Práctica 04 - Ecuaciones Diferenciales de 1er Exactas y Factores de Integración

Nombre: ______ Fecha: _____

A. Determine si las siguientes ecuaciones diferenciales son de variable separable, lineales, exactas o ninguna de ellas

1.
$$(x^2y + x^4\cos x) dx - x^3 dy = 0$$

2.
$$(x^{10/3} - 2y) dx + x dy = 0$$

3.
$$\sqrt{-2y-y^2} dx + (3+2x-x^2) dy = 0$$

4.
$$(ye^{xy} + 2x) dx + (xe^{xy} - 2y) dy = 0$$

$$5. \ xy \, dx + dy = 0$$

6.
$$y^2 dx + (2xy + \cos y) dy = 0$$

7.
$$[2x + y\cos(xy)] dx + [x\cos(xy) - 2y] dy = 0$$

8.
$$\theta dr + (3r - \theta - 1) d\theta = 0$$

B. Resuelva las siguientes ecuaciones diferenciales

1.
$$(2xy + 3) dx + (x^2 - 1) dy = 0$$

2.
$$(2x + y) dx + (x - 2y) dy = 0$$

3.
$$(e^x \sin y - 3x^2) dx + (e^x \cos y + y^{-2/3}/3) dy = 0$$

4.
$$(\cos x \cos y + 2x) dx - (\sin x \sin y + 2y) dy = 0$$

5.
$$e^{t}(y-t) dt + (1+e^{t}) dy = 0$$

6.
$$(t/y) dy + (1 + \ln y) dt = 0$$

7.
$$\cos\theta dr - (r\sin\theta - e^{\theta}) d\theta = 0$$

8.
$$(ye^{xy} - 1/y) dx + (xe^{xy} + x/y^2) dy = 0$$

9.
$$(1/y) dx - (3y - x/y^2) dy = 0$$

10.
$$[2x + y^2 - \cos(x + y)] dx + [2xy - \cos(x + y) - e^y] dy = 0$$

C. Determine si las siguientes ecuaciones diferenciales son de variable separable, lineales, exactas o tienen un factor de integración que solo depende de x o de y

1.
$$(2x + yx^{-1}) dx + (xy - 1) dy = 0$$

2.
$$(2y^3 + 2y^2) dx + (3y^2x + 2xy) dy = 0$$

3.
$$(2x + y) dx + (x - 2y) dy = 0$$

4.
$$(y^2 + 2xy) dx - x^2 dy = 0$$

5.
$$(x^2 \sin x + 4y) dx + x dy = 0$$

6.
$$(2y^2x - y) dx + x dy = 0$$

D. Determine el factor de integración más adecuado para resolver las ecuaciones diferenciales listadas y resuélvalas

1.
$$(2xy) dx + (y^2 - 3x^2) dy = 0$$

2.
$$(3x^2 + y) dx + (x^2y - x) dy = 0$$

3.
$$(x^4 - x + y) dx - x dy = 0$$

4.
$$(2y^2 + 2y + 4x^2) dx + (2xy + x) dy = 0$$

5.
$$(y^2 + 2xy) dx - x^2 dy = 0$$

6.
$$(2xy^3 + 1) dx + (3x^2y^2 - y^{-1}) dy = 0$$