## Máquina de Turing que duplica cadena de unos

Alumno: Monroy Martos Elioth Profesor: Genaro Juárez Martínez Materia: Computing Selected Topics

Grupo: 3CM8

19 de septiembre de 2018

# ${\bf \acute{I}ndice}$

1. Introducción	3
2. Desarrollo	4
3. Resultados	8
Referencias	10

#### 1. Introducción

Las máquinas de Turing son un dispositivo que permite idealmente resolver cualquier problema, debido a que tiene una memoria infinita, sin embargo está implementación no es posible de realizar y deben ser acotadas a una memoria o cinta finita, de tal forma que se dice que si una máquina de Turing es capaz de resolver un problema, este problema es computable (quiere decir que una computadora lo puede resolver). En caso contrario, se dice que el problema no es computable.[1]

El ejercicio a realizar en está actividad, es diseñar e implementar una máquina de Turing que duplique la cantidad de unos de una cadena ingresada, y que además, se muestre el procedimiento en una animación y se escriba en un archivo el log de los pasos realizados por la máquina de Turing.

#### 2. Desarrollo

Para la elaboración del programa, se realizó el siguiente diagrama que modela los estados y las transiciones que tiene la máquina.

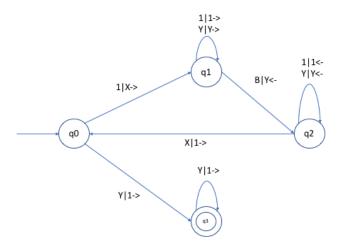


Figura 1: Estados y transiciones usados

Posteriormente, para el modelado de la máquina de Turing se realizó la siguiente implementación en Python 3.7, la cual es una clase que sirve para trabajar con la misma:

#### maquina.py

```
class MaquinaTuring(object):
    def __init__(self , estados , alfabeto , transiciones , inicial ,
        final , cadena):
        self .estados=estados
        self .alfabeto=alfabeto
        self .transiciones=transiciones
        self .inicial=inicial
        self .estado_actual=self .inicial
        self .final=final
        self .apuntador=0
        self .blanco="B"
        self .cadena=list (cadena)
```

```
self.direction=""
12
    def evaluar (self):
13
       if len(self.cadena)-1<self.apuntador:
14
         caracter=self.blanco
16
         caracter=self.cadena[self.apuntador]
17
18
      if caracter in self.alfabeto:
19
         transicion = (self.estado_actual, caracter)
20
         if transicion in self.transiciones:
21
           siguiente=self.transiciones[transicion]
22
           if len (self.cadena)-1<self.apuntador:
23
             self.cadena.append(self.blanco)
           if self.apuntador < 0:
25
             self.cadena.insert(0, self.blanco)
26
           self.cadena[self.apuntador]=siguiente[1]
27
           if siguiente [2] == R:
             self.apuntador+=1
29
30
             self.apuntador = self.apuntador - 1
           self.estado_actual=siguiente[0]
33
           self.direction=siguiente[2]
34
           if self.estado_actual in self.estados:
35
             return True
           else:
37
             return False
38
         else:
39
           return False
40
      else:
41
         return False
42
    def esFinal(self):
43
       if self.estado_actual in self.final:
44
         if len (self.cadena)-1<self.apuntador:
45
           return True
46
      return False
```

Por si sola está máquina no tiene funcionalidad, por lo cual fue necesario el uso de la misma en otro archivo, el cual se encarga de manejar todo el funcionamiento del programa, como recibir la entrada (cadena de unos), y utilizar tkinter para realizar la animación de la máquina de Turing.

```
1 from tkinter import *
2 from tkinter import font as tkfont
3 import time
4 from maquina import MaquinaTuring
```

```
5
6 entrada = input ("Ingrese la cadena a duplicar: ")
  estados=["q0","q1","q2","q3"]
s alfabeto=["1","Y","X","B"]
  transiciones={
     ("q0", "1"): ("q1", "X", "R"),
    ("q0", "Y"): ("q3", "1", "R"),
("q1", "1"): ("q1", "1", "R"),
("q1", "Y"): ("q1", "Y", "R"),
("q1", "B"): ("q2", "Y", "L"),
("q2", "1"): ("q2", "1", "L"),
                           "1",
12
13
14
     ("q2", "1"): ("q2", "1", "L"),
("q2", "X"): ("q0", "1", "R"),
16
     ("q2", "Y"): ("q2", "Y", "L"),
17
     ("q3", "Y"): ("q3", "1", "R"),
18
19
20
  maquina = MaquinaTuring (estados, alfabeto, transiciones, estados
      [0], estados [3], entrada)
master = Tk()
master.title("Turing")
^{25} c = Canvas(master, width=400, height=300)
27 tipo_letra = tkfont.Font(family="Helvetica", size=20)
29 flecha = c.create_line(175, 150, 175, 175, arrow=LAST, width=2)
  texto = c.create_text(165, 200, text="".join(maquina.cadena),
      font=tipo_letra , anchor=W)
stado = c.create_text(120, 150, text=maquina.estado_actual,
      font=tipo_letra, anchor=W)
32
  archivo = open("salida.txt", "w")
  while not maquina.esFinal():
34
     print("Cadena: "+"".join(maquina.cadena))
35
     print ("Estado actual: "+str (maquina.estado_actual)+",
36
      apuntador: "+str (maquina.apuntador+1)+"\n")
37
     archivo.write("Cadena: "+"".join(maquina.cadena)+"\n")
     archivo.write("Estado actual: "+str(maquina.estado_actual)+",
39
      apuntador: "+str (maquina.apuntador+1)+"\n")
     if not maquina.evaluar():
40
41
       print ("---
       archivo.write("-
42
       archivo.write("\n")
43
     print("Siguiente estado: "+str(maquina.estado_actual))
```

```
print ("---
45
46
    archivo.write("Siguiente estado: "+str(maquina.estado_actual))
47
    archivo.write("-
48
    archivo.write("\n")
49
    master.update()
51
    time.sleep(.8)
52
    \verb|c.itemconfigure(texto|, text=""".join(maquina.cadena))||
53
    {\tt c.itemconfigure (estado, text=str(maquina.estado\_actual))}
    if maquina. direction = 'R':
55
      c.move(flecha, 9, 0)
56
    else:
57
      c.move(flecha, -9, 0)
58
print ("Resultado: "+"".join (maquina.cadena))
archivo.write("Resultado: "+"".join(maquina.cadena)+"\n")
62 master.mainloop()
```

### 3. Resultados

Para comprobar la funcionalidad del programa, se realizó la siguiente prueba, se ingresó la cadena "11".

Los resultados obtenidos fueron los siguientes:

Figura 2: Resultados prueba (1)

```
Cadena: 11
Estado actual: q0, apuntador: 1
Siguiente estado: g1-
Cadena: X1
Estado actual: q1, apuntador: 2
Siguiente estado: q1-
Cadena: X1
Estado actual: q1, apuntador: 3
Siguiente estado: q2-
Cadena: X1Y
Estado actual: q2, apuntador: 2
Siguiente estado: q2-
Cadena: X1Y
Estado actual: q2, apuntador: 1
Siguiente estado: q0-
Cadena: 11Y
Cadena: 1XY
Estado actual: g1, apuntador: 3
Siguiente estado: q1-
Cadena: 1XY
Estado actual: g1, apuntador: 4
Siguiente estado: q2-
Cadena: 1XYY
Estado actual: q2, apuntador: 3
Siguiente estado: q2-
Cadena: 1XYY
Estado actual: q2, apuntador: 2
Siguiente estado: q0-
Cadena: 11YY
Estado actual: g0, apuntador: 3
Siguiente estado: q3-
Cadena: 111Y
Estado actual: q3, apuntador: 4
Siguiente estado: q3-
Resultado: 1111
```

Figura 3: Resultados prueba (2)





Figura 4: Resultados prueba (3)

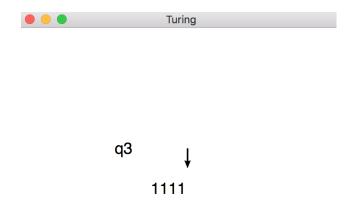


Figura 5: Resultados prueba (4)

### Referencias

[1] J. E. Hopcroft, R. Motwani, and J. D. Ullman, *Introducción a La Teoría De Autómatas, Lenguajes Y Computación*. Addison-Wesley, 2007.