Спецкурс "Теория риска" (для 409 гр.)

Проф. Екатерина Вадимовна Булинская

(МГУ имени М.В.Ломоносова)

Лекция 1 Москва, 9 сентября 2020 г.

С НОВЫМ УЧЕБНЫМ ГОДОМ!



Е.В.Булинская

Риск Лекция 1

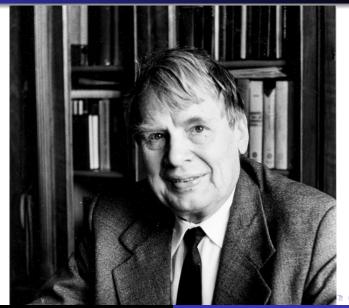
План лекции

- О профессии актуарий.
- 4 периода в истории актуарных наук.
- Классификация рисков. Риск, подлежащий страхованию. Страхование жизни и не жизни.
- Сходство математических моделей, возникающих в разных приложениях теории вероятностей.
- Основные принципы страхового дела.

А.Н.Колмогоров - первый зав. кафедрой 1935-1965



Б.В.Гнеденко - второй зав. кафедрой 1965-1995



Е.В.Булинская

Риск Лекция 1

А.Н.Ширяев - зав. кафедрой теории вероятностей



Е.В.Булинская

Актуарная математика в МГУ

В феврале 1993 года началось обучение по специальности математика, прикладная математика с экономическим уклоном (теперь экономический поток).

Идея создания новой специализации принадлежала ныне покойному академику Б.В.Гнеденко, в то время бывшему заведующим кафедрой теории вероятностей.

Он отчетливо понимал, что экономические изменения, произошедшие в России и других странах бывшего Советского Союза, создали потребность в специалистах по страхованию и менеджменту финансовых рисков. А это является неотъемлемой частью профессии актуарий.

Актуарная математика в МГУ

Необходимо отметить решающий вклад академика РАН А.Н.Ширяева,

зав. кафедрой теории вероятностей механико-математического факультета МГУ, президента Международного Финансового Общества Башелье, первого президента Российского Актуарного Общества в развитие актуарного образования, в частности, в организацию в 1996 году новой специализации, актуарно-финансовый аналитик.

Актуарий

Слово актуарий в энциклопедическом словаре Брокгауза и Ефрона за 1901 год определяется как регистратор, должность, введенная в 1720 году Петром I в "Положении о коллегиях". В Древнем Риме это были писцы судейских актов, а также военные, занятые поставками.

Позднее это слово стало означать лицо, занимающееся математическими расчетами в страховой компании.

Актуарная наука это дисциплина, которая применяет математические и статистические методы для оценки рисков, возникающих в страховании, финансах и других областях.

Профессия актуарий

Web site CareerCast.com поставил актуария в 2014 году на четвертое место среди лучших профессий с учетом окружающей среды, дохода, перспектив найма и стресса.

Использовались данные U.S. Department of Labor и Bureau of Labor Statistics, а также других правительственных учреждений, торговых ассоциаций и частных фирм для оценки 200 профессий, включенных в годовой рейтинг.

Три наилучших профессии в этом рейтинге - математик, штатный профессор университета и статистик.

Профессия актуарий

Математические навыки, согласно CareerCast's 2015 Jobs Rated report, являются решающими в получении лучших рабочих мест. При этом четыре из первых 10 профессий ориентированы на математику.

Актуарий, использующий математику, статистику и финансовые теории, чтобы оценить риск осуществления того или иного события, занял место No. 1 в списке, перед математиком (No. 3), статистиком (No. 4) и специалистом по обработке данных (data scientist) (No. 6).

Профессия актуарий

```
А в 2019г. расположение было следующим:

No. 1 - специалист по обработке данных (114,52$),

No. 2 - статистик (84,76),

No. 3 - профессор университета (76),

No. 8 - математик (84,76),

No. 9 - аналитик в области исследования операций (81,39),

No. 10 - актуарий (101,56).
```

Актуарная профессия формально появилась в 1848г., с созданием Institute of Actuaries, London. The Faculty of Actuaries, Edinburgh, был учрежден в 1856г., а в 2010г. он объединился с Institute of Actuaries.

International Actuarial Association (IAA) это всемирная организация, включающая местные актуарные ассоциации. Она была основана в 1895г. как объединение отдельных актуариев под именем "Comité Permanent des Congrés d'Actuaires", переименована в IAA в 1968 и реструктурирована на 26 Международном конгрессе актуариев в Бирмингеме (7–12 июня 1998г.).

В наши дни IAA состоит из 69 Full Member Associations, представляющих 98% лиц, имеющих квалификацию актуария, and 28 Associate Member Associations.

Она имеет 7 секций.

ASTIN, сокращение от Actuarial STudies In Non-life insurance, создана в 1957г. как первая секция IAA. Главная цель ASTIN развивать актуарные исследования, в основном в страховании не жизни. ASTIN постоянно работает над дальнейшим развитием математических основ страхования не жизни и перестрахования.

Другая секция IAA, созданная в 1986г., AFIR, что получено из Actuarial Approach for FInancial Risks. Ее цель была определена как содействие актуарным исследованиям в области финансовых рисков и проблем.

С 2011г., мандат секции был расширен, чтобы формально включить Enterprise Risk Management (ERM), поэтому название секции стало AFIR/ERM.

Другие секции ІАА

Health Section (IAAHS) создана в 2003г., Pensions, Benefits and Social Security Section (PBSS) также работает с 2003г., Life Section (IAALS) создана в 2005г. рассматриваться не будут.

Российское актуарное общество было создано 14 сентября 1994г., первым президентом был профессор А.Н.Ширяев.

А.Н.Ширяев. Актуарное и финансовое дело: современное состояние и перспективы развития. Обозрение прикладной и промышленной математики, 1994, т.1, в.5, с.684-697. !!!

Российская гильдия актуариев основана в 2002г. на базе актуарного общества, созданного в 1994г.

4 ноября 2008г. Российская гильдия актуариев стала действительным членом (full member) IAA и была признана неотъемлемой частью международного актуарного сообщества.

Актуарная деятельность до 1917г.

Наиболее известен С.Е.Савич (1864-1936), который был вице-президентом первых четырех Международных конгрессов актуариев и членом Оргкомитета 8 конгресса, который планировался на 1915г. в С.Петербурге, но был отменен из-за войны.

Он был постоянным членом Страхового комитета Министерства внутренних дел, который занимался надзором за страховой деятельностью в Российской империи.

В основном он интересовался страхованием жизни, здоровья и пенсиями.

Работы по страхованию жизни есть у известных ученых В.Я.Буняковского и А.А.Маркова.



Страхование

Определение

Страхование – это операция, посредством которой одна сторона (страхователь), уплачивая некоторую сумму (премию или страховой взнос), обеспечивает себе или третьей стороне (выгодоприобретателю) при осуществлении риска (наступлении страхового события) выплату возмещения другой стороной (страховщиком), который принимает на себя целый ансамбль рисков, компенсируя их в соответствии с законами теории вероятностей.

Страхование

2 денежных потока (премии и возмещения)

Премии платят страхователи, а возмещения страховщик

страхователь, застрахованный, выгодоприобретатель

какие возможны комбинации?



Риск

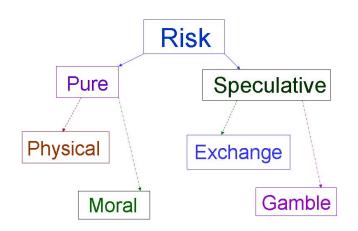
Concise Oxford English Dictionary:

Risk is a hazard, a chance of bad consequences, loss or exposure to mischance.

<u>Риск</u> - это опасность, вероятность плохих последствий, убытков или несчастных случаев



Классификация рисков



Risk classification

Риски бывают чистые и спекулятивные. Чистый риск означает, что возможно возникновение лишь потерь (или убытков).

Спекулятивный риск предполагает возможность не только нанесения ущерба, но и получение выгоды. Такие риски характерны для азартных игр (в казино, например) или для биржевых операций.

Таким образом, с математической точки зрения, спекулятивный риск описывается произвольной случайной величиной, принимающей как положительные, так и отрицательные значения (тогда абсолютная величина этого отрицательного значения как раз равна величине полученной прибыли).

Чистые риски соответствуют положительным случайным величинам.

В свою очередь чистые риски делятся на физические и моральные. Физические риски обусловлены прежде всего природными явлениями, такими как землетрясение, наводнение, ураган, извержение вулкана, цунами и др., а также деятельностью человека, например, кризисы или техногенные катастрофы.

Моральный риск вызван нечестным или недобросовестным поведением человека. Чаще всего он возникает в страховании. Например, если сгорает застрахованное на большую сумму предприятие, у владельца которого имеются серьезные материальные трудности, это может означать преднамеренный поджог для получения страховой суммы. Извлечение выгоды путем нарушения условий контракта - моральный риск.

Риск, подлежащий страхованию

- 💶 Речь может идти лишь о будущем событии.
- Событие должно быть случайным. Это означает, что заранее неизвестно, наступит ли рассматриваемое событие или вообще не наступит, либо неизвестен лишь момент его наступления, хотя достоверно, что рано или поздно оно должно наступить.
- Наконец, осуществление события не должно полностью зависеть от воли застрахованного.



Страхование жизни и не жизни

Разделение всей страховой индустрии на две части: страхование жизни (Life insurance) и страхование не жизни (Non-life insurance или General insurance), связано с п.2.

Страхование жизни в чем-то проще с математической точки зрения, так как вся случайность сосредоточена в моменте наступления события, а размеры выплат оговорены заранее.

В страховании не жизни (имущественное, гражданская ответственность, медицинское) неизвестен не только момент, когда придется производить выплату, но и ее размер. Более того, может быть, придется платить неоднократно в течение срока действия полиса.

Различие двух ветвей страхования

В первом случае контракты в основном долгосрочные (если речь идет о пожизненном страховании, то продолжительность до 50 лет), во втором контракты заключаются в основном на год.

Момент наступления события в одном случае оказывается собственной случайной величиной, в другом случае несобственной.

В страховании жизни размер выплаты детерминированный (страховая сумма), неясно заранее лишь, когда придется платить. А в страховании не жизни число выплат (страховых событий) случайно, равно как и размеры отдельных выплат.

Различие двух ветвей страхования

Отличаются также и принципы функционирования: в первом случае - это капитализация или накопление, во втором - распределение.

Здесь и кроется причина законодательного разделения указанных двух типов деятельности.

Наконец, источники риска в страховании жизни - это смертность и процентная ставка, а в страховании не жизни - это процесс поступления требований на выплату возмещений, иначе, исков или претензий (claims process).

Страхование имеет длинную и интересную историю.

Методы передачи и перераспределения риска практиковались китайскими и вавилонскими торговцами еще 3 и 2 тысячи лет до нашей эры.

Упомянем Кодекс Хаммурапи, примерно 1750г. до нашей эры.

Первыми были общества взаимного страхования, управлявшиеся своими членами, без внешних акционеров.

Затем появились акционерные компании.

Двойственный характер страховой компании

Первичная задача - удовлетворение претензий застрахованных.

Изучение вероятности разорения

Вторичная задача - выплата дивидендов акционерам.

Математическое ожидание дисконтированных дивидендов до разорения



4 периода в актуарных науках

Почему актуарная наука возникла значительно позже (в 17 веке) можно прочитать в интересной книге Bernstein, P.L. Against the Gods: The Remarkable Story of Risk. John Wiley and Sons, New York (1996)

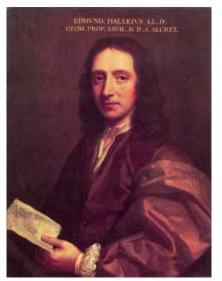
- Детерминистический период (E.Halley, D.Bernoulli)
- Стохастический период (теория коллективного риска)
- Финансовый период (инвестиционный аспект страхования)
- Современный период (управление корпоративными рисками)



Детерминистический период в актуарных науках

характеризуется появлением в 1693г. таблиц смертности E. Haley (его именем названа известная комета Галея) и введением в 1738г. D.Bernoulli функций полезности. Хотя некоторые исследователи утверждают, что идея таблиц смертности принадлежит римскому юристу Ульпиану (Ulpian, 170-228), первые таблицы смертности появились в 17м веке. Они были выпущены John Graunt в 1662г. (некоторые историки приписывают их William Petty, который ввел новый предмет "политическая арифметика") и Johan de Witt, 1671г. Однако Эдмунд Галей был первым, кто описал принципы актуарной математики строго научно.

Детерминистический период: таблицы смертности E. Haley 1693г.



Детерминистический период: функции полезности D.Bernoulli 1738г.



Стохастический период

характеризуется применением теории вероятностей и случайных процессов к решению актуарных проблем. Главное достижение - теория коллективного риска, в частности, модель Крамера-Лундберга (Cramér-Lundberg model). Отметим, что широко используемый в практике процесс с независимыми приращениями, пуассоновский процесс, впервые был введен в диссертации Лундберга в 1903г. Другой процесс с независимыми приращениями (броуновское движение или винеровский процесс) появился в диссертации Башелье в 1900г. для описания цен финансовых активов. Результаты Ф.Лундберга были объяснены и далее развиты Г.Крамером в 1930х годах. Говорят, что причина успехов шведских страховых компаний это внимание к актуарным наукам. В 1929г. специальная кафедра Статистики и Актуарных наук была создана в Стокгольмском университете для Г.Крамера.

Стохастический период: F.Lundberg 1903



FILIP LUNDBERG Målning av D Tägtström

Стохастический период: Harald Cramer 1930e



Финансовый период в актуарных науках

Актуарная наука включает ряд взаимосвязанных предметов, таких как математика, теория вероятностей, статистика, финансы, экономика, управление рисками, информатика.

Наука претерпела революционные изменения за последние 40 лет в связи с распространением высокоскоростных компьютеров и объединением стохастических актуарных моделей с современной финансовой теорией. Так, третий период можно назвать финансовым. Он был очень коротким, не более трех десятилетий.

Финансовые риски

это то, что влияет на активы, включая процентные ставки, инфляцию, стоимость акций и валютный курс.

Эти риски коррелированы, непрерывны и требуют понимания стохастического исчисления, чтобы быть надлежащим образом измеренными.

Как было отмечено, они ведут не только к потерям, но и прибыли.

Методы управления финансовыми рисками - финансовые деривативы, такие как форварды, фьючерсы, опционы и свопы, являются относительно новыми.

Неправильное использование этих методов и вызванные ими финансовые неудачи фактически привели к необходимости управления корпоративными рисками (ERM).



Hans Buhlmann в 1987г. дал классификацию на 3 периода



Paul Embrechts анонсировал четвертый период в 2005г.



Современный период

Четвертый (современный) период в дополнение к достижениям предыдущих периодов принес развитие менеджмента корпоративных рисков (enterprise risk management).

Он характеризуется сильным взаимодействием страхования и финансов, исследованием сложных систем и использованием передовых математических инструментов.

President of CAS d'Arcy and his colleagues



Корпоративные риски (ERM)

ERM Theory and Practice

Stephen P. D'Arcy University of Illinois

Concurrent Session ERM 2 CAS Spring Meeting May 2006

CAS - Casuality Actuarial Society - specializes in property and casuality insurance (специализируется на страховании имущества и от несчастных случаев) (ERM) Изучение новых типов риска: оперативный и стратегический

Актуарий четвертого типа

В ноябре 2009г., группа профессиональных актуарных органов предприняла беспрецедентный шаг, согласившись сотрудничать в разработке и администрировании новой квалификации в области управления корпоративными рисками (ERM) - the Chartered Enterprise Risk Actuary (CERA), что привело к заключению соответствующего договора (Global CERA Treaty).

Первые 9 актуариев получили новую сертификацию в июле 2010г.

Мотивация

Вспомним следующие хорошо известные факты:

- Для изучения реальных систем или процессов полезно построить математическую модель.
- Существует много моделей, описывающих более или менее точно данную систему.
- Одна и та же модель может описывать процессы, возникающие в различных областях исследования.

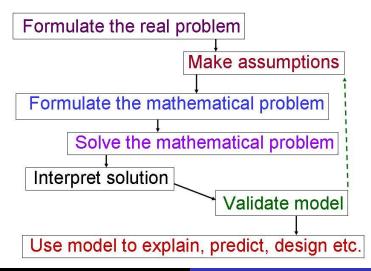
Мотивация

Ключевой момент во всех исследованиях, относящихся к принятию решений:

<u>Как выбрать</u> надлежающую математическую модель?

Обычная процедура выглядит следующим образом

Исследование реальной системы



Области применения теории вероятностей такие как

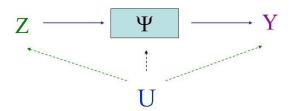
- страхование, теория запасов и водохранилищ, финансы, теория массового обслуживания и надежности и многие другие
- могут рассматриваться как специальные случаи принятия решений в условиях неопределенности (или менеджмента рисков), нацеленные на оптимизацию функционирования системы.
- Для принятия правильного решения необходима надлежащая математическая модель.

Обозначения для модели входа-выхода $(T, Z, Y, U, \Psi, \mathcal{L})$

- Т − горизонт планирования,
- ullet $Z = \{Z(t), t \in [0, T]\}$ входящий процесс,
- ullet $Y = \{Y(t), t \in [0, T]\}$ выходящий процесс,
- ullet $U = \{U(t), t \in [0, T]\}$ управление,
- ullet Ψ конфигурация и способ функционирования системы, $X=\Psi(Z,Y,U)$,
- ullet $X = \{X(t), t \in [0, T]\}$ состояние системы,
- $\mathcal{L}_T(U) = \mathcal{L}(Z, Y, U, X, T)$ целевая функция (objective function, target, valuation criterion, risk measure) оценивает качество функционирования системы.

Описание моделей

General input-output model $(Z,Y,U,\Psi,T,\mathcal{L})$



$$X=\Psi(Z,Y,U), \quad \mathcal{L}_{T}(U)=\mathcal{L}(T,Z,Y,U,X)$$

Интерпретация параметров моделей для различных областей

| Область исследов. | Bxod $Z(t)$ | Выход $Y(t)$ | Состояние $X(t)$ |
|----------------------------------|------------------------------------|---------------------------------|-----------------------------------|
| Страхование Финансы Запасы | Премии Приток денег Поставки | Выплаты Отток денег Спрос | Резерв Капитал Уров.запасов |
| Водохран. Надежность | Приток воды Новые& ремонт. | Выпуск Полом. | Уров.воды Рабочие |
| Очереди | элементы Прибытие | элементы Обслуж. | элементы Длина очере- ди |
| Рост Популяции | клиентов Рождение & иммигр. | клиенты Смерть & эмигр. | Размер попул. |

Классификация моделей

- Дискретное или непрерывное время
- Детерминированные, стохастические, смешанные
- Конфигурация, размерность основных процессов
- Известные или неизвестные параметры и распределения
- Множество допустимых управлений (статические или динамические)

Целевые функции

- Стоимостной подход Теория запасов, финансы
- Без целевой функции
 Очереди, водохранилища
- Надежностный подход
 Страхование, надежность

Оптимизация

В наши дни целевые функции вводятся в любой области исследования для оптимизации функционирования системы.

Определение

```
Управление U_T^* = \{U^*(t), t \in [0, T]\} оптимально, если \mathcal{L}_T(U_T^*) = \inf_{U_T \in \mathcal{U}_T} \mathcal{L}_T(U_T), (или \mathcal{L}_T(U_T^*) = \sup_{U_T \in \mathcal{U}_T} \mathcal{L}_T(U_T)), где \mathcal{U}_T - класс допустимых управлений. Далее, U^* = \{U_T^*, T \geq 0\} называется оптимальной политикой (или стратегией).
```

Определения

Выбор **inf** или **sup** зависит от решаемой задачи. А именно,

- если мы хотим минимизировать потери (или вероятность разорения), используем первое выражение,
- а для максимизации дохода или времени жизни системы второе.



Определения

Поскольку экстремум может не достигаться, вводится следующее

Определение

Управление $U^arepsilon_T$ arepsilon-оптимально, если

$$\mathcal{L}_T(U_T^{\varepsilon}) < \inf_{U_T \in \mathcal{U}_T} \mathcal{L}_T(U_T) + \varepsilon$$

(or
$$\mathcal{L}_T(U_T^{\varepsilon}) > \sup_{U_T \in \mathcal{U}_T} \mathcal{L}_T(U_T) - \varepsilon$$
).

Определение

Политика $ilde{U}=\{ ilde{U}_T,\, T\geq 0\}$ стационарна, если для любых $T,S\geq 0$

$$U_T(t) = U_S(t), \quad t \leq \min(T, S).$$

Определение

Политика $\widehat{U}=(\widehat{U}_T,\,T\geq 0)$ асимптотически оптимальна, если

$$\lim_{T\to\infty} T^{-1}\mathcal{L}_T(\widehat{U}_T) = \lim_{T\to\infty} T^{-1}\mathcal{L}_T(U_T^*).$$

Изменения, необходимые для моделей с дискретным временем, очевидны.



Основные принципы страховой деятельности

- Страховщик должен иметь как можно больше контрактов
- Портфель должен быть однородным
- Не надо брать слишком большие риски (underwriting limits)
- Риски не должны осуществляться одновременно

Основные принципы страховой деятельности

К п.1: SLLN (Усиленный закон больших чисел)

$$P(\frac{1}{n}\sum_{i=1}^{n}X_{i}\rightarrow EX,\ n\rightarrow\infty)=1$$

 X_i н.о.р. с.в. (риски)

Страхование основано на принципе равенства в среднем обязательств страховщика и страхователей. Чем больше контрактов (полисов), тем лучше совпадение.

Чистая премия (net premium) P = EX.

Премия с нагрузкой (gross premium).

Премии

Центральная предельная теорема

$$P(\frac{S_n - ES_n}{\sqrt{DS_n}} \le x) o \Phi(x)$$
, $\Phi(x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^x e^{-x^2/2} dx$

Вероятность разорения

$$P(S_n-nP>0)=P(rac{S_n-ES_n}{\sqrt{DS_n}}>0) o 1-\Phi(0)=1/2$$
при $n o\infty,$

$$S_n = \sum_{i=1}^n X_i$$
, $P = EX_i$ - чистая премия.



Задачи

- 1) Как выбрать премию, чтобы вероятность разорения была не больше заданного arepsilon>0?
- 2) Доказать, что единственное непрерывное распределение, обладающее отсутствием памяти, т.е.

$$P(X > x + t | X > x) = P(X > t),$$

это показательное распределение. Иначе это свойство называется отсутствием старения или последействия.

3) Пусть $Y=X^{1/\tau}$, тогда при $\tau>0$ распределение Y называется преобразованным (или трансформированным), при $\tau=-1$ обратным, а при прочих $\tau<0$ обратным преобразованным. Найти распределение Y, если X показательно с параметром 1.

Основные принципы страховой деятельности

- <u>К п.2:</u> Однородность портфеля, т.е. риски должны иметь одинаковую вероятность осуществления и вести к одинаковым убыткам. Следовательно, страховая компания должна проводить селекцию или отбор рисков.
- 1) Селекция требует, чтобы компания отказывалась страховать риски наступление которых почти достоверно.
- 2) Каждый риск относится к определенной тарифной группе, характеризующейся некоторым набором признаков.

Основные принципы страховой деятельности

Принципы 2), 3) и 4) ведут к сокращению возможностей увеличения портфеля. Однако на практике страховщик, заинтересованный в росте своего портфеля, возьмется за страхование большого риска, разделив его с другими страховщиками.

Методы перераспределения рисков

- Сострахование (Coinsurance)
- Перестрахование (Reinsurance)

Интересно сразу отметить, что хотя с экономической и юридической точки зрения эти два подхода отличаются, математические расчеты для сострахования и так называемого квотного перестрахования во многом совпадают.

Сострахование

Определение

Сострахование означает пропорциональное разделение одного и того же риска между несколькими страховщиками.

Иначе говоря, принимая на свою ответственность определенный процент риска (долю или квоту), каждый страховщик получает тот же процент премии, взамен в случае возникновения ущерба (наступления страхового события) он обязан выплатить такую же долю возмещения.

С юридической точки зрения каждый из страховщиков несет ответственность только за свою квоту.



Перестрахование

Определение

Перестрахование - это операция, посредством которой одна сторона (перестрахователь), выплачивая некоторую сумму (премию перестрахования) другой стороне (перестраховщику), передает ей тем самым часть принятого на гарантию риска, т.е. обеспечивает выплату ею определенной части возникающего ущерба.

Перестрахователь иначе называется цедентом, передающей компанией или непосредственным страховщиком. Перестраховщик, или перестраховая компания, называется цессионером.

С юридической точки зрения всю ответственность перед страхователем несет непосредственный страховщик.

Программа перестрахования

Если речь идет о пропорциональном перестраховании, то верхний этаж этой схемы - это в точности то же самое, что сострахование. При непропорциональном перестраховании ситуация будет более сложная.

В реальной жизни все обстоит еще более сложно и запутанно. Очевидно, что каждый перестраховщик имеет не одного перестрахователя, а целый ряд. Более того, перестраховщики в свою очередь также могут частично передавать риски в перестрахование. Такую операцию называют ретроцессией, перестраховщика, передающего риск, - ретроцедентом, а принимающего - ретроцессионером.

Программа перестрахования

Многоуровневая иерархическая система: на нижнем этаже страхователи, на следующем страховщики (они же цеденты), далее идут перестраховщики.

Положение усложняется еще тем, что, с одной стороны, существуют специальные компании, занимающиеся исключительно перестрахованием, а с другой стороны, и обычные страховые компании могут выступать в роли перестраховщиков. В результате одна и та же компания является одновременно и перестрахователем, и перестраховщиком.

Большой риск разбивается на мелкие риски, которые довольно трудно подсчитать.

Программа перестрахования

Понятия gross и net premium часто употребляются в перестраховании в совсем ином смысле, чем в страховании.

Так gross (брутто) будет означать размер риска (или собранные премии) целиком, т.е. без учета перестрахования.

Тогда как net (нетто) будет относиться к тому, что остается после передачи части риска (а значит, и премий) в перестрахование.

Таким образом, могут появляться выражения типа net net premium, т.е. чистая премия, остающаяся у страховщика после передачи риска в перестрахование.

Как избежать разорения

Цель каждого страховщика - не разориться, т.е. добиться такого ведения дела, когда производятся все выплаты, ну и, конечно, по возможности имеется прибыль (в основном это важно для акционерных обществ, которые должны выплачивать дивиденды). Страховщик может принять следующие меры:

- 1) включить в премии специальные нагрузки,
- 2) увеличить собственные фонды,
- 3) ограничить андеррайтинг, т.е. заключение контрактов,
- 4) использовать сострахование
- 5) и, наконец, обратиться к перестрахованию.

Несмотря на все принимаемые страховыми компаниями предосторожности (такие как стремление создать однородный портфель, тщательный отбор рисков для обеспечения изолированности объектов страхования друг от друга и применение сострахования) им не удается создать полностью сбалансированный портфель.

А значит, совокупность страхователей подвергается угрозе невыплаты возмещений возникающего ущерба, несмотря на использование новейших математических методов и имеющиеся в распоряжении компании статистические данные.

Нужна защита от катастроф, как и от отдельных значительных рисков. Это может дать перестрахование.

1) перестрахование служит для стабилизации баланса страховой компании на уровне счетов расходов-доходов, когда тариф известен и был выбран адекватно. Чистая премия в модели коллективного риска по тождеству Вальда $ES^{col} = EN \cdot EX$.

Отклонение в частоте происшествий или в цене происшествия (размере возмещения) может привести к недостаточности премий.

2) перестрахование будет особенно полезно для новой отрасли страхования или новой компании, т.е. когда тариф неизвестен. У компании нет в начале работы своей статистики. И перестраховщик будет полезен не только тем, что разделит риск, но также будет участвовать в разработке тарифов и составлении условий контрактов, в тщательном изучении рисков.

- 3) происходит резкая концентрация материальных ценностей. Ни одна страховая компания не может принять на гарантию подобные риски, не имея перестраховочного обеспечения сверх той суммы, которую она может держать на своей ответственности. Более того, перестрахование носит интернациональный характер.
- 4) перестрахование улучшает экономические показатели, такие как уровень платежеспособности (иначе, предел или маржа платежеспособности).

В простейшем это (выраженное в процентах) отношение собственных фондов F к размеру собранных премий P, т.е. $r=(F/P)\cdot 100\%$. В целях предосторожности требуется $r\geq 16\%$. Например, во Франции невыполнение этого условия ведет к потере лицензии страховой компанией.

Как перестрахование может улучшить этот показатель? Пусть $P=10^9\$$, а $F=10^8\$$, тогда r=10%. Если передать половину риска в перестрахование, то перестраховщик возьмет себе половину премий (ну, конечно, он также оплатит и половину возмещений). Значит, после перестрахования r=20%, т.е. собственные фонды остались прежними, а лицензия сохранится.

На самом деле существуют специальные дополнительные правила подсчета платежеспособности, предотвращающие передачу очень большой доли риска в перестрахование, чтобы страховщик не превратился просто в посредника.

Основная литература

- Е.В.Булинская. Теория риска и перестрахование, часть І, Изд-во мех-мат ф-та МГУ, 2001.
- Е.В.Булинская. Теория риска и перестрахование, часть 2, Изд-во мех-мат ф-та МГУ, 2006.
- Ekaterina Bulinskaya. New Research Directions in Modern Actuarial Sciences. In: Modern problems of stochastic analysis and statistics - selected contributions in honor of Valentin Konakov, ed. V.Panov, November 2017, Springer Proceedings in Mathematics and Statistics 208, p. 349-408.

THANK YOU FOR YOUR ATTENTION