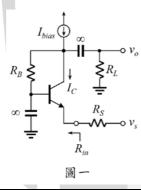
# 《電子學與電路學》

命題意旨

本次考題共分五大主題,包括:「BJT 小信號 AC 分析」、「FET 頻率響應分析」、「邏輯設計基本分析」、「開開電路分析」、「濾波器分析」、考題難度適中,須具備多方面專業知識,方能取得高分;其中邏輯設計組合電路分析,是歷年後首次考題,理論上傳統電子學與電路學不包括此考題內容,超過考題內容範圍。

一、圖一放大器之電晶體電流增益  $\beta$  = 24,偏壓集極電流  $I_C$  = 0.6 mA,爾利電壓 (Early voltage)  $V_A \to \infty$ ,熱電壓 (thermal voltage)  $V_T$  = 25 mV,接在基極與集極電容之值為  $\infty$  。  $R_S$  = 60  $\Omega$  ,  $R_L$  = 1.2 k $\Omega$  ,  $R_B$  = 6 k $\Omega$  ,求算小信號增益  $A_v = v_o/v_s$  與輸入電阻  $R_{in}$  。 (20分)



答題關鍵 BJT 基極 AC 小信號分析,不須考慮 Early effect 及頻率響應,是本屆考題中最單純且容易得分。

## 【擬答】

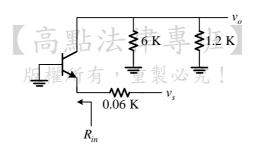
DC 偏壓分析:

$$I_C = 1 \text{ mA}$$

$$I_B = \frac{1}{\beta}I_C = \frac{1}{24} \text{ mA}$$

行 
$$\gamma_{\pi} = \frac{V_T}{I_B} = \frac{25 \text{ mV}}{\frac{1}{24} \text{ mA}} = 0.6 \text{ k}\Omega$$

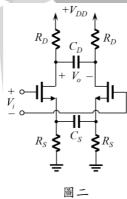
AC 小信號分析:



$$R_{in} = \frac{\gamma_{\pi}}{1+\beta} = \frac{0.6 \text{ k}}{1+25} = 0.024 \text{ k}\Omega$$

$$A_{v} = \frac{v_{o}}{v_{s}} = \frac{\frac{24}{25}(6/1.2)}{0.06 + 0.024}$$
 ' 11.43

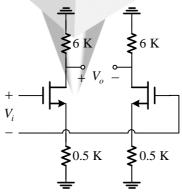
二、圖二差動放大器 (differential amplifier) 之兩電晶體完全匹配且已適當偏壓, $g_m = 0.5 \, \mathrm{mA/V}$ , 輸出電阻  $r_o \to \infty$  ,忽略小信號電容  $C_{gs}$  與  $C_{gd}$  。推導  $T(s) = V_o(s)/V_i(s)$  之數學式,並以  $R_D = 6$  k  $\Omega$  ,  $R_{\rm S}=0.5~{
m k}\Omega$  ,  $C_{\rm D}=1/6~{
m nF}$  ,  $C_{\rm S}=0.1\,\mu{
m F}$  , 求算其直流增益、 頻率響應之極點與零點, 須 註明單位。(20分)



FET AC 小信號頻率響應完整分析,包括高頻及低頻響應的極點與零點推導,須求出完整頻率響應 的增益轉移函數;其中高、低頻響應的極點與零點推導,亦是歷年來首次考題

#### 【擬答】

(一)直流增益:



$$A_M = \frac{V_o}{V_i} = \frac{-(R_D + R_D)}{2\left(\frac{1}{g_m} + R_S\right)} = \frac{-6}{\frac{1}{0.5} + 0.5} = -2.4$$

(二)零點與極點:

版權所有,重製必究!

$$1.C_S$$
: 造成低頻響應

$$C_S$$
: 造成低頻響應 
$$\omega_{z1} = \frac{1}{C_S(R_S + R_S)} = \frac{1}{0.1 \times 10^{-6} (0.5 + 0.5) \times 10^3} = 10^4 (\text{rad/s})$$

$$\omega_{p1} = \frac{1}{C_S\left(R_S // \frac{1}{g_m}\right) \cdot 2} = \frac{1}{0.1 \times 10^{-6} \left(0.5 // \frac{1}{0.5}\right) \times 10^3 \times 2} = \frac{5}{4} \times 10^4 (\text{rad/s})$$

 $2.C_D$ : 造成高頻響應

$$\omega_{z2}=\infty$$

$$\omega_{p2} = \frac{1}{C_D(R_D + R_D)} = \frac{1}{2C_DR_D} = \frac{1}{2 \times \frac{1}{6} \times 10^{-9} \times 6 \times 10^3} = \frac{1}{2} \times 10^6 \text{ (rad/s)}$$

3.增益函數: *T*(*s*)

$$T(s) = A_M \cdot F_L(s) \cdot F_H(s) = A_M \cdot \left(\frac{s + \omega_{z1}}{s + \omega_{p1}}\right) \left(\frac{1 + \frac{s}{\omega_{z2}}}{1 + \frac{s}{\omega_{p2}}}\right) = -2.4 \left(\frac{s + 10^4}{s + \frac{5}{4} \times 10^4}\right) \left(\frac{1}{1 + \frac{s}{\frac{1}{2} \times 10^6}}\right)$$

三、依照圖三3對1多工器真值表,寫出輸出Q之布林數學式(Boolean expression)Q=Q(a, b, A, B, C), 其中 "x"表示「無關」(don't care);再利用相關定理,將之轉換為等效之布林數學式,以適 用於僅有三輸入NAND 閘實現的設計,並畫出此電路。(20分)

a	b	A	В	C	Q
0	1	1	×	×	1
0	1	0	×	×	0
1	0	×	1	×	1
1	0	×	0	×	0
1	1	×	×	1	1
1	1	×	×	0	0

圖三

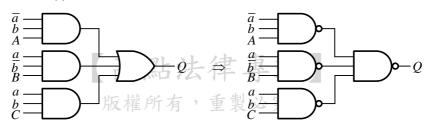
邏輯設計內容中之組合邏輯基本分析,考生僅需基本布林函數概念及邏輯閘等效互換,即可完成此 答題關鍵 |題,本題亦是此次考題中最簡單的一題;但本題內容不應屬於電子學與電路學內容,算是超出考試 内容範圍。

#### 【擬答】

三輸入 NOR 閘實現的設計,則須選 "0" 作答

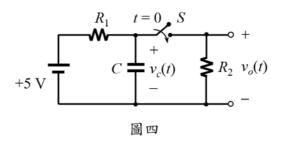
三輸入 NAND 閘實現的設計,則須選"1"作答

故: $O = \overline{ab}A + a\overline{b}B + abC$  , 得:



四、圖四RC電路開闢S不通,於t=0導通開闢S。 $R_1=1$  k $\Omega$ , $R_2=1.5$  k $\Omega$ ,C=1  $\mu$  F,則 $t=0^-$  (S 導 通前之瞬間)、 $t=0^+$ 、t>0、 $t\to\infty$  時之 $\nu_s(t)$ 各為何? (20分)

#### 109 高點司法三等 · 全套詳解



本題為一階 RC 開開電路,僅須求得 $v_c(0^+)$ 及 $v_c(\infty)$ 之值,再配合 $v_c(t) = v_c(\infty) + [v_c(0^+) - v_c(\infty)]e^{-\overline{\text{RC}}}$ 即可很容易求得答案。

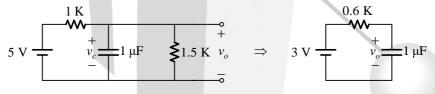
#### 【擬答】

$$v_{c}(0^{-}) = 0 \text{ V} , v_{c}(0^{-}) = 5 \text{ V}$$

$$v_o(0^+) = v_c(0^+) = v_c(0^-) = 5 \text{ V}$$

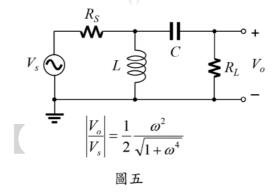
$$v_o(\infty) = v_c(\infty) = \frac{1.5}{1+1.5} \times 5 = 3 \text{ V}$$

當t > 0時,可得:



得
$$v_o(t) = v_c(t) = [3 + (5 - 3)e^{-\frac{t}{0.6 \times 10^3 \times 1 \times 10^{-6}}}] V = (3 + 2e^{-\frac{5}{3} \times 10^3 t}) V$$

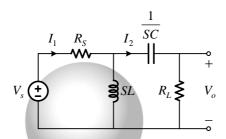
五、推導圖五高通濾波器轉換函數 $V_o(s)/V_s(s)$ 之表示式,其 $|V_o/V_s|$ 如電路下方數學式,代入 $s=j\omega$ 與 $R_L = 1\Omega$ , 求解 $R_S$ 、L與C之值。(20分)



本題為濾波器轉移函數推導,再配合  $s=j\omega$  代入轉移函數中,求得響應函數,再由  $R_s$  與 L 及 C 之 答題關鍵[值,滿足題目中之響應函數,因只有一個方程式,而方程式中有兩個未知數L與C,造成有無窮多 個答案,只須L與C之值能滿足題目之條件即可。

### 109 高點司法三等 |・ 全套詳解

#### 【擬答】



$$\begin{cases} V_s = I_1 R_S + (I_1 - I_2) \cdot SL \\ (I_1 - I_2) SL = I_2 \left( \frac{1}{SC} + R_L \right) \end{cases}$$

$$\Rightarrow \begin{cases} V_s = (R_S + SL)I_1 - SLI_2 \\ 0 = -SLI_1 + \left(\frac{1}{SC} + R_L + SL\right)I_2 \end{cases}$$

得: 
$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} R_S + SL & V_s \\ -SL & 0 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} R_S + SL & -SL \\ -SL & \frac{1}{SC} + R_L + SL \end{vmatrix}} = \frac{SLV_s}{(R_S + SL)\left(\frac{1}{SC} + R_L + SL\right) - S^2L^2}$$

$$\Rightarrow V_o = I_2 \cdot R_L = \frac{SLR_L V_s}{\frac{R_S}{SC} + R_S R_L + SLR_S + \frac{L}{C} + SLR_L}$$

$$\Rightarrow \frac{V_o(s)}{V_s(s)} = \frac{S^2 L C R_L}{S^2 L C (R_S + R_L) + S C \left(R_S R_L + \frac{L}{C}\right) + R_S}$$

$$\Rightarrow \frac{V_o(j\omega)}{V_s(j\omega)} = \frac{-\omega^2 LCR_L}{R_S - \omega^2 LC(R_S + R_L) + j\omega C\left(R_S R_L + \frac{L}{C}\right)}$$

題目中已知: $R_L=1\Omega$ ,又當 $\omega=\infty$ 時,由電路圖中可得 $\frac{V_o}{V_s}=\frac{R_L}{R_S+R_L}=\frac{1}{2}$   $\Rightarrow$   $R_S=1\Omega$ ,故可得  $\frac{V_o(j\omega)}{V_s(j\omega)}=\frac{-LC\omega^2}{1-2\omega^2LC+j\omega C\left(1+\frac{L}{C}\right)}$  版權所有,重製必究!

$$\frac{V_o(j\omega)}{V_s(j\omega)} = \frac{-LC\omega^2}{1-2\omega^2LC + j\omega C\left(1 + \frac{L}{C}\right)} \quad \text{ in } \text{$$

#### 109 高點司法三等 · 全套詳解

$$\Rightarrow \frac{\left|\frac{V_o(j\omega)}{V_s(j\omega)}\right|}{\left|\frac{V_o(j\omega)}{V_s(j\omega)}\right|} = \frac{\omega^2 LC}{\sqrt{(1 - 2\omega^2 LC)^2 + \omega^2 C^2 \left(1 + \frac{L}{C}\right)^2}} = \frac{\omega^2 LC}{\sqrt{1 - 4\omega^2 LC + 4\omega^4 L^2 C^2 + \omega^2 C^2 \left(1 + \frac{L}{C}\right)^2}}$$

$$= \frac{\omega^2 LC}{2LC\sqrt{\omega^4 + \frac{1 - 4\omega^2 LC + \omega^2 C^2 \left(1 + \frac{L}{C}\right)^2}{4L^2 C^2}}} = \frac{\omega^2}{2\sqrt{\omega^4 + \frac{1 - 4\omega^2 LC + \omega^2 C^2 \left(1 + \frac{L}{C}\right)^2}{4L^2 C^2}}}$$

欲完成題目中之響應函數,須:

$$\frac{1 - 4\omega^2 LC + \omega^2 C^2 \left(1 + \frac{L}{C}\right)^2}{4L^2 C^2} = 1$$

$$\Rightarrow 1 - 4\omega^2 LC + \omega^2 C^2 \left( 1 + \frac{2L}{C} + \frac{L^2}{C^2} \right) = 4L^2 C^2$$

$$\Rightarrow \omega^2 (L^2 + C^2 - 2LC) + 1 - 4L^2C^2 = 0$$

$$\Rightarrow [\omega(L-C)]^2 = 4L^2C^2 - 1$$

得在固定 $\omega$ 值已知下,上式方程式中,有兩個未知數L與C,故有無窮多組解,僅L與C之值滿足上式,即可完成題目中要求的高通濾波器轉移函數之響應。

# 【高點法律專班】

版權所有,重製必究!