

ALGORITMOS GENÉTICOS

Metaheurísticas de Buscas

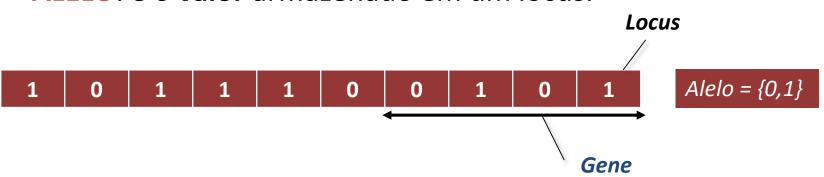
ALGORITMOS GENÉTICOS (AG)

Popularizados por **John Holland** podem ser considerados os primeiros modelos algorítmicos desenvolvidos para <u>inspirados nos sistemas genéticos</u>.

Publicou em 1975 o livro seminal de AG: *Adaptation in Natural and Artificial Systems*

ALGORITMOS GENÉTICOS (AG)

- CROMOSSOMO (ou indivíduo): formado por genes; normalmente um cromossomo representa uma solução completa a um problema.
- GENE: representa uma faceta/característica independente das demais.
- ALELO: é o valor armazenado em um locus.



ALGORITMOS GENÉTICOS (AG)

POPULAÇÃO: conjunto de <u>cromossomos</u> ou de <u>indivíduos</u>.

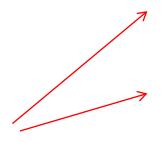
- SELEÇÃO: Sobrevivência do melhor; manter os indivíduos de maior adequabilidade (fitness) da população.
- REPRODUÇÃO: realizada pelos operadores abaixo
 Crossover: cruzamento entre pares de cromossomos
 Mutação: modificação de genes de um cromossomo

AG no contexto de Busca em IA

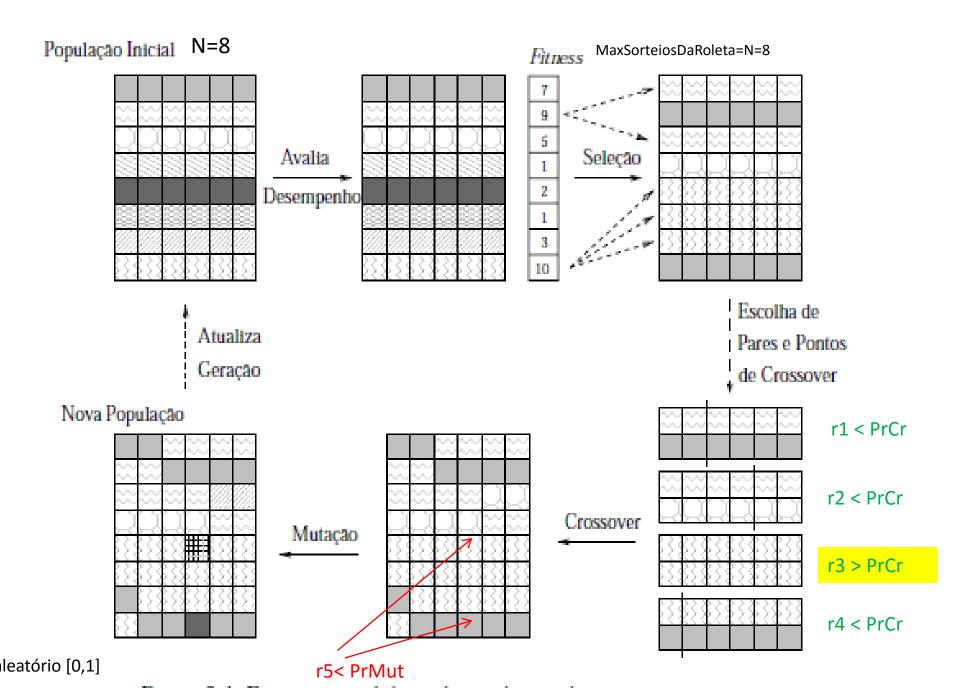
CARACTERÍSTICAS

- Busca informada: utiliza função de fitness que guia o algoritmo
- Busca local: não guarda a informação do caminho para chegar à solução
- Estados sucessores gerados pela combinação de dois estados pais
- Função de adequação ou fitness: f(n) = h(n)
 f(indivíduo) = função de adequação ou fitness (indivíduo)
- Útil quando o espaço de estados é muito grande ou muito complexo para tratamento analítico

ESQUEMA GERAL DE EVOLUÇÃO DE UM ALGORITMO GENÉTICO



Esquema Geral de um Agoritmo Genético



AG Canônico

- Codificação Binária
- Seleção
 - Reprodução (método da roleta)
- Reprodução
 - Crossover simples (pCROSS)
 - Mutação Uniforme (pMUT)
- Sobrevivência
 - Melhores (entre pais e filhos) irão compor a nova população
- Condição de parada
 - Geração = MaxGer ou
 - Fitness = máximo atingido ou
 - Estagnação do melhor fitness



AG Canônico: Codificação binária

Cromossomo no AG: cadeia de bits de tamanho L



Cada posição (locus) no cromossomo assume um dos dois possíveis alelos, 0 ou 1.

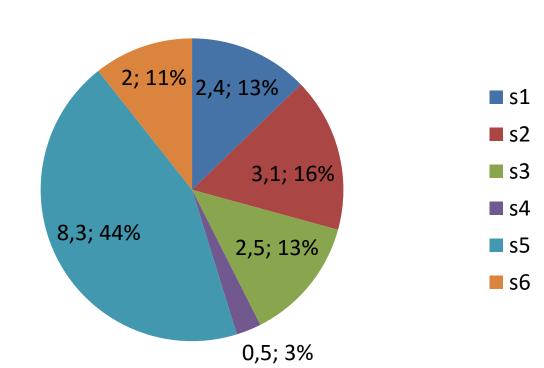
Exemplo: problema da mochila; cada gene indica se um determinado item está ou não na mochila

AG Canônico: seleção por roleta

Método de seleção de cromossomos/indivíduos que seleciona K indivíduos , sendo que os de maior probabilidade são os que apresentam maior *fitness*.

Roleta

Indivíduo	Fitness	Norm.
S1	2,4	13%
S2	3,1	16%
S3	2,5	13%
S4	0,5	3%
S5	8,3	44%
S6	2,0	11%



AG Canônico: Seleção por roleta

Calcula p(s_i) para i=1,...,N:
$$p(s_i) = \frac{fitness(s_i)}{\sum_{k=1}^{N} fitness(s_k)}$$

Algoritmo de seleção por roleta: sorteia um indivíduo por chamada

```
i=1;
soma = p(s_i)
Sorteia r \in [0, 1]
enquanto soma < r
i=(i+1)
soma = soma + p(s_i)
fim \ enquanto
Retorna s_i
```

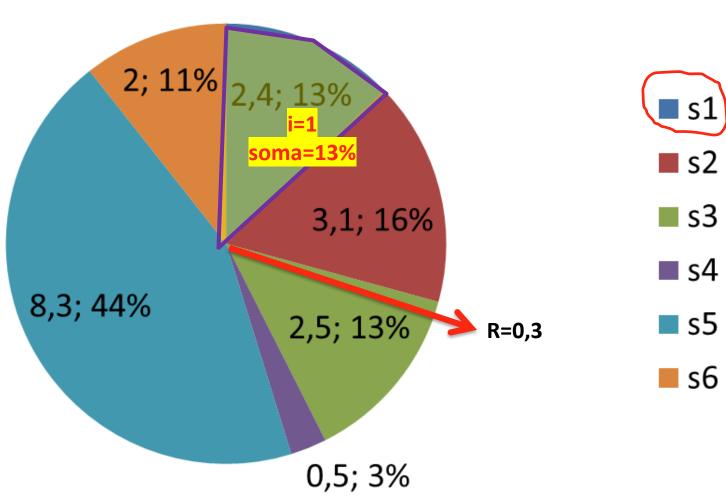
INICIALIZAÇÃO

Roleta

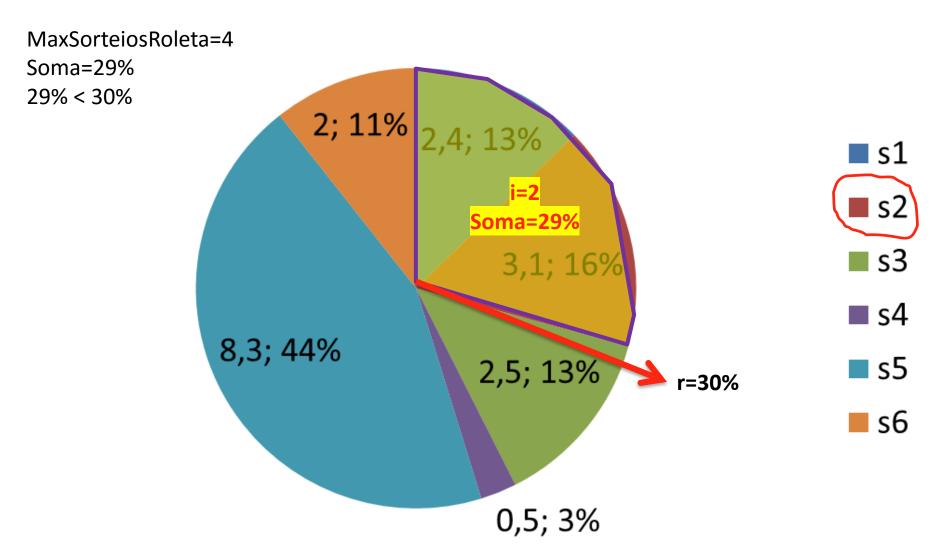
soma := p(s1) = 13%

r=30%

13% < 30%

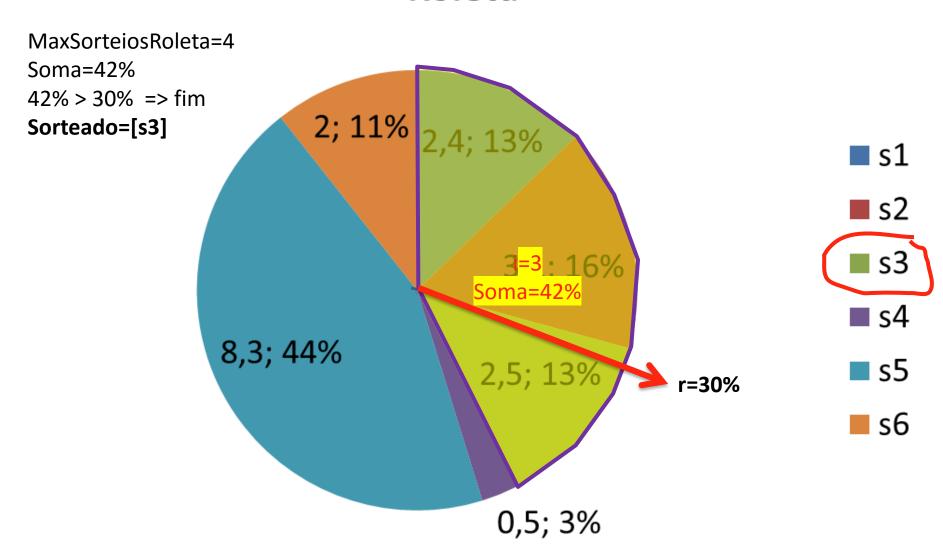


SORTEIO Roleta



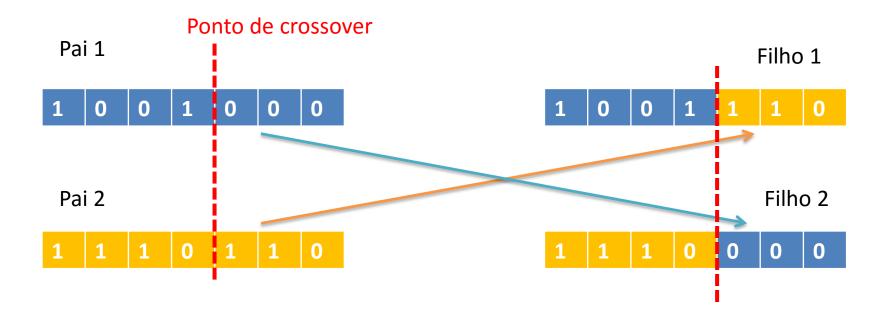
SORTEIO

Roleta

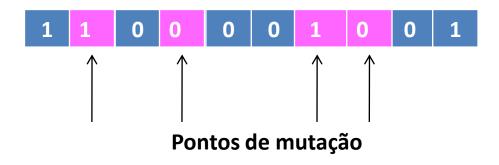


AG Canônico: Reprodução e crossover

Crossover Simples (1 ponto): posição de cruzamento escolhida aleatoriamente.



AG Canônico: Reprodução e Mutação

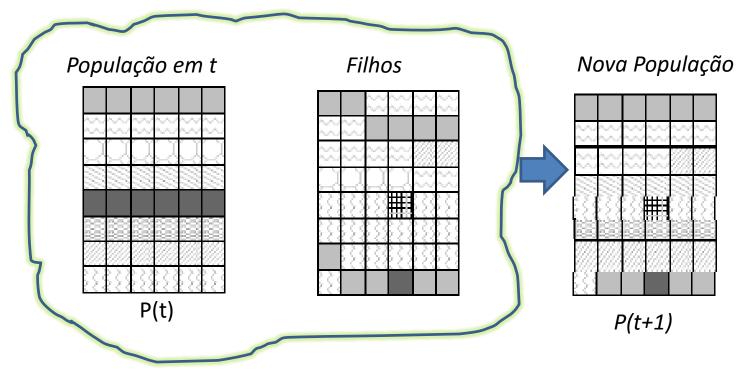


Posições são **escolhidas aleatoriamente**.

Mutação realizada com **probabilidade baixa** (tipicamente 0.05)

AG Canônico: sobrevivência

Sobrevivência dos Melhores: selecionar entre **pais e descendentes (filhos)** para compor a nova população



P(t+1)= Melhores(P(t) U Filhos)

AG Canônico: pseudo-código

```
C:=\{c_1, \ldots, c_n\} população inicial de tamanho N
R tamanho da descendência ou reprodução (normalmente K = N)
pCROSS: probabilidade de fazer crossover (valor típico 0.8)
pMUT: Probabilidade de fazer mutação nos alelos (valor típico 0.05)
AGCanônico (C, N, R, pCROSS, pMUT) {
  Para todo c; de C, calcular fitness(c;);
  geracao:=0;
  do {
     // D = Descendentes = nova geração, calculada a partir de C
     D := selecionar R cromossomos de C pelo método da roleta;
     D' := cruzamento(D); // geração de dois filhos por par (d<sub>1</sub>, d<sub>2</sub>), (d<sub>3</sub>, d<sub>4</sub>),..., (d<sub>k-1</sub>, d<sub>k</sub>)
         de D fazendo crossover com probabilidade pCROSS
     D":= para todo cromossomo d; de D', para cada alelo a; de d;, mutar aj
         com probabilidade pMUT;
     Para todo d; de D", calcular fitness(d;);
     // Selecionar melhores entre pais e filhos
     C := selecionar n melhores cromossomos de <math>C \sqcup D'';
     geracao++;
   } while (geracao<MAX GERACOES and !objetivo-alcançado and
               !melhor-fitness estagnado);
   retornar c; de C com melhor fitness;
```

AG Canônico: resumo

- Representação do indivíduo: codificação binária
- Seleção
 - Roleta
- Reprodução
 - Crossover simples com seleção aleatória de pares (pais)
 - Mutação Uniforme
- Sobrevivência
 - Melhores entre pais e filhos para compor a nova população

EXEMPLOS

PROBLEMA DAS 8 RAINHAS

Solução por Codificação binária (matriz binária) -> vetor de bits

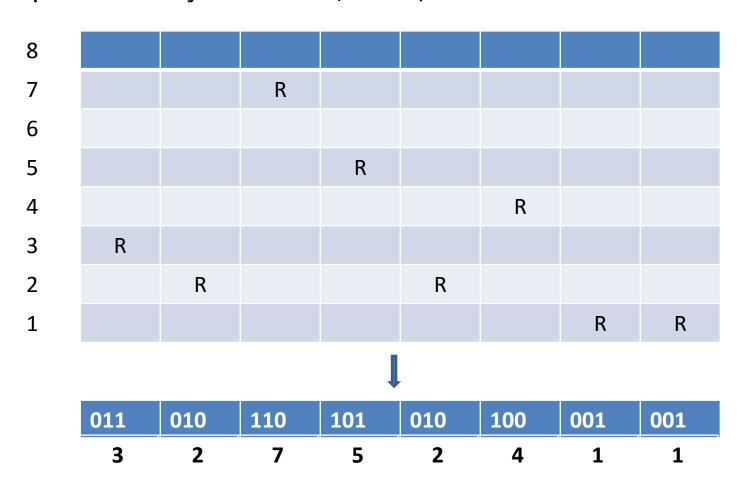
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	0	0	0	1	0	0
1	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	1	0	0	0
0	0	0	0	0	0	1	1

1ª coluna

0 0 0 0 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

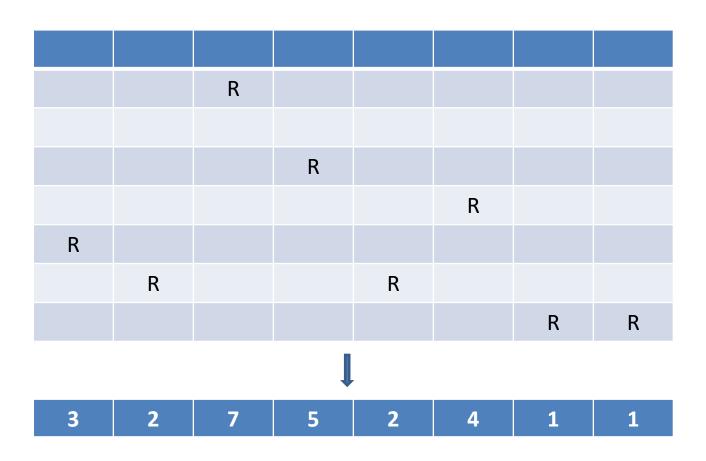
PROBLEMA DAS 8 RAINHAS

Solução por codificação binária (obtida por conversão inteiro-> binário)



PROBLEMA DAS 8 RAINHAS

Solução por Codificação inteira



Problema da Mochila

Problema da mochila: Um viajante deve levar consigo, apenas uma mochila. Essa mochila possui uma capacidade limitada e deve ser carregada apenas com objetos que serão úteis durante a viagem. Cada objeto é único e possui um peso e um determinado valor.

Que objetos devem ser levados pelo viajante de forma a maximizar o valor da mochila?

Problema da mochila

onde v_i é o valor i-ésimo objeto, w_i o seu peso, x_i indica se o objeto aparece ou não na mochila e C define a capacidade da mochila (em termos de peso).

Obj(i=1,n)	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
Peso(kg)	3	8	12	2	8	4	4	5	1	1	8	6	4	3
Valor	1	3	1	8	9	3	2	8	5	1	1	6	3	2
Obj(i=1,n)	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25	26	27	28
Peso(kg)	3	5	7	3	5	7	4	3	7	2	3	5	4	3
Valor	5	2	3	8	9	3	2	4	5	4	3	1	3	2

Capacidade da mochila=28Kg

Problema da mochila

Solução por Codificação binária (matriz binária) -> vetor de bits

item presente: 1

item ausente: 0

ITENS

1	2	3	4	5	6	7	8	9	1 0	1 1	1 2	1 3	1 4	1 5	1 6	1 7	1 8	1 9	2 0	2	2 2	2 3	2 4	2 5	2 6	2 7	2 8
0	0	1	0	1	1	0	1	0	0	1	1	1	0	1	0	1	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0	0

AG EM PROBLEMAS DE PERMUTAÇÃO

Problemas de permutação

Solução = determina a ordem de uma sequência de eventos

Exemplos

- caixeiro viajante: determinar a ordem de visita das cidades minimizando a distância percorrida (problema de otimização de rotas)
- scheduling: ordem de operações para minimizar tempo de produção de peças)
- Que codificação utilizar?
- Quais operadores utilizar?

Problemas de Permutação

Normalmente utiliza-se

Codificação numérica que indica a ordem do elemento

Codificação posicional: a posição do elemento (cidade) no cromossomo indica a ordem (de visita)

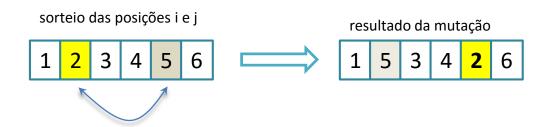
```
Caixeiro viajante
cidade G B I D A F E I C = cromossomo
ordem visita 1 2 3 4 5 6 7 8 9
```

AG em Problemas de Permutação: tipos de mutação

Mutação baseada em posição: retira alelo da posição i e insere em j



Mutação baseada em ordem: troca elemento da posição i com o da j



AG em Problemas de Permutação: tipos de mutação

Mutação por embaralhamento Selecionar aleatoriamente uma sublista e embaralhá-la.



AG em Problemas de Permutação: tipos de crossover

Crossover de Mapeamento Parcial (PMX)

