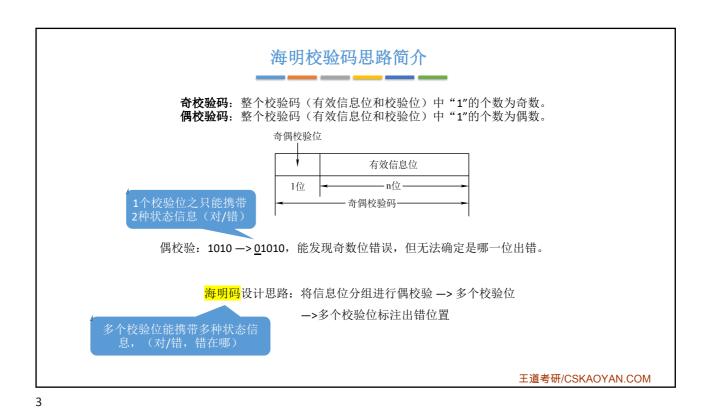
海明校验码

本节总览 基本思想 海明码 求解步骤 年份 中文译名 姓名 贡献领域 艾伦·佩利 Alan J. Perlis 高级程序设计技巧,编译器构造 1966年 1967年 莫里斯·威尔克斯 Maurice V. Wilkes 存储程序式计算机EDSAC,程序库 1968年 理查德·卫斯里·汉明 Richard Hamming 数值方法,自动编码系统,错误检测和纠错码 Marvin Minsky 人工智能 1969年 马文·明斯基 数值分析,线性代数,倒退错误分析 1970年 詹姆斯·维尔金森 James H Wilkinson 王道考研/CSKAOYAN.COM

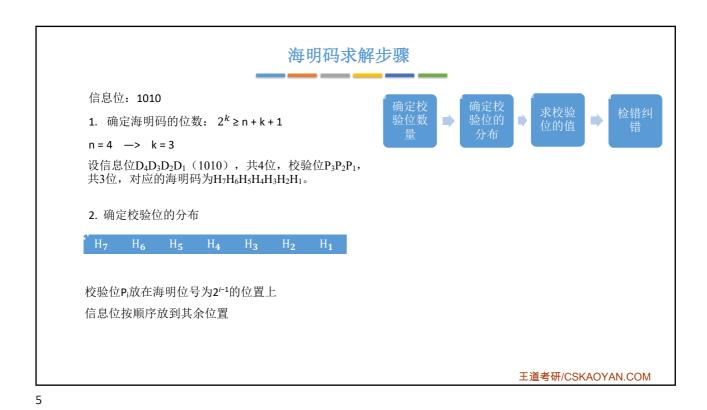
2

公众号:考研拼课₁ 配套课程请关注



海明校验码思路简介 海明码设计思路:将信息位分组进行偶校验 -> 多个校验位 ->多个校验位标注出错位置 需要多少校验位? 信息位+校验位, 共n+k位 $2^k \ge \mathsf{n} + \mathsf{k} + \mathsf{1}$ 信息位 校验位 2^k 种状态 12-26 27-57 58-120 2 4 5 6 王道考研/CSKAOYAN.COM

公众号:考研拼课。 配套课程请关注



海明码求解步骤 信息位: 1010 3. 求校验位的值 ⊕: 异或 $0 \oplus 0 = 0$ 1. 确定海明码的位数: $2^{k} ≥ n + k + 1$ $H_3: 3 \rightarrow 011$ $0 \oplus 1 = 1$ n = 4 -> k = 3 $H_5 : 5 \rightarrow 101$ $1 \oplus 0 = 1$ $1 \oplus 1 = 0$ 设信息位 $D_4D_3D_2D_1$ (1010), 共4位, 校验位 $P_3P_2P_1$, $H_6: 6 \rightarrow 110$ 共3位,对应的海明码为H7H6H5H4H3H2H1。 相当于偶校验 $H_7: 7 \longrightarrow 111$ 2. 确定校验位的分布 ·分组,分 $P_1 = \vdash H_3 \oplus \vdash H_5 \oplus \vdash H_7 = \vdash D_1 \oplus \vdash D_2 \oplus \vdash D_4$ 别进行偶校验 $=0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$ $P_2 = H_3 \oplus H_6 \oplus H_7 = D_1 \oplus D_3 \oplus D_4$ D_4 D_3 D_2 D_1 P_2 P_1 =0\(\oplus 0\oplus 1=1\) $P_3 = \vdash H_5 \oplus \vdash H_6 \oplus \vdash H_7 = \vdash D_2 \oplus \vdash D_3 \oplus \vdash D_4$ 1 $=1\oplus 0\oplus 1=0$ 校验位Pi放在海明位号为2i-1的位置上 信息位按顺序放到其余位置 王道考研/CSKAOYAN.COM

6

公众号:考研拼课。 配套课程请关注

海明码求解步骤

信息位: 1010

1. 确定海明码的位数: $2^k ≥ n + k + 1$

n = 4 -> k = 3

设信息位 $D_4D_3D_2D_1$ (1010), 共4位, 校验位 $P_3P_2P_1$, 共3位, 对应的海明码为 $H_7H_6H_5H_4H_3H_2H_1$ 。

2. 确定校验位的分布

H ₇	H ₆	H ₅	H_4	H_3	H ₂	H ₁
D_4	D_3	D_2	P_3	D_1	P_2	P_1
1	0	1	0	0	1	0

校验位P,放在海明位号为2⁻¹的位置上信息位按顺序放到其余位置

3. 求校验位的值

 $H_3: 3 \rightarrow 011$

 $H_5: 5 \rightarrow 101$

 $H_6: 6 \rightarrow 110$

 $H_7: 7 \rightarrow 111$

个分组,分 进行偶校验 $P_1 = H_3 \oplus H_5 \oplus H_7 = D_1 \oplus D_2 \oplus D_4$ $= 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$ $P_2 = H_3 \oplus H_6 \oplus H_7 = D_1 \oplus D_3 \oplus D_4$ $= 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1$ $P_3 = H_5 \oplus H_6 \oplus H_7 = D_2 \oplus D_3 \oplus D_4$ $= 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$

4. 纠错

 $\begin{array}{l} S_1 = P_1 \oplus D_1 \oplus D_2 \oplus D_4 \\ S_2 = P_2 \oplus D_1 \oplus D_3 \oplus D_4 \\ S_3 = P_3 \oplus D_2 \oplus D_3 \oplus D_4 \end{array}$

王道考研/CSKAOYAN.COM

7

海明码求解步骤

信息位: 1010

1. 确定海明码的位数: $2^{k} ≥ n + k + 1$

n = 4 -> k = 3

设信息位 $D_4D_3D_2D_1$ (1010),共4位,校验位 $P_3P_2P_1$,共3位,对应的海明码为 $H_7H_6H_5H_4H_3H_2H_1$ 。

2. 确定校验位的分布

H ₇	H ₆	H ₅	H_4	H ₃	H ₂	H_1
		D_2				
1	0	1	0	0	1	0

校验位P,放在海明位号为2⁻¹的位置上信息位按顺序放到其余位置

3. 求校验位的值

 $\begin{array}{l} P_1 \!\!=\!\! D_1 \!\!\oplus\! D_2 \!\!\oplus\! D_4 \!\!=\!\! 0 \!\!\oplus\! 1 \!\!\oplus\! 1 \!\!=\!\! 0 \\ P_2 \!\!=\!\! D_1 \!\!\oplus\! D_3 \!\!\oplus\! D_4 \!\!=\!\! 0 \!\!\oplus\! 0 \!\!\oplus\! 1 \!\!=\!\! 1 \\ P_3 \!\!=\!\! D_2 \!\!\oplus\! D_3 \!\!\oplus\! D_4 \!\!=\!\! 1 \!\!\oplus\! 0 \!\!\oplus\! 1 \!\!=\!\! 0 \end{array}$

4. 纠错

校验方程: S1=P1⊕D1⊕D2⊕D4 S2=P2⊕D1⊕D3⊕D4 S3=P3⊕D2⊕D3⊕D4 P₁
D₁
D₂
P₂
D₃
P₃

接收到: 1010010

 $S_1=P_1\oplus D_1\oplus D_2\oplus D_4=0\oplus 0\oplus 1\oplus 1=0$

 $S_2=P_2 \oplus D_1 \oplus D_3 \oplus D_4 = 1 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 = 0$ $S_3=P_3 \oplus D_2 \oplus D_3 \oplus D_4 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$ 无错误

接收到: 1010000

高

 $S_1=P_1\oplus D_1\oplus D_2\oplus D_4=0\oplus 0\oplus 1\oplus 1=0$

 $S_2=P_2 \oplus D_1 \oplus D_3 \oplus D_4 = 0 \oplus 0 \oplus 0 \oplus 1 = 1$ $S_3=P_3 \oplus D_2 \oplus D_3 \oplus D_4 = 0 \oplus 1 \oplus 0 \oplus 1 = 0$

第010 位出错

王道考研/CSKAOYAN.COM

8

公众号:考研拼课⁴ 配套课程请关注

海明码求解步骤-格式变化

信息位: 1010

1. 确定海明码的位数: $2^k ≥ n + k + 1$

n = 4 -> k = 3

设信息位 $D_4D_3D_2D_1$ (1010), 共4位, 校验位 $P_3P_2P_1$, 共3位, 对应的海明码为 $H_7H_6H_5H_4H_3H_2H_1$ 。

2. 确定校验位的分布

Н ₇	H ₆	H ₅	H ₄	H ₃	H ₂	H ₁
		D_2				
1	0	1	0	0	1	0

校验位Pi放在海明位号为2i-1的位置上

信息位按顺序放到其余位置

3. 求校验位的值

 $P_1 = D_1 \oplus D_2 \oplus D_4 = 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$

 $P_2=D_1\oplus D_3\oplus D_4=0\oplus 0\oplus 1=1$

 $P_3=D_2\oplus D_3\oplus D_4=1\oplus 0\oplus 1=0$

设信息位 $D_1D_2D_3D_4$ (1010),共4位,校验位 $P_1P_2P_3$,共3位,对应的海明码为 $H_1H_2H_3H_4H_5H_6H_7$ 。

H ₁	H ₂	H ₃	H ₄	H ₅	H ₆	H ₇
P_1	\mathbf{P}_2	D_1	P_3	D_2	D_3	D_4
		1		0	1	0

 $P_1=D_1\oplus D_2\oplus D_4=1\oplus 0\oplus 0=1$

 $P_2=D_1\oplus D_3\oplus D_4=1\oplus 1\oplus 0=0$

 $P_3=D_2\oplus D_3\oplus D_4=0\oplus 1\oplus 0=1$

王道考研/CSKAOYAN.COM

9

海明码求解步骤-格式变化

信息位: 1010

1. 确定海明码的位数: $2^{k} ≥ n + k + 1$

n = 4 -> k = 3

设信息位 $D_4D_3D_2D_1$ (1010),共4位,校验位 $P_3P_2P_1$,共3位,对应的海明码为 $H_7H_6H_5H_4H_3H_2H_1$ 。

2. 确定校验位的分布

Î	H ₇	H ₆	H ₅	H4	H ₃	H ₂	H ₁
	D_4	D_3	D_2	P_3	D_1	P_2	\mathbf{P}_1
	1	0	1	0	0	1	0

校验位Pi放在海明位号为2i-1的位置上

信息位按顺序放到其余位置

3. 求校验位的值

 $P_1 = D_1 \oplus D_2 \oplus D_4 = 0 \oplus 1 \oplus 1 = 0$

 $P_2\!\!=\!\!D_1\!\!\oplus\!\!D_3\!\!\oplus\!\!D_4\!\!=\!\!0\!\!\oplus\!\!0\!\!\oplus\!1\!\!=\!\!1$

 $P_3=D_2\oplus D_3\oplus D_4=1\oplus 0\oplus 1=0$

设信息位 $D_1D_2D_3D_4$ (1010),共4位,校验位 $P_1P_2P_3$,共3位,对应的海明码为 $H_1H_2H_3H_4H_5H_6H_7$ 。

H ₁	H ₂	Н3	H ₄	H ₅	H ₆	H ₇
P_1	P_2	D_1	P_3	D_2	D_3	D_4
1	0	1	1	0	1	0

 $P_1 = D_1 \oplus D_2 \oplus D_4 = 1 \oplus 0 \oplus 0 = 1$

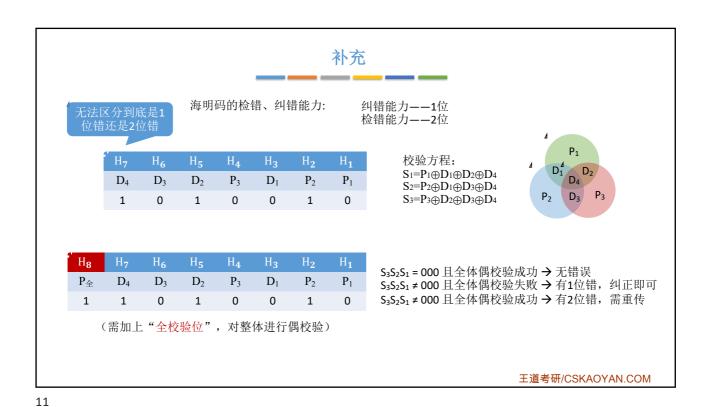
 $P_2 = D_1 \oplus D_3 \oplus D_4 = 1 \oplus 1 \oplus 0 = 0$

 $P_3=D_2\oplus D_3\oplus D_4=0\oplus 1\oplus 0=1$

王道考研/CSKAOYAN.COM

10

公众号:考研拼课。 配套课程请关注



知识回顾 基本思想 分组偶校验, 多个校验位可反映出错位置 (-)确定校验位个数 (k个校验位, n个信息位) 😑 $2^k \ge \mathsf{n} + \mathsf{k} + \mathsf{1}$ P1,P2,P3...分别在 1,2,4,8,16... 确定校验位分布 空出来的其他位置依次填入信息位 将信息位的位置序号用k位二进制数表示出来 求解步骤 求校验位 校验位 Pi 与 位置序号第 i 位为 1 的信息位归为同一组,进行偶校验 海明码 对P1,P2,P3...所属各分组进行异或(相当于分组偶校验) 求得 S1,S2,S3... 纠错 S3 S2 S1 = 000 说明无错误 S3 S2 S1 ≠ 000,则其值反映出错位置 海明码有1位纠错,2位检错能力 补充 😑 为了区分1位错和2位错,还需添加"全校验位"对整体进行偶校验 注意: 有的题目位置编号可能是从小到大的, 但处理方法雷同 王道考研/CSKAOYAN.COM

12

公众号:考研拼课。 配套课程请关注

Richard Hamming 演讲选段

早年,我在攻克一个又一个难题,成功的多,失败的少。可是,周五解决了一个问题回到家里后,我却并不快活,反而很沮丧。我看到生活就是一个问题接着一个问题又接着另一个问题。

想了相当长一阵子后,我决定以另一种方式干活: 你的工作要成为别人工作的基石! 于是别人就会说: "看哪,我站在他的肩膀之上,我看得更远了。"

科学的本质是积累!我再也不去做相互孤立的问题,除非它能代表某一类问题的共性。我决不再去解决单一的问题。

你要么让人们在你的成果上有所建树,要么别人不得不把你干的活从头再来复制一遍。

王道考研/CSKAOYAN.COM

13

公众号:考研拼课, 配套课程请关注