

## Script R - Parte 1 - Thiago Menezes

### 1) Importação do conjunto de dados “dataset\_st” no RStudio:

```
> dataset_st
# A tibble: 300 x 15
  mes_total ano mes biomassa carvao eolica fotovoltaica    gas hidraulica multi_combustivel_diesel_oleo nuclear
  <dbl>   <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
1 1 2000 1 50756. 770966. 0 0 510250. 27711265. 0 4.18e5
2 2 2000 2 11439 725440. 0 0 580009. 26849928. 0 4.00e5
3 3 2000 3 3845. 685798. 0 0 513065. 28789384. 0 4.00e5
4 4 2000 4 3600 675602. 0 0 337403. 27810599. 0 3.59e5
5 5 2000 5 4403. 725875. 0 0 503225. 28813392. 0 0
6 6 2000 6 7537. 725002. 0 0 574332. 27376412. 0 1.11e1
7 7 2000 7 5148. 607498. 0 0 540093. 27679250. 0 6.79e4
8 8 2000 8 8189. 627498. 0 0 547118. 27812268. 0 6.72e5
9 9 2000 9 18808. 397360. 0 0 500285. 27482979. 0 7.81e5
10 10 2000 10 3537. 337344. 0 0 551283. 30034719. 0 5.45e5
# i 290 more rows
# i abbreviated name: 'multi_combustivel_diesel_oleo'
# i 4 more variables: oleo_combustivel <dbl>, oleo_diesel <dbl>, outras_multi_combustivel <dbl>,
# i residuos_industriais <dbl>
# i Use `print(n = ...)` to see more rows
```

### 2) Conversão dos dados para em um objeto tsibble:

```
install.packages("dplyr")
install.packages("tsibble")
install.packages("fabletools")
install.packages("ggplot2")

library(dplyr)
library(tsibble)
library(fabletools)
library(ggplot2)
```

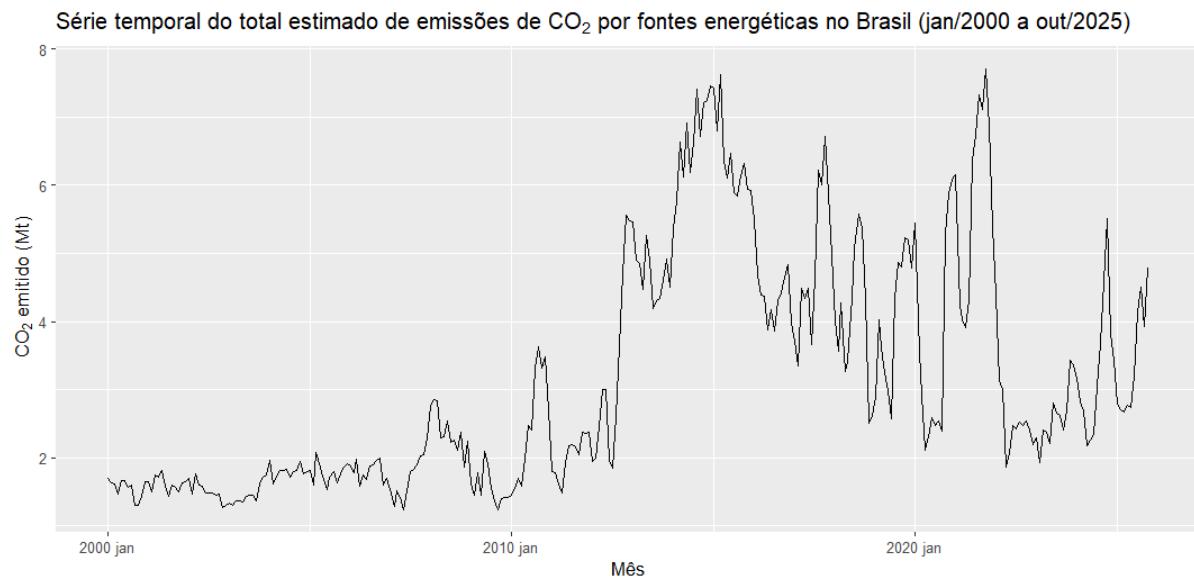
```
dataset_st <- dataset_st |>
  mutate(mes = yearmonth(mes)) |>
  as_tsibble(index = mes)
```

```
dataset_st
```

```
> dataset_st
# A tsibble: 310 x 16 [1M]
  mes co2_mt biomassa carvao eolica fotovoltaica    gas hidraulica multi_combustivel_diesel_oleo nuclear
  <mth>   <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
1 2000 jan  1.70 50756. 770966. 0 0 510250. 27711265. 0 418078.
2 2000 fev  1.64 11439 725440. 0 0 580009. 26849928. 0 400043.
3 2000 mar  1.61 3845. 685798. 0 0 513065. 28789384. 0 400187.
4 2000 abr  1.46 3600 675602. 0 0 337403. 27810599. 0 358886.
5 2000 mai  1.66 4403. 725875. 0 0 503225. 28813392. 0 0
6 2000 jun  1.67 7537. 725002. 0 0 574332. 27376412. 0 11.1
7 2000 jul  1.56 5148. 607498. 0 0 540093. 27679250. 0 67881
8 2000 ago  1.59 8189. 627498. 0 0 547118. 27812268. 0 672391.
9 2000 set  1.30 18808. 397360. 0 0 500285. 27482979. 0 781196.
10 2000 out 1.30 3537. 337344. 0 0 551283. 30034719. 0 544916.
# i 300 more rows
# i 6 more variables: oleo_combustivel <dbl>, oleo_diesel <dbl>, grupo_befn <dbl>, grupo_cg <dbl>,
# i grupo_hidraulica <dbl>, grupo_o <dbl>
# i Use `print(n = ...)` to see more rows
```

### 3) Geração do gráfico da emissão de CO2:

```
dataset_st |>
  autoplot(co2_mt) +
  labs(
    y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)"),
    x = "Mês",
    title = expression("Série temporal do total estimado de emissões de CO"[2] * " por fontes
  energéticas no Brasil (jan/2000 a out/2025")
  ))
```



### 4) Divisão dos dados em treinamento e teste:

Treino: de jan/2008 a dez/2023

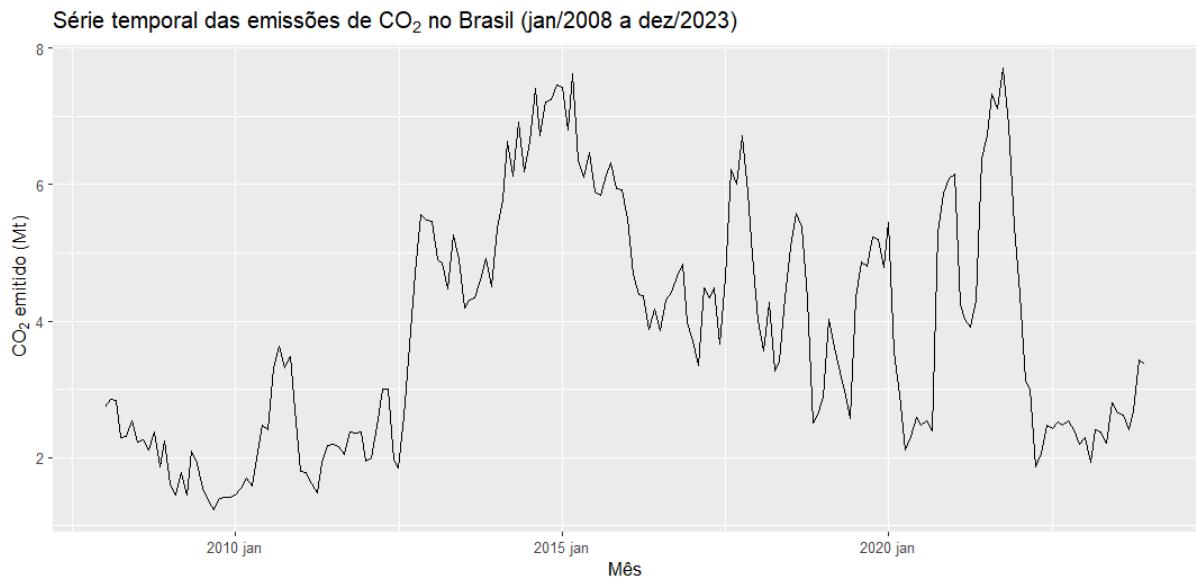
Teste: de jan/2024 a out/2025

```
library(tsibble)
library(dplyr)
library(ggplot2)
library(feasts) # autoplot() para tsibbles

dataset_st_treino_2008_2023 <- dataset_st |>
  filter_index("2008 Jan" ~ "2023 Dec")

dataset_st_teste_2024_25 <- dataset_st |>
  filter_index("2024 Jan" ~ "2025 Oct")
```

```
# Plotar apenas o conjunto de treino
dataset_st_treino_2008_2023 |>
  autoplot(co2_mt) +
  labs(
    title = expression("Série temporal das emissões de CO"[2] * " no Brasil (jan/2008 a dez/2023"),
    y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)"),
    x = "Mês"
  )
```



#### 4) Geração de gráfico para avaliar sazonalidade:

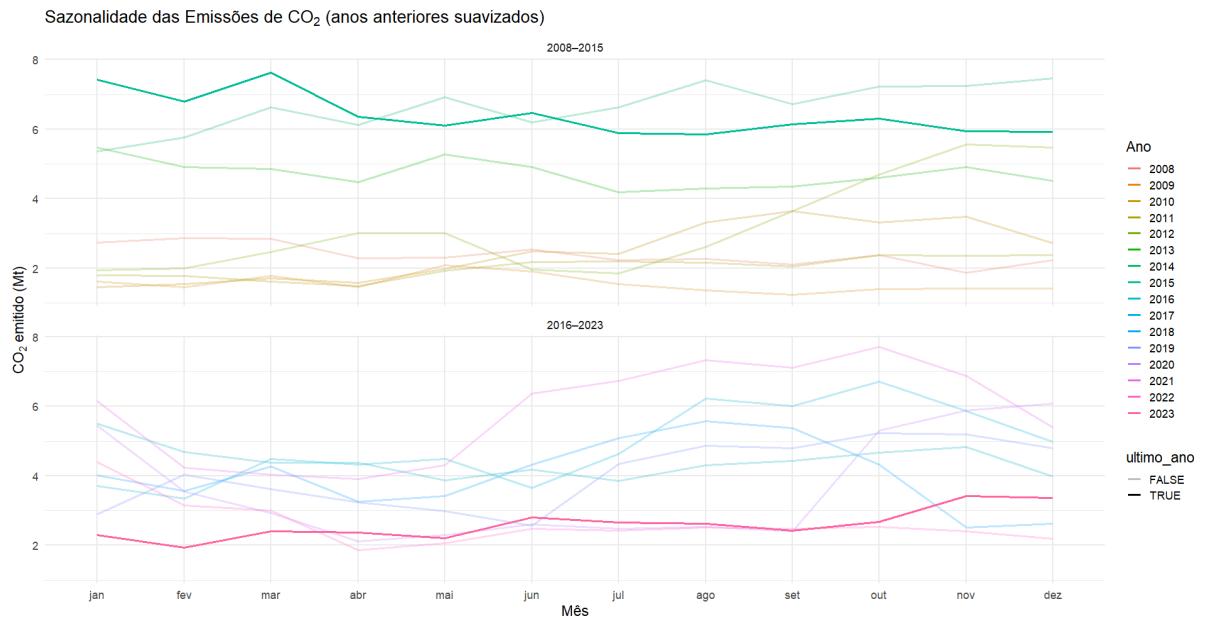
```
library(dplyr)
library(lubridate)
library(feasts)
library(ggplot2)

dataset_st_treino_2008_2023 |>
  mutate(
    ano = year(mes),
    grupo = case_when(
      ano >= 2008 & ano <= 2015 ~ "2008–2015",
      ano >= 2016 & ano <= 2023 ~ "2016–2023",
      TRUE ~ NA_character_
    )
  ) |>
  filter(!is.na(grupo)) |>
  mutate(ano_fator = factor(ano)) |>
  group_by(grupo) |>
  mutate(
```

```

ultimo_ano = (ano == max(ano)) # marca o ano mais recente em cada painel
) |>
ungroup() |>
ggplot(aes(x = month(mes, label = TRUE, abbr = TRUE), y = co2_mt,
group = ano_fator, color = ano_fator, alpha = ultimo_ano)) +
geom_line(linewidth = 1) +
scale_alpha_manual(values = c(`FALSE` = 0.25, `TRUE` = 1)) +
labs(
y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)" ),
x = "Mês",
title = expression("Sazonalidade das Emissões de CO"[2] * " (anos anteriores suavizados)"),
color = "Ano"
) +
facet_wrap(~ grupo, ncol = 1, scales = "fixed") + # <-- ALTERAÇÃO AQUI
theme_minimal(base_size = 15) +
theme(legend.position = "right")

```



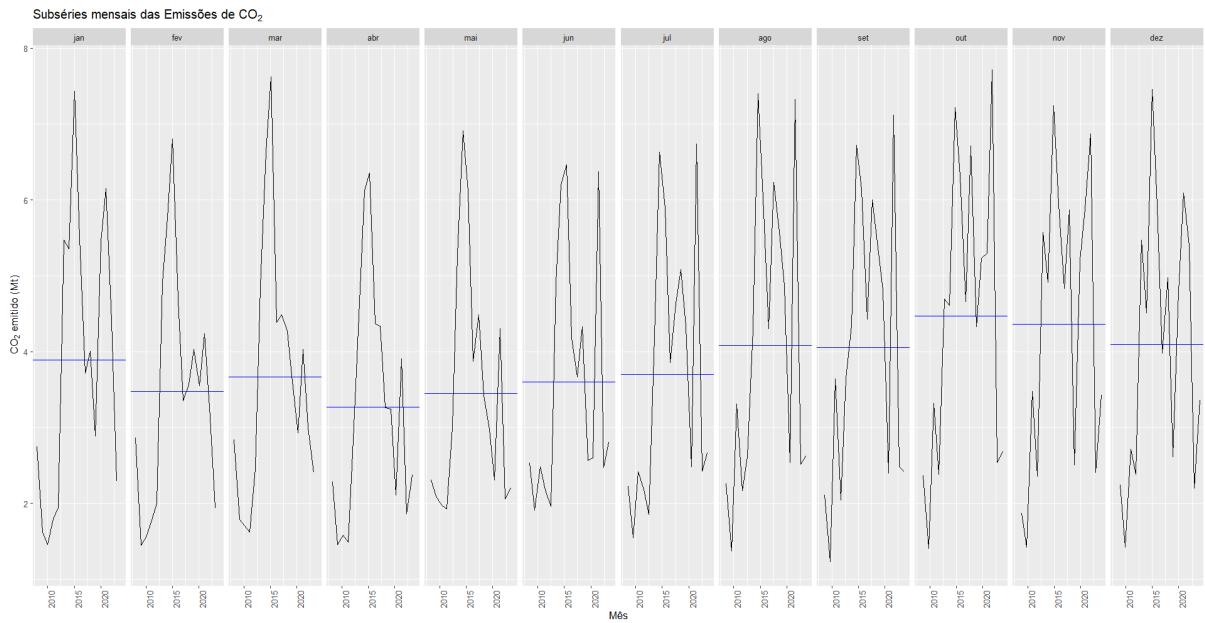
## 5) Geração de gráficos sazonais para subséries:

```

dataset_st_treino_2008_2023 |>
gg_subseries(co2_mt) +
labs(
y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)" ),
x = "Mês",
title = expression("Subséries mensais das Emissões de CO"[2] * ""))

```

))



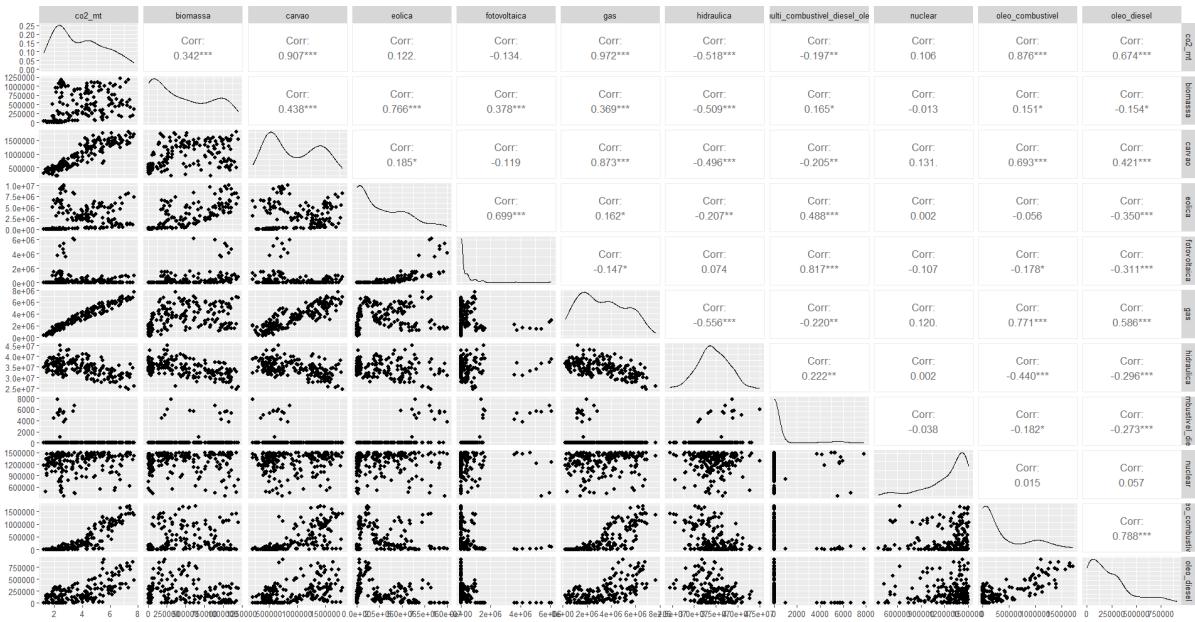
## 6) Gráficos de dispersão em painel:

```
library(dplyr)
library(GGally)

dataset_tbl <- tibble::as_tibble(dataset_st_treino_2008_2023)

num_cols <- dataset_tbl |> select(where(is.numeric))

num_cols |>
  tidyrr::drop_na() |>
  GGally::ggpairs(progress = FALSE)
```



## 7) Gráficos para as defasagens (lags) de 2018 em diante:

```
library(lubridate)
```

```
library(feasts)
```

```
library(ggplot2)
```

```
recent_emissions <- dataset_st_treino_2008_2023 |>
  dplyr::filter(year(mes) >= 2018)
```

```
recent_emissions |>
```

```
  gg_lag(co2_mt, lags = 1:12, geom = "point") +
```

```
  labs(
```

```
    x = "Defasagem (k meses)",
```

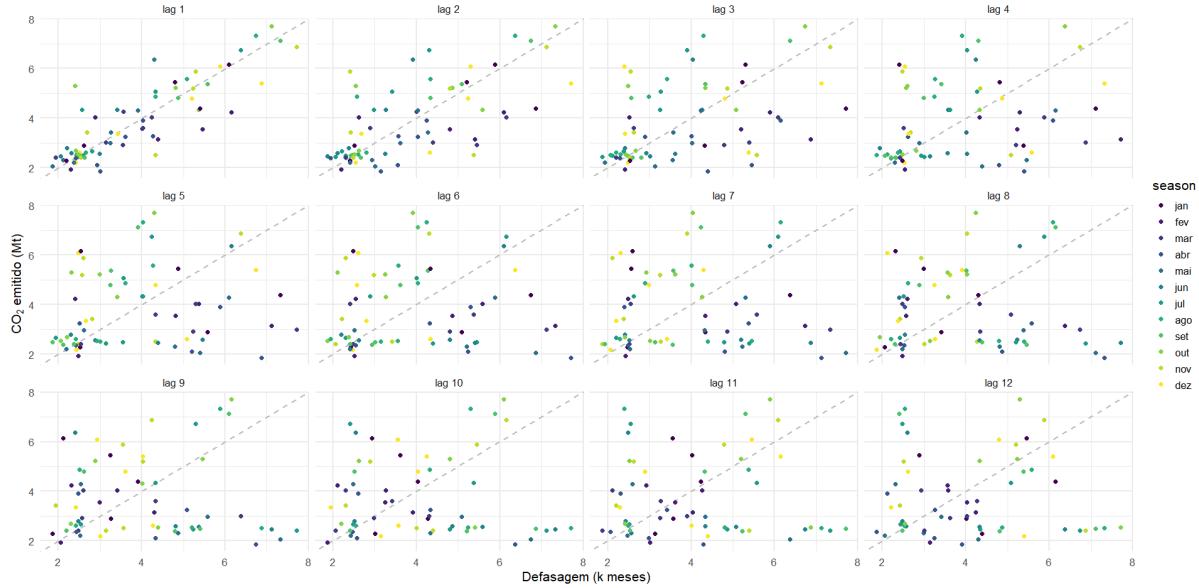
```
    y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)"),
```

```
    title = expression("Diagrama de defasagens (lags) das Emissões de CO"[2] * " de 2018 a 2023"
```

```
  )) +
```

```
  theme_minimal(base_size = 14)
```

Diagrama de defasagens (lags) das Emissões de CO<sub>2</sub> de 2018 a 2023



## 8) Autocorrelação - Tendência e sazonalidade em gráficos ACF e PACF:

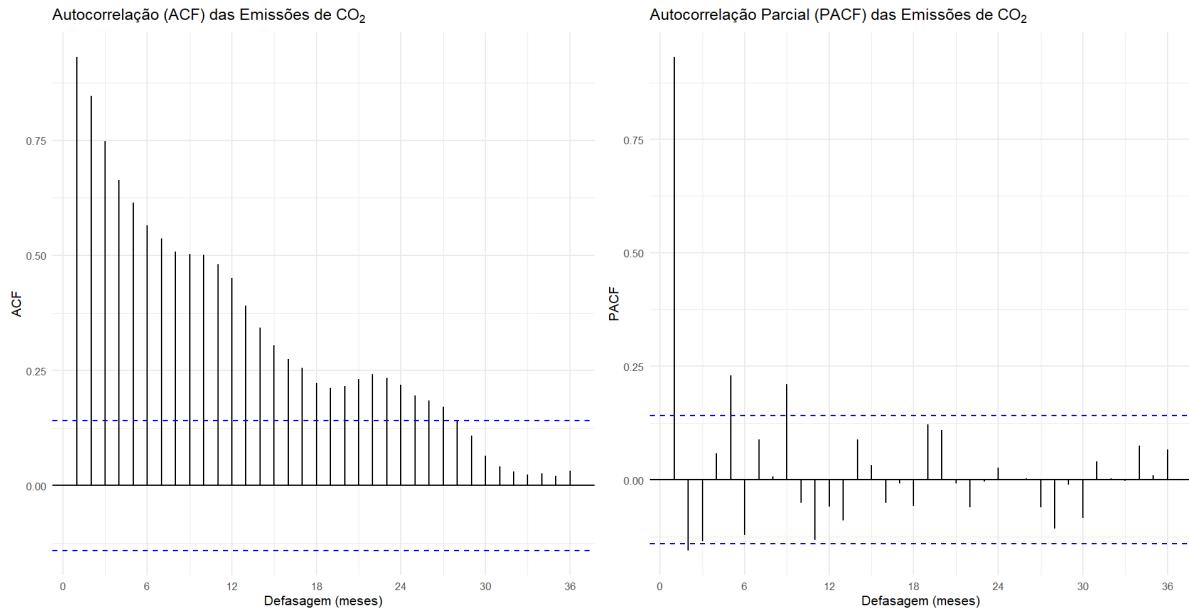
```

library(fable)
library(feasts)
library(ggplot2)
library(patchwork)

# ACF
p_acf <- dataset_st_treino_2008_2023 |>
  ACF(co2_mt, lag_max = 36) |>
  autoplot() +
  labs(
    title = expression("Autocorrelação (ACF) das Emissões de CO"[2]),
    x = "Defasagem (meses)",
    y = "ACF"
  ) +
  theme_minimal(base_size = 14)

# PACF
p_pacf <- dataset_st_treino_2008_2023 |>
  PACF(co2_mt, lag_max = 36) |>
  autoplot() +
  labs(
    title = expression("Autocorrelação Parcial (PACF) das Emissões de CO"[2]),
    x = "Defasagem (meses)",
    y = "PACF"
  ) +
  theme_minimal(base_size = 14)
  
```

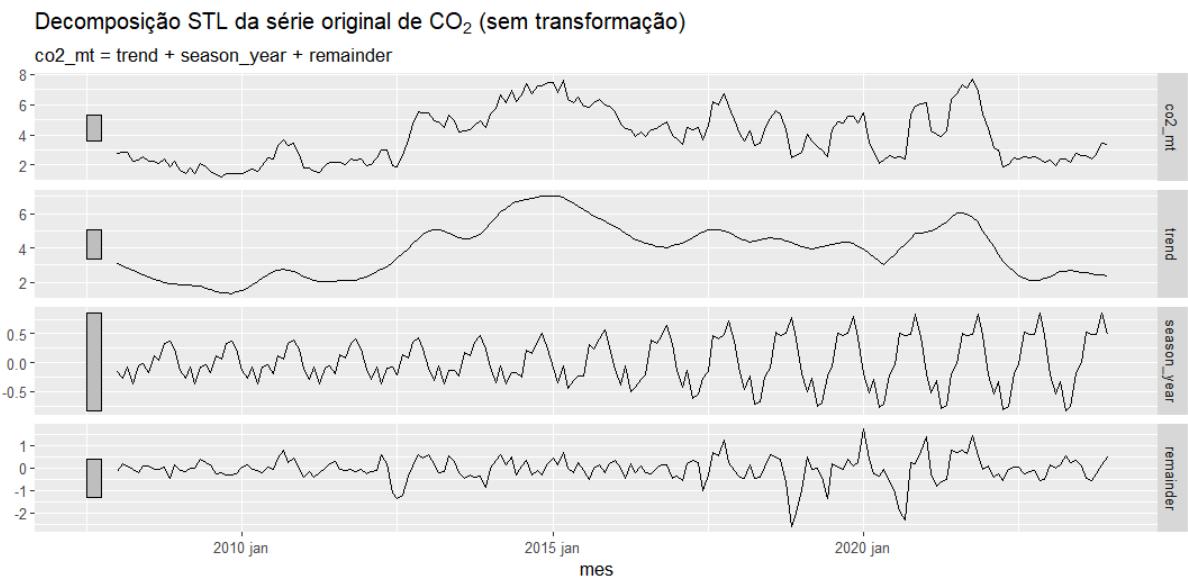
```
# Mostrar lado a lado com patchwork
p_acf | p_pacf
```



## 9) STL da série original:

```
library(fabletools)
library(feasts)
library(dplyr)
library(ggplot2)

# STL na SÉRIE ORIGINAL (sem Box–Cox)
dataset_st_treino_2008_2023 |>
  model(
    STL(co2_mt ~ trend(window = 12) +
        season(window = 12),
        robust = TRUE)
  ) |>
  components() |>
  autoplot() +
  labs(
    title = expression("Decomposição STL da série original de CO"[2] * " (sem
transformação)",
    y = ""
  ))
```



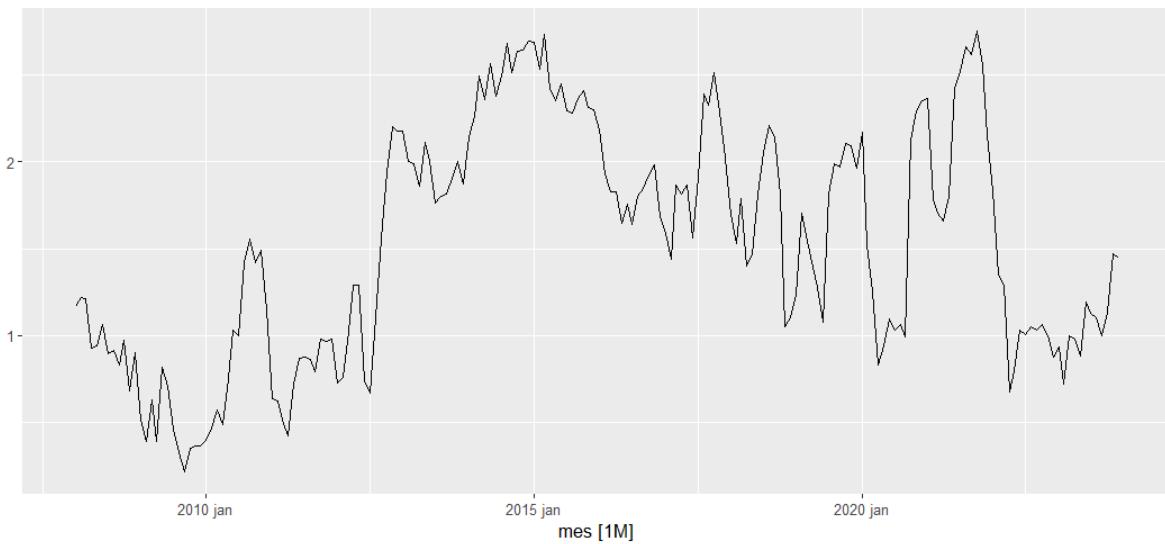
## 10) Transformação box-cox e ajustes:

```

library(fabletools)
library(feasts)
library(latex2exp)
library(ggplot2)

lambda <- dataset_st_treino_2008_2023 |>
  features(co2_mt, features = guererro) |>
  pull(lambda_guererro)
dataset_st_treino_2008_2023 |>
  autoplot(box_cox(co2_mt, lambda)) +
  labs(y = "",
       title = latex2exp::TeX(paste0(
         "Emissões de CO$_2$ transformadas com $\\lambda$ = ",
         round(lambda,2))))
```

Emissões de CO<sub>2</sub> transformadas com  $\lambda = 0.28$



```
library(dplyr)
library(tidyr)
library(fabletools)
library(feasts)
library(ggplot2)
```

# 1) Estima  $\lambda$  (Guerrero)

```
lambda <- dataset_st_treino_2008_2023 |>
  features(co2_mt, features = guerrero) |>
  pull(lambda_guerrero)
```

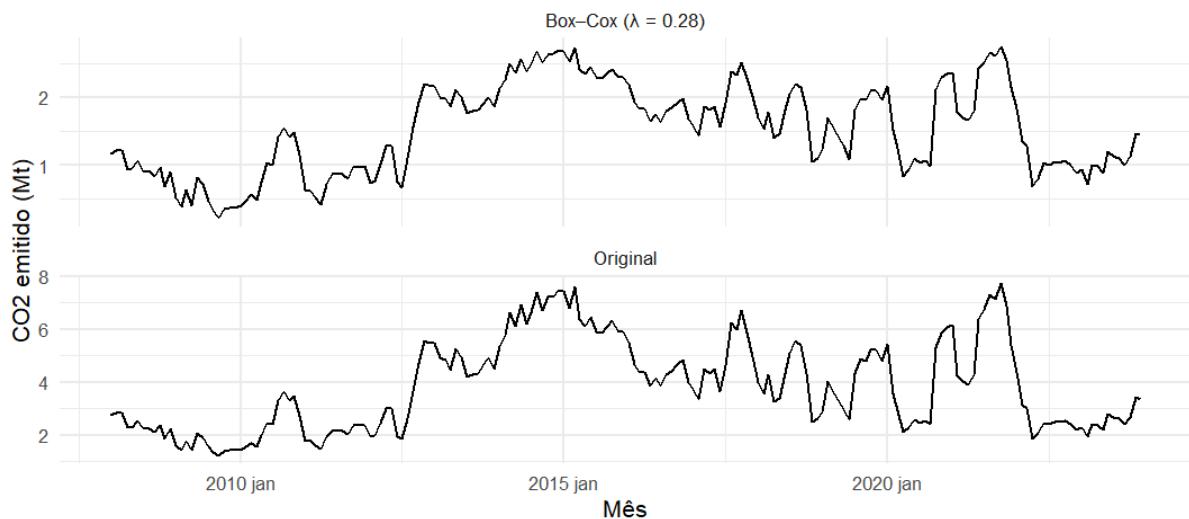
# 2) Cria série transformada e organiza para facetas

```
plot_df <- dataset_st_treino_2008_2023 |>
  mutate(co2_bc = box_cox(co2_mt, lambda)) |>
  pivot_longer(c(co2_mt, co2_bc),
               names_to = "serie", values_to = "valor") |>
  mutate(serie = dplyr::recode(
    serie,
    co2_mt = "Original",
    co2_bc = paste0("Box-Cox ( $\lambda =$ ", round(lambda, 2), ")"))
  ))
```

# 3) Gráfico comparativo (painéis verticalizados)

```
ggplot(plot_df, aes(x = mes, y = valor)) +
  geom_line() +
  facet_wrap(~ serie, ncol = 1, scales = "free_y") +
  labs(
    x = "Mês",
    y = "CO2 emitido (Mt)",
    title = expression("Emissões de CO"[2] * ": antes vs. depois da transformação Box-Cox"
  )) +
  theme_minimal(base_size = 14)
```

### Emissões de CO<sub>2</sub>: antes vs. depois da transformação Box–Cox



### 11) STL da transformada:

```

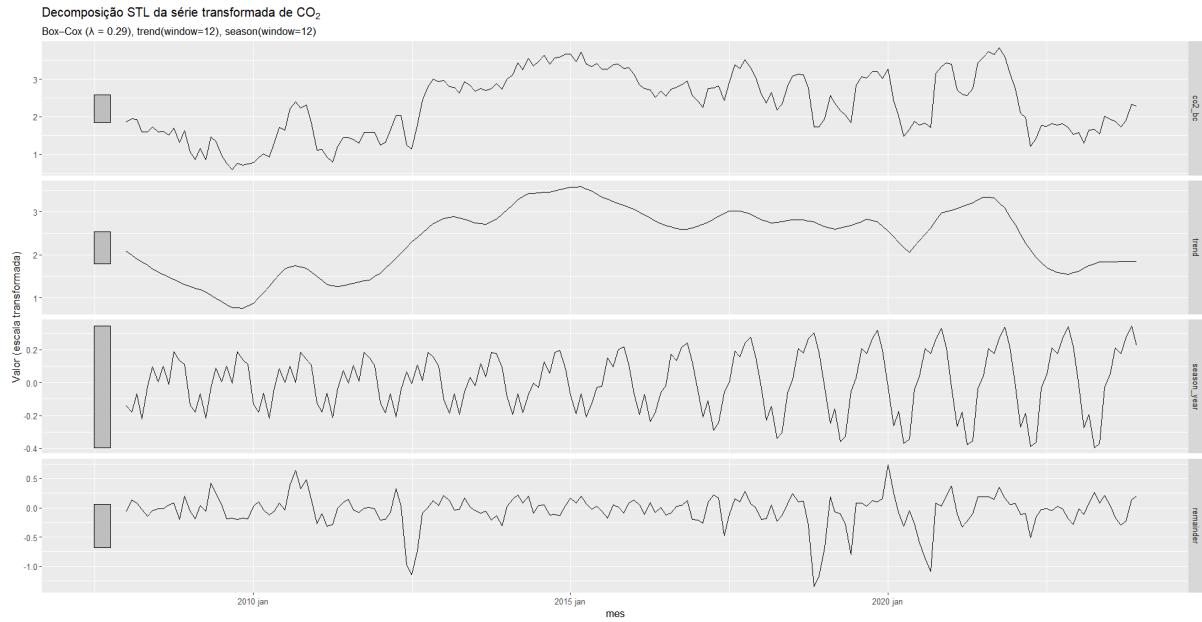
library(dplyr)
library(tsibble)
library(fable)
library(fabletools)
library(feasts)
library(ggplot2)

# 1) Criar a coluna transformada (co2_bc) no tsibble de treino
dataset_train_bc <- dataset_st_treino_2008_2023 |>
  mutate(co2_bc = box_cox(co2_mt, lambda))

# 2) Ajustar STL na série transformada (co2_bc)
stl_bc_mod <- dataset_train_bc |>
  model(stl = STL(co2_bc ~ trend(window = 12) + season(window = 12), robust = TRUE))

# 3) Extrair componentes
stl_bc_comp <- stl_bc_mod |> components()

# 4) Plot dos componentes na escala transformada
stl_bc_comp |>
  autoplot() +
  labs(
    title = expression("Decomposição STL da série transformada de CO"[2]),
    subtitle = paste0("Box–Cox (λ = ", round(lambda, 2), ")", trend(window=12),
    season(window=12)),
    y = "Valor (escala transformada)"
  )
  
```



## 12) Ajuste do modelo SARIMA automático:

```

library(fable)
library(fabletools)
library(feasts)
library(tsibble)
library(dplyr)
library(ggplot2)
library(lubridate)

lambda_val <- lambda

dataset_original <- dataset_st_treino_2008_2023 |> as_tsibble(index = mes)

has_test <- exists("dataset_st_teste_2024_25")
if (has_test) {
  dataset_test <- dataset_st_teste_2024_25 |> as_tsibble(index = mes)
}

# ---- AJUSTE DO MODELO (Box-Cox dentro do model) ----
fit_sarima <- dataset_original |>
  model(ARIMA(box_cox(co2_mt, lambda_val)))

# relatório do modelo (parâmetros, AIC, etc.)
report(fit_sarima)

```

```

> report(fit_sarima)
Series: co2_mt
Model: ARIMA(0,1,1)(0,0,1)[12]
Transformation: box_cox(co2_mt, lambda_val)

Coefficients:
    ma1      sma1
    0.0980   0.1689
  s.e.  0.0672   0.0688

sigma^2 estimated as 0.0569:  log likelihood=3.56
AIC=-1.12  AICc=-1  BIC=8.63

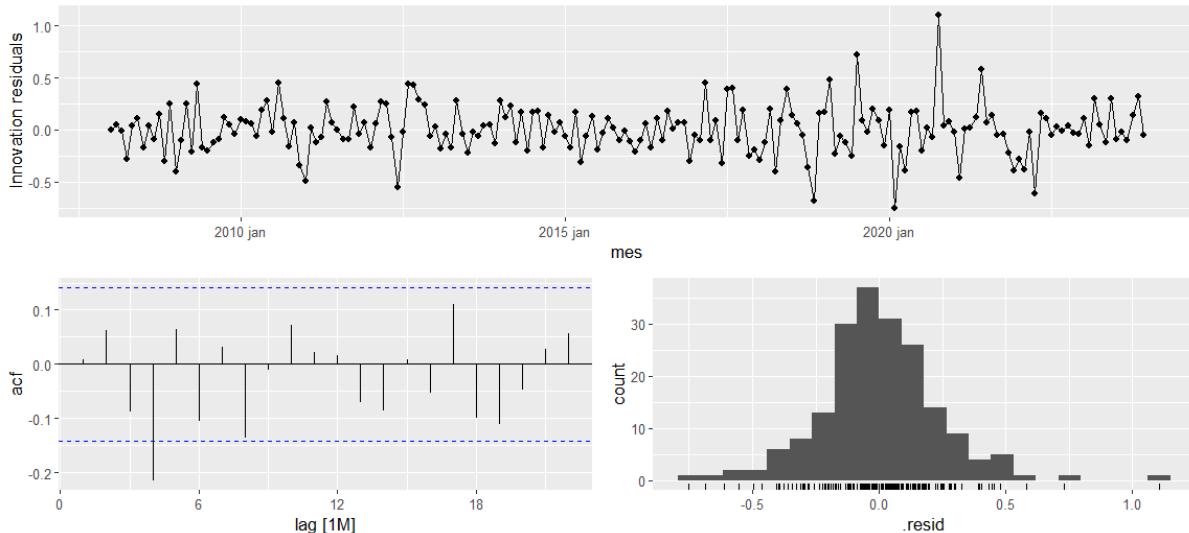
```

### 13) Diagnóstico dos Resíduos e Ljung Box:

```
# resíduos (escala transformada — diagnóstico válido)
fit_sarima |> gg_tsresiduals()
```

```
# Ljung-Box nos resíduos (lag 24)
```

```
fit_sarima |>
  augment() |>
  features(.innov, ljung_box, lag = 24)
```



```
+   features(.innov, ljung_box, lag = 24)
# A tibble: 1 × 3
  .model lb_stat lb_pvalue
  <chr>  <dbl>    <dbl>
1 SARIMA     33.6    0.0924
```

```
# ---- PREVISÃO (fable irá retransformar automaticamente para a escala original) ----
```

```
h <- if (has_test) nrow(dataset_test) else 22
```

```
fc_sarima <- fit_sarima |> forecast(h = h)
```

```
# preview das previsões (ver colunas .mean, .lower/.upper etc.)
print(as_tibble(fc_sarima) %>% slice_head(n = 6))
```

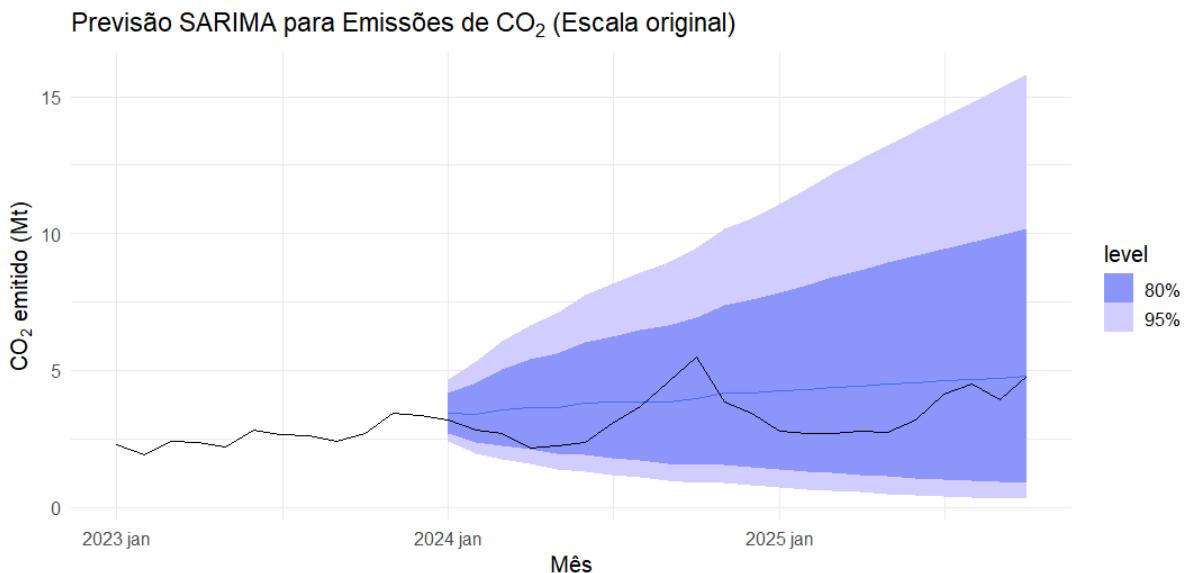
```

> print(as_tibble(fc_sarima) %>% slice_head(n = 6))
# A tibble: 6 × 4
  .model      mes       co2_mt .mean
  <chr>     <mth>    <dist> <dbl>
1 SARIMA 2024 jan t(N(1.5, 0.057)) 3.43
2 SARIMA 2024 fev t(N(1.4, 0.13))  3.41
3 SARIMA 2024 mar t(N(1.5, 0.19))  3.57
4 SARIMA 2024 abr t(N(1.5, 0.26))  3.65
5 SARIMA 2024 mai t(N(1.5, 0.33))  3.65
6 SARIMA 2024 jun t(N(1.5, 0.4))   3.81

# ---- PLOT: previsões na escala original sobre os dados originais ----
# usa dataset_original (treino) ou dataset_full (treino + teste) para visualização
if (has_test) {
  dataset_full <- bind_rows(dataset_original, dataset_test) |> as_tsibble(index = mes)
} else {
  dataset_full <- dataset_original
}

fc_sarima |> autoplot(dataset_full |> filter_index("2023 Jan" ~ .)) +
  labs(
    title = expression("Previsão SARIMA para Emissões de CO"[2] * " (Escala original)"),
    y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)"),
    x = "Mês"
  ) +
  theme_minimal(base_size = 13)

```



#### 14) Ajuste do modelo ARIMA travado:

```
library(forecast)
library(lubridate)
library(dplyr)
library(ggplot2)

lambda_val <- if (exists("lambda")) lambda else 0.28

# dataset_st_treino_2008_2023 -> treino (co2_mt)
# dataset_st_teste_2024_25 -> teste (co2_mt)

# 1) transformar treino para objeto 'ts' (freq = 12)
start_year <- year(min(dataset_st_treino_2008_2023$mes))
start_month <- month(min(dataset_st_treino_2008_2023$mes))
treino_ts <- ts(dataset_st_treino_2008_2023$co2_mt, start = c(start_year, start_month),
frequency = 12)

# 2) transformar teste para ts (para plot/accuracy)
if (exists("dataset_st_teste_2024_25")) {
  test_start_year <- year(min(dataset_st_teste_2024_25$mes))
  test_start_month <- month(min(dataset_st_teste_2024_25$mes))
  test_ts <- ts(dataset_st_teste_2024_25$co2_mt, start = c(test_start_year,
test_start_month), frequency = 12)
  h <- length(test_ts)
} else {
  test_ts <- NULL
  h <- 22
}

set.seed(123) # reproduzibilidade (buscas stepwise podem usar aleatoriedade em alguns
backends)

modelo_auto_1 <- forecast::auto.arima(
  y = treino_ts,
  start.p = 0, start.q = 0,
  max.p = 3, max.q = 3,
  start.P = 0, max.P = 2,
  seasonal = TRUE,
  D = 1,    # força diferenciação sazonal como em seu python
  d = NA,    # deixar auto.arima escolher d (como d=None no pmdarima)
  test = "adf",  # usar ADF para escolher d, como no seu exemplo python
  stepwise = TRUE,
  trace = TRUE,
  lambda = lambda_val    # aplica Box-Cox internamente; forecast() retransformará
automaticamente
)
```

```

# modelo escolhido (equivalente a model.summary() do pmdarima)
cat("\n--- auto.arima concluído ---\n")
print(summary(modelo_auto_1))

# ----- PREVISÃO (forecast) -----
fc <- forecast(modelo_auto_1, h = h, biasadj = TRUE) # biasadj ajuda ao retransformar

# mostra as primeiras previsões
print(head(fc))

# ----- PLOT: previsões + observados do teste -----
# plot base rápido
plot(fc, main = "Forecast (auto.arima) — retransformado para escala original", xlab = "Ano",
ylab = "CO2 (Mt)")
if (!is.null(test_ts)) {
  lines(test_ts, col = "red", lwd = 1.2)
  legend("topleft", legend = c("forecast mean", "observed (test)"), col = c("blue", "red"), lty =
c(1,1))
}

> print(head(fc))
$method
[1] "ARIMA(2,0,0)(0,1,1)[12]"

$model
Series: treino_ts
ARIMA(2,0,0)(0,1,1)[12]
Box Cox transformation: lambda= 0.2785684

Coefficients:
      ar1      ar2      smal
    1.1105 -0.1818 -0.8407
  s.e.  0.0728  0.0733  0.0718

sigma^2 = 0.05389: log likelihood = 0.85
AIC=6.3   AICc=6.53   BIC=19.07

$level
[1] 80 95

```

```

> print(summary(modelo_auto_1))
Series: treino_ts
ARIMA(2,0,0)(0,1,1)[12]
Box Cox transformation: lambda= 0.2785684

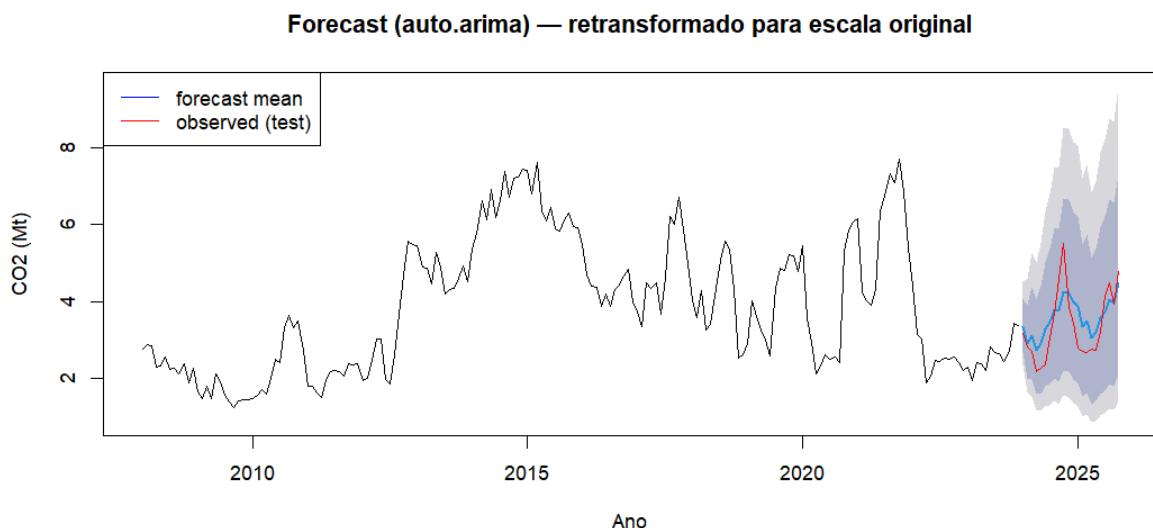
Coefficients:
      ar1     ar2    sma1
    1.1105 -0.1818 -0.8407
  s.e.  0.0728  0.0733  0.0718

sigma^2 = 0.05389: log likelihood = 0.85
AIC=6.3   AICc=6.53   BIC=19.07

Training set error measures:
          ME      RMSE      MAE      MPE      MAPE      MASE
Training set 0.05096175 0.5911895 0.409598 -0.4551357 11.22122 0.2941342
          ACF1
Training set 0.005018579

```

---



### 15) Diagnóstico dos Resíduos e Ljung Box:

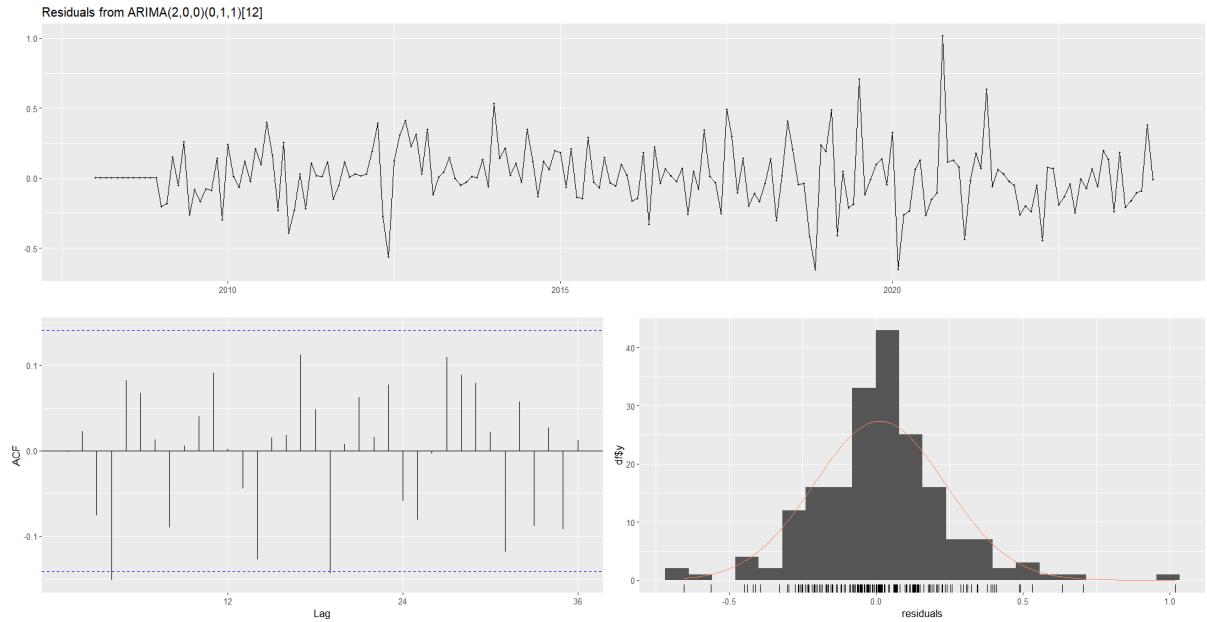
```

# 3.1) Gráficos de resíduos + Ljung–Box automático
forecast::checkresiduals(modelo_auto_1, lag = 24)

res <- residuals(modelo_auto_1)
k <- length(coef(modelo_auto_1)) # nº de parâmetros estimados

Box.test(res,
         lag = 24,
         type = "Ljung-Box",
         fitdf = k)

```



## 16) Ajuste do modelo ETS automático:

```
library(fable)
library(fabletools)
library(feasts)
library(tsibble)
library(dplyr)
library(ggplot2)
```

```
treino <- dataset_st_treino_2008_2023 |> as_tsibble(index = mes)
```

```
# 2) ajustar o melhor ETS automaticamente (seleção interna)
fit_ets <- treino |>
  model(ETS = ETS(co2_mt))
```

```
# 3) relatório do modelo (forma escolhida: erro/trend/season)
report(fit_ets)
```

```
> report(fit_ets)
Series: co2_mt
Model: ETS(M,N,M)
  Smoothing parameters:
    alpha = 0.9998595
    gamma = 0.0001362892

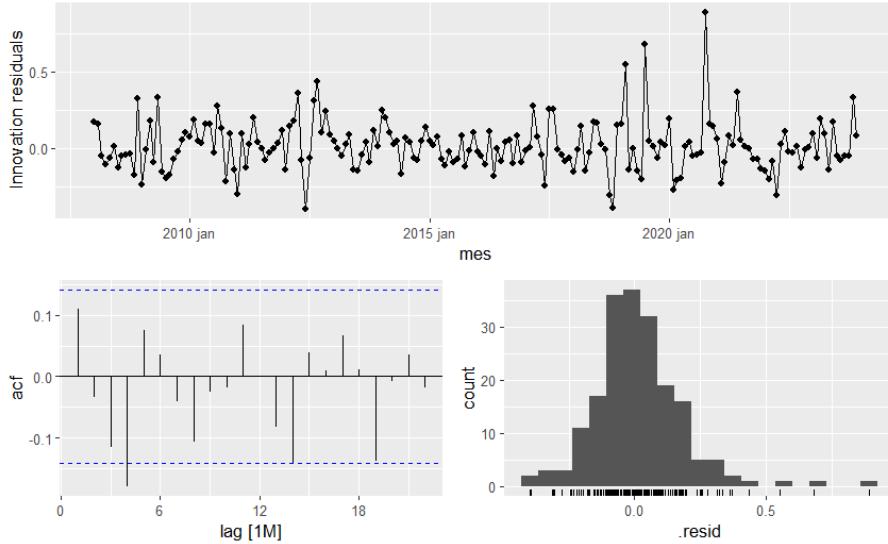
  Initial states:
    l[0]      s[0]      s[-1]      s[-2]      s[-3]      s[-4]      s[-5]      s[-6]      s[-7]      s[-8]      s[-9]
  2.356911 1.041572 1.149926 1.201478 1.028158 1.055936 0.985102 0.9798608 0.9056847 0.8375277 0.9317142
    s[-10]     s[-11]
  0.8914993 0.9915412

  sigma^2: 0.0307

  AIC      AICC      BIC
831.0673 833.7946 879.9298
```

## 17) Diagnóstico de resíduos e teste de Ljung-Box nos resíduos:

```
fit_ets |> gg_tsresiduals()
```



```
fit_ets |>  
augment() |>  
features(.innov, ljung_box, lag = 24)
```

```
+      augment() |>  
+      features(.innov, ljung_box, lag = 24)  
# A tibble: 1 × 3  
.model  lb_stat  lb_pvalue  
<chr>   <dbl>    <dbl>  
1 ETS      30.5     0.168
```

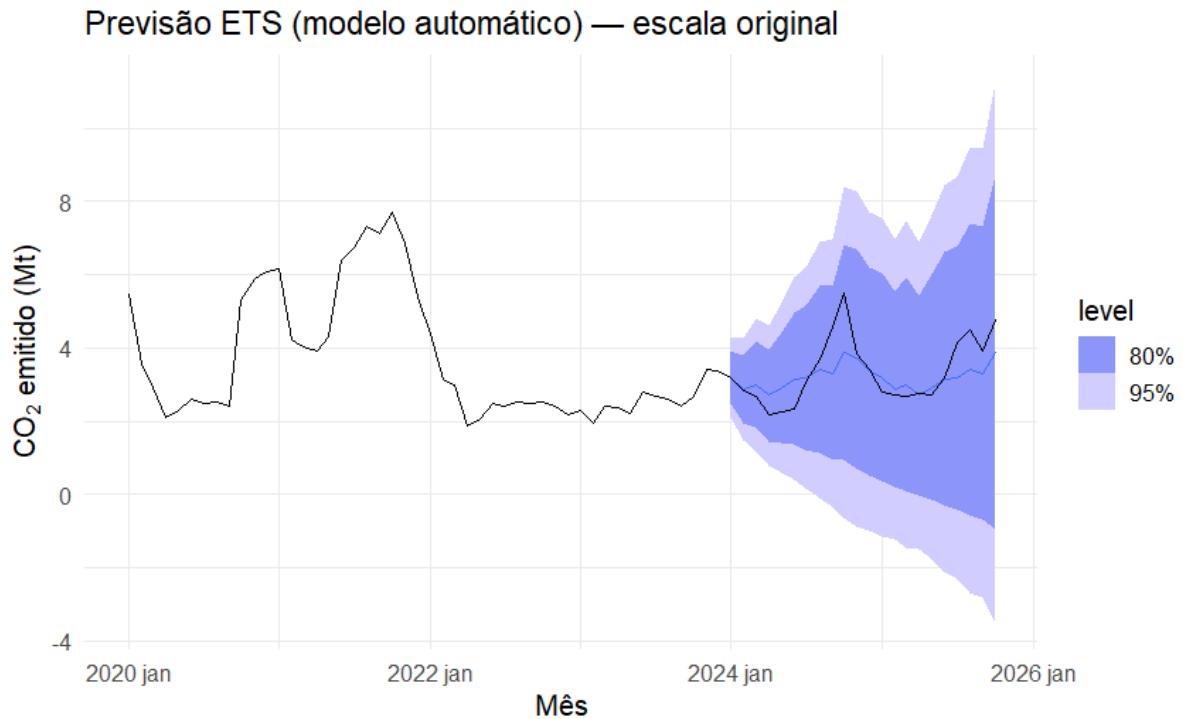
```
# Previsão do modelo ETS
```

```
h <- if (exists("dataset_st_teste_2024_25")) nrow(dataset_st_teste_2024_25) else 22  
fc_ets <- fit_ets |> forecast(h = h)
```

```
# 7) visualizar previsões sobre os dados (treino + teste se existir)  
dataset_full <- if (exists("dataset_st_teste_2024_25")) {  
  bind_rows(treino, dataset_st_teste_2024_25 |> as_tsibble(index = mes))  
} else {  
  treino  
}
```

```
fc_ets |>  
autoplot(dataset_full |> filter_index("2020 Jan" ~ .)) +  
labs(  
  title = "Previsão ETS (modelo automático) — escala original",  
  y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)",  
  x = "Mês"  
) +
```

```
theme_minimal(base_size = 13)
```



### 18) Ajuste do modelo NAIVE:

```
library(fable)
library(tsibble)

fit_naive <- dataset_st_treino_2008_2023 %>%
  model(NAIVE = NAIVE(box_cox(co2_mt, lambda)))

report(fit_naive)

fc_naive <- fit_naive %>% forecast(h = 22)

head(as_tibble(fc_naive), 6)
```

```

> report(fit_naive)
Series: co2_mt
Model: NAIVE
Transformation: box_cox(co2_mt, lambda)

sigma^2: 0.0591
>
> fc_naive <- fit_naive %>% forecast(h = 22)
>
> head(as_tibble(fc_naive), 6)
# A tibble: 6 × 4
  .model    mes      co2_mt .mean
  <chr>   <mth>    <dist> <dbl>
1 NAIVE  2024 jan  t(N(1.4, 0.059)) 3.40
2 NAIVE  2024 fev  t(N(1.4, 0.12))  3.43
3 NAIVE  2024 mar  t(N(1.4, 0.18))  3.47
4 NAIVE  2024 abr  t(N(1.4, 0.24))  3.51
5 NAIVE  2024 mai  t(N(1.4, 0.29))  3.54
6 NAIVE  2024 jun  t(N(1.4, 0.35))  3.58

```

## 19) Ajuste do modelo NAIVE SAZONAL:

```

library(fable)
library(tsibble)

fit_snaive <- dataset_st_treino_2008_2023 %>%
  model(SNAIVE = SNAIVE(box_cox(co2_mt, lambda)))

report(fit_snaive)

fc_snaive <- fit_snaive %>% forecast(h = 22)

head(as_tibble(fc_snaive), 6)

> report(fit_snaive)
Series: co2_mt
Model: SNAIVE
Transformation: box_cox(co2_mt, lambda)

sigma^2: 0.4499
>
> fc_snaive <- fit_snaive %>% forecast(h = 22)
>
> head(as_tibble(fc_snaive), 6)
# A tibble: 6 × 4
  .model    mes      co2_mt .mean
  <chr>   <mth>    <dist> <dbl>
1 SNAIVE  2024 jan  t(N(0.93, 0.45)) 2.53
2 SNAIVE  2024 fev  t(N(0.72, 0.45))  2.15
3 SNAIVE  2024 mar  t(N(1, 0.45))   2.65
4 SNAIVE  2024 abr  t(N(0.98, 0.45))  2.61
5 SNAIVE  2024 mai  t(N(0.88, 0.45))  2.43
6 SNAIVE  2024 jun  t(N(1.2, 0.45))  3.06

```

## 20) Ajuste do modelo MEAN:

```
library(fable)
```

```

library(tsibble)

fit_mean <- dataset_st_treino_2008_2023 %>%
  model(MEAN = MEAN(box_cox(co2_mt, lambda)))

report(fit_mean)

fc_mean <- fit_mean %>% forecast(h = 22)

head(as_tibble(fc_mean), 6)

`> report(fit_mean)
Series: co2_mt
Model: MEAN
Transformation: box_cox(co2_mt, lambda)

Mean: 1.5232
sigma^2: 0.4461
>
> fc_mean <- fit_mean %>% forecast(h = 22)
>
> head(as_tibble(fc_mean), 6)
# A tibble: 6 × 4
  .model     mes      co2_mt .mean
  <chr>    <mth>    <dist> <dbl>
1 MEAN    2024 jan   t(N(1.5, 0.45)) 3.84
2 MEAN    2024 fev   t(N(1.5, 0.45)) 3.84
3 MEAN    2024 mar   t(N(1.5, 0.45)) 3.84
4 MEAN    2024 abr   t(N(1.5, 0.45)) 3.84
5 MEAN    2024 mai   t(N(1.5, 0.45)) 3.84
6 MEAN    2024 jun   t(N(1.5, 0.45)) 3.84

```

## 21) Geração do gráfico gráfico dos 3 modelos (NAIVE, NAIVE SAZONAL e MEAN):

```

library(fable)
library(fabletools)
library(tsibble)
library(ggplot2)
library(dplyr)
library(lubridate)

dataset_train <- dataset_st_treino_2008_2023 %>%
  mutate(mes = yearmonth(mes)) %>%
  as_tsibble(index = mes)

dataset_test <- dataset_st_teste_2024_25 %>%
  mutate(mes = yearmonth(mes)) %>%
  as_tsibble(index = mes)

dataset_full <- bind_rows(dataset_train, dataset_test) %>%
  as_tsibble(index = mes)

# ===== 2) Ajustar os 3 modelos transformados =====

```

```

fit_naive <- dataset_train %>%
  model(NAIVE = NAIVE(box_cox(co2_mt, lambda)))

fit_snaive <- dataset_train %>%
  model(SNAIVE = SNAIVE(box_cox(co2_mt, lambda)))

fit_mean <- dataset_train %>%
  model(MEAN = MEAN(box_cox(co2_mt, lambda)))

# ===== 3) Fazer previsões retransformadas para a escala original =====

h <- nrow(dataset_test)

fc_naive <- fit_naive %>% forecast(new_data = dataset_test)
fc_snaive <- fit_snaive %>% forecast(new_data = dataset_test)
fc_mean <- fit_mean %>% forecast(new_data = dataset_test)

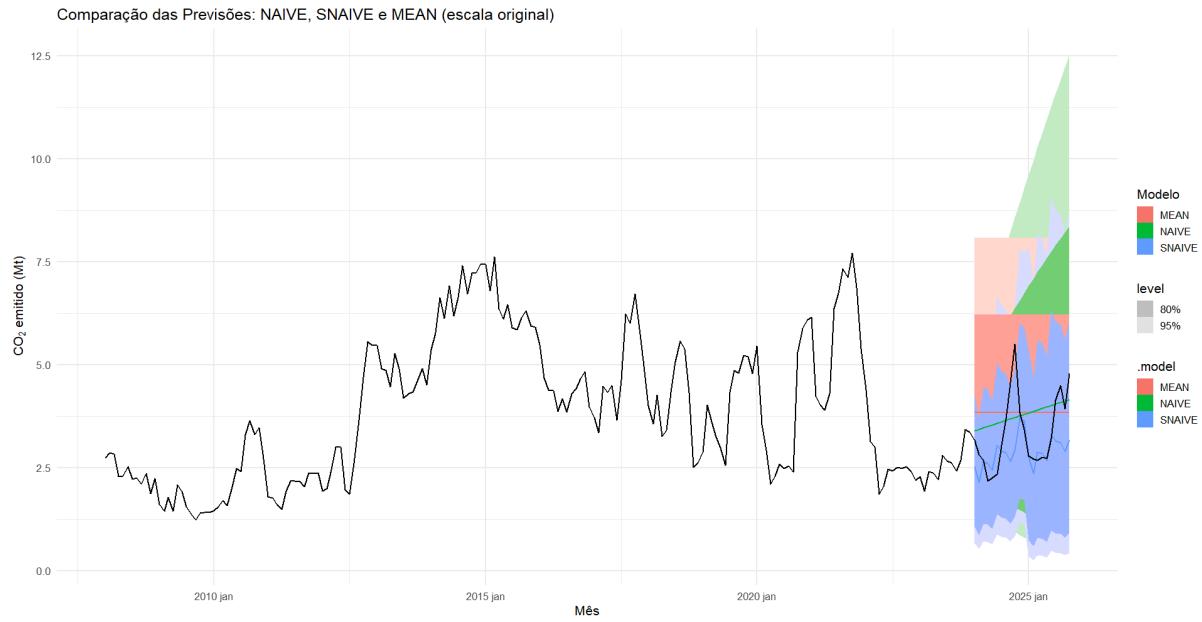
# ===== 4) Unir previsões em um único objeto =====

fc_all <- bind_rows(
  fc_naive %>% mutate(modelo = "NAIVE"),
  fc_snaive %>% mutate(modelo = "SNAIVE"),
  fc_mean %>% mutate(modelo = "MEAN")
)

# ===== 5) Plot: valores reais + previsões =====

fc_all %>%
  autoplot(dataset_full) +
  labs(
    title = "Comparação das Previsões: NAIVE, SNAIVE e MEAN (escala original)",
    y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)"),
    x = "Mês",
    colour = "Modelo"
  ) +
  theme_minimal(base_size = 14)

```



## 22) Cálculo das Métricas:

```

library(dplyr)
library(tsibble)
library(fable)
library(fabletools)

# garantir índices coerentes (yearmonth)
dataset_train <- dataset_st_treino_2008_2023 %>% mutate(mes = yearmonth(mes)) %>%
as_tsibble(index = mes)
dataset_test  <- dataset_st_teste_2024_25 %>% mutate(mes = yearmonth(mes)) %>%
as_tsibble(index = mes)

# ajustar todos os modelos em um só passo (Box–Cox dentro dos modelos)
all_models <- dataset_train %>%
model(
  ARIMA_auto = ARIMA(box_cox(co2_mt, lambda)),
  ARIMA_trav = ARIMA(box_cox(co2_mt, lambda) ~ pdq(2,0,0) + PDQ(0,1,1)),
  ETS_model = ETS(box_cox(co2_mt, lambda)),
  NAIVE     = NAIVE(box_cox(co2_mt, lambda)),
  SNAIVE    = SNAIVE(box_cox(co2_mt, lambda)),
  MEAN      = MEAN(box_cox(co2_mt, lambda)),
)
# previsões alinhadas com o conjunto de teste
fc_all <- all_models %>% forecast(new_data = dataset_test)

# acurácia (compara previsões com observados do dataset_test)
metrics <- accuracy(fc_all, dataset_test)

```

```
# mostrar métricas ordenadas por RMSE
metrics %>% as_tibble() %>% arrange(RMSE) %>% print()
```

```
> metrics %>% as_tibble() %>% arrange(RMSE) %>% print()
# A tibble: 6 × 10
  .model    .type     ME   RMSE    MAE    MPE    MAPE    MASE   RMSSE   ACF1
  <chr>    <chr>  <dbl> <dbl>  <dbl>  <dbl>  <dbl>  <dbl>  <dbl>  <dbl>
1 ARIMA_trav Test  -0.215 0.596 0.509 -10.3  16.4  NaN   NaN   0.528
2 NAIVE      Test  -0.426 0.918 0.781 -19.3  26.4  NaN   NaN   0.668
3 ETS_model  Test  -0.428 0.919 0.781 -19.3  26.5  NaN   NaN   0.667
4 SNAIVE     Test   0.474 0.937 0.650  9.84   17.0  NaN   NaN   0.531
5 MEAN       Test  -0.491 1.01   0.888 -22.2  30.3  NaN   NaN   0.688
6 ARIMA_auto Test  -0.764 1.12   0.970 -29.5  33.4  NaN   NaN   0.667
```

### 23) Gráfico de previsão de todos os modelos:

```
library(dplyr); library(tsibble); library(ggplot2); library(fabletools)
```

```
# 1) garantir índices coerentes
dataset_train <- dataset_train %>% mutate(mes = yearmonth(mes)) %>% as_tsibble(index = mes)
dataset_test <- dataset_test %>% mutate(mes = yearmonth(mes)) %>% as_tsibble(index = mes)

# 2) criar dataset_full (treino + teste) e escolher janela para plot
dataset_full <- bind_rows(dataset_train, dataset_test) %>% as_tsibble(index = mes)
start_plot <- "2023 Jan" # ajustar conforme quiser

# 3) Plot único: observados + previsões de todos os modelos (fc_all)
#   autoplot pinta cada modelo (col = .model) e mostra intervalos
fc_all %>%
  autoplot(dataset_full %>% filter_index(start_plot ~ .)) +
  labs(
    title = "Comparação: Observado vs Previsões (todos os modelos)",
    subtitle = "Linhas = previsão pontual (.mean). Bandas = intervalos de previsão",
    y = expression("CO"[2] * " emitido (Mt)"),
    x = "Mês",
    colour = "Modelo"
  ) +
  theme_minimal(base_size = 13)
```

Comparação: Observado vs Previsões (todos os modelos)  
Linhas = previsão pontual (.mean). Bandas = intervalos de previsão

