# Chapitre 1

# Retrait de sommets d'un DST (suite des travaux)

#### 1.1 Transfert

Algorithme 1 : Transfert de nœuds du groupe courant vers un groupe appelant

```
1: procedure TRANSFERT(st, right, cut_pos)
       if (right = 1) then
 3:
           start \leftarrow cut pos
           end \leftarrow \mathtt{size}(me.brothers[stage]) - 1
 4:
           answer.stay\_id \leftarrow me.brothers[stage][cut\_pos-1].id
 5:
 6:
       else
           start \leftarrow 0
 7:
 8:
           end \leftarrow cut \ pos
           answer.stay\_id \leftarrow me.brothers[st][cut\_pos + 1].id
 9:
       end if
10:
       for i \leftarrow start to end do
11:
12:
           answer.rep\_array[i - start] = me.brothers[st][i]
       end for
13:
       BROADCAST(me, st, cut node(st, right, cut pos))
14:
       return answer
16: end procedure
```

#### Algorithme 2 : Scinde un nœud lors d'un transfert

```
1: procedure CUT NODE(stage, right, cut pos)
        pos\_me \leftarrow index(me.brothers[stage], me.id)
        if (right = 0) then
 3:
            start \leftarrow 0
 4:
 5:
            end \leftarrow cut \ pos
            new \quad node \leftarrow me.brothers[stage][cut \quad pos + 1]
 6:
 7:
        else
            start \leftarrow cut \ pos
 8:
            end \leftarrow \mathtt{size}(me.brothers[stage]) - 1
 9:
            new \quad node \leftarrow me.brothers[stage][0]
10:
11:
        end if
        if (pos\_me \ge start \text{ and } pos\_me \le end) then
12:
            SHIFT BRO(stage + 1, new node, right)
13:
        end if
14:
        if (right = 0) then
15:
            if (pos me \le cut pos) then
16:
                 start \leftarrow cut \quad pos + 1
17:
                 end \leftarrow \texttt{size}(me.brothers[stage] - 1)
18:
19:
            else
                 start \leftarrow 0
20:
21:
                 end \leftarrow cut \ pos
            end if
22:
        else
23:
            if (pos\_me < cut\_pos) then
24:
                 start \leftarrow cut pos
25:
                 end \leftarrow \texttt{size}(me.brothers[stage] - 1)
26:
27:
            else
28:
                 start \leftarrow 0
                 end \leftarrow cut \quad pos-1
29:
            end if
30:
        end if
31:
        DEL MEMBER(stage, start, end)
32:
33: end procedure
```

#### Algorithme 3 : Supprime une partie du groupe courant à un étage donné

```
1: procedure DEL MEMBER(stage, start, end)
 2:
       nb \quad del \leftarrow end - start + 1
       if (nb\_del = 0) then
 3:
           return
 4:
       end if
 5:
                                                   ▷ mémorise les nœuds à effacer avant de commencer
       for i \leftarrow 0 to nb del - 1 do
 6:
 7:
           id\_del[i] \leftarrow me.brothers[stage][start + i].id
       end for
 8:
                                                                                ▷ boucle d'effacement
       for i \leftarrow 0 to nb del - 1 do
9:
           if (id \ del[i] \iff me.id) then
                                                                                ⊳ ne pas effacer 'moi'
10:
              pos2del \leftarrow index(me.brothers[stage], id del[i])
11:
12:
              if (pos2del < size(me.brothers[stage] - 1)) then
13:
                  for j \leftarrow pos2del to size(me.brothers[stage] - 1) do
                      me.brothers[stage][j] \leftarrow me.brothers[stage][j+1]
14:
                  end for
15:
              else
16:
                  j \leftarrow pos2del
17:
              end if
18:
19:
              me.brothers[stage][j].id \leftarrow -1
                                                            SEND MSG ASYNC(id del[i], del pred(stage, me.id))
20:
           end if
21:
       end for
22:
23: end procedure
```

Algorithme 4 : Décale les membres du groupe pour en accueillir un nouveau à la position de 'moi'. Le membre en trop est détruit.

```
1: procedure SHIFT_BRO(stage, new_node, right)
                       ▷ s'assure de n'exécuter cette fonction qu'une fois (elle est diffusée par cut_node)
2:
       pos\_new\_node \leftarrow index(me.brothers[stage], new\_node.id)
       if (pos\ new\ node > -1) then
3:
          return
4:
       end if
5:
       pos me \leftarrow index(me.brothers[stage], me.id)
6:
       if (right = 1) then
7:
          if (pos me < b) then
8:
              lost id \leftarrow me.brothers[stage][pos me + 1].id
9:
              me.brothers[stage][pos\_me+1] \leftarrow me.brothers[stage][pos\_me]
10:
11:
          else
              Affiche un message d'erreur et stoppe la procédure
12:
          end if
13:
       else
14:
          if (pos me > 0) then
15:
              lost\_id \leftarrow me.brothers[stage][pos\_me-1].id
16:
              me.brothers[stage][pos\_me-1] \leftarrow me.brothers[stage][pos\_me]
17:
          else
18:
19:
              Affiche un message d'erreur et stoppe la procédure
          end if
20:
       end if
21:
22:
       me.brothers[stage][pos me] \leftarrow new node
                                                       ▷ 'moi' doit être un prédécesseur de new node
       SEND MSG ASYNC(new node.id, add pred(stage, me.id))
23:
                                                   ▷ 'moi' ne doit plus être un prédécesseur de lost id
       SEND_MSG_ASYNC(lost_id, del_pred(stage, me.id))
24:
25: end procedure
```

### Algorithme 5 : Procédure exécutée par un nœud qui quitte le DST

```
1: procedure LEAVE()
                                                       cpy brothers \leftarrow me.brothers
2:
3:
       cpy preds \leftarrow me.preds
       for stage \leftarrow 0 to height(me.brothers) - 1 do
4:
                                                 ▷ INFORME MES PRÉDÉCESSEURS DE MON DÉPART
          for pred \leftarrow 0 to size(cpy\_preds[stage]) - 1 do
5:
              if (cpy \ preds[stage][pred].id \neq me.id) then
6:
                 if (stage = 0) then
 7:
                     SEND_MSG_ASYNC(cpy_preds[stage][pred].id, del_bro(stage, me.id))
8:
9:
                 else
10:
                     new \ rep \ id \leftarrow un de mes frères de l'étage 0 choisi aléatoirement
                                                                       ▷ en informe le prédécesseur
                     if (new \ rep \ id \neq me.id) then
11:
                        SEND MSG ASYNC(cpy \ preds[stage][pred].id,
12:
                             repl_bro(stage, new_rep_id))
                     end if
13:
                 end if
14:
15:
              end if
          end for
                                                                             > prédécesseur suivant
16:
                                                         ▷ INFORME MES FRÈRES DE MON DÉPART
          \mathbf{for}\ brother \leftarrow 0\ \mathbf{to}\ \mathtt{size}(cpy\_brothers[stage]) - 1\ \mathbf{do}
17:
              if (cpy brothers[stage][brother].id \neq me.id) then
18:
                 SEND_MSG_ASYNC(cpy\_brothers[stage][brother].id,
19:
                      del_pred(stage, me.id))
20:
21:
          end for
                                                                                    ▷ frère suivant
       end for
                                                                                   22:
                           ▷ CHARGE UN DE MES FRÈRES DE TRAITER LES FUSIONS OU TRANSFERTS
       if (size(me.brothers[0]) \le a) then
23:
          idx \leftarrow index d'un de mes frères de l'étage 0
24:
          SEND MSG SYNC(me.brothers[0][idx].id, merge req())
25:
       end if
26:
27: end procedure
```

#### Algorithme 6 : Traite les fusions ou transferts consécutifs à un départ

```
1: procedure MERGE REQUEST()
      stage \leftarrow 0
2:
      size\_last\_stage \leftarrow 0
3:
                                                                ▷ parcourt l'ensemble des étages
      while (size(me.brothers[stage]) < a) and stage < height(me.brothers) - 1) do
4:
         pos\_contact \leftarrow merge\_or\_transfer(me, stage)
5:
6:
         if (pos \ contact > -1) then
                                                                  ▶ UNE FUSION EST POSSIBLE
             transfer \leftarrow 0
7:
             pos me \leftarrow index(stage + 1, me.id)
8:
                                           if (pos me > pos contact) then
9:
10:
                right \leftarrow 11
11:
             else
                right \leftarrow 10
12:
             end if
13:
             SEND MSG SYNC(me.brothers[stage + 1][pos\ contact].id,
14:
                 merge(stage, pos_me, pos_contact, right, me.brothers[stage]))
                                              ▷ ... puis lui demande de diffuser une tâche de fusion
             if (pos me > pos contact) then
15:
                right \leftarrow 1
16:
             else
17:
18:
                right \leftarrow 0
             end if
19:
             SEND MSG SYNC(me.brothers[stage + 1][pos\ contact].id,
20:
                 broadcast merge(stage, pos me, pos contact, right, me.brothers[stage]))
21:
                       ▷ après la fusion, l'étage supérieur contient deux représentants du même groupe
             CLEAN UPPER STAGE(stage, pos me, pos contact)
                                                                            22:
                                                                                   BROADCAST(me, stage+1, clean upper stage(stage, pos me, pos contact))
23:
          else
24:
```

```
Algorithme 6: MERGE REQUEST (partie 2)
25:
                                        ▷ FUSION IMPOSSIBLE - IL FAUT FAIRE UN TRANSFERT
26:
            pos me up \leftarrow index(stage + 1, me.id)
            if (pos me up = 0) then
27:
28:
               pos \ contact \leftarrow 1
               right \leftarrow 0
29:
30:
               cut pos \leftarrow b - a - 1
31:
            else
32:
               pos\_contact \leftarrow pos\_me\_up - 1
               right \leftarrow 1
33:
               cut\_pos \leftarrow a
34:
            end if
35:
            contact id \leftarrow me.brothers[stage + 1][pos \ contact].id
36:
            answer \leftarrow SEND \quad MSG \quad SYNC(contact \quad id,
37:
                          transfer(stage, right, cut pos, me.id))
38:
                                                             ▶ AJOUTE LES NŒUDS REÇUS
            current bro \leftarrow me.brothers[stage]
                                                               39:
                                  40:
            BR_ADD_BRO_ARRAY(stage, answer.rep\_array, mod((right + 1), 2)
41:
                                 42:
            SEND MSG_SYNC(answer.rep_array|0|.id,
43:
                br_add_bro_array(stage, current_bro, right))
44:

⊳ nettoyage de l'étage supérieur

                                                                       45:
            UPDATE UPPER STAGE(stage, pos contact, answer.stay id)
46:
                                                                              47:
            BROADCAST(me, stage + 1,
48:
                \verb"update_upper_stage" (stage, pos_contact, answer.stay_id))"
         end if
49:
```

50:

51:

 $stage \leftarrow stage + 1$ 

end while

#### Algorithme 6: MERGE\_REQUEST (partie 3)

```
▷ TRAITEMENT DE LA RACINE
52:
       i \leftarrow 0
53:
54:
       while (me.brothers[0][i].id = me.id) do
          i \leftarrow i + 1
55:
       end while
56:
       size\ last\ stage \leftarrow \text{SEND}\ MSG\ SYNC}(me.brothers[0][i].id,
57:
                                get size(height(me.brothers) - 1))
       if (size\_last\_stage = 1) then
58:
                                                                                BROADCAST(me, height(me.brothers) - 1, del root(height(me.brothers)))
59:
60:
       end if
61: end procedure
```

**Algorithme 7** : regarde s'il faut faire une fusion ou un transfert. Retourne la position d'un contact pour la fusion ou -1 si tranfert

```
1: procedure MERGE OR TRANSFERT(stage)
 2:
       idx \quad bro \leftarrow 0
 3:
       merge \leftarrow 0
 4:
        while (merge = 0 \text{ and } idx\_bro < size(me.brothers[stage + 1])) do
           if (me.brothers[stage + 1][idx bro].id \neq me.id) then
 5:
               size \leftarrow \text{SEND\_MSG\_SYNC}(me.brothers[stage + 1].[idx\_bro].[id],
 6:
                             get_size(stage))
               if (size \le b - size(me.brothers[stage])) then
 7:
                   merge \leftarrow 1
 8:
 9:
               end if
           end if
10:
           idx \quad bro \leftarrow idx \quad bro + 1
11:
       end while
12:
       if (merge = 1) then
13:
           return idx bro-1
14:
15:
       else
           return -1
16:
       end if
17:
18: end procedure
```

## ${\bf Algorithme~8}$ : fusionne des nœuds "orphelins" (source) au groupe courant (cible)

```
1: procedure MERGE(nodes array, stage, pos me, pos contact, right)
       if (size(nodes\_array) = size(me.brothers[stage])) then
2:
                                                                                              ⊳ déjà fait
 3:
           return
       end if
 4:
       if (size(me.brothers[stage]) < a) then \triangleright change le sens d'arrivée si 'moi' est dans la source
 5:
 6:
           right \leftarrow mod((right + 1), 2)
       end if
 7:
       loc right \leftarrow 0
 8:
       switch (right)
9:
           case (0):
10:
                                                             ▷ les nouveaux nœuds viennent de la gauche
               if (index bro(stage + 1, me.id) = 0) then
11:
                  loc\_right \leftarrow 1
12:
13:
               else
                  loc \quad right \leftarrow 0
14:
               end if
15:
           break
16:
17:
           case (1):
                                                              ▷ les nouveaux nœuds viennent de la droite
18:
           break
           case (10):
                                                             ▷ les nouveaux nœuds viennent de la gauche
19:
           break
20:
21:
           case (11):
                                                              ▷ les nouveaux nœuds viennent de la droite
           break
22:
       end switch
23:
24: end procedure
```