#### 本节内容

定点数

原码乘法运算

王道考研/CSKAOYAN.COM

1

#### 雨声警告⚠



今天的雨 下得跟依萍找她爸要钱那天—样大

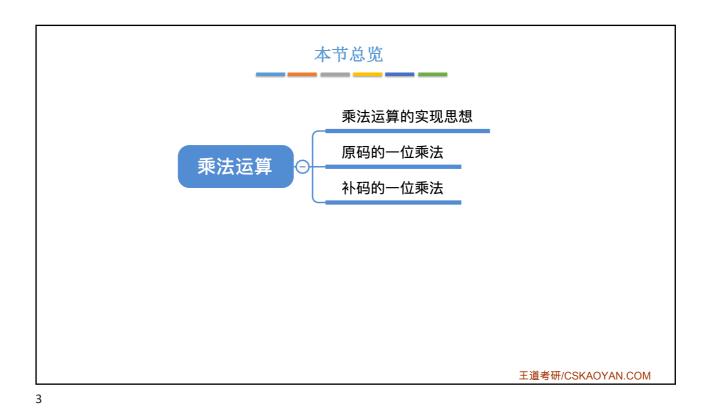


今天的雨 下的跟棋贵人被打死那天一样大

王道考研/CSKAOYAN.COM

2

公众号:考研拼课』 配套课程请关注



手算乘法(十进制) r 进制:  $K_n K_{n-1} \dots K_2 K_1 K_0 K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$  $= K_{\rm n} \times r^n + K_{\rm n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_2 \times r^2 + K_1 \times r^1 + K_0 \times r^0 + K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + \dots + K_{-m} \times r^{-m}$ 0.985 你怎么这个亚子 0.985  $\times$  0.211  $\times$  0.211 0.1970 1970 0.207835 0.207835  $0.211 = 2 \times 10^{-1} + 1 \times 10^{-2} + 1 \times 10^{-3}$  $0.985 = 985 \times 10^{-3}$  $0.985 \times 0.211 = (985 \times 1 \times 10^{-6}) + (985 \times 1 \times 10^{-5}) + (985 \times 2 \times 10^{-4})$ 王道考研/CSKAOYAN.COM

4

#### 手算乘法 (二进制)

r 进制:  $K_n K_{n-1} \dots K_2 K_1 K_0 K_{-1} K_{-2} \dots K_{-m}$ =  $K_n \times r^n + K_{n-1} \times r^{n-1} + \dots + K_2 \times r^2 + K_1 \times r^1 + K_0 \times r^0 + K_{-1} \times r^{-1} + K_{-2} \times r^{-2} + \dots + K_{-m} \times r^{-m}$ 





考虑用机器实现:

- 实际数字有正负,符号位如何处理?
- 乘积的位数扩大一倍,如何处理?
- 4个位积都要保存下来最后统一相加?

(乘数)  $0.1011 = 1 \times 2^{-1} + 0 \times 2^{-2} + 1 \times 2^{-3} + 1 \times 2^{-4}$ (被乘数)  $0.1101 = 1101 \times 2^{-4}$ 

用"移位"实现

 $0.1101 \times 0.1011 = (1101 \times 1 \times 2^{-8}) + (1101 \times 1 \times 2^{-7}) + (1101 \times 0 \times 2^{-6}) + (1101 \times 1 \times 2^{-5})$ 

王道考研/CSKAOYAN.COM

5

#### 原码一位乘法

设机器字长为 n+1=5位(含1位符号位), $[x]_{\bar{g}}=1.1101$ , $[y]_{\bar{g}}=0.1011$ ,采用原码一位乘法求  $x\cdot y$ 

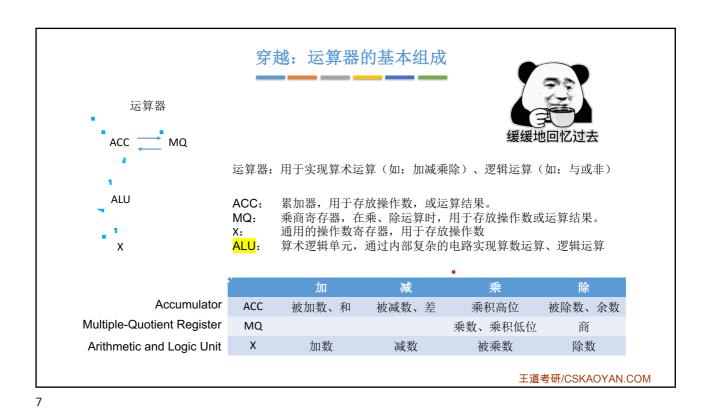
符号位 数值位

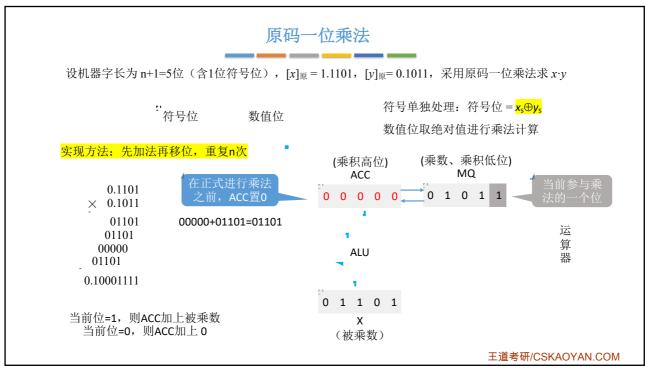
符号单独处理:符号位 =  $x_s \oplus y_s$  数值位取绝对值进行乘法计算 [|x|] $_{\mathbb{R}}=0.1101$ , [|y|] $_{\mathbb{R}}=0.1011$ 

王道考研/CSKAOYAN.COM

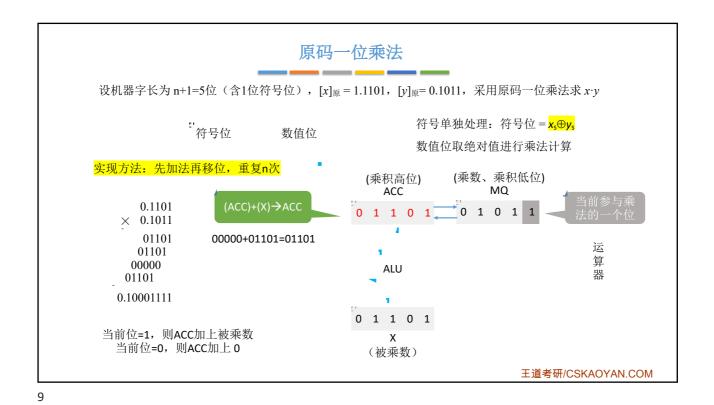
6

公众号:考研拼课。 配套课程请关注



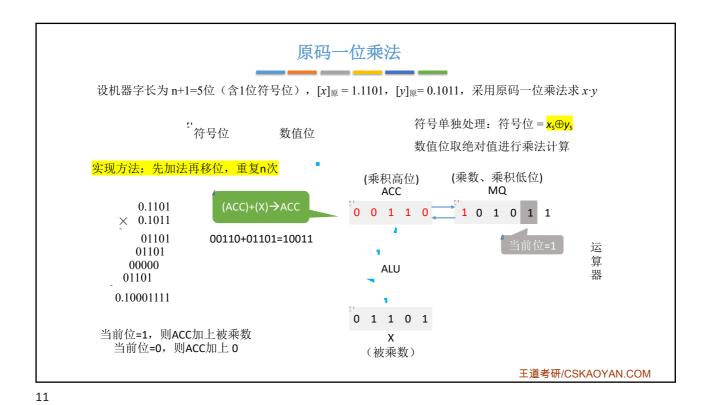


8



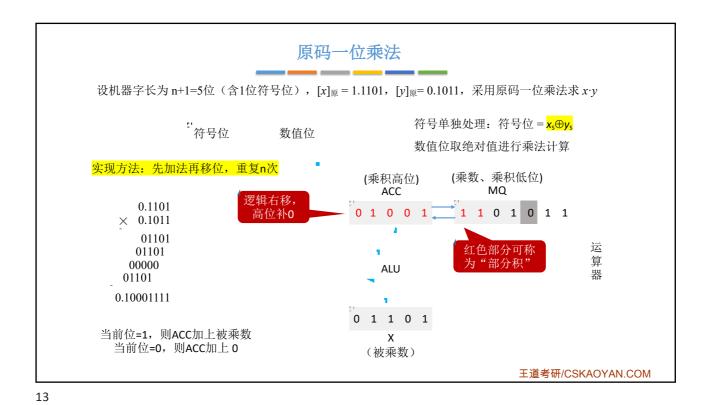
原码一位乘法 设机器字长为 n+1=5位(含1位符号位), $[x]_{\mathbb{R}}=1.1101$ , $[y]_{\mathbb{R}}=0.1011$ ,采用原码一位乘法求 $x\cdot y$ 符号单独处理:符号位 =  $x_s \oplus y_s$ " 符号位 数值位 数值位取绝对值进行乘法计算 实现方法: 先加法再移位, 重复n次 (乘数、乘积低位) (乘积高位) MQ ACC 之后用不到了, 0.1101 1 0 1 0 1 高位补0  $\times$  0.1011 01101 运 01101 ACC的低位 算 00000 移到MQ AIU 01101 0.10001111 0 1 1 0 1 当前位=1,则ACC加上被乘数 当前位=0,则ACC加上 0 (被乘数) 王道考研/CSKAOYAN.COM

10



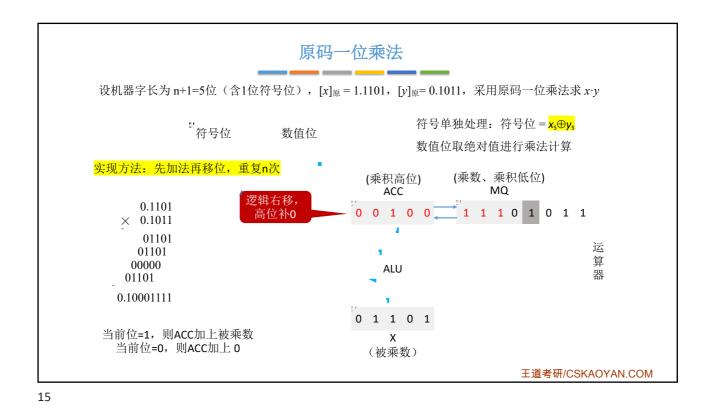
原码一位乘法 设机器字长为 n+1=5位(含1位符号位), $[x]_{\mathbb{R}}=1.1101$ , $[y]_{\mathbb{R}}=0.1011$ ,采用原码一位乘法求 $x\cdot y$ 符号单独处理:符号位 =  $x_s \oplus y_s$ " 符号位 数值位 数值位取绝对值进行乘法计算 实现方法: 先加法再移位, 重复n次 (乘数、乘积低位) (乘积高位) ACC 0.1101  $(ACC)+(X) \rightarrow ACC$ 1 0 0 1 1 1 0 1 0 1 1  $\times$  0.1011 01101 00110+01101=10011 运 01101 算 00000 ALU 01101 0.10001111 0 1 1 0 1 当前位=1,则ACC加上被乘数 当前位=0,则ACC加上 0 (被乘数) 王道考研/CSKAOYAN.COM

12



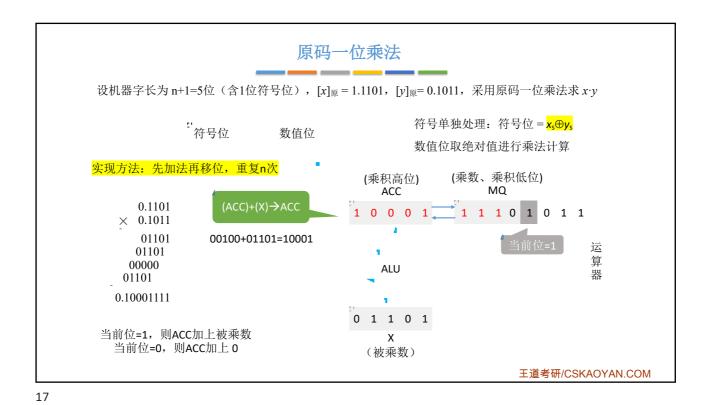
原码一位乘法 设机器字长为 n+1=5位(含1位符号位), $[x]_{\mathbb{R}}=1.1101$ , $[y]_{\mathbb{R}}=0.1011$ ,采用原码一位乘法求 $x\cdot y$ 符号单独处理:符号位 =  $x_s \oplus y_s$ " 符号位 数值位 数值位取绝对值进行乘法计算 实现方法: 先加法再移位, 重复n次 (乘数、乘积低位) (乘积高位) ACC 0.1101 (ACC)+0→ACC 0 1 0 0 1 1 1 0 1 0 1 1  $\times$  0.1011 01101 运 01101 算 00000 AIU 01101 0.10001111 0 1 1 0 1 当前位=1,则ACC加上被乘数 当前位=0,则ACC加上 0 (被乘数) 王道考研/CSKAOYAN.COM

14



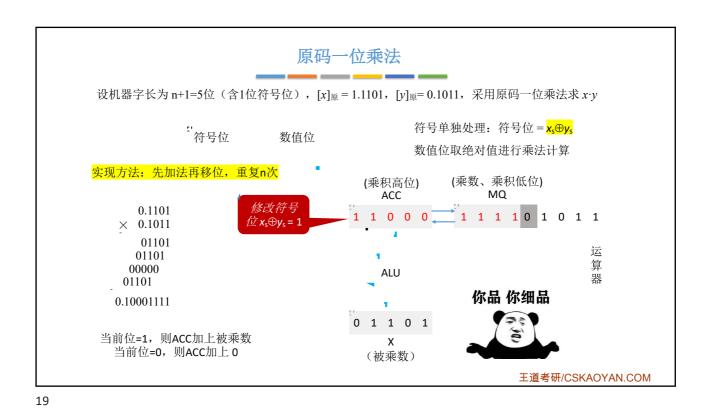
原码一位乘法 设机器字长为 n+1=5位(含1位符号位), $[x]_{\mathbb{R}}=1.1101$ , $[y]_{\mathbb{R}}=0.1011$ ,采用原码一位乘法求 $x\cdot y$ 符号单独处理:符号位 =  $x_s \oplus y_s$ " 符号位 数值位 数值位取绝对值进行乘法计算 实现方法: 先加法再移位, 重复n次 (乘数、乘积低位) (乘积高位) ACC 0.1101  $(ACC)+(X) \rightarrow ACC$ 0 0 1 0 0  $\times$  0.1011 01101 00100+01101=10001 运 01101 算 00000 ALU 01101 0.10001111 0 1 1 0 1 当前位=1,则ACC加上被乘数 当前位=0,则ACC加上 0 (被乘数) 王道考研/CSKAOYAN.COM

16



原码一位乘法 设机器字长为 n+1=5位(含1位符号位), $[x]_{\mathbb{R}}=1.1101$ , $[y]_{\mathbb{R}}=0.1011$ ,采用原码一位乘法求 $x\cdot y$ 符号单独处理:符号位 =  $x_s \oplus y_s$ " 符号位 数值位 数值位取绝对值进行乘法计算 实现方法: 先加法再移位, 重复n次 (乘数、乘积低位) (乘积高位) MQ ACC 0.1101 1 0 0 0 1 1 1 1 0 1 0 1 1 高位补0  $\times$  0.1011 01101 运 01101 算 00000 AIU 01101 你品 你细品 0.10001111 1 1 0 1 当前位=1,则ACC加上被乘数 当前位=0,则ACC加上 0 (被乘数) 王道考研/CSKAOYAN.COM

18





20

#### 本节内容

#### 定点数

补码乘法运算

王道考研/CSKAOYAN.COM

21

#### 补码一位乘法

设机器字长为5位(含1位符号位,n=4),x = -0.1101,y = +0.1011,采用 $\frac{Booth算法}{x}$ 求x·y [x] $_{h}$ =1.0011,[-x] $_{h}$ =0.1101,[y] $_{h}$ =0.1011

原码一位乘法:

进行n轮加法、移位

每次加法可能 +0 、+[|x|]原

每次移位是"逻辑右移"

符号位不参与运算



朋友, 过两招?

根据当前MQ中的最低 位来确定加什么

MQ中最低位 = 1时, $(ACC)+[|x|]_{原}$ MQ中最低位 = 0时,(ACC)+0

补码一位乘法:

进行n轮加法、移位,最后再多来一次加法

每次加法可能 +0 、+[x]<sub>补</sub>、+[-x]<sub>补</sub>

每次移位是"补码的算数右移"

符号位参与运算

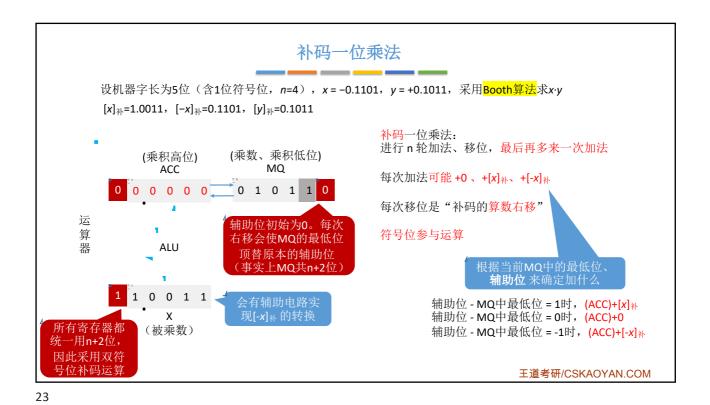
#### 根据当前MQ中的最低位 辅助位来确定加什么

辅助位 - MQ中最低位 = 1时,(ACC)+[x] 补 辅助位 - MQ中最低位 = 0时,(ACC)+0 辅助位 - MQ中最低位 = -1时,(ACC)+[-x] 补

王道考研/CSKAOYAN.COM

22

# 公众号:考研拼课』 配套课程请关注



补码一位乘法 (手算模拟) 设机器字长为5位(含1位符号位,n=4),x=-0.1101,y=+0.1011,采用Booth算法求 $x\cdot y$  $[x]_{\frac{1}{x}}=11.0011$ ,  $[-x]_{\frac{1}{x}}=00.1101$ ,  $[y]_{\frac{1}{x}}=0.1011$ (低位部分积/乘数) (高位部分积) n轮加法、算数右移,加法规则如下: 00.0000 0.1011 0 丢失位 起始情况 辅助位 - MQ中最低位 = 1时,(ACC)+[x]补 辅助位 - MQ中最低位 = 0时, (ACC)+0 00.1101 +[-x]<sub>\(\dagger\)</sub>  $Y_4Y_5=10$ ,  $Y_5-Y_4=-1$ , 则+[-x]补 辅助位 正数 00.1101 辅助位 - MQ中最低位 = -1时, (ACC)+[-x]补 算数 00.0110 ---- 10.10110 右移 右移部分积和乘数 右移 补码的算数右移: +0 00.0000  $Y_4Y_5=11$ ,  $Y_5-Y_4=0$ ,  $\emptyset +0$ 符号位不动,数值位右移,正数右移补0, 00.0110 负数右移补1(符号位是啥就补啥) 右移 00.0011 ---- 010.10 110 右移部分积和乘数  $+[x]_{\nmid h}$ 11.0011  $Y_4Y_5=01$ , $Y_5-Y_4=1$ ,则+[x]补 负数 算数 11.0110 右移 11.1011 ---- 0010.10110 右移部分积和乘数 注:一般来说, Booth算法的被乘数、 +[-x]<sub>\*\</sub> 00.1101  $Y_4Y_5=10$ ,  $Y_5-Y_4=-1$ ,  $\emptyset$ +[-x]\*\* 部分积采用双符号位补码 00.1000 右移 00.0100 --<u>000</u>1<u>0.</u>[10110 右移部分积和乘数 11.0011  $+[x]_{\nmid h}$  $Y_4Y_5=01$ ,  $Y_5-Y_4=1$ , 则+[x]补  $[x \cdot y]_{\nmid h} = 11.01110001$ 11.0111 构成 $[x \cdot y]_{i}$  $\mathbb{H}x \cdot y = -0.10001111$ 王道考研/CSKAOYAN.COM

24

#### 知识点回顾

部分积、被乘数、乘数都可 采用双符号位原码,也可用 单符号位原码(手算时乘数 的符号位可不写)

原码一位乘法:

符号位通过异或确定,数值位由被乘数和乘数的绝对值进行 n 轮加法、移位

每次加法可能 +0、 $+[|x|]_{\mathbb{R}}$ 

每次移位是"逻辑右移"

乘数的符号位不参与运算

朋友, 过两招?

补码一位乘法(Booth算法):

符号位、数值位都是由被乘数和乘数进行 n 轮加法、移位,最后再多来一次加法

部分积、被乘数采用双符号 位补码:乘数采用单符号位 补码,并在末位添个0

每次加法可能 +0 、+[x]\*、+[-x]\*

每次移位是"补码的算数右移"

乘数的符号位参与运算

MQ中最低位 = 1时, $(ACC)+[|x|]_{原}$  MQ中最低位 = 0时,(ACC)+0

辅助位 - MQ中"最低位" = 1时,(ACC)+[x]补辅助位 - MQ中"最低位" = 0时,(ACC)+0辅助位 - MQ中"最低位" = -1时,(ACC)+[-x]补

王道考研/CSKAOYAN.COM