

Répétitions ou itérations

Christophe Fiorio

* Exercice 1 Somme des carrés des entiers

Écrire une fonction qui, étant donné un entier strictement positif, calcule la somme des carrés des entiers inférieurs ou égaux à n. Il faut faire deux versions : l'une avec une boucle pour, l'autre avec une boucle tant que.

* Exercice 2 Produit des entiers pairs

Écrire une fonction qui, étant donné un entier strictement positif, calcule le produit des entiers pairs strictements positifs inférieurs ou égaux à n.

* Exercice 3 Somme des nombres premiers

On suppose définie la fonction $\mathtt{Est-premier}$ qui étant donné un entier positif n retourne \mathtt{true} si n est un nombre premier, \mathtt{false} sinon. En utilisant cette fonction, écrire une fonction qui calcule la somme des nombres premiers inférieurs ou égaux à un entier positif k donné.

* Exercice 4 Division entière

Écrire une fonction modulo et quotient qui, étant donnés deux entiers strictement positifs a et b, calcule le reste¹ et le quotient de a dans la division entiere par b.

** Exercice 5 Sans diviseurs

Écrire une fonction Sans_Diviseurs qui, étant donnés deux entiers strictement positifs n et k, $k \le n$, retourne true si n n'a aucun diviseur à la fois inférieur strictement à n et supérieur ou égal à k, et retourne false sinon. Utiliser cette fonction pour écrire une fonction Est_Premier qui étant donné un entier positif n retourne true si n est un nombre premier, false sinon.

* Exercice 6 PGCD

Écrire une fonction qui, étant donnés deux entiers strictement positifs a et b retourne leur plus grand diviseur commun.

* Exercice 7 Entiers non divisible

Écrire une fonction qui, étant donné un entier n, n > 0, calcule le nombre d'entiers inférieurs ou égaux à n qui ne sont divisibles ni par 2, ni par 3, ni par 7, ni par 11.

* Exercice 8 Nombre parfait

Un entier positif strictement supérieur à 1 est *parfait* s'il est égal à la somme de ses diviseurs (y compris 1 et non compris lui-même).

Exemples: 6 = 1 + 2 + 3, 28 = 1 + 2 + 4 + 7 + 14.

Écrire une fonction qui, étant donné un entier n supérieur ou égal à 1, calcule la somme des nombres parfaits inférieurs ou égaux à n.

* Exercice 9 n-ième nombre premier

Écrire une fonction $\mathtt{N-Ieme-Premier}$ qui, étant donné un entier strictement positif n, retourne le n- $i\`{e}me$ nombre premier.

^{1.} Pour cet exercice, vous ne devez pas utiliser les opérateurs % et /.