

Deep Learning for Computer Vision

Homework 2

R06942065 電信一 黃宇平

Problem 1: Kernel Trick

Handwritten derivation of the kernel trick for a polynomial kernel:

$$\underline{x} = \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix}$$
$$K(\underline{x}, \underline{x}) = (\underline{x}^T \underline{x})^2$$
$$= ([x_1, x_2] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix})^2$$
$$= (x_1^2 + x_2^2)^2$$
$$= x_1^4 + x_2^4 + 2x_1^2 x_2^2$$

又 $\begin{cases} K(\underline{x}, \underline{x}) = \Phi(\underline{x})^T \Phi(\underline{x}) \\ \Phi(\underline{x}) \in \mathbb{R}^3 \end{cases}$, let $\Phi(\underline{x}) = \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} \Rightarrow [a \ b \ c] \begin{bmatrix} a \\ b \\ c \end{bmatrix} = x_1^4 + x_2^4 + 2x_1^2 x_2^2$

$$\Rightarrow a^2 + b^2 + c^2 = x_1^4 + x_2^4 + 2x_1^2 x_2^2$$
$$\Rightarrow \Phi(\underline{x}) = \begin{bmatrix} x_1^2 \\ x_2^2 \\ \sqrt{2} x_1 x_2 \end{bmatrix} \text{ or } \begin{bmatrix} x_1^2 \\ \sqrt{2} x_1 x_2 \\ x_2^2 \end{bmatrix} \text{ or } \dots$$

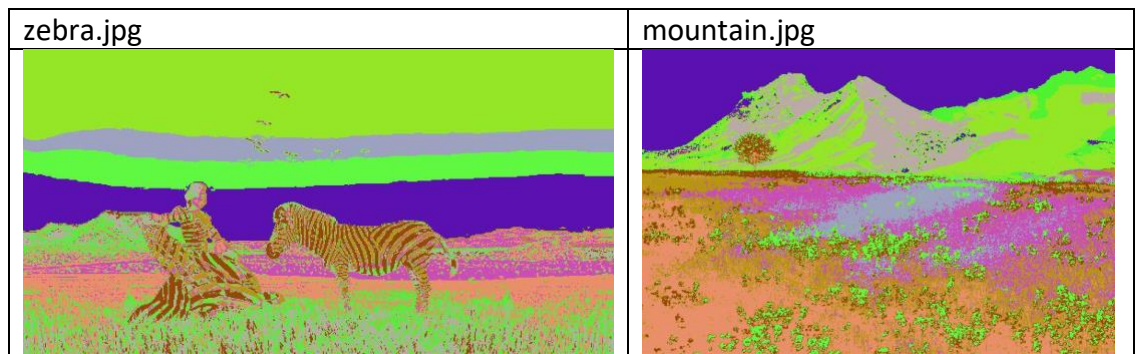
(三個element 可任意對調)

✓

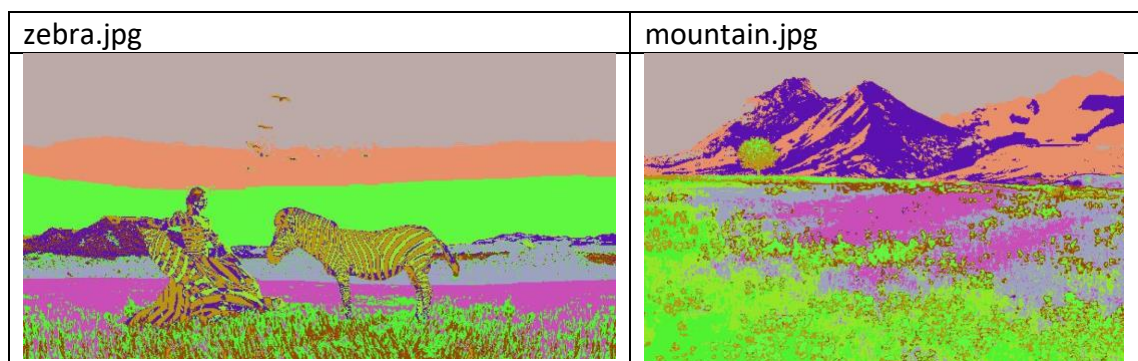
Problem 2: Color and Texture Segmentation

(a) Color Segmentation

(i) RGB color space

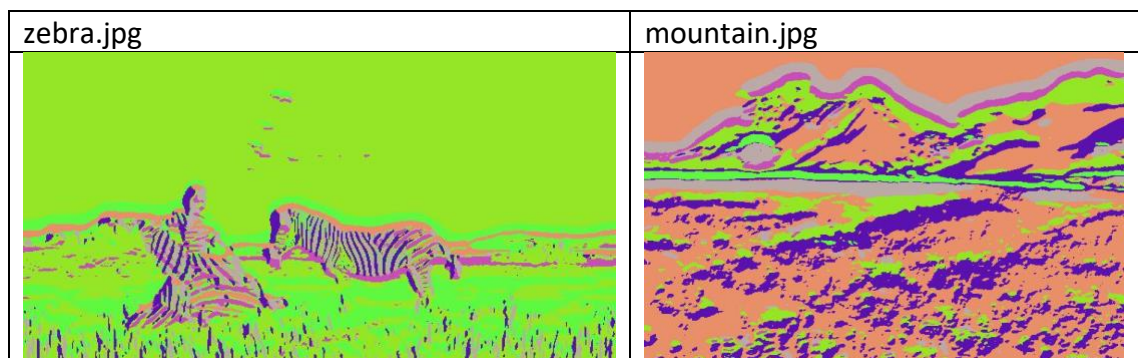


(ii) LAB color space

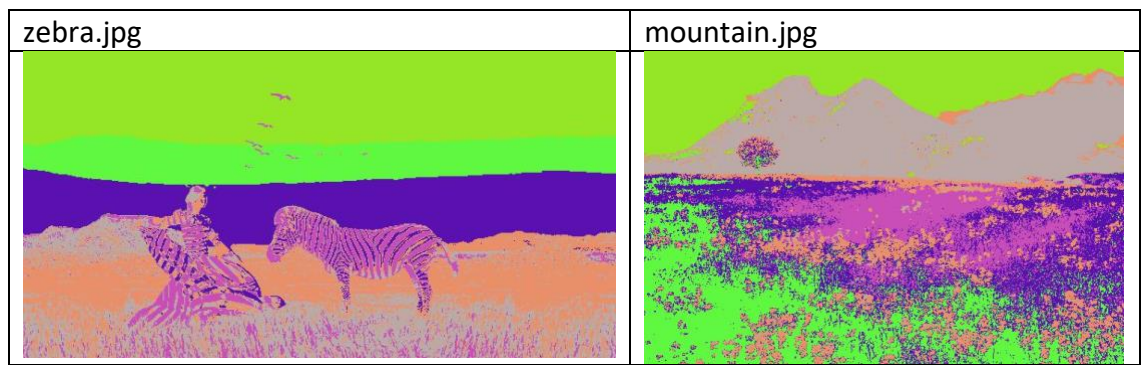


(b) Texture Segmentation

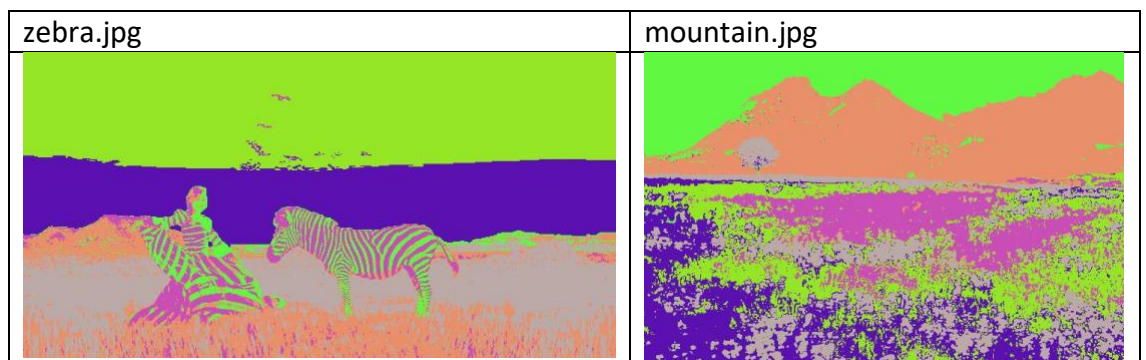
(i) Only texture features



(ii - 01) With RGB color features



(ii - 02) With LAB color features

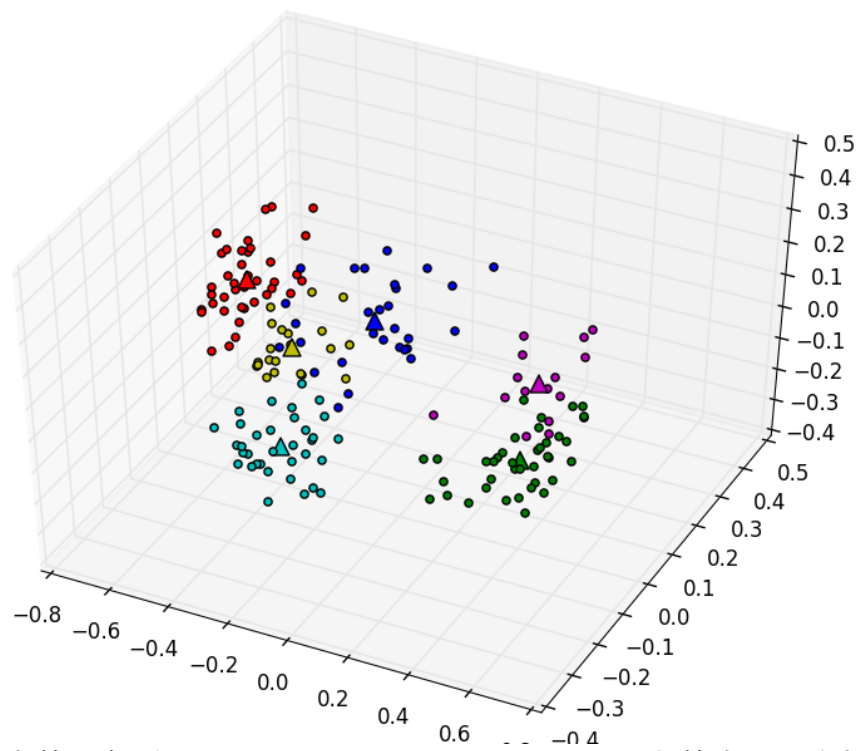


Problem 3: Recognition with Bag of Visual Words

(a) Detect Interesting Points Using SURF

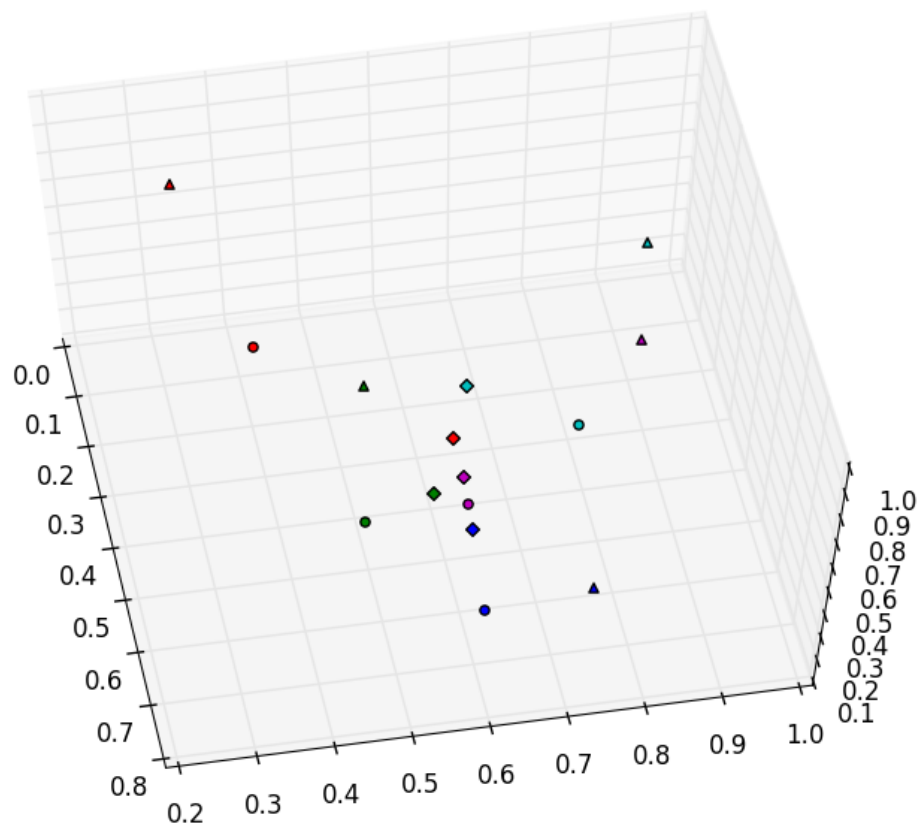


(b) Plot of Visual-Words in PCA Subspace



(其中較大的三角形 Cluster centroid(即 Visual-Word), 同色的小圓點為相同 Cluster 中的 interest points)

(c) BoW Plot



(其中相同顏色的 marker 表示同一張圖，三角形為 Hard-Sum BoW、圓形為 Soft-Sum Bow、菱形為 Soft-Max Bow)

由上圖，我發現不同張圖片的 Hard-Sum Bow 距離較遠，因此在這個 case 上，我猜測 Hard-Sum Bow 較有機會正確地區分不同的圖片。

(d) k-NN on BoW Features

(i) 分類結果為：

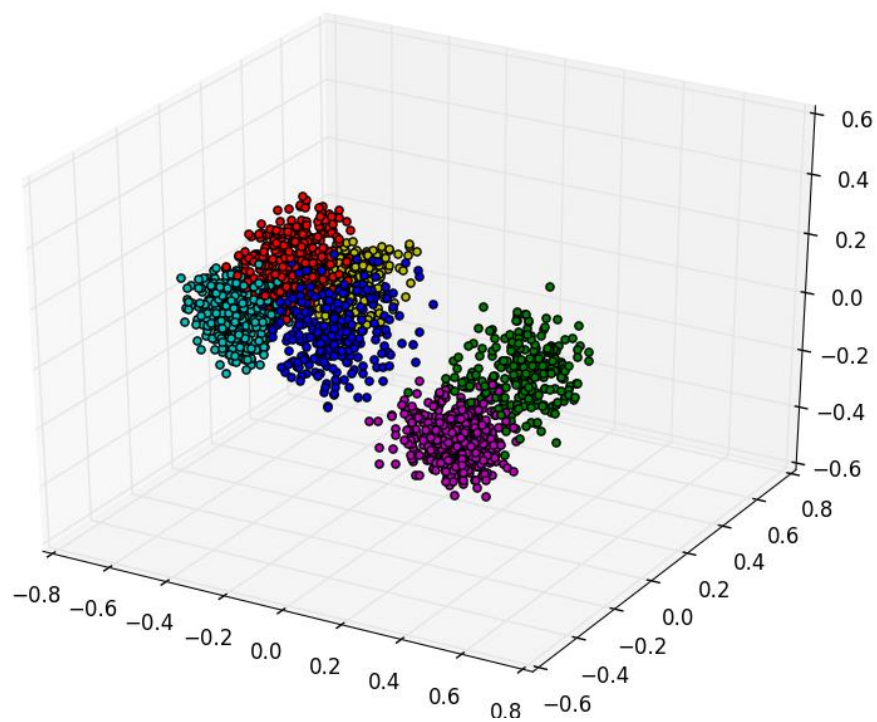
	Hard-Sum Bow	Soft-Sum Bow	Soft-Max Bow
Accuracy	0.248	0.244	0.234

此分類結果雖然和我預期的相同，但相距並不明顯，且三者準確度都不高，這可能是因為選用的 Visual words 太少(這是為了要能夠在 3 維空間中畫出結果)

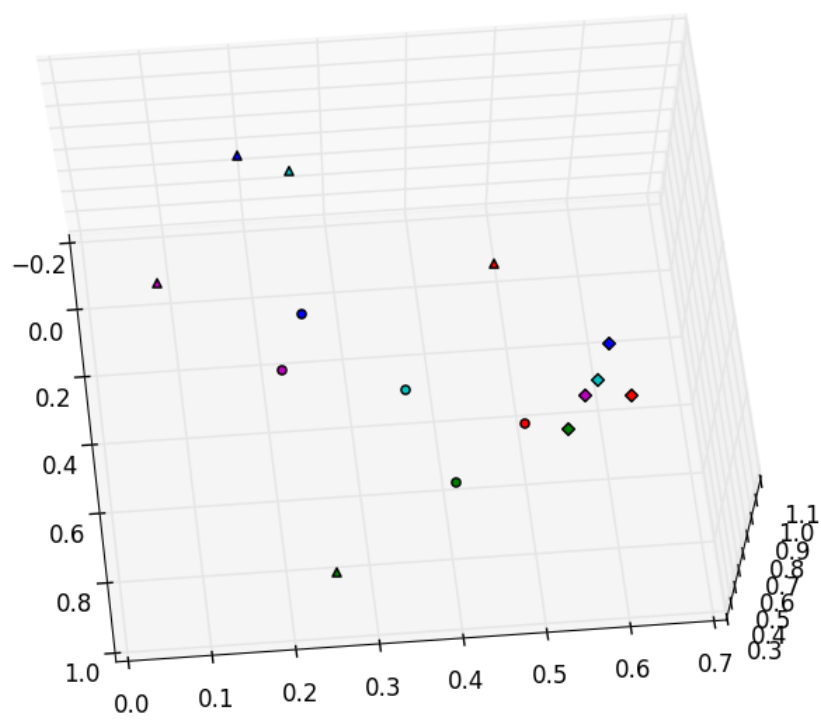
(ii)

(a) 的結果不會改變(因為沒有用到 training data)

(b)



(c)



(d) 我發現使用 train-100 的結果明顯較 train-10 好。除此之外，若我進一步調整選用的 Visual-Word 數量，Accuracy 還可再更高：

	Hard-Sum Bow	Soft-Sum Bow	Soft-Max Bow
Accuracy(c=3)	0.33	0.376	0.308
Accuracy(c=10)	0.456	0.452	0.424
Accuracy(c=25)	0.482	0.48	0.472
Accuracy(c=50)	0.526	0.496	0.49

由上表我還發現 Performance 大致上 Hard-Sum BoW > Soft-Sum Bow > Soft-Max BoW，不過此差距會隨選用的 Visual-Word 數量增加而越來越小