## ∽ Révision : devoir maison de synthèse 2

- **1.** Calculer la transformée de Laplace de  $\sin(4t)\mathcal{U}(t)$ .
- **2.** Déterminer l'originale de la fonction  $\frac{1}{p} + \frac{1}{p+1} \frac{2p}{p^2+1}$
- **3.** Montrer que  $\frac{1}{p} + \frac{1}{p+1} \frac{2p}{p^2+1} = \frac{-p^2+2p+1}{p(p+1)(p^2+1)}$
- **4.** Calculer la transformée de Laplace de y''(t) 2y'(t) + 3y(t) avec y(0) = 2 et y'(0) = 1.
- **5.** On considère la fonction f(t), impaire et  $\pi$  périodique telle que :

$$f(t) = \begin{cases} t - \frac{\pi}{4} & \text{si } t \in [0; \frac{\pi}{4}] \\ \frac{\pi}{4} - t & \text{si } t \in [\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{2}] \end{cases}$$

Représenter la fonction sur  $[-2\pi; 2\pi]$ .

- **6.** Que valent les coefficients  $a_n$  de la fonction précédente? Justifier.
- **7.** Calculer  $b_1$
- **8.** Résoudre l'équation différentielle y'(t) 7y(t) = 0.
- **9.** Montrer que  $h(t) = e^{-t}$  est une solution particulère de  $y'(t) 7y(t) = -8e^{-t}$ .
- **10.** Résoudre l'équation différentielle y''(t) + y'(t) 2y(t) = 0.
- 11. Déterminer a tel  $h(t) = ae^{2t}$  est une solution différentielle de  $y''(t) + y'(t) 2y(t) = 4e^{2t}$ .
- **12.** Résoudre l'équation différentielle y''(t) 4y'(t) + 4y(t) = 0.
- **13.** Montrer que  $h(t) = e^t$  est une solution différentielle de  $y''(t) 4y'(t) + 4y(t) = te^t 2e^t$ .
- **14.** Résoudre l'équation différentielle 5y''(t) 2y'(t) + 1y(t) = 0.
- **15.** Déterminer une solution constante de l'équation différentielle de 5y''(t) 2y'(t) + 1y(t) = 50.
- **16.** X suit la loi binomiale  $\mathcal{B}(40,0.03)$ . Quelle est l'espérance de X?
- 17. X suit une loi normale de paramètres 138 et 8, calculer  $P(130 \le X \le 146)$
- **18.** *X* suit une loi normale de paramètres 135 et 11, déterminer h > 0 tel que  $P(135 h \le X \le 135 + h) = 0.95$
- **19.** *X* suit la loi de Poisson de paramètre 3. Calculer  $P(X \le 7)$ .
- **20.** Déterminer un argument de  $1 4i\omega$  pour  $\omega > 0$ .