

HAW HAMBURG  
INFORMATIK MASTER

GRUNDPROJEKT

---

**Evaluation von TensorFlow Probability**  
für statistische Analysen

---

*Bearbeiter:*

Tom Schöner (2182801)

*Betreuung:*

Prof. Dr. Olaf Zukunft

18. April 2019

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Abstract</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Tensorflow Probability Komponenten</b>	<b>2</b>
2.1	Schicht 0: Tensorflow . . . . .	2
2.2	Schicht 1: Statistical Building Blocks . . . . .	3
2.3	Schicht 2: Model Building . . . . .	5
2.4	Schicht 3: Probabilistic Inference . . . . .	5
<b>3</b>	<b>Semantik und Projektaufbau</b>	<b>7</b>
3.1	Integration in Tensorflow . . . . .	7
3.2	Fehlerbehandlung . . . . .	7
3.3	Dokumentation . . . . .	7
<b>4</b>	<b>Anwendungsgebiete</b>	<b>7</b>
4.1	Beispiel: Korrelation von Luftverschmutzung und Temperatur	7
<b>5</b>	<b>Fazit</b>	<b>7</b>

# 1 Abstract

Die auf Tensorflow basierende Bibliothek Tensorflow Probability<sup>1</sup> - fortan mit *TFP* abgekürzt - erweitert das Framework um eine probabilistische Komponente. Mittels einer breiten Masse an bereitgestellten Tools, wie statistischen Verteilungen, Sampling oder verschiedenster probabilistischer Erweiterungen für neuronale Netze, können einfache bis hin zu komplexen Modellen erstellt werden. Berechnungen werden, wie man es aus Tensorflow gewohnt ist, durch *Dataflow Graphs*<sup>2</sup> abgebildet. Auf die verschiedenen Funktionsweisen und Schichten von TFP wird in Abschnitt 2 detaillierter eingegangen.

In dieser Evaluation soll die Bibliothek auf ihre Semantik und Pragmatik, Effektivität beim Erstellen von statistischen Modellen und Integration in das Framework Tensorflow untersucht werden. Das maschinelle Lernen mit Hilfe von neuronalen Netzen und deren Abstraktion durch Keras ist hierbei als Schwerpunkt anzusehen.

## 2 Tensorflow Probability Komponenten

Die Struktur von TFP lässt sich, wie aus der Dokumentation zu entnehmen ist<sup>3</sup>, in die folgenden vier Schichten einteilen. Die Schichten bauen hierarchisch aufeinander auf, abstrahieren die unterliegenden Schichten aber nicht zwangsläufig. Möchte man beispielsweise durch *MCMC* in Schicht 3 Parameter seines probabilistischen Modells mittels Sampling ermitteln, sollten *Bijectors* aus Schicht 1 kein Fremdwort sein.

### 2.1 Schicht 0: Tensorflow

TFP ist nicht als eigenständige Komponente neben Tensorflow anzusehen, sondern als Bestandteil dessen. Die probabilistischen Berechnungen werden innerhalb von Tensorflow Sessions oder im *Eager*-Modus ausgeführt. Tensorflow

---

<sup>1</sup><https://www.tensorflow.org/probability>

<sup>2</sup><https://www.tensorflow.org/guide/graphs>

<sup>3</sup><https://www.tensorflow.org/probability/overview>

wird von mehreren Programmiersprachen wie Python, JavaScript oder C++ unterstützt. Die Bibliothek TFP ist aktuell nur für die primär unterstützte Programmiersprache Python implementiert.

## 2.2 Schicht 1: Statistical Building Blocks

Als Fundament statistischer Modelle sind mehrere, in Python Module aufgeteilte, Klassen und Funktionen gegeben. Diese können in der API Dokumentation der TFP Website eingesehen werden. Ein Beispiel hierfür ist das Modul **tfp.stats**. Unter **tfp.stats** finden sich unter Anderem Funktionen für die Berechnung für Korrelationen, Quantilen oder Standardabweichungen. Diese Funktionen sind auf die Verwendung von Tensoren ausgelegt, lassen sich generell aber auch mit normalen n-dimensionalen Python Arrays oder Numpy Arrays aufrufen.

Verschiedenste, für probabilistische Modelle essentielle Verteilungen reihen sich unter dem Modul **tfp.distributions** in dieser Schicht ein: *Normal*-, *Bernoulli*-, *Exponential*- oder *Gammaverteilung*, um einige zu nennen. Generell erben Klassen für Verteilungen, wie etwa die Normalverteilung, von der Klasse **tfp.distributions.Distribution**<sup>4</sup>. Diese gemeinsame Schnittstelle standardisiert die Benutzung. Sie fordert zudem Implementationen mehrerer hilfreicher Methoden wie etwa für die logarithmische Wahrscheinlichkeit oder dem Mittelwert. Am Beispiel der Normalverteilung mit der Definition  $X \sim \mathcal{N}(\mu, \sigma^2)$  sind im Folgenden einige der Funktionen aufgeführt (siehe Listing 1). Visualisiert man die Verteilung auf Basis der Samples *sample* (Zeile 5) ergibt sich Abbildung 1.

```
1 normal_dist = tfd.Normal(name="N", loc=0., scale=1.)
2 # tfp.distributions.Normal("N/", batch_shape=(), event_shape=(),
3   dtype=float32)
4 sample = normal_dist.sample(sample_shape=normal_sample_size)
5 # <tf.Tensor: id=188, shape=(2500,), dtype=float32, numpy=array
6   ([-0.45733708, -0.19126031, -0.33290815, ..., -1.1285563 ,
```

---

<sup>4</sup>[https://www.tensorflow.org/probability/api\\_docs/python/tfp/distributions/Distribution](https://www.tensorflow.org/probability/api_docs/python/tfp/distributions/Distribution)

```

    -0.6958163 ,  0.552399  ], dtype=float32)>
6
7 normal_dist.mean()
8 # tf.Tensor(0.0, shape=(), dtype=float32)
9
10 normal_dist.prob(1.0)
11 # tf.Tensor(0.24197072, shape=(), dtype=float32)

```

Listing 1: Verwendung der Klasse `tfp.distributions.Normal`

*Broadcasting*, *Batching* und *Shapes* sorgen dafür, dass unabhängige Verteilungen als sogenannter Batch in einer Entität gekapselt werden können. Um beispielsweise ein zweidimensionales Batch für die Normalverteilung aus Listing 1 zu erzeugen, kann als Erwartungswert  $\mu$  `loc=[0., 10.]` übergeben werden. Da TFP hier ebenfalls broadcasting unterstützt müssen die folgenden Aufrufe nicht angepasst werden, nur das Ergebnis wird ebenfalls Zweidimensional sein. Broadcasting verhält sich analog zu dem in Numpy etablierten Konzept<sup>5</sup>.

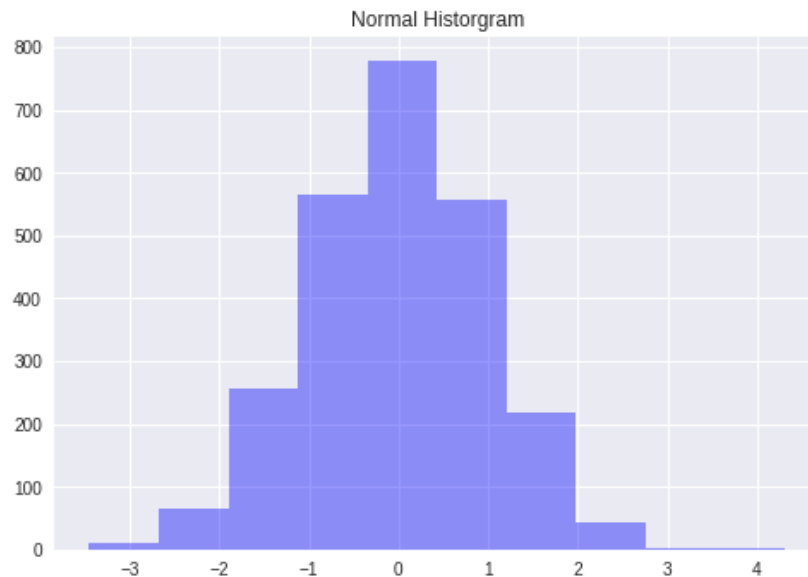


Abbildung 1:  $X \sim \mathcal{N}(0, 1)$  mit 2500 Samples

<sup>5</sup><https://docs.scipy.org/doc/numpy/user/basics.broadcasting.html>

Ein weiterer Bestandteil von Schicht 1 sind *Bijectors*. Bijectors bilden eine Zahl aus  $\mathbb{R}^n$  auf  $\mathbb{R}^m$  ab oder jeweils einer Submenge dieser. Aufgrund der im Bijector hinterlegten bijektiven Funktion ist dieser Schritt umkehrbar, daher:  $x = f^{-1}(f(x))$ . Dies ist besonders bei der Transformierung von Stichproben aus Verteilungen nützlich und wird folglich für das Erstellen von Modellen (Abschnitt 2.3) und Berechnungen probabilistischer Interferenzen (Abschnitt 2.4) eingesetzt. TFP bietet bereits einige vorgefertigte Bijectors unter `tfp.bijectors`<sup>6</sup> an.

## 2.3 Schicht 2: Model Building

Edward2 / Probabilistic Layers with Keras / Trainable Distributions

In Abschnitt 4.1 wird die Verwendung und probabilistischen Layers mit Keras anhand eines Beispiels verdeutlicht.

## 2.4 Schicht 3: Probabilistic Inference

Als letzte Schicht enthält TFP Werkzeuge für probabilistische Inferenz. Dazu gehören *Markov chain Monte Carlo (MCMC)* Algorithmen, *Variational Inference* Algorithmen und stochastische Optimierungsverfahren.

Durch Sampling ermöglicht MCMC das Berechnen statistischer Modelle mit einer hohen Anzahl an Parametern. Eine analytische Herangehensweise ist bereits ab wenigen Parametern nicht mehr sinnvoll, da hierfür die Bestimmung eines multidimensionalen Integrals erforderlich wäre. TFP bietet mehrere MCMC Algorithmen unter `tfp.mcmc` an.

Listing 2 zeigt einen Ausschnitt der Verwendung des Hamiltonian Monte Carlo Algorithmus. Die hier nicht enthaltene Auswertung würde in einer approximierten Verteilung des Parameters *tau* für das gegebene Modell `_data_model` resultieren. Ein praxisbezogenes und ausführlicheres Beispiel ist unter <https://github.com/tom-schoener/ml-probability/blob/master/tfp-evaluation/notebooks/mcmc.ipynb> einsehbar.

```
1 # Set the chain's start state.
```

---

<sup>6</sup>[https://www.tensorflow.org/probability/api\\_docs/python/tfp/bijectors](https://www.tensorflow.org/probability/api_docs/python/tfp/bijectors)

```

2 initial_chain_state = [ 0.5 * tf.ones([], dtype=tf.float32, name
    ="init_tau") ]
3
4 def joint_log_prob(_data_model, tau):
5     rv_tau = tfd.Uniform()
6     rv_observation = tfd.Poisson(rate=rv_tau)
7
8     return rv_tau.log_prob(tau) + tf.reduce_sum(rv_observation.
        log_prob(_data_model))
9
10 # setup the chain
11 [ tau ], kernel_results = tfp.mcmc.sample_chain(
12     num_results=1000,
13     num_burnin_steps=500,
14     current_state=initial_chain_state,
15     kernel=tfp.mcmc.TransformedTransitionKernel(
16         inner_kernel=tfp.mcmc.HamiltonianMonteCarlo(
17             target_log_prob_fn=lambda tau: joint_log_prob(_data_model,
                tau)),
18         bijector=[ tfp.bijectors.Sigmoid() ] # Maps [0,1] to R
19     )
20 )

```

*Listing 2: Verwendung des Hamiltonian Monte Carlo Algorithmus (gekürzt)*

Die in der API verwendeten Bezeichnungen decken sich hier größtenteils mit der in der Literatur verwendeten Sprache, wodurch die Übertragung von Konzepten aus unterschiedlichen Quellen deutlich vereinfacht wird.

## 3 Semantik und Projektaufbau

### 3.1 Integration in Tensorflow

### 3.2 Fehlerbehandlung

### 3.3 Dokumentation

TFPs offizielle Dokumentation bietet neben der Beschreibung der API eine Auflistung an Beispielen und weiterführenden Ressourcen. Die, als Einführung anzusehende und kürzlich nach TFP portierte, Version von *Bayesian Methods for Hackers: Probabilistic Programming and Bayesian Inference*<sup>[1]</sup> stellte sich als besonders Hilfreich heraus.

Die Bibliothek befindet sich in einem vergleichsweise frühem Stadium der Entwicklung und es gibt einen Hinweis, dass es zu Änderungen kommen kann. Teile der API sind entsprechend noch nicht vollständig dokumentiert (Stand März 2019). Undokumentierte Funktionen sind allerdings eher die Ausnahme als die Norm. Ein Großteil der in dieser Evaluation verwendeten Schnittstellen ließ sich anhand von Beispielen, genaueren Erläuterungen der Parameter oder durch Verweise auf relevante Literatur und Paper nachvollziehen.

## 4 Anwendungsgebiete

### 4.1 Beispiel: Korrelation von Luftverschmutzung und Temperatur

Das Jupyter Notebook für das folgende Beispiel ist unter [https://github.com/tom-schoener/ml-probability/blob/master/tfp-evaluation/notebooks/air\\_quality.ipynb](https://github.com/tom-schoener/ml-probability/blob/master/tfp-evaluation/notebooks/air_quality.ipynb) einsehbar.

## 5 Fazit



## Literatur

- [1] Cameron Davidson-Pilon. *Bayesian Methods for Hackers: Probabilistic Programming and Bayesian Inference*. Addison-Wesley Professional, 1st edition, 2015. ISBN 0133902838, 9780133902839. URL <https://camdavidsonpilon.github.io/Probabilistic-Programming-and-Bayesian-Methods-for-Hackers/#tensorflow>.

## Abbildungsverzeichnis

- 1  $X \sim \mathcal{N}(0, 1)$  mit 2500 Samples . . . . . 4

## Listings

- 1 Verwendung der Klasse `tfp.distributions.Normal` . . . . . 3  
2 Verwendung des Hamiltonian Monte Carlo Algorithmus (gekürzt) 5