

# Inteligencia Artificial II

## TP 1 - Guía de resolución Optimización con A\*

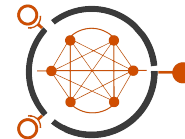
Martin Marchetta  
[martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar](mailto:martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar)



**UNCUYO**  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



**FACULTAD  
DE INGENIERÍA**



**LABSIN**

# Caminos con A\*



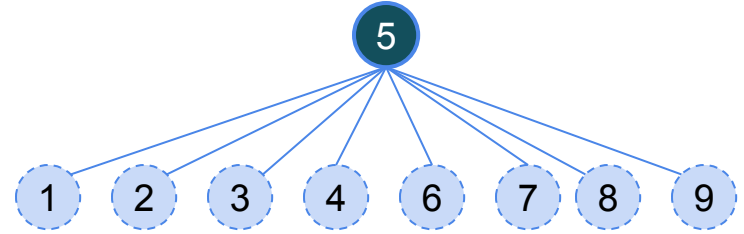
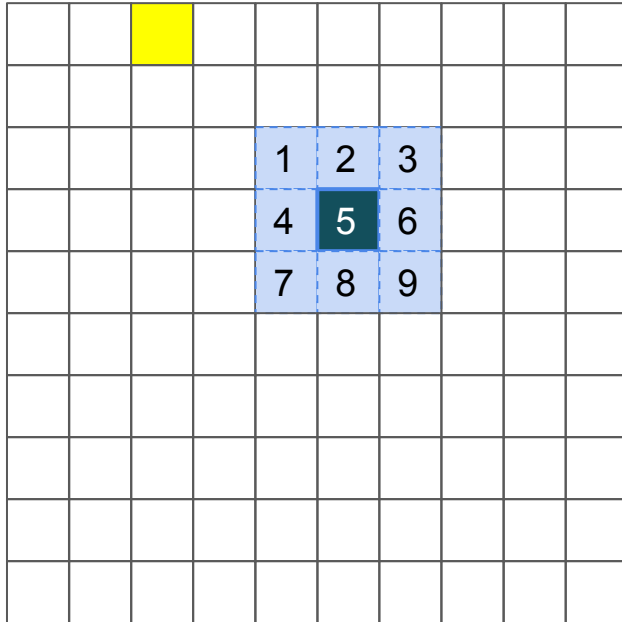
UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN



# Caminos con A\*



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO

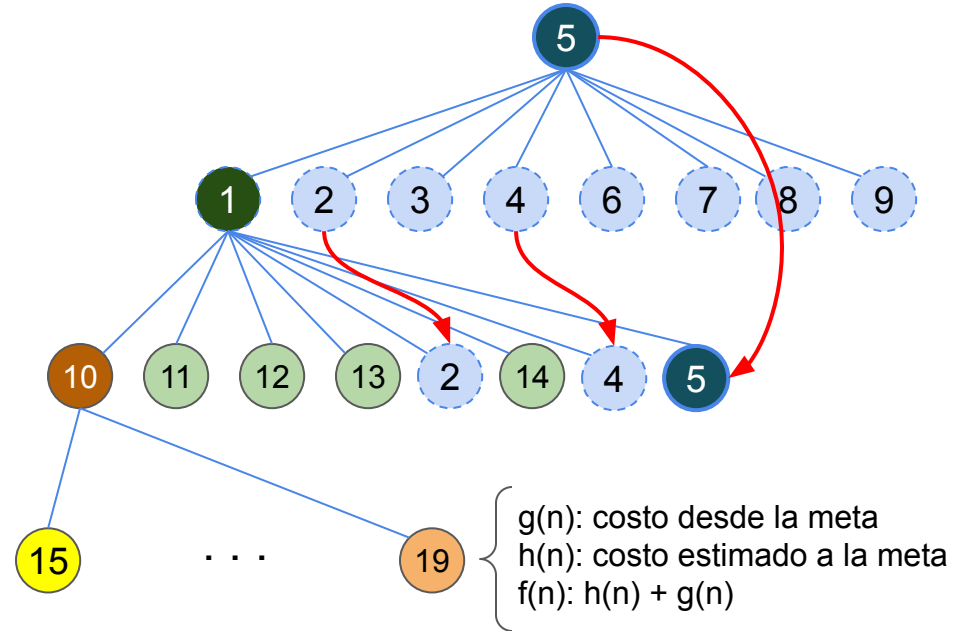


FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

		15	16	17					
		18	10	11	12				
		19	13	1	2	3			
			14	4	5	6			
				7	8	9			



En cada iteración se expande el nodo pendiente con menor valor de  $f(n)$

# Caminos con A\*



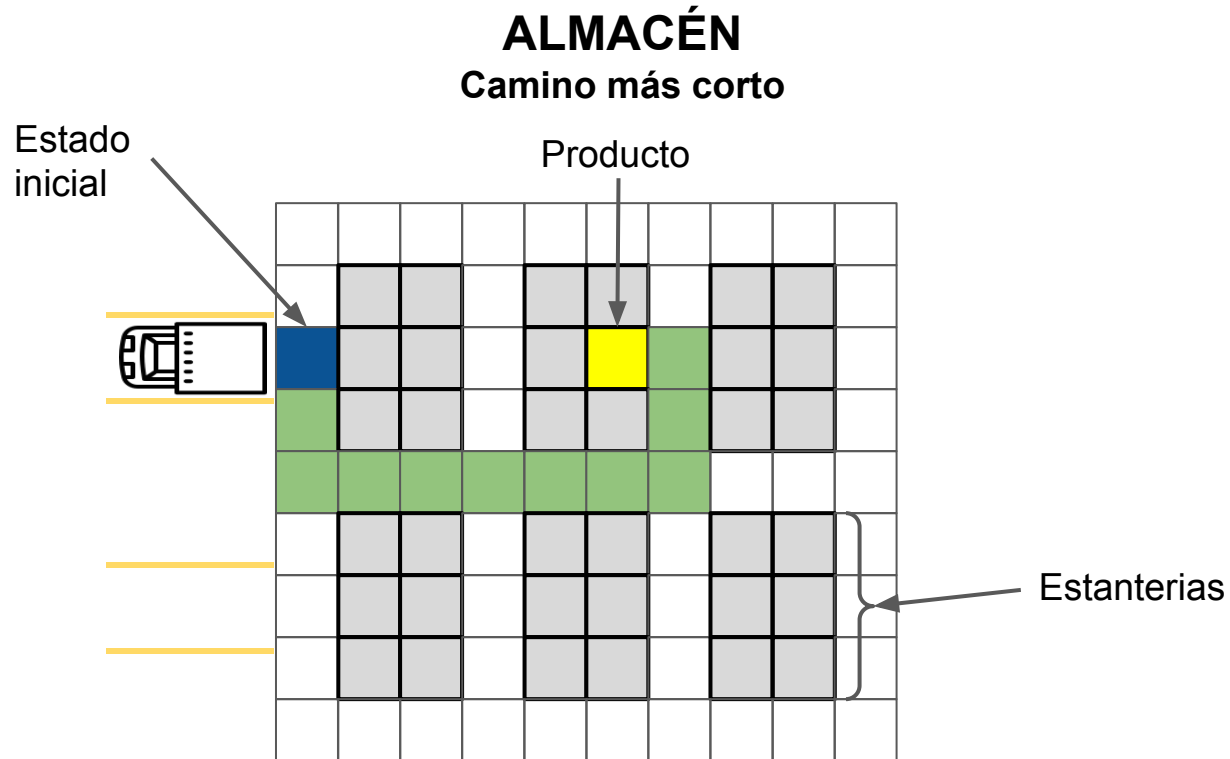
UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN



# Caminos con A\*



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO

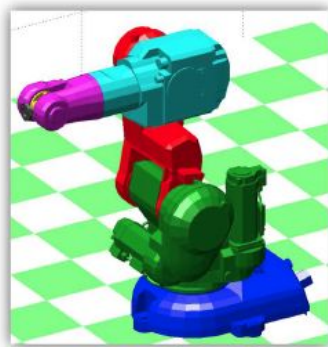
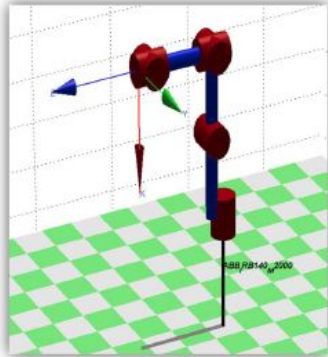


FACULTAD  
DE INGENIERÍA

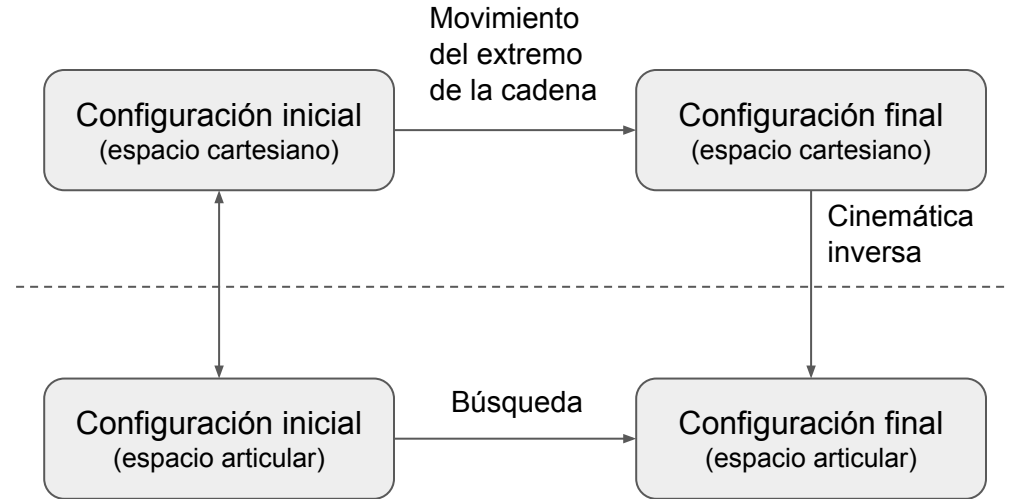


LABSIN

## Cadena cinemática



## CONSIGNA



## CONTROL

# Caminos con $A^*$



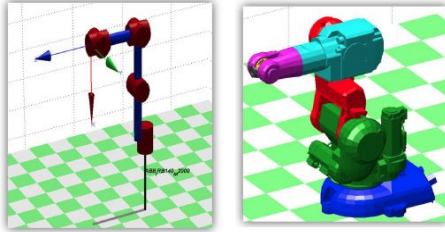
UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

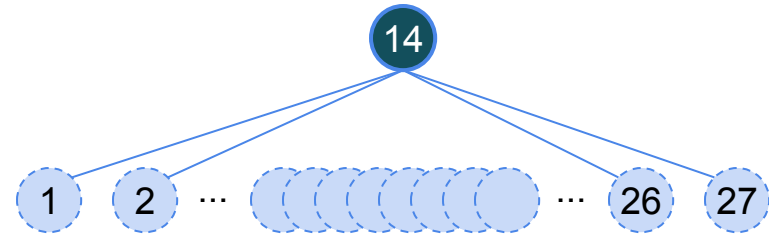
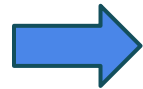
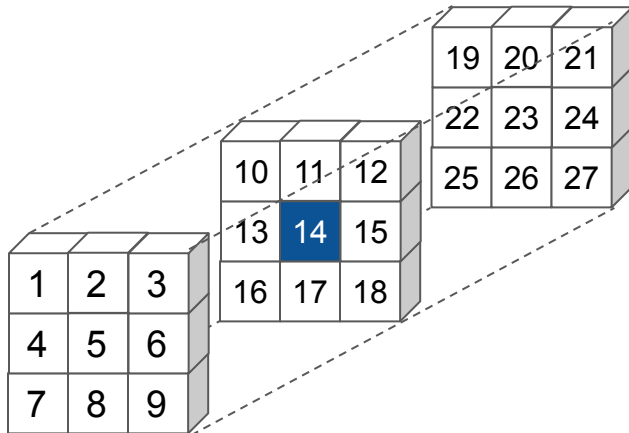


Configuración inicial  
(espacio articular)

Búsqueda  
(espacio  
articular)

Configuración final  
(espacio articular)

Ejemplo con 3 articulaciones → Búsqueda 3D en el espacio articular



Con  $N$  articulaciones → Búsqueda  $N$ -Dimensional

# Caminos con A\*



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

- Consejos de implementación
  - Utilizar bucles para generar todos los estados sucesores de un nodo
    - Generalmente un bucle por cada dimensión
      - Ej: para optimizar un camino en el plano, se utilizarían 2 bucles:  $i$  y  $j$ , para 3 articulaciones se utilizarían 3 bucles, etc)
      - Para el plano el primer bucle va de  $i-1$  a  $i+1$ , y el segundo de  $j-1$  a  $j+1$ , donde el nodo actual es  $(i, j)$
      - Tratar de evitar repetir el código por cada dimensión a explorar
  - Un algoritmo se basa en una lista abierta y una lista cerrada
    - Lista abierta: nodos que aún están “en la frontera” para ser explorados
    - Lista cerrada: nodos que ya fueron explorados
    - La lista cerrada sirve para no explorar subcaminos más de una vez

# Inteligencia Artificial II

## TP 1 - Guía de resolución

Martin Marchetta

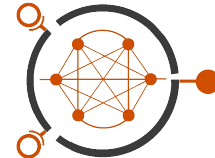
[martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar](mailto:martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar)



**UNCUYO**  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



**FACULTAD  
DE INGENIERÍA**



**LABSIN**



# Inteligencia Artificial II

## TP 1 - Guía de resolución

Optimización híbrida con Temple Simulado y A\*

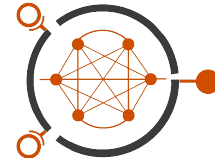
Martin Marchetta  
martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar



**UNCUYO**  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



**FACULTAD  
DE INGENIERÍA**

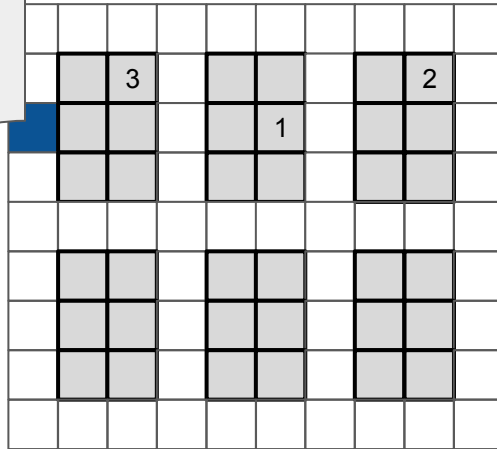


**LABSIN**

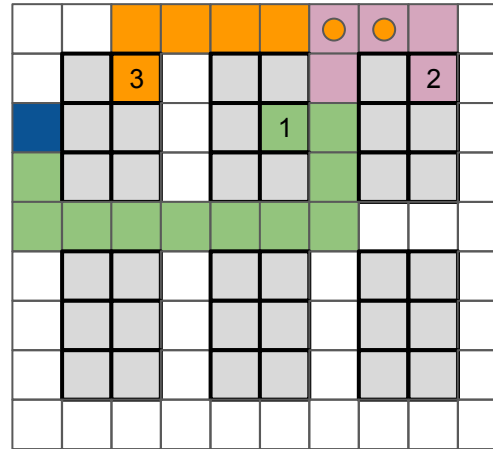
## ALMACÉN

Orden de pedido: camino más corto multi-producto

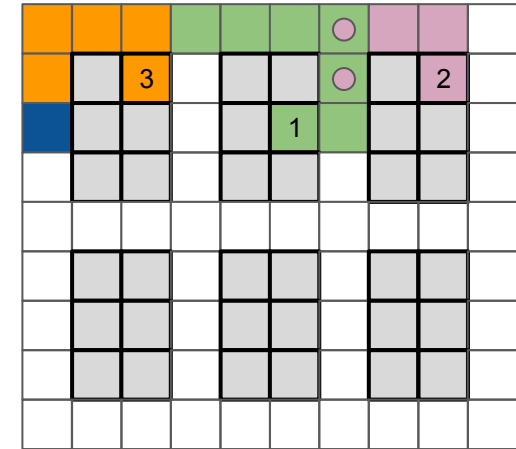
ORDEN  
P1  
P2  
P3



Ubicación de los productos



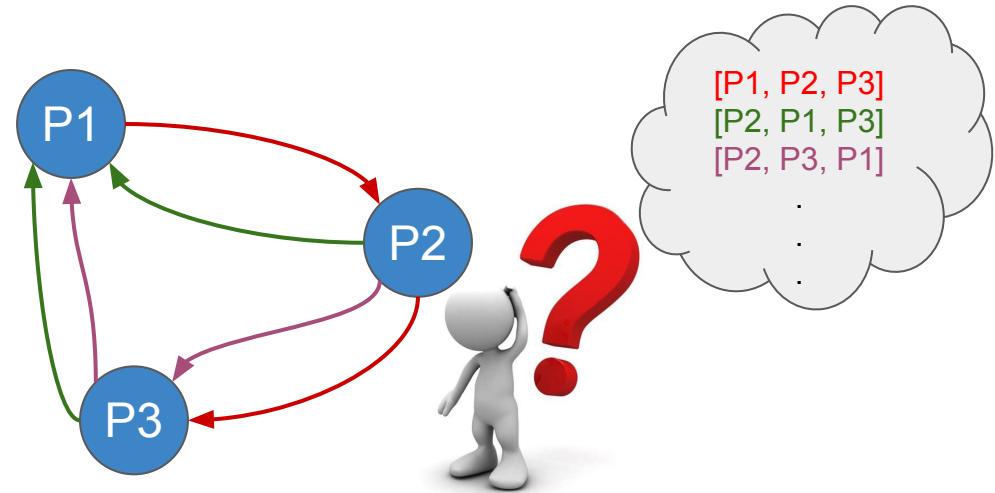
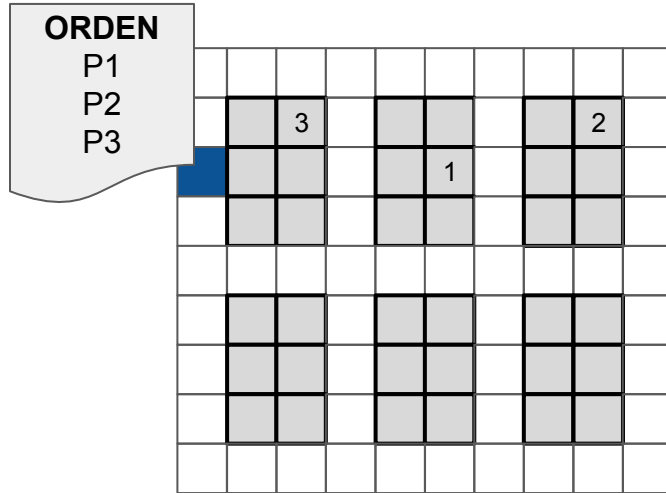
(a) Picking [P1, P2, P3]  
Costo: 20



(b) Picking [P3, P1, P2]  
Costo: 14

## ALMACÉN

Orden de pedido: camino más corto multi-producto



Optimización en 2 niveles:  
(a) orden de productos; (b) camino entre productos

# Optimización híbrida: Temple Simulado + A\*



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

## ALMACÉN

Orden de pedido: camino más corto multi-producto

ORDEN

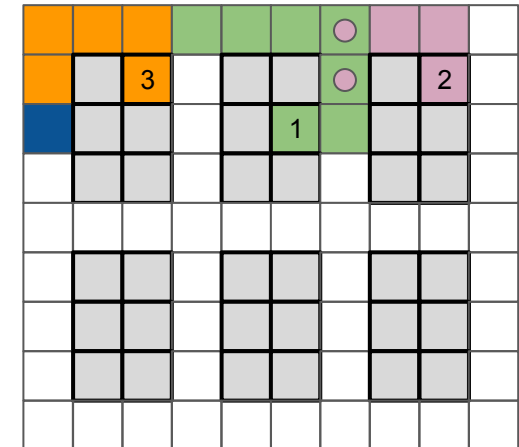
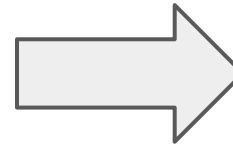
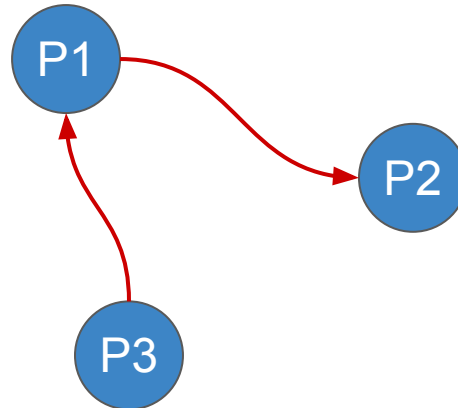
P1

P2

P3

Temple simulado con permutaciones  
(orden de picking de productos)

+ A\* (cálculo de E)  
(camino entre productos)



# Optimización híbrida: Temple Simulado + A\*



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



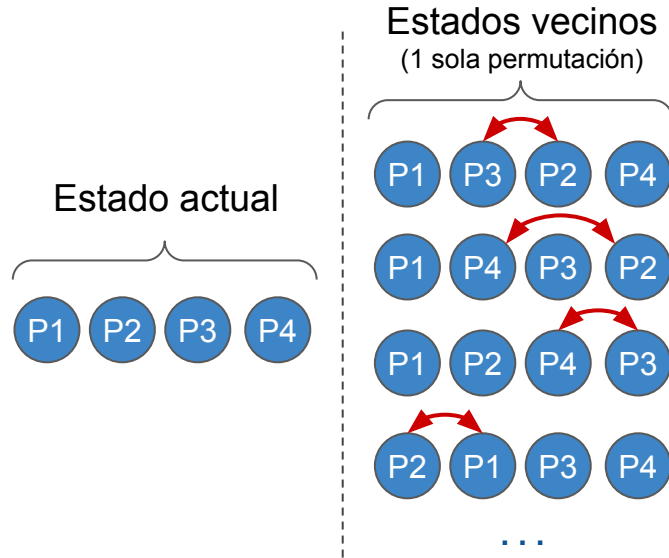
FACULTAD  
DE INGENIERÍA



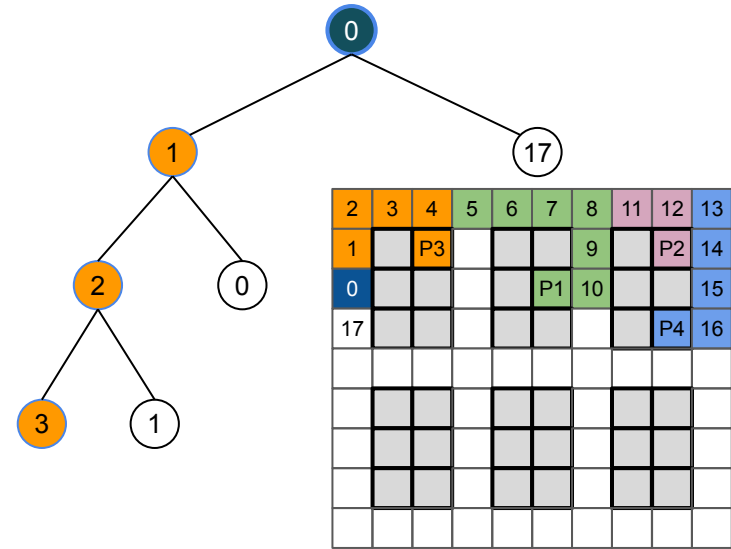
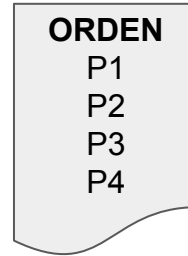
LABSIN

## Modelo de estado

Temple Simulado vs. A\*



TEMPLE SIMULADO: Cada estado es una ruta completa



A\*: Cada estado es un paso en una ruta (construye rutas)

# Optimización híbrida: Temple Simulado + A\*



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO

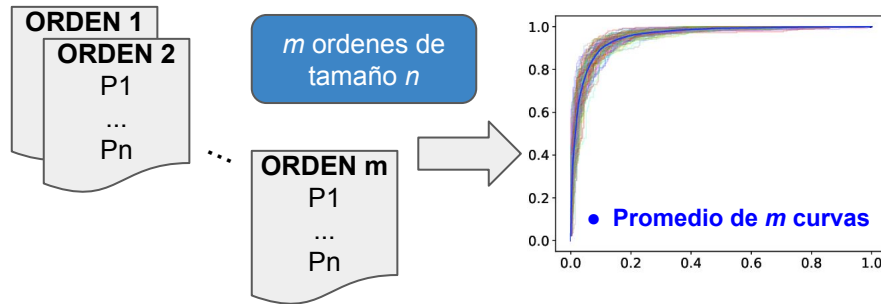


FACULTAD  
DE INGENIERÍA

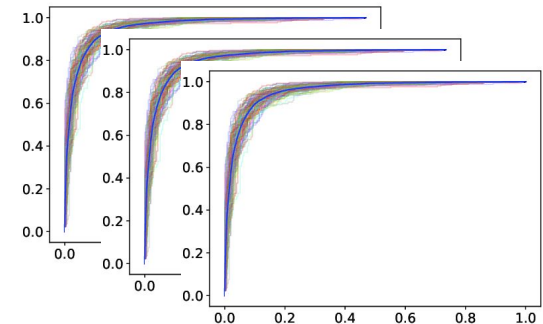


LABSIN

- Afinamiento del Temple Simulado
  - Función de enfriamiento
  - Valor inicial de  $t$
- Dada una configuración (un valor de  $t$  y una función de enfriamiento)
  - Correr varias veces el algoritmo con órdenes del mismo tamaño y promediar resultados
  - Repetir el experimento varias veces, utilizando cada vez órdenes de distinto tamaño
  - Se busca eliminar el factor “suerte” dada la aleatoriedad del algoritmo



Se repite el experimento varias veces con órdenes de distintos tamaños



# Inteligencia Artificial II

## TP 1 - Guía de resolución

Martin Marchetta

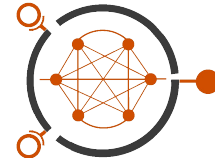
[martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar](mailto:martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar)



**UNCUYO**  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



**FACULTAD  
DE INGENIERÍA**



**LABSIN**

# Inteligencia Artificial II

## TP 1 - Guía de resolución

Optimización híbrida: Algoritmos Genéticos, Temple Simulado y A\*

Martin Marchetta

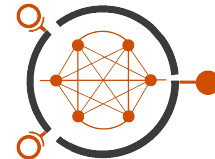
[martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar](mailto:martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar)



**UNCUYO**  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



**FACULTAD  
DE INGENIERÍA**



**LABSIN**





# Optimización híbrida: Temple Simulado + A\*



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

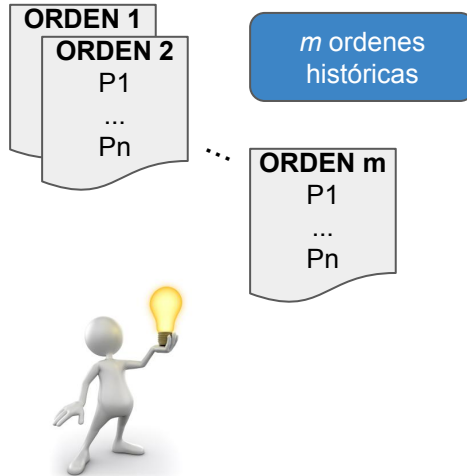
## ALMACÉN

### Optimización de ubicación de productos

Algoritmo Genético  
(ubicación de productos)

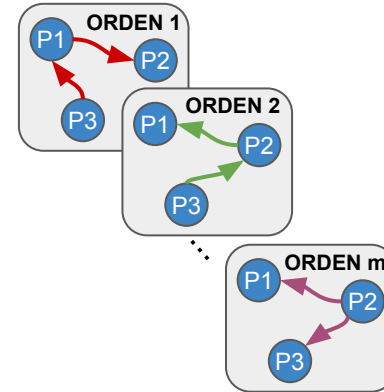
+ Temple simulado (permutaciones)  
(orden de picking de productos)

+ A\* (cálculo de E)  
(camino entre productos)

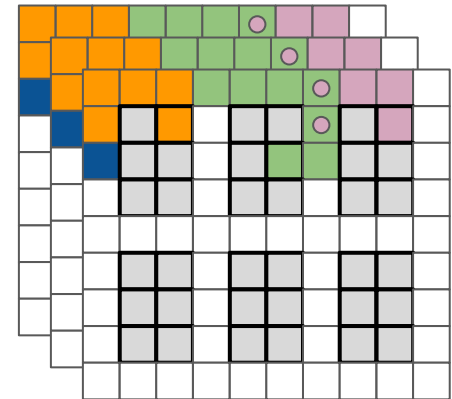


	9	3		14	20		30	2	
	6	8		26	1		36	34	
	15	21		22	29		31	23	
	11	5		10	25		32	18	
	12	4		16	17		35	19	
	13	7		28	24		27	33	

Algoritmo Genético



Temple simulado



A\*

# Optimización híbrida: Temple Simulado + A\*



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO

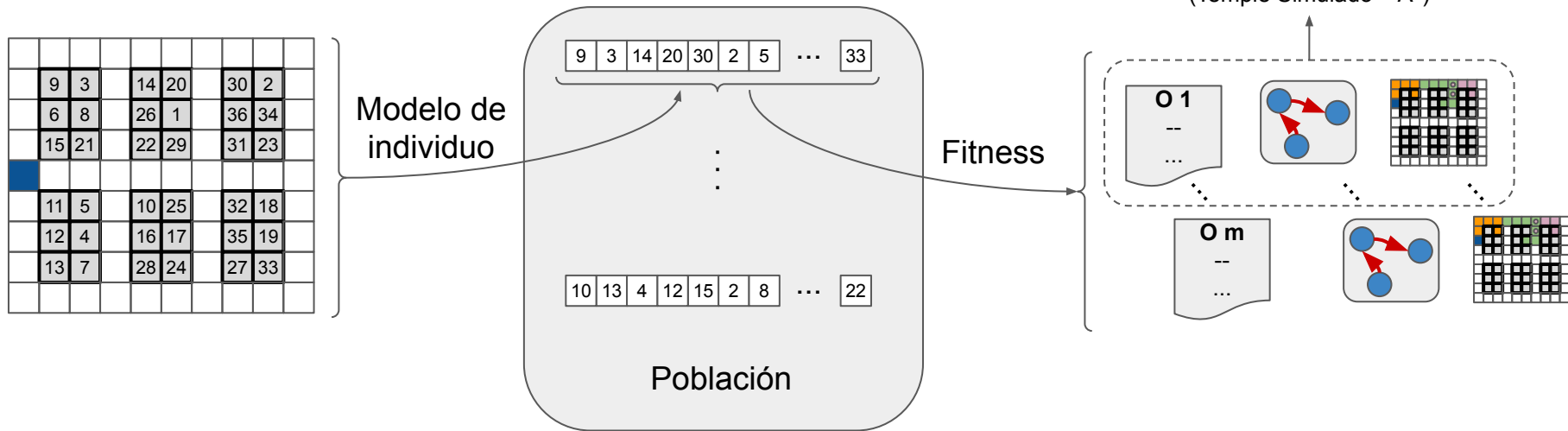


FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

- Diseño del Algoritmo Genético



- Mecanismos evolutivos con permutaciones

# Inteligencia Artificial II

## TP 1 - Guía de resolución

Martin Marchetta

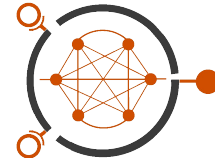
[martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar](mailto:martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar)



**UNCUYO**  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



**FACULTAD  
DE INGENIERÍA**



**LABSIN**

# Inteligencia Artificial II

## TP 1 - Guía de resolución Scheduling con Constraint Satisfaction

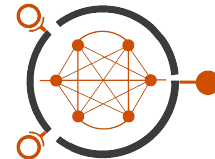
Martin Marchetta  
[martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar](mailto:martin.marchetta@ingenieria.uncuyo.edu.ar)



**UNCUYO**  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



**FACULTAD  
DE INGENIERÍA**



**LABSIN**

# Scheduling con Constraint Satisfaction



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

- Datos de entrada
  - Tareas a realizar
    - Identificador
    - Duración
    - Requerimientos de máquina (tipo)
  - Máquinas disponibles
    - Identificador
    - Tipo
- Suposiciones
  - Cada tarea requiere una sola máquina
  - Cada máquina sólo puede hacer una tarea en un momento determinado
- Objetivo
  - Determinar el período de inicio de cada tarea de manera de no exceder la capacidad de máquina

# Scheduling con Constraint Satisfaction



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

- Diseño

- Tipos de variables

- $TS_i$ : Período en que se inicia la tarea  $i$
    - $TM_i$ : Máquina utilizada en la tarea  $i$

- Dominio de cada variable

- $TS_i$ 
      - Valores enteros que representan una discretización en períodos (que pueden representar horas por ej)
      - Ej: si la suma total de las duraciones de todas las tareas es 30 períodos, podemos suponer que el dominio de  $TS_i$  será el conjunto  $[1, 2, \dots, 30]$
    - $TM_i$ 
      - Lista de máquinas del tipo requerido por la tarea  $i$

# Scheduling con Constraint Satisfaction



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

- Diseño (cont.)

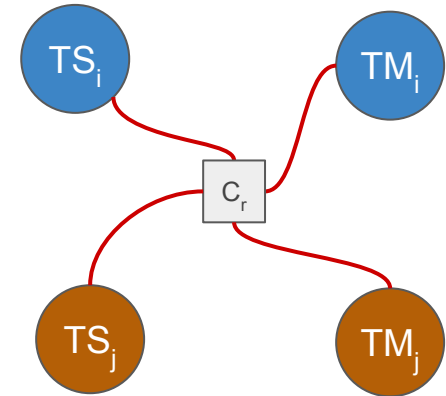
- Restricciones

- Restricciones globales: involucran más de 2 variables (4 variables en esta formulación propuesta)
    - Cada restricción  $C_r$  involucra
      - $TS_i$
      - $TM_i$
      - $TS_j$
      - $TM_j$
    - $i$  y  $j$  son un par de tareas que requieren el mismo tipo de máquina
    - Opcionalmente se puede poner una deadline para cada tarea:

$$TS_i \leq \text{deadline}_i - D_i$$

donde  $\text{deadline}_i$  y  $D_i$  (duración de la tarea  $i$ ) no son variables, sino constantes que vienen dados por los datos de entrada)

Grafo de restricciones modelo (el real tendría instancias de cada variable  $TS_1, TM_1, TS_2, TM_2$ , etc.)





# Scheduling con Constraint Satisfaction



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



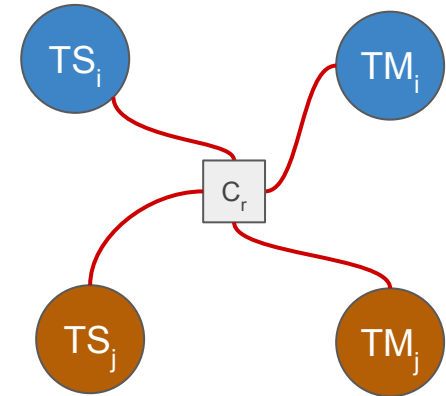
FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

- Propagación de restricciones
  - Dado que estas restricciones involucran 4 variables, sólo cuando se han asignado 3 de ellas se puede propagar la restricción a la 4ª)
  - Ej:
    - asignando  $TS_i=1$ ,  $TM_i=M1$ ,  $TS_j=1$ , se debe eliminar la máquina M1 del dominio de  $TM_j$  (si  $TM_j$  tuviera solo a M1 como valor en su dominio, se procede inmediatamente a realizar el backtracking)
    - Alternativamente se puede asignar  $TM_j$  primero, y propagar la restricción sobre  $TS_j$  (el orden de elección de variables dependerá de la heurística utilizada)

Grafo de restricciones modelo  
(el real tendría instancias de cada variable  $TS_1$ ,  $TM_1$ ,  $TS_2$ ,  $TM_2$ , etc.)



# Scheduling con Constraint Satisfaction



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO

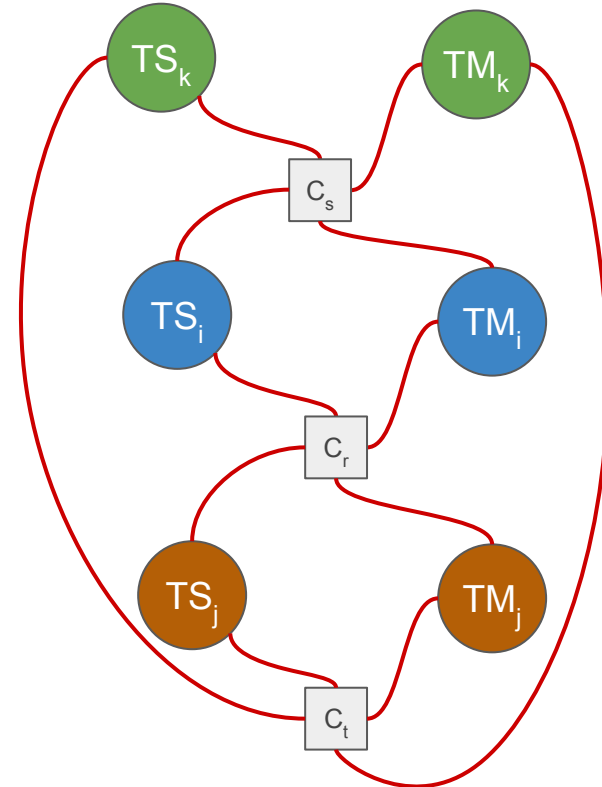


FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

- Propagación de restricciones
  - Es posible que algunas variables intervengan en varias restricciones
    - Asignación se propaga en varias restricciones



# Scheduling con Constraint Satisfaction



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA

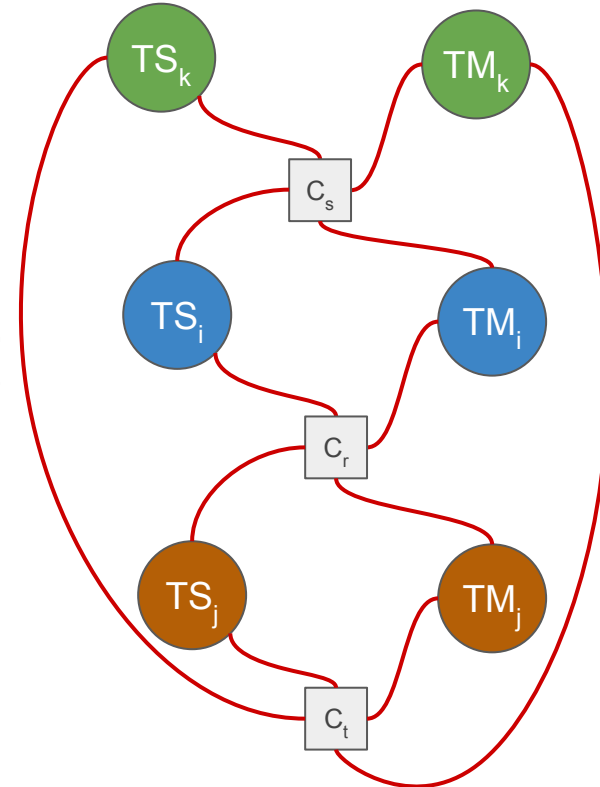
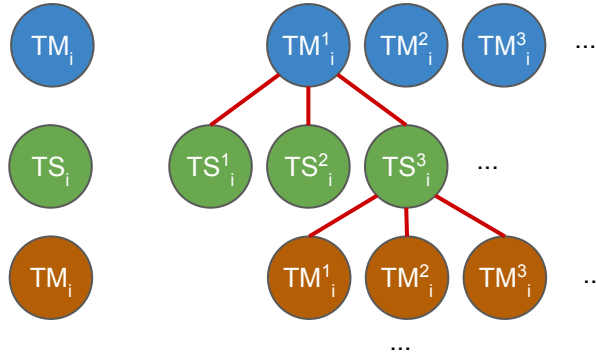


LABSIN

- Estrategias de búsqueda

- Búsqueda global

- Árbol de búsqueda
    - En cada nivel se asigna valor a una variable
    - Nodos en cada nivel: valores alternativos para la variable elegida
    - Al hacer backtracking, es necesario revertir los valores de los dominios de las variables que fueron alteradas, o bien cada nodo debe tener un estado completo del grafo (requiere más memoria)



# Scheduling con Constraint Satisfaction



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA

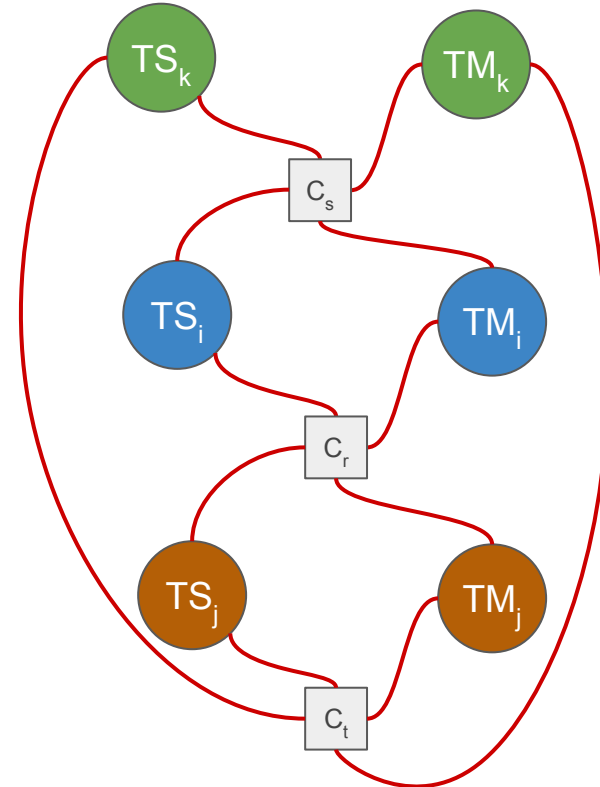
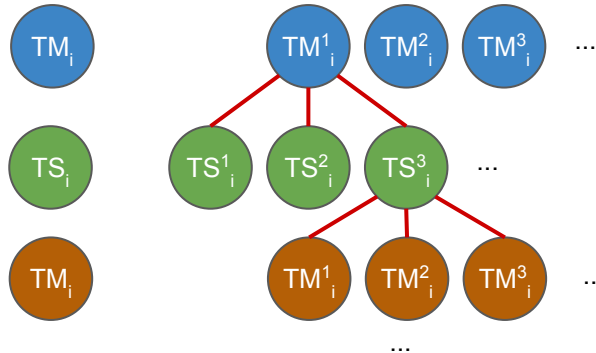


LABSIN

- Estrategias de búsqueda

- Búsqueda global con optimización

- Opcionalmente se define un criterio de optimización (ej: tiempo total o *time span*, algún modelo de costo de producción, etc)
    - La búsqueda es similar al caso anterior pero se puede usar  $A^*$
    - Complejidad adicional: cada nodo a expandir debe mantener el estado de todas las variables (no sólo se revierten los valores en backtracking, sino también en “cambio del nodo a expandir”)



# Scheduling con Constraint Satisfaction



UNCUYO  
UNIVERSIDAD  
NACIONAL DE CUYO



FACULTAD  
DE INGENIERÍA



LABSIN

- Estrategias de búsqueda

- Búsqueda local

- Se parte de una asignación *completa* de variables (aunque seguramente *inconsistente*)
    - Se aplica algún algoritmo de búsqueda local para comenzar a cambiar el valor de cada variable (hill climbing, temple simulado, algoritmo genético, etc)
    - Cambia la heurística a utilizar (ej: variable más conflictiva)
  - Ventaja: puede ser mucho más eficiente que la búsqueda global
  - Desventaja: es difícil incluso plantear un criterio de optimización (además de que los algoritmos son inherentemente subóptimos)

