## Überblick

- Grundlagen: Spannung, Strom, Widerstand, IV-Kennlinien
- Elektronische Messgeräte im Elektronikpraktikum
- Passive Filter
- Signaltransport im Kabel
- Transistor
- Operationsverstärker
- Sensorik
- PID-Regler
- Lock-In-Verstärker
- Phase-Locked Loop
- Digitalelektronik
- Digital-Analog- / Analog-Digital-Wandlung
- Mikrocontroller
- Labview und Virtual Instruments
- Physik in der Elektronik: Ausblick zur Festkörperphysik



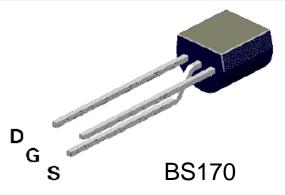
Bis jetzt: 2-polige, passive Bauelemente (Widerstand, Kondensator, Drossel)

#### Wichtigstes aktives Bauelement: Transistor

- Grundlage für alle integrierten Schaltkreise
- Anwendung in Verstärkern
- Anwendung als (elektronisch gesteuerter) Schalter
- Zwei grundsätzliche Typen: Feldeffekttransistor und Bipolartransistor

#### Was heißt aktives Bauelement?

- Bauelement kann "verstärken"
- Ausgangssignal mit mehr Leistung als Eingangssignal
- zusätzliche Leistung kommt von externer Quelle (Spannungsversorgung)





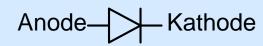


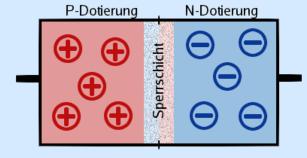
z.B.

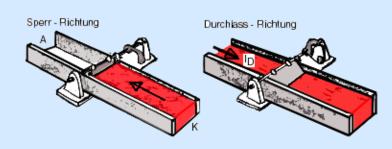
**BC548C** 

### Diode

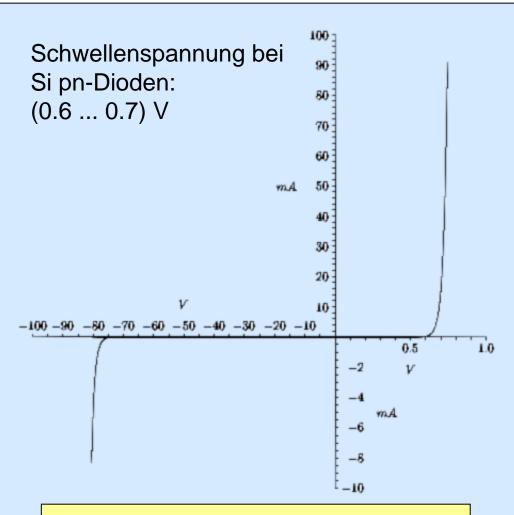
#### **Kurzer Einschub: Diode**









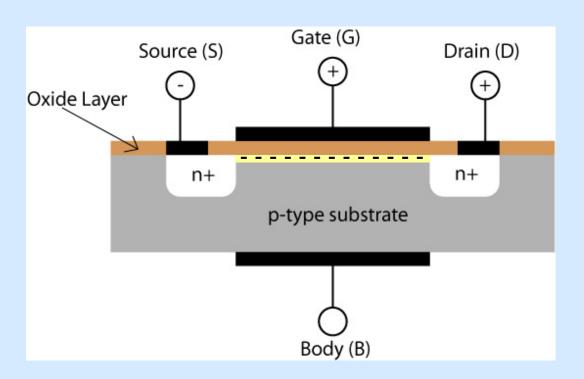


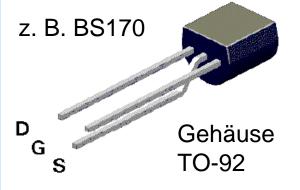
Merke: "In Durchlassrichtung fallen an einer Si pn-Diode immer ca. 0.7 V ab."



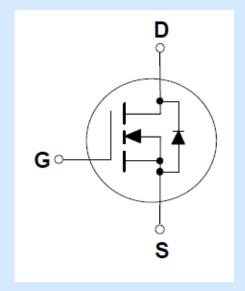
### MOSFET

#### Metall-Oxid-Halbleiter-Feld-Effekt-Transistor:





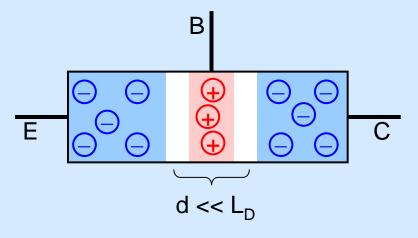
MOSFET = unipolarer Transistor (nur Elektronen <u>oder</u> Löcher tragen den Strom)

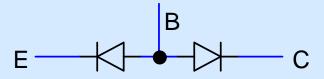


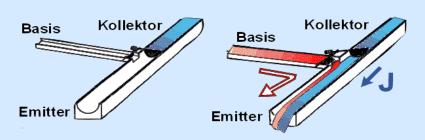


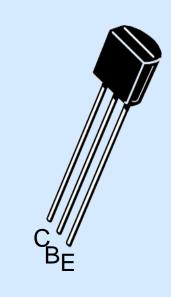


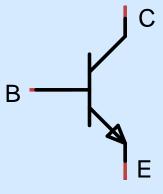
#### Wieder zurück zum (Bipolar-)Transistor ...



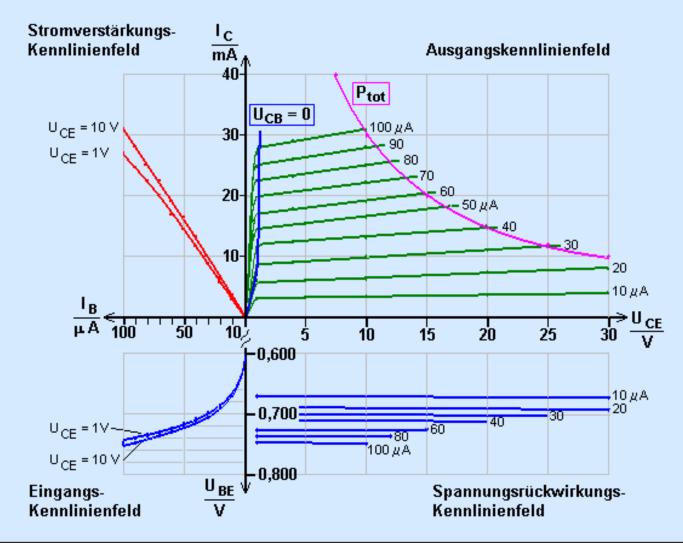








#### Kennlinienfelder eines Bipolartransistors (z.B. BC107):

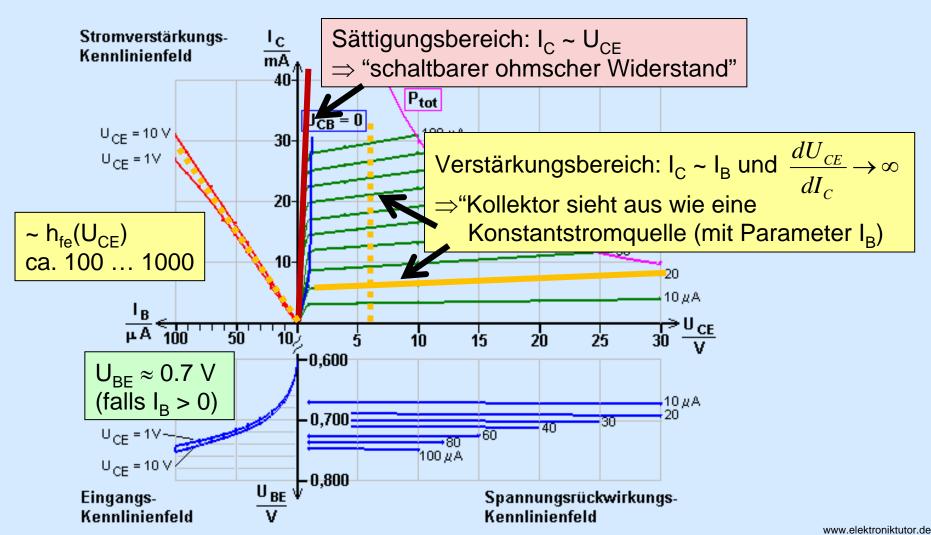








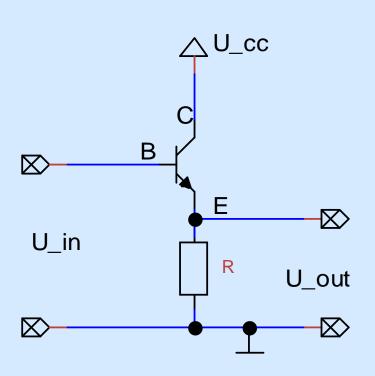
#### Kennlinienfelder eines Bipolartransistors (z.B. BC107):







#### **Emitter-Folger:**



falls  $U_{in} > 0.7 \text{ V} \implies U_{BE} \approx 0.7 \text{ V} \approx const.$ 

$$U_{out} = U_{in} - U_{BE} = U_{in} - 0.7 \text{ V}$$

Spannungsverstärkung:  $G = \frac{\partial U_{out}}{\partial U_{in}} = 1$ 

Wo ist jetzt hier der Verstärker?

$$\Delta I_{E} = \frac{\Delta U_{out}}{R} = \frac{\Delta U_{in}}{R}$$

$$\Delta I_{B} = \Delta I_{E} - \Delta I_{C} = \Delta I_{E} - \Delta I_{B} h_{fe} \Rightarrow \Delta I_{B} = \frac{\Delta U_{in}}{R(h_{fe} + 1)}$$



Eingangsimpedanz:  $Z_{in} = (h_{fe} + 1)R$ 

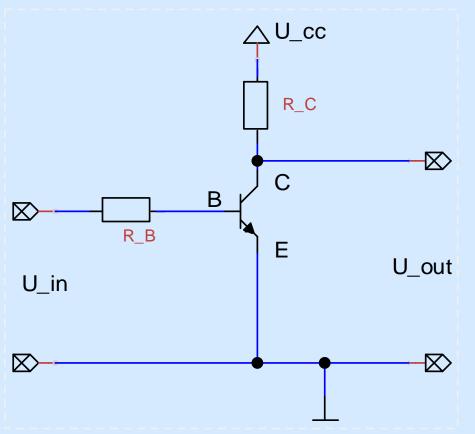
⇒ Impedanzwandler

zusätzlicher Strom  $\Delta I_{\rm C} = h_{\rm fe} \Delta I_{\rm B}$ kommt aus der Versorgungsspannung  $U_{\rm CC}$ 





#### Common-Emitter-Verstärker:



für 
$$U_{in} > U_{BE} \approx 0.7 \text{ V}$$
:

$$I_{\text{C}} = h_{\text{FE}}I_{\text{B}} = h_{\text{FE}} \cdot \frac{U_{\text{in}} - U_{\text{BE}}}{R_{\text{B}}}$$

$$U_{\text{out}} = U_{\text{CC}} - R_{\text{C}}I_{\text{C}} = U_{\text{CC}} - h_{\text{FE}} \frac{R_{\text{C}}}{R_{\text{B}}} (U_{\text{in}} - U_{\text{BE}})$$

⇒ Spannungsverstärkung

$$G = \frac{\partial U_{out}}{\partial U_{in}} = -h_{FE} \frac{R_C}{R_B}$$

"Spannungsverstärker"

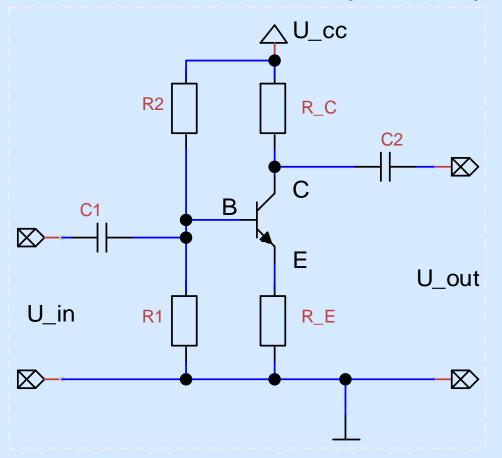
Probleme: Abschneiden von  $U_{in} < 0.7 \text{ V}$ ,

h<sub>FF</sub> unterliegt starken Schwankungen (mit U<sub>CF</sub>, T und Produktion)





#### **Common-Emitter-Verstärker (verbessert):**



1. C₁ bildet Hochpass, d.h.

$$U_{B} = U_{CC} \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}} + U_{in,AC}$$

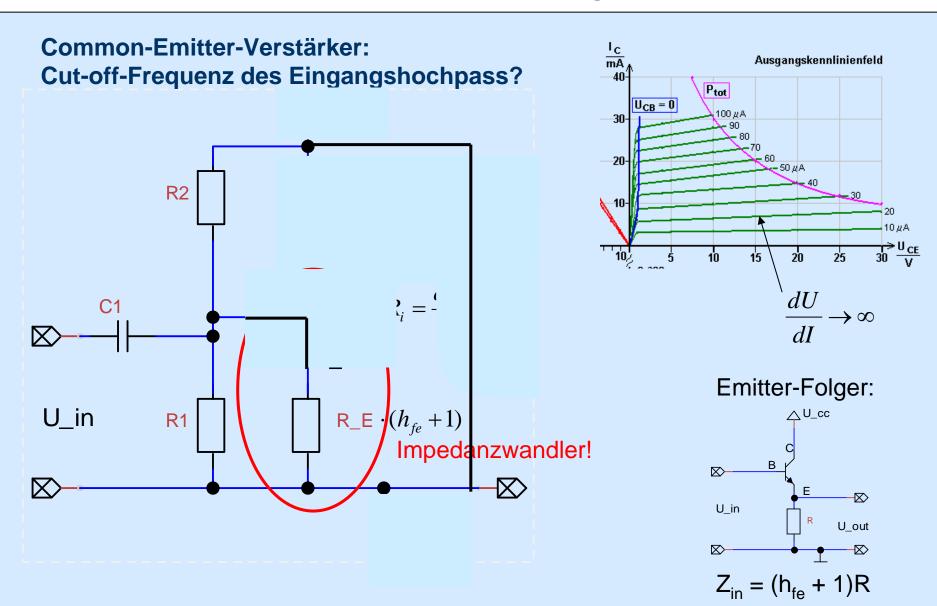
wichtig:  $U_B > U_{BE} \approx 0.7 \text{ V}$ 

- 2. Ruhestrom:  $I_C \approx I_E = \frac{U_B U_{BE}}{R_E}$
- 3.  $R_C$  so gewählt, dass  $U_C = U_{CC} I_C R_C = U_{CC} / 2$

$$\Rightarrow \Delta U_{C} = -R_{C}\Delta I_{C} \approx -\frac{R_{C}}{R_{E}}\Delta U_{B}$$

4.  $C_2$  bildet Hochpass, d.h.  $\Delta U_{out} = \Delta U_C$  (ohne DC)

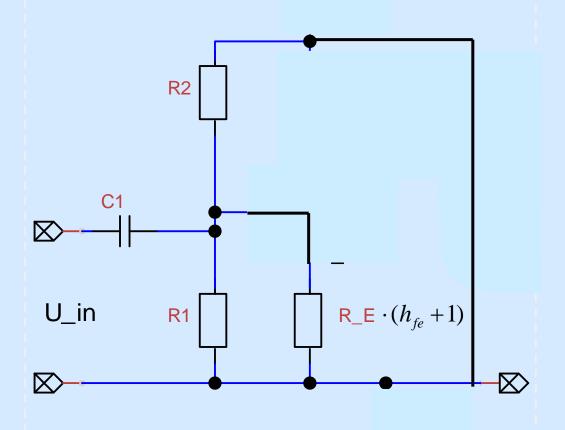
$$\Rightarrow U_{out,AC} = \underbrace{-\frac{R_C}{R_E}}_{in,AC} U_{in,AC}$$







### Common-Emitter-Verstärker: Cut-off-Frequenz des Eingangshochpass?

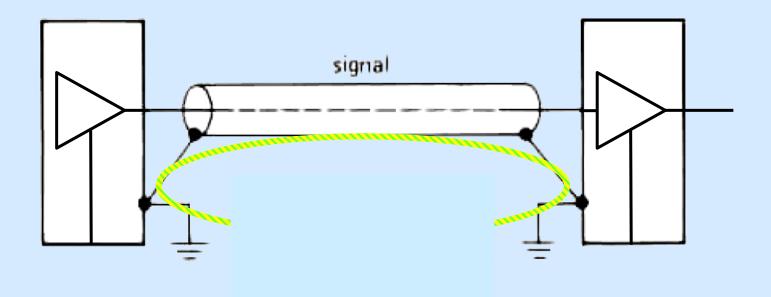


$$R_{Hochpass} = \left(\frac{1}{R_{1}} + \frac{1}{R_{2}} + \frac{1}{R_{E}(h_{fe} + 1)}\right)^{-1}$$

$$f_{3dB} = \frac{1}{2\pi C_{1}R_{Hochpass}}$$

# Erdschleife (Ground loop)

#### Erdpotential kann Störungen enthalten (ortsabhängig)



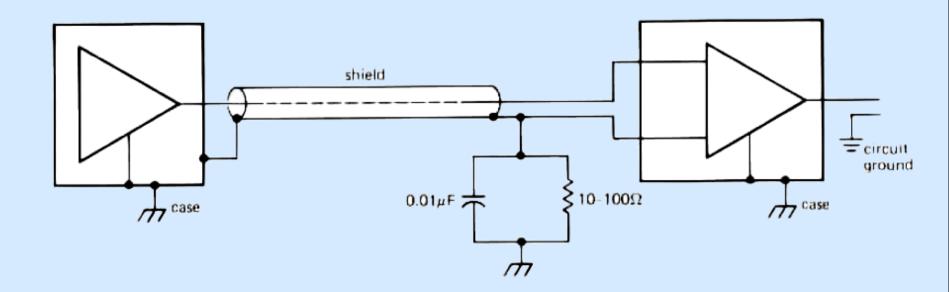
**Resultat:** 

gemessenes Signal enthält 50 Hz + höhere Harmonische + RF (radio frequency) + Spikes + "Frequenzmüll"

# Erdschleife (Ground loop)

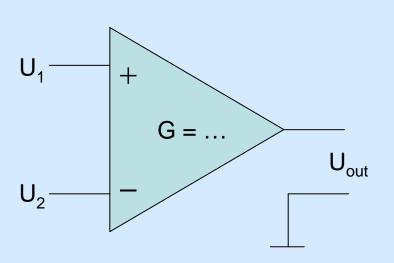
#### Vermeidung von Erdschleifen:

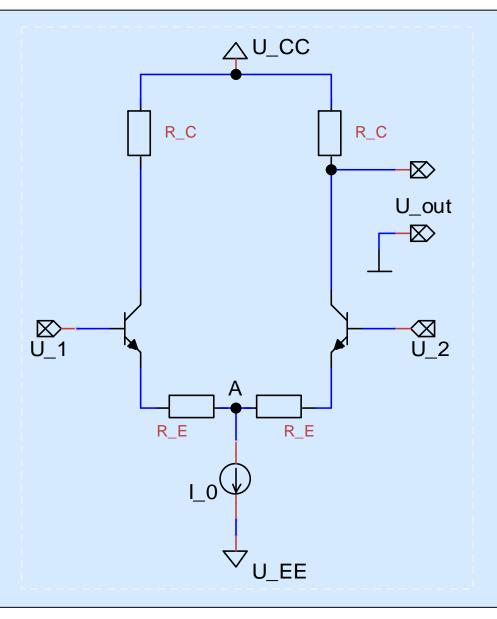
- Erdung nur an einem Punkt + Verwendung eines Differenzverstärkers



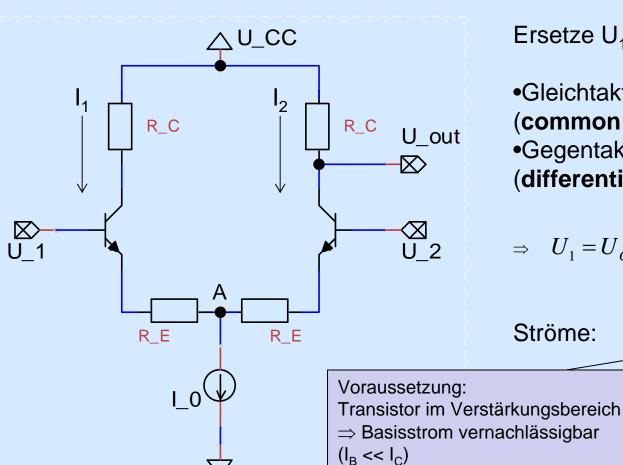


#### Differenzverstärker:





#### Differenzverstärker:



Ersetze U<sub>1</sub> und U<sub>2</sub> durch

- Gleichtaktspannung (common mode):
- Gegentaktspannung (differential mode):

$$U_{CM} = \frac{U_1 + U_2}{2}$$

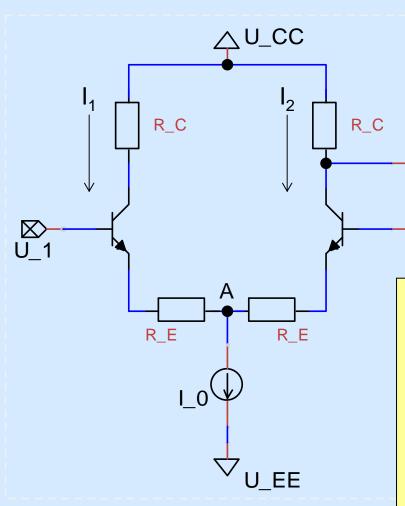
$$U_{diff} = U_1 - U_2$$

$$\Rightarrow U_1 = U_{CM} + \frac{U_{diff}}{2} \qquad U_2 = U_{CM} - \frac{U_{diff}}{2}$$

Ströme: 
$$I_{1,2} \approx \frac{U_{1,2} - 0.7V - \phi_A}{R_E} = \frac{U_{CM} \pm \frac{U_{diff}}{2} - 0.7V - \phi_A}{R_E}$$
 rkungsbereich chlässigbar

Strombalance im Punkt A:  $I_1 + I_2 = I_0$ 

#### Differenzverstärker:



Eliminieren von  $\phi_A$  und einsetzen:

$$\Rightarrow I_2 = \frac{1}{2} \left( I_0 - \frac{U_{diff}}{R_E} \right)$$

Ausgangsspannung:

$$U_{out} = U_{CC} - R_C I_2 = U_{CC} - \frac{R_C I_0}{2} + \frac{R_C}{2R_E} U_{diff}$$

Gegentaktverstärkung: 
$$G_{diff} = \frac{\partial U_{out}}{\partial U_{diff}} = \frac{R_C}{2R_E}$$

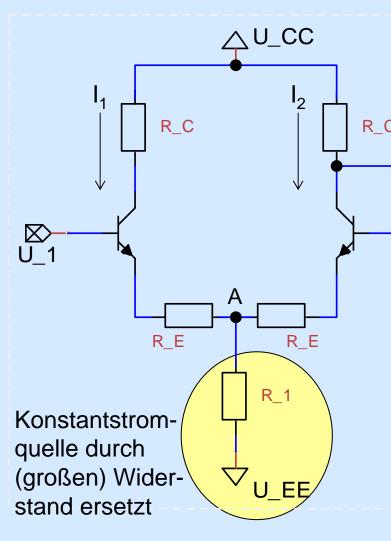
Gleichtaktverstärkung: 
$$G_{CM} = \frac{\partial U_{out}}{\partial U_{CM}} = 0$$

Gleichtaktunterdrückung: 
$$\mathit{CMRR} = \frac{G_{\mathit{diff}}}{G_{\mathit{CM}}} \to \infty$$
 (common mode rejection ratio)

U out

 $(I_B \ll I_C)$ 

### Differenzverstärker (vereinfacht):

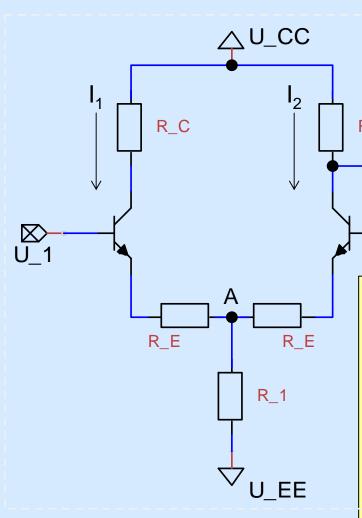


Was ist G<sub>diff</sub> und G<sub>CM</sub> und CMRR?

 $I_{1,2} \approx \frac{U_{1,2} - 0.7V - \phi_A}{R_E} =$ Ströme:  $=\frac{U_{CM}\pm^{U_{diff}}/2-0.7V-\phi_A}{R_E}$ Basisstrom wird vernachlässigt  $I_0 = \frac{\phi_A - U_{EE}}{R}$ 

Strombalance im Punkt A:  $I_1 + I_2 = I_0$ 

#### Differenzverstärker (vereinfacht):



#### Ausgangsspannung:

$$\begin{split} U_{out} &= U_{CC} + 0.7V \frac{R_C}{R_E} + \\ &+ \frac{R_1 R_C}{2R_1 + R_E} \left( \frac{U_{EE}}{R_1} - \frac{1.4V}{R_E} \right) - \\ &- \frac{R_C}{2R_1 + R_E} U_{CM} + \frac{R_C}{2R_E} U_{diff} \end{split}$$

Gegentaktverstärkung:

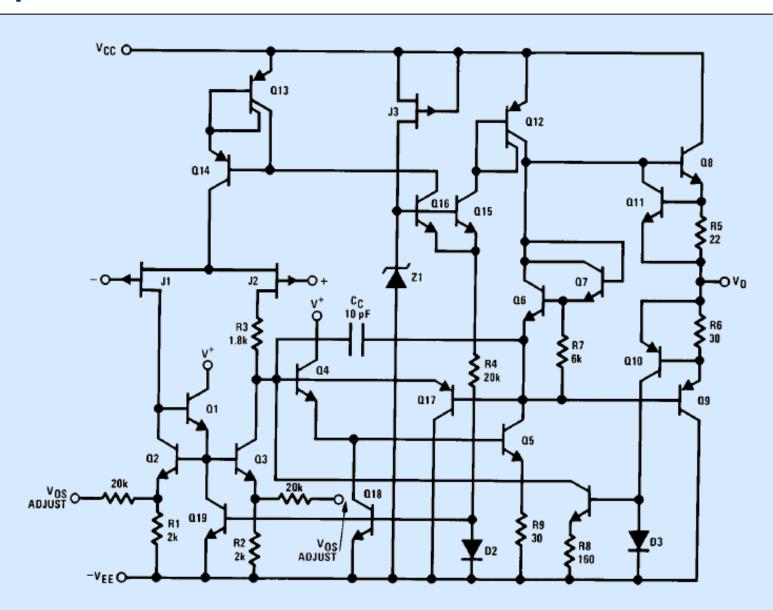
$$G_{diff} = \frac{\partial U_{out}}{\partial U_{diff}} = \frac{R_C}{2R_E}$$

Gleichtaktverstärkung: 
$$G_{CM} = \frac{\partial U_{out}}{\partial U_{CM}} = -\frac{R_C}{2R_1 + R_E}$$

Gleichtaktunterdrückung:  $CMRR = \left| \frac{G_{diff}}{G_{CM}} \right| = \frac{2R_1 + R_E}{2R_E}$  (common mode rejection ratio)



# Operationsverstärker

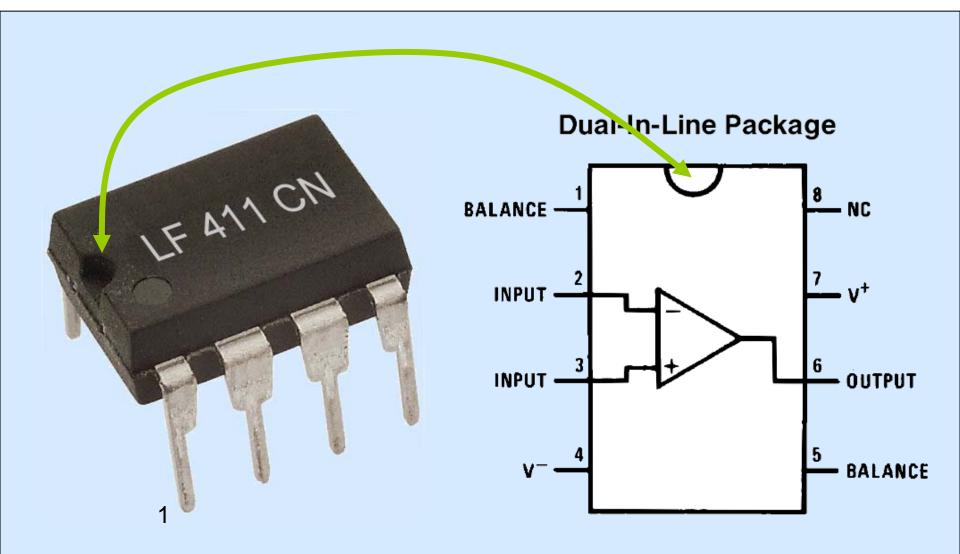


## Überblick

- Grundlagen: Spannung, Strom, Widerstand, IV-Kennlinien
- Elektronische Messgeräte im Elektronikpraktikum
- Passive Filter
- Signaltransport im Kabel
- Transistor
- Operationsverstärker
- Sensorik
- PID-Regler
- Lock-In-Verstärker
- Phase-Locked Loop
- Digitalelektronik
- Digital-Analog- / Analog-Digital-Wandlung
- Mikrocontroller
- Labview und Virtual Instruments
- Physik in der Elektronik: Ausblick zur Festkörperphysik



## Operationsverstärker

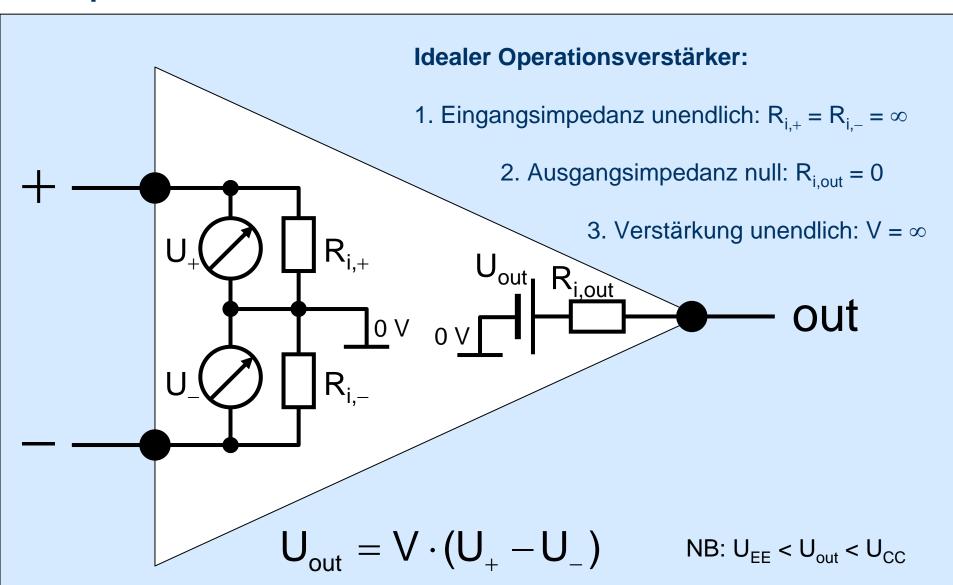


Standardtypen: LF411 (JFET), LM741 (bipolar)





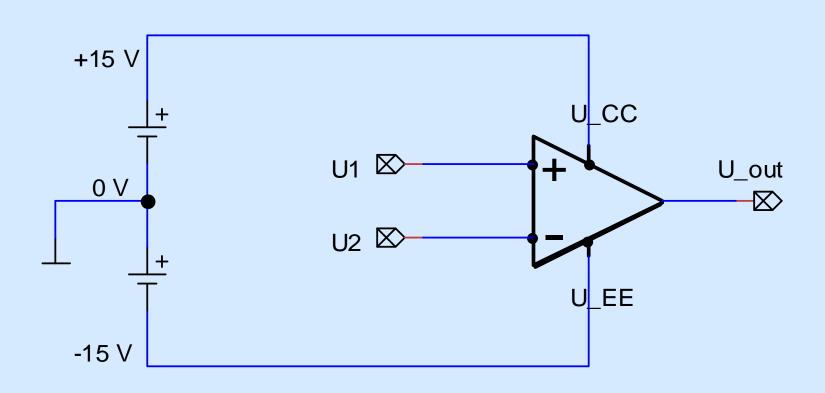
## Operationsverstärker







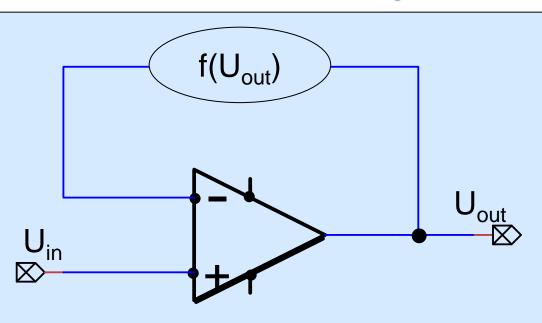
## Operationsverstärker: Komparator



$$U_{out} = \begin{cases} U_{CC} & falls U_1 > U_2 \\ U_{EE} & falls U_1 < U_2 \end{cases}$$







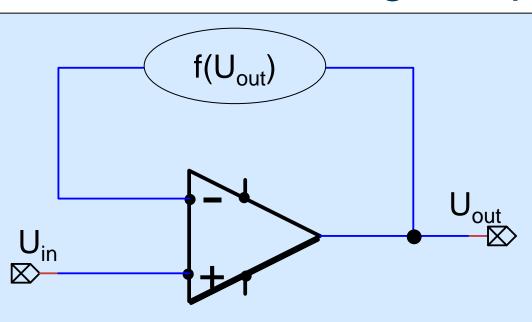
#### Gegenkopplung (negative Rückkopplung):

Teil des Ausgangs (= f(U<sub>out</sub>)) zurück an den invertierenden Eingang

- ⇒ wirkt der Verstärkung entgegen
- ⇒ Verstärkercharakteristik nur von Rückkopplung abhängig (bei ausreichend starker Rückkopplung)





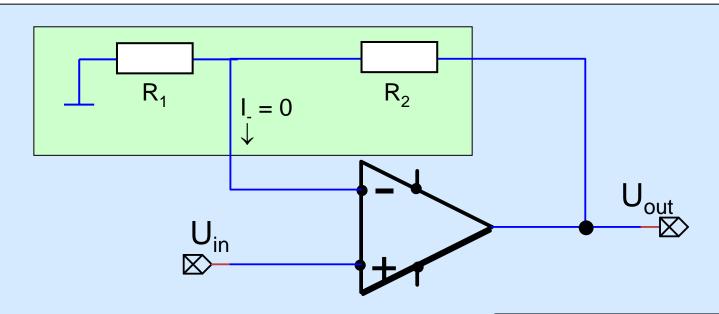


$$U_{out} = V \cdot [U_{+} - U_{-}] = V \cdot [U_{in} - f(U_{out})]$$
ideal OpAmp: 
$$\xrightarrow{\to \infty} \xrightarrow{\to 0}$$

$$\Rightarrow U_{out} = f^{-1}(U_{in})$$







$$U_{out} = V \cdot [U_{+} - U_{-}] = V \cdot [U_{in} - f(U_{out})]$$
ideal OpAmp: 
$$\longrightarrow_{\infty} \longrightarrow_{0}$$

$$\Rightarrow U_{out} = f^{-1}(U_{in})$$

#### Beispiel: Spannungsteiler

$$U_{-} = f(U_{out}) = \frac{R_1}{R_2 + R_1} U_{out}$$

$$\Rightarrow U_{out} = f^{-1}(U_{in}) = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right)U_{in}$$





Der Ausgang wird stets versuchen eine Spannung auszugeben, so dass die Differenz der Eingangsspannung null ist, d. h.

für ideale Operationsverstärker mit Gegenkopplung

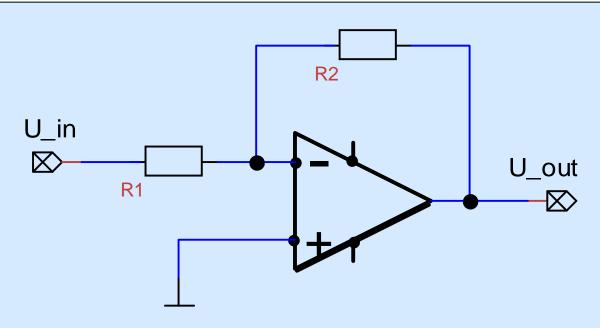
$$\Delta U = U_{+} - U_{-} = 0$$

2. In die Eingänge + und - fließt kein Strom, d. h.

$$I_{\perp} = I_{-} = 0$$



### Invertierender Verstärker



Spannung am invertierenden Eingang:  $U_{-} = U_{in} + \frac{R_{1}}{R_{1} + R_{2}} (U_{out} - U_{in})$   $\Leftrightarrow$  mit Goldener Regel 2

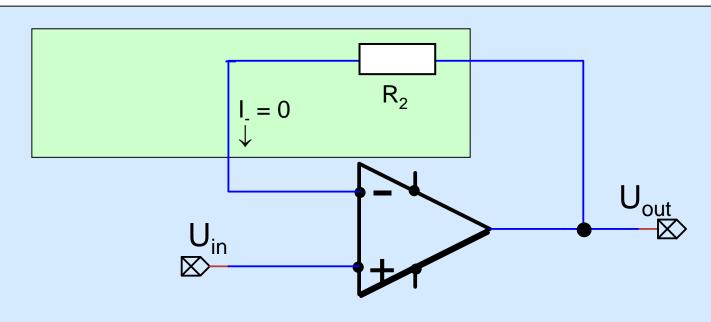
Goldene Regel 1  $\Rightarrow$   $\Delta U = 0$  d.h.  $U_{-} = U_{+} = 0$ 

Ausgangsspannung:  $U_{out} = -\frac{R_2}{R_1} \cdot U_{in}$ 





# Spannungsfolger (Impedanzwandler)



$$U_{\text{out}} = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) U_{\text{in}} \qquad R_1 \to \infty$$

$$R_1 \rightarrow \infty$$

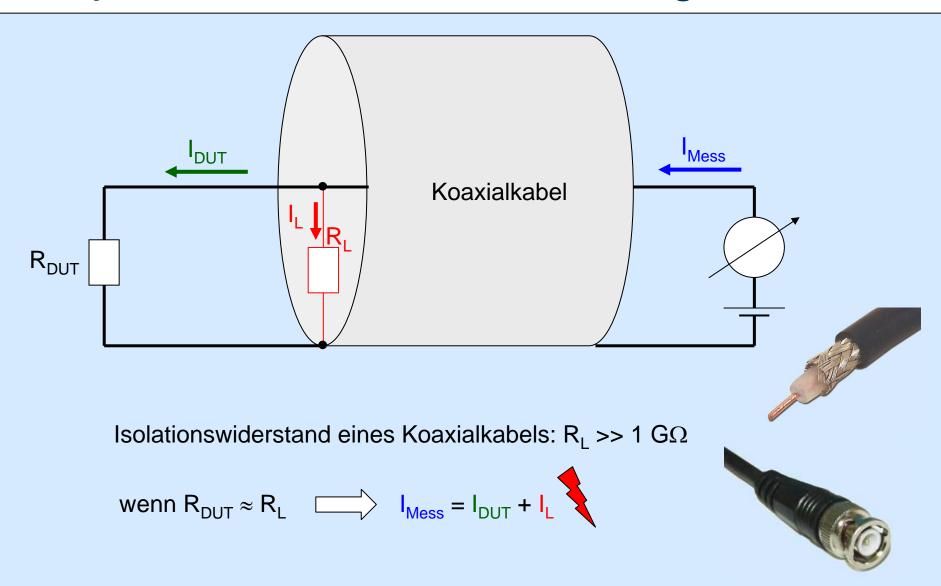
$$U_{\text{out}} = U_{\text{in}}$$

#### **Idealer Operationsverstärker:**

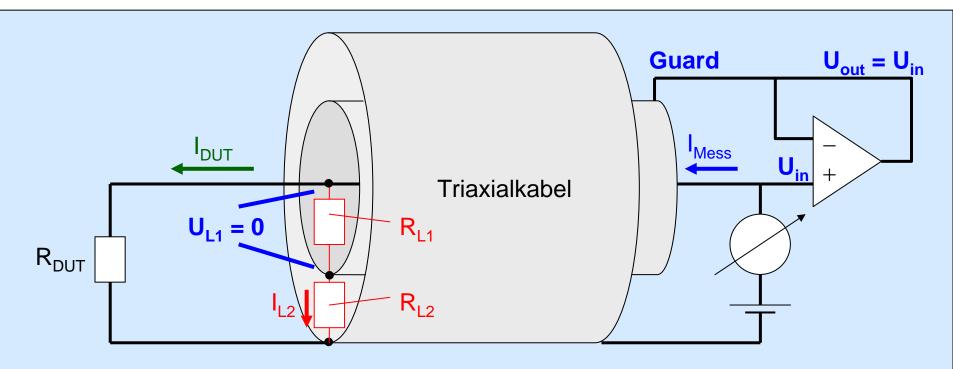
Eingangsimpedanz unendlich:  $R_{i,+} = R_{i,-} = \infty$ 

Ausgangsimpedanz null: R<sub>i,out</sub> = 0

## Impedanzwandler: Anwendung



# Spannungsfolger (Impedanzwandler)



Triaxialkabel: Signalleitung + innerer Schirm (Guard) + äußerer Schirm (Masse)

$$\mathbf{U}_{\text{L1}} = \mathbf{U}_{\text{out}} - \mathbf{U}_{\text{in}} = \mathbf{0} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{I}_{\text{L1}} = \mathbf{0} \quad \Rightarrow \quad \mathbf{I}_{\text{Mess}} = \mathbf{I}_{\text{DUT}}$$

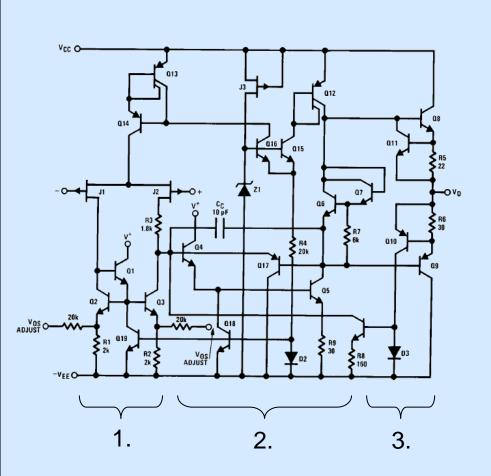
I<sub>L2</sub> kommt aus OpAmp-Ausgang (niedrige Ausgangsimpedanz)







## Operationsverstärker: Frequenzgang



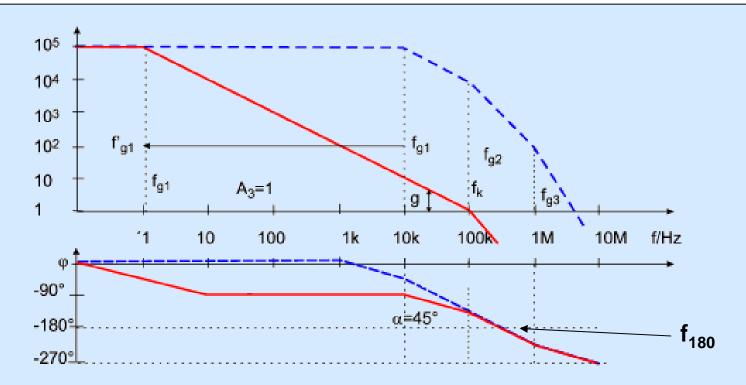
#### **OpAmp sind mehrstufige Verstärker**

Beispiel: LF411

- 1. Differenzverstärker
- 2. Verstärkerstufe
- 3. Endstufe
- ⇒ jede Stufe zeigt Tiefpass-Verhalten mit verschiedenen Grenzfrequenzen



# Operationsverstärker: Frequenzgang



bei f = f<sub>180</sub>: **Gegenkopplung** ↔ **Mitkopplung** 

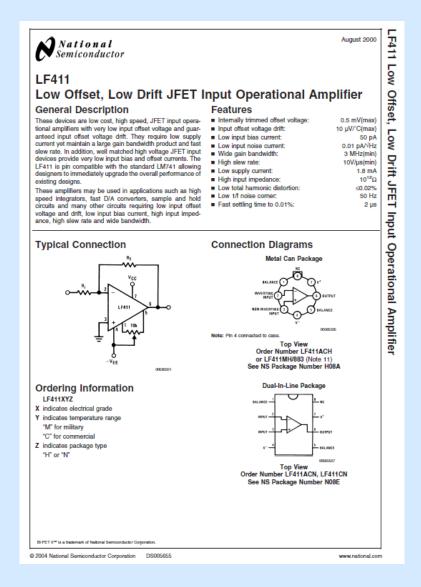
falls gleichzeitig gesamte Verstärkung g > 1  $\Rightarrow$  Schwingung mit f =  $f_{180}$ 

Lösung: z.B. (universelle) Frequenzgangkorrektur (Tiefpassfilter), so dass g < 1 für  $f = f_{180}$  (Nachteil: slew rate erniedrigt)





## Operationsverstärker: Datenblatt





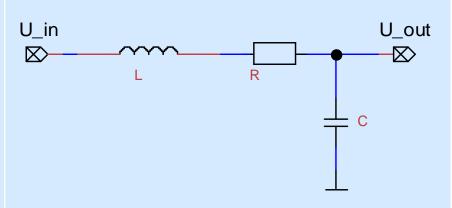


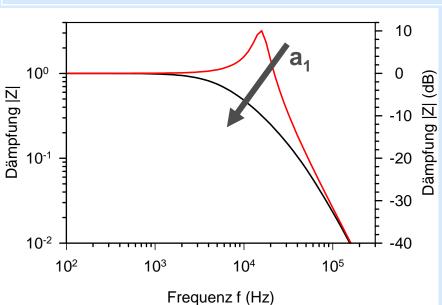
## Überblick

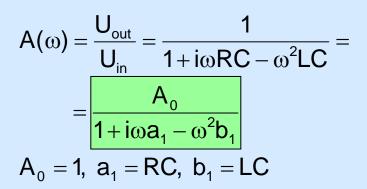
- Grundlagen: Spannung, Strom, Widerstand, IV-Kennlinien
- Elektronische Messgeräte im Elektronikpraktikum
- Passive Filter
- Signaltransport im Kabel
- Transistor
- Operationsverstärker
- Aktive Filter
- Sensorik
- PID-Regler
- Lock-In-Verstärker
- Digitalelektronik
- Digital-Analog- / Analog-Digital-Wandlung
- Mikrocontroller
- Labview und Virtual Instruments
- Physik in der Elektronik: Ausblick zur Festkörperphysik



#### zunächst: passiver Tiefpassfilter 2. Ordnung (Wiederholung)







Dämpfung: 40 dB/Dekade

3 Parameter:

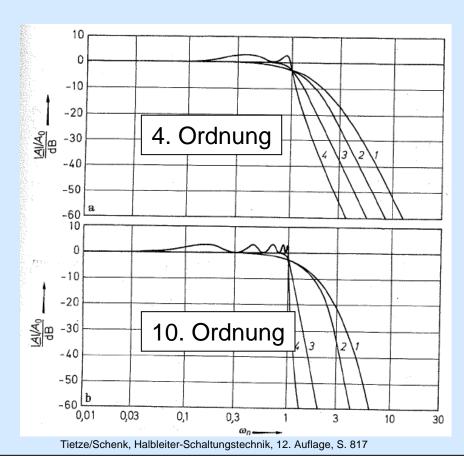
A0 ⇒ Verstärkung

a1, b1 ⇒ Grenzfrequenz, Welligkeit



#### Allgemein gilt für ein Filter n. Ordnung:

$$A(\omega) = \frac{A_0}{1 + i\omega c_1 + (i\omega)^2 c_2 + ... + (i\omega)^n c_n} = \frac{A_0}{(1 + i\omega a_1 - \omega^2 b_1)(1 + i\omega a_2 - \omega^2 b_2)...}$$



#### Filtertypen mit optimiertem Frequenzgang

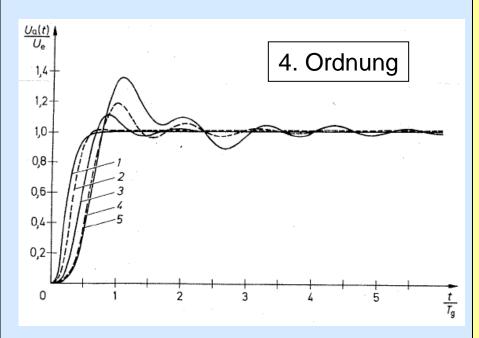
- Tiefpass mit kritischer Dämpfung
   → kein Überschwingen
- Bessel-Tiefpass
   → optimierte Rechteckübertragung
- Butterworth-Tiefpass
   → (fast) keine Dämpfung vor f<sub>g</sub>
- Tschebyscheff-Tiefpass
   mit 3 dB Welligkeit
   → steiles Abschneiden hinter f<sub>g</sub>
- ⇒ Koeffizienten: siehe Tabellenwerke





#### Allgemein gilt für ein Filter n. Ordnung:

$$A(\omega) = \frac{A_0}{1 + i\omega c_1 + (i\omega)^2 c_2 + ... + (i\omega)^n c_n} = \frac{A_0}{(1 + i\omega a_1 - \omega^2 b_1)(1 + i\omega a_2 - \omega^2 b_2)...}$$



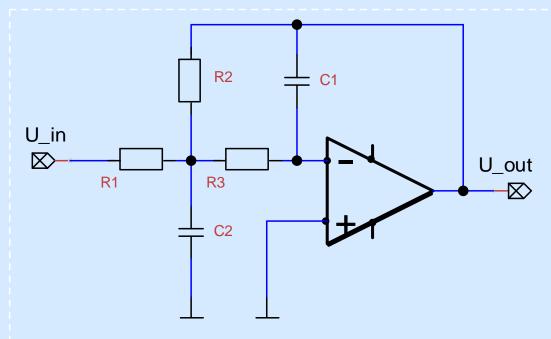
#### Filtertypen mit optimiertem Frequenzgang

- Tiefpass mit kritischer Dämpfung
   → kein Überschwingen
- Bessel-Tiefpass
   → optimierte Rechteckübertragung
- Butterworth-Tiefpass
   → (fast) keine Dämpfung vor f<sub>g</sub>
- Tschebyscheff-Tiefpass mit 0.5 dB Welligk.
- Tschebyscheff-Tiefpass mit 3 dB Welligkeit
   → steiles Abschneiden hinter f<sub>a</sub>

Tietze/Schenk, Halbleiter-Schaltungstechnik, 12. Auflage, S. 817



#### Aktiver Tiefpassfilter 2. Ordnung als wichtiger Grundbaustein:



## Realisierung von Filtern höherer Ordnung:

Hintereinanderschaltung von aktiven Filtern 2. Ordnung

(kein Impedanzproblem durch niederohmigen OPV-Ausgang)

$$A(\omega) = \frac{U_{out}}{U_{in}} = \frac{-\frac{R_2}{R_1}}{1 + i\omega C_1 \left(R_2 + R_3 + \frac{R_2R_3}{R_1}\right) - \omega^2 C_1 C_2 R_2 R_3} = \frac{A_0}{1 + i\omega a_1 - \omega^2 b_1}$$