Práctica 02 - Ecuaciones Diferenciales Separables y Homogéneas

Introducción

En esta práctica, se determinará si ciertas ecuaciones diferenciales son de variable separable, se resolverán ecuaciones diferenciales dadas y se evaluará la homogeneidad de ciertas ecuaciones.

Ejercicios

A) Determina si las siguientes ecuaciones diferenciales son de Variable Separable

$$1. \frac{dy}{dx} - \sin(x+y) = 0$$

2.
$$\frac{dy}{dx} = 4y^2 - 3y + 1$$

3.
$$\frac{ds}{dt} = t \ln(s^2) + 8^2$$

4.
$$\frac{dy}{dx} = \frac{e^{x+y}}{x^2+2}$$

5.
$$(xy^2 + 3y^2) dy - 2x dx = 0$$

6.
$$s^2 + \frac{ds}{dt} = \frac{s+1}{st}$$

B) Resuelve las siguientes ecuaciones diferenciales

$$1. \ \frac{dy}{dx} = \frac{1}{y^3}$$

$$2. \ \frac{dx}{dt} = 3x^2$$

$$3. \ \frac{dx}{dt} = \frac{t}{xe^{t+2x}}$$

$$4. \ \frac{dy}{dx} = \frac{x}{y^2\sqrt{1+x}}$$

5.
$$\frac{dv}{dx} = \frac{1-4v^2}{3v}$$

$$6. \frac{dy}{dx} = \frac{\sec^2 y}{1+x^2}$$

7.
$$\frac{dy}{dx} = 3x^2(1+y^2)^{3/2}$$

8.
$$\frac{dx}{dt} - x^3 = x$$

C) Determina si las siguientes ecuaciones diferenciales son homogéneas,

Considera simplemente corroborar si incoporando el operandor landa, este se puede factorizar y dentro uno de los terminos factorizados, la funcion f(x,y) vuelve a ser la ecuacion original

1.
$$f(x,y) = x^2y - 4y^3$$

2.
$$f(x,y) = y^2 \tan\left(\frac{x}{y}\right)$$

3.
$$f(x,y) = \sqrt{x^3 - y^3}$$

4.
$$f(x,y) = \frac{x^2 - y^2}{xy}$$

5.
$$f(x,y) = x^2 + \sin(x)\cos(y)$$

6.
$$f(x,y) = e^x$$

7.
$$f(x,y) = e^{\frac{x}{y}}$$

8.
$$f(x,y) = (x^2 + y^2)^{3/2}$$

9.
$$f(x,y) = x - 5y + 6$$

10.
$$f(x,y) = x \cdot \sin\left(\frac{y}{x}\right) - y \cdot \sin\left(\frac{x}{y}\right)$$

D) Resuelve las siguientes ecuaciones homogéneas

1.
$$(4x^2 + xy - 3y^2) dx + (-5x^2 + 2xy + y^2) dy = 0$$

$$2. \frac{dy}{dx} = \frac{y}{x} + \left(\frac{\varphi(\frac{y}{x})}{\varphi'(\frac{y}{x})}\right)$$

$$3. xy' = 2(y - \sqrt{xy})$$

4.
$$\left(x\cos\left(\frac{y}{x}\right) - y\right)dx + x dy = 0$$

5.
$$xy' = y + 2xe^{-y/x}$$

6.
$$dy = \left(\frac{y}{x} - \cos^2\left(\frac{y}{x}\right)\right) dx$$