

2018-2019年度第二学期 00106501

计算机图形学



童伟华 管理科研楼1205室

E-mail: tongwh@ustc.edu.cn

中国科学技术大学 数学科学学院

<http://math.ustc.edu.cn/>





第三节 二维图形程序

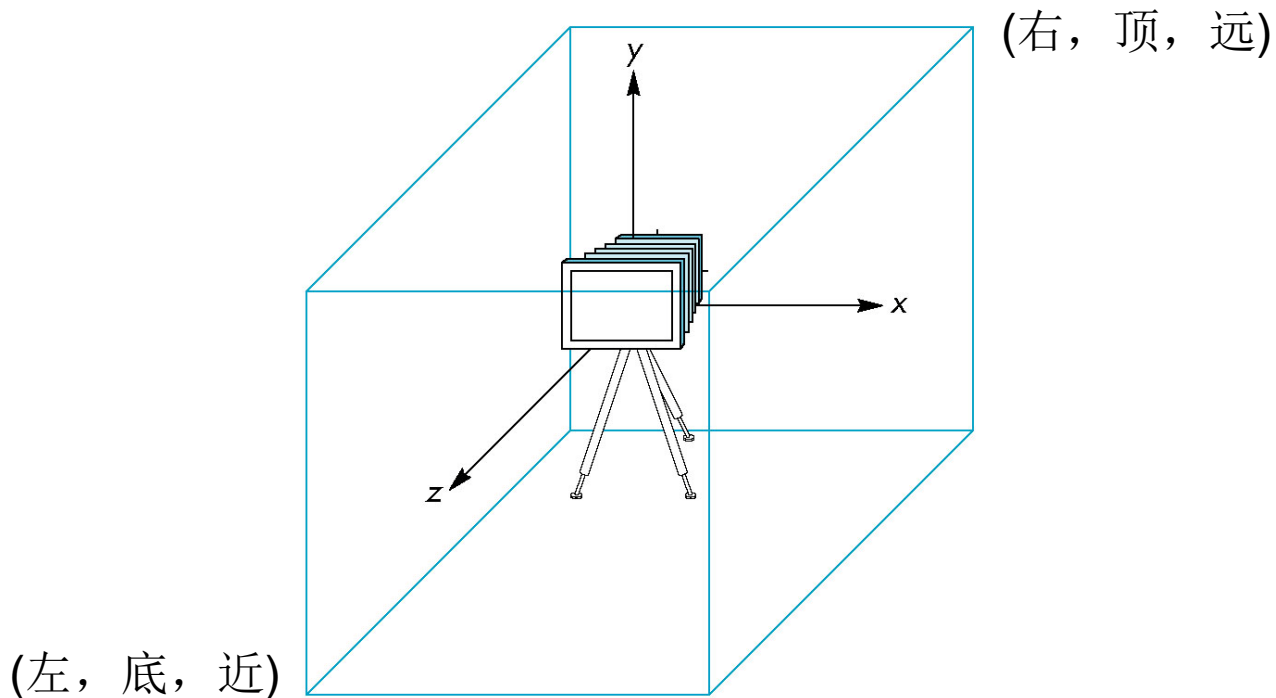
坐标系



- 在glVertex中的单位是由应用程序确定的，称为世界（对象）坐标系
- 视景物也是相对于世界坐标系指定的，视景物确定出现在图像中的对象
- 在OpenGL内部，会把世界坐标转化为照相机（视点）坐标，稍后转化为屏幕坐标
- 实际上，OpenGL也用到一些内部表示，对于shaders来说是很重要的，但是对应用程序是不可见的

OpenGL中的照相机

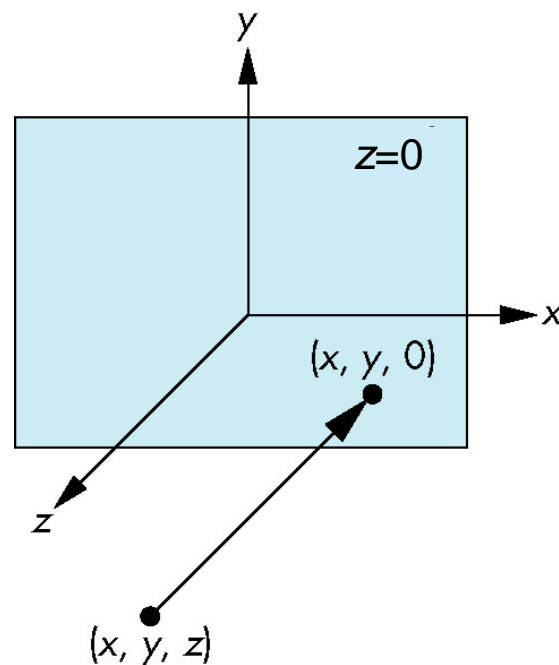
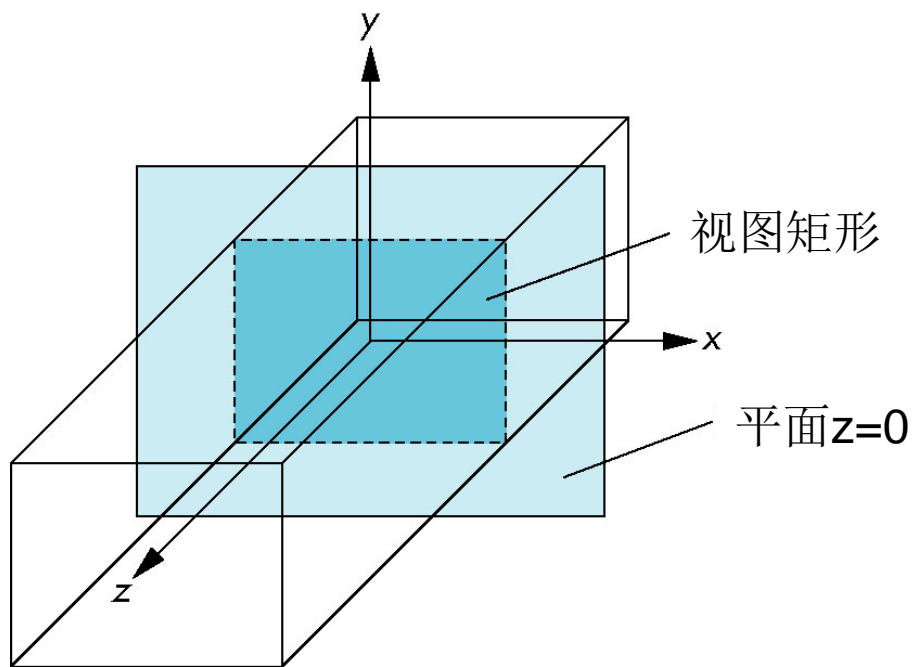
- 照相机被放置在对象坐标系的原点，
指向Z轴的负方向
- 默认的视景体是一个中心在原点，
边长为2的立方体



正交视图



- 在默认的正交视图中，点沿着 z 轴投影到 $z=0$ 的平面上



变换与视图



- 在OpenGL中投影是利用投影矩阵乘法（变换）进行的
- 因为OpenGL是一个状态机，拥有模型视点（modelview）矩阵栈和投影（projection）矩阵栈，因此须先设置矩阵模式

```
glMatrixMode(GL_PROJECTION);
```

- 变换函数是累加在一起的，因此需要从单位阵开始，然后把它改变为一个投影矩阵以定义视景体

```
glLoadIdentity();
```

```
glOrtho(-1.0, 1.0, -1.0, 1.0, -1.0, 1.0);
```

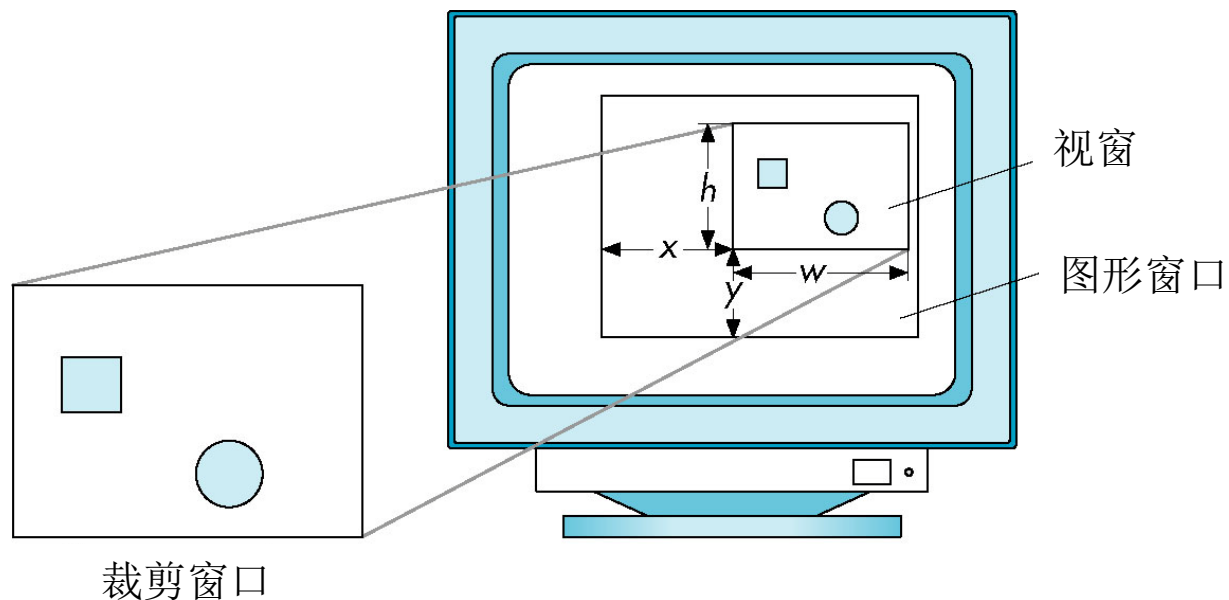
二维与三维视图

- 在glOrtho(左, 右, 底, 顶, 近, 远)中的近与远是相对于照相机的距离而言的
- 二维顶点命令把所有的顶点放在 $z=0$ 的平面上
- 如果应用程序处于二维状态, 那么可以使用下述函数设置正交视景体:
gluOrtho2D(左, 右, 底, 顶)
- 对于二维情形, 视景体或裁剪体退化为裁剪窗口

视窗



- 并不需要把整个当前窗口用来显示图像：
`glViewport(x,y,w,h)`
- 参数值以像素为单位（屏幕坐标）

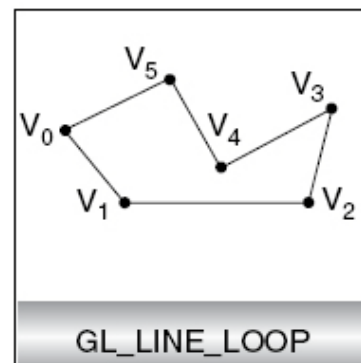
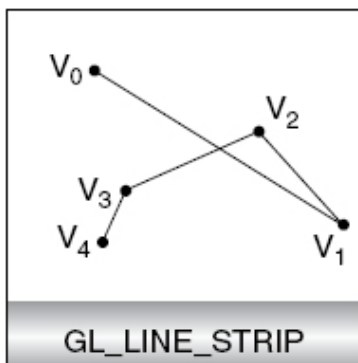
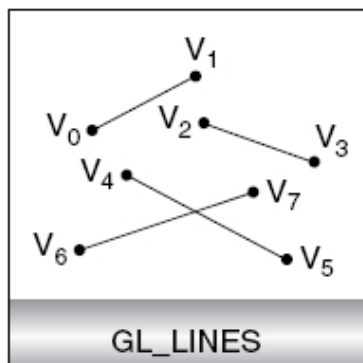
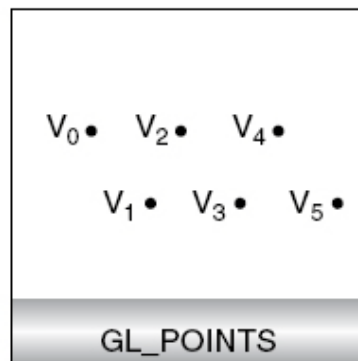


绘制代码

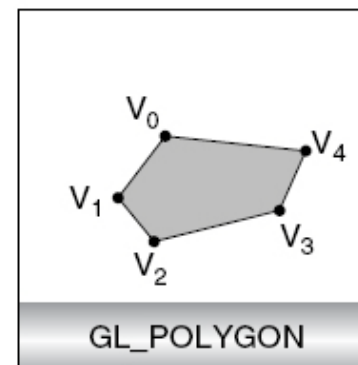
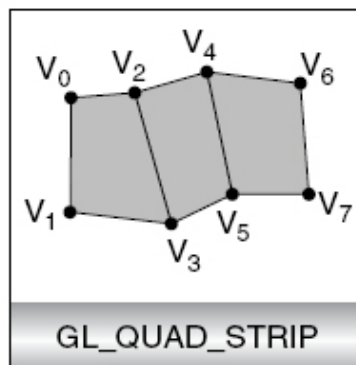
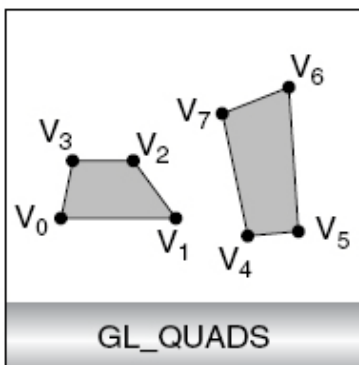
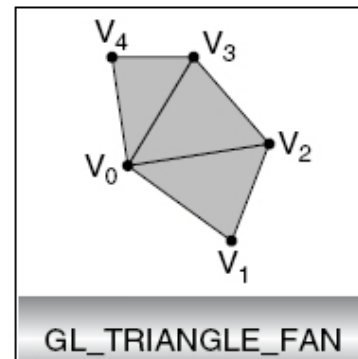
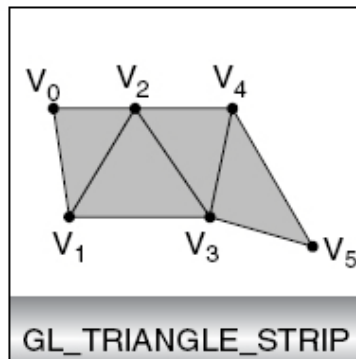
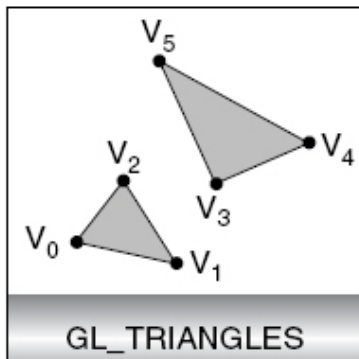


```
void MainWindow::paintGL()  
{  
    // render scenes  
    glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT);  
    glBegin(GL_POLYGON);  
        glVertex2d(-0.5, -0.5);  
        glVertex2d(-0.5, 0.5);  
        glVertex2d(0.5, 0.5);  
        glVertex2d(0.5, -0.5);  
    glEnd();  
    glFlush();  
}
```

OpenGL的基本几何形状



OpenGL的基本几何形状

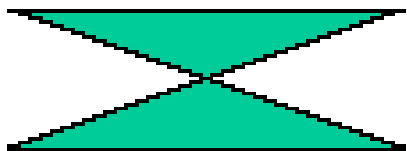


定义多边形的限制条件

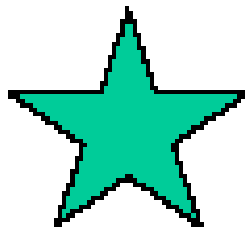


■ OpenGL只能显示满足下述条件的多边形

- 简单多边形：边除顶点外不相交
- 凸多边形：对于多边形中任意两点，连接这两点的线段完全在多边形内
- 平面多边形：所有顶点在同一平面上



非简单多边形



非凸多边形

■ 用户自己确保上述条件满足

- 如果不满足上述要求，OpenGL也会有输出，只是结果看起来与期望的不同
- 三角形自动满足上述所有限制条件，因此应尽量应使用三角形网格

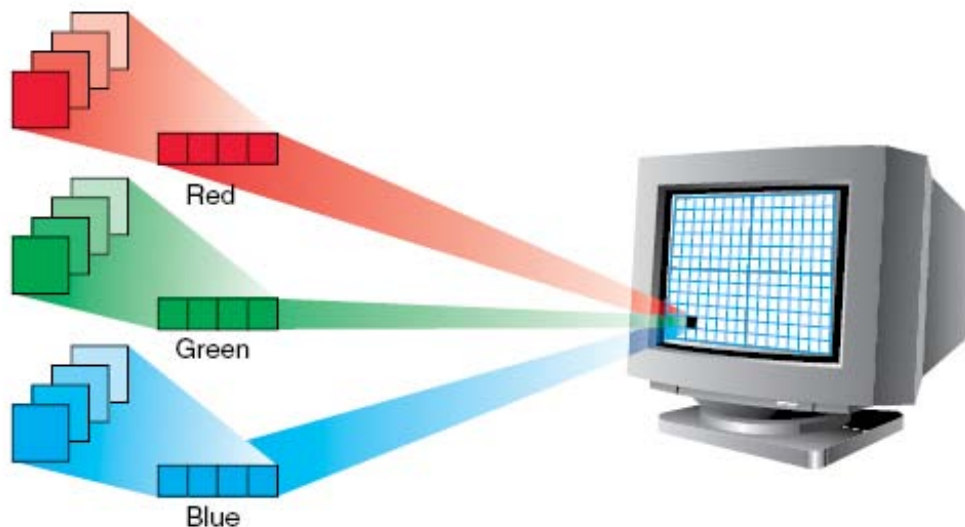
■ 属性是OpenGL中状态的一部分，确定对象的外观

- 颜色（点、线、多边形）
- 点的大小
- 线段的宽度与实虚模式
- 多边形的模式
 - 前后面
 - 填充模式：颜色或模式
 - 显示为实心多边形或者只显示边界

RGB 颜色



- 颜色的每个分量在帧缓冲区中是分开存储的
- 在缓冲区中通常每个分量占用8位字节
- 注意在函数`glColor3f`中颜色值的变化范围是从0.0（无）到1.0（全部），而在`glColor3ub`中颜色值的变化范围是从0到255



颜色与状态



- 由glColor*设置的颜色成为状态的一部分，后续构造过程将使用这一颜色，直至它被修改为止
 - 颜色与其它属性不是对象的一部分，但是在渲染对象时要把这些属性赋给对象
- 可以按下述过程创建具有不同颜色的顶点

```
glColor  
glVertex  
glColor  
glVertex
```

颜色的光滑化过渡



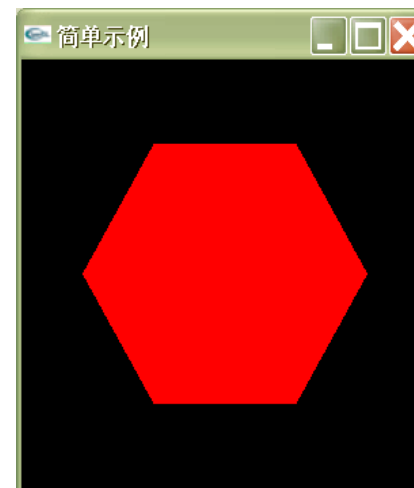
■ 默认状态是光滑过渡

- OpenGL根据多边形顶点的颜色插值出来内部的颜色

■ 另外一种状态是平坦过渡

- 第一个顶点的颜色确定填充颜色

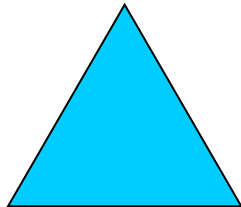
■ `glShadeModel(GL_SMOOTH)` 或 `glShadeModel(GL_FLAT)`



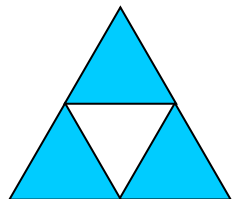
Sierpinski 镂垫 (2D)



- 从一个三角形开始

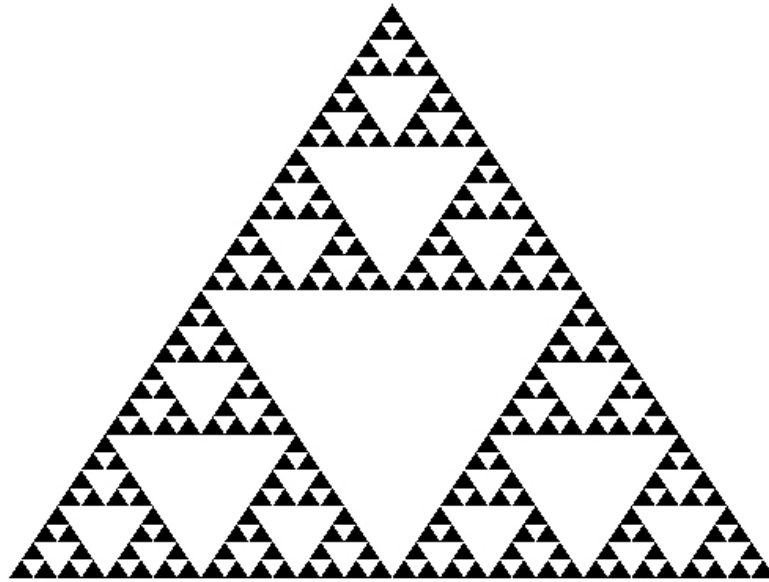


- 连接三边的中点并去掉中间的三角形



- 重复上述过程

五次细分后的结果



分形



- 考虑黑色填充区域的面积与周长（即包含填充区域的所有线段总长）
- 当持续细分时
 - 面积趋向于零
 - 但周长趋向于无穷
- 因此无穷细分后的结果不是通常的几何形状
 - 它的维数既不是一维的，也不是二维的
- 我们称之为分形（分数维1.585）

程序开头



```
#include <GL/glut.h>

// a point data type
typedef GLfloat point2[2];

//initial triangle
point2 v[] = {{-1.0, -0.58}, {1.0, -0.58},
              {0.0, 1.15}};

int n; // number of recursive steps
```

绘制三角形



```
void triangle( point2 a, point2 b, point2 c)
// display one triangle
{
    //glBegin(GL_TRIANGLES);
        glVertex2fv(a);
        glVertex2fv(b);
        glVertex2fv(c);
    //glEnd();
}
```

三角形细分



```
void divide_triangle(point2 a, point2 b, point2 c, int m)
{
    // triangle subdivision using vertex numbers
    point2 v0, v1, v2;
    int j;
    if(m>0) {
        for(j=0; j<2; j++) v0[j]=(a[j]+b[j])/2;
        for(j=0; j<2; j++) v1[j]=(a[j]+c[j])/2;
        for(j=0; j<2; j++) v2[j]=(b[j]+c[j])/2;
        divide_triangle(a, v0, v1, m-1);
        divide_triangle(c, v1, v2, m-1);
        divide_triangle(b, v2, v0, m-1);
    }
    else(triangle(a,b,c));
    // draw triangle at end of recursion
}
```

显示与初始化函数



```
void display(void) {
    glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT);
    glBegin(GL_TRIANGLES);
        divide_triangle(v[0], v[1], v[2], n);
    glEnd();
    glFlush();
}

void myinit() {
    glMatrixMode(GL_PROJECTION);
    glLoadIdentity();
    gluOrtho2D(-2.0, 2.0, -2.0, 2.0);
    glMatrixMode(GL_MODELVIEW);
    glClearColor (1.0, 1.0, 1.0,1.0); // 背景白色
    glColor3f(0.0,0.0,0.0);
}
```

main() 函数



```
int main(int argc, char **argv)
{
    n=atoi(argv[1]); /* or set number of
subdivision steps here */
    glutInit(&argc, argv);
    glutInitDisplayMode(GLUT_SINGLE|GLUT_RGB);
    glutInitWindowSize(500, 500);
    glutCreateWindow("2D Gasket");
    glutDisplayFunc(display);
    myinit();
    glutMainLoop();
    return 1;
}
```


注解：效率

- 通过把glBegin和glEnd放在显示回调函数中，而不是triangle函数中，把glBegin的参数写为GL_TRIANGLES，而不是GL_POLYGON，绘制整个图形只需要调用一次glBegin和glEnd。

Thanks for your attention!

