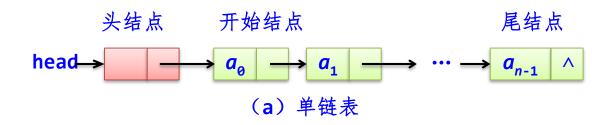
2.3 线性表的链式存储结构

2.3.1 线性表的链式存储结构-链表

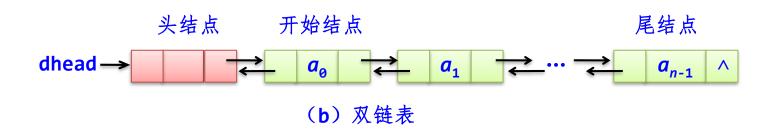
线性表:

结点包含有元素值和前后继结点的地址信息

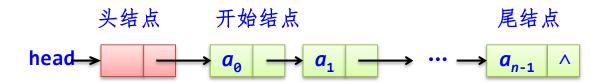
■ 如果每个结点只设置一个指向其后继结点的指针成员,这样的链表 称为线性单向链接表,简称**单链表**。



■ 如果每个结点中设置两个指针成员,分别用以指向其前驱结点和后继结点,这样的链表称之为线性双向链接表,简称**双链表**。



2.3.2 单链表



每个结点为LinkNode类对象,包括存储元素的数据列表data和存储后继结点的指针属性next。



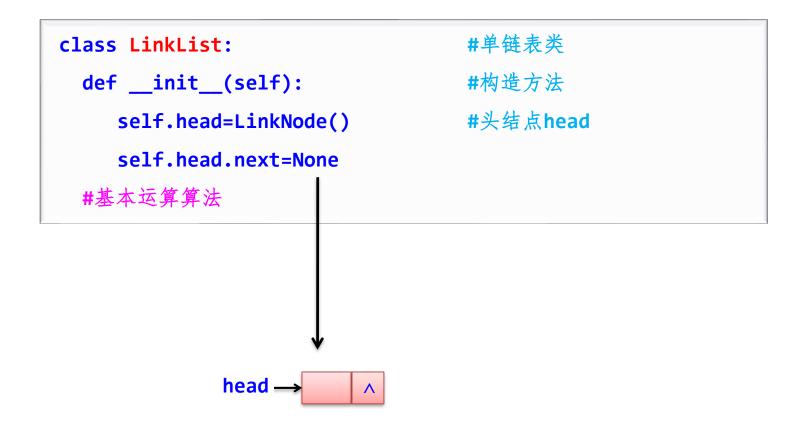
class LinkNode: #单链表结点类

def __init__(self,data=None): #构造方法

self.data=data #data属性

self.next=None #next属性

单链表类LinkList

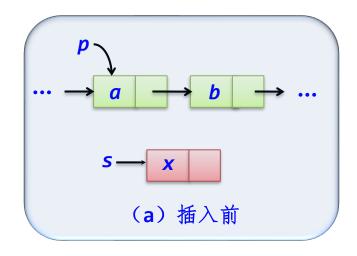


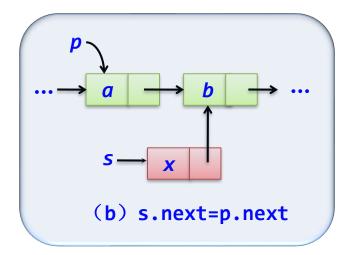
结点引用方式:

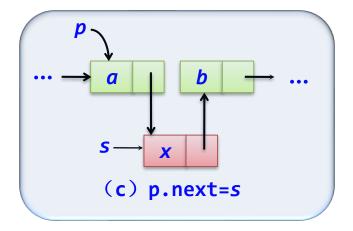
上.head L.head.next 单链表对象L:

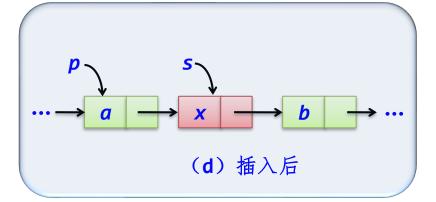
1. 插入和删除结点操作

插入结点操作:将结点s插入到单链表中p结点的后面。

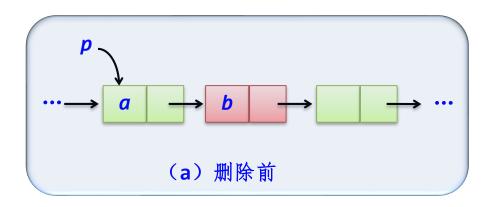


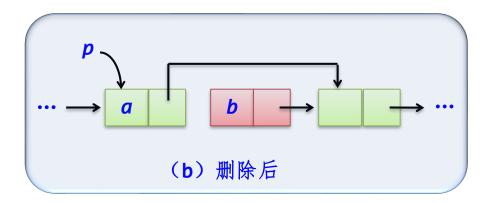






删除结点操作:删除单链表中p结点的后继结点。



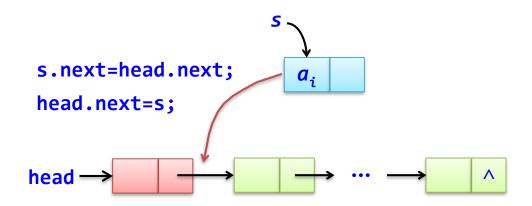


2. 整体建立单链表

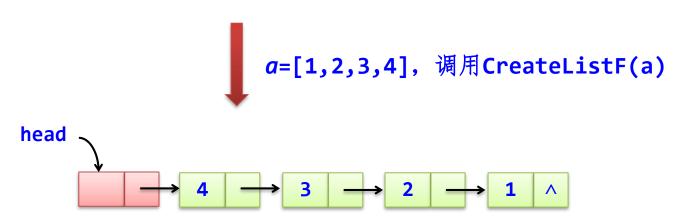
- 通过一个含有n个元素的a数组来建立单链表。
- 建立单链表的常用方法有两种:头插法和尾插法。

头插法建表

- 从一个空表开始,依次读取数组a中的元素。
- 生成新结点s,将读取的数据存放到新结点的数据成员中。
- 将新结点**s**插入到当前链表的表头上。



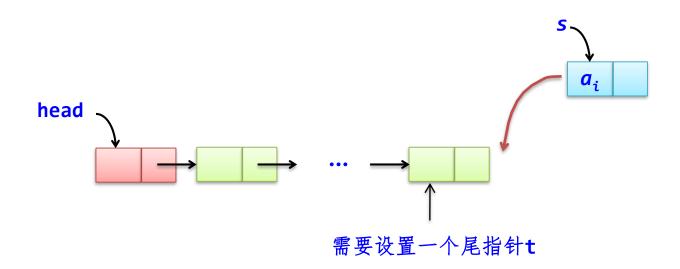
```
def CreateListF(self, a): #头插法: 由数组a整体建立单链表
for i in range(0,len(a)): #循环建立数据结点s
s=LinkNode(a[i]) #新建存放a[i]元素的结点s
s.next=self.head.next #将s结点插入到开始结点之前,头结点之后
self.head.next=s
```



头插法建立的单链表中数据结点的次序与a数组中的次序正好相反

尾插法建表

- 从一个空表开始,依次读取数组a中的元素。
- 生成新结点5,将读取的数据存放到新结点的数据成员中。
- 将新结点**s**插入到当前链表的表尾上。



```
      def CreateListR(self, a):
      #尾插法: 由数组a整体建立单链表

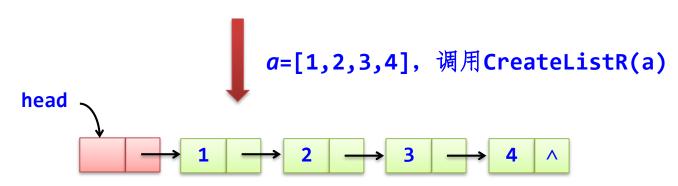
      t=self.head
      #比始终指向尾结点,开始时指向头结点

      for i in range(0,len(a)):
      #循环建立数据结点s

      s=LinkNode(a[i])
      #新建存放a[i]元素的结点s

      t.next=s
      #将s结点插入t结点之后

      t=s
      #将尾结点的next成员置为空
```

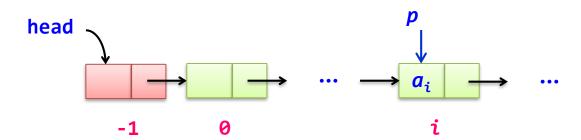


尾插法建立的单链表中数据结点的次序与a数组中的次序正好相同

3. 线性表基本运算在单链表中的实现

查找序号为i(0≤i≤n-1, n为单链表中数据结点个数)的结点

```
def geti(self, i): #返回序号为i的结点
    p=self.head
    j=-1
    while (j<i and p is not None):
        j+=1
        p=p.next
    return p
```



(1) 将元素e添加到线性表末尾Add(e)

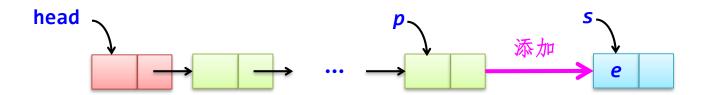
```
def Add(self, e): #在线性表的末尾添加一个元素e

p=self.head

s=LinkNode(e) #新建结点s

while p.next is not None: #查找尾结点p

p=p.next
p.next=s; #在尾结点之后插入结点s
```



(2) 求线性表的长度getsize()

```
def getsize(self): #返回长度

p=self.head

cnt=0

while p.next is not None: #找到尾结点为止

cnt+=1

p=p.next

return cnt
```



若像顺序表中一样,在单链表中设置一个长度size,插入时size+=1,删除时size-=1。那么求长度的时间复杂度为0(1)了。

(3) 求线性表中序号为i的元素GetElem(i)

```
def __getitem__(self,i): #求序号为i的元素
assert i>=0 #检测参数i正确性的断言
p=self.geti(i)
assert p is not None #p不为空的检测
return p.data
```



调用方式: x=L[i]

(4) 设置线性表中序号为i的元素SetElem(i, e)

```
def __setitem__(self, i, e):#设置序号为i的元素assert i>=0#检测参数i正确性的断言p=self.geti(i)#p不为空的检测assert p is not None#p不为空的检测p.data=e
```

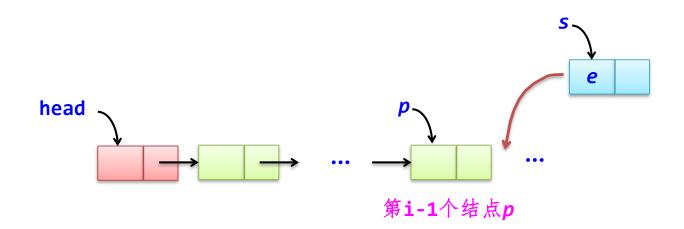


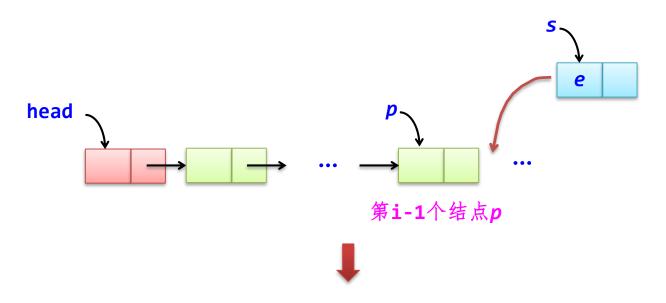
调用方式: L[i]=e

(5) 求线性表中第一个值为e的元素的逻辑序号GetNo(e)

```
#查找第一个为e的元素的序号
def GetNo(self,e):
 i=0
 p=self.head.next
 while p is not None and p.data!=e:
                             #查找元素e
   j+=1
   p=p.next
 if p is None:
                             #未找到时返回-1
   return -1
 else:
                             #找到后返回其序号
   return j
```

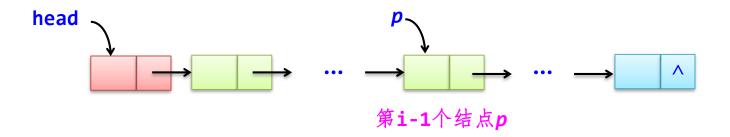
(6) 在线性表中插入e作为第i个元素Insert(i, e)





```
def Insert(self, i, e): #在线性表中序号i位置插入元素e
assert i>=0 #检测参数i正确性的断言
s=LinkNode(e) #建立新结点s
p=self.geti(i-1) #找到序号为i-1的结点p
assert p is not None #p不为空的检测
s.next=p.next #在p结点后面插入s结点
p.next=s
```

(7) 在线性表中删除第i个数据元素Delete(i)



删除第i个结点算法



```
def Delete(self,i):#在线性表中删除序号i位置的元素assert i>=0#检测参数i正确性的断言p=self.geti(i-1)#找到序号为i-1的结点passert p!=None and p.next!=None#p和p.next不为空的检测p.next=p.next.next#删除p结点的后继结点
```

(8) 输出线性表所有元素display()

```
def display(self): #輸出线性表
    p=self.head.next
    while p is not None:
        print(p.data,end=' ')
        p=p.next
    print()
```

2.3.3 单链表的应用算法设计示例

1. 基于单链表基本操作的算法设计

【例2.6】有一个长度大于2的整数单链表L,设计一个算法查找L中中间位置的元素。

例如, L=(1, 2, 3), 返回元素为2; L=(1, 2, 3, 4), 返回元素为2。

计数法: 计算出L的长度n,假设首结点的编号为1,则满足题目要求的结点的编号为(n-1)/2+1(这里的除法为整除)。置j=1,指针p指向首结点,让其后移(n-1)/2个结点即可。

```
def Middle1(L): #求解算法1
    j=1
    n=L.getsize();
    p=L.head.next; #p指向首结点
    while j<=(n-1)//2: #找中间位置的p结点
    j+=1
    p=p.next;
    return p.data
```

快慢指针法:设置快慢指针fast和slow,首先均指向首结点,当fast结点后面至少存在两个结点时,让慢指针slow每次后移动一个结点,让快指针fast每次后移动两个结点。否则slow指向的结点就是满足题目要求的结点。

def Middle2(L): #求解算法2
slow=L.head.next #均指向首结点
while fast!=None and fast.next!=None and fast.next!next!=None:
slow=slow.next #慢指针每次后移1个结点
fast=fast.next.next #快指针每次后移2个结点
return slow.data

【例2.7】有一个整数单链表L,其中可能存在多个值相同的结点,设计一个算法查找L中最大值结点的个数。

解:先让p指向首结点,用maxe记录首结点值,将其看成是最大值结点,cnt置为1。按以下方式循环直到p指向尾结点为止:

- (1) 若p.next.data>maxe, 将p.next看成新的最大值结点,置maxe=p.next.data, cnt=1。
 - (2) 若p.next.data==maxe, maxe仍为最大结点值,置cnt++。
 - (3) p后移一个结点。

最后返回cnt即为最大值结点个数。

```
#求解算法
def Maxcount(L):
 cnt=1
                                     #p指向首结点
 p=L.head.next;
                                     #maxe置为首结点值
 maxe=p.data
                                     #循环到p结点为尾结点
 while p.next!=None:
                                     #找到更大的结点
   if p.next.data>maxe:
     maxe=p.next.data
     cnt=1
                                     #p结点为当前最大值结点
   elif p.next.data==maxe:
       cnt+=1
   p=p.next
 return cnt
```

【例2.8】有一个整数单链表L,其中可能存在多个值相同的结点,设计一个算法删除L中所有最大值的结点。

解:过程如下:

- 先遍历L的所有结点,求出最大结点值maxe。
- 再遍历一次删除所有值为maxe的结点,在删除中,通过(pre, p)
 一对指针指向相邻的两个结点,若p.data==maxe,再通过pre结点 删除p结点。

```
#求解算法
def Delmaxnodes(L):
                                    #p指向首结点
 p=L.head.next
                                    #maxe置为首结点值
 maxe=p.data
                                    #查找最大结点值maxe
 while p.next!=None:
   if p.next.data>maxe:
      maxe=p.next.data
   p=p.next
                                    #pre指向头结点
 pre=L.head
                                    #p指向pre的后继结点
 p=pre.next
                                    #p遍历所有结点
 while p!=None:
                                    #p结点为最大值结点
   if p.data==maxe:
                                    #删除p结点
      pre.next=p.next
                                    #让p指向pre的后继结点
      p=pre.next
   else:
                                    #pre后移一个结点
      pre=pre.next
                                    #让p指向pre的后继结点
      p=pre.next
```

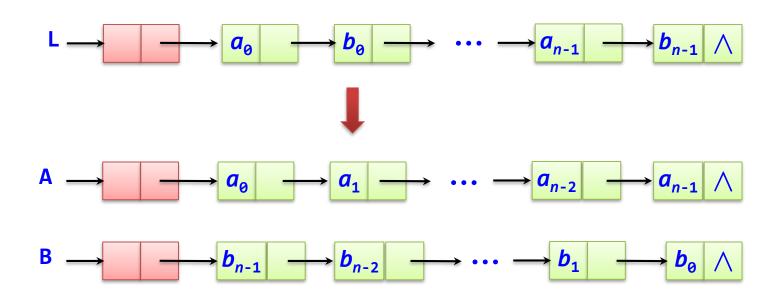
2. 基于整体建立单链表的算法设计

【例2.9】有一个整数单链表L,设计一个算法逆置L中的所有结点。例如 L=(1, 2, 3, 4, 5),逆置后L=(5, 4, 3, 2, 1)。

```
def Reverse(L): #求解算法
p=L.head.next #p指向首结点
L.head.next=None #将L置为一个空表
while p!=None:
    q=p.next #q临时保存p结点的后继结点
    p.next=L.head.next #将p结点插入到表头
    L.head.next=p
p=q
```

【例2.10】有一个含2n个整数的单链表L=(a_0 , b_0 , a_1 , b_1 , …, a_{n-1} , b_{n-1}),设计一个算法将其拆分成两个带头结点的单链表A和B。

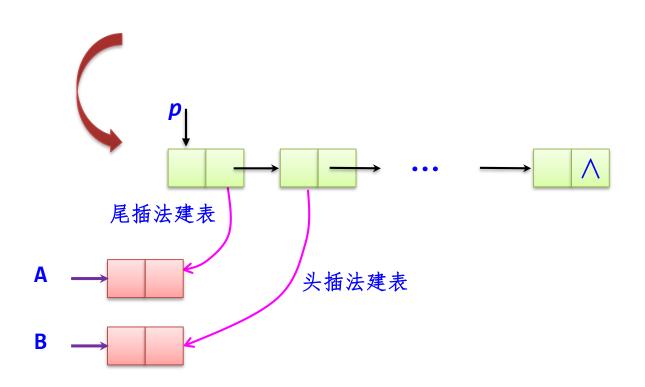
其中A= $(a_0, a_1, \dots, a_{n-1})$, B= $(b_{n-1}, b_{n-2}, \dots, b_0)$ 。





$$L=(a_0, b_0, a_1, b_1, \cdots, a_{n-1}, b_{n-1})$$

$$A=(a_0, a_1, \cdots, a_{n-1}), B=(b_{n-1}, b_{n-2}, \cdots, b_0)$$



```
#求解算法
def Split(L,A,B):
                                   #p指向L的首结点
 p=L.head.next
                                   #t始终指向A的尾结点
 t=A.head
                                   #遍历L的所有数据结点
 while p!=None:
   t.next=p
                                   #尾插法建立A
   t=p
                                   #p后移一个结点
   p=p.next
   if p!=None:
                                   #临时保存p结点的后继结点
     q=p.next;
                                   #头插法建立B
     p.next=B.head.next
     B.head.next=p
                                   #p指向q结点
     p=q
                                   #尾结点next置空
 t.next=None
```

3. 有序单链表的算法设计

【例2.11】有两个递增有序整数单链表A和B,设计一个算法采用二路 归并方法将A和B的所有数据结点合并到递增有序单链表C中。 要求算法的空间复杂度为O(1)。

```
D: \Python \ch2 \示例 \python exam2-11.py
A: 1 3 6
B: 2 4 5 8 10
合并
L: 1 2 3 4 5 6 8 10

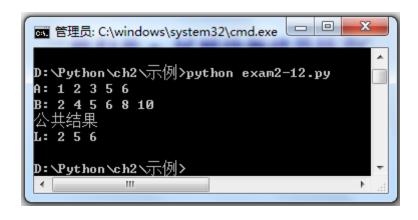
D: \Python \ch2 \示例 \_

""
```

算法的空间复杂度为0(1)?

```
#求解算法
def Merge2(A,B):
                                     #p指向A的首结点
 p=A.head.next
                                     #q指向B的首结点
 q=B.head.next
                                     #新建立单链表C
 C=LinkList();
                                     #t为C的尾结点
 t=C.head
                                     #两个单链表都没有遍历完
 while p!=None and q!=None:
                                     #将较小结点p链接到C的末尾
   if p.data<q.data:</pre>
     t.next=p
     t=p
     p=p.next
                                     #将较小结点q链接到C的末尾
   else:
     t.next=q
     t=q
     q=q.next
                                     #尾结点next置空
 t.next=None
 if p!=None: t.next=p;
 if q!=None: t.next=q;
 return C
```

【例2.12】有两个递增有序整数单链表A和B,假设每个单链表中没有值相同的结点,但两个单链表中存在相同值的结点,设计一个尽可能高效的算法建立一个新的递增有序整数单链表C,其中包含A和B相同值的结点,要求算法执行后不改变单链表A和B。

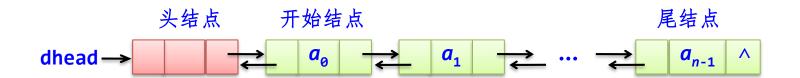


二路归并 + 尾插法新建单链表C

```
#求解算法
def Commnodes(A,B):
                                     #p指向A的首结点
 p=A.head.next
 q=B.head.next
                                     #q指向B的首结点
                                     #新建立单链表C
 C=LinkList();
                                     #t为C的尾结点
 t=C.head
                                     #两个单链表都没有遍历完
 while p!=None and q!=None:
                                     #跳过较小的p结点
   if p.data<q.data:</pre>
      p=p.next
   elif q.data<p.data:</pre>
                                     #跳过较小的q结点
      q=q.next
                                     #p结点和q结点值相同
   else:
      s=LinkNode(p.data)
                                     #新建S结点
      t.next=s
                                     #将s结点链接到C的末尾
      t=s
      p=p.next
      q=q.next
                                     #尾结点next置空
 t.next=None
 return C
```

- 本算法的时间复杂度为O(n+m)。
- 空间复杂度为O(MIN(n, m))。
- 其中m、n分别为A、B单链表中的数据结点个数,MIN为取最小值函数,因为单链表C中最多只有MIN(n, m)个结点。

2.3.4 双链表



每个结点为DLinkNode类对象,包括存储元素的列表data、存储前驱结点指针属性prior和后继结点的指针属性next。

DLinkNode类



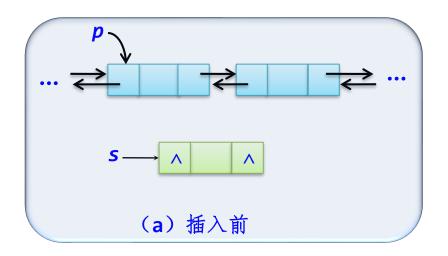
```
class DLinkNode: #双链表结点类
def __init__(self,data=None): #构造方法
self.data=data #data属性
self.next=None #next属性
self.prior=None #prior属性
```

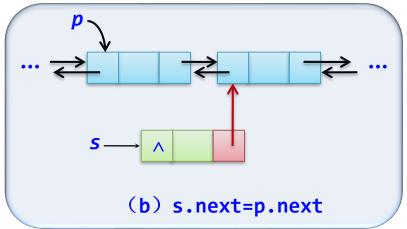
双链表类DLinkList

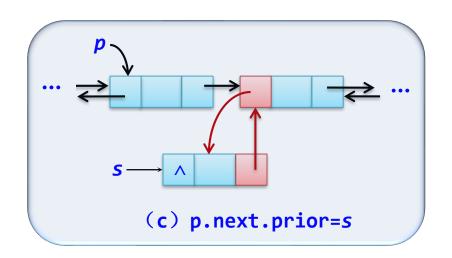
```
#双链表类
class DLinkList:
                                    #构造方法
 def __init__(self):
   self.dhead=DLinkNode()
                                    #头结点dhead
   self.dhead.next=None
   self.dhead.prior=None
 #基本运算算法
        dhead →
```

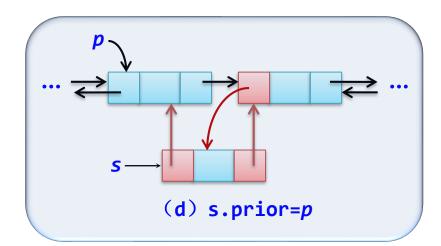
1. 插入和删除结点操作

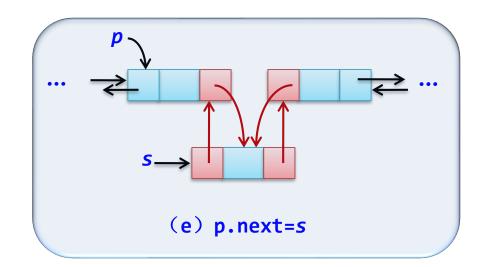
插入结点操作:将结点s插入到双链表中p结点的后面。







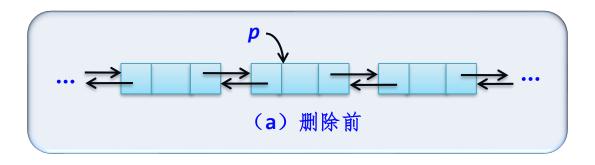


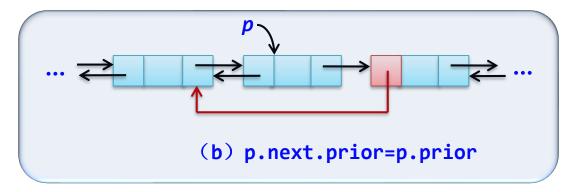


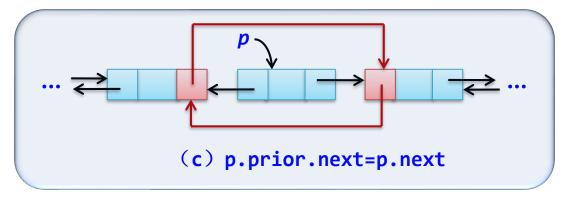


尽可能让间接结点指针修改靠前执行!

删除结点操作:删除双链表中的p结点。





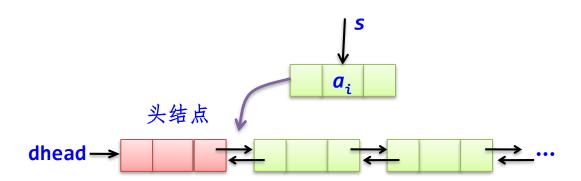


2. 整体建立双链表

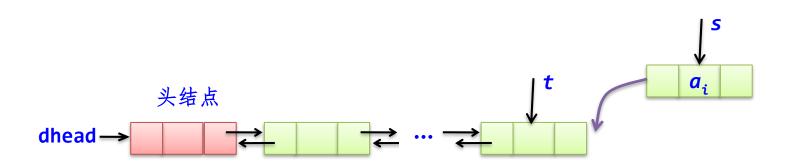
- 通过一个含有n个元素的a数组来建立双链表。
- 建立双链表的常用方法有两种: 头插法和尾插法。

头插法建表

```
def CreateListF(self, a): #头插法: 由数组a整体建立双链表
for i in range(0,len(a)): #循环建立数据结点s
s=DLinkNode(a[i]) #新建存放a[i]元素的结点s,将其插入到表头
s.next=self.dhead.next #修改s结点的next成员
if self.dhead.next!=None: #修改头结点的非空后继结点的prior
self.dhead.next.prior=s
self.dhead.next=s #修改头结点的next
s.prior=self.dhead #修改s结点的prior
```



尾插法建表



3.线性表基本运算在双链表中的实现

- ◆ 许多运算算法(如求长度、取元素值和查找元素等)与单链表中相 应算法是相同的。
- 涉及结点插入和删除操作的算法需要改为按双链表的方式进行结点 插入和删除。

在双链表dhead中序号为i的位置上插入值为e的结点的算法

```
#在线性表中序号i位置插入元素e
def Insert(self, i, e):
 assert i \ge 0
                           #检测参数i正确性的断言
 s=DLinkNode(e)
                           #建立新结点s
                           #找到序号为i-1的结点p
 p=self.geti(i-1)
                           #p不为空的检测
 assert p is not None
                           #修改s结点的next属性
 s.next=p.next
                           #修改p结点的非空后继结点的prior属性
 if p.next!=None:
    p.next.prior=s
                           #修改p结点的next属性
 p.next=s
                           #修改s结点的prior属性
 s.prior=p
```



也可以在双链表中找到序号为i的结点p(找后继结点),再在p结点 之前插入s结点(后继仅仅之前插入新结点)。

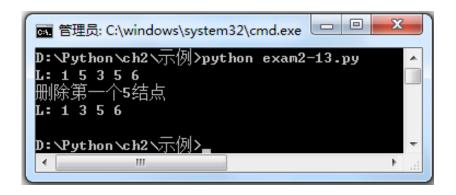
在双链表dhead中删除序号为i的结点的算法



也可以找到序号为i-1的结点p(找前驱结点),再删除其后继结点。

2.3.5 双链表的应用算法设计示例

【例2.13】设计一个算法,删除整数双链表L中第一个值为x的结点,若不存在值为x的结点,则不做任何改变。



删除整数双链表L中第一个值为x的结点

```
def Delx(L,x): #求解算法
p=L.dhead.next #p指向首结点

while p!=None and p.data!=x: #查找第一个值为x的结点p

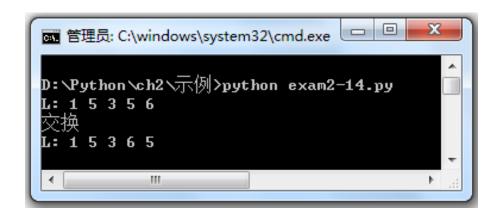
p=p.next

if p!=None: #找到值为x的结点p

if p.next!=None: #規到值为x的结点p

p.next.prior=p.prior #删除p结点
p.prior.next=p.next
```

【例2.14】设计一个算法,将整数双链表L中最后一个值为x的结点与其前驱结点交换。若不存在值为x的结点或者该结点是首结点,则不做任何改变。

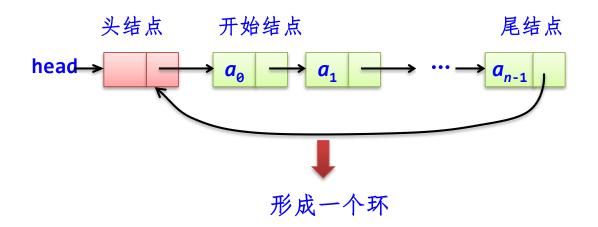


将整数双链表L中最后一个值为x的结点与其前驱结点交换

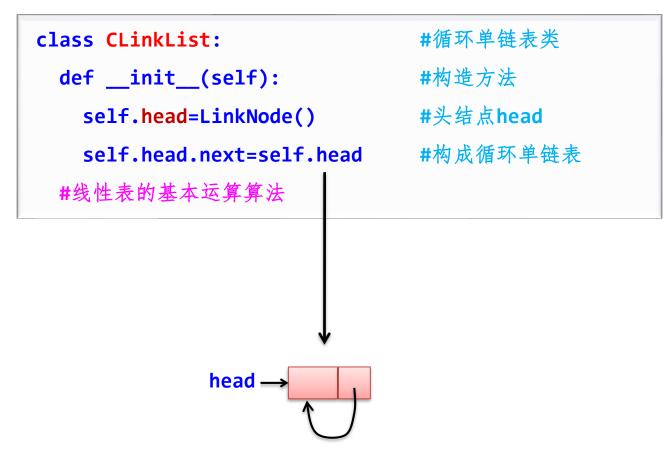
```
#求解算法
def Swap(L,x):
                              #p指向首结点
 p=L.dhead.next
 q=None;
                              #查找最后一个值为x的结点q
 while p!=None:
   if p.data==x:q=p
   p=p.next
                              #不存在X结点或者该结点是首结点
 if q==None or L.dhead.next==q:
                              #直接返回
   return
 else:
                              #找到值为x的结点q
   pre=q.prior
                              #删除q结点
   pre.next=q.next
   if q.next!=None:
      q.next.prior=pre
                              #将q结点插入到pre结点之前
   pre.prior.next=q
   q.prior=pre.prior
   pre.prior=q;
   q.next=pre
```

2.3.6 循环链表

1. 循环单链表



循环单链表类CLinkList



结点类型与 非循环单链 表中的结点 类型相同 循环单链表的插入和删除结点操作与非循环单链表的相同,所以两者的许多基本运算算法是相似的,主要区别如下:

- 初始只有头结点head,在循环单链表的构造方法中需要通过 head.next=head语句置为空表。
- 循环单链表中涉及查找操作时需要修改表尾判断的条件,例如,用p遍历时,尾结点满足的条件是p.next==head而不是p.next==None。

【例2.15】有一个整数循环单链表L,设计一个算法求值为x的结点个数。

```
def Count(L, x): #求解算法
cnt=0; #cnt置为0
p=L.head.next #首先p指向首结点
while p!=L.head: #遍历循环单链表
if p.data==x:
cnt+=1 #找到一个值为x的结点cnt增1
p=p.next #p后移一个结点
return cnt
```

【例2.16】编写一个程序求解约瑟夫(Joseph)问题。有n个小孩围成一圈,给他们从1开始依次编号,从编号为1的小孩开始报数,数到第m个小孩出列,然后从出列的下一个小孩重新开始报数,数到第m个小孩又出列, …, 如此反复直到所有的小孩全部出列为止, 求整个出列序列。

如当n=6, m=5时的出列序列是5, 4, 6, 2, 3, 1。

解: (1) 设计存储结构

本题采用不带头结点的循环单链表存放小孩圈, 其结点类如下:

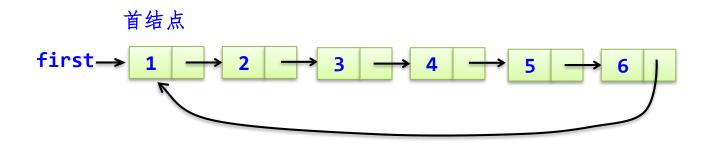
```
class Child: #结点类型

def __init__(self,no1): #构造方法

self.no=no1 #编号no属性

self.next=None #next属性
```

例如, n=6时的初始循环单链表如下图所示, first指向开始报数的小孩结点, 初始时指向首结点。



(2) 设计基本运算算法

设计一个求解约瑟夫问题的Joseph类, 其中包含:

- n、m整型成员和首结点指针first成员。
- 构造方法用于建立有n个结点的不带头结点的循环单链表first。
- Jsequence方法用于产生约瑟夫序列的字符串。

```
class Joseph:
                                   #求解约瑟夫问题类
                                   #构造方法
 def __init__(self, n1, m1):
   self.n=n1
   self.m=m1
                                   #循环单链表首结点
   self.first=Child(1);
   t=self.first
   for i in range(2,self.n+1):
                                   #建立一个编号为i的新结点p
      p=Child(i)
                                   #将p结点链到末尾
      t.next=p
      t=p
                                   #构成一个首结点为first的循环单链表
   t.next=self.first
```

```
def Jsequence(self):
                           #求约瑟夫序列
                           #共出列n个小孩
 for i in range(1,self.n+1):
                           #每次都从first开始
   p=self.first
   j=1
                           #从first结点开始报数,报到第m-1个结点
   while j<self.m-1:
                           #报数递增
     j+=1
                           #移到下一个结点
     p=p.next
                           #q指向第m个结点
   q=p.next
                           #该结点的小孩出列
   print(q.no,end=' ')
                           #删除q结点
   p.next=q.next
                           #从下一个结点重新开始
   self.first=p.next
 print()
```

(3) 设计主程序

设计如下主程序求解一个约瑟夫序列。

```
n=6
m=3
L=Joseph(n,m)
print("n=%d, m=%d的约瑟夫序列:" %(n,m))
L.Jsequence()
```

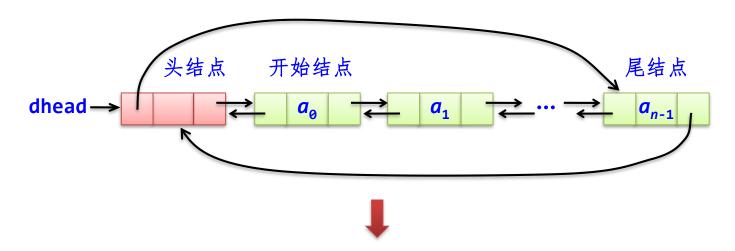
(4) 执行结果

本程序的执行结果如下:

n=6, m=3的约瑟夫序列:

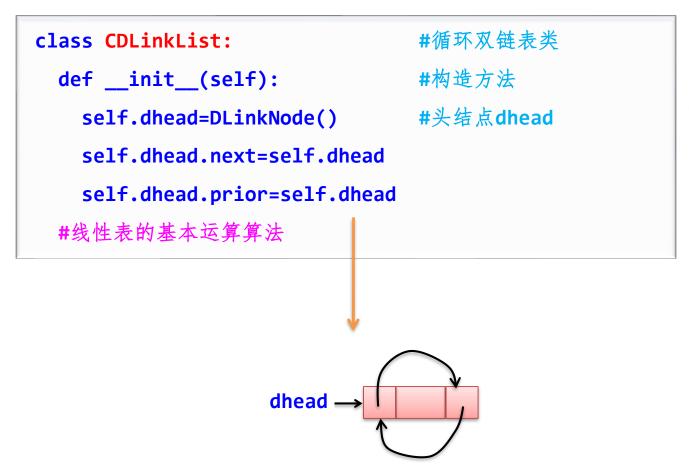
3 6 4 2 5 1

2. 循环双链表



- 形成两个环
- 可以快速找到尾结点

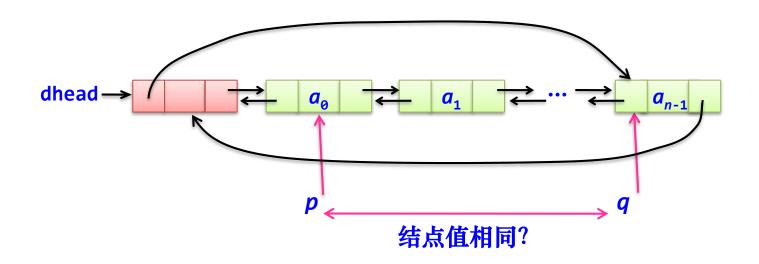
循环双链表类DCLinkList



结点类型与 非循环双链 表中的结点 类型相同 循环双链表的插入和删除结点操作与非循环双链表的相同,所以两者的许多基本运算算法是相似的,主要区别如下:

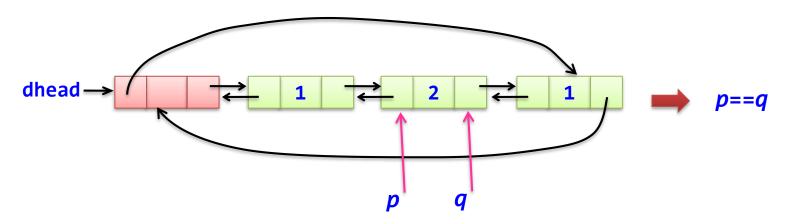
- 初始只有头结点dhead,在循环双链表的构造方法中需要通过 dhead.prior=dhead和dhead.next=dhead两个语句置为空表。
- 循环双链表中涉及查找操作时需要修改表尾判断的条件,例如,用p遍历时, 尾结点满足的条件是p.next==dhead而不是p.next==None。

【例2.18】有一个带头结点的循环双链表L, 其结点data成员值为整数,设计一个算法, 判断其所有元素是否对称。如果从前向后读和从后向前读得到的数据序列相同,表示是对称的;否则不是对称的。

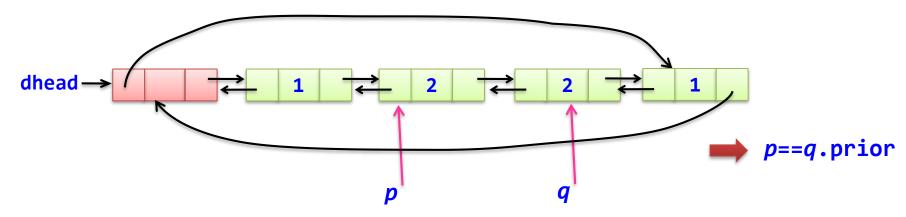


循环结束条件?

(1) 结点个数为奇数



(2) 结点个数为偶数



```
#求解算法
def Symm(L):
                             #flag表示L是否对称,初始时为真
 flag=True;
                            #p指向首结点
 p=L.dhead.next;
                            #q指向尾结点
 q=L.dhead.prior;
 while flag:
                            #对应结点值不相同,置flag为假
   if p.data!=q.data:
      flag=False
   else:
      if p==q or p==q.prior: break
                            #q前移一个结点
      q=q.prior
                            #p后移一个结点
      p=p.next
 return flag
```

2.4 顺序表和链表的比较

1. 基于空间的考虑

结点中数据本身占用的存储量存储密度 = —————

整个结点占用的存储量

一般地,存储密度越大,存储空间的利用率就越高。

- 顺序表的存储密度为1,而链表的存储密度小于1。仅从存储密度看,顺 序表的存储空间利用率高。
- 顺序表需要预先分配初始空间,所有数据占用一整片地址连续的内存空间,如果分配的空间过小,易出现上溢出,需要扩展空间导致大量元素移动而降低效率;如果分配的空间过大,会导致空间空闲而浪费。而链表的存储空间是动态分配的,只要内存有空闲,就不会出现上溢出。
- **结论**: 当线性表的长度变化不大,易于事先确定的情况下,为了节省存储空间,宜采用顺序表作为存储结构。当线性表的长度变化较大,难以估计其存储大小时,为了节省存储空间,宜采用链表作为存储结构。

2. 基于时间的考虑

- 顺序表具有随机存取特性,给定序号查找对应的元素值的时间为0(1), 而链表不具有随机存取特性,只能顺序访问,给定序号查找对应的元 素值的时间为0(n)。
- 在顺序表中插入和删除操作时,通常需要平均移动半个表的元素。而 在链表中插入和删除操作仅仅需要修改相关结点的指针成员,不必移 动结点。
- **结论**: 若线性表的运算主要是查找,很少做插入和删除操作,宜采用顺序表作为存储结构。若频繁地做插入和删除操作,宜采用链表作为存储结构。