

Projeto 2: Word Ladder

10/01/2023

Diogo Almeida (108902) / Gonçalo Ferreira (107853) / Tomás Matos (108624)

Professor Joaquim Madeira (P08)

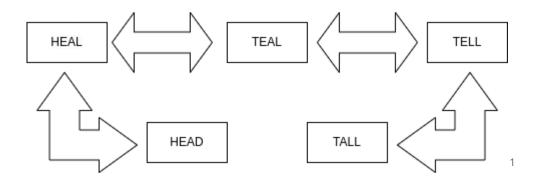
Professor Tomás Oliveira e Silva (TP01)

Introdução	2
I. Explicação do Problema	2
II. Análise do código dado	3
 Ficheiros com listas de palavras 	3
 Makefile 	4
word_ladder.c	5
III. Primeiras abordagens	8
Explicação do código/funções desenvolvido(as)	9
hash_table_create()	9
hash_table_grow()	10
hash_table_free()	11
• find_word()	12
find_representative()	13
add_edge()	16
breadh_first_search()	18
list_connected_component()	20
 Implementação com Depth First 	21
connected_component_diameter()	23
• graph_info()	25
Main atualizada	27
Resultados	30
Ficheiro com 4 letras	30
Ficheiro com 5 letras	32
Ficheiro com 6 letras	34
Ficheiro maior	36
Grafos Ficheiro	38
Apêndice	40
Código em MatLab	40
Código em C	41
Conclusão	67

Introdução

I. Explicação do Problema

O segundo projeto da disciplina de Algoritmos e Estruturas de Dados é baseado no jogo World Ladder, onde o jogador tem que encontrar uma cadeia de palavras que permitam ligar 2 palavras. Essas palavras intermédias devem apenas mudar uma letra de cada vez, por exemplo:



Com isto em mente, o objetivo é completar um programa inicialmente pelo professor ou fazer um novo programa que faça este processo através de ficheiros de texto contendo palavras de diferentes tamanhos.

O programa contém comentários explícitos onde podemos obter linhas-guia para realizar o projeto, que já contém algumas declarações de variáveis necessárias para completar partes do programa, principalmente a realização de uma estrutura hash table com linked lists, que permita construir grafos para aceder às diferentes palavras.

-

¹ Figura Ilustrativa do uma Word Ladder entre as palavras "Head" e "Tall"

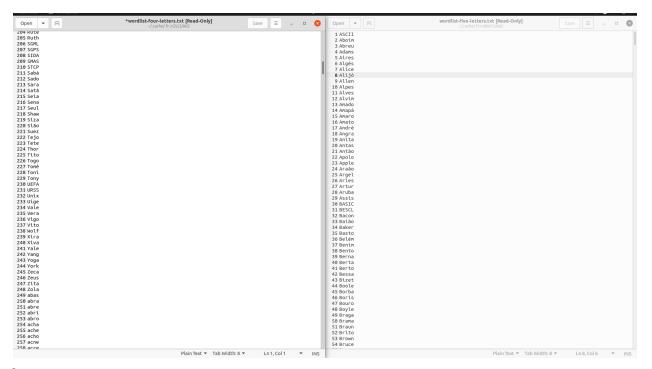
II. Análise do código dado

Assim, partimos para analisar o código que o professor deixou na plataforma *Elearning* para nos guiarmos no projeto em questão. O ficheiro é constituído por 2 pastas (A02 e P02) , onde a pasta P02 possui apenas o ficheiro header elapsed_time.h , que serve para podermos contar o tempo que o programa demora a correr, e assim podermos medir a eficiência do mesmo.

Já na pasta A02 existem os seguintes ficheiros:

Ficheiros com listas de palavras

Nos ficheiros .txt da pasta fornecida pelo professor podemos encontrar ficheiros de texto que possuem listas de palavras por onde nos podemos guiar de maneira a criar grafos de palavras de quatro, cinco, seis ou mais letras, como podemos na seguinte imagem



2

² "Print" da composição dos ficheiros wordlist-four-letters.txt e wordlist-five-letters.txt

Makefile

Este ficheiro é usado principalmente em projetos na linguagem C e tal como neste projeto, o objetivo é simplificar e automatizar a maneira como são criados os ficheiros, sendo assim apenas preciso digitar "make **comm**" onde **comm** é um dos seguintes comandos:

que executará uma das abaixo descritas no terminal.

-

³ "Print" do código presente no ficheiro makefile

word_ladder.c

```
//
// data structures (SUGGESTION --- you may do it in a different way)
typedef struct adjacency node s adjacency node t;
typedef struct hash_table_node_s hash_table_node_t;
typedef struct hash_table_s
                                 hash table t;
struct adjacency node s
                                  // link to th enext adjacency list node
// the other vertex
 adjacency_node_t *next;
 hash_table_node_t *vertex;
struct hash table node s
 // the hash table data
  char word[_max_word_size_];
                                    // next hash table linked list node
 hash table node t *next;
 // the vertex data
  adjacency_node_t *head;
                                   // head of the linked list of adjancency edges
 int visited;
                                     // visited status (while not in use, keep it at 0)
 hash_table_node_t *previous;
                                     // breadth-first search parent
 // the union find data
  hash_table_node_t *representative; // the representative of the connected component this vertex belongs to
 int number_of_vertices;
                                     // number of vertices of the conected component (only correct for the representative of each connected component)
                                     // number of edges of the conected component (only correct for the representative of each connected component)
 int number of edges;
struct hash_table_s
 unsigned int hash_table_size;
                                      // the size of the hash table array
 unsigned int number of entries;
unsigned int number of edges;
unsigned int number of edges;
// the heads of the linked lists
// allocation and deallocation of linked list nodes (done)
```

Aqui é a parte do programa onde se encontram as estruturas que vão ajudar a construir o grafo.

Podemos compreender que vamos ter que usar sistema de hash table para colocar cada *node*. A estrutura hash_table possui atributos como o seu tamanho , o número de nodes que entram na hash_table, e atributos como o número de que servem apenas para guardar informação sobre o grafo criado. Para além disso, possui uma estrutura que permite guardar a "cabeça" (primeiro node de uma linked list) de cada linked list, sendo este elemento um array de ponteiros.

A estrutura dos nodes tem como atributo principal e mais destacado a palavra, que o identifica, sendo os restantes atributos para detalhar a linked list e alguns outros para guardar informações necessárias à construção do grafo.

Os adjacency nodes representam nós ligados presentes numa lista ligada de adjacency nodes , onde cada um deles representa uma aresta do grafo, com atributos como o próximo adjacency node e o vértice.

```
// allocation and deallocation of linked list nodes (done)
//
static adjacency node t *allocate adjacency node(void)
 adjacency node t *node;
 node = (adjacency node t *)malloc(sizeof(adjacency node t));
 if(node == NULL)
   fprintf(stderr, "allocate adjacency node: out of memory\n");
  return node;
static void free adjacency node(adjacency node t *node)
 free(node);
static hash table node t *allocate hash table node(void)
 hash table node t *node;
 node = (hash table node t *)malloc(sizeof(hash table node t));
 if(node == NULL)
   fprintf(stderr, "allocate hash table node: out of memory\n");
   exit(1);
  return node;
static void free hash table node(hash table node t *node)
 free(node);
```

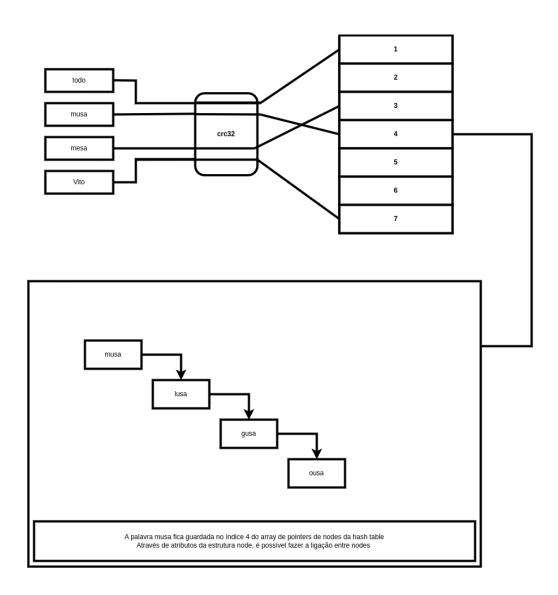
Aqui conseguimos visualizar parte de código que trata de alocar e liberar espaço na memória para os diferentes tipos de nodes. Trata também de verificar problemas e/ou erros nessa alocação de memória.

Esta função é a hash function da nossa hash table. Esta função recebe (neste caso) uma palavra e transforma cada uma dessas palavras num hash code único, que depois ao dividir pelo tamanho da hash table, vamos obter o índice onde devemos inserir o node head da linked list.

Nota: As restantes funções usadas no código do professor não foram usadas no nosso código modificado, logo não explicaremos a sua importância.

III. Primeiras abordagens

Após analisar o código fornecido pelo professor consegue-se entender melhor o propósito do exercício e começar a montar uma solução para o problema. A nossa primeira ideia sempre foi montar um esquema tal como o que se encontra na imagem abaixo, conseguir colocar a estrutura da hash table completamente funcional e após isso trabalhar nos gráficos e verificar a validade dos resultados.



Explicação do código/funções desenvolvido(as)

hash table create()

```
static hash table t *hash table create(void)
 hash table t *hash table;
 unsigned int i;
 hash_table = (hash_table_t *)malloc(sizeof(hash_table_t));
 if(hash table == NULL)
   fprintf(stderr, "create_hash_table: out of memory\n");
  exit(1);
 //
 // complete this
 hash_table->hash_table_size = 250;
 hash table->heads = (hash table node t **)malloc(sizeof(hash table node t *) * hash table->hash table size);
 hash_table->number_of_entries = 0;
 hash_table->number_of_edges = 0;
 for(i = 0;i < hash_table->hash_table_size;i++)
   hash_table->heads[i] = NULL;
 return hash_table;
```

Nesta função conseguimos visualizar a inicialização das estruturas de hash_table, onde é decidimos dar um tamanho inicial de 250, com intenções claras de aumentar o tamanho da mesma depois de preenchermos uma parte significativa destes espaços.

Encontramos aqui também a alocação de memória da linked list que permite aceder às outras linked lists todas, tal como o inicializar as variáveis que contam números de entradas e número de edges, ambas a zero.

Para terminar o programa, é necessário colocar todos os nodes alocados com o valor NULL.

hash_table_grow()

```
178
      static void hash table grow(hash table t *hash table)
179
180
       hash table node t **old heads, **new heads, *node, *next;
181
        unsigned int old_size, i;
182
183
        // save a pointer to the old array of linked list heads and its size
        old heads = hash table->heads;
184
185
        old_size = hash_table->hash_table_size;
186
        // create a new hash table with a larger size
187
        hash_table->hash_table_size *= 2;
188
        new heads = (hash table node t **)malloc(hash table->hash table size * sizeof(hash table node t *));
189
190
        // check for out of memory
        for (i = Ou; i < hash table->hash table size; i++)
191
192
         new_heads[i] = NULL;
193
194
        if (new heads == NULL)
195
          fprintf(stderr, "hash_table_grow: out of memory");
196
197
          exit(1);
198
```

Na função hash_table_grow() , o pressuposto é aumentar o tamanho da hash table. Para isso, a função começa por guardar ponteiros com as antigas variáveis como a linked list das linked lists na variável **old_heads e criar novos ponteiros como **new_heads, ponteiro esse que guardará a próxima heads.

Depois trata de alocar memória para uma nova hash_table, com o dobro da memória para uma nova linked list com o dobro da memória.

No final , tal como quando criamos a hash_table, devemos colocar os valores recentemente alocados todos em NULL.

hash_table_free()

```
222
      static void hash table free(hash table t *hash table)
223
224
        hash table node t *node;
225
        hash table node t *temp;
226
        adjacency node t *adj node;
        adjacency node t *temp adj;
227
228
        unsigned int i;
229
230
        for (i = 0; i < hash table->hash table size; i++)
231
232
          node = hash table->heads[i];
233
          while (node != NULL)
234
            temp = node;
235
236
            adj node = node->head;
237
            while (adj node != NULL)
238
              temp adj = adj node;
239
240
              adj node = adj node->next;
241
              free(temp adj);
242
243
            node = node->next;
244
            free(temp);
245
246
247
248
        free(hash_table->heads);
249
250
        free(hash_table);
251
```

Nesta função sucede-se a libertação da memória alocada para as hash_tables criadas. è suposto percorrermos todos os valores da linked list principal e entrar de em cada uma das linked lists e libertar a memória de cada um dos nodes, tal como os adjacency nodes ligados. Após isso libertamos a linked list principal e por final a hash_table.

find_word()

```
static hash table node t *find word(hash table t *hash table,const char *word,int insert if not found)
253
254
255
        hash table node t *node;
256
        unsigned int i;
257
        // printf("word: %s\n", word);
258
        i = crc32(word) % hash table->hash table size;
259
        node = hash_table->heads[i];
260
        while (node != NULL)
261
262
          if (strcmp(node->word, word) == 0)
263
          return node:
264
          node = node->next;
265
266
267
268
        if (insert_if_not_found && strlen(word) < _max_word_size_)</pre>
269
          node = allocate_hash_table_node();
270
271
          strncpy(node->word, word, max word size );
          node->representative = node;
272
273
          node->next = hash_table->heads[i];
274
         node->previous = NULL;
275
          node->number of edges = 0;
         node->number_of_vertices = 1;
276
277
         node -> visited = 0;
         node->head = NULL:
278
279
          hash_table->heads[i] = node;
          hash_table->number_of_entries++;
280
          if (hash table->number of entries > hash table->hash table size)
           hash_table_grow(hash_table);
282
283
          return node;
284
285
286
        return NULL;
287
288
```

A find_word() é uma função que serve para verificar e/ou inserir palavras como nodes na hash_table.

Primeiro , calcula-se o índice onde para onde vamos inserir o node na linked list específica. Após isso é percorrido cada um dos nós da hash_table de maneira a verificar se a palavra que foi passada como argumento de entrada da função já existe ou não na hash_table. Caso exista, retornamos o node onde essa palavra se encontra, caso não, verificamos o parâmetro de entrada **insert_if_not_found**.

Caso este valor se encontre a 1 e a palavra não ultrapasse o limite de caracteres que é suposto, tratamos de alocar, colocar o novo node com a nova palavra na linked list e interligar os nodes, de maneira a que não se perca a conectividade da lista. Passamos pelo final a aumentar o número de entradas, após isso verificamos se existe necessidade de aumentar o tamanho comparando as entradas na hash_table com o tamanho da mesma, e no final de tudo retorna o próprio node.

Não encontrada a palavra e se o **insert_ not_found** estiver a 0 ou a palavra tiver mais letras do que as pressuposto , o valor retornado é NULL.

find_representative()

Função simples:

```
static hash_table_node_t *find_representative(hash_table_node_t *node)
{
   hash_table_node_t *representative,*next_node,*node_atual; //Inicialização de variáveis

   //Loop que acha o representativo de node
   for (representative = node; representative != representative->representative; representative = representative->representative)
   ;
   return representative;
}
```

A função *find_representative()* tem como objetivo achar o nó representativo do grafo onde o nó dado como argumento pertence. Os nós da hash table que possuem uma possível ligação entre eles irão estar contidos num grafo. A cada grafo será atribuído um nó que irá ser o nó representativo. O nó representativo é o nó do grafo em que o ponteiro representative irá apontar para si próprio. Cada nó desse grafo irá possuir um ponteiro chamado representative que irá apontar para esse nó representativo.

Primeiro iremos passar como argumento o nó que pretendemos achar o seu nó representativo (dá entrada um ponteiro para esse nó): hash_table_node_t *node

De seguida fazemos a inicialização de variáveis que nos irão ser úteis no desenvolver da função:

Por fim é criado um loop que começa por igualar a variável representative ao nó inicial dado como argumento (node). Depois vai igualando o valor do seu atributo representative a si mesmo (representative = representative->representative) até que o seu atributo representative seja igual a si mesmo e então pára o loop pois esse irá ser o nó representativo e então dá return nesse nó: return representative;

Para melhorar a eficiência do programa podemos adicionar mais um loop:

```
static hash_table_node_t *find_representative(hash_table_node_t *node)
{
    hash_table_node_t *representative,*next_node,*node_atual; //Inicialização de variáveis

    //Loop que acha o representativo de node
    for (representative = node; representative != representative->representative; representative = representative->representative);

    //Loop que atualiza o representative de todos os nós next ao node
    for (node_atual = node; node_atual != representative; node_atual = next_node)
{
        next_node = node_atual->representative;
        node_atual->representative = representative;
}

return representative;
```

O segundo loop irá começar por igualar a variável *node_atual* ao nó dado como argumento. Enquanto o *node_atual* não for igual ao representative que foi achado anteriormente o *node_atual* vai recebendo o valor de que está guardado no atributo representative de si próprio.

A variável *next_node* vai guardar o que está guardado no atributo representative do node_atual para de seguida atualizar o valor do atributo representative do node_atual para o representative que foi encontrado no loop anteriormente explicado. Assim vamos colocando todos os nós a "apontar" para o nó representativo, melhorando assim a eficiência da função em chamadas futuras.

add_edge()

```
static void add edge(hash table t *hash table, hash table node t *from, const char *word)
  hash_table_node_t *to, *from_representative, *to_representative;
  from representative = find_representative(from); //encontra o representante do vertice de origem
to = find_word(hash_table, word, 0); //verifica se o vertice de destino existe na hash table
  if (to == from) //verifica se o vertice de origem é igual ao de destino
  to_representative = find_representative(to); //encontra o representante do vertice de destino
  if (from representative == to representative) // verifica se os representantes são iguais
    from_representative->number_of_vertices++;//incrementa o numero de vertices do representante
    if (from representative->number of vertices < to representative->number of vertices) //verifica qual dos representantes tem mais vertices
      from_representative->representative = to_representative; //faz o representante do vertice de origem apontar para o representante do vertice de destino to_representative->number_of_vertices += from_representative->number_of_vertices; //incrementa o numero de vertices do representante do vertice de destino to_representative->number_of_edges += from_representative->number_of_edges; //incrementa o numero de arestas do representante do vertice de destino
       to_representative->representative = from_representative; //faz o representante do vertice de destino apontar para o representante do vertice de origem
      from representative->number_of_vertices += to_representative->number_of_vertices; //incrementa o numero de vertices do representante do vertice de origem from_representative->number_of_edges += to_representative->number_of_edges; //incrementa o numero de arestas do representante do vertice de origem
  adjacency_node_t *linkfrom = allocate_adjacency_node(); //aloca memoria para o vertice de origem
  adjacency_node_t *linkto = allocate_adjacency_node(); //aloca memoria para o vertice de destino
  linkfrom->vertex = to; //faz o vertice de origem apontar para o vertice de destino
  from->head = linkfrom; //faz o vertice de origem apontar para o vertice de destino
  linkto->vertex = from; //faz o vertice de destino apontar para o vertice de origem
  linkto->next = to->head;//faz o proximo vertice apontar para o vertice de destino
to->head = linkto;//faz o vertice de destino apontar para o vertice de origem
  from_representative->number_of_edges++; //incrementa o numero de arestas do representante do vertice de origem
  to representative->number of edges++; //incrementa o numero de arestas do representante do vertice de destino
  hash_table->number_of_edges++; //incrementa o numero de arestas da hash table
  return;
```

Esta função tem como objetivo criar uma aresta que liga dois vértices (dois nós) similares de forma a criar um grafo com todas as palavras que possuem uma ligação entre si.

A função recebe de entrada a hash table, um nó inicial e uma word similar à word desse nó.

```
from_representative = find_representative(from); //encontra o representante do vertice de origem
to = find_word(hash_table, word, 0); //verifica se o vertice de destino existe na hash table
```

Depois é chamada a função find_representative que vai retornar o nó representativo do nó inicial e é chamada também a função find_word que vai retornar o nó da hash table que possui a word que foi dada como argumento. É também achado o nó representativo desse nó e guardado em to representative.

É feita uma comparação entre o nó inicial e o nó da palavra similar caso os nós sejam iguais é porque é a mesma palavra e então não é necessário adicionar aresta nenhuma e por isso é feito return.

```
if (from_representative == to_representative) // verifica se os representantes são iguais
{
    from_representative->number_of_vertices++;//incrementa o numero de vertices do representante
}
```

Depois de se concluir que os nós são diferentes são comparados os representativos de cada nó e caso sejam iguais é porque o nó já pertence ao grafo e por isso incrementa se o número de vértices associado ao representativo do grafo pois existe mais um nó no grafo.

```
}else{
    from_representative->representative = to_representative; //mete o representante do from igual ao do to
    to_representative->number_of_vertices += from_representative->number_of_vertices; //soma o numero de vertices do from ao do to
    to_representative->number_of_edges += from_representative->number_of_edges; //soma o numero de arestas do from ao do to
```

Caso os representativos sejam diferentes os representativos dos nós são igualados tanto como o número de vértices e de arestas.

```
adjacency_node_t *linkfrom = allocate_adjacency_node(); //aloca memoria para o linkfrom
adjacency_node_t *linkto = allocate_adjacency_node(); //aloca memoria para o linkto

linkfrom->vertex = to; //mete o vertice do linkfrom igual ao to
linkfrom->next = from->head; //mete o next do linkfrom igual ao head do from
from->head = linkfrom; //mete o head do from igual ao linkfrom

linkto->vertex = from; //mete o vertice do linkto igual ao from
linkto->next = to->head; //mete o next do linkto igual ao head do to
to->head = linkto; //mete o head do to igual ao linkto

from_representative->number_of_edges++; //incrementa o numero de arestas do from
to_representative->number_of_edges++; //incrementa o numero de arestas do to
hash_table->number_of_edges++; //incrementa o numero de arestas da hash table
```

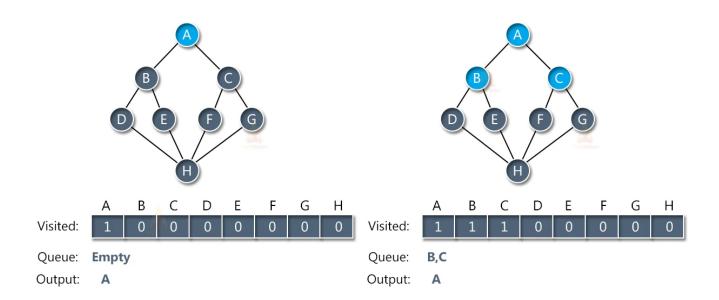
É feita uma alocagem de memória de dois ponteiros da classe adjancecy_node_t chamados linkfrom e linkto. O vértice do linkfrom vai ser o nó da palavra similar, o next da linkfrom vai ser o primeiro nó da lista do nó from e faz o inverso para o linkto. Depois incrementa o número de arestas do representativo do from do to e da hash table.

breadh_first_search()

```
static int breadh_first_search(int maximum_number_of_vertices, hash_table_node_t **list_of_vertices,hash_table_node_t *origin,hash_table_node_t *goal)
 int front = \theta, back = \theta; // front e back da queue
 list of vertices[back++] = origin; // adiciona o origin na queue
 origin->visited = 1; // marca o origin como visitado
 origin->previous = NULL; // marca o origin como o primeiro da queue
 int finish = 0;// variavel para saber se chegou ao goal
 while (front < back) // enquanto a queue nao estiver vazia</pre>
   hash table node t *vertex = list of vertices[front++]; // retira o primeiro da queue
    if (finish == 1) // se ja chegou ao goal
     break:
    adjacency_node_t *adjacent = vertex->head; // aponta para o primeiro adjacent do vertex
    while (adjacent != NULL)
     if (adjacent->vertex->visited == 0) // se o adjacent nao tiver sido visitado
         list_of_vertices[back++] = adjacent->vertex;// adiciona o adjacent na queue
         adjacent->vertex->visited = 1;// marca o adjacent como visitado
         adjacent->vertex->previous = vertex; // marca o adjacent como o anterior do vertex
         if (adjacent->vertex == goal) // se o adjacent for o goal
           finish = 1;
           break;
     adjacent = adjacent->next; // aponta para o proximo adjacent
 for (int i = 0; i < back; i++) // percorre a queue</pre>
   list_of_vertices[i]->visited = 0;// marca todos os vertices como nao visitados
 return back; // retorna o numero de vertices visitados
```

O objetivo desta função é fazer uma busca em largura (Breadth first traversal) começando num vértice origin até outro vértice goal que são dados como argumento. Também são dados com argumento uma lista de vértices que vai guardar todos os vértices que foram percorridos desde o origin ao goal. Temos também um maximum_number_of_vertices para estabelecermos um número máximo de vértices que a função pode percorrer.

Para a função vamos usar uma queue em que vamos adicionando os vértices que vão ser analisados para saber se temos de passar por eles.



Primeiramente começamos por inicializar um front e um back que serão dois ponteiros que irão apontar para o primeiro e último vértice da queue. Depois colocamos o vértice origin como inicial na queue e colocamos o origin com visitado.

É feito um loop, enquanto a queue não estiver vazia (front<back). Em cada iteração é retirado o primeiro vértice da queue através do ponteiro front e verifica-se se já foi visitado. Caso não tenha sido visitado é colocado como visitado, adicionam-se os adjacentes desse vértice à queue e faz-se a verificação se ele é o goal. Se for o goal o loop é parado mas se não for é retirado da queue o próximo vértice e faz tudo novamente.

Por fim são colocados todos os vértices a não visitados.

list connected component()

Esta função está a ser usada para imprimir as palavras que pertencem à mesma componente conexa na nossa hash table.

```
static void list connected component(hash table t *hash table,const char *word)
 hash table node t *node;
 // encontramos o nó que correspode à variavel dada no argumento
 node = find_word(hash_table, word, 0);
 if (node == NULL)
   return;
 // encontramos o resprensentativo dessa palavra
 hash table node t *representative = find representative(node);
 int Nr_max = representative->number_of_vertices;
 hash_table_node_t **list_of_vertices = (hash_table_node_t **)malloc(Nr_max * sizeof(hash_table_node_t *));
 int nrPalavras = breadh_first_search(Nr_max, list_of_vertices, node, NULL);
 int count = 1;
 for(int i = 0;i < nrPalavras;i++){</pre>
   printf("[%d] %s\n",count,list of vertices[i]->word);
   count++;
 free(list_of_vertices);
```

Inicialmente, encontramos o nó (node) que corresponde à palavra que nos é dada como argumento através da função referenciada anteriormente *find_word()*, como argumentos desta colocamos a nossa hash table, a palavra e 0 uma vez que não pretendemos adicionar esta palavra se esta não existir. Se esta não existir, o nosso nó vai ser *NULL* e saímos da função.

Depois de verificarmos a existência da palavra, encontramos o representativo do nó a partir da função *find_representative()*.

Seguidamente, inicializamos duas variáveis *Nr_max* e *list_of_vertices* que vão ser utilizadas quando chamar-mos a *breadh_first_search*. O quarto argumento que utilizamos quando chamamos esta função, que corresponde ao *goal* (palavra do destino), é dado como *NULL*. Quando isto acontece a *breadh_first_search* vai percorrer todos os vértices possíveis até os ter visitado todos.

Por último, imprimimos o array *list_of_vertices* que inicializamos anteriormente e a *breadth first search* alterou e libertamos-lhe a memória.

Implementação com Depth First

```
#define MAX_WORDS 100000
char printed_words[MAX_WORDS][_max_word_size_]; //array para guardar as palavras que já foram repetidas
int nr printed words = 1;
                                                 // variável para contar o número de palavras que já foram escritas
static void list connected component(hash table t *hash table,const char *word)
 hash table node t *nodel;
 nodel = find_word(hash_table, word, θ);
  if (node1 == NULL)
   return;
 hash_table_node_t *representative = find_representative(nodel);
 adjacency_node_t *adj_node = node1->head;
  // ciclo para percorrer as palavras adjacentes ao nó passado como argumento
 while (adj_node != NULL)
   int validar = 0;
   hash_table_node_t *node = adj_node->vertex;
   for (int i = 0; i < nr_printed_words; i++)
     //vamos verificar se já ecrevemos a palavra passada como argumento no terminal
     if (strcmp(printed_words[i], node->word) == 0)
       validar = 1;
   // se ainda não tivermos escrito essa palavra:
   if (validar == 0)
     //1) escrevemos a palavra
     printf("%s\n", node->word);
     //2) adicionamos ao array printed_words
     strcpy(printed_words[nr_printed_words-1], node->word);
     //3) incrementamos o indice do array (nr de palavras escritas)
     nr_printed_words++;
     //4) chamamos a função recursiva para o nó que acabámos de escrever
     list connected component(hash table, node->word);
   }else
     // se já tivermos escrito essa palavra passamos para os seguites nós adjacentes
     adj node = adj node->next;
```

Esta é uma implementação da *list_connected_component()* usando método Depth First Search, que consiste na ideia de explorar o máximo possível em uma direção. Ele funciona percorrendo o ramo inteiro de um nó antes de passar para os nós adjacentes.

Primeiramente inicializamos duas variáveis que vão ser usadas para guardar as palavras que já foram escritas no terminal (printed_words) e um contador da quantidade de palavras escritas que vai ser usado como índice do array.

Na função primeiramente implementamos um ciclo *while* que vai ter o intuito de percorrer os nós adjacentes do nó passado como argumento, dentro deste ciclo adicionamos outro ciclo que vai validar se já escrevemos a palavra em questão no terminal. Se já tiver sido escrita passamos para o nó adjacente seguinte.

Caso contrário, escrevemos essa palavra e vamos armazená-la no array printed_words e chamamos a função novamente para conseguirmos a profundidade referida anteriormente. Isto é repetido até que todas as palavras adjacentes tenham sido verificadas.

```
if(command == 1)
{
    if(scanf("%99s",word) != 1)
        break;
    //novo
    memset(printed_words, 0, sizeof(printed_words));
    nr_printed_words = 1;
    list_connected_component(hash_table,word);
    printf("> Total de palavras: %d\n", nr_printed_words-1);
}
```

Na main temos que alterar alguns pormenores como inicializar o array printed_words novamente, o contador de palavras escritas a 1. Após isso podemos chamar a função list_connected_component() e imprimir também o número total de palavras conectadas. Apesar desta implementação, não utilizamos a Depth First Search uma vez que com este método é impossível calcular o caminho mais curto entre duas palavras.

connected_component_diameter()

Esta função é utilizada para determinar a maior distância entre dois vértices aleatórios dentro de um componente conectado de um grafo. Começamos por inicializar estas três variáveis:

```
static int largest_diameter; //variavel para guardar o maior diametro de entre todas as componentes static hash_table_node_t **largest_diameter_example; // array que guarda os nós do maior caminho static int Sum_Diameters, Num_Diameters; // variaveis para calcular a média dos caminhos
```

```
static int connected component diameter(hash_table_node t *node)
 int Nr_max = node->number_of_vertices;
 hash_table_node_t **list_of_vertices = (hash_table_node_t **)malloc(Nr_max * sizeof(hash_table_node_t *));
 int nrPalavras = breadh_first_search(Nr_max, list_of_vertices, node, NULL);
 int diametro = 0:
  for(int i = 0;i < nrPalavras;i++){ //---- 1 -----//
   hash_table_node_t **list_of_vertices_Dentro = (hash_table_node_t **)malloc(Nr_max * sizeof(hash_table_node_t *));
   int dist = breadh_first_search(Nr_max, list_of_vertices_Dentro, list_of_vertices[i], NULL);
   hash_table_node_t *path = list_of_vertices_Dentro[dist-1];
   int realDist = 0;
   //----- 3 -----//
   while (path != NULL)
     realDist++;
     path = path->previous;
   if (realDist > diametro)
     diametro = realDist;
   if (realDist > largest diameter)
     largest diameter = realDist;
     hash_table_node_t *palav = list_of_vertices_Dentro[dist-1];
     free(largest diameter example);
     largest_diameter_example = (hash_table_node_t **)malloc(largest_diameter * sizeof(hash_table_node_t *));
     int i = 0;
     //-----6 -----//
     while (palav != NULL)
       largest diameter example[i] = palav;
       1++:
       palav = palav->previous;
   free(list of vertices Dentro);
   free(path);
  //---- 7 -----//
 Sum_Diameters = Sum_Diameters + diametro-1;
 Num Diameters++;
 free(list of vertices);
 return largest diameter;
```

Após inicializar estas variáveis utilizamos a função *breadh_first_search* com o argumento *goal* (objetivo) a *NULL* para encontrar o número de palavras da componente conexa relacionada à palavra dada como argumento. Seguidamente, entramos um ciclo *for* sinalizado com o número **1** que vai percorrer todas as palavras da rede conexa da palavra em questão.

Avançando, após inicializarmos o array 'list_of_vertices_Dentro', chamamos novamente a função *breadh_first_search* (**2**) que vai armazenar neste array o valor de todas as palavras conexas por ordem dos níveis de adjacência.

```
int dist = breadh_first_search(Nr_max, list_of_vertices_Dentro, list_of_vertices[i], NULL);
```

Seguidamente, criamos um nó (path) que corresponde ao último elemento de 'list_of_vertices_Dentro' , uma vez que este é o que vai ter maior distância possível. Tendo este valor, usamos um (3) *while* para contar o caminho mais curto entre estes dois vértices usando o *previous* que foi implementado na *breadh_first_search*.

```
while (path != NULL)
{
    realDist++;
    path = path->previous;
}
```

A condição que se encontra comentada com o número **4** , vai comparar uma variável interna com a distância entre a dois vértices, para repararmos qual é o maior diâmetro na componente conexa em questão.

A condição seguinte (**5**) é referente à ao maior diâmetro entre todas as componentes, quando encontrarmos um valor maior que o anterior da variável externa 'largest diameter' e guardamos a maior sequência em outra variável externa (**6**) (largest diameter example).

```
largest_diameter_example = (hash_table_node_t **)malloc(largest_diameter * sizeof(hash_table_node_t *));
int i = 0;
//---- 6 -----//
while (palav != NULL)
{
    largest_diameter_example[i] = palav;
    i++;
    palav = palav->previous;
}
```

Após libertarmos a memória necessária, em duas variáveis também externas, somamos os valores dos diâmetros e contamos quantas vezes a função é chamada, que vão ter a utilidade de futuramente fazer o *graph_info*.

graph_info()

```
static void graph_info(hash_table_t *hash_table)
{
    hash_table_node_t **representatives = malloc(sizeof(hash_table_node_t *) * hash_table->hash_table_size);
    int nrRepresentative = find_connected_component_representatives(hash_table, representatives);

largest_diameter = 0;
    int distMaior;

Sum_Diameters = 0;
Num_Diameters = 0;

for (int i = 0; i < nrRepresentative; i++)
    {
        distMaior = connected_component_diameter(representatives[i]);
    }

free(representatives);
}</pre>
```

Nesta função implementamos uma outra função chamada find_connected_component_representatives:

```
static int find_connected_component_representatives(hash_table_t *hash_table_node_t **representatives)
{
   int index = 0;
   for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
   {
      for (hash_table_node_t *vertex = hash_table->heads[i]; vertex != NULL; vertex = vertex->next)
      {
            hash_table_node_t *representative = find_representative(vertex);
      if (!representative->visited)
      {
            representative->visited = 1;
            }
      }
      // tornamos o estado dos vertices que estavam visitados para 0
      for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
      {
            for (hash_table_node_t *vertex = hash_table->heads[i]; vertex != NULL; vertex = vertex->next)
            {
                  vertex->visited = 0;
            }
            return index;
      }
}
```

A função *find_connected_component_representatives* vai utilizar o array representatives e vai atualizar os seus valores adicionando lhe todos os representativos diferentes

Como forma de conseguir esse objetivo, nesse array vamos alterar nos representativos que estamos a iterar o estado visited para 1 e apenas adicionamos elementos ao *representatives* se estes tiverem o estado *visited* 0:

```
hash_table_node_t *representative = find_representative(vertex);
if (!representative->visited)
{
    representatives[index++] = representative->word;
    representative->visited = 1;
}
```

Por fim, colocamos o estado de *visited* dos representativos a 0 e retornamos o número de representativos diferentes:

```
for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
{
  for (hash_table_node_t *vertex = hash_table->heads[i]; vertex != NULL; vertex = vertex->next)
  {
    vertex->visited = 0;
  }
}
```

A função *graph_info()* que nós estamos a implementar apenas percorre todos os representativos e para cada um chama a função *connected_component_diameter()* como forma de atualizar todas as nossas variáveis externas.

A informação referente ao número de vértices, número de arestas, o maior diâmetro, a maior sequência de palavras, ..., está a ser implementada na *main* no ponto 5.

Main atualizada

Atualizou-se a função main do nosso programa para termos todas as funcionalidades pedidas:

```
Your wish is my command:

1 WORD (list the connected component WORD belongs to)

2 FROM TO (list the shortest path from FROM to TO)

3 (print words)

4 (statistics hash)

5 (graf info)

6 (terminate)
```

Adicionou-se o caso 3 que vai imprimir todas as palavras que estão na hash_table e os correspondentes índices:

```
else if (command == 3)

{
    for(i = 0u;i < hash_table->hash_table_size;i++)
    {
        for(node = hash_table->heads[i];node != NULL;node = node->next)
        {
            printf("indice = %u -> %s\n",i,node->word);
        }
        printf("\n");
    }
}
```

O caso 4 vai imprimir a informação referente à hash_table:

```
static void hash_stats(hash_table_t *hash_table){
 printf("\n\nTamanho da Hash table: %u\n", hash table->hash table size);
 printf("Número de entradas: %u\n", hash_table->number_of_entries);
 printf("Tamanho médio das Heads com Heads vazias: %f\n",(float)hash table->number of entries / hash table->hash table size);
 hash_table_node_t *node;
 unsigned int MaxHead = 0;
 unsigned int MinHead = _max_word_size_;
 unsigned int conta = \theta;
 for(unsigned int i = 0u;i < hash_table->hash_table_size;i++){ // percorrer todos os indices
   unsigned int sizeHeads=0;
                                                                  // contar o número de elementos de cada head
   for(node = hash_table->heads[i];node != NULL;node = node->next){ // percorrer todas as heads
     sizeHeads++;
   if (sizeHeads != 0)
     conta++;
   if( sizeHeads > MaxHead){
     MaxHead = sizeHeads;
   if( sizeHeads < MinHead && sizeHeads != 0){
     MinHead = sizeHeads;
 printf("Tamanho médio das Heads sem Heads vazias: %f\n",(float)hash_table->number_of_entries / conta);
 printf("Tamanho da maior Linked List: %u\n", MaxHead);
 printf("Tamanho da menor Linked List: %u\n\n", MinHead);
```

Imprimimos sobre a Hash table:

- Tamanho da Hash table;
- Número de entradas;
- Tamanho médio das Heads contando as que não contêm informação;
- Tamanho médio das Heads contando apenas aquelas com informação;
- E o maior e menor tamanho das Heads

Na main:

```
else if (command == 4)
{
   hash_stats(hash_table);
}
```

Por último, o caso 5 que vai conter a informação do grafo que criámos:

```
else if (command == 5)
 printf("Número de vértices: %d\n", hash_table->number_of_entries);
printf("Número de arestas: %d\n\n", hash_table->number_of_edges);
 hash_table_node_t **representatives = malloc(sizeof(hash_table_node_t *) * hash_table->hash_table_size);
 int nrRepresentative = find_connected_component_representatives(hash_table, representatives);
 printf("Número de componentes conexas: %d\n\n", nrRepresentative);
 int size_small_comp = 10;
 int size_large_comp = 0;
 int sum_size_comp = \theta;
 // ciclo que vai percorrer todos os representativos
 for (int i = 0; i < nrRepresentative; i++)</pre>
    int Nr max = representatives[i]->number of vertices; //número de vertices do componente cujo representativo é representatives[i]
   hash table node t **list of vertices = (hash table node t **)malloc(Nr max * sizeof(hash table node t *));
   int nrPalavras = breadh_first_search(Nr_max, list_of_vertices, representatives[i], NULL);
   sum_size_comp = sum_size_comp + nrPalavras;
   if (size_large_comp < nrPalavras) // verificamos qual o maior número de componentes de uma componente
     size_large_comp = nrPalavras;
   if (size_small_comp > nrPalavras) // verificamos qual o menor número de componentes de uma componente
     size small comp = nrPalavras;
   free(list of vertices);
 printf("Tamanho mais pequeno de uma componente: %d\n", size_small_comp-1);
 printf("Tamanho maior de uma componente: %d\n", size_large_comp-1);
 printf("\nValor\ m\'edio\ dos\ tamanhos\ das\ componentes:\ %f \n\n",\ (float)sum\_size\_comp/nrRepresentative);
 printf("\nlargest: %d\n\n", largest_diameter-1);
 printf("Largest Ladder:\n");
 for (int i = 0; i < largest_diameter; i++)</pre>
   printf("[%d] %s\n", i+1, largest_diameter_example[i]->word);
 printf("\nValor médio dos diametros: %f \n\n", (float)Sum Diameters / Num Diameters);
 free(representatives);
```

No comando 5 vamos imprimir:

- Número de vértices de vértices do grafo;
- Números de arestas do grafo;
- Tamanho mais pequeno e o maior entre o tamanho de todas as componentes;
- Tamanho médio do tamanho de todas as componentes;
- Maior diâmetro de todos;
- Escada com o maior tamanho (ou uma delas):
- Valor médio de todos os diâmetros:

Resultados

Ficheiro com 4 letras

Comando:

1 tudo	2 tudo nada	3
Nota: Últimos 37 elementos. [1894] anal [1895] anel [1896] unir [1897] unes [1898] uniu [1899] ungi [1900] está [1901] crês [1902] éter [1903] unem	> 2 tudo nada [1] tudo [2] todo [3] nodo [4] nado [5] nada	<pre>indice = 3969 -> ater indice = 3969 -> revê indice = 3972 -> Néri indice = 3973 -> esta indice = 3974 -> fusa</pre>
[1904] asou [1905] orou [1906] irou [1907] grou [1908] alou [1909] apôs [1910] após [1911] apor [1912] edil [1913] geou [1914] ovou [1915] três [1916] apus		<pre>indice = 3977 -> icem indice = 3980 -> lhas indice = 3980 -> lusa indice = 3981 -> musa</pre>
[1917] obus [1918] ecos [1919] uval [1920] aval [1921] Ovar [1922] egos [1923] unam [1924] usou [1925] içou [1926] grau [1927] opor		<pre>indice = 3983 -> Oder indice = 3983 -> ousa indice = 3983 -> ovei indice = 3988 -> Toni indice = 3988 -> Tito</pre>
[1928] ecoo [1929] ecoe [1930] ecoa [1931] odor		índice = 3990 -> Vito

Comando:

```
> 4
Tamanho da Hash table: 4000
Número de entradas: 2149
Tamanho médio das Heads com Heads vazias: 0.537250
Tamanho médio das Heads sem Heads vazias: 1.475962
Tamanho da maior Linked List: 6
Tamanho da menor Linked List: 1
> 5
Número de vértices: 2149
Número de arestas: 9267
Número de componentes conexas: 187
Tamanho mais pequeno de uma componente: 0
Tamanho maior de uma componente: 1930
Valor médio dos tamanhos das componentes: 11.491979
largest: 15
Largest Ladder:
[1] Marx
[2] Mark
[3] Park
[4] Pará
[5] fará
[6] faro
[7] firo
[8] fino
[9] fins
[10] fias
[11] aias
[12] asas
[13] ases
[14] aves
[15] avôs
[16] apôs
Valor médio dos diametros: 0.219251
```

Ficheiro com 5 letras

Comando:

1 veias	2 veias exume	3
Nota: Últimos 37 elementos. [6285] imuto [6286] imune [6287] antro [6288] entoo [6289] entāo [6290] entoe [6291] enjoa [6292] inste [6293] inale [6294] unira [6295] erigi [6296] eriço [6297] erice [6298] fá-lo [6309] fo-la [6300] imane [6301] astro [6302] enjoo [6303] Antāo [6304] estāo [6306] unirá [6307] fo-lo [6308] imame [6309] emane [6310] estio [6311] emana [6312] emano [6313] espio [6314] Estio [6315] etano [6316] expio [6317] espia [6317] espia [6318] espie [6319] expie [6320] expie	> 2 veias exume [1] veias [2] velas [3] nelas [4] nulas [5] aulas [6] atlas [7] atias [8] afias [9] afina [11] afila [12] axila [13] exila [14] exile [15] exime [16] exume	<pre>indice = 7981 -> urgis indice = 7981 -> asila indice = 7981 -> aspas indice = 7982 -> soava indice = 7982 -> marés indice = 7982 -> apraz indice = 7982 -> laçai indice = 7984 -> anila indice = 7984 -> furem indice = 7985 -> ungis indice = 7986 -> greto indice = 7989 -> vento indice = 7989 -> cabia indice = 7989 -> gueto indice = 7992 -> bingo indice = 7992 -> afila indice = 7992 -> afila indice = 7995 -> tapir indice = 7995 -> coral indice = 7995 -> coral indice = 7995 -> cofio indice = 7995 -> preme</pre>

Comando:

> 4

```
Tamanho da Hash table: 8000
Número de entradas: 7166
Tamanho médio das Heads com Heads vazias: 0.895750
Tamanho médio das Heads sem Heads vazias: 1.710671
Tamanho da maior Linked List: 8
Tamanho da menor Linked List: 1
Número de vértices: 7166
Número de arestas: 23446
Número de componentes conexas: 575
Tamanho mais pequeno de uma componente: 0
Tamanho maior de uma componente: 6320
Valor médio dos tamanhos das componentes: 12.462608
largest: 33
Largest Ladder:
[1] expõe
[2] expie
[3] expio
[4] espio
[5] estio
[6] estão
[7] então
[8] entro
[9] entra
[10] extra
[11] exara
[12] exala
[13] exila
[14] axila
[15] afila
[16] afira
[17] atira
[18] ativa
[19] atava
[20] alava
[21] flava
[22] fiava
[23] fiara
[24] fibra
[25] vibra
[26] viera
[27] viela
[28] vi-la
[29] vê-la
[30] dê-la
[31] dá-la
[32] fá-la
[33] fo-la
[34] fo-lo
Valor médio dos diametros: 0.365217
```

Ficheiro com 6 letras

1 ousado	2 ousado remela	3
Nota: Últimos 37 elementos.		
[11577] Viçosa [11578] piroga [11579] porosa [11580] enviou [11581] enfiou [11582] soroso [11584] piloto [11585] picoto [11586] penoso [11587] venosa [11588] aprose [11589] aprovo [11590] apreso [11591] apresa [11592] aprova [11593] morosa [11594] seroso [11595] mofoso [11596] pilote [11597] pilota [11598] picote [11599] picota [11600] penosa [11601] aprove [11602] aprese [11603] apreço [11604] apreça [11605] seboso [11606] sedoso [11607] serosa [11608] pinote [11609] pelote [11610] pelota [11611] pacote [11611] pacote [11612] aprece [11612] aprece	> 2 ousado remela [1] ousado [2] ousada [3] ougada [4] sugada [5] segada [6] regada [7] regala [8] regela [9] remela	<pre>indice = 15982 -> marrou indice = 15982 -> marido indice = 15982 -> apagam indice = 15983 -> posado indice = 15983 -> mureis indice = 15985 -> tireis indice = 15986 -> manias indice = 15986 -> manias indice = 15988 -> astuto indice = 15989 -> poisio indice = 15989 -> estude indice = 15990 -> listai indice = 15991 -> arreto indice = 15992 -> podado indice = 15992 -> doasse indice = 15992 -> ecluda indice = 15993 -> mudeis indice = 15993 -> mudeis indice = 15999 -> doesse indice = 15999 -> lodosa</pre>

Comando:

Tamanho da Hash table: 16000

> 4

```
Número de entradas: 15654
Tamanho médio das Heads com Heads vazias: 0.978375
Tamanho médio das Heads sem Heads vazias: 1.597836
Tamanho da maior Linked List: 7
Tamanho da menor Linked List: 1

> 5
Número de vértices: 15654
Número de arestas: 36204

Número de componentes conexas: 1929

Tamanho mais pequeno de uma componente: 0
Tamanho maior de uma componente: 11612

Valor médio dos tamanhos das componentes: 8.115086

largest: 57
```

Largest Ladder: [1] enruga [2] enxuga [3] enxuta [4] enluta [5] enlata [6] engata [7] engana [8] encana [9] encena [10] enceta [11] enceto [12] exceto [13] expeto [14] espeto [15] aspeto [16] asseto [17] assedo [18] assado [19] assada [20] ossada [21] ousada [22] ourada [23] curada [24] corada [25] cotada [26] citada [27] citava [28] oitava [29] optava [30] opiava [31] opiada [32] opiado [33] odiado [34] adiado [35] adindo [36] alindo [37] alando [38] amando [39] amanso [40] amanse [41] amasse [42] alasse [43] classe [44] coasse [45] doasse [46] doa-se [47] roa-se [48] ria-se [49] rir-se [50] vir-se [51] virose [52] viroso [53] piroso [54] piloso [55] piloto [56] pilote [57] pelote [58] zelote

Ficheiro maior

1 Portugal	2 Pina olha	3
> 1 Portugal [1] Portugal	> 2 Pina olha [1] Pina [2] tina [3] tino [4] pino [5] pito [6] puto [7] auto [8] alto [9] alho [10] olho [11] olha	<pre>indice = 1023982 -> obtinha-me indice = 1023982 -> colcheteá-lo indice = 1023982 -> empantanar-vos indice = 1023983 -> adoentá-lo-emos indice = 1023985 -> reaverias indice = 1023988 -> desenvencilhá-lo-emos indice = 1023989 -> desmazelar-nos-ias indice = 1023990 -> adiar-nos-emos indice = 1023992 -> reencarcerassem indice = 1023994 -> reativante indice = 1023997 -> arredariam indice = 1023999 -> sentenciadora indice = 1023999 -> mingue-lhe</pre>

Comandos:

> 4

Tamanho da Hash table: 1024000 Número de entradas: 999282

Tamanho médio das Heads com Heads vazias: 0.975861 Tamanho médio das Heads sem Heads vazias: 1.567042

Tamanho da maior Linked List: 9 Tamanho da menor Linked List: 1

> 5

Número de vértices: 999282 Número de arestas: 1060534

Número de componentes conexas: 377234

Tamanho mais pequeno de uma componente: 0 Tamanho maior de uma componente: 16697

Valor médio dos tamanhos das componentes: 2.648971

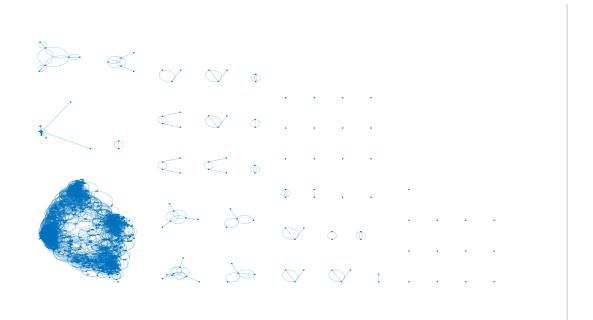
largest: 92

Valor médio dos diametros: 0.798374

Largest Ladder [1] empaleou [2] empalhou [3] espalhou [4] espelhou [5] espelhos [6] espelhas [7] espalhas [8] espalhar [9] espaldar [10] escaldar [11] escaldas [12] escalpas [13] escarpas [14] escarnas [15] encarnas [16] encornas [17] enfornas [18] enformas [19] enfermas [20] enfermos [21] enfeemos [22] enteemos [23] entremos [24] extremos [25] exaremos [26] exaramos [27] exarados [28] exaradas [29] exararas [30] exarares [31] exalares [32] exilares [33] axilares [34] afilares [35] afinares [36] afanares [37] afamares [38] aramares [39] tramares [40] tremares [41] tremeres [42] premeres [43] preferes [44] preferis [45] proferis [46] proferia [47] proveria [48] provaria

[49] privaria [50] crivaria [51] cravaria [52] chavaria [53] chaparia [54] chuparia [55] chutaria [56] coutaria [57] contaria [58] tontaria [59] tostaria [60] bostaria [61] bastaria [62] bastarda [63] bastardo [64] bastando [65] pastando [66] passando [67] lassando [68] lascando [69] rascando [70] riscando [71] discando [72] distando [73] distendo [74] distenso [75] dispenso [76] dispensa [77] despensa [78] despenda [79] descenda [80] descende [81] descente [82] desconte [83] desponte [84] desponto [85] desporto [86] desperto [87] desperte [88] despe-te [89] deste-te [90] veste-te [91] viste-te [92] visse-te [93] visse-me

Grafos Ficheiro



Grafo exemplo do wordlist-four-letters

```
==18942==
==18942== HEAP SUMMARY:
==18942== in use at exit: 0 bytes in 0 blocks
==18942== total heap usage: 23,033 allocs, 23,033 frees, 143,231,936 bytes allocated
==18942==
==18942== All heap blocks were freed -- no leaks are possible
==18942==
==18942== For lists of detected and suppressed errors, rerun with: -s
==18942== ERROR SUMMARY: 0 errors from 0 contexts (suppressed: 0 from 0)
```

Não houve perda de memória para o ficheiro de quatro letras.

Grafo exemplo do wordlist-five-letters

```
==18972==
==18972== HEAP SUMMARY:
==18972== in use at exit: 0 bytes in 0 blocks
==18972== total heap usage: 61,820 allocs, 61,820 frees, 1,168,037,464 bytes allocated
==18972==
==18972== All heap blocks were freed -- no leaks are possible
==18972==
==18972== For lists of detected and suppressed errors, rerun with: -s
==18972== ERROR SUMMARY: 0 errors from 0 contexts (suppressed: 0 from 0)_
```

Não houve perda de memória para o ficheiro de cinco letras.

Grafo exemplo do wordlist-five-letters.

```
==18997==
==18997== HEAP SUMMARY:
==18997== in use at exit: 0 bytes in 0 blocks
==18997== total heap usage: 105,671 allocs, 105,671 frees, 3,065,117,600 bytes allocated
==18997==
==18997== All heap blocks were freed -- no leaks are possible
==18997==
==18997== For lists of detected and suppressed errors, rerun with: -s
==18997== ERROR SUMMARY: 0 errors from 0 contexts (suppressed: 0 from 0)_
```

Não houve perda de memória para o ficheiro de seis letras.

Apêndice

Código em MatLab

```
clear
clc

data = readtable('graphFour.txt', 'ReadVariableNames', false);
nodes = importdata("wordlist-four-letters.txt");

G = graph();
tamanho_data = height(data);

G = addnode(G, nodes);

for x = 1:tamanho_data
    first = data{x,1};
    second = data{x,2};
    G = addedge(G, first , second);
end
plot(G);
```

Código em C

```
#include <stdio.h>
```

```
#include <stdlib.h>
#define _max_word_size_ 32
11
// data structures (SUGGESTION --- you may do it in a different way)
11
typedef struct adjacency_node_s adjacency_node_t;
typedef struct hash table node s hash table node t;
typedef struct hash_table_s hash_table_t;
struct adjacency node s
adjacency node t *next;
                                 // link to th enext adjacency list node
hash table node t *vertex;
                                 // the other vertex
};
struct hash table node s
// the hash table data
                                 // the word
char word[ max word size ];
hash table node t *next;
                                  // next hash table linked list node
// the vertex data
adjacency node t *head;
                                 // head of the linked list of adjancency edges
int visited;
                                  // visited status (while not in use, keep it at 0)
hash table node t *previous; // breadth-first search parent
// the union find data
hash table node t *representative; // the representative of the connected component this
vertex belongs to
int number of vertices;
                                  // number of vertices of the conected component (only
correct for the representative of each connected component)
int number of edges;
                                  // number of edges of the conected //component (only
correct for the representative of each connected //component)
struct hash table s
unsigned int hash table size; // the size of the hash table array
unsigned int number of entries; // the number of entries in the hash table
```

```
unsigned int number of edges;
                                  // number of edges (for information purposes only)
hash_table_node_t **heads;
                                  // the heads of the linked lists
} ;
static adjacency_node_t *allocate_adjacency_node(void)
adjacency_node_t *node;
node = (adjacency node t *)malloc(sizeof(adjacency node t));
if(node == NULL)
  fprintf(stderr,"allocate_adjacency_node: out of memory\n");
  exit(1);
return node;
static void free_adjacency_node(adjacency_node_t *node)
free (node);
}
static hash table node t *allocate hash table node(void)
{
hash_table_node_t *node;
node = (hash_table_node_t *)malloc(sizeof(hash_table_node_t));
if(node == NULL)
  fprintf(stderr,"allocate_hash_table_node: out of memory\n");
  exit(1);
return node;
static void free_hash_table_node(hash_table_node_t *node)
```

```
free (node);
unsigned int crc32(const char *str)
static unsigned table[256];
unsigned int crc;
if(table[1] == 0u) // do we need to initialize the table[] array?
  unsigned int i,j;
  for(i = 0u; i < 256u; i++)
    for(table[i] = i,j = 0u;j < 8u;j++)
      if(table[i] & 1u)
        table[i] = (table[i] >> 1) ^ 0xAED00022u; // "magic" constant
        table[i] >>= 1;
 }
crc = 0xAED02022u; // initial value (chosen arbitrarily)
while(*str != '\0')
  crc = (crc >> 8) ^ table[crc & 0xFFu] ^ ((unsigned int)*str++ << 24);</pre>
return crc;
static hash_table_t *hash_table_create(void)
hash_table_t *hash_table;
unsigned int i;
hash_table = (hash_table_t *)malloc(sizeof(hash_table_t));
if(hash_table == NULL)
```

```
fprintf(stderr,"create hash table: out of memory\n");
  exit(1);
 }
hash_table->hash_table_size = 250;
hash table->heads = (hash table node t **) malloc(sizeof(hash table node t *) *
hash table->hash table size);
hash_table->number_of_entries = 0;
hash table->number of edges = 0;
for(i = 0;i < hash_table->hash_table_size;i++)
  hash table->heads[i] = NULL;
return hash table;
static void hash table grow(hash table t *hash table)
{
hash_table_node_t **old_heads, **new_heads, *node, *next;
unsigned int old_size, i;
// save a pointer to the old array of linked list heads and its size
old heads = hash table->heads;
old_size = hash_table->hash_table_size;
// create a new hash table with a larger size
hash_table->hash_table_size *= 2;
new heads = (hash table node t **)malloc(hash table->hash table size *
sizeof(hash_table_node_t *));
// check for out of memory
 for (i = 0u; i < hash_table->hash_table_size; i++)
  new heads[i] = NULL;
 if (new heads == NULL)
```

```
fprintf(stderr, "hash_table_grow: out of memory");
  exit(1);
// run the hash function for old values with new size
 for (i = 0u; i < old_size; i++)</pre>
  node = old_heads[i];
  while (node != NULL)
     next = node->next;
     size_t index = crc32(node->word) % hash_table->hash_table_size;
    node->next = new_heads[index];
    new_heads[index] = node;
    node = next;
   }
free(old_heads);
hash_table->heads = new_heads;
}
static void hash_table_free(hash_table_t *hash_table)
hash_table_node_t *node;
hash_table_node_t *temp;
adjacency_node_t *adj_node;
adjacency_node_t *temp_adj;
```

```
unsigned int i;
 for (i = 0; i < hash table->hash table size; i++)
  node = hash_table->heads[i];
  while (node != NULL)
    temp = node;
    adj_node = node->head;
    while (adj_node != NULL)
      temp_adj = adj_node;
      adj_node = adj_node->next;
      free(temp adj);
    node = node->next;
     free(temp);
 }
free(hash table->heads);
free (hash_table);
static hash_table_node_t *find_word(hash_table_t *hash_table,const char *word,int
insert_if_not_found)
{
hash_table_node_t *node;
unsigned int i;
// printf("word: %s\n", word);
```

```
i = crc32(word) % hash table->hash table size;
node = hash_table->heads[i];
while (node != NULL)
  if (strcmp(node->word, word) == 0)
    return node;
  node = node->next;
 }
if (insert_if_not_found && strlen(word) < _max_word_size_)</pre>
  node = allocate_hash_table_node();
  strncpy(node->word, word, _max_word_size_);
  node->representative = node;
  node->next = hash_table->heads[i];
  node->previous = NULL;
  node->number_of_edges = 0;
  node->number_of_vertices = 1;
  node->visited = 0;
  node->head = NULL;
  hash table->heads[i] = node;
  hash_table->number_of_entries++;
  if (hash_table->number_of_entries > hash_table->hash_table_size)
    hash_table_grow(hash_table);
  return node;
 return NULL;
static void hash_stats(hash_table_t *hash_table) {
printf("\n\nTamanho da Hash table: %u\n", hash_table=>hash_table_size);
printf("Número de entradas: %u\n", hash_table->number_of_entries);
```

```
printf("Tamanho médio das Heads com Heads vazias: %f\n",(float)hash table->number of entries
/ hash table->hash table size);
hash table_node_t *node;
unsigned int MaxHead = 0;
unsigned int MinHead = _max_word_size_;
unsigned int conta = 0;
 for(unsigned int i = 0u;i < hash_table->hash_table_size;i++){
  unsigned int sizeHeads=0;
  for(node = hash_table->heads[i];node != NULL;node = node->next) {
    sizeHeads++;
  if (sizeHeads != 0)
   {
    conta++;
   }
  if( sizeHeads > MaxHead) {
    MaxHead = sizeHeads;
  if( sizeHeads < MinHead && sizeHeads != 0){</pre>
    MinHead = sizeHeads;
  }
printf("Tamanho médio das Heads sem Heads vazias: %f\n",(float)hash_table->number_of_entries
/ conta);
printf("Tamanho da maior Linked List: %u\n", MaxHead);
printf("Tamanho da menor Linked List: %u\n\n", MinHead);
```

```
//
// add edges to the word ladder graph (mostly do be done)
11
static hash_table_node_t *find_representative(hash_table_node_t *node)
{
hash_table_node_t *representative, *next_node;
hash_table_node_t *node_atual;
for (representative = node; representative != representative->representative; representative
= representative->representative)
 for (node atual = node; node atual != representative; node atual = next node)
 {
  next_node = node_atual->representative;
  node atual->representative = representative;
 }
return representative;
}
static void add_edge (hash_table_t *hash_table, hash_table_node_t *from, const char *word)
hash_table_node_t *to, *from_representative, *to_representative;
from_representative = find_representative(from);
to = find word(hash table, word, 0);
if (to == from)
  return;
```

```
to representative = find representative(to);
if (from representative == to representative)
   from representative->number of vertices++;
}else{
   from representative->representative = to representative; //mete o representante do from
igual ao do to
  to representative->number of vertices += from representative->number of vertices; //soma o
numero de vertices do from ao do to
  to_representative->number_of_edges += from_representative->number_of_edges; //soma o numero
de arestas do from ao do to
adjacency_node_t *linkfrom = allocate_adjacency_node();
adjacency node t *linkto = allocate adjacency node();
linkfrom->vertex = to;
linkfrom->next = from->head;
 from->head = linkfrom;
linkto->vertex = from;
linkto->next = to->head;
 to->head = linkto;
 from representative->number of edges++;
to_representative->number_of_edges++;
hash_table->number_of_edges++;
 return;
static void break_utf8_string(const char *word,int *individual_characters)
```

```
int byte0,byte1;
while(*word != '\0')
  byte0 = (int) (*(word++)) & 0xFF;
  if(byte0 < 0x80)
    *(individual_characters++) = byte0; // plain ASCII character
  else
    byte1 = (int)(*(word++)) & 0xFF;
    if((byte0 & Ob11100000) != Ob11000000 || (byte1 & Ob11000000) != Ob10000000)
       fprintf(stderr,"break_utf8_string: unexpected UFT-8 character\n");
      exit(1);
    *(individual characters++) = ((byte0 & 0b00011111) << 6) | (byte1 & 0b00111111); // utf8
-> unicode
  }
*individual characters = 0; // mark the end!
}
static void make_utf8_string(const int *individual_characters,char word[_max_word_size_])
int code;
while(*individual characters != 0)
  code = *(individual characters++);
  if(code < 0x80)
    *(word++) = (char)code;
  else if(code < (1 << 11))
   { // unicode -> utf8
```

```
*(word++) = 0b11000000 | (code >> 6);
                      *(word++) = 0b100000000 | (code & 0b00111111);
             }
             else
                      fprintf(stderr,"make utf8 string: unexpected UFT-8 character\n");
                    exit(1);
             }
   *word = ' \ 0'; // mark the end
 }
static void similar_words(hash_table_t *hash_table,hash_table_node_t *from)
   static const int valid_characters[] =
   { // unicode!
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      // -
            0x2D,
            0x41,0x42,0x43,0x44,0x45,0x46,0x47,0x48,0x49,0x4A,0x4B,0x4C,0x4D,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                     // A B C D E F
GHIJKLM
             0 \times 4 = 0 \times 4 = 0 \times 5 = 0 \times 
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  // NOPQRS
            0x61,0x62,0x63,0x64,0x65,0x66,0x67,0x68,0x69,0x6A,0x6B,0x6C,0x6D,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                 // abcdef
ghijklm
             0 \times 6 = 0 \times 6 = 0 \times 70, 0 \times 71, 0 \times 72, 0 \times 73, 0 \times 74, 0 \times 75, 0 \times 76, 0 \times 77, 0 \times 78, 0 \times 79, 0 \times 74,
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                  // nopqrs
tuvwxyz
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      // ÁÂÉÍÓÚ
            0xC1,0xC2,0xC9,0xCD,0xD3,0xDA,
            0xE0,0xE1,0xE2,0xE3,0xE7,0xE8,0xE9,0xEA,0xED,0xEE,0xF3,0xF4,0xF5,0xFA,0xFC, // à á â ã ç è
é ê í î ó ô õ ú ü
            0
   };
   int i,j,k,individual_characters[_max_word_size_];
   char new_word[2 * _max_word_size_];
   break utf8 string(from->word, individual characters);
```

```
for(i = 0;individual characters[i] != 0;i++)
  k = individual characters[i];
   for(j = 0;valid characters[j] != 0;j++)
     individual_characters[i] = valid_characters[j];
    make_utf8_string(individual_characters,new_word);
    // avoid duplicate cases
     if(strcmp(new word, from->word) > 0){
      //+ rapido
       if (find word(hash table, new word, 0) !=NULL)
         add edge(hash table, from, new word);
  individual characters[i] = k;
 }
11
// breadth-first search (to be done)
// returns the number of vertices visited; if the last one is goal, following the previous
links gives the shortest path between goal and origin
//
static int breadh_first_search(int maximum_number_of_vertices, hash_table_node_t
**list_of_vertices, hash_table_node_t *origin, hash_table_node_t *goal)
```

```
// Initialize the queue
int front = 0, back = 0;
list of vertices[back++] = origin;
// Set the origin vertex as visited
origin->visited = 1;
origin->previous = NULL;
// Perform the search
int finish = 0;
while (front < back)</pre>
  // Dequeue the front vertex from the queue
  hash_table_node_t *vertex = list_of_vertices[front++];
  // Check if the vertex is the goal
  if (finish == 1)
   break;
  // Enqueue the adjacent vertices
  adjacency_node_t *adjacent = vertex->head;
  while (adjacent != NULL)
  {
    if (adjacent->vertex->visited == 0)
        list_of_vertices[back++] = adjacent->vertex;
        adjacent->vertex->visited = 1;
        adjacent->vertex->previous = vertex;
```

```
// short path++;
         if (adjacent->vertex == goal)
          finish = 1;
         break;
       }
    adjacent = adjacent->next;
  }
for (int i = 0; i < back; i++)
  list_of_vertices[i]->visited = 0;
return back;
//
// list all vertices belonging to a connected component (complete this)
11
static void list_connected_component(hash_table_t *hash_table,const char *word)
{
hash_table_node_t *node;
// encontramos o nó que correspode à variavel dada no argumento
node = find_word(hash_table, word, 0);
if (node == NULL)
```

```
return;
// encontramos o resprensentativo dessa palavra
hash table node t *representative = find representative(node);
int Nr_max = representative->number_of_vertices;
hash table node t **list of vertices = (hash table node t **)malloc(Nr max *
sizeof(hash_table_node_t *));
int nrPalavras = breadh_first_search(Nr_max, list_of_vertices, node, NULL);
int count = 1;
for(int i = 0;i < nrPalavras;i++){</pre>
  printf("[%d] %s\n", count, list of vertices[i]->word);
  count++;
 }
free(list of vertices);
}
// compute the diameter of a connected component (optional)
11
static int largest diameter; //variavel para guardar o maior diametro de entre todas as
componentes
static hash_table_node_t **largest_diameter_example; // array que guarda os nós do maior
static int Sum Diameters, Num Diameters; // variaveis para calcular a média dos caminhos
static int connected_component_diameter(hash_table_node_t *node)
```

```
int Nr max = node->number of vertices;
hash table node t **list of vertices = (hash table node t **)malloc(Nr max *
sizeof(hash table node t *));
int nrPalavras = breadh first search(Nr max, list of vertices, node, NULL);
int diametro = 0;
for(int i = 0;i < nrPalavras;i++){ //---- 1 -----//</pre>
  hash_table_node_t **list_of_vertices_Dentro = (hash_table_node_t **)malloc(Nr_max *
sizeof(hash_table_node_t *));
  //---- 2 ----//
  int dist = breadh first search(Nr max, list of vertices Dentro, list of vertices[i], NULL);
  hash table node t *path = list of vertices Dentro[dist-1];
  int realDist = 0;
  //---- 3 ----//
  while (path != NULL)
    realDist++;
    path = path->previous;
   //---- 4 ----//
  if (realDist > diametro)
    diametro = realDist;
   }
   //---- 5 ----//
   if (realDist > largest diameter)
    largest diameter = realDist;
    hash_table_node_t *palav = list_of_vertices_Dentro[dist-1];
     free(largest diameter example);
```

```
largest diameter example = (hash table node t **)malloc(largest diameter *
sizeof(hash_table_node_t *));
     int i = 0;
     //---- 6 ----//
     while (palav != NULL)
       largest diameter example[i] = palav;
      i++;
      palav = palav->previous;
     }
   }
   free(list_of_vertices_Dentro);
   free (path);
 //---- 7 ----//
Sum Diameters = Sum Diameters + diametro-1;
Num Diameters++;
free(list_of_vertices);
return largest diameter;
static int find_connected_component_representatives(hash_table_t *hash_table,
hash_table_node_t **representatives)
int index = 0;
for (int i = 0; i < hash table->hash table size; i++)
   for (hash_table_node_t *vertex = hash_table->heads[i]; vertex != NULL; vertex =
vertex->next)
     hash_table_node_t *representative = find_representative(vertex);
```

```
if (!representative->visited)
       representatives[index++] = representative->word;
       representative->visited = 1;
   }
 }
// tornamos o estado dos vertices que estavam visitados para 0
for (int i = 0; i < hash_table->hash_table_size; i++)
  for (hash table node t *vertex = hash table->heads[i]; vertex != NULL; vertex =
vertex->next)
  {
    vertex->visited = 0;
  }
return index;
//
// find the shortest path from a given word to another given word (to be done)
// //
static void path_finder(hash_table_t *hash_table,const char *from_word,const char *to_word)
hash_table_node_t *fromNode = find_word(hash_table, from_word, 0);
hash_table_node_t *toNode = find_word(hash_table, to_word, 0);
 if(fromNode == NULL || toNode == NULL) {
  return;
```

```
}
hash table node t *fromRep = find representative(fromNode);
hash table_node_t *toRep = find_representative(toNode);
if(fromRep != toRep){
  return;
 }
hash_table_node_t **list_of_vertices = malloc(sizeof(hash_table_node_t *) *
fromRep->number_of_vertices);
for (int i = 0; i < fromRep->number of vertices; i++)
  list_of_vertices[i] = NULL;
 }
if (list_of_vertices == NULL)
 exit(1);
 }
int goal_indice = breadh_first_search(0, list_of_vertices,fromNode, toNode);
char short_path[goal_indice-1][_max_word_size_];
hash_table_node_t *p = list_of_vertices[goal_indice-1];
int count = 0;
while (p != NULL)
 {
  strcpy(short_path[count], p->word);
```

```
count++;
  p = p->previous;
int indice2 = 1;
 for (int i = count-1; i >= 0; i--)
  printf("[%d] %s\n", indice2, short_path[i]);
  indice2++;
 }
free(list_of_vertices);
// free(fromNode);
// free(toNode);
// free(toRep);
// free(fromRep);
// free(p);
//
// some graph information (optional)
11
static void graph_info(hash_table_t *hash_table)
hash_table_node_t **representatives = malloc(sizeof(hash_table_node_t *) *
hash_table->hash_table_size);
int nrRepresentative = find_connected_component_representatives(hash_table, representatives);
largest_diameter = 0;
 int distMaior;
Sum_Diameters = 0;
Num Diameters = 0;
```

```
for (int i = 0; i < nrRepresentative; i++)</pre>
  distMaior = connected component diameter(representatives[i]);
free (representatives);
int main(int argc,char **argv)
char word[100], from[100], to[100];
hash_table_t *hash_table;
hash table node t *node;
unsigned int i;
int command;
FILE *fp;
// initialize hash table
hash_table = hash_table_create();
// read words
fp = fopen((argc < 2) ? "wordlist-big-latest.txt" : argv[1],"rb");</pre>
 if(fp == NULL)
  fprintf(stderr,"main: unable to open the words file\n");
  exit(1);
while(fscanf(fp, "%99s", word) == 1)
   (void) find word(hash table, word, 1);
fclose(fp);
// find all similar words
 for(i = 0u;i < hash_table->hash_table_size;i++)
  for(node = hash_table->heads[i];node != NULL;node = node->next)
```

```
similar words(hash table, node);
graph info(hash table);
// ask what to do
for(;;)
  fprintf(stderr,"Your wish is my command:\n");
  fprintf(stderr," 1 WORD
                              (list the connected component WORD belongs to)\n");
  fprintf(stderr," 2 FROM TO (list the shortest path from FROM to TO)\n");
  fprintf(stderr," 3
                               (print words ) \n");
  fprintf(stderr," 4
                               (statistics hash ) \n");
  fprintf(stderr," 5
                               (graf info )\n");
  fprintf(stderr," 6
                         (terminate) \n");
  fprintf(stderr,"> ");
  if(scanf("%99s",word) != 1)
   break;
  command = atoi(word);
  if(command == 1)
    if(scanf("%99s", word) != 1)
     break;
   list connected component (hash table, word);
  else if(command == 2)
    if(scanf("%99s",from) != 1)
     break;
    if(scanf("%99s",to) != 1)
     break;
```

```
path finder(hash table, from, to);
   else if(command == 6)
    break;
   else if (command == 3)
   {
     for(i = 0u;i < hash table->hash table size;i++)
       for(node = hash table->heads[i];node != NULL;node = node->next)
        printf("indice = %u -> %s\n",i,node->word);
      printf("\n");
    }
   else if (command == 4)
    hash_stats(hash_table);
   }
   else if (command == 5)
   {
     printf("Número de vértices: %d\n", hash_table->number_of_entries);
     printf("Número de arestas: %d\n\n", hash_table->number_of_edges);
     hash_table_node_t **representatives = malloc(sizeof(hash_table_node_t *) *
hash_table->hash_table_size);
     int nrRepresentative = find_connected_component_representatives(hash_table,
representatives);
     printf("Número de componentes conexas: %d\n\n", nrRepresentative);
```

```
int size small comp = 10;
     int size large comp = 0;
     int sum_size_comp = 0;
     for (int i = 0; i < nrRepresentative; i++)</pre>
     {
       int Nr max = representatives[i]->number of vertices;
       hash_table_node_t **list_of_vertices = (hash_table_node_t **) malloc(Nr_max *
sizeof(hash_table_node_t *));
       int nrPalavras = breadh_first_search(Nr_max, list_of_vertices, representatives[i],
NULL);
       sum size comp = sum size comp + nrPalavras;
       if (size large comp < nrPalavras)</pre>
         size large comp = nrPalavras;
       if (size small comp > nrPalavras)
       {
         size_small_comp = nrPalavras;
      free(list_of_vertices);
     }
     printf("Tamanho mais pequeno de uma componente: %d\n", size_small_comp-1);
     printf("Tamanho maior de uma componente: %d\n", size large comp-1);
```

```
printf("\nValor médio dos tamanhos das componentes: %f \n\n",
(float)sum_size_comp/nrRepresentative);

printf("\nlargest: %d\n\n", largest_diameter-1);
printf("Largest Ladder:\n");
for (int i = 0; i < largest_diameter; i++)
{
    printf("[%d] %s\n", i+1, largest_diameter_example[i]->word);
}

printf("\nValor médio dos diametros: %f \n\n", (float)Sum_Diameters / Num_Diameters);
free(representatives);
}

free(largest_diameter_example);
hash_table_free(hash_table);
return 0;
}
```

Conclusão

Em conclusão, ficamos a perceber melhor como realizar trabalhos e problemas que se enquadrem na temática de Hashing" e também mais sobre algoritmos que nos vão ser muito necessários mais tarde na nossa progressão académica. Assim, agradecemos aos professores que nos ajudaram a realizar este trabalho e também ficamos agradecidos

pelo facto de termos enriquecido mais com todo o trabalho realizado ao longo da disciplina.