#### • BRUTY

- maski bitowe: przejrzenie wszystkich podciagów video
- generowanie wszystkich ciągów n-elementowych
  - \* generowanie wszystkich permutacji
- wyznaczanie ścieżki między dwoma wierzchołkami (graf/drzewo)
- skomplikowane backtracki

#### • DEBUG artykuł

- pisanie generatorek
  - \* sprawdzarka w bashu plik zip
  - \* sprawdzarka w C++
  - \* generowanie losowych liczb, permutacji, drzew, grafów skierowanych / nieskierowanych / spójnych / bez multikrawędzi
- wykrywanie błędów
  - \* flagi kompilacji plik zip
  - \* czas wykonania programu oraz zużyta pamięć plik zip
  - $\ast\,$ używanie narzędzia gdb do wykrywania runtime error'ów († plik zip)
  - \* nagłówki (↑ pierwszy zip)

#### • GRAFY

- Drzewa artykuł
  - \* jump-pointery
    - · najniższy wspólny przodek (LCA)
    - · operacje na ścieżkach (np. otrzymanie maximum)
  - \* właściwości numeracji wierzchołków w drzewie
    - · preorder, postorder, podobne artykuł
  - \* dynamiki na drzewie
  - $\ast\,$ znane algorytmy: szukanie centroidów, średnicy drzewa
- Graf dwudzielny
  - \* określanie dwudzielności grafu
  - \* skojarzenia w grafach dwudzielnych video artykuł
  - \* twierdzenie Halla († artykuł)
  - \* twierdzenie Königa video artykuł
- Skierowany Graf Acykliczny (DAG)
  - \* sortowanie topologiczne (toposort) artykuł
  - \* dynamiki na DAGach († artykuł)
  - \* podział na warstwy
- Grafy artykuł
  - \* DFS, BFS video artykuł
  - \* drzewo DFS video
    - · funkcja low & mosty, punkty artykulacji, dwuspójne video video2 artykuł
  - \* Dijkstra artykuł
  - \* rozbicie wierzchołkowe
  - \* potegowanie macierzy sasiedztwa video artykuł
  - \* silne spójne składowe (SCC) artykuł
  - \* cykl Eulera video artykuł
  - \* minimalne drzewo rozpinające (MST)
    - · algorytm Kruskala (mniej ważny: algorytm Prima) video artykuł
    - · Prufer Code do brutowania wszystkich możliwych drzew article
  - \* rozbicie wierzchołkowe
  - \* 2-SAT video

- Meduzy artykuł
- Grafy planarne artykuł
  - \* wzór Eulera (↑ artykuł)
  - \* zapytania o istnienie ścieżki w grafie planarnym (↑ artykuł)

#### • STRUKTURY DANYCH

- Trie artykuł
- Drzewa przedziałowe video artykuł
  - \* drzewa przedział-przedział video († video) († artykuł)
  - \* drzewa trwałe, wskaźnikowe
- Sqrt artykuł
  - \* sqrt decomposition
  - \* split & rebuild
  - \* algorytm mo (↑ artykuł)
- kolejka monotoniczna artykuł
- mniejszy do większego
- find & union artykuł video
- sumy prefixowe artykuł
- std::vector jako stos, std::deque jako kolejka, std::set, std::map artykuł
- sort
  - \* std::sort, komparator i błędy z komparatorem
  - \* sortowanie kubełkowe artykuł
  - \* skalowanie artykuł

## • DYNAMIKI artykuł

- problem plecakowy (różne odmiany, sqrt optymalizacja) artykuł
- dynamiki kombinatoryczne artykuł
- dynamiki przedziałowe artykuł
- dynamiki optymalizacyjne (↑ artykuł)
- dynamiki wykładnicze artykuł
- potęgowanie macierzy video artykuł

#### • MATMA

- arytmetyka modulo
  - \* najmniejszy wspólny dzielnik (NWD) video artykuł
    - · rozszerzony algorytm euklidesa, odwrotność modulo video artykuł
  - \* funkcja Phi (totient Eulera) video
    - · Małe Twierdzenie Fermat (MTF) († video)
  - \* Chińskie Twierdzenie o Resztach (CTR) († video)
  - \* szybkie potęgowanie artykuł
- znajdowanie dzielników (sqrt), dzielników pierwszych (sito Eratostenesa/sqrt) artykuł
- teoria gier artykuł
  - \* twierdzenie Sprague-Grundy'ego video video2 artykuł
- potęgowanie macierzy video artykuł
- podstawy kombinatoryki
  - \* dwumian Newton'a
  - \* zasada włączeń i wyłączeń
- rozwiązania probabilistyczne, paradoks urodzeń
- suma ciągu harmonicznego, złożoność sita

## • GEOMETRIA artykuł artykuł2

- iloczyn wektorowy (↑ artykuł)
- pole wielokąta artykuł
- wielokąty wypukłe (↑ artykuł)
  - \* otoczka wypukła artykuł
- zamiatanie video artykuł
- sortowanie kątowe artykuł
- geometria obliczeniowa video video2
- najbliższa para punktów video
- najdalsza para punktów

## • ALGORYTMY TEKSTOWE artykuł

- liniowe algorytmy tekstowe video artykuł
  - \* tablica pi, algorytm KMP video († video)
  - \* algorytm Manachera video
  - \* tablica prefixo-prefixowa (↑ video)
  - \* szablony (↑ video)
  - \* okresy (↑ video)
- hashowanie (posłów, podciągów, przypisanie literkom / liczbom losowe wagi i sprawdzanie sumy)(↑ video) artykuł
- drzewo Trie artykuł
- tablica suffixowa video artykuł

#### • OPTYMALIZACJE

- dziel i zwyciężaj artykuł
  - \* bardziej skomplikowane przykłady dziel i zwyciężaj
  - \* meet in the middle, czyli wzorcówka dla  $n \leq 40$  artykuł
- wyszukiwanie binarne artykuł
  - $\ast\,$ wyszukiwanie binarne po wyniku
  - $\ast\,$ wyszukiwanie binarne wielu rzeczy na raz / równoległe wyszukiwanie binarne
- koszt zamortyzowany
  - \* gąsienica artykuł
  - \* zadania na stos
- skalowanie artykuł
- lider ciągu
- odpowiednie struktury danych
- bitsety

## • PODEJŚCIA

- dvnamik
- algorytm zachłanny artykuł
- sposób "liczba dobrych obiektów = liczba wszystkich obiektów liczba złych obiektow"
- czy warunek konieczny = warunek wystarczający?
- odpowiednie przekształcenie równania; uniezależnienie funkcji od jakiejś zmiennej; zauważenie wypukłości
- zastanowić się nad łatwiejszym problemem, bez jakiegoś elementu z treści
- sprowadzić problem do innego, łatwiejszego/mniejszego problemu
- sprowadzić problem 2D do problemu 1D (zamiatanie; niezależność wyniku dla współrzędnych X od współrzędnych Y)
- konstrukcja grafu
- określenie struktury grafu
- napisanie bruta przed wzorcówką (przynajmniej gwarantowane punkty są, a potem sprawdzaczka)
- optymalizacja bruta do wzorcówki
- czy można poprawić (może zachłannie) rozwiązanie nieoptymalne?
- czy są ciekawe fakty w rozwiązaniach optymalnych (może się do tego przydać brute)
- sklepać brute który sprawdza obserwacje, zawsze jeśli potrzebujemy zoptymalizować dp, wypisać wartości na małym przykładzie
- sprawdzić czy w zadaniu czegoś jest "mało" (np. czy wynik jest mały, albo jakaś zmienna, może się do tego przydać brute)
- odpowiednio "wzbogacić" jakiś algorytm (np. Dijkstrę)
- spróbować obliczyć wkład do wyniku jakiegoś elementu
- jeżeli miałoby się teraz zrobić to zadanie i to nie jest hardkor, jakie obserwacje by pomogły?
- cokolwiek poniżej 10<sup>9</sup> operacji ma szansę wejść na 100 pkt
- coś ciekawego w limitach w zadaniu i subtaskach?
- obserwacje, obserwacje!
- co można wykonać offline? czy jest coś, czego kolejność nie ma znaczenia?
- co można posortować? czy jest zawsze jakaś pewna optymalna kolejność / czy można ustalić jak ta kolejność wygląda?
- narysować dużo swoich własnych przykładów i coś z nich wywnioskować
- -skupić się na jakim<br/>ś specjalnym elemencie, najczęściej najmniejszego/największego (np. spoj<br/>rzeć na jedynkę w permutacji)
- szacowanie wyniku czy wynik jest mały? czy można skonstruować algorytm, który zawsze znajdzie górne ograniczenie na wynik?
- nie gardzić punktami gdy leżą na ulicy (podzadania)

# • UWAGI, CZĘSTE BŁĘDY

- pamiętaj o pamięci...  $10^6$  intów = 4 MB
- long longi...
- na OIu flaga -fsanitize=address lub -fsanitize=undefined może nie działać, trzeba wtedy skorzystać z kompilatora g++-4.9 zamiast clang++
- na OIu jakiekolwiek komparatory do sort'ów wymagają, by argumenty były const
- funkcja resize() w vectorach nie czyści (nie resetuje wartości) pozostałych elementów kłopotliwe jak się ma tablice globalne i wiele testów w jednym pliku weściowym
- pamiętaj o trzech magicznych linijkach podczas korzystania z cin, cout
- nie można szybko sprawdzać odległości między iteratorami w secie/mapie (w szczególności, set nie potrafi szybko odpowiadać na pytania "którym elementem jest x")
- jak w treści jest jakiś dziwny warunek i nie wiadomo co on w treści robi (lub jakaś zmienna jest podejrzanie mała),
  jest to klucz do rozwiązania

# • MATERIAŁY

- solve.edu.pl/~sparingi/resources
- was.zaa.mimuw.edu.pl (lepsza jakość nagrań na youtube)
- komendium.meetit.pl
- cp-algorithms.com (artykuły po angielsku)
- książka "Wprowadzenie do algorytmów" by Cormen, podobno w bibliotece szkolnej
- książka "Zaprzyjaźnij się z algorytmami" podstawy
- książki Olimpiady Informatycznej
  - \* Przygody Bajtazara
  - $\ast$  W Poszukiwaniu Wyzwań
  - $\ast\,$ niebieskie książeczki omówienia zadań z OI