# 6강 층화임의추출법(1)

정보통계학과 이기재교수

1. ) 층화임의추출법의 개요

2. ) 층화

4. ) 엑셀을 활용한 실습

### 층화임의추출법의 개요

예

► 전국 서점에서의 월간 도서 판매량 조사 전국 서점 35,050개 중 300개의 표본을 추출

소규모 서점	중규모 서점	대규모 서점
(매장 30평 미만)	(30평 이상 ~ 100평 미만)	(100평 이상)
서점수 30,000	서점수 5,000	서점수 50

#### 단순임의추출법의 문제점

▶ 대규모 서점이 표본에 전혀 뽑히지 않을 가능성 높음

#### 해결책

▶ 서점을 규모별로 구분한 후 각 규모별로 표본을 추출

### 층화임의추출법의 정의

#### 층화(stratification)

- 모집단을 서로 겹쳐지지 않게 몇 개의 부분군으로 나누는 일
- 층화는 층화임의추출법의 효율을 결정하는 가장 중요한 작업

#### 층(stratum)

■ 모집단을 겹치지 않게 몇 개의 부분군으로 나누었을 때 각각의 부분군

#### 층화임의추출법(stratified random sampling)

■ 모집단을 먼저 서울 겹치자 않도록 여러 개의 층으로 분할한 후, 각 층별로 단순임의추출법을 적용시켜 표본을 얻는 방법

### 층화임의추출방법이 널리 사용되는 이유

- 1 단순임의추출법에 비해 추정의 정도를 높일 수 있음
  - ✓ 같은 층에 속한 단위들이 동질적(homogeneous) 일수록 효과적
- 2 전체 추정뿐 아니라 각 층별로도 추정도 가능
  - ✓ 지역별, 특성별 통계작성이 가능
- 3 표본의 대표성 제고 및 조사관리 편리, 조사비용 절감

1. ) 층화임의추출법의 개요

2. ) 층화

4. ) 엑셀을 활용한 실습

# 층화변수 (1)

#### 층화변수(stratification variable)

모집단을 몇 개의 층으로 나누려고 할 때 각 추출단위가 어느 층에 속하는지를 구분하기 위해 기준으로 사용되는 변수

#### 층화변수의 선택 시 고려사항

- ▶ 주변수와의 관련성
- ▶ 활용 가능한 보조정보의 종류
- ▶ 통계의 작성단위 : 전국 or 시도별 or 시군별

# 층화변수 (2)

#### 좋은 층화변수

사전에 모집단 단위들의 정보를 쉽게 알 수 있으면서도 조사하고자 하는 주변수와 밀접한 관련이 있는 보조변수

#### 층화변수 선택의 예

도서판매량 조사

서점의 매장면적

여론조사

유권자의 지역, 성별, 연령, 학력

사업체조사

전년도 매출액, 종업원 수

농작물생산량 조사

해당 경지에서 재배하는 작물의 종류

## 층화변수 (3)

- 💠 예제 4-1
  - ▶ 층화변수 결정 사례 어느 대학교 학생들의 주당 평균 학습시간 조사
    - 층화변수
      - : 학습시간과 밀접한 관련을 지니면서도 쉽게 구할 수 있는 변수
        - √ 성별 : 남, 여
        - ✓ 전공: 인문, 이공, 예체능
        - ✓ 학년 : 저학년(1-2학년), 고학년(3-4학년)
    - 층의 수: 2×3×2 = 12개

### 층의 최적경계점 결정

#### 질적 층화변수와 양적 층화변수

- 질적 층화변수: 변수값에 따라 층 구분
- 양적 층화변수 : 층의 경계점을 나누는 방법 필요

#### 층의 최적경계점(optimum point of stratification)

- ▶ 층화변수가 양적 변수
- ▶ 모집단을 개의 층으로 나누려면 개의 경계점을 결정해야 함
- 주어진 여건 하에서 추정값의 분산을 최소화시킬 수 있도록 경계점 결정
- ▶ Dalenius & Hodges의 누적도수제곱근법

### 누적도수제곱근법의 사용 예

💠 예제 4-2

▶ 13,435개 미국 은행들의 기업대출금 비율(%) 자료

비율	도수(f)	$\sqrt{f}$	$\Sigma \sqrt{f}$	
0-5%	3.464	58.9	58.9	
5-10%	2.516	50.2	109.1	
10-15%	2.157	46.4	155.5	
15-20%	1.581	39.8	195.3	
20-25%	1.142	33.8	229.1	
25-30%	746	27.3	256.4	
30-35%	512	22.6	279	
35-40%	376	19.4	298.4	
40-45%	265	16.3	314.7	
45-50%	207	14.4	329.1	
50-55%	126	11.2	340.3	
55-60%	107	10.3	350.6	
60-65%	82	9.1	359.7	
65-70%	50	7.1	366.8	
70-75%	39	6.2	373	
75-80%	25	5.0	378	
80-85%	16	4.0	382	
85-90%	19	4.4	386.4	
90-95%	2	1.4	387.8	
95-100%	3	1.7	389.5	

■ 층의 개수: H=6

• 
$$F = \sum \sqrt{f(y)} = 389.5$$

■ 경계점 간격

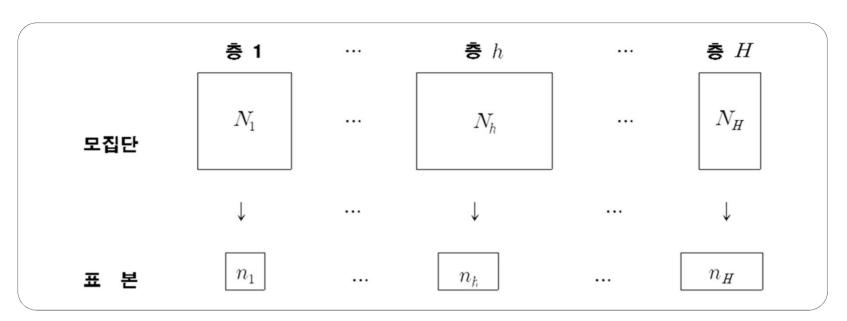
$$B = F/H = 389.5/6 = 64.9$$

1. ) 층화임의추출법의 개요

2. ) 층화

4. ) 엑셀을 활용한 실습

### 기호



- ▶ H= 모집단의 전체 층의 수
- $ightharpoonup N_h = h$  번째 층 내 추출단위의 수,  $h = 1, 2, \dots, H$
- $lackbox{N}=N_1+N_2+\cdots+N_H=$  모집단의 전체 추출단위의 수
- $lackbox{1.5}$   $n_h=h$ 번째 층에서 뽑히는 표본의 크기,  $h=1,2,\;\dots\;,H$
- $lackbox{} n=n_1+n_2+\ \cdots\ +n_H=\$  전체 표본의 크기
- $y_{hi} = h$  번째 층에 속한 i번째 추출단위에서의 관찰값,  $h = 1, 2, \dots, H \; ; \; i = 1, 2, \dots, n_h$

### 모집단의 특성값

$$\tau_h = \sum_{i=1}^{N_h} y_{hi}$$

h 번째 층의 모총계

$$\mu_h = \tau_h / N_h$$

h 번째 층의 모평균

$$\tau = \sum_{h=1}^{H} \tau_h = \sum_{h=1}^{H} N_h \mu_h = \sum_{h=1}^{H} \sum_{i=1}^{N_h} y_{hi}$$

모집단의 모총계

$$\mu = \frac{\tau}{N} = \frac{1}{N} \sum_{h=1}^{H} N_h \mu_h = \frac{1}{N} \sum_{h=1}^{H} \sum_{i=1}^{N_h} y_{hi}$$

모집단의 모평균

### 모평균의 추정 (1)

- 1. h 번째 층의 추정량 (h = 1, 2, ····, H)
  - ▶ h 번째 층의 데이터

$$y_{h1}, y_{h2}, \dots, y_{hn_h}$$

▶ h 번째 층의 평균추정량

$$\overline{y_h} = \frac{1}{n_h} \sum_{i=1}^{n_h} y_{hi}$$

▶ h 번째 층의 분산추정량

$$\begin{split} V(\overline{y_h}) &= \frac{N_h - n_h}{N_h} \frac{S_h^2}{n_h} \ , \ S_h^2 = \frac{1}{N_h - 1} \sum_{i=1}^{N_h} (y_{hi} - \mu_h)^2 \\ \hat{V}(\overline{y_h}) &= \frac{N_h - n_h}{N_h} \frac{s_h^2}{n_h} \ , \ s_h^2 = \frac{1}{n_h - 1} \sum_{i=1}^{n_h} (y_{hi} - \overline{y})^2 \end{split}$$

# 모평균의 추정 (2)

- 2. 모집단 전체에 대한 모평균( $\mu$ )에 대한 추정
  - ▶ 모평균 추정량

$$\overline{y_{st}} = \frac{1}{N} \sum_{h=1}^{H} N_h \overline{y_h}$$

▶ 분산추정

$$\begin{split} V(\overline{y_{st}}) &= \frac{1}{N^2} \left\{ N_1^2 \, V(\overline{y_1}) + N_2^2 \, V(\overline{y_2}) + \, \cdots \, + N_H^2 \, V(\overline{y_H}) \right\} \\ &= \frac{1}{N^2} \sum_{h=1}^H N_h^2 \, V(\overline{y_h}) = \frac{1}{N^2} \sum_{h=1}^H N_h^2 \frac{N_h - n_h}{N_h} \, \frac{S_h^2}{n_h} \\ \hat{V}(\overline{y_{st}}) &= \frac{1}{N^2} \sum_{h=1}^H N_h^2 \frac{N_h - n_h}{N_h} \, \frac{s_h^2}{n_h} \end{split}$$

▶ 신뢰구간

$$\overline{y_{st}} \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\widehat{V}(\overline{y_{st}})}$$

### 모평균의 추정 (3)

- 💠 예제 4-3
  - ▶ 모평균 추정 사례

도시	2,000	1,200	1,500	1,000	900	1,300	3,000	1,500	1,000	1,800
농촌	600	450	200	300	1,200	900	600	750	1,000	300

$$\overline{y}_{\text{도시}} = 1,520(명), \overline{y}_{\text{농촌}} = 630(명)$$

$$\hat{V}(\bar{y}_{\Xi^{\lambda}}) = \frac{100 - 10}{100} \cdot \frac{630^2}{10} = 35,721$$

$$\hat{V}(\bar{y}_{\text{tw}}) = \frac{50 - 10}{50} \cdot \frac{331^2}{10} = 8,765$$

$$\overline{y_{st}} = \frac{1}{N} \sum_{h=1}^{H} N_h \overline{y_h} = \frac{1}{150} (100 \cdot 1,520 + 50 \cdot 630) = 1,223.3$$

$$\hat{V}(\overline{y_{st}}) = \frac{1}{N^2} \sum_{h=1}^{H} N_h^2 \, \hat{V}(\overline{y_h}) = \frac{1}{150^2} [100^2 \, \bullet \, (35,721) + 50^2 \, \bullet \, (8,765)] = 16,850$$

$$\overline{y_{st}} \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\hat{V}(\overline{y_{st}})} \Leftrightarrow 1,223 \pm 260$$

2. ) 층화

4. ) 엑셀을 활용한 실습

〈실습하기〉에서 자세히 다룸



# 강의용 휴대폰(U-KNOU 서비스 휴대폰)으로도 다시 볼 수 있습니다.

다시 볼 수 있습니다.