

Die Primzahlenerkennungsmaschine

Eine theoretische Bauanleitung

Tom Gries (TOMO) | GPN21 | Juni 2023 | Medientheater | 30 Minuten



@tomo@social.tchncs.de



@_TomGries_



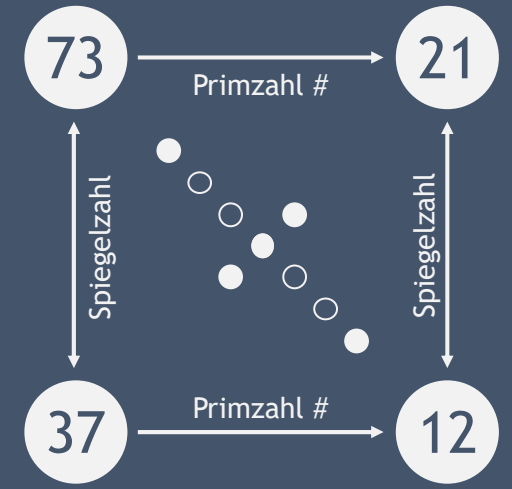
2023-06-11

Was ist eine Primzahl?

Wir erinnern uns:

Eine Primzahl ist

- eine natürliche Zahl
- größer als 1
- und **nur** durch 1 **UND** sich selbst teilbar



Primzahlsuchmethoden

Eine natürliche Zahl ist entweder:

- eine Primzahl oder
- Keine Primzahl

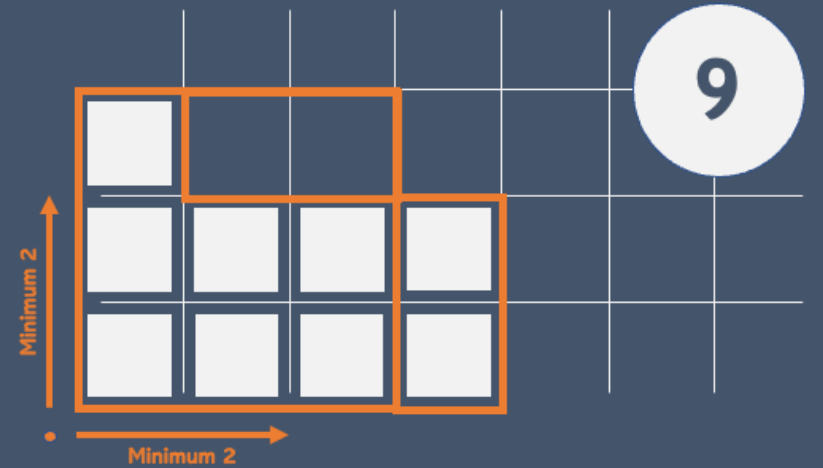
[1] Primfaktorzerlegung

[2] Das Sieb des Eratosthenes.
Man könnte es auch als Sherlock
Homes Prinzip bezeichnen.

Und wir haben zwei Möglichkeiten, Primzahlen zu ermitteln:

1. Man prüft für jede Zahl (unabhängig), ob sie prim ist
2. Man fängt von vorne (bei 2) an, sucht alle Nicht-Primzahlen und streicht sie. Was übrig bleibt sind die Primzahlen.

Die Idee zu der "Maschine" ...



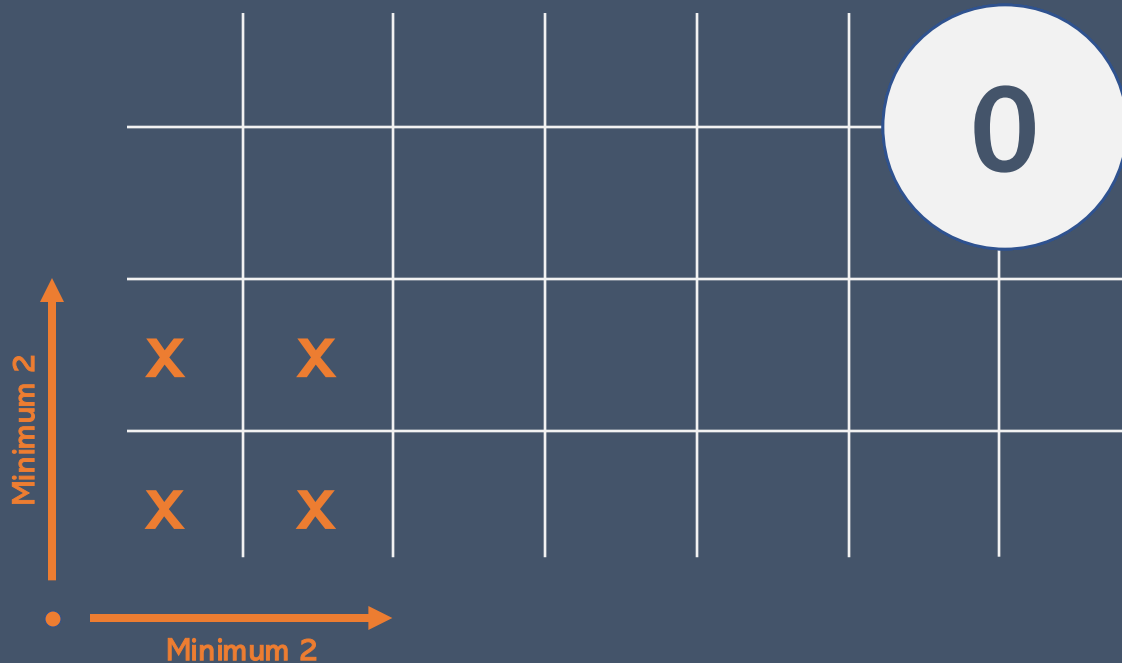
... basiert auf einer Idee zur Erklärung von
Primzahlen von 1978!

Primzahlen visualisiert ...

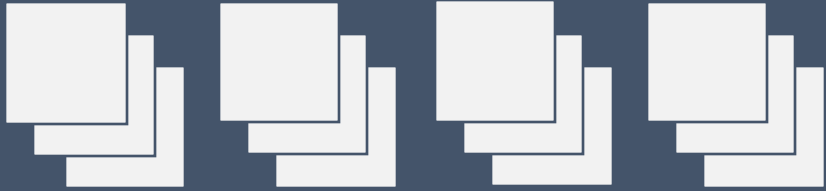


Aufgabe:

Versuche, aus den Quadraten ein Rechteck zu legen, bei dem beide Seiten mindestens 2 Einheiten lang ist.

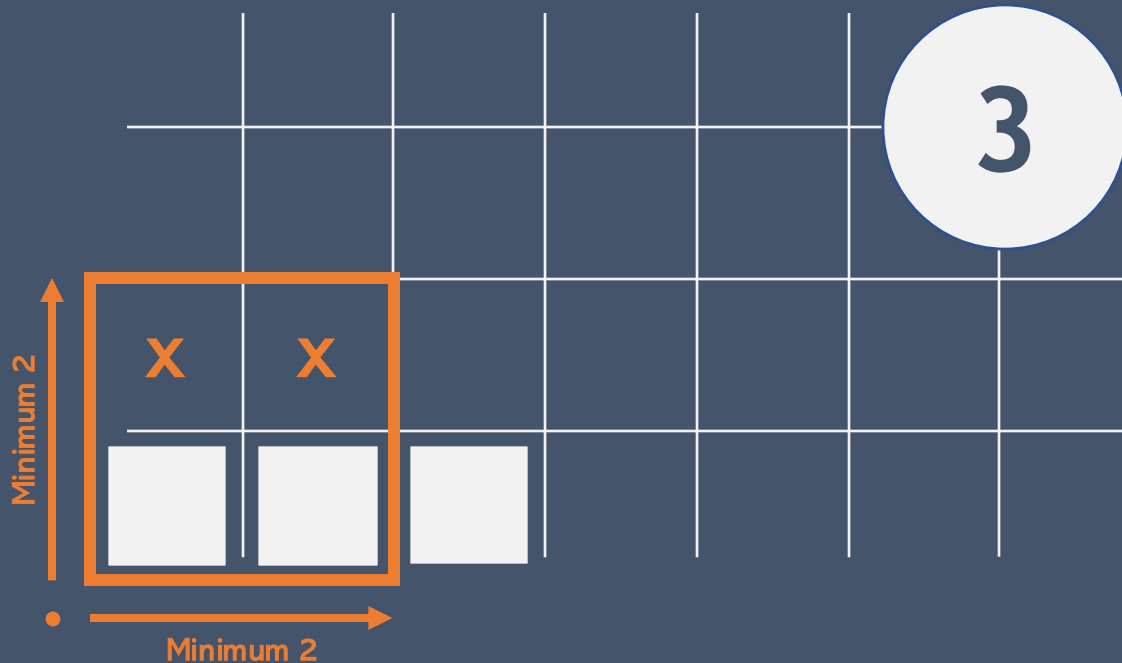


Primzahlen visualisiert ...



Aufgabe:

Versuche, aus den Quadraten ein Rechteck zu legen, bei dem beide Seiten mindestens 2 Einheiten lang ist.



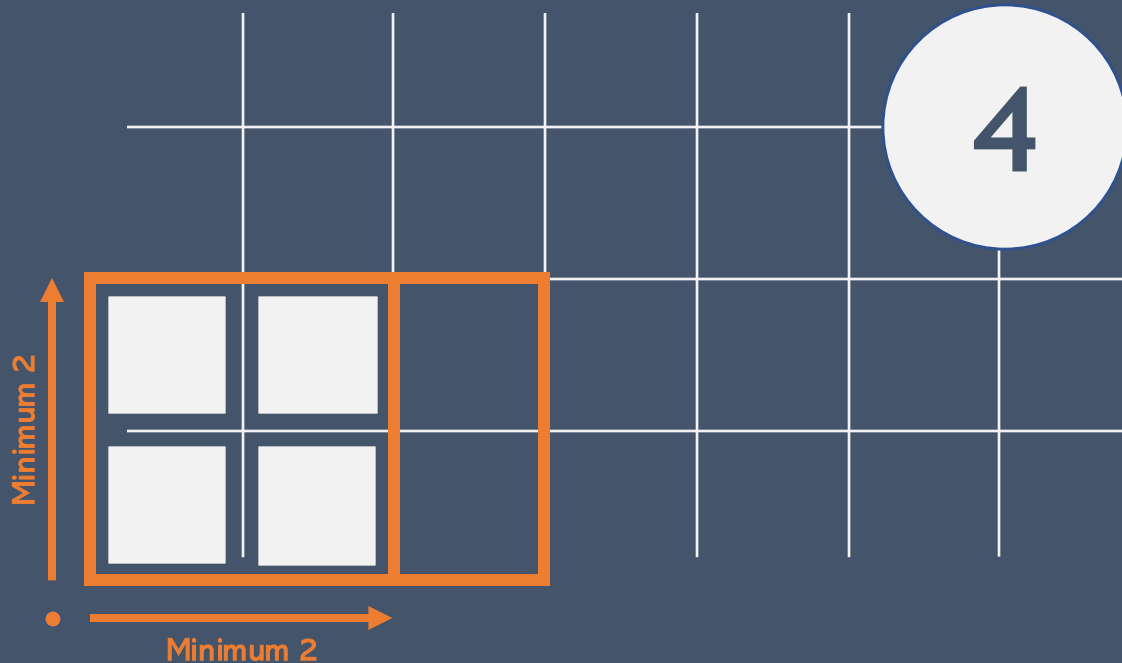
Nicht nur zur Seite anlegen ...

Primzahlen visualisiert ...



Aufgabe:

Versuche, aus den Quadraten ein Rechteck zu legen, bei dem beide Seiten mindestens 2 Einheiten lang ist.

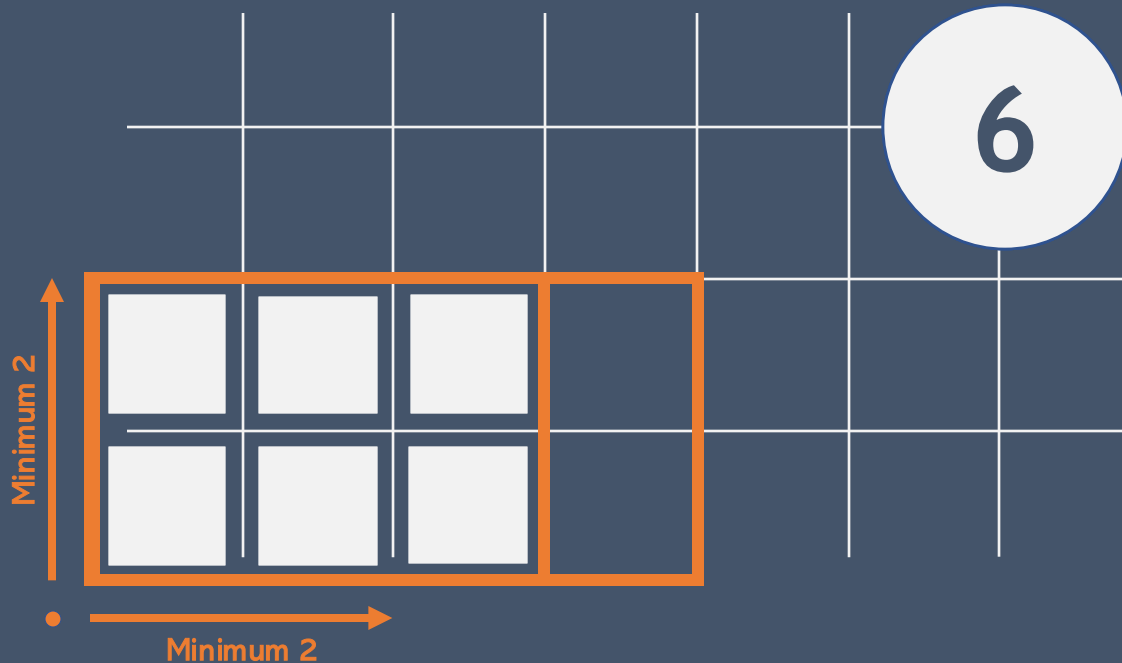


Primzahlen visualisiert ...



Aufgabe:

Versuche, aus den Quadraten ein Rechteck zu legen, bei dem beide Seiten mindestens 2 Einheiten lang ist.

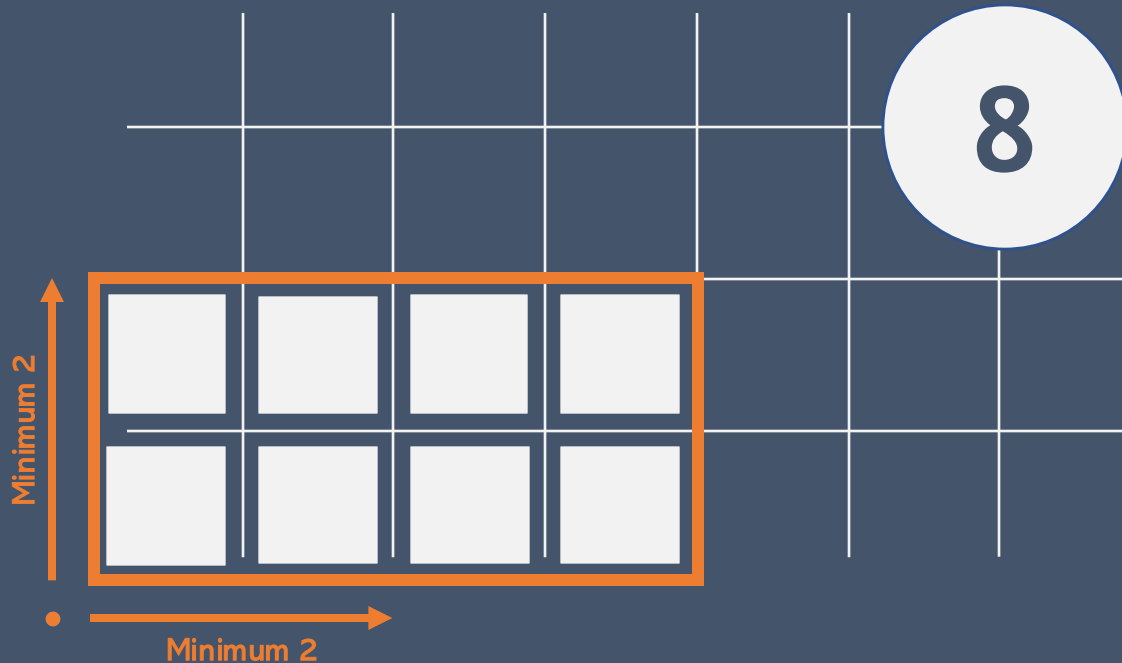


Primzahlen visualisiert ...

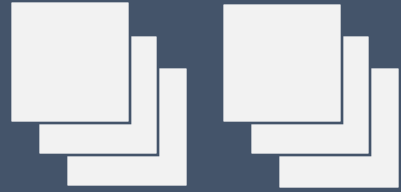


Aufgabe:

Versuche, aus den Quadraten ein Rechteck zu legen, bei dem beide Seiten mindestens 2 Einheiten lang ist.

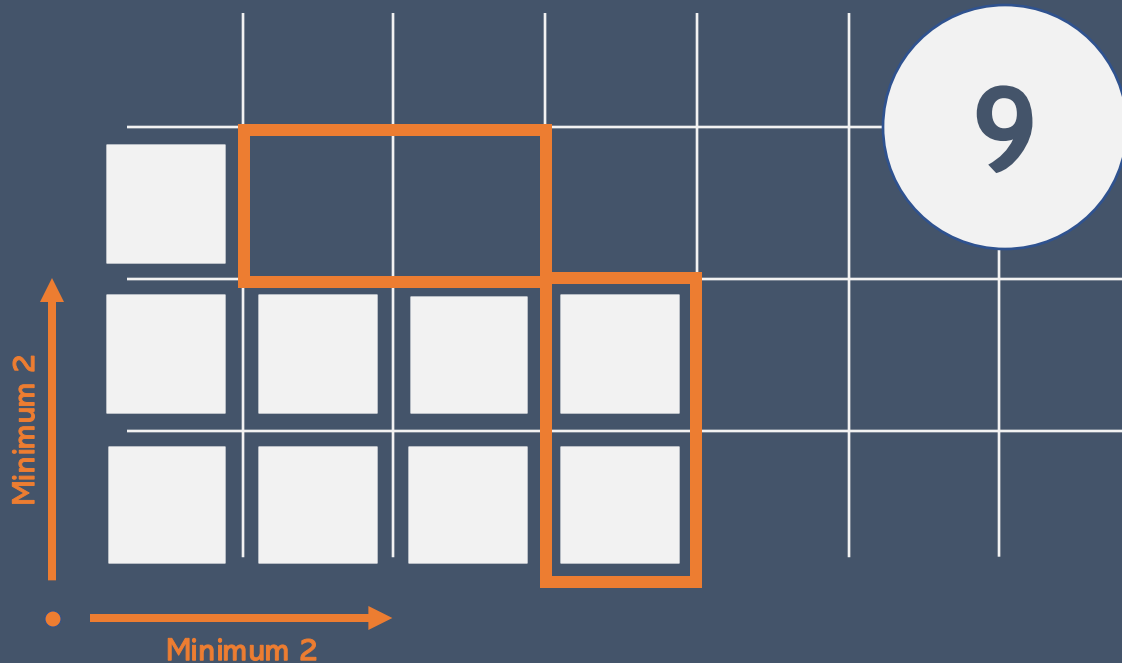


Primzahlen visualisiert ...

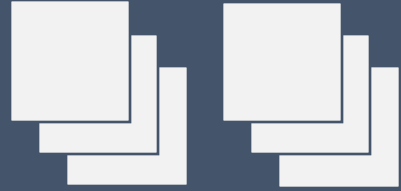


Aufgabe:

Versuche, aus den Quadraten ein Rechteck zu legen, bei dem beide Seiten mindestens 2 Einheiten lang ist.

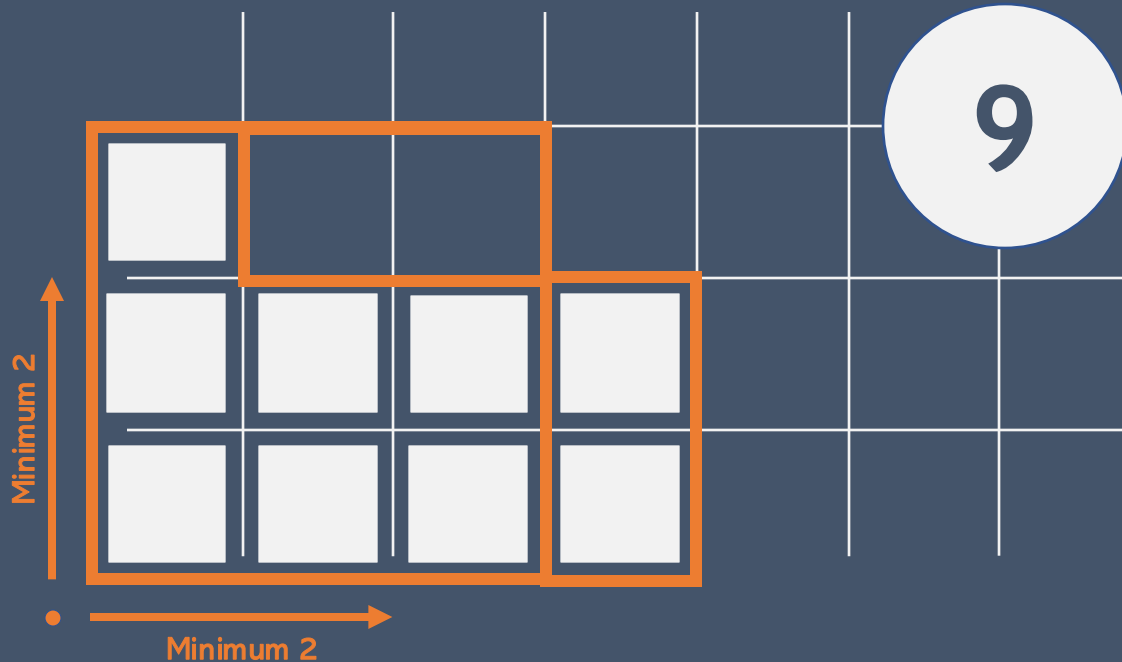


Primzahlen visualisiert ...

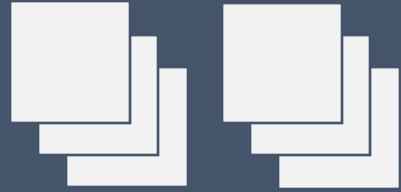


Aufgabe:

Versuche, aus den Quadraten ein Rechteck zu legen, bei dem beide Seiten mindestens 2 Einheiten lang ist.



Primzahlen visualisiert ...



Aufgabe:

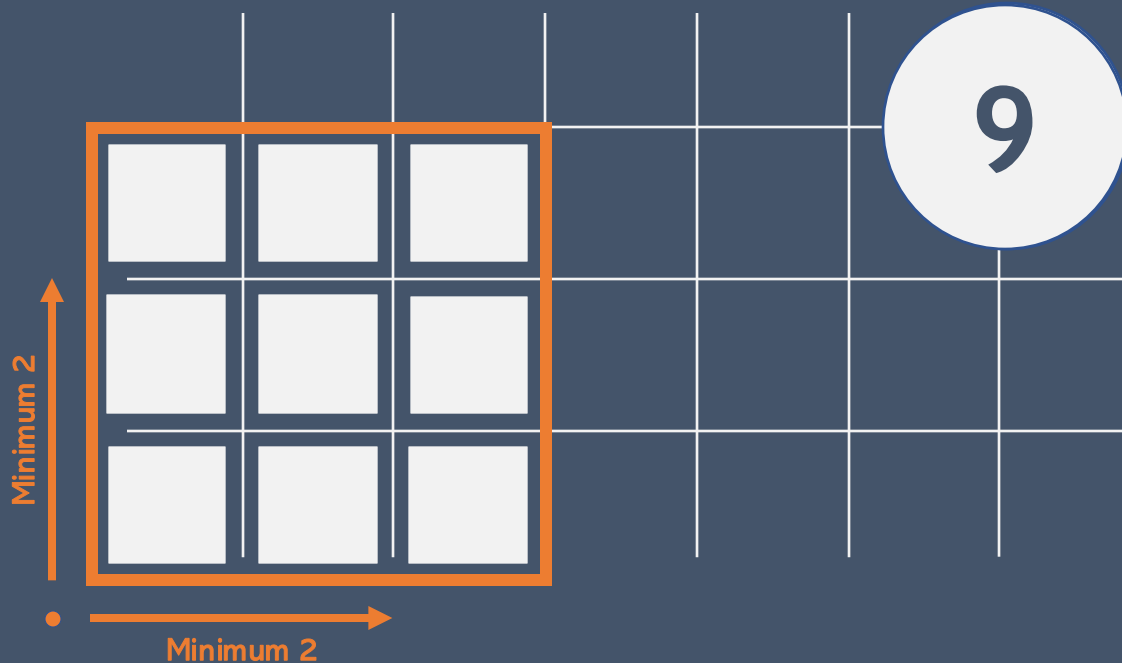
Versuche, aus den Quadraten ein Rechteck zu legen, bei dem beide Seiten mindestens 2 Einheiten lang ist.

Und was ist unsere Erkenntnis?

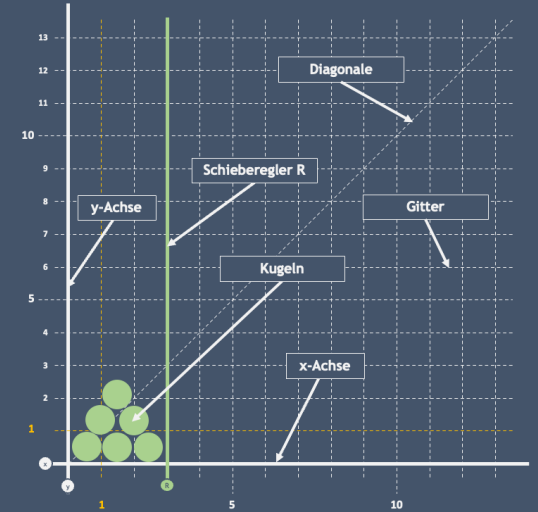
Immer, wenn ein Rechteck gelegt werden kann, ist es keine Primzahl.

Und wenn kein Rechteck gelegt werden kann, haben wir eine Primzahl gefunden.

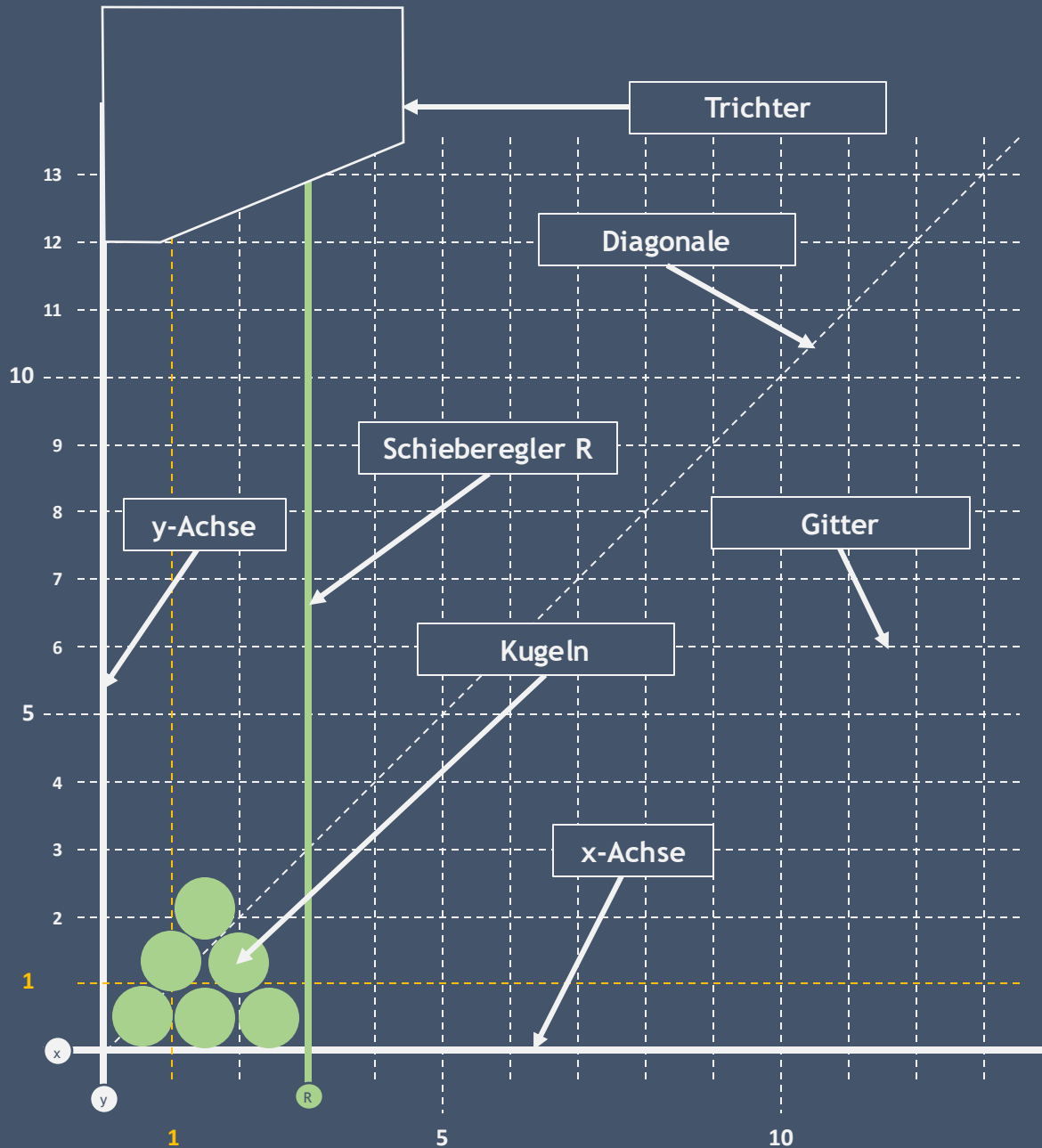
Im Prinzip haben wir keine Primzahlen gesucht, sondern Zahlen, die NICHT prim sind.



Die "Prime Machine"



Kann es eine "Maschine" geben, mit der man Primzahlen ermitteln kann? Und wenn ja: Wie müsste sie aussehen?



Aufbau der Prime Machine:

- Ein Brett als Grundlage
- ein Hintergrundgitter als visuelle Hilfe
- den Achsen X und Y als Begrenzung
- einen Schieberegler, der sich parallel zur Y-Achse über das Gitter bewegen lässt und über den senkrechten Linien arretieren lässt
- und den Kugeln ("gefangen" zwischen Y und R)

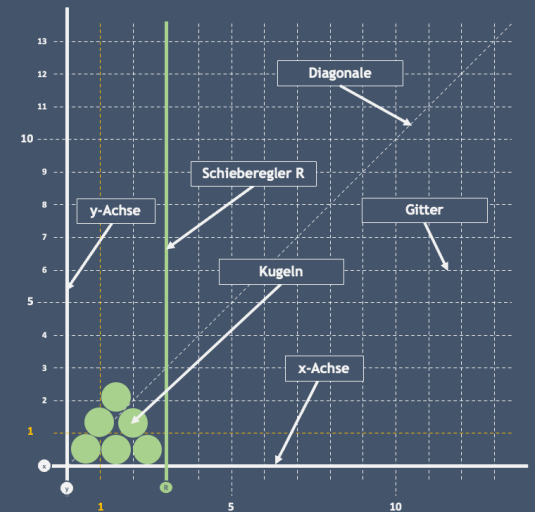
Und zur Erweiterung einen Trichter (oben links), um mehr Kugeln aufzunehmen (max. das Doppelte einer Spalte).

Mit der Prime Machine kann man:

1. Das Kommutativgesetz erkennen
 2. Multiplizieren
 3. Divisionen mit und ohne Rest durchführen
 4. Feststellen, ob eine Zahl gerade oder ungerade ist
- Die Basics zum warm-up
5. Feststellen, ob eine Zahl eine Primzahl ist
 6. Eine Zahl in Primfaktoren zerlegen
 7. In Zahlensysteme umrechnen, zum Beispiel in das Binärsystem
 8. Quadratwurzeln berechnen bzw. abschätzen

Übrigens: Für [4] und [5] muss man keine Zahlen kennen und auch nicht zählen können.

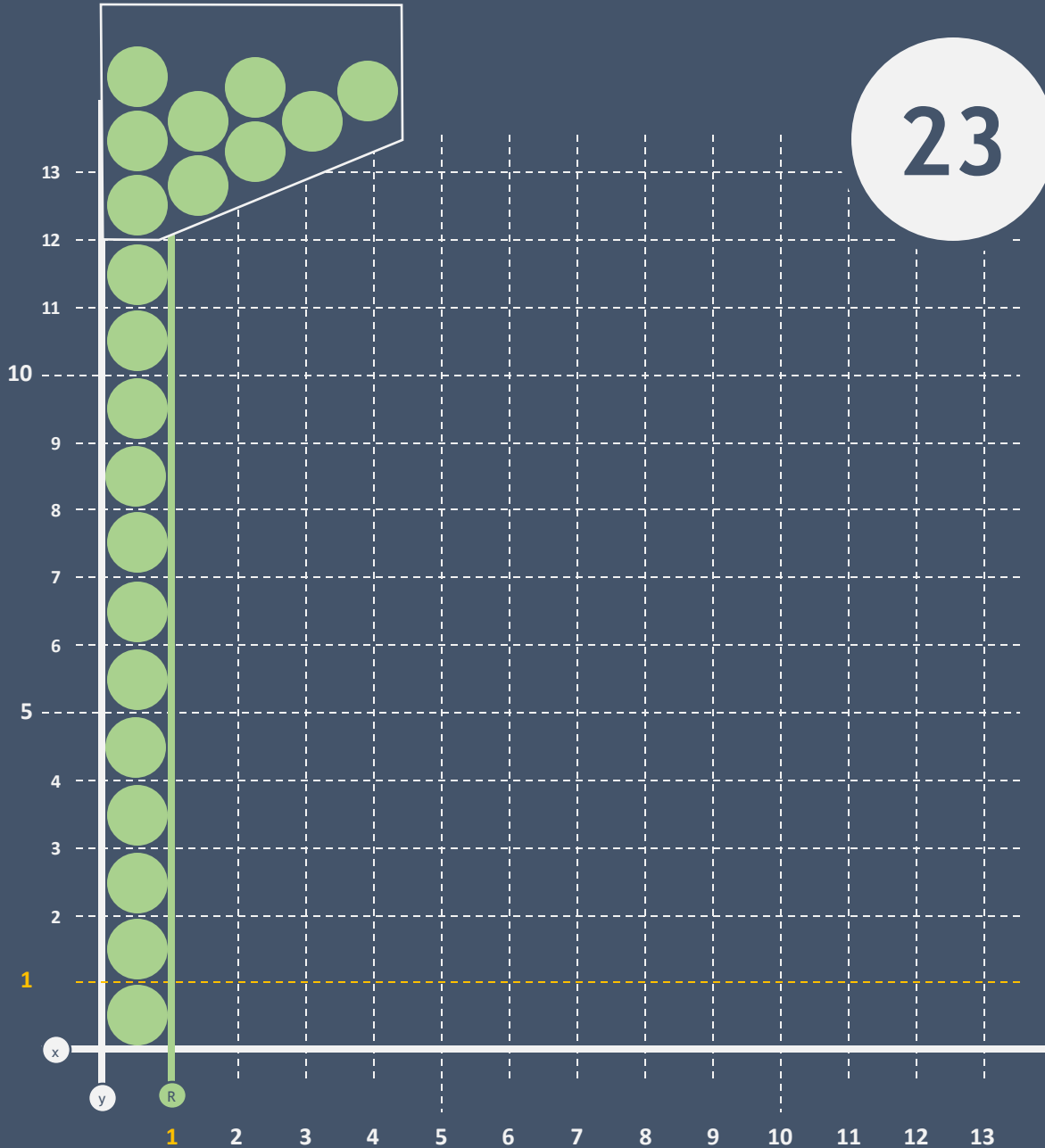
Das Kommutativgesetz der Multiplikation erkennen!



23

Das Kommutativgesetz visualisiert:

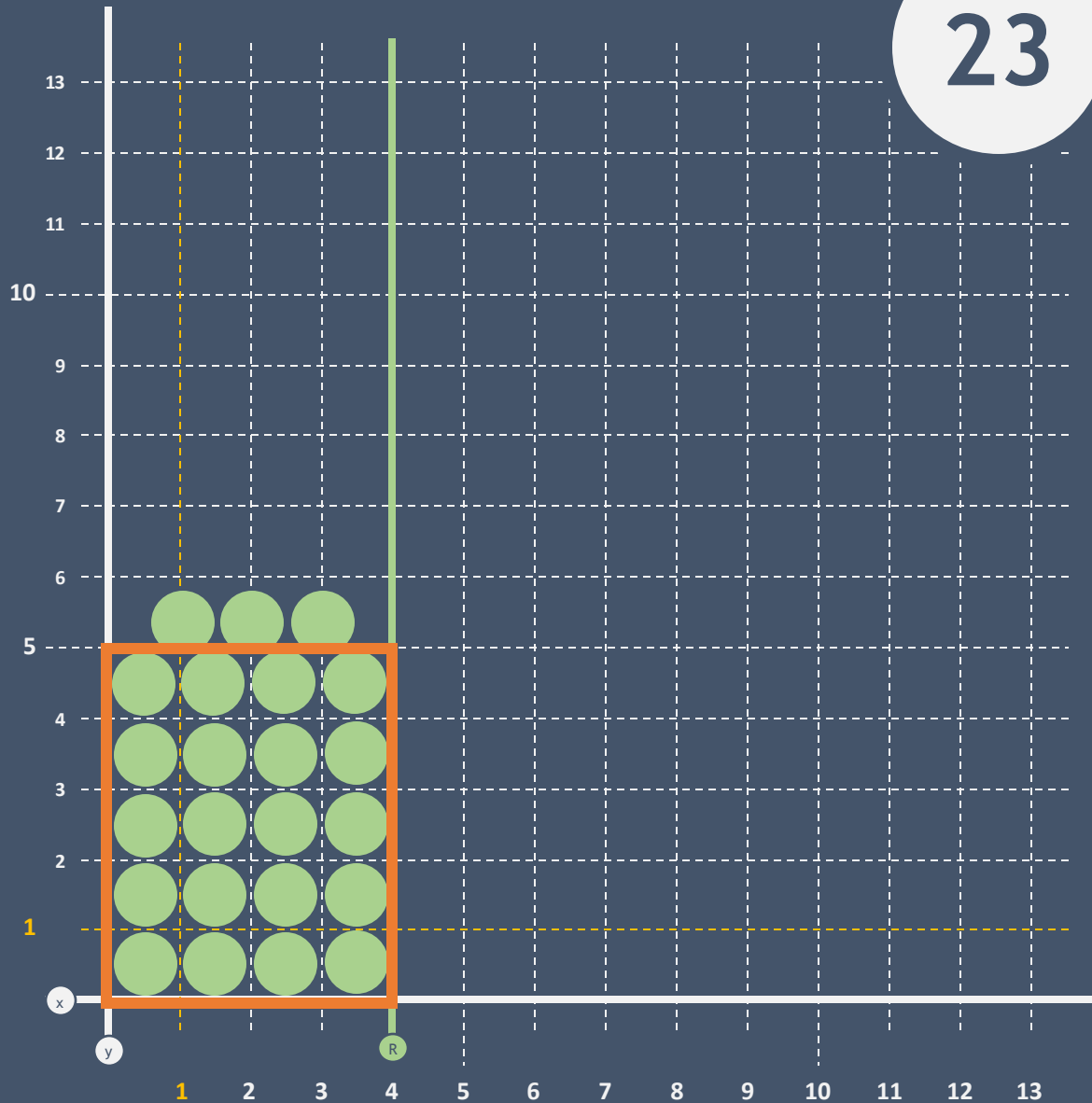
Der Schieberegler befindet sich in der Ausgangsposition. Wir füllen den Trichter mit Kugeln (hier mit 23).



23

Das Kommutativgesetz visualisiert:

... und schieben den Regler zum Beispiel um 3 Positionen nach rechts (auf die 4).



23

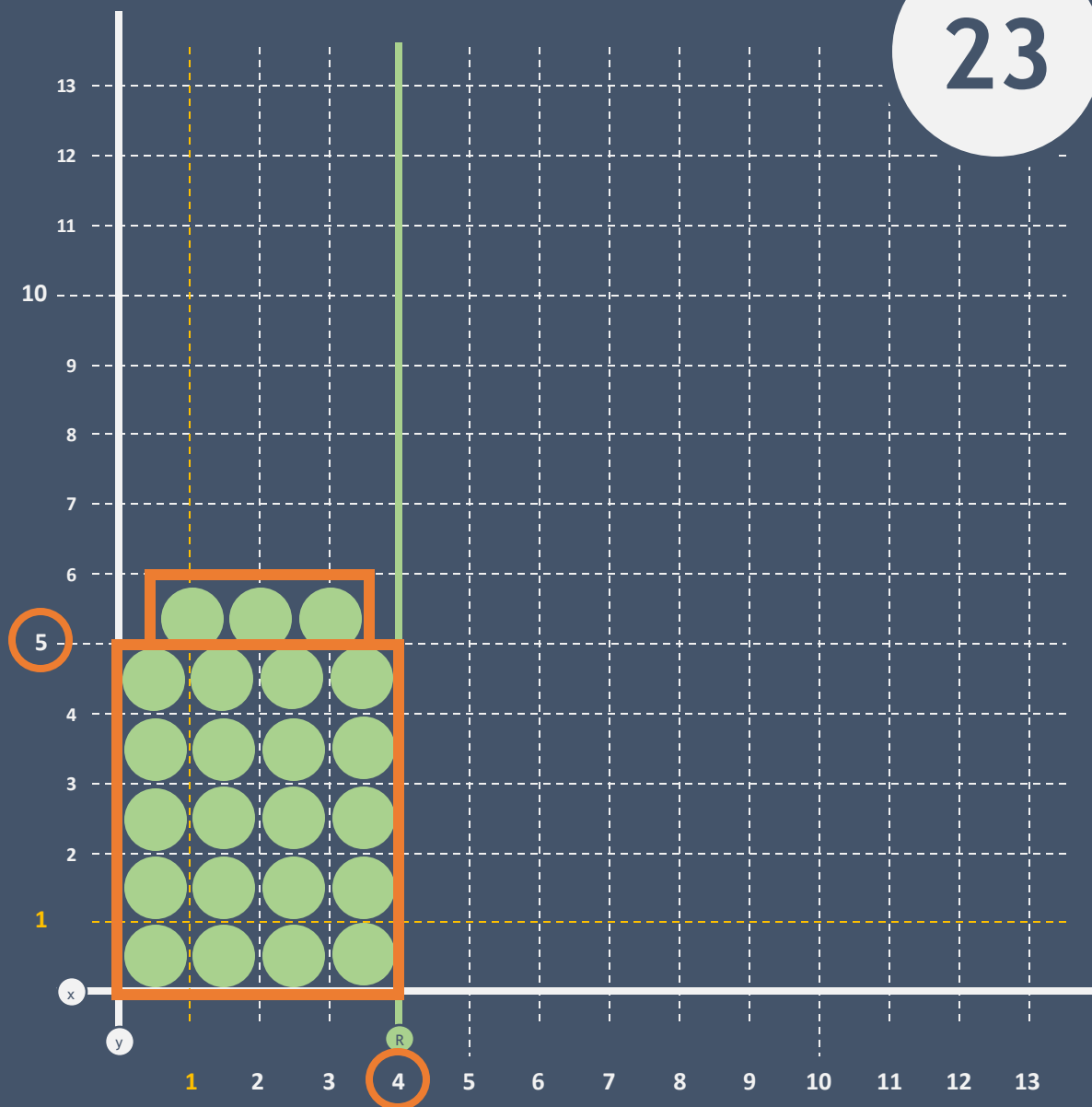
Das Kommutativgesetz visualisiert:

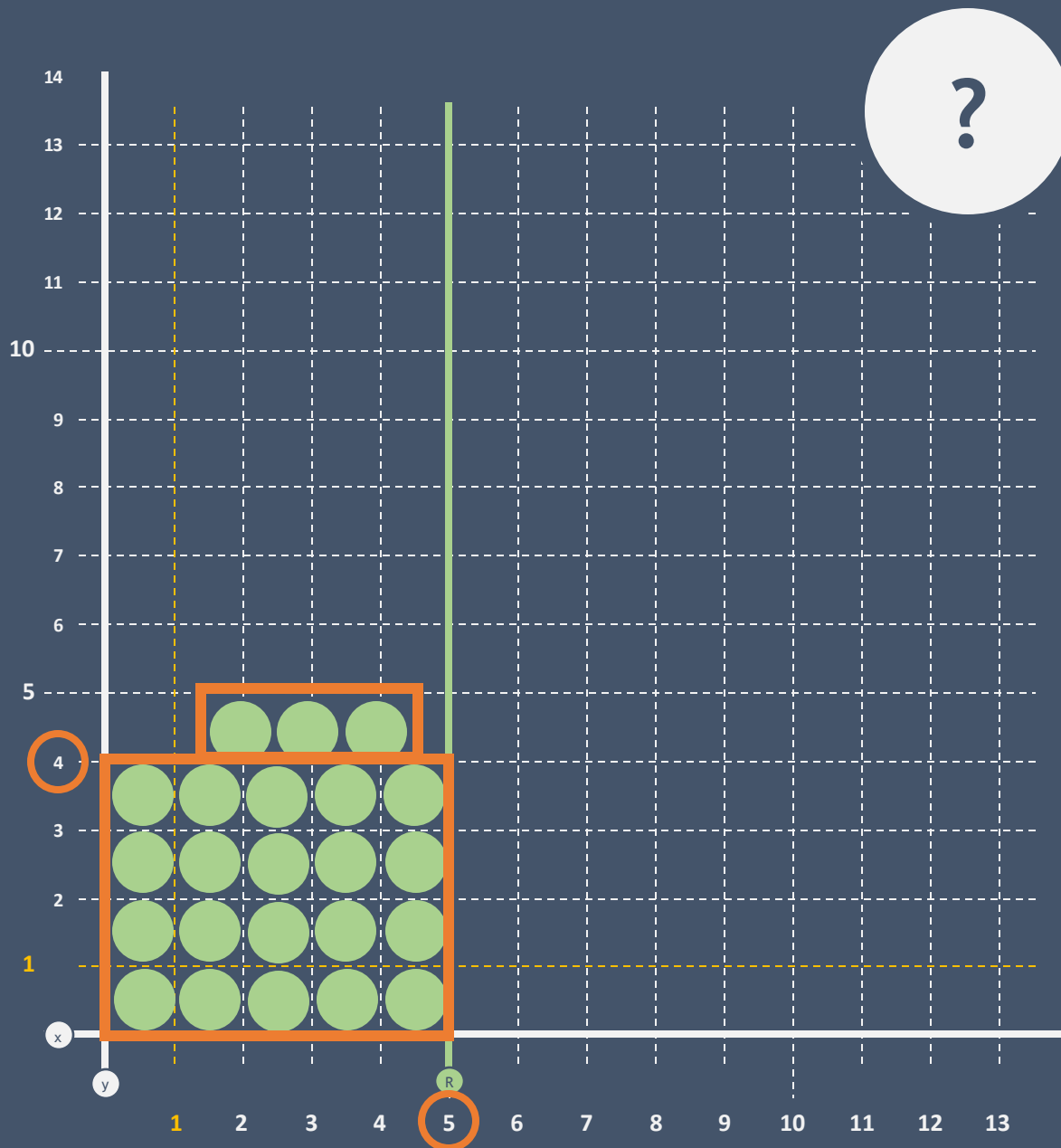
... und schieben den Regler zum Beispiel um 3 Positionen nach rechts (auf die 4).

Wir haben jetzt:

an der Position $y = 5$
an der Position $x = 4$
und einen Rest von 3, also

$$5 \times 4 + 3 = 23$$





Das Kommutativgesetz visualisiert:

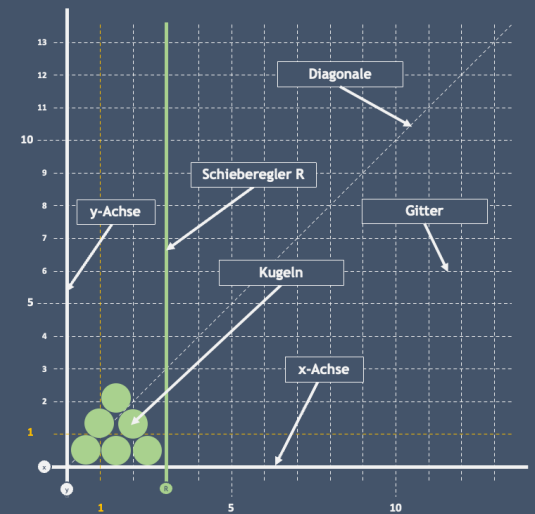
Wir drehen jetzt das 5 x 4 Rechteck um 90°

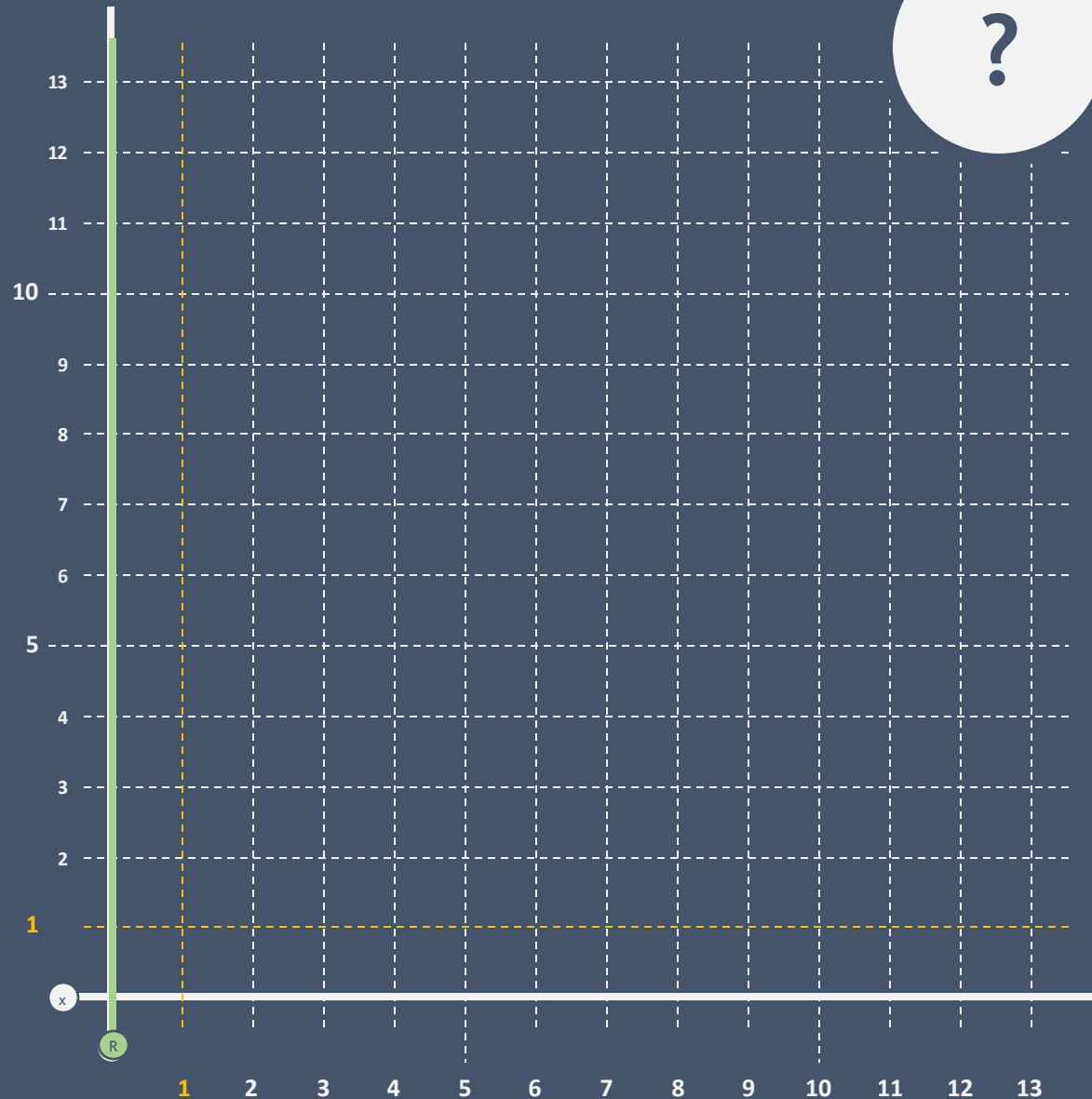
Und jetzt haben wir:

an der Position $y = 4$ } vertauscht
an der Position $x = 5$ }
und einen Rest von 3, also

$$4 \times 5 + 3 = 23$$

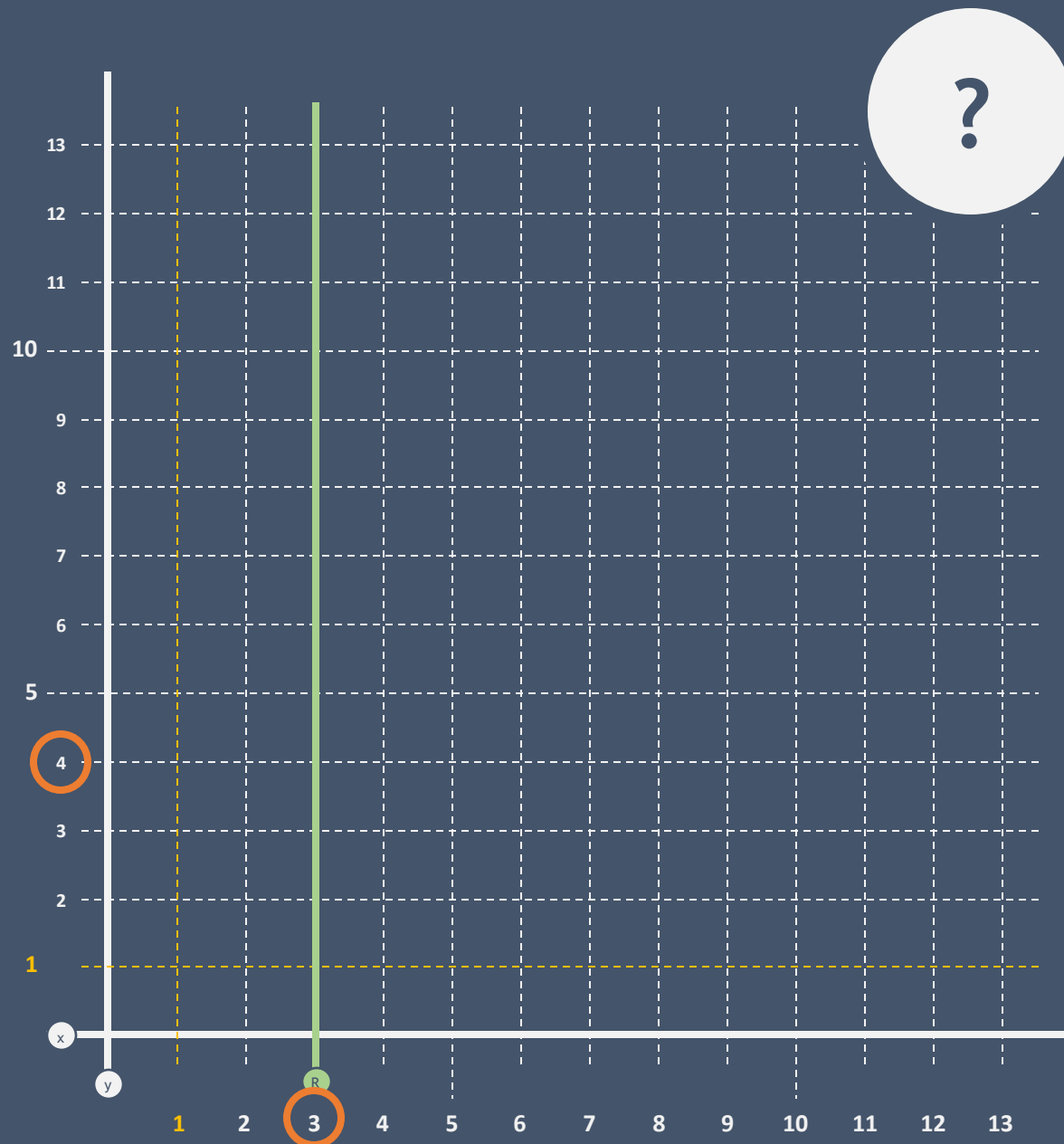
Multiplizieren





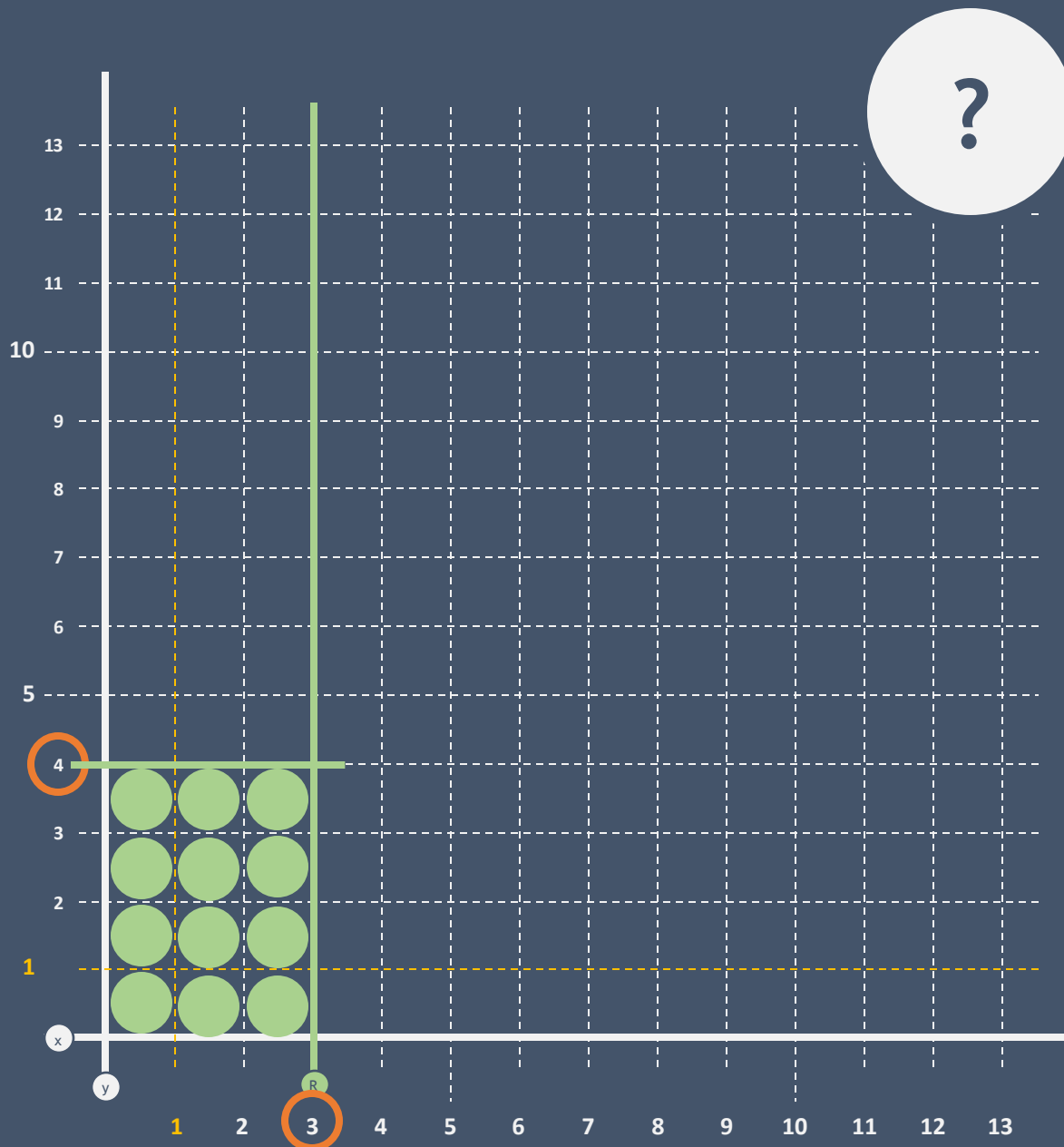
Multiplikation:

Wir wollen zum Beispiel 4×3 rechnen. Dazu stellen wir den Schieberegler auf die 3 und füllen den Bereich zwischen dem Schieberegler und der Y-Achse soweit mit Kugeln auf, bis wir auf der Y-Achse die 4 erreicht haben (komplett mit Kugeln aufgefüllt haben).



Multiplikation:

Wir wollen zum Beispiel 4×3 rechnen. Dazu stellen wir den Schieberegler auf die 3 und füllen den Bereich zwischen dem Schieberegler und der Y-Achse soweit mit Kugeln auf, bis wir auf der Y-Achse die 4 erreicht haben (komplett mit Kugeln aufgefüllt haben).

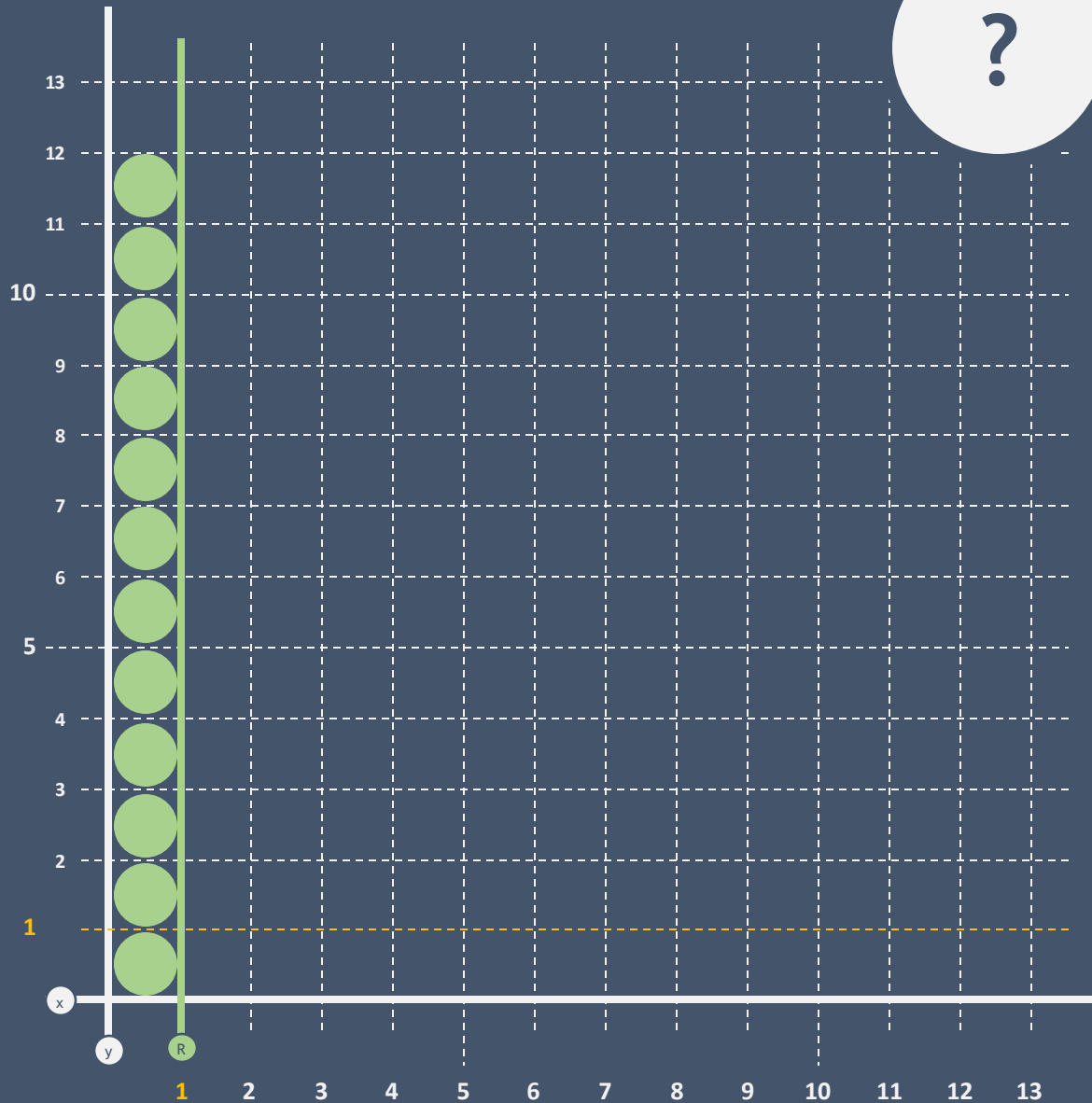


Multiplikation:

Wir wollen zum Beispiel 4×3 rechnen. Dazu stellen wir den Schieberegler auf die 3 und füllen den Bereich zwischen dem Schieberegler und der Y-Achse soweit mit Kugeln auf, bis wir auf der Y-Achse die 4 erreicht haben (komplett mit Kugeln aufgefüllt haben).

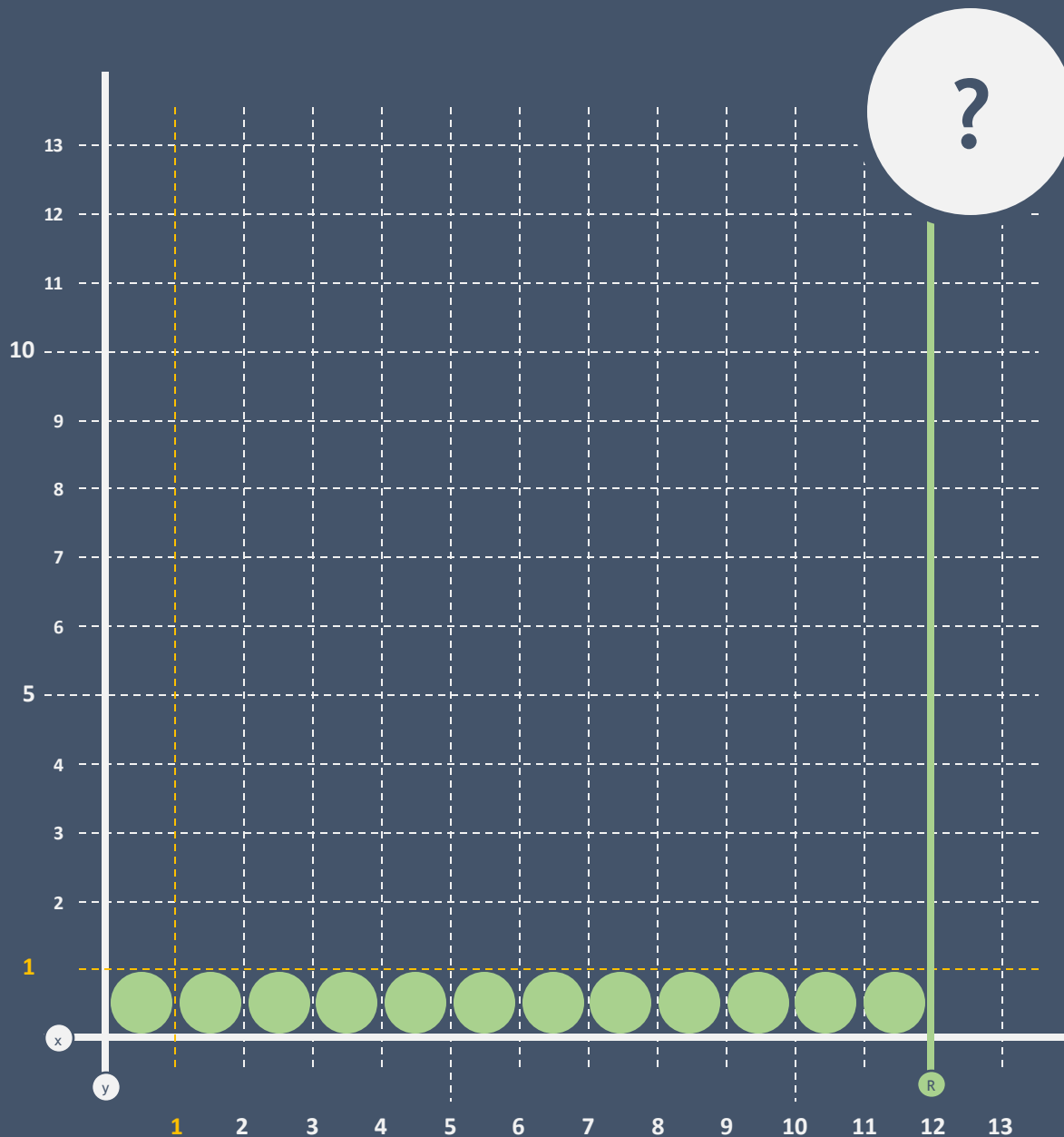
Wenn wir jetzt die Kugeln zählen, haben wir das Ergebnis.

$$4 \times 3 = 12$$



Multiplikation:

Theoretisch kann man das Ergebnis auch auf der Ausgangs- oder Endposition ablesen.



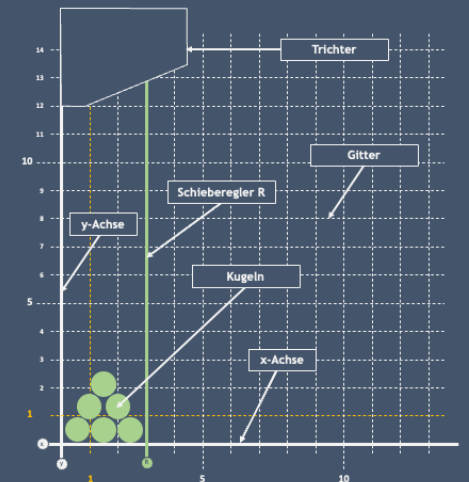
Multiplikation:

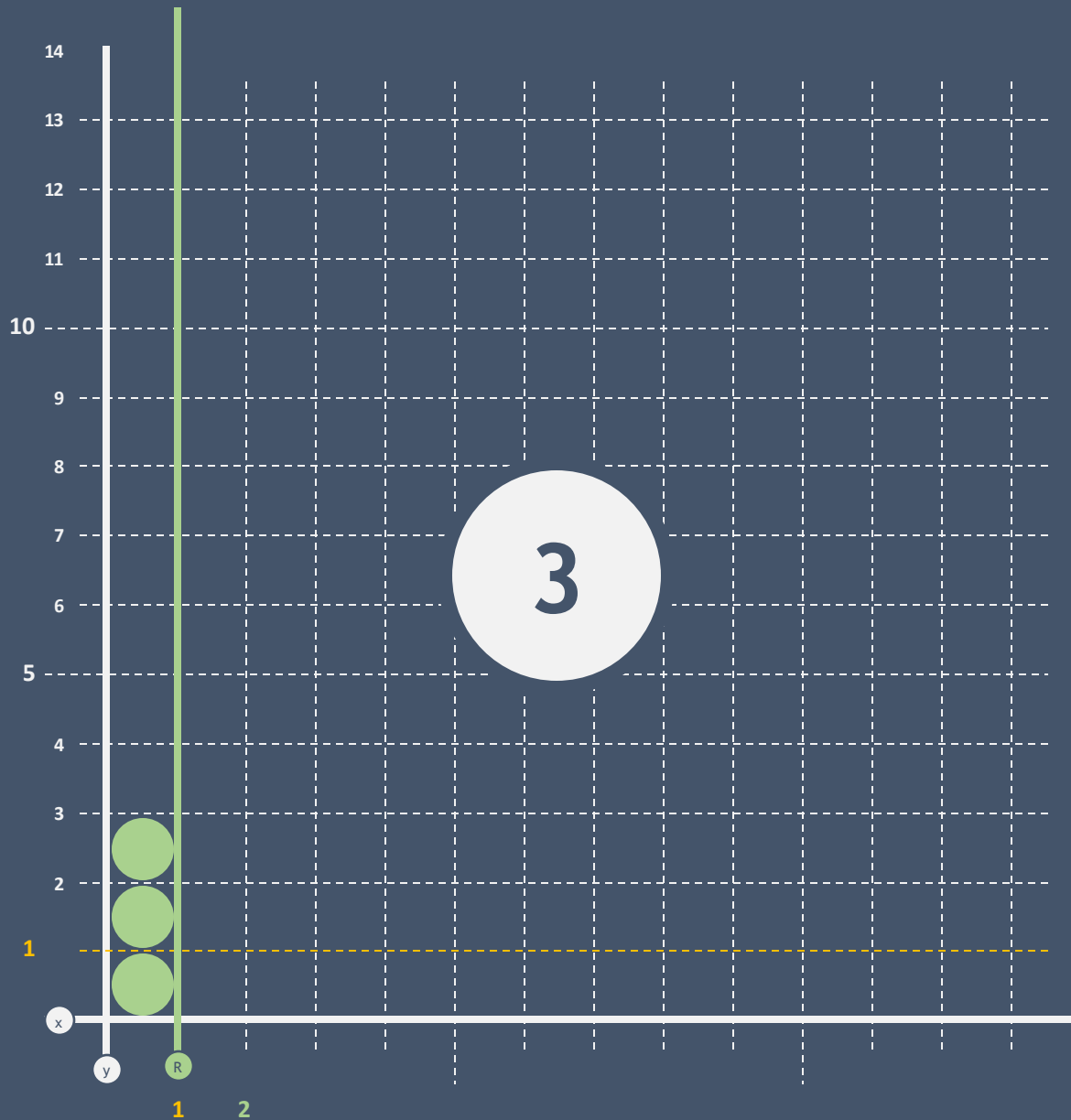
Wir wollen zum Beispiel 4×3 rechnen. Dazu stellen wir den Schieberegler auf die 3 und füllen den Bereich zwischen dem Schieberegler und der Y-Achse soweit mit Kugeln auf, bis wir auf der Y-Achse die 4 erreicht haben (komplett mit Kugeln aufgefüllt haben).

Wenn wir jetzt die Kugeln zählen, haben wir das Ergebnis.

$$4 \times 3 = 12$$

Und wie kann man mit dieser Prime Machine Primzahlen ermitteln?



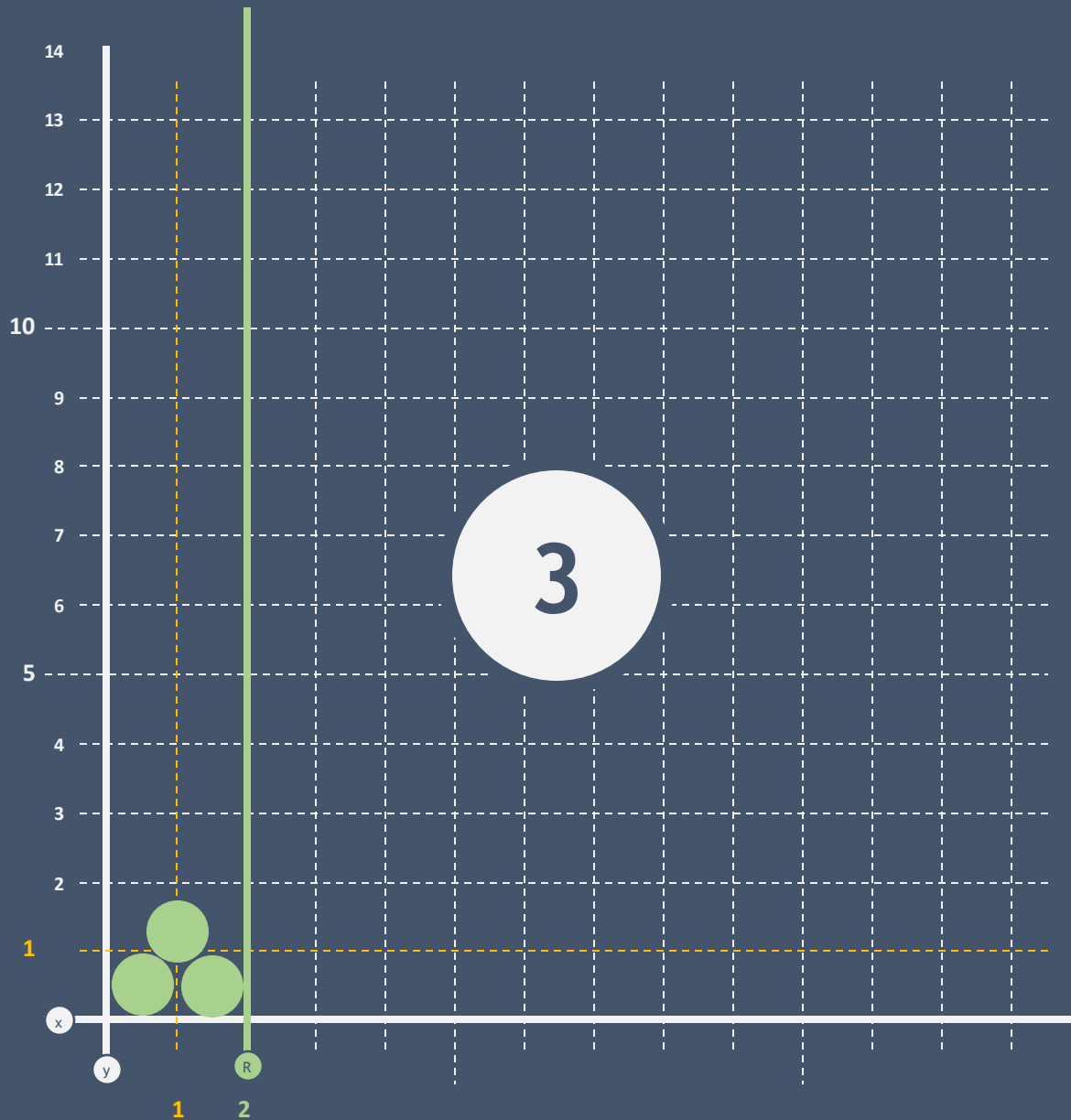


Ausgangsposition:

- Der Regler R steht auf Position 1.
- Der Platz zwischen Y und R ist mit den Kugeln befüllt, für die bestimmt werden soll, ob es sich um eine Primzahl handelt oder nicht.
- Die X-Achse ist nur mit 1 und 2 beschriftet. Auf der X-Achse sollen später nur die Primzahlen stehen.

Tipp:

Man kann die ermittelten Primzahlen auch auf die Y-Achse übertragen bzw. dort kenntlich machen (z. B. auch in grün darstellen).

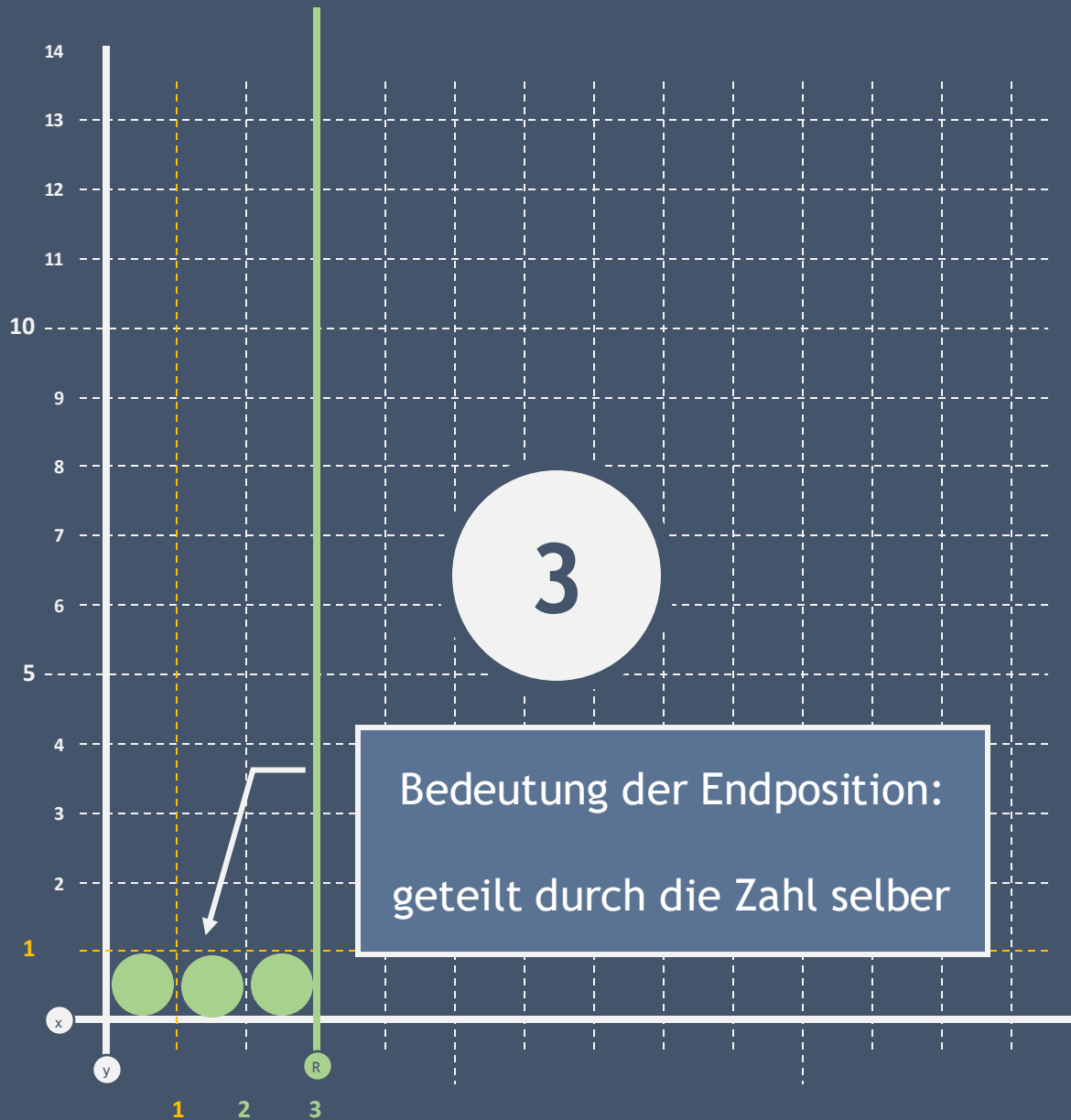


Aktion(en):

- Der Regler R wird um eine Position nach rechts verschoben.

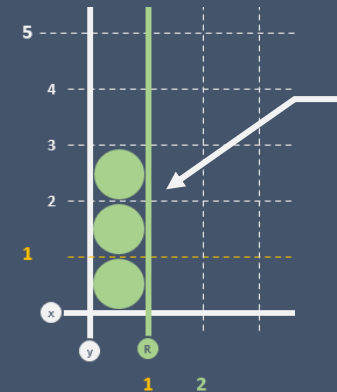
An dieser Reglerposition (2) wird bestimmt, ob eine Zahl gerade oder ungerade ist, denn: Eine Zahl ist gerade, wenn sie ohne Rest durch 2 teilbar ist.

Liegt wie hier eine Kugel oben drauf dann haben wir einen Rest und die Anzahl der Kugeln ist nicht durch 2 teilbar und **ungerade**.



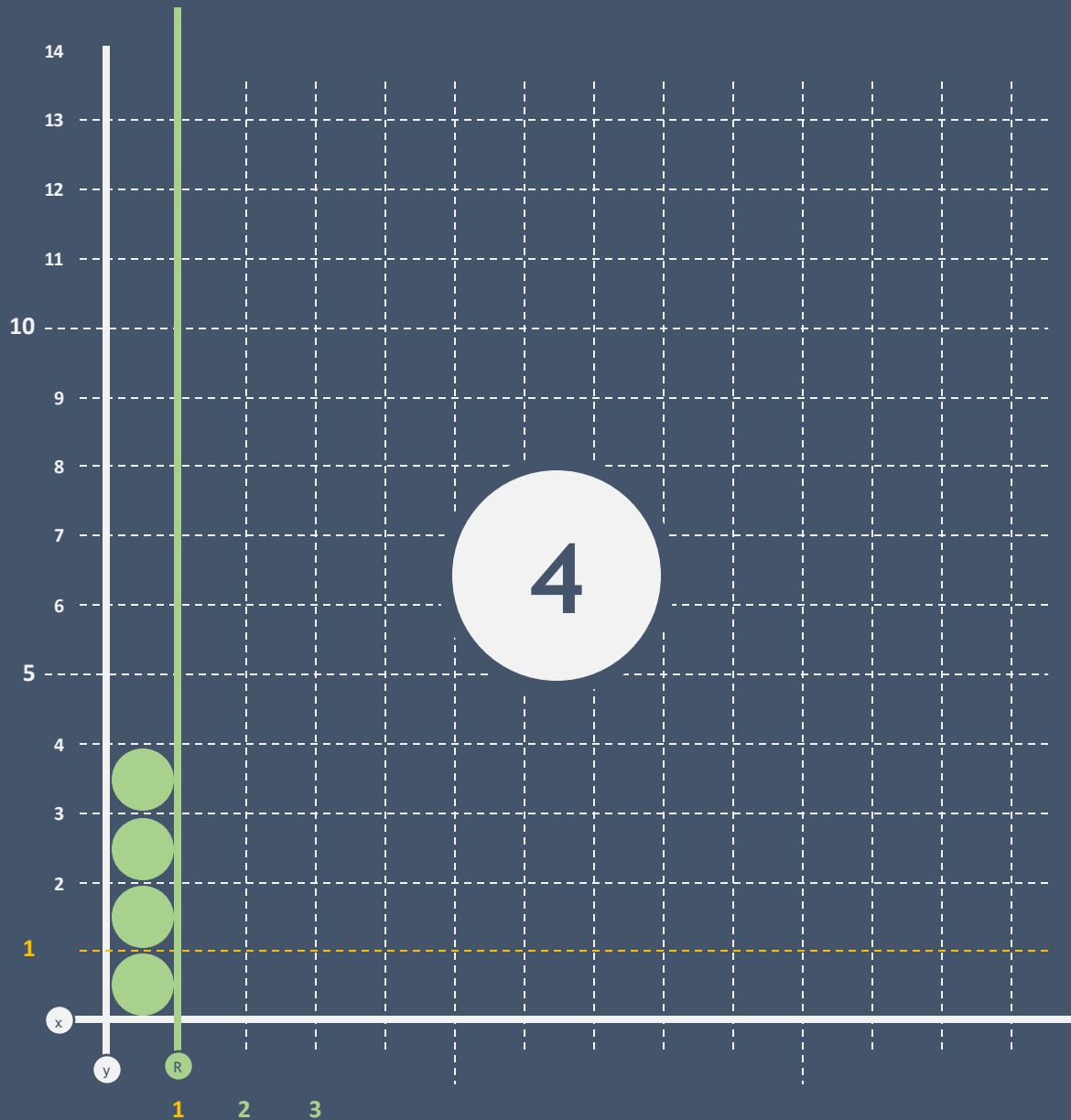
Ergebnis:

- Es hat im gesamten Verlauf keine rechteckige Form gegeben, also haben wir eine Primzahl gefunden.



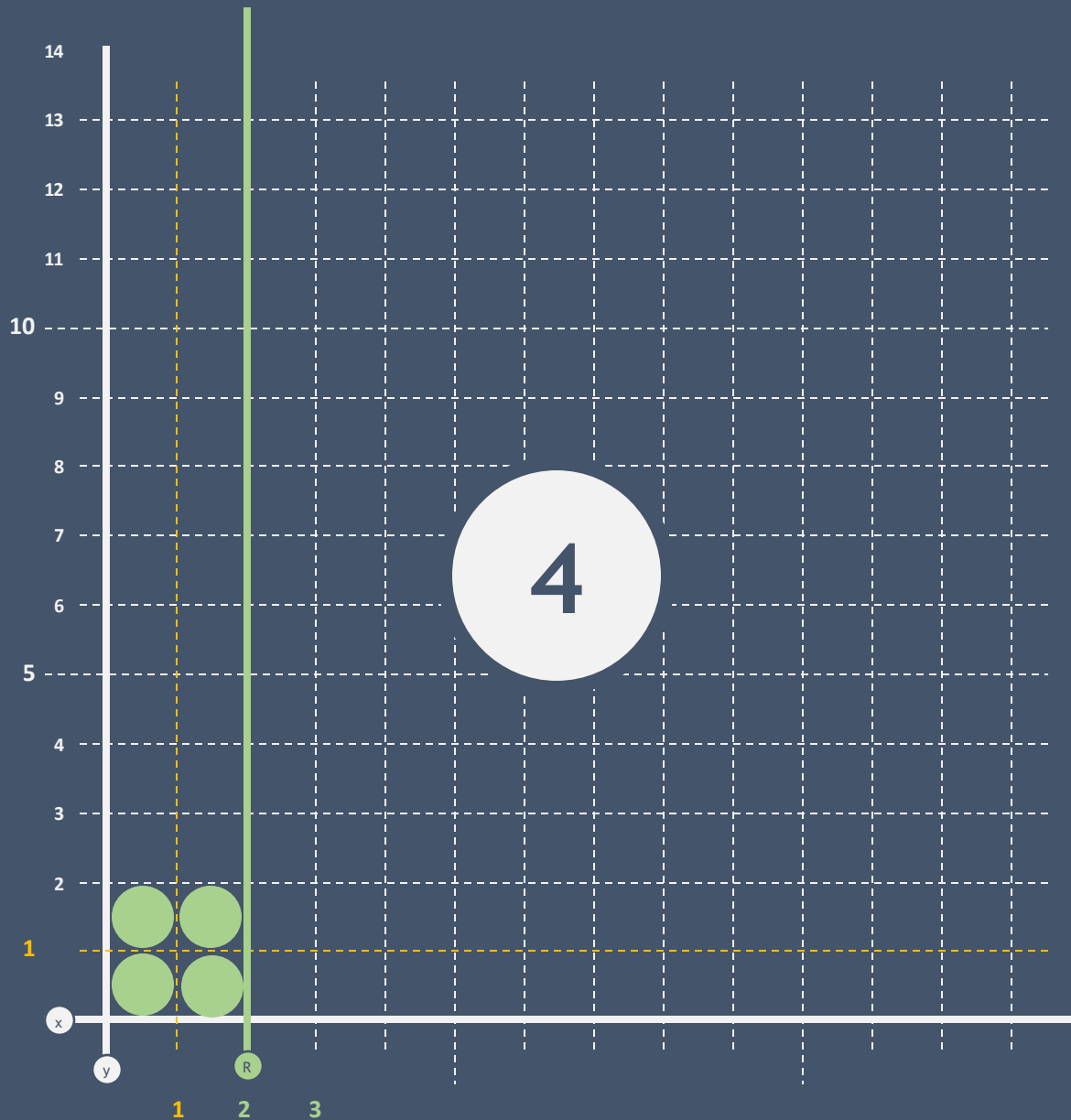
Wir notieren die Primzahl 3 an der X-Achse.

Frage: Warum ist das sinnvoll?



Ausgangsposition:

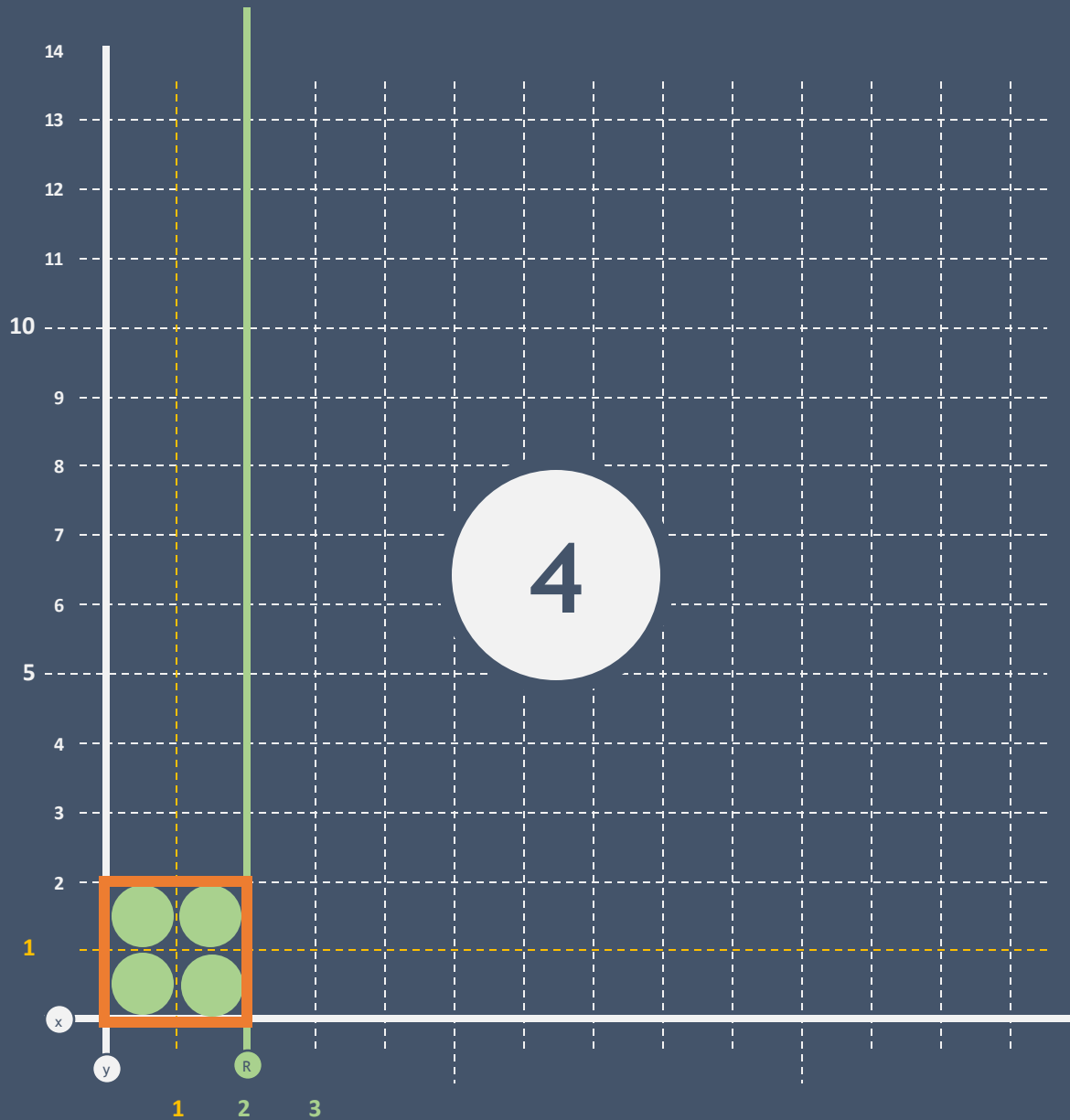
- Diesmal mit 4 Kugeln.
- Der Schieberegler R steht wieder auf der Ausgangsposition 1.



Aktion(en):

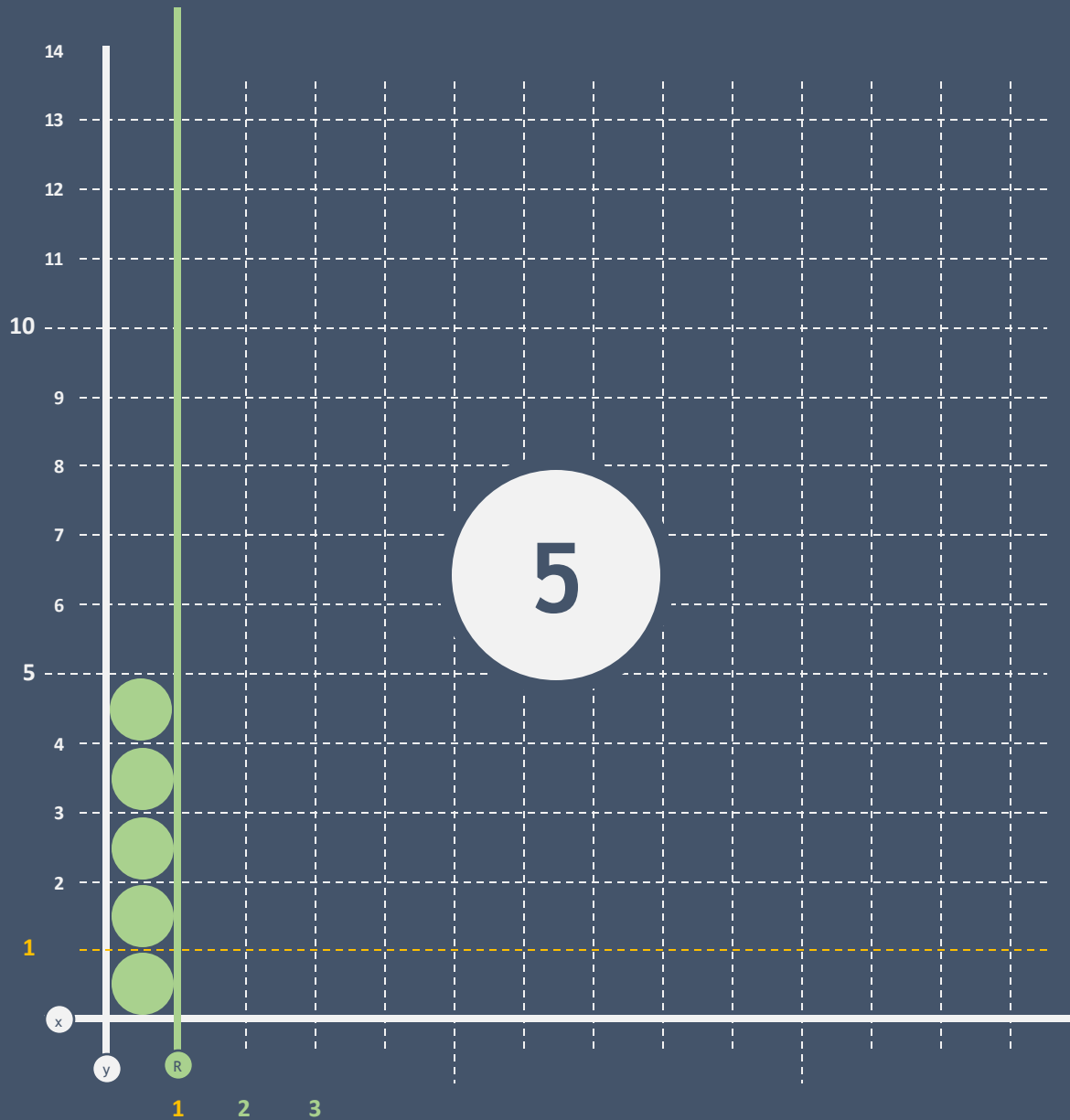
- Der Regler R wird wieder um eine Position nach rechts verschoben.

Diesmal liegt keine Kugel oben (zwischen zwei Kugeln). Es gibt keinen Rest. Somit ist die Anzahl der Kugeln **gerade**.



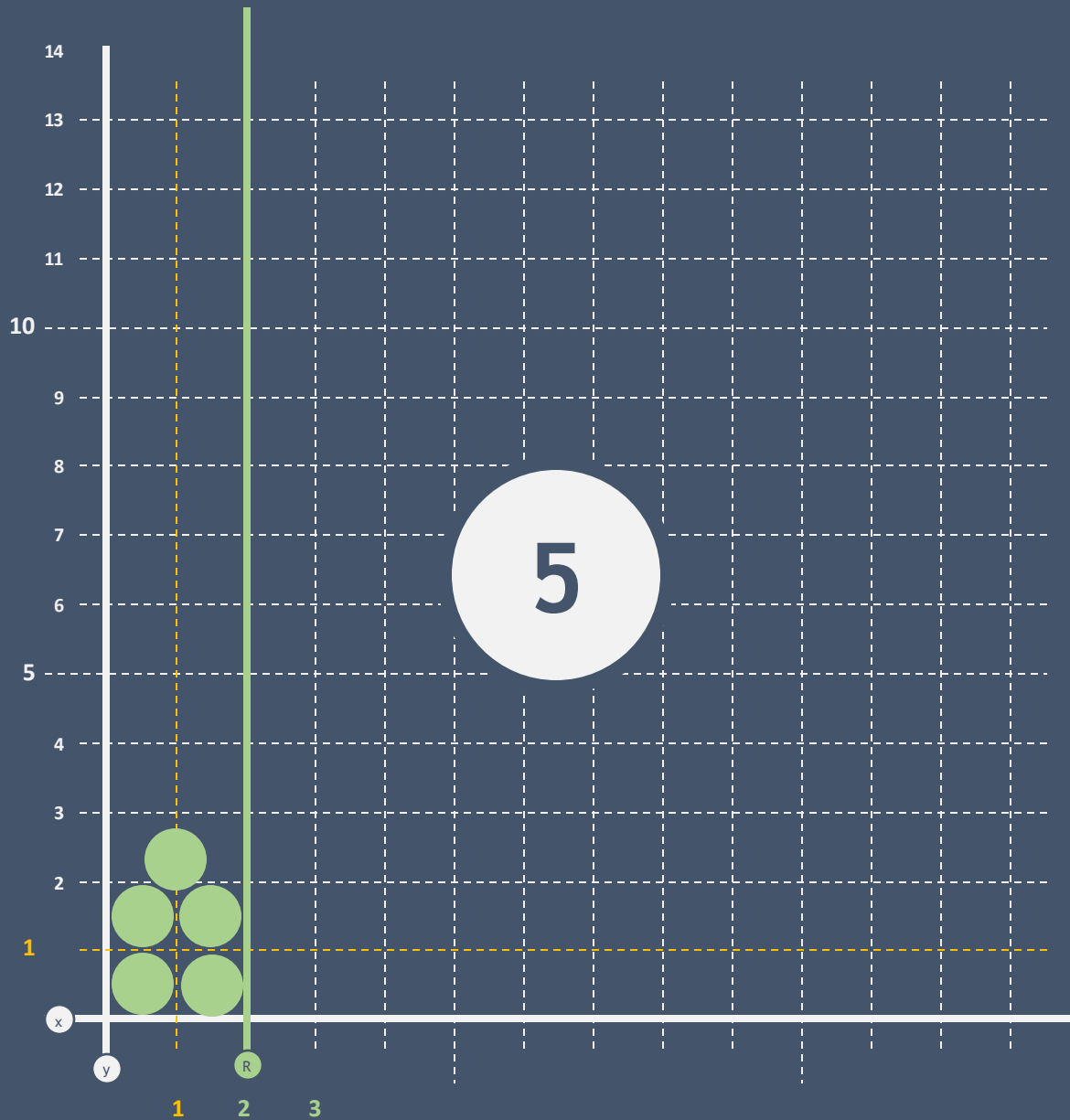
Ergebnis:

- Die Kugeln haben die Form eines Rechtecks. Also ist 4 keine Primzahl



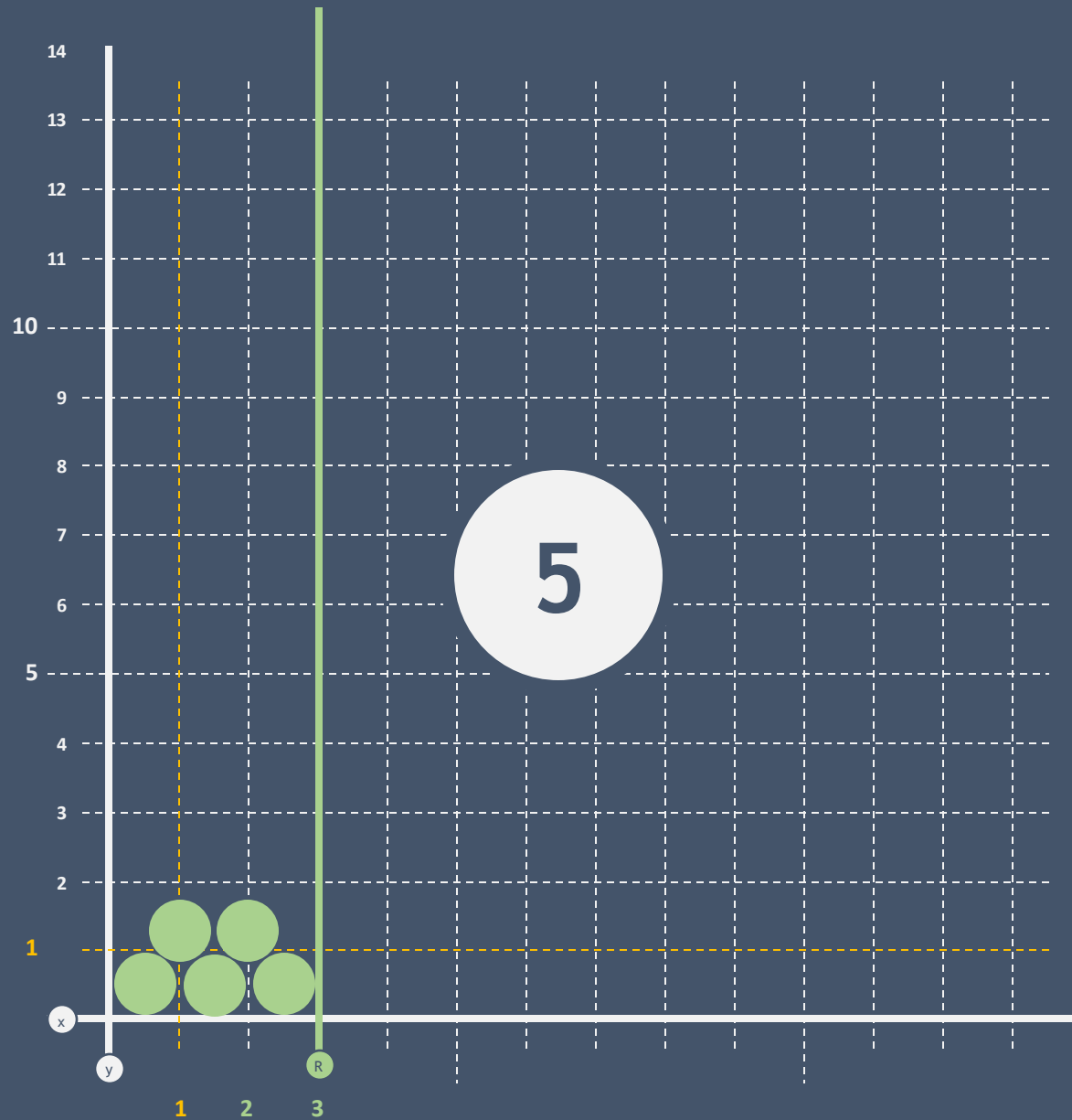
Ausgangsposition:

- Jetzt mit 5 Kugeln.
- Schieberegler R steht wieder auf 1.



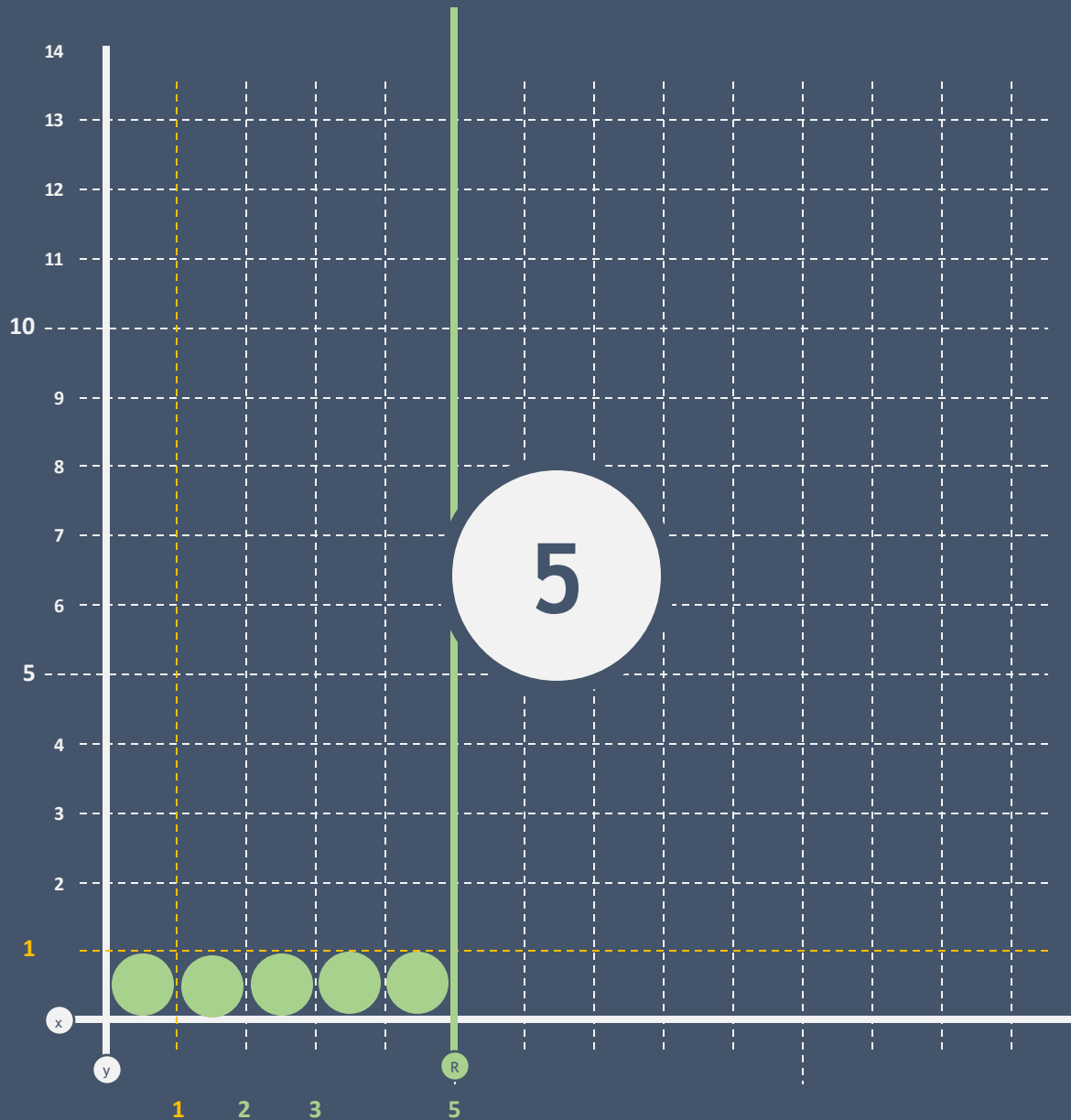
Aktion(en):

- Der Regler R wird auch hier wieder um eine Position nach rechts verschoben.



Aktion(en):

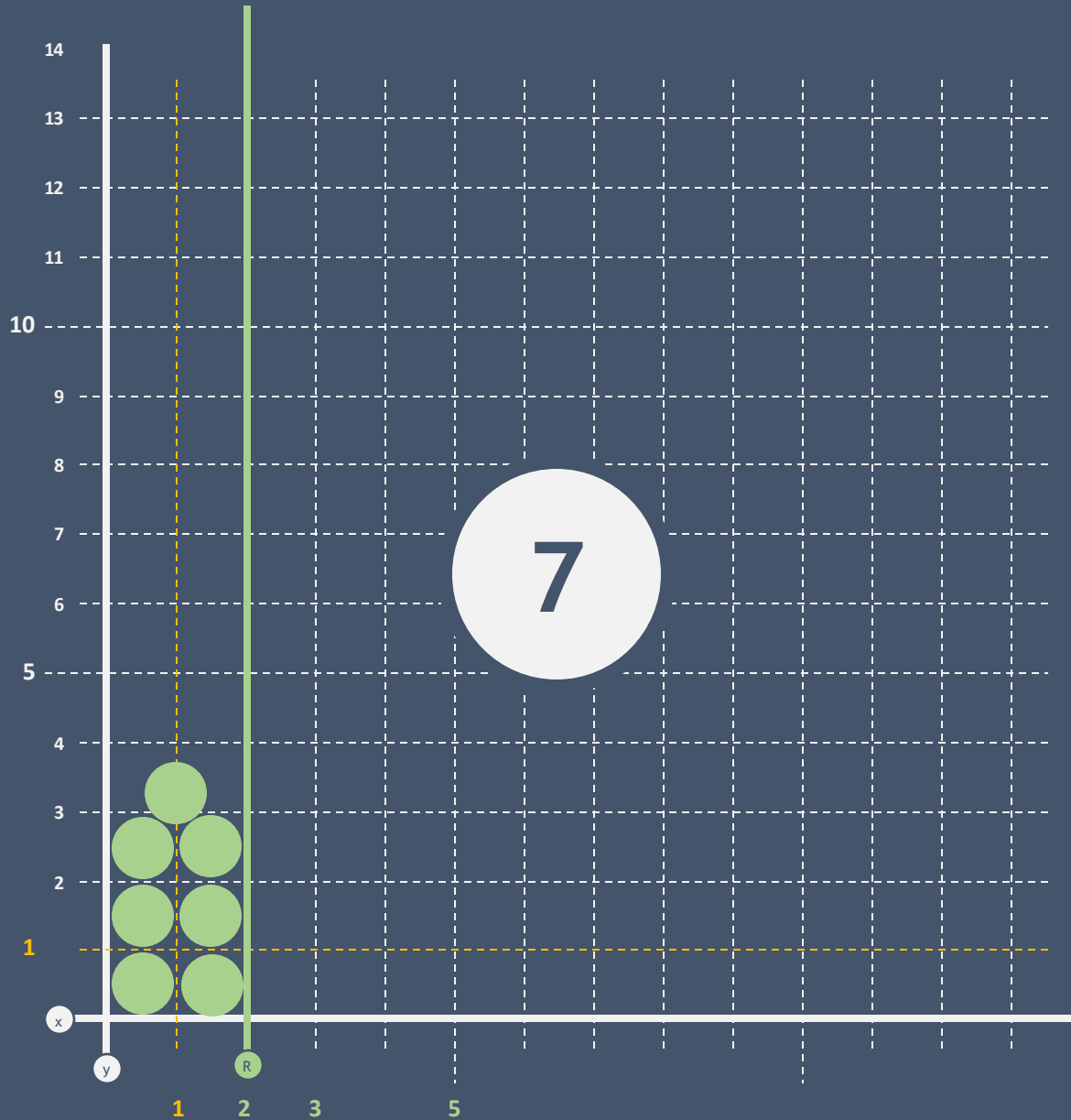
- Und noch eine Position ...



Ergebnis:

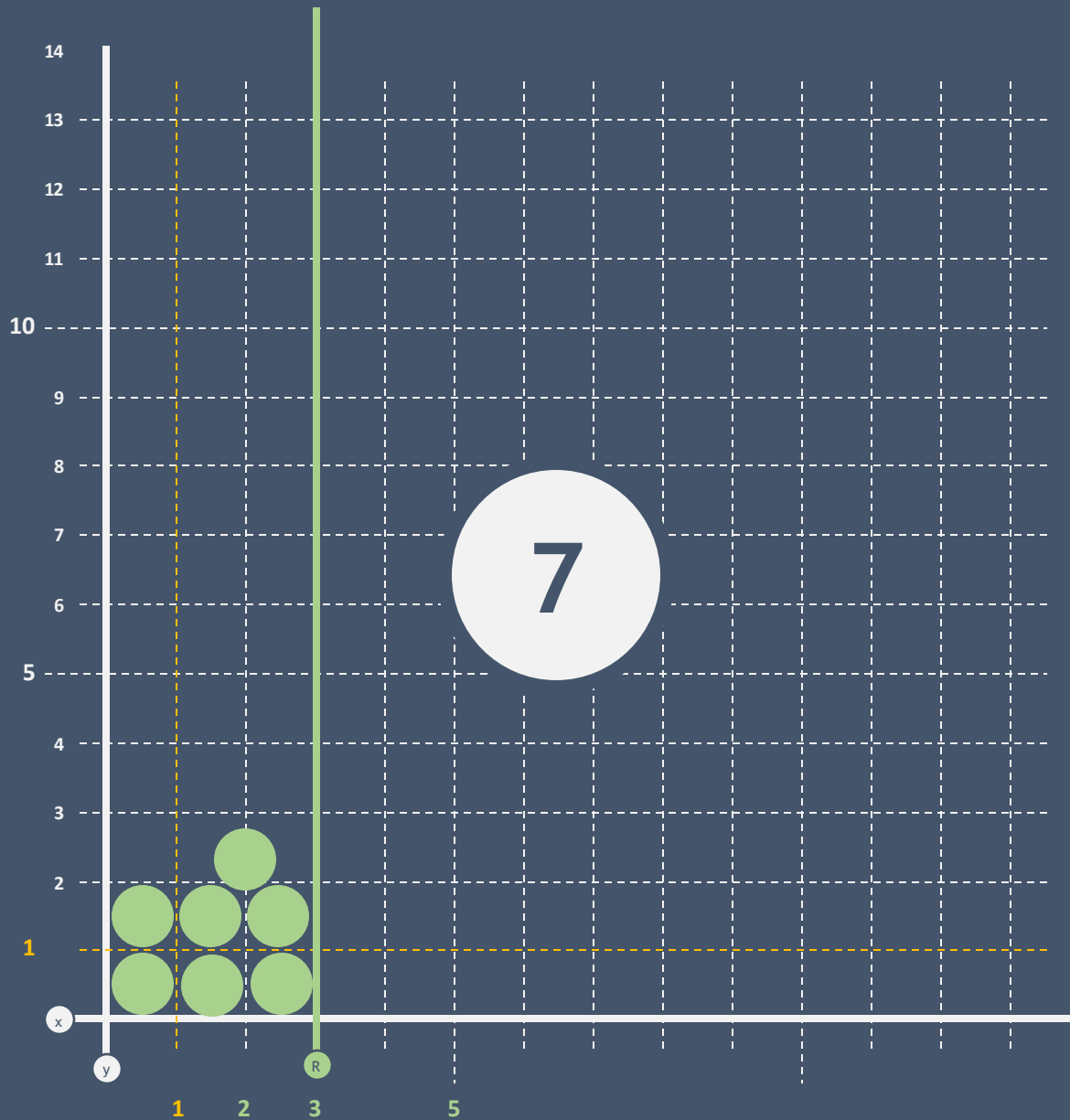
- Die Kugeln hatten dieses Mal nicht die Form eines Rechtecks. Also ist die 5 eine Primzahl

Wir notieren die Primzahl 5 an der X-Achse.



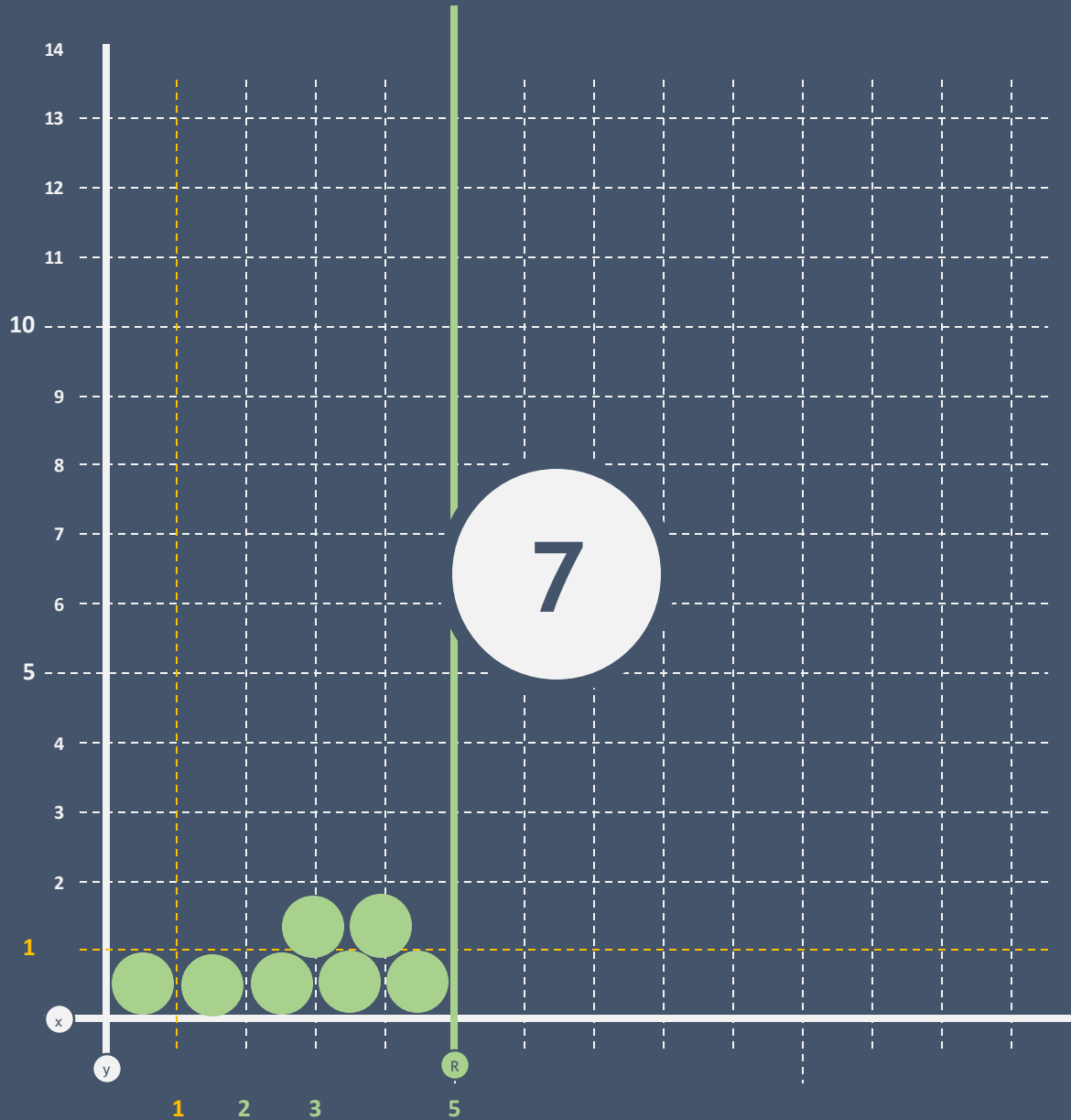
Aktion(en):

- Der Regler R wird wieder um eine Position nach rechts verschoben.



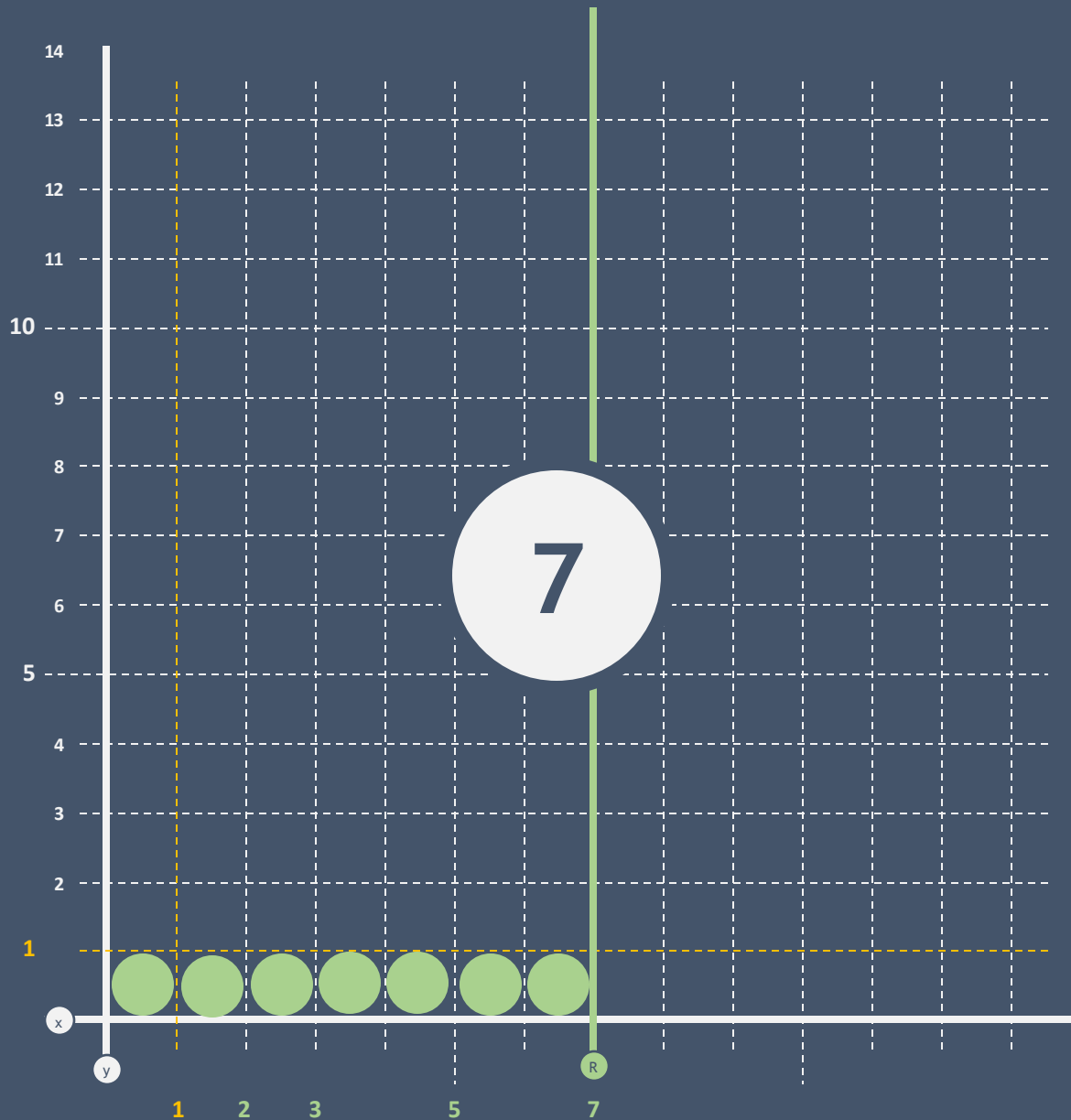
Aktion(en):

- Der Regler R wird um eine weitere Position nach rechts verschoben.



Aktion(en):

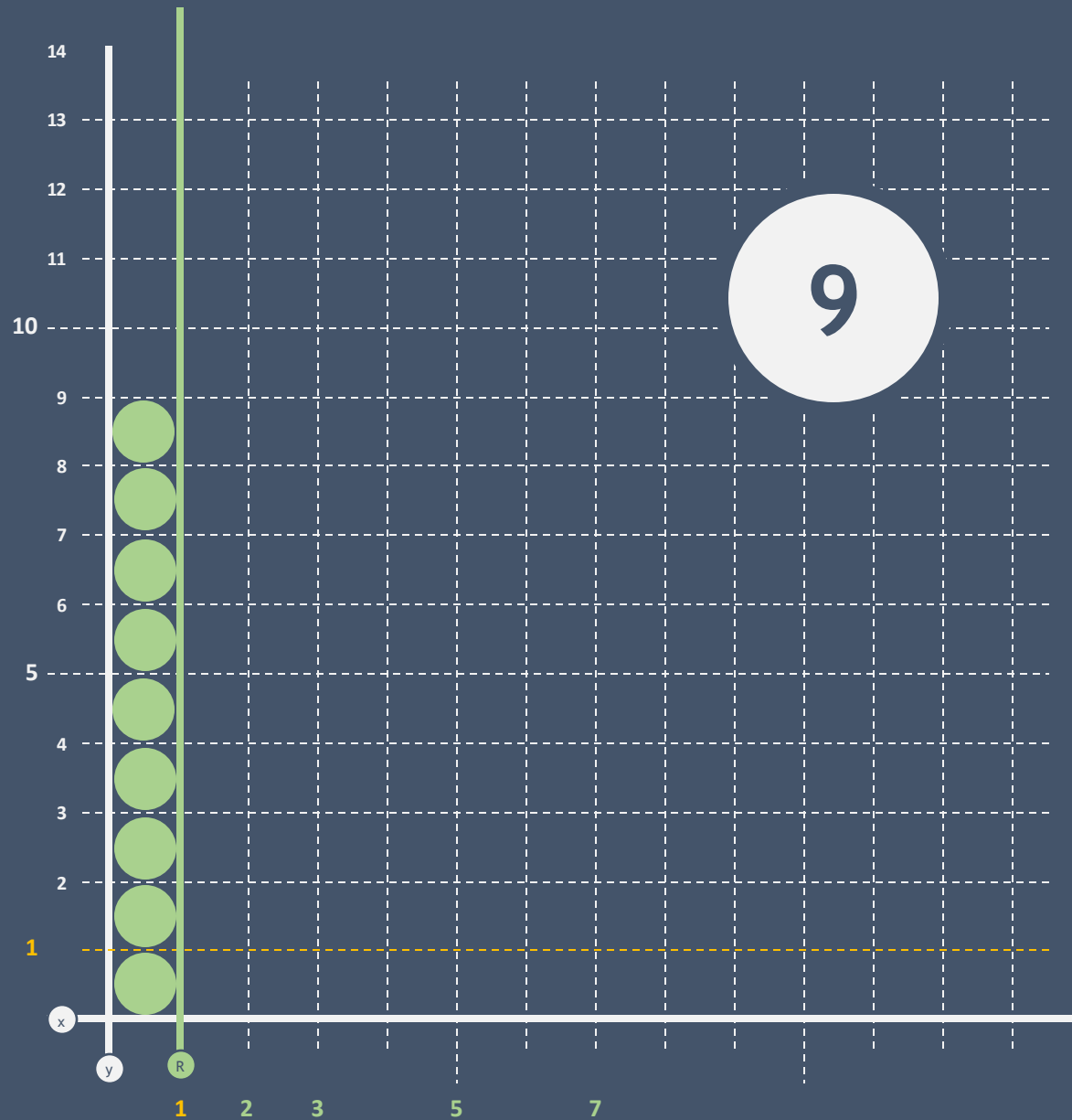
- Diesmal um 2 Positionen - wir können die geraden Zahlen/Positionen überspringen.



Ergebnis:

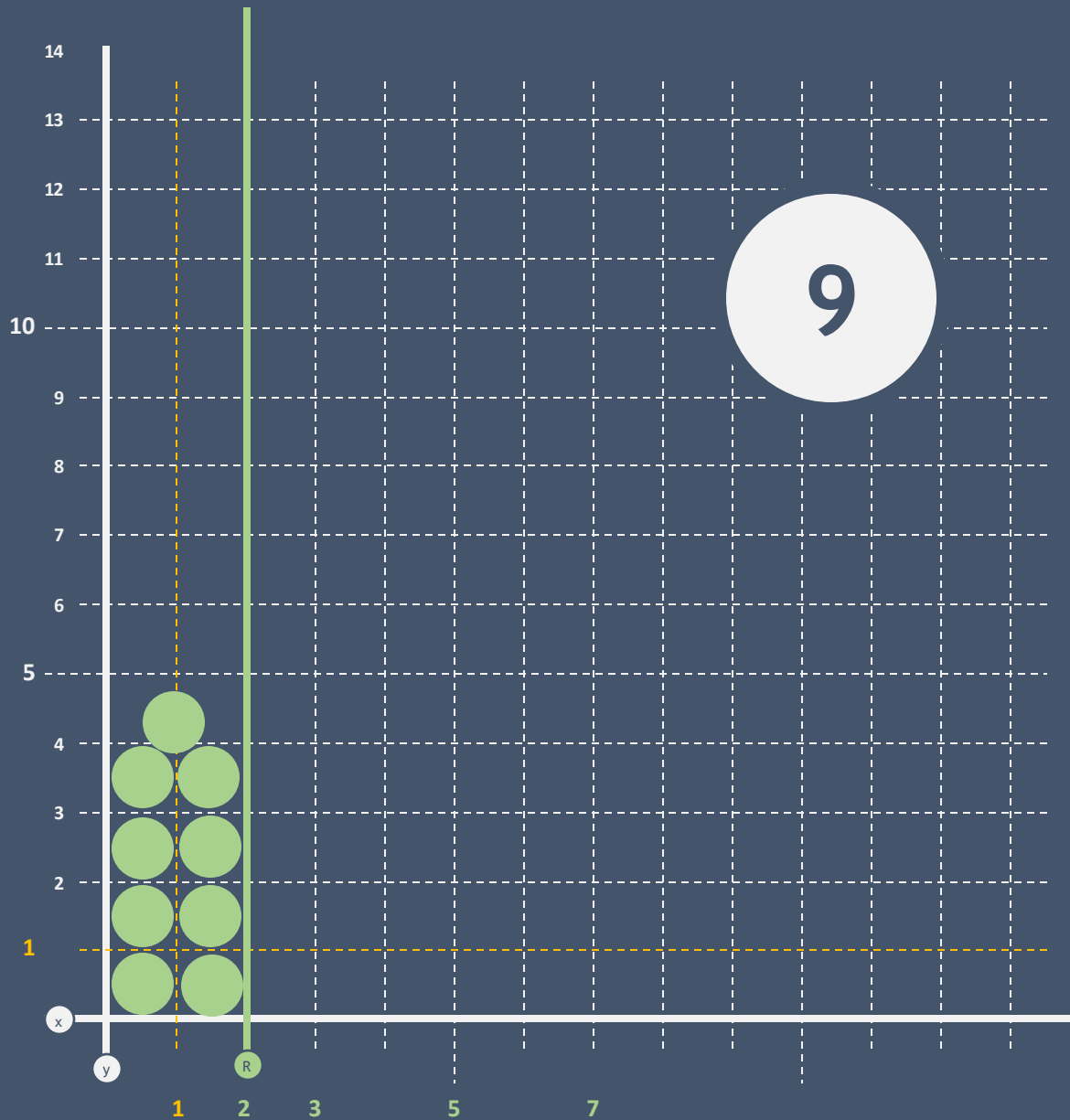
- Die Kugeln haben auch dieses Mal nicht die Form eines Rechtecks gezeigt. Somit ist auch die 7 eine Primzahl

Wir notieren die Primzahl 7 an der X-Achse.



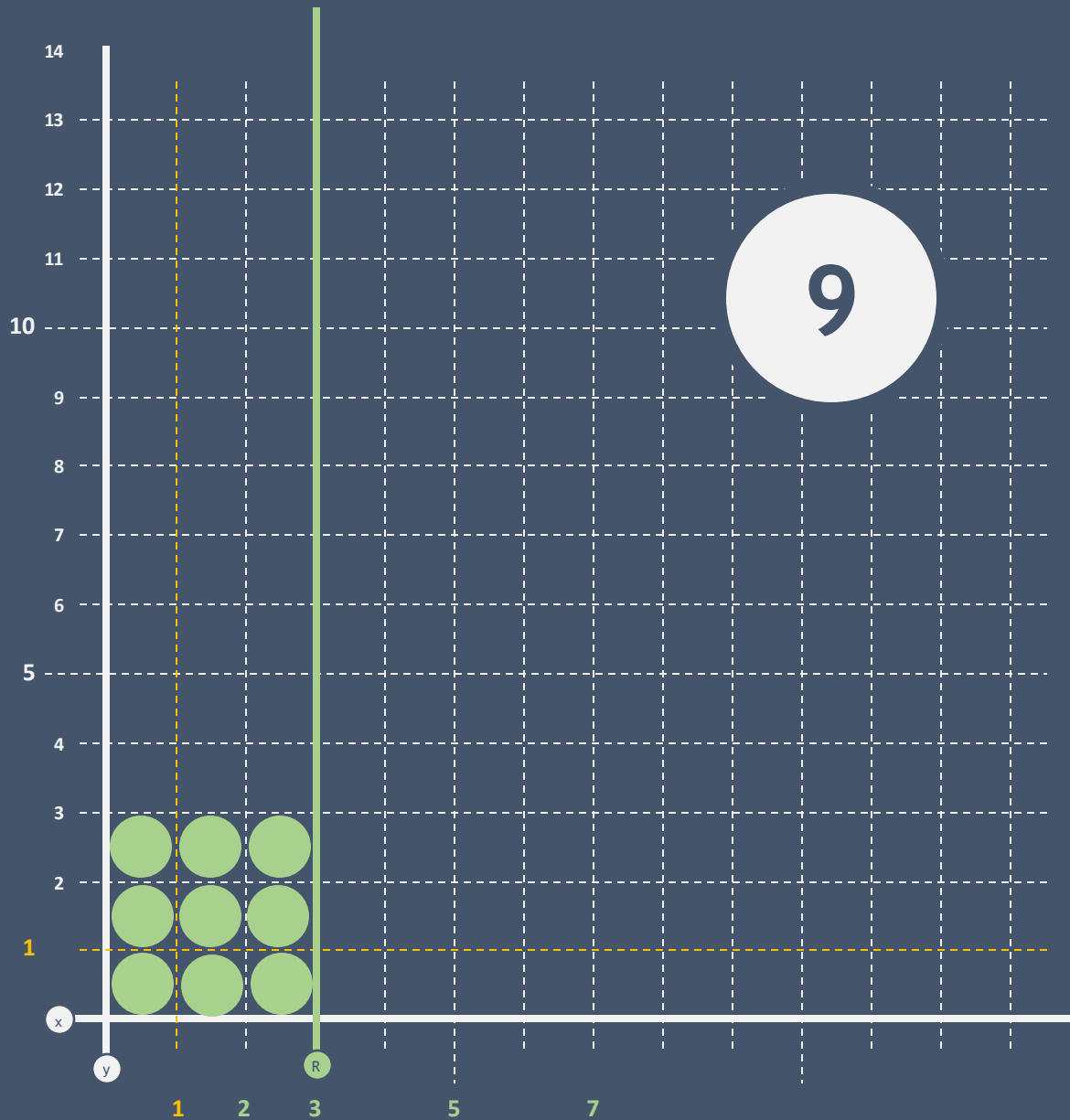
Ausgangsposition:

- 9 Kugeln.
- Schieberegler auf 1.



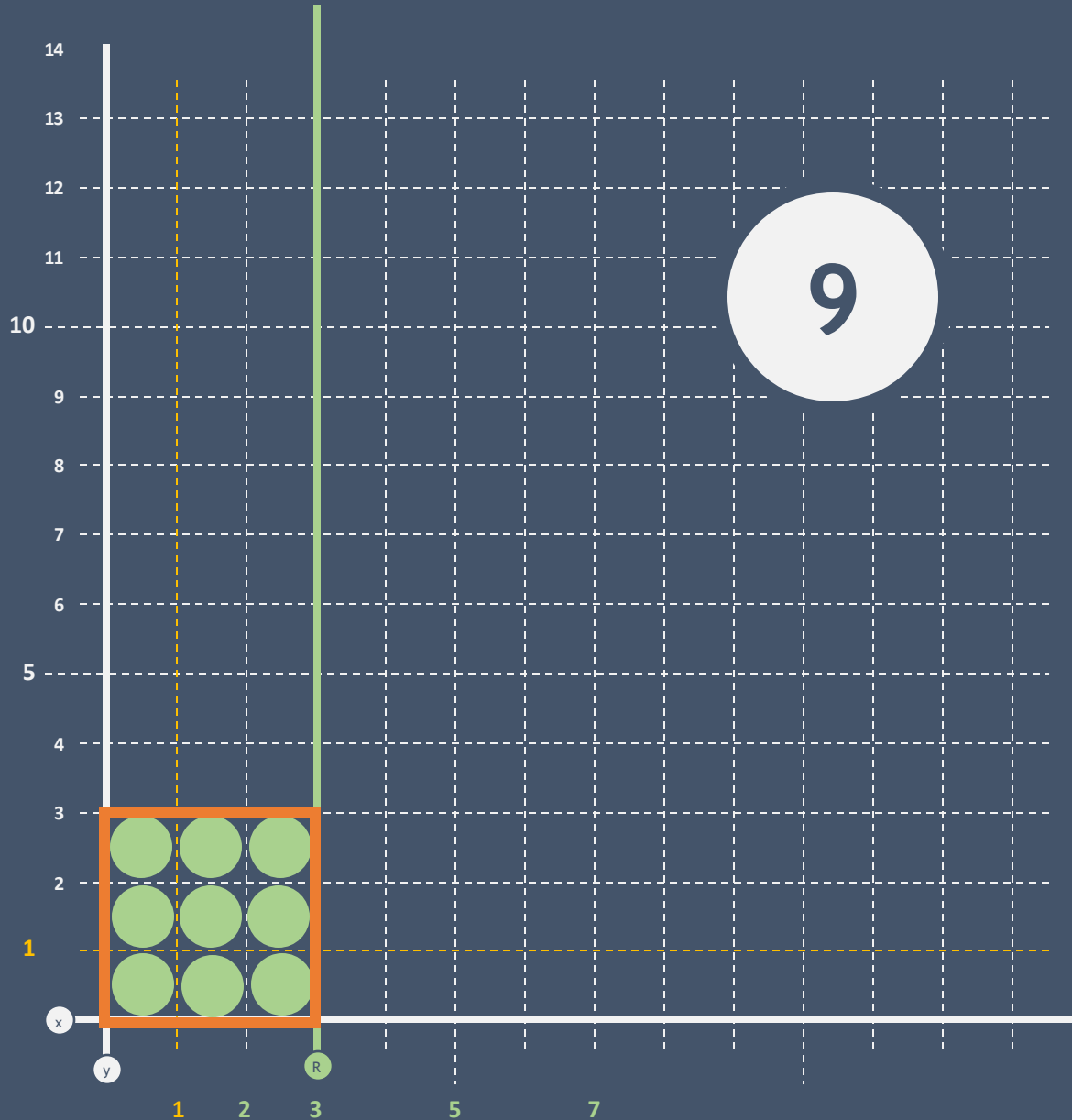
Aktion(en):

- Schieberegler eine Position nach rechts.



Aktion(en):

- Schieberegler eine weitere Position nach rechts.



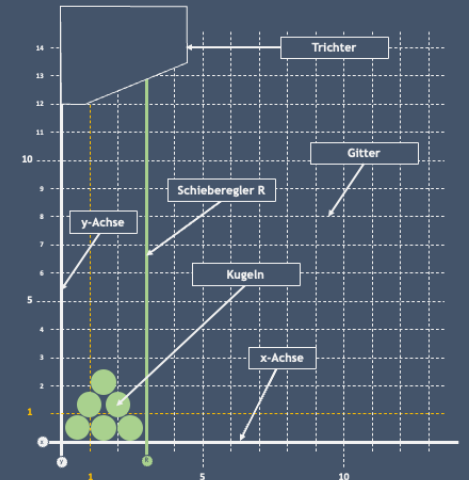
Ergebnis:

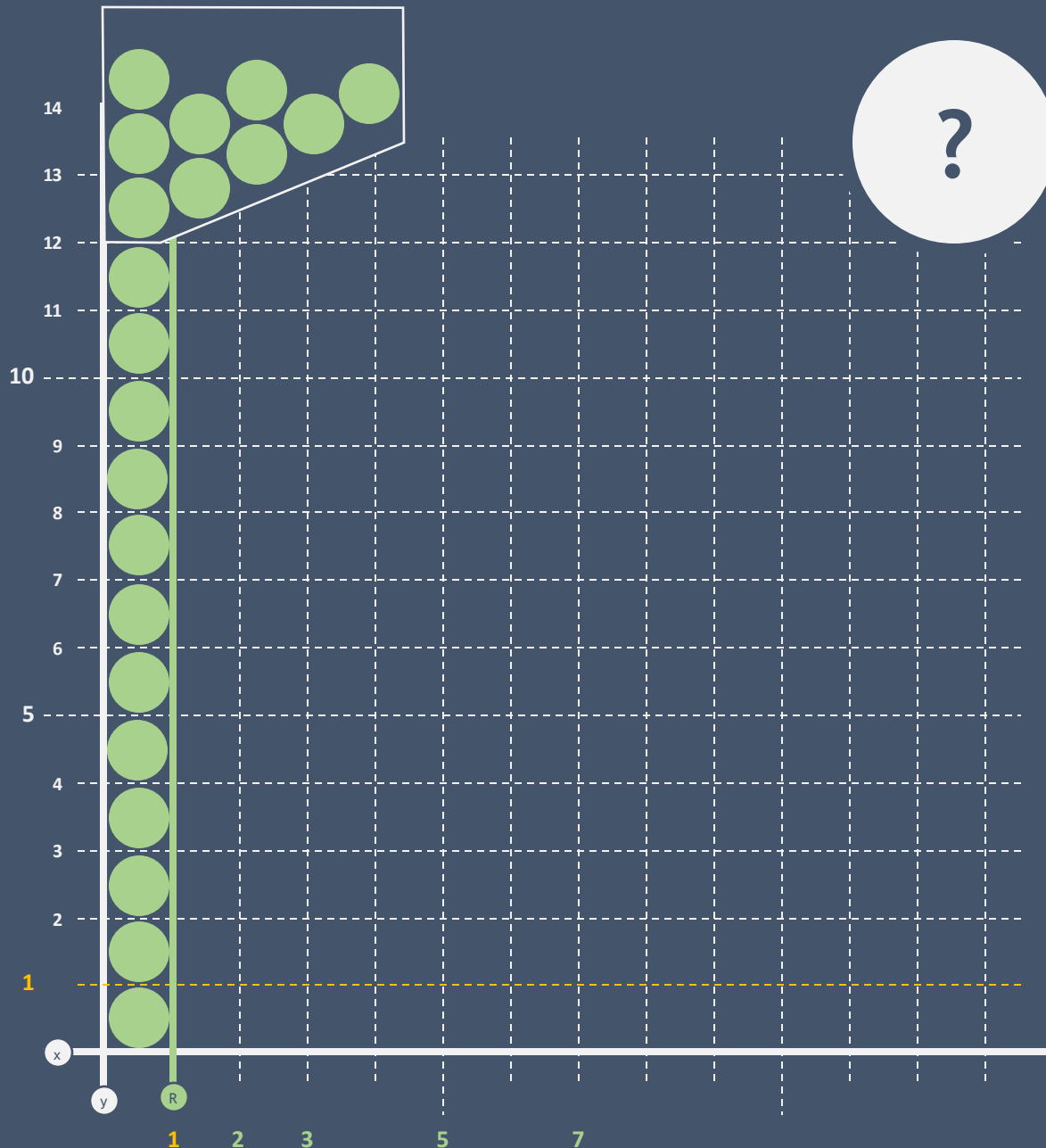
- Wieder ein Rechteck, also auch diesmal keine Primzahl

Prinzip erkannt?

Wir würden jetzt mit der 11 weitermachen!

Und wie funktioniert das, wenn man keine Zahlen kennt oder nicht zählen kann?



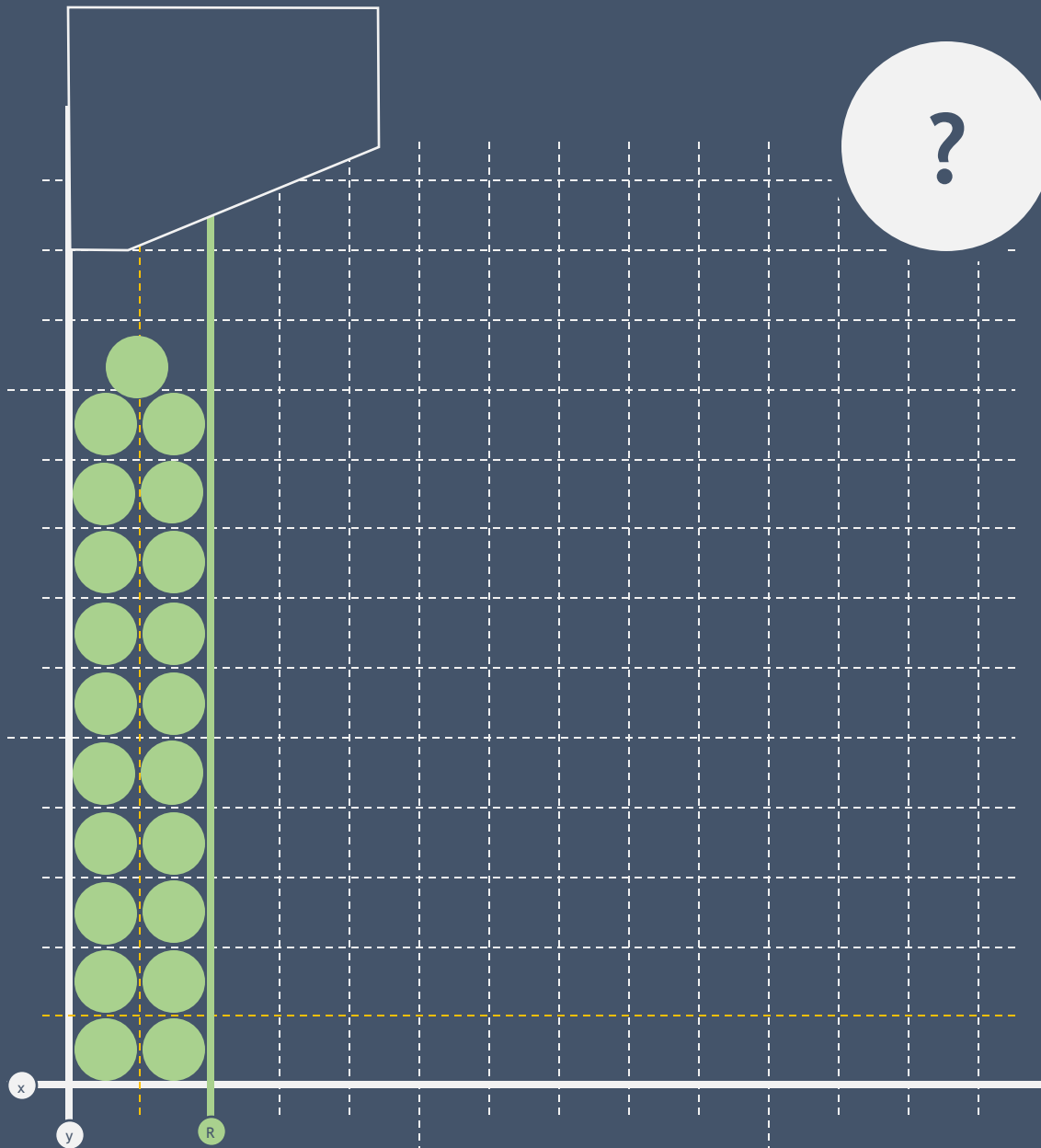


Unbekannte Anzahl an Kugeln (1):

Hier ein Beispiel, wenn wir nicht zählen können (wir kennen nur 1, 2, viele).

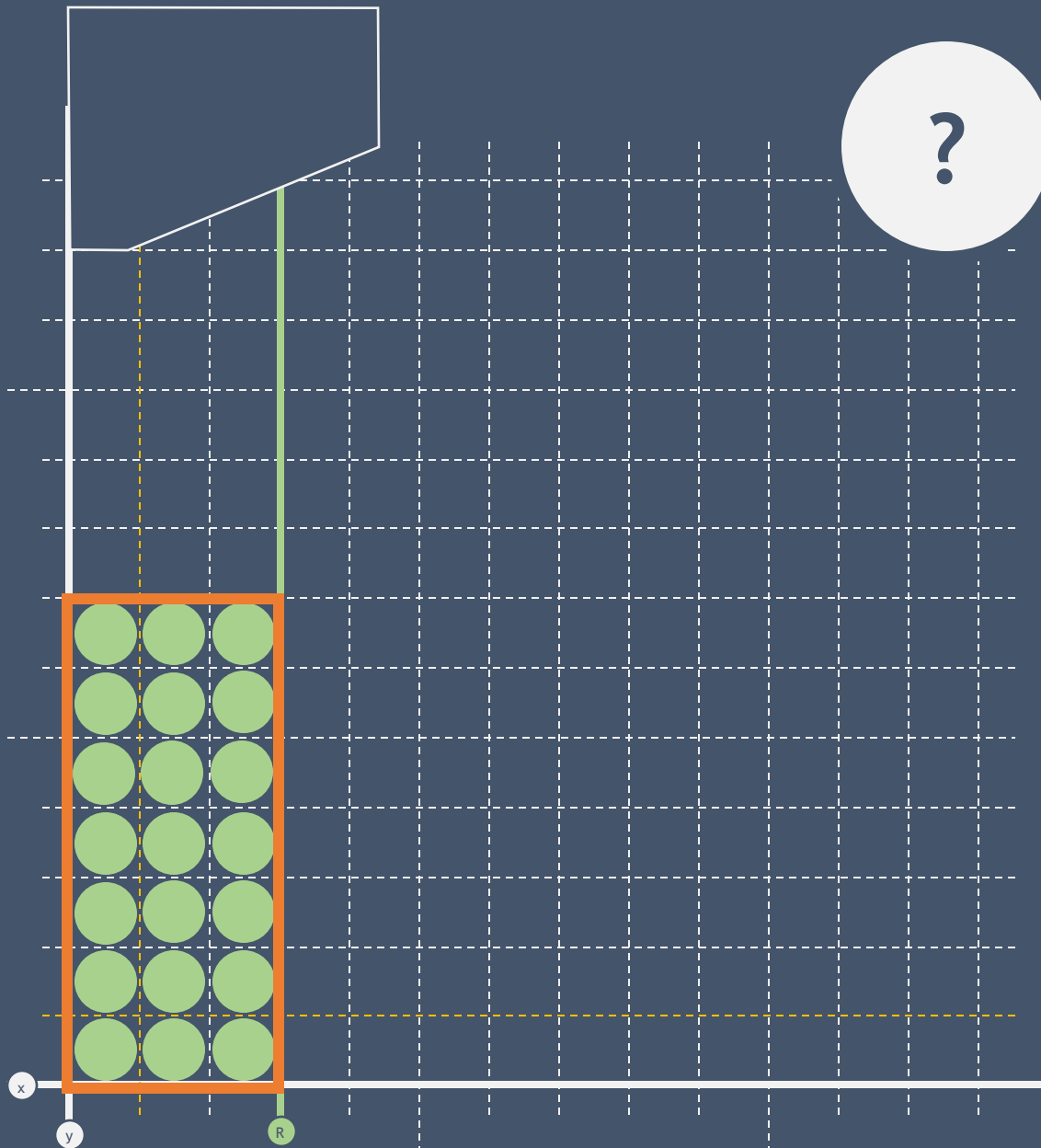
Mit dem Trichter oben links können mehr Kugeln aufgenommen werden, als in eine Spalte passen, aber maximal nur das Doppelte einer Spalte (bis zum Trichterauslass).

Wir entfernen dazu zuerst die Beschriftungen an den Achsen.



Unbekannte Anzahl an Kugeln (1):

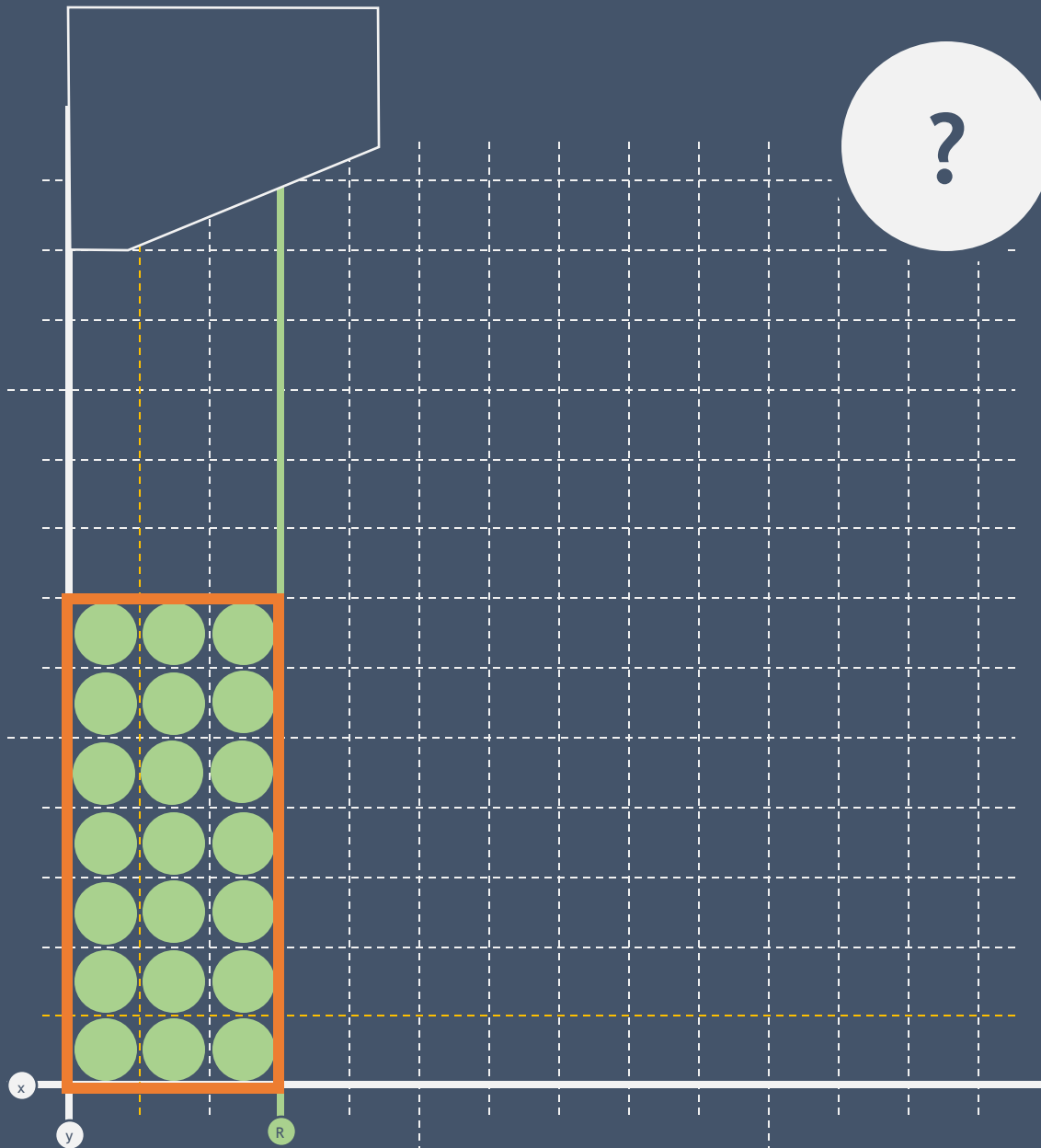
Es lässt sich KEIN Rechteck über die Kugeln legen beziehungsweise wir erkennen oben "den Rest". Die Anzahl ist daher ungerade und es könnte sich um eine Primzahl handeln.



Unbekannte Anzahl an Kugeln (1):

Wenn wir zählen könnten (beziehungsweise noch die Beschriftungen hätten) wüssten wir jetzt, dass die durch die Kugeln dargestellte Zahl ohne Rest durch 3 teilbar ist und 7 ergibt.

Wir können zwar nicht zählen, aber wir sehen, dass die Kugeln die Form eines Rechteckes einnehmen. Also haben wir hier keine Primzahl.

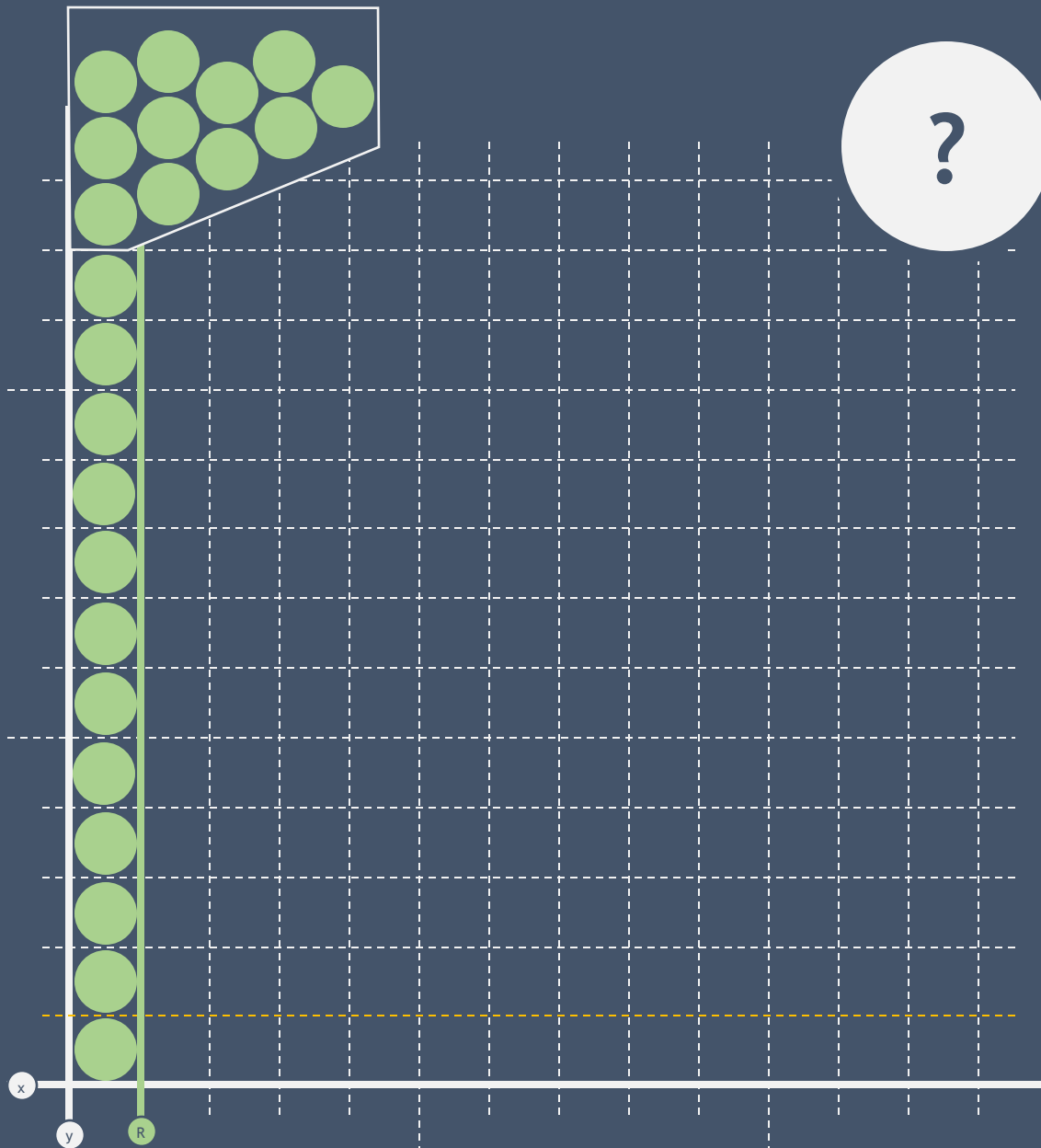


Unbekannte Anzahl an Kugeln (1):

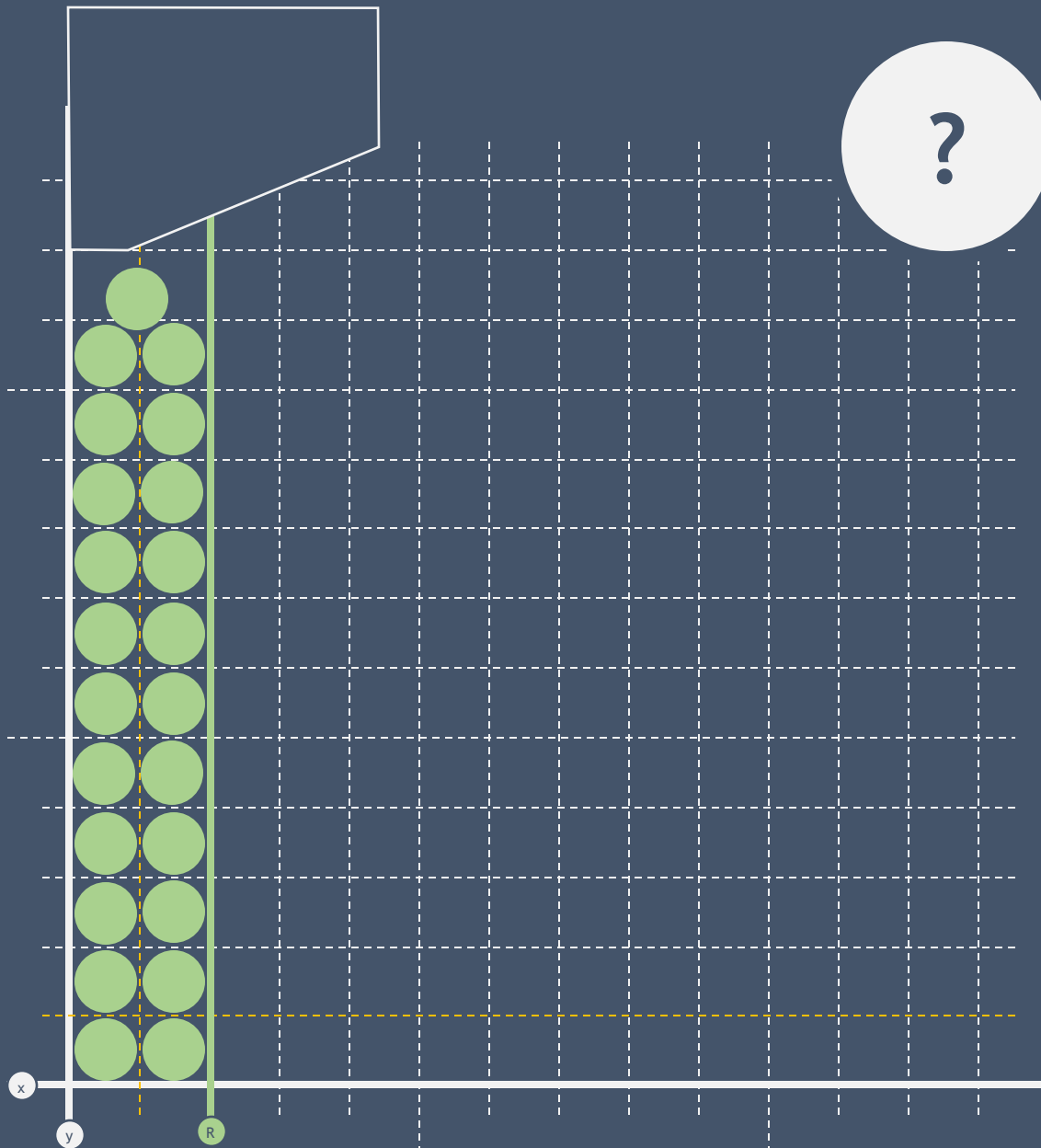
Wenn wir zählen könnten (beziehungsweise noch die Beschriftungen hätten) wüssten wir jetzt, dass die durch die Kugeln dargestellte Zahl ohne Rest durch 3 teilbar ist und 7 ergibt.

Wir können zwar nicht zählen, aber wir sehen, dass die Kugeln die Form eines Rechteckes einnehmen. Also haben wir hier keine Primzahl.

Noch ein Beispiel ...

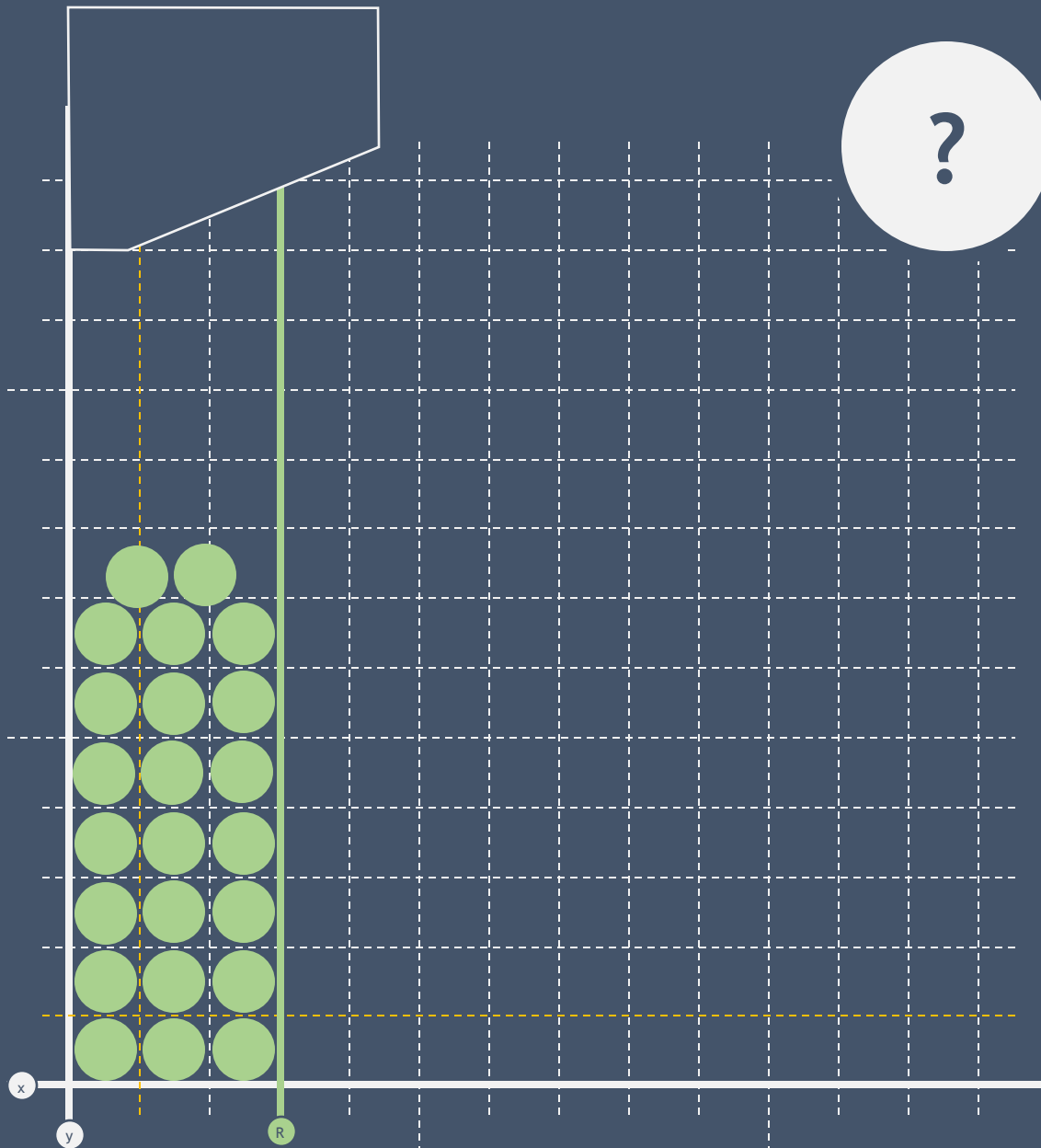


Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):



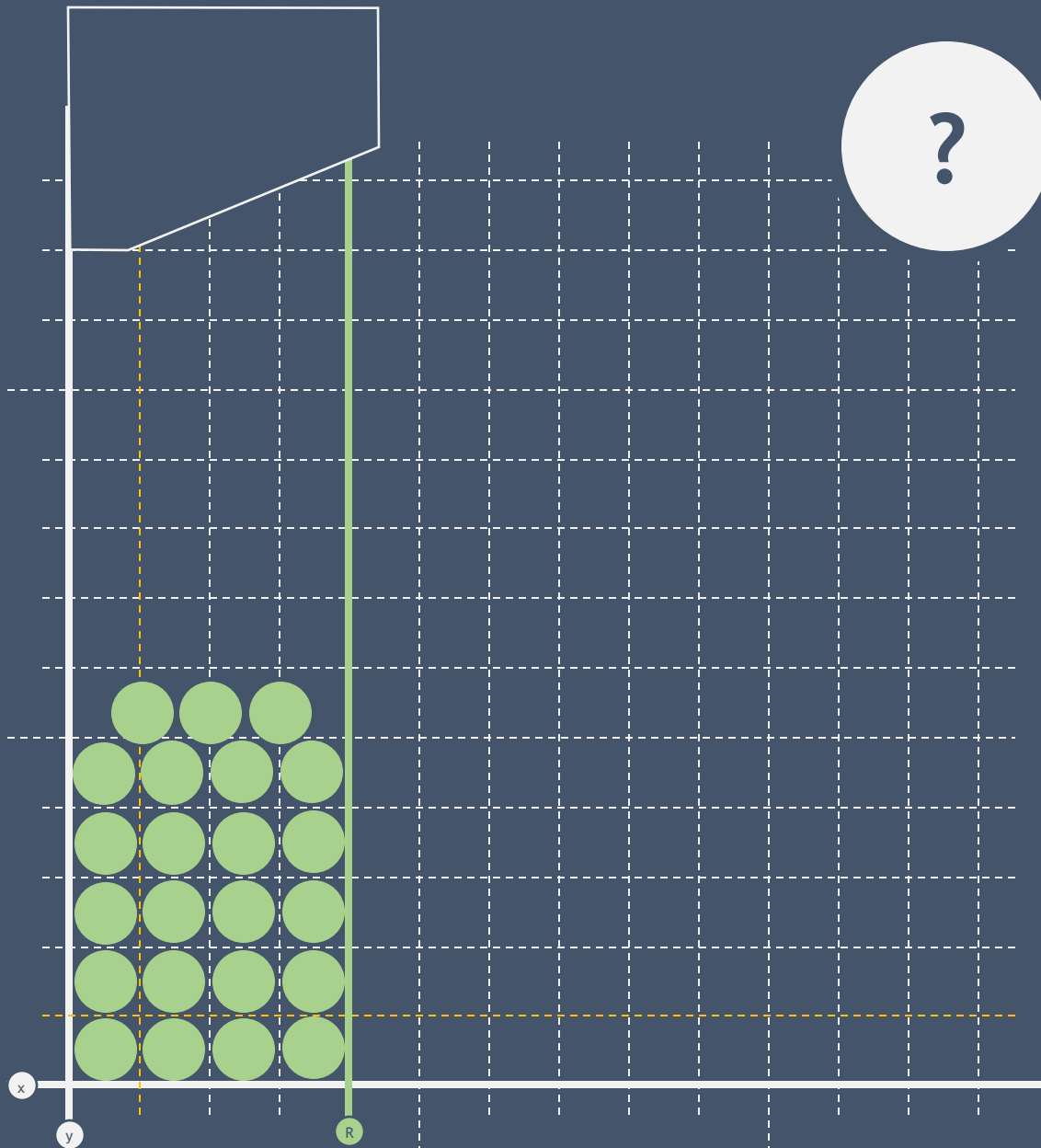
Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

Es lässt sich KEIN Rechteck über die Kugeln legen. Die Anzahl ist daher ungerade und es könnte sich um eine Primzahl handeln.



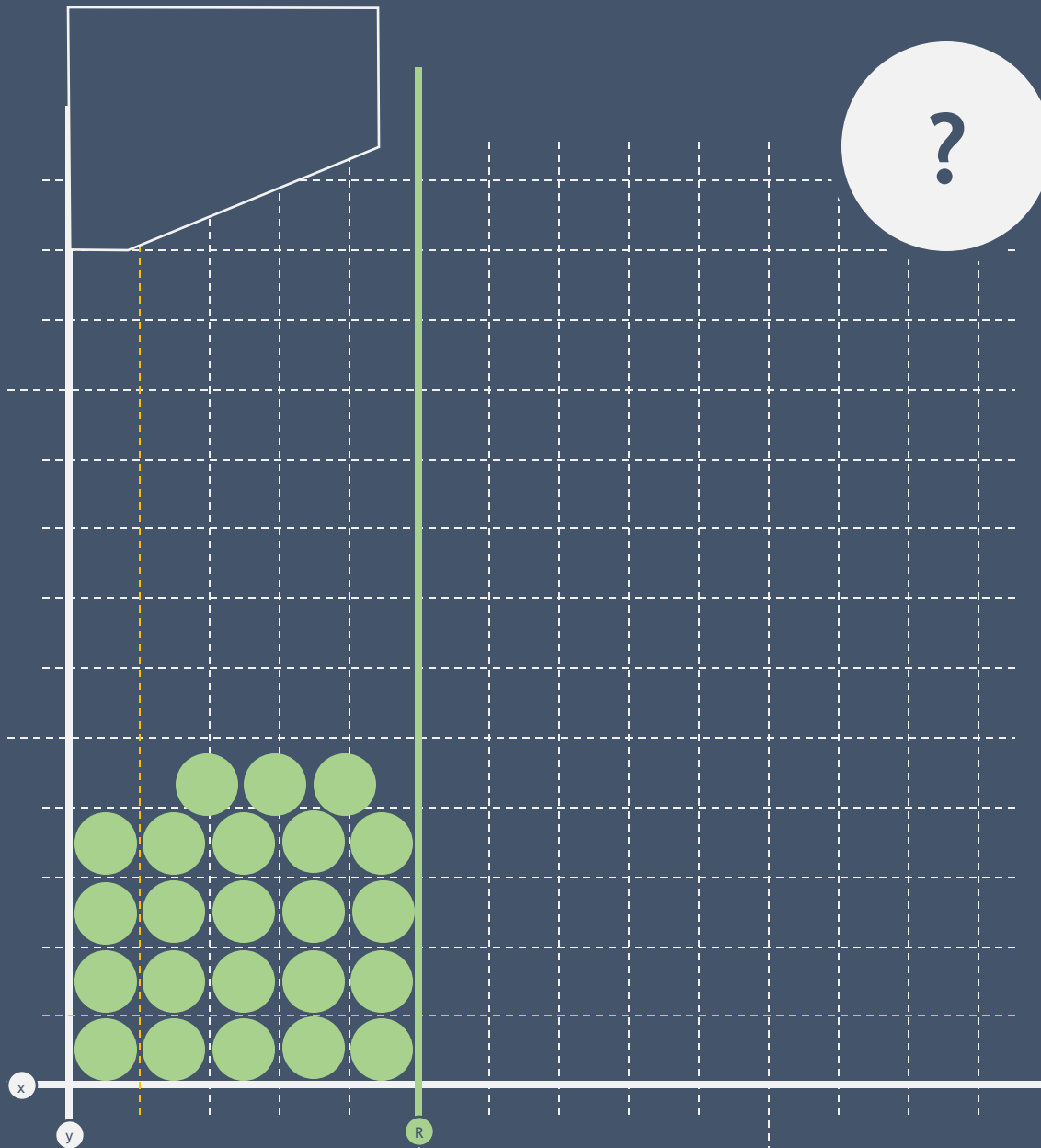
Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

Immer noch kein Rechteck zu erkennen ...



Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

Auch hier nicht ...

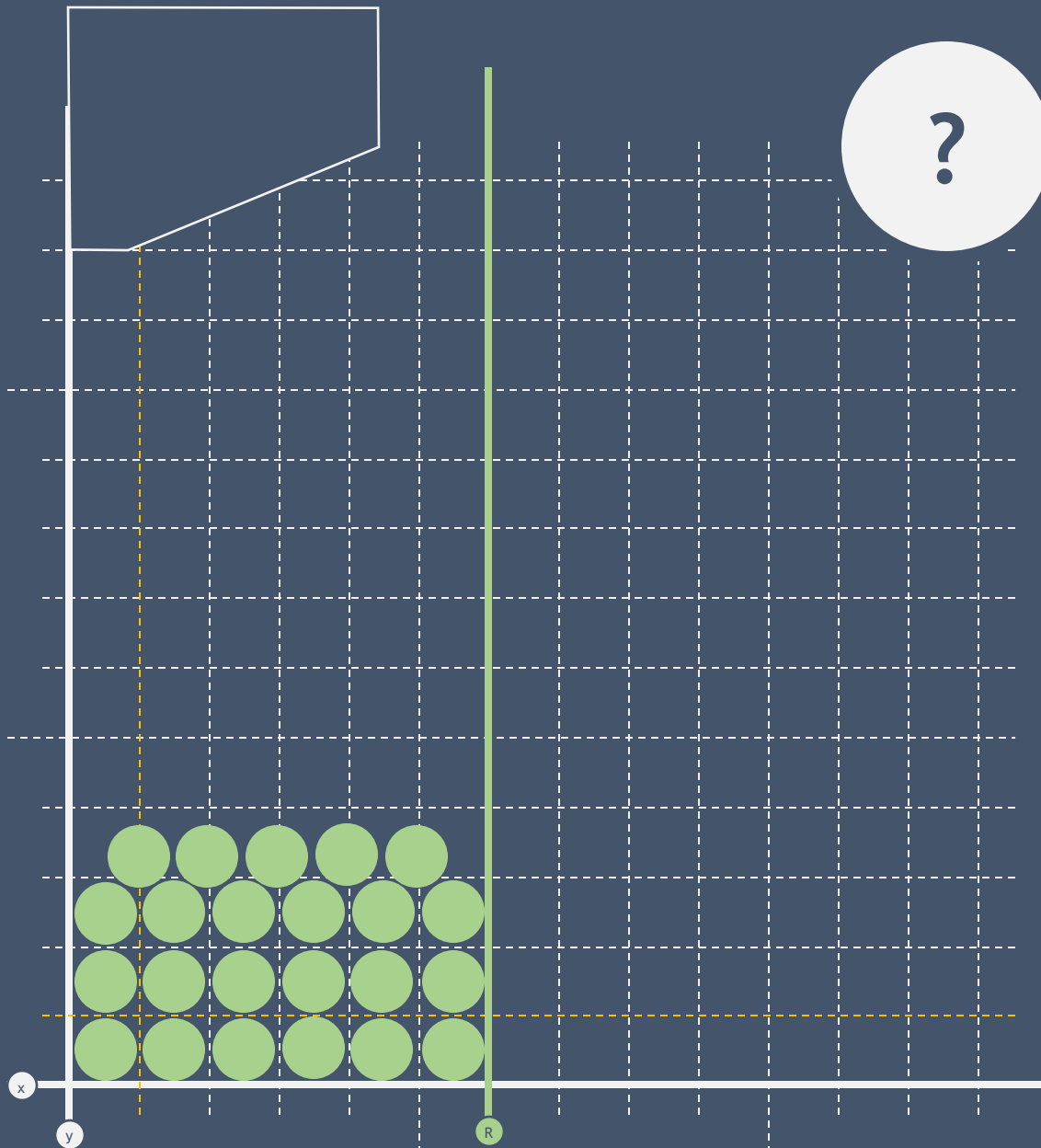


Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

Im Schritt vorher hätte man schon aufhören können. Wenn wir bis dahin noch kein Rechteck hatten, kommt auch keins mehr.

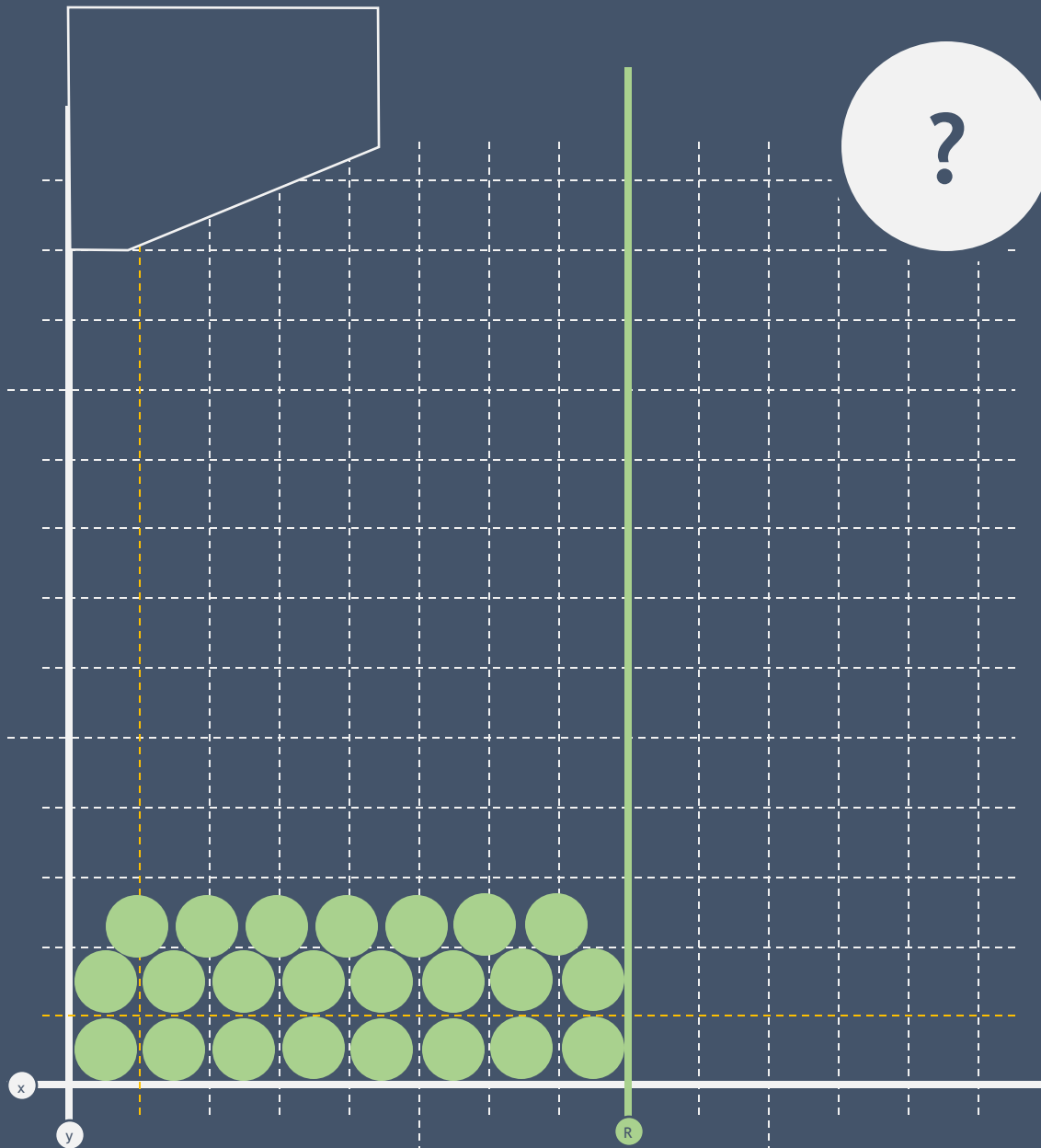
=> Es handelt sich also um eine Primzahl.

Aber - wir hören noch nicht auf ...



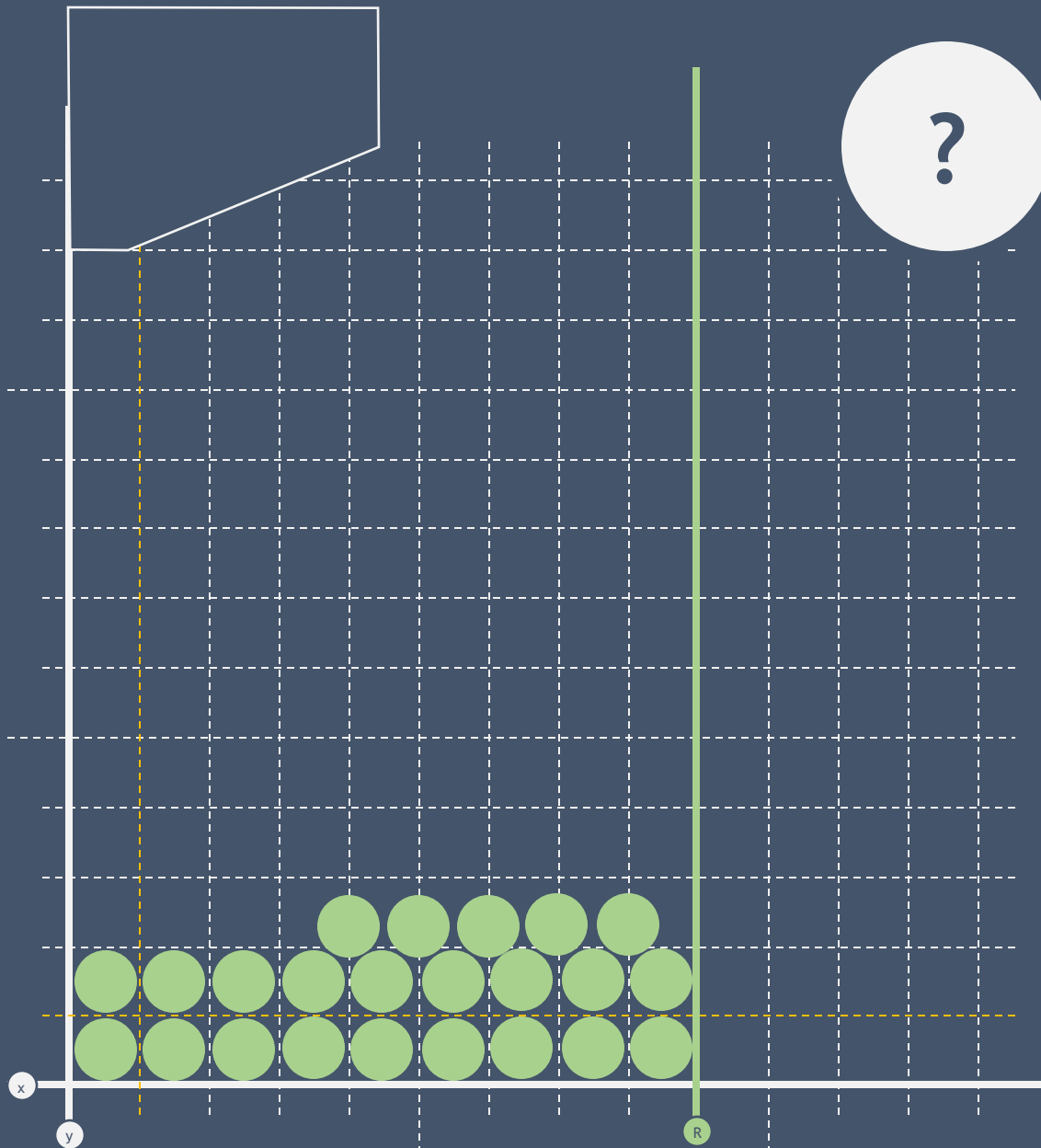
Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

Gleich haben wir es geschafft ...



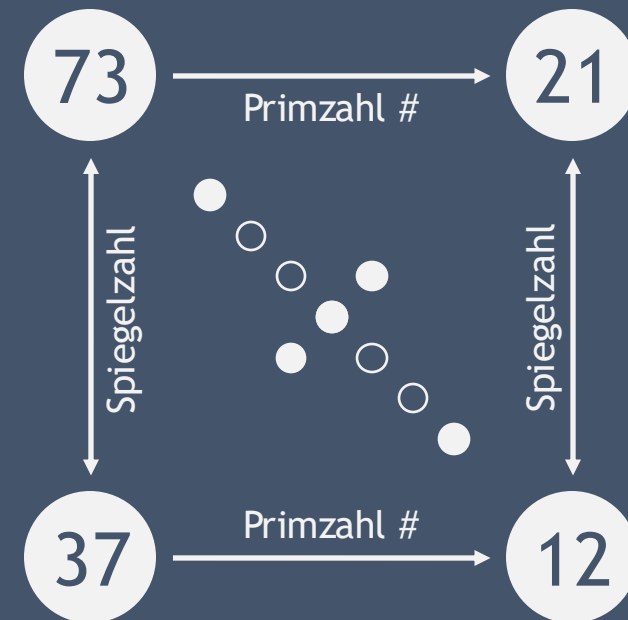
Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

Hier könnte Ihre
Werbung stehen!

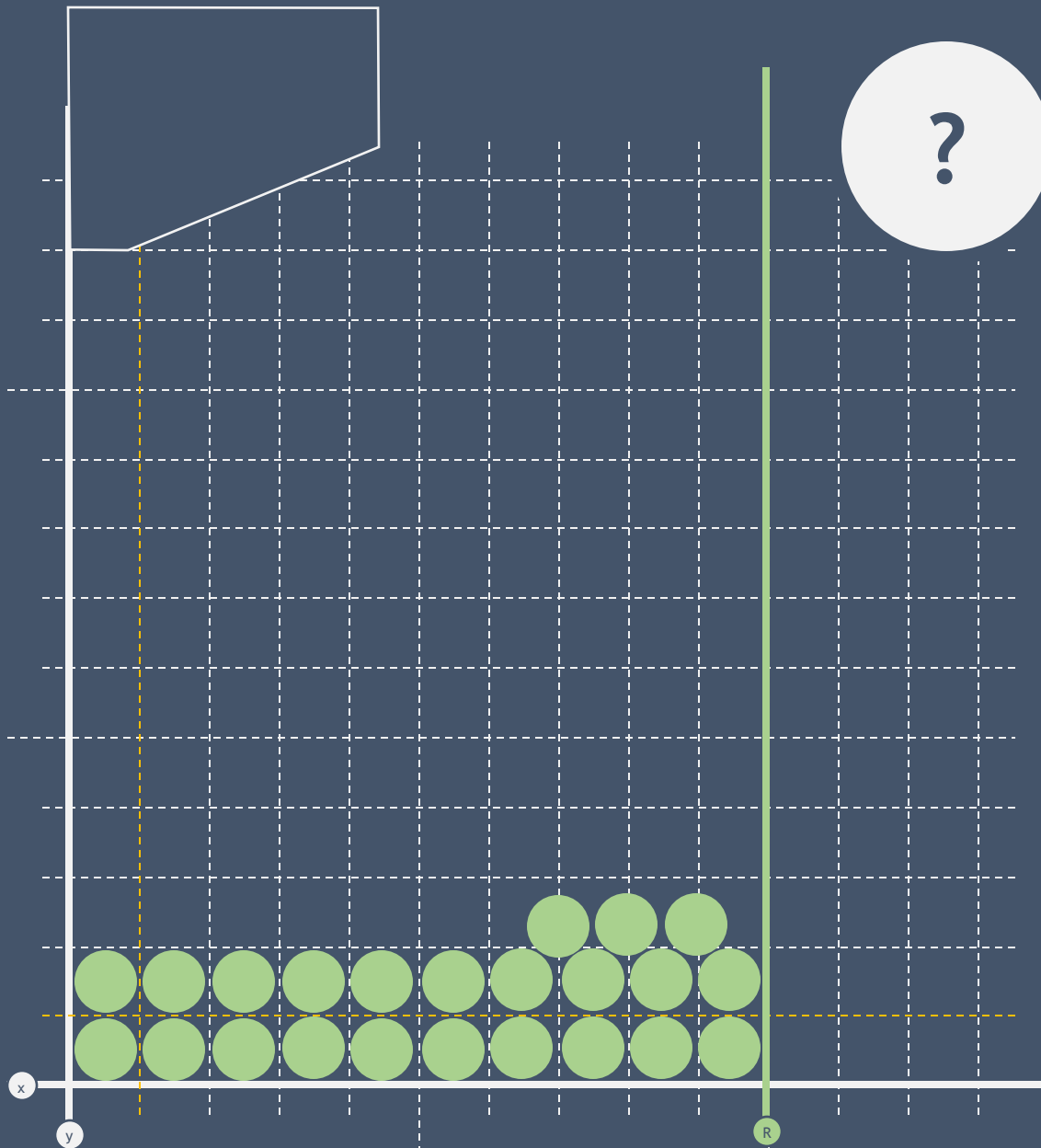


Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

Kennt ihr eigentlich die Sheldon Zahl 73?

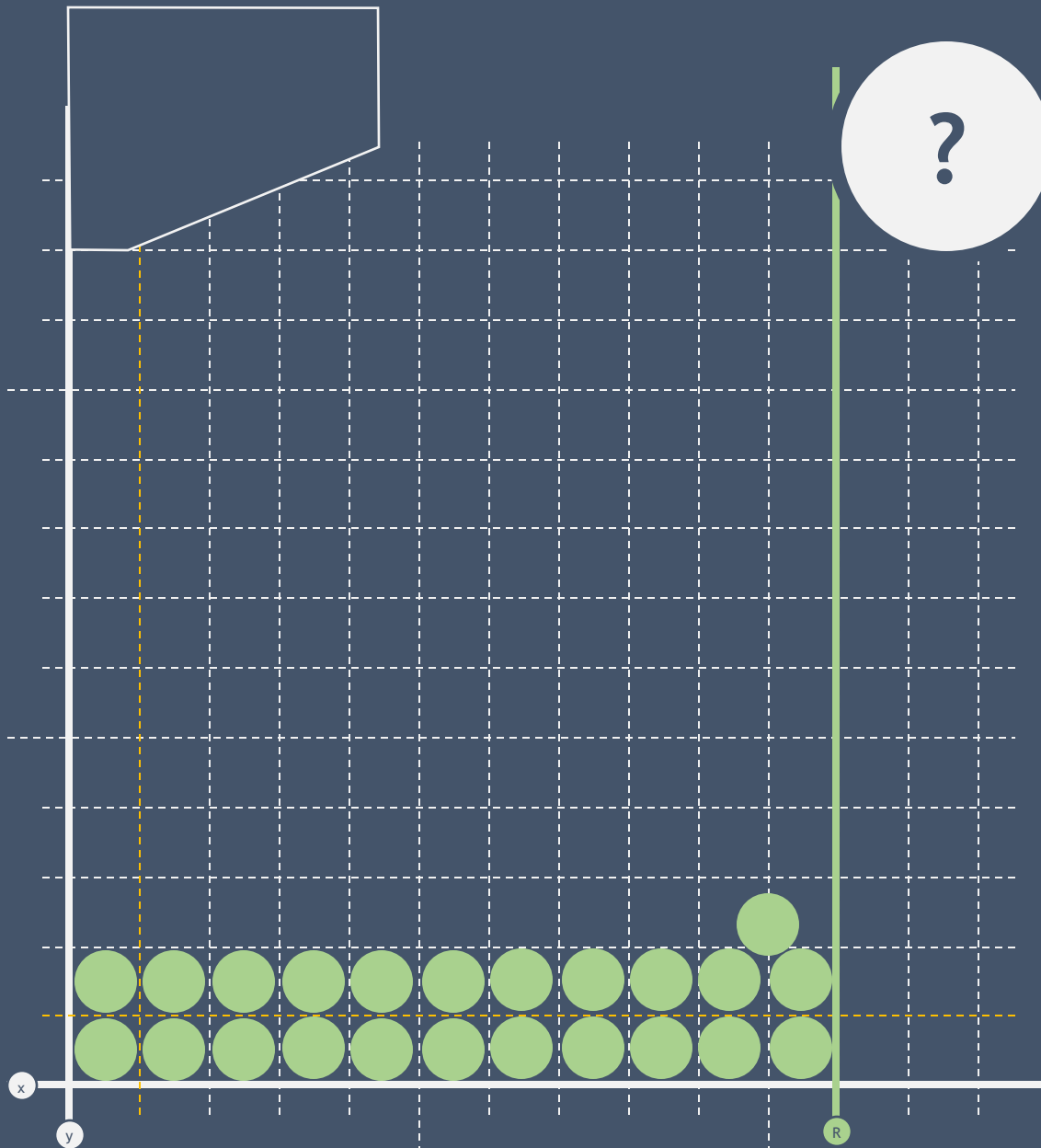


<https://de.wikipedia.org/wiki/Dreiundsiebzig>



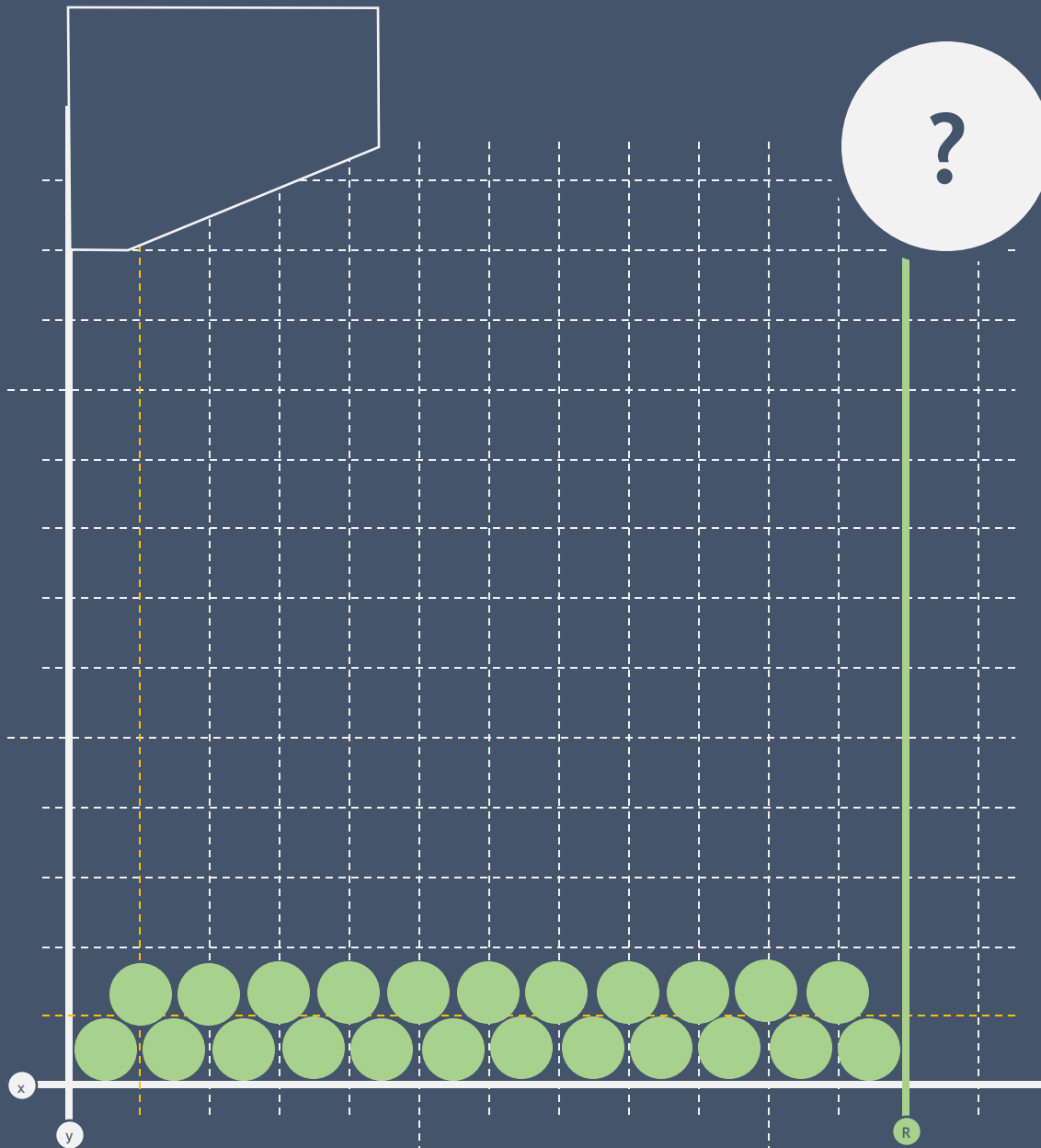
Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

2 Züge noch, dann sind wir fertig ...



Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

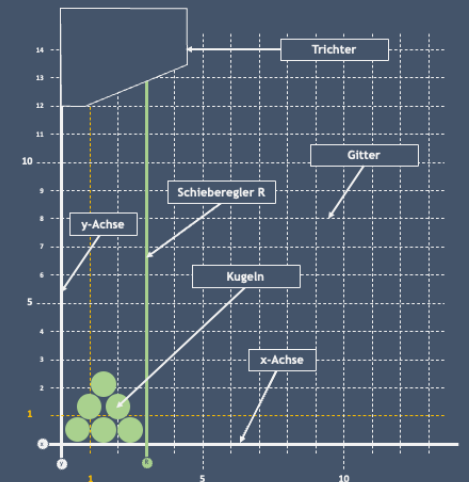
Jetzt kommt der letzte Zug - versprochen ...



Unbekannte Anzahl an Kugeln (2):

Hätten wir die ersten Primzahlen bereits ermittelt und auf der X-Achse markiert (einfach mit einem Pfeil oder Punkt, denn wir kennen ja keine Zahlen), hätten wir uns alle bekannten nicht-prim Positionen des Reglers sparen können.

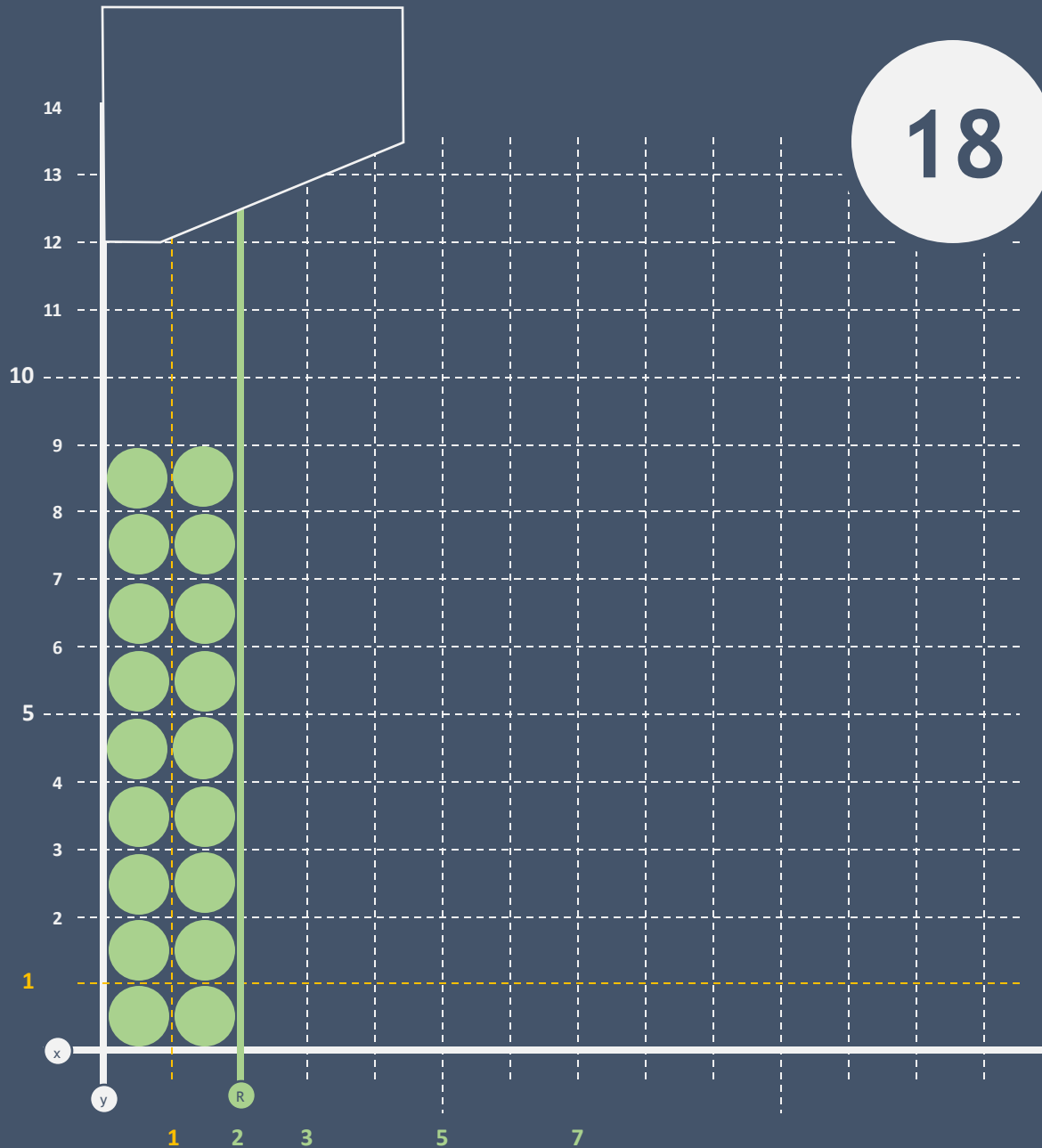
Eine Zahl in ihre Primfaktoren zerlegen





Bei der Primfaktorzerlegung bewegen wir den Schieberegler von der Ausgangsposition auf die erste Primzahl. Wenn wir keinen Rest haben ist die Anzahl der Kugeln durch diese Primzahl teilbar und wir notieren sie als Primfaktor.

18 = ...



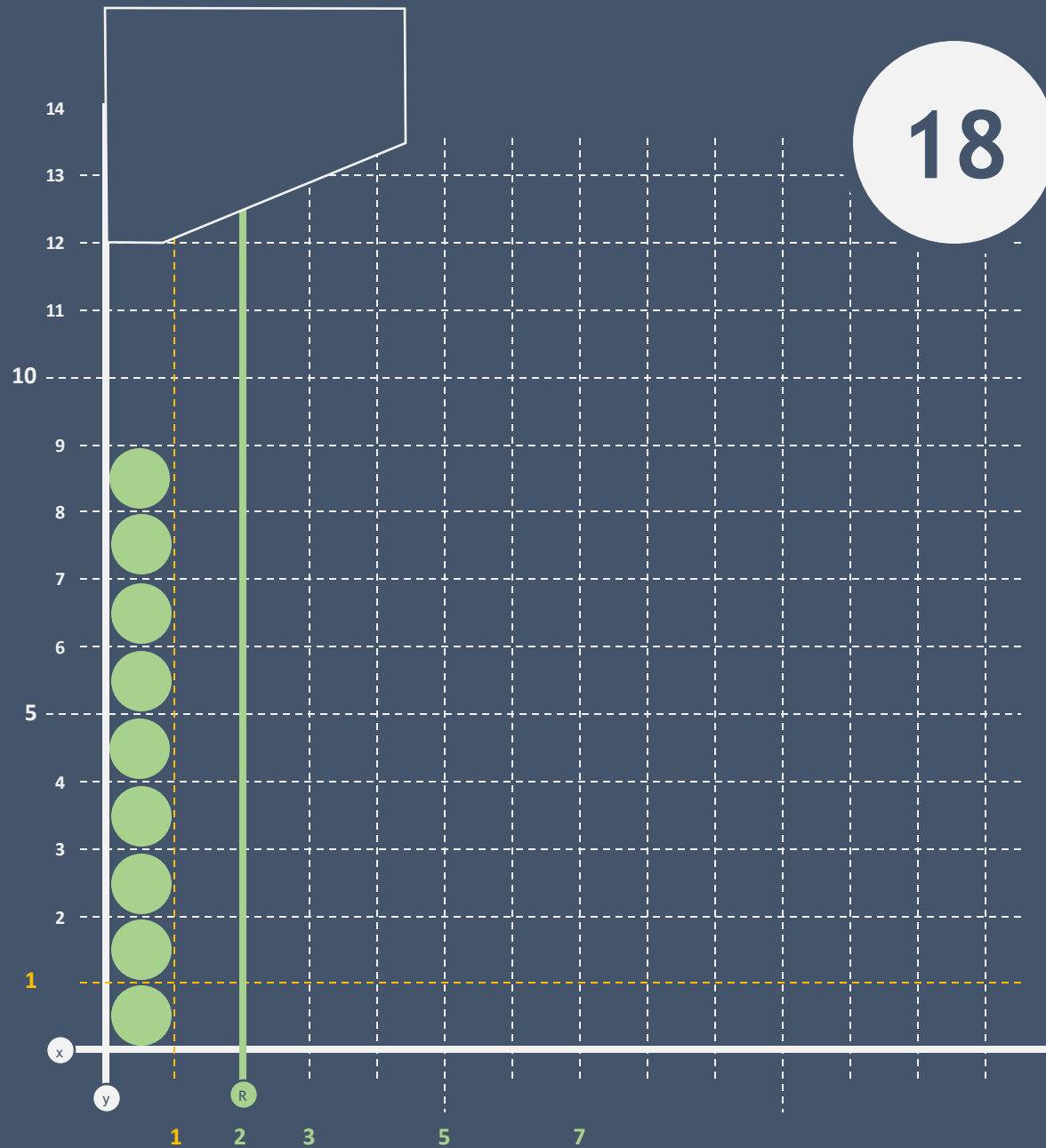
Primfaktorzerlegung:

Wir haben keinen Rest. Daher ist die Anzahl der Kugeln durch die eingestellte Primzahl 2 teilbar. Sie ist der erste Primfaktor und wir notieren ihn.

Dann entfernen wir alle Spalten bis auf die Linke und machen mit den restlichen Kugeln weiter.

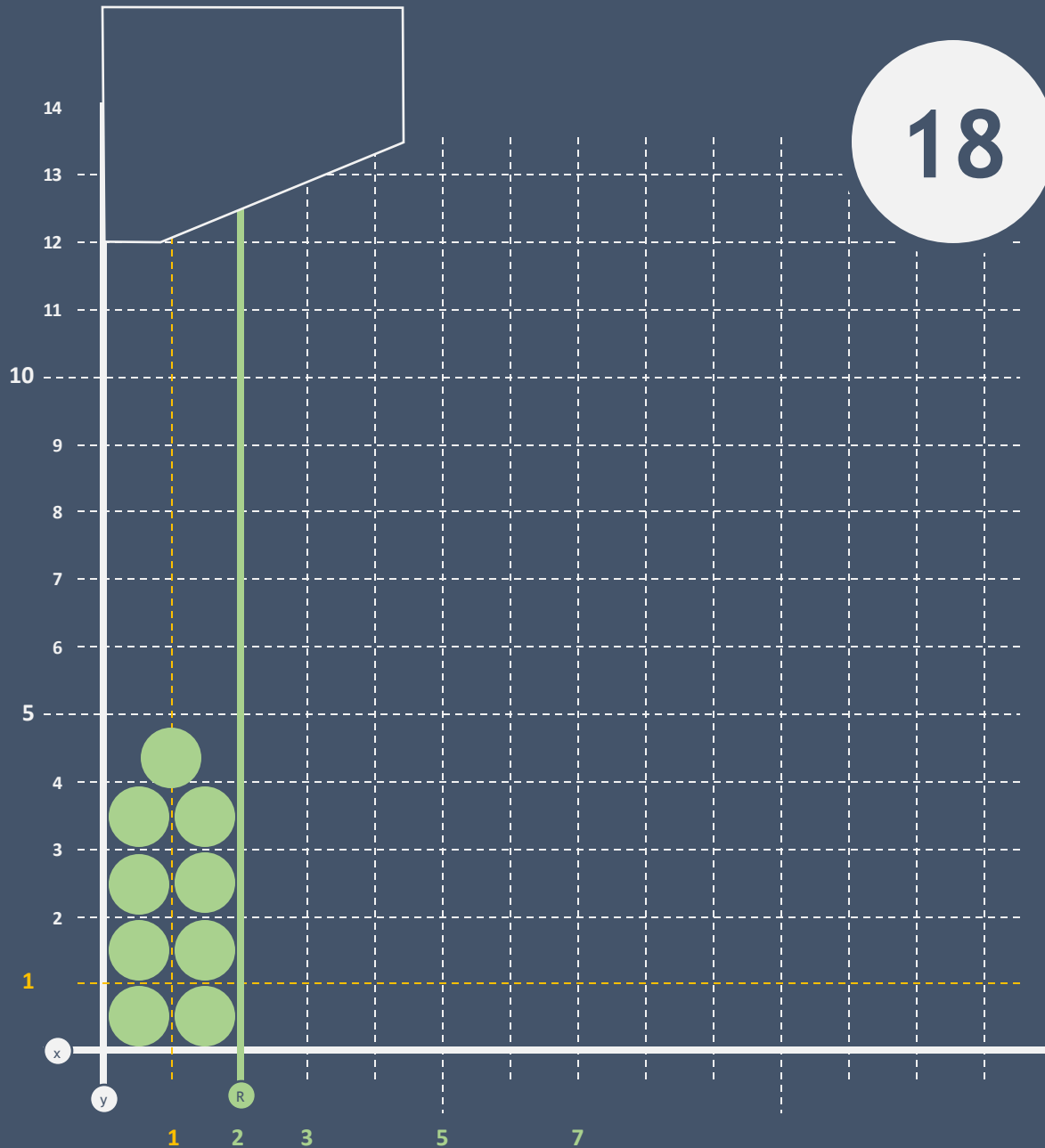
Der Schieberegler bleibt dabei auf der aktuellen Position.

$$18 = 2 \times$$



Primfaktorzerlegung:

$$18 = 2 \times$$



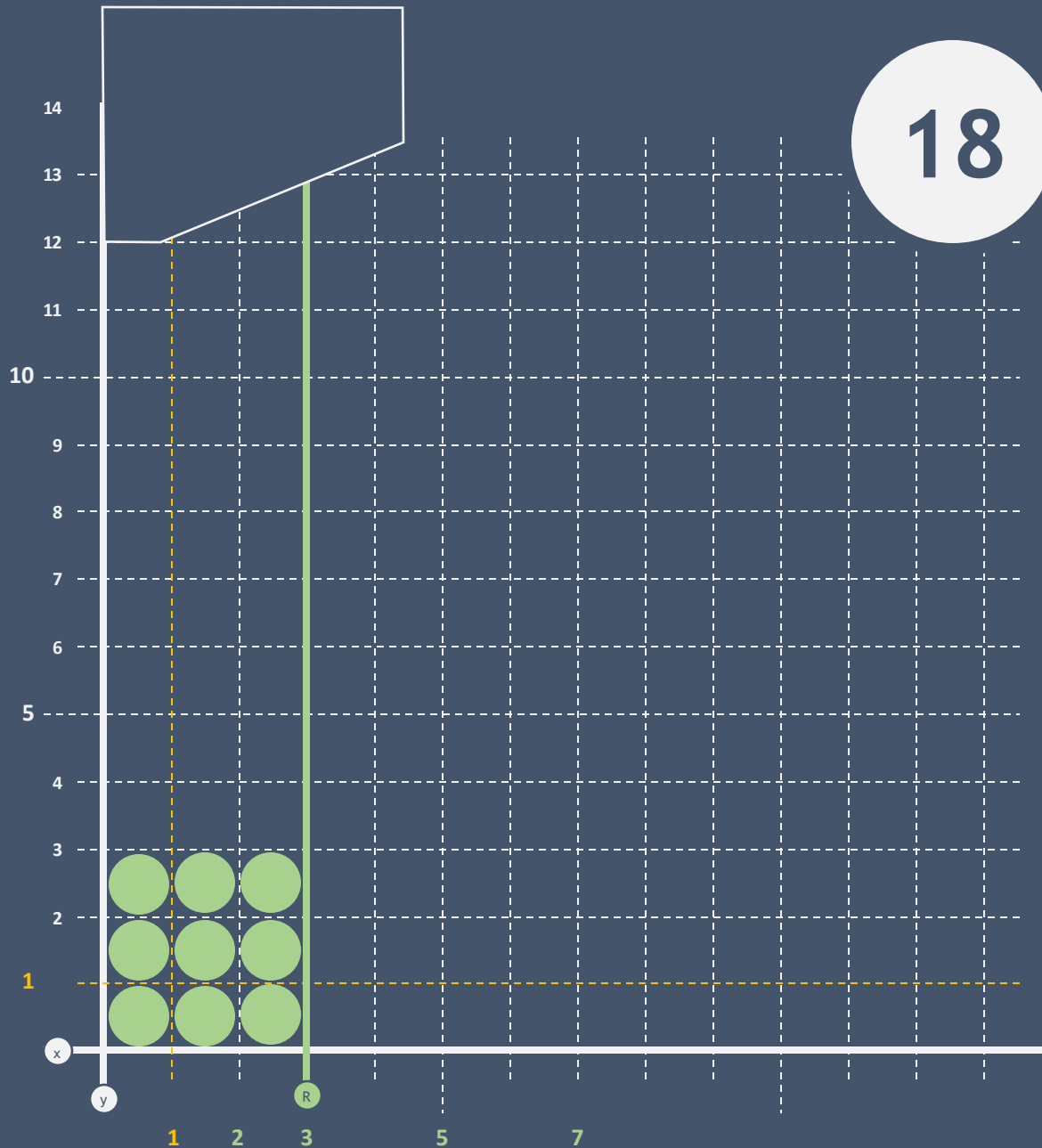
Primfaktorzerlegung:

Wir haben einen Rest. Das bedeutet, die Anzahl der Kugeln ist nicht mehr durch die aktuelle Primzahl teilbar und wir können mit der nächsten Primzahl weitermachen.

Es werden keine Kugeln entfernt.

Wir bewegen den Schieberegler auf die 3 ...

$$18 = 2 \times$$



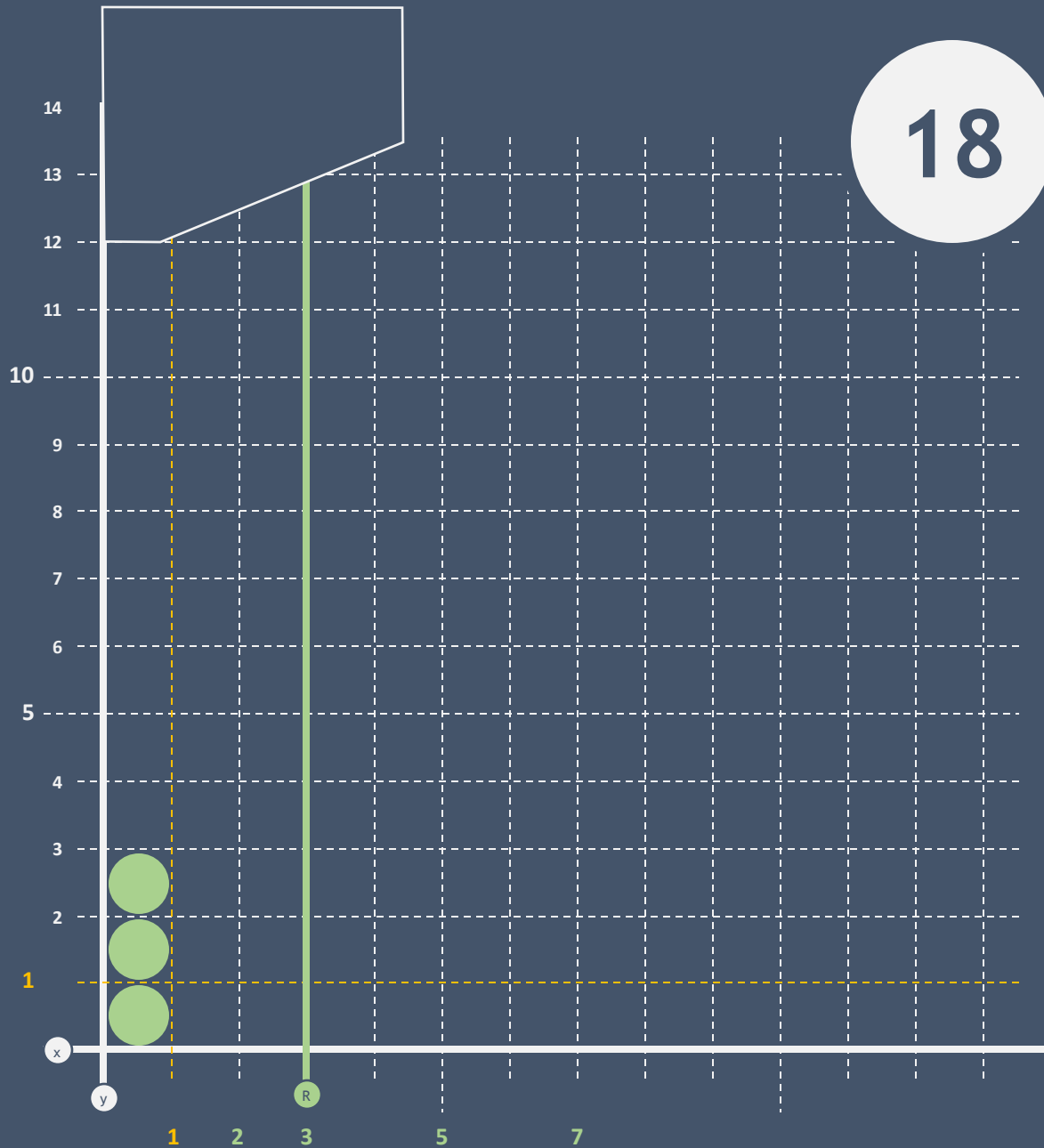
Primfaktorzerlegung:

Wir haben keinen Rest und notieren uns die 3 als nächsten Primfaktor.

Wir entfernen wieder alle Spalten bis auf die Linke und machen mit den restlichen Kugeln weiter.

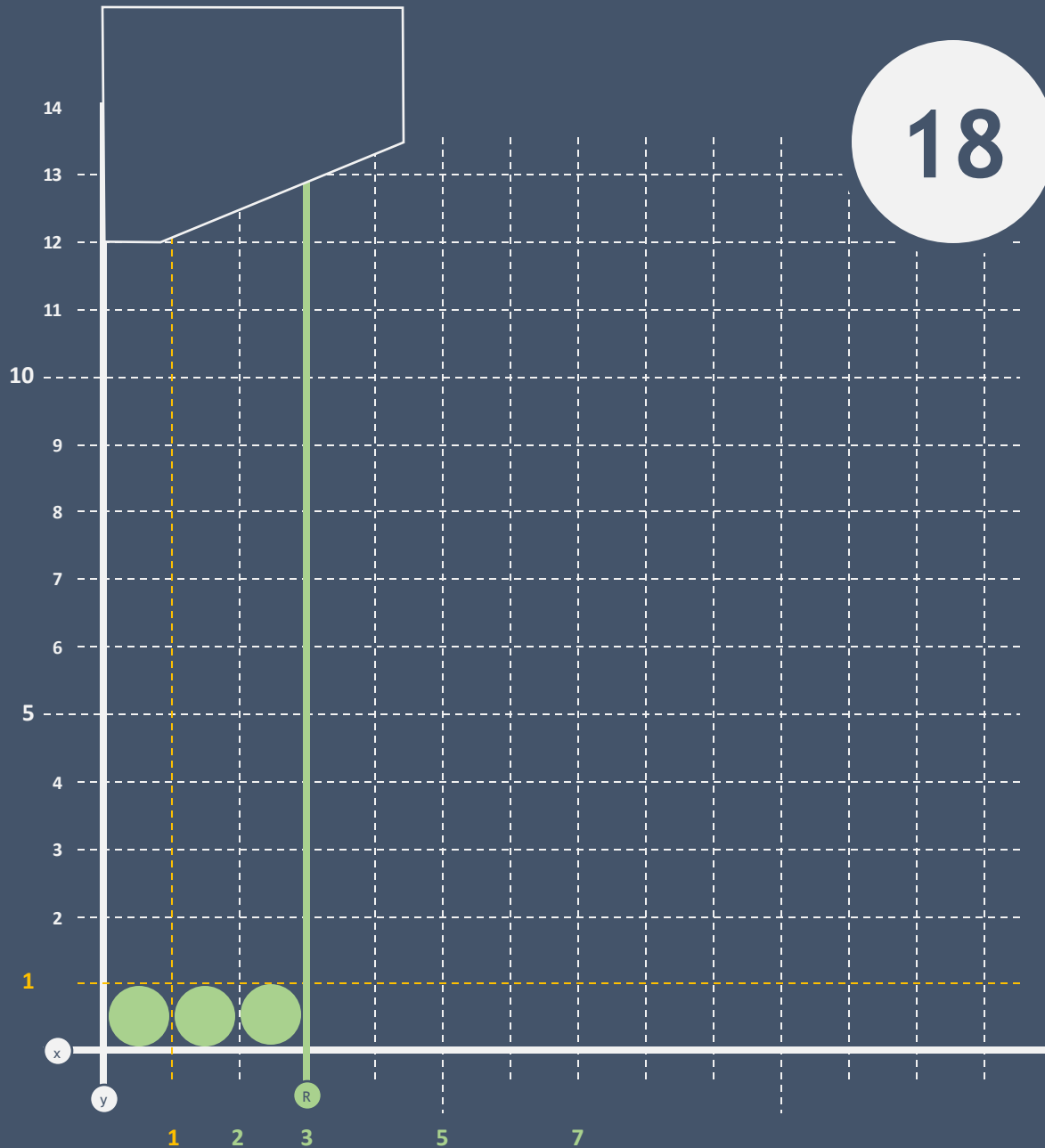
Der Schieberegler bleibt dabei auf Position 3.

$$18 = 2 \times 3 \times$$



Primfaktorzerlegung:

$$18 = 2 \times 3 \times 3$$



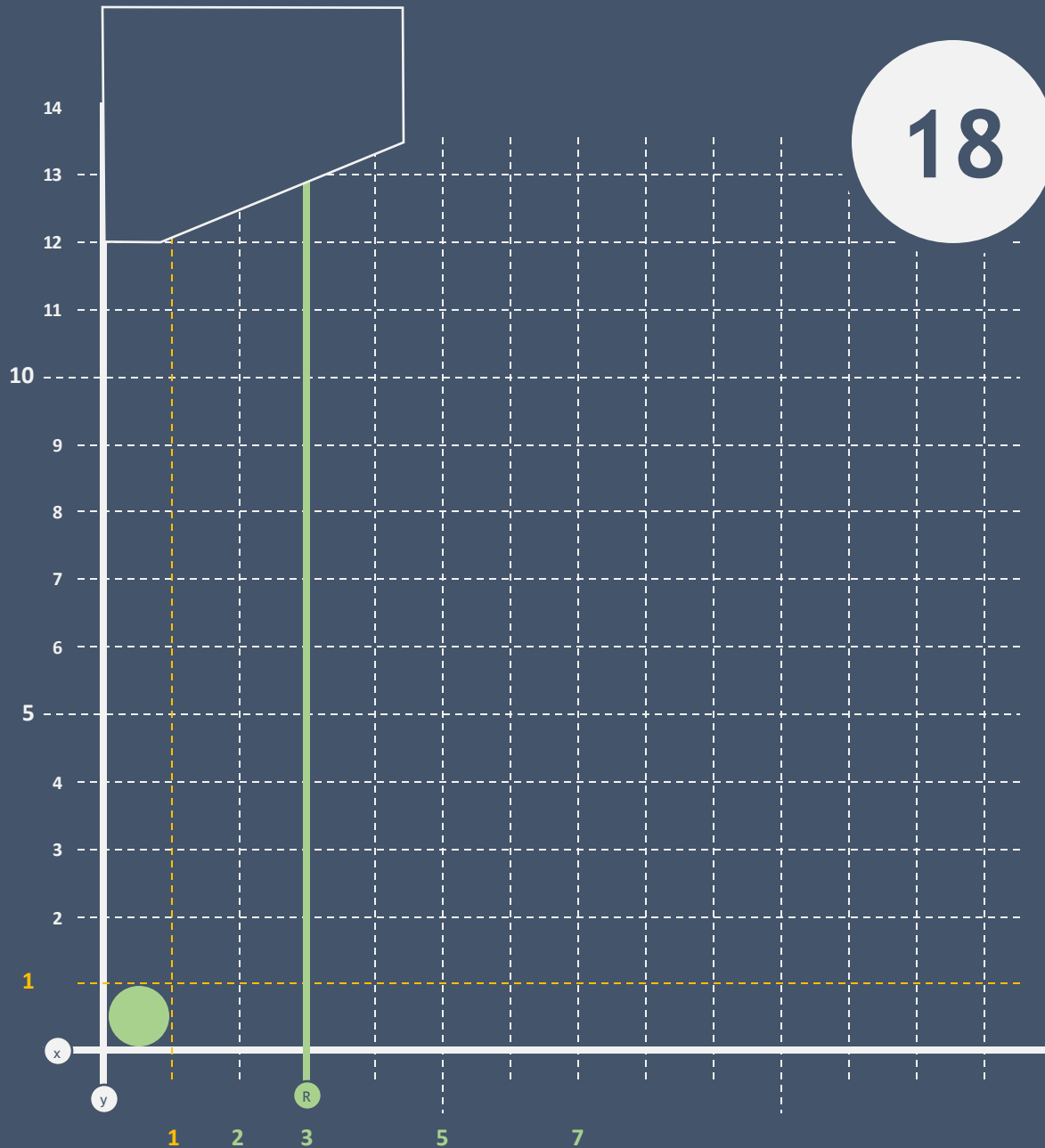
Primfaktorzerlegung:

Wir haben wieder keinen Rest und notieren uns die 3 ein weiteres Mal als Primfaktor.

Danach entfernen wir wieder alle Spalten bis auf die Linke und machen mit den restlichen Kugeln weiter.

Der Schieberegler bleibt auf Position 3.

$$18 = 2 \times 3 \times 3$$



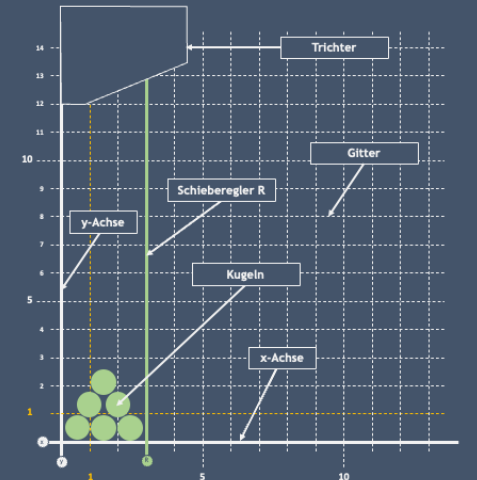
Primfaktorzerlegung:

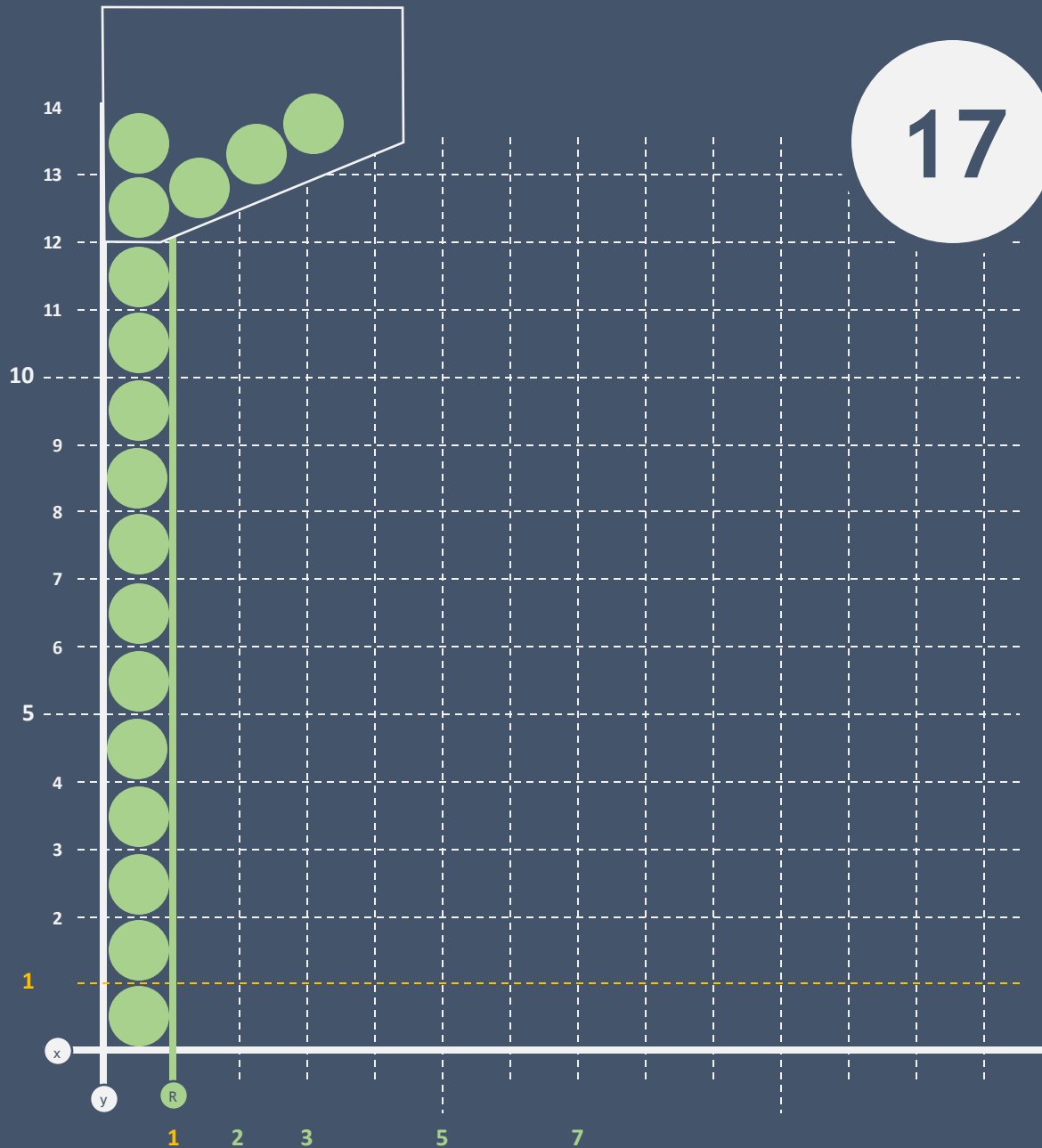
Es bleibt nur noch eine Kugel übrig. Das bedeutet, dass wir am Ende und den letzten Primfaktor gefunden haben. Wir sind fertig.

Alle Primfaktoren sind gefunden und das Ergebnis lautet:

$$18 = 2 \times 3 \times 3$$

Division mit und ohne Rest





Restwertberechnung:

Bei der Restwertberechnung schauen wir nur nach dem, was bei einer Division übrig bleibt. Der Restwert ist immer kleiner als der Divisor!

$$17 \div 3 = 5 \text{ Rest } 2$$

$$(17 \% 3 = 2)$$

Hinweis:

Division durch 3 bedeutet, den Regler auf die X-Position 3 zu schieben.

17

Restwertberechnung:

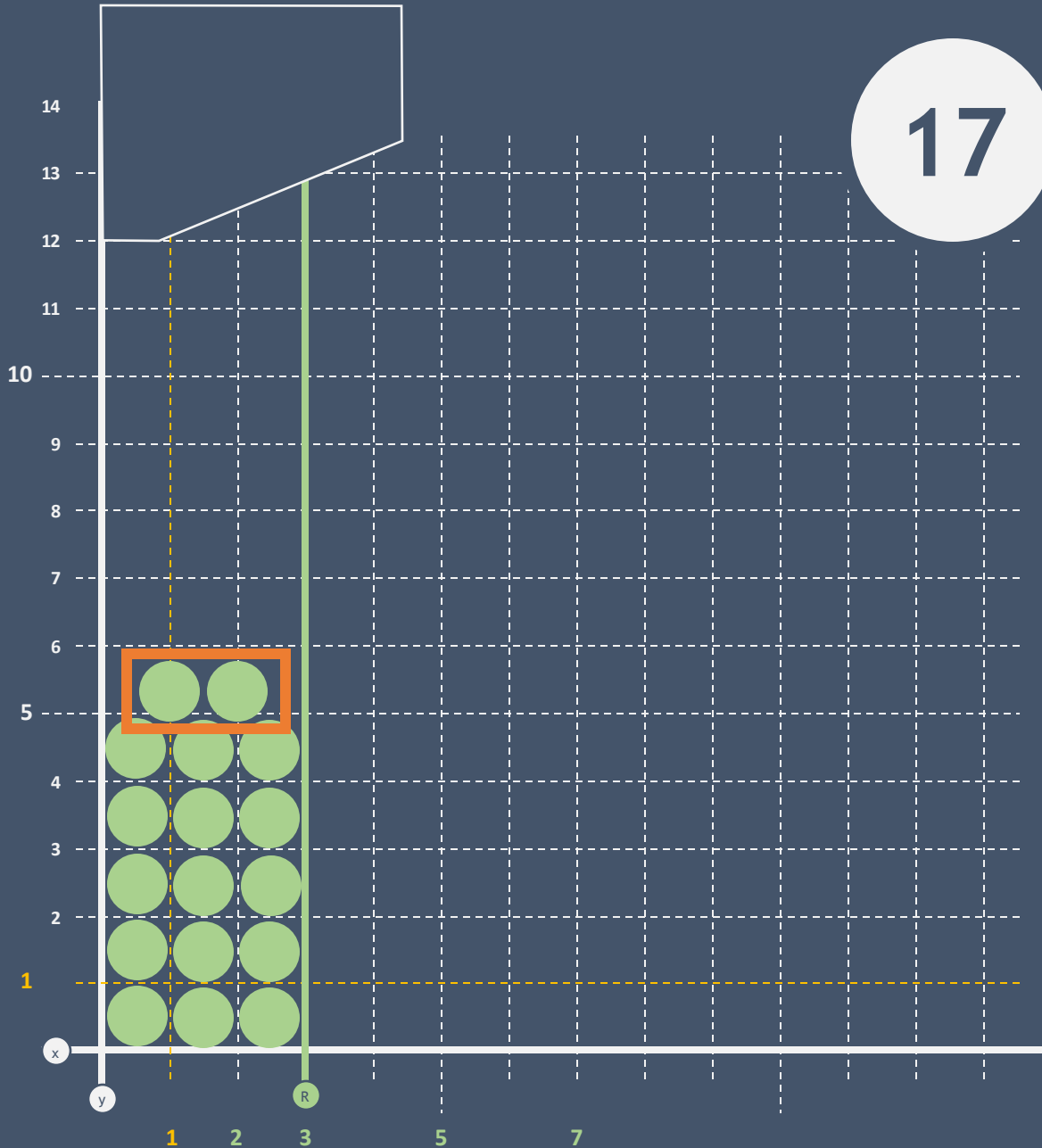
Bei der Restwertberechnung schauen wir nur nach dem, was bei einer Division übrig bleibt. Der Restwert ist immer kleiner als der Divisor!

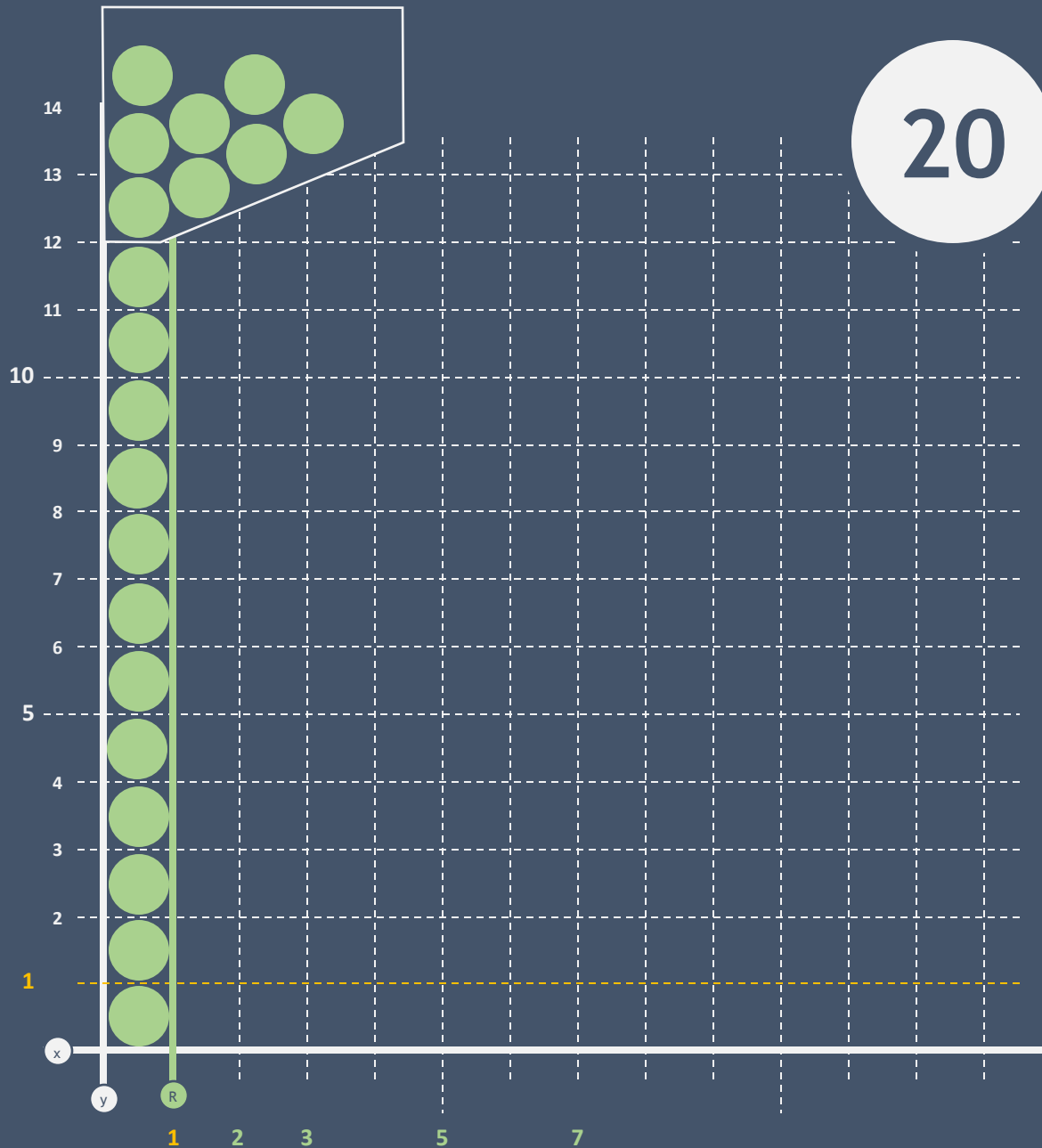
$$17 \div 3 = 5 \text{ Rest } 2$$

$$(17 \% 3 = 2)$$

Der Rest ist, was in der obersten Reihe übrig bleibt. In diesem Fall 2.

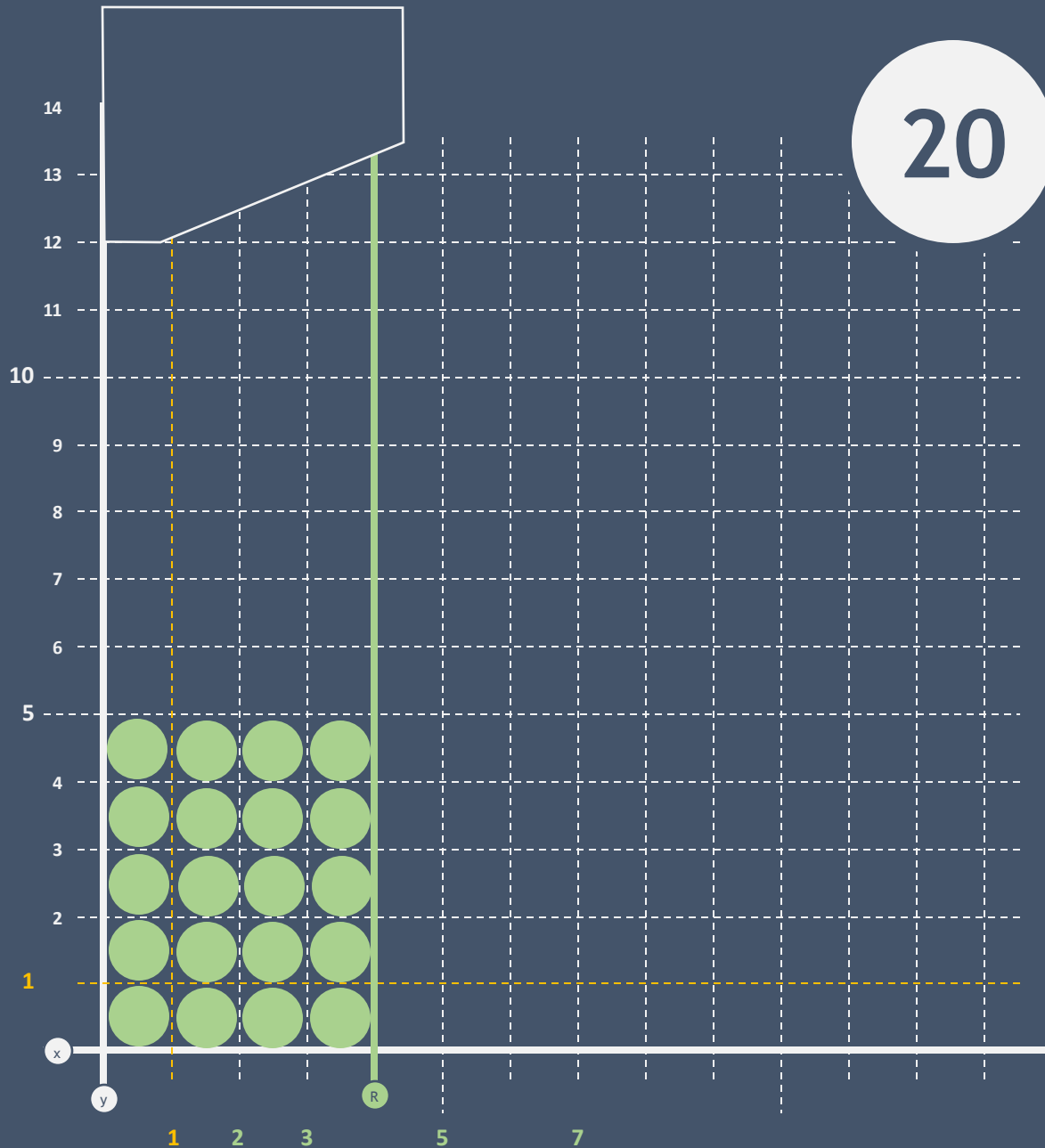
Nächstes Beispiel ...





Restwertberechnung:

$$20 \div 4 = 5 \text{ Rest } 0$$



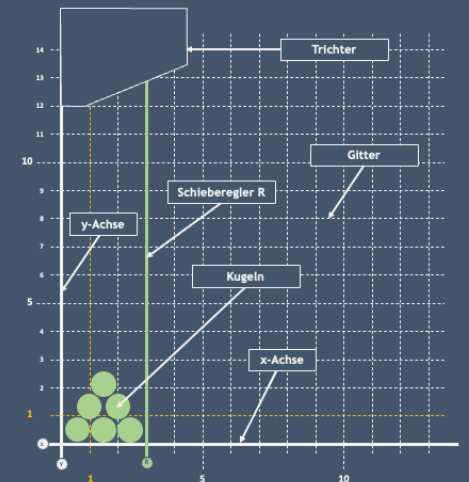
Restwertberechnung:

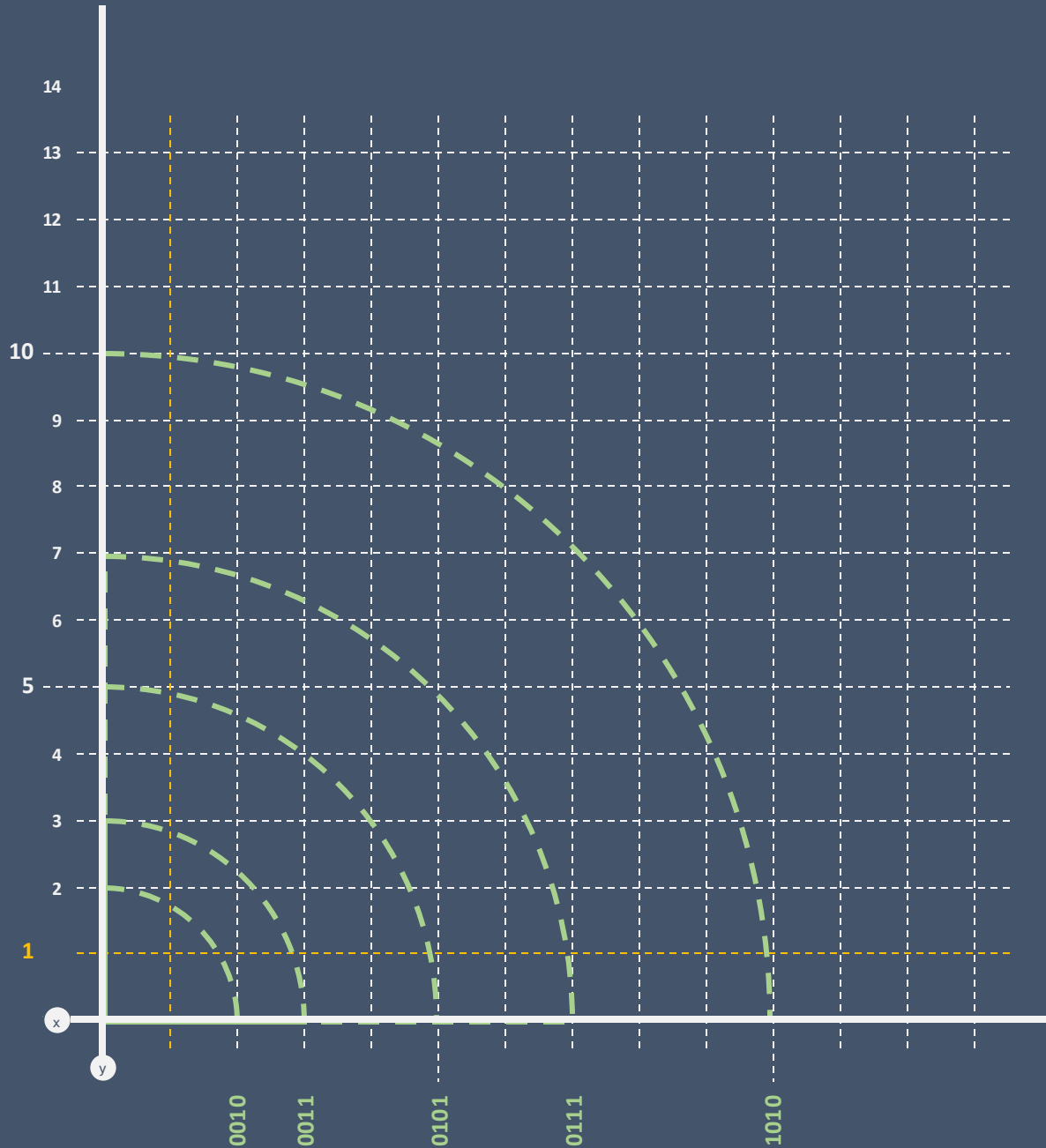
Bei der Restwertberechnung schauen wir nur nach dem, was bei einer Division übrig bleibt. Der Restwert ist immer kleiner als der Divisor!

$$20 \div 4 = 5 \text{ Rest } 0 \quad (20 \% 4 = 0)$$

In diesem Fall bleibt nichts in der obersten Reihe übrig. Der Restwert beträgt also 0.

Man kann auch von Dezimal in andere Zahlensysteme umrechnen, zum Beispiel Binär, Oktal, Hexadezimal etc.





Umrechnen in binär:

Man kann zum Beispiel die Zielwerte auf der X-Achse eintragen und Hilfslinien in Form von Kreisvierteln einzeichnen. Dann brauch man das Ergebnis nur ablesen.

Beispiel:

$$10_{\text{DEZ}} = 1010_{\text{BIN}}$$

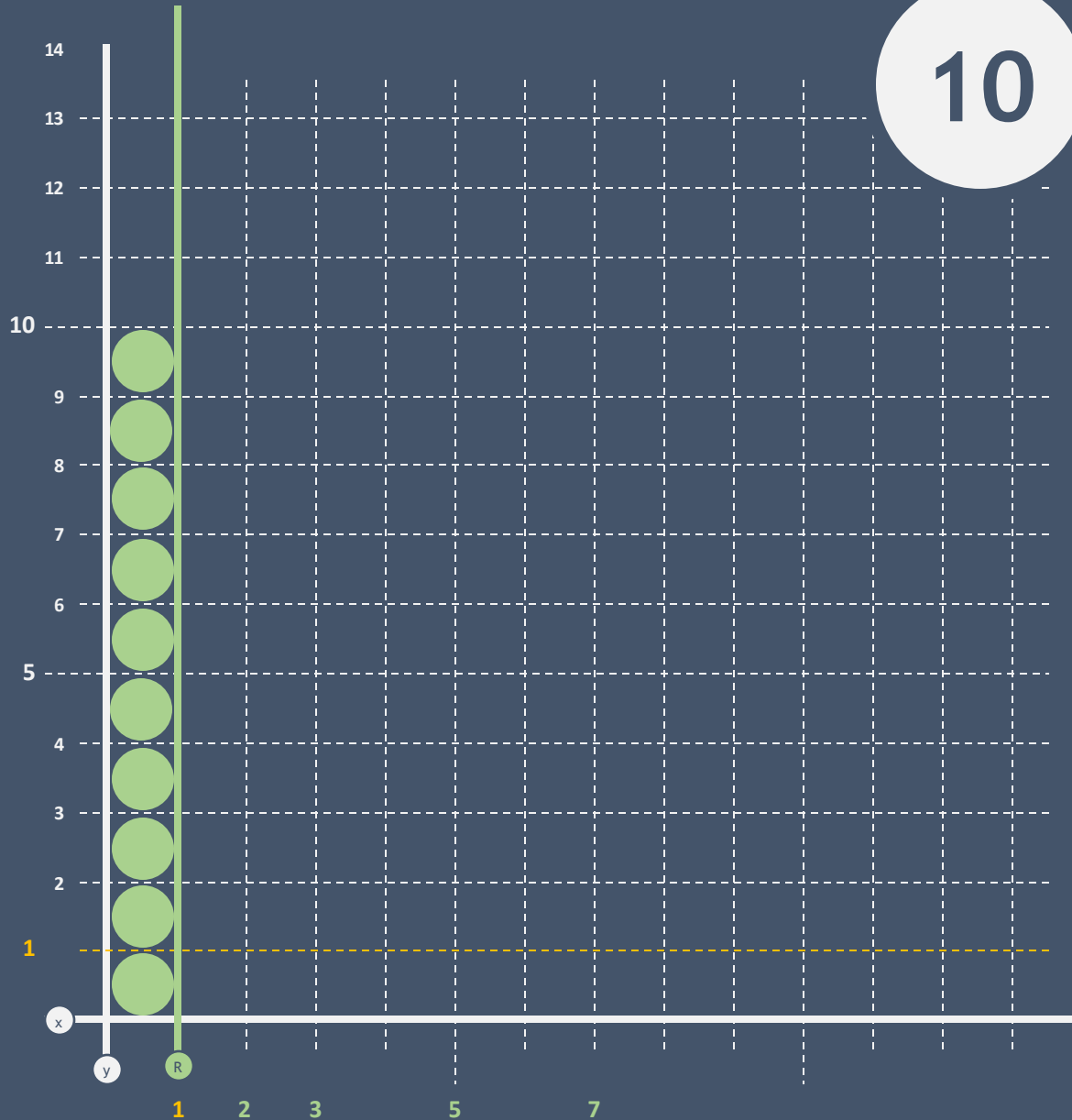
Es wird aber nichts ermittelt, sondern nur abgelesen.

10

Umrechnen in binär:

Wir schieben den Regler auf die Position, die der Basis des Ziel-Zahlensystems entspricht. Bei Binär also auf 2.

Der Regler wird dann nicht mehr bewegt.



10

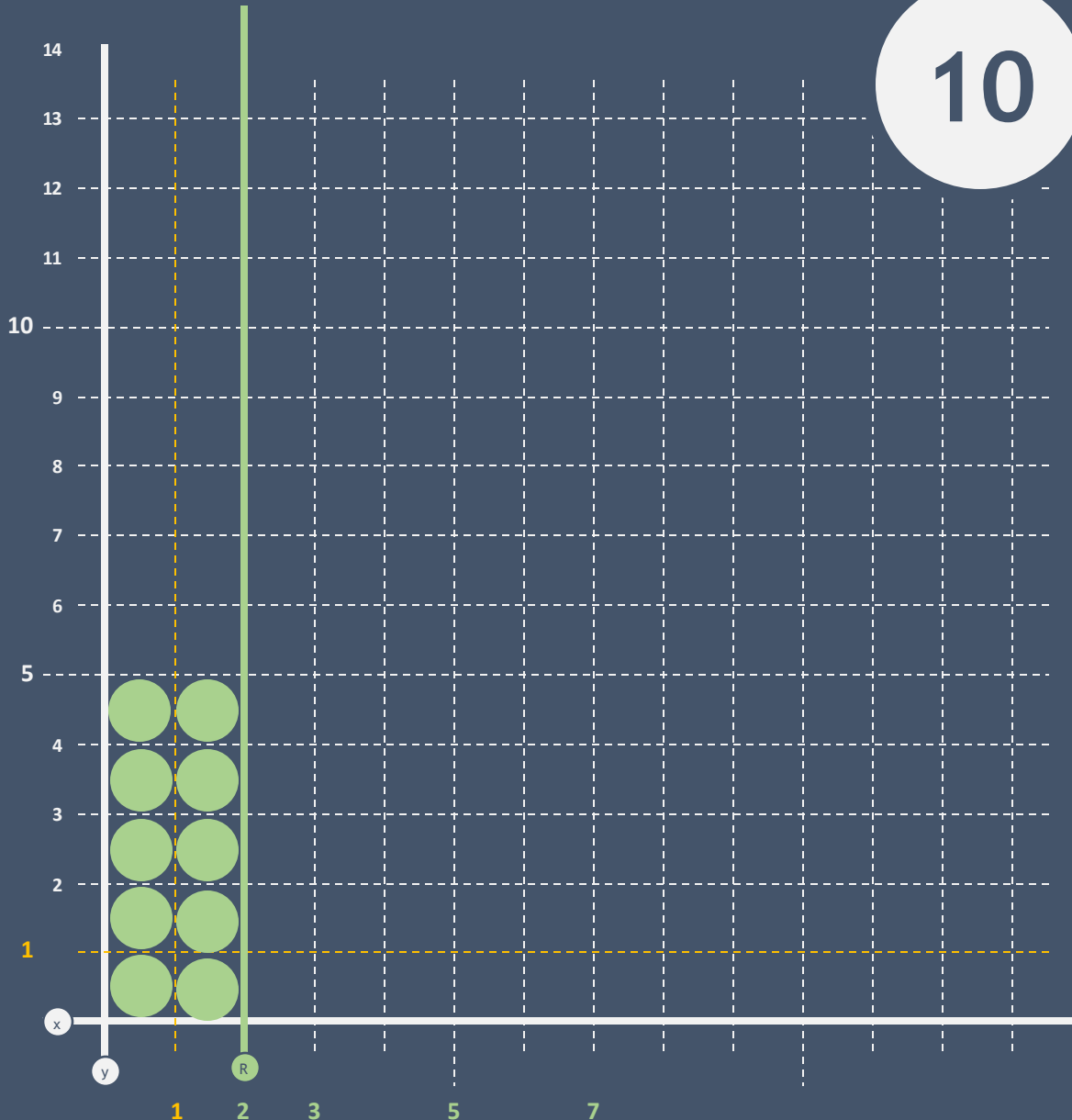
Umrechnen in binär:

In dieser Position schauen wir ausschließlich auf die Reste - also das, was oben liegt. Hier haben wir keinen Rest und notieren:

0

Hornerschema zur Probe:

$$10 \div 2 = 5 \text{ Rest } 0$$



10

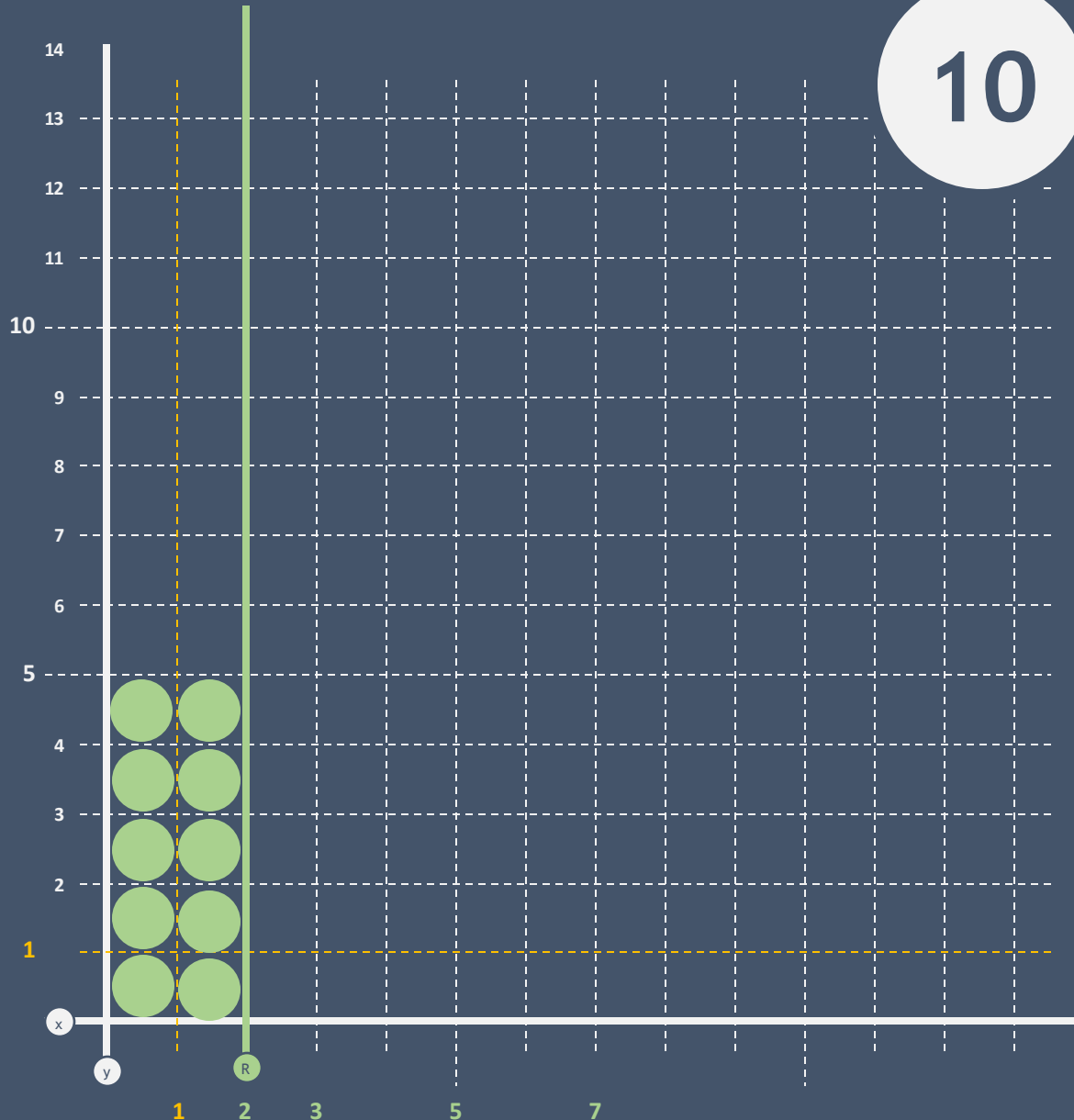
Umrechnen in binär:

Wir entfernen den Rest beziehungsweise die Reste (sofern vorhanden) und alle Spalten bis auf die Erste.

0

Hornerschema zur Probe:

$$10 \div 2 = 5 \text{ Rest } 0$$



10

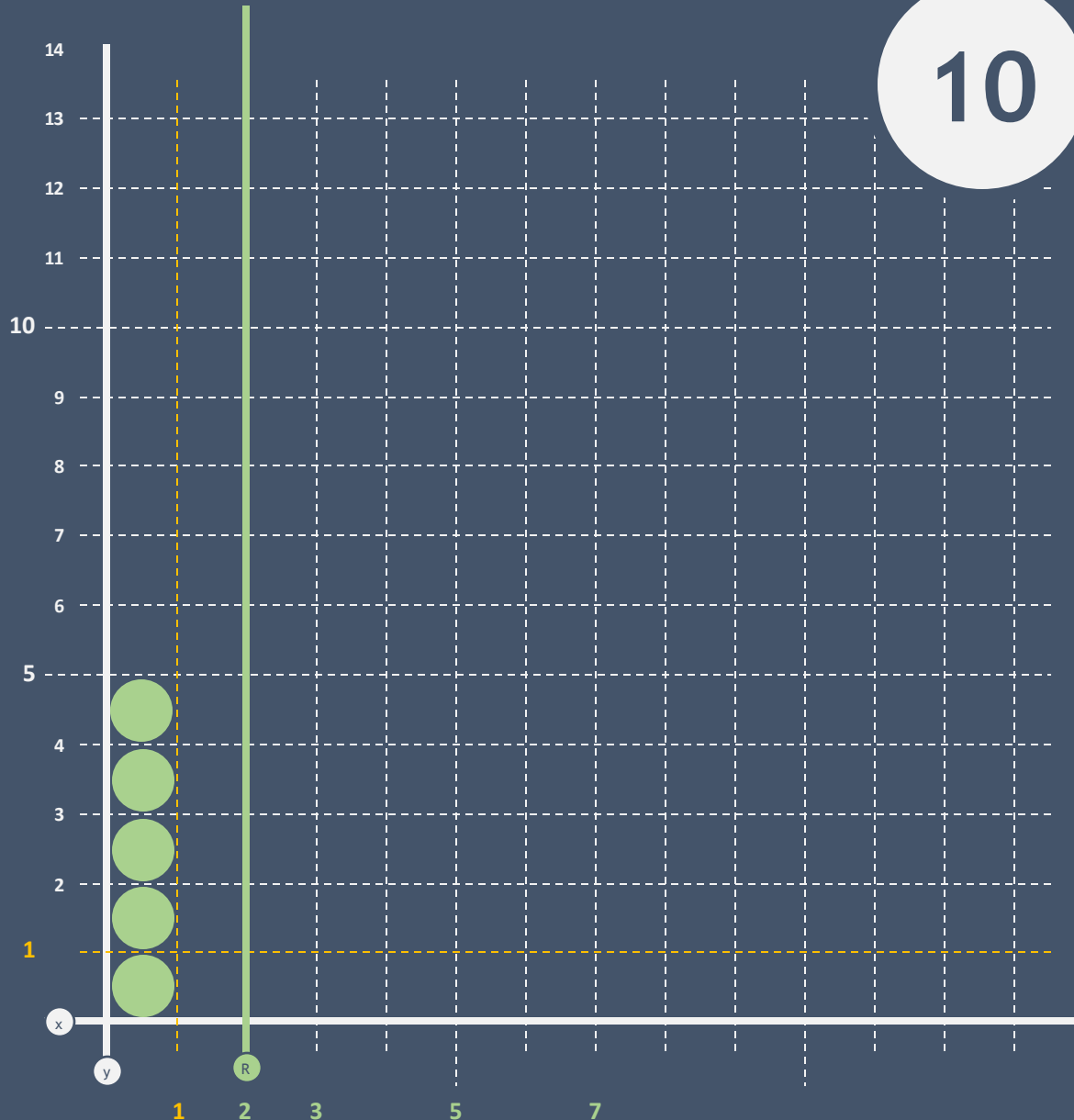
Umrechnen in binär:

Wir entfernen den Rest beziehungsweise die Reste (sofern vorhanden) und alle Spalten bis auf die Erste.

0

Hornerschema zur Probe:

$$10 \div 2 = 5 \text{ Rest } 0$$



10

Umrechnen in binär:

Wir notieren wieder den Rest (von rechts nach links).

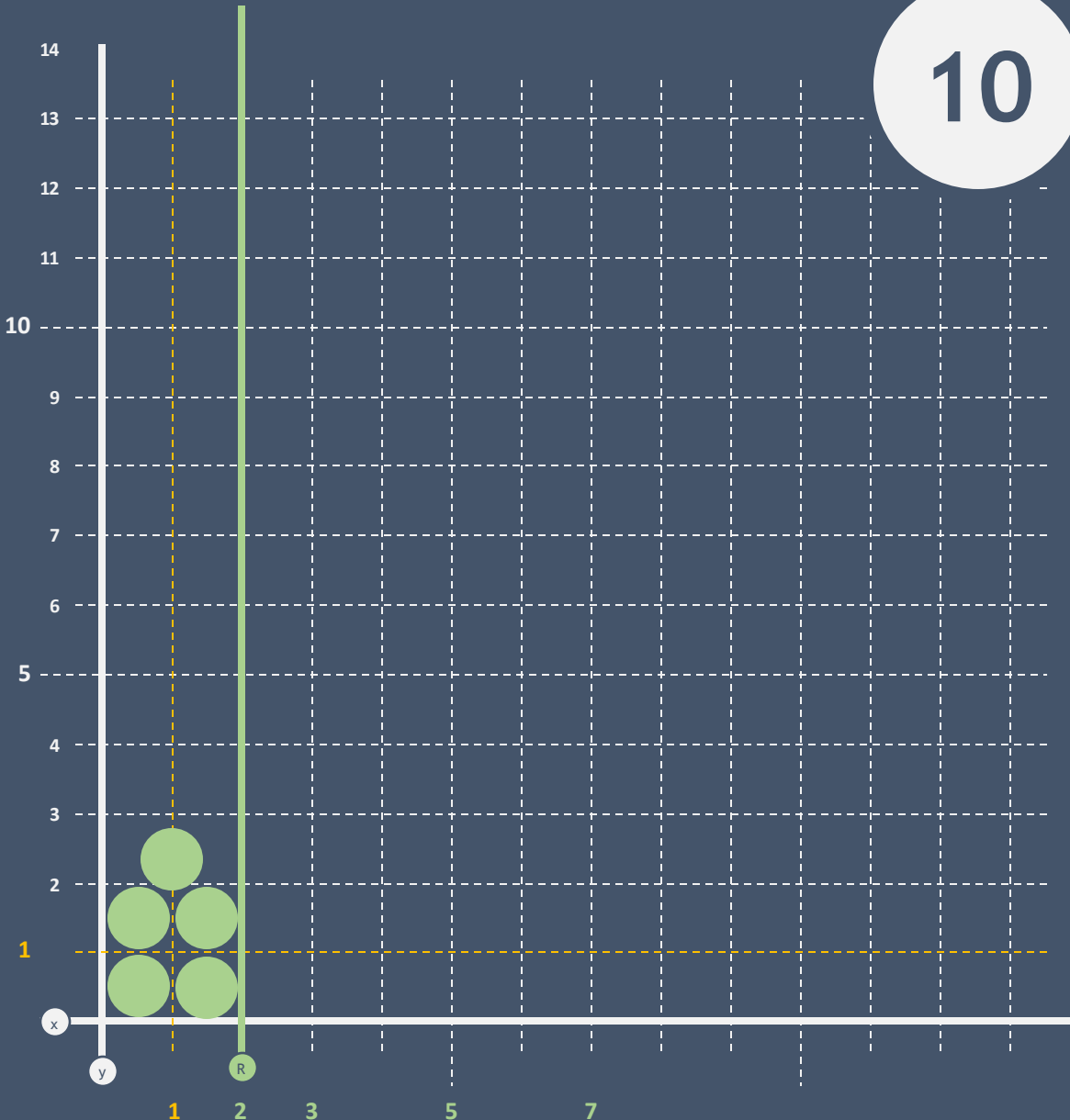
1 0

Hornerschema zur Probe:

$$10 \div 2 = 5 \text{ Rest } 0$$

$$5 \div 2 = 2 \text{ Rest } 1$$

Und wieder alle Reste und Spalten entfernen.



10

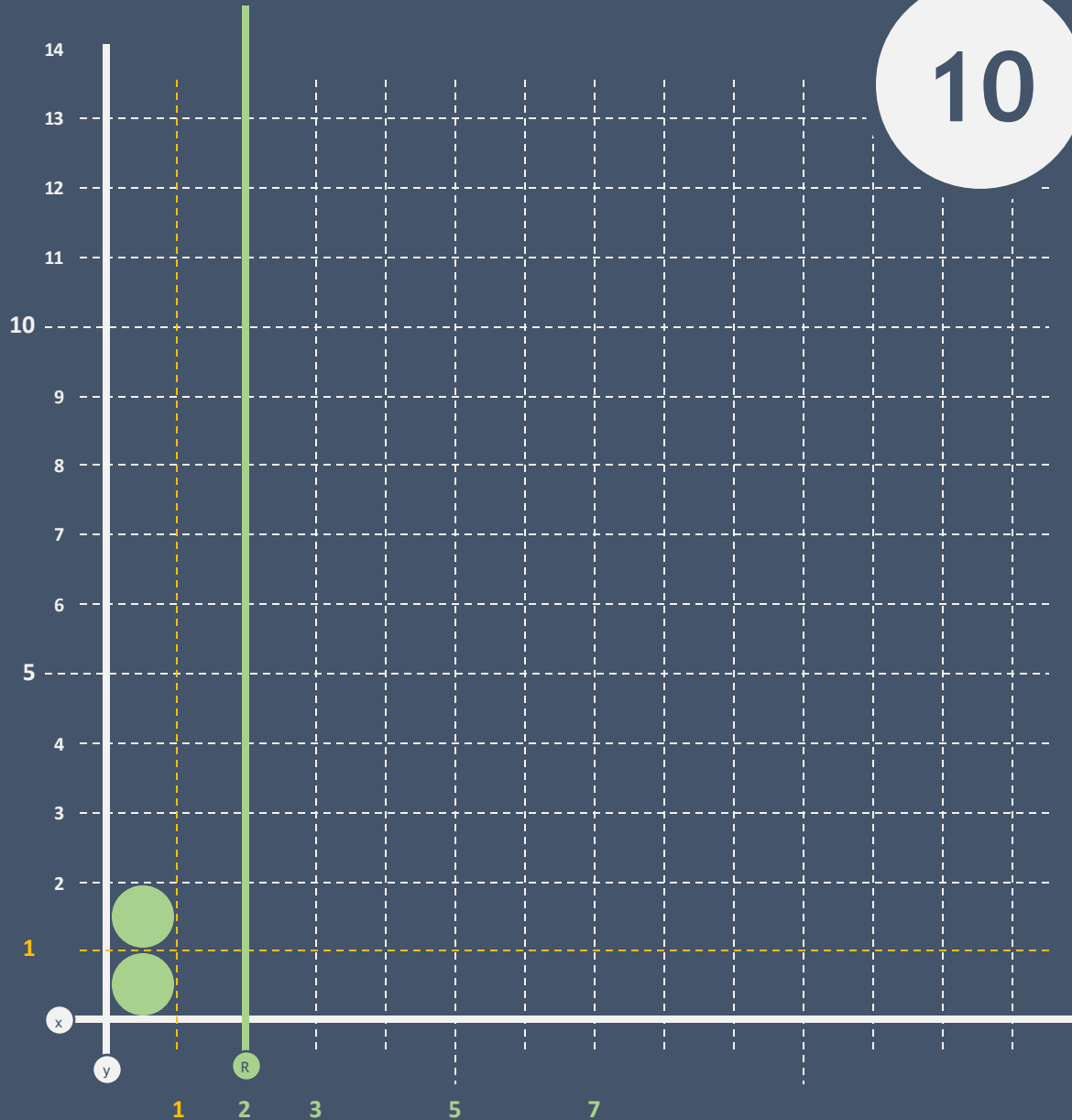
Umrechnen in binär:

1 0

Hornerschema zur Probe:

$$10 \div 2 = 5 \text{ Rest } 0$$

$$5 \div 2 = 2 \text{ Rest } 1$$



10

Umrechnen in binär:

Wieder den Rest notieren:

0 1 0

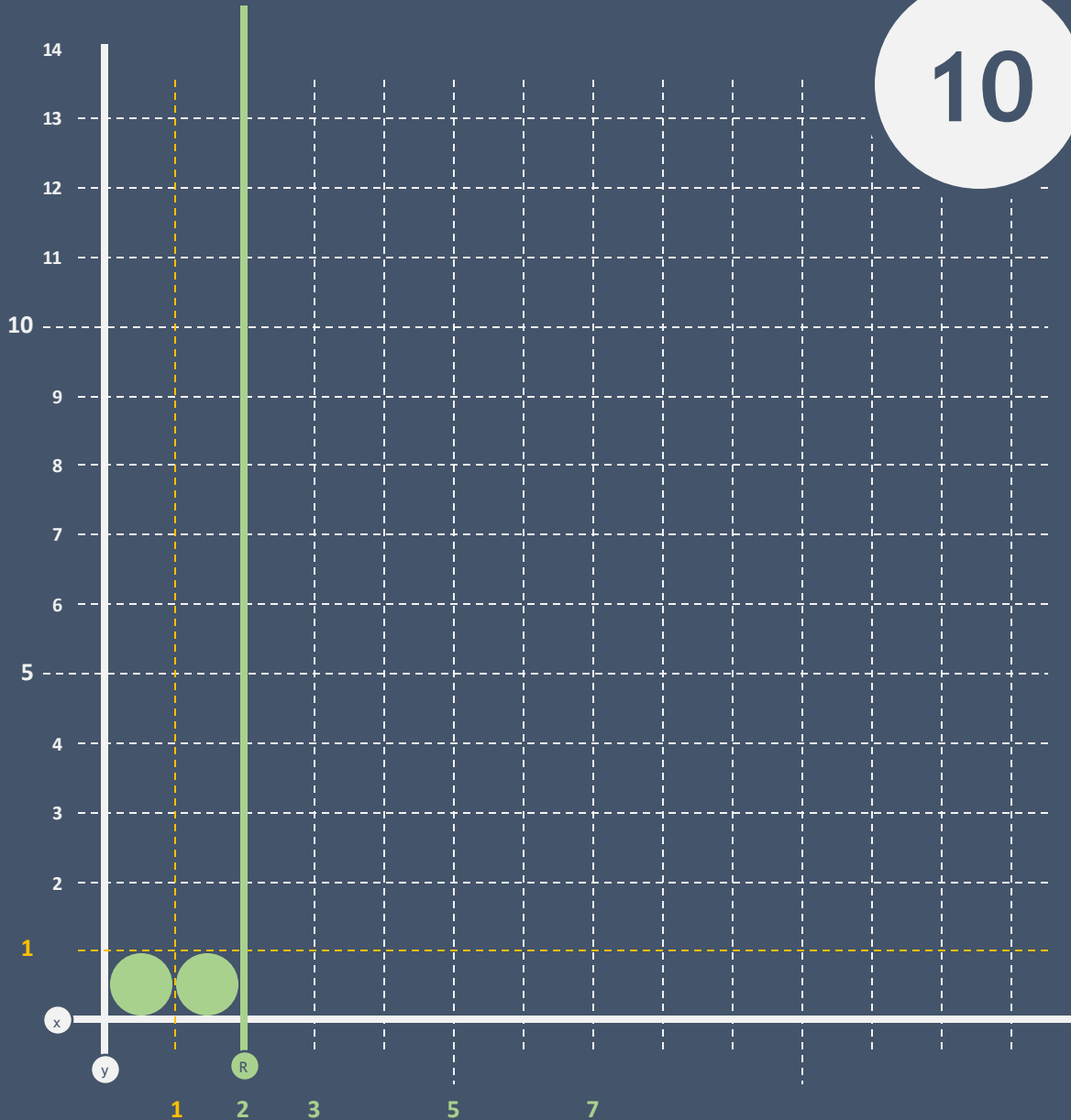
Hornerschema zur Probe:

$$10 \div 2 = 5 \text{ Rest } 0$$

$$5 \div 2 = 2 \text{ Rest } 1$$

$$2 \div 2 = 1 \text{ Rest } 0$$

Wieder alle Reste und Spalten entfernen.



10

Umrechnen in binär:

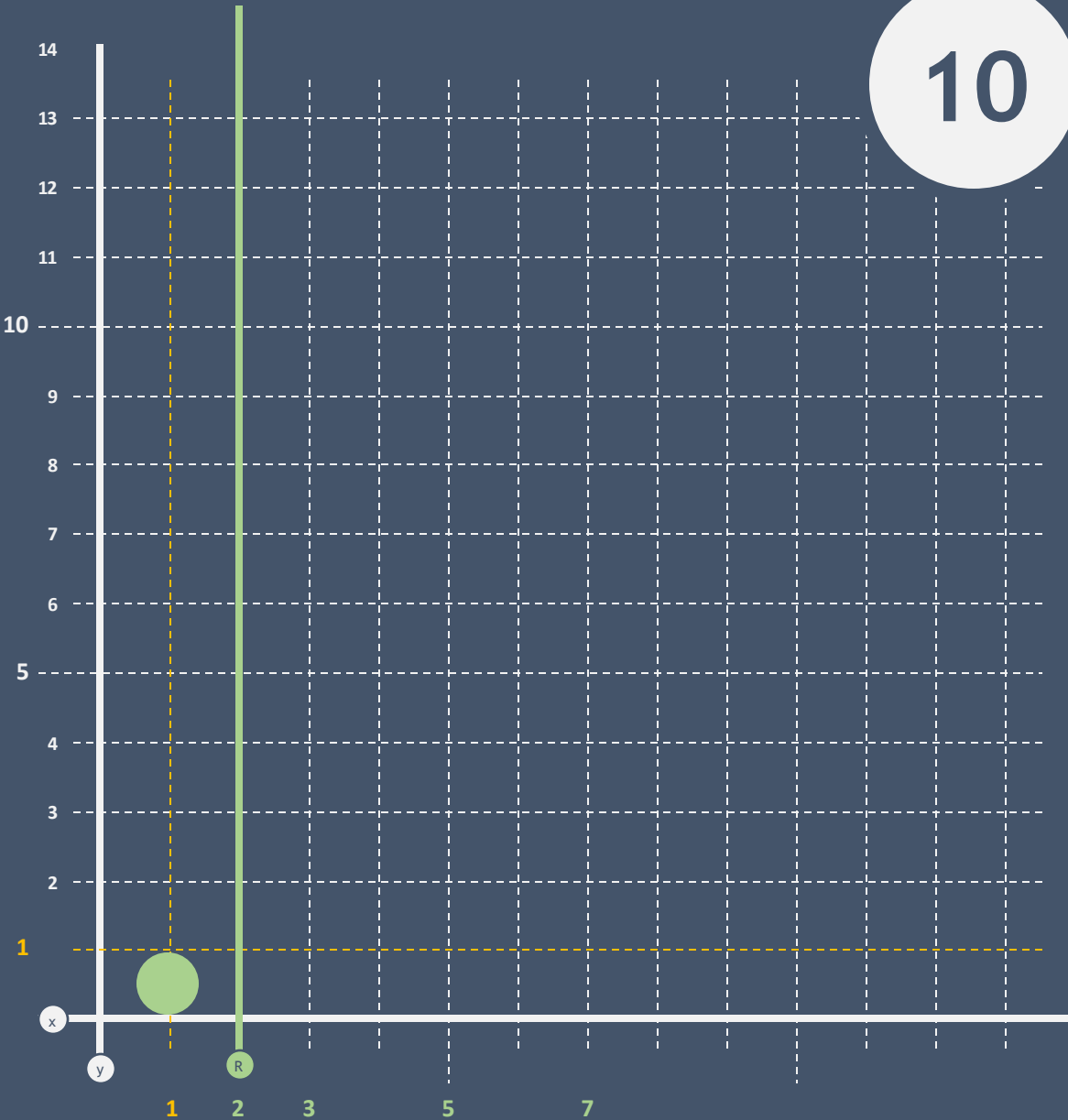
0 1 0

Hornerschema zur Probe:

$10 \div 2 = 5$ Rest 0

$5 \div 2 = 2 \text{ Rest } 1$

$$2 \div 2 = 1 \text{ Rest } 0$$



10

Umrechnen in binär:

Und das letzte Mal den Rest notieren:

1 0 1 0

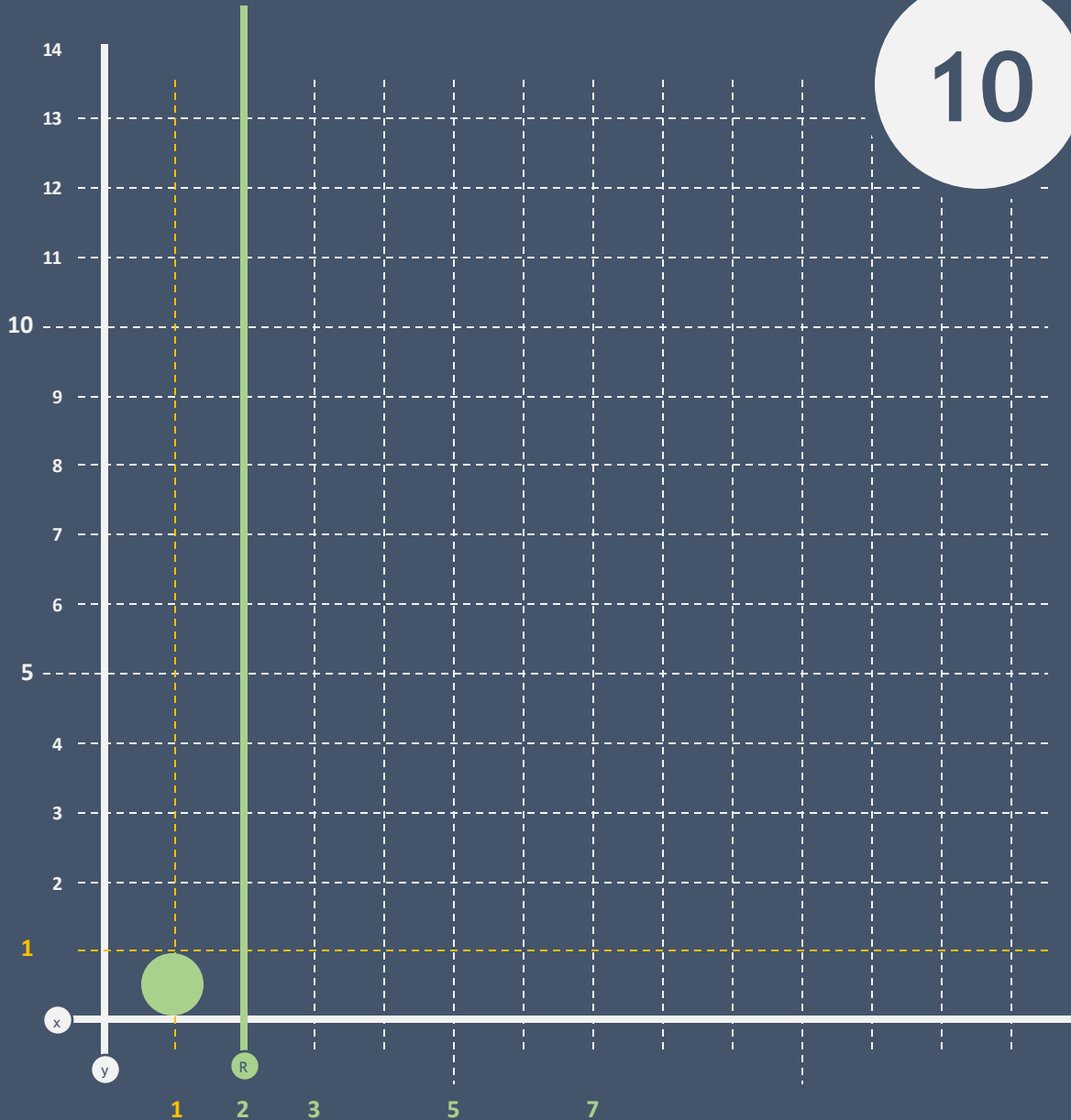
Hornerschema zur Probe:

$$10 \div 2 = 5 \text{ Rest } 0$$

$$5 \div 2 = 2 \text{ Rest } 1$$

$$2 \div 2 = 1 \text{ Rest } 0$$

1 \div 2 = 0 Rest 1



10

Umrechnen in binär:

Das letzte Mal den Rest entfernen und wir sehen, dass alle Kugeln weg sind. Wir sind fertig mit der Umrechnung.

1 0 1 0

Hornerschema zur Probe:

$$10 \div 2 = 5 \text{ Rest } 0$$

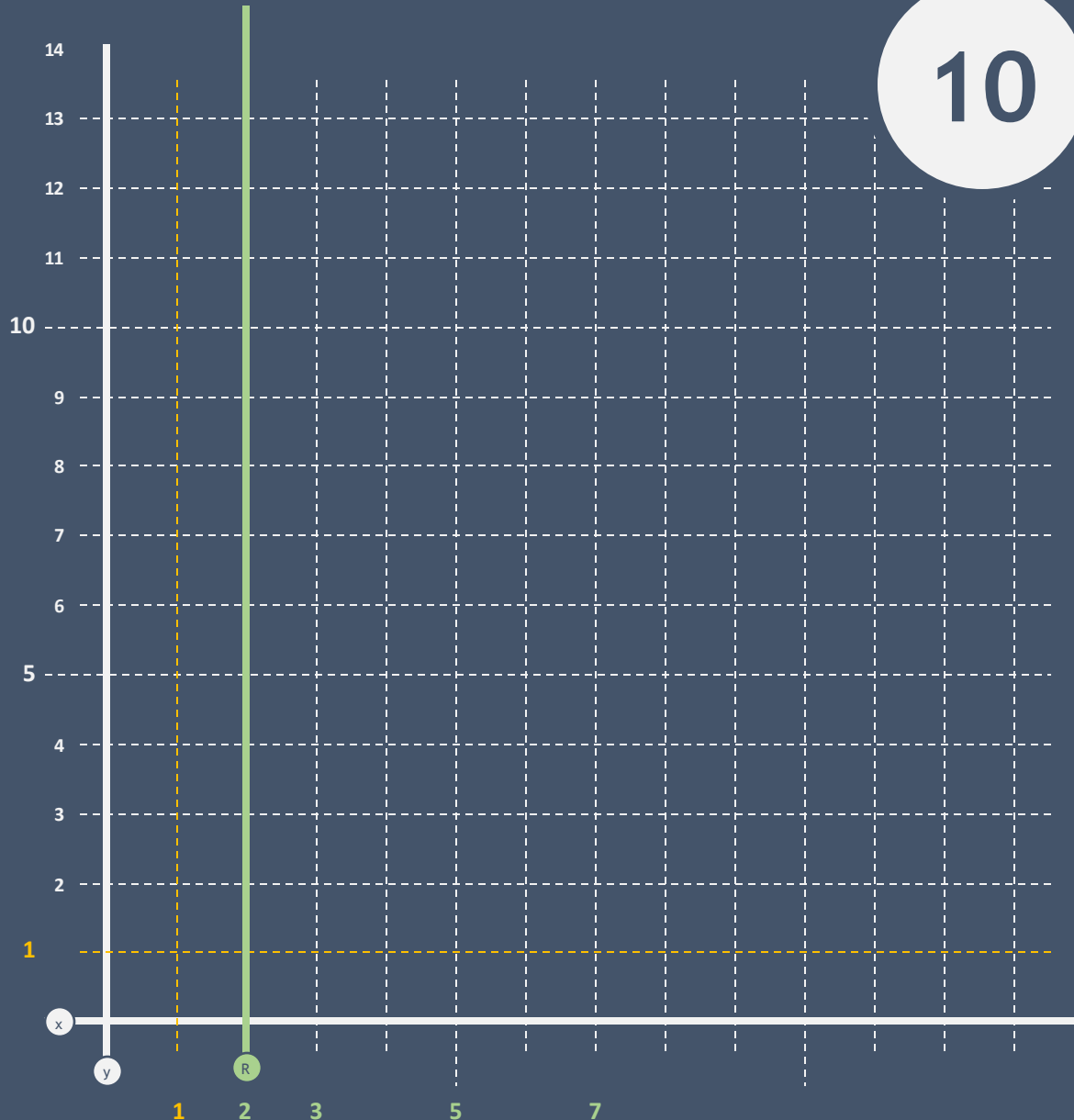
$$5 \div 2 = 2 \text{ Rest } 1$$

$$2 \div 2 = 1 \text{ Rest } 0$$

$$1 \div 2 = 0 \text{ Rest } 1$$

Achtung: Wird von unten nach oben gelesen!

=> 1010

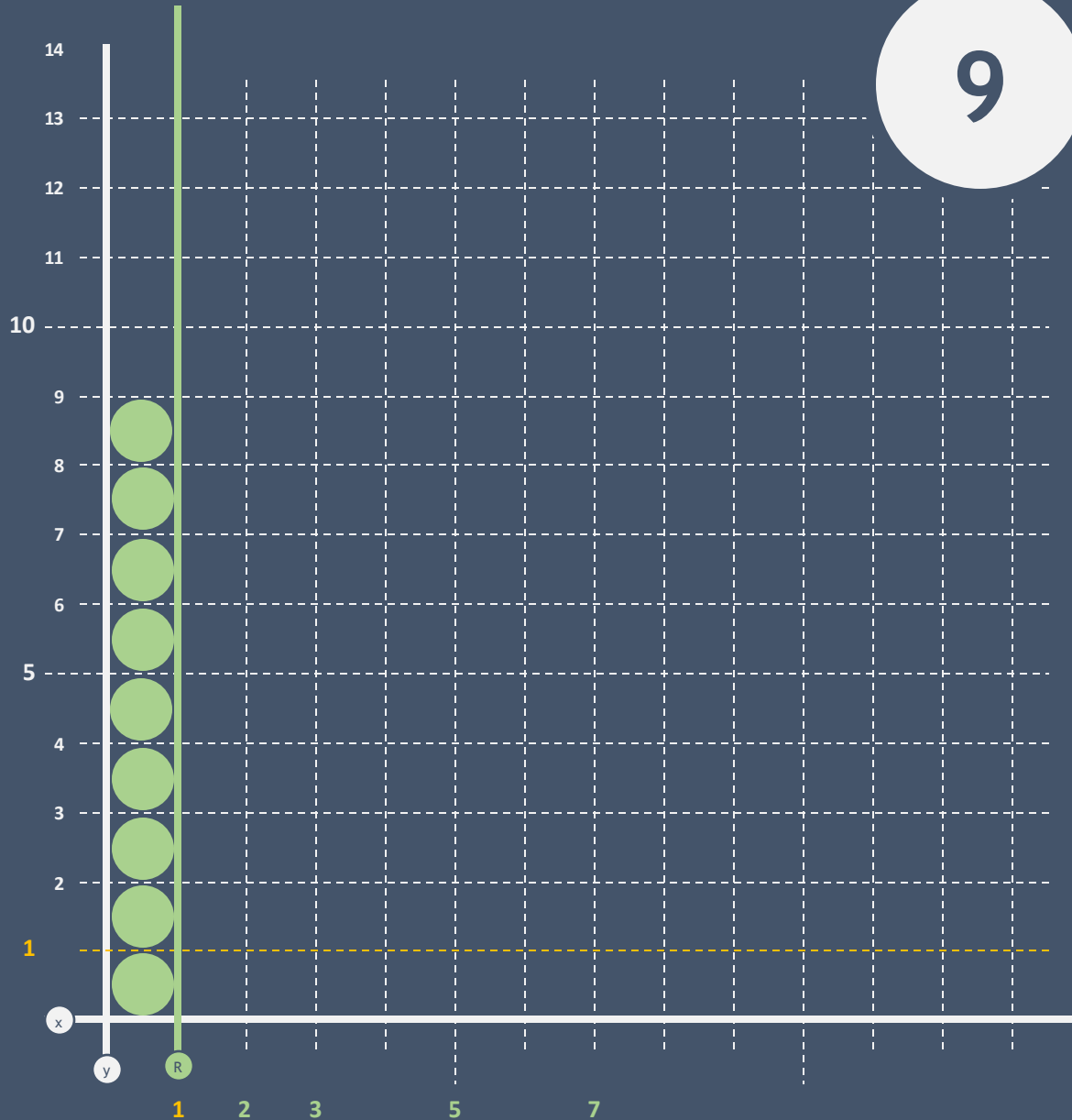


Und was geht noch?

Zum Beispiel:

- Quadratwurzel berechnen / abschätzen
- Multiplizieren (durch Kugeln zählen)

9

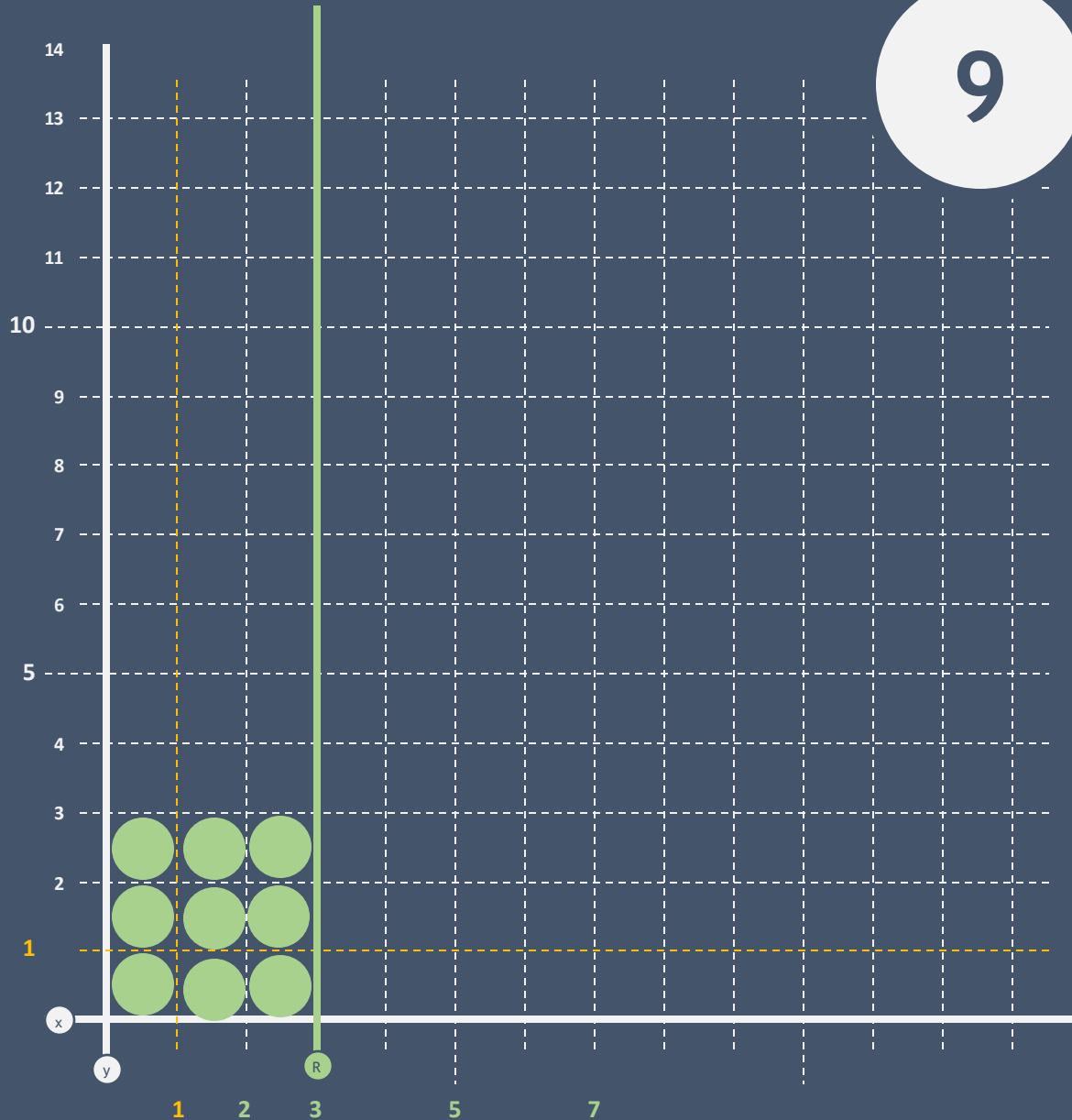


Quadratwurzel abschätzen:

Das Prinzip ist ganz einfach: Wenn wir aus den Kugeln ein Rechteck formen können und es sogar ein Quadrat ist, kann man die Quadratwurzel einfach an den Achsen ablesen (x oder y).

Schauen wir uns das mal bei der 9 an ...

9



Quadratwurzel abschätzen:

Das Prinzip ist ganz einfach: Wenn wir aus den Kugeln ein Rechteck formen können und es sogar ein Quadrat ist, kann man die Quadratwurzel einfach an den Achsen ablesen (x oder y).

Schauen wir uns das mal bei der 9 an ...

An den beiden Achsen können wir die Quadratwurzel ablesen: 3

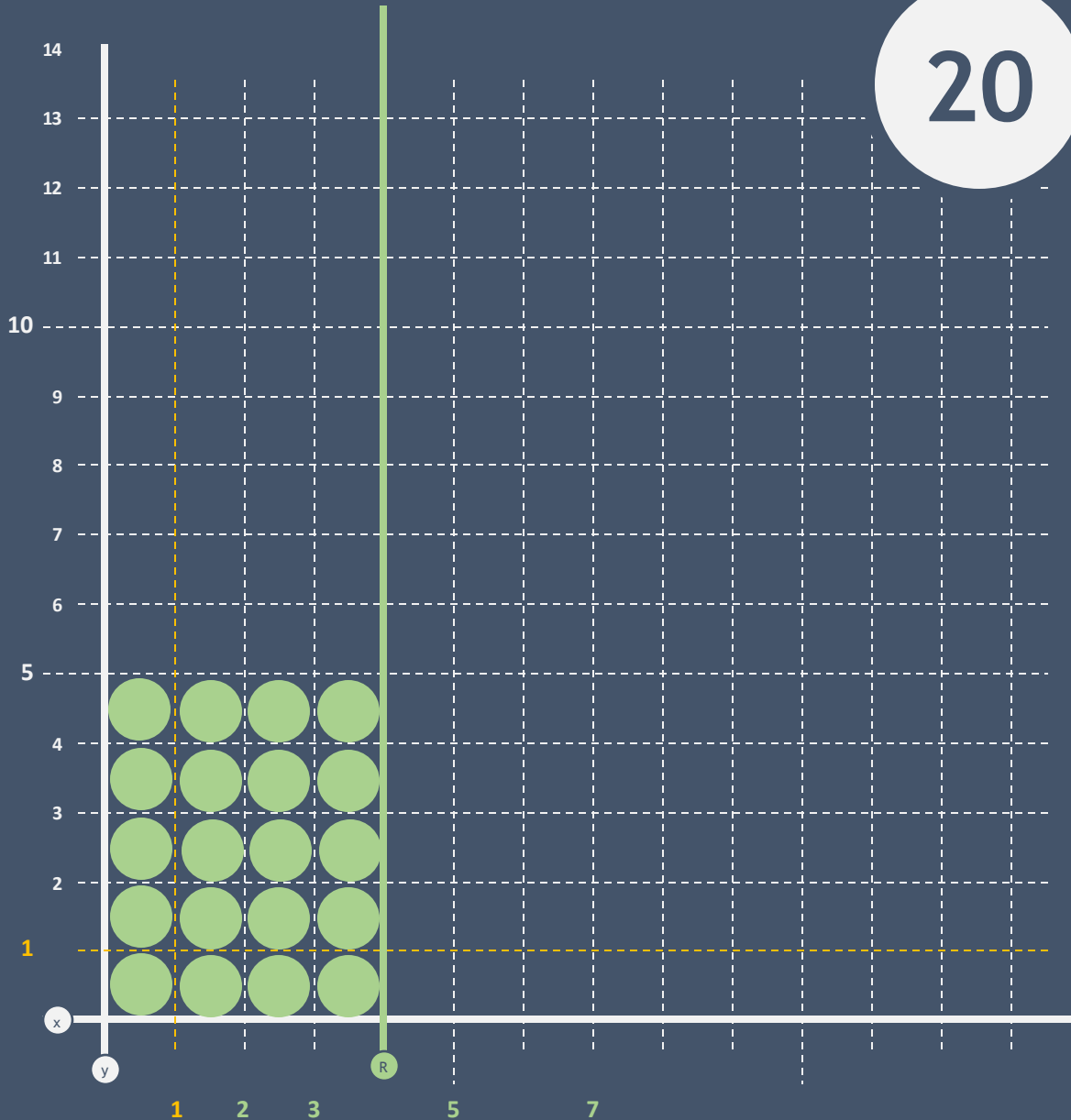
20

Quadratwurzel abschätzen :

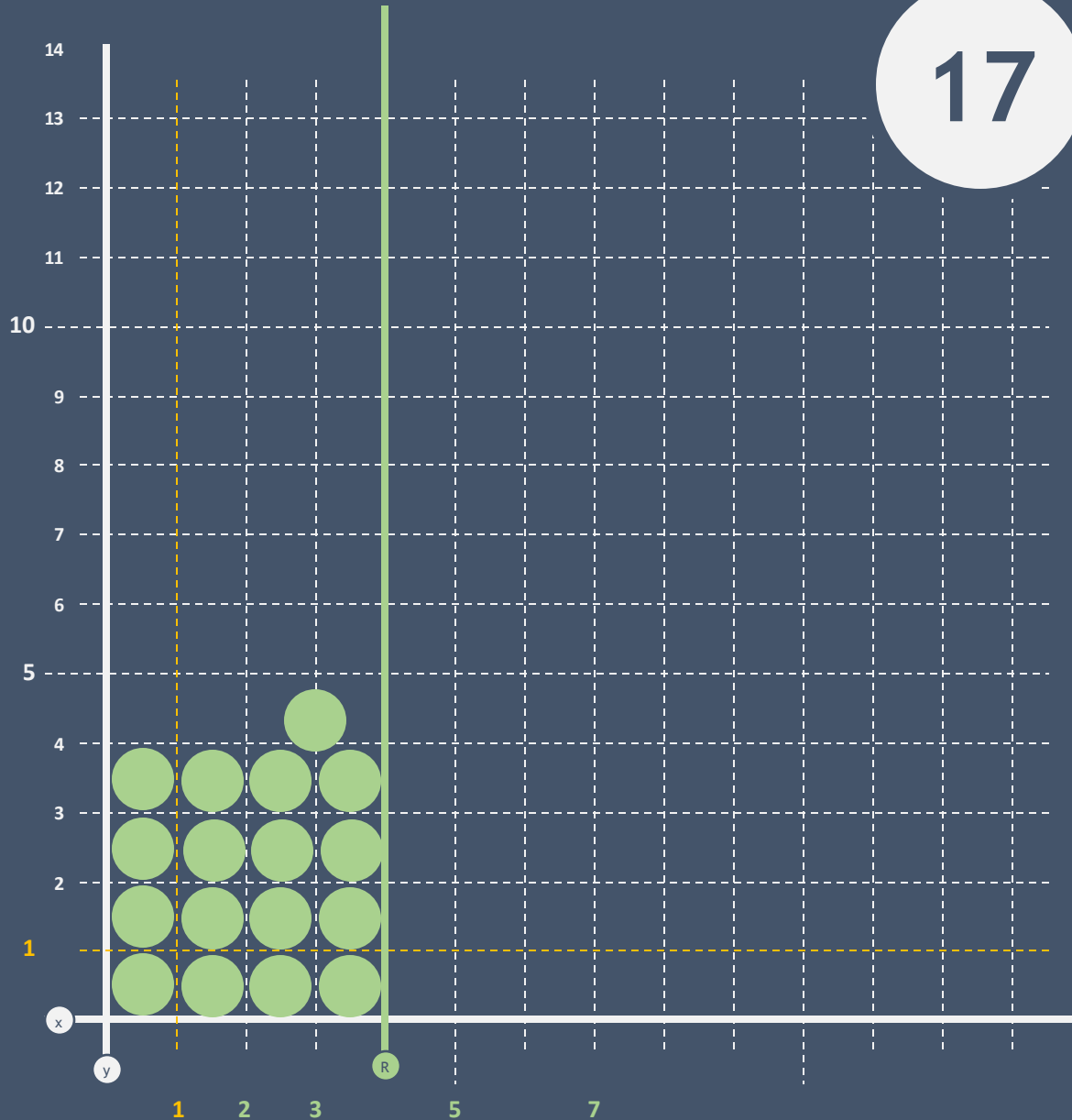
Schauen wir uns jetzt die 20 an. Keine Quadratzahl, aber sie lässt sich ohne Rest darstellen.

Wir können jetzt $x = 4$ und $y = 5$ ablesen. Das bedeutet, die Quadratwurzel liegt irgendwo zwischen 4 und 5. Man kann das jetzt noch abschätzen und kommt damit auf 4,5.

Tatsächlich beträgt die Quadratwurzel 4,47.



17



Quadratwurzel abschätzen :

Schauen wir uns das auch noch mit der 17 an. Eine Primzahl - kann daher keine Quadratzahl sein. Es lässt sich nur mit Rest darstellen.

Wir können auch hier $x = 4$ und $y = 4$ ablesen. Wir haben aber noch einen Rest. Also liegt die Quadratwurzel etwas über 4.

1 Kugel = $\frac{1}{4}$. Davon nehmen wir die Hälfte und addieren das zur 4. Wir erhalten 4,125.

Tatsächlich beträgt die Quadratwurzel 4,123.

Das war ...

Die Primzahlenerkennungsmaschine

Eine theoretische Bauanleitung

Tom Gries (TOMO) | GPN21 | Juni 2023 | Medientheater | 30 Minuten



@tomo@social.tchncs.de



@_TomGries_

