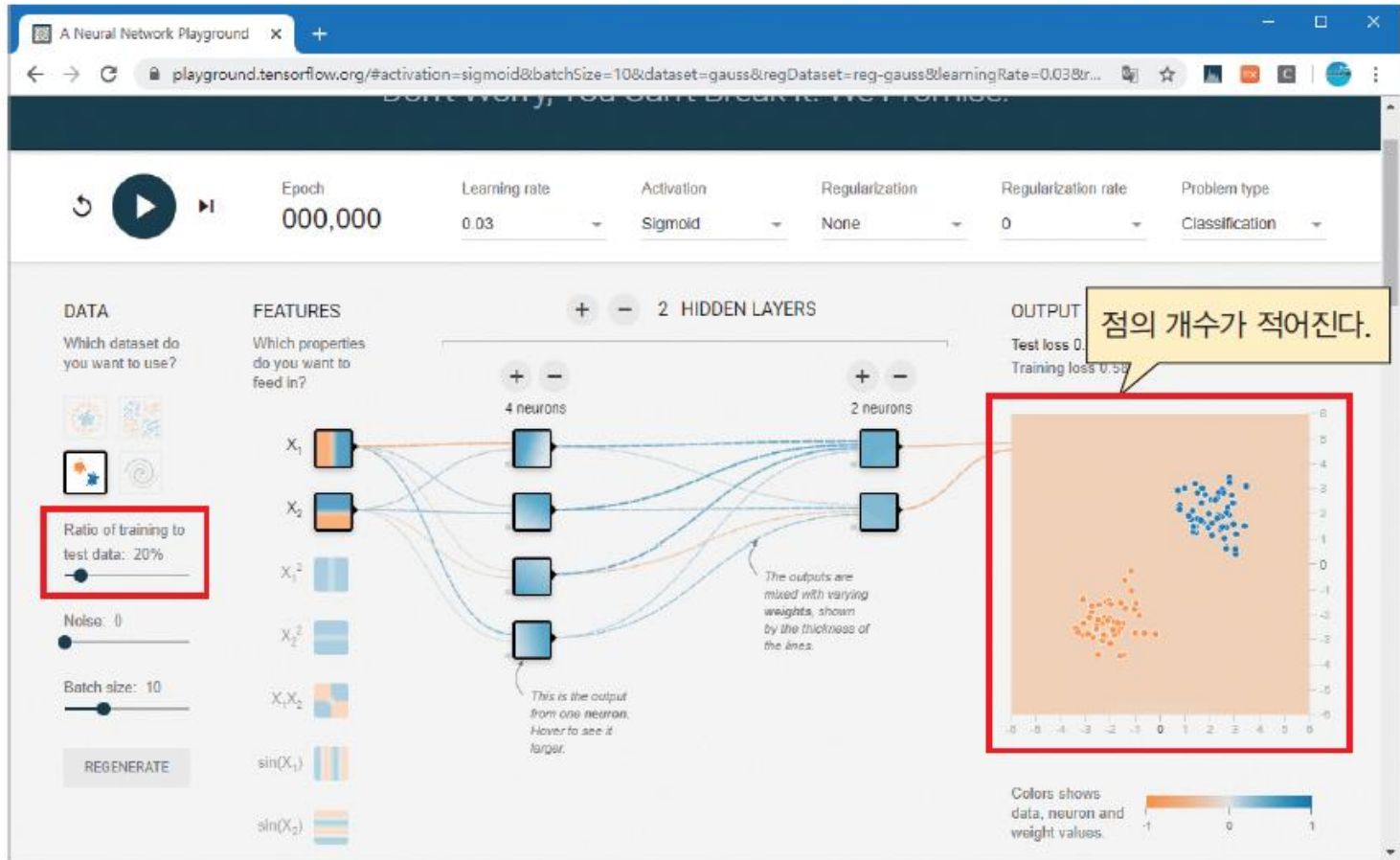


- 회귀 문제



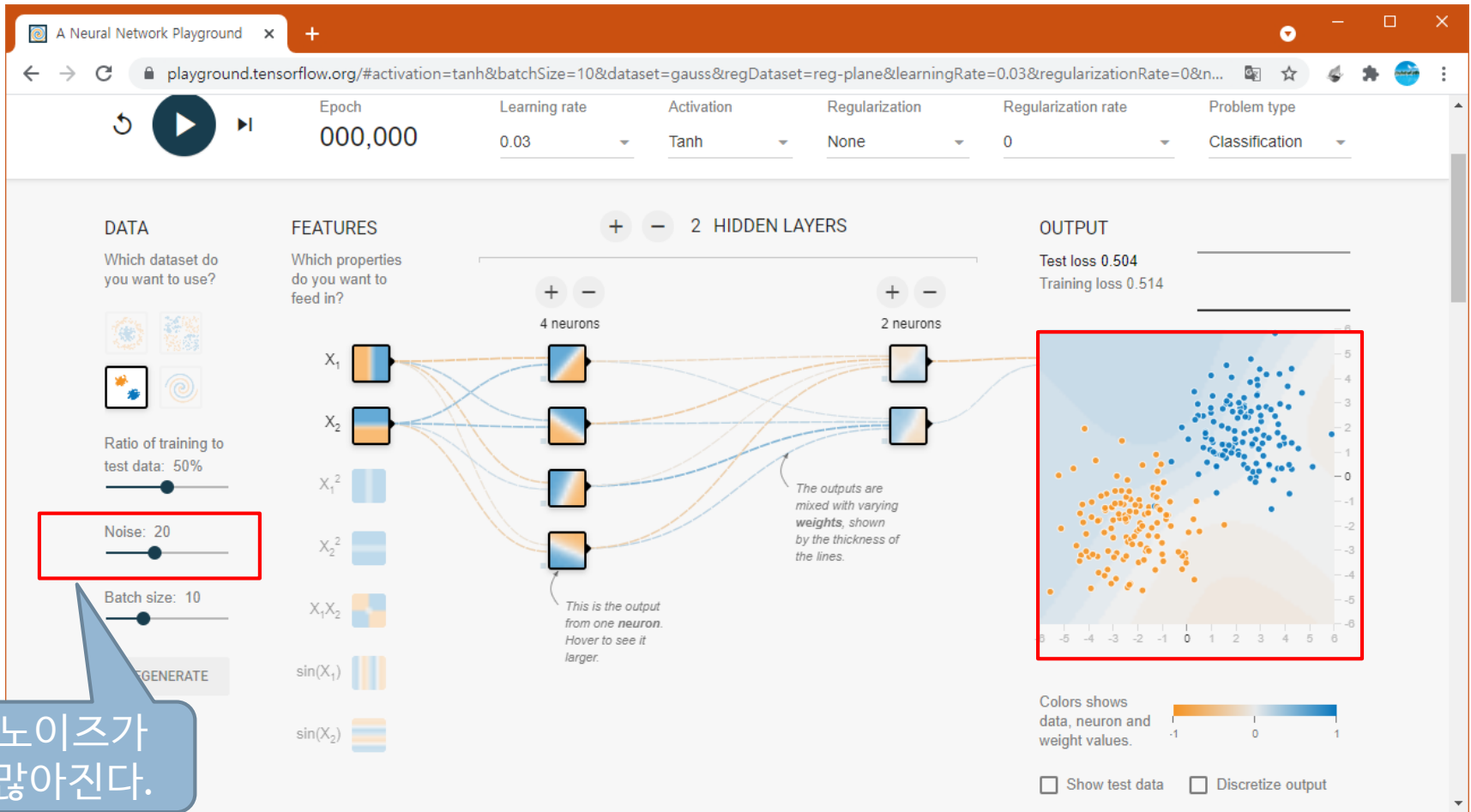


학습 데이터와 테스트 데이터의 비율



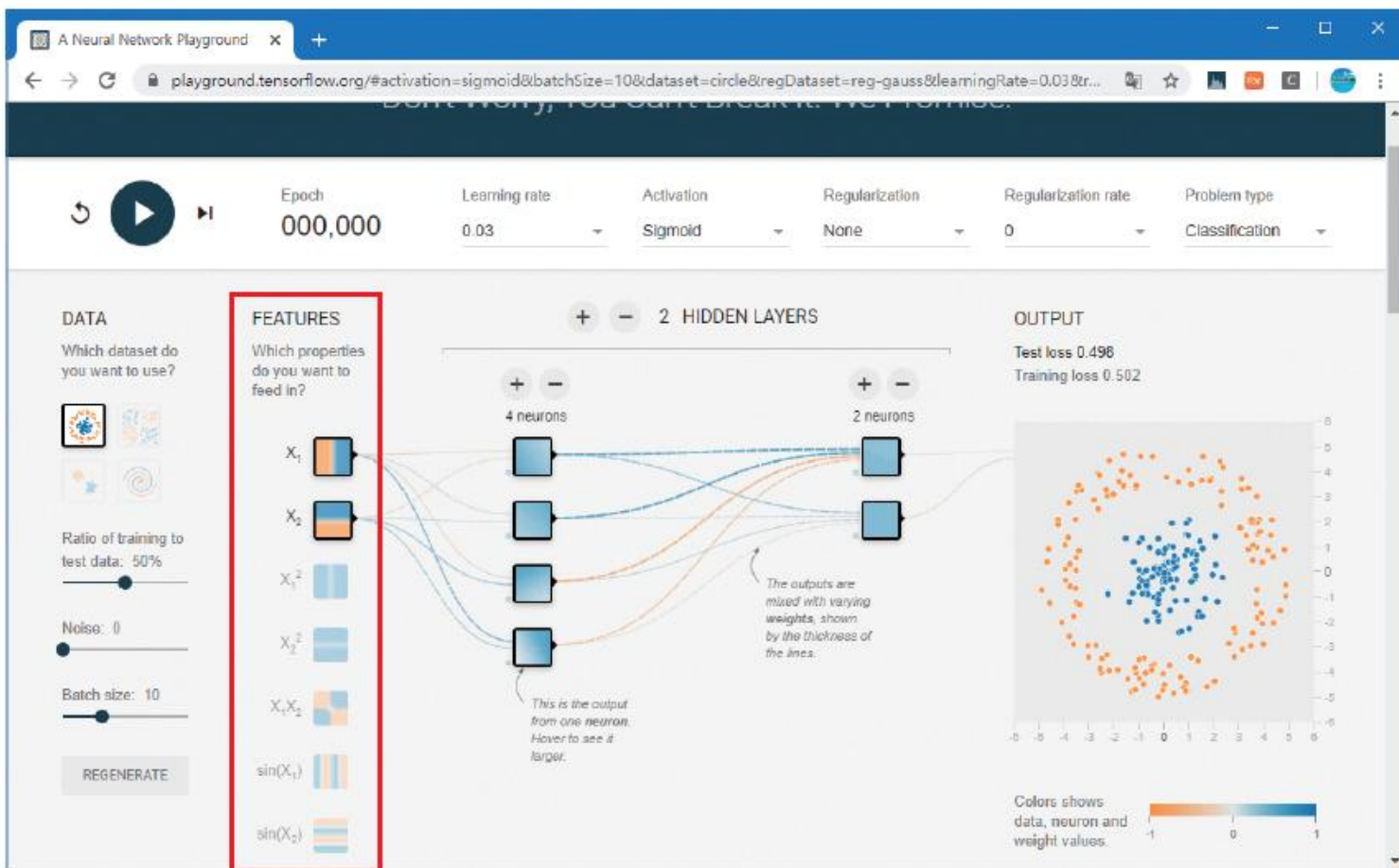


노이즈 비율





입력 특징 선택





은닉층 추가하기

A Neural Network Playground

playground.tensorflow.org/#activation=sigmoid&batchSize=10&dataset=circle®Dataset=reg-gauss&learningRate=0.03&tr...

Epoch Learning rate Activation Regularization Regularization rate Problem type
Classification

은닉층의 개수를 증가시킨다. 은닉층의 개수를 감소시킨다.

+ - 6 HIDDEN LAYERS

DATA Which dataset do you want to use?

FEATURES Which properties do you want to feed in?

OUTPUT Test loss 0.545
Training loss 0.541

test data: 50%
Noise: 0
Batch size: 10
REGENERATE

X_1^2
 X_2^2
 $X_1 X_2$
 $\sin(X_1)$
 $\sin(X_2)$

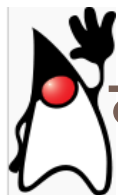
6 neurons 6 neurons 6 neurons 6 neurons 6 neurons 2 neurons

This is the output from one neuron. Hover to see it.

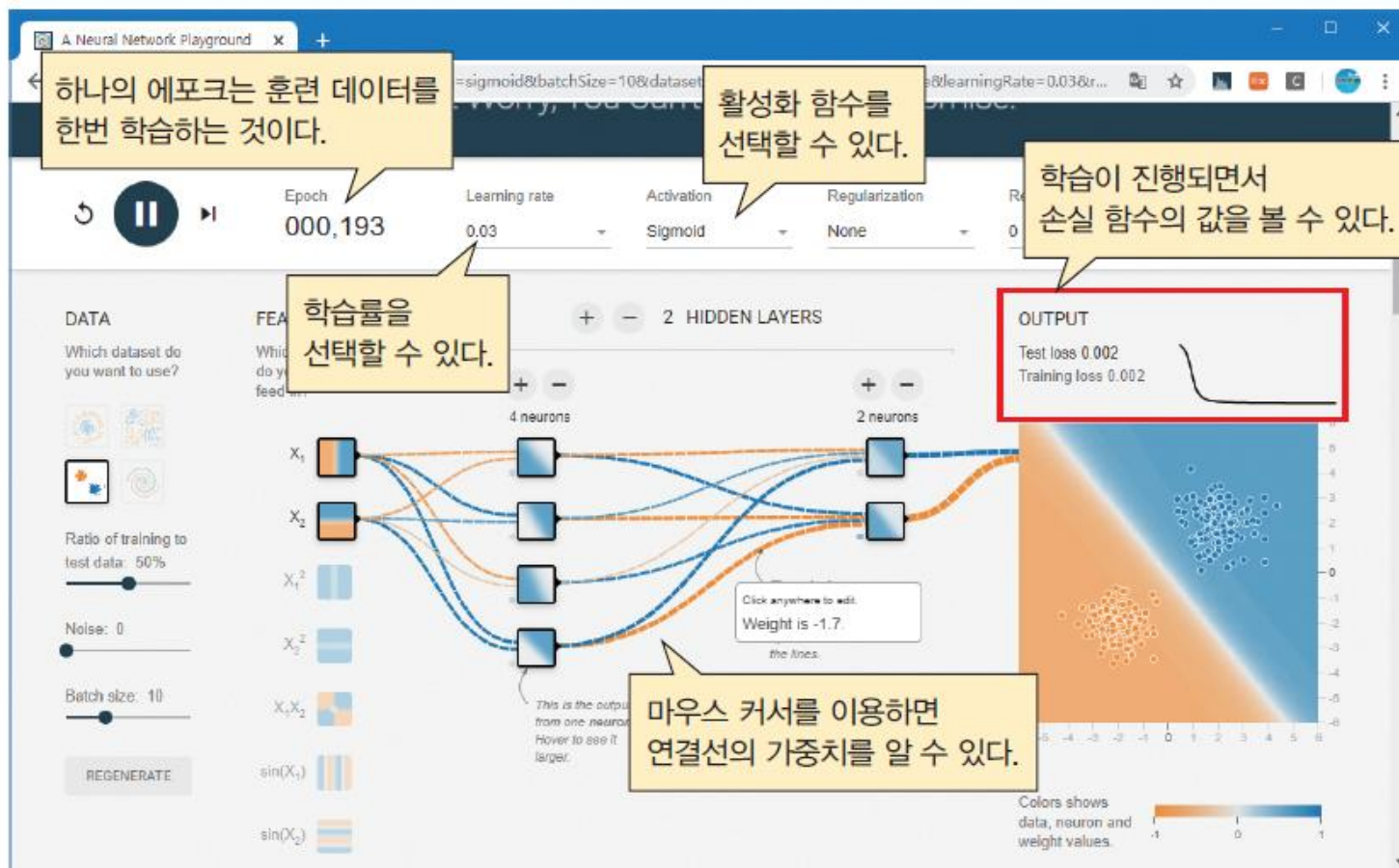
The outputs are mixed with varying weights, shown by the thickness of

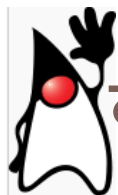
Colors shows data, neuron and weight values.

Each layer of the neural network is represented by a set of blue squares (neurons). The connections between neurons in adjacent layers are shown by lines of varying thickness, representing the weights. The output layer shows the final result of the network's computation. The scatter plot on the right shows the data points (blue and orange) and the predicted output (blue and orange) for the current configuration.

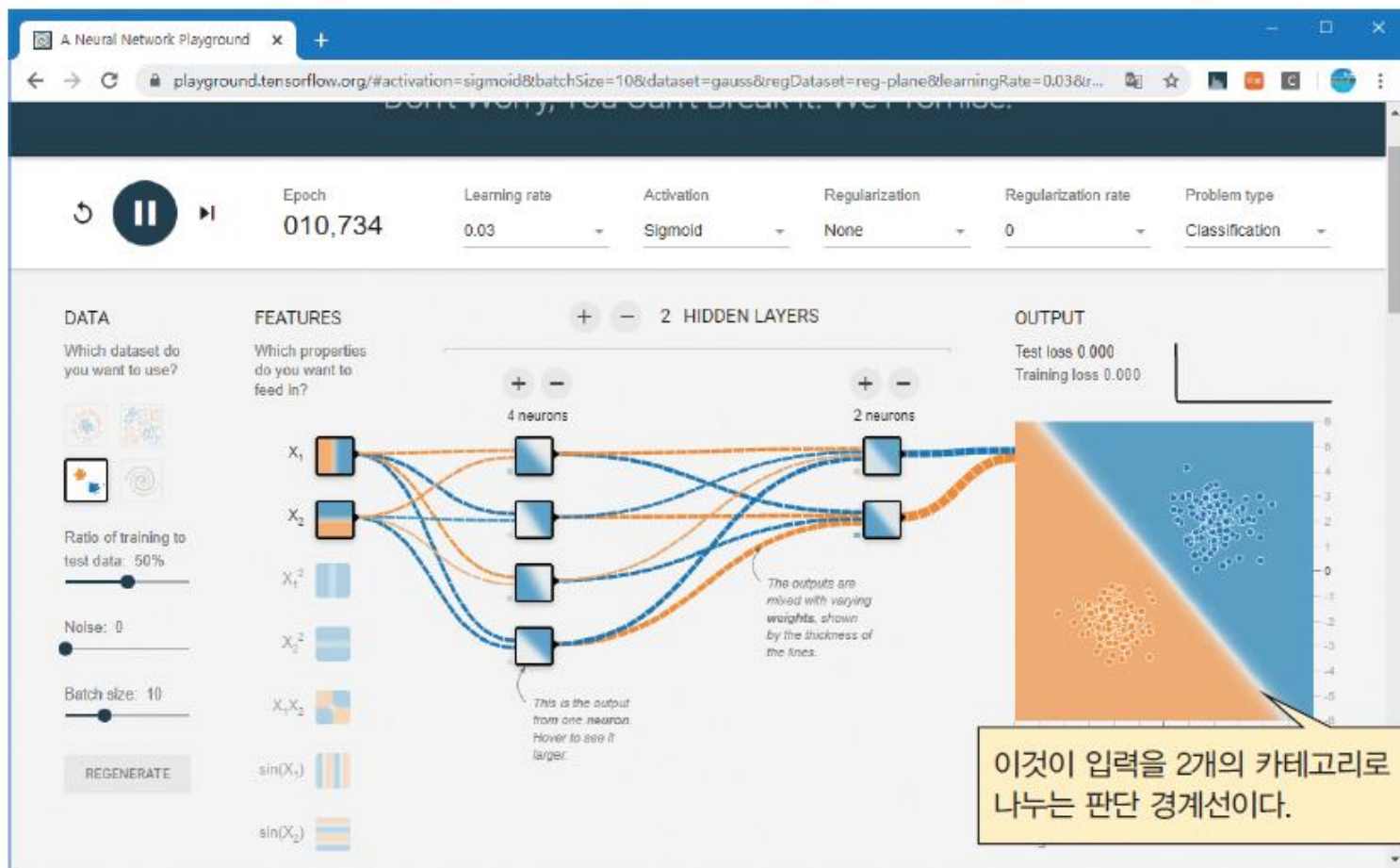


학습 시작





학습 완료





은닉층 없이 분류 실습

A Neural Network Playground

playground.tensorflow.org/#activation=sigmoid&batchSize=10&dataset=xor®Dataset=reg-gauss&learningRate=0.03®...

Don't Worry, You Can't Break It. We Promise.

Epoch: 006,037 | Learning rate: 0.03 | Activation: Sigmoid | Regularization: None | Regularization rate: 0 | Problem type: Classification

XOR와 유사한 데이터를 선택한다.

시그모이드 함수를 선택한다.

출력 유닛을 두 개만 남긴다. 은닉층은 없다.

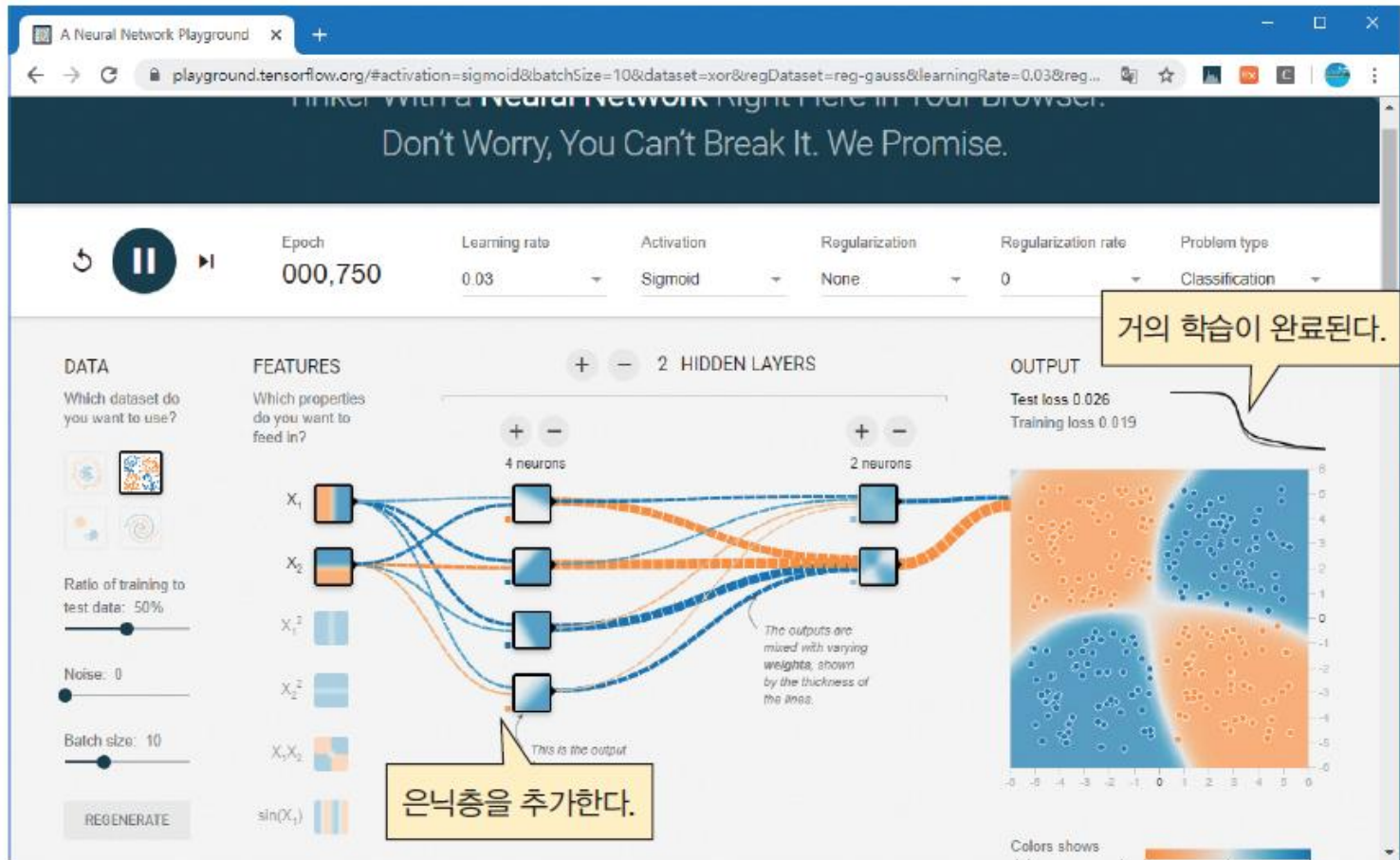
학습이 완료되지 않는다.

Test loss 0.277 | Training loss 0.180

Colors shows



은닉층을 추가한 실습





Summary

- 입력층과 출력층 사이에 은닉층(hidden layer)을 가지고 있는 신경망을 다층 퍼셉트론(multilayer perceptron: MLP)이라고 부른다.
- MLP를 학습시키기 위하여 역전파 알고리즘(back-propagation)이 재발견되었다. 이 알고리즘이 지금까지도 신경망 학습 알고리즘의 근간이 되고 있다.
- 역전파 알고리즘은 입력이 주어지면 순방향으로 계산하여 출력을 계산한 후에 실제 출력과 우리가 원하는 출력 간의 오차를 계산한다. 이 오차를 역방향으로 전파하면서 오차를 줄이는 방향으로 가중치를 변경한다.