

R컴퓨팅

5강 데이터 구조 II

정보통계학과 장영재 교수

1 행렬

II

2 배열



1

행렬

1

행렬

➤ 행렬은 동일한 형태로 구성된 2차원의 데이터 구조

행의 차원과 열의 차원을 갖고 있으며 벡터와 마찬가지로 하나의 행렬은 수치형, 문자형, 논리형 중 한 가지 형태의 원소만 갖는 점에 유의

※ 행렬의 주요 속성

| 속성 | 설명 |
|----------|----------|
| length | 자료의 개수 |
| mode | 자료의 형태 |
| dim | 행과 열의 개수 |
| dimnames | 행과 열의 이름 |

1

행렬

- 보기 5-1: matrix() 함수를 이용하여 1에서 9까지의 원소를 갖는 3행 3열의 행렬을 생성하고 각 행과 열의 이름을 row 1, row 2, row 3, col 1, col 2, col 3로 지정한 뒤 출력

```
> matr <- matrix(1:9, nrow=3) # 3행 3열 행렬 생성  
> dimnames(matr) <- list(paste("row", c(1:3)), paste("col", c(1:3)))  
> #행과 열 이름 지정  
> matr  
col 1 col 2 col 3  
row 1 1 4 7  
row 2 2 5 8  
row 3 3 6 9
```

1

행렬

```
> length(matr)  #원소의 개수
```

```
[1] 9
```

```
> mode(matr)  #원소의 형태
```

```
[1] "numeric"
```

```
> dim(matr)  #행과 열의 개수
```

```
[1] 3 3
```

1 행렬

1 행렬의 생성

- 행렬은 여러 변수들이 이차원적으로 모여 있는 개체
- 행렬을 생성하는 간단한 몇 가지 기본함수
 - matrix() 함수를 이용하여 직접 생성
 - cbind() 함수를 이용하여 벡터를 병합
 - rbind() 함수를 이용하여 벡터를 병합
 - dim() 함수를 이용하여 차원(행과 열의 개수)을 직접 지정

1 행렬

1 행렬의 생성

```
matrix(data, nrow=, ncol=, byrow=FALSE, dimnames = NULL)
```

```
cbind(벡터1, 벡터2, ...) 또는 rbind(벡터1, 벡터2, ...)
```

```
dim(x) <- c(행의 개수, 열의 개수)
```

1 행렬

1 행렬의 생성

- 보기 5-2: 보기 3-11에서 `matrix()` 함수를 이용하여 생성된 행렬과 동일한 형태의 행렬을 `rbind()`, `cbind()`, `dim()` 함수를 이용하여 만들기

```
> r1 <- c(1,4,7)   # r1, r2, r3 행 벡터 생성
> r2 <- c(2,5,8)
> r3 <- c(3,6,9)
> rbind(r1, r2, r3) # rbind : 행을 기준으로 결합
  [,1] [,2] [,3]
r1  1  4  7
r2  2  5  8
r3  3  6  9
> c1 <- 1:3        #c1, c2, c3 열 벡터 생성
```


1 행렬

1 행렬의 생성

```
> c2 <- 4:6
> c3 <- 7:9
> cbind(c1, c2, c3)   #cbind : 열을 기준으로 결합
  c1 c2 c3
[1,] 1 4 7
[2,] 2 5 8
[3,] 3 6 9
> m1 <- 1:9
> dim(m1) <- c(3,3)   #dim : 차원을 지정
> m1
  [,1] [,2] [,3]
[1,] 1 4 7
[2,] 2 5 8
[3,] 3 6 9
```

1 행렬

2 행렬의 연산

- 벡터와 마찬가지로 행렬의 경우에도 자료의 삽입, 삭제, 행 또는 열의 연산 등과 관련된 다양한 방법들이 존재
- 몇 가지 주요 함수의 예를 들면 아래와 같음
 - []를 이용하여 행렬의 일부 원소를 추출
 - apply() 함수를 이용한 행 또는 열의 연산
 - sweep() 함수를 이용한 행 또는 열의 연산

1 행렬

2 행렬의 연산

행렬명[원소번호 또는 조건문, ...]

apply(행렬, 조건 (1은 행, 2는 열, c(1,2)는 행과 열), FUN, ...)

sweep(행렬, 조건 (1은 행, 2는 열, c(1,2)는 행과 열), STATS,
FUN = "-", ...)

1 행렬

2 행렬의 연산

- 보기 5-3: 1에서 9까지의 원소를 갖는 행 기준의 3행 3열 행렬을 만들고 특정 행과 열, 조건에 따른 원소 추출들을 실행하고 `apply()` 와 `sweep()` 함수를 통한 행 또는 열 연산을 실시

① 원소추출

```
> mat <- matrix(c(1,2,3,4,5,6,7,8,9), ncol=3, byrow=T)
```

```
> #행 기준 3열의 행렬
```

```
> mat
```

1 행렬

2 행렬의 연산

```
[,1] [,2] [,3]
```

```
[1,] 1 2 3
```

```
[2,] 4 5 6
```

```
[3,] 7 8 9
```

```
> mat[1,]      #행렬 mat의 1행의 값
```

```
[1] 1 2 3
```

```
> mat[,3]      #행렬 mat의 3열의 값
```

```
[1] 3 6 9
```

```
> mat[mat[,3] > 4, 2]    # 3열에서 4보다 큰 행의 값 중 2열의 모든 값
```

```
[1] 5 8
```

```
> mat[2,3]      # 2행 3열의 값 추출
```

```
[1] 6
```

1 행렬

2 행렬의 연산

② apply() 함수

```
> Height <- c(140,155,142,175)      # Height 벡터 생성
> size.1 <- matrix(c(130,26,110,24,118,25,112,25), ncol=2, byrow=T,
+   dimnames=list(c("Lee", "Kim", "Park", "Choi"), c("Weight", "Waist")))
> # size.1 행렬 생성하고 이름을 부여
> size <- cbind(size.1, Height) # size.1 행렬과 Height 벡터의 열 기준 결합
> size
  Weight Waist Height
Lee  130   26   140
Kim  110   24   155
Park 118   25   142
Choi 112   25   175
```

1 행렬

2 행렬의 연산

```
> colmean <- apply(size, 2, mean) # 2:열의 평균값을 계산
```

```
> colmean
```

```
Weight Waist Height
```

```
117.5 25.0 153.0
```

```
> rowmean <- apply(size, 1, mean) # 1 : 행의 평균값을 계산
```

```
> rowmean
```

```
Lee Kim Park Choi
```

```
98.66667 96.33333 95.00000 104.00000
```

```
> colvar <- apply(size, 2, var) # 2 : 열의 분산값을 계산
```

```
> colvar
```

```
Weight Waist Height
```

```
81.0000000 0.6666667 259.3333333
```

1 행렬

2 행렬의 연산

```
> rowvar <- apply(size, 1, var)    # 1 : 행의 분산값을 계산
```

```
> rowvar
```

```
Lee Kim Park Choi
```

```
3985.333 4430.333 3819.000 5673.000
```


1 행렬

2 행렬의 연산

③ sweep 함수 (기본연산은 “-”로 지정되어 있음)

```
> sweep(size, 2, colmean) # size 각 열의 값과 colmean의 차
```

```
Weight Waist Height
```

```
Lee 12.5 1 -13
```

```
Kim -7.5 -1 2
```

```
Park 0.5 0 -11
```

```
Choi -5.5 0 22
```

```
> sweep(size, 1, rowmean) # size 각 행의 값과 rowmean의 차
```

```
Weight Waist Height
```

```
Lee 31.33333 -72.66667 41.33333
```

```
Kim 13.66667 -72.33333 58.66667
```

```
Park 23.00000 -70.00000 47.00000
```

```
Choi 8.00000 -79.00000 71.00000
```

1 행렬

2 행렬의 연산

> sweep(size, 1, c(1,2,3,4), "+") # size 각 행의 값에 c(1,2,3,4)값을 더해줌

Weight Waist Height

Lee 131 27 141

Kim 112 26 157

Park 121 28 145

Choi 116 29 179

> sweep(size, 1, c(1,2,3,4), "-") # size 각 행의 값에서 c(1,2,3,4)값을 빼줌

Weight Waist Height

Lee 129 25 139

Kim 108 22 153

Park 115 22 139

Choi 108 21 171

1 행렬

2 행렬의 연산

- 보기 5-4: 1에서 4까지의 값을 갖는 열 기준 행렬 m1과 5에서 8까지의 값을 갖는 열 기준의 행렬 m2를 생성하고 두 행렬의 곱, m1의 전치행렬 및 m1의 역행렬을 구하기

```
> m1 <- matrix(1:4, nrow=2) # 1~4까지 2행 2열의 행렬 생성
```

```
> m1
```

```
[,1] [,2]
```

```
[1,] 1 3
```

```
[2,] 2 4
```

```
> m2 <- matrix(5:8, nrow=2) # 5~8까지 2행 2열의 행렬 생성
```

1 행렬

2 행렬의 연산

```
> m2
```

```
[,1] [,2]
```

```
[1,] 5 7
```

```
[2,] 6 8
```

```
> m1%*%m2
```

#m1과 m2 행렬의 곱셈

```
[,1] [,2]
```

```
[1,] 23 31
```

```
[2,] 34 46
```

```
> solve(m1)
```

#m1행렬의 역 행렬 생성

```
[,1] [,2]
```

```
[1,] -2 1.5
```

```
[2,] 1 -0.5
```

1 행렬

2 행렬의 연산

```
> t(m1)      #m1행렬의 전치행렬 생성  
[,1] [,2]  
[1,] 1 2  
[2,] 3 4
```



2 배열

2 배열

➤ 배열(Array)은 행렬을 2차원 이상으로 확장시킨 객체를 의미

2차원 구조로 이루어진 행렬도 일종의 배열이라고 할 수 있으며
일반적으로는 3차원 이상의 데이터 객체를 배열이라고 함

※ 배열의 주요 속성

| 속성 | 설명 |
|----------|--------------|
| length | 자료의 개수 |
| mode | 자료의 형태 |
| dim | 각 차원 벡터의 크기 |
| dimnames | 각 차원 리스트의 이름 |

2 배열

- 보기 5-5: 다음은 배열을 생성하는데 사용되는 array() 함수를 이용하여 1에서 18까지의 원소를 갖는 3행 3열의 행렬 2개를 생성하는 예제

```
> arr <- array(1:24, c(3,3,2))      #1~18까지의 자료 생성
> dimnames(arr) <- list(paste("row", c(1:3)),paste("col",
+ c(1:3)),paste("ar", c(1:2)))      # 각 차원의 이름을 지정
> arr
, , ar 1
col 1 col 2 col 3
row 1 1 4 7
row 2 2 5 8
row 3 3 6 9
```


2

배열

```
, , ar 2  
col 1 col 2 col 3  
row 1 10 13 16  
row 2 11 14 17  
row 3 12 15 18  
> length(arr)      # 자료의 개수 확인  
[1] 18  
> mode(arr)        # 자료의 형태 확인  
[1] "numeric"  
> dim(arr)         # 각 차원 벡터의 크기  
[1] 3 3 2
```

2 배열

> dimnames(arr) #각 차원 리스트의 이름

[[1]]

[1] "row 1" "row 2" "row 3"

[[2]]

[1] "col 1" "col 2" "col 3"

[[3]]

[1] "ar 1" "ar 2"

2 배열

1 배열의 생성

- 배열은 행렬의 확장으로 기본적인 성질이 행렬과 유사
- 배열을 생성하기 위한 대표적인 함수로는 아래와 같은 함수들이 있음
 - array() 함수를 이용하여 직접 자료를 입력하는 방법
 - dim() 함수를 이용하여 차원을 직접 지정

```
array(data, dim=c(행의 개수, 열의 개수, 행렬의 개수, ...),  
      dim.names = NULL)
```

```
dim(x) <- c(행의 개수, 열의 개수, 행렬의 개수)
```

2 배열

1 배열의 생성

- 보기 5-6: ① array() 함수를 이용하여 1에서 6까지의 자료로 1차원 및 2차원 배열 을 생성해 보고 1에서 8까지 값으로 3차원 배열을 만들기 ② dim() 함수를 이용하여 1~24까지 자료로 3행 4열 행렬 2개를 생성

> array(1:6) #1~6의 자료로 1차원 배열 생성

```
[1] 1 2 3 4 5 6
```

> array(1:6, c(2,3)) #1~6의 자료로 2차원 배열 생성

```
[,1] [,2] [,3]
```

```
[1,] 1 3 5
```

```
[2,] 2 4 6
```

2 배열

1 배열의 생성

> array(1:8, c(2,2,2)) #1~8의 자료로 3차원 배열 생성

, , 1

[,1] [,2]

[1,] 1 3

[2,] 2 4

, , 2

[,1] [,2]

[1,] 5 7

[2,] 6 8

> arr <- c(1:24) #1~24의 자료 생성

> dim(arr) <- c(3,4,2) # dim() 함수를 이용하여 3행 4열의 행렬 2개 생성

2

배열

1

배열의 생성

```
> arr  
, , 1  
[1,] [2,] [3,] [4,]  
[1,] 1 4 7 10  
[2,] 2 5 8 11  
[3,] 3 6 9 12  
, , 2  
[1,] [2,] [3,] [4,]  
[1,] 13 16 19 22  
[2,] 14 17 20 23  
[3,] 15 18 21 24
```

2 배열

2 배열의 연산

- 보기 5-7: array() 함수를 이용하여 생성된 배열 간에는 아래와 같이 각 원소간 덧셈과 곱셈, 두 배열 원소들의 곱의 합과 같은 연산 및 원소의 추출이 가능

```
> ary1 <- array(1:8, dim = c(2,2,2))  
> ary2 <- array(8:1, dim = c(2,2,2))  
> ary1  
, , 1  
[,1] [,2]  
[1,] 1 3  
[2,] 2 4
```

2 배열

2 배열의 연산

```
, , 2  
[1] [,2]  
[1,] 5 7  
[2,] 6 8  
> ary2  
, , 1  
[1] [,2]  
[1,] 8 6  
[2,] 7 5  
, , 2  
[1] [,2]  
[1,] 4 2  
[2,] 3 1
```



```
> ary1 + ary2 # 배열의 덧셈  
, , 1  
[1] [,2]  
[1,] 9 9  
[2,] 9 9  
, , 2  
[1] [,2]  
[1,] 9 9  
[2,] 9 9  
> ary1 * ary2 # 배열의 곱셈
```


2 배열

2 배열의 연산

```
, , 1  
[1,] [2,]  
[1,] 8 18  
[2,] 14 20  
 , , 2  
[1,] [2,]  
[1,] 20 14  
[2,] 18 8  
> #두 배열, 원소들의 곱의 합  
> ary1 %*% ary2  
[1,]  
[1,] 120
```

```
> sum(ary1 * ary2)  
[1] 120  
> ary1[,1] # 배열 원소의 추출/삭제  
[1,] [2,]  
[1,] 1 3  
[2,] 2 4  
> ary1[1,1]  
[1] 1 5  
> ary1[1,,-2]  
[1] 1 3
```

R컴퓨팅

수고하셨습니다

