

โครงงาน

Numerical Method Calculator Website

จัดทำโดย

6504062620175 นายอธิชา เล็กสรรเสริญ

เสนอ

ผู้ช่วยศาสตราจารย์สถิต ประสมพันธ์

วิชา 040613204 Object-Oriented Programming

ภาคเรียนที่ 1 ปีการศึกษา 2566

ภาควิชาวิทยาการคอมพิวเตอร์และสารสนเทศ คณะวิทยาศาสตร์ประยุกต์ มหาวิทยาลัยเทคโนโลยีพระจอมเกล้าพระนครเหนือ

เกี่ยวกับโครงงาน

ชื่อโปรเจค: Numerical Method Calculator Website

นำเสนอโดย: นายอธิชา เล็กสรรเสริญ

อาจารย์ผู้สอน: ผู้ช่วยศาสตราจารย์สถิต ประสมพันธ์

Source Code: https://github.com/tonkaew131/NumerProject

Website: https://numer.wilar.in.th/

บทที่ 1 ที่มาและความสำคัญของโครงการ

โครงงานนี้จัดขึ้นเพื่อวัดผลความสามารถในการเรียนวิชา Object Oriented Programming โดย การนำเรื่องที่เรียนมาสร้างเป็นชิ้นงานในรูปแบบเว็บ โดยใช้แนวคิดการเขียนโปรแกรมแบบเชิงวัดถุ และยัง ช่วยให้ผู้จัดทำเรียนรู้อุปกรณ์และเครื่องมือ ผู้จัดทำได้สร้างเว็บนี้ขึ้นมา

ประเภทของโครงการ

โปรแกรมเว็บแอปพลิเคชัน Full-Stack

ประโยชน์

- 1. เพื่อให้สามารถคำนวนปัญหาทาง Numerical ได้อย่างสะดวกสบาย
- 2. เพื่อนำความรู้จากวิชา Database, Numerical Methods, Object-Oriented Programming มาประยุกต์ใช้
- 3. เพื่อนำแนวคิดการเขียนโปรแกรมแบบเชิงวัดถุมาประยุกต์ใช้

ขอบเขตของโครงการ

- 1. ความต้องการของระบบ (Functional Requirements)
 - สามารถคำนวนปัญหาทาง Numerical ดังนี้ได้
 - รากของสมการ (Root of Equation)
 - สมการพีชคณิตเชิงเส้น (Linear Algebra Equation)
 - การประมาณค่าในช่วง (Interpolation)
 - การประมาณค่านอกช่วง (Extrapolation)
 - ปริพันธ์ (Integration)
 - อนุพันธ์ (Differentiation)

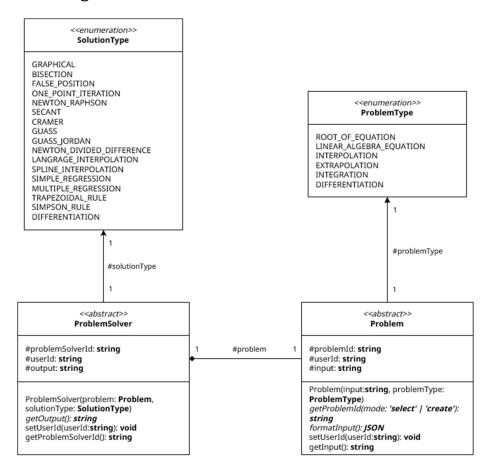
- สามารถแสดงผลลัพธ์ออกเป็นกราฟแบบโต้ตอบ (Interactive graph) โดยใช้ ployly.js
- สามารถเก็บข้อมูลของปัญหาที่เคยคำนวณ โดยใช้ PlanetScale Database
- สามารถเข้าสู่ระบบด้วย Google Account
- สามารถแสดงปัญหาที่เคยคำนวนแล้ว และแสดงจำนวนครั้งที่ถูกคำนวณได้

2. ตารางเวลาการดำเนินโครงการ (Project Schedule)

งาน		สัปดาห์ 1 (ก.ย.)			สัปดาห์ 2 (ต.ค.)			สัปดาห์ 3 (ต.ค.)			สัปดาห์ 4 (ต.ค.)			สัปดาห์ 5 (ต.ค.)		
	25	27	29	2	4	6	9	11	13	16	18	20	23	25	27	
1. ติดตั้งและออกแบบฐานข้อมูล	X															
2. ระบบเข้าสู่ระบบด้วย Google		X														
3. ปัญหา Root of Equation			X	X	X	X										
4. กราฟแบบโต้ตอบ (plotly.js)							х									
5. ปัญหา Linear Algebra Equation								х	Х	X						
6. ปัญหา Interpolation											X	Х				
7. ปัญหา Extrapolation													X			
8. ปัญหา Integration														Х		
9. ปัญหา Differentiation															X	
	0%	6%	13%	22%	28%	34%	44%	50%	56%	66%	72%	78%	88%	94%	100%	

บทที่ 2 การพัฒนา

แผนภาพ Class Diagram



โครงการนี้จะมีคราสหลักอยู่สองคราสคือ

- 1. คราส Problem จะเก็บข้อมูลของปัญหาต่างๆ เช่น
 - Id ของปัญหา
 - Id ของผู้ใช้งาน (ที่ถามปัญหา)
 - รายละเอียดของปัญหาซึ่งจะเก็บในรูปของ JSON ที่เป็น string
 - ประเภทของปัญหา เช่น Root of equation, ...

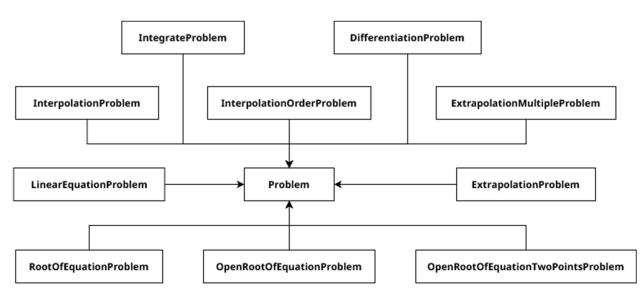
และจะมี Methods ต่างๆ ดังนี้

- getProblemId(mode: 'select' | 'create') ซึ่งเป็น Abstract method โดย methods นี้จะสามารถเลือกได้ว่าจะสร้าง Problem ใหม่หรือดึงจากที่มีอยู่บนฐานข้อมูล ซึ่งแต่ละ ปัญหาจะมีการดึงข้อมูลจากฐานข้อมูลที่แตกต่างกัน จึงสามารถ Inherit คราสนี้เพื่อไป สร้างเป็นปัญหาต่างๆ ได้
- setUserId(userId: string) ตั้ง Id ของผู้ใช้งาน (ที่ถามปัญหา)

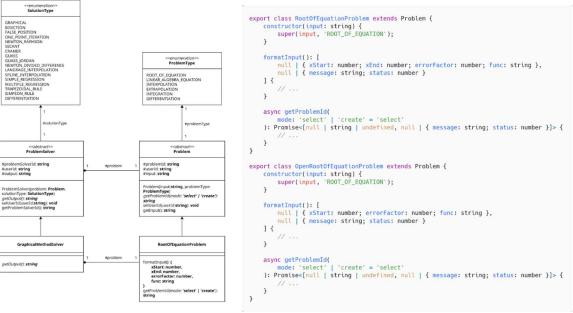
- getInput() ส่งรายละเอียดของปัญหา
- formatInput() เป็น Abstract class ที่จะเช็คว่าข้อมูลที่ส่งมาจากผู้ใช้งานให้ตรงกับ ปัญหาที่ถาม หากไม่ตรงจะไม่สามารถแก้ปัญหานั้นได้ หรือข้อมูลเยอะเกินที่ระบบรองรับ
- 2. คราส ProblemSolver จะเก็บวิธีการแก้ปัญหารูปแบบต่างๆ ของปัญหานั้นๆ เช่น
 - Id ของ Solution
 - Id ของผู้ใช้งาน (ที่ถามปัญหาด้วย Solution นี้)
 - รายละเอียดของวิธีการแก้ปัญหาซึ่งจะเก็บอยู่ในรูปของ JSON ที่เป็น string
 - ประเภทของวิธีแก้ปัญหา เช่น Graphical Method, ...

และจะมี Methods ต่างๆ ดังนี้

- getOutput() เป็น Abstract Method ที่จะดึง input ของคราส Problem มาแก้ปัญหา ต่างๆ ตามวิธีการแก้ปัญหาของ Object นั้นๆ โดย Methods จะดึงวิธีแก้ปัญหามาจาก ฐานข้อมูลและเพิ่มจำนวนการแก้ ถ้าหากเคยมีคนถามคำถามนี้แล้ว หากไม่มีจะทำการ เพิ่มเข้าไปในฐานข้อมูล
- setUserId(userId: string) ตั้ง Id ของผู้ใช้งาน (ที่ถามปัญหาด้วย Solution นี้)
- getProblemSolverId() โดย Method นี้จะดึง Id ของ Solution จากฐานข้อมูล จาก Id ของปัญหาและวิธีการแก้ปัญหา หากมีจะตั้งให้ output เป็นคำตอบจากฐานข้อมูลเลย



แผนภาพการสืบทอดคราส ของคราส Problem (แบบง่าย)



ตัวอย่างของการ Implement คราส Graphical Method และ ปัญหาของ Root Of Equation

รูปแบบการพัฒนาโครงการ



























- ภาษา: 🛭 Svelte, 🖪 TypeScript
- Framework: SvelteKit (♥ Svelte + ♥ Vite)
- ผู้ให้บริหารโฮสติ้ง: Vercel
- ฐานข้อมูล
 - Prisma เป็นไลบรารี่จับคู่เชื่อมโยงระหว่างโมเดลเชิงวัตถุและเชิงสัมพันธ์ หรือ ORM
 - PlanetScale ผู้ให้บริหารฐานข้อมูลแบบ MySQL
- CSS และ Components:
 - 🝣 TailwindCSS เป็น CSS Utility Framework
 - shadcn-svelte เป็นไลบรารี่ที่รวม Components ต่างๆ
 - 💌 KaTeX เป็นไลบรารี่แสดงสมการทางคณิตศาสตร์
- กราฟแบบโต้ตอบ: 🖩 Plotly.js
- ไลบรารี่คำนวนทางคณิตศาสตร์: 🏧 Math.js
- ไลบรารี่ระบบล็อคอิน: 🔺 Lucia

แนวคิดการเขียนโปรแกรมเชิงวัตถุ

Constructor

```
// src/lib/server/problem.ts
constructor(input: string, problemType: ProblemType) {
   this.input = input;
   this.problemType = problemType;
}

// src/lib/server/problem.ts
constructor(problem: Problem, solutionType: SolutionType) {
   this.problem = problem;
   this.solutionType = solutionType;
}
```

Constructor ของคราส Problem และคราส ProblemSolver เพื่อรับ Parameters ต่างๆ มา ตั้ง Attribute

```
// src/lib/server/rootProblem.ts
constructor(input: string) {
    super(input, 'ROOT_OF_EQUATION');
}
```

เมื่อคราส RootOfEquationProblem inherit คราส Problem มาจึงไม่จำเป็นต้องใส่ solutionType แต่สามารถเรียก super class Constructor ได้เลย

- Encapsulation

```
// src/lib/server/problem.ts
protected problemSolverId?: string;
protected solutionType: SolutionType;
protected userId?: string;
protected problem: Problem;
protected output?: string;
```

Attribute ของคราสหลักๆ เช่นคราส Problem และคราส ProblemSolver จะเป็นแบบ Protected เพื่อให้สามารถมองเห็นได้เฉพาะคราสที่ Inherit ไปเช่น คราส CramerSolver, คราส GuassEliminationSolver, ... โดยหากต้องการค่าของ Attribute สามารถใช้ได้จาก getter methods เช่น getInput(), getOutput()

- Composition

```
// src/lib/server/problem.ts
protected problem: Problem;
```

ในคราสของ ProblemSolver จะมี Attribute เป็นวัตถุ (Object) ของคราส Problem ซึ่งไว้เก็บ ปัญหาที่คราส ProblemSolver นั้นๆ พยายามแก้ ตัวอย่างเช่นคราส TrapezoidalRuleSolver จะมี Class ปัญหาคือคราส IntegrateProblem

```
// src/lib/server/problem.ts
const [problemId, problemIdError] = await this.problem.getProblemId('select');
```

การเรียกใช้งานคราส Problem ในคราส ProblemSolver

- Polymorphism

```
// src/routes/api/solution/integrate/trapezoidal/+server.ts
const problem = new IntegrateProblem(JSON.stringify(dataJson));
const problemSolved = new TrapezoidalRuleSolver(problem);

// src/lib/server/integrateProblem.ts
constructor(problem: Problem) {
    super(problem, 'TRAPEZOIDAL_RULE');
}
```

ในส่วนของ API ต่างๆ จะมีการสร้างคราสปัญหา (Problem) และ คราสการแก้ปัญหา (ProblemSolver) ซึ่งจากตัวอย่าง API trapezoidal จะมีการสร้างคราส IntegrateProblem และ คราส TrapezoidalRuleSolver ซึ่งการสร้างคราส TrapezoidalRuleSolver, Constructor จะรับ คราส IntegrateProblem เข้ามาเป็น Attribute problem ที่เป็นคราส Problem จึงเป็นการที่ IntegrateProblem อยู่ในรูปของคราส Problem

- Abstract & Inheritance

```
// src/lib/server/problem.ts
abstract getOutput(): Promise<[object | null, { message: string; status: number } | null]>;

// src/lib/server/interpolationProblem.ts
export class NewtonDividedDifferenceSolver extends ProblemSolver {
    constructor(problem: Problem) {
        super(problem, 'NEWTON_DIVIDED_DIFFERENCE');
    }

    async getOutput(): Promise<[object | null, { message: string; status: number } | null]> {
        // ...
    }
}
```

โดยคราส Problem และ ProblemSolver จะมี Abstract methods ต่างๆ ให้คราสที่ inherit ไป สามารถ implement methods ได้ตามความต้องการและรายละเอียดของปัญหา

ตัวอย่างเช่นคราส NewtonDividedDifferenceSolver เป็นคราสที่สืบทอดมาจากคราส
ProblemSolver ซึ่งจะมี Abstract method เป็น getOutput() ซึ่งคราส
NewtonDividedDifferenceSolver ก็จะ implement method โดยจะส่งคำตอบออกมาด้วยวิธีการ
ของ Newton divided-difference

อัลกอริทึมที่สำคัญ

```
function rref(mat: number[][]) {
   let lead = 0;
   for (let r = 0; r < mat.length; r++) {
        if (mat[0].length <= lead) {</pre>
            return;
        let i = r;
        while (mat[i][lead] == 0) {
            if (mat.length == i) {
                i = r;
                lead++;
                if (mat[0].length == lead) {
                    return;
            }
        const tmp = mat[i];
        mat[i] = mat[r];
        mat[r] = tmp;
        let val = mat[r][lead];
        for (let j = 0; j < mat[0].length; j++) {
            mat[r][j] = mat[r][j] / val;
        for (let i = 0; i < mat.length; i++) {</pre>
            if (i == r) continue;
            val = mat[i][lead];
            for (let j = 0; j < mat[0].length; <math>j++) {
                mat[i][j] = mat[i][j] - val * mat[r][j];
        lead++;
   }
   return mat;
```

อัลกอริทึมหา Reduced Row Echelon form จาก Matrix เนื่องจากหลายปัญหาจะต้องมีการ แก้สมการพีชคณิตเชิงเส้น อัลกอริทึมหานี้จึงสำคัญมากๆ โดยอัลกอริทึมมีหลักการทำงานดังนี้

- 1. สลับไม่ให้ตัวจะเป็น Factor เป็น 0 (Partial Pivoting)
- 2. หารทั้งแถวที่ต้องการให้เกิด Reduced row echelon form นั้นด้วย Factor
- 3. ทำการ Elimination ทั้งแถวนั้นด้วย Factor

บทที่ 3 สรุป

ปัญหาที่พบระหว่างการพัฒนา

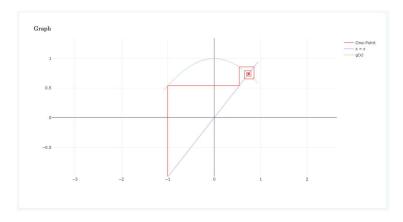
- 1. เนื่องจากเวลาที่น้อยเกินไป ทำให้การเขียนโค้ด ไม่มีระเบียบ
- 2. การรองรับความผิดพลาด ของข้อมูลที่ผู้ใช้งานกรอกมา เนื่องจากสามารถใส่ข้อมูลที่หลากหลาย แบบมากๆ จึงทำให้อาจเกิดข้อผิดพลาด และทำให้มีผลลัพธ์ที่ผิด / ใหญ่เกินไป เก็บในฐานข้อมูล

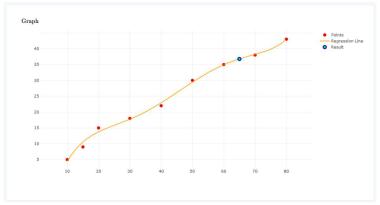
จุดเด่นของโปรแกรม

1. โชว์วิธีทำเป็นขั้นตอนช่วยให้ผู้ใช้งานเข้าใจวิธีแก้ปัญหาได้ง่ายมากขึ้น

Solution Evaluate $I = \int_{-1}^{2} f(x) dx = \int_{-1}^{2} x^7 + 2x^3 - 1 dx$ $h = \frac{b-a}{n} = \frac{2--1}{6} = 0.25$ Here $f(x_0 = -1)$ = $(-1)^7 + 2(-1)^3 - 1$ $f(x_1 = -0.75) = (-0.75)^7 + 2(-0.75)^3 - 1 = -1.97723388671875$ $f(x_2 = -0.5) = (-0.5)^7 + 2(-0.5)^3 - 1 = -1.2578125$ $f(x_3 = -0.25) = (-0.25)^7 + 2(-0.25)^3 - 1 = -1.03131103515625$ $f(x_4 = 0)$ = $(0)^7 + 2(0)^3 - 1$ = -1 $f(x_5 = 0.25) = (0.25)^7 + 2(0.25)^3 - 1 = -0.96868896484375$ =-0.7421875 $f(x_6 = 0.5)$ = $(0.5)^7 + 2(0.5)^3 - 1$ $f(x_7 = 0.75)$ = $(0.75)^7 + 2(0.75)^3 - 1$ = -0.02276611328125= 2 $=(1)^7+2(1)^3-1$ $f(x_8 = 1)$ $f(x_9 = 1.25)$ = $(1.25)^7 + 2(1.25)^3 - 1$ = 7.67462158203125 $f(x_{10} = 1.5)$ = $(1.5)^7 + 2(1.5)^3 - 1$ = 22.8359375 $f(x_{11} = 1.75)$ = $(1.75)^7 + 2(1.75)^3 - 1$ = 59.98382568359375 $f(x_{12} = 2)$ = $(2)^7 + 2(2)^3 - 1$ = 143 $\therefore I = \frac{h}{3} \left[f(x_0) + f(x_{12}) + 4 \sum_{i=1,3,5}^{12-1} f(x_i) + 2 \sum_{i=2,4,6}^{12-2} f(x_i) \right]$ $=\frac{0.25}{3}\Bigg[f(-1)+f(2)+4\Bigg[f(-0.75)+f(-0.25)+f(0.25)+f(0.75)+$ $f(1.25) + f(1.75) + 2 \left[f(-0.5) + f(0) + f(0.5) + f(1) + f(1.5) \right]$ $= \frac{0.25}{3} [-4 + 143 + 4(-1.97723388671875 - 1.03131103515625 -$ 0.96868896484375 - 0.02276611328125 + 7.67462158203125 +59.98382568359375) + 2(-1.2578125 - 1 - 0.7421875 + 2 + 22.8359375)= 36.442138671875

2. มีกราฟแบบโต้ตอบ (Interactive Graph) สามารถเลื่อน และซูมได้

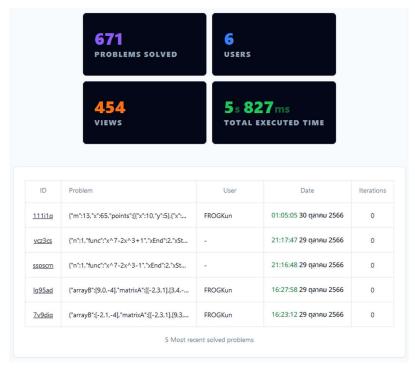




3. สามารถดูการแก้ปัญหาย้อนหลังได้จากลิงค์ เช่น https://numer.wilar.in.th/s/q8uk81

Solution From Cramer's Rule; $x_i = \frac{det(A_i)}{det(A)}$ $det(A) = \begin{vmatrix} -2 & 3 & 1 \\ 3 & 4 & -5 \\ 1 & -2 & 1 \end{vmatrix} = -22$ $x_1 = \frac{det(A_1)}{det(A)} = \frac{\begin{vmatrix} 9 & 3 & 1 \\ 0 & 4 & -5 \\ -5 & -2 & 1 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} -2 & 9 & 1 \\ 3 & 0 & -5 \\ 1 & -5 & 1 \end{vmatrix}} = \frac{41}{-22} = -1.863636363636364$ $x_2 = \frac{det(A_2)}{det(A)} = \frac{\begin{vmatrix} -2 & 9 & 1 \\ 3 & 0 & -5 \\ 1 & -5 & 1 \\ -22 & 3 & 9 \\ 3 & 4 & 0 \\ 1 & -2 & -5 \\ -22 & -22 & = -5 \\ -22 & -22 & = 0.22727272727273$ $\therefore (x_1, x_2, x_3) = (-1.863636363636364, 1.681818181818182, 0.22727272727273)$

4. มีข้อมูลการประมวลผลทั้งหมดบนเว็บ



คำแนะนำสำหรับผู้สอนที่อยากให้อธิบาย หรือที่เรียนแล้วไม่เข้าใจ หรืออยากให้เพิ่มสำหรับน้อง ๆ รุ่นต่อไป

อยากให้อาจารย์ มาเฉลยแลปต่างๆ 🕝 หลังจากหมดเวลาส่งแล้ว เนื่องจากบางข้อที่เป็น อัลกอริทึมที่ยากๆ จำเป็นต้องใช้ BFS, DFS หรือ Data structure รูปแบบต่างๆ มีบางคนอาจจะไม่เข้าใจ หรือ บางคนที่เข้าใจแล้ว อาจจะใช้วิธีที่ ไม่ได้ดีที่สุด 😟

