

Algoritmos y Estructuras de Datos II

Trabajo Práctico 1: Diseño:

Grupo OBQFXPNESQVEOWESHFRFW

Departamento de Computación

Facultad de Ciencias Exactas y Naturales

Universidad de Buenos Aires

Juego de Palabras

Integrante	LU	Correo electrónico
Higa, Leandro	1444/21	leanhiga12@gmail.com
Iturraspe, Santiago	130/17	sj_iturraspe@hotmail.com
Romero, Tomás Augusto	564/21	tomas.a.romero0711@gmail.com

Reservado para la cátedra

Instancia	Docente	Nota
Primera entrega		
Segunda entrega		

1. Diseño del Juego

Módulo Juego

Interfaz

parámetros formales

géneros α
función $\text{COPIAR}(\text{in } a: \alpha) \rightarrow \text{res}: \alpha$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{\text{res} = a\}$
Complejidad: $\Theta(\text{copy}(a))$
Descripción: función copia de α 's

se explica con: JUEGO

géneros: juego(α)

operaciones básicas:

NUEVOJUEGO(**in** $\text{cantJug}: \text{nat}$, **in** $v: \text{Variante}$, **in** $r: \text{cola}(\text{Letra})$) $\rightarrow \text{res}: \text{juego}$
Pre $\equiv \{\text{longitud}(r) \geq (\text{tamañoTablero}(v))^2 + \text{cantJug} * \#\text{fichas}(v)\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{nuevoJuego}(\text{cantJug}, v, r)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(N^2 + |\Sigma|K + FK)$
Descripción: Genera un nuevo juego
Aliasing: Res se devuelve por referencia.

UBICAR(**in/out** $j: \text{juego}$, **in** $o: \text{ocurrencia}$)
Pre $\equiv \{\text{jugadaValida?}(j, o)\}$
Post $\equiv \{\text{ubicar}(j, o)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(m)$, donde m es la cantidad de fichas que se ubican
Descripción: Genera instancia de juego ubicando las Letras en las ubicaciones que eligió un jugador en un turno determinado.
Aliasing: El juego entra y sale por referencia.

VARIANTE(**in** $j: \text{juego}$) $\rightarrow \text{res}: \text{variante}$
Pre $\equiv \{\text{True}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{variante}(j)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: Devuelve la variante del juego.
Aliasing: la variante se devuelve por referencia.

JUGADAVÁLIDA?(**in** $j: \text{juego}$) $\rightarrow \text{res}: \text{bool}$
Pre $\equiv \{\text{True}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{jugadaValida?}(j)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(L_{Max}^2)$
Descripción: res es True si y sólo si la jugada es válida.
Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

TURNOS(**in** $j: \text{juego}$) $\rightarrow \text{res}: \text{nat}$
Pre $\equiv \{\text{True}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{turno}(j)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: Devuelve a quien le toca en el turno actual, devolverá el correspondiente al jugador que le corresponda jugar.

Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

PUNTAJE(**in** j : juego, **in** jug : nat) $\rightarrow res$: nat
Pre $\equiv \{jug \leq \#jugadores(j)\}$
Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \text{puntaje}(j, jug)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1 + m * L_{Max})$
Descripción: Devuelve el puntaje de un jugador válido en un juego.
Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

#JUGADORES(**in** j : juego) $\rightarrow res$: nat
Pre $\equiv \{\text{True}\}$
Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \#jugadores(j)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: Devuelve la cantidad de jugadores del juego
Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

#FICHAS(**in** j : juego, **in** jug : nat, **in** l : letra) $\rightarrow res$: nat
Pre $\equiv \{jug \leq \#jugadores(j)\}$
Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \#fichas(j, jug, l)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: Devuelve la cantidad de fichas de una letra que tiene un jugador en un juego.
Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

TABLERO(**in** j : juego) $\rightarrow res$: tablero
Pre $\equiv \{\text{True}\}$
Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \text{tablero}(j)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: Devuelve el tablero del juego.
Aliasing: Devuelve el tablero por referencia.

FICHAS_JUGADORES(**in** j : juego) $\rightarrow res$: vector(vector(nat))
Pre $\equiv \{\text{True}\}$
Post $\equiv \{(\text{tam}(res) = \#Jugadores(j)) \wedge_L (\forall i : \text{nat})(0 \leq i < \text{tam}(res) \rightarrow_L r\hat{e}s[i] =_{obs} \text{fichas}(j, i))\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: Devuelve un vector de vectores que indican la cantidad de fichas de cada letra que tiene cada jugador.
Aliasing: Devuelve res por referencia.

REPOSITORIO(**in** j : juego) $\rightarrow res$: cola(letra)
Pre $\equiv \{\text{True}\}$
Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \text{repositorio}(j)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: Devuelve el repositorio del juego.
Aliasing: Devuelve el repositorio por referencia.

Implementación

Representación

juego se representa con **estr**
 donde **estr** es tupla(
 tablero : tablero,
 fichas_jugadores: vector(vector(nat)),

```

puntaje_jugadores: vector(nat),
turno: nat,
repositorio: cola(letra),
variante: variante,
ocurrencias: vector( cola(ocurrencia) )

```

Rep : estr \rightarrow bool

Rep(e) \equiv true \iff

1. universo de jugadores es entre 0 y longitud(e.fichas_Jugadores)
2. longitud(e.fichas_jugadores) = longitud(e.puntaje_jugadores) = longitud(e.ocurrencias)
3. universo de fichas es entre 0 y longitud de puntajeLetras(e.variante). Cada posición refiere a una letra.
4. $(\forall n: \text{nat})(0 \leq n < \text{longitud}(\text{fichas_jugadores}) \rightarrow_L ((\forall i: \text{nat})(0 \leq i < \text{longitud}(\text{fichas_jugadores}[n] \rightarrow_L i < \text{longitud}(\text{puntajeLetras}(\text{e.variante}))))))$ (todas las fichas de cada jugador deben pertenecer al abecedario/palabras_Legitimas de variante)
5. la suma de la cantidad de fichas de los e.fichas_Jugadores y e.repositorio debe ser mayor o igual a la cantidad de coordenadas de un tablero más la cantidad de jugadores por la cantidad de fichas de variante ($N^2 + K \cdot F$)
//interfaz variante
6. todas las palabras que pueden formarse de manera vertical y horizontal en el tablero, a partir de las fichas ubicadas, deben ser palabrasLegitimas.
7. todas las ocurrencias de todos los jugadores deben ser jugadas válidas. (en e.ocurrencias[i], donde i puede ser cualquiera de los jugadores, y cada jugador tiene una cola de ocurrencias asociadas, a estas ocurrencias se hacen referencia)
8. tamaño(e.tablero) = tamañoTablero(e.variante)
9. $(\forall n: \text{nat})(0 \leq n < \text{longitud}(\text{fichas_jugadores}) \rightarrow_L \text{longitud}(\text{fichas_jugadores}[n] = \# \text{fichas}(\text{e.variante})))$ (la cantidad de fichas que posee cada jugador debe ser la misma que $\# \text{fichas}(\text{e.variante})$)
10. cada ocurrencia de ocurrencias debe aparecer en el tablero ya que son jugadas validas realizadas por los jugadores en sus turnos.(en e.ocurrencias[i], donde i puede ser cualquiera de los jugadores, y cada jugador tiene una cola de ocurrencias asociadas, a estas ocurrencias se hacen referencia)
11. cada letra del e.repositorio debe estar entre 0 y longitud(puntajeLetras(e.variante)), ya que este sería el universo de letras/abecedario.
12. turno \leq longitud(puntaje_jugadores)

Abs : estr $e \rightarrow$ juego

{Rep(e)}

Abs(e) $\equiv j : \text{juego} \mid$ variante(j) = e.variante \wedge
 $\# \text{jugadores}(j) = \text{longitud}(\text{e.fichas_Jugadores}) \wedge$
repositorio(j) = e.repositorio \wedge
tablero(j) = e.tablero \wedge
turno(j) = e.turno \wedge
 $(\forall \text{jug: nat})(0 \leq \text{jug} \leq \# \text{jugadores}(j) \rightarrow_L \text{puntaje}(j, \text{jug}) = \text{e.puntaje_Jugadores}[\text{jug}] \wedge \text{fichas}(j, \text{jug}) = \text{e.fichas_Jugadores}[\text{jug}])$

Algoritmos

```

iNUEVOJUEGO( in cantJug : nat, in v : variante, in r : cola(letra)) → res : estr
1: variante ← v
2: tablero ← nuevoTablero(tamañoTablero(v))                                ▷  $\mathcal{O}(n^2)$ 
3: turno ← 0
4: ocurrencias ← vacio()
5: fichas_Jugadores ← vacio()
6: puntaje_Jugadores ← vacio()
7: mientras longitud(fichas_Jugadores) < cantJug hacer                      ▷  $\mathcal{O}(K)$ 
8:   AgregarAtras( fichas_Jugadores, vacio():: vector())
9:   AgregarAtras( puntaje_Jugadores, 0 )
10:  AgregarAtras( ocurrencias, vacio():: cola() )
11: para (i ← 0, i < cantJug, i++) hacer                                       ▷  $\mathcal{O}(|\sum|K)$ 
12:   para (j ← 0, j < longitud(puntajeLetras(v)), j++) hacer
13:    AgregarAtras( fichas_Jugadores[i], 0 )
14: para (i ← 0, i < cantJug, i++) hacer                                       ▷  $\mathcal{O}(FK)$ 
15:   para (j ← 0, j < #fichas(v), j++) hacer
16:    fichas_Jugadores[i][proximo(r)] ← fichas_Jugadores[i][proximo(r)] + 1
17:    desencolar(r)
18: repositorio ← r
19: res ← ⟨tablero, fichas_Jugadores, puntaje_Jugadores, turno, repositorio, ocurrencias⟩
Complejidad:  $\mathcal{O}(N^2 + |\sum|K + FK)$ 

```

¡JUGADA VÁLIDA(**in** $j_0 : \text{estr}$, **in** $o : \text{ocurrencia}$) $\longrightarrow res : \text{bool}$

```

1:  $j \leftarrow ubicar(j_0, o) \triangleright \mathcal{O}(m)$ , m siendo la cantidad de fichas que se ubican, m es menor o igual que  $L\_Max$ , porque
   todas las letras de la jugada deben formar una palabra legítima. Paso por referencia j.
2:  $palabraCoreInlcuyeTodasLasFichas \leftarrow true$ 
3: si  $vacio?(o)$  entonces
4:    $res \leftarrow true$ 
5: else
6:   si  $cardinal(o) == 1$  entonces
7:      $res \leftarrow \neg hayLetra(j.tablero, siguiente(it)_1, siguiente(it)_2) \&\& todasLegitimas?(j, palabrasUbicadas(j, o))$ 
8:   else
9:      $it \leftarrow crearIt(o)$ 
10:    si  $siguiente(it)_2 = siguiente( avanzar(it) )_2$  entonces
11:       $it \leftarrow crearIt(o)$ 
12:       $oHorizontal \leftarrow vacio() :: ocurrencia$ 
13:       $prim \leftarrow siguiente(it)_1$ 
14:      para  $(i \leftarrow siguiente(it)_1,$ 
         $enTablero?(j.tablero, i, siguiente(it)_2) \&\& hayLetra?(j.tablero, i, siguiente(it)_2), i--$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L\_Max)$ 
15:         $prim \leftarrow i$ 
16:        para  $(i \leftarrow prim,$ 
           $enTablero?(j.tablero, i, siguiente(it)_2) \&\& hayLetra?(j.tablero, i, siguiente(it)_2), i++$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L\_Max)$ 
17:             $AgregarRapido(oHorizontal, <i, siguiente(it)_2, letra(j.tablero, i, siguiente(it)_2) > )$ 
18:             $itO \leftarrow crearIt(o)$ 
19:            mientras  $haySiguiente?(itO)$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(m * L\_Max)$ 
20:              si  $\neg(pertenece?(oHorizontal, siguiente(itO)))$  entonces
21:                 $palabraCoreInlcuyeTodasLasFichas \leftarrow false$ 
22:                 $palabras \leftarrow palabrasUbicadas(j, oHorizontal) \triangleright \mathcal{O}(m * L\_Max)$ , siendo m esta vez  $L\_Max$ 
23:            else
24:               $it \leftarrow crearIt(o)$ 
25:               $oVertical \leftarrow vacio() :: conjuntoLineal()$ 
26:               $prim \leftarrow siguiente(it)_2$ 
27:              para  $(i \leftarrow siguiente(it)_2,$ 
                 $enTablero?(j.tablero, siguiente(it)_1, i) \&\& hayLetra?(j.tablero, siguiente(it)_1, i), i--$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L\_Max)$ 
28:                 $prim \leftarrow i$ 
29:                para  $(i \leftarrow prim,$ 
                   $enTablero?(j.tablero, siguiente(it)_1, i) \&\& hayLetra?(j.tablero, siguiente(it)_1, i), i++$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L\_Max)$ 
30:                     $AgregarRapido(oVertical, <siguiente(it), i, letra(j.tablero, siguiente(it), i) > )$ 
31:                     $itO \leftarrow crearIt(o)$ 
32:                    mientras  $haySiguiente?(itO)$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(m * L\_Max)$ 
33:                      si  $\neg(pertenece?(oVertical, siguiente(itO)))$  entonces
34:                         $palabraCoreInlcuyeTodasLasFichas \leftarrow false$ 
35:                         $palabras \leftarrow palabrasUbicadas(j, oVerical) \triangleright \mathcal{O}(m * L\_Max)$ , siendo m esta vez  $L\_Max$ 
36:                         $res \leftarrow (celdasLibres?(j.tablero, o) \&\& (palabraCoreInlcuyeTodasLasFichas \&\& todasLegitimas?(j, palabras)))$ 

```

Complejidad: $\mathcal{O}(L_{Max}^2)$
Justificación: -armar $oHorizontal$ o $oVerical$ es $\mathcal{O}(L_{Max})$, saber $palabraCoreInlcuyeTodasLasFichas$ es $\mathcal{O}(m * L_{Max})$, m siendo la longitud de o,

- conseguir las palabras ubicadas es $\mathcal{O}(L_{Max}^2)$,

- verificar que todas sean legítimas es $\mathcal{O}(L_{Max}^2)$ porque $todasLegitimas?$

es $\mathcal{O}(|os| * L_{Max})$ y $|os|$ en esta caso es a lo sumo L_{Max} , porque la palabra que incluye a todas las fichas, a lo sumo genera una L_{Max} más.

- $celdasLibres?$ es $\mathcal{O}(L_{Max})$ por ser lineal con respecto a la longitud de o, que esta no puede ser mayor a L_{Max} ya que la jugada o todas las letras deben formar una palabra legítima en común.

iUBICAR(in/out j : estr, in o : ocurrencia)

```

1: encolar(j.ocurrencias[j.turno], o)
2:  $aQuienLeToca \leftarrow (j.turno)$ 
3:  $itO \leftarrow crearIt(o)$ 
4: mientras (haySiguiente(itO)) hacer
5:   ponerLetra(j.tablero, siguiente(itO)1, siguiente(itO)2, siguiente(itO)3)
6:    $cantAnterior \leftarrow j.fichas\_Jugadores[aQuienLeToca][siguiente(itO)_3]$ 
7:    $j.fichas\_Jugadores[aQuienLeToca][siguiente(itO)_3] \leftarrow cantAnterior - 1$ 
8:   avanzar(itO)
9:  $itO \leftarrow crearIt(o)$ 
10: mientras haySiguiente(itO) hacer
11:    $cantAnterior \leftarrow j.fichas\_Jugadores[aQuienLeToca][proximo(j.repositorio)]$ 
12:    $j.fichas\_Jugadores[aQuienLeToca][proximo(j.repositorio)] \leftarrow cantAnterior + 1$ 
13:   desencolar(j.repositorio)
14:   avanzar(itO)
15:  $j.turno \leftarrow (j.turno + 1) \bmod j.\#jugadores$ 
    =0

```

Complejidad: $\mathcal{O}(m)$

iVARIANTE(in j : estr) $\rightarrow res$: variante

```

1:  $res \leftarrow j.variante$ 
2: Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 
3: Justificación: res se devuelve por referencia. =0

```

iTURNNO(in j : estr) $\rightarrow res$: nat

```

1:  $res \leftarrow j.turno$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

iPUNTAJE(in j : estr, in jug : nat) $\rightarrow res$: nat

```

1:  $punt \leftarrow j.puntaje\_Jugadores[jug]$ 
2: mientras not(esVacia?(j.ocurrencias[jug])) hacer
3:    $punt \leftarrow punt + puntajePalabras(j, palabrasUbicadas(j, proximo(j.ocurrencias[jug])))$   $\triangleright \mathcal{O}(m * L\_Max)$ ,
     siendo m la cantidad de fichas ubicadas en una jugada determinada
4:   desencolar(j.ocurrencias[jug])
5:  $res \leftarrow punt$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1 + M * L\_Max)$ , siendo M la cantidad de fichas que ubicó el jugador desde la última vez que se
   invocó a esta operación.
   Justificación: va a operar puntajeObtendo tanto como fichas ubicadas desde la última vez que se invocó esta
   operación.

```

i#JUGADORES(in j : estr) $\rightarrow res$: nat

```

1:  $res \leftarrow longitud(j.fichas\_Jugadores)$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

i#FICHAS(in j : estr, in jug : nat, in l : letra) $\rightarrow res$: nat

```

1:  $res \leftarrow j.fichas\_Jugadores[jug][l]$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

iTodasLegítimas?(in $j : \text{estr}$, in $os : \text{conj(ocurrencia)}$) $\longrightarrow res : \text{bool}$

```

1:  $res \leftarrow true$ 
2:  $itOs \leftarrow crearIt(os)$ 
3: mientras haySiguiente(itOs) hacer  $\triangleright \mathcal{O}(|os| * L_{Max})$ 
4:    $itO \leftarrow crearIt(siguiente(itOs))$ 
5:    $colaLetras \leftarrow vacio()$ 
6:   si siguiente(itO)2 == siguiente(avanzar(itO))2 entonces
7:      $itO \leftarrow crearIt(siguiente(itOs))$ 
8:      $prim \leftarrow siguiente(itO)_1$ 
9:     para ( $i \leftarrow siguiente(it)_1$ ,
10:     $enTablero?(j.tablero, i, siguiente(it)_2) \ \&\& \ hayLetra?(j.tablero, i, siguiente(it)_2), i--$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L_{Max})$ 
11:       $prim \leftarrow i$ 
12:      para ( $i \leftarrow siguiente(it)_1$ ,
13:       $enTablero?(j.tablero, i, siguiente(it)_2) \ \&\& \ hayLetra?(j.tablero, i, siguiente(it)_2), i++$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L_{Max})$ 
14:         $encolar( colaLetras, letra(j.tablero, i, siguiente(it)_2) )$ 
15:      else
16:         $itO \leftarrow crearIt(siguiente(itOs))$ 
17:         $prim \leftarrow siguiente(itO)_2$ 
18:        para ( $i \leftarrow siguiente(itO)_2$ ,
19:         $enTablero?(j.tablero, siguiente(itO)_1, i) \ \&\& \ hayLetra?(j.tablero, siguiente(itO)_1, i), i--$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L_{Max})$ 
20:           $prim \leftarrow i$ 
21:          para ( $i \leftarrow prim$ ,
22:           $enTablero?(j.tablero, siguiente(itO)_1, i) \ \&\& \ hayLetra?(j.tablero, siguiente(itO)_1, i), i++$  hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L_{Max})$ 
23:             $encolar( colaLetras, letra(j.tablero, siguiente(itO)_1, i) )$ 
24:          si  $\neg$ palabraLegitima?(  $j.variante, colaLetras$  ) entonces  $\triangleright \mathcal{O}(L_{Max})$ 
25:             $res \leftarrow false$ 
26:          avanzar(itOs)

```

Complejidad: $\mathcal{O}(|os| * L_{Max})$

iPALABRASUBICADAS(**in** j : **estr**, **in** o : **ocurrencia**) \rightarrow res : **conj**(**ocurrencia**)

```

1: si vacio?( $o$ ) entonces
2:    $res \leftarrow \text{vacio}()$ 
3: else
4:   si cardinal( $o$ ) = 1 entonces
5:      $it \leftarrow \text{crearIt}(o)$ 
6:      $oHorizontal \leftarrow \text{vacio}() :: \text{ocurrencia}$ 
7:      $prim \leftarrow \text{siguiente}(it)_1$   $\triangleright$  donde va a estar la primera tupla de la palabra para luego agregar las tuplas en
orden respecto a la palabra.
8:     para ( $i \leftarrow \text{siguiente}(it)_1$ , enTablero?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2) && hayLetra?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2),
 $i--$ ) hacer
9:        $prim \leftarrow i$ 
10:    para ( $i \leftarrow prim$ , enTablero?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2) && hayLetra?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2),  $i++$ )
hacer
11:      AgregarRapido( $oHorizontal$ ,  $\langle i, \text{siguiente}(it)_2, \text{letra}(j.\text{tablero}, i, \text{siguiente}(it)_2) \rangle$ )
12:      AgregarRapido( $res$ ,  $oHorizontal$ )
13:       $oVertical \leftarrow \text{vacio}() :: \text{ocurrencia}$ 
14:       $prim \leftarrow \text{siguiente}(it)_2$   $\triangleright$  donde va a estar la segunda tupla de la palabra.
15:      para ( $i \leftarrow prim$ , enTablero?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )1) && hayLetra?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )1),  $i--$ )
hacer
16:         $prim \leftarrow i$ 
17:      para ( $i \leftarrow prim$ , enTablero?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2) && hayLetra?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2),  $i++$ )
hacer
18:        AgregarRapido( $oVertical$ ,  $\langle i, \text{siguiente}(it)_1, \text{letra}(j.\text{tablero}, i, \text{siguiente}(it)_1) \rangle$ )
19:        AgregarRapido( $res$ ,  $oVertical$ )  $\triangleright$  hasta aca es  $\mathcal{O}(L_{max})$ 
20:    else  $\triangleright$  Más de una letra ubicada
21:       $it \leftarrow \text{crearIt}(o)$ 
22:      si siguiente( $it$ )2 = siguiente(avanzar( $it$ ))2 entonces  $\triangleright$  si la  $o$  es horizontal
23:         $iPalabrasUbicadasOHorizontal(j, o, res)$   $\triangleright \mathcal{O}(m * L_{Max})$ 
24:      else  $\triangleright$  Si la  $o$  es vertical
25:         $iPalabrasUbicadasOVertical(j, o, res)$   $\triangleright \mathcal{O}(m * L_{Max})$ 
26: devolver  $res$ 

```

iPALABRASUBICADASOHORIZONTAL(**in** j : **estr**, **in** o : **ocurrencia**, **in/out** res : **conj**(**ocurrencia**))

```

1:  $it \leftarrow \text{crearIt}(o)$ 
2:  $oHorizontal \leftarrow \text{vacio}() :: \text{ocurrencia}$ 
3:  $prim \leftarrow \text{siguiente}(it)_1$   $\triangleright$  donde va a estar la primera tupla de la palabra para luego agregar las tuplas en orden
respecto a la palabra.
4: para ( $i \leftarrow prim$ , enTablero?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2) && hayLetra?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2),  $i--$ ) hacer
5:    $prim \leftarrow i$ 
6: para ( $i \leftarrow prim$ , enTablero?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2) && hayLetra?( $j$ .tablero,  $i$ , siguiente( $it$ )2),  $i++$ ) hacer
7:   AgregarRapido( $oHorizontal$ ,  $\langle i, \text{siguiente}(it)_2, \text{letra}(j.\text{tablero}, i, \text{siguiente}(it)_2) \rangle$ )
8:   AgregarRapido( $res$ ,  $oHorizontal$ )
9: mientras haySiguiente?( $it$ ) hacer  $\triangleright \mathcal{O}(m) \leq \mathcal{O}(L_{max}), |o| = m$ 
10:    $oVertical \leftarrow \text{vacio}() :: \text{ocurrencia}$   $\triangleright$  armo  $oVertical$ , que se formó con siguiente( $it$ )
11:    $prim \leftarrow \text{siguiente}(it)_2$ 
12:   para ( $i \leftarrow \text{siguiente}(it)_2$ , enTablero?( $j$ .tablero, siguiente( $it$ )1,  $i$ ) && hayLetra?( $j$ .tablero, siguiente( $it$ )1,  $i$ ),  $i--$ )
hacer
13:      $prim \leftarrow i$ 
14:   para ( $i \leftarrow prim$ , enTablero?( $j$ .tablero, siguiente( $it$ )1,  $i$ ) && hayLetra?( $j$ .tablero, siguiente( $it$ )1,  $i$ ),  $i++$ ) hacer
15:     AgregarRapido( $oVertical$ ,  $\langle \text{siguiente}(it)_1, i, \text{letra}(j.\text{tablero}, \text{siguiente}(it)_1, i) \rangle$ )  $\triangleright \mathcal{O}(\text{copy}(\text{tupla}))$ 
16:     AgregarRapido( $res$ ,  $oVertical$ )
17:     avanzar( $it$ )  $\triangleright \mathcal{O}(m * L_{Max})$ 

```

iPALABRASUBICADASOVERTICAL(**in** $j : \text{estr}$, **in** $o : \text{ocurrencia}$, **in/out** $res : \text{conj}(\text{ocurrencia})$)

```

1:  $it \leftarrow \text{crearIt}(o)$ 
2:  $oVertical \leftarrow \text{vacio}() :: \text{ocurrencia}$ 
3:  $prim \leftarrow \text{siguiente}(it)_2$   $\triangleright$  donde va a estar la segunda tupla de la palabra para ir agregando.
4: para ( $i \leftarrow \text{siguiente}(it)_2$ ,  $\text{enTablero?}(j.\text{tablero}, i, \text{siguiente}(it)_1)$  &&  $\text{hayLetra?}(j.\text{tablero}, i, \text{siguiente}(it)_1)$ ,  $i--$ )
   hacer
5:    $prim \leftarrow i$ 
6: para ( $i \leftarrow prim$ ,  $\text{enTablero?}(j.\text{tablero}, i, \text{siguiente}(it)_1)$  &&  $\text{hayLetra?}(j.\text{tablero}, i, \text{siguiente}(it)_1)$ ,  $i++$ ) hacer
7:    $\text{AgregarRapido}(oVertical, \langle i, \text{siguiente}(it)_1, \text{letra}(j.\text{tablero}, i, \text{siguiente}(it)_1) \rangle)$ 
8:  $\text{AgregarRapido}(res, oVertical)$   $\triangleright$  hasta aca  $\mathcal{O}(L_{max})$ 
9: mientras  $\text{haySiguiente?}(it)$  hacer
10:   $oHorizontal \leftarrow \text{vacio}() :: \text{ocurrencia}$ 
11:   $prim \leftarrow \text{siguiente}(it)_1$ 
12:  para ( $i \leftarrow \text{siguiente}(it)_1$ ,  $\text{enTablero?}(j.\text{tablero}, \text{siguiente}(it)_2, i)$  &&  $\text{hayLetra?}(j.\text{tablero}, \text{siguiente}(it)_2, i)$ ,  $i--$ )
    hacer
13:     $prim \leftarrow i$ 
14:    para ( $i \leftarrow prim$ ,  $\text{enTablero?}(j.\text{tablero}, \text{siguiente}(it)_2, i)$  &&  $\text{hayLetra?}(j.\text{tablero}, \text{siguiente}(it)_2, i)$ ,  $i++$ ) hacer
15:       $\text{AgregarRapido}(oHorizontal, \langle \text{siguiente}(it)_2, i, \text{letra}(j.\text{tablero}, \text{siguiente}(it)_2, i) \rangle)$   $\triangleright \mathcal{O}(\text{copy}(\text{tupla}))$ 
16:       $\text{AgregarRapido}(res, oHorizontal)$ 
17:       $\text{avanzar}(it)$ 

```

iPUNTAJEPALABRAS(**in** $j : \text{estr}$, **in** $os : \text{conj}(\text{ocurrencia})$) $\rightarrow res : \text{nat}$

```

1: si  $\text{vacio?}(os)$  entonces
2:    $res \leftarrow 0$ 
3: else
4:    $it \leftarrow \text{crearIt}(os)$ 
5:   mientras ( $\text{haySiguiente}(it)$ ) hacer  $\triangleright \mathcal{O}(|os|)$  cantidad de palabras ubicadas
6:      $res \leftarrow res + \text{puntajePalabra}(j, j.\text{tablero}, \text{siguiente}(it))$   $\triangleright \mathcal{O}(L_{Max})$ 
7:      $\text{Avanzar}(it)$ 
8: devolver  $res$ 

```

iPUNTAJEPALABRA(**in** $j : \text{estr}$, **in** $o : \text{ocurrencia}$) $\rightarrow res : \text{nat}$

```

1:  $res \leftarrow 0$ 
2:  $it \leftarrow \text{crearIt}(o)$ 
3: mientras ( $\text{haySiguiente}(it)$ ) hacer  $\triangleright \mathcal{O}(L_{Max})$ 
4:    $res \leftarrow res + \text{puntajeLetra}(j.\text{variante}, \text{siguiente}(it)_3)$   $\triangleright \mathcal{O}(|\text{letra}|) = \mathcal{O}(1)$ , busca en un vector, el puntaje de la letra dado por la posición.
5:    $\text{Avanzar}(it)$ 
6: devolver  $res$ 

```

iTABLERO(**in** $j : \text{estr}$) $\rightarrow res : \text{tablero}$

```

1:  $res \leftarrow j.\text{tablero}$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

iFICHAS_JUGADORES(**in** $j : \text{estr}$) $\rightarrow res : \text{vector}(\text{vector}(\text{nat}))$

```

1:  $res \leftarrow j.\text{fichas\_jugadores}$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

```
IREPOSITORIO(in  $j : \text{estr}$ )  $\rightarrow res : \text{cola}(\text{letra})$ 
```

```
1:  $res \leftarrow j.\text{repositorio}$   

  Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 
```

Servicios usados

TABLERO, VARIANTE, VECTOR, COLA, CONJUNTO LINEAL

Módulos auxiliares

Módulo Tablero

Interfaz

se explica con: TABLERO

géneros: tablero

Operaciones básicas de tablero

NUEVOTABLERO(**in** $n : \text{nat}$) $\rightarrow res : \text{tablero}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nuevoTablero}(n)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(n^2)$

Descripción: genera un nuevo tablero de tamaño n

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

PONERLETRA(**in/out** $t : \text{tablero}$, **in** $i : \text{nat}$, **in** $j : \text{nat}$, **in** $l : \text{letra}$)

Pre $\equiv \{t_0 = t \wedge \text{enTablero?}(t, i, j) \wedge_L \neg \text{hayLetra?}(t, i, j)\}$

Post $\equiv \{t =_{\text{obs}} \text{ponerLetra}(t_0, i, j, l)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: ubica una letra en la posición (i, j)

Aliasing: l se ubica por copia. Tablero entra y sale por referencia.

TAMAÑO(**in** $t : \text{tablero}$) $\rightarrow res : \text{nat}$

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{tamaño}(t)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: devuelve el tamaño del tablero

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

HAYLETRA?(**in** $t : \text{tablero}$, **in** $i : \text{nat}$, **in** $j : \text{nat}$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{enTablero?}(t, i, j)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{hayLetra?}(t, i, j)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: devuelve true si y sólo si hay una letra en la posición (i, j)

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

LETRA(**in** $t : \text{tablero}$, **in** $i : \text{nat}$, **in** $j : \text{nat}$) $\rightarrow res : \text{letra}$

Pre $\equiv \{\text{enTablero?}(t, i, j) \wedge_L \text{hayLetra?}(t, i, j)\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{letra}(t, i, j)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: devuelve la letra en la posición (i, j)

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

$\text{ENTABLERO?}(\text{in } t : \text{tablero}, \text{in } i : \text{nat}, \text{in } j : \text{nat}) \rightarrow \text{res} : \text{bool}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{\text{res} =_{\text{obs}} \text{enTablero?}(t, i, j)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: devuelve true si y sólo si la posición (i, j) es válida
Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

Implementación

Representación

tablero se representa con **estr**

donde **estr** es $\text{tupla}(\text{tamaño} : \text{nat}, \text{tablero} : \text{vector}(\text{vector}(\text{puntero de letra})))$

$\text{Rep} : \text{estr} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff \text{longitud}(e.\text{tablero}) = e.\text{tamaño} \wedge$
 $(\forall i : \text{nat})(0 \leq i < \text{longitud}(e.\text{tablero}) \rightarrow_L \text{longitud}(e.\text{tablero}[i]) = e.\text{tamaño})$

$\text{Abs} : \text{estr } e \rightarrow \text{tablero}$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) \equiv t : \text{tablero} \mid \text{tamaño}(t) = e.\text{tamaño} \wedge$
 $(\forall i, j : \text{nat})(\text{enTablero}(t, i, j) \Rightarrow_L \text{hayLetra?}(t, i, j) = \neg((e.\text{tablero}[i][j]) = \text{NULL}) \wedge$
 $\text{letra}(t, i, j) = *(e.\text{tablero}[i][j]))$

Algoritmos

inuevoTablero(in $n : \text{nat}$) $\rightarrow \text{res} : \text{estr}$

$\text{res.tamaño} \leftarrow n$

$\text{tablero} \leftarrow \text{vector}::\text{Vacía}()$

$i \leftarrow 0$

mientras $i < n$ **hacer**

$\triangleright \mathcal{O}(n)$

$j \leftarrow 0$

$\text{fila} \leftarrow \text{vector}::\text{Vacía}()$

mientras $j < n$ **hacer**

$\triangleright \mathcal{O}(n)$

$\text{agregarAtras}(\text{fila}, \text{NULL})$

$j++$

$\text{agregarAtras}(\text{tablero}, \text{fila})$

$i++$

$\text{res.tablero} \leftarrow \text{tablero}$

Complejidad: $\mathcal{O}(n^2)$

iponerLetra(in/out $t : \text{estr}$, in $i : \text{nat}$, in $j : \text{nat}$, in $l : \text{nat}$)

$t.\text{tablero}[i][j] \leftarrow \&l$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

itamaño(in $t : \text{estr}$) $\rightarrow \text{res} : \text{nat}$

$\text{res} \leftarrow t.\text{tamaño}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

```
ihayLetra?(in t: estr, in i: nat, in j: nat) → res: bool
```

```
res ← t.tablero[i][j]! = NULL
```

```
Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 
```

```
iletra(in t: estr, in i: nat, in j: nat) → res: letra
```

```
res ← *(t.tablero[i][j])
```

```
Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 
```

```
ienTablero?(in t: estr, in i: nat, in j: nat) → res: bool
```

```
res ← i < t.tamaño && j < t.tamaño
```

```
Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 
```

Servicios usados

VECTOR

Módulo Variante

Interfaz

se explica con: VARIANTE

géneros: variante

Operaciones básicas de variante

NUEVA VARIANTE(in n: nat, in f: nat, in puntajeLetras: vector(nat), in palabraLegitima?: conj(secu(letra))) → res: variante

Pre $\equiv \{n > 0 \wedge f > 0\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{nuevaVariante}(n, f, \text{puntajeLetras}, \text{palabraLegitima?})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: genera una nueva variante

Aliasing: Res se devuelve por referencia.

TAMAÑO TABLERO(in v: variante) → res: nat

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{tamañoTablero}(v)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: devuelve el tamaño del tablero en la variante

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

#FICHAS(in v: variante) → res: nat

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \#fichas(v)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: devuelve la cantidad de fichas que tienen que tener los jugadores en todo momento en esta variante

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

PUNTAJE LETRA(in v: variante, in l: letra) → res: nat

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{puntajeLetra}(v, l)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: devuelve la cantidad de puntos que vale la letra dentro de la variante

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

PUNTAJELETRAS(**in** v : variante) $\rightarrow res$: vector(nat)

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{(\forall l : \text{nat})(0 \leq l < \text{tam}(v.\text{puntajeLetras}) \rightarrow_L \text{res}[l] =_{\text{obs}} \text{puntajeLetra}(v, l))\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: devuelve la cantidad de puntos que vale cada letra dentro de la variante

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

PALABRALEGITIMA?(**in** v : variante, **in** ls : cola(letra)) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{\text{true}\}$

Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{palabraLegitima?}(v, ls)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(L_{\text{max}})$

Descripción: devuelve true si y sólo si la palabra esta definida en la variante

Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

Implementación

Representación

variante se representa con **estr**

donde **estr** es $\text{tupla}(\text{tamañoTablero} : \text{nat} , \# \text{fichas} : \text{nat} , \text{puntajeLetras} : \text{vector}(\text{nat}) , \text{palabraLegitima?} : \text{diccDigital}(\text{cola}(\text{letra}), \text{bool}))$

$\text{Rep} : \text{estr} \rightarrow \text{bool}$

$\text{Rep}(e) \equiv \text{true} \iff (\forall cl : \text{cola}(\text{letra})) (cl \in \text{claves}(e.\text{palabraLegitima?}) \rightarrow_L \text{elementosEnRango}(cl, \text{longitud}(e.\text{puntajeLetras})))$

$\text{elementosEnRango} : \text{cola}(\text{letra}) \times \text{nat} \rightarrow \text{bool}$

$\text{elementosEnRango}(cl, n) \equiv \text{if vacia?}(cl) \text{ then true else } 0 < \text{proximo}(cl) < n \wedge \text{elementosEnRango}(\text{desencolar}(cl), n) \text{ fi}$

$\text{Abs} : \text{estr } e \rightarrow \text{variante}$

$\{\text{Rep}(e)\}$

$\text{Abs}(e) \equiv v : \text{variante} \mid \text{tamañoTablero}(v) = e.\text{tamañoTablero} \wedge$

$\text{fichas}(v) = e.\text{fichas} \wedge$

$(\forall l : \text{letra})(0 \leq l < \text{longitud}(e.\text{puntajeLetras}) \rightarrow_L \text{puntajeLetra}(v, l) = e.\text{puntajeLetras}[l] \wedge$

$(\forall ls : \text{secu}(\text{letra}))(\text{definido?}(e.\text{palabraLegitima?}, ls) \rightarrow_L \text{palabraLegitima?}(v, ls) = \text{significado}(e.\text{palabraLegitima?}, ls))$

Algoritmos

inuevaVariante(**in** n : nat, **in** f : nat, **in** puntajeLetras : vector(nat), **in** palabraLegitima? : diccDigital(vector(letra), bool)) $\rightarrow res$: estr

$res.\text{tamanoTablero} \leftarrow n$

$res.\text{fichas} \leftarrow f$

$res.\text{puntajeLetras} \leftarrow \text{puntajeLetras}$

$res.\text{palabraLegitima?} \leftarrow \text{palabraLegitima?}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

itamañoTablero(in $v : \text{estr}$) $\rightarrow res : \text{nat}$
 $res \leftarrow v.\text{tamañoTablero}$ Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

i#fichas(in $v : \text{estr}$) $\rightarrow res : \text{nat}$
 $res \leftarrow v.\#fichas$ Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

ipuntajeLetra(in $v : \text{estr}$, in $l : \text{letra}$) $\rightarrow res : \text{nat}$
 $res \leftarrow v.\text{puntajeLetras}[l]$ Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

ipuntajeLetras(in $v : \text{estr}$) $\rightarrow res : \text{vector}(\text{nat})$
 $res \leftarrow v.\text{puntajeLetras}$ Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

ipalabraLegitima?(in $v : \text{estr}$, in $ls : \text{cola}(\text{letra})$) $\rightarrow res : \text{bool}$
 $res \leftarrow \text{definido?}(v.\text{palabraLegitima?}, ls)$ $\triangleright \mathcal{O}(L_{max})$ Complejidad: $\mathcal{O}(L_{max})$

Servicios usados

DICCIONARIO DIGITAL, VECTOR, COLA

Módulo Diccionario Digital(κ, σ)

Interfaz

parámetros formales

géneros α **función** $\text{COPIAR}(\text{in } a : \alpha) \rightarrow res : \alpha$ **Pre** $\equiv \{\text{true}\}$ **Post** $\equiv \{res = a\}$ **Complejidad:** $\Theta(\text{copy}(a))$ **Descripción:** función copia de α 'sse explica con: $\text{DICCIONARIO}(\kappa, \sigma)$ géneros: $\text{diccDigital}(\kappa, \sigma)$

operaciones básicas:

VACIO(in $A : \text{nat}$, in $L_{max} : \text{nat}$) $\rightarrow res : \text{diccDigital}(\kappa, \sigma)$ **Pre** $\equiv \{\text{True}\}$ **Post** $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \text{vacío}\}$ **Complejidad:** $\mathcal{O}(\sum_{n=0}^{L_{max}} A^{L_{max}})$ **Descripción:** Genera un Diccionario Digital vacío.**Aliasing:** No presenta aspectos de aliasing.

DEFINIR(**in/out** $d : \text{diccDigital}(\kappa, \sigma)$, **in** $k : \kappa$)

Pre $\equiv \{|k| \leq L_{max}\}$

Post $\equiv \{\hat{d} =_{obs} \text{definir}(\hat{d}, \hat{k}, \text{True})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(|k| + \text{copy}(s))$

Descripción: Marca como definida una palabra en el diccionario.

Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

DEFINIDO?(**in** $d : \text{diccDigital}(\kappa, \sigma)$, **in** $k : \kappa$) $\rightarrow res : \text{bool}$

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{res =_{obs} \text{definido?}(\hat{d}, \hat{k})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(|k|)$

Descripción: Res es true sí sólo si k está definido en el diccionario.

Aliasing: Presenta aspectos de aliasing.

Implementación

Representación

$\text{diccDigital}(\kappa, \sigma)$ se representa con **estr**

donde **estr** es tupla(

$rama : \text{vector}(\text{puntero}(\text{estr})),$
 $\text{definida?} : \text{bool},$
 $\text{palabra} : \text{vector}(\text{letra})$)

Rep: $\text{estr} \rightarrow \text{bool}$

$(\forall e : \text{estr}, p : \text{puntero}(\text{estr}), \text{pal} : \text{vector}(\text{letra}), n : \text{nat}) \text{Rep}(e) \equiv \text{true} \Leftrightarrow ((0 < n < \text{long}(e.rama) \wedge_L e.rama[n] = p) \rightarrow_L (\text{long}(e.rama) = \text{long}(*p.rama) \wedge *p.palabra = \text{agregarAtras}(e.palabra, n)))$

Abs: $e\hat{str} \rightarrow \text{dicc}(\kappa, \sigma)$

$\triangleright \{\text{Rep}(e)\}$

$(\forall e : \text{estr}) \text{Abs}(e) =_{obs} d : \text{dicc}(\kappa, \sigma) \Leftrightarrow (\forall k : \kappa)(\text{def?}(k, d) \Leftrightarrow \text{definido?}(k, e) \wedge \text{obtener}(k, d) =_{obs} \text{definido?}(k, e))$

Algoritmos

IVACIO(**in** $A : \text{nat}$, **in** $L_{max} : \text{nat}$) $\rightarrow res : \text{estr}$

1: $raiz \leftarrow \langle \text{vector}(\text{Null} * A), \text{False}, \text{vacía}() \rangle \triangleright$ Tupla con un vector de A punteros a Null, el bool False, y un vector vacío

2: $res \leftarrow \text{completarArbol}(raiz)$

Complejidad: $\mathcal{O}(\sum_{n=0}^{L_{max}} A^{L_{max}})$ La cantidad de nodos del Trie, que es un arbol completo

ICOMPLETARARBOL(**in/out** $nodo : \text{estr}$, **in** $A : \text{nat}$, **in** $L_{max} : \text{nat}$)

1: **si** $(\text{tam}(nodo_3) < L_{max})$ **entonces**

2: $hijo \leftarrow nodo$

\triangleright copia del nodo padre

3: **para** $(l \leftarrow 0, l < A, l++)$ **hacer**

4: $nodo_1[l] \leftarrow \&hijo$

5: $nodo_1[l]_3 \leftarrow \text{agregarAtras}(nodo_3, l)$

6: $\text{completarArbol}(nodo_1[l])$

Complejidad: $\mathcal{O}(\sum_{n=0}^{L_{max}} A^{L_{max}})$ La cantidad de nodos del Trie, que es un arbol completo

IDEFINIR(**in/out** $d : \text{estr}$, **in** $k : \kappa$, **in** $s : \sigma$)

```

1:  $itK \leftarrow \text{crearIt}(k)$ 
2:  $nodo \leftarrow_{Ref} d$ 
3: mientras (haySiguiente( $itK$ )) hacer  $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$ 
4:    $nodo \leftarrow_{Ref} *nodo_1[\text{siguiente}(itK)]$ 
5:   avanzar( $itK$ )
6:  $nodo_2 \leftarrow \text{true}$ 
7:  $= 0$ 

```

Complejidad: $O(L_{max})$ ya que puede recorrer a lo sumo la palabra mas larga definida

IDEFINIDO?(**in** $d : \text{estr}$, **in** $k : \kappa$) $\rightarrow res : \text{bool}$

```

1:  $itK \leftarrow \text{crearIt}(k)$ 
2:  $nodo \leftarrow_{Ref} d$ 
3: mientras (haySiguiente( $itK$ ) &&  $\neg(*nodo_1[\text{siguiente}(itK)] == \text{NULL})$ ) hacer  $\triangleright \mathcal{O}(|k|)$ 
4:    $nodo \leftarrow_{Ref} *nodo_1[\text{siguiente}(itK)]$ 
5:   avanzar( $itK$ )
6: si  $*nodo_1[\text{siguiente}(itK)] == \text{NULL}$ ) entonces  $\triangleright \text{Si } |k| > L_{max}$ 
7:    $res \leftarrow \text{false}$ 
8: else
9:    $res \leftarrow nodo_2$ 
10: devolver  $res$ 

```

Complejidad: $O(L_{max})$ ya que puede recorrer a lo sumo la palabra mas larga definida

Servicios usados

VECTOR

2. Diseño del Servidor

Módulo Servidor

Interfaz

parámetros formales

géneros α
función $\text{COPIAR}(\text{in } a : \alpha) \rightarrow res : \alpha$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res = a\}$
Complejidad: $\Theta(\text{copy}(a))$
Descripción: función copia de α 's

se explica con: SERVIDOR

géneros: servidor

operaciones básicas:

NUEVOSEVIDOR(**in** $v : \text{variante}$, **in** $\#e : \text{nat}$, **in** $r : \text{cola}(\text{Letra})$) $\rightarrow res : \text{servidor}$

Pre $\equiv \{\text{longitud}(r) \geq \text{tamañoTablero}(v)^2 + \#e * \#fichas(v)\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \text{nuevoServidor}(\#e, \hat{v}, \hat{r})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(N^2 + |\Sigma|K + FK)$

Descripción: Genera un nuevo servidor con un juego nuevo en base a la variante, el repositorio, y la cantidad de

jugadores esperados.

Aliasing: Presenta aspectos de aliasing al pasar por referencia al nuevo juego.

CONECTARCLIENTE(**in/out** s : servidor)

Pre $\equiv \{s_0 = s \wedge_L \neg \text{empezo?}(s)\}$

Post $\equiv \{\hat{s} =_{obs} \text{conectarCliente}(\hat{s}_0)\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: Agrega un cliente al servidor y prepara su cola de notificaciones.

Aliasing: El servidor entra y sale por referencia.

EMPEZO?(**in** s : servidor) $\rightarrow res$: bool

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \text{empezo?}(\hat{s})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: res es true si sólo si empezo el juego del servidor.

Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

CONSULTAR(**in/out** s : servidor, **in** id : cid)

Pre $\equiv \{s_0 = s \wedge id \leq s.\#conectados\}$

Post $\equiv \{\hat{s} =_{obs} \text{consultar}(\hat{s}_0, \hat{id})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(n)$

$\triangleright n$ es $|\text{cola}(\text{notif})|$ que tenga el id

Descripción: Consultar la cola de notificaciones de un cliente (lo cual vacía dicha cola).

Aliasing: El servidor entra y sale por referencia.

RECIBIRMENSAJE(**in/out** s : servidor, **in** id : cid, **in** o : ocurrencia)

Pre $\equiv \{s_0 = s \wedge id \leq s.\#conectados\}$

Post $\equiv \{\hat{s} =_{obs} \text{recibirMensaje}(\hat{s}_0, \hat{id}, \hat{o})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(n)$

$\triangleright n$ es $|\text{cola}(\text{notif})|$ que tenga el id

Descripción: Recibe un mensaje de un cliente y agrega notificaciones a las colas de los jugadores

Aliasing: El servidor entra y sale por referencia.

#ESPERADOS(**in** s : servidor) $\rightarrow res$: nat

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \#esperados(\hat{s})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: Devuelve el numero de jugadores necesarios para iniciar el juego.

Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

#CONECTADOS(**in** s : servidor) $\rightarrow res$: nat

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \#conectados(\hat{s})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: Devuelve el número de clientes conectados al servidor.

Aliasing: No presenta aspectos de aliasing.

JUEGO(**in** s : servidor) $\rightarrow res$: juego

Pre $\equiv \{\text{True}\}$

Post $\equiv \{r\hat{e}s =_{obs} \text{juego}(\hat{s})\}$

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

Descripción: Devuelve el juego que se está jugando en el servidor.

Aliasing: Res es modificable si sólo si s.j es modificable.

Implementación

Representación

servidor se representa con **estr**

donde **estr** es **tupla**(

```
#conectados : nat,
#esperados: nat,
configuracion: tupla(v: variante, repositorio: cola(letra)),
j: juego,
notificacionesId: vector(lista(tupla(orden, notificacion))),
notificacionesGen: lista(tupla(orden, notificacion) ),
contadorNotif: nat,
ultimaConsulta: vector(nat))
```

Rep: **estr** \rightarrow bool

$(\forall e : \mathbf{estr}) \text{Rep}(e) \equiv \text{true} \Leftrightarrow e.\#conectados \leq e.\#esperados \wedge$
 $\text{letrasRepositorioEnPuntajeLetras}(e.configuracion.repositorio, \text{puntajeLetras}(e.configuracion.v)) \wedge$
 $\text{longitud}(e.notificacionesId) = e.\#esperados \wedge \text{longitud}(\text{ultimaConsulta}) = e.\#esperados \wedge$
 $\text{variante}(e.j) = e.configuracion.v \wedge$
 $\text{desencolarN}(e.configuracion.repositorio, \text{longitud}(e.configuracion.repositorio) - \text{longitud}(\text{repositorio}(e.j))) = \text{repositorio}(e.j) \wedge (\forall n:\text{nat})(0 \leq n < e.\#esperados \rightarrow_L 0 \leq \text{ultimaConsulta}[n] \leq e.contadorNotif)$

LetrasRepositorioEnPuntajeLetras : $\text{cola}(\text{letra}) \times \text{vector}(\text{nat}) \rightarrow \text{bool}$

LetrasRepositorioEnPuntajeLetras(*repo*, *puntajes*) \equiv **if** *vacía?(repo)* **then** true **else** 0 \leq
 $\text{proximo}(repo) < \text{longitud}(puntajes) \wedge_L$
 $\text{LetrasRepositorioEnPuntajeLetras}(\text{desencolar}(repo),$
 $puntajes) \mathbf{fi}$

Abs: $\hat{\mathbf{estr}} \rightarrow \text{servidor}$

$\triangleright \{\text{Rep}(e)\}$

$(\forall e : \mathbf{estr}) \text{Abs}(\hat{e}) =_{obs} s : \text{servidor} \Leftrightarrow \#esperados(s) =_{obs} e.\#esperados \wedge$
 $\#conectados(s) =_{obs} e.\#conectados \wedge$
 $\text{configuracion}(s) =_{obs} e.configuracion \wedge$
 $\text{juego}(s) =_{obs} e.juego \wedge$
 $(\forall id: \text{cid})(0 \leq id < \#esperados(s) \rightarrow_L \text{notificaciones}(s, id) =_{obs} \text{consultar}(e, id))$

Algoritmos

INUEVOSERVIDOR(**in** *v* : variante, *#e* : nat, *r* : cola(letra)) $\rightarrow res : \mathbf{estr}$

```
1: j ← nuevoJuego(#e, v, r)  $\triangleright \mathcal{O}(N^2 + |\Sigma|K + FK)$ 
2: notificacionesId ← vacío() :: vector()
3: notificacionesGen ← vacío() :: lista()
4: ultimaConsulta ← vacío() :: vector()
5: para (i ← 0, i < #e, i++) hacer
6:   agregarAtras(notificacionesId, vacío() :: lista)  $\triangleright \mathcal{O}(n)$ 
7:   agregarAtras(ultimaConsulta, 0)
8: res ←Ref ⟨ 0, #e, ⟨v, r⟩, j, notificacionesId, notificacionesGen, 0, ultimaConsulta ⟩  $\triangleright \mathcal{O}(n^2)$ 
9: devolver res
   Complejidad:  $\mathcal{O}(N^2 + |\Sigma|K + FK)$ 
```

iCONECTARCLIENTE(in/out $s : \text{estr}$)

```
1: notificacionesDeId  $\leftarrow$  vacio():: lista(tupla(orden,notificacion))
2: agregarAdelante(s.notificacionesId[s.#conectados],  $\langle$  contadorNotif, idCliente(s.#conectados)  $\rangle$ )
3: contadorNotif++
4: s.#conectados  $\leftarrow$  s.#conectados + 1
5: si empezo?(s) entonces
6:   agregarAdelante(s.notificacionesGen,  $\langle$  contadorNotif, empezar(tamañoTablero(configuracion1)  $\rangle$ )
7:   contadorNotif++
8:   agregarAdelante(s.notificacionesGen,  $\langle$  contadorNotif, turnoDe(0)  $\rangle$ )
9:   contadorNotif++
```

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

iEMPEZO?(in $s : \text{estr}$) \longrightarrow *res* : bool

```
1: res  $\leftarrow$  s.#conectados == s.#esperados
2: devolver res
```

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

iCONSULTAR(in/out $s : \text{estr}$, in $id : \text{cid}$,) $\rightarrow res : \text{cola}(\text{notificacion})$

```

1: notifGen  $\leftarrow$  vacia() :: lista()
2: itList  $\leftarrow$  crearIt(s.notificacionesGen)
3: para (i  $\leftarrow$  ultimaConsulta[id], i < contadorNotif && haySiguiente(itList), i++) hacer    ▷ a lo sumo tantas veces
    como notificaciones por consultar
4:   AgregarAdelante(notifGen, siguiente(itList)1)
5:   Avanzar(itList)
6: ultimaConsulta[id]  $\leftarrow$  contadorNotif + 1
7: notifId  $\leftarrow$  s.notificacionesId[id]
8: arrNotifId  $\leftarrow$  vacio()
9: itLid  $\leftarrow$  crearIt(notifId)
10: mientras haySiguiente(itLid) hacer                                                         ▷  $\mathcal{O}(n)$ 
11:   AgregarAtras(arrNotifId, siguiente(itLid))
12: arrNotifGen  $\leftarrow$  vacio()
13: itLg  $\leftarrow$  crearIt(notifGen)
14: mientras haySiguiente(itLg) hacer                                                         ▷  $\mathcal{O}(n)$ 
15:   AgregarAtras( arrNotifGen , siguiente(itLg))
16: itVid  $\leftarrow$  crearIt(arrNotifId)
17: itVg  $\leftarrow$  crearIt(arrNotifGen)
    ▷ ambas quedaron ordenadas en base al orden, porque las genéricas, las últimas notificaciones estaban al principio,
    y quedaron al final. Las notificaciones de id estaban ordenadas.
18: mientras haySiguiente(itVid) ó haySiguiente(itVg) hacer                                                         ▷  $\mathcal{O}(n)$ 
19:   si siguiente(itVid).orden < siguiente(itVg).orden entonces
20:     AgregarAtras( res, siguiente(itVid) )
21:     avanzar(itVid)
22:   else
23:     AgregarAtras( res, siguiente(itVg) )
24:     avanzar(itVg)
25: si haySiguiente(itVid) entonces
26:   mientras haySiguiente(itVid) hacer                                                         ▷  $\mathcal{O}(n)$ 
27:     AgregarAtras( res, siguiente(itVid) )
28:     avanzar(itVid)
29: else
30:   si haySiguiente(itVg) entonces
31:     mientras haySiguiente(itVg) hacer                                                         ▷  $\mathcal{O}(n)$ 
32:       AgregarAtras( res, siguiente(itVg) )
33:       avanzar(itVg)
34: s.notificaciones[id]  $\leftarrow$  vacio()::lista()
35: devolver res

```

Complejidad: $\mathcal{O}(n)$ donde n es la longitud de la cola de notificación del cliente id

iRECIBIRMENSAJE(**in/out** $s : \text{estr}$, **in** $id : \text{cid}$, $o : \text{ocurrencia}$)

```

1: si empezo?( $s$ ) && jugadaValida?( $s.j$ ,  $o$ ) && turno( $s.j$ ) ==  $id$  entonces
2:   AgregarAdelante( $s$ .notificacionesGen,  $\langle$  contadorNotif, ubicar( $id,o$ )  $\rangle$ )
3:   contadorNotif++
4:   AgregarAdelante( $s$ .notificacionesGen,  $\langle$  contadorNotif, sumaPuntos( $cid$ , puntajeObtenido( $s.j,o$ ))  $\rangle$ )
5:   contadorNotif++
6:    $fichas \leftarrow$  proximosN( $s.j$ .repositorio, longitud( $o$ ))
7:   AgregarAtras( $s$ .notificacionesId[ $id$ ], reponer( $fichas$ )))
8:   contadorNotif++
9:   AgregarAdelante( $s$ .notificacionesGen,  $\langle$  contadorNotif, turnoDe( $id+1 \bmod \#esperados$ ) $\rangle$ )
10:  contadorNotif++
11: else
12:   AgregarAtras( $s$ .notificacionesId[ $id$ ], mal())
13:   contadorNotif++

```

Complejidad: $\mathcal{O}(n)$ donde n es la longitud de la cola de notificación del cliente id

i#ESPERADOS(**in** $s : \text{estr}$) $\rightarrow res : \text{nat}$

```

1:  $res \leftarrow s.\#esperados$ 
2: devolver  $res$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 
3:  $=0$ 

```

i#CONECTADOS(**in** $s : \text{estr}$) $\rightarrow res : \text{nat}$

```

1:  $res \leftarrow s.\#conectados$ 
2: devolver  $res$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

iJUEGO(**in** $s : \text{estr}$) $\rightarrow res : \text{juego}$

```

1:  $res \leftarrow_{Ref} s.j$ 
2: devolver  $res$ 
   Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

Servicios usados

NOTIFICACIÓN, VARIANTE, COLA, JUEGO, VECTOR, LISTA

Módulos auxiliares

Módulo Notificación

Interfaz

TAD CID es NAT

TAD TIPONOTIF es ENUM(**IdCliente**, **Empezar**, **TurnoDe**, **Ubicar**, **Reponer**, **SumaPuntos**, **Mal**)

se explica con: NOTIFICACIÓN

géneros: notificacion

operaciones básicas:

IDCLIENTE(**in** $id: cid$) $\rightarrow res : \text{notificacion}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{idCliente}(id)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: genera una notificación de tipo idCliente
Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

EMPEZAR(**in** $n: \text{nat}$) $\rightarrow res : \text{notificacion}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{empezar}(n)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: genera una notificación de tipo empezar
Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

TURNODE(**in** $id: cid$) $\rightarrow res : \text{notificacion}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{turnoDe}(id)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: genera una notificación de tipo turnoDe
Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

UBICAR(**in** $id: cid$, **in** $o: \text{ocurrencia}$) $\rightarrow res : \text{notificacion}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{ubicar}(id, o)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: genera una notificación de tipo ubicar
Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

REPONER(**in** $f: \text{cola}(\text{letra})$) $\rightarrow res : \text{notificacion}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{reponer}(f)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: genera una notificación de tipo reponer
Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

SUMAPUNTOS(**in** $id: cid$, **in** $n: \text{nat}$) $\rightarrow res : \text{notificacion}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{sumaPuntos}(id, n)\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: genera una notificación de tipo sumaPuntos
Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

MAL() $\rightarrow res : \text{notificacion}$
Pre $\equiv \{\text{true}\}$
Post $\equiv \{res =_{\text{obs}} \text{mal}()\}$
Complejidad: $\mathcal{O}(1)$
Descripción: genera una notificación de tipo mal
Aliasing: no presenta aspectos de aliasing

Implementación

Representación

notificacion se representa con estr

donde estr es tupla(

tipo : lista(letra),
id : cid,
n : nat,
repositorio : cola(letra),
ocurrencia : conj(tupla(nat, nat, letra))
tipos Validos : conj(lista(letra)))

Rep : estr \rightarrow bool

Rep(*e*) \equiv true \iff *e.tipo* = "idCliente" \vee *e.tipo* = "empezar" \vee *e.tipo* = "turnoDe" \vee *e.tipo* = "ubicar" \vee *e.tipo* = "reponer" \vee *e.tipo* = "sumaPuntos" \vee *e.tipo* = "mal"

Abs : estr *e* \rightarrow notificacion

{Rep(*e*)}

Abs(*e*) \equiv ($\forall n$: notificacion)(datos(*n*) = *e*)

Algoritmos

iidCliente(in *id* : cid) \rightarrow *res* : estr

res \leftarrow \langle "idCliente", *id*, 0, \emptyset , \emptyset \rangle

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

iempezar(in *n* : nat) \rightarrow *res* : estr

res \leftarrow \langle "empezar", 0, *n*, \emptyset , \emptyset \rangle

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

iturnoDe(in *id* : cid) \rightarrow *res* : estr

res \leftarrow \langle "turnoDe", *id*, 0, \emptyset , \emptyset \rangle

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

iubicar(in *id* : cid, in *o* : ocurrencia) \rightarrow *res* : estr

res \leftarrow \langle "ubicar", *id*, 0, \emptyset , *o* \rangle

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

ireponer(in *f* : cola(letra)) \rightarrow *res* : estr

res \leftarrow \langle "reponer", 0, 0, *f*, \emptyset \rangle

Complejidad: $\mathcal{O}(1)$

```

sumaPuntos(in id: cid, in n: nat) → res: estr
  res ← ⟨ "sumaPuntos", id, n, ∅, ∅ ⟩
  Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

```

imal() → res: estr
  res ← ⟨ "mal", 0, 0, ∅, ∅ ⟩
  Complejidad:  $\mathcal{O}(1)$ 

```

Servicios usados

LISTA, CONJUNTO LINEAL, COLA

Decisiones tomadas

- consideramos a las letras como números naturales desde 0 hasta la longitud del alfabeto menos uno.
- las coordenadas del tablero se ordenan de arriba hacia abajo y de izquierda a derecha. Las palabras deben seguir este orden para ser legítimas.
- asociamos a cada mensaje un valor "orden" que va aumentando con el desarrollo del juego, para que tengan asignado un orden de entrada al servidor.
- **TAD JUGADOR es NAT**
- **TAD PUNTAJE es NAT**
- **TAD OCURRENCIA es CONJUNTO(TUPLA(NAT, NAT, LETRA))**
- **TAD JUGADOR es NAT**
- **TAD PUNTAJE es NAT**
- **TAD ORDEN es NAT**
- **TAD CID es NAT**