



4강

통계계산(2)

한림대학교 금융정보통계학과 심송용교수

목 차

1. 지수분포와 감마분포
2. t-분포, F-분포
3. 포아송, 베르누이, 이항분포
4. 기하, 음이항분포
5. 초기하분포



1 지수분포와 감마분포



지수분포와 감마분포

- 확률변수 X 의 확률밀도함수가

$$f(x) = \lambda e^{-\lambda x}, x > 0$$

- 인 분포를 **지수분포**. 기호로는 $\text{Exp}(\lambda)$ 로 표현.
- 지수분포의 기댓값과 분산은 각각 $1/\lambda, 1/\lambda^2$.
- R-언어에서 지수분포 함수는 다음과 같음.

```
dexp(x, rate = 1)
pexp(q, rate = 1, lower.tail = TRUE)
qexp(p, rate = 1, lower.tail = TRUE)
rexp(n, rate = 1)
```

지수분포와 감마분포

- **감마분포**는 확률변수 X 의 확률밀도함수가

$$f(x) = \frac{\beta^\alpha}{\Gamma(\alpha)} x^{\alpha-1} e^{-\beta x}, \quad x > 0$$

인 분포이며 기호로는 $X \sim \Gamma(\alpha, \beta)$ 로 표현.

- $\alpha = 1$ 이면 모수가 β 인 지수분포임.
- 따라서 지수분포는 감마분포의 특수한 경우임.
- 감마분포의 기댓값과 분산은 각각 α/β 및 α/β^2 임.
- R-언어에서 감마분포에 대한 함수들은 다음과 같음.

```
dgamma(x, shape, rate = 1, scale = 1/rate)
pgamma(q, shape, rate = 1, scale = 1/rate, lower.tail = TRUE)
qgamma(p, shape, rate = 1, scale = 1/rate, lower.tail = TRUE)
rgamma(n, shape, rate = 1, scale = 1/rate)
```

지수분포와 감마분포

- x, q : 확률밀도함수값을 얻을 x 벡터, 누적확률을 얻을 q 벡터.
- p : 분위수를 얻을 확률값의 벡터.
- n : 발생할 난수의 개수.
- $rate$: 지수분포 및 감마분포의 모수 λ 의 값.
- $scale$: 감마분포의 경우 $rate \frac{1}{\lambda}$ 의 값을 $scale$ parameter라고 부르기도 하며 이 값을 설정. $rate$ 또는 $scale$ 중의 하나만 설정.
- $shape$: 감마분포의 모수 α 의 값.
- $lower.tail$: 논리값을 설정하며 TRUE이면 확률은 $\Pr[X \leq x]$ 의 값으로, 그렇지 않으면, $\Pr[X > x]$ 을 계산함.

감마분포와 지수분포, 카이제곱 분포와의 관계는 다음과 같다.

- ① $X \sim \Gamma(1, \lambda)$ 이면 는 지수분포 $\text{Exp}(\lambda)$ 와 같음.
- ② $X \sim \Gamma(v/2, 1/2)$ 이면 X 는 카이제곱 분포 $\chi^2(v)$ 와 같음.

지수분포와 감마분포

예제 2.11. x 가 $1/2, 1, 3/2$ 에서 다음 확률밀도함수를 구해보자.

- ① $\alpha = 1, \beta = 2$ 일 때 지수분포(β)와 감마분포(α, β)의 확률밀도함수를 구해보자.
- ② $\lambda = 4$ 인 지수분포를 따르는 난수 1,000개를 생성하여 평균과 분산을 구해보자.
- ③ 자유도가 4인 카이제곱분포(4)와 감마분포(2, $1/2$)의 확률밀도함수를 구해보자.

```
> x <- c(1/2, 1, 3/2)
> # 1
> dexp(x, 2)
[1] 0.73575888 0.27067057 0.09957414
> dgamma(x, 1, 2)
[1] 0.73575888 0.27067057 0.09957414
> #2
> x <- rexp(1000, 4)
```

지수분포와 감마분포

```
> mean(x)
[1] 0.2479532
> var(x)
[1] 0.06524859
> # 3
> dgamma(x, 2, rate = 1/2)
[1] 0.0973501 0.1516327 0.1771375
> dchisq(x, 4)
[1] 0.0973501 0.1516327 0.1771375
```

- 지수분포(2)는 감마분포(1,2)와 같음.
- 지수분포의 기댓값과 분산은 각각 0.2479532, 0.06524859 으로 $\lambda = 4$ 일 때 각각 $1/\lambda = 0.25$, $1/\lambda^2 = 0.0625$ 와 가까운 값.
- 또한 카이제곱(4)와 감마분포(2,1/2)는 같은 분포임을 확인.

2 t-분포, F-분포



t-분포와 F-분포

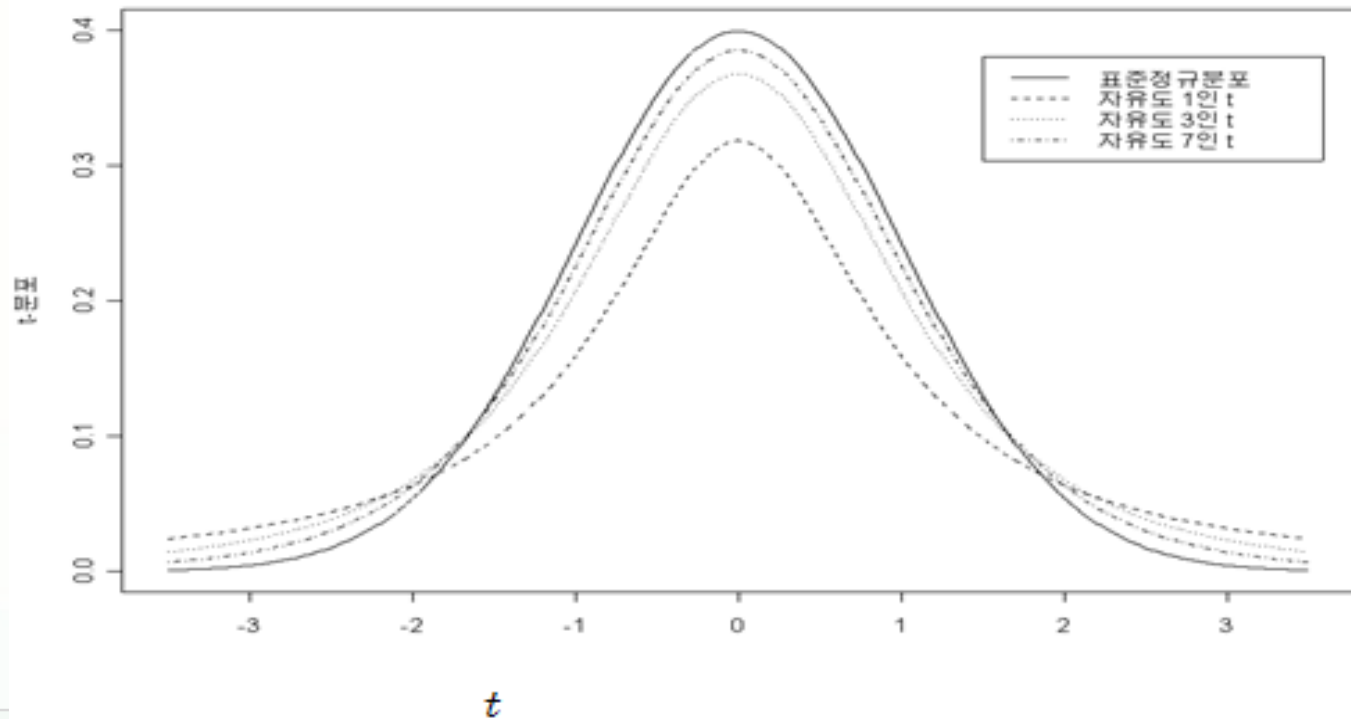
- Z 가 표준정규분포를 따르는 확률변수, χ_v^2 를 자유도가 v 인 카이제곱분포를 갖는 확률변수이고 이 둘이 독립이라면 확률변수

$$T = \frac{Z}{\sqrt{\chi_v^2 / v}}$$

- 의 분포를 **자유도가 v 인 t-분포**라고 하며, $t(v)$ 또는 t_v 로 표시.
- 분자의 확률변수 Z 가 정규분포이나 기댓값이 0이 아닌 경우의 분포를 비중심 t-분포
- t-분포는 비중심모수가 0인 경우이며, 이를 비중심 t-분포와 구분하기 위해 중심 t-분포라고 부르기도 함.
- t-분포는 0을 중심으로 좌우대칭.
- 표준정규분포보다 꼬리가 두터우며 자유도가 커질수록 표준정규분포로 수렴.

t-분포와 F-분포

t-분포의 모양



t-분포와 F-분포

`dt(x, df, ncp)`

`pt(q, df, ncp, lower.tail = TRUE)`

`qt(p, df, ncp, lower.tail = TRUE)`

`rt(n, df, ncp)`

- `x`, `q` : 확률밀도함수값을 얻을 `x` 벡터, 누적확률을 얻을 `q` 벡터.
- `p` : 분위수를 얻을 확률값의 벡터.
- `n` : 발생할 난수의 개수.
- `df` : 사용할 `t` 분포의 자유도. 무한대(`Inf`)값을 사용할 수 있음(표준정규분포).
- `ncp` : 비중심모수(noncentrality parameter)의 값.
- `lower.tail` : 논리값을 설정하며 `TRUE`이면 확률은 $\Pr[X \leq x]$ 의 값으로, 그렇지 않으면, $\Pr[X > x]$ 을 계산.

t-분포와 F-분포

예제 2.12. t-분포에서 $x = 0.025$ 에서 자유도 10인 경우와 자유도가 무한대인 값을 구해보고, 자유도가 무한대로 수렴하는 경우 표준정규분포로 수렴함을 살펴보자.

```
> qt(.025, 10) # 자유도가 10인 경우의 값  
[1] -2.228139  
> qt(.025, Inf)  
[1] -1.959964  
> qnorm(.025)  
[1] -1.959964
```

- $qt(.025, 10)$ 는 $x = 0.025$, 자유도가 10인 t-분포 값.
- 자유도가 무한대인 t-분포 $qt(.025, Inf)$ 의 값 -1.959964 는 표준정규분포 $qnorm(.025)$ 와 같은 값임.

t-분포와 F-분포

- X_1, X_2 가 독립이고 각각 자유도가 ν_1, ν_2 인 카이제곱분포를 따르는 확률변수라고 할 때

$$F_{\nu_1, \nu_2} = \frac{X_1/\nu_1}{X_2/\nu_2}$$

의 분포를 **자유도가 ν_1, ν_2 인 F-분포**라고 하고, $F(\nu_1, \nu_2)$ 또는 F_{ν_1, ν_2} 로 표시.

- F-분포는 정의에 의해서

$$F_{\nu_1, \nu_2} = \frac{1}{F_{\nu_2, \nu_1}}$$

임을 알 수 있음.

- 분자 또는 분모의 카이제곱분포가 비중심 카이제곱분포일 때의 F-분포를 비중심 F-분포라 함. 대부분 분자가 비중심, 분모가 중심카이제곱분포일 때 비중심 F-분포라 함.

t-분포와 F-분포

- $F_{v_1, v_2; \alpha} = \frac{1}{F_{v_2, v_1; 1-\alpha}}$ 임을 아래와 같이 확인.

```
> qf(0.05, 10, 5)
```

```
[1] 0.3006764
```

```
> 1/qf(0.95, 5, 10) # qf(0.05, 10, 5) 와 같은 값
```

```
[1] 0.3006764
```

- t-분포의 정의에 의해

$$T_v^2 = F_{1,v} = \frac{\chi_1^2/1}{\chi_v^2/v}$$

임을 확인.

t-분포와 F-분포

```
> qf(.95, 1, 10)
[1] 4.964603
> qt(.975, 10)^2
[1] 4.964603
```

t-분포는 0.95가, F-분포에서는 0.975가 사용된 것은 t-분포의 제곱이 F-분포이기 때문.

③ 포아송, 베르누이, 이항분포



포아송(Poisson)분포

- X가 0과 자연수의 값을 가질 수 있는 확률변수이고

$$\Pr[X = x] = f(x) = \frac{\lambda^x e^{-\lambda}}{x!}, x = 0, 1, 2, \dots$$

이면 X의 분포를 포아송분포라고 하며 일정한 시간 동안 발생한 사건, 결함 등의 개수의 확률모형으로 많이 사용함.

- X의 기댓값과 분산은 모두 λ 로 같음.
- 분포함수, 분위수, 난수발생 함수 등은 아래와 같음.

```
dpois(x, lambda)
ppois(q, lambda, lower.tail = TRUE)
qpois(p, lambda, lower.tail = TRUE)
rpois(n, lambda)
```

포아송(Poisson)분포

- x, q : 각각 확률밀도함수의 값을 얻을 x 벡터 또는 누적확률을 얻을 q 벡터.
- p : 분위수를 얻을 확률값의 벡터.
- n : 발생할 난수의 개수.
- `lower.tail` : 논리값을 설정하며 TRUE이면 확률은 $\Pr[X \leq x]$ 의 값으로, 그렇지 않으면, $\Pr[X > x]$ 을 계산.
- `lambda` : 사용할 포아송분포의 기댓값.

예제 2.14. 어느 도시에서 빈 택시는 시간당 평균 10대꼴로 지나며 빈 택시의 댓수는 포아송 분포를 따른다고 한다. 한 시간 동안 한 대의 빈 택시도 만나지 못할 확률은 얼마인가?

풀이 : X 를 빈 택시의 댓수라고 하면 $\Pr[X = 0]$ 을 원함.

포아송(Poisson)분포

```
> dpois(0, 10)
[1] 4.539993e-05
```

이 경우 $\Pr[X \leq 0]$ 을 계산하여도 되므로 `ppois(0,10)`을 사용하여도 같은 결과를 얻음.



베르누이(Bernoulli) 시행과 이항분포

- **베르누이 시행**은 관찰 가능한 값이 두 가지 뿐인 이산형 분포 중의 하나로 이 두 관찰 가능한 값은 보통 '성공'과 '실패'로 표현.
- 이를 수치로 표현할 때는 성공은 1로 실패는 0으로 표현.
- 성공 확률이 p 이고 실패 확률이 $(1 - p)$ 인 베르누이 시행의 $(0 < p < 1)$ 확률분포는

$$\Pr[X = x] = \begin{cases} p, & x = 1 \\ 1 - p, & x = 0 \end{cases}$$

로 표현.

- 이는

$$\Pr[X = x] = p^x(1 - p)^{1-x}, \quad x = 0, 1.$$

로도 표현.

베르누이(Bernoulli) 시행과 이항분포

- **이항분포**는 독립인 n 개의 베르누이 시행에서의 성공 확률이 p 일 때 이 베르누이 시행들의 합의 분포.
- $B(n, p)$ 로 표시
- X 가 이항분포일 때 확률질량함수는

$$f(x) = \Pr[X = x] = \binom{n}{x} p^x (1 - p)^{n-x}, \quad x = 0, 1, \dots, n$$

로 표현.

- 이항분포의 기댓값과 분산은 각각 np , $np(1 - p)$.
- 분포함수, 난수, 분위수 함수 등은 다음과 같음.

베르누이(Bernoulli) 시행과 이항분포

```
dbinom(x, size, prob)
pbinom(q, size, prob, lower.tail = TRUE)
qbinom(p, size, prob, lower.tail = TRUE)
rbinom(n, size, prob)
```

- x, q : 확률밀도함수값을 얻을 x 벡터, 누적확률을 얻을 분위수 q 벡터.
- p : 분위수를 얻을 확률값의 벡터.
- n : 발생할 난수의 개수.
- `lower.tail` : 논리값을 설정하며 TRUE이면 확률은 $\Pr[X \leq x]$ 의 값으로, 그렇지 않으면, $\Pr[X > x]$ 을 계산.
- `size` : 이항분포 $B(n, p)$ 에서 n 값을 설정함.
size = 10이면 베르누이 시행.
- `prob` : 이항분포 $B(n, p)$ 에서 p 값을 설정함.

베르누이(Bernoulli) 시행과 이항분포

예제 2.15. X 가 이항분포 $B(10, 0.2)$ 이면 $\Pr[X = 2]$ 는

```
> dbinom(2, 10, 0.2)
[1] 0.3019899
```

로 얻으며 $\Pr[X \leq 2]$ 는

```
> pbinom(2, 10, 0.2)
[1] 0.6777995
```

이며 이 값은 $\text{dbinom}(0, 10, 0.2) + \text{dbinom}(1, 10, 0.2) + \text{dbinom}(2, 10, 0.2)$ 와 같음.

베르누이(Bernoulli) 시행과 이항분포

$\Pr[X \leq a] = 0.5$ 가 되는 a 는

```
> qbinom(0.5, 10, 0.2)
```

```
[1] 2
```

이다.

예제 2.16. 공평한 주사위를 던지면 1의 눈금이 나올 확률이 $1/6$ 이다. 주사위를 다섯 번 던질 때 1의 눈금이 나올 회수를 확률변수 X 라고 하면 X 의 분포는 $B(5, 1/6)$ 이며, 기댓값과 분산은 각각 $np = 5/6 = 0.8333$, $np(1 - p) = 25/36 = 0.6944$ 이다.

주사위를 다섯 번 던지는 실험을 100회 반복할 때 1의 눈금이 나온 회수의 평균과 분산이 이 값들과 얼마나 가까운지 모의실험을 해보자.

베르누이(Bernoulli) 시행과 이항분포

```
binom.par <- function(nrep=100, n=5, p=1/6) { # binom.par.r
  x <- rbinom(nrep, n, p)      # B(n,p)에서 nrep 개의 난수 생성
  meanx <- mean(x)            # 이들 난수의 평균
  varx <- var(x)              # 이들 난수의 분산
  list(meanx = meanx, varx = varx)
} # end function
```

```
binom.par()
$meanx
[1] 0.75
$varx
[1] 0.7348485
```

베르누이(Bernoulli) 시행과 이항분포

X 가 $B(n, p)$ 이면 n 이 충분히 클 때 X 의 분포는 정규분포 $N(np, npq)$ 에 근사하다는 것이 알려져 있으며 이를 **이항분포의 정규근사**라고 한다. 확률변수 X 가 $B(50, 1/2)$ 일 때 $\Pr[X \leq x]$ 의 확률값을 이항분포에서와 정규근사에서 각각 구해보자. (**normAbinom.r**)

```
normAbinom <- function() { # normAbinom.r
  x <- seq(5, 50, by=5)      # 5, 10, ... 50인 x에 대해
  p.binom <- pbinom(x, 50, 0.5) # 누적 이항분포 확률
  p.norm <- pnorm(x, 25, sqrt(12.5)) # 누적 정규분포 확률
  # 평균 np=25, 분산 np(1-p)=12.5인 정규분포
  diff <- p.binom - p.norm    # 누적 분포의 차이
  list(p.binom = round(p.binom, 4), p.norm = round(p.norm, 4), diff = round(diff, 4))
} # end function
```

베르누이(Bernoulli) 시행과 이항분포

```
normAbinom()  
$p.binom  
[1] 0.0000 0.0000 0.0033 0.1013 0.5561 0.9405 0.9987 1.0000 1.0000 1.0000  
$p.norm  
[1] 0.0000 0.0000 0.0023 0.0786 0.5000 0.9214 0.9977 1.0000 1.0000 1.0000  
$diff  
[1] 0.0000 0.0000 0.0010 0.0227 0.0561 0.0192 0.0010 0.0000 0.0000 0.0000
```

위의 경우 이항분포와 정규분포의 차이가 없거나 미미하다는 것을 알 수 있음.
(소수점 넷째 자리까지)

4 기하분포와 음이항분포



기하분포와 음이항분포

- 성공확률이 p 일 때 첫 번째 성공을 관찰할 때까지의 **시행회수** X 의 분포를 **기하분포**라고 함.
- 확률변수 X 가 기하분포를 따른다면 $\Pr[X = x]$ 는 처음의 $(x - 1)$ 개의 실패와 x 번째의 성공을 관찰할 확률이므로

$$p(x) = \Pr[X = x] = (1 - p)^{x-1}p, \quad x = 1, 2, 3, \dots$$

- 첫 번째 성공을 관찰할 때까지의 **실패의 횟수**의 분포를 기하분포라고 정의하기도 하는데 R-언어에서는 이 실패의 회수를 기하분포로 정의.
- 따라서 첫 번째 성공을 관찰할 때까지 실패의 횟수가 x 번일 확률 $\Pr[X = x]$ 는 x 번의 실패와 마지막 한 번의 성공을 관찰할 확률이므로

$$p(x) = \Pr[X = x] = (1 - p)^x p, \quad x = 0, 1, 2, \dots$$

임.

기하분포와 음이항분포

```
dgeom(x, prob)
pgeom(q, prob, lower.tail = TRUE)
qgeom(p, prob, lower.tail = TRUE)
rgeom(n, prob)
```

- x, q : 분포함수를 계산하거나 누적확률을 계산할 벡터.
- p : 분위수를 계산할 확률값의 벡터.
- n : 난수를 발생할 개수.
- $prob$: 각 시행에서의 성공확률.
- $lower.tail$: 논리값을 설정하며 TRUE이면 확률은 $\Pr[X \leq x]$ 의 값으로, 그렇지 않으면, $\Pr[X > x]$ 을 계산.

기하분포와 음이항분포

예제 2.18. 전체 자동차 중 빨간색을 가진 자동차는 5%라고 한다. 도로에서 자동차의 색을 관찰할 때 20번째에 처음으로 빨간색 자동차를 관찰할 확률은 얼마인가?

20번째 시행에서 처음으로 성공을 관찰할 확률이므로 실패의 회수는 19인 경우이다.
따라서

```
> dgeom(19,0.05)  
[1] 0.01886768
```

이 값은 앞의 19대가 빨간색 이외의 자동차, 20번째가 빨간색일 확률 $0.95^{19} \times 0.05$ 와 같음을 알 수 있다.

기하분포와 음이항분포

- 음이항분포는 r 번째 성공을 관찰할 때까지의 시행회수의 분포.
- r 번째 성공이 x 번째 시행에서 일어나기 위해서는 x 번째는 성공이고 그 이전의 $(x - 1)$ 번의 시행에서 $(r - 1)$ 번의 성공이 있어야 함.
- 따라서 X 를 성공확률이 p 인 음이항분포를 따르는 확률변수라고 하면 x 번째 시행에서 r 번째 성공이 관찰될 확률 $\Pr[X = x]$ 는

$$\begin{aligned}\Pr[X = x] &= \binom{x-1}{r-1} p^{r-1} (1-p)^{x-r} \cdot p \\ &= \binom{x-1}{r-1} p^r (1-p)^{x-r}, \quad x = r, r+1, r+2 \dots \text{ (교재 오류)}\end{aligned}$$

이다.

기하분포와 음이항분포

- R-언어에서는 **실패의 횟수를 기준으로 함**.
- r 개의 성공을 관찰할 때까지 실패의 횟수를 x 라고 하면 전체 $(x + r)$ 개의 베르누이 시행 중 마지막은 r 번째 성공이라야 함.
- 이전의 $(x + r - 1)$ 개의 시행에서 $(r - 1)$ 번의 성공과 x 번의 실패.
- 이 확률은

$$\begin{aligned}\Pr[X = x] &= \binom{x + r - 1}{r - 1} (1 - p)^x p^{r-1} \times p \\ &= \binom{x + r - 1}{r - 1} (1 - p)^x p^r, \quad x = 0, 1, \dots, n\end{aligned}$$

으로 얻음.

기하분포와 음이항분포

```
dnbinom(x, size, prob, mu)
pnbinom(q, size, prob, mu, lower.tail = TRUE)
qnbinom(p, size, prob, mu, lower.tail = TRUE)
rnbinom(n, size, prob, mu)
```

- x, q : 분포함수를 계산하거나 누적확률을 계산할 벡터.
- p : 분위수를 계산할 확률값의 벡터.
- n : 난수를 발생할 개수.
- $size$: 양수값을 설정하며 분포함수에서 r 에 해당하는 값이다.
즉 r 번째 실패를 할 때까지의 분포에서 사용한 값 r 을 설정.
- mu : 음이항분포의 기댓값은 $mu = size * (1 - prob) / prob$ 인데 이 mu 를 설정.
이 때는 $size$ 나 $prob$ 중의 한 값만 설정함.
- $prob$: 각 시행에서의 성공확률.
- $lower.tail$: 논리값을 설정하며 TRUE이면 확률은 $Pr[X \leq x]$ 의 값으로,
그렇지 않으면, $Pr[X > x]$ 을 계산.

기하분포와 음이항분포

예제 2.19. 예제 2.18.과 같이 빨간색 자동차의 비율이 5%일 때 세 번째 빨간색 자동차를 관찰할 때까지 관찰한 자동차의 수가 20대 이하일 확률은 얼마인가?

풀이 : 세 번째 빨간색 자동차를 관찰할 때까지의 자동차수가 20대라는 것은 세 번째 빨간색 자동차를 관찰할 때까지 빨간색 이외의 자동차를 관찰한 자동차가 17대임을 의미하므로 빨간색 이외의 자동차가 17대 이하로 관찰될 확률을 뜻한다. 따라서

```
> pnbinom(17, 3, .05)  
[1] 0.07548367
```

음이항분포는 기하분포의 확장이므로 예제 2.18.의 20번째 처음 성공은 첫 번 성공까지 19번의 실패로 바꿀 수 있고 이는

```
> dnbinom(19, 1, .05)  
[1] 0.01886768
```

로 예제 2.18.의 결과와 같음을 알 수 있다.

5 초기하분포



초기하분포

- 주머니에 m 개의 흰색 공과 n 개의 검은 공이 있을 때 임의로 k 개를 비복원 추출로 꺼내는 경우 흰색 공의 개수가 x 개가 될 확률은

$$f(x) = \Pr[X = x] = \frac{\binom{m}{x} \binom{n}{k-x}}{\binom{m+n}{k}}, \quad \max(0, n - k) \leq x \leq \min(m, k)$$

- 으로 얻음. 이 때 확률변수 X 의 분포를 초기하분포라고 함.
- 분포함수, 난수발생, 분위수 계산 등의 함수는 다음과 같음.

```
dhyperv(x, m, n, k)
phyperv(q, m, n, k, lower.tail = TRUE)
qhyperv(p, m, n, k, lower.tail = TRUE)
rhyperv(nn, m, n, k)
```

초기하분포

- x, q : 분포함수를 계산하거나 누적확률을 계산할 벡터.
- p : 100p% 백분위를 계산할 확률값 p 를 저장한 벡터의 이름.
- m : 주머니 속의 흰색공의 개수.
- n : 주머니 속의 검은색 공의 개수.
- k : 주머니에서 비복원 추출하는 공의 수.
- p : 분위수를 계산할 확률값의 벡터
- nn : 난수를 발생할 개수.
- `lower.tail` : 논리값을 설정하며 TRUE이면 확률은 $\Pr[X \leq x]$ 의 값으로, 그렇지 않으면, $\Pr[X > x]$ 을 계산.

초기하분포

예제 2.20. 주머니 속에 빨간 공 5개 파란 공 6개가 있다. 이 주머니에서 3개의 공을 비복원으로 추출할 때 빨간 공의 수가 2일 확률은

```
> dhyper(2, 5, 6, 3)
[1] 0.3636364
```

이며 이 값은 $\text{choose}(5,2) \cdot \text{choose}(6,1) / \text{choose}(11,3)$ 로 얻어도 같은 결과.

빨간 공의 개수가 2 이상일 확률은 $1 - \Pr[X \leq 1]$ 로도 얻을 수 있으므로

```
> 1 - phyper(1,5,6,3)
[1] 0.4242424
```

이며

초기하분포

이 값은 직접 빨간 공의 수가 2 또는 3일 확률을

$$\text{choose}(5,2)*\text{choose}(6,1)/\text{choose}(11,3) + \text{choose}(5,3)*\text{choose}(6,0)/\text{choose}(11,3)$$

또는

$$\text{dhyper}(2,5,6,3) + \text{dhyper}(3,5,6,3)$$

로도 얻을 수 있다.

예제 2.21. 초기하분포의 기댓값과 분산은 각각 $k \frac{m}{m+n}$ 및 $k \frac{m}{m+n} \frac{n}{m+n} \frac{m+n-k}{m+n-1}$ 이다.

따라서 예제 2.17.에서 $m = 5$, $n = 6$, $k = 3$ 이므로 기댓값과 분산은 각각 $15/11 = 1.364$ 및 $3 \frac{5}{11} \frac{6}{11} \frac{8}{10} = 0.595$ 이다. 이 분포에서 1,000개의 난수를 생성하여 평균과 분산을 계산하여 이 값들과 얼마나 가까운지 확인해보자.

초기하분포

```
x <- rhyper(1000, 5,6,3)
> mean(x)
[1] 1.37
> var(x)
[1] 0.5816817
```

로 이론적인 값과 비슷한 값을 얻음.

● 다음시간 안내

통계추론(1)

