

АННОТАЦИЯ

В рамках работы рассматривается разработка шагающего четырехногого робота с упором на проблему разработки конечностей и программирования. Спроектированы трёхмерные твердотельные чертежи системы, собрана физическая модель. Обоснован выбор конструктивных решений, выбор программной архитектуры, выбор алгоритмов. Применены лучшие практики работы с кодом, разработаны программные библиотеки для управления микроконтроллерами в составе робота.

ОГЛАВЛЕНИЕ

АННОТАЦИЯ	4
ВВЕДЕНИЕ	7
ГЛАВА 1 ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ И ПЛАН РЕШЕНИЯ	12
1.1 Задачи работы	12
1.2 Краткое описание кинематической схемы	12
1.2.1 Определение максимальной нагрузки на приводы конечностей	13
ГЛАВА 2 МЕХАНИЧЕСКАЯ КОНСТРУКЦИЯ	16
2.1 Проектирование ног	16
2.2 Проектирование корпуса	20
2.3 Подбор комплектующих	23
2.3.1 Силовая электроника	23
2.3.2 Логическая электроника	23
2.4 Аккумулятор	24
2.5 Остальные детали	25
ГЛАВА 3 КИНЕМАТИКА КОНЕЧНОСТЕЙ РОБОТА	30
3.1 Общее положение	30
3.2 Общее решение четырёхзвенника	32
3.3 Прямая кинематика	33
3.4 Обратная кинематика	36
3.5 Оптимизация численного решения обратной задачи	39
ГЛАВА 4 МОДЕЛИРОВАНИЕ ХОДЬБЫ	41
4.1 Траектории движения ног	41
4.2 Замечание о проблеме выбора оптимальной траектории ..	44
ГЛАВА 5 ПРОГРАММНАЯ АРХИТЕКТУРА	45

5.1	Структура управления	45
5.2	Протокол передачи данных	45
5.3	Кинематические расчеты.....	49
5.3.1	Вычисление задачи о положениях	49
5.3.2	Решение задачи о четырехзвеннике	50
5.3.3	Вычисление Якобиана	50
5.4	Тестирование кода	51
ЗАКЛЮЧЕНИЕ		52
БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК.....		54

ВВЕДЕНИЕ

Шагающие роботы - это класс роботов, имитирующих движения людей и животных. Миллионы лет эволюции показывают, что передвижение при помощи ног это наиболее эффективный способ быстро приспосабливаться к плохим, неровным поверхностям. Сегодня от робототехнической шагающей системы требуется приспосабливаться к тем условиям, в которых она раньше не была. Рассмотрим существующих роботов, которые сегодня есть на рынке, и то, каким образом их разработчики решают эту задачу.

Рынок шагающих роботов

Классифицировать шагающие машины можно не только по количеству ног. Некоторые роботы комплектуются также и колесами, для увеличения скорости передвижения по ровным поверхностям. Для простоты, разделим рассматриваемых роботов на двуногих и четырехногих.

На текущий момент можно найти огромное количество шагающих роботов. Гексаподы, робо-пауки и т.д. Но среди сотен моделей можно выделить таких, ходьба которых максимально приближена к животной.

Среди современных четырехногих роботов можно выделить:

- роботы Spot и Spot-Mini от компании Boston Dynamics [1] (рисунок 1);
- робот Mini-Cheetah от студентов MIT [2];
- Робот ANYmal от студентов Цюрихского университета [3] (рисунок 2);
- робот HyQReal от ИТТ [4] (Итальянского технологического института);
- роботы LaikaGo и AlienGo от компании Unitree Robotics [5].

Среди двуногих можно выделить такие проекты, как:

- робот Digit от компаний Agility Robotics и Ford [6] (рисунок 3);
- робот Cassie от компании Agility Robotics [6];
- робот Atlas от компании Boston Dynamics [1].

Всех выше перечисленных роботов объединяет одна схожая особенность – они обучены ходьбе при помощи новых, набирающих популярность, методов глубокого обучения. Алгоритм их ходьбы не описан статическими константами в коде, он создан при помощи обучения моделей искусственных



Рисунок 1 – Робот *Spot-mini* компании *Boston Dynamics*



Рисунок 2 – Робот *ANYmal* университета *ETH Zurich*

нейронных сетей. Благодаря этому все они показывают высокую степень мобильности и адаптивности к окружающей среде. Далее, для некоторых из роботов, приведены используемые разработчиками методы обучения. Движения таких роботов при перемещении визуально похожи на движения животных со схожим механическим строением тела. Стоит отметить, что модели, обученные таким образом показывают более высокую эффективность при перемещении [7] и меньшее потребление энергии, чем модели ходьбы, описанные человеком вручную.

Для обучения четырехногого робота LaikaGo используется помещенная



Рисунок 3 – Робот *Digit* компании *Agility Robotics*

в симуляцию физическая модель робота [8] (рисунок 4). Робот ANYmal точно так же был «натренирован» при помощи многократных запусков его физической модели в симуляции. Чтобы ускорить процесс, разработчики поместили в симуляцию сразу множество физических моделей робота, которые тренировались одновременно [9]. Такой способ позволил быстро, дешево и безопасно обучать робота ходьбе (демонстрация метода на рисунке 5).

Такую же схему обучения используют для двуногого робота Cassie [10]. Кроме того, разработчики из Agility Robotics используют машинное обучение еще и для планирования траектории, а также для правильного позиционирования стоп робота на неровной местности [11].

Для большинства приведенных выше четырехногих роботов можно также выявить одну общую особенность – у них схожие кинематические схемы, у конечностей по три степени свободы. Отсутствие избыточных степеней свободы упрощает проектирование конечностей и разработку математических моделей их движения. Этот факт повлиял на конструкцию ног робота, которая была разработана в рамках данного проекта.

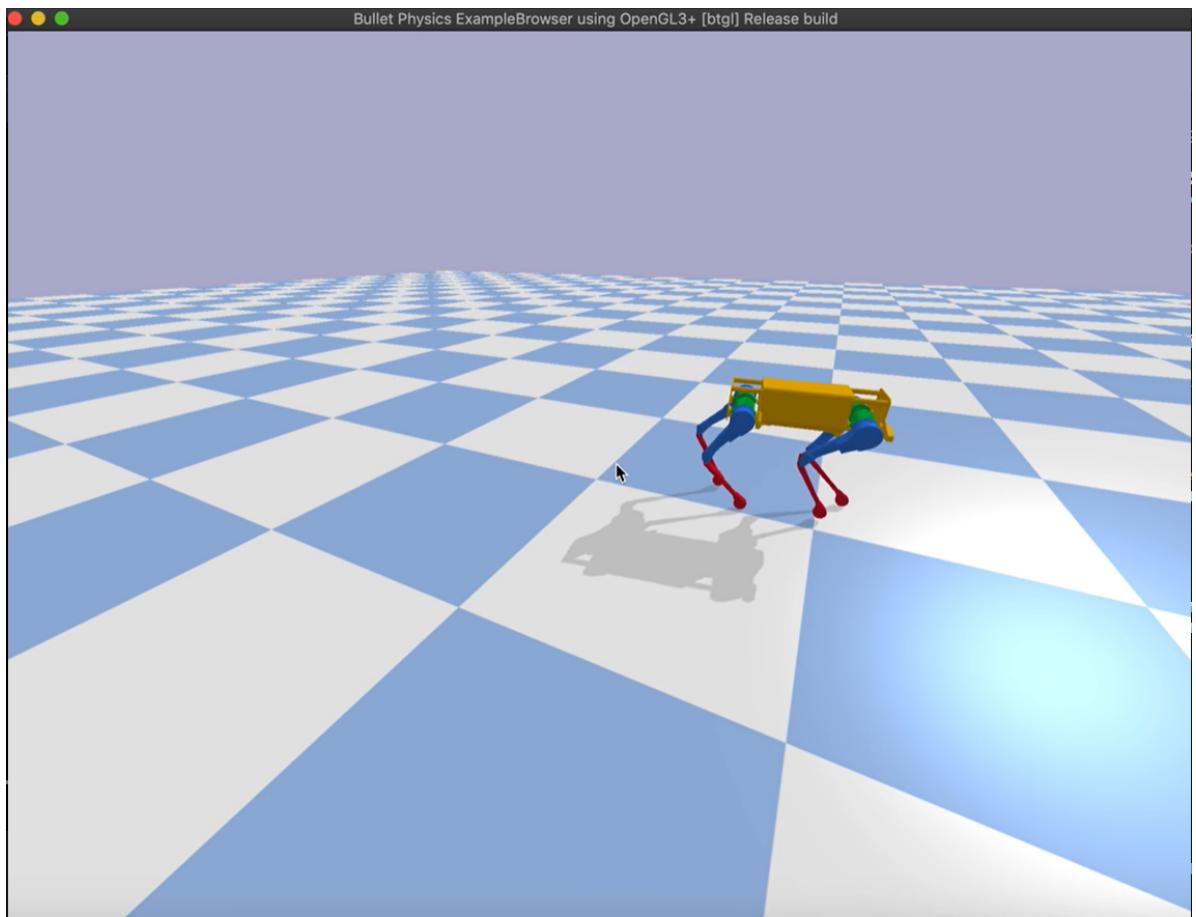


Рисунок 4 — Обучение ходьбе в симуляции робота *LaikaGo* компании *Unitree Robotics*



Рисунок 5 — Множество моделей робота *ANYmal* обучаются одновременно

Актуальность работы

Задача разработки шагающих роботов становится все более актуальной с каждым годом. Всё в большей степени людей стараются заменять шагающими роботами для работ, в которых требуется мобильность и подвижность человеческих ног, и при этом невозможно присутствие самого человека. Например, приведенные выше роботы создаются для инспекции строек и помещений, исследования местности вдали от дорог и цивилизации, помощи в устраниении последствий катастроф, пребывания в опасной для человека среде (под воздействием вредных газов, излучения). Также недавно появился опыт применения таких роботов для уменьшения количества контактов между людьми во время эпидемии респираторного заболевания [12]. Открытость методик, исходных кодов и готовых моделей в открытом доступе приведет к массовой разработке шагающих роботов не только крупными предприятиями, но и частными разработчиками.

ГЛАВА 1

ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ И ПЛАН РЕШЕНИЯ

1.1 Задачи работы

В рамках работы рассматривается разработка шагающего четырехногого робота, с упором на проблему проектирования конечностей и разработки программного обеспечения (ПО) для управления движением.

Для выполнения работы требуется:

- Разработать общую кинематическую схему робота.
- Рассчитать худший (по нагрузке) статический случай для конечностей четырехногого робота.
- Подобрать электроприводы удовлетворяющие по крутящему моменту.
- Подобрать остальные комплектующие (управляющая электроника, детали корпуса, источник питания, проводка), входящие в состав робота и обеспечивающие его автономную работу.
- Спроектировать и собрать прототип робота.
- Разработать ПО для управления робота.

1.2 Краткое описание кинематической схемы

После изучения существующих на рынке роботов, было решено реализовать в прототипе наиболее распространенную конструкцию. Можно заметить что у всех приведенных моделей роботов почти одинаковая кинематика, характеризующаяся четырьмя конечностями, у каждой из которых по три степени свободы. Поэтому с опорой на опыт разработчиков роботов, о которых написано во введении, в качестве кинематической схемы прототипа была выбрана схема, продемонстрированная на рисунке 1.1.

Кинематика конечности подробнее рассматривается далее. Также далее конечности допустимо называть ногами, а точку A – стопой робота. Изображенный на рисунке 1.1 параллелепипед – это корпус, тело робота.

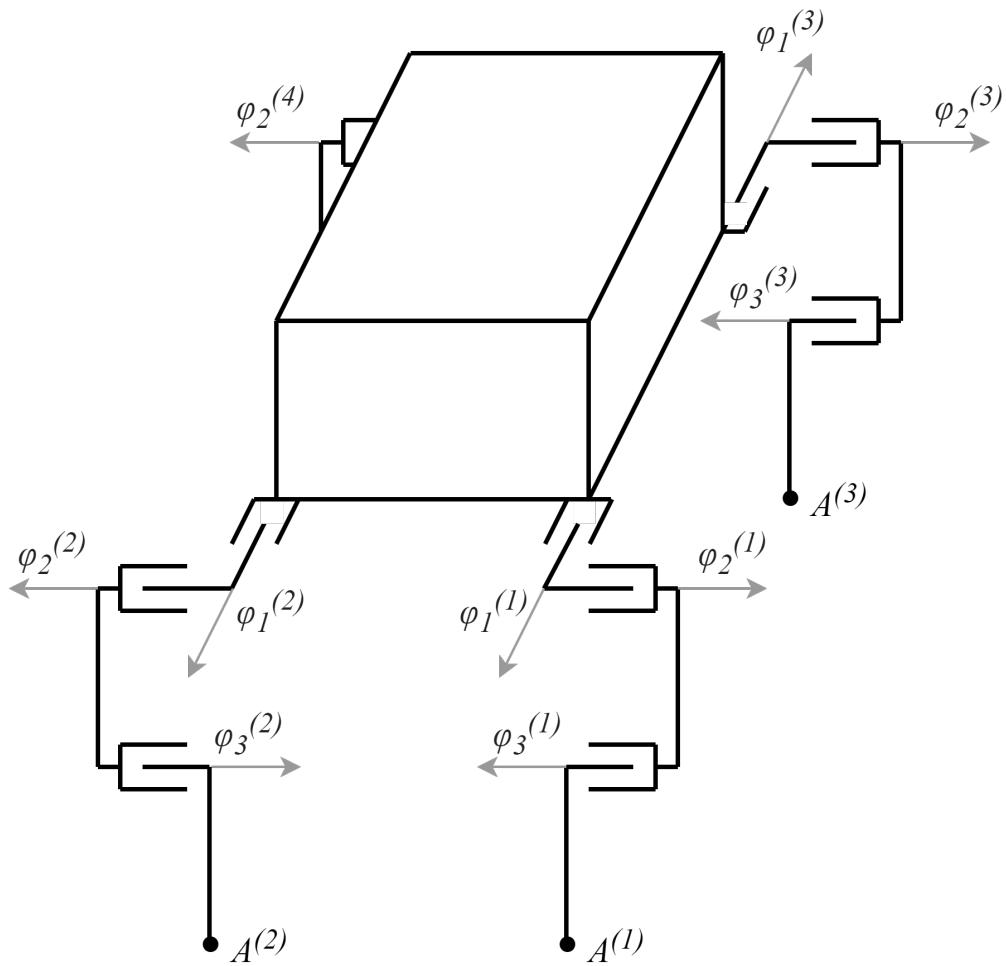


Рисунок 1.1 — Кинематика четырехногого робота. Нумерация ног произвольная

1.2.1 Определение максимальной нагрузки на приводы конечностей

Расчет максимальной нагрузки производится при известных размерах комплектующих робота. Это объясняется тем, что чертежи изделия (рисунок 1.2) были подготовлены до выбора приводов.

У большей части доступных на рынке сервоприводов одинаковые габариты, форма корпуса и даже расположение крепежных отверстий. Разница лишь в крутящих моментах, характеризующихся передаточным числом редуктора. Отсюда следует, что чертежи таких приводов ничем не отличаются друг от друга и это позволяет размещать их в сборочном чертеже робота до того как станет известна нагрузка на приводы. После того как становится известен точный набор комплектующих и их вес, а также длины конечностей, мы можем выбрать сервопривод, удовлетворяющий требуемому кру-

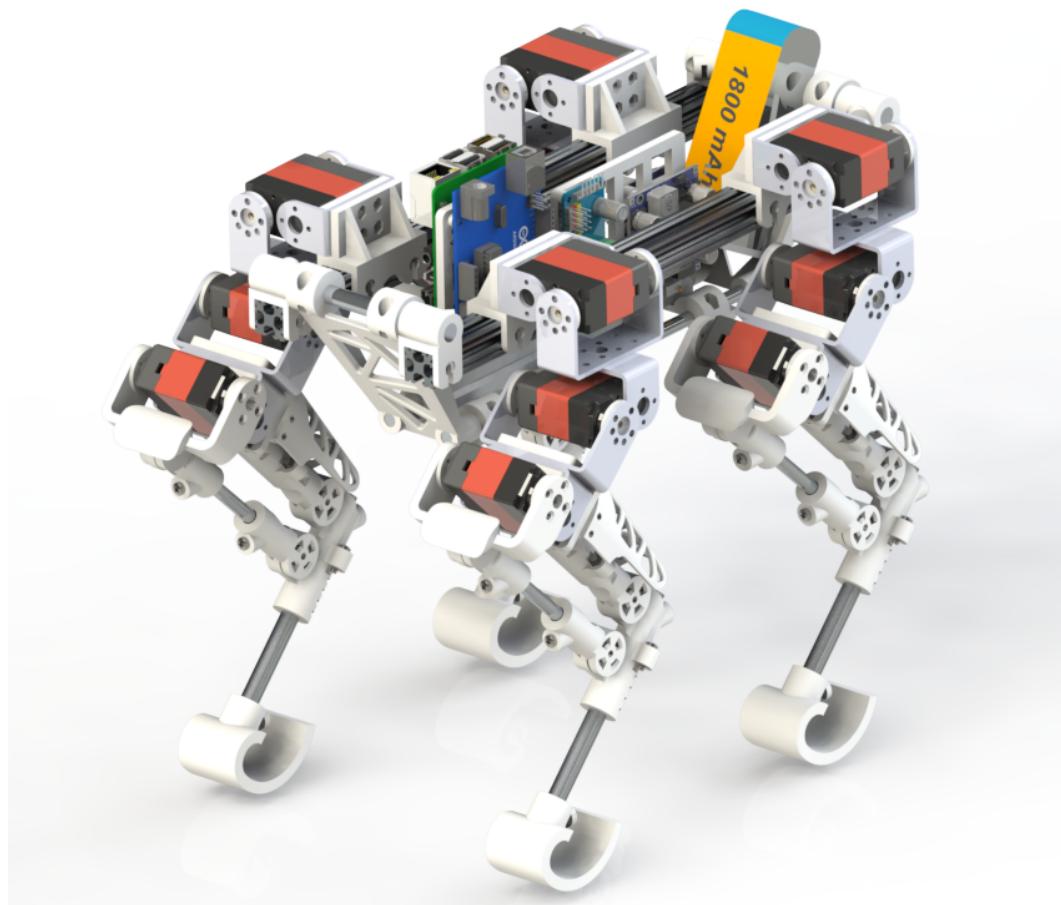


Рисунок 1.2 – Сборочный чертеж робота.

тящему моменту.

Найдем максимальную статическую нагрузку на приводы конечностей, рассмотрев наихудшую статическую конфигурацию робота. «Худшей» конфигурацией называется такая, при которой одному или нескольким приводам нужно приложить максимальный момент для поворота звена конечности в нужную сторону.

Конструкция ноги робота не позволяет разогнуть ее полностью. Поэтому можно привести длины звеньев конечности спроектированные на горизонтальную ось для того чтобы провести приблизительные расчеты:

$$l_1 \approx 131 \text{ мм},$$

$$l_2 \approx 134.5 \text{ мм}$$

Худшим случаем является случай, при котором робот лежит на «животе» с выпрямленными конечностями. Чтобы подогнуть под себя конечность,

нужно будет преодолеть момент $M_{худш}$ с учетом массы тела робота m_T . При этом максимальный крутящий момент потребуется приводу, находящемуся в первом узле, или можно сказать, управляющему первой степенью свободы.

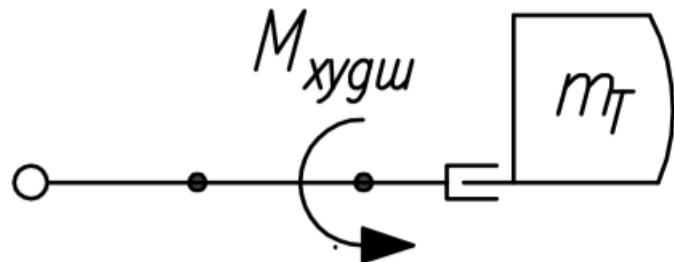


Рисунок 1.3 – Иллюстрация худшего статического случая

При расчёте в первом приближении можно пренебречь трением и весами звеньев. Также можно учесть, что нагрузка, создаваемая массой тела робота будет распределена равномерно по всем четырем ногам. Это значит что на одну ногу будет приходится четверть массы тела робота.

Самой тяжелой частью конструкции оказались каркас корпуса, в составе которого много алюминиевых профилей, и аккумулятор. Самые легкие составляющие конструкции – это электронные компоненты. Суммарно все комплектующие корпуса весят 3.2 кг.

При таком расчете можно считать, что каждой ноге надо будет «поднять» около 0.8 кг веса. Тогда в худшем случае, приложенный момент вычисляется просто:

$$M_{худш} = \frac{1}{4}(l_1 + l_2)m_Tg, \quad (1.1)$$

здесь l_1 и l_2 - длины звеньев ноги.

При расчете по формуле 1.1 требуемый крутящий момент равен примерно 2.1 Н · м. После проведенного поиска среди доступных на рынке сервоприводов, был выбран сервопривод с крутящим моментом 2.5 Н · м. С таким сервоприводом максимально допустимый вес робота будет примерно равен 3.8 кг.

ГЛАВА 2

МЕХАНИЧЕСКАЯ КОНСТРУКЦИЯ

2.1 Проектирование ног

Основная, и самая сложная с точки зрения механики часть шагающего робота это конечности. Как и корпус, ноги проектировались в виде трёхмерных, твердотельных чертежей. Для уменьшения количества уникальных деталей конструкция всех четырех ног была унифицирована (рисунки 2.1 и 2.4). Таким образом снижена сложность и затратность в производстве деталей.

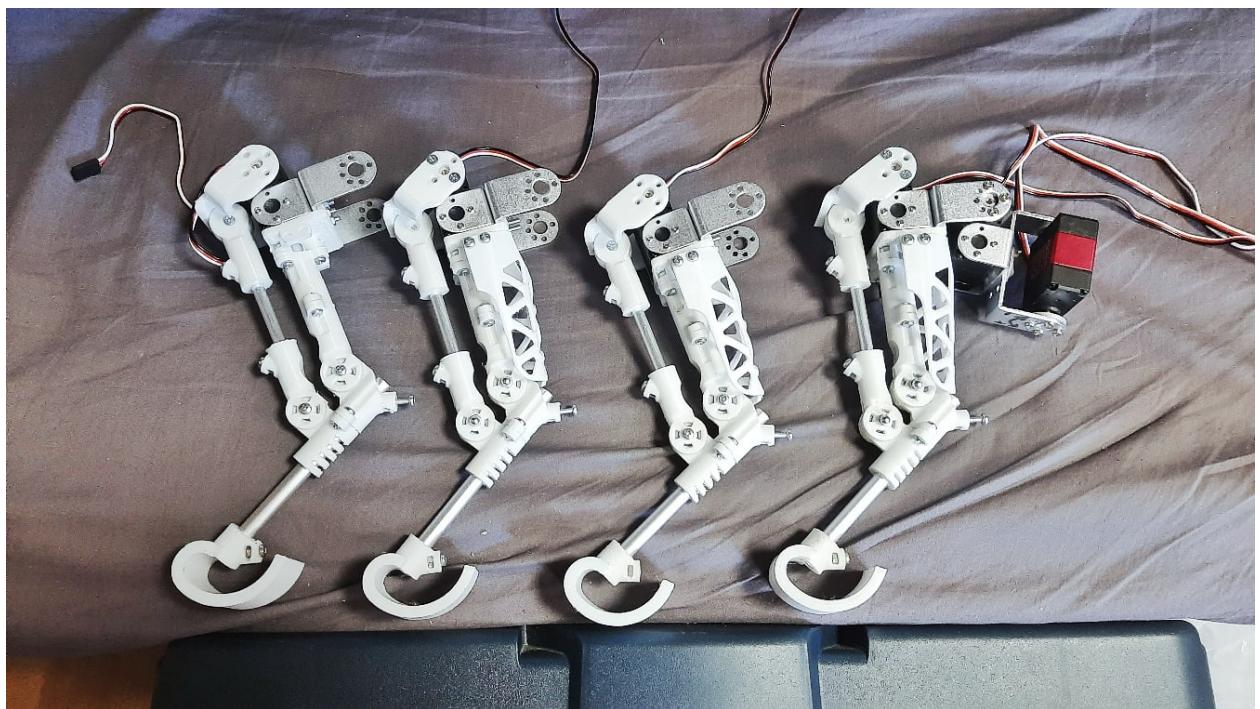


Рисунок 2.1 – Конструкции всех четырех ног унифицированы

Сложные по форме детали изготовлены из пластика на 3D-принтере, в конструкции также присутствуют металлические стержни, стандартные металлические кронштейны, крепежные элементы (винты, гайки).

Перед проектированием были выдвинуты функциональные требования к конечностям. Они должны быть как можно менее габаритными, для сохранности редукторов сервоприводов и для увеличения скорости движения нужно максимально уменьшить момент инерции конечности. Основной способ достижения этой цели – уменьшение веса всех деталей. Поэтому

некоторые крепежи и элементы корпуса, по возможности, были изготовлены из пластика. Были использованы полые цилиндрические алюминиевые трубы в качестве стержней, обеспечивающих жесткость.



Рисунок 2.2 – Сервоприводы *DSSERVO RDS3225*, использованные в прототипе робота

Есть еще один, не менее эффективный способ снизить момент инерции ног, не уменьшая общего веса конечностей – концентрация основной массы как можно выше [13], ближе к месту крепления ноги к корпусу. Поэтому сервоприводы (рис. 2.2), как одни из самых тяжелых элементов конструкции, были перенесены как можно ближе к корпусу и как можно дальше от пола. Получившаяся конструкция изображена на рисунках 2.3 и 2.6.

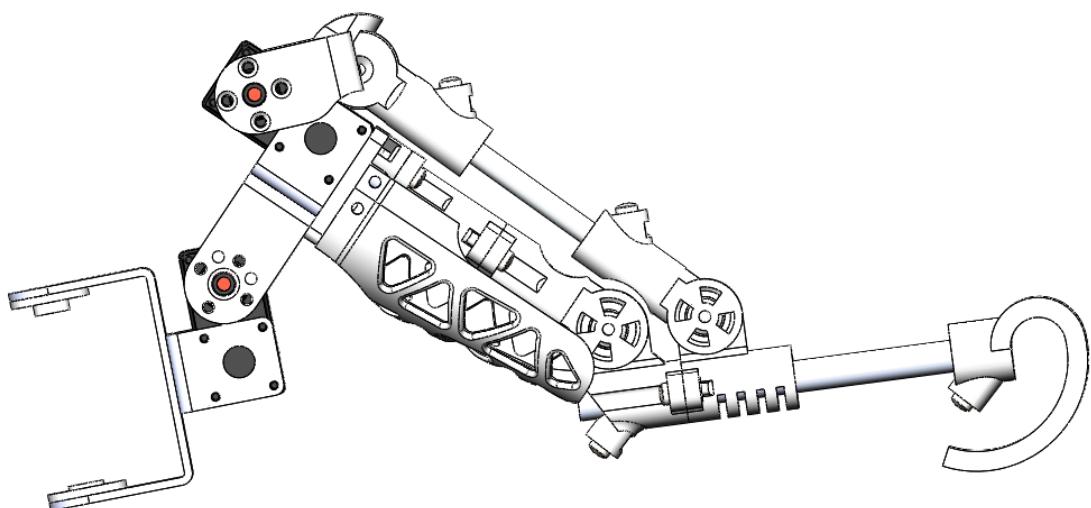


Рисунок 2.3 – Твердотельный чертеж конечности робота. Можно заметить что двигатели размещены у основания конечности.

Двигатель неудобно размещать в узле в силу конструктивных особенностей. В связи с этим в конструкции возник механический четырехзвенник, позволяющий передавать вращение стержневых элементов. Четырехзвенник усложнил кинематическую схему ноги, его расчет рассмотрен далее в пункте 3.2, однако такая конструкция позволила уменьшить габариты конечности и положительно повлияла на её эстетические качества.



Рисунок 2.4 – Набор унифицированных деталей для изготовления конечностей.

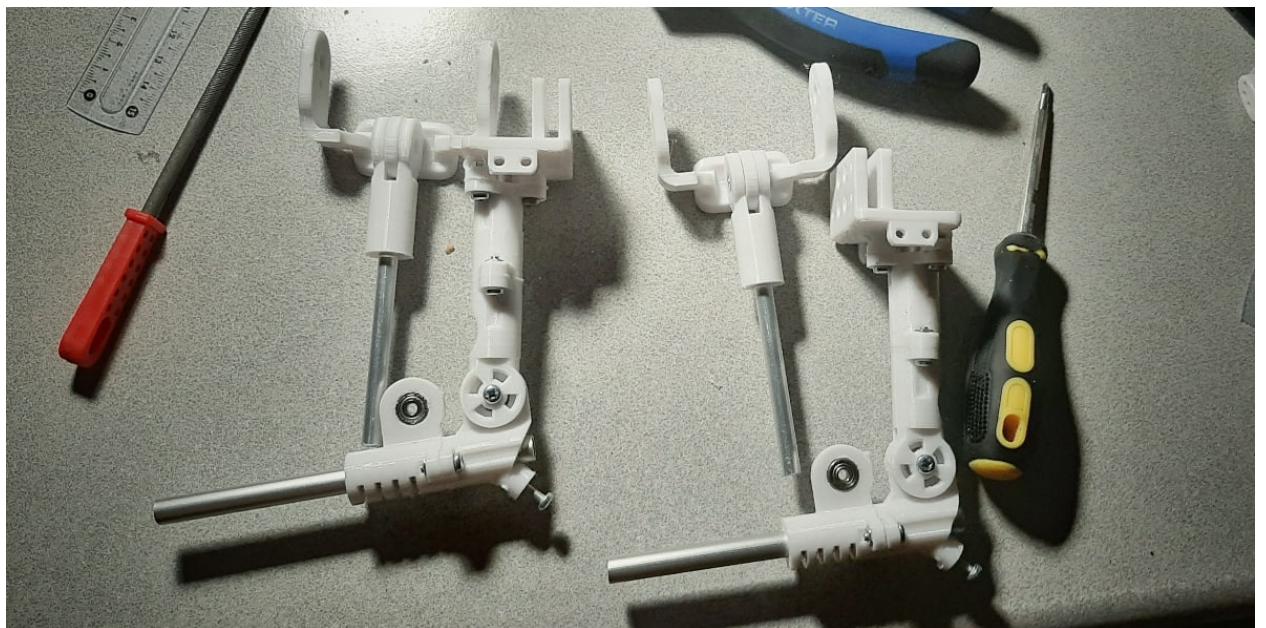
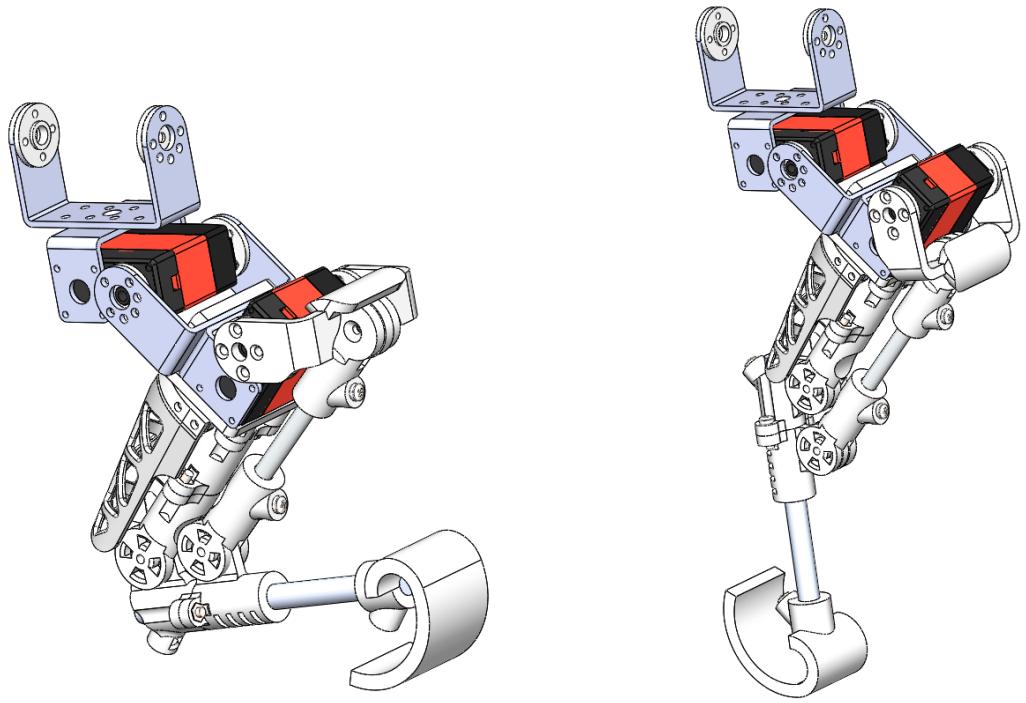


Рисунок 2.5 – Процесс сборки конечностей. Используются полые алюминиевые стержни и пластиковые детали.

В конструкции предусмотрена установка датчиков касания на стопы. Конструкция ноги позволит без проблем проложить провода так, чтобы их не было видно.



(а) Последнее звено согнуто

(б) Последнее звено разогнуто

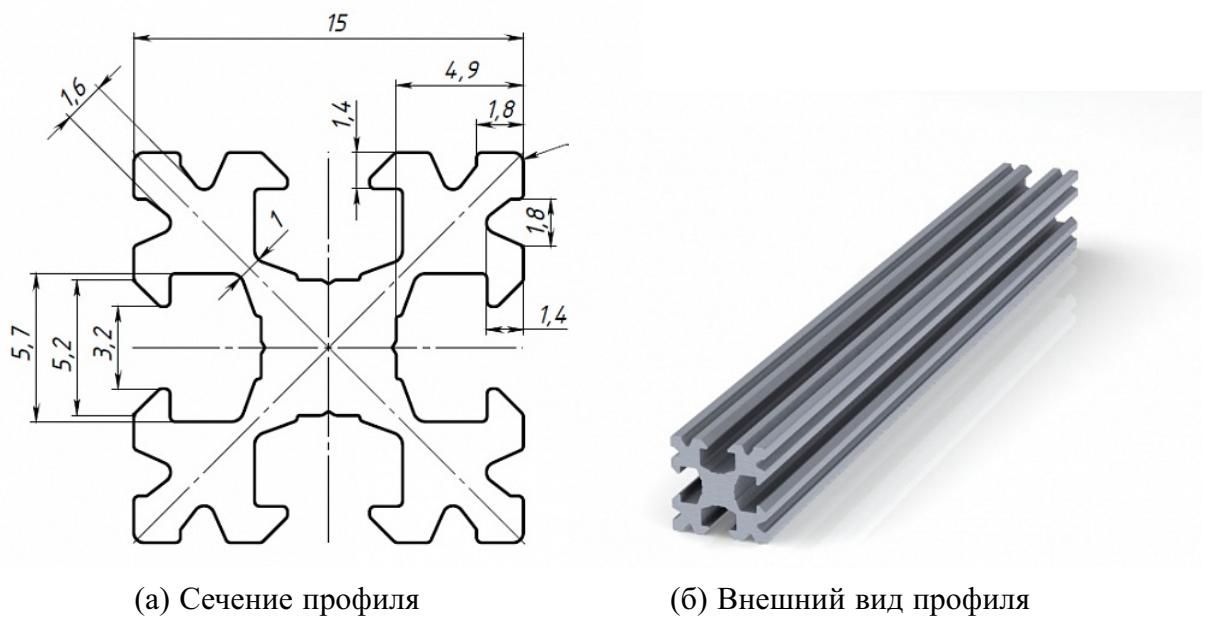
Рисунок 2.6 — Конечность в двух состояниях

Из-за специфики сервоприводов возникают проблемы, которые замедляют процесс сборки и требуют наличия управляющей электроники. В используемых сервоприводах установлены абсолютные датчики угла поворота вала (энкодеры). Такой сервопривод при установке в конструкцию должен быть верно сконфигурирован, или проще говоря, нужно, чтобы вал сервопривода был заранее повернут на известный управляющей программе угол («технический» угол). Эту особенность можно считать минусом, так как в приводах с относительными энкодерами конфигурировать углы поворота при сборке не нужно. Однако во время использования таких приводов нужно проводить калибровку, поворачивая их в нулевое, начальное положение. Перевод в начальное положение подразумевает наличие концевых выключателей в конструкции. Такие приводы не были использованы в силу своей дороговизны и в силу того, что наличие концевых выключателей сильно бы усложнило разработку. Для прототипа это излишне.

2.2 Проектирование корпуса

Требования к корпусу можно разделить на три составляющие: массовые, габаритные и эстетические. Снижать массу нужно для того чтобы разгрузить конечности робота, защитить редукторы электроприводов. Снижению массы способствует максимальный отказ от металлических деталей, а там где это невозможно (в силу требований по жесткости), нужно использовать эффективные сечения профилей, желательно из алюминия.

В качестве каркаса, к которому крепятся ноги робота, был выбран конструкционный алюминиевый профиль (рис. 2.7), из-за его легкости, жесткости и простоты крепления новых деталей к профилю.



(а) Сечение профиля

(б) Внешний вид профиля

Рисунок 2.7 — Конструкционный алюминиевый профиль

Объем корпусу придают тонкие цилиндрические алюминиевые стержни и пластиковые детали в качестве передней и задней стенок (рисунок 2.9). В узлах между металлическими профилями используются пластиковые крепежи. Такая конструкция позволяет использовать много свободного места внутри корпуса, что упрощает размещение электронных компонентов внутри.

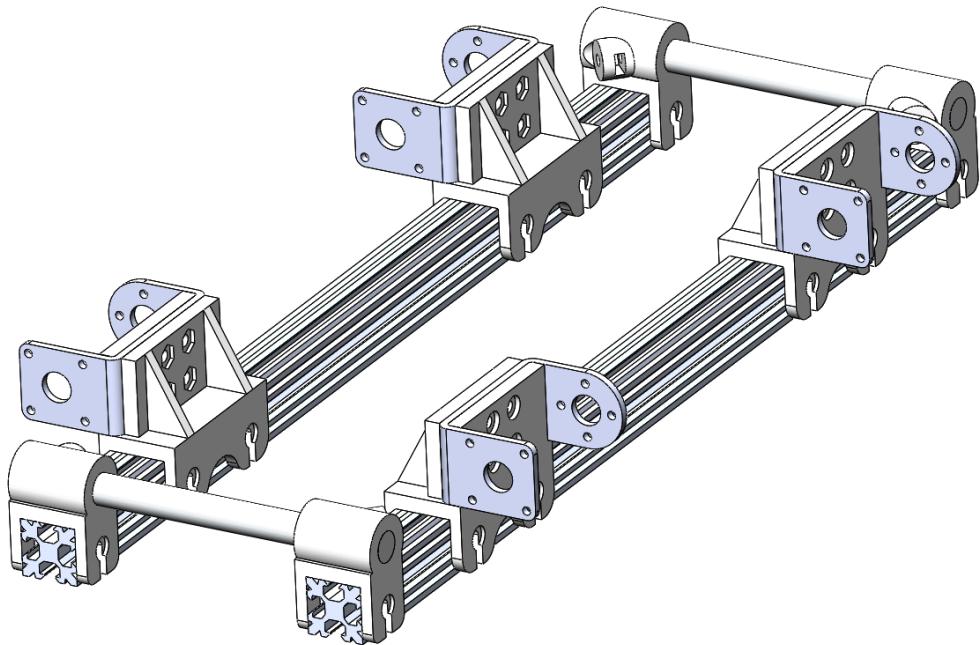


Рисунок 2.8 – Основной каркас корпуса

Самой сложной задачей было размещение всех компонентов внутри корпуса, так как нужно обеспечить удобный доступ к ним в любой момент времени для замены или диагностики. Таким образом, повышается общая ремонтопригодность прототипа, а это сильно ускоряет работу с ним.

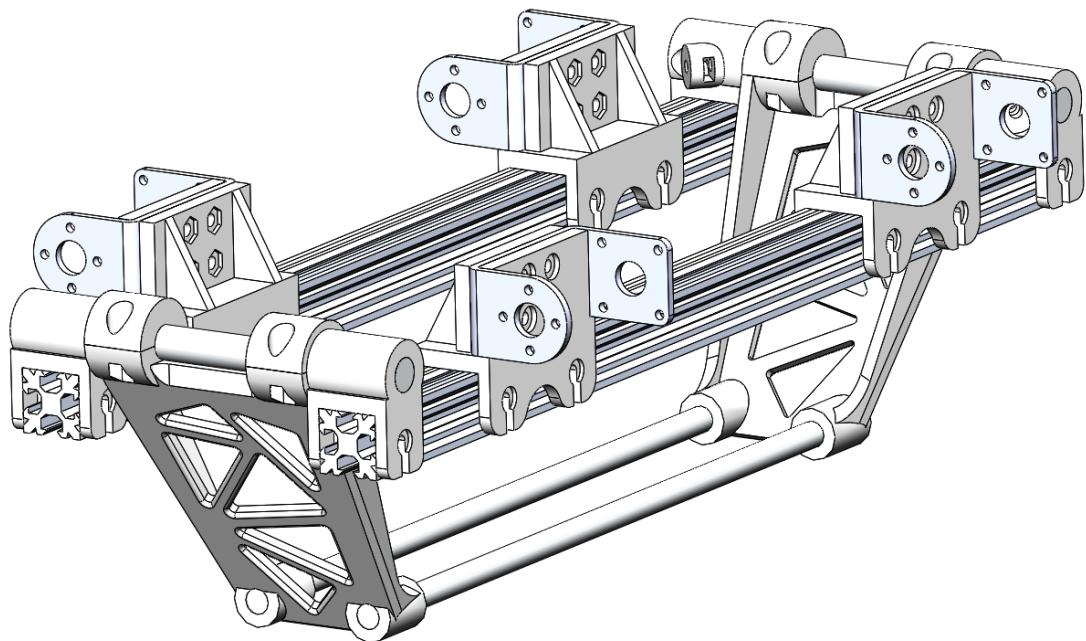


Рисунок 2.9 – Короб, скрепленный с корпусом

Чтобы максимально облегчить работу над монтажем электроники, был разработан электронный блок, целиком вынимающийся из корпусного короба (рисунок 2.10). У такого решения есть как преимущества, так и недостат-

ки. Важно, что в таком состоянии сохраняется «наглядность» электронной схемы, легкий доступ воздуха к компонентам, исключающий факт перегрева и последующего выхода из строя по причине того что перегрев не был вовремя замечен.

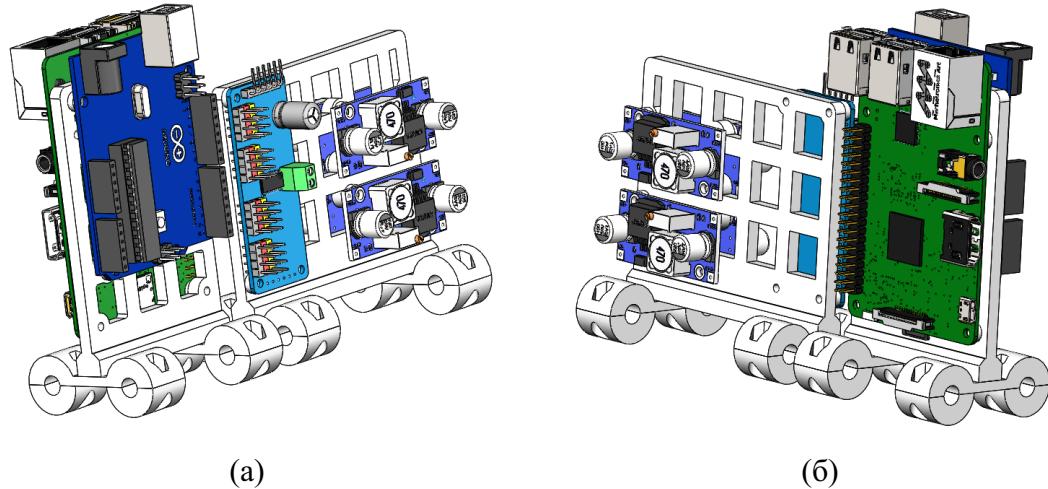


Рисунок 2.10 – Электронный блок с разных сторон

Такой электронный блок монтируется на стержни нижней части корпуса, что позволяет менять его положение и порядок установки даже после сборки робота. Корпус робота с электронным блоком и аккумулятором представлен на рисунке 2.11.

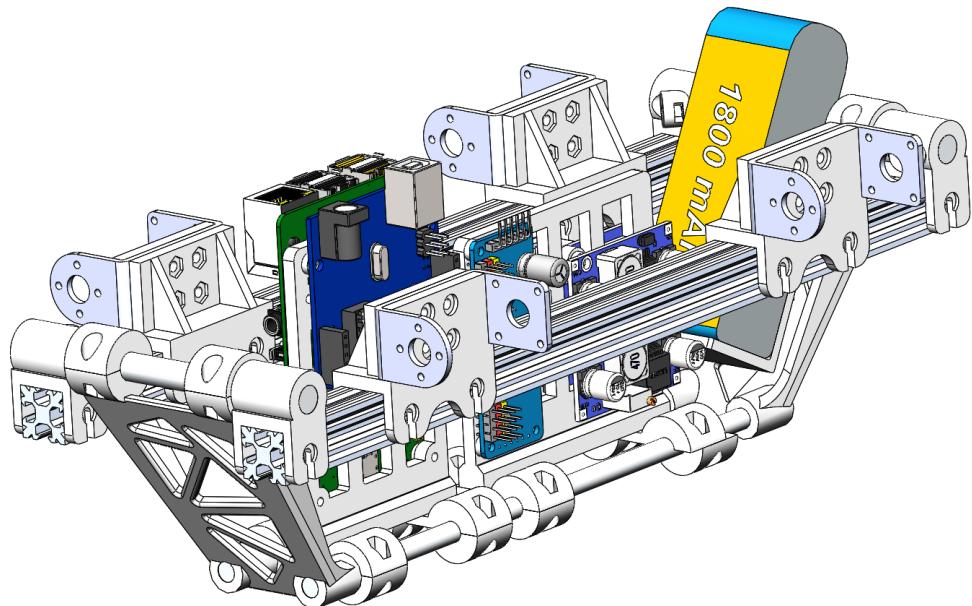


Рисунок 2.11 – Корпус робота с электронным блоком и аккумулятором

2.3 Подбор комплектующих

2.3.1 Силовая электроника

Из силовой электроники в роботе присутствуют:

- сервоприводы;
- преобразователи постоянного напряжения.

Исходя из ожидаемых моментов и скоростей, был выбран заводской сервопривод *DSSEURVO RDS3225*.

Используются одни из самых компактных и простых в настройке преобразователей напряжения. В основном используются импульсные преобразователи напряжения на базе микросхем *LM-XXXX* и *XL-XXXX* (рисунок 2.12). Они хорошо взаимозаменямы друг с другом. Для двух пар ног выбраны два преобразователя с максимальным током нагрузки 5 А. Для питания логической части используется преобразователь с током нагрузки 3 А.



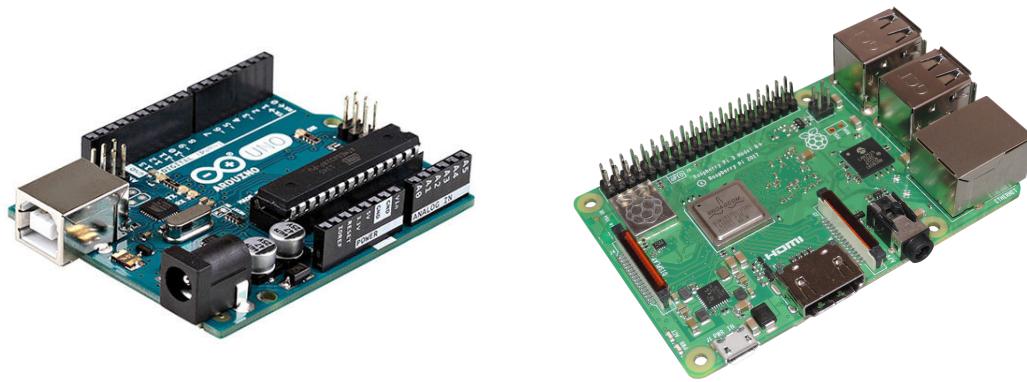
(a) Преобразователь на базе *LM2596S* (б) Преобразователь на базе *LM2577*

Рисунок 2.12 – Силовая электроника в составе робота

2.3.2 Логическая электроника

В качестве управляющего микрокомпьютера выступает *Raspberry Pi 3B+*. Этого достаточно для совершения множества матричных операций в секунду и для эффективной работы с высокоуровневыми абстракциями в коде.

Raspberry Pi выступает исключительно как своеобразный модуль для



(a) *Arduino Uno*

(б) *Raspberry Pi 3B+*

Рисунок 2.13 — Логическая электроника в составе робота

высокоуровневых вычислений и не работает с «железом» напрямую. Вместо этого происходит отправка команд на микроконтроллер в составе платформы *Arduino*. Команды формируются и передаются в цифровом виде на микроконтроллер. Сделано это по двум причинам:

- Разграничение логики вычислений состояния робота от процесса управления (подробнее в главе 5).
- Электрическая защита дорогостоящего микрокомпьютера от возможных скачков тока в цепи силовой электроники.

О протоколе передачи данных и способе формирования команд подробнее написано в пункте 5.2.

2.4 Аккумулятор

В качестве аккумулятора был использован Литий-полимерный аккумулятор (*Li-Po* аккумулятор). Преимущества аккумуляторов таких типов:

- высокая токоотдача;
- большая емкость;
- быстрая зарядка;
- наличие дешевой электроники для контроля разряда таких аккумуляторов;
- малый вес и габариты;

С такими большими плюсами существуют и минусы, которые стоит при-



Рисунок 2.14 – *Li-Po* аккумулятор на 2600 мА·ч

нимать во внимание при эксплуатации такого типа аккумуляторов:

- Высокая токоотдача повышает риск получить травму при работе
- Высоки шансы на сгорание питающейся от аккумулятора электроники в случае короткого замыкания
- Требуются специальные условия хранения, если аккумуляторы долгое время не используются
- *Li-Po* аккумуляторы взрывоопасны при неправильной эксплуатации

2.5 Остальные детали

Пластиковые детали изготавливались на 3D-принтере методом *FDM* печати (послойной) из материала *PET-G*, характеристики которого близки к материалу *ABS* [14], который широко используется в промышленности, при изготовлении деталей. Преимущества материала для данного робота описаны ниже:

- высокая прочность;
- термостойкость (выдерживает нагрев до 200 градусов);
- не требователен к условиям печати;
- низкая термоусадка (почти не меняет размеры при нагревании/остывании);
- возможность красить и стерилизовать;
- не токсичен.

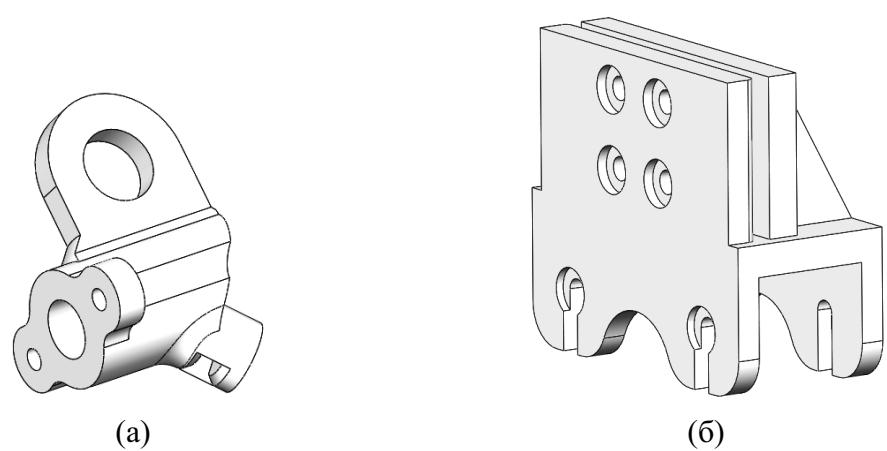


Рисунок 2.15 – Примеры деталей, изготовленных на 3D-принтере

Может показаться, что при изготовлении деталей на 3D-принтере последним можно придавать любую форму, но при *FDM* технологии печати это не так. Технология достаточно дешева и может использоваться в дешевых домашних 3D-принтерах, поэтому у нее есть свои ограничения на печать «нависающих» над печатной областью частей детали (рисунок 2.16). Поэтому при проектировании деталей из пластика нужно исходить из двух принципов. Первый заключается в том чтобы печатать только нестандартные детали, которые невозможно приобрести в розничных магазинах. Второй принцип заключается в том, чтобы использовать в детали как можно меньше материала и скомпоновать ее так, чтобы при печати максимально избежать создания поддержек для нависающих частей. Всё это накладывает свои конструктивные ограничения и требует от конструктора некоторого опыта.

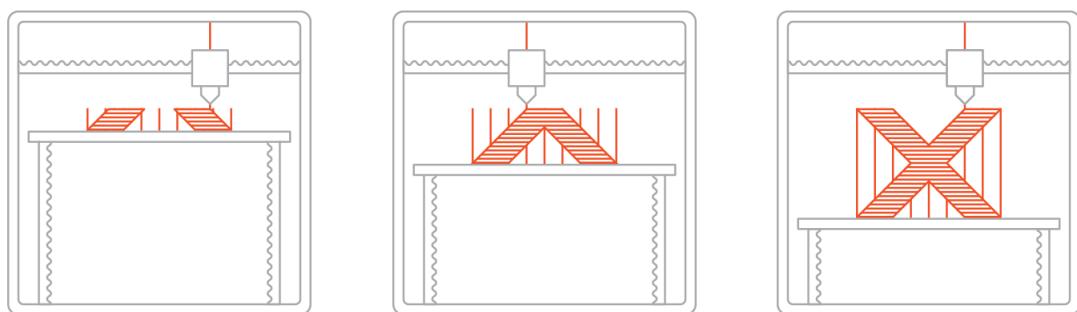


Рисунок 2.16 – Иллюстрация 3D-печати по технологии *FDM*

Из металла выполнены покупные кронштейны, стержни ног. Стержни – стандартные полые цилиндрические алюминиевые профили. Подгонялись

под нужную длину при помощи ножовки. Крепление к пластиковым узлам происходило вкручиванием в торцы стержней винтов. Такой способ приводит к хорошему сцеплению деталей.

Для того чтобы избежать разрушения пластиковых деталей в месте вкручивания винта в торец, и из-за невозможности нарезать резьбу в пластиковой детали, были использованы вставки из металлических гаек внутри пластикового материала. В целом, из-за гораздо более низкой прочности пластика по сравнению с металлом, в высоконагруженных местах используется большее количество материала, для снижения напряжений.

В ходе тестирования пластиковых деталей на прочность было выявлено, что 100% заполнение деталей не делает их более устойчивыми к нагрузкам, делает их хрупкими. В то же время детали, с заполнением от 40% до 60% не разрушаются. Теряя свои начальные прочностные характеристики, они деформируются, что положительно сказывается на безопасности находящийся рядом узлов конструкции.

Результат проектирования

Сборочный чертеж робота представлен на рисунке 2.19. Фотографии собранного прототипа на рисунках 2.17 и 2.18.

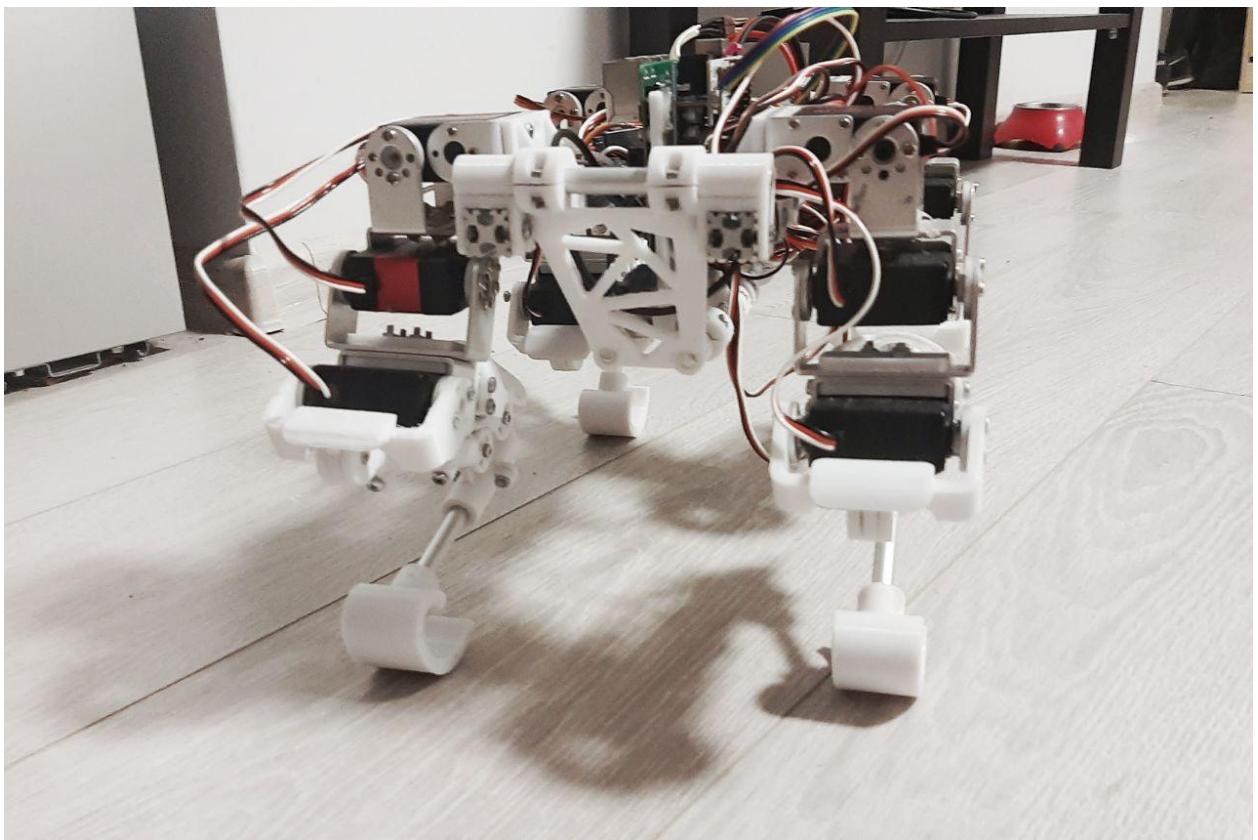


Рисунок 2.17 – Собранный прототип робота, вид спереди

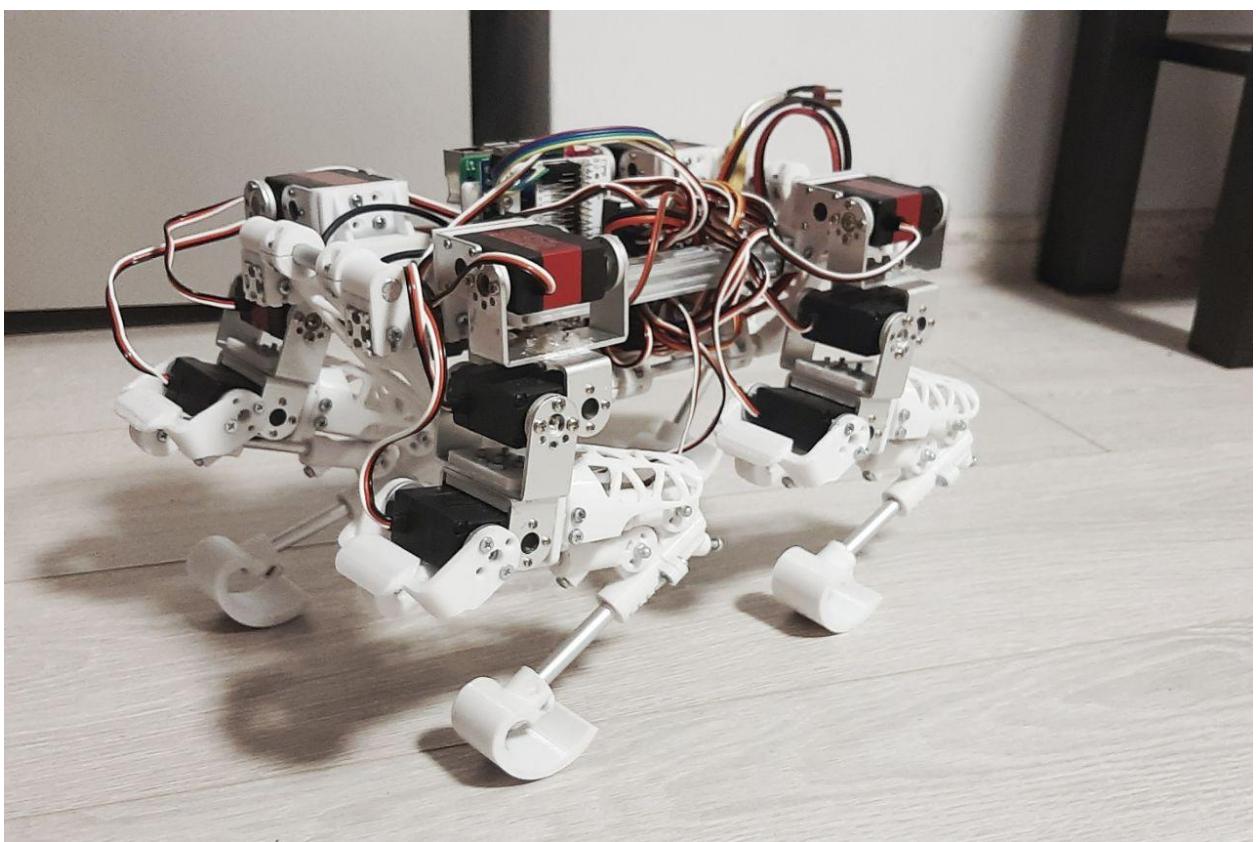


Рисунок 2.18 – Собранный прототип робота, вид сбоку

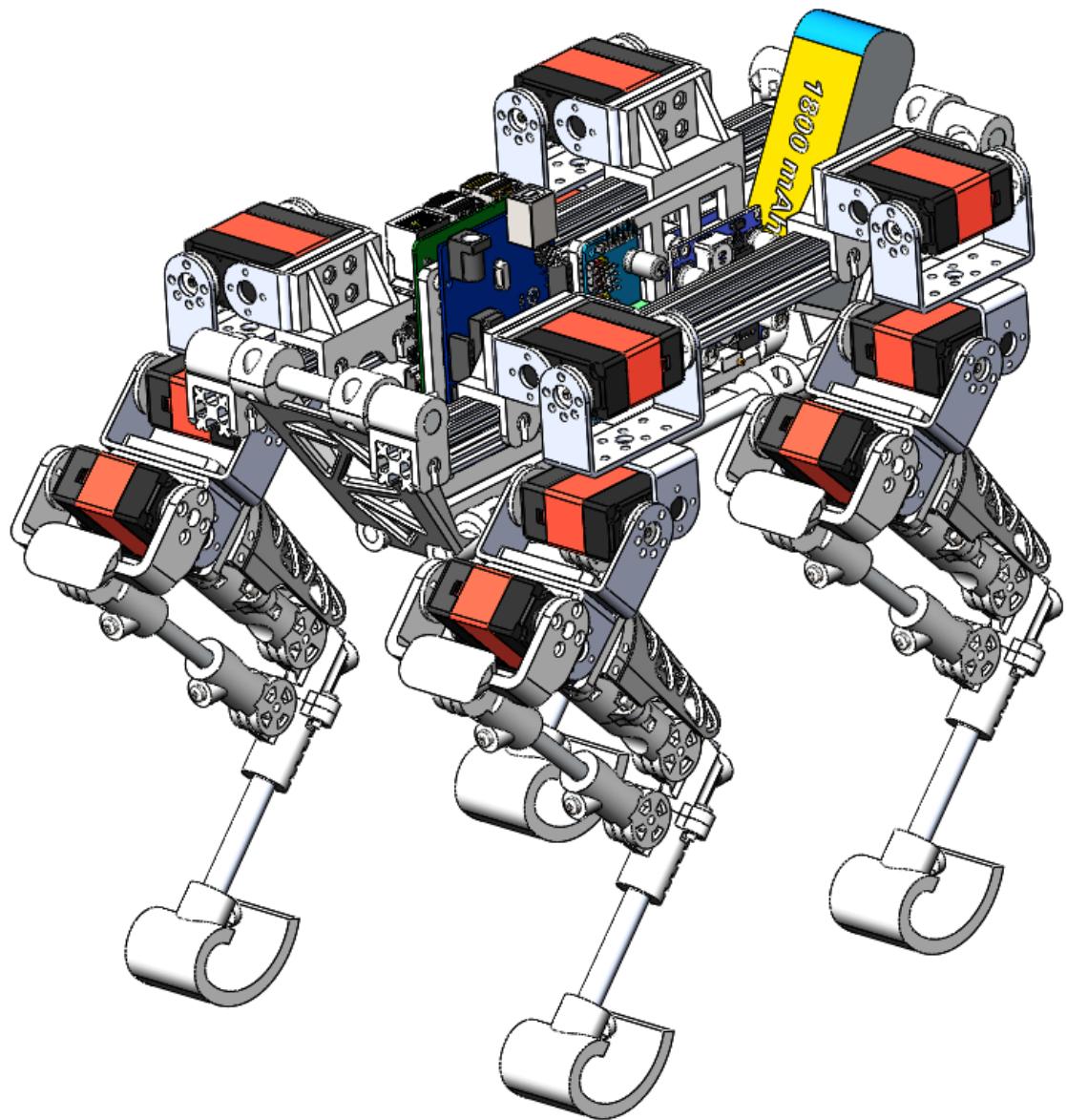


Рисунок 2.19 – Чертеж робота в сборке

ГЛАВА 3

КИНЕМАТИКА КОНЕЧНОСТЕЙ РОБОТА

3.1 Общее положение

Как было сказано ранее, оптимизация распределения массы робота потребовала введения в кинематическую структуру ноги замкнутого контура. Проблема такой кинематики в механической сложности ее реализации с точки зрения конструктора. Из-за особенностей и требований, описанных в пункте 2.1, конструкция ноги получилась, как на рисунке ниже.

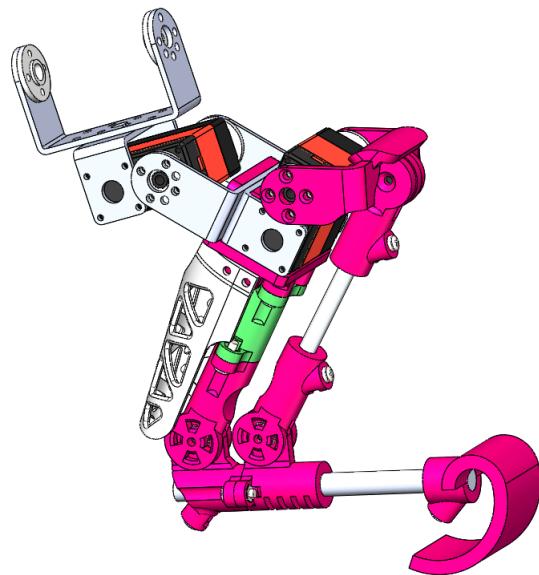


Рисунок 3.1 — Чертеж конструкции ноги

Для упрощения понимания ниже приведена трехмерная кинематическая схема конечности 3.2.

В составе конечности присутствует непрямой кинематический четырехзвенник (три из четырех сторон имеют разные длины). Это усложнило кинематическую задачу, сделало ее менее тривиальной. Как оказалось далее, наличие четырехзвенной передачи сделало невозможным нахождение аналитического решения обратной задачи кинематики.

На кинематической схеме отмечены величины, численные значения ко-

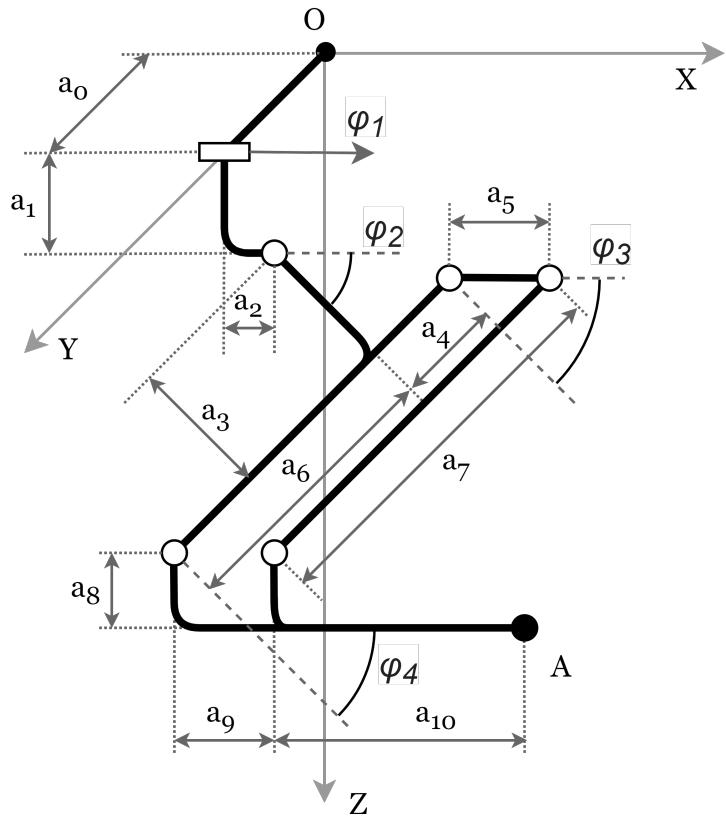


Рисунок 3.2 – Трехмерная кинематическая схема ноги робота

торых приведены ниже:

$$a_0 = 0 \text{ мм},$$

$$a_1 = 46.22 \text{ мм},$$

$$a_2 = 20 \text{ мм},$$

$$a_3 = 44 \text{ мм},$$

$$a_4 = 20 \text{ мм},$$

$$a_5 = 27 \text{ мм},$$

$$a_6 = 87 \text{ мм},$$

$$a_7 = 107 \text{ мм},$$

$$a_8 = 12.62 \text{ мм},$$

$$a_9 = 24.5 \text{ мм},$$

$$a_{10} = 110 \text{ мм}$$

Заметим, что углы φ_3 и φ_4 различаются из-за того что $a_5 \neq a_9$.

Допустимыми диапазонами рабочих углов являются:

$$\begin{aligned}\varphi_1 &= 0 \dots \frac{\pi}{8}, \\ \varphi_2 &= -\frac{\pi}{2} \dots 0, \\ \varphi_3 &= -\frac{\pi}{4} \dots \frac{\pi}{4}.\end{aligned}$$

здесь границы диапазонов выбраны с запасом, чтобы предотвратить соударения составных частей ноги друг с другом. Диапазон для угла φ_4 не указан, поскольку он зависит от φ_3 .

3.2 Общее решение четырёхзвенника

При построении аналитического решения четырехзвенной передачи было важно подобрать функции так, чтобы для рабочих диапазонов углов $\varphi_1, \varphi_2, \varphi_3$ не возникало переходов через ноль, или через бесконечно большие числа. Важно избежать использования кусочных функций и условных операторов для упрощения программирования. Малые диапазоны углов в рассматриваемой конечности облегчают эту задачу.

На рисунке 3.3 приведена схема четырехзвенника. Найдем зависимость φ_4 от φ_3 . Здесь $l = a_4 + a_6 = a_7$ введен для упрощения расчётных формул, т.к. две стороны четырехзвенника имеют одну длину.

Сначала найдем диагональ d по теореме косинусов, для того чтобы выразить противолежащие углы:

$$d = \sqrt{a_5^2 + l^2 - 2a_5l \cos(\varphi_3)}. \quad (3.1)$$

Выразим углы:

$$\gamma = \arcsin \left(\frac{a_5}{d} \cos \varphi_3 \right), \quad (3.2)$$

$$\delta = \arccos \left(\frac{d^2 + a_9^2 - l^2}{2a_9l} \right). \quad (3.3)$$

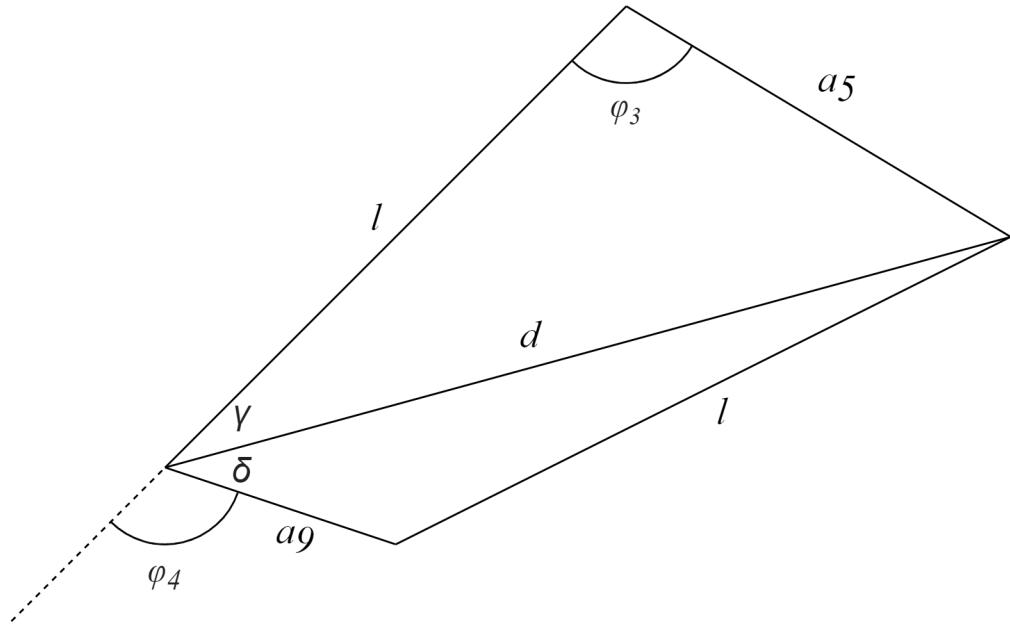


Рисунок 3.3 — Четырехзвенник

И искомый угол φ_4 будет находиться следующим образом:

$$\varphi_4 = \pi - \gamma - \delta. \quad (3.4)$$

Подставим результаты 3.1, 3.2, 3.3 в уравнение 3.4 и получим зависимость φ_4 от φ_3 :

$$\begin{aligned} \varphi_4 = \pi - \arcsin \left(\frac{a_5}{\sqrt{a_5^2 + l^2 - 2a_5l \cos(\varphi_3)}} \cos \varphi_3 \right) - \\ - \arccos \left(\frac{a_5^2 + l^2 - 2a_5l \cos(\varphi_3) + a_9^2 - l^2}{2a_9l} \right). \quad (3.5) \end{aligned}$$

3.3 Прямая кинематика

Используя найденную в пункте 3.2 связь, найдем решение задачи о положении точки A . Трехмерная кинематическая схема приведена на рисунке 3.2. Зафиксируем сначала первую степень свободы ($\varphi_1 = 0$) и найдем коор-

динаты точки A в плоскости, параллельной плоскости XZ :

$$X_A = a_2 + a_3 \cos(\varphi_2) + a_6 \sin(\varphi_2) - \\ - a_8 \cos(\varphi_2 + \varphi_4) + (a_9 + a_{10}) \sin(\varphi_2 + \varphi_4), \quad (3.6)$$

$$Z_A \Big|_{\varphi_1=0} = a_1 - a_3 \sin(\varphi_2) + a_6 \cos(\varphi_2) + \\ + a_8 \sin(\varphi_2 + \varphi_4) + (a_9 + a_{10}) \cos(\varphi_2 + \varphi_4). \quad (3.7)$$

Если мы предположим, что $\varphi_1 = \frac{\pi}{2}$, тогда конечность будет «поднята над землей» в таком положении. Координата Z точки A станет равна нулю, координата Y увеличится. Так как от φ_1 зависят только координаты Y и Z , получим следующие уравнения для координат точки A :

$$X_A = a_2 + a_3 \cos(\varphi_2) + a_6 \sin(\varphi_2) - \\ - a_8 \cos(\varphi_2 + \varphi_4) + (a_9 + a_{10}) \sin(\varphi_2 + \varphi_4), \quad (3.8)$$

$$Y_A = a_0 + \sin(\varphi_1) [a_1 - a_3 \sin(\varphi_2) + a_6 \cos(\varphi_2) + \\ + a_8 \sin(\varphi_2 + \varphi_4) + (a_9 + a_{10}) \cos(\varphi_2 + \varphi_4)], \quad (3.9)$$

$$Z_A = \cos(\varphi_1) [a_1 - a_3 \sin(\varphi_2) + a_6 \cos(\varphi_2) + \\ + a_8 \sin(\varphi_2 + \varphi_4) + (a_9 + a_{10}) \cos(\varphi_2 + \varphi_4)]. \quad (3.10)$$

Таким образом, прямая задача кинематики решена.

Получив решение прямой задачи кинематики построим «рабочую область» ноги в системе координат связанной с корпусом. Если зафиксировать первую степень свободы, $\varphi_1 = 0$, то рабочая область ноги будет лежать в плоскости XZ (рисунок 3.4).

Следует отметить, что из-за того что $a_9 < a_5$, диапазон углов φ_4 получился шире, чем у φ_3 . Это наглядно можно продемонстрировать на проекции ноги на плоскость XZ . На рисунке 3.5 синей точкой отмечено реальное положение точки A . Красной точкой отмечено положение точки A в том

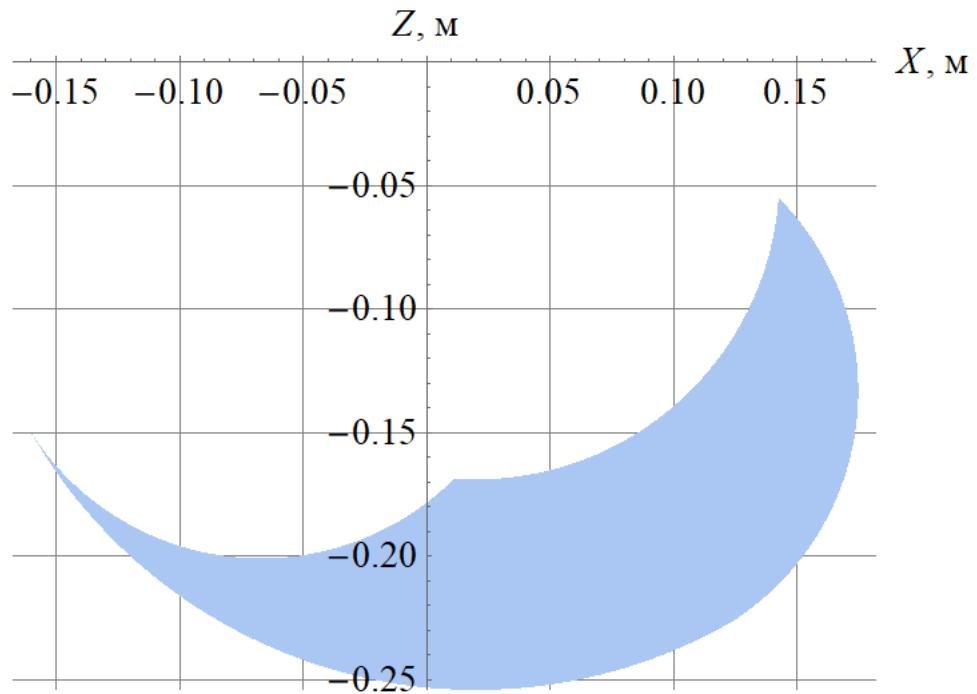


Рисунок 3.4 – Сечение рабочей области конечности робота

случае, если бы в четырехзвеннике a_5 был равен a_9 . В крайних положениях третье звено конечности поворачивается на угол немного больший, чем угол поворота вала сервопривода. С использованием формулы прямой кинематики на рисунке 3.5 были изображены предельные положения последнего звена.

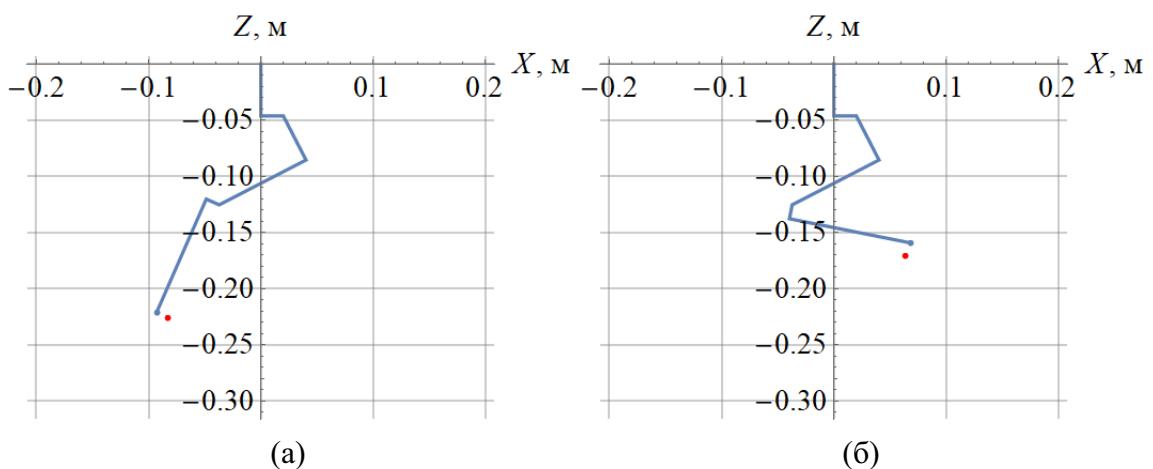


Рисунок 3.5 – Проекция ноги на плоскость XZ :

- (а) третье звено полностью «разогнуто»;
- (б) третье звено полностью «согнуто».

Так, за счет использования четырехзвенной передачи, увеличена рабочая область конечности. На рисунке 3.6 серая область – рабочая область при

$a_5 = a_9$, зеленая область – расширение рабочей области при $a_5 > a_9$.

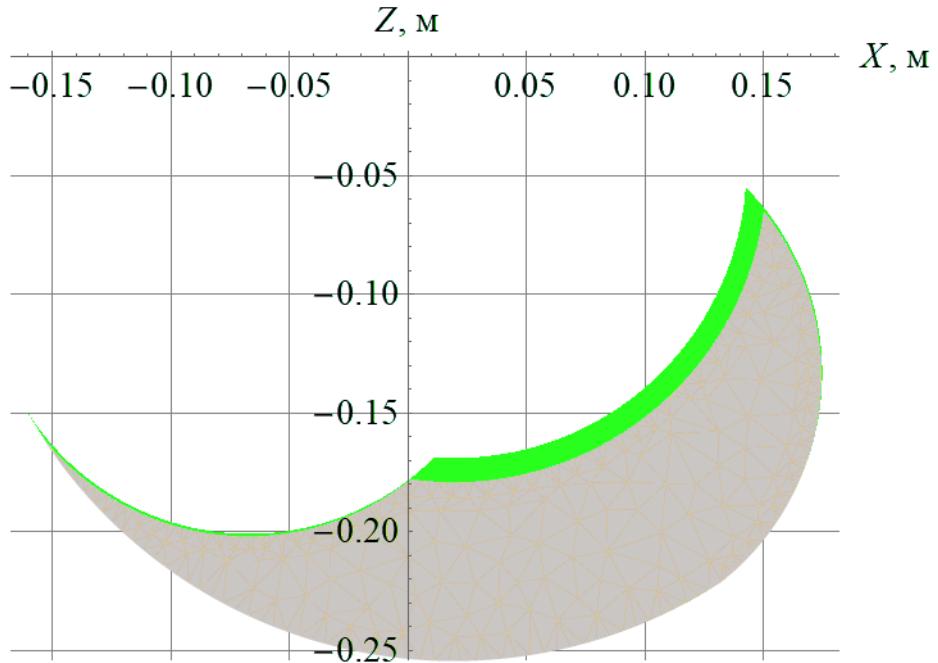


Рисунок 3.6 – Сравнение рабочих областей

3.4 Обратная кинематика

Как уже упоминалось ранее в пункте 3.1, аналитическое решение для задачи обратной представляет большую сложность. Это значит что нужно использовать численные методы решения.

Найдем решение обратной задачи кинематики с помощью метода Ньютона.

Кратко опишем суть метода Ньютона для решения системы нелинейных уравнений.

Пусть дана система из n нелинейных уравнений с n неизвестными:

$$\begin{cases} f_1(x_1, \dots, x_n) = 0, \\ f_2(x_1, \dots, x_n) = 0, \\ \vdots \\ f_i(x_1, \dots, x_n) = 0, \end{cases}$$

где $f_i(x_1, \dots, x_n) : \mathbb{R}^n \rightarrow \mathbb{R}$, $i = 1, \dots, n$ – нелинейные функции, определен-

ные и непрерывно дифференцируемые в некоторой области $G \subset \mathbb{R}^n$. Для записи в векторном виде введем величины:

$$\bar{x} = [x_1, x_2, \dots, x_n]^T,$$

$$F(x) = [f_1(x), f_2(x), \dots, f_n(x)]^T = 0$$

Нужно найти такой вектор $\bar{x}^* = [x_1^*, x_2^*, \dots, x_n^*]^T$, чтобы было верно равенство $F(\bar{x}^*) = 0$.

Решение уточняется с помощью итерационной процедуры:

$$x^{(k+1)} = x^{(k)} - J^{-1}(x^{(k)}) \cdot F(x^{(k)}),$$

где $k = 1, 2, \dots$ – номер итерации, $x^{(k)}$ – k -е приближение к корню \bar{x}^* , а J – матрица Якоби:

$$J = \begin{bmatrix} \frac{\partial f_1}{\partial x_1} & \cdots & \frac{\partial f_1}{\partial x_n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \frac{\partial f_n}{\partial x_1} & \cdots & \frac{\partial f_n}{\partial x_n} \end{bmatrix}.$$

Применимально к задаче, рассматриваемой в данной работе, вектор \bar{x} является вектором углов $\bar{\varphi} = [\varphi_1, \varphi_2, \varphi_3]^T$. Вектор $F(x)$ – это правая часть уравнений прямой кинематики.

$$F(\bar{\varphi}) = [X_A(\bar{\varphi}) - X_A^*, Y_A(\bar{\varphi}) - Y_A^*, Z_A(\bar{\varphi}) - Z_A^*]^T,$$

где X_A^*, Y_A^*, Z_A^* – координаты целевого положения точки A .

В качестве критерия остановки итераций используется выполнение условия $\|F(\varphi^{(k)}) - F^*\| < \varepsilon$, где ε – заданная точность позиционирования.

Алгоритм поиска решения обратной задачи представлен ниже. В нём $\varphi^{(0)}$ – начальное приближение, ε – точность вычислений, i – число итераций (перед выполнением алгоритма устанавливается равным нулю).

1. Расчёт Якобиана

$$J = \begin{bmatrix} \frac{\partial X_A}{\partial \varphi_1} & \frac{\partial X_A}{\partial \varphi_2} & \frac{\partial X_A}{\partial \varphi_3} \\ \frac{\partial Y_A}{\partial \varphi_1} & \frac{\partial Y_A}{\partial \varphi_2} & \frac{\partial Y_A}{\partial \varphi_3} \\ \frac{\partial Z_A}{\partial \varphi_1} & \frac{\partial Z_A}{\partial \varphi_2} & \frac{\partial Z_A}{\partial \varphi_3} \end{bmatrix}$$

с использованием формул численного дифференцирования (аналитическая зависимость очень громоздкая).

2. Вычисление погрешности:

$$r = F(\varphi^{(k)}).$$

3. Вычисление вектора полного шага:

$$p = J^{-1} \cdot r$$

где J^{-1} – обратная матрица Якобиана.

4. Расчет следующего приближения:

$$\varphi^{(i+1)} = \varphi^{(i)} - p.$$

5. Если заданная точность не достигнута и не превышен лимит на количество итераций, возвращаемся к пункту 1.

На практике оказалось, что скорость сходимости и сама сходимость сильно зависят от начального приближения. После реализации алгоритма были выявлены две проблемы в его работе:

1. Невозможно подобрать такие начальные приближения, при которых бы метод сходился во всем трехмерном пространстве рабочей области.
2. В областях, в которых метод сходился в большом удалении от начального приближения, требовалось более 15 итераций для нахождения решения с заданной точностью.

Вторая проблема связана с производительностью вычислений, которые нужно производить на микрокомпьютере в режиме реального времени. Быстрое решение обратной задачи для любой точки трехмерной рабочей области – это основное требование которое ставилось в начале разработки систе-

мы, поэтому итеративное приближение из предыдущих точек не подходит в данной ситуации. В следующем пункте приведено решение возникших проблем.

3.5 Оптимизация численного решения обратной задачи

Путем проб и ошибок было решено сохранять в памяти (кэшировать) результаты вычислений прямой кинематики во время запуска программы. Проще говоря, подготовить набор заранее рассчитанных начальных приближений, которые будут использоваться от момента запуска робота до момента завершения работы. Во время решения обратной задачи нужно искать в кэш-таблице ближайшее готовое решение, принимать его за начальное условие текущей задачи и от него досчитывать более точное решение.

В качестве первой реализации две сотни предрассчитанных решений были помещены в кэш-таблицу. Каждая запись в таблице имеет две колонки. В первой колонке помещается вектор координат $[X_A, Y_A, Z_A]$, во второй колонке вектор соответствующих им углов звеньев $[\varphi_1, \varphi_2, \varphi_3]$. В момент поиска наилучшего начального приближения для некоторого положения конечно-стисти $[X_A^*, Y_A^*, Z_A^*]$ находится такая запись кэш-таблицы, для которой евклидово расстояние между $[X_A^*, Y_A^*, Z_A^*]$ и $[X_A, Y_A, Z_A]$ будет минимально.

Простейшая реализация кэширования решений обратной кинематики:

```
def cache_inversed_kinematics():
    global cache
    cache = []
    phi1_start, phi1_end = PHI1_RANGE
    phi2_start, phi2_end = PHI2_RANGE
    phi3_start, phi3_end = PHI3_RANGE

    for phi1 in np.linspace(phi1_start, phi1_end, num=2):
        for phi2 in np.linspace(phi2_start, phi2_end, num=10):
            for phi3 in np.linspace(phi3_start, phi3_end, num=10):
                angles = [phi1, phi2, phi3]
                cache.append((direct(angles), np.array(angles)))
```

Пример реализации поиска решения в кэше:

```
def find_nearest_solution(coordinates):
    global cache
```

```

return min(cache, key=lambda di: np.linalg.norm(
    (coordinates - di[0]),
    ord=2
))[1]

```

Так, получилось решить сразу две проблемы, описанные в пункте 3.4. Теперь на всей рабочей области обеспечена сходимость алгоритма. Поиск по кэш-таблице гораздо менее затратен, чем итерации метода Ньютона, а после того как найдено «ближайшее» решение, метод Ньютона быстро досчитывает ответ в среднем за 2-3 итерации.

Реализация функции поиска решения обратной задачи выглядит так:

```

def inversed(coordinates):
    """
    Param coordinates is [X, Y, Z] numpy vector, in meters.
    This function uses Newton's numerical method.
    """
    phis = find_nearest_solution(coordinates)
    error = np.ones((3,), dtype=np.float64)
    i = 0
    while np.linalg.norm(error, 2) > 1e-5 and i < 100:
        J = jacobian(phis)
        X = direct(phis)
        error = X - coordinates
        p = np.matmul(np.linalg.pinv(J), error)
        phis = phis - p
        i += 1

    return phis

```

Пути для дополнительной оптимизации:

1. Проследить за равномерным распределением кэшированных решений в пространстве рабочей области. В случае равномерного распределения, размер кэша можно сильно уменьшить. Это ускорит поиск по таблице.
2. Уменьшать количество кэшированных решений до тех пор пока метод Ньютона продолжает быстро сходиться. Это так же позволит сократить размер кэша и увеличить скорость поиска по нему.
3. Найти максимальное значение точности ε с учетом ошибок сервоприводов и люфтов конструкции робота.

ГЛАВА 4

МОДЕЛИРОВАНИЕ ХОДЬБЫ

4.1 Траектории движения ног

Самым простым способом реализации ходьбы является такой, при котором робот по очереди переставляет ноги в нужном порядке, всегда имея три точки опоры. Было решено для начала взять именно эту реализацию, и немного ее модернизировать. Стопы робота будут двигаться по запрограммированной заранее траектории, перемещаясь по точкам, лежащим на этой траектории.

Движение ноги во время ходьбы было описано при помощи двух замкнутых траекторий движения точки A в двух проекциях: на плоскость XZ и XY . На полученных траекториях берется множество точек, в которые управляющей программой по очереди переносится точка A . В качестве первого приближения для траектории в проекции на плоскость XZ был выбран эллипс (рисунок 4.1), для траектории в проекции на плоскость XY выбрана линия (эллипс с нулевой малой полуосью).

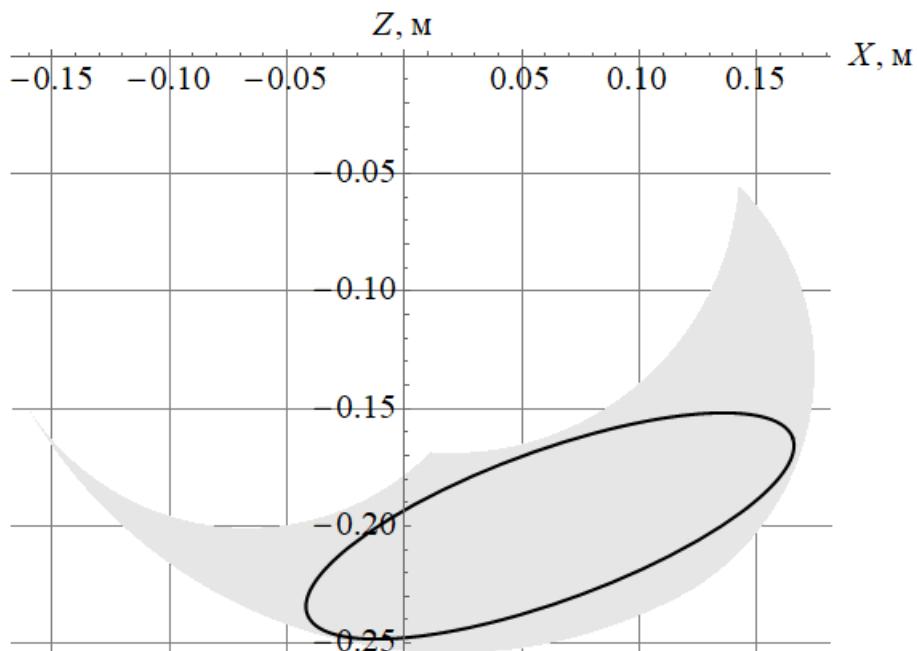


Рисунок 4.1 — Траектория описываемая точкой A в рабочей области

Точки на этой траектории достаточно легко вычислять для каждого момента времени, если замкнутая кривая описана функцией. Следует отме-

тить, что на практике абсолютный энкодер установленный в подобраных приводах имеет «область нечувствительности» (рисунок 4.2). Это приводит к тому, что при слишком малом расстоянии между точками, выбранными на траектории, текущая и новая конфигурации ног слабо отличаются. Это в свою очередь приводит к тому, что двигатели просто «игнорируют» управляющий сигнал, сообщающий о необходимости поворота на новый, слабо отличающийся угол. Упрощенная схема работы сервопривода показана на рисунке 4.3.

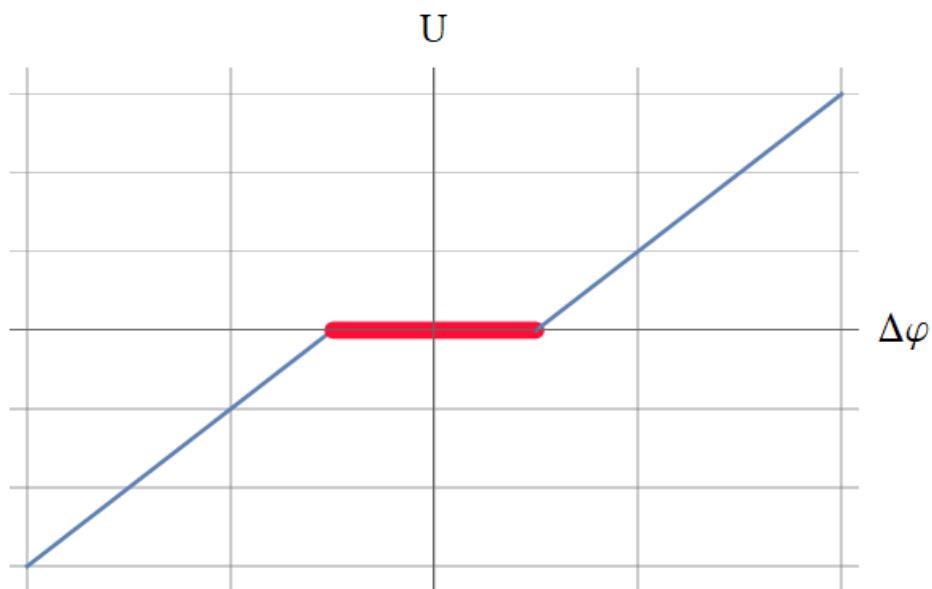


Рисунок 4.2 – Область нечувствительности отмечена красным цветом

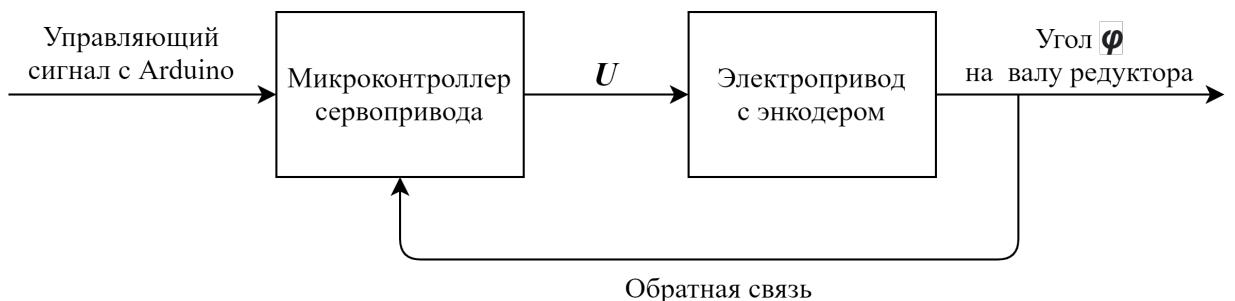


Рисунок 4.3 – Упрощенная схема внутренней системы управления сервопривода

Положим, что при смене конфигурации конечности угловая скорость сервоприводов постоянна, т.е. углы поворота меняются по линейному закону. Также учтем, что угловыми скоростями сервоприводов невозможно управлять «извне», скорость задается встроенным в сервопривод микроконтроллером (рисунок 4.3). Тогда чем меньше точек мы берем на траектории,

тем менее точно конечность описывает нужную нам кривую, что наглядно показано на иллюстрации 4.4, там мы берем всего четыре точки.

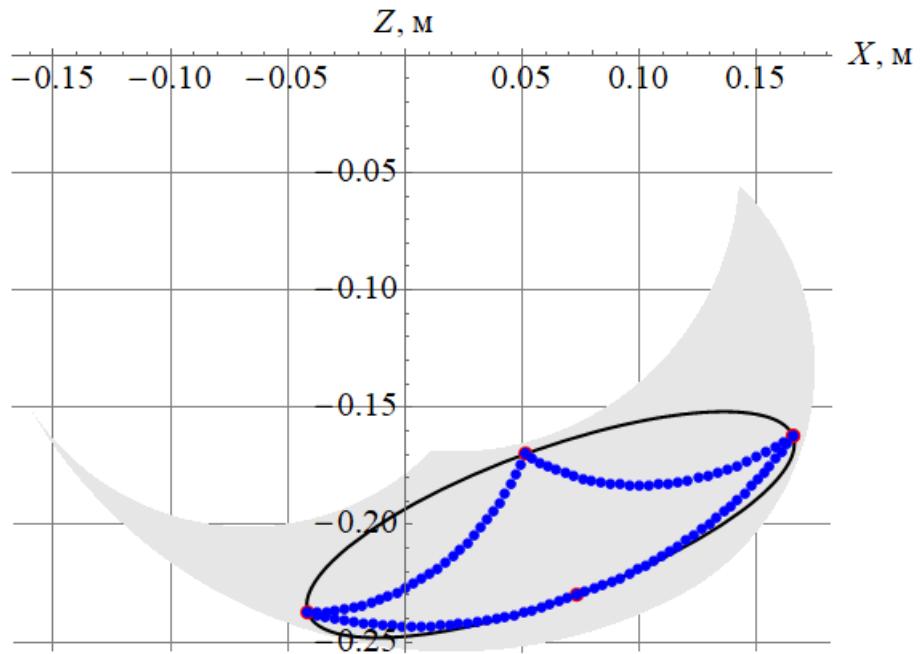


Рисунок 4.4 – Моделирование движения между четырьмя точками траектории

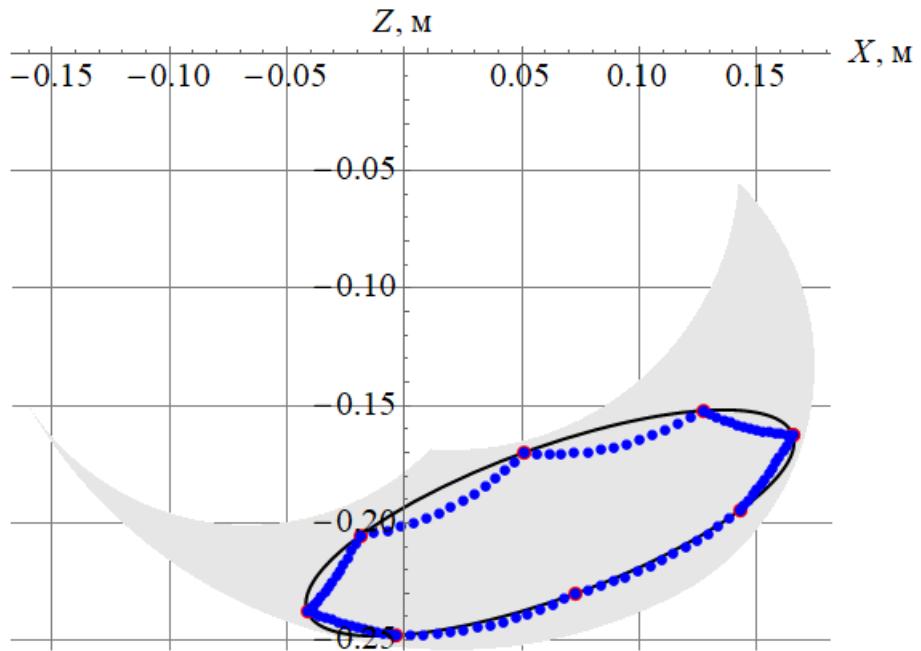


Рисунок 4.5 – Моделирование движения между восьмью точками траектории

Увеличение частоты точек в два раза показало гораздо лучший результат, что можно видеть на рисунке 4.5. Нижняя часть траектории описана с минимальной ошибкой. Отклонение от движения по верхней части траек-

тории все еще сохраняется, но уже является допустимым при применении на практике.

В прототипе на данном этапе разработки применен именно этот способ движения ног.

4.2 Замечание о проблеме выбора оптимальной траектории

Эллипс не является оптимальной траекторией для описания движения конечности при ходьбе. В идеале, роботам требуются более сложные траектории. Причем в них нужно вносить корректировки при любых изменениях в механике робота. Данная сложность была решена при помощи искусственных нейронных сетей [15]. Обученные модели могут помочь разработчикам найти сложные оптимальные траектории движения для ног робота. К сожалению, входной порог для изучения и последующего применения таких моделей очень высок, поэтому они не были применены при разработке прототипа.

ГЛАВА 5

ПРОГРАММНАЯ АРХИТЕКТУРА

5.1 Структура управления

Высокоуровневая логика запрограммирована на микрокомпьютере *Raspberry Pi*. Тот в свою очередь отправляет последовательность команд на платформу *Arduino*, которая управляет сервоприводами через специальный драйвер и отправляет информацию о своем состоянии в виде обратной связи на микрокомпьютер. Упрощенная схема реализованной системы приведена на рисунке 5.1.

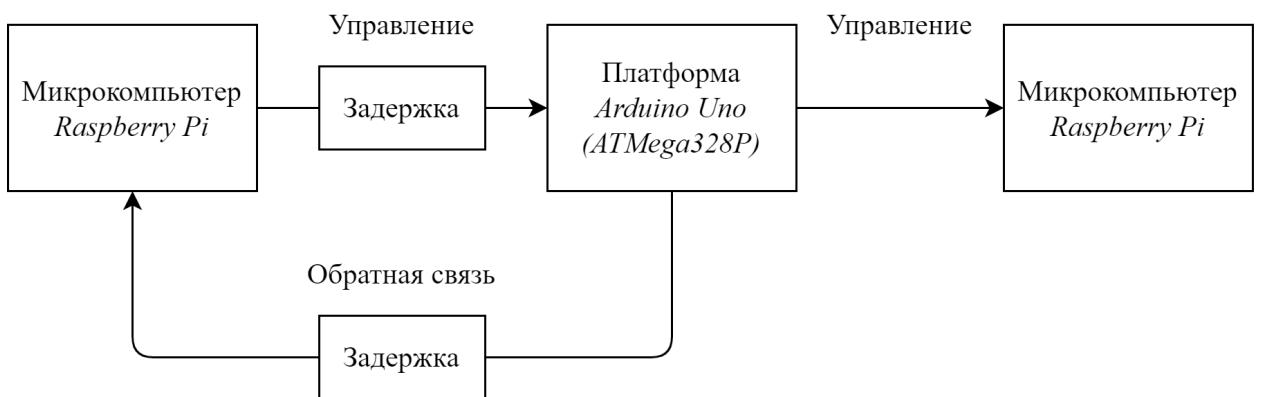


Рисунок 5.1 — Упрощенная схема системы управления робота

5.2 Протокол передачи данных

Отправка команд от *Raspberry Pi* к *Arduino* и последующий прием обратной связи производится через интерфейс *Serial*. Это самый надежный вариант при условии, что для установки соединения используется обычновенный *USB* кабель, который уже защищен от помех и штекер которого надежно закреплен в разъеме.

Для достижения наилучшей скорости реакции микроконтроллера на команды был разработан специальный протокол передачи данных и были написаны легковесные программные библиотеки. Для платформы *Arduino* код написан на языке *C++*, для микрокомпьютера *Raspberry Pi* была разработана библиотека на языке *Python*.

Библиотека для передачи данных написана для трёх платформ. Она сильно упрощает наладку управления *Arduino* с помощью *Raspberry Pi*. Основная идея программного кода в том, чтобы микрокомпьютер отправлял на микроконтроллер очень простые команды, состоящие из массива байт, в который зашифрованы лишь целочисленный номер и вещественные аргументы. Обратная связь от микроконтроллера реализована в формате *JSON*.

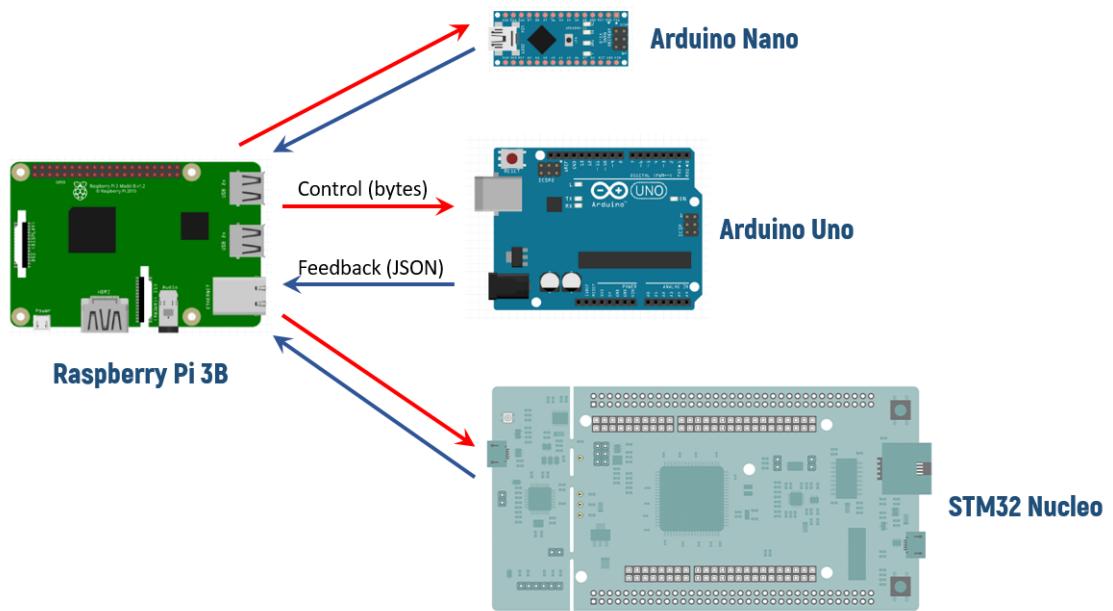


Рисунок 5.2 – Управление микроконтроллерами с помощью *Raspberry Pi*

Для справки: *JSON* это сокращение от *JavaScript Object Notation* – формата передачи данных. Как можно понять из названия, *JSON* произошел из *JavaScript*, но он доступен для использования на многих других языках, включая *Python*, *Ruby*, *PHP* и *Java*, в англоязычных странах его в основном произносят как *Jason*, то есть как имя Джэйсон. Легкочитаемый и компактный, *JSON* представляет собой хорошую альтернативу *XML* и требует куда меньше форматирования контента [16].

Объект *JSON* это набор данных в формате «ключ-значение», который находится в фигурных скобках. Вот так выглядит *JSON* объект:

```
{
  "first_name" : "Anton",
  "last_name" : "Kolomeytsev",
  "location" : "Moscow",
  "online" : true,
  "languages" : [ "Russian", "English" ]
}
```

Массив байт, отправляемый на микроконтроллер, всегда имеет одну и ту же структуру, которую легко расшифровать. Каждая команда имеет свой идентификатор (число от 0 до 255), а также может не иметь вовсе, либо иметь ограниченное числом 256^4 количество аргументов.

При отправке инструкции на микроконтроллер первым байтом всегда идет номер (идентификатор) команды. Вторым байтом идет число – количество аргументов. Если у команды нет аргументов, байт нулевой. Пример команды без аргументов с идентификатором 207:

идентификатор команды
11001111 00000000
количество аргументов

К каждому идентификатору можно привязать выполнение роботом какого-либо действия. Например, включение или выключение компрессора, и т.д. Но бывает, что нужно уточнить параметры выполнения команды какими-то числовыми аргументами. В таком случае второй байт будет ненулевым и он будет указывать на количество идущих после второго байта блоков длиной в 4 байта. В каждом таком четырёхбайтном блоке хранится вещественное число. Пример команды с идентификатором 209 с одним вещественным аргументом:

идентификатор команды
11010001 00000001 10110001 11100010 00110100 00100100
количество аргументов вещественный аргумент

Описанным образом можно реализовать команду, которой передаются, например, требуемые скорости вращения колес, или параметры чувствительности датчиков, и т.д.

Преимущества выбранного подхода:

- Микроконтроллер способен очень быстро расшифровать массив байт. Поэтому задержка между отправкой команды и её исполнением для человека не заметна.
- Невозможно перенести высокоуровневый функционал и принятие решений на микроконтроллер. Это заставляет продумывать структуру

системы.

- При таком формате общения между устройствами разработка укладывается в основы теории автоматического управления.
- Возможность подключить до четырёх микроконтроллеров к одному *Raspberry Pi*.

Протокол

Правила, по которым устанавливается соединение, следующие:

1. *Raspberry Pi* устанавливает соединение с *Arduino* по *USB*, открывая *Serial* порт между устройствами.
2. *Arduino* отправляет свой уникальный идентификатор.
3. После получения идентификатора *Raspberry* может использовать его для обмена данными.

При написании кода на *Raspberry*, есть всего три простых функции:

Функция *push*: отправляет команду под номером *CODE* с аргументами *ARG*

```
clapi.device_id.push(CODE[, ARG1, ARG2, ..., ARGN])
```

Функция *pull*: блокирует выполнение программы, дожидается входящего сообщения от устройства. Возвращает *JSON*, который нам приспало устройство.

```
clapi.device_id.pull()
```

Функция *request*: отправляет команду как *push*, после чего дожидается ответа как *pull*.

```
clapi.device_id.request(CODE[, ARG1, ARG2, ..., ARGN])
```

Первая версия кода библиотеки для управления была написана автором в 2019 году, использовалась «в боевых условиях» и достойно показала себя на робототехнических соревнованиях *Eurobot* [17]. С тех пор код был доработан, дополнительно протестирован и оптимизирован под новые нужды.

5.3 Кинематические расчеты

Перенос расчётов из систем математических расчетов вроде *Matlab*, *SciLab* или *Mathematica* на один из языков программирования это не всегда тривиальная задача. Самая сложная часть переноса – матричные вычисления, элементы математического анализа (пределы, производные, интегрирование), решение систем СЛАУ, решение систем нелинейных уравнений. При переносе кинематических расчётов в рамках данного проекта понадобилось реализовать численно следующие функции:

- вычисление задачи о положениях;
- решение тригонометрической задачи о четырехзвеннике;
- вычисление Якобиана;
- решение обратной задачи кинематики.

Использование библиотеки численной математики *NumPy* на языке программирования *Python* сильно упростило задачу. Стоит отметить, что *NumPy* сегодня активно используется для математических вычислений исследователями всех стран [18].

5.3.1 Вычисление задачи о положениях

Самая простая в реализации задача – найти три координаты и вернуть вектор:

```
def direct(angles):  
    phi1, phi2, phi3 = angles[0], angles[1], angles[2]  
    phi4 = four_link_angle(phi3) - (pi/2)  
    X = A2 + A3 * cos(phi2) + A6 * sin(phi2) + A8 * sin(phi2 + phi4) + (A9 +  
        A10) * cos(phi2 + phi4)  
    V = A1 - A3 * sin(phi2) + A6 * cos(phi2) + A8 * cos(phi2 + phi4) - (A9 +  
        A10) * sin(phi2 + phi4)  
    Y = V * sin(phi1)  
    Z = V * cos(phi1)  
    return np.array([X, Y, Z])
```

Декомпозириуем входные углы, подставляем их в формулы, получая X, Y, Z , и возвращаем вектор $F^* = [X, Y, Z]$.

5.3.2 Решение задачи о четырехзвеннике

Тоже не сложная задача, если есть готовое решение в математическом пакете *Mathematica*.

```
def four_link_angle(phi3):
    d = sqrt(A5**2 + A7**2 - 2 * A5 * A7 * cos(phi3 + pi/2))
    gamma = asin((A5 / d) * cos(phi3))
    delta = acos((d**2 + A9**2 - A7**2) / (2 * d * A9))
    return (pi - gamma - delta)
```

Вычисления здесь достаточно громоздкие, хотя угол φ_3 не сильно отличается от φ_4 .

5.3.3 Вычисление Якобиана

Для численного решения обратной задачи кинематики нужно в каждой итерации вычислять Якобиан. Аналитический вид производной кинематического графа представленной в работе конечно неоправданно больших размеров, что делает невозможным его перенос из математического пакета в код на *Python*. Однако используя функцию вычисляющую прямую задачу кинематики, и устанавливая шаг для приращения каждого угла мы можем дифференцировать численно следующим образом [19]:

$$\frac{\partial f}{\partial x}(a, b) \approx \frac{f(a + h_1, b) - f(a, b)}{h_1},$$
$$\frac{\partial f}{\partial y}(a, b) \approx \frac{f(a, b + h_2) - f(a, b)}{h_2}$$

Можно оценить погрешность вычисления:

$$\frac{\partial f}{\partial x}(a, b) - \frac{f(a + h_1, b) - f(a, b)}{h_1} = \frac{h_1}{2} \frac{\partial^2 f}{\partial x^2}(c_1, b),$$
$$\frac{\partial f}{\partial y}(a, b) - \frac{f(a, b + h_2) - f(a, b)}{h_2} = \frac{h_2}{2} \frac{\partial^2 f}{\partial y^2}(a, c_2)$$

Где $c_1 \subset (a, a + h_1)$, а $c_2 \subset (b, b + h_2)$. Такой результат нас вполне устраивает, поэтому реализация в коде следующая:

```
def jacobian(angles):
    h = pi * 1e-4 # diff step
```

```

F = direct(angles)
eye = np.eye(3) * h # matrix with all h in diagonal elements
dFdPhi1 = (direct(angles + eye[0]) - F) / h
dFdPhi2 = (direct(angles + eye[1]) - F) / h
dFdPhi3 = (direct(angles + eye[2]) - F) / h
return np.array([dFdPhi1, dFdPhi2, dFdPhi3]).reshape((3, 3)).T

```

Для оптимизации вычисления идут сразу по строкам матрицы. Решение обратной задачи кинематики уже было рассмотрено в пункте 3.4.

5.4 Тестирование кода

При разработке программной части любого устройства существует непропадающая проблема. Разработчики не могут писать код без ошибок. Более того, в сложных программных системах при внесении каких-либо изменений слишком сложно понять, как это отразится на других частях.

Для того, что бы минимизировать поиски ошибок в коде и ускорить их обнаружение, пишутся так называемые *Unit*-тесты. Такие тесты сами по себе являются программами, но сильно более простыми, чем сама система. Эти тесты автоматически запускаются при внесении в код системы изменений и выводят предупреждения в случае неправильного поведения или логики работы системы. Автоматические тесты – это хороший тон в программировании.

В нашем случае, например, тесты запускают функции решающие задачи кинематики с разными входными данными и сверяют ответы с теми числами, которые заранее рассчитаны в *Mathematica*. Если ответы не сходятся (с нужной точностью), нам покажут предупреждение. Таким образом ошибки, которые могли быть внесены в алгоритмы, связанные с кинематическими расчетами, будут выявлены до того, как код будет запущен на физической модели робота. Что повышает безопасность работы с такой системой.

Для тестирования кода на *Raspberry Pi* используется библиотека *PyTest*.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В рамках работы разработана кинематическая схема четырехногого шагающего робота и рассчитан худший по нагрузке на конечности статический случай. С опорой на расчеты подобраны электроприводы удовлетворяющие крутящему моменту. Подобраны микрокомпьютер и микроконтроллер для управления роботом и вспомогательные электронные компоненты, обеспечивающие работоспособность робота.

Спроектирован и собран прототип робота. Исследовано движение конечностей по простой траектории. Разработано управляющее программное обеспечение: на языке программирования Python написан модуль кинематических расчетов и библиотека для управления микроконтроллером; на языке C++ написана библиотека для обратной связи с микрокомпьютером. Был разработан протокол передачи данных между логическими устройствами в составе робота. Настроено окружение для тестирования и сборки кода. Выполнены все поставленные задачи.

В работе описан процесс создания прототипа шагающего робота, потенциал которого по улучшению и модернизации достаточно велик.

Доступные способы улучшения механических характеристик робота:

1. В проекте были использованы достаточно дешевые модели сервоприводов, которые сильно усложняют разработку управляющего программного обеспечения и снижают точность позиционирования конечностей. Замена таких приводов на более совершенные позволит производить управление не только по положению, но и по скоростям. Это позволит улучшить общие механические характеристики конечностей.
2. Замена приводов на более совершенные позволит еще сильнее уменьшить габариты робота.

Способы улучшения программного обеспечения:

1. Использовать алгоритмы машинного обучения вместо ручного задания траекторий движения конечностей.
2. Применение искусственных нейронных сетей для обучения ходьбе в

симуляции, как это делают ведущие разработчики шагающих роботов, приведенные в начале работы.

Для улучшения электронной схемы следует начать применять печатные платы собственной разработки, включающие в свой состав микроконтроллеры, драйверы и преобразователи напряжений. Это позволит избежать проблем с коммутацией разнородных устройств друг с другом и их питанием.

БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

- [1] Официальный сайт Boston Dynamics: <https://www.bostondynamics.com/>. — Дата обращения к ресурсу: июнь 2020.
- [2] Новый робот студентов MIT: <http://news.mit.edu/2019/mit-mini-cheetah-first-four-legged-robot-to-backflip-0304>. — Дата обращения к ресурсу: июнь 2020.
- [3] Пресс-служба Цюрихского университета: <https://rsl.ethz.ch/robots-media/anymal.html>. — Дата обращения к ресурсу: февраль 2020.
- [4] Пресс-служба Итальянского технологического института: <https://dls.iit.it/robots1/hyqreal>. — Дата обращения к ресурсу: февраль 2020.
- [5] Официальный сайт Unitree Robotics: <http://www.unitree.cc>. — Дата обращения к ресурсу: апрель 2020.
- [6] Официальный сайт Agility Robotics: <https://www.agilityrobotics.com/>. — Дата обращения к ресурсу: июнь 2020.
- [7] Learning agile and dynamic motor skills for legged robots / Jemin Hwangbo, Joonho Lee, Alexey Dosovitskiy et al. // Science Robotics. — 2019. — jan. — Vol. 4, no. 26. — P. eaau5872.
- [8] Robotics Unitree. Laikago simulation walking mimic in PyBullet <https://www.youtube.com/watch?v=IzEih06BTs0>. — 2019.
- [9] Zurich ETH. Learning Agile and Dynamic Motor Skills for Legged Robots <https://www.youtube.com/watch?v=aTDkYFZFWug&t=78s>. — 2019.
- [10] Robotics Agility. Agility Robotics Keynote at Robotics Summit & Showcase 2018 <https://www.youtube.com/watch?v=JYMOrg67mY>. — 2018.
- [11] Robotics Agility. Digit's New Sim: Robust Z-planning <https://www.youtube.com/watch?v=2CYOrkwJzag>. — 2020.

- [12] Собака-робот следит за социальным дистанцированием в парке Сингапура <https://www.bbc.com/news/av/technology-52619568/coronavirus-robot-dog-enforces-social-distancing-in-singapore-park>. — Дата обращения к ресурсу: июнь 2020.
- [13] Actuator design for high force proprioceptive control in fast legged locomotion / Sangok Seok, Albert Wang, David Otten, Sangbae Kim // 2012 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems. — IEEE, 2012. — oct.
- [14] Филамент PETG: обзор, пошаговые настройки, возникшие проблемы и их решение <https://3dtoday.ru/blogs/bestfilament/petg-filament-an-overview-stepbystep-settings-problems-and-their-solut/>. — 2017. — Дата обращения к ресурсу: апрель 2020.
- [15] Singla Abhik, Bhattacharyaa Shounak. Realizing Learned Quadruped Locomotion Behaviors through Kinematic Motion Primitives // ArXiv. — 2018.
- [16] Багрецов Станислав. Введение в JSON. — 2018. — <https://medium.com/@stasonmars/введение-в-json-c798d2723107> — Дата обращения к ресурсу: май 2020.
- [17] А.А. Коломейцев. Библиотека для управления Arduino и STM32 Nucleo при помощи Raspberry Pi. <https://github.com/tonykolomeytsev/kekmech-clapi-raspberry>. — 2020. — Дата обращения к ресурсу: март 2020.
- [18] Документация по математической библиотеке Numpy: <https://numpy.org/>. — Дата обращения к ресурсу: февраль 2020 - май 2020.
- [19] Morken Knut. Numerical Algorithms and Digital Representation. — The University of Oslo (UiO), 2010.