

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«Сибирский государственный университет телекоммуникаций и информатики»
(СибГУТИ)

Институт информатики и вычислительной техники

09.03.01 "Информатика и вычислительная техника"
профиль "Программное обеспечение средств
вычислительной техники и автоматизированных систем"

Кафедра прикладной математики и кибернетики

Современные технологии программирования

Лабораторная работа №12

Вычисление метрических характеристик

реализаций алгоритмов

Выполнил:

студент гр.ИП-213

Дмитриев Антон Александрович
ФИО студента

«__» _____ 2025 г.

Проверил:

Преподаватель

ФИО преподавателя

«__» _____ 2025 г.

Оценка _____

Новосибирск 2025 г.

1. Текст программы

C++:

```
#include <iostream>

#include <vector>

#include <algorithm>

using namespace std;

// 1. Поиск минимального элемента в одномерном массиве
void findMin1D(int arr[], int size, int& minValue, int& minIndex) {
    if (size == 0) {
        minValue = -1;
        minIndex = -1;
        return;
    }

    minValue = arr[0];
    minIndex = 0;

    for (int i = 1; i < size; i++) {
        if (arr[i] < minValue) {
            minValue = arr[i];
            minIndex = i;
        }
    }
}

// 2. Сортировка пузырьком
void bubbleSort(int arr[], int size) {
    for (int i = 0; i < size - 1; i++) {
        for (int j = 0; j < size - i - 1; j++) {
```

```

        if (arr[j] > arr[j + 1]) {
            swap(arr[j], arr[j + 1]);
        }
    }
}
}

```

// 3. Бинарный поиск

```

int binarySearch(int arr[], int size, int target) {
    int left = 0, right = size - 1;

    while (left <= right) {
        int mid = left + (right - left) / 2;

        if (arr[mid] == target) {
            return mid;
        }
        if (arr[mid] < target) {
            left = mid + 1;
        } else {
            right = mid - 1;
        }
    }

    return -1; // элемент не найден
}

```

// 4. Поиск минимального элемента в двумерном массиве

```

void findMin2D(vector<vector<int>>& matrix, int& minValue, int& minRow, int& minCol) {
    if (matrix.empty() || matrix[0].empty()) {

```

```
    minValue = -1;

    minRow = -1;

    minCol = -1;

    return;

}
```

```
minValue = matrix[0][0];

minRow = 0;

minCol = 0;
```

```
for (int i = 0; i < matrix.size(); i++) {
    for (int j = 0; j < matrix[i].size(); j++) {
        if (matrix[i][j] < minValue) {
            minValue = matrix[i][j];
            minRow = i;
            minCol = j;
        }
    }
}

}
```

// 5. Перестановка элементов в обратном порядке

```
void reverseArray(int arr[], int size) {
    for (int i = 0; i < size / 2; i++) {
        swap(arr[i], arr[size - i - 1]);
    }
}
```

// 6. Циклический сдвиг влево

```
void leftRotate(int arr[], int size, int positions) {
```

```

if (size == 0) return;

positions = positions % size; // обработка случая, когда positions > size
if (positions == 0) return;

// Временный массив для хранения первых positions элементов
int* temp = new int[positions];

// Сохраняем первые positions элементов
for (int i = 0; i < positions; i++) {
    temp[i] = arr[i];
}

// Сдвигаем остальные элементы влево
for (int i = positions; i < size; i++) {
    arr[i - positions] = arr[i];
}

// Восстанавливаем сохраненные элементы в конец
for (int i = 0; i < positions; i++) {
    arr[size - positions + i] = temp[i];
}

delete[] temp;
}

// 7. Замена всех вхождений значения
void replaceAll(int arr[], int size, int oldValue, int newValue) {
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        if (arr[i] == oldValue) {

```

```

        arr[i] = new Value;
    }
}

// Вспомогательная функция для печати массива
void printArray(int arr[], int size) {
    for (int i = 0; i < size; i++) {
        cout << arr[i] << " ";
    }
    cout << endl;
}

```

Python:

```
from typing import List, Tuple, Optional
```

1. Поиск минимального элемента в одномерном массиве

```
def find_min_1d(arr: List[int]) -> Tuple[Optional[int], Optional[int]]:
    """Возвращает (минимальное значение, индекс) или (None, None) если массив пуст"""
    if not arr:
        return None, None

    min_value = arr[0]
    min_index = 0

    for i in range(1, len(arr)):
        if arr[i] < min_value:
            min_value = arr[i]
            min_index = i

```

```
return min_value, min_index
```

2. Сортировка пузырьком

```
def bubble_sort(arr: List[int]) -> None:
```

```
    n = len(arr)
```

```
    for i in range(n - 1):
```

```
        swapped = False
```

```
        for j in range(n - i - 1):
```

```
            if arr[j] > arr[j + 1]:
```

```
                arr[j], arr[j + 1] = arr[j + 1], arr[j]
```

```
                swapped = True
```

```
        if not swapped:
```

```
            break
```

3. Бинарный поиск

```
def binary_search(arr: List[int], target: int) -> int:
```

```
    left, right = 0, len(arr) - 1
```

```
    while left <= right:
```

```
        mid = left + (right - left) // 2
```

```
        if arr[mid] == target:
```

```
            return mid
```

```
        elif arr[mid] < target:
```

```
            left = mid + 1
```

```
        else:
```

```
            right = mid - 1
```

```
    return -1 # элемент не найден
```

4. Поиск минимального элемента в двумерном массиве

```
def find_min_2d(matrix: List[List[int]]) -> Tuple[Optional[int], Optional[int], Optional[int]]:
    """Возвращает (минимальное значение, строка, столбец)"""
    if not matrix or not matrix[0]:
        return None, None, None

    min_value = matrix[0][0]
    min_row, min_col = 0, 0

    for i in range(len(matrix)):
        for j in range(len(matrix[i])):
            if matrix[i][j] < min_value:
                min_value = matrix[i][j]
                min_row, min_col = i, j

    return min_value, min_row, min_col
```

5. Перестановка элементов в обратном порядке

```
def reverse_array(arr: List[int]) -> None:
    left, right = 0, len(arr) - 1
    while left < right:
        arr[left], arr[right] = arr[right], arr[left]
        left += 1
        right -= 1
```

6. Циклический сдвиг влево

```
def left_rotate(arr: List[int], positions: int) -> None:
    if not arr:
        return
```



```
n = len(arr)
```

```
positions = positions % n # обработка случая, когда positions > n
```

```
if positions == 0:
```

```
    return
```

```
def replace_all(arr: List[int], old_value: int, new_value: int) -> None:
```

```
    for i in range(len(arr)):
```

```
        if arr[i] == old_value:
```

```
            arr[i] = new_value
```

2. Метрические характеристики реализации и алгоритма

C++:

```
void findMin1D(int arr[], int size, int& minValue, int& minIndex) {  
    if (size == 0) {  
        minValue = -1;  
        minIndex = -1;  
        return;  
    }  
  
    minValue = arr[0];  
    minIndex = 0;  
  
    for (int i = 1; i < size; i++) {  
        if (arr[i] < minValue) {  
            minValue = arr[i];  
            minIndex = i;  
        }  
    }  
}
```

Анализ для C++ версии:

Операторы (η_1):

- void (тип возвращаемого значения)
- findMin1D (имя функции)
- int (тип параметра)
- [] (оператор массива)
- & (ссылка)
- if
- ==
- =
- -
- return
- for
- ; (разделитель)

- <
- ++ (инкремент)
- {} (блоки)

Операнды (η_2):

- arr
- size
- minValue
- minIndex
- 0
- 1
- i

Расчет метрик для C++ findMin1D:

$\eta^*_2 = 4$ (входные: arr, size; выходные: minValue, minIndex)

$\eta_1 = 15$

$\eta_2 = 7$

$\eta = \eta_1 + \eta_2 = 22$

$N_1 = 38$ (общее число операторов)

$N_2 = 27$ (общее число операндов)

$N = N_1 + N_2 = 65$

$\hat{N} = \eta_1 \cdot \log_2 \eta_1 + \eta_2 \cdot \log_2 \eta_2 = 15 \cdot \log_2 15 + 7 \cdot \log_2 7 = 15 \cdot 3.9069 + 7 \cdot 2.8074 = 58.6035 + 19.6518 = 78.2553$

$V^* = (2 + \eta^*_2) \cdot \log_2 (2 + \eta^*_2) = (2 + 4) \cdot \log_2 6 = 6 \cdot 2.5850 = 15.51$

$V = N \cdot \log_2 \eta = 65 \cdot \log_2 22 = 65 \cdot 4.4594 = 289.861$

$L = V^*/V = 15.51/289.861 = 0.0535$

$\hat{L} = (2 \cdot \eta_2)/(\eta_1 \cdot N_2) = (2 \cdot 7)/(15 \cdot 27) = 14/405 = 0.0346$

$I = \hat{L} \cdot V = 0.0346 \cdot 289.861 = 10.031$

$S = 18$ (стандартная константа Страуда)

$T_1 = V^2/(2 \cdot S \cdot V) = 15.51^2/(2 \cdot 18 \cdot 289.861) = 240.5601/(10435.0) = 0.0231$ секунд

$\hat{T}_2 = (\eta_1 \cdot N \cdot (\eta_1 \cdot \log_2 \eta_1 + \eta_2 \cdot \log_2 \eta_2) \cdot \log_2 \eta)/(2 \cdot S \cdot \eta_2 \cdot N) = (15 \cdot 65 \cdot 78.2553 \cdot 4.4594)/(2 \cdot 18 \cdot 7 \cdot 65) = (15 \cdot 78.2553 \cdot 4.4594)/(2 \cdot 18 \cdot 7) = 5236.8/252 = 20.78$ секунд

$\hat{T}_3 = (\eta_1 \cdot N \cdot N \cdot \log_2 \eta)/(2 \cdot S \cdot \eta_2 \cdot N) = (15 \cdot 65 \cdot 65 \cdot 4.4594)/(2 \cdot 18 \cdot 7 \cdot 65) = (15 \cdot 65 \cdot 4.4594)/(2 \cdot 18 \cdot 7) = 4347.9/252 = 17.26$ секунд

	η^*_{2}	η_1	η_2	η	N_1	N_2	N	\hat{N}	V^*	V	L	\hat{L}	I	\hat{T}_1	\hat{T}_2	\hat{T}_3	λ_1	λ_2
findMin1D	4	15	7	22	38	27	65	78.3	15.5	290	0.054	0.035	10.0	0.023	20.8	17.3	0.011	0.054
bubbleSort	2	18	8	26	58	42	100	99.8	8.0	458	0.017	0.021	9.6	0.007	39.2	39.2	0.008	0.017
binarySearch	3	17	9	26	42	31	73	92.4	10.8	334	0.032	0.040	13.4	0.017	24.0	23.1	0.015	0.032
findMin2D	4	18	10	28	49	40	89	110.9	15.5	408	0.038	0.028	11.4	0.015	30.8	29.3	0.017	0.038
reverseArray	2	11	6	17	27	17	44	46.5	8.0	188	0.043	0.065	12.2	0.017	9.4	8.9	0.021	0.043
leftRotate	3	25	11	36	78	56	134	143.8	10.8	614	0.018	0.016	9.8	0.010	52.8	52.8	0.009	0.018
replaceAll	3	11	7	18	24	18	42	47.0	10.8	179	0.060	0.071	12.7	0.033	7.2	6.8	0.030	0.060
Среднее	3.0	16.4	8.3	24.7	45.1	33.0	78.1	88.1	11.4	353	0.038	0.039	11.3	0.018	26.3	25.4	0.016	0.038

Python:

```
def find_min_1d(arr: List[int]) -> Tuple[Optional[int], Optional[int]]:
```

```
    if not arr:
```

```
        return None, None
```

```
    min_value = arr[0]
```

```
    min_index = 0
```

```
    for i in range(1, len(arr)):
```

```
        if arr[i] < min_value:
```

```
            min_value = arr[i]
```

```
            min_index = i
```

```
    return min_value, min_index
```

Анализ для Python версии:

Операторы (η_1):

- def
- :
- ->(аннотация возвращаемого значения)
- if
- not
- return
- =
- for
- in
- range
- len
- <
- [] (индексация)

Операнды (η_2):

- find_min_1d
- arr
- List
- int
- Tuple
- Optional
- None
- min_value
- min_index
- 0
- 1
- i

Расчет метрик для Python find_min_1d:

$\eta^*_2 = 1$ (входные: arr; выходные: кортеж через return)

$$\eta_1 = 13$$

$$\eta_2 = 12$$

$$\eta = \eta_1 + \eta_2 = 25$$

$$N_1 = 28$$

$$N_2 = 26$$

$$N = 54$$

$$\hat{N} = 13 \cdot \log_2 13 + 12 \cdot \log_2 12 = 13 \cdot 3.7004 + 12 \cdot 3.5850 = 48.1052 + 43.0200 = 91.1252$$

$$V^* = (2 + 1) \cdot \log_2(3) = 3 \cdot 1.5850 = 4.755$$

$$V = 54 \cdot \log_2 25 = 54 \cdot 4.6439 = 250.771$$

$$L = 4.755 / 250.771 = 0.0190$$

$$\hat{L} = (2 \cdot 12) / (13 \cdot 26) = 24 / 338 = 0.0710$$

$$I = 0.0710 \cdot 250.771 = 17.805$$

$$\hat{T}_1 = 4.755^2 / (2 \cdot 18 \cdot 250.771) = 22.61 / (9027.8) = 0.0025 \text{ секунд}$$

$$\hat{T}_2 = (13 \cdot 54 \cdot 91.1252 \cdot 4.6439) / (2 \cdot 18 \cdot 12 \cdot 54) = (13 \cdot 91.1252 \cdot 4.6439) / (2 \cdot 18 \cdot 12) = 5500.8 / 432 = 12.73 \text{ секунд}$$

$$\hat{T}_3 = (13 \cdot 54 \cdot 54 \cdot 4.6439) / (2 \cdot 18 \cdot 12 \cdot 54) = (13 \cdot 54 \cdot 4.6439) / (2 \cdot 18 \cdot 12) = 3261.6 / 432 = 7.55 \text{ секунд}$$

	η^*_2	η_1	η_2	η	N_1	N_2	N	\hat{N}	V^*	V	L	\hat{L}	I	\hat{T}_1	\hat{T}_2	\hat{T}_3	λ_1	λ_2
find_min_1d	1	13	12	25	28	26	54	91.1	4.76	251	0.019	0.071	17.8	0.0025	12.7	7.55	0.008	0.019
bubble_sort	1	14	11	25	35	29	64	85.4	4.76	296	0.016	0.054	16.0	0.0019	13.4	10.15	0.007	0.016
binary_search	2	14	13	27	31	27	58	93.8	8.00	272	0.029	0.069	18.8	0.0118	12.0	9.36	0.014	0.029
find_min_2d	1	15	14	29	36	31	67	108.7	4.76	322	0.015	0.067	21.6	0.0018	16.0	13.44	0.007	0.015
reverse_array	1	9	9	18	17	15	32	52.2	4.76	137	0.035	0.133	18.2	0.0083	4.8	4.27	0.018	0.035
left_rotate	2	8	8	16	14	13	27	42.1	8.00	108	0.074	0.154	16.6	0.0296	3.8	3.78	0.037	0.074
replace_all	2	7	8	15	12	11	23	37.8	8.00	89	0.090	0.182	16.2	0.0360	2.7	2.67	0.045	0.090
Среднее	1.4	11.4	10.7	22.1	24.7	21.7	46.4	73.0	6.18	211	0.040	0.104	17.9	0.013	9.3	7.3	0.019	0.04

3. Анализ полученных результатов

1. Сложность программ:

- C++ программы в среднем длиннее ($N=78.1$ против 46.4)
- Python имеет более высокий уровень программы \hat{L} (0.104 против 0.039), что указывает на более высокий уровень абстракции

2. Эффективность языков:

- Python имеет меньший объем реализации V (211 против 353)
- Python имеет большее интеллектуальное содержание I (17.9 против 11.3)

3. Время разработки:

- Прогнозируемое время разработки \hat{T}_2 и \hat{T}_3 меньше для Python (9.3 и 7.3 секунд против 26.3 и 25.4 секунд для C++)

4. Уровни языков:

- λ_1 (средний уровень через $\hat{L} \cdot V$): Python 0.019 , C++ 0.016
- λ_2 (средний уровень через L): Python 0.040 , C++ 0.038
- Python показывает немного более высокие значения, что соответствует его более высокоуровневой природе

5. Параметры ввода-вывода:

- Python имеет меньшее η^*_2 (1.4 против 3.0), что связано с использованием возвращаемых значений вместо выходных параметров