武汉大学计算机学院 2018-2019 学年第 1 学期 算法设计与分析 试卷 (A卷)

·[n...i]w,[n...i]q 量[平元(本试卷一共八大题,满分:100分); 代息),八

背包容量为C, 请用分支限界思想求解 0/1 背包问题。

(1)(5分)写出该算法思想。分别室**遇答前《伏飞1 允总》**

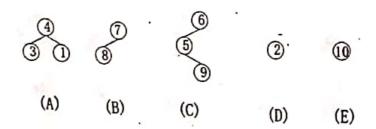
(1) (6分) 请用大"⊙(·)"记号求下列函数的渐进表达式:\()

(2)(4分)判断100n² Llogn」=O(n³)是否正确,请证明;

(3)(5分)下面是某算法时间函数的递归关系式,请求该算法的时间复杂度。

$$T(n) = \begin{cases} b & n \le 2 \\ 7T(n/2) + an^2 & n > 2 \end{cases}$$
 其中 a 和 b 是常数。

二 (总分 10 分) 现有 A, B, C, D, E 棵子数如下, 并做如下操作: UNION (2,5), UNION (3,8), UNION (8,9), FIND (5), FIND (3), 请画出每一步操作完成后的树表示。



注:(1)假设每棵子树的根节点具有相同的秩。(2)进行按秩的 UNION 操作,如果秩相同,则算法默认第二个参数的根节点秩加 1;(3)所有 FIND 操作均进行路径压缩;

三、总分 15 分)在 n 个人中,一个被所有人知道但却不知道别人的人,被定义为社会名流。现在的问题是:如果存在,试找出该社会名流。你可以使用的唯一方式是询问:"请问你知道那个人吗?"。你只能通过提问找到社会名流。请设计归纳策略的算法在线性时间复杂度内求解。(提示: 当你问 A 是否认识 B 时,如果 A 认识 B,则 A 不是社会名流:如果 A 不认识 B,则 B 不是社会名流)。

- (i)。(1)请写出归纳法的主要思想(5分);假设用 K[i][j]邻接矩阵来表 示 i 与 j 之间的认识关系,K[i][j]=1 表示 i 认识 j; K[i][j]=0 表示 i 不认识 j,请写出算法的伪代码(6分)。
 - 0(2) 最少需要提问多少次? (2分)时间复杂度如何表示? (2分)

四 (总分 10 分) 试采用分治算法求解下列问题

- (1)(5分) 求二叉树 T₁的高度(设根结点为第一层), 首选描述算 法主要思想, 然后再写出算法伪代码;
- 量指定論 [[2] (1) (1) (2) (1) (2) (5) (1) (2) (5) (1) (2) (5) (5) 为) 判定二叉树 T₁和 T₂是否相同,首先描述算法主要思想, 然后写出算法伪代码。

(2) (5分)给出资心策法的伪代码:

(1)2

- - (1)(5分)给出 Floyd 改进算法的伪代码。

三、(总分 15 分) 在 n 个人中,个人中,个人中,不知道别人的工程,这分 15 分)在 n 个人中,10 个 的 是 的 是 2 为 社会名流。 10 个 的 是 2 的 是 2 的 是 2 的 是 3 的 你 可以使用的唯一 6 2 2 的 一 3 的 你 可以使用的唯一 6 2 3 的 你 可以使用的唯一 6 3 3 的 你 可以使用的唯一 6 3 3 6 6 9 9 7 1 你 只

度是(3)(5分)(分別给出於(2))中节点对之间的最短路径可是过度的 內來解。(提示: 当你问A是否认识B时,如果A认识B,则A不

方、(总分 15 分) 某体育馆有一羽毛球场出租,现在总共有 10 位客 上户申请租用此羽毛球场,每个客户所租用的时间单元如下表所示,s(i) 示表示开始租用时刻,f(i)表示结束租用时刻,10 个客户的申请如下表所示:

i:	1.	2	। उद्या	4 (1)	5)	603	71515	811	9 (9	10
s(i)	0	3	1	5 500 th.	3	5	11	8	8	6
f(i)	6	5	4	9	8	7	13	12	I1	,10

同一时刻, 该羽毛球场只能租借给一位客户。

(1)(5分)使用贪心算法安排方案,使得体育馆能尽可能安排最多。 思想是主法国内部共同。但即否是《T明、T明文—家园(全 2)(2) 的客户。请描述贪心策略;

(2)(5分)给出贪心算法的伪代码;

(2)(5分)针对上表的 10 个客户申请,最多可以安排几位客户使 到商民量的国本协会的出来。 由2 请写出你的安排,并讨论该安排确实能够保证最多客户使用。

七、(总分 10 分) 已知 0/1 背包问题是 NP 完全问题,但求 0/1 背包问题的动态规划算法的时间复杂度为Θ(nC), n 是物品的项数, C 是背包的容量。这个算法的多项式时间复杂度和该问题是 NP 完全问题

以是沐夏矛盾的?清解释理由。101 冠学/对其十学大区为

算法设计与分析 试卷(A卷),

八、(总分 10 分)假设 n 个物品的价值和大小分别是 p[1..n], w[1..n], 背包容量为 C, 请用分支限界思想求解 0/1 背包问题。

- (1)(5分)写出该算法思想。分别给出解的表示形式,算法需要优化的目标函数的定义及约束条件,目标函数的估计函数的定义;
- (2) (5 分) 请设计限界函数,帮助在搜索过程中减少盲目性,尽快找到最优解。设止界函数名为 UBOUND,下界函数名为 UBOUND,下界函数名为 UBOUND,下界函数名为 UBOUND,下界函数名为 UBOUND, 请给出函数的具体设法。

间复杂度。

$$\hat{T}(n) = \frac{b^2}{(771n/2) + an^2}$$
 其中 a 和 b 是常数。

二、(总分10 分) 现有 A. B. C. D. E 採于数如下, 并做如下操作: UNION (2.5), UNION (3.8), UNION (8.9); FIND (5), FIND (3), 请画出每一步操作完成后的树表示。

途。(1.) 展设年得了增加根节点具有相同的社。(2.) 进行接款的 UNION 复注、如果法和国。则实达宽认第二个参数的根带点状加工; (3) 两有目中 产生的 生行路径压缩。