

## 11강 SAS,SPSS를 활용 (7강~10강 중심)

정보통계학과 김성수교수

#### ✓ 학습목차

1

SAS를 이용한 변수선택, 모형개발, 진단

2

SPSS를 이용한 변수선택, 모형개발, 진단

## 1 SAS 활용

#### 1. 다중공선성 구하기: 94페이지 자료

<해군병원의 인력 자료>

$X_1$	$X_2$	$X_3$	$X_4$	$X_5$	Y
15,57	2463	472,92	18.0	4.45	566,52
44.02	2048	1339.75	9.5	6.92	696.82
20.42	3940	620,25	12.8	4.28	1033,15
18.74	6505	568.33	36,7	3,90	1603.62
49,20	5723	1497.60	35.7	5.50	1611.37
44,92	11520	1365,83	24.0	4.60	1613,27
55,48	5779	1687.00	43.3	5.62	1854.17
59,28	5969	1639,92	46.7	5.15	2160,55
94.39	8461	2872,33	78.7	6.18	2305,58
128.02	20106	3655.08	180.5	6.15	3503.93
96.00	13313	2912.00	60,9	5,88	3571.89
131.42	10771	3921.00	103.7	4.88	3741.40
127.21	15543	3865,67	126,8	5.50	4026,52
252,90	36194	7684.10	157.7	7.00	10343,81
409,20	34703	12446,33	169.4	10.78	11732,17
463,70	39204	14098.40	331.4	7.05	15414.94
510,22	86533	15524.00	371.6	6.35	18854,45

Y : 월간 의사 연 근무시간

 $X_{
m l}$  : 일 평균 환자수

 $X_2$  : 월간 X-ray 촬영 횟수

 $X_3$  : 월간 이용 병석수

 $X_4$  : 해당지역의 병원이용가능 인구 / 1000

 $X_5$  : 평균입원일



### 1) 다중공선성-①

```
DATA navyhospital;
  INFILE "c:\data\reg\hospital_sas.txt ";
  INPUT X1-X5 Y;
  RUN;
PROC REG;
  MODEL Y=X1-X5/ vif;
RUN;
```

Analysis of Variance									
Source	DF	Sum of Squares		F Value	Pr > F				
Model	5	490177488	98035498	237, 79	<,0001				
Error	11	4535052	412277						
Corrected Total	16	494712540							

Root MSE	642,08838	R-Square	0,9908
Dependent Mean	4978, 48000	Adj R-Sq	0,9867
Coeff Var	12,89728		

		Para	ameter Est	imates		
Variable	DF	Parameter Estimate	Standard Error	t Value	Pr > [t]	Variance Inflation
Intercept	1	1962,94816	1071,36170	1,83	0,0941	0
X1	1	-15,85167	97,65299	-0,16	0,8740	9597,57076
X2	1	0,05593	0,02126	2,63	0,0234	7,94059
X3	1	1,58962	3,09208	0,51	0,6174	8933, 08650
X4	1	-4,21867	7, 17656	-0,59	0,5685	23, 29386
X5	1	-394,31412	209, 63954	-1,88	0,0867	4,27984

#### 2) 다중공선성-②: X1 제거시

```
DATA navyhospital;
INFILE "c:\data\reg\hospital_sas.txt";
INPUT X1-X5 Y;
RUN;
PROC REG;
MODEL Y=X1-X5/ vif;
RUN;
PROC REG;
MODEL Y=X2-X5/ vif;
RUN;
```

Analysis of Variance								
Source	DF	Sum of Squares		F Value	Pr > F			
Model	4	490166625	122541656	323, 48	<,0001			
Error	12	4545916	378826					
Corrected Total	16	494712540						

Root MSE	615, 48868	R-Square	0,9908
Dependent Mean	4978, 48000	Adj R-Sq	0,9877
Coeff Var	12,36298		

	Parameter Estimates									
Variable	DF	Parameter Estimate	Standard Error	t Value	Pr > [t]	Variance Inflation				
Intercept	1	2032, 18806	942,07483	2,16	0,0520	0				
X2	1	0,05608	0,02036	2,75	0,0175	7,92580				
X3	1.	1,08837	0, 15340	7, 10	<,0001	23, 92684				
X4	1	-5,00407	5,08071	-0,98	0,3441	12,70597				
X5	1	-410,08296	178,07810	-2,30	0,0400	3,36087				

#### 2. 모든 가능한 회귀: 105페이지 자료



Number in Model	R-Square	Adjusted R-Square	C(p)	AIC	MSE	Variables in Model
1	0,6745	0,6450	138,7308	58,8516	80, 35154	×4
1	0,6663	0,6359	142,4864	59, 1780	82,39421	×2
1	0,5339	0,4916	202,5488	63,5195	115,06243	×1
1	0,2859	0,2210	315, 1543	69,0674	176,30913	x3
2	0,9787	0,9744	2,6782	25,4200	5, 79045	x1 x2
2	0,9725	0,9670	5, 4959	28,7417	7,47621	×1 ×4
2	0,9353	0,9223	22,3731	39,8526	17,57380	x3 x4
2	0,8470	0,8164	62,4377	51,0371	41,54427	x2 x3
2	0,6801	0,6161	138,2259	60,6293	86,88801	×2 ×4
2	0,5482	0,4578	198,0947	65, 1167	122,70721	x1 x3
3	0,9823	0,9764	3,0182	24,9739	5, 33030	×1 ×2 ×4
3	0,9823	0,9764	3,0413	25,0112	5, 34562	x1 x2 x3
3	0,9813	0,9750	3, 4968	25, 7276	5,64846	×1 ×3 ×4
3	0,9728	0,9638	7,3375	30,5759	8,20162	×2 ×3 ×4
4	0,9824	0,9736	5,0000	26,9443	5,98295	x1 x2 x3 x4

### 3. 앞으로부터 선택: 105페이지 자료

```
DATA hald ;
  infile "c:\data\reg\hald_sas.txt" ;
  input x1-x4 y @@;
  run;
proc reg;
  model y = x1-x4 / selection=forward;
run;
```

	Summary of Forward Selection									
Step	Variable Entered	Number Vars In	Partial R-Square	Model R-Square	C(p)	F Value	Pr > F			
1	×4	1	0,6745	0,6745	138, 731	22,80	0,0006			
2	×1	2	0,2979	0,9725	5, 4959	108,22	<,0001			
3	x2	3	0,0099	0,9823	3,0182	5,03	0,0517			

#### 4. 뒤로부터의 제거: 105페이지 자료

```
DATA hald ;
  infile "c:\data\reg\hald_sas.txt" ;
  input x1-x4 y @@;
  run;
proc reg;
  model y = x1-x4 / selection=backward;
run;
```

		Summa	ry of Back	ward Elimin	ation		
Step	Variable Removed	Number Vars In		Model R-Square	C(p)	F Value	Pr > F
1	х3	3	0,0000	0,9823	3,0182	0,02	0,8959
2	×4	2	0,0037	0,9787	2,6782	1,86	0,2054

### 5. 단계별 선택: 105페이지 자료

	Summary of Stepwise Selection										
Step	Variable Entered	Variable Removed	Number Vars In	Partial R-Square	Model R-Square	C(p)	F Value	Pr > F			
1	×4		1	0,6745	0,6745	138,731	22,80	0,0006			
2	×1		2	0,2979	0,9725	5,4959	108,22	<,0001			
3	×2		3	0,0099	0,9823	3,0182	5,03	0,0517			
4		×4	2	0,0037	0,9787	2,6782	1,86	0,2054			

#### 6. 다항회귀: 122페이지 자료

```
data tcrime;
   infile "c:₩data₩reg₩tcrime_sas.txt" ;
           input yesr tcratio motor;
run;
data crime;
 set tcrime;
 smotor = motor*motor;
run;
proc gplot data=crime;
  plot tcratio*motor;
run;
proc reg data=crime ;
  model tcratio = motor smotor;
run;
```

Analysis of Variance									
Source	DF	Sum of Squares	Mean Square	F Value	Pr > F				
Model	2	2830430	1415215	454,45	<,0001				
Error	22	68511	3114, 15786						
Corrected Total	24	2898941							

Root MSE	55,80464	R-Square	0,9764
Dependent Mean	263, 38400	Adj R-Sq	0,9742
Coeff Var	21,18756		

Parameter Estimates								
Variable	DF	Parameter Estimate	Standard Error	t Value	Pr > [t]			
Intercept	1	-74,50324	18,56260	-4, 01	0,0006			
motor	1	0, 45395	0,03041	14,93	<,0001			
smotor	1	-0,00004149	0,00000687	-6,04	<,0001			

#### 7. 가변수회귀모형: 128페이지 자료

```
data soup;
 infile "c:\data\reg\soup_sas.txt";
 input Y X D;
run;
data nsoup;
   set soup;
   XD = X*D;
run;
proc reg;
 model Y=X D;
 model Y = X D XD; ass-메모장
                                                   run;
                            파일(F) 편집(E) 서식(O) 보기(V) 도움
                            218
248
360
351
470
394
332
410
260
241
331
275
425
367
```

Parameter Estimates								
Variable	DF	Parameter Estimate	Standard Error	t Value	Pr > [t]			
Intercept	1.	27,28179	15,40701	1,77	0,0893			
X	1	1,23074	0,06555	18,77	<,0001			
D	1	53, 12920	8,21003	6,47	<,0001			

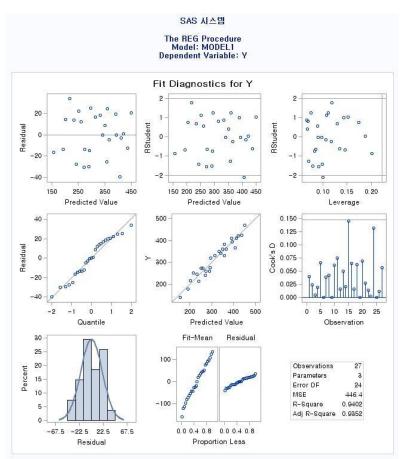
Parameter Estimates									
Variable	DF	Parameter Estimate	Standard Error	t Value	Pr > [t]				
Intercept	1	7,57446	20,86970	0,36	0,7200				
X	1	1,32205	0,09262	14,27	<,0001				
D	1	90, 39086	28, 34573	3, 19	0,0041				
XD	1	-0,17666	0,12884	-1,37	0,1835				

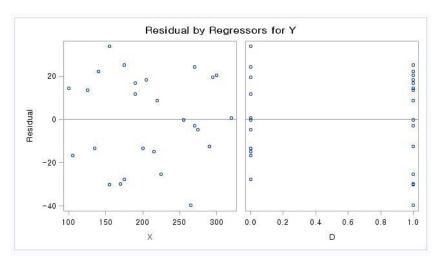
#### 8. 자료진단: 157페이지 자료

```
soil_sas - 메모장
              서식(0)
                     보기(V)
              1.95
                     0.34
 2 35.6 0.47
              5.13
                     0.32
                     0.25
 7 55.5 0.53
             10.67
8 43.6 0.50
              7.08
              9.88
              8.72
10 43.8 0.51
11 35.7 0.48
```

						0ι	ıtput Statis	tics	
Obs	Dependent Variable	Predicted Value	Std Error Mean Predict	Residual	Std Error Residual	Student Residual	Cook's D	RStudent	Hat Diag
1	27,1	26, 2837	1,0332	0,8163	1,110	0,736	0,117	0,7089	0,4643
2	35,6	34,8128	0, 7545	0, 7872	1,315	0,599	0,029	0,5689	0,2476
3	31,4	31,4171	0,9129	-0,0171	1,211	-0,014	0,000	-0,0131	0,3625
4	37,8	37,8103	0,8292	-0,0103	1,269	-0,008	0,000	-0,007511	0,2991
5	40,2	40,3619	0,8731	-0, 1619	1,240	-0,131	0,002	-0, 1211	0,3316
6	39,8	39,9295	0,5204	-0, 1295	1,424	-0,091	0,000	-0,0842	0,1178
7	55,5	53, 3486	1,1066	2,1514	1,037	2,075	1,227	3,0976	0,5326
8	43,6	43,9974	1,1040	-0, 3974	1,039	-0,382	0,041	-0,3577	0,5301
9	52,1	51,5121	1,2021	0,5879	0,924	0,636	0,171	0,6068	0,6285
10	43,8	46,8495	0,6582	-3,0495	1,366	-2,232	0,289	-3,8510	0, 1884
11	35,7	36,2771	0,8271	-0,5771	1,271	-0,454	0,022	-0,4268	0,2976

### 9. 모형진단: 디폴트 출력



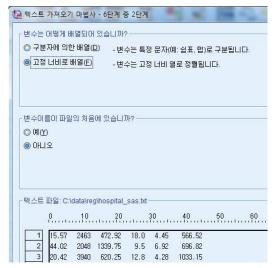


# 2 SPSS 활용

#### 1. 다중공선성 구하기: 94페이지 자료



Cognos 데이터 읽기... Triple-S 데이터 읽기



[ 텍스트	가져오	기 마빝	d사 - 6단계	중 4단	계(고정	너비로 배열)
각본	변수가 시	작되는	위치를 지	정하십기	N오. 첫 t	번째 열은 열 0일
1000						영역에서 원하  력한 다음 구변
변수	: 구분선	을 이동	하려면 새	위치로.	끄십시오	
100	구분선 누르십	- T	하려면 위:	치를 선택	박하거나	입력하십시오.
	h	1 40	2¢		on I	40
II	P	191	1	ليبتينا		
8	59.28	5969	1639.92	46.7	5.15	2160.55
9	84.39	8461	2872.33	78.7	6.18	2305.58
10	128.02	20108	3655.08	180.5	6.15	3503.93
11	96.00	13313	2912.00	60.9	5.88	3571.89
12	131.42	10771	3921.00	103.7	4.88	3741.40
13	127.21	15543	3865.67	126.8	5.50	4026.52
14	252.90	36194	7684.10	157.7	7.00	10343.81
45	400.00	24703	10446 00	100 4	10.70	11722 17

#### 1) 다중공선성

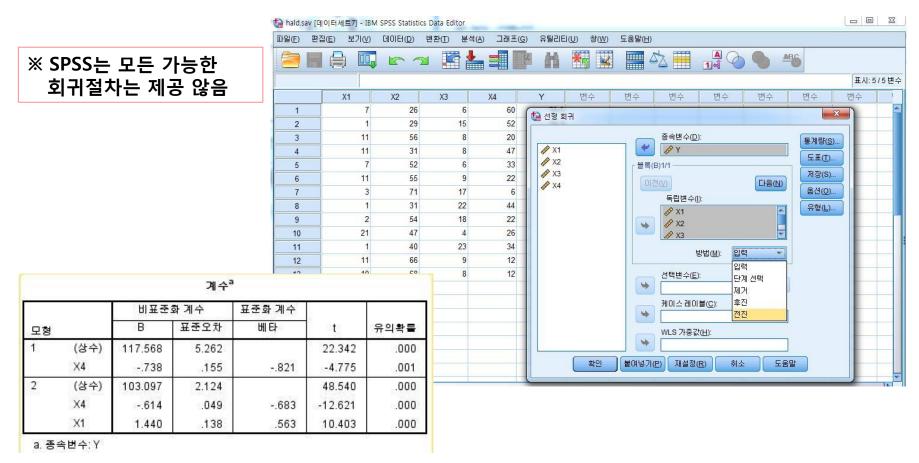




		비표준화 계수		표준화 계수			공선성	통계량
모형		В	표준오차	베타	t	유의확률	공차	VIF
1	(상수)	1962.948	1071.362		1.832	.094		, 6:
	X1	-15.852	97.653	459	162	.874	.000	9597.571
	X2	.056	.021	.214	2.631	.023	.126	7.941
	X3	1.590	3.092	1.403	.514	.617	.000	8933.087
	X4	-4.219	7.177	082	588	.569	.043	23.294
	X5	-394.314	209.640	112	-1.881	.087	.234	4.280

a. 종속변수: Y

#### 2. 앞으로부터 선택: 105페이지 자료



#### 3. 뒤로부터의 제거: 105페이지 자료



			계수		Ď:	
		미표조	화계수	표준화 계수		유의확률
모형		В	표준오차	베타	t	
1	(상수)	62.405	70.071		.891	.399
	X1	1.551	.745	.607	2.083	.071
	X2	.510	.724	.528	.705	.501
	Х3	.102	.755	.043	.135	.896
	X4	144	.709	160	203	.844
2	(상수)	71.648	14.142		5.066	.001
	X1	1.452	.117	.568	12.410	.000
	X2	.416	.186	.430	2.242	.052
	X4	237	.173	263	-1.365	.205
3	(상수)	52.577	2.286		22.998	.000
	X1	1.468	.121	.574	12.105	.000
	X2	.662	.046	.685	14.442	.000

a. 종속변수: Y

#### 4. 단계별 선택: 105페이지 자료



#### **ANOVA**<sup>a</sup>

모형		제곱합	자유도	평균제곱	F	유의확률
1	회귀	1831.896	1	1831.896	22.799	.001 <sup>b</sup>
	잔차	883.867	11	80.352	0.0000	
	전체	2715.763	12			
2	회귀	2641.001	2	1320.500	176.627	.000°
	잔차	74.762	10	7.476		
	전체	2715.763	12	6		

a. 종속변수: Y

b. 예측자: (상수), X4

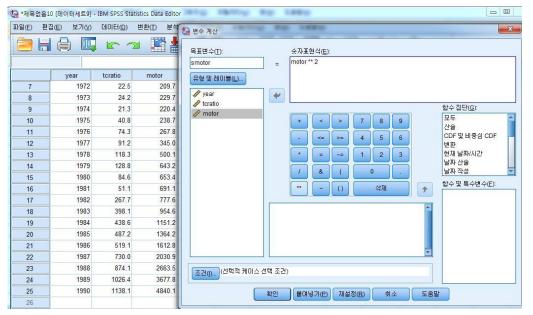
c. 예측자: (상수), X4, X1

계수<sup>a</sup>

모형		비표준	화계수	표준화 계수		
		В	표준오차	베타	t	유의확률
1	(상수)	117.568	5.262		22.342	.000
	X4	738	.155	821	-4.775	.001
2	(상수)	103.097	2.124		48.540	.000
	X4	614	.049	683	-12.621	.000
	X1	1.440	.138	.563	10.403	.000

a. 종속변수: Y

#### 5. 다항회귀: 122페이지 자료



#### **ANOVA**<sup>a</sup>

모형		제곱한	자유도	평균제곱	F	유의확률
1	회귀	2830429.921	2	1415214.960	454.445	.000 <sup>b</sup>
	잔차	68511.473	22	3114.158		
	전 체	2898941.394	24			

a. 종속변수: tcratio

b. 예측자: (상수), smotor, motor

계수<sup>a</sup>

		비표준화 계수		표준화 계수		
모형		B 표준오차		베타	t	유의확률
1	(상수)	-74.503	18.563		-4.014	.001
	motor	.454	.030	1.572	14.930	.000
	smotor	-4.149E-5	.000	636	-6.036	.000

a. 종속변수: tcratio

#### 6. 가변수회귀모형: 128페이지 자료

soup.sav [[	데이터세트10] - I	BM SPSS Statis	tics Data Edi	
파일(E) 편경	집( <u>E</u> ) 보기( <u>V</u> )	데이터( <u>D</u> )	변환( <u>T</u> )	
	Y	Х	D	
7	332	225	1	
8	321	175	1	
9	410	270	1	
10	260	170	1	
11	241	155	1	
12	331	190	1	
13	275	140	1	
14	425	290	1	
15	367	265	1	
16	140	105	0	
17	277	215	0	
18	384	270	0	

일(F) !	면집(E) 보기(V)	데이터( <u>D</u> )	변환( <u>T</u> )	분석( <u>A</u> ) 그래	프(G) 유틸리티	(U) 창(W)	도움말(H)				
	이름	유형	너비	소수점이	레이블	값	결측값	열	맞춤	축도	역할
1	Y	숫자	3	0		없음	없음	8	■ 오른쪽	﴿ 척도	`> 입력
		숫자	8	0		없음	없음	8	■ 오른쪽		↘ 입력
2	X	エベ	0	0		67.	W. C.			4	

#### **ANOVA**<sup>a</sup>

모형		제곱한	자유도	평균제곱	F	유의확률
1	회귀	168355.061	2	84177.531	188.568	.000b
	잔차	10713.680	24	446.403	***************************************	
	전 체	179068.741	26			

a. 종속변수: Y

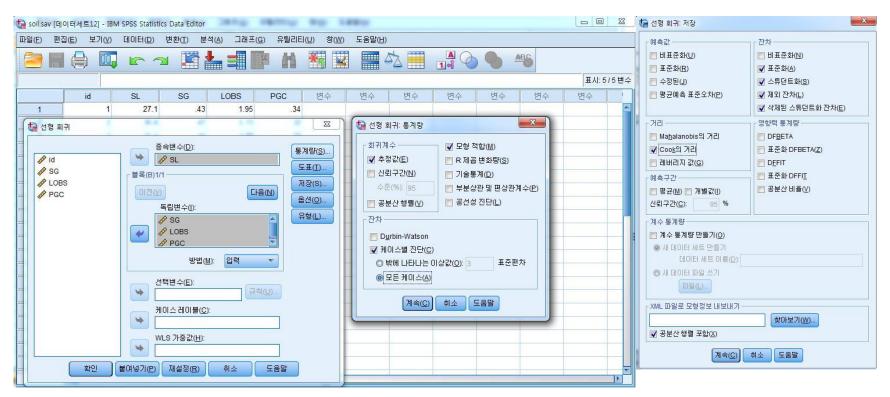
b. 예측자: (상수), D, X

계수

		비표준화 계수		표준화 계수			
모형		В	표준오차	베타	t	유의확률	
1	(상수)	27.282	15.407		1.771	.089	
	X	1.231	.066	.941	18.775	.000	
	D	53.129	8.210	.324	6.471	.000	

a. 종속변수: Y

#### 7. 자료진단: 157페이지 자료



### 1) 자료진단: 157페이지 자료

계수a

		비표준화 계수		표준화 계수		
모형		В	표준오차	베타	t	유의확률
1	(상수)	-1.879	18.134		104	.920
	SG	77.326	44.505	.326	1.737	.126
	LOBS	1.559	.734	.479	2.123	.071
	PGC	-23.904	13.429	216	-1.780	.118

a. 종속변수: SL

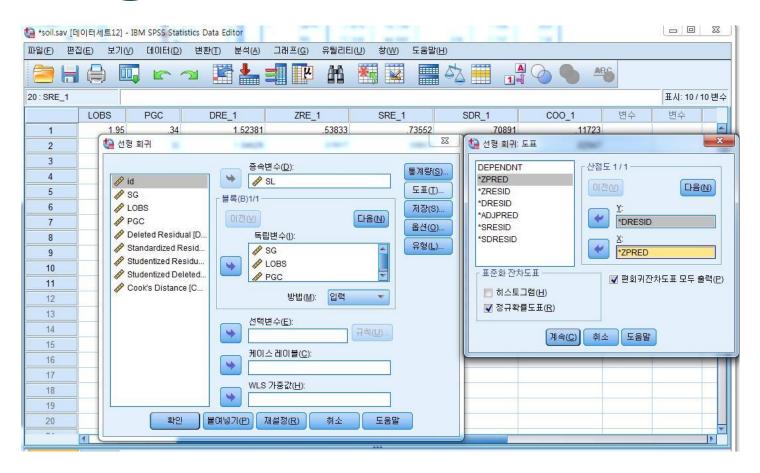
케이스별 진단<sup>a</sup>

케이스 번호	표준화 잔차	SL	예측값	잔차
1	.538	27.1	26.284	.8163
2	.519	35.6	34.813	.7872
3	011	31.4	31.417	0171
4	007	37.8	37.810	0103
5	107	40.2	40.362	1619
6	085	39.8	39.929	1295
7	1.419	55.5	53.349	2.1514
8	262	43.6	43.997	3974
9	.388	52.1	51.512	.5879
10	-2.011	43.8	46.850	-3.0495
11	381	35.7	36.277	5771

a. 종속변수: SL

*soil.sav	[데이터세트12] - 1	BM SPSS Statis	tics Data Editor				
파일(E)	편집( <u>E</u> ) 보기( <u>V</u> )	데이터( <u>D</u> )	변환( <u>T</u> ) 분석( <u>A</u> )	그래프( <u>G</u> ) 유틸리티	( <u>U)</u> 창( <u>W</u> ) 도움말(	H)	
			× 🖺 📥			△ ■ A	<b>A</b>
	LOBS	PGC	DRE_1	ZRE_1	SRE_1	SDR_1	COO_1
1	1.95	.34	1.52381	.53833	.73552	.70891	.11723
2	5.13	.32	1.04628	.51917	.59853	.56888	.02947
3	3.98	.29	02690	01131	01416	01311	.00003
4	6.25	.30	01469	00679	00811	00751	.00001
5	7.12	.25	24221	10678	13060	12106	.00212
6	6.50	.26	14677	08539	09092	08422	.00028
7	10.67	.10	4.60263	1.41887	2.07530	3.09761	1.22674
8	7.08	.16	84575	26208	38234	35773	.04123
9	9.88	.19	1.58267	.38775	.63618	.60679	.17118
10	8.72	18	-3.75744	-2.01114	-2.23241	-3.85097	.28924
11	4.96	.28	82163	38062	45414	42679	.02184

#### 8. 모형진단





## 12강. 일반선형모형(1)