

Rapport de Projet Tuteuré - PANDROIDE Pas de jaloux, un jeu de partage équitable

Auteurs

Alexandre Bontems Gualtiero Mottola Hans Thirunavukarasu

Superviseurs

Nicolas Maudet Aurélie Beynier

Université Pierre et Marie Curie, Paris 6, Département Informatique 4 place Jussieu 75252 Paris cedex 05, France

Dans le cadre du master informatique ANDROIDE de l'UPMC, un projet tuteuré doit être effectué par les étudiants et ce rapport en détaille les résultats. Le problème de partage équitable LEF (Local Envy Freeness), présenté en [2], est étudié et un jeu puzzle en est dérivé. Pour répondre aux problématiques d'analyse de difficulté pour l'humain, des résolutions « à la main » sont observées et des outils sont développés pour tenter d'expliquer les ressentis. Le développement d'une application jeu pose également les problématiques liées à l'expérience utilisateur et de conception de tutoriel.

TABLE DES MATIÈRES

Intr	roduction	2												
Ana	alyse d'instances	3												
2.1	Solvabilité d'une instance	3												
2.2	Résolution par backtracking	4												
2.3	Modélisation ASP	6												
2.4														
2.5	Apprentissage de la difficulté	10												
	2.5.1 Régression multiple, polynomiale et logistique	10												
	2.5.2 Arbres de décision	12												
App	plication mobile	12												
3.1	Conception de l'interface	13												
		14												
		16												
		16												
3.2	Structure de l'application	16												
3.3	Les modèles du jeu	18												
3.4														
	Ana 2.1 2.2 2.3 2.4 2.5 App 3.1	2.2 Résolution par backtracking 2.3 Modélisation ASP 2.4 Analyse de Fitness Landscape 2.5 Apprentissage de la difficulté 2.5.1 Régression multiple, polynomiale et logistique 2.5.2 Arbres de décision Application mobile 3.1 Conception de l'interface 3.1.1 Les besoins utilisateur 3.1.2 Interface de jeu 3.1.3 Autres pages 3.1.4 Tutoriel 3.2 Structure de l'application 3.3 Les modèles du jeu												

4	Travail futur	20													
5	Conclusion	22													
Ré	Références														
A	A Arbre de décision														
В	3 Tutoriel														
\mathbf{C}	LEF Solver														
D	Diagramme de classe d'Equity														
${f E}$															
	E.1 Présentation du projet	$\frac{27}{27}$													
	Objectifs														
	E.3 Analyse du problème	27													
	E.4 Application Mobile	28													
	E.4.1 Besoins fonctionnels : front-end	28													
	E.4.2 Besoins fonctionnels: back-end	28													
	E.4.3 Spécifications logicielles	28													
	E.5 Maquette de l'application	29													
	E.6 Documentation	29													
	E.7 Livrables attendus	29													
	E.8 Planification	30													
\mathbf{F}	Instances choisies pour apprentissage	31													

1. Introduction

Ce travail s'est effectué dans le cadre du projet tuteuré du Master ANDROIDE, proposé par la faculté des sciences de *Sorbonne Université*. Les principaux objectifs, donnés par l'équipe cliente (composée de Nicolas Maudet et Aurélie Beynier), étaient de développer un jeu basé sur le problème de satisfaction LEF et de pouvoir y proposer des niveaux de difficulté croissante. Pour répondre à ces besoins le projet s'est vu divisé en deux parties : l'analyse d'instances pour en évaluer la difficulté et, en parallèle, le développement d'une application permettant de jouer au jeu.

Défini dans [2], le problème de satisfaction LEF (prouvé NP-complet) est résumé ici; n agents se trouvent liés par un réseau social dans lequel chaque agent peut percevoir un à deux autres voisins. Ils sont disposés en chaîne et sont liés à leurs voisins de gauche et de droite (voir Figure 1). C'est le seul type de réseau évoqué par ce projet mais tout autre type peut être envisagé pour analyse avec les outils proposés dans ce rapport. On dispose d'autant de biens indivisibles (ou objets) que d'agents. La résolution du problème consiste alors en la recherche d'une allocation équitable \mathcal{A} d'un objet par agent. Une allocation est recevable si aucun agent n'éprouve de jalousie, c'est-à-dire si pour toute paire d'agents (a_i, a_j) , voisins dans le réseau, la relation suivante est vérifiée : $\mathcal{A}(a_i) \succ_i \mathcal{A}(a_j)$. Comme on peut le voir dans la Figure 1, chaque agent est associé à une liste de préférences concernant tous les biens, triée de haut en bas. Par exemple, l'agent a_1 est défini par l'ordre de préférence $o_2 \succ o_4 \succ o_1 \succ o_3$. Une solution possible de l'exemple est surlignée en jaune.

Ce sont les instances de cette variante du problème LEF qui ont été analysées au cours de ce projet. Seules les instances de trois à sept agents étaient concernées car celles de tailles

o_2	o_3	o_2	o_3
o_4	o_4	o_1	o_4
o_1	o_2	o_4	o_2
o_3	o_1	o_3	o_1
(a_1) —	$ (a_2)$ $-$	<u>(a3)</u>	$-(a_4)$

Figure 1 – Exemple d'instance étudiée du problème LEF

inférieures à trois ne peuvent avoir qu'une solution et qu'une borne de taille était nécessaire à cause du support choisi pour le jeu. Afin de proposer des enjeux intéressants aux joueurs, le travail d'analyse s'est concentré sur l'obtention d'instances solvables et le développement d'outils permettant d'évaluer leur difficulté. Puisque la résolution au sein du jeu se fait « à la main » par un humain, obtenir les ressentis de difficulté des joueurs était primordial et l'application de jeu s'est révélée très utile pour récupérer ces informations. Il a ainsi été possible d'étudier les corrélations entre les caractéristiques d'une instance et la difficulté éprouvée par les joueurs. Ces résultats permettent d'intégrer de nouvelles instances dans le jeu et de déterminer un niveau de difficulté probable selon leurs caractéristiques.

Il a été décidé très tôt qu'une plateforme mobile se prêtait au mieux à ce type de jeu puzzle et l'application a donc été produite au sein de l'écosystème Android, permettant ainsi la distribution du jeu à un grand public. Un certain nombre de problématiques liées au développement d'application et d'interface ont été traitées, notamment la conception de tutoriel et d'une interface favorisant la compréhension et l'amusement.

Ce rapport détaille en premier lieu le processus d'analyse des instances, puis l'architecture logicielle ainsi que l'esthétique de l'application jeu en elle-même.

2. Analyse d'instances

Dans la partie théorique de ce projet, nous nous sommes attelés au calcul de métriques diverses permettant de résumer les caractéristiques d'une instance donnée. Puisque l'évaluation de la difficulté d'une instance se fait par rapport à une résolution humaine, plusieurs hypothèses ont été posées concernant les méthodes de résolution utilisées par un joueur. Elles dérivent directement d'observations réalisées grâce à l'application mobile développée dans le cadre de ce projet. Dans cette section, les différentes métriques conçues sont détaillées ainsi que les observations à leur source.

2.1. Solvabilité d'une instance

Afin d'obtenir des instances pertinentes pour notre analyse, il a d'abord été essentiel d'étudier leur solvabilité. Puisque le voisinage de chaque agent est connu, générer des instances comptant au moins une solution est relativement aisé. L'idée est de choisir une allocation aléatoire, c'est-à-dire l'indice pour chaque agent, dans leur liste de préférences respective, de l'objet qui leur sera alloué. On s'assure ensuite qu'un agent donné ne préfère pas les objets choisis pour ses voisins à sa propre allocation. Le pseudo-code suivant a été implémenté dans ce projet.

Un exemple d'instance générée se trouve en Table 1. Les objets correspondants aux indices choisis en première étape sont encadrés et on se rend bien compte que les objets choisis pour les voisins sont bien placés dans les préférences de façon à ne pas générer de jalousie dans l'allocation. Chaque couleur correspond à un objet différent et les objets alloués aux voisins apparaissent en couleur.

```
Indices := []
1
   Pour chaque agent a:
2
       % Il faut que les objets voisins ne soient pas préférés à l'indice
       % choisi donc on garde une place pour les agents en extrémités et
       % deux places pour les restants.
5
       Si a est le premier agent ou le dernier agent:
6
           Indices[a] := valeur aléatoire entre 1 et n-1
           Indices[a] := valeur aléatoire entre 1 et n-2
10
   Pour chaque agent a:
11
       Prefs[a] := []
12
       ValeursPossibles := {1, .., n}\(Indices[Voisins[a]] et Indices[a])
13
14
       Pour chaque indice i < Indices[a]:
15
           k := valeur aléatoire parmi ValeursPossibles
16
           Prefs[a, i] := k
17
           ValeursPossibles := ValeursPossibles \{k}
18
19
       Prefs[a, i] := Indices[a]
20
       ValeursPossibles := ValeursPossibles et Indices[Voisins[a]]
^{21}
22
       Pour chaque indice i > Indices[a]:
23
           k := valeur aléatoire parmi ValeursPossibles
24
^{25}
           Prefs[a, i] := k
           ValeursPossibles := ValeursPossibles \{k}
```

Figure 2 – Algorithme de génération d'instance solvable

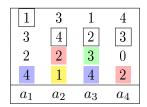


Table 1 – Exemple d'instance générée

2.2. RÉSOLUTION PAR BACKTRACKING

Avec des instances résolvables, nous avons pu procéder à leur analyse et la première approche abordée a été de résoudre le problème à l'aide d'un algorithme de backtracking. En effet, il s'est rapidement montré évident qu'un processus similaire pouvait être utilisé comme méthode de résolution par un humain (**Observation 1**).

Observation 1. Un déroulement fréquemment observé est de commencer par choisir un premier agent pour lui affecter un objet (généralement parmi les extrémités car le voisinage est alors de taille 1 seulement et les contraintes sont par conséquent plus faciles à satisfaire). L'étape suivante est de choisir un objet pour cet agent et le plus facile est de commencer par l'objet préféré : plus un objet est apprécié par un agent, moins il est probable de laisser place à de la jalousie. On poursuit ensuite le processus d'allocation en choisissant un voisin de cet agent et en procédant de manière similaire de voisin en voisin (choix de l'objet le plus aimé parmi les restants). Lorsqu'un agent se montre jaloux, on revient sur le choix précédent. L'explication du problème au joueur peut cependant influer sur ce déroulement typique; Par exemple si la visualisation des listes de préférences n'est pas bien comprise alors la procédure de choix des objets à affecter peut être

altérée. Ce comportement atypique disparaît généralement si un joueur joue plusieurs fois.

C'est avec ces observations en tête que l'algorithme de backtracking a été conçu. Depuis un agent quelconque, l'algorithme tente d'affecter les objets préférés en premier tout en vérifiant les contraintes, et procède ainsi de voisin en voisin jusqu'à ce qu'une affectation soit trouvée. Si au cours de la recherche aucune affectation n'est possible dans la liste de préférence d'un agent sans générer de jalousie, alors un retour arrière sur l'agent précédent est opéré et une nouvelle affectation est tentée pour cet agent. De par l'heuristique de choix des objets à affecter, on s'assure de trouver des solutions Pareto-optimales (voir Definition 1). L'algorithme est lancé depuis tous les points de départs possibles et dans chaque direction possible afin de trouver toutes les solutions optimales. Donc pour chaque agent a_i , l'algorithme va dans la direction $a_{i+1} \rightarrow a_{i+2} \rightarrow ...$ pour trouver une solution puis dans la direction $a_{i-1} \rightarrow a_{i-2} \rightarrow ...$ pour tenter d'en trouver une autre. Puisque l'algorithme est volontairement naïf, sa complexité temporelle est élevée (il peut théoriquement considérer les n! solutions possibles) mais la taille des instances étant limitée il est suffisamment rapide en pratique.

Définition 1. Une solution **Pareto-optimale** est une solution telle que l'on ne peut affecter un meilleur objet à un agent sans devoir affecter un objet moins aimé à un ou plusieurs autres agents.

Nombre d'affectations (avg_naff) Une première mesure résultant de l'exécution de l'algorithme est le nombre de tentatives d'affectation qui est incrémenté à chaque fois que l'algorithme tente d'allouer un objet à un agent. Un déroulement sans retours arrière affiche donc un nombre d'affectation égal au nombre d'agents mais une instance plus difficile à résoudre pour l'algorithme engendrera un plus grand nombre d'essais à cause des retours arrière. On peut mesurer la moyenne de ce nombre sur toutes les exécutions de l'algorithme sur une instance et obtenir une estimation du nombre d'objets à considérer en moyenne lors d'une résolution.

Solutions Pareto-optimales (npo) L'algorithme de backtracking permet de trouver l'ensemble de ces solutions pour une instance. Ce sont, d'après notre hypothèse de choix (commencer par les préférés), les instances les plus facilement accessibles. Compter leur nombre donne donc une indication de la force des contraintes dans l'instance. S'il existe peu de ces solutions alors on peut, dans certains cas, inférer un temps de recherche plus grand mais il est important de combiner cette mesure avec la notion de regret détaillée plus bas. En effet, une instance dans laquelle tous les agents peuvent avoir leur objet préféré compte une seule solution Pareto-optimale mais ne peut être considéré comme difficile.

Regret associé à une solution Toujours en rapport avec l'hypothèse de choix des objets, on définit le regret global associé à une solution tout simplement comme la somme des indices de l'allocation dans les listes de préférences respectives. Soit ind(.) la fonction qui a un objet associe son indice dans la liste de préférence de son agent alors le regret R peut s'écrire comme suit.

$$R = \sum_{i=1}^{n} ind(\mathcal{A}(a_i))$$

Ainsi, en utilisant une indexation à partir de 0, dans la Table 2, la solution en jaune a un regret de 1 et la solution en bleu a un regret de 3 + 4 + 2 + 4 + 2 + 1 + 2 = 18. La première est bien évidemment la plus facile à trouver.

De cette mesure de regret (qui s'apparente à calculer le score de Borda de l'allocation) on peut tirer plusieurs métriques intéressantes :

- Le regret minimum à atteindre pour trouver une solution (minr),
- Le regret moyen dans les solutions Pareto-optimales (avgr),

\mathbf{Index}							
0	2	3	2	5	7	4	6
1	1	4	6	6	3	5	1
2	3	2	1	7	2	6	3
3	6	5	3	3	1	7	7
4	5	7	4	4	6	1	5
5	3	1	7	2	4	2	2
6	7	6	5	1	5	3	4

Table 2 – Exemple de deux solutions pour une instance de 7 agents

— Le regret minimum pour les agents en extrémité puisque ce sont eux qui sont choisis en premier le plus fréquemment (minr_extr et minr_extl). Les deux regrets sont mesurés séparément.

Observation 2. Une grande proportion de joueurs, après plusieurs résolutions, exhibe une méthode de réduction des domaines de variables basée sur la présence de certains objets en top préférence.

Nombre de positions possibles pour un objet (npstn) Grâce à l'Observation 2, il a été remarqué que l'on pouvait, dans certaines instances, déterminer des positions impossibles pour un objet donné. En effet, la présence d'un objet en top préférence dans plusieurs listes voisines empêche son affectation aux agents concernés. Par exemple dans la Table 3, aucun des agents a_4 , a_5 ou a_6 ne peut se voir affecté l'objet 7 sous peine de rendre au moins un de ses voisins jaloux. D'une manière générale, si un objet est en top d'une liste de préférence, il ne peut pas être affecté à un agent voisin sans créer de jalousie chez l'agent l'ayant en top. De plus, on ne peut affecter à un agent que les (n-nbvoisins) premiers objets de sa liste de préférences car il est sinon impossible de ne pas envier au moins un de ses voisins. Dans la Table 3, on a donc seulement deux positions possibles pour l'objet 7, surlignées en bleu. Les positions des agents a_3 , a_4 , a_5 et a_6 sont prohibés par la présence de l'objet en top chez un voisin et on ne peut pas affecter l'objet à l'agent a_2 car il serait forcément jaloux de ses voisins.

	7	2	6	2	7	7	7
	2	1	4	6	2	1	5
	4	3	7	4	1	6	6
	3	4	2	5	3	5	3
	6	5	3	1	6	4	2
	5	6	5	3	5	2	1
	1	7	1	7	4	3	4
Agents	a_1	a_2	a_3	a_4	a_5	a_6	a_7

Table 3 – Exemple des positions possibles d'un objet

2.3. Modélisation ASP

Acquérir l'ensemble des solutions possibles d'une instance était intéressant pour comprendre ses contraintes ainsi que pour certaines métriques détaillées dans la suite de cette section. Pour cela, le problème a été modélisé sous la forme d'un programme d'Answer Set Programming (ASP) [3], particulièrement efficace pour la résolution de problèmes NP-difficiles. La génération de modèle ainsi que les contraintes écrites dans le formalisme ASP sont visibles en Figure 3. Pour chaque instance à résoudre, il suffit donc de générer l'encodage des données, c'est-à-dire les

Figure 3 – Codage des contraintes de LEF en ASP

listes de préférences. Pour une instance à n agents, cela prend la forme visible en Figure 4. Après

```
1 % On a les agents 1 à n.
2 agent(1..n).
3 % On a les objets 1 a n.
4 objets(1..n).
5 % On définit les positions des objets dans les listes de préférences.
6 % Pour chaque agent A, pour chaque objet O, on définit l'indice p dans
7 % la liste de préférence:
8 position(A, O, p).
9 [...]
```

Figure 4 – Codage d'une instance de LEF en ASP

résolution, les valeurs vérifiant le prédicat aff/2 donnent les affectations possibles pour chaque modèle. On peut ainsi récupérer le nombre total de solutions (nsols) pour une instance. Certaines de ses solutions sont complètement dominées au sens de Pareto par celles trouvées via l'algorithme de backtracking mais il est tout de même important de les prendre en compte car elles donnent une indication sur la difficulté à vérifier les contraintes du problème.

Nombre de variables dites "frozen" (nfrozen) Des concepts de la programmation logique découlent les frozen variables. Ce sont les variables qui ne peuvent prendre qu'une seule valeur dans l'ensemble des solutions. Un grand nombre de ces variables implique généralement un faible nombre de solution et donc un problème très contraint. Cela peut-être bénéfique pour un joueur car la seule position possible est potentiellement déductible de la façon décrite dans le paragraphe sur les positions possibles d'un objet (voir sous-section précédente).

2.4. Analyse de Fitness Landscape

Lors des recherches bibliographiques dédiées à ce projet, beaucoup de résultats concernant l'analyse de *fitness landscape* sont apparus [8, 5, 10]. Le but est souvent de jauger la difficulté de résolution d'un problème et de pouvoir ainsi déterminer quel algorithme ou composante d'algorithme est la plus à même de résoudre le problème rapidement. Un certain nombre d'outils tirés de cette littérature ont été explorés dans l'espoir d'expliquer les ressentis humains. Ici le problème n'est pas de sélectionner un algorithme comme dans ces articles mais de déterminer les méthodes de résolution utilisées par un joueur. Par la suite on considère le problème d'optimisation combinatoire correspondant à la relaxation du problème LEF et le paysage étudié découle de l'**Observation 3**.

Observation 3. Lorsqu'une allocation complète est atteinte mais qu'un ou plusieurs agents sont jaloux, certains joueurs ont tendance à échanger les objets de deux agents dans l'espoir de réduire le nombre de jaloux.

Définition 2. Pour définir le fitness landscape, il faut tout d'abord en définir les composantes. D'après nos observations, une fonction de fitness $(f : solution \to \mathbb{N})$ évidente est le nombre d'agents jaloux dans une allocation donnée et le problème consiste alors en la minimisation de cette fonction. On peut ensuite définir une fonction de distance entre deux solutions $(d : s_1 \times s_2 \to \mathbb{N})$ qui compte le nombre minimum d'échanges nécessaires pour passer de s_1 à s_2 . Soit S l'espace des solutions candidates, le fitness landscape F est alors la structure :

$$\mathcal{F} = (\mathcal{S}, f, d)$$

Définition 3. Le voisinage $\mathcal{N}(x,\epsilon)$ d'une solution x dans un tel paysage comprend toutes les solutions situées à une distance ϵ de x.

$$\mathcal{N}(x,\epsilon) = \{x' \mid d(x,x') = \epsilon\}$$

Définition 4. La notion de **Landscape Walk** [8] est un outil très utilisé dans l'analyse de fitness landscape. On s'intéresse ici à deux types distincts :

- Random walk dans lequel on se déplace au sein de l'espace des solutions de manière aléatoire, passant de voisin en voisin,
- Adaptative walk où à chaque pas de temps une solution de meilleure fitness dans le voisinage est choisie pour poursuivre l'exploration.

Bassin d'attraction (bs) Depuis les optimums trouvés grâce au programme ASP, il est possible de calculer des bassins d'attraction. Cela implique le calcul des « chemin descendants » jusqu'à un optimum : un tel chemin est une séquence de solutions candidates présentant chacune une fitness moins grande que la précédente (comme défini dans [8], un chemin descendant P entre x_0 et x_n est $\{x_i\}_{i=0}^n$ avec $(\forall i < j)$ $f(x_i) \ge f(x_j)$, $f(x_0) > f(x_n)$ et $d(x_{i+1}, x_i) = 1$. Alors on note le bassin d'attraction faible d'un optimum o:

$$B(o) = \{x | x \in S, P(x, o)\}$$

La taille d'un tel bassin donne une idée de la probabilité de convergence vers un optimum depuis une solution candidate quelconque. Un petit bassin autour d'un optimum global entraîne un temps de recherche probablement plus long. Si on considère l'opérateur de recherche locale SWAP supposé par l'**Observation 3**, un joueur cherchant exclusivement à améliorer sa solution aurait plus de facilité à naviguer dans un espace de recherche à grand bassin d'attraction. Il devrait sinon passer par des solutions de plus grand coût, ce qui paraît moins rationnel.

Calculer ces bassins exhaustivement peut se révéler coûteux dans certaines instances et on pourra donc procéder à une estimation via des parcours adaptatifs (inspiré par [5]). La complexité est alors $O(\text{nombre de parcours} \times \text{longueur max} \times |\mathcal{N}|)$. À chaque étape d'un parcours, une solution de meilleure fitness est choisie uniformément aléatoirement parmi le voisinage courant. Un exemple de bassin estimé peut être trouvé en Figure 5.

Définition 5. Un optimum local x^* est une solution telle que toute solution voisine x présente une fitness inférieure ou égale à celle de x^* .

$$\forall x \in \mathcal{N}(x^*), \ f(x) < f(x^*)$$

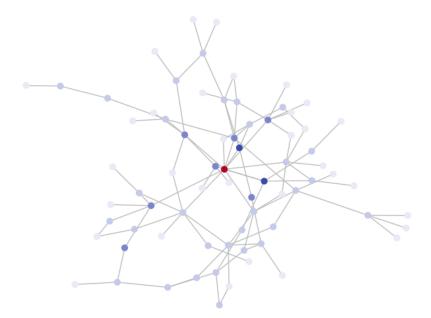


FIGURE 5 – Exemple de bassin d'attraction pour une instance de taille 5 et une seule solution possible. Le bassin trouvé est de taille 70 pour un espace de recherche de taille 5! = 120. On peut ainsi en déduire la probabilité pour un joueur de se trouver dans ce bassin d'attraction.

Nombre d'optimums locaux (nlo) La modalité de l'espace de recherche donne une indication de la rugosité du paysage. Selon l'Observation 3, les joueurs peuvent exécuter des parcours adaptatif et cette mesure se révèle alors intéressante. Pour l'estimer plusieurs méthodes ont été considérées : échantillonnage aléatoire et échantillonnage via parcours adaptatifs. Dans la méthode proposée par [1], des solutions candidates sont tirées uniformément aléatoirement et sont évaluées. On obtient ainsi une procédure de complexité $O(n \times |\mathcal{N}|)$ avec n la taille de l'échantillon souhaité. La fiabilité de cet estimateur est largement dépendant de la taille choisie. Dans la méthode basée sur des parcours adaptatifs des solutions candidates sont choisies uniformément aléatoirement mais on procède à un parcours adaptatif dessus afin de trouver un optimum. Ce rapport n'étudie que des instances de taille n'excédant pas 7 agents ce qui veut dire un maximum de 7! = 5040 solutions possibles. Ce faible nombre permet de compter exhaustivement le nombre d'optimums locaux.

Auto-corrélation (ac) Une autre mesure permettant l'estimation de la rugosité est l'auto-corrélation de la fonction fitness dans des parcours de l'espace de recherche. Si elle est haute alors la fitness ne varie pas beaucoup de voisin en voisin : le paysage est dit « plat ». On s'est intéressé dans ce projet à mesurer cette corrélation dans le voisinage des optimums. L'intuition est que si un optimum a un grand bassin d'attraction mais que la corrélation est grande, alors il sera difficile pour un joueur de naviguer jusqu'à l'optimum. On procède à des parcours aléatoires en partant d'optimums et la mesure ac est donnée par la formule suivante [8]

$$\rho(n) = \frac{E\left[f(x_i) - \bar{f}\right)(f(x_{i+n}) - \bar{f})\right]}{\sigma_f^2}$$

avec $\sigma_f^2 = \bar{f}^2 - \bar{f}^2$ la variance de fitness et E la fonction d'espérance mathématique. On calcule ici $\rho(1)$ qui permet de calculer l'auto-corrélation le long du parcours.

2.5. Apprentissage de la difficulté

Fort de ces mesures, il s'est agit ensuite d'établir la relation entre les caractéristiques d'une instance et la difficulté ressentie par les utilisateurs. Pour cela, l'application mobile (détaillée en Section 3) était très utile et il a été demandé à un grand nombre de personne de résoudre des instances. À chaque niveau résolu l'application enregistre les informations suivantes : le nombre de coups, le temps de résolution et une note de difficulté donnée par le joueur. Un « coup » correspond à l'action de donner un objet à un agent. Les instances choisies pour ces collectes de données ainsi que leurs features sont visibles en Appendix F.

Aucune corrélation directe entre les mesures développées dans ce projet et les difficultés reportées n'a pu être établie. Même la mesure simple de la taille du niveau n'est pas d'une grande aide (voir Figure 6). Les notes sont distribuées quasiment également quelle que soit la taille des niveaux. Nous avons donc dû envisager des modèles de décision plus complexes.

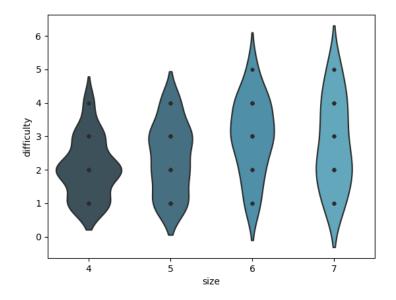


Figure 6 – Difficulté en fonction de la taille

2.5.1. Régression multiple, polynomiale et logistique

Disposant d'une expertise limitée dans le domaine de l'optimisation stochastique, nous avons d'abord opté pour une simple régression linéaire multiple permettant de prédire le niveau de difficulté d'une instance. On pourra donc utiliser toutes les mesures détaillées précédemment comme features et tenter de prédire une des trois données récupérées des utilisateurs. Chacune cependant présente certains défauts : la difficulté ressentie semble être la plus intéressante pour définir la difficulté réelle d'un niveau mais est par définition subjective et sujette aux antécédents du joueur (formation, affinités mathématiques, etc). De plus, les joueurs gagnent de l'expérience à chaque instance résolue et leur ressenti en est impacté. Ceux qui commencent le jeu auront tendance à noter les premières instances jouées (souvent de moindre taille) hautes en difficulté et ceux plus experts noteront les dernières (de grande taille) moins difficiles. Il est difficile de savoir à quel point l'ordre dans lequel sont présentées les instances influe sur les ressentis. L'approche de ce projet demande des expériences plus poussées que ce qui a pu être fait.

Le temps passé sur une instance également peut être facilement faussé si un joueur est dérangé pendant le jeu ou n'est tout simplement pas concentré dessus pendant toute la résolution. Enfin certains joueurs auront tendance à réfléchir mentalement uniquement et d'autres à utiliser

abondamment le support à leur disposition, augmentant le nombre de coups.

Nous avons mis en place un ensemble d'apprentissage qui tente d'avoir le plus de diversité possible dans les features tout en évitant les instances à solution évidente. Une régression linéaire multiple a tout d'abord été testée sans grands espoirs (prédiction d'une valeur réelle à partir de plusieurs features) [6]. Dans ce premier modèle on dispose d'une matrice de features X qui pour toute résolution reporte les caractéristiques de l'instance résolue. On dispose également d'un vecteur Y qui pour chaque résolution associe la difficulté notée. Le but est de trouver la fonction la plus probable pour expliquer Y à partir de X et on utilise pour cela la méthode des moindres carrés.

On souhaite trouver un vecteur de poids w de façon à ce que $\hat{Y} = wX + b$ soit le plus proche possible de Y. Pour cela l'erreur E de l'Equation (1) est minimisée; Le « bias term » est inclu dans w et une colonne de 1 est ajoutée aux features de X.

$$E = \sum_{i} (y_i - w^T x_i)^2 \tag{1}$$

Mettre les erreurs au carré nous permet de dériver l'erreur par rapport à toutes les composantes de w et de chercher les valeurs pour lesquelles ces dérivées s'annulent. On peut écrire l'erreur sous forme matricielle (Equation (2)).

$$E = \sum_{i} (y_{i} - w^{T} x_{i})^{2}$$

$$E = (Y - Xw)^{T} (Y - Xw)$$

$$E = Y^{T} Y - Y^{T} Xw - (Xw)^{T} Y + (Xw)^{T} (Xw)$$

$$E = Y^{T} Y - Y^{T} Xw - w^{T} x^{T} Y + w^{T} X^{T} Xw$$
(2)

On peut alors calculer la dérivée partielle par rapport à w (grâce à [7]).

$$\frac{\partial E}{\partial w} = -2X^T Y + 2X^T X w$$

Chercher w tel que cette dérivée s'annule revient alors à résoudre l'équation suivante.

$$\frac{\partial E}{\partial w} = 0 \to X^T X w = X^T Y$$
$$\to w = (X^T X)^{-1} X^T Y$$

Les calculs sont délégués à la librairie sklearn et le modèle LinearRegression est utilisé sur l'ensemble des données. À la date d'écriture de ce rapport cet ensemble comprend 182 exemples et 13 features différentes. Il est partagé en ensemble d'apprentissage et ensemble de test dans les proportions 80%/20% aléatoirement. Pour mesurer la fiabilité du modèle la mesure r^2 est utilisée, définie comme suit.

$$r^2 = 1 - \frac{E}{\sum_{i} (y_i - \bar{y})^2}$$

On l'interprète comme une mesure d'erreur du modèle par rapport à la prédiction de la moyenne. Un r^2 de 1 indique un modèle sans erreur, un r^2 à 0 indique un modèle qui ne prédit pas mieux que la moyenne. Un r^2 inférieur à 0 veut généralement dire un modèle mauvais car prédisant moins bien que la moyenne.

Dans notre projet, le meilleur score trouvé est de 0.25 pour une erreur carrée moyenne (MSE) de 0.84. Étant donnée le faible nombre d'exemples ce score est grandement impacté par la répartition dans les ensembles d'apprentissage et de test. Néanmoins, tester d'autres modèles nous semblait important et l'étape logique suivante était un apprentissage via régression polynomiale. Pour cela on augmente artificiellement la dimensionnalité des features en ajoutant

des termes dans la matrice X. Ils correspondent aux features existantes avec un degré supérieur. Ainsi notre modèle précédent $y = w_0x_0 + w_1x_1 + ... + w_nx_n$ se trouve transformé en $y = w_0x_0 + w_1x_1 + w_2x_2 + w_{11}x_1^2 + w_{22}x_2^2 + w_{12}x_1x_2$ pour un modèle à deux features et un degré maximal de 2 ([9]). Puisque le passage à un modèle polynomial peut entraîner des poids élevés dans w dans les domaines où il n'existe pas beaucoup de donnée, une régularisation de type Ridge est utilisée (Equation (3)).

$$E_{RIDGE} = \sum_{i} (y_i - \hat{y}_i)^2 + \alpha |w|^2 \tag{3}$$

On pénalise les grands poids en ajoutant leur magnitude (norme L2 de w) au carré au coût. Cela permet de réduire les risques de sur-apprentissage. Malgré ces changements malheureusement, même en montant jusqu'à un degré 5 on obtient un r^2 de 0.30 et une MSE de 0.79. Au vu de ces résultats peu intéressants, une dernier type de régression a été testé.

Dans la régression logistique il n'est plus question de prédire une valeur réelle mais un entier qui correspond à la classe de difficulté. Dans l'application les joueurs peuvent la noter en choisissant une valeur entre 1 et 5 et c'est cette valeur qui servira donc de classe dans ce modèle. Par manque de temps les calculs sous-jacents n'ont pas été étudiés et le modèle a été testé directement en s'inspirant des exemples trouvés dans la documentation de sklearn. Ce modèle est par ailleurs un classifier et on calcule donc son score comme le pourcentage de bonne réponses. D'après nos tests, le plus haut score que nous puissions obtenir est de 0.48 pour une MSE de 1.08.

2.5.2. Arbres de décision

La dernière approche abordée a été de faire appel aux classifiers arbres de décision souvent abordés dans notre formation [4]. L'idée y est de construire un arbre dont les feuilles correspondent aux classes à prédire. Chaque nœud correspond ensuite à une décision concernant une des features. Lorsque les nœuds sont construits, l'algorithme d'apprentissage tente de trouver les features et valeurs associées promettant le plus de discrimination au sein des exemples (l'entropie de Shannon est souvent utilisée). On utilise ici aussi la librairie sklearn pour produire l'arbre.

Les premières constructions montrent des scores élevées mais après plus proche examination semblent ne pas pouvoir se généraliser convenablement. En effet, la plupart des feuilles ne concernent que quelques exemples (un ou deux) et l'arbre est généralement très profond. On en déduit un sur-apprentissage et un nombre minimal d'exemples par feuille est posé à 10% de l'ensemble d'apprentissage. Malheureusement le score trouvé est alors seulement de 0.40 au mieux (l'arbre correspondant est visible en Appendix A). Il serait peut être bon d'explorer les forêts aléatoires.

3. Application mobile

L'application Android, nommée Equity, a été développée sous l'IDE Android Studio 3, avec l'API Android 16, supportant ainsi près de 99% des appareils Android en circulation. Le code de l'application a été entièrement géré avec Git et est d'ailleurs disponible à l'adresse suivante : https://github.com/tndnc/pandroid/tree/master/equity.

L'application devait répondre aux spécifications suivantes : permettre aux utilisateurs de sélectionner des niveaux, de les résoudre et d'en noter la difficulté. Pour les administrateurs il était également important de pouvoir facilement mettre à jour la liste des niveaux ainsi que de pouvoir récupérer les notes et meta-données issues de son utilisation par les utilisateurs. Ces données devaient pouvoir être exportées vers une base de données.

3.1. Conception de l'interface

L'interface centrale de l'application, l'aire de jeu d'Equity, est un des composants principaux du projet et a donc suivit un certain nombre d'itérations qui seront décrites dans la partie suivante. Le premier objectif de cette interface était de pouvoir représenter le jeu sur un écran de smartphone en mode portrait. En outre, il était important de réfléchir aux différents menus de l'application et au tutoriel permettant d'expliquer le jeu.

Ayant suivi en parallèle l'UE d'IHM pendant ce semestre, nous avons pu acquérir les connaissances et pratiques appropriées pour la conception de notre interface. Ces connaissance nouvellement acquises ont été appliquées tout au long du processus.

Il fallait tout d'abord identifier l'utilisateur qui était visé par notre application, mais nous nous sommes très rapidement rendu compte que cette notion était intrinsèque au sujet de notre projet. En effet, rappelons nous qu'il fallait évaluer la difficulté de nos niveaux et comparer nos prédictions à de vraies données. Or la notion de difficulté est subjective à n'importe quel être humain. Il nous fallait donc des données comprenant un maximum de diversité c'est-à-dire des utilisateurs de tous âges, de toutes formations, etc. L'idée était de minimiser le biais de nos résultats. Nous nous sommes donc donnés pour but de créer une application pour tout type d'utilisateur et l'interface devait aller dans ce sens aussi. Notre premier objectif était d'établir les besoins utilisateurs et tâches de notre système.

3.1.1. Les besoins utilisateur

Afin de définir les besoins, il est de convention d'interviewer des utilisateurs potentiels pour comprendre leur réaction face au jeu. Un petit nombre de personne ont été consultées et confrontée au problème, initialement sous la forme visualisée en Section 2 (c'est-à-dire un graphe liant les agents avec des listes de préférences triées de haut en bas). Puisqu'aucune problème de compréhension n'était apparent à ce stade, les premiers prototypes de l'interface se sont donc vu largement inspirés par cette visualisation. Nous avons aussi étudié les interfaces de jeux mobiles populaires telle que Candy Crush ou encore 2048 pour mieux comprendre les caractéristiques d'une bonne interface. Ces données une fois regroupées nous ont permis de dégager plusieurs lignes directrices pour notre interface.

Lors de nos interviews nous avons demandé quelles étaient les caractéristiques d'un bon jeu d'après nos utilisateurs potentiels et l'un des points positifs le plus souvent pointé du doigt était la facilité avec laquelle un utilisateur comprenait les règles. Beaucoup se sont en effet plaint de la difficulté à « entrer » dans un jeu dès lors que la prise en main devenait difficile et que les règles étaient complexes. Or la notion de jalousie évoquée précédemment n'est pas forcément naturelle, il était donc crucial pour notre application d'avoir une interface la plus claire possible pour la compréhension du jeu. Toujours en rapport avec le premier souci, nous avons également remarqué au cours de nos recherches, que la quantité d'information à l'écran était un facteur important. Il apparaît que le sentiment de confusion est amplifié lorsqu'un nombre important de données s'affiche en même temps : il fallait prendre en compte ce critère pendant le développement de notre application. Enfin les personnes interviewées nous ont souvent mentionné le coté fluide et rapide qu'ils trouvaient nécessaire à une application de ce type. L'optimisation de l'interface a donc été une préoccupation certaine durant le développement.

Tout au long du processus, nous nous sommes surtout concentrés sur les critères d'usabilité suivants qui était à nos yeux les plus importants : la facilité d'apprentissage (easy to learn), la facilité d'usage (easy to use), la satisfaction (qui reste tout de même une notion très subjective), et la robustesse. Après tout, il ne faut pas oublier que le but final est que l'utilisateur passe un moment agréable en jouant à notre application.

3.1.2. Interface de jeu

Une fois ce travail en amont fait, nous devions établir notre système et puisqu'il est relativement facile de produire des prototypes Android, nous nous sommes directement attelés au développement de la première itération d'interface. La visualisation en forme de grille a été déterminée très tôt : chaque case de la grille représente une préférence d'un des agents. Il a ensuite été décidé que les agents, représentés par des carrés de couleurs différentes, seraient placés sur la gauche de la grille et leur préférences, représentées par des cercles de couleurs différentes, sur la même ligne que l'agent. Les préférences se lisaient de gauche à droite donc l'objet préféré se trouvait le plus à gauche. Cette première interface est visible en Figure 7.

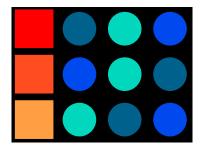


FIGURE 7 – Premier prototype d'interface de jeu

La sélection d'une préférence pour un des agents (l'allocation d'un objet à un agent) dessine un cercle de la couleur de l'agent derrière le cercle représentant la préférence en question. L'utilisateur peut donc choisir de sélectionner une certaine préférence en touchant le cercle correspondant. On note que le processus de sélection des ressources empêche de sélectionner plusieurs ressources pour un seul agent. À ce stade l'application est fonctionnelle.

Dans un soucis d'optimisation de l'espace et de lisibilité, la dernière modification structurelle de l'IHM consistait en la rotation de la grille de façon à ce que les agents se trouvent en haut et les préférences soient lues de haut en bas. Ce changement a permis l'utilisation d'une plus grande partie de la hauteur de l'écran et de pouvoir afficher de manière optimale les instances de plus grandes tailles (jusqu'à 7 agents) sur un grand nombre d'appareils.

L'étape suivante était de rendre l'interface agréable à l'œil et prête pour une distribution à plus grande échelle. Tous les changements décrit sont visibles en Figure 8a. En premier lieu une harmonisation des couleurs a été opérée offrant une palette réduite pour favoriser la lisibilité du problème. Les données de l'instance en revanche ont pu revêtir une palette plus complète de couleurs et de formes pour que les joueurs puissent facilement distinguer entre les différents objets. Plusieurs symboles, variants en formes et en couleurs, ont été dessinés avec un faible niveau de détail pour ne pas fatiguer l'œil. Des barres verticales ont été ajouté pour chacun des agents ce qui facilite la distinction des préférences par agent et l'identifiant du niveau est montré en haut de l'écran. Nous avons voulu ainsi minimiser la quantité d'information à assimiler. Par exemple les agents ne montrent plus des couleurs différentes car ils sont déjà différenciés par leur position dans l'interface.

Afin d'évaluer notre application, nous avons fait tester cette interface à nos proches. De multiples retours relataient ne pas comprendre quand et pourquoi une solution était erronée. Il était donc évident que pour améliorer l'expérience de jeu nous devions rendre la détection d'affectation non recevable plus aisée. Deux solutions ont été implémentées pour pallier ce problème. L'affichage d'une couleur différente lorsqu'une ressource est sélectionnée par deux agents ou plus permet au joueur de remarquer immédiatement qu'une telle assignation des ressources est impossible (Figure 8b). La possibilité d'afficher en rouge les colonnes des agents jaloux améliore le potentiel d'amusement (Figure 8c). Les joueurs passent moins de temps à rechercher pourquoi une solution n'est pas valide et plus de temps à chercher une meilleure solution. Notons que cette fonctionnalité facilite grandement le jeu, elle est donc désactivée par défaut et le joueur a

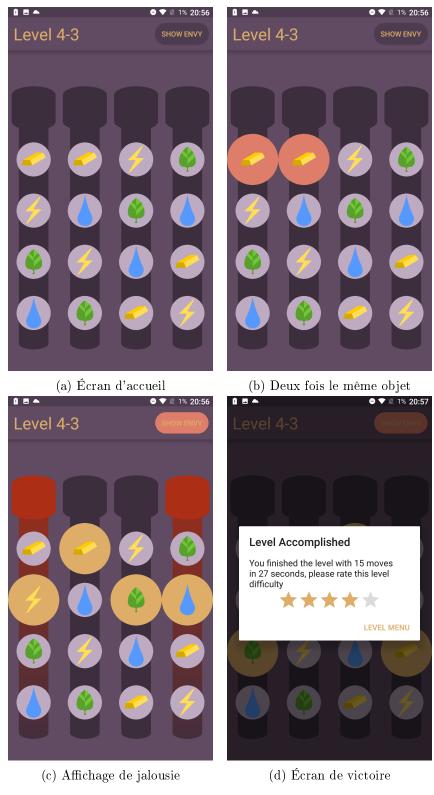


FIGURE 8 – Interface de jeu finale

la possibilité d'appuyer sur un bouton pour activer cet affichage.

Ces deux additions rendent les résolutions plus aisées mais nous pensons que ces compromis permettent une expérience de jeu plus fluide, agréable et sans sentiment de confusion pour l'utilisateur, un point qui nous le rappelons, semble essentiel pour la distribution de l'application. Lorsqu'un niveau est résolu une fenêtre flottante annonce la victoire accompagnée du temps de

résolution et du nombre de coups réalisés (Figure 8d). Elle demande également à l'utilisateur de noter la difficulté ressentie pour le niveau en question. Ces données sont sauvegardées en ligne lorsque le joueur quitte la fenêtre.

3.1.3. AUTRES PAGES

Le reste de l'application devait comprendre un menu de sélection des niveau, une page profil, un tutoriel et une page « à propos » expliquant le projet. Ainsi dans la version finale de l'application, le menu principal (Figure 9a) est la première page sur laquelle arrive un utilisateur en ouvrant l'application. Il permet d'accéder à la liste des niveaux et aux autres pages citées ci-dessus. Le menu de sélection des niveaux (Figure 9e) catégorise les niveaux par nombre d'agents. L'utilisateur a la possibilité de jouer à tous les niveaux présentés et une pastille de texte indique si un niveau a été terminé ou commencé. La page de profil s'affiche au lancement de l'application lors de la première utilisation et est accessible depuis le menu principal. Elle permet, au moyen de deux zones de texte, de spécifier ou modifier les informations relatives au profil d'un joueur (âge, formation). Si un utilisateur ne souhaite pas divulguer ses informations il lui est possible de laisser les champs vides. Enfin la page « à propos » présente un bref résumé de l'objectif du projet et des raisons pour lesquelles l'application a été développée.

3.1.4. TUTORIEL

Une composante très importante de l'application était le tutoriel permettant d'expliquer les règles du jeu. Une version interactive a d'abord été considéré qui aurait expliqué les actions nécessaires pour vérifier les contraintes tout en demandant à l'utilisateur de les effectuer. Par manque de temps cependant, une version combinant texte et images d'exemple a finalement été implémentée (Figure 9c). Il se déroule en trois étapes. Tout d'abord le but du jeu est explicité : trouver une allocation des objets pour les agents, un unique objet par agent. Ensuite les préférences sont abordées et les joueurs apprennent quel est l'ordre pour chaque agent. Enfin la notion de jalousie est montrée et expliquée à l'aide d'un exemple sous forme d'image. Le niveau servant d'exemple peut être retrouvé dans la liste des niveaux et peut être joué pour parfaire la compréhension.

Expliquer la notion d'envie à l'aide d'un court texte s'est révélé être un défi et plusieurs itérations se sont succédées avant que le tutoriel puisse être considéré fonctionnel. Bien sûr il est probablement très améliorable.

3.2. STRUCTURE DE L'APPLICATION

Une application Android s'organise en plusieurs composants et nous allons en présenter certains pour pouvoir décrire l'implémentation de l'application aisément. Nous allons notamment concentrer notre attention sur le concept d'activité, nécessaire à la présentation de l'interface.

Une activité Android correspond à une fenêtre d'application et chaque application est donc composée d'au moins une activité. La navigation à l'intérieur d'une application se fait en changeant d'activité. Leur apparence visuelle est principalement définie par leur *layout* qui structure l'agencement des vues (images, boutons, etc) et peut lier certains événements, initiés par l'utilisateur (comme par exemple un « clic » de bouton) à des actions prédéfinies (lancer un niveau par exemple). Le layout, chargé par une activité à sa création, est décrit dans un fichier XML.

Notre application est ainsi composée de six activités correspondant aux pages décrites plus haut :

- MainMenuActivity,
- LevelSelectActivity,
- UserProfileActivity,
- AboutActivity,

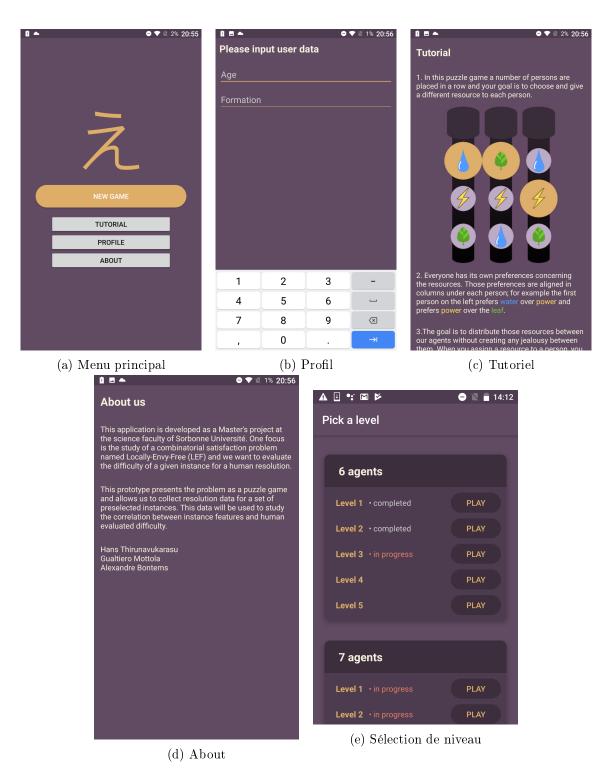
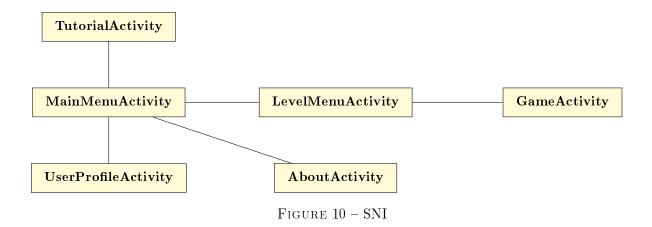


Figure 9 – Design final des menus de l'application

- TutorialActivity,
- GameActivity.

Un bref Schéma de Navigation d'Interface (SNI) est disponible en Figure 10 (les conventions MACAO ne sont pas suivies).

Toutes les instances sont stockées dans un fichier XML et une classe LevelLoader permet de le *parser* et charger les niveaux en mémoire vive. Le menu de sélection des niveaux qui est implémenté grâce à des RecyclerView peut alors être peuplé.



Une fonctionnalité de sauvegarde était nécessaire pour l'application. En effet lorsqu'un joueur commence un niveau sans finir de le résoudre il était d'une part important de conserver le temps passé sur ce niveau et pour rendre l'expérience plus agréable, de sauvegarder l'avancement dans la résolution. Un tel système a été implémenté à l'aide des SharedPreferences présent dans les applications Android. Il permet d'enregistrer des données persistantes et ainsi de garder en mémoire certaines informations même si l'application est quittée/fermée. C'est l'activité GameActivity qui lorsqu'elle est quittée procède à la sauvegarde si nécessaire.

3.3. Les modèles du jeu

Nous allons ici décrire les objets et classes utilisées pour représenter le jeu. Le package models contient les classes nécessaires à la représentation du jeu dans l'application. On y trouve la classe Level construite à partir du XML et qui définit le nom d'un niveau, les préférences associées aux agents et sa taille. On y trouve aussi la classe Model, appelée dès lors qu'il est demandé de faire une modification du modèle (assignation d'un objet à un des agents par exemple). Cette classe est utilisée lorsqu'un joueur joue pour ne pas affecter la représentation en mémoire des niveaux. L'écran de jeu est rendu à partir d'un canevas pour faciliter l'ajout futur d'animations et autres éléments esthétiques. C'est pourquoi il a été nécessaire d'implémenter des classes pouvant être dessinées et représentant les différents éléments de la grille de jeu. Le package contient donc la définition de l'interface IPiece, implémentée par les classes Preference et Actor qui représentent respectivement les préférences et les agents.

- Définition d'une Pièce (interface IPiece) : cette interface est composé de deux méthodes ; la méthode getId retourne l'identifiant de la pièce et la méthode getPosition permet de retourner la position de la pièce sous forme d'un objet position qui contient les indices de la ligne et de la colonne dans lesquelles se trouve la pièce.
- Définition d'un Acteur (classe Actor) : cette classe implémente l'interface IPiece et toute ses méthodes. Elle représente les agents du jeu.
- Définition d'une Préférence (Classe Préférence) : cette classe implémente également l'interface IPiece. On y ajoute cependant là deux entiers : value (qui permet de déterminer de quel type est cette préférence) et selectedby (qui permet de savoir si cette préférence est sélectionnée par un des agents et par qui).

Nous utilisions ensuite ces trois classes dans la classe Model décrite précédemment. Une des fonctionnalités que nous souhaitons mettre en valeur grâce à cette représentation est le calcul de la jalousie entre les agents. Il est très facile de récupérer des colonnes de la grille et de les comparer pour savoir si l'agent correspondant à cette ligne est jaloux. La fonction prends en arguments deux suites de préférences P1 et P2 et permet de détecter si l'agent P2 est jaloux de l'agent P1. On commence par récupérer les préférences de chaque colonne et on vérifie qu'un objet a été alloué. Puis on compare la position de l'objet alloué à l'agent P1 avec celle de P2;

si l'objet de l'agent P1 est préférée par l'agent P2 a celui qui lui est assigné alors cette fonction retourne vrai. On note que cette méthode permet la détection de la victoire du jeu en calculant la jalousie de toute les paires d'agents côte à côte.

```
private boolean isJealous(Preference[] P1, Preference[] P2){
        if (P1[0] == null){
2
            return false;
3
        }
4
5
        Preference P2pref = null;
        Preference P1pref = null;
6
        for (Preference pref:P1){
            if(pref.getSelectedby() != -1){
                 P1pref = pref;
10
        }
11
        for(Preference pref:P2){
12
            if(pref.getSelectedby() != -1){
13
                 P2pref = pref;
14
            }
15
        }
16
        if(P1pref == null || P2pref == null){
17
            return false;
18
19
        for(Preference pref:P2){
20
            if(pref.getValue() == P1pref.getValue()){
21
                 if(pref.getPos().getCol() < P2pref.getPos().getCol()){</pre>
22
                     return true;
23
                 }
24
            }
25
        }
26
27
        return false;
   }
28
```

Figure 11 – Fonction de détection de la jalousie

3.4. RÉCUPÉRATION DES DONNÉES

Une fois l'application mobile réalisée, il nous fallait la faire tester sur un public de grande taille et offrant une certaine diversité pour recueillir des données pertinentes. Pour pouvoir réaliser l'apprentissage de difficulté décrit en Section 2, il était demandé de pouvoir sauvegarder des données de résolutions sur une base de donnée distante. Le processus devait être automatique et silencieux de façon à simplifier au plus l'utilisation de l'application. Les serveurs Google et plus précisément le service GoogleSheets a été choisi pour cette tâche.

Nous avons donc intégré dans l'application mobile, une solution permettant l'envoi de diverses données utilisateurs qui étaient enregistrées lors de la résolution d'une instance. L'API Google Sheets v4 permet l'écriture/lecture de données sur une feuille de calcul sur différentes plateformes : application mobile, site web, programme python, etc. La communication entre la feuille et notre application est géré et sécurisée via l'API. En effet elle utilise le protocole OAuth 2.0 pour autoriser les communications. Nous avons donc besoins d'identifiants, deux moyen sont disponibles :

- l'usage d'une Clé API,
- l'usage d'un compte de service Google.

Néanmoins, la première méthode requiert une confirmation de l'utilisateur à chaque fois qu'il envoie des données via son téléphone. L'application demande alors la permission d'interagir avec

la feuille sous le compte de l'utilisateur. Nous avons donc opté pour la seconde solution qui use d'un compte de service dédié à notre application. Celle-ci interagira via ce compte sans demander la confirmation de l'utilisateur, ce qui est crucial pour favoriser le côté « easy to use » de l'application. L'utilisateur est plus à même de vouloir tester notre application sur une courte durée/longue durée. Quelque soit la méthode, un fichier JSON contenant les identifiants est créé.

L'intégration de cette solution dans notre application se traduit donc par deux classes : SheetsServiceUtil et GoogleSheetsWriteUtil. La première contient une unique méthode getSheetsService qui permet la création de l'objet Sheet. C'est l'intermédiaire pour écrire et lire avec l'API. Cet objet contiendra les identifiants nécessaire à l'autorisation de la communication entre l'application et la feuille.

La deuxième classe GoogleSheetsWriteUtil contient toutes les méthodes qui seront appelées pour l'écriture de nos données. D'abord la méthode setup permet la création d'un objet Credential à partir de notre fichier JSON. Cette instance est ensuite utilisée dans la méthode getSheetsService.

Puisque les opérations réseaux sont asynchrones par nature, Android prohibe ce type d'action sur le thread principal de l'application. Ce thread est généralement dédiée à la mise à jour et affichage de l'interface. C'est pourquoi Android propose une classe AsyncTask utile pour effectuer des actions courtes sur un thread séparé. C'est la solution que nous utilisons pour envoyer nos données. Cela reste invisible à l'œil de l'utilisateur ce qui est à nouveau crucial pour le côté agréable et fluide de son expérience.

Nous avons donc trois classes dans SheetsServiceUtil qui héritent toutes de la classe AsyncTask:

- WriteUserInfoAsyncTask,
- ModifyUserInfoAsyncTask,
- WriteUserEvalAsyncTask.

Ces trois classes implémentent ainsi une méthode doInBackground, qui prend en paramètre une liste de chaîne de caractère, les données à envoyer, et qui réalise l'appel à l'API en tâche de fond. Nous appelons donc à l'intérieur les méthodes de l'API de Google Sheets pour mettre à jour (ModifyUserInfoAsync) ou écrire de nouvelles données (WriteUserEvalAsyncTask et ModifyUserInfoAsyncTask) dans notre feuille. Le code visible en Figure 12 montre un exemple d'utilisation de l'API.

Comme il est possible que l'écriture des données sur la feuille puisse échouer (problème de réseau, téléphone non connecté à internet, etc), il est nécessaire de sauvegarder les données non envoyées pour permettre la planification d'un renvoi plus tard. Il existe donc pour cela deux variables listes dans la classe SheetsServiceUtil: failedEvaluation si l'écriture des données relative à une résolution échoue et failedUserInfo si l'écriture/modification du profil utilisateur échoue.

Avant toute nouvelles écritures, il faut donc vérifier qu'il n'existe pas de données non envoyées. Pour cette raison, les trois méthodes gérant l'envoi de donnée font cette vérification. writeUserInfo, modifyUserInfo et writerUserEval appellent toutes, au début de leur exécution, une méthode checkFailures qui vérifie que les listes d'échecs soient bien vides. Si elles ne le sont pas, alors on crée de nouvelles AsyncTask pour renvoyer ces données avant de procéder à l'envoi des nouvelles données.

4. Travail futur

Un certain nombre de pistes peuvent être mentionnées pour continuer ce projet et peut être en améliorer les résultats. En effet, un travail d'observation des résolutions humaines correctement formalisé pourrait donner de nouvelles perspectives pour la conception de mesures rapide à

```
\verb|private| static| class| \verb|WriteUserInfoAsyncTask| extends|
1
   AsyncTask < String, Void, Void > {
2
      @Override
      protected Void doInBackground(String... data) {
4
          ValueRange body = new ValueRange()
5
                         .setValues(Arrays.<List<Object>>asList(
                                  new List[]{Arrays.asList(data)}
                         ));
         try {
9
             AppendValuesResponse result = sheetsService.spreadsheets()
10
             .values().append(SPREADSHEET_ID, "User_Info!A1", body)
11
             .setValueInputOption("USER_ENTERED")
12
             .execute();
13
             Object userPos = result.getUpdates().get("updatedRange");
14
             prefs.edit().putString("userPos", (String) userPos).apply();
15
         } catch (IOException e) {
16
             Log.w("GoogleSheet", "Erroruduringuuseruinfouwrite;
17
   uuuuuuuurescheduling");
18
             failedUserInfo = data;
19
             e.printStackTrace();
20
           }
^{21}
          return null;
22
23
   }
24
```

Figure 12 – Code permettant l'écriture des informations utilisateur

```
public void writeUserEvaluation(String... data) {
    this.checkFailures();
    new WriteUserEvaluationAsyncTask().execute(data);
}
```

Figure 13 – Méthode writeUserEvaluation

calculer et intéressantes. Les mesures présentées dans ce rapport sont certainement améliorables également. Particulièrement la mesure npstn comptant le nombre de positions possibles des objets dans une instance; il serait intéressant de mesurer le processus d'élimination qui découle de ces positions. En ce qui concerne l'apprentissage, il serait bon de déterminer quelles features sont les plus intéressantes dans les modèles développés. D'autres classifiers et autres méthodes de régression sont à essayer également.

L'application jeu quant à elle, bien que jouable et amusante selon certains utilisateurs, peut également faire l'objet d'améliorations. Les niveaux sont actuellement stockés en durs dans un fichier XML mais des solutions simples sont disponibles pour charger les niveaux depuis internet. Des extensions du jeu sont également à considérer comme par exemple la possibilité de changer la configuration du réseau liant les agents. On peut imaginer une action obstruant la visibilité entre deux agents et supprimant ainsi la possibilité de jalousie entre eux. Échanger les positions de deux agents côte à côte change complètement la donne du problème mais est une piste intéressante en terme de jouabilité. Enfin, seul l'écosystème Android est supporté mais une version iOS pourrait être facilement développée.

5. Conclusion

Nous avons pu proposer plusieurs outils d'analyse du problème LEF que nous espérons pertinents pour des résolutions « à la main » par des humains. Même si les résultats sont peu concluants et n'aide pas beaucoup à établir une causalité entre les mesures et les ressentis, nous croyons tout de même en l'utilité des outils. Cependant tenter de prédire une certaine rationalité des humains est peut-être vain en utilisant notre approche.

Ce projet s'est révélé enrichissant sur plusieurs niveaux. Nous avons pu mettre en pratique les différentes méthodes d'optimisation et de résolution apprises au sein de notre formation. Nous plonger dans la littérature des problèmes de satisfaction de contraintes, d'optimisation combinatoire et du problème de sélection d'algorithme nous a permis d'appréhender et apprécier les différentes communautés en action. En parallèle, grâce au développement de l'application de jeu, toutes les problématiques d'ingénierie, de travail en équipe et de conception d'interface étaient des défis bienvenus. Tenter de comprendre comment la psyché humaine pouvait influer sur les résolutions était difficile pour nous, étudiants en informatique, mais encore une fois un pan de recherche particulièrement captivant. Enfin, nous avons pu gratter la surface des travaux de nos collègues DAC grâce à la partie apprentissage.

RÉFÉRENCES

- [1] Khulood Alyahya et Jonathan E. Rowe. « Simple Random Sampling Estimation of the Number of Local Optima ». In: *Parallel Problem Solving from Nature PPSN XIV*. Sous la dir. de Julia Handl et al. Cham: Springer International Publishing, 2016, p. 932-941. ISBN: 978-3-319-45823-6.
- [2] Aurélie Beynier et al. « Local Envy-Freeness in House Allocation Problems ». In: Proceedings of the 17th International Conference on Autonomous Agents and Multiagent Systems (AAMAS 2018).
- [3] Piero Bonatti et al. « A 25-year Perspective on Logic Programming ». In: Springer-Verlag, 2010. Chap. Answer Set Programming. url: http://dl.acm.org/citation.cfm?id=1880413.1880422.
- [4] Decision Tree. https://en.wikipedia.org/wiki/Decision_tree. Accès le 26/05/2018.
- [5] Josselin Garnier et Leila Kallel. « Efficiency of Local Search with Multiple Local Optima ». In: SIAM Journal on Discrete Mathematics 15.1 (2001), p. 122-141. DOI: 10.1137/S0895480199355225. eprint: https://doi.org/10.1137/S0895480199355225.
 URL: https://doi.org/10.1137/S0895480199355225.
- [6] Linear Regression. https://en.wikipedia.org/wiki/Linear_regression. Accès le 25/05/2018.
- [7] Kaare B. Petersen et Michael S. Pedersen. « The Matrix Cookbook ». In: 2012.
- [8] Erik Pitzer et Michael Affenzeller. « A Comprehensive Survey on Fitness Landscape Analysis ». In: Recent Advances in Intelligent Engineering Systems. Sous la dir. de János Fodor, Ryszard Klempous et Carmen Paz Suárez Araujo. Berlin, Heidelberg: Springer Berlin Heidelberg, 2012, p. 161-191. ISBN: 978-3-642-23229-9. DOI: 10.1007/978-3-642-23229-9_8. URL: https://doi.org/10.1007/978-3-642-23229-9_8.
- [9] Priyanka Sinha. « Multivariate Polynomial Regression in Data Mining: Methodology, Problems and Solutions ». In: International Journal of Scientific and Engineering Research 4.12 (2013).
- [10] Peter F. STADLER. « Landscapes and their correlation functions ». In: Journal of Mathematical Chemistry 20.1 (mar. 1996), p. 1-45. ISSN: 1572-8897. DOI: 10.1007/BF01165154. URL: https://doi.org/10.1007/BF01165154.

A. Arbre de décision

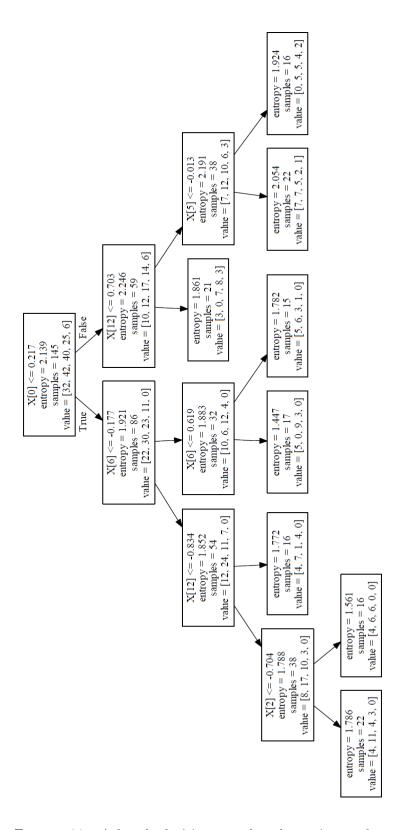


FIGURE 14 – Arbre de décision créé dans la section analyse

B. TUTORIEL

Ci-après le tutoriel visible dans l'application.

1 In this puzzle game, a number of persons are placed in a row and your goal is to choose and give a different resource to each person.



- 2 Everyone has its own preferences concerning the resources. Those preferences are aligned in columns under each person; for example the first person on the left prefers water over power and prefers power over the leaf.
- 3 The goal is to distribute those resources between our agents without creating any jealousy among them. When you assign a resource to a person, you have to be sure that the persons next to it, left side or right side, do not

prefer that resource over the one they've been assigned. The same goes for the person itself.

For example, we have 3 persons Alex, Bob and Charly: let's suppose you assign the water to Bob. If the resource given to Bob is in a higher position than the ones Alex or Charly have been assigned to in their preferences, they will be jealous of Bob. Here you see that Alex has the power, but he clearly prefers water over the power and sees that Bob has the water. He is therefore jealous of Bob.



By default, you will not be able to see which persons are envious of a neighbor but you can enable a red display for them by tapping the button « Show Envy » when playing.

C. LEF SOLVER

Pour aider le développement et les tests des outils d'analyse, une application avec GUI a été développée grâce à PyQt5 (Figure 15). Elle permet le calcul de toutes les mesures présentées en Section 2 et de visualiser les différentes solutions trouvées par ASP. Des fonctionnalités d'exportations sont également présentes, très utiles pour l'intégration de nouveaux niveaux dans l'application pour ou pour la partie apprentissage.

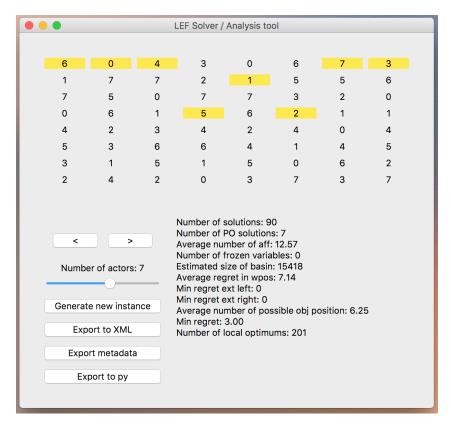


FIGURE 15 – Capture d'écran du LEF solver

Plusieurs actions sont possibles depuis l'unique fenêtre de cette application. Le bouton **Generate new instance** permet de générer une instance du problème solvable et de lancer les différents outils d'analyse présents dans l'application. Après résolution et analyse l'instance est affichée dans la partie haute de la fenêtre et les solutions sont exhibées en couleur jaune. Les résultats de l'analyse apparaissent également dans la partie droite.

Un slider permet de sélectionner le nombre d'agents c'est-à-dire la taille de l'instance. Des boutons fléchés donnent la possibilités de visionner toutes les solutions possibles de l'instance. Enfin les boutons d'export formatent les données relatives à l'instance et les places dans le clipboard de la machine. Le bouton **Export to XML** formate l'instance au format XML et **Export to py** au format Python c'est-à-dire une liste de dimension 2 spécifiant les ordres de préférences de chaque agent. Le bouton **Export metadata** permet de récupérer les résultats d'analyse au format CSV.

D. DIAGRAMME DE CLASSE D'EQUITY

La Figure 16 montre le diagramme de classe de l'application mobile. On peut y voir les interactions entre chaque composants mais par soucis de lisibilité les méthodes et attributs ne sont pas spécifiés.

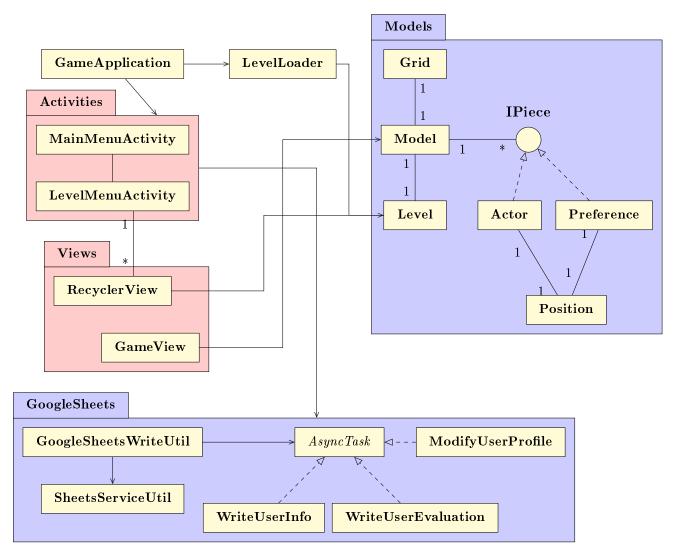


Figure 16 – Diagramme de classe non exhaustif

E. CAHIER DES CHARGES

E.1. Présentation du projet

L'idée, dans ce projet, est de développer un jeu mobile basé sur le problème de partage équitable suivant :

n agents sont alignés sur une ligne et disposent de n objets en face d'eux. Il faut assigner un objet différent à chaque agent en fonction de leur préférence tout en prenant en compte la notion de jalousie. Si un agent voit que l'un de ses voisins (à gauche ou à droite) s'est vu attribuer un objet qu'il préfère à celui qu'il possède, alors on dira qu'il est jaloux et que l'affectation n'est pas valide.

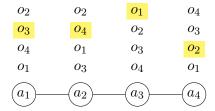


Figure 17 – Exemple d'instance étudiée du problème LEF

Dans l'exemple de la figure 17, les objets sont triés par ordre de préférence pour chaque agent (le plus haut étant le préféré) et une affectation possible sans jaloux est surlignée. On remarque que l'on ne peut pas affecter l'objet o_2 aux agents a_1 et a_2 sans créer de jalousie par exemple.

E.2. OBJECTIFS

Ce projet s'inscrit dans le cadre de l'UE Projet du master ANDROIDE et demande de l'équipe prestataire l'application des méthodes d'optimisation apprises au sein de la formation afin de permettre l'analyse du problème exposé ci-dessus. Plus précisément, il s'agit de :

- Déterminer la solvabilité d'une instance.
- Évaluer la difficulté de résolution d'une instance.
- Obtenir des instances de difficultés variées.

L'équipe prestataire est ainsi amenée à explorer des problématiques de modélisation et d'analyse de problèmes NP-difficiles avec pour objectif de trouver des heuristiques portant sur la difficulté de résolution du problème.

Dans un second temps, le développement d'un jeu mobile basé sur le problème est demandé. Les principaux résultats suivants sont attendus :

- Pouvoir jouer/résoudre une instance d'une certaine difficultée.
- Pouvoir jouer avec plusieurs instances successives selon une courbe de progression (difficulté augmentante, variantes de jeu, etc).

E.3. Analyse du problème

Afin de proposer au sein de l'application des enjeux intéressants pour les joueurs, le projet devra répondre aux spécifications suivantes :

- Obtention d'instances solvables.
- Développement d'outils permettant d'évaluer la difficulté de résolution d'une certaine instance.

On aimerait à terme intégrer les instances évaluées dans l'application mobile. Elles correspondront donc soit à des instances générées aléatoirement et qui auront pu être évaluées, soit à des instances générées procéduralement si possible. Une partie de l'analyse sera donc dédiée à la recherche des caractéristiques associées à la difficulté des instances.

Puisque les résultats sont destinés à être utilisés en tant qu'indicateurs pour une résolution par l'humain, on s'intéressera également aux méthodes de résolution du problème "à la main".

Plusieurs extensions du jeu seront considérées :

- Possibilité d'échanger la position de deux agents,
- Possibilité d'obstruer la vision entre deux agents et donc d'éliminer toute jalousie possible entre eux,
- Plus d'un type d'objet possible; les agents se voient alors attribuer plus d'un objet et précisent des préférences pour chaque type différent.

E.4. APPLICATION MOBILE

E.4.1. Besoins fonctionnels: front-end

L'interface de l'application mobile devra comprendre les éléments suivants :

- Menu principal.
- Menu options.
- Sélection des niveaux.
- Écran dédié au jeu.

Elle devra aussi répondre aux problématiques principales suivantes :

- Gestion de l'encombrement de l'écran lorsque le nombre d'agents devient important; comment gérer les défilements?
- Facilitation de la lecture de l'information (code couleurs, organisation de l'espace, ...).

Afin de consolider les résultats de l'analyse, on envisage l'intégration d'une fonctionnalité de retour utilisateur pour la difficulté ressentie des niveaux. Proposer une charte graphique accueillante pour les joueurs et permettant une compréhension optimale du problème fait également partie des objectifs principaux.

E.4.2. Besoins fonctionnels: Back-end

En ce qui concerne les besoins fonctionnels de l'application, outre une architecture répondant aux spécifications front-end, il est surtout intéressant de détailler la gestion des niveaux. En fonction de l'évolution de l'analyse, deux possibilités sont envisagées :

- 1. Génération des niveaux sur le terminal selon des règles de générations résultantes de la première partie du projet. On pourrait ainsi offrir une grande rejouabilité.
- 2. Stockage des niveaux sous forme de fichier XML qui seront alors générés et évalués en amont.

Dans les premiers jours de l'application, une fonctionnalité d'enregistrement des actions utilisateurs sera inclue (dans le cadre de l'analyse des méthodes de résolution du problème par l'humain). On cherchera à extraire les intuitions qu'utilisent les joueurs pour trouver une solution et quelles caractéristiques du problèmes pourraient rendre une instance difficile face à ces intuitions.

E.4.3. Spécifications logicielles

L'application sera développée pour la plateforme Android sous Android Studio, elle sera compatible avec tous les terminaux sous android 6.0 ou plus, la distribution du software se fera au travers de la plateforme Google Play. Le langage utilisé pour la logique de l'application sera le Java.

E.5. MAQUETTE DE L'APPLICATION

Les figures 18 et 19 présentent un layout basique qui sera développé en profondeur lors de la phase de conception.

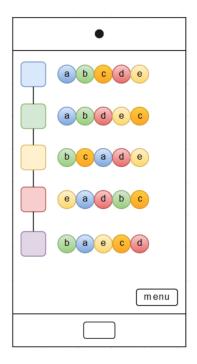


Figure 18 – Maquette conceptuelle de l'application

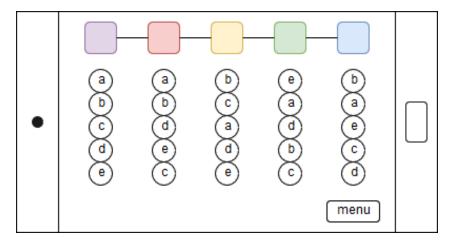


Figure 19 – Maquette conceptuelle de l'application

E.6. DOCUMENTATION

La production d'une documentation utilisateur est demandée. Elle concernera aussi bien toute application permettant l'évaluation des instances du problème que l'application mobile décrite en E.4.

E.7. LIVRABLES ATTENDUS

Les objets suivants devront être produits pour les clients :

— Documentation.

- Document de recherche.
 Sources de l'analyse.
 Sources de l'application mobile.

E.8. PLANIFICATION

Livrable	Échéance
Cahier des charges	5 mars 2018
Application v0 (à faire circuler en groupe réduit)	12 mars 2018
 Rapport de projet	 25 mai 2018

F. Instances choisies pour apprentissage

ac	-0.344	-0.167	-0.140	-0.133	-0.088	-0.040	-0.295	-0.093	-0.053	0.020	-0.143	0.045	0.110	-0.014	0.096	0.143	0.238	0.276	0.043	0.258	0.271	0.297	0.151	0.270	0.363	0.389	0.306	0.339	0.383	0.402	0.393	0.377
ps	9	9	24	24	24	24	23	24	24	118	64	119	109	71	120	26	470	029	122	681	451	433	136	299	3039	4078	727	1400	4332	3099	3725	2313
nlo	-	2	က	ರ	4	4	2	ಬ	5	2	12	6	ಬ	13	∞	2	13	18	28	19	25	18	24	18	42	89	09	53	09	80	55	46
npstn	1.66	2.0	2.5	3.0	2.75	2.75	2.75	2.75	3.0	3.6	3.4	3.8	3.4	3.6	3.6	3.4	4.5	4.5	4.33	4.5	4.5	4.5	4.333	4.5	5.28	5.42	5.57	5.28	5.57	5.57	5.71	5.57
minr_extl	0	0	2	0	0	0	1	2	0	1	2	0	0	2	0	1	0	0	က	0	0	2	က	0	0	0	0	0	0	0	0	0
minr_extr	0	0	2	0	0	0	0	2	0	0	1	0	1	1	0	0	0	0	2	0	1	0	4	0	0	0	2	0	0	1	0	0
avgr	0.0	1.0	5.0	2.33	1.0	2.0	3.0	5.0	2.0	3.5	9.0	3.0	4.5	8.0	2.5	4.0	99.9	4.0	16.0	6.71	5.0	0.9	18.0	3.33	6.83	5.33	16.5	0.0	5.66	9.4	7.8	0.0
minr	0	-	ည	2	Н	Н	က	5	2	က	6	2	2	∞	2	4	ည	က	16	9	5	9	18	က	4	4	11	0	4	7	9	ည
nfrozen	က		4	0	0	0	2	4	0	2	2	0	Н	2	0	ಣ	ಣ	0	9	0	2	-	9	0	П	0	П	0	0	0	0	0
avg_naff	3.0	3.0	17.0	4.0	4.0	4.0	6.5	20.0	4.0	8.0	23.0	7.25	14.0	27.0	7.5	39.0	37.33	0.9	76.0	11.28	33.0	51.5	87.0	11.66	34.16	30.66	200.5	7.0	11.33	51.3	23.6	14.5
nsols	-	2		ಣ	4	4	2	-	5	9	-	∞	ಣ	-	∞	2	9	14	-	16	5	4	-	12	25	42	4	∞	50	22	33	14
odu	-	2	_	ಣ	2	က	2	Н	4	2	Н	4	2	Н	4	Н	က	4	Н	2	Н	2	_	ಣ	9	9	2	_	9	10	10	4
#	3-1	3-2	4-1	4-2	4-3	4-4	4-5	4-6	4-7	5-1	5-2	5-3	5-4	5-5	5-6	2-2	6-1	6-2	6-3	6-4	6-5	9-9	2-9	6-8	7-1	7-2	7-3	7-4	7-5	9-2	2-2	2-8