ESERCIZI CIRCONFERENZA NEL PIANO CARTESIANO

1. Si tracci il grafico della seguente funzione irrazionale:

$$y - 2 = \sqrt{1 - x^2}$$
.

2. Si risolva graficamente la seguente disequazione irrazionale:

$$\sqrt{1-x} \le 1-2x.$$

- 3. Sono dati i punti A(-1;-2) e B(3;-1). L'asse di AB interseca in E l'asse y e la retta a cui appartiene il segmento AB interseca in D l'asse x. Detto M il punto medio di AB:
 - a) Si determini l'asse del segmento AB;
 - b) Si determinino i punti E e D;
 - c) Si scriva l'equazione della circonferenza tangente in E all'asse del segmento AB, e alla retta contenente il segmento AB.
- 4. Si determini l'equazione della circonferenza, tangente alla retta r: y = 4x ed alla sua simmetrica rispetto alla bisettrice del primo e del terzo quadrante, situata nel primo quadrante, ed avente raggio uguale a 4. Detti C il centro della circonferenza e B il punto di tangenza tra la circonferenza e la parallela s alla retta r, determinare l'area del triangolo ABC, dove A è il punto di intersezione della retta s con la bisettrice del primo e del terzo quadrante.
- 5. Sia C il centro di una circonferenza *C1* e P un punto esterno. Detto M il punto medio del segmento PC, si tracci la circonferenza *C2* di centro M e raggio MC. Indicate con A e B le intersezioni di questa con la circonferenza *C1*. Dimostrare che le rette PA e PB sono tangenti alla circonferenza *C1*.
- 6. Scrivere l'equazione della circonferenza tangente alla retta r di equazione y = x + 8 nel punto di ascissa x = 6 ed avente il centro sulla retta di equazione x = 2.
- 7. Si disegni la circonferenza di equazione $x^2 + y^2 2x + 6y = 0$, e si determinino i punti E ed F di ascissa 2. Si scriva l'equazione della tangente alla circonferenza nel punto di ordinata maggiore tra i due trovati.
- 8. Scrivere l'equazione della circonferenza avente centro nel punto (-2,-2) e tangente alle rette y = 2x $y = -\frac{x}{2}$.
- 9. Data la circonferenza di equazione $x^2 + y^2 4x 4y = 0$, determinare la retta tangente alla circonferenza nell'origine degli assi cartesiani.
- 10. Trovare l'equazione della circonferenza che passa per i punti A(0,-1) e B(-3,0) e ha il centro sulla retta di equazione 6x y + 4 = 0 (suggerimento: il centro, oltre che sulla retta data, sta anche sull'asse del segmento AB...).
- 11. PROBLEMA
 - a) Si scriva l'equazione della circonferenza C di centro (5;5) e tangente alla retta t: y = 2x.
 - b) Si individuino il punto di tangenza A della circonferenza C con la retta t, ed il punto A' di tangenza della circonferenza C con la retta t', simmetrica della retta t rispetto alla bisettrice del primo e terzo quadrante.
 - c) Si calcoli l'area del quadrilatero OACA'.
 - d) Si determinino le equazioni delle circonferenze tangenti esternamente a C e al semiasse positivo delle ascisse.
- 12. Si risolva graficamente la seguente disequazione irrazionale: $\sqrt{1-x} \le 1-2x$.

- 13. Si tracci il grafico della seguente funzione irrazionale: $y 2 = \sqrt{1 x^2}$.
- 14. Determinare l'equazione della circonferenza passante per A(0,-2), B(0,6) e C(8,0).
- 15. Determinare l'equazione delle rette tangenti uscenti dal punto $P(\sqrt{2},0)$ alla circonferenza di centro l'origine e raggio 1.
- 16. Date le circonferenze di equazione $x^2 + y^2 4x = 0$; $x^2 + y^2 4y = 0$, determinare la circonferenza di centro C(1,1) e passante per i punti intersezione delle due circonferenze. Calcolare inoltre l'area del quadrato circoscritto alla circonferenza trovata.
- 17. Determinare l'equazione della circonferenza circoscritta al triangolo isoscele ABC, sapendo che la base AB misura $6\sqrt{2}$ e sta sulla retta di equazione y = x 4, e che il vertice si trova nel punto C(-1;5).

Soluzioni

2. $x \le 0$

3.
$$a)8x + 2y - 5 = 0$$
 $b)E\left(0; \frac{5}{2}\right), D\left(7; 0\right)$ $c)\left(x - 4\right)^2 + \left(y - \frac{7}{2}\right)^2 = 17, \left(x + 4\right)^2 + \left(y - \frac{3}{2}\right)^2 = 17$

4.
$$\left(x - \frac{4\sqrt{17}}{3}\right)^2 + \left(y - \frac{4\sqrt{17}}{3}\right)^2 = 16$$
 $4x - y - 8\sqrt{17} = 0$ $Area = 8$

6.
$$(x-2)^2 + (y-18)^2 = 32$$

7.
$$E(2;0)F(2;-6)$$
 $x+3y-2=0$

8.
$$(x+2)^2 + (y+2)^2 = \frac{4}{5}$$

9.
$$x + y = 0$$

10.
$$x^2 + y^2 - 8y = 9$$

11.

$$a)(x-5)^2 + (y-5)^2 = 5$$
 $b)A(3;6)A'(6;3)$ $c)Area = 15$ $d)(x-3\sqrt{5})^2 + (y-15+6\sqrt{5})^2 = 45(9-4\sqrt{5})$

12.
$$x \le 0$$

14.
$$x^2 + y^2 - \frac{13}{2}x - 4y - 12 = 0$$

15.
$$y = \pm \left(x - \sqrt{2}\right)$$

16.
$$x^2 + y^2 - 2x - 2y = 0$$

17.
$$\left(x - \frac{12}{5}\right)^2 + \left(y - \frac{8}{5}\right)^2 = \frac{578}{25}$$
.

A-LEVEL MATHEMATICS

- 1. Write down the equation of the circle with centre C = (1, 2) and radius r = 3.
- 2. Find the coordinates of the centre and the radius of the following circle: $x^2 + y^2 2x + 4y + 4 = 0$.
- 3. Find the equation of the circle passing through three points: (3;3),(1;4),(0;2).

- 4. Find the equation of the tangent to $x^2 + y^2 + 4x 6y 12 = 0$ at (1,7).
- 5. Find the point on the circle $x^2 + y^2 16x + 12y + 75 = 0$ which is a) nearest to, b) furthest from origin.
- 6. Find the equations of the circle touching both coordinate axes and passing through point (2;1).
- 7. Find the two values of *m* for which the line my = 11 3x is a tangent to the circle $x^2 + y^2 8x 12y + 25 = 0$.
- 8. Find the equations of the two tangents from the origin to the circle $(x-3)^2 + (y-2)^2 = 1$.