## 

Exercice 1 On considère l'équation différentielle suivante :

$$\begin{cases} y'(t) + 3y(t) = 4e^t \mathcal{U}(t) \\ y(0) = 0 \end{cases}$$

1. Calculer la transformée de Laplace de chacune des trois fonctions de l'équation différentielles.

On appelera Y(p) la transformée de Laplace de y(t).

- **2.** Déterminer l'expression de Y(p) en utilisant la transformée de Laplace de l'équation différentielle.
- 3. Montrer que:

$$\frac{4}{(p+3)(p-1)} = \frac{1}{p-1} - \frac{1}{p+3}$$

**4.** En déduire y(t) l'original de Y(p).

Exercice 2 On considère l'équation différentielle suivante :

$$\begin{cases} y''(t) + 4y'(t) + 5y(t) = 4\cos(t)\mathcal{U}(t) - 4\sin(t)\mathcal{U}(t) \\ y(0) = -1 \text{ et } y'(0) = 0 \end{cases}$$

1. Calculer la transformée de Laplace de chacune des cinq fonctions de l'équation différentielles.

On appelera Y(p) la transformée de Laplace de y(t).

- **2.** Déterminer l'expression de Y (p) en utilisant la transformée de Laplace de l'équation différentielle.
- 3. Montrer que:

$$-\frac{p+4}{p^2+4p+5}+\frac{4(p-1)}{(p^2+1)(p^2+4p+5)}=-2\times\frac{p+2}{(p+2)^2+1}+\frac{2}{(p+2)^2+1}+\frac{p}{p^2+1}$$

**4.** En déduire y(t) l'original de Y(p).