מרגיל בית מספר 6 - להגשה עד 17.1.21 בשעה 6 - d

קיראו בעיון את הנחיות העבודה וההגשה המופיעות באתר הקורס, תחת התיקייה assignments. חריגה מההנחיות תגרור ירידת ציון / פסילת התרגיל.

<u>: הגשה</u>

- תשובותיכם יוגשו בקובץ pdf ובקובץ pt בהתאם להנחיות בכל שאלה.
- השתמשו בקובץ השלד skeleton6.py כבסיס לקובץ ה py אותו אתם מגישים.
 לא לשכוח לשנות את שם הקובץ למספר ת"ז שלכם לפני ההגשה, עם סיומת py.
- בסהייכ מגישים שני קבצים בלבד. עבור סטודנטית שמספר תייז שלה הוא 012345678 הקבצים שיש להגיש הם $hw6_012345678.pdf$ hw6_012345678.pdf
 - הקפידו לענות על כל מה שנשאלתם.
 - תשובות מילוליות והסברים צריכים להיות תמציתיים, קולעים וברורים.
 להנחיה זו מטרה כפולה:
 - 1. על מנת שנוכל לבדוק את התרגילים שלכם בזמן סביר.
- 2. כדי להרגיל אתכם להבעת טיעונים באופן מתומצת ויעיל, ללא פרטים חסרים מצד אחד אך ללא עודף בלתי הכרחי מצד שני. זוהי פרקטיקה חשובה במדעי המחשב.

שאלה 1 – גנרטורים

א. ממשו גנרטור בעל החתימה (gen, predicate, n) שמקבל גנרטור gen, פונקציה פאלילי משו גנרטור בעל החתימה (פונקציה כזאת נקראת פרדיקט) ומספר שלם אי-שלילי nrue/False המקבלת ארגומנט יחד ומחזירה gen (פונקציה כזאת נקראת פרדיקט) (פומר take_only על הגנרטור לייצר את האיברים של gen לפי סדרם אם הם עונים על התנאי gen על האיברים של gen מייצר תת-סדרה של איברי gen המכילה רק איברים x שבורם predicate(x)==True איברים מייצר תת-סדרה של איברי של take_only מפסיק לייצר איברים ומסיים את הריצה.

שומו לב: אתם לא נדרשים לטפל ב- StopIteration, היא נזרקת עם סיום ריצת גנרטור.

: לדוגמא

```
>>> list(take_only((i for i in range(30)), lambda x:x%3==1,5))
[1,4,7,10,13,16,19,22,25,28]
>>> list(take_only((i for i in range(30)), lambda x:x<10 or x%7==0,5))
[0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,14]
>>> my_gen = take_only((i for i in range(30)), lambda x:x>10 or x==0,5))
>>> for g in my_gen:
>>> print(g)
0
```

ב. ממשו גנרטור בעל החתימה blocks(gen,k) שמקבל גנרטור gen שמקבל איברים של איברים שאורכן k ב שאורכן k למשל, שלושת האיברים הראשונים שיוחזרו עייי gen שאורכן k למשל, שלושת האיברים הראשונים שיוחזרו עייי gen שמייצר מסי איברים $[a_0,a_1,a_2]$, $[a_3,a_4,a_5]$, $[a_6,a_7,a_8]$ סופי שאינו מתחלק ב- $[a_0,a_1,a_2]$ לחזיר בלוק אחרון שאורכו קצר יותר מ- $[a_0,a_1,a_2]$

```
>>> list(blocks((i for i in range(10)),5))
[[0,1,2,3,4],[5,6,7,8,9]]
>>> list(blocks((i for i in range(10)),3))
[[0,1,2],[3,4,5],[6,7,8],[9]]
>>> list(blocks((i for i in range(9)),3))
[[0,1,2],[3,4,5],[6,7,8]]
```

שימו לב: בשני הסעיפים הגנרטורים שניתנים כקלט אינם בהכרח סופיים, ובמקרה כזה המרה ל- list כמו בחלק מהדוגמאות לעיל לא תחזיר פלט ותגרום לתקיעת התוכנית.

שאלה 2 – קוד האפמן

: הבא (corpus) א. מצאו את קוד האפמן האופטימלי עבור הקורפוס א. מצאו את מצאו את מצאו את מני האפמן האופטימלי בי מני האפמן האופטימלי מני מני האפמן האופטימלי מני מני האפמן האופטימלי האפמן האופטימלי האפמן האופטימלי האפמן האופטימלי האפמן האופטימלי האו

סדרת התדירויות הנייל מבוססת על 8 מספרי פיבונאציי הראשונים.

- ב. הכלילו את תשובתכם מסעיף אי למציאת קוד האפמן אופטימלי כאשר התדירויות הן n מספרי פיבונאציי הראשונים. נמקו בקצרה, ללא צורך בהוכחה מפורטת, מדוע הכללה זו נכונה.
- $a_1 < a_2 < \cdots <$ נתון קובץ שמכיל תווים מתוך אלפבית בן 256 תווים. בנוסף נתון קורפוס עם תדירויות: אלפבית בן $a_n < 2a_1$ (מאשר 256) מתקיים: $a_n < 2a_1$

תהי המן q התדירות המוq התדירות המינימלית), ותהי המינימלית), ותהי התוq התדירות המוq התדירות המינימלית), ותהי קודי ההאפמן שמתקבלים עבור התווים q , p בהתאמה. יהיו $\mathcal{C}(a_n),$ $\mathcal{C}(a_1)$

מספר הביטים ($\mathcal{C}(a_n)$ ן לבין (p לבין לקודד את שדרושים שדרושים (מספר הביטים) או ההפרש בין (מספר הביטים) שדרושים כדי לקודד את התו(q) :

על תשובתכם להיות מנומקת!

- . בקצרה n = 300 בקצרה לסעיף ג אם עכשיו לסעיף הסבירו בקצרה.
- \cdot ה. כיצד תשתנה תשובתכם לסעיף ג אם נתון ש 272 m n ובנוסף שהתדירויות מקיימות את התנאים הבאים

$$a_{16} < 2a_1$$
 .a

$$a_{272} < 2a_{17}$$
 .b

$$16a_{16} < a_{17}$$
 .c

הסבירו את תשובתכם ושרטטו סקיצה שממחישה את מבנה עץ האפמן עבור קורפוס זה.

המלצה : ברוב הסעיפים ניתן להריץ דוגמאות קוד כדי להשתכנע שהתשובה שלכם נכונה. אל תפספסו את ההזדמנות לוודא זאת.

שאלה 3 – למפל זיו

השאלה עוסקת בשינוי באלגוריתם למפל-זיו לדחיסת טקסט.

כזכור, הפונקציה LZW compress מחזירה את ייצוג הביניים של דחיסת למפל-זיו של המחרוזת LZW compress. למשל:

```
>>> LZW_compress("abcdabc")
['a', 'b', 'c', 'd', [4, 3]]
>>> LZW_compress("abab")
['a', 'b', 'a', 'b']
>>> LZW_compress("ababab")
['a', 'b', [2, 4]]
```

בנוסף, ראינו בכיתה את הפונקציה:

def inter_to_bin(intermediate, W=2**12-1, L=2**5-1)

שבהינתן רשימה lst עם ייצוג ביניים של מחרוזת דחוסה, מחזירה מחרוזת של ביטים, המייצגת את רצף הביטים שבהינתן רשימה tst עם ייצוג ביניים של מחרוזת דחוסה, מחזירה מחרוזת שבור התו עצמו (סהייכ 8 ביטים, כלומר לאחר הדחיסה. נזכיר, שתו שלא נדחס ייוצג עייי הביט 0 ואחריו 7 ביטים לשם פשטות כי אנחנו מטפלים רק בתווי ASCII), ואילו מקטע שנדחס ייוצג עייי הביט 1 ואחריו 12 ביטים עבור ההיסט אחורה, ו- 5 ביטים עבור אורך המקטע שנדחס (סהייכ 18 ביטים). שימו לב שבחישוב זה לקחנו בחשבון את ערכי ברירת המחדל של הפרמטרים W,L של שתי הפונקציות.

: דוגמאות הרצה

בעמוד הבא מופיעה הפונקציה במעט עבור דחיסת LZW_compress_new שמציגה מימוש של אלגוריתם שונה במעט עבור דחיסת למפל זיו.

.LZW compress new, LZW compress ביחס ל: pdf ענו בקובץ ה pdf ענו בקובץ ה

- א. תנו דוגמא למחרוזת s המקיימת:
- .LZW_compress(s) = LZW_compress_new(s)

מה יהיה הפלט (ייצוג הביניים) שיתקבל בשתי ההרצות!

ב. טענה: קיימת מחרוזת s שמקיימת:

```
len(inter_to_bin(LZW_compress_new(s))) <
len(inter_to_bin(LZW_compress(s)))</pre>
```

תנו דוגמא למחרוזת s כזו בצירוף שני ייצוגי הביניים המתקבלים עייי הפעלת כל אחת מהפונקציות הנייל, או הסבירו מדוע אין מחרוזת s כזו.

ג. טענה: קיימת מחרוזת s שמקיימת:

```
len(inter_to_bin(LZW_compress_new(s))) >
len(inter_to_bin(LZW_compress(s)))
```

תנו דוגמא למחרוזת s כזו בצירוף שני ייצוגי הביניים המתקבלים עייי הפעלת כל אחת מהפונקציות הנייל, או הסבירו מדוע אין מחרוזת s כזו.

```
def LZW compress new(text, start=0, W=2**12-1, L=2**5-1):
    n = len(text)
    if start >= n:
        return []
    #find the maximal length matching
   m,k = maxmatch(text, start, W, L)
   res1 = [text[start]] + \
          LZW compress new(text, start+1, W, L)
    res1 len = len(inter to bin(res1, W, L))
    if k < 3:
        return res1
    res2 = [[m,k]] + LZW compress new(text, start+k, W, L)
    res2 len = len(inter to bin(res2, W, L))
    if (res2 len < res1 len):
        return res2
    return res1
```

שאלה 4 – קודים לתיקון שגיאות

<u>חלק ראשון</u>

הקוד לתיקון טעויות המתואר כאן מעתיק 3 ביטים של אינפורמציה למילות קוד בנות 7 ביטים, על פי הסכמה הראה \cdot

 $(x_1, x_2, x_3) \rightarrow (x_1, x_2, x_3, x_1 + x_2, x_1 + x_3, x_2 + x_3, x_1 + x_2 + x_3)$ כאשר כל הסכומים מחושבים מודולו 2 (כלומר כל איברי השביעיה הם 0 או 1).

א. בטבלה הבאה, השלימו בכל שורה את מילת הקוד המתקבלת מ- 3 הביטים הרשומים בה.

(x_1, x_2, x_3)	$(x_1, x_2, x_3, x_1+x_2, x_1+x_3, x_2+x_3, x_1+x_2+x_3)$
(0,0,0)	
(0,0,1)	
(0,1,1)	
(1,1,1)	

- ב. מהו המרחק המינימלי, d, של הקוד? רשמו שתי מילות קוד שונות $w_1,\,w_2$, שהמרחק ביניהן הוא d. נמקו בקצרה מדוע אין מילות קוד במרחק קטן יותר.
 - ג. \underline{outh} , w_1 , w_2 , w_1 , w_2 , פיימת מילת קוד, כך שיש שתי מילות קוד שונות y, y, המקיימות: y שווה, ומרחק זה הוא המרחק המינימלי מ- y למילת קוד כלשהי. y שווה, ומרחק זה הוא המרחק המינימלי מ- y למילת קוד כלשהי. החליטו אם הטענה הנייל נכונה. אם לדעתכם הטענה נכונה תנו דוגמה ל- w_2 , w_1 , y, כאלו. אחרת הסבירו מדוע לא.

<u>חלק שני</u>

להלן פונקציית קידוד עבור קוד חדש בשם bad_coding , המקבלת רשימת ביטים x באורך כלשהו לא ידוע, ומוציאה רשימת ביטים. רשימת ביטים.

.[n,k,d] נקרא קוד מטיפוס מינימלי עם מרחק מינימלי ל $\mathcal{C}:\{0,1\}^k \rightarrow \{0,1\}^n$ תזכורת תזכורת

|x| -יסומן כרגיל ב|x|

 $[n=_, k=_, d=_]$ הוא קוד מטיפוס bad_coding : השלימו את המשפט הבא

שאלה CYK -5

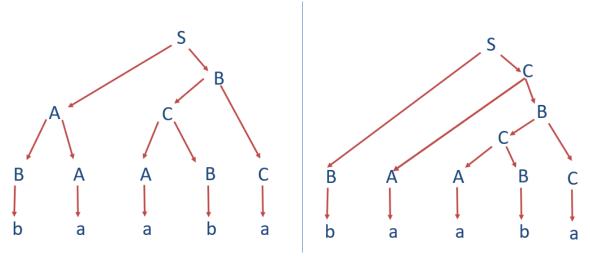
בצורת G בשאלה או נבחן את הקוד של אלגוריתם CYK שראיתם בהרצאה ובתרגול. להזכירכם, בהינתן דקדוק CYK בשאלה או נבחן את הקוד של אלגוריתם CYK מחזיר האם המחרואת יכולה להגזר עייי הדקדוק, או במילים אחרות, האם cNF בשפה של $st \in \mathcal{L}(G):G$

- א. ראינו בתרגול שסיבוכיות הזמן של אלגוריתם CYK חסומה עייי $O(n^3|R|)$ במקרה הממוצע ו- אור ראינו בתרגול שסיבוכיות ביותר, כאשר n=|st| הוא מספר חוקי הגזירה במקרה הגרוע ביותר, כאשר n=|st| הוא מספר חוקי הגזירה בדקדוק.בניתוח הסיבוכיות בתרגול הנחנו שמספר החלוקות הלא טריוויאליות בכל תא הוא (O(n). חסם זה אינו הדוק (ישנם תאים בהם מספר החלוקות קטן משמעותית). נתחו מחדש את מספר החלוקות הלא טריוויאליות הכולל עבור כל התאים והסיקו כי סיבוכיות האלגוריתם במקרה הממוצע היא $O(n^3|R|)$.
 - ב. ראינו כי יש זוגות של (דקדוק, מחרוזת) עבורם יש יותר מעץ גזירה אחד שגוזר את המחרוזת. מצב זה ambiguity נקרא

בסעיף זה, נרצה לערוך שינוי קטן בCYK כך שבהינתן דקדוק ומחרוזת, האלגוריתם יחזיר את העומק המינימלי של עץ גזירה שגוזר את המחרוזת st, או 1- אם המחרוזת לא יכולה להיגזר ע"י הדקדוק. האלגוריתם לאחר השינוי צריך להיות באותה סיבוכיות הזמן והמקום של האלגוריתם המקורי. לדוגמה, עבור הדקדוק

$$S \rightarrow AB \mid BC$$
 $A \rightarrow BA \mid a$
 $B \rightarrow CC \mid b$
 $C \rightarrow AB \mid a$

: שני עצי הגזירה הנייל הם חוקיים, st = "baaba" והמחרוזת



אך עומק עץ הגזירה השמאלי הוא 4 ועומק עץ הגזירה הימני הוא 5. במקרה זה, 4 הוא העומק המינימלי של עץ גזירה שגוזר את המחרוזת, ולכן עבור דקדוק ומחרוזת אלו האלגוריתם שלכם צריך להחזיר 4.

עבור אותו הדקדוק ומחרוזת "st = "baab", האלגוריתם צריך להחזיר 1- מכיוון שהמחרוזת אינה בשפה של הדקדוק.

השלימו את CYK_d, fill_cell_d, fill_length_1_cells_d. השלימו המצאו קוד חלקי לפונקציות CYK_d, fill_cell_d, fill_length_1 השלימו המסומנים כך שהפונקציה CYK_d תעבוד כנדרש.

דוגמאות הרצה:

```
>>> rule_dict = {"S": {"AB", "BC"}, "A": {"BA", "a"}, "B": {"CC",
"b"}, "C": {"AB", "a"}}
>>>> CYK_d("baaba", rule_dict, "S")
4
>>>> CYK_d("baab", rule_dict, "S")
-1
```

שאלה 6- ייצוג ועיבוד תמונה דיגיטלית

התרגיל יפורסם בהמשך לאחר שהנושא יילמד, ויהווה שאלת בונוס (כלומר ניתן יהיה לקבל בתרגיל זה ציון מעל 100, וציון כזה ייחשב בשקלול הציון הסופי, כלומר זו תהיה הזדמנות להעלות את ממוצע תרגילי הבית שלכם במעט.

סוף