# Отчет по научным группам: Поиск оптимальных комиссий за пользование каналами в сети Lightning Network

# Александра Токаева 30 июня 2022

#### 1 Описание

Работа выполнена под руководством Ростислава Березовского на основании трех статей. В работе исследуется, как нужно оптимально задавать комиссии за пользование каналами в сети Lightning Network для того, чтобы уменьшить число случаев, когда платех не дойдет из пункта А в пункт В из-за того, что в каком-то из промежуточных узлов не хватило баланса.

## 2 Использованная литература

- 1) Optimally reliable and cheap payment flows on the lightning network, Rene Pickhardt and Stefan Richter, 2021.
- 2) Routing Payments on the lightning network, Giovanni Di Stasi, Roberto Canonico, Stefano Avallone, Giorgio Ventre, 2018.
- 3) Hubs, Rebalancing and service providers in the lightning network, Marco Conoscenti, Juan Carlos De Martin, Antonio Vetro, 2019.
  - 4)https://github.com/ElsevierSoftwareX/SOFTX-D-21-00019

Это репозиторий, в котором лежит код с симулятором CLOTH для Lightning Network, который можно запускать с нужными параметрами графа и делать выводы о работе графа Lightning Network.

#### Откуда берется Lightning Network 3

Сеть Lightning Network - это граф из быстрых каналов, построенный поверх сети биткойна. Проблема биткойна заключается в том, что из-за того, что он реализован посредством технологии блокчейн (цепочка блоков), то чтобы провести какую-то транзакцию, нужно дождаться, чтобы майнеры добавили в основную цепь биткойна новый блок (в котором находится не только интересующая нас транзакция). Новый блок добавляется в среднем один раз в 10 минут. Это значит, что производительность биткона сильно ограничена, он значительно медленне, чем транзакции по карте Visa, например. Увеличение размера блока решает проблему только частично, и при этом еще предъявляет дополнительные технические требования к узлам цепи, что нежелательно. Как альтернативное решение, появилась сеть Lightning Network. Она позволяет двум узлам открыть канал с определенным фиксированным количеством денег а+b в канале (один раз долго подождав, пока операция открытия канала исполнится в основной цепи биткойна), а потом по уже открытому каналу перегонять деньги можно очень быстро, при этом количество денег в канале всегда остается равным а+b, меняется только локальный баланс узла А (то есть сколько денег из этих а+b принадлежит узлу А). Для закрытия канала тоже придется отправить транзакцию в основную сеть и долго подождать. За быстроту обмена деньгами в открытом канале платится тем, что кошельки узлов в основной сети ничего не знают об изменении балансов этих узлов в сети Lightning Network (и увидят эти изменения толко после закрытия канала). Это значит, что даже если в глобальном кошельке у узла А много денег, а в локальном кошельке у него только х биткойнов из а+b биткойнов, лежащих в канале- то платеж больше х, узел А пробросить вперед не сможет. С этой проблемой недостаточного баланса у одного из узлов на пути платежа мы и будем бороться - выставляя большие комиссии за пользование каналами, у левого узла которых мало баланса, и маленькие комиссии- за пользование каналами, у которых в левом узле много баланса.

#### 4 Математическая постановка

Граф LN - это ориентированный граф G = (V, E), где на каждом ребре (ориентированн написано число  $u: E \to N$ , которое соответствует сарасіту ребра в эту строну.

Назовем функцию  $f: E \to N_0$  потоком, если:

- 1)  $\forall e \in E : 0 \le f(e) = f_e \le u_e = u(e)$ 2)  $\forall i \in V : \sum_{(i,j) \in E} f_{ij} \sum_{(j,i) \in E} \gamma_{ij} f_{ji} = b_i$

Мы можем хотеть максимизировать вероятность дохождения платежа, то есть:

$$P(f) = \prod_{e \in E} P(X_e \ge f_e) \to max$$
  
Это равносильно минимизации  $\sum_{e \in E} -log P(X_e \ge f_e) \to min$   
В статье 1 предложены две функции штрафов:

А можем хотеть минимизировать штрафы за пользование каналами :  $\sum_{e\in E} f_e \cdot fee(e) \to min$ 

А можем хотеть минимизировать линейную комбинацию первого и второго подходов :

$$\sum_{e \in E} -log P(X_e \ge f_e) + \mu \cdot f_e \cdot fee(e) + \nu \to min$$

Откуда какие-то вероятности взялись? Обычно мы знаем только вместимость канала, но какая доля баланса канала лежит в левом узле - мы не знаем. Поэтому мы предполагаем, что баланс левого узла распределен как R[0,a+b] и дальше обновляем это распределение, учитывая, платежи какого размера смогли пройти по этому ребру, а какие-нет. Отсюда и вероятности - ведь мы не знаем точный баланс левого узла, только его распределение. То есть было

$$P(X \ge a) = \frac{u+1-a}{u+1}$$

Если по ребру смог пройти платеж размера h, то пишем

$$P(X \ge a + h | X \ge h) = \frac{(u - h) + 1 - a}{(u - h) + 1}.$$

Для всех узлов ДО упавшего узла - у них баланс не меньше, чем h, то есть

$$P(X \ge a | X \ge h) = 1, a \le h,$$

а для  $a \ge h$  - равномерное распределение R[h,u]

# 5 Алгоритм поиска пути и управление комиссиями

### 5.1 Как найти путь?

Как найти путь для потока? Оптимальный путь - это min-cost max-flow в uncertainty network.

Его находит алгоритм Форда-Фалкерсона (поиска максимально потока). На случай, если максимальный поток g в графе окажется больше, чем поток h, который мы хотим протолкнуть, мы перед графом добавляем ребро в точности вместимости h.

#### 5.2 Active and passive rebalancing

В статье 3 предложено два способа управление fees для поддержания баланса узлов:

- 1) active rebalancing: для истощившегося узла искать более сытого соседа, принудительно отбирать у этого соседа часть баланса и отдавать голодному узлу;
- 2) passive rebalancing: увеличивая fees на ребрах, у которых истощился баланс в нужную сторону, и уменьшая fees на тех ребрах, у которых много баланса в нужную сторону.

В третьей статье с использованием симулятора CLOTH были проведены исследования для сравнения active или passive rebalancing.

Active rebalancing почти не дало улучшения ситуации, потому что почти всегда у истощившегося узла не было соседей, у которых баланс был бы существенно больше плоловины (и у которых, соответственно, было бы не жалко забрать часть баланса.

Passive rebalancing уменьшил число недохождений платежа из-за отсутствия баланса на 20 процентов.

Отметим, что при passive rebalancing использовалась cost function, в которой не было первого слагаемого (отвечающего пероятности прохождения платежа) и второго (пропорционального величине платежа), а третье было равно константе, равной 1/x left.

#### 5.3 Идея двойного наклона

```
\begin{array}{l} Imb = |r_{a,b} - r_{b,a}| \; ; \\ \text{if} \; \; r_{a,b} > r_{b,a} \; \text{then} \\ | \; \; \text{if} \; \; T > Imb/2 \; \text{then} \\ | \; \; f_{a,b}(T) = b + (Imb/2) * s_{low} + (T - Imb/2) * s_{high} \\ | \; \; \; ; \\ | \; \; \text{else} \\ | \; \; | \; f_{a,b}(T) = b + T * s_{low} \; ; \\ | \; \; \text{end} \\ | \; \; \text{else} \\ | \; \; | \; f_{a,b}(T) = b + T * s_{high} \; ; \\ | \; \; \text{end} \end{array}
```

**Algorithm 1:** OptimizedFees: algorithm for fee calculation that fosters channel balancing.

Во второй статье приведена идея, что при пассивной балансировке нужно использовать не только base fee (которое обратно пропорционально xleft), а еще включать слагаемое  $\mu \cdot f_e$ , причем  $\mu$  делать не постоянным, а кусочно-линейным с двумя кусками.

## 6 Результаты

Были предложены следующие улучшения:

- 1) Использовать алгоритм Дейкстры (вместо Форда-Фалкерсона) для поиска оптимального пути
- 2) При пассивной балансировке, кроме константы  $\nu$ , которая обратно пропорциональна xleft, использовать еще второе слагаемое (причем сначала с  $\mu$  константной, потом с кусочно-линейной) и первое (которое отвечает за максимизацию вероятности дохождения платежа)
- 3) Подобрать константы-веса у cost-function и двойного наклона оптимальным образом.

Используя выложенный на гитхабе код симулятора CLOTH, были воспроизведены результаты статьи 3, а также были проведены симуляции, реализующие идеи 2 и 3 (а идея 1 там и так реализована). Выяснено, что если качественно подобрать параметры - то есть улучшения!