

1 Piles et piles bornées

Observer la description du type abstrait de données *Pile* :

- le type défini est *Pile*
- Opérations
 - initialiser()
 - empiler(Object element)
 - depiler() : Object
 - sommet() : Object
 - estVide() : boolean
- Préconditions
 - précondition (p.depiler()) : $\neg p.estVide()$
 - précondition (p.sommet()) : $\neg p.estVide()$
- Axiomes
 - Juste après l'instruction *p.empiler(t)*, on a *p.sommet() = t*
 - Juste après *p.initialiser()*, on a *p.estVide() = true*
 - Juste après *p.empiler(t)*, on a *p.estVide() = faux*
 - Juste après *p.empiler(t)*, on a *p.depiler() = t*

Une interface *IPile* représentant le type abstrait *Pile*, une classe *Pile* l'implémentant avec une *ArrayList* pour stocker les éléments et une classe exception *PileVideException* sont présentées ci-dessous.

```
public class PileVideException extends Exception {
    public PileVideException() { }
    public PileVideException(String message) { super(message); }
}

public interface IPile
{
    void initialiser();
    void empiler(Object t) throws PileVideException;
    Object depiler() throws PileVideException;
    Object sommet() throws PileVideException;
    boolean estVide();
    int taille();
}

public class Pile implements IPile{
    // structure de stockage interne des éléments
    private ArrayList<Object> elements;

    // Mise en oeuvre des opérations
    public Pile(){initialiser();}

    public Object depiler() throws PileVideException{
        if (this.estVide())
            throw new PileVideException("en dépilant");
        Object sommet = elements.get(elements.size()-1);
```

```

        elements.remove(sommet);
        return sommet;
    }

    public void empiler(Object t) throws PileVideException {
        elements.add(t);
        assert this.sommet()==t : "dernier empile =" + this.sommet();
    }

    public boolean estVide() {return elements.isEmpty();}

    public void initialiser() {elements = new ArrayList<T>();}

    public Object sommet() throws PileVideException{
        if (this.estVide())
            throw new PileVideException("en dépilant");
        return elements.get(elements.size()-1);
    }

    public int taille(){return elements.size();}
    public String toString(){return "Pile = " + elements;}
}

```

QUESTION 1 Vous pouvez observer la manière dont la spécification est mise en œuvre, en particulier concernant les axiomes. La déclaration `public void empiler(Object t) throws PileVideException` peut paraître surprenante puisque dans la définition du type abstrait l'opération `empiler` n'a pas de pré-condition. Voyez-vous la raison pratique qui l'explique ? Peut-on écrire l'assertion autrement pour éviter la déclaration `throws PileVideException` ?

QUESTION 2 Ajouter des assertions pour contrôler que :

- Après avoir construit la pile, celle-ci est vide.
- À la fin de l'opération `depiler`, le nombre d'éléments de la pile a diminué de 1.
- À la fin de l'opération `empiler`, le nombre d'éléments de la pile a augmenté de 1.

QUESTION 3 On désire créer un nouveau type de pile, représentant les piles bornées, c'est-à-dire des piles dont le nombre d'éléments doit rester inférieur à une certaine limite (taille maximale). Cette taille maximale peut évoluer pendant la vie de la pile.

- Proposez une description du type abstrait (en indiquant en quoi il diffère du type pile).
- Ecrivez les classes d'exceptions représentant les erreurs qui peuvent se produire sur les piles bornées : la pile est pleine et on ne peut plus ajouter d'éléments ; la taille maximale ne peut pas être négative ; la taille maximale est diminuée mais le nombre d'éléments déjà stockés est supérieur à cette nouvelle taille maximale.
- Proposez une interface pour représenter le type *Pile bornée*.
- Proposez une classe pour l'implémenter. Les méthodes comporteront des assertions et des signalements d'exceptions aux endroits nécessaires. Par défaut, la taille maximale est de 10 éléments.
- Ecrivez un programme utilisant cette classe. Est-ce qu'une pile bornée peut remplacer une pile : lors de la compilation (substituabilité syntaxique) ? lors de l'exécution (substituabilité comportementale) ?

2 Invariant de boucle dans le tri par insertion

On vous donne ci-dessous le code d'une classe contenant une méthode réalisant le tri par insertion.

```
public class TriInsertion {
    public static void triInsertion(int tableau[]) {
        int taille = tableau.length;
        // Pour chaque élément du tableau
        for (int i = 1; i < taille; i++){
            int index = tableau[i];
            // On cherche sa place entre 0 et i-1
            // on décale vers la droite les éléments qui le précèdent
            // dans le tableau mais sont plus grand que lui
            int j = i-1;
            while(j >= 0 && tableau[j] > index) {
                tableau[j+1] = tableau[j];
                j--;
            }
            // puis on le positionne
            tableau[j+1] = index;
            System.out.println("Etat du tableau à l'étape "+ i);
            System.out.println(Arrays.toString(tableau));
        }
    }

    public static void main(String str[]){
        int[] tab = {2,13,14,3,5,4,112,37,9,11,18,1};
        System.out.println("Etat du tableau avant le tri");
        System.out.println(Arrays.toString(tab));
        //tri par insertion
        triInsertion(tab);
        System.out.println("Etat du tableau après le tri");
        System.out.println(Arrays.toString(tab));
    }
}
```

QUESTION 4

- Quel invariant est vrai avant la boucle et à la fin de chaque étape ?
- Vérifiez cet invariant par une assertion.
- Vérifiez qu'à la fin de l'opération **TriInsertion**, le tableau est trié.
- Quelle précondition de l'opération **TriInsertion** pourriez-vous proposer ? Mettez-la en place avec un signalement d'exception.

3 Invariants de classe

En utilisant des assertions et des exceptions, développez une classe représentant une personne avec les attributs et contraintes suivantes :

- une année de naissance qui doit être supérieure à 1900.
- un statut (vivant ou décédé).
- la qualité d'être majeur (attribut dérivé).
- un père et une mère qui sont des personnes différentes de la personne.
- le père et la mère ne peuvent avoir eu leur enfant qu'après l'âge de 16 ans.