

Universidade Estadual de Campinas

Faculdade de Engenharia Elétrica e de Computação

IA048 – Aprendizado de Máquina

15 de maio de 2024

Docentes: Levy Boccato & Romis Attux

Discente:

- Gabriel Toffanetto França da Rocha - 289320

Atividade 3 – Redes Neurais

Sumário

1	Apresentação dos dados								
$2~{ m MLP}$									
	2.1	Busca	do melhor modelo	4					
		2.1.1	Número de neurônios	4					
		2.1.2	Função de ativação	7					
		2.1.3	Dropout	8					
		2.1.4	Otimizador	10					
	2.2	Anális	se do melhor modelo	12					
		2.2.1	Análise dos erros	13					
3 CNN Simples									
	3.1	Busca	do melhor modelo	16					
	3.2		se do Melhor modelo	18					
		3.2.1	Análise dos erros	19					
	3.3	Aplica	ando uma entrada $64x64$ à camada convolucional	21					
4 CNN Profunda									
Referências									
$\mathbf{A}\mathbf{n}\mathbf{e}\mathbf{x}\mathbf{o}\mathbf{s}$									

1 Apresentação dos dados

A base de dados BloodMNIST é formada por um total de 15380 imagens de células sanguíneas divididas em 8 classes, como mostrado na Figura 1. Essas amostras se dividem em conjunto de treinamento, com 11959 representantes e teste, com 3421 itens. As imagens estão disponíveis em diferentes resoluções, sendo *a priori*, escolhida a resolução de 28x28 para trazer uma maior eficiência computacional, principalmente para o caso das redes densas. **Porém, propõem-se o teste de amostras de maior resolução para a rede convolucional já treinada com as amostras 28x28, para validação da robustez ao tamanho da entrada.**

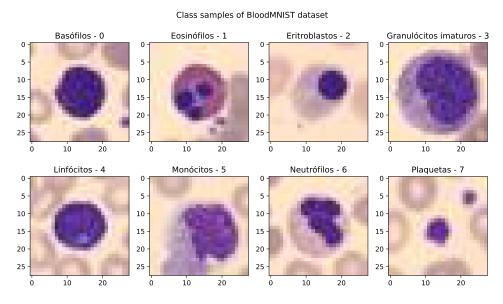


Figura 1: Amostras das classes do dataset BloodMNIST.

O dataset BloodMNIST já fornece de forma separada os dados utilizados para treinamento, e os que serão utilizados para teste. A Figura 2 mostra a distribuição de amostrar para cada classe, para os conjuntos de treinamento, em azul, e de teste, em verde. Observa-se que existem classes majoritárias, como a 1, 3, 6 e 7, que apresentam muito mais amostras que as demais. O perfil de amostras por classe é similar nos conjuntos de teste e treinamento, o que mostra que o impacto no mapeamento pelo desbalanceamento das classes irá afetar de forma igual ambos os datasets. Tal disparidade pode ser tanto causada por um viés na coleta de dados, quanto também pela ocorrência real de mais representantes de uma classe do que das demais, o que modela de forma realista os dados.

2

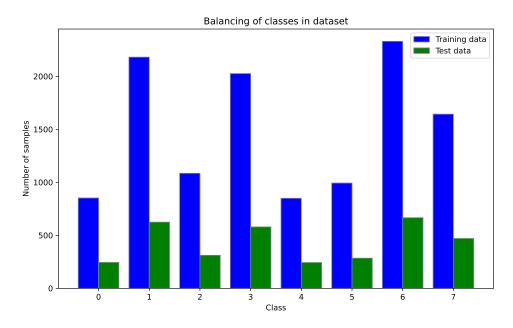


Figura 2: Balanço das classes nos datasets de treinamento e teste.

Para realizar o treinamento utilizando da ferramenta de validação cruzada, foi escolhida a validação do tipo *holdout*, por meio do particionamento do conjunto de dados de treinamento, obtendo um novo conjunto de dados de validação. O novo conjunto de treinamento é formado pelos primeiros 70% do conjunto original de treinamento, enquanto o de validação, os 30% restantes do final do *dataset* original. Para garantir a veracidade da validação, quer-se que ambos os conjuntos tenham a mesma representação de cada classe, o que pode se afirmar positivo de acordo com a Figura 3.

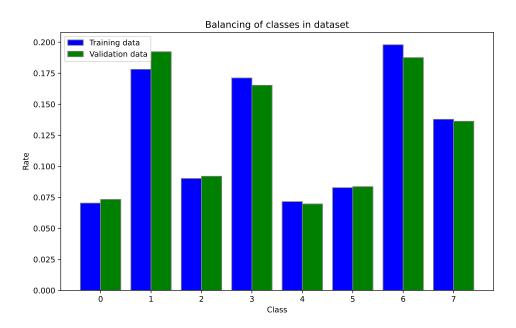


Figura 3: Balanço das classes nos conjuntos de dados de treinamento e validação cruzada do tipo *holdout*.

2 MLP

A implementação da rede MLP com uma camada intermediária se deu por meio do uso do framework TensorFlow, possuindo uma camada de entrada que sequencia os pixels da imagem em um vetor, uma camada de neurônios intermediária, e uma camada de saída com função de ativação softmax para geração do vetor one-hot encoding das probabilidades da entrada pertencer à cada uma das 8 classes.

2.1 Busca do melhor modelo

Para realizar a busca do melhor modelo da MLP, considerando que existem uma grande possibilidade de hiper-parâmetros, foi realizada uma busca exaustiva simplificada por etapas, baseada no funcionamento dos wrappers, onde dada uma configuração inicial de parâmetros, baseado no comumente visto na literatura (GÉRON, 2019). As variáveis selecionadas para a busca foram: Número de neurônios da camada intermediária, função de ativação dos neurônios da camada intermediária, taxa de dropout dos neurônios da camada intermediária e otimizador para ajuste dos pesos. Demais hiper-parâmetros como tamanho do batch e passo do algoritmo de otimização foram mantidos default.

A busca por etapas se deu da seguinte forma: Dada a condição inicial, uma MLP de 256 neurônios na camada intermediária com função de ativação ReLU, sem dropout e ajustada por Stochastic Gradient Descendent (SGD), testou-se a rede alterando primeiramente o número de neurônios. Uma vez conhecido o valor que obteve maior acurácia, testou-se as funções de ativações canditadas para esse número de neurônios, buscando a combinação que desse a melhor acurácia. O processo se repete para o dropout e o algoritmo de otimização, onde ao final se obtém a combinação que agrega o melhor número de neurônios visto, melhor função de ativação para tal conjunto de neurônios, melhor taxa de dropout e o melhor otimizador.

Hiper-parâmetros variados durante a busca:

```
- Número de neurônios: [ 256; 512; 1024; 2048; 4096 ]
```

- Função de ativação: [ReLU; Sigmoide]

- Dropout: [0,0;0,25;0,5]

- Otimizador: [SGD; ADAM]

Para todos os casos, foram treinadas 500 épocas, com *mini-batch* de 32 amostras, utilizando uma função de *callback* para salvar os parâmetros da melhor época, evitando assim preocupações com *overfitting*.

2.1.1 Número de neurônios

Com intuito de definir a quantidade de neurônios que irão compor a camada intermediária da MLP, treinou-se a rede para camadas intermediárias com 256, 512, 1024, 2048 e 4096 neurônios,

monitorando a perda e a acurácia para os dados de treinamento e de validação. Os gráficos da Figura 5, mostram a evolução dessas medidas ao longo das épocas. Observa-se que para todos os casos, ocorre *overfitting* no treinamento, onde a perda de validação, em vermelho, começa a apresentar uma elevação na sua curva ruidosa. Porém, como o treinamento foi realizado salvando o conjunto de pesos da melhor época, não se faz um problema treinar o modelo mais épocas do que o necessário.

Ao analisar a acurácia e perda de validação para cada um dos modelos treinados com uma quantidade diferente de neurônios na camada intermediária, obtém-se a Figura 4. Como esperado, ao aumentar o número de neurônios se aumenta a acurácia e reduz a perda, uma vez que a rede se torna mais flexível e consegue aproximar mais o mapeamento alvo do treinamento. Porém, com o aumento da flexibilidade da máquina, o treinamento também se torna mais desafiador, sendo necessários uma grande quantidade de dados para maximizar a generalização do modelo.

Considerando todos os números de neurônios utilizados, não há um aumento estrondoso da acurácia, mostrando que para todos eles, o mapeamento pode ser bem aproximado, porém, a redução da perda é considerável considerando a rede com camada intermediária de 256 neurônios e a de 4096 neurônios. Observando a forma da curva de acuária, é perceptível que a taxa de crescimento apresenta uma saturação, ou seja, o valor máximo da acurácia que pode ser atingido por essa arquitetura de rede neural tende a atingir um valor máximo.

Com isso, a camada intermediária de 4096 neurônios foi escolhida para a rede final, e será utilizada nas buscas dos hiper-parâmetros subsequentes.

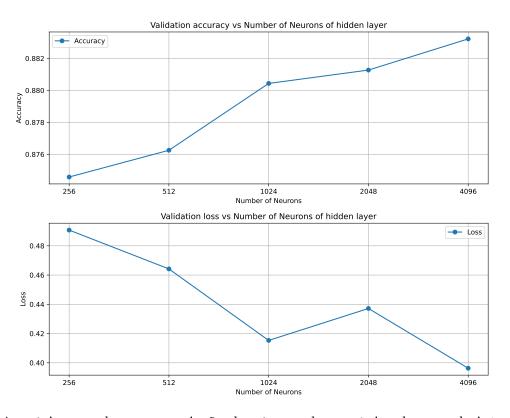


Figura 4: Acurácia e perda com a variação do número de neurônios da camada intermediária.

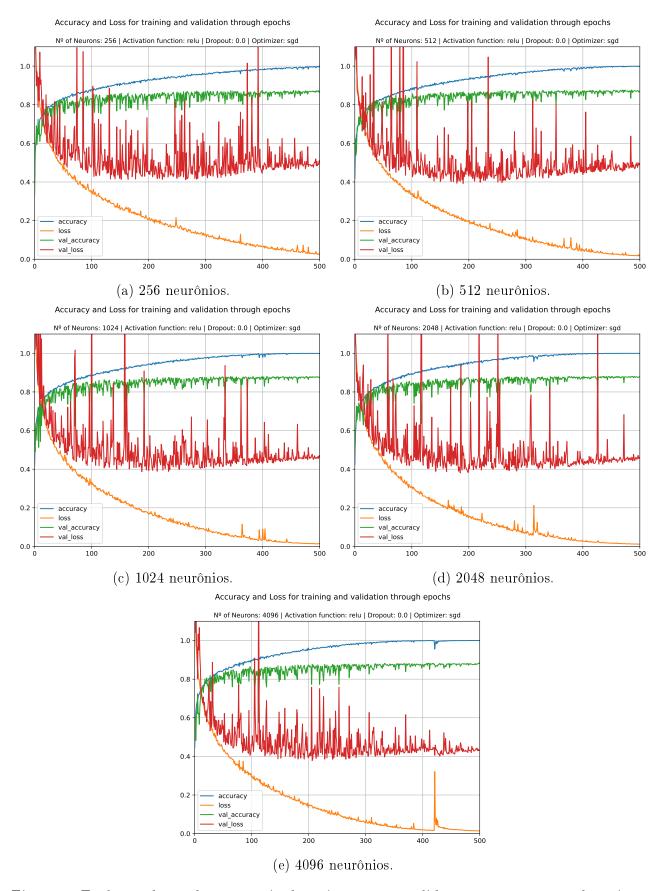


Figura 5: Evolução da perda e acurácia de treinamento e validação com as épocas de treinamento para cada número de neurônios avaliados.

2.1.2 Função de ativação

A função de ativação é a responsável por dar um mapeamento não-linear para a MLP, dessa forma, sua escolha é crucial para viabilizar o treinamento da rede, assim como para garantir a capacidade de generalização da mesma. Foram escolhidas duas funções de ativação com características diferentes, a ReLU, que executa a operação de um retificador linear, e a sigmoide, que varia seu valor de 0 a 1 na forma de uma função logística.

A Figura 6a mostra o desenvolvimento do treinamento para a rede com função de ativação ReLU. Observa-se que ocorre um leve *overfitting*, e que é possível se aproximar de forma considerável de um bom mínimo local da superfície de erro. Já para a função sigmoidal, Figura 6b, o treinamento ocorre de forma muito mais lenta, não se aproximando tanto do mínimo local. Mesmo assim, se observa a saturação da acurácia de validação em um valor menor.

Como a função sigmoidal apresenta saturação, seus valores de ativação tendem a ser menores que os valores de saída de neurônios com ReLU, o que faz com que o gradiente seja limitado e os passos de treinamento sejam menores, justificando um treinamento mais lento, e a acomodação na bacia de atração de um mínimo local de pior qualidade.

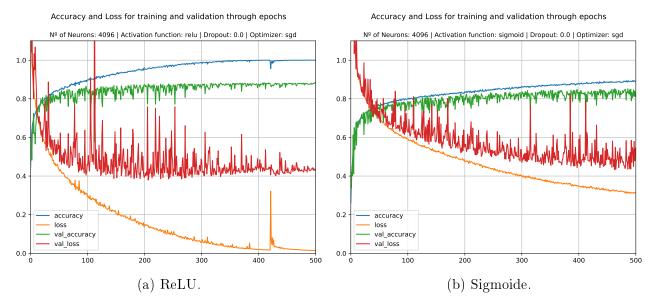


Figura 6: Evolução da perda e acurácia de treinamento e validação com as épocas de treinamento para cada função de ativação candidata.

Como previsto pelos dados de treinamento, a acurácia para a rede com função de ativação logística é menor, como visto na Figura 7. Dessa forma, a função ReLU foi mantida como função de ativação do modelo final, e continuará sendo usada nas próximas buscas.

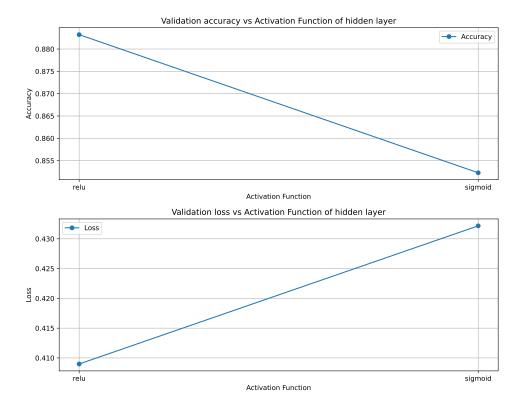


Figura 7: Acurácia e perda com a variação da função de ativação dos neurônios da camada intermediária.

2.1.3 Dropout

Uma vez que se está sendo utilizada uma rede com 4096 neurônios na camada intermediária, o treinamento se torna desafiador, onde para maximizar a capacidade de generalização, se deseja que todos os neurônios apresentem uma função útil na camada. Para isso, buscou-se o uso do dropout, que foi testado com diferentes taxas.

Os gráficos da Figura 8 mostram a evolução do treinamento da MLP sem *dropout*, e com taxas de *dropout* de 0,25 e 0,5. Observa-se primeiramente, que a inserção dessa técnica limitou o *overfitting*, e para o caso da Figura 8c, resultou em uma maior lentidão do treinamento da rede, ou seja, o desligamento dos neurônios se tornou forte o suficiente para diminuir a capacidade de aprendizado da rede.

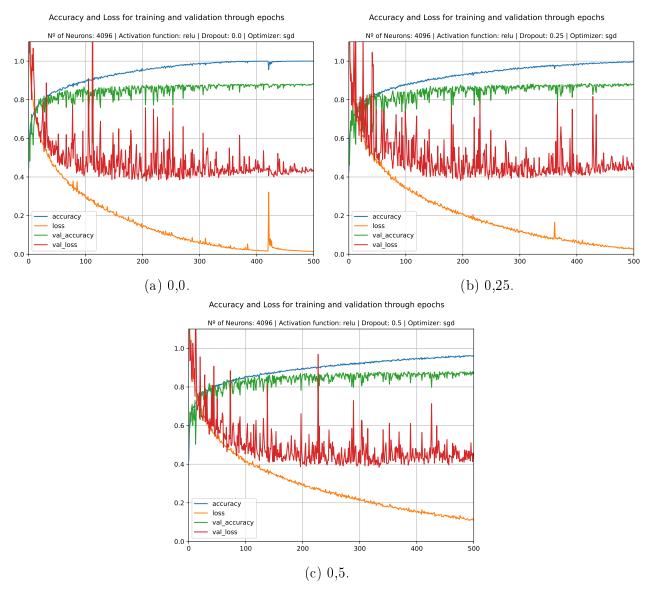


Figura 8: Evolução da perda e acurácia de treinamento e validação com as épocas de treinamento para diferentes taxas de *dropout*.

Dessa forma, a taxa de dropout de 0,25 foi incorporada à rede MLP, e será utilizada nas buscas posteriores.

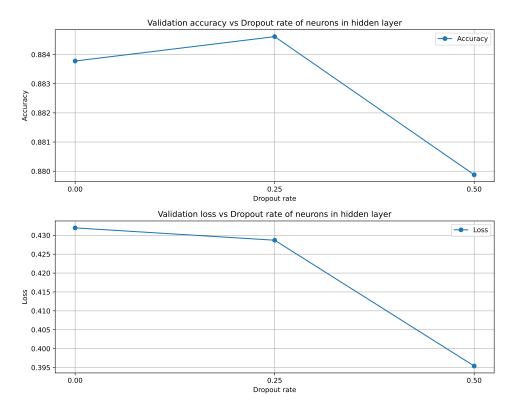


Figura 9: Acurácia e perda com a variação da taxe de *dropout* dos neurônios da camada intermediária.

2.1.4 Otimizador

Uma vez que a superfície de erro é desconhecida e comumente multimodal, o uso de um bom otimizador se faz crucial para garantir a convergência do modelo para um bom mínimo local, que garante uma melhor chance de maximização da capacidade de generalização do modelo. Para a busca, foram candidatos um algoritmo clássico, o *Stochastic Descendent Gradient* (SGD), e um algoritmo adaptativo, o ADAM.

O treinamento com cada um dos otimizadores se dá na Figura 10, onde pode-se observar que como esperado, o algoritmo adaptativo converge em menos épocas e de forma menos ruidosa, porém para um mínimo local de pior qualidade. Já o SGD, apresenta uma trajetória ruidosa, mas consegue alcançar um mínimo local de melhor qualidade, atingindo valores altos de acurácia e minimizando consideravelmente a perda.

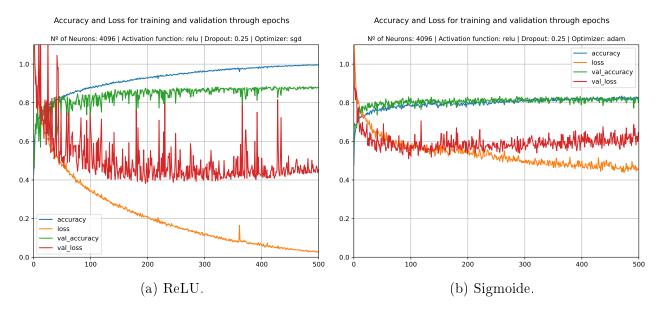


Figura 10: Evolução da perda e acurácia de treinamento e validação com as épocas de treinamento para os otimizadores analisados.

Como já se sabe, algoritmos adaptativos tendem a convergir em menos épocas, porém nada se garante sobre a qualidade do mínimo local de convergência. No trabalho realizado por Wilson et al. (2018), a principal conclusão obtida é que máquinas treinadas com algoritmos adaptativos tendem a generalizar pior do que máquinas treinadas com algoritmos de SGD. Dessa forma, o mesmo resultado pode ser visto na MLP treinada, onde pela Figura 11, observa-se que a rede neural treinada com SGD consegue uma acurácia consideravelmente maior, e minimiza mais a função de custo sobre os dados de validação.

Sendo assim, o algoritmo de otimização SGD foi definido para o modelo final da rede, encerrando a busca de hiper-parâmetros.

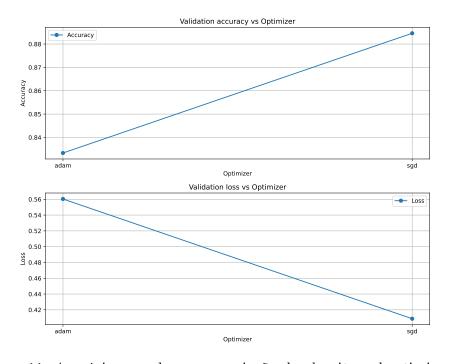


Figura 11: Acurácia e perda com a variação do algoritmo de otimização.

2.2 Análise do melhor modelo

Com a realização da busca exaustiva, foram obtidos como melhores hiper-parâmetros para a rede MLP:

- Número de neurônios: [4096]

- Função de ativação: [ReLU]

- *Dropout*: [0,25]

- Otimizador: [SGD]

Essa rede apresenta um total de 9,670,664 pesos treináveis, que uma vez ajustados durante o treinamento, apresentaram os seguintes valores de acurácia e acurácia balanceada frente aos dados de teste:

$$Accuracy = 0.8705 \tag{1}$$

$$BA = 0.8437$$
 (2)

A matriz de confusão do classificador é exibida na Tabela 1. Primeiramente, observa-se que a classe 3 é a mais desafiadora, uma vez que ela é fortemente confundida com as classes 0, 2, 4, 5 e 6, sendo a classe 7 a única que não se confunde com a 3. Pela Tabela 2, consegue-se ter um melhor panorama da precisão e do recall das classes, uma vez que as mesmas não são balanceadas. Como esperado, a classe 3 apresenta baixa precisão e o pior recall, mas a classe 0 é a que apresenta pior precisão, apresentando falsos positivos para a classe 3, 4 e 5. A classe 7 é a que apresenta a melhor classificação, com precisão quase unitária.

	0	1	2	3	4	5	6	7
0	177	3	0	43	4	17	0	0
1	1	613	0	3	1	0	6	0
2	4	1	264	16	6	3	11	6
3	34	26	3	447	5	32	32	0
4	13	0	11	31	182	0	6	0
5	10	2	1	48	3	215	5	0
6	0	22	5	22	2	2	611	2
7	0	0	1	0	0	0	0	469

Tabela 1: Matriz de confusão do classificador baseado em MLP.

\mathbf{Classe}	Precisão	Recall		
0	0.7254	0.7406		
1	0.9824	0.9190		
2	0.8489	0.9263		
3	0.7720	0.7328		
4	0.7490	0.8966		
5	0.7570	0.7993		
6	0.9174	0.9106		
7	0.9979	0.9832		

Tabela 2: Precisão e recall por classe do classificador baseado em MLP.

2.2.1 Análise dos erros

Foram selecionados alguns casos de erro, onde é exibido a amostra que foi classificada erroneamente, uma representante da classe do falso positivo, e uma representante da classe real daquela amostra, seguido pelas probabilidades daquele dado pertencer a cada uma das classes.

Nas Figuras 12 e 13, observa-se que houve grande desafio para classificar a classe da amostra, e a classe correta se encontra como a $2^{\underline{a}}$ maior probabilidade, sem estar consideravelmente para trás.

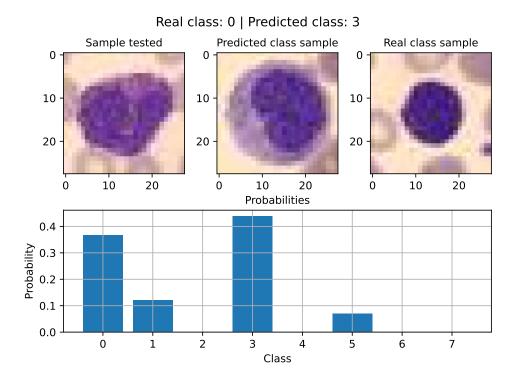


Figura 12: Análise de um caso de erro de classificação.

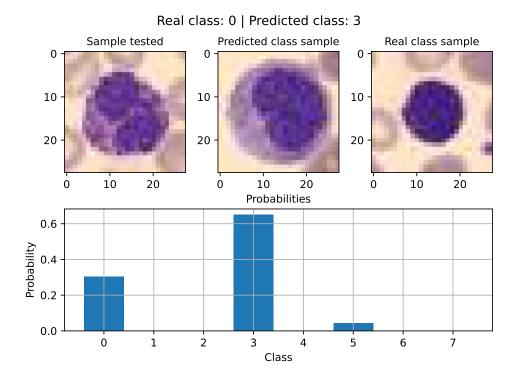


Figura 13: Análise de um caso de erro de classificação.

Já para as amostras das Figuras 14 e 15, o classificador errou com grande certeza, apresentando mais de 0,8 de probabilidade de ser a classe errada, mostrando uma grande falha na classificação. Porém, a classe correta continuou sendo a 2ª mais provável.

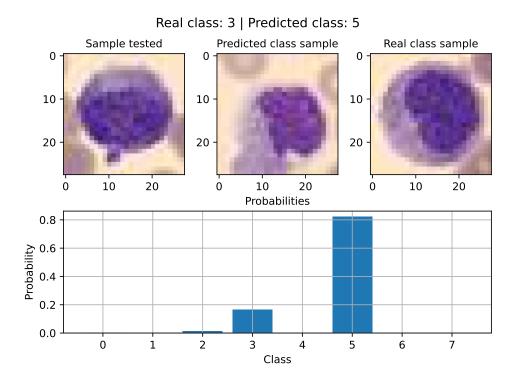


Figura 14: Análise de um caso de erro de classificação.

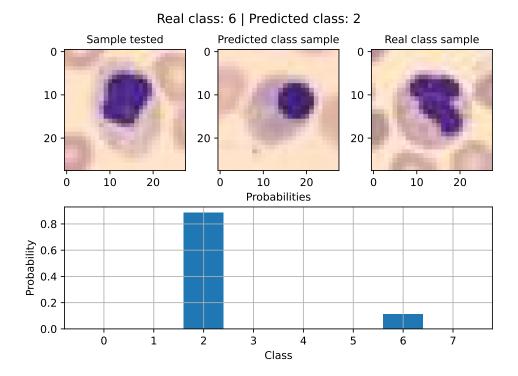


Figura 15: Análise de um caso de erro de classificação.

Já para a classificação do dado da Figura 16, houve grande certeza que a amostra era da classe 1, apresentando na sequência maiores probabilidades de pertencer à classe 2 e 7, respectivamente. Porém, a classe correta, 6, foi a 4ª mais provável, se mostrando como uma amostra muito desafiadora, o que pode ser percebido visualmente, por apresentar um padrão muito diferente do visto para a classe 6 na Figura 1.

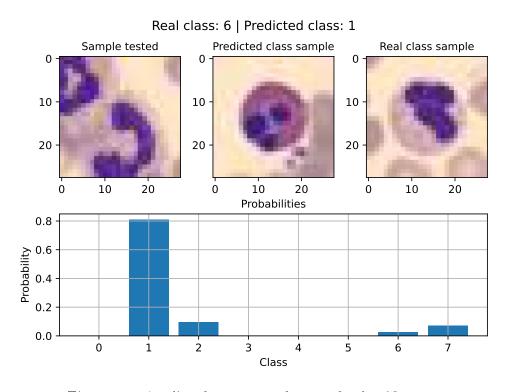


Figura 16: Análise de um caso de erro de classificação.

3 CNN Simples

Para a implementação a rede neural convolucional (CNN) com arquitetura rasa (shallow), foi utilizada uma rede possuindo apenas uma camada convolucional, uma camada de pooling e uma camada de saída com função de ativação softmax.

Com base no visto anteriormente, a função de ativação foi mantida como ReLU, o otimizador como SGD e não foi empregado o uso de *dropout*, devido ao tamanho da rede. A camada de *pooling* escolhida utiliza a operação de máximo, operação selecionada a partir de um teste prévio, que mostrou maior acurácia da rede utilizando a operação de máximo frente à operação de média. O *kernel* de *pooling* foi mantido em um tamanho pequeno, de 2x2, pois como a rede é rasa, houve a intenção de preservar a maior quantidade de dados possível, em vista que não há expansão do campo receptivo.

3.1 Busca do melhor modelo

Para realizar a busca do melhor modelo de CNN, foram treinadas redes para os números de kernels e tamanhos de kernels mostrados a seguir:

```
- Número de kernels: [8; 16; 32; 64; 128]
```

- Tamanho dos *kernels*: [3x3; 5x5; 7x7; 9x9]

Diferentemente da MLP, devido à variação de somente dois hiper-parâmetros, foi realizada a busca exaustiva completa sobre tais variáveis no intervalo estipulado, e o mesmo foi expresso em um gráfico de temperatura, mostrado na Figura 17. Observa-se que a acurácia aumenta com o aumento do número de kernels, e também com o aumento do tamanho do kernel, mas principalmente com o primeiro. Como a rede convolucional possuí apenas uma camada convolucional, não existe a expansão do campo receptivo dos neurônios sob o dado de entrada através das camadas, logo, um kernel maior consegue captar mais padrões, e dessa forma, chegar à um desempenho melhor. Já em relação ao número de kernels, é esperado que possuindo mais canais, cada canal possa detectar um atributo diferente e dessa forma generalizar melhor.

Devido ao pouco ganho de acurácia da configuração com kernel 9x9 para 64 ou 128 kernels, escolheu-se a opção com menos kernels para simplicidade da CNN, obtendo assim o melhor configuração da CNN Shallow:

```
- Número de kernels: [ 64 ]
```

- Tamanho dos kernels: [9x9]

Acurracy for each number of kernels and kernel size

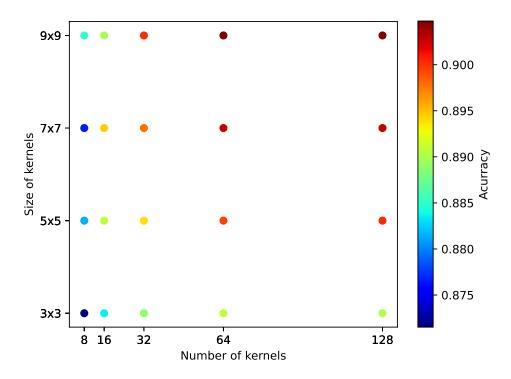
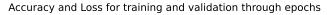


Figura 17: Acurácia do classificador de acordo com o número e tamanho dos kernels.

A Figura 18 mostra o treinamento da rede com melhor configuração por 200 épocas. Observa-se que a perda sob os dados de validação é bem menos errática, e não se percebe overfitting. Devido à saturação da acurácia, se fez satisfatório o treinamento em apenas 200 épocas, adotando de early stopping para concluir o treinamento da rede.



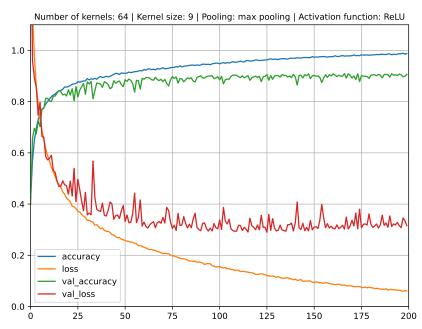


Figura 18: Acurácia e perda durante as épocas de treinamento do melhor modelo CNN Shallow.

3.2 Análise do Melhor modelo

Avaliando o desempenho do modelo com melhor configuração, o primeiro contraste que se explicita é que ele possuí apenas 115,976 pesos treináveis, uma quantidade drasticamente inferior à da rede com camada densa. A acurácia e acurácia balanceada do classificador se veem em (3) e (4), apresentando um desempenho superior ao da MLP, com uma quantidade 842 vezes menor de parâmetros.

$$Accuracy = 0.9088 \tag{3}$$

$$BA = 0.8905$$
 (4)

A matriz de confusão do classificador baseado em CNN Shallow se encontra na Tabela 3.

	0	1	2	3	4	5	6	7
0	193	2	1	34	4	10	0	0
1	2	610	0	4	1	1	6	0
2	3	2	286	9	2	3	4	2
3	23	12	14	478	13	21	18	0
4	9	0	6	12	214	1	1	0
5	4	0	4	50	6	219	1	0
6	1	7	2	14	2	0	640	0
7	0	0	0	0	0	0	1	469

Tabela 3: Matriz de confusão do classificador baseado em CNN Shallow.

\mathbf{Classe}	Precisão	Recall		
0	0.7910	0.8213		
1	0.9776	0.9637		
2	0.9196	0.9137		
3	0.8256	0.7953		
4	0.8807	0.8843		
5	0.7711	0.8588		
6	0.9610	0.9538		
7	0.9979	0.9958		

Tabela 4: Matriz de confusão do classificador baseado em CNN Shallow.

3.2.1 Análise dos erros

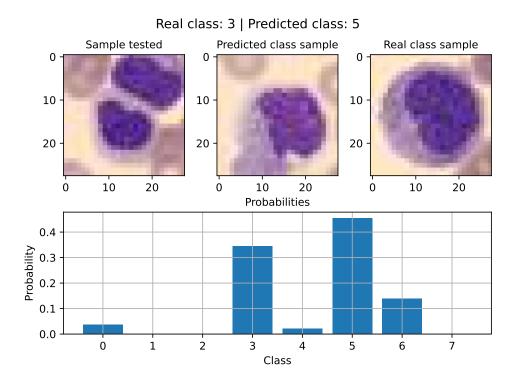


Figura 19: Análise de um caso de erro de classificação.

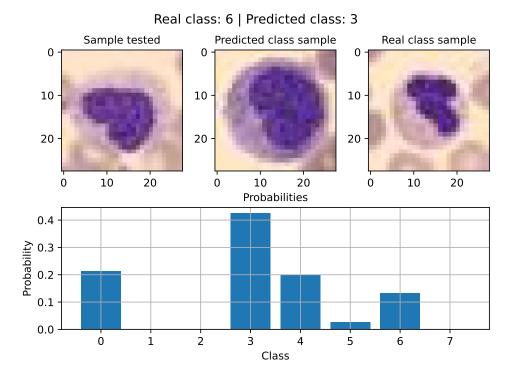


Figura 20: Análise de um caso de erro de classificação.

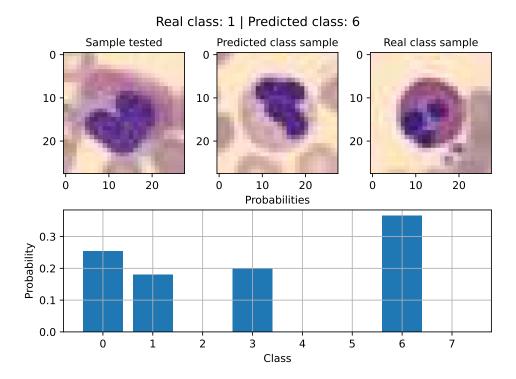


Figura 21: Análise de um caso de erro de classificação.

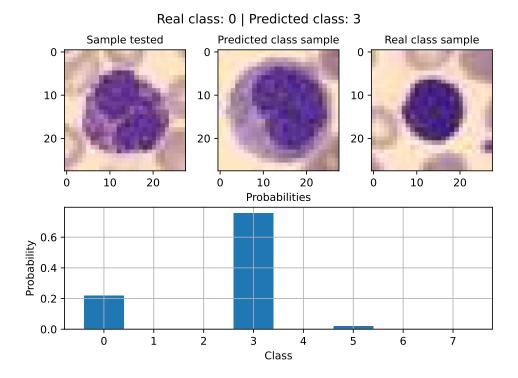


Figura 22: Análise de um caso de erro de classificação.

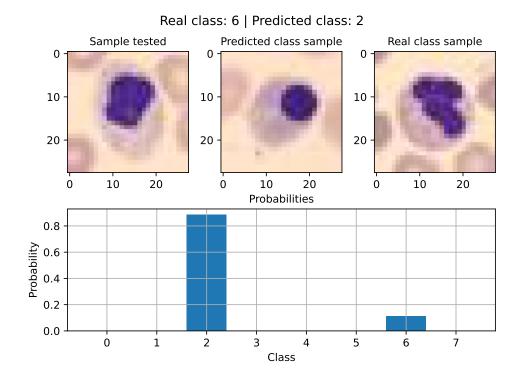


Figura 23: Análise de um caso de erro de classificação.

3.3 Aplicando uma entrada 64x64 à camada convolucional

Como se sabe, a camada convolucional é robusta à alteração da dimensão do dado de entrada, ou seja, a rede aqui treinada para dados 28x28, suporta o processamento de dados de dimensão, como será testado, 64x64. Porém, como uma entrada maior gera feature maps de saída também maiores, a camada convolucional terá seus pesos congelados, e uma nova camada de saída softmax será treinada.

Ao treinar os 524,296 pesos resultantes da camada softmax, conservando os 15,616 pesos da camada convolucional, obteve-se o perfil de treinamento mostrado na Figura 24, e a acurácia sobre os dados de teste da (5). Uma vez que apenas a camada de saída foi treinada, para um dado consideravelmente maior de entrada, a queda de acurácia não se faz tão grande, uma vez que para uma entrada com esse tamanho, além de pesos com diferença relevante, pode se fazer necessário o uso de kernels maiores.

$$Accuracy = 0.8620 (5)$$

Accuracy and Loss for training and validation through epochs

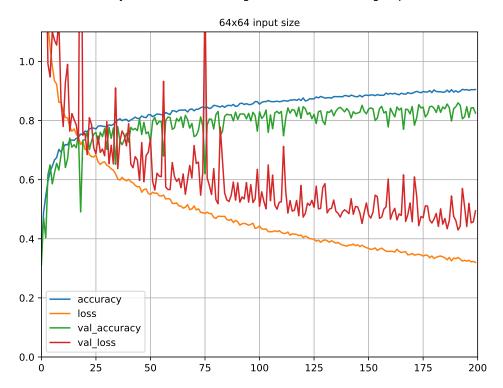


Figura 24: Análise de um caso de erro de classificação.

4 CNN Profunda

Referências

GÉRON, A. Hands-On Machine Learning with Scikit-Learn, Keras, and TensorFlow: Concepts, Tools, and Techniques to Build Intelligent Systems. [S.l.]: O'Reilly Media, 2019. ISBN 9781492032618.

WILSON, A. C. et al. The Marginal Value of Adaptive Gradient Methods in Machine Learning. [S.l.]: arXiv: 1705.08292, 2018.

Anexos

Códigos fonte

Todos os códigos fonte e arquivos de dados utilizados para a elaboração deste documento podem ser encontrados no repositório do GitHub no link: github.com/toffanetto/ia048.