

RAPORT SYMULACJA CYFROWA

1. Nr rozszerzenia zadania A1, tabela D3, metoda planowania zdarzeń.

2. Treść rozwiązywanego zadania:

Szpitalny punkt krwiodawstwa korzysta z monitoringu liczby dostępnych jednostek krwi. Jeżeli liczba ta spadnie do poziomu **R** lub niżej, zostaje wysłane zlecenie na **N** nowych jednostek. Czas od wysłania zamówienia do otrzymania krwi jest zmienną losową o rozkładzie wykładniczym o średniej **Z**. Dostarczona krew musi zostać wykorzystana w ciągu **T₁** jednostek czasu. Po tym czasie zostaje zutylizowana.

Odstęp czasu pomiędzy pojawieniem się kolejnych pacjentów wymagających transfuzji jest zmienną losową o rozkładzie wykładniczym i średniej **P**. Liczba jednostek krwi podawana pojedynczemu pacjentowi jest zmienną losową o rozkładzie geometrycznym i średniej **1/W**. Jeżeli liczba potrzebnych jednostek jest większa niż aktualny stan zaopatrzenia w punkcie krwiodawstwa, zostaje złożone awaryjne zamówienie na **Q** jednostek. Czas dostarczenia takiego zamówienia jest zmienną losową o rozkładzie normalnym, średniej **E** i wariancji **EW²**. Dodatkowo, w punkcie krwiodawstwa krew oddają lokalni dawcy. Czas między zgłoszeniem się kolejnych dawców jest zmienną losową o rozkładzie wykładniczym i średniej **L**. Każdy dawca oddaje jedną jednostkę krwi, która musi zostać zużyta w ciągu **T₂** jednostek czasu (**T₁ < T₂**).

Punkt krwiodawstwa raz na **TA** jednostek czasu przeprowadza akcję promocyjną zbiórki krwi, podczas której średni czas pomiędzy zgłoszeniami kolejnych dawców spada o **TR**. Akcja trwa **TT=7200** jednostek czasu.

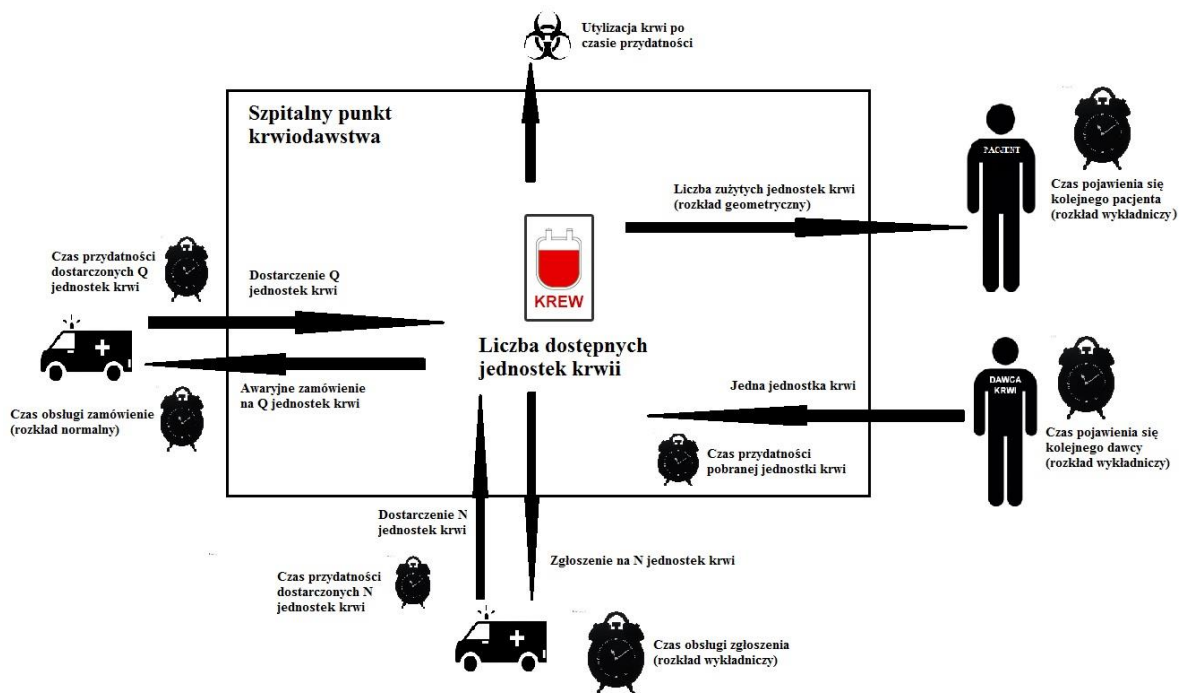
TA – zmienna losowa o rozkładzie równomiernym w przedziale [**TAmin**,**TAmax**] [20k,22k]

TR – zmienna losowa o rozkładzie równomiernym w przedziale [**TRmin**,**TRmax**] [100,200]

Celem symulacji jest wyznaczenie wartości **R** oraz **N**, dla których prawdopodobieństwo awaryjnego zamówienia jest mniejsze niż **A**. Dla otrzymanych wartości wyznacz jaki procent krwi jest utylizowany

3. Opis modelu symulacyjnego:

a) Schemat modelu symulacyjnego:



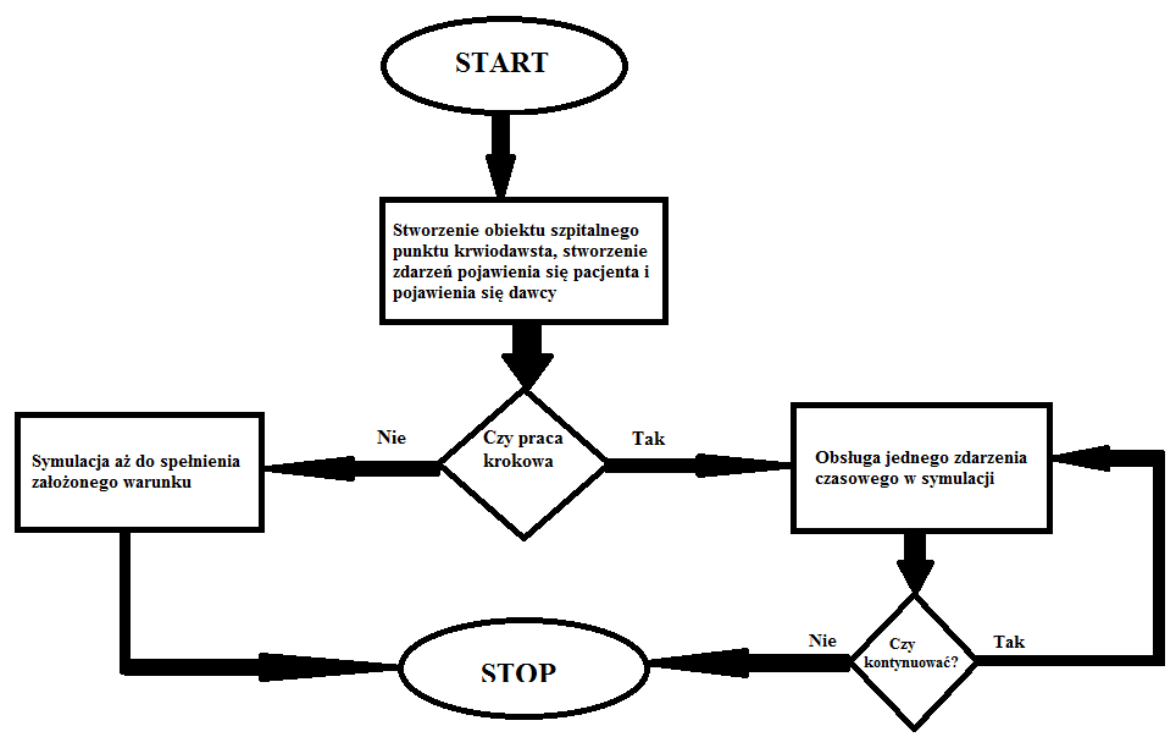
b) Opis klas wchodzących w skład systemu i ich atrybutów:

| Obiekt | Nazwa klasy implementującej obiekt | Opis | Atrybuty |
|--|------------------------------------|--|--|
| Pojawienie się dawcy krwi | ApperanceDonor | Klasa reprezentująca pojawienie się dawcy krwi | - Wskaźnik na szpitalny punkt krwiodawstwa typu <i>BloodDonationPoint</i> - Wskaźnik na obiekt generatora typu <i>Generators</i> - Zmienna wynikowa z generatora czasu typu <i>double</i> |
| Pojawienie się pacjenta | ApperancePatient | Klasa reprezentująca pojawienie się pacjenta | - Wskaźnik na szpitalny punkt krwiodawstwa typu <i>BloodDonationPoint</i> - Wskaźnik na obiekt generatora typu <i>Generators</i> |
| Pojawienie się krwi z awaryjnego zgłoszenia lub zamówienia | BloodDelivery | Klasa reprezentująca przywiezienie krwi | - Wskaźnik na szpitalny punkt krwiodawstwa typu <i>BloodDonationPoint</i> - Wskaźnik na obiekt generatora typu <i>Generators</i> - Zmienna wyliczeniowa mówiąca które zamówienie się pojawiło typu <i>TypeDelivery</i> |
| Szpitalny punkt krwiodawstwa | BloodDonationPoint | Klasa gromadząca pozostałe elementy sytemu. | - Minimalna liczba dostępnych jednostek krwi typu <i>const int</i> - Liczba krwi przychodząca z awaryjnego zgłoszenia i zamówienia typu <i>const int</i> - Liczba dostępnych jednostek krwi typu <i>int</i> - Flagi mówiące o tym czy zostało wysłane awaryjne zgłoszenie/zamówienie typu <i>bool</i> - Aktualny czas systemu typu <i>double</i> |

| | | | |
|-------------------------------|---------------------|---|---|
| | | | <ul style="list-style-type: none"> - Zmienne pozwalające na zakończenie symulacji (z zależności od parametrów końca) typu <i>int/double</i> - Zmienne do zbierania statystyk typu <i>int/double</i> - Zmienna do ustalania czy praca krokowa czy ciągła typu <i>bool</i> - Zmienna mówiąca czy trwa akcja promocyjna typu <i>bool</i> - Kolejka pacjentów typu <i>queue</i> - Lista krwi typu <i>list</i> - Kalendarz zdarzeń typu <i>list</i> |
| Utylizacja krwi | BloodRecycling | Klasa reprezentująca przeterminowanie krwi | <ul style="list-style-type: none"> - Wskaźnik na szpitalny punkt krwiodawstwa typu <i>BloodDonationPoint</i> - Wskaźnik na obiekt generatora typu <i>Generators</i> |
| Klasa wyliczeniowa | Enum | Klasa zawierająca typy wyliczeniowe | <ul style="list-style-type: none"> - Rodzaj krwi (czy od dawcy czy z dostawy) typu <i>enum</i> - Rodzaj dostawy typu <i>enum</i> - Rodzaj generatora typu <i>enum</i> - Czy start czy stop kampanii promocyjnej typu <i>enum</i> - Wartości do generatora typu <i>enum</i> |
| Zdarzenie czasowe | Event | Klasa nadrzędna dla zdarzeń czasowych | <ul style="list-style-type: none"> - Zmienna reprezentująca wykonania zdarzenia typu <i>double</i> - Czas przydatności krwi od dawcy typu <i>const int</i> - Czas przydatności krwi z dostawy typu <i>const int</i> |
| Generatory | Generators | Klasa zawierająca wszystkie generatory | <ul style="list-style-type: none"> - Zmienne typu <i>int</i> i <i>double</i> służące do generowania odpowiednich zmiennych o danym rozkładzie |
| Pacjent wymagający transfuzji | Patient | Klasa reprezentująca pacjenta wymagającego transfuzji krwi. | <ul style="list-style-type: none"> - Zużyte jednostki krwi przez pacjenta typu <i>int</i> |
| Kampania promocyjna | PromotionalCampainf | Klasa reprezentująca zdarzenie kampanii promocyjnej | <ul style="list-style-type: none"> - Wskaźnik na szpitalny punkt krwiodawstwa typu <i>BloodDonationPoint</i> - Wskaźnik na obiekt generatora typu <i>Generators</i> - Zmienna reprezentująca czas końca kampanii promocyjnej typu <i>const int</i> - Zmienna wyliczeniowa mówiąca o tym czy zdarzenie jest początkiem czy końcem kampanii promocyjnej typu <i>TypeCampaing</i> |
| Jednostka Krwi | UnitOfBlood | Klasa reprezentująca jednostkę krwi. Krew jest dodawana po zdarzeniach jak i utylizowana po | <ul style="list-style-type: none"> - czas przydatności krwi od dawcy lub z zamówienia typu <i>const double</i> - Zmienna reprezentująca czas do kiedy będzie przydatna krew typu <i>double</i> |

| | | | |
|--|--|-------------------------|--|
| | | czasie jej przydatności | |
|--|--|-------------------------|--|

4. Opis przydzielonej metody symulacyjnej:
a) Schemat blokowy pętli głównej:



b) Lista zdarzeń czasowych/warunkowych:
Zdarzenia czasowe:

| Zdarzenie | Opis | Algorytm |
|---|--|---|
| Pojawienie się pacjenta wymagającego transfuzji | Zdarzenie generowane jest w momencie pojawienia się pacjenta wymagającego transfuzji krwi. Pojawienie się kolejnego pacjenta wymagającego transfuzji krwi jest zmienną losową o rozkładzie wykładniczym i średniej P. Liczba jednostek krwi jaką zużywa pacjent jest zmienną losową o rozkładzie geometrycznym i średniej 1/W. | 1. Generuj liczbę jednostek krwi jaką zużyje pacjent. 2. Sprawdź czy jest ktoś w kolejce pacjentów. a) Jeśli nie to: obsłuż zdarzenie warunkowe „Pobranie krwi przez pacjenta” b) Jeśli tak to: umieść pacjenta na końcu kolejki 3. Zaplanuj następne zgłoszenie. 4. Obsłuż kolejne zdarzenie. |
| Pojawienie się dawcy | Zdarzenie jest generowane w momencie pojawienia się dawcy w punkcie krwiodawstwa. Czas między zgłoszeniem się kolejnych dawców jest zmienną losową o rozkładzie wykładniczym i średniej L. | 1. Generuj czas pojawienia się kolejnego dawcy. 2. Dodaj jedną jednostkę krwi. 3. Zaplanuj czas przydatności pobranej krwi. 4. Zaplanuj kolejne zgłoszenie. 5. Obsłuż kolejne zdarzenie. |

| | | |
|----------------------------|---|--|
| Dostawa krwi | Zdarzenie jest generowane w momencie dostawy krwi ze zlecenia lub awaryjnego zamówienia | 1. Dodaj odpowiednią liczbę krwi z dostawy. 2. Zaplanuj czas przydatności dostarczonej krwi. 3. Obsłuż kolejne zdarzenie. |
| Utylizacja krwi | Zdarzenie występuje w momencie przeterminowania jednostek krwi w systemie | 1. Usuń przeterminowane jednostki krwi. 2. Obsłuż kolejne zdarzenie. |
| Początek akcji promocyjnej | Zdarzenie jest generowane w momencie początku akcji promocyjnej | 1. Zmniejsz czas pomiędzy pojawieniem się kolejnych dawców. 2. Zaplanuj zdarzenia końca akcji promocyjnej. 3. Zaplanuj zdarzenie kolejnej akcji promocyjnej. 4. Obsłuż kolejne zdarzenie. |
| Koniec akcji promocyjnej | Zdarzenie jest generowane po odpowiednim czasie od rozpoczęcia akcji promocyjnej | 1. Przywróć normalny czas między pojawieniem się kolejnych dawców. 2. Obsłuż kolejne zdarzenie. |

Zdarzenia warunkowe:

| Zdarzenie | Opis | Algorytm |
|---|---|---|
| Wysłanie zlecenia na N nowych jednostek | W momencie gdy liczba dostępnych jednostek krwi spadnie do poziomu R lub niższego zostaje wysłanie zlecenie. | 1. Sprawdź czy liczba dostępnym jednostek krwi większa lub równa R . a) Jeśli tak to kontynuuj. b) jeśli nie to wyślij zlecenie. |
| Pobranie krwi przez pacjenta | Pacjent pobiera odpowiednią ilość wymaganą do transfuzji. | 1. Sprawdź czy dostępna odpowiednia liczba jednostek krwi: a) Jeśli tak to usuń odpowiednią liczbę jednostek krwi. b) Jeśli nie to wyślij awaryjne zamówienie. |
| Wysłanie awaryjnego zamówienia na Q jednostek | To zamówienie jest wysyłane w momencie gdy liczba potrzebnych jednostek krwi jest większa od aktualnego stanu zaopatrzenia. | 1. Sprawdź czy liczba dostępnym jednostek krwi większa lub równa liczbie potrzebnych jednostek krwi. a) Jeśli tak to kontynuuj . b) jeśli nie to wyślij zamówienie. |

5. Parametry wywołania programu

W momencie gdy użytkownik rozpocznie pracę ciągle następuje 10 symulacji w których: następuje wygenerowanie niezależnych wartości każdego z generatorów, a następne wykonanie symulacji określony liczbę razy (np. dla pojawienia się 20 tys pacjentów).

6. Generatory

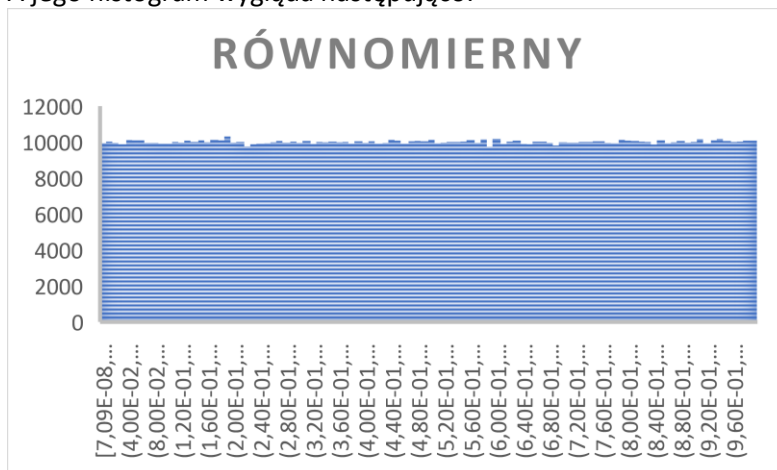
a) Opis zastosowanych generatorów liczb losowych z histogramami:

- Rozkład równomierny został wygenerowany za pomocą kodu:

```
const int two_31_ = 2147483648;
const int a_ = 16807;
const double q_ = 127773;
const int r_ = 2836;

UniformDistribution(){
double h = x_ / q_;
x_ = a_*fmod(x_, q_) - h*r_;
if (x_ < 0)
x_ += (two_31_ - 1);
return x_ / (two_31_ - 1);
}
```

A jego histogram wygląda następująco:

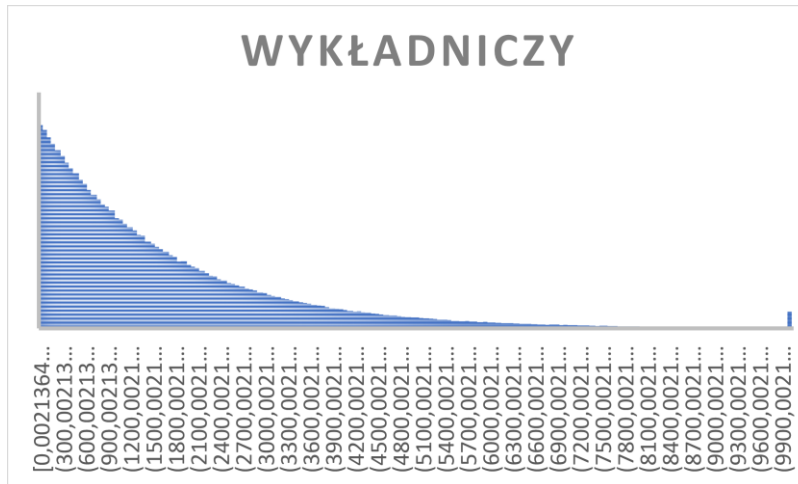


- Rozkład wykładniczy został wygenerowany za pomocą kodu:

```
ExponentialDistribution(const double lambda_) {
return -pow(1 / lambda_, -1)*log(UniformDistribution());
}
```

}

A jego histogram wygląda następująco:

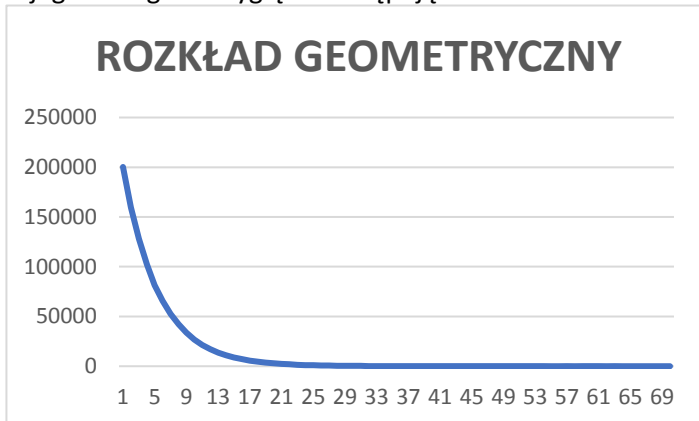


- Rozkład

geometryczny został wygenerowany za pomocą kodu:

```
const double w_ = 0.20;
GeometricDistribution() {
    int i = 0;
    do {
        i++;
    } while (UniformDistribution() < w_);
    return i;
}
```

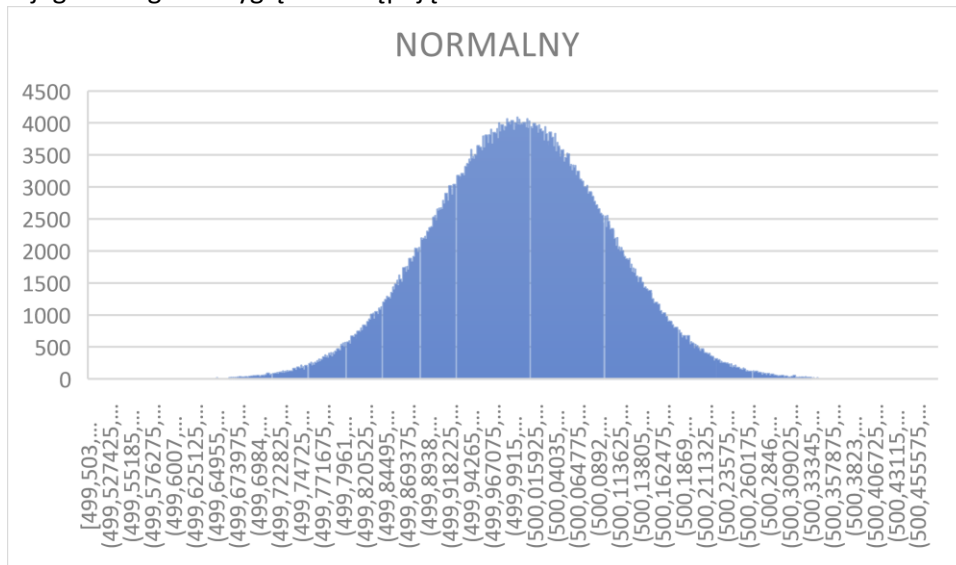
A jego histogram wygląda następująco:



- Rozkład normalny został wygenerowany za pomocą kodu:

```
NormalDistribution() {
    double first_draw;
    double second_draw;
    double x;
    do
    {
        first_draw = UniformDistribution();
        second_draw = UniformDistribution();
        x = -log(first_draw);
    } while (!(second_draw <= exp(-pow(x - 1, 2) / 2)));
    if (UniformDistribution() < 0.5)
        x = x * -1.0;
    return x * variance_ew_ + mean_e_;
}
```

A jego histogram wygląda następująco:



b) Zapewnienie niezależności w różnych sekwencjach:

Niezależność sekwencji w różnych symulacjach została zapewniona poprzez wygenerowanie różnych ziaren. Wygenerowałem 30 ziaren za pomocą funkcji:

```
for (int j = 0; j < 30; j++) {
    for (int i = 0; i <= 10000000; i++) {
        gen->UniformDistribution();
    }
    long long int Liczba2 = gen->CreateSeeds();
    std::cout << Liczba2 << std::endl;
    zapis << Liczba2 << std::endl;
}
```

Funkcja CreateSeeds() zwraca wylosowaną liczbę po odpowiedniej liczbie zdarzeń generatora (u mnie 10 000 000). Ziarna są przechowywane w pliku „Seeds.txt”. Dla każdego zestawu parametrów przewidziałem po 10 symulacji z różnymi ziarnami.

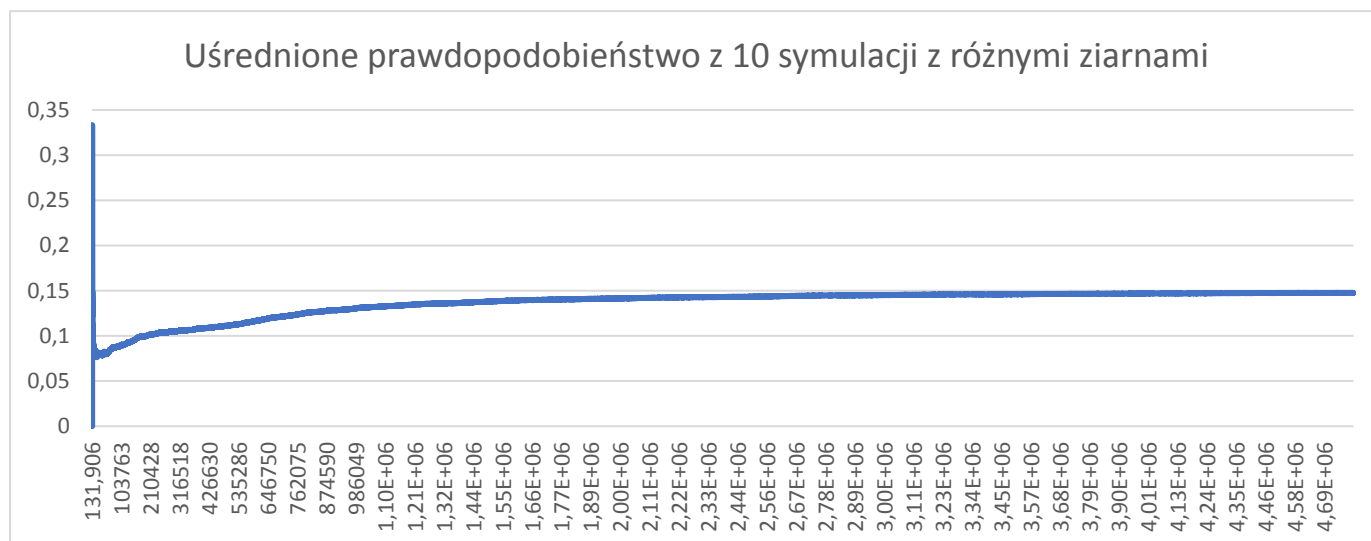
7. Krótki opis zastosowanej metody testowania i weryfikacji poprawności działania programu:

Zweryfikowałem działanie programu poprzez obserwowanie jego działania w pracy krokowej i poprzez porównanie z programami kolegów napisanymi w innych metodach. Również poprzez wykonanie 10 symulacji o różnych ziarnach i uśrednieniu parametrów. Z wykresu widać, że zbiega on do jednej stałej wartości.

8. Wyniki symulacji:

a. Wyznaczenie długości fazy początkowej:

Fazę początkową wyznaczam poprzez uśrednienie 10 symulacji i znalezienie punktu gdzie wykres zaczyna się stabilizować. W mojej symulacji następuje to dla czasu około 2 milionów.



b. Wyznaczenie parametrów:

Prawdopodobieństwo obliczane ze wzoru: $\frac{\text{Próby wysłania awaryjnego zamówienia}}{\text{Liczba obsługanych pacjentów}}$

Aby zwiększyć wiarygodność pomiaru liczba obsługanych pacjentów jest wartością stałą (symulacja wykonywana dla 20 tysięcy obsługanych pacjentów)

| R | N | T1 | T2 | Q | Przedział ufności min | Auśrednione | Przedział ufności max |
|---|-----|------|------|----|-----------------------|-------------|-----------------------|
| 15 | 25 | 300 | 500 | 11 | 0.4415 | 0.4558 | 0.4700 |
| 45 | 25 | 300 | 500 | 11 | 0.3788 | 0.4252 | 0.4717 |
| 85 | 25 | 300 | 500 | 11 | 0.4300 | 0.4431 | 0.4562 |
| 45 | 50 | 300 | 500 | 11 | 0.4232 | 0.4309 | 0.4387 |
| 90 | 100 | 300 | 500 | 11 | 0.4212 | 0.4348 | 0.4484 |
| Jak widać należy zmienić kolejne parametry, aby zmniejszyło się prawdopodobieństwo | | | | | | | |
| 85 | 50 | 300 | 500 | 40 | 0.4152 | 0.4257 | 0.4361 |
| 85 | 50 | 300 | 500 | 80 | 0.4097 | 0.4222 | 0.4348 |
| Ponieważ parametry nadal się nie poprawiają znaczy to, że trzeba zmienić czas przydatności krwi na większy, żeby się tak szybko nie utylizowała | | | | | | | |
| 85 | 50 | 600 | 1000 | 40 | 0.3531 | 0.3663 | 0.3795 |
| 170 | 100 | 600 | 1000 | 40 | 0.3530 | 0.3645 | 0.3760 |
| Dwukrotne zwiększenie pozostałych parametrów nie wpłynęło na zmianę prawdopodobieństwa, więc dalej będę zwiększał czas przydatności | | | | | | | |
| 85 | 50 | 1200 | 2000 | 40 | 0.2891 | 0.3033 | 0.3175 |
| 170 | 100 | 1200 | 2000 | 40 | 0.2894 | 0.3017 | 0.3139 |
| Kolejne dwukrotne zwiększenie czasu przydatności krwi | | | | | | | |
| 85 | 50 | 2400 | 4000 | 40 | 0.2332 | 0.2491 | 0.2651 |
| 170 | 100 | 2400 | 4000 | 40 | 0.2407 | 0.2504 | 0.2600 |
| Kolejne dwukrotne zwiększenie czasu przydatności krwi | | | | | | | |
| 85 | 50 | 4800 | 8000 | 40 | 0.1882 | 0.1967 | 0.2051 |
| 170 | 100 | 4800 | 8000 | 40 | 0.1801 | 0.1958 | 0.2114 |
| 170 | 100 | 4800 | 8000 | 80 | 0.1861 | 0.1954 | 0.2047 |

| Kolejne dwukrotne zwiększenie czasu przydatności krwi | | | | | | | |
|---|-----|-------|-------|----|--------|--------|--------|
| 85 | 50 | 9600 | 16000 | 40 | 0.1314 | 0.1406 | 0.1499 |
| 170 | 100 | 9600 | 16000 | 40 | 0.1148 | 0.1254 | 0.1361 |
| 170 | 100 | 9600 | 16000 | 80 | 0.1146 | 0.1237 | 0.1328 |
| Kolejne dwukrotne zwiększenie czasu przydatności krwi | | | | | | | |
| 85 | 50 | 16200 | 32000 | 40 | 0.1052 | 0.1167 | 0.1282 |
| 170 | 100 | 16200 | 32000 | 40 | 0.0821 | 0.0873 | 0.0925 |
| 200 | 100 | 16200 | 32000 | 40 | 0.0772 | 0.0837 | 0.0901 |
| 250 | 100 | 16200 | 32000 | 40 | 0.0731 | 0.0794 | 0.0858 |
| 300 | 100 | 16200 | 32000 | 40 | 0.0773 | 0.0820 | 0.0867 |
| Pomimo prób zmieniania pozostałych parametrów wynik nie ulega zmianie, więc musiałbym, żeby osiągnąć prawdopodobieństwo mniejsze niż 6% zwiększyć jeszcze trochę czas | | | | | | | |
| 85 | 50 | 20000 | 35000 | 40 | 0.1073 | 0.1169 | 0.1266 |
| 170 | 100 | 20000 | 35000 | 40 | 0.0604 | 0.0711 | 0.0818 |
| 200 | 100 | 20000 | 35000 | 40 | 0.0662 | 0.0790 | 0.0917 |
| 250 | 100 | 20000 | 35000 | 40 | 0.0644 | 0.0705 | 0.0766 |
| 250 | 100 | 20000 | 35000 | 80 | 0.0684 | 0.0774 | 0.0863 |
| 350 | 150 | 20000 | 35000 | 40 | 0.0600 | 0.0684 | 0.0769 |

Dopiero dla takich o wiele większych wyników niż parametry zadane udało się osiągnąć prawdopodobieństwo około 6%. Dalsze zwiększanie czasu by skutkowało zapewne dalszym obniżeniem prawdopodobieństw.

c. Wyniki symulacji dla każdego przebiegu dla najlepszych parametrów (R=350, N=150, T1=20000, T2=35000, Q=40):

| Numer przebiegu symulacji | Prawdopodobieństwo awaryjnego zgłoszenia | Prawdopodobieństwo utylizacji krwi |
|---------------------------|--|------------------------------------|
| 1 | 0.0737449 | 0.3769 |
| 2 | 0.06036 | 0.346015 |
| 3 | 0.0676142 | 0.384172 |
| 4 | 0.0724528 | 0.332846 |
| 5 | 0.0824102 | 0.368408 |
| 6 | 0.0617963 | 0.39671 |
| 7 | 0.0616325 | 0.389137 |
| 8 | 0.0568958 | 0.384886 |
| 9 | 0.0770562 | 0.378277 |
| 10 | 0.0702469 | 0.368461 |

$$\text{Średnie prawdopodobieństwo awaryjnego zgłoszenia} = \frac{\text{Suma prawdopodobieństw}}{10} = 0,0684$$

$$\text{Średnie prawdopodobieństwo utylizacji krwi} = \frac{\text{Suma prawdopodobieństw}}{10} = 0.3726$$

d. Wyniki końcowe:

| parametr | Przedział ufności min | Średnia wartość | Przedział ufności max |
|--|-----------------------|-----------------|-----------------------|
| Prawdopodobieństwo awaryjnego zgłoszenia | 0.0600 | 0.0684 | 0.0769 |
| Prawdopodobieństwo utylizacji krwi | 0.3523 | 0.3726 | 0.3929 |

9. Wnioski:

Aby otrzymać założone prawdopodobieństwo konieczna była znacząca zmiana parametrów zadanych, w przypadku czasu przydatności krwi była to zmiana 70-krotna co jest dużym odstępem od wartości z treści zadania.