

* Vou, como se relaciona a rotação de Rodrigues com a rotação nos ângulos de Euler (ψ, θ, ϕ)?

Como $\vec{R}' = R\vec{v}$, $R = R(\theta)$ é a matriz da rotação de Rodrigues de um ângulo θ em torno de um vetor unitário \hat{m} .

A matriz R é dada como:

$$R = \begin{bmatrix} -\cos(\theta)(-m_2^2 - m_3^2) - m_2^2 - m_3^2 + 1 & -\cos(\theta)m_1m_2 + m_1m_2 - \sin(\theta)m_3 & -\cos(\theta)m_1m_3 + m_1m_3 + \sin(\theta)m_2 \\ -\cos(\theta)m_1m_2 + m_1m_2 + \sin(\theta)m_3 & -\cos(\theta)(-m_1^2 - m_3^2) - m_1^2 - m_3^2 + 1 & -\cos(\theta)m_2m_3 + m_2m_3 + \sin(\theta)m_1 \\ -\cos(\theta)m_1m_3 + m_1m_3 - \sin(\theta)m_2 & -\cos(\theta)m_2m_3 + m_2m_3 + \sin(\theta)m_1 & -\cos(\theta)(-m_1^2 - m_2^2) - m_1^2 - m_2^2 + 1 \end{bmatrix}$$

As rotações em X, Y e Z podem ser expressas em $R(\theta)$, onde:

$$R_x = R(\theta) \quad \hat{m} = [1 \ 0 \ 0]^T$$

$$R_y = R(\theta) \quad \hat{m} = [0 \ 1 \ 0]^T$$

$$R_z = R(\theta) \quad \hat{m} = [0 \ 0 \ 1]^T$$

$$\text{Logo: } R_{z,x,y} = R_z R_y R_x = R(\theta) \quad \hat{m} = m_1 [1 \ 0 \ 0]^T + m_2 [0 \ 1 \ 0]^T + m_3 [0 \ 0 \ 1]^T$$

$$\forall m_1, m_2, m_3 \in \sqrt{m_1^2 + m_2^2 + m_3^2} = 1$$