## ✓ Lois de probabilités : dm à rendre pour le 31/03/2020

**Exercice 1** Un grand constructeur automobile propose une nouvelle gamme de véhicules électriques équipés de batteries au nickel-cadmium. On s'intéresse à l'autonomie en kilomètres de cette nouvelle gamme de véhicules.

Soit X la variable aléatoire qui à un véhicule tiré au hasard associe son autonomie en km.

On suppose que X suit la loi normale de moyenne  $\mu = 108$  et d'écart type  $\sigma = 3$  On arrondira les résultats à  $10^{-2}$  près.

On considère qu'un véhicule est conforme lorsque son autonomie est comprise entre 102 et 114 km

- 1. Déterminer la probabilité que le véhicule soit déclaré conforme. On doit déterminer  $P(102 \le X \le 114)$ . On trouve 0.95.
- **2.** Quelle est la durée moyenne d'une batterie? La durée moyenne est la moyenne de la loi que suit X, c'est à dire 108.
- **3.** Quelle est la probabilité que la batterie dure plus de 105 km? On doit déterminer  $P(X \ge 105)$ . On trouve 0.8413.
- **4.** Quelle est la probabilité que la batterie dure au moins 114 km? On doit déterminer  $P(X \ge 114)$ . On trouve 0.02275.
- 5. Quelle est la probabilité que la batterie dure au plus 102 km? On doit déterminer  $P(X \le 102)$ . On trouve 0.02275.

**Exercice 2** *Un test de connaissance est organisé pour intégrer une formation.* 

Ce test se compose de 40 questions n'ayant aucun lien entre elles : c'est comme si on avait un tirage avec remise

Chaque question est construite de façon identique : une affirmation avec quatre propositions dont une seule est juste.

Une bonne réponse rapporte un point, une mauvaise réponse ne rapporte aucun point mais n'en enlève pas.

On appelle X la variable aléatoire qui compte le nombre de point à la fin du test quand on a répondu au hasard.

On intègre cette école si son score dépasse 34

- 1. Quelle est la loi suivie par X? La variable aléatoire X compte le nombre de succès d'une répétion de 40 épreuves de Bernouilli (car deux issues), indépendantes et de même probabilités 0.25.
  - Donc X suit la loi binomiale de paramètres 40 et 0.25.
- 2. Calculer la probabilité d'intégrer cette école en répondant au hasard. On cherche :

```
P(X \ge 34) (on considère que la limite d'accession est 34)
=1 - P(X \le 33) \approx 1 - 1 \approx 0
```

La probabilité d'intégrer cette école en répondant au hasard est donc pratiquement nulle.

**3.** Calculer la probabilité d'avoir au plus 10 bonnes réponses sur 40 en répondant au hasard.

On cherche:

Lois de probabilités TSTI2D

**4.** Calculer la probabilité d'avoir exactement 10 bonnes réponses sur 40 en répondant au hasard.

On cherche:

$$P(X = 10) = 0.144$$

**5.** Calculer la probabilité d'avoir au moins 10 bonnes réponses sur 40 en répondant au hasard.

On cherche:

$$P(X \ge 10) = 1 - P(X \le 9) = 0.56$$

**6.** Calculer la probabilité d'avoir entre 7 et 13 bonnes réponses sur 40 en répondant au hasard.

On cherche:

$$P(7 \le X \le 13) = P(X \le 13) - P(X \le 6) = 0.80$$