실험계획과응용

제11강 (9장)

다구치 실험계획 2

지난 시간

- 9.1 직교배열표의 기본개념
- 9.2 $L_4(2^3)$ 직교배열표
- 9.3 $L_8(2^7)$ 직교배열표
- 9.4 L₁₆(2¹⁵) 직교배열표

남계획과 응용

제11강 (9장)

다구치실험계획 2

이번 시간

- 9.5 다구치 품질공학의 개념
- 9.6 손실함수와 SN비
- 9.7 파라미터 설계

제11강 다구치 실험계획2

다구치 품질공학의 개념

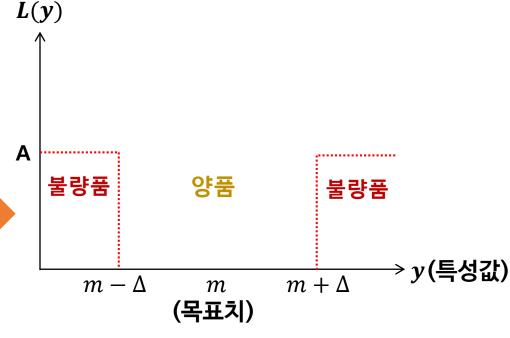
◆ 다구치의 품질

제품이 출하된 시점으로부터 성능특성치의 변동과 부작용 등으로 인하여 사용에 끼친 손실(loss)

- ◆ 다구찌 품질공학 개념 (예전의 품질관리와 다른 점)
 - 1) 설계단계의 중요성
 - 2) 손실함수(loss function)의 사용

$$L(y) = k(y - m)^2$$

y: 실질특성값, m: 목표치, k: 적절한 상수



양품 · 불량품 구분에 의한 손실함수

3) 잡음(noise)의 사용

제품성능의 변동에 영향을 미치는 두 요인

- 제어 가능한 설계변수
- 제어 불가능한 잡음
 - 외부잡음: 외부 환경조건
 - 내부잡음 : 내부 마모나 열화
 - 제품 간 잡음 : 제품 간 성능특성의 산포

3) 잡음(noise)의 사용

• **강건설계**: 제어 가능한 인자로 제어할 수 없는 잡음(환경)인자에 강건한 설계를 하는 것

사 례

장식용 타일은 가마 속 온도의 차이로 2등품이 많이 생산되었다. 이때 어떻게 하나?

- ▶ 가마속온도: 잡음인자
- ▶ 원료배합, 타일의 판금조건 등 : 제어인자

- 4) 라인 외 품질관리와 라인 내 품질관리의 구분
 - 라인 외 품질관리 (off-line QC) 설계나 개발부서의 품질관리 활동
 - 라인 내 품질관리 (on-line QC) 생산라인에서의 품질관리활동
- 5) 잡음제거에 중점
- 6) SN비 (signal to noise ratio)의 사용으로 변동을 최소화하며, 직교배열표를 사용하여 잡음에 둔감하도록 설계

⟨표 9-13⟩ 잡음제거방법 가능여부

품질관리			잡음의 종류			
구분	담당부서	대응책	외부 잡음	내부 잡음	제품 간 잡음	
	설계·개발	(1) 시스템 설계	0	0	0	
라인 외	(research and	(2) 파라미터 설계	0	0	0	
의 품질관리	development)	(3) 허용차 설계	0	0	0	
	생산기술 생산기술	(1) 시스템 설계	×	×	0	
	(production engineering)	(2) 파라미터 설계 (3) 허용차 설계	×	×	0	
		(3) 이용시 길게	×	×	0	
	1411	(1) 공정진단과 조정	×	×	0	
라인 내 품질관리	생산 (production)	(2) 예측과 수정	×	×	0	
		(3) 검사 (측정과 조치)	×	×	0	
	판매(sales)	애프터서비스	×	Δ	Δ	

비고

- ◎대응가능
- ×대응불가능
- ○대응가능하나최후의수단
- △예방보전의의미로서가능

- ◆ 제품설계의 3단계
 - 1) 시스템 설계(system design: 1차 설계 또는 기능설계) 개발하려는 제품분야의 고유기술, 전문지식, 경험 등을 바탕으로, 제품기획단계에서 결정된 기능을 갖는 제품의 원형 개발
 - 2) 파라미터 설계(parameter design: 2차 설계) 제품의 품질변동이 잡음에 둔감하면서 목표품질을 가질 수 있도록 설계변수(파라미터)의 최적조건 파악
 - 3) 허용차 설계(tolerance design: 3차 설계)
 파라미터 설계 후 품질특성치의 변동이 만족하지 않은 경우 이에 큰 영향을 미치는 원인을 찾아 허용차를 줄일 수 있도록 부품을 선별적으로 바꾸거나 작업방법을 자동화하는 등의 적절한 조치를 취하는 것

제11강 다구치 실험계획2

9.6 손실함수와 SN비

- ◆ 망목특성의 경우 손실함수
 - 측정치가 y이고 목표치가 m인 경우에 손실함수 L(y)를 m 에 대하여 테일러급수 전개하면

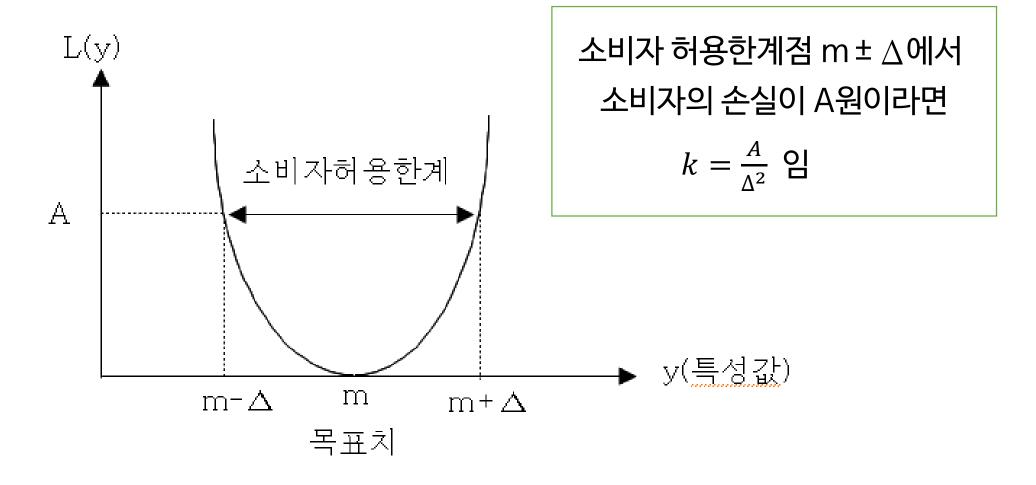
$$L(y) = L(m) + L'(m)(y - m) + \frac{L''(m)}{2}(y - m)^{2} + \cdots$$

• 그런데 L(m)=0, L'(m)=0 이므로 앞의 식에서 3차이상의 항을 무시하면 손실함수는 다음과 같다.

$$L(y) = k(y - m)^2, k = \frac{L''(m)}{2}$$

기대손실:
$$L = k[\sigma^2 + (\mu - m)^2]$$

◆ 망목특성의 경우 손실함수



[그림 9-6] 망목특성의 손실함수

에 전원회로의 출력전압 y에 대한 소비자의 허용범위가 115 ± 25(V)이며, 이 허용범위를 벗어났을 때 소비자의 평균손실이 30,000원이라면 손실함수는 어떻게 나타나는가?

풀이

$$k = \frac{A}{\Delta^2} = \frac{30,000}{25^2} = 48$$

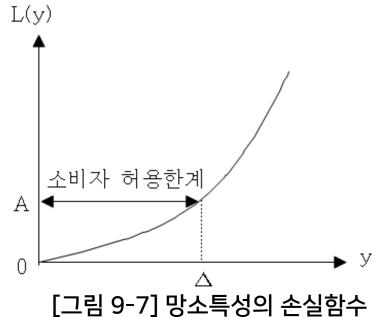
ightharpoonup 손실함수 $L(y) = k(y-m)^2 = 48(y-115)^2$

◆ 망소특성의 경우 손실함수

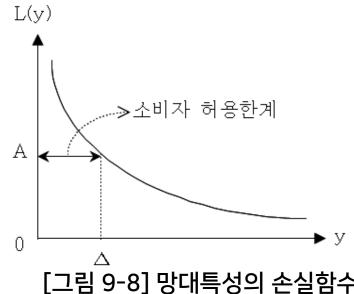
$$L(y) = ky^2$$
, $k = A/\Delta^2$
$$L = kE(y^2) = kE\{(y - \mu) + \mu\}^2 = k(\sigma^2 + \mu^2)$$

◆ 망대특성의 경우 손실함수

$$L(y) = k \left(\frac{1}{y^2}\right), \qquad k = A\Delta^2$$
$$L = k\left(\frac{1}{\mu^2}\right)\left(1 + \frac{3\sigma^2}{\mu^2}\right)$$



[그림 9-7] 망소특성의 손실함수



[그림 9-8] 망대특성의 손실함수

예 집적회로의 배선에서 와이어본딩 강도의 경우 1.5gf에서 실제로 문제가 생긴다. 문제가 생길 때 발생하는 손실금액이 18,000원일 때 손실함수는 어떻게 되는가?

풀이

$$k = A\Delta^2 = 18,000 (1.5^2) = 40,500$$

$$ightharpoonup$$
 손실함수 $L(y) = k\left(\frac{1}{y^2}\right) = 40,500\left(\frac{1}{y^2}\right)$

예제9.3 어떤 전기부품의 가로길이의 소비자 허용한계: 3.5 ± 0.1cm 이 한계를 벗어나는 순간 소비자에게 주는 손실금액: 1,000원

- ① 손실함수를 구하고, 길이가 3.45cm인 경우에 손실금액을 구하라.
- ② 부품 20개를 조사하여 보니 \bar{y} =3.44cm이고 V=0.0016 cm^2 이다. 기대손실금액을 추정하라.

풀이

① m=3.5, $\Delta=0.1$, A=1,000원이므로 망목특성의 손실함수로부터

$$L(y) = \frac{A}{\Delta^2} (y - m)^2 = \frac{1,000}{(0.1)^2} (y - 3.5)^2 = 100,000 (y - 3.5)^2$$

$$\rightarrow$$
 $L(3.45) = 100,000(3.45 - 3.5)^2 = 250$

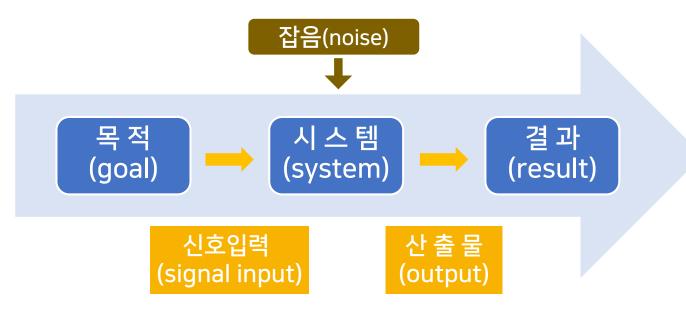
예제9.3 어떤 전기부품의 가로길이의 소비자 허용한계: 3.5 ± 0.1cm 이 한계를 벗어나는 순간 소비자에게 주는 손실금액: 1,000원

- ① 손실함수를 구하고, 길이가 3.45cm인 경우에 손실금액을 구하라.
- ② 부품 20개를 조사하여 보니 \bar{y} =3.44cm이고 V=0.0016 cm^2 이다. 기대손실금액을 추정하라.

풀이

② 기대손실(금액) $L = k [\sigma^2 + (\mu - m)^2]$ 기대손실추정치(금액)

$$\widehat{L}(y) = \frac{A}{\Delta^2} \left[V + (\overline{y} - m)^2 \right] = \frac{1,000}{(0.1)^2} \left[0.0016 + (3.44 - 3.50)^2 \right] = 520$$
원



통신시스템의 기능관계

◆ 정특성의 경우 SN비

1) 망목특성인 경우

테이터
$$y_1, y_2, \cdots, y_n$$
 이 얻어졌다면 σ^2 의 추정치 $\widehat{\sigma^2} = V = \sum_{i=1}^n \frac{(y_i - \bar{y})^2}{n-1}$ 이 되고,
$$S_n = \frac{(y_1 + y_2 + y_3 \cdots + y_n)^2}{n}$$
로 놓는 경우 $E(S_n) = \sigma^2 + n\mu^2$ 이므로 $\widehat{\mu^2} = \frac{1}{n}(S_n - V)$ 이 된다.
$$SN \textbf{비} = \frac{\frac{1}{n}(S_n - V)}{V} \quad \textbf{인데} \cdots$$

$$SN \textbf{비} = 10 \log \left[\frac{1}{n}(S_n - V)\right]$$

$$SN$$
비 $=10\log\left[\frac{(\bar{y})^2}{V}\right]$, $S_n=n\left(\bar{y}\right)^2$ 이고 $(\bar{y})^2>>\frac{V}{n}$ 이므로 $=10\log\left[\frac{(\bar{y})^2}{s^2}\right]$ $=20\log(\frac{\bar{y}}{s})$

2) 망소특성인 경우 SN비 =
$$-10 \log \left[\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} y_i^2 \right]$$
 (단위: dB)

3) 망대특성인 경우 SN비 =
$$-10 \log \left[\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} \frac{1}{y_i^2} \right]$$
 (단위: dB) 정특성

• 동특성의 경우에도 SN비가 따로 있음

예 9.4 다음 데이터의 경우 망목, 망소, 망대 특성값으로 각각 생각하고 SN비를 구하라.

$$\overline{y} = \frac{1}{n} \sum_{i} y_i = \frac{1}{5} (32 + 38 + 36 + 40 + 37) = 36.6$$

$$S_n = \frac{1}{n} \left(\sum_i y_i\right)^2 = \frac{1}{5} (32 + 38 + \dots + 37)^2 = 6,697.8$$

$$V = \frac{1}{n-1} \sum_{i} (y_i - \bar{y})^2 = \frac{1}{4} [(32 - 36.6)^2 + \dots + (37 - 36.6)^2] = 8.8$$

$$|SNH| = 20 \log\left(\frac{\overline{y}}{s}\right) = 20 \log\left(\frac{36.6}{\sqrt{8.8}}\right) = 20 \log(12.34) = 21.82dB$$

풀이 (계속)

② 망소특성값인 경우
$$SN \parallel | = -10 \log \left[\frac{1}{n} \sum_{i} y_i^2 \right] = -10 \log \left[\frac{1}{5} (32^2 + \dots + 37^2) \right]$$

$$= -31.29dB$$

$$SN \mid = -10 \log \left[\frac{1}{n} \sum_{i} \frac{1}{y_i^2} \right]$$

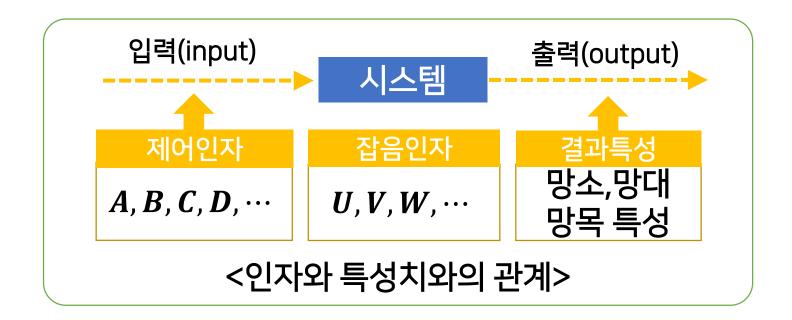
$$= -10\log\left[\frac{1}{5}\left(\frac{1}{32^2} + \dots + \frac{1}{37^2}\right)\right] = -28.15dB$$

제11강 다구치 실험계획2

파라미터 설계

■ 파라미터 설계 시 주요 착안점

- 산포의 감소
- 평균치가 목표에 근접하도록
- 비용의 최소화
- 재현성 확인



◆ 망소 또는 망대특성에 대한 파라미터 설계과정

- ① 제어인자 및 잡음인자들의 조합으로 이루어진 실험 실시 (제어인자는 내측에 배치하고, 잡음인자는 외측에 배치)
- ② 망소 또는 망대특성인 경우 해당 SN비 계산
- ③ SN비에 대한 분산분석(또는 간이분석)으로 SN비에 영향 미치는 제어인자 도출
- ④ ③에서 찾은 인자들의 최적수준 결정 기타 인자는 경제성, 작업성 등을 따져 결정
- ⑤ 최적수준 조합에서 재현성 확인

◆ 망목특성에 대한 파라미터 설계과정

- ① **앞의**①과동일
- ② 망목특성인경우해당 SN비와 S_n 의계산 [$S_n = \frac{(y_1 + y_2 + y_3 \cdots + y_n)^2}{n}$]
- ③ SN비에 대한 분산분석(또는 간이분석)으로 SN비에 영향 미치는 제어인자 추출
- ④ S_n 에 대한 분산분석(또는 간이분석)으로 \bar{y} 에 영향 미치는 제어인자 추출

③과 ④로부터 얻는 결론

- 산포제어인자: SN비에 유의한 영향을 주는 인자
- 평균조정인자: \bar{y} 에만 유의한 영향을 주는 인자
- 기타제어인자: SN비나 \bar{y} 에 유의한 영향을 주지 못하는 인자 (어떤 인자가 SN비와 \bar{y} 에 동시에 영향을 준다면 산포제어인자로 분류함)
- ⑤ 이하 과정(최적 수준 도출 및 재현성 확인)은 앞의 망소 또는 망대특성의 경우와 동일

파라미터 설계사례(망소특성의 경우)

- ▶ 전기회사에서 제품의 특성에 불량이 자주 발생하여 설계상 개선을 모색한다.
 - ◆ 설계상의 제어인자들

A: ZCT Assembly shield 2수준(A_0 = 유, A_1 = 무)

B: Reset guide 치수형상 2수준(B_0 = 형상 $| , B_1$ =형상 |)

C: Reset spring 하중 2수준(C_0 =640g, C_1 =740g)

D: Resistor(2.7K Ω) 유무 2수준(D_0 =유, D_1 =무)

F: SCR의 IGT(A) 2수준(F_0 =20이하, F_1 =20~200)

교호작용은 무시하고 주효과만 $L_8(2^7)$ 직교배열표에 배치

파라미터 설계사례(망소특성의 경우)

- ▶ 전기회사에서 제품의 특성에 불량이 자주 발생하여 설계상 개선을 모색한다.
 - ◆ 잡음인자 {여러 요인(CT출력, ZCT출력, IC종류)들을 묶음}

 $N_0: CT = 16, ZCT = 16, IC = KA 2803$

 $N_1: CT = 17$ 이상, ZCT = 18 이상, IC = GL 7101

〈표 9-14〉 불순물 양의 실험데이터

구분	내측배열($L_8(2^7)$)							외측배열(2수준 1원배치: 반복 3회)								
요인 배치	А	В	С	D	F	е	е	원 데이터 : 불순물 양								
매시 인자 이름	ZCT	RESET GUIDE	RESET SPRING	RESI STO R	SCR			_	(망소특성) $\overset{-}{y}_i = \sum_j y_{ij}/6$						SN ^H = SN _i = -10 log	
수 0 준 1	유무	형상 I 형상 Ⅱ	640 740	유무	20이하 20∽ 290			$MSD_i = \sum y_{ij}^2 / 6$					(MSD_i)			
- 열 번호 실험 번호	1	2	3	4	5	6	7	MSD : Mean Squared Deviation $\overset{j}{}$ 잡음인자 N $\overset{-}{y}_i$				MSD.	SN_i			
1	0	0	0	0	0	0	0	7	14	16	11	17	10	12.50	168.50	-22.27
2	0	0	0	1	1	1	1	8	14	13	12	16	12	12.50	162.16	-22.10
3	0	1	1	0	0	1	1	13	11	13	8	12		12.17		-21.87
4	0	1	1	1	1	0	0	11	13	13	10	14	13	12.33	154.90	-21.88
5	1	0	1	0	1	0	1	17	14	14	13	15	12	14.17	203.17	-23.08
6	1	0	1	1	0	1	0	17	14	16	8	9	18	13.67	201.67	-23.05
7	1	1	0	0	1	1	0	13	10	13	12	13	13	12.33	153.33	-21.86
8	1	1	0	1	0	0	1	8	11	9	13	10	12	10.50	113.17	-20.54
	현 제 품(콘 <u>트 롤</u>)						8	13	15	14	16	12	13.00	175.67	-22.46	

1 SN비계산

■ 망소특성이므로 SN비의 계산은 *i*번째 행에 대하여

$$SN_i = -10 \log[\frac{1}{n} \sum_j y^2_{ij}]$$

 $SN_i = -10 \log(MSD_i), MSD_i = \sum_{j=1}^6 y^2_{ij}/6$

예 1행

$$\bar{y}_1 = (7 + 14 + \dots + 10)/6 = 12.50$$

 $SN_1 = -10 \log(MSD_1) = -22.27, MSD_1 = (7^2 + 14^2 + \dots + 10^2) = 168.50$

2 간이분석법

उनिम	내치	Α	В	C.	D	F	
인자이	름	ZCT	RESET GUIDE	RESET SPRING	RESISTOR	SCR	합계
SN비수 0수준		-88.12	-90.50	-86.77	-89.08	-87.73	T=-176.65
준의 합계	1수준	-88.53	-86.15	-89.88	-87.57	-88.92	1=-170.00
수준간	범위	0.41	4.35	3.11	1.51	1.19	10.57
기여율	(%)	3.8	41.2	29.4	14.3	11.3	100.0
기여율 파레토도 (%)							
3.0	1	В	C	D	F	A	
누적기 (%		41.2	70.6	84.9	96.2	100.0	
최적수준	조합	인자수준	A_0	B_1	C ₀	D_1	F_0
		수준내용	ZCT SHIELD	RESET GUIDE 형상II	RESET SPRING 640g	RESISTOR 무	SCR의 IGT 20이하



<표 9-15> 불순물 양의 분산분석표

출처	DF	SS	MS	F_0	P
A	1	0.0210	0.0210	0.10	0.783
В	1	2.3653	2.3653	11.15	0.079
С	1	1.2090	1.2090	5.70	0.140
D	1	0.2850	0.2850	1.34	0.366
F	1	0.1770	0.1770	0.83	0.457
오차	<u>2</u>	<u>0.4241</u>	0.2121		
전체	<u>7</u>	<u>4.4815</u>			

<표 9-16> 불순물 양의 분산분석표(인자 A와 F를 오차항에 풀링시킨 경우)

출처	DF	SS	MS	F_0	P
В	1	2.3653	2.3653	15.21	<u>0.018</u>
С	1	1.2090	1.2090	7.77	0.049
D	1	0.2850	0.2850	1.83	0.247
오차	<u>4</u>	0.6222	<u>0.1555</u>		
전체	<u>7</u>	<u>4.4815</u>			

4 모평균의 추정

유의한 인자 B, C의 최적수준조합 B_0 , C_1 에서 SN비의 점추정값은

$$\hat{\mu} = \overline{B_0} + \overline{C_1} - \overline{T} = -22.6250 - 22.4700 - (-22.08125) = -23.065$$
로, 현제품의 SN비보다 -22.46-(-23.08125)≈0.62125dB만큼 낮다.

R 실습

 $A \leftarrow c(0, 0, 0, 0, 1, 1, 1, 1)$

 $\underline{\text{sn}} \leftarrow \underline{\text{c}}(-22.27, -22.1, -21.87, -21.88, -23.08, -23.05, -21.86, -20.54)$

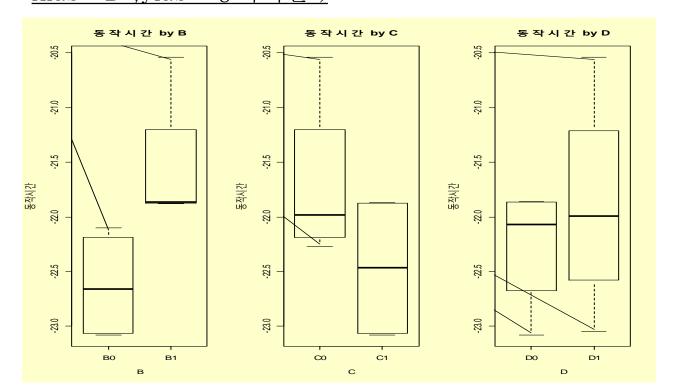
```
B \leftarrow c(0, 0, 1, 1, 0, 0, 1, 1)
C \leftarrow c(0, 0, 1, 1, 1, 1, 0, 0)
D \leftarrow c(0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1)
F \leftarrow c(0, 1, 0, 1, 1, 0, 1, 0)
e1 \leftarrow c(0, 1, 1, 0, 0, 1, 1, 0)
e2 < -c(0, 1, 1, 0, 1, 0, 0, 1)
dong <- data.frame(sn, A, B, C, D, F, e1, e2)
dong$A <- factor(dong$A, levels=c(0, 1), labels=c("A0", "A1"))
dong$B <- factor(dong$B, levels=c(0, 1), labels=c("B0", "B1"))
dong$C <- factor(dong$C, levels=c(0, 1), labels=c("C0", "C1"))
dong$D <- factor(dong$D, levels=c(0, 1), labels=c("D0", "D1"))
dong$F <- factor(dong$F, levels=c(0, 1), labels=c("F0", "F1"))
dong\$e1 \leftarrow factor(dong\$e1, levels=c(0, 1), labels=c("e10", "e11"))
dong\$e2 \leftarrow factor(dong\$e2, levels=c(0, 1), labels=c("e20", "e21"))
model1 \leftarrow aov(sn \sim A+B+C+D+F, data=dong)
summary(model1)
```

```
Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
                      0.0210
                               -0.099 0.7827
B
             1 2.3653
                     - 2.3653 - 11.154 0.0792 .
            1 1.2090
                      1.2090
                               5.701 0.1396
                               1.344 0.3660
                     0.2850
             1 0.2850
            1 0.1770
                      0.1770
                               0.835 0.4574
Residuals
            2 0.4241 0.2121
Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1
```

R 실습

model2 <- aov(sn ~ B+ C+ D, data=dong)
summary(model2)</pre>

par(bg=rgb(1,1,0.8),mfrow=c(1,3))
boxplot(sn~B, data=dong, main="동작시간 by B", xlab="B",ylab="동작시간")
boxplot(sn~C, data=dong, main="동작시간 by C", xlab="C",ylab="동작시간")
boxplot(sn~D, data=dong, main="동작시간 by D", xlab="D",ylab="동작시간")



다음 시간 안내

제12강(10장)

지분계획과분할구계획