

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования  
«Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики»  
(СибГУТИ)

Институт информатики и вычислительной техники

09.03.01 "Информатика и вычислительная техника"  
профиль "Программное обеспечение средств  
вычислительной техники и автоматизированных систем"

Кафедра прикладной математики и кибернетики

## **Современные технологии программирования**

### **Лабораторная работа №9**

#### **Практическая работа. Абстрактный тип данных (ADT) «Полином»**

Выполнил:

студент гр.ИП-213

Дмитриев Антон Александрович  
ФИО студента

«\_\_» \_\_\_\_\_ 2025 г.

Проверил:

Преподаватель

ФИО преподавателя

«\_\_» \_\_\_\_\_ 2025 г.

Оценка \_\_\_\_\_

Новосибирск 2025 г.

## **1. Задание**

1. Реализовать тип «полином», в соответствии с приведенной ниже спецификацией.
2. Протестировать каждую операцию, определенную на типе данных, используя средства модульного тестирования Visual Studio.
3. Если необходимо, предусмотрите возбуждение исключительных ситуаций.

## 2. Исходные тексты программ.

### Class.py:

```
from typing import List, Tuple, Optional
from collections import defaultdict
import math
```

```
class TMember:
```

```
    """Класс для представления одночлена (члена полинома)"""
```

```
    def __init__(self, coeff: int = 0, degree: int = 0):
```

```
        """
```

```
        Конструктор одночлена
```

```
        Args:
```

```
            coeff: коэффициент одночлена
```

```
            degree: степень одночлена
```

```
        """
```

```
        self._coeff = coeff
```

```
        self._degree = degree if coeff != 0 else 0
```

```
@property
```

```
def coeff(self) -> int:
```

```
    """Чтение коэффициента"""
```

```
    return self._coeff
```

```
@property
```

```
def degree(self) -> int:
```

```
    """Чтение степени"""
```

```
    return self._degree
```

```
@coeff.setter
```

```
def coeff(self, value: int) -> None:
```

```
    """Запись коэффициента"""
```

```
    self._coeff = value
```

```
    if value == 0:
```

```
        self._degree = 0
```

```
@degree.setter
```

```
def degree(self, value: int) -> None:
```

```
    """Запись степени"""
```

```
    self._degree = value
```

```
    if self._coeff == 0:
```

```
        self._degree = 0
```

```
def __eq__(self, other: object) -> bool:
```

```

"""Сравнение одночленов на равенство"""
if not isinstance(other, TMember):
    return False
return self._coeff == other._coeff and self._degree == other._degree

def differentiate(self) -> 'TMember':
    """Вычисление производной одночлена"""
    if self._degree == 0:
        return TMember(0, 0)
    return TMember(self._coeff * self._degree, self._degree - 1)

def evaluate(self, x: float) -> float:
    """Вычисление значения одночлена в точке x"""
    if self._degree == 0:
        return float(self._coeff)
    return float(self._coeff) * (x ** self._degree)

def to_string(self) -> str:
    """Строковое представление одночлена"""
    if self._coeff == 0:
        return "0"

    result = ""

    # Коэффициент
    if self._coeff != 1 and self._coeff != -1:
        result += str(self._coeff)
    elif self._coeff == -1:
        result += "-"

    # Переменная x
    if self._degree > 0:
        result += "x"
        if self._degree > 1:
            result += f"^{self._degree}"

    # Если степень 0, а коэффициент не отобразился
    if self._degree == 0 and (self._coeff == 1 or self._coeff == -1):
        result += str(abs(self._coeff))

    return result

def __str__(self) -> str:
    return self.to_string()

```

```

def __repr__(self) -> str:
    return f'TMember(coeff={self._coeff}, degree={self._degree})'

def is_zero(self) -> bool:
    """Проверка, является ли одночлен нулевым"""
    return self._coeff == 0


class TPoly:
    """Класс для представления полинома с целыми коэффициентами"""

    def __init__(self, coeff: int = 0, degree: int = 0):
        """
        Конструктор полинома
        Args:
            coeff: коэффициент для одночленного полинома
            degree: степень для одночленного полинома
        """
        self._members: List[TMember] = []
        if coeff != 0:
            self._members.append(TMember(coeff, degree))
        self._normalize()

    def _normalize(self) -> None:
        """Нормализация полинома: сортировка по убыванию степени и удаление нулевых
        членов"""
        if not self._members:
            return

        # Объединение членов с одинаковой степенью
        coeff_dict = defaultdict(int)
        for member in self._members:
            if member.coeff != 0:
                coeff_dict[member.degree] += member.coeff

        # Создание нового списка членов
        self._members = []
        for degree in sorted(coeff_dict.keys(), reverse=True):
            coeff = coeff_dict[degree]
            if coeff != 0:
                self._members.append(TMember(coeff, degree))

    def _copy(self) -> 'TPoly':
        """Создание копии полинома"""
        new_poly = TPoly()

```

```

new_poly._members = [TMember(m.coeff, m.degree) for m in self._members]
return new_poly

@property
def degree(self) -> int:
    """Степень полинома"""
    if not self._members:
        return 0
    return self._members[0].degree

def coeff(self, n: int) -> int:
    """
    Коэффициент при степени n
    Args:
        n: степень
    Returns:
        Коэффициент при  $x^n$  или 0, если такой степени нет
    """
    for member in self._members:
        if member.degree == n:
            return member.coeff
    return 0

def clear(self) -> None:
    """Очистка полинома (превращение в нуль-полином)"""
    self._members = []

def add(self, other: 'TPoly') -> 'TPoly':
    """Сложение полиномов"""
    result = self._copy()

    # Добавляем члены второго полинома
    for member in other._members:
        result._members.append(TMember(member.coeff, member.degree))

    result._normalize()
    return result

def multiply(self, other: 'TPoly') -> 'TPoly':
    """Умножение полиномов"""
    result = TPoly()

    # Перемножаем каждый член первого полинома с каждым членом второго
    for m1 in self._members:
        for m2 in other._members:
            result._members.append(TMember(m1.coeff * m2.coeff, m1.degree + m2.degree))

    result._normalize()
    return result

```

```

        new_coeff = m1.coeff * m2.coeff
        new_degree = m1.degree + m2.degree
        result._members.append(TMember(new_coeff, new_degree))

    result._normalize()
    return result

def subtract(self, other: 'TPoly') -> 'TPoly':
    """Вычитание полиномов"""
    result = self._copy()

    # Добавляем члены второго полинома с обратными знаками
    for member in other._members:
        result._members.append(TMember(-member.coeff, member.degree))

    result._normalize()
    return result

def negate(self) -> 'TPoly':
    """Унарный минус (противоположный полином)"""
    result = TPoly()
    result._members = [TMember(-member.coeff, member.degree) for member in
self._members]
    result._normalize()
    return result

def __eq__(self, other: object) -> bool:
    """Сравнение полиномов на равенство"""
    if not isinstance(other, TPoly):
        return False

    if len(self._members) != len(other._members):
        return False

    for m1, m2 in zip(self._members, other._members):
        if m1.coeff != m2.coeff or m1.degree != m2.degree:
            return False

    return True

def differentiate(self) -> 'TPoly':
    """Дифференцирование полинома"""
    result = TPoly()

    for member in self._members:

```

```

if member.degree > 0:
    deriv = member.differentiate()
    if deriv.coeff != 0:
        result._members.append(deriv)

result._normalize()
return result

def evaluate(self, x: float) -> float:
    """Вычисление значения полинома в точке x"""
    result = 0.0
    for member in self._members:
        result += member.evaluate(x)
    return result

def get_member(self, i: int) -> Optional[Tuple[int, int]]:
    """
    Доступ к i-му члену полинома
    Args:
        i: индекс члена (начиная с 0)
    Returns:
        Кортеж (коэффициент, степень) или None, если индекс вне диапазона
    """
    if 0 <= i < len(self._members):
        member = self._members[i]
        return (member.coeff, member.degree)
    return None

def __str__(self) -> str:
    """Строковое представление полинома"""
    if not self._members:
        return "0"

    terms = []
    for member in self._members:
        term_str = member.to_string()
        terms.append(term_str)

    # Собираем все члены в строку
    result = terms[0]
    for term in terms[1:]:
        if term.startswith("-"):
            result += f" - {term[1:]}"
        else:
            result += f" + {term}"

    return result

```

```
        return result

    def __repr__(self) -> str:
        return f"TPoly({str(self)})"

    def is_zero(self) -> bool:
        """Проверка, является ли полином нулевым"""
        return len(self._members) == 0

    def to_polynomial_string(self) -> str:
        """Альтернативное строковое представление полинома"""
        return str(self)

    def __add__(self, other: 'TPoly') -> 'TPoly':
        """Перегрузка оператора +"""
        return self.add(other)

    def __sub__(self, other: 'TPoly') -> 'TPoly':
        """Перегрузка оператора -"""
        return self.subtract(other)

    def __mul__(self, other: 'TPoly') -> 'TPoly':
        """Перегрузка оператора *"""
        return self.multiply(other)

    def __neg__(self) -> 'TPoly':
        """Перегрузка унарного минуса"""
        return self.negate()
```

## Tests.py:

```
import pytest
import math
from lab9 import TPoly, TMember

class TestTMember:
    """Тесты для класса TMember (одночлен)"""

    def test_constructor(self):
        """Тест конструктора одночлена"""
        # Одночленный полином
        m1 = TMember(6, 3)
        assert m1.coeff == 6
        assert m1.degree == 3

        # Константа
        m2 = TMember(3, 0)
        assert m2.coeff == 3
        assert m2.degree == 0

        # Нуль-полином
        m3 = TMember()
        assert m3.coeff == 0
        assert m3.degree == 0

        # Нуль-полином при нулевом коэффициенте
        m4 = TMember(0, 5)
        assert m4.coeff == 0
        assert m4.degree == 0
```

```
def test_equality(self):
    """Тест сравнения одночленов"""

    m1 = TMember(5, 3)
    m2 = TMember(5, 3)
    m3 = TMember(5, 2)
    m4 = TMember(4, 3)
```

```
    assert m1 == m2
    assert not (m1 == m3)
    assert not (m1 == m4)
    assert not (m3 == m4)
```

```
def test_differentiate(self):
    """Тест дифференцирования одночлена"""

    # x^3 -> 3x^2
```

```
    m1 = TMember(1, 3)
    deriv1 = m1.differentiate()
    assert deriv1.coeff == 3
    assert deriv1.degree == 2
```

```
# 5x^2 -> 10x
    m2 = TMember(5, 2)
    deriv2 = m2.differentiate()
    assert deriv2.coeff == 10
    assert deriv2.degree == 1
```

```
# Константа -> 0
    m3 = TMember(7, 0)
    deriv3 = m3.differentiate()
    assert deriv3.coeff == 0
```

```
assert deriv3.degree == 0
```

```
# 2x -> 2
```

```
m4 = TMember(2, 1)
```

```
deriv4 = m4.differentiate()
```

```
assert deriv4.coeff == 2
```

```
assert deriv4.degree == 0
```

```
def test_evaluate(self):
```

```
"""Тест вычисления значения одночлена"""
```

```
m1 = TMember(3, 2) # 3x^2
```

```
assert abs(m1.evaluate(2) - 12) < 0.0001 # 3*4 = 12
```

```
assert abs(m1.evaluate(0) - 0) < 0.0001
```

```
assert abs(m1.evaluate(-1) - 3) < 0.0001 # 3*1 = 3
```

```
m2 = TMember(5, 0) # 5
```

```
assert abs(m2.evaluate(10) - 5) < 0.0001
```

```
assert abs(m2.evaluate(-5) - 5) < 0.0001
```

```
m3 = TMember(-2, 3) # -2x^3
```

```
assert abs(m3.evaluate(3) + 54) < 0.0001 # -2*27 = -54
```

```
def test_to_string(self):
```

```
"""Тест строкового представления"""
```

```
assert str(TMember(1, 3)) == "x^3"
```

```
assert str(TMember(-1, 3)) == "-x^3"
```

```
assert str(TMember(5, 3)) == "5x^3"
```

```
assert str(TMember(-5, 3)) == "-5x^3"
```

```
assert str(TMember(1, 1)) == "x"
```

```
assert str(TMember(-1, 1)) == "-x"
```

```
assert str(TMember(7, 0)) == "7"  
assert str(TMember(-7, 0)) == "-7"  
assert str(TMember(0, 5)) == "0"  
assert str(TMember(1, 0)) == "1"  
assert str(TMember(-1, 0)) == "-1"
```

```
def test_setters(self):  
    """Тест сеттеров""""  
    m = TMember(2, 3)
```

```
m.coeff = 5  
assert m.coeff == 5  
assert m.degree == 3
```

```
m.degree = 4  
assert m.coeff == 5  
assert m.degree == 4
```

```
# При установке нулевого коэффициента степень становится 0  
m.coeff = 0  
assert m.coeff == 0  
assert m.degree == 0
```

```
class TestTPoly:  
    """Тесты для класса TPoly (полином)""""
```

```
def test_constructor(self):  
    """Тест конструктора полинома""""  
    # Одночленный полином
```

```
p1 = TPoly(6, 3)
assert p1.degree == 3
assert p1.coeff(3) == 6

# Константа
p2 = TPoly(3, 0)
assert p2.degree == 0
assert p2.coeff(0) == 3

# Нуль-полином
p3 = TPoly()
assert p3.degree == 0
assert p3.is_zero()

# Нуль-полином при нулевом коэффициенте
p4 = TPoly(0, 5)
assert p4.degree == 0
assert p4.is_zero()

def test_degree(self):
    """Тест получения степени полинома"""
    # Создаем полином  $x^2 + 1$ 
    p1 = TPoly(1, 2) #  $x^2$ 
    p1 = p1.add(TPoly(1, 0)) # + 1
    assert p1.degree == 2

    p2 = TPoly(17, 0) # 17
    assert p2.degree == 0

    p3 = TPoly() # 0
```

```
assert p3.degree == 0
```

```
def test_coeff(self):  
    """Тест получения коэффициента""""  
    # Создаем полином  $x^3 + 2x + 1$   
    p = TPoly(1, 3) #  $x^3$   
    p = p.add(TPoly(2, 1)) # + 2x  
    p = p.add(TPoly(1, 0)) # + 1
```

```
assert p.coeff(4) == 0 # Степени 4 нет  
assert p.coeff(3) == 1 # При  $x^3$   
assert p.coeff(1) == 2 # При x  
assert p.coeff(0) == 1 # При константе  
assert p.coeff(2) == 0 # Степени 2 нет
```

```
def test_clear(self):  
    """Тест очистки полинома""""  
    p = TPoly(1, 2)  
    p = p.add(TPoly(3, 1))  
    assert not p.is_zero()
```

```
p.clear()  
assert p.is_zero()  
assert p.degree == 0
```

```
def test_addition(self):  
    """Тест сложения полиномов""""  
    p1 = TPoly(2, 3) #  $2x^3$   
    p2 = TPoly(3, 2) #  $3x^2$   
    p3 = TPoly(1, 3) #  $x^3$ 
```

```
p4 = TPoly(-1, 3) # -x^3
```

```
# 2x^3 + 3x^2
```

```
result1 = p1.add(p2)
```

```
assert result1.coeff(3) == 2
```

```
assert result1.coeff(2) == 3
```

```
# 2x^3 + x^3 = 3x^3
```

```
result2 = p1.add(p3)
```

```
assert result2.coeff(3) == 3
```

```
assert result2.degree == 3
```

```
# 2x^3 + (-x^3) = x^3
```

```
result3 = p1.add(p4)
```

```
assert result3.coeff(3) == 1
```

```
# Сложение с нулевым полиномом
```

```
p_zero = TPoly()
```

```
result4 = p1.add(p_zero)
```

```
assert result4 == p1
```

```
def test_multiplication(self):
```

```
    """Тест умножения полиномов"""

```

```
# (x + 1) * (x - 1) = x^2 - 1
```

```
p1 = TPoly(1, 1) # x
```

```
p1 = p1.add(TPoly(1, 0)) # + 1
```

```
p2 = TPoly(1, 1) # x
```

```
p2 = p2.add(TPoly(-1, 0)) # - 1
```

```
result = p1.multiply(p2)

assert result.coeff(2) == 1 # x^2

assert result.coeff(1) == 0 # x (должен сократиться)

assert result.coeff(0) == -1 # -1
```

# Умножение на нулевой полином

```
p_zero = TPoly()

result2 = p1.multiply(p_zero)

assert result2.is_zero()
```

# Умножение на константу

```
p_const = TPoly(5, 0) # 5

result3 = p1.multiply(p_const) # 5*(x+1) = 5x + 5

assert result3.coeff(1) == 5

assert result3.coeff(0) == 5
```

```
def test_subtraction(self):
```

"""Тест вычитания полиномов"""

```
p1 = TPoly(2, 3) # 2x^3

p2 = TPoly(1, 3) # x^3
```

# 2x^3 - x^3 = x^3

```
result = p1.subtract(p2)

assert result.coeff(3) == 1
```

# x^3 - 2x^3 = -x^3

```
result2 = p2.subtract(p1)

assert result2.coeff(3) == -1
```

# Вычитание нулевого полинома

```

p_zero = TPoly()

result3 = p1.subtract(p_zero)

assert result3 == p1


def test_negate(self):
    """Тест унарного минуса"""

    p1 = TPoly(2, 3) # 2x^3
    p1 = p1.add(TPoly(-1, 1)) # -x

    neg = p1.negate() # -2x^3 + x
    assert neg.coeff(3) == -2
    assert neg.coeff(1) == 1
    assert neg.coeff(0) == 0

    # Двойное отрицание должно вернуть исходный полином
    neg2 = neg.negate()
    assert neg2 == p1


def test_equality_poly(self):
    """Тест сравнения полиномов"""

    # x^2 + 2x + 1
    p1 = TPoly(1, 2) # x^2
    p1 = p1.add(TPoly(2, 1)) # + 2x
    p1 = p1.add(TPoly(1, 0)) # + 1

    # Другой полином с такими же коэффициентами
    p2 = TPoly(1, 2) # x^2
    p2 = p2.add(TPoly(2, 1)) # + 2x
    p2 = p2.add(TPoly(1, 0)) # + 1

```

```
# x^2 + 1  
p3 = TPoly(1, 2) # x^2  
p3 = p3.add(TPoly(1, 0)) # + 1
```

```
assert p1 == p2  
assert not (p1 == p3)  
assert not (p2 == p3)  
assert not (p1 == TPoly())
```

```
def test_evaluate_poly(self):  
    """Тест вычисления значения полинома"""
```

```
# x^2 + 3x  
p = TPoly(1, 2) # x^2  
p = p.add(TPoly(3, 1)) # + 3x
```

```
assert abs(p.evaluate(2) - 10) < 0.0001 # 4 + 6 = 10  
assert abs(p.evaluate(0) - 0) < 0.0001  
assert abs(p.evaluate(-1) + 2) < 0.0001 # 1 - 3 = -2
```

```
# Более сложный полином: 2x^3 - x^2 + 4x - 5
```

```
p2 = TPoly(2, 3) # 2x^3  
p2 = p2.add(TPoly(-1, 2)) # -x^2  
p2 = p2.add(TPoly(4, 1)) # +4x  
p2 = p2.add(TPoly(-5, 0)) # -5
```

```
assert abs(p2.evaluate(1) - 0) < 0.0001 # 2 - 1 + 4 - 5 = 0  
assert abs(p2.evaluate(2) - 15) < 0.0001 # 16 - 4 + 8 - 5 = 15
```

```
def test_get_member(self):  
    """Тест доступа к членам полинома"""
```

```

# x^3 + 2x + 1

p = TPoly(1, 3) # x^3
p = p.add(TPoly(2, 1)) # + 2x
p = p.add(TPoly(1, 0)) # + 1

# Проверяем члены в порядке убывания степени
member0 = p.get_member(0)
assert member0 == (1, 3) # x^3

member1 = p.get_member(1)
assert member1 == (2, 1) # 2x

member2 = p.get_member(2)
assert member2 == (1, 0) # 1

# Несуществующий индекс
assert p.get_member(3) is None
assert p.get_member(-1) is None

def test_str_representation(self):
    """Тест строкового представления полинома"""

    # Простые полиномы
    assert str(TPoly(1, 2)) == "x^2"
    assert str(TPoly(3, 0)) == "3"
    assert str(TPoly()) == "0"

    # x^2 + 2x + 1
    p1 = TPoly(1, 2) # x^2
    p1 = p1.add(TPoly(2, 1)) # + 2x
    p1 = p1.add(TPoly(1, 0)) # + 1

```

```

assert str(p1) == "x^2 + 2x + 1"

# x^2 - 2x - 1
p2 = TPoly(1, 2) # x^2
p2 = p2.add(TPoly(-2, 1)) # - 2x
p2 = p2.add(TPoly(-1, 0)) # - 1
assert str(p2) == "x^2 - 2x - 1"

# 2x^3 - x^2
p3 = TPoly(2, 3) # 2x^3
p3 = p3.add(TPoly(-1, 2)) # - x^2
assert str(p3) == "2x^3 - x^2"

def test_operator_overloading(self):
    """Тест перегрузки операторов"""
    p1 = TPoly(1, 2) # x^2
    p2 = TPoly(2, 1) # 2x

    # Сложение
    result_add = p1 + p2
    assert result_add.coeff(2) == 1
    assert result_add.coeff(1) == 2

    # Вычитание
    result_sub = p1 - p2
    assert result_sub.coeff(2) == 1
    assert result_sub.coeff(1) == -2

    # Умножение
    result_mul = p1 * p2 # x^2 * 2x = 2x^3

```

```

assert result_mul.coeff(3) == 2

# Унарный минус

result_neg = -p1 # -x^2
assert result_neg.coeff(2) == -1

def test_normalization(self):
    """Тест нормализации полинома"""

    # Создаем ненормализованный полином: x^2 + 0x + x^2 + (-x^2) + 3

    # Вместо цепочки add, создадим полином напрямую через члены

    poly = TPoly()

    # Добавляем члены через внутренний список (для тестирования)

    poly._members.append(TMember(1, 2)) # x^2
    poly._members.append(TMember(0, 1)) # 0x (должен удалиться)
    poly._members.append(TMember(1, 2)) # + x^2 (должен сложиться с первым)
    poly._members.append(TMember(-1, 2)) # + (-x^2) (должен сократиться)
    poly._members.append(TMember(3, 0)) # + 3

    # Вызываем нормализацию

    poly._normalize()

    # После нормализации должен остаться только 3

    # Все x^2 должны сложиться: 1 + 1 - 1 = 1, но в тесте ожидаем 0

    # Перепишем тест: x^2 + x^2 - x^2 = x^2, плюс константа 3

    assert poly.coeff(2) == 1 # x^2
    assert poly.coeff(1) == 0
    assert poly.coeff(0) == 3
    assert len(poly._members) == 2 # x^2 и 3

```

```

def test_complex_polynomial():

    """Тест сложного полинома и операций с ним"""

    # Создаем полином: 3x^4 - 2x^3 + 5x^2 - 7x + 4

    p = TPoly(3, 4)
    p = p.add(TPoly(-2, 3))
    p = p.add(TPoly(5, 2))
    p = p.add(TPoly(-7, 1))
    p = p.add(TPoly(4, 0))

    # Проверяем коэффициенты
    assert p.coeff(4) == 3
    assert p.coeff(3) == -2
    assert p.coeff(2) == 5
    assert p.coeff(1) == -7
    assert p.coeff(0) == 4

    # Производная: 12x^3 - 6x^2 + 10x - 7
    deriv = p.differentiate()
    print(f"Производная: {deriv}")
    print(f"coeff(3): {deriv.coeff(3)} (ожидается 12)")
    print(f"coeff(2): {deriv.coeff(2)} (ожидается -6)")
    print(f"coeff(1): {deriv.coeff(1)} (ожидается 10)")
    print(f"coeff(0): {deriv.coeff(0)} (ожидается -7)")

    assert deriv.coeff(3) == 12
    assert deriv.coeff(2) == -6
    assert deriv.coeff(1) == 10
    assert deriv.coeff(0) == -7

```

```
# Вычисление в точке
assert abs(p.evaluate(1) - 3) < 0.0001 # 3-2+5-7+4 = 3
assert abs(p.evaluate(0) - 4) < 0.0001
```

```
# Умножение на себя (квадрат полинома)
square = p.multiply(p)
# Проверяем старшую степень: (3x^4)*(3x^4) = 9x^8
assert square.degree == 8
assert square.coeff(8) == 9
```

### **3. Тестовые наборы данных для тестирования класса**

#### **1. Конструктор (test\_constructor)**

| Описание теста                                     | Входные данные    | Ожидаемые результаты |
|--|-------------------|----------------------|
| Одночлен с положительными коэффициентом и степенью | coeff=6, degree=3 | coeff=6, degree=3    |
| Константа (нулевая степень)                        | coeff=3, degree=0 | coeff=3, degree=0    |
| Нуль-полином по умолчанию                          | -                 | coeff=0, degree=0    |
| Нуль-полином при нулевом коэффициенте              | coeff=0, degree=5 | coeff=0, degree=0    |

#### **2. Сравнение (test\_equality)**

| Тестовый случай    | Одночлен 1    | Одночлен 2    | Ожидаемый результат |
|--------------------|---------------|---------------|---------------------|
| Полное совпадение  | TMember(5, 3) | TMember(5, 3) | True                |
| Разная степень     | TMember(5, 3) | TMember(5, 2) | False               |
| Разный коэффициент | TMember(5, 3) | TMember(4, 3) | False               |
| Оба разные         | TMember(5, 3) | TMember(4, 2) | False               |

#### **3. Дифференцирование (test\_differentiate)**

| Исходный одночлен  | Производная   | Обоснование              |
|--------------------|---------------|--------------------------|
| $x^3 (1, 3)$       | $3x^2 (3, 2)$ | $d/dx(x^3) = 3x^2$       |
| $5x^2 (5, 2)$      | $10x (10, 1)$ | $d/dx(5x^2) = 10x$       |
| Константа 7 (7, 0) | 0 (0, 0)      | $d/dx(\text{const}) = 0$ |
| $2x (2, 1)$        | 2 (2, 0)      | $d/dx(2x) = 2$           |

#### 4. Вычисление значения (test\_evaluate)

| Одночлен    | x  | Ожидаемый результат | Обоснование   |
|-------------|----|---------------------|---------------|
| $3x^2$      | 2  | 12                  | $3*4 = 12$    |
| $3x^2$      | 0  | 0                   | $3*0 = 0$     |
| $3x^2$      | -1 | 3                   | $3*1 = 3$     |
| Константа 5 | 10 | 5                   | const         |
| Константа 5 | -5 | 5                   | const         |
| $-2x^3$     | 3  | -54                 | $-2*27 = -54$ |

#### 5. Строковое представление (test\_to\_string)

| Одночлен | Строковое представление |
|----------|-------------------------|
| (1, 3)   | " $x^3$ "               |
| (-1, 3)  | " $-x^3$ "              |
| (5, 3)   | " $5x^3$ "              |
| (-5, 3)  | " $-5x^3$ "             |
| (1, 1)   | " $x$ "                 |
| (-1, 1)  | " $-x$ "                |
| (7, 0)   | "7"                     |
| (-7, 0)  | "-7"                    |
| (0, 5)   | "0"                     |
| (1, 0)   | "1"                     |

|          |                         |
|----------|-------------------------|
| Одночлен | Строковое представление |
| (-1, 0)  | "-1"                    |

## 6. Сеттеры (test\_setters)

| Действие                        | Начальное состояние | Изменение | Конечное состояние |
|---------------------------------|---------------------|-----------|--------------------|
| Изменение коэффициента          | (2, 3)              | coeff=5   | (5, 3)             |
| Изменение степени               | (5, 3)              | degree=4  | (5, 4)             |
| Установка нулевого коэффициента | (5, 4)              | coeff=0   | (0, 0)             |

## Тесты для класса TPoly

### 1. Конструктор (test\_constructor)

| Описание                              | Входные данные | Ожидаемый degree | Ожидаемый coeff(n) |
|---------------------------------------|----------------|------------------|--------------------|
| Одночленный полином                   | (6, 3)         | 3                | coeff(3)=6         |
| Константа                             | (3, 0)         | 0                | coeff(0)=3         |
| Нуль-полином по умолчанию             | -              | 0                | is_zero()=True     |
| Нуль-полином при нулевом коэффициенте | (0, 5)         | 0                | is_zero()=True     |

### 2. Степень полинома (test\_degree)

| Полином      | Ожидаемая степень | Комментарий          |
|--------------|-------------------|----------------------|
| $x^2 + 1$    | 2                 | Наибольшая степень 2 |
| Константа 17 | 0                 | Нет переменных       |
| Нуль-полином | 0                 | По определению       |

### 3. Получение коэффициентов (test\_coeff)

| Полином: $x^3 + 2x + 1$ | Степень n | Ожидаемый coeff(n) |
|-------------------------|-----------|--------------------|
| $x^3 + 2x + 1$          | 4         | 0                  |
| $x^3 + 2x + 1$          | 3         | 1                  |
| $x^3 + 2x + 1$          | 2         | 0                  |
| $x^3 + 2x + 1$          | 1         | 2                  |
| $x^3 + 2x + 1$          | 0         | 1                  |

### 4. Сложение (test\_addition)

| Случай               | Полином 1 | Полином 2 | Результат     |
|----------------------|-----------|-----------|---------------|
| Разные степени       | $2x^3$    | $3x^2$    | $2x^3 + 3x^2$ |
| Однаковые степени    | $2x^3$    | $x^3$     | $3x^3$        |
| Взаимное уничтожение | $2x^3$    | $-x^3$    | $x^3$         |
| С нулевым полиномом  | $2x^3$    | 0         | $2x^3$        |

### 5. Умножение (test\_multiplication)

| Случай             | Полином 1 | Полином 2 | Результат | Проверяемые коэффициенты                                   |
|--------------------|-----------|-----------|-----------|--|
| $(x+1)*(x-1)$      | $x + 1$   | $x - 1$   | $x^2 - 1$ | $\text{coeff}(2)=1, \text{coeff}(1)=0, \text{coeff}(0)=-1$ |
| На нулевой полином | $x + 1$   | 0         | 0         | $\text{is\_zero}()=\text{True}$                            |
| На константу       | $x + 1$   | 5         | $5x + 5$  | $\text{coeff}(1)=5, \text{coeff}(0)=5$                     |

## 6. Вычитание (test\_subtraction)

| Случай       | Полином 1 | Полином 2 | Результат | $\text{coeff}(3)$ |
|--------------|-----------|-----------|-----------|-------------------|
| $2x^3 - x^3$ | $2x^3$    | $x^3$     | $x^3$     | 1                 |
| $x^3 - 2x^3$ | $x^3$     | $2x^3$    | $-x^3$    | -1                |
| Минус ноль   | $2x^3$    | 0         | $2x^3$    | 2                 |

## 7. Унарный минус (test\_negate)

| Исходный полином | Результат $-p$ | Проверяемые коэффициенты                    |
|------------------|----------------|---|
| $2x^3 - x$       | $-2x^3 + x$    | $\text{coeff}(3) = -2, \text{coeff}(1) = 1$ |

## 8. Вычисление значения (test\_evaluate\_poly)

| Полином    | x  | Ожидаемый результат | Обоснование  |
|------------|----|---------------------|--------------|
| $x^2 + 3x$ | 2  | 10                  | $4 + 6 = 10$ |
| $x^2 + 3x$ | 0  | 0                   | $0 + 0 = 0$  |
| $x^2 + 3x$ | -1 | -2                  | $1 - 3 = -2$ |

| Полином               | x | Ожидаемый результат | Обоснование           |
|-----------------------|---|---------------------|-----------------------|
| $2x^3 - x^2 + 4x - 5$ | 1 | 0                   | $2 - 1 + 4 - 5 = 0$   |
| $2x^3 - x^2 + 4x - 5$ | 2 | 15                  | $16 - 4 + 8 - 5 = 15$ |

### 9. Доступ к членам (test\_get\_member)

| Полином: $x^3 + 2x + 1$ | Индекс | Ожидаемый результат |
|-------------------------|--------|---------------------|
| $x^3 + 2x + 1$          | 0      | (1, 3)              |
| $x^3 + 2x + 1$          | 1      | (2, 1)              |
| $x^3 + 2x + 1$          | 2      | (1, 0)              |
| $x^3 + 2x + 1$          | 3      | None                |
| $x^3 + 2x + 1$          | -1     | None                |

### 10. Строковое представление (test\_str\_representation)

| Полином        | Строковое представление |
|----------------|-------------------------|
| $x^2$          | " $x^2$ "               |
| 3              | "3"                     |
| 0              | "0"                     |
| $x^2 + 2x + 1$ | " $x^2 + 2x + 1$ "      |
| $x^2 - 2x - 1$ | " $x^2 - 2x - 1$ "      |
| $2x^3 - x^2$   | " $2x^3 - x^2$ "        |

### 11. Операторы (test\_operator\_overloading)

| Операция | Полином 1 | Полином 2 | Проверяемые коэффициенты |
|----------|-----------|-----------|--------------------------|
| p1 + p2  | $x^2$     | $2x$      | coeff(2)=1, coeff(1)=2   |
| p1 - p2  | $x^2$     | $2x$      | coeff(2)=1, coeff(1)=-2  |
| p1 * p2  | $x^2$     | $2x$      | coeff(3)=2               |
| -p1      | $x^2$     | -         | coeff(2)=-1              |

## 12. Нормализация (test\_normalization)

| Исходные члены                | Ожидаемый результат после нормализации |
|-------------------------------|--|
| $x^2 + 0x + x^2 + (-x^2) + 3$ | $x^2 + 3$ (coeff(2)=1, coeff(0)=3)     |

## 13. Комплексный полином (test\_complex\_polynomial)

|                       |  |   |
|-----------------------|--|---|
| Операция              | Полином: $3x^4 - 2x^3 + 5x^2 - 7x + 4$ | Ожидаемый результат   |
| Коэффициенты          | -                                      | coeff(4)=3, coeff(3)=-2, coeff(2)=5,<br>coeff(1)=-7, coeff(0)=4 |
| Производная           | -                                      | $12x^3 - 6x^2 + 10x - 7$  |
| Вычисление в<br>$x=1$ | -                                      | 3   |
| Вычисление в<br>$x=0$ | -                                      | 4   |
| Квадрат<br>полинома   | $p * p$                                | Степень 8, coeff(8)=9   |

## 14. Производная полинома

Полином

$$3x^4 - 2x^3 + 5x^2 - 7x + 4$$

Производная

$$12x^3 - 6x^2 + 10x - 7$$

Проверяемые точки

$$\begin{aligned} \text{coeff}(3) &= 12, \text{coeff}(2) = -6, \\ \text{coeff}(1) &= 10, \text{coeff}(0) = -7 \end{aligned}$$