

Лекция Языковые модели

Владимир Гулин

10 марта 2021 г.

Языковые модели

**Языковая модель** - это вероятностное распределение на множестве словарных последовательностей

### Языковые модели

Языковая модель приписывает вероятность фрагменту текста (высказыванию, предложению...)

В хорошей модели вероятности языковых фрагментов соответствуют их относительной частотности в текстах Иными словами

- максимизирует вероятность реальных текстов
- минимизирует вероятность нереальных текстов

## Где это требуется?

- Предсказание следующей лингвистической единицы (буквы, слова)
- Определение языка
- Исправление опечаток
- ▶ Снятие неоднозначностей разбора
- Машинный перевод
- Распознавание речи
- Генерация текстов
- Ранжирование результатов поиска
- ▶ и т.д.

### Вероятности предложений: Интуиция

Probability of a sentence = насколько вероятно встретить его в естественном языке

P("Иван Грозный википедия") > P("Иван Грозный фото") <math>P("Анекдот про порутчика Ржевского") > P("Телефон порутчика Ржевского")

### Language models in NLP

- ▶ В реальности крайне сложно узнать истинную вероятность заданной последовательности слов
- Однако мы можем использовать языковые модели, которые дают нам неплохую аппроксимацию
- Как и любые модели, языковые модели будут хороши в одних задачах и неприменимы в других

N-gram Language Models

### Вероятность языковых событий

- ▶ Вероятность основана на подсчете частотности событий
- Обычно считаем по заданному корпусу
- ▶ вероятность = относительная частотность

### Пример расчета

Всего слов в корпусе = 411165 sunday = 17

$$P(sunday) = \frac{17}{411165} = 0.00004$$

### Оценка вероятности

#### Maximum Likelihood Estimation, MLE

$$p(w_n|w_{n-1}) = \frac{C(w_{n-1}w_n)}{\sum_{w} C(w_{n-1}w)}$$
$$p(w_n|w_{n-1}) = \frac{C(w_{n-1}w_n)}{C(w_{n-1})}$$

### Вопрос

Что делать с предложениями, которые не встречались никогда в заданном корпусе?

### Предложениями, которые не втсречались никогда

# the Archaeopteryx soared jaggedly a midst foliage $$\operatorname{\sf vs}$$ jaggedly trees the on flew

- ▶ Первое осмысленное, второе нет
- C(S) = 0 в обоих случаях
- ▶ MLE не работает на полных предложениях

### Sparse data problem

- Не достаточно данных для корректной оценки вероятностей (слишком большое признаковое пространство)
- Большинство предложений можно встретить либо слишком редко, либо не встретить вообще, поэтому надо что-то думать :)

### Как победить проблему?

#### Идея:

Будем оценивать вероятности предложений P(S) комбинируя вероятности меньших частей предложения, которые встречаются чаще

Таким образом, получили:

N-граммные языковые модели

ightharpoonup Хотим оценить  $P(s=w_1\dots w_n)$ 

Пример: P(s =иван грозный фото в душе)



▶ По факту это совместное распределение слов в s:

$$P(w_1 = \mathsf{иван}, w_2 = \mathsf{грозный}, w_3 = \mathsf{фото}, w_4 = \mathsf{в}, w_5 = \mathsf{душe})$$

Вспоминаем, что для совместного распределения верно P(X,Y) = P(Y|X)P(X), тогда:

```
P(иван грозный фото в душе) = P(душе|иван грозный фото в) \cdot P(иван грозный фото в) = = P(\text{душе}|\text{иван грозный фото в}) \cdot P(\text{в}|\text{иван грозный фото}) \cdot P(\text{фото}|\text{иван грозный}) \cdot \\ \cdot P(\text{грозный}|\text{иван}) \cdot P(\text{иван})
```

Chain rule дает нам:

$$P(w_1,\ldots,w_n) = \prod_{i=1}^n P(w_i|w_1\ldots w_{i-1})$$

### Вопрос:

В чем тут подвох?

Chain rule дает нам:

$$P(w_1,\ldots,w_n) = \prod_{i=1}^n P(w_i|w_1\ldots w_{i-1})$$

▶ Многие из этих условных веротностей попрежнему sparse!

Если мы пытаемся оценить P(иван грозный фото в душе), то нам нужно знать P(душе|иван грозный фото в)

▶ Сделаем предположение, что вероятность слова зависит только от конечного количистева предыдущих слов

### Марковское свойство:

$$P(w_i|w_1, w_2, \ldots, w_{i-1}) = P(w_i|w_{i-n+1}, \ldots, w_{i-1})$$

- ▶ trigram model:  $P(w_i|w_0, w_1, ..., w_{i-1}) \approx P(w_i|w_{i-2}, w_{i-1})$
- ▶ bigram model:  $P(w_i|w_0, w_1, ..., w_{i-1}) \approx P(w_i|w_{i-1})$
- ▶ unigram model:  $P(w_i|w_0, w_1, ..., w_{i-1}) \approx P(w_i)$

$$P(w_{i}|w_{1}, w_{2}, \dots, w_{i-1}) = P(w_{i}|w_{i-n+1}, \dots, w_{i-1}) =$$

$$= \frac{P(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{P(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})} \approx$$

$$\approx \frac{Count(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{Count(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}$$

### Проблемы N-граммных моделей

$$P(w_{i}|w_{1}, w_{2}, \dots, w_{i-1}) = P(w_{i}|w_{i-n+1}, \dots, w_{i-1}) =$$

$$= \frac{P(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{P(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})} \approx$$

$$\approx \frac{Count(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{Count(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}$$

Какие в этой формуле проблемы?

## Backoff (aka "stupid backoff")

 Иногда помогает использование меньшего контекста

#### **Backoff**

- Если есть достаточно статистики, то используем триграммы
- ▶ Иначе биграммы
- Иначе униграммы

```
"иван грозный фото в" не встречалось \to пробуем "иван грозный фото"
```

 $P( exttt{душe}| exttt{иван грозный фото в}) pprox P( exttt{душe}| exttt{иван грозный фото})$ 

"иван грозный фото" не встречалось ightarrow пробуем "иван грозный"

 $P( exttt{душe}| exttt{иван грозный фото}) pprox P( exttt{душe}| exttt{иван грозный})$ 

"иван грозный" не встречалось o пробуем "иван"

 $P(\text{душe}|\text{иван грозный}) \approx P(\text{душe}|\text{иван})$ 

## Более интелектуальный подход: Линейная интерполяция

Сделаем линейную комбинацию униграмм, биграмм, триграмм и т.д.

$$P(w_i|w_1, w_2, \dots, w_{i-1}) \approx \lambda_3 P(w_i|w_{i-2}, w_{i-1}) + \lambda_2 P(w_i|w_{i-1}) + \lambda_1 P(w_i)$$

$$\sum_{k=0}^{n-1} \lambda_k = 1$$

## Более интелектуальный подход: Линейная интерполяция

Сделаем линейную комбинацию униграмм, биграмм, триграмм и т.д.

$$P(w_i|w_1, w_2, \dots, w_{i-1}) \approx \lambda_3 P(w_i|w_{i-2}, w_{i-1}) + \lambda_2 P(w_i|w_{i-1}) + \lambda_1 P(w_i)$$

$$\sum_{i=1}^{n-1} \lambda_k = 1$$

#### Вопрос:

Как выбрать  $\lambda_k$  ?

### Как оценивать языковые модели

### Оценивание на промежуточных подзадачах

- Perplexity
- Cross entropy

### Оценивание на реальных задачах

- ▶ Встраиваем языковую модель в реальную боевую систему
- Учим смодель системы с разными языковыми моделями
- Если итоговое качество лучше, то успех!

### Cross-entropy and Perplexity

▶ Для  $(w_1 w_2 \dots w_n)$  cross entropy определяется как

$$H_M(w_1w_2\ldots w_n)=-\frac{1}{n}\cdot \log P_M(w_1w_2\ldots w_n)$$

- Чем меньше cross entropy, тем лучше модель предсказывает следующее слово
- Perplexity (часто можно встретить в статьях):

$$Perplexity = 2^{cross-entropy}$$

## Проблемы N-граммных моделей

$$P(w_{i}|w_{1}, w_{2}, \dots, w_{i-1}) = P(w_{i}|w_{i-n+1}, \dots, w_{i-1}) =$$

$$= \frac{P(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{P(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})} \approx$$

$$\approx \frac{Count(w_{i}, w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}{Count(w_{i-1}, \dots, w_{i-n+1})}$$

А что если числитель равен 0?

### Laplace smoothing

- Сделаем вид, что мы видели каждое слово на один раз больше, чем на самом деле
- ▶ Добавим ко всем статистикам по единице

Если 1 слишком грубое приближение, то можное взять небольшую константу  $\delta$  для каждого слова  $w_i \in V$ .

$$P(w_i|w_{i-n+1},\ldots,w_{i-1}) = \frac{\delta + P(w_i,w_{i-1},\ldots,w_{i-n+1})}{\delta \cdot |V| + P(w_{i-1},\ldots,w_{i-n+1})}$$

### Good-Turing

#### Идея

Сдвинем плотность распределения n-грамм, которые встречаются r+1 раз в обучающих данных к плотности распределения n-грамм, которые встречаются r раз. Пусть  $n_r$  - число n-грамм, повторяющихся ровно r раз. Сдвинем частоты:

$$r* = (r+1)\frac{n_{r+1}}{n_r}$$

и положим

$$p_{GT}(w_{i-n+1}^i) = \frac{r*}{N},$$

где 
$$N=\sum_{r=0}^{\infty}n_{r}r^{*}$$

## Kneser-Ney smoothing

#### Идея:

Модель более низкого порядка имеет смысл пользовать только когда статистика по модели высокго порядка равна 0 или незначительна

- ► Пример: Рассмотрим "San Francisco" и положим, что "Francisco" встречается только после "San"
- ▶ "Francisco" будет иметь высокую униграммную вероятность, после каждой новой биграммы
- Лучше дать "Francisco" низкую униграммную вероятность, потому что он встречается только после "San", тогда биграммная модель юудет адекватной

### Kneser-Ney smoothing

► Пускай счетчик для каждой униграммы определяется как число различных слов, которые идут после него:

$$N_{1+}(\bullet w_i) = \|w_{i-1} : c(w_{i-1}w_i) > 0\|$$

$$N_{1+}(\bullet \bullet) = \sum_{w_i} N_{1+}(\bullet w_i)$$

Распределение меньшего порядка:

$$p_{KN}(w_i) = \frac{N_{1+}(\bullet w_i)}{N_{1+}(\bullet \bullet)}$$

Объединяем вместе:

$$p_{KN}(w_i|w_{i-n+1}^{i-1}) = \frac{\max\{c(w_{i-n+1}^{i-1}) - \delta, 0\}}{\sum\limits_{w_i} c(w_{i-n+1}^{i})} + \frac{\delta}{\sum\limits_{w_i} c(w_{i-n+1}^{i})} N_{1+}(w_{i-n+1}^{i-1} \bullet) p_{KN}(w_i|w_{i-n+2}^{i-1})$$

### Определение языка

#### Подходы

- Графематический
- ▶ N-граммный
- Лексический

### Графематический подход

#### Система письменности

- Кириллица
- Латиница

### Алфавит

- Русский А..Я
- Украинский не используются Ё, Ъ, Ы, Э, но есть Г', І с точками и т.д.
- Казахский

## N-граммный подход

| Russian           | Ukrainian         | English           | French            |
|-------------------|-------------------|-------------------|-------------------|
| ^п 1.91 ^по 0.84  | ^п 1.97 ^на 0.85  | ^t 3.17 ^th 2.00  | es 2.31 es\$ 1.77 |
| ^c 1.71 ^пр 0.68  | ^в 1.75 на\$ 0.73 | th 2.48 the 1.62  | le 1.97 ^de 0.98  |
| ^в 1.68 ^на 0.66  | ^н 1.68 ^по 0.72  | ^a 2.41 he\$ 1.44 | ^d 1.84 le\$ 0.82 |
| ^н 1.55 ^и\$ 0.61 | на 1.45 ^пр 0.63  | he 2.24 ed\$ 0.78 | ^l 1.74 de\$ 0.76 |
| CT 1.43 ^B\$ 0.60 | ^3 1.40 ^3a 0.59  | in 1.94 nd\$ 0.73 | on 1.70 ^le 0.72  |
| то 1.29 ^не 0.56  | ^c 1.25 ^не 0.56  | er 1.60 ing 0.73  | re 1.48 re\$ 0.68 |
| но 1.23 ть\$ 0.48 | po 1.13 oro 0.54  | an 1.54 ^an 0.72  | ^c 1.46 nt\$ 0.58 |

- Ранговый
- Марковский

### Пословный подход

#### • ???

 án került vagy től majd új ami ő kategória ben szerint amikor hogy amerikai két ezt mint alatt magyar itt második már ....

#### • ???

 cel cod său cu cea l după ro va județul această în către sunt pe toate astfel ani prin ca departamentul din timpul într ....

#### • ???

 ayrıca iklimi gibi tarafından olu kültür birlikte ula yol tarihinde veya iyi sonra türk bulunan kar çalı göre oldu ....

### Пословный подход

#### Hungarian

 án került vagy től majd új ami ő kategória ben szerint amikor hogy amerikai két ezt mint alatt magyar itt második már ....

#### Romanian

 cel cod său cu cea l după ro va județul această în către sunt pe toate astfel ani prin ca departamentul din timpul într ....

#### Turkish

 ayrıca iklimi gibi tarafından olu kültür birlikte ula yol tarihinde veya iyi sonra türk bulunan kar çalı göre oldu ....

# Вопросы

