

# Лекция Классические модели текстовой релевантности

Владимир Гулин

октябрь 2020 г.

# План лекции

Мотивация

Векторная модель ранжирования

Вероятностная модель ранжирования

# Ранжированный поиск

- Поиск, который мы видели до этого был булевым
  - ▶ Документ либо подходит, либо нет
- Хорошо подходит для продвинутых экспертов, которые хорошо понимают что им нужно и что они могут найти в коллекции документов
  - Также хорошо подходит для приложений (анализ тысяч результатов)
- Плохо для большинства пользователей
  - Обычный пользователь никогда не будет писать булев запрос
  - ▶ Большинство пользователей не хотят просматривать тысячи результатов поиска

# Проблемы булева поиска

- Булевы запросы часто возвращают либо слишком мало (=0) либо слишком много результатов (тысячи)
- Запрос 1: "скачать бесплатно" (4 млн. результатов)
- Запрос 2: "скачать бесплатно без регистрации без смс без ключа без хурмы без кидалова без торрента" (0 результатов)
- От пользователя это требудет соответсвующего навыка, чтобы составить запрос, который вернул бы приемлимое количество результатов
  - ► AND приводит к малому числу результатов
  - ▶ OR к слишком большому

# Модели ранжированного поиска

- Ранжированный поиск возвращает упорядоченный список документов из коллекции по запросу
- Вместо языка запросов и операторов, используются просто слова из человеческого языка

#### Вопрос:

▶ Применяется ли в современных поисковых системах булев поиск?

# Схема ранжирования в поиске

#### Этапы ранжирования



#### Релевантность

Прежде чем начать...

#### Вопрос:

Что такое релеватный документ?

#### Релевантность

Сложное комплексное понятие, учитывающее множество факторов и зачастую крайне субьективное

В информационном поиске релеватность рассматривается с нескольких сторон

- тематическая релеватность
- пользовательская релеватность
- текстовая релеватность
- **.**..

# Ранжированный поиск

Когда поисковая система возвращает ранжированный список результатов, большой объем не является проблемой

- Количество найденных результатов не является проблемой для пользователя
- lacktriangle Мы показываем только top k(pprox 10) результатов
- ▶ Таким образом, мы не огорчаем пользователя

#### Предположение:

Алгоритм ранжирования работает хорошо :)

# Ранжированный поиск

#### Оценка релеватности документа

- Хотим вернуть документы, в порядке наиболее полезных для пользователя
- Каким образом мы можем составить такой порядок в соотвествии с запросом?
- Назначим каждому документу оценку (score) для каждого документа по запросу (например из [0,1])
- Эта оценка должна отражать на сколько хорошо документ подходит запросу

#### Вычисление веса

- ▶ Нужен способ назначения веса паре запрос-документ
- ▶ Начнем с запроса из одного термина
- ▶ Если термина нет в документе, то вес равен 0
- ▶ Чем чаще встречается термин в документе, тем выше вес

#### Модель мешка слов

- Не учитывается порядок слов в документе
- ▶ John is quicker than Mary и Mary is quicker than John
- ▶ Вася быстрее Маши и Маша быстрее Васи
- ► НО Мать любит дочь и Дочь любит мать (не ясно кто кого любит)
- ▶ Такая модель называется моделью мешка слов
- Это шаг назад, так как координатный индекс может различить такие докуенты
- Вернемся к использованию координатной информации позже

# Частота термина

- ightharpoonup Частота  $tf_{t,d}$  термина t в документе d определяется как количество раз, сколько t встречается в d
- ightharpoonup Хотим использовать tf при расчете весов. Но как?
- Просто частота не торт!
  - Документ с 10 вхождениями релевантнее документа с 1 вхождением (в 10 раз!!!).
- ▶ Релеватность не увеличивается пропорционально частоте

# Логарифмическое взвешивание

▶ Логарифмическая частота термина t в d:

$$w_{t,d} = egin{cases} 1 + log \ tf_{t,d}, & ext{if} \ tf_{t,d} > 0 \ 0, & ext{otherwise} \end{cases}$$

- Вес для пары запрос-документ: сумма по всем терминам t, входящим в q и d:
- ▶ Bec

$$= \sum_{t \in g \cap d} (1 + \log t f_{t,d})$$

▶ Вес равен 0, если в документе нет ни одного термина из запроса.

# Документная частота

- Редкие термины информативнее частотных (стоп-слова)
- ► Рассмотрим термин запроса, который редко встречается в корпусе (например *"серобуромалиновый"*)
- Любой документ, содержащий в себе этот термин, скорее всего будет релевантен запросу "серобуромалиновый"
- То есть, имеет смысл давать больший вес редким терминам

# Обратная документная частота

#### **IDF**

- $ightharpoonup df_t$  документная частота термина t (количество документов, содержащих t)
- $ightharpoonup df_t$  обратная мера инфортивности t
- $ightharpoonup df_t \leq N$
- Опредилим idf (inverse document frequency) термина как

$$idf_t = log \frac{N}{df_t}$$

# Пример idf

term	$df_t$	$idf_t$
calpurnia	1	6
animal	100	4
sunday	1,000	3
fly	10,000	2
under	100,000	1
the	1,000,000	0

$$idf_t = log \frac{N}{df_t}$$

- $N = 10^6$
- ▶ Для каждого термина в корпусе только одно значение idf

# IDF в ранжировании

#### Значим ли IDF для запросов для одного термина

► IPhone

#### IDF не влияет на однословные запросы

- ▶ ldf влияет на ранжирование запросов из двух и более слов
- Для запросов типа "серобуромалиновые штаны",
   взвешивание по IDF приводит к большому вкладу термина "серобуромалиновый", чем термин "штаны"

#### Взвешивание TF-IDF

 $\blacktriangleright$  Вес термина tf-idf это произведение его весов tf и idf:

$$w_{t,d} = (1 + log \ tf_{t,d}) \cdot log \frac{N}{df_t}$$

- Самая известная модель взвешивания в информационом поиске
- ▶ Растет с ростом числа вхождений слова в документ
- ▶ Растет со степенью редкости термина

#### Ранжирование по TF-IDF

$$Score(q, d) = \sum_{t \in q \cap d} tf.idf_{t,d}$$

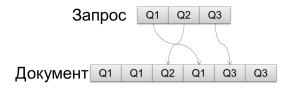
# N-gramm TF-IDF

- ▶ Ничего не мешает нам аналогично с вхождениями слов рассматривать вхождения п-грамм
- А еще мы их можем взять с разным весом

$$Score(q, d) = \sum_{n} \alpha_{n} \sum_{t_{n} \in q \cap d} tf.idf_{t_{n}, d}$$

# Пассажный алгоритм

Пассаж - фрагмент документа, размера, не превышающего заданный, в котором встречаются все термы запроса, либо значительная часть термов запроса, суммарный IDF которых превышает заданное ограничение.



# Пассажный алгоритм

#### Оценка пассажа

- ► TF-IDF
- Полнота
- Порядок слов
- Правильность словоформ
- Кучность
- Близость к началу
- ▶ Особенность зоны документы

# Параметрические зоны и индексы

- До сих пор документ представлялся последовательностью терминов
- Обычно документы состоят из нескольких частей, с определённой семантикой
  - Автор
  - Заголовок
  - Дата публикации
  - Язык
  - Формат
  - ▶ И т.п.
- ▶ Это все метаданные

## Компактность вхождений

- Текстовые запросы: набор терминов, введённых в поисковую строчку
- Пользователи предпочитают документы, где термины запроса находятся на небольшом расстоянии друг относительно друга
- Пусть w будет наименьшим окном в документе, содержащим все термины запроса
- ► Например для запроса [strained mercy] такое окно в документе The quality of mercy is not strained равно 4 (в словах)
- ▶ Как учесть это в итоговом scrore?

# Как объединить все вместе?

$$Score(q, d) = \sum_{n} \alpha_{n} \sum_{t_{n} \in q \cap d} tf.idf_{t_{n}, d} + \sum_{p} score_{p}(q, d)$$

- Линейная модель
- ▶ Первое слагаемое n-граммный TF-IDF
- Второе слагаемое взвешенная сумма пассажных ранков

$$score_p(q, d) = score(pos, proximity, tf.idf, zone...)$$

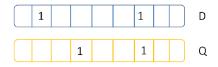
#### Векторная модель ранжирования

Документы и запросы - это вектора в T мерном пространтсве, где T - общее количетсво термов (словоформ, основ, фраз и т.д.)

$$D_i = (d_{i1}, d_{i2}, \dots, d_{iT}) \quad Q = (q_1, q_2, \dots, q_T)$$

Коллекция документов предствляется матрицей.

## Векторная модель ранжирования



Документы ранжируются в соответсвии с схожестью вектора соответствующего запросу и вектора соотвествующего документу

$$cosine(Q, D) = \frac{Q^T D}{\|Q\| \|D\|}$$

#### Вопрос:

А почему именно косинус?

#### Векторная модель

- ✓ простая модель ранжирования
- ✓ можно использовать любую меру схожести векторов
- ✓ можно использовать любую схему взвешивания термов
- 🛪 Модель работает в предположении о независимости термов
- Невозможно определить способ оптимального ранжирования

# Вероятностная модель ранжирования

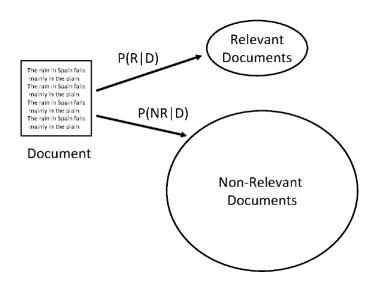
#### Принцип вероятностного ранжирования

▶ Если поисковая система в ответ на запрос пользователя отдает документы в порядке уменьшения вероятности их релеватности запросу, где веротяности оценены как можно более точно на основе доступных данных, то качество такой поисковой системы будет максимальным на этих данных (Robertson, 1977)

#### Ключевой вопрос:

Какова вероятность того, что пользователь оценит данный документ как релеватный для этого запроса?

# Решаем задачу бинарной классификации



# Байесовский классификатор

#### Оптимальное решающее правило

ightharpoonup Документ D релевантен запросу Q, если P(R=1|D,Q)>P(R=0|D,Q)

#### Оценка вероятностей

Воспользуемся формулой Байеса

$$p(R|D) = \frac{P(D|R)P(R)}{P(D)}$$

#### Теорема

Принцип вероятностоного ранжирования ясвляется оптимальным в том смысле, что он минимизирует ожидаемые потери (байсесовский риск) в рамках модели бинарных потерь (доля найденных нерелевтных документов)

- Документ представляет собой бинарный вектор термов
- > Запрос представляет собой бинарный вектор термов
- Предположение о независимости появления термов в документе

$$P(D|R) = \prod_{i=1}^{t} P(d_i|R)$$

 $p_i$  - вероятность встретить i-ый термин в релевантных документах

 $s_i$  - вероятность встретить i-ый термин в нерелевантных документах

$$\frac{P(D|R)}{P(D|NR)} = \prod_{i:d_i=1} \frac{p_i}{s_i} \cdot \prod_{i:d_i=0} \frac{1-p_i}{1-s_i} =$$

$$= \prod_{i:d_i=1} \frac{p_i}{s_i} \cdot \left( \prod_{i:d_i=1} \frac{1-p_i}{1-s_i} \cdot \prod_{i:d_i=1} \frac{1-s_i}{1-p_i} \right) \cdot \prod_{i:d_i=0} \frac{1-p_i}{1-s_i} =$$

$$= \prod_{i:d_i=1} \frac{p_i(1-s_i)}{s_i(1-p_i)} \cdot \prod_i \frac{1-p_i}{1-s_i}$$

- Оценка отношения правдоподобия
- ► *RSV<sub>d</sub>* Retrieval Status Value

$$RSV_d = \sum_{i:d_i=1} log \frac{p_i(1-s_i)}{s_i(1-p_i)}$$

- ▶ Запрос несет информацию о релеватных документах
- Если нет никакой дополнительной информации, то пологаем, что  $p_i$  мала и постоянна, а  $s_i$  можно оценить по коллекции

$$\log \frac{p_i}{1-p_i} + \frac{1-s_i}{s_i} = \log \frac{\left(1-\frac{n_i}{N}\right)}{\frac{n_i}{N}} = \log \frac{N-n_i}{n_i}$$

Честная оценка

	Relevant	Non-relevant	Total
$d_i = 1$	$r_i$	$n_i - r_i$	$n_i$
$d_i = 0$	$R-r_i$	$N - n_i - R + r_i$	$N-r_i$
Total	R	N-R	N

$$p_i = (r_i + 0.5)/(R+1)$$
$$s_i = (n_i - r_i + 0.5)/(N - R + 1)$$

# Функция оценки:

$$\sum_{i:d_i=q_i=1} \log \frac{(r_i+0.5)/(R-r_i+0.5)}{(n_i-r_i+0.5)/(N-n_i-R+r_i+0.5)}$$

#### **BM25**

# Классический алгоритм ранжирования, основанный на модели бинарной независимости

$$\sum_{i \in Q} log \frac{(r_i + 0.5)/(R - r_i + 0.5)}{(n_i - r_i + 0.5)/(N - n_i - R + r_i + 0.5)} \cdot \frac{(k_1 + 1)f_i}{K + f_i} \cdot \frac{(k_2 + 1)qf_i}{k_2 + qf_i}$$

▶ значения  $k_1, k_2, K$  подбираются эмпирически

$$K = k_1((1-b) + b \cdot \frac{dl}{avgdl})$$

▶ Ha TREC  $k_1 = 1.2$ ,  $k_2 \in [0, 1000]$ , b = 0.75

#### **BM25**

#### Пример:

- Вапрос: "president lincoln" (qf = 1)
- ightharpoonup r = R = 0 (нет информации о релевантных документах)
- ▶ Размер коллекции N = 500000 документов
- Термин "president" содержится в 40000 документов (n<sub>1</sub> = 40000)
- ▶ Термин "lincoln" содержится в 300 документов ( $n_2 = 300$ )
- ightharpoonup Термин "president" встречается 15 раз в документе ( $f_1=15$ )
- ▶ Термин "lincoln" встречается 25 раз в документе ( $f_2 = 25$ )
- $ightharpoonup \frac{dl}{avdl} = 0.9$
- $k_1 = 1.2, b = 0.75, k_2 = 100$

#### **BM25**

#### Пример:

$$BM25(Q, D) = \\ = log \frac{(0+0.5)/(0-0+0.5)}{(40000-0+0.5)/(500000-40000-0+0+0.5)} \times \frac{15(1.2+1)}{1.11+15} \times \frac{1(100+1)}{100+1} + \\ + log \frac{(0+0.5)/(0-0+0.5)}{(300-0+0.5)/(500000-300-0+0+0.5)} \times \frac{25(1.2+1)}{1.11+25} \times \frac{1(100+1)}{100+1} = \\ = log \left[ \frac{460000.5}{40000.5} \cdot \frac{33}{16.11} \cdot \frac{101}{101} \right] + log \left[ \frac{499700.5}{300.5} \cdot \frac{55}{26.11} \cdot \frac{101}{101} \right] = 20.66 \\ \end{cases}$$

#### BM25F

#### **BM25**

$$score(Q, D) = \sum_{i=1}^{n} Idf(q_i) \frac{f(q_i, D)(k_1 + 1)}{f(q_i, D) + k_1(1 - b + b \frac{dI}{avgdI})}$$

BM25F

$$score(Q, D) = \sum_{i=1}^{n} Idf(q_i) \frac{\sum\limits_{E} rank(E)(k_1 + 1)}{\sum\limits_{E} rank(E) + k_1(1 - b + b \frac{dl}{avgdl})}$$

rank(E) - функция взвешивания вхождения слова в документ (зависит от зоны, позиции и т.д.)

# Вопросы

